

Versuch 31: Mischungsmethode in der Kalorimetrie

(durchgeführt am 12.09.2018 bei Nico Strauß)
Andréz Gockel, Patrick Münnich
20. September 2018

Inhaltsverzeichnis

1 Ziel des Versuchs	2
2 Aufbau	2
3 Auswertung und Fehleranalyse	2
3.1 Teil A - Kalibrierung des Messfühlers	2
3.1.1 Durchführung	2
3.1.2 Ergebnisse	3
3.2 Teil B - Bestimmung von der Wärmekapazität des Kalorimeters: C_{kal}	3
3.2.1 Durchführung	3
3.2.2 Theorie	3
3.2.3 Auswertung	4
3.2.4 Diskussion	4
3.3 Teil C - Bestimmung von der Spezifischen Wärmekapazität von Festkörpern	5
3.3.1 Durchführung	5
3.3.2 Theorie	5
3.3.3 Auswertung	5
3.3.4 Diskussion	6
4 Anhang	7

1 Ziel des Versuchs

Der Versuch ist in drei Teile geteilt, welche dazu dienen, mit Hilfe einer geeigneten Wärmeenergiebilanz die Wärmekapazität zu bestimmen. Im Teil A kalibriert man das Messgerät und stellt das Programm, LabVIEW, ein. Im Teil B wird mittels Extrapolationsverfahren die Wärmekapazität des Kalorimeters bestimmt. Für die Messungen wurde ein Temperaturmessfühler, der durch einen DAQ zu einem Computer verbunden wurde verwendet, dadurch konnten die Messdaten mittels dem Programm LabVIEW gespeichert werden. Im Teil C wurde die Wärmekapazität von zwei Festkörpern bestimmt.

2 Aufbau

Der Messfühler ist per Kabel an den PC gebunden, an dem LabVIEW läuft. Zwei mit Wasser gefüllte Behälter sind vorhanden. Eins davon ist auf einer Heizplatte, das andere besteht aus Eiswasser.

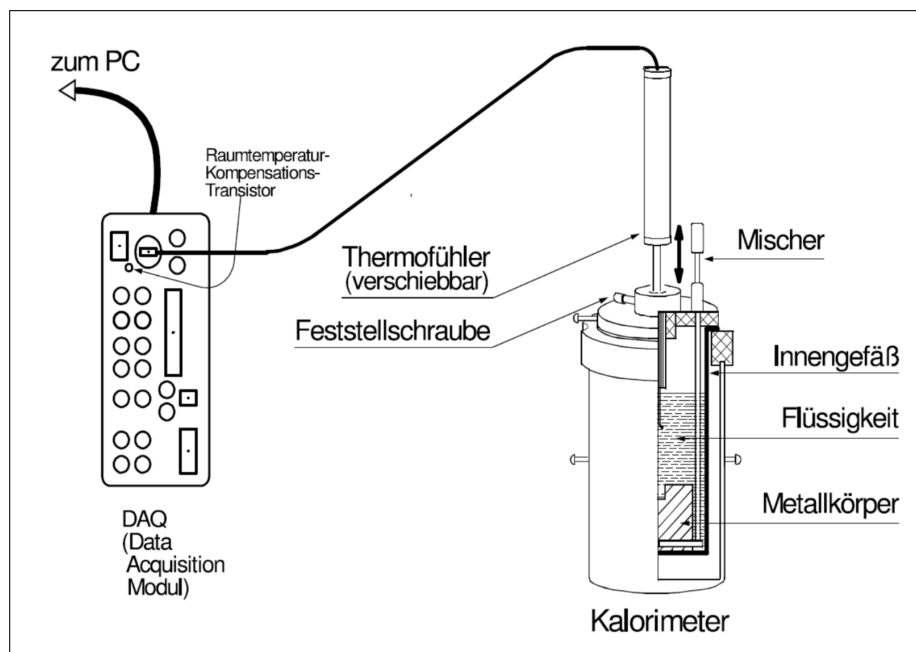


Abbildung B1: Der Aufbau

3 Auswertung und Fehleranalyse

3.1 Teil A - Kalibrierung des Messfühlers

3.1.1 Durchführung

Zuerst vervollständigt man LabVIEW, sodass die Temperatur und die Zeit nach der Messung in eine Datei abgespeichert wird.

Zur Kalibrierung wird das Ende des Messfühlers, an dem gemessen wird, in das beheizte Wasserbad gesteckt und die Temperatur in LabVIEW an 100°C angepasst. Ist dies geschehen, so steckt man den Messfühler in das Eiswasser und stellt dies auf 0°C ein.

3.1.2 Ergebnisse

Bei der Kalibrierung wurden Schwankungen festgestellt. Bei dem kochenden Wasser lagen diese bei etwa 0.5°C , bei dem Eiswasser jedoch circa 2°C .

Dies liegt vermutlich aufgrund der kleinen Menge an Eiswasser, welche genutzt wurde, sowie auch daran, dass der Messfühler nicht ständig im Wasser bzw. am Eis war, da beides vorhanden ist. Ansonsten sind leichte Schwankungen nicht erstaunlich.

3.2 Teil B - Bestimmung von der Wärmekapazität des Kalorimeters: C_{kal}

3.2.1 Durchführung

Da genug Eiswasser nicht vorhanden ist, muss hier lauwarms Wasser verwendet werden. Zuerst misst man die Temperaturen der beiden Wassermengen und wiegt sie, dann werden sie nacheinander in das Kalorimeter gefüllt und der Temperaturverlauf wird gemessen. Dies notiert man dann in ein Diagramm und eine Ausgleichskurve wird erstellt, mit der man die wahre Mischtemperatur berechnet.

3.2.2 Theorie

Da das Kalorimeter und das Mischverfahren nicht vollkommen adiabatisch sind, also zur gleichen Zeit auch ein zusätzlicher Energieaustausch stattfindet und das Kalorimeter auch Wärme aufnimmt, ist die Temperatur, die am Ende gemessen wird, nicht die wahre Mischtemperatur.

Zum Finden der wahren Mischtemperatur sucht man den Punkt, an dem man eine vertikale Gerade ziehen könnte, welche die Flächen zwischen der Kurve und den Geraden von jeweils der warmen und der kalten Wassermenge in zwei gleich große Flächen teilt.

Da unsere Werte einer e -Funktion ähneln, aber die Temperaturänderung linear verlaufen sollte, teilen wir unsere Ausgleichskurve in zwei Geraden auf, welche linear verlaufen. Zum Berechnen dieses Punktes wird die folgende Gleichung genutzt:

$$\int_{t_0}^{t_2} f_M dt - \int_{t_0}^{t_2} f_K dt + f_{Add} = \int_{t_1}^{t_0} f_H dt - \int_{t_1}^{t_0} f_M dt. \quad (1)$$

f_K steht für die Gerade der Temperatur des kalten Wassers, f_H für die Gerade der Temperatur des heißen Wassers, f_M für die Gerade der Mischung, welche f_H schneidet, und f_{Add} ist das Integral von der unteren Ausgleichsgerade der Mischung, welche f_K schneidet. Die Integralgrenzen sind Zeiten, t_0 die gesuchte halbierende Zeit, t_1 der Schnittpunkt von f_M mit f_H und t_2 der Schnittpunkt von f_M mit f_K . Da f_{Add} wesentlich kleiner ist als die rechte Seite, wenn f_{Add} bei t_0 wäre, nehmen wir f_{Add} als konstant an. Dies erleichtert uns später das Auflösen des Integrals. Alle Geraden sind in Form eines Polynoms ersten Grades:

$$f = ax + b \quad (1)$$

f_{Add} sieht folgendermaßen aus:

$$f_{Add} = \int_{t_3}^{t_4} f_A dt - \int_{t_3}^{t_4} f_K dt, \quad (2)$$

wobei t_3 und t_4 in diesem Fall 5 s und 10 s sind.

Integrieren wir und bringen die Gleichung in Form einer quadratischen Gleichung bezüglich dem gesuchten t_0 , so können wir folgendermaßen nach t_0 auflösen:

$$t_{01/2} = \frac{-B \pm \sqrt{B^2 - 4AC}}{2A}, \quad (3)$$

Hier sind unsere Variablen

$$A = \frac{a_K}{2} - \frac{a_H}{2}$$

$$B = b_K - b_H$$

$$C = a_M \frac{t_2^2}{2} + b_M t_2 - a_K \frac{t_2^2}{2} - b_K t_2 + f_{Add} + a_H \frac{t_1^2}{2} + b_H t_1 - \frac{a_m}{2} t_1^2 - b_m t_1.$$

Die wahre Mischungstemperatur T_M kann dann einfach von den Werten von f_M abgelesen werden. Um hieraus die Wärmekapazität C_{Kal} des Kalorimeters zu bestimmen wird

$$C_{Kal} = c_w(m_K \beta - m_H) \quad (4)$$

mit

$$\beta = \frac{T_M - T_K}{T_H - T_M}$$

verwendet. Die Variablen stehen für folgende Werte:

- c_w die Wärmekapazität von Wasser
- m_K die Masse des kalten Wassers
- m_H die Masse des warmen Wassers
- T_M die Mischungstemperatur
- T_K die Temperatur des kalten Wassers
- T_H die Temperatur des warmen Wassers

3.2.3 Auswertung

Aufgrund eines Messfehlers, aufgrund dessen die Messung zwischen der Temperaturmessung des warmen Wassers und des Kalorimeters unterbrochen wurde, wurde angenommen, dass ein 15 s Zeitraum zwischen den Messungen lag.

Mithilfe von (3) bekommen wir zwei Ergebnisse für t_0 . Das größere Ergebnis ist klar das sinnvollere, da das kleinere keine gleich großen Flächen liefert.

Unser T_M liegt also bei $(59 \pm 2)^\circ\text{C}$. Der Graph hierzu ist im Anhang zu finden.

Die Temperatur des kalten Wassers vor dem Eintauchen betrug $(22 \pm 1)^\circ\text{C}$ und die des warmen Wassers $(80 \pm 1)^\circ\text{C}$. Die Masse des warmen Wassers war $(339.84 \pm 0.05) \text{ g}$ und die des kalten Wassers $(221.80 \pm 0.05) \text{ g}$. Mit (4) bekommen wir als Wert für C_{Kal} $(190 \pm 90) \text{ J/K}$.

Die Berechnung des Fehlers wird durchgeführt mit:

$$s_x = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2} \quad (5)$$

3.2.4 Diskussion

Aufgrund des in der Auswertung angesprochenen Messfehlers ist die Temperatur des warmen Wassers geraten, was die wahre Mischtemperatur stark beeinflusst. Ist der Zeitraum zu großzügig angenommen, so liegt die wahre Mischtemperatur höher, andersrum wenn der Zeitraum zu klein angenommen ist. Der Grund für den starken Einfluss ist, dass in (3) der Wert für t_1 sich dadurch ändert, welcher in C enthalten ist. Schaut man sich das Integral (1) an, so ist offensichtlich, dass t_2 als Integralgrenze bei beiden Integralen auf der linken Seite einen großen Einfluss hat.

Systematische Fehler hier sind, dass UNCERTAINTIES

3.3 Teil C - Bestimmung von der Spezifischen Wärmekapazität von Festkörpern

3.3.1 Durchführung

Ein Festkörper wird im Wasserbad erhitzt, die Temperatur gemessen, und dann ins mit kalten Wasser gefülltes Kalorimeter gefüllt. Dort wird wieder die Temperatur gemessen. Wie beim vorherigen Versuch wird hier wieder ein Diagramm aufgezeichnet und mit einer Ausgleichskurve die Mischtemperatur gefunden.

3.3.2 Theorie

In diesem Teil ist es aufgrund der unterschiedlichen verwendeten Stoffe nicht mehr nötig, vollkommen linear das Problem anzugehen.

Zur Bestimmung der Mischtemperatur wird dadurch einfach folgende Gleichung nach t_m aufgelöst und dann die Temperatur daraus abgelesen:

$$\int_{t_H}^{t_m} f_H dt - \int_{t_H}^{t_m} f_M dt = \int_{t_m}^{t_K} f_M dt - \int_{t_m}^{t_K} f_K dt \quad (6)$$

Gleich wie im vorherigen Teil sind f_H und f_K wieder einfach lineare Funktionen (1). Der Unterschied liegt bei f_M , welches an eine exponentielle Funktion gefittet wird:

$$f_M = a_M + b_M \exp(-c_M t) + d_M t \quad (7)$$

Um aus der Mischtemperatur die spezifische Wärmekapazität des Körpers zu bestimmen, wird die Formel (8) verwendet.

$$c_K = \frac{m_F c_F + C_{Kal} \beta}{m_K} \quad (8)$$

Hier ist β definiert als

$$\beta = \frac{T_M - T_F}{T_K - T_M}$$

mit T_M die Mischungstemperatur, T_F die Temperatur der Flüssigkeit und T_K die Temperatur des Festkörpers. m_F ist die Masse der Flüssigkeit, c_F die Wärmekapazität der Flüssigkeit, C_{Kal} die Wärmekapazität des Kalorimeters und m_K die Masse des Körpers.

3.3.3 Auswertung

Die Wärmekapazität unseres Kalorimeters haben wir im ersten Teil berechnet, also ist sie (190 ± 90) J/K. Die Masse der sich im Kalorimeter befindende Flüssigkeit beträgt (219.3 ± 0.05) g. Die spezifische Wärmekapazität des Wassers beträgt 4182 J/kgK. Die Temperatur des kalten Wassers innerhalb des Kalorimeters liegt bei $(20 \pm 0.4)^\circ\text{C}$ und die des Festkörpers vor dem Mischen $(71.97 \pm 0.4)^\circ\text{C}$.

Laut unser aus (6) berechnetes t_m , welches bei (29 ± 0.5) s liegt, ist unsere wahre Mischtemperatur $(44.4 \pm 0.4)^\circ\text{C}$. Der hierzu gehörige Graph befindet sich wieder im Anhang.

Mit (8) bekommen wir dann als Wert für unser c_K $(1.40 \pm 0.12) \times 10^4$ J/kgK. Unser Fehler wurde hier wieder mit (5) berechnet.

3.3.4 Diskussion

Bei diesem Teil war die Messproblematik des vorherigen Versuchsteils nicht mehr vorhanden. Jedoch gibt es immer noch einen Einfluss dessen aufgrund der Inklusion von C_{Kal} in (8).

Der Literaturwert der spezifischen Wärmekapazität von METAL ist VALUE. Mit der Formel

$$t = \frac{|x_0 - y|}{u_x} \quad (9)$$

berechnen wir eine Abweichung von $t = ECKSDEE$ mit unserem gemessenen Wert. Dies liegt im Bereich von $t < 2$, was Verträglichkeit der Werte impliziert. Es ist also wahrscheinlich, dass unser Festkörper aus METAL besteht.

