FORTGESCHRITTENEN-PRAKTIKUM I

Ringlaser

8. und 9. Oktober, 2014

Moritz BITTERLING Benjamin ROTTLER

Betreuer: Wiebke HERZBERG



Institut für Mathematik und Physik Albert-Ludwigs-Universität Freiburg im Breisgau Alle Berechnungen in diesem Protokoll wurden unter Python 2.7 mit Hilfe folgender Programmbibliotheken

- PyROOT (http://root.cern.ch/drupal/content/pyroot)
- NumPy (http://www.numpy.org/)

oder mit oder Mathematica 10 durchgeführt. Die Graphiken wurden mit Inkscape (http://www.inkscape.org) gezeichnet.

Alle Python-Skripte, LATEX-Skripte, Mathematica-Notebooks und SVG-Graphiken können online unter https://github.com/Bigben37/FP1/tree/master/1008-Ringlaser abgerufen werden.

Inhaltsverzeichnis

| 1. | Versuchsziel | 1 |
|----|---|-------------------|
| 2. | Physikalische Grundlagen 2.1. Helium-Neon-Laser | 1 1 2 3 |
| 3. | Versuchsaufbau | 4 |
| 4. | Versuchsdurchführung | 5 |
| 5. | | 5 5 9 12 |
| 6. | Literatur | 13 |
| Α. | Anhang A.1. Messprotokoll | 13 13 |

1. Versuchsziel

Im Versuch wird mit modernen Messmethoden ein Experiment durchgeführt, das eine Voraussage der speziellen Relativitätstheorie überprüft: Der *Mitführungskoeffizient* von Licht (hier in Quarz), der aus dem Gesetz der relativistischen Addition von Geschwindigkeiten folgt, wird bestimmt. Dazu wird ein Helium-Neon-Laser mit offenem Resonator verwendet und eine rotierende Quarzscheibe in den Strahlengang eingesetzt, die abhängig von ihrer Rotationsgeschwindigkeit die effektive Resonatorlänge ändert, damit das Laserlicht in zwei Frequenzkomponenten aufspaltet und so eine messbare Schwebung der Laserlichtintensität verursacht.

2. Physikalische Grundlagen

2.1. Helium-Neon-Laser

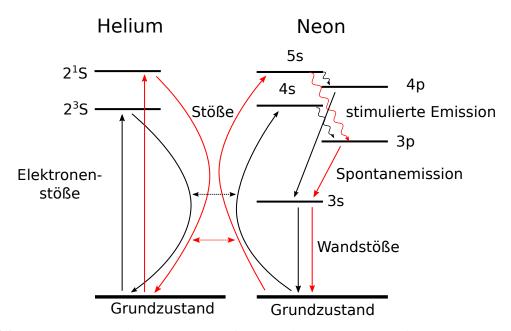


Abbildung 2.1: Termschemata von Helium und Neon: Energieübergänge im Laser. In rot der Zyklus, der im Versuch verstärkt wird.

Ein Laser besteht aus drei Komponenten: Einer *Pumpe*, die in einem *aktiven Medium* Besetzungsinversion verursacht und *Spiegeln*, die emittierte Strahlung zurück in das Medium reflektierten. Die reflektierte Strahlung stimuliert im Medium Emission und verstärkt sich dadurch selbst.

Der im Versuch verwendete Laser ist ein Helium-Neon-Gaslaser.¹ Der eigentliche Laserübergang findet beim Neon statt, das Helium dient nur zur Übertragung der Energie auf

¹ Die Ausführungen in diesem Abschnitt orientieren sich an [1].

das Neon: Eine an der Röhre angelegte Spannung führt zu Gasentladung und Anregung der Heliumatome in den metastabilen 2S-Zustand (siehe Abbildung 2.1). Durch Stöße wird diese Energie auf Neonatome übertragen und diese in höhere s-Zustände angeregt. Auf dem Rückweg in den Grundzustand können mehrere Übergänge als Laserübergänge verstärkt werden. Am Versuchsaufbau wird durch geeignete Wahl der Spiegel der Übergang 5s-3p verwendet, der eine Wellenlänge von 632.82 nm besitzt. Vom 3p-Zustand aus fallen die Neonatome schnell wieder spontan auf das 3s-Niveau und von dort aus durch Wandstöße zurück in den Grundzustand.

2.2. Der Mitführungskoeffizient als Konsequenz der speziellen Relativitätstheorie

Relativistische Addition von Geschwindigkeiten

Schon vor der Formulierung der speziellen Relativitätstheorie war durch verschiedene Experimente bekannt, dass Strahlung von bewegten, optisch dichten Medien zum Teil mitgeführt wird. Für die Geschwindigkeit v der Strahlung im bewegten Medium mit Brechungsindex n, gemessen vom Ruhesystem, gilt

$$v = v' \pm \alpha \cdot w = \frac{c}{n} \pm \alpha \cdot w \tag{2.1}$$

Die Geschwindigkeit des bewegten Systems ist w, c die Lichtgeschwindigkeit, v' die Lichtgeschwindigkeit im bewegten System und α der Mitführungskoeffizient. Das Auftreten des Mitführungskoeffizienten wurde damals mit einer teilweisen Mitführung des Äthers erklärt.

In der Relativitätstheorie folgt der Mitführungskoeffizient als Grenzfall für kleine Geschwindigkeiten aus der Formel für die Geschwindigkeitsaddition bei Transformation in bewegte Inertialsysteme:

$$v = \frac{v' + w}{1 + \frac{v' \cdot w}{c^2}} \tag{2.2}$$

Division des Bruchs durch c liefert

$$v = \frac{\frac{v'}{c} + \frac{w}{c}}{\frac{1}{c} + \frac{v' \cdot \frac{w}{c}}{c^2}} \tag{2.3}$$

und aus der Taylorentwicklung für $w \ll c$, also $w/c \ll 1$, folgt

$$v \approx v' + (c - \frac{v'^2}{c}) \cdot \frac{w}{c} + (-v' + \frac{v'^3}{c^2}) \cdot \left(\frac{w}{c}\right)^2$$
 (2.4)

Da für die Lichtgeschwindigkeit v' im Medium mit Brechungsindex n gilt

$$v' = \frac{c}{n} \tag{2.5}$$

lautet die Taylorentwicklung bis zum linearen Term

$$v \approx v' + \left(1 - \frac{1}{n^2}\right) \cdot w \tag{2.6}$$

Dies entspricht dem Zusammenhang, den A. J. Fresnel aus der Äthertheorie ableitete.

Relativistischer Dopplereffekt

Die Relativitätstheorie liefert aber noch einen weiteren Beitrag zum Mitführungskoeffizienten. Der relativistische Dopplereffekt, der die Frequenzveränderung einer E/M-Welle bei einer Relativbewegung zwischen Sender und Empfänger beschreibt, führt zur Aufnahme eines weiteren Terms in die Gleichung für den Koeffizienten. Die Frequenz des empfangenen Signals $f_{\rm E}$ beiträgt bei der Senderfrequenz $f_{\rm S}$

$$f_{\rm E} = f_{\rm S} \cdot \sqrt{\frac{c \pm w}{c \mp w}} \tag{2.7}$$

Der Mitführungskoeffizient unter Berücksichtigung des Dopplereffekts lautet (Herleitung siehe [2])

$$\alpha = 1 - \frac{1}{n^2} - \frac{\lambda}{n} \cdot \frac{\Delta n}{\Delta \lambda} \tag{2.8}$$

 λ ist die Wellenlänge des Lichts und $\Delta n/\Delta\lambda$ die lineare Dispersion im Medium.

2.3. Bestimmung des Mitführungskoeffizienten mit dem Ringlaser

Die Herleitung der Formel für die Bestimmung des Mitführungskoeffizienten mit dem vorliegenden Aufbau erfordert aufwändige geometrische Überlegungen und findet sich in [2]. Hier werden nur kurz die Grundzüge der Herleitung dargelegt.

Die optische Gesamtlänge des Resonators L ist die Summe des Produkts aller Teilstreckenlängen l_i mit dem jeweiligen Brechungsindex n_i

$$L = \sum_{i} l_i \cdot n_i \tag{2.9}$$

Für den Laser gilt die Randbedingung, dass eine ganze Zahl N von Wellenzügen mit der Wellenlänge λ in L liegen muss:

$$L = N \cdot \lambda \tag{2.10}$$

Für die Bestimmung des Mitführungskoeffizienten ist die Änderung der optischen Gesamtlänge ΔL interessant. Diese Änderung wird nur durch die Änderung des effektiven Brechungsindex $n_{\rm Q}$ in der rotierenden Quarzscheibe verursacht. Für die optische Länge $L_{\rm Q}$ des Quarz mit der Dicke $l_{\rm Q}$ gilt

$$L_{\mathcal{Q}} = n_{\mathcal{Q}} \cdot l_{\mathcal{Q}} \stackrel{(2.1)}{=} \frac{c}{\frac{c}{n_{\mathcal{Q}}} \pm \alpha \cdot w}$$
 (2.11)

Wenn man davon ausgeht, dass eine kleine Änderung der opt. Länge ΔL die Anzahl N der Wellenzüge im Resonator nicht ändert, so gilt

$$\frac{\Delta L}{L} = \frac{\Delta \lambda}{\lambda} \tag{2.12}$$

Es wird also eine Änderung $\Delta\lambda$ der Wellenlänge des Laserlichts verursacht, die für eine Strahlkomponente positiv, für die andere negativ ist. Dieser kleine Unterschied der Wellenlängen führt zur Ausbildung einer Schwebung mit der Frequenz $\Delta\nu$, die mit der Photodiode gemessen werden kann. Der Mitführungskoeffizient α kann dann mit folgendem Zusammenhang bestimmt werden:

$$\alpha = \frac{L \cdot \lambda \cdot \Delta \nu}{2 \cdot n_{Q} \cdot \omega \cdot d \cdot x_{0}} \tag{2.13}$$

 ω , d und x_0 sind Größen am Versuchsaufbau, die in Abschnitt 3 erklärt werden.

3. Versuchsaufbau

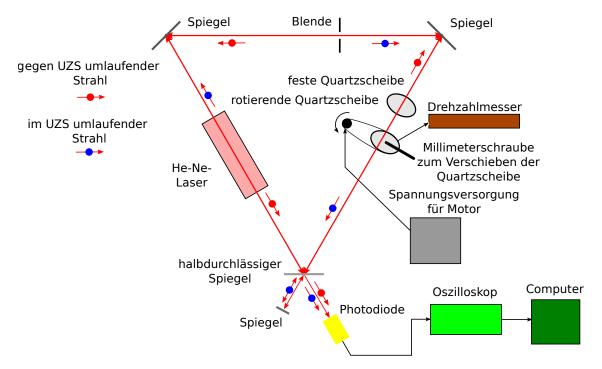


Abbildung 3.1: Aufbau zur Bestimmung des Mitführungskoeffizinenten von Quarz mit einem Ringlaser.

Abbildung 3.1 zeigt den Aufbau des Ringlasers, mit dem die Messungen durchgeführt werden. Um eine Helium-Neon-Röhre, die von einem statischen elektrischen Feld gepumpt wird, ist mit drei Spiegeln ein Resonator aufgebaut. Einer der Spiegel ist halbdurchlässig, um den Laserstrahl auszukoppeln. Ein vierter Spiegel reflektiert den im

Uhrzeigersinn umlaufenden Stahl so, dass er zusammen mit dem anderen auf eine Photodiode fällt. Der vierte Spiegel und der Halbdurchlässige können in ihrer Position verändert werden. Im Strahlengang befindet sich außerdem eine einstellbare Blende, mit welcher der Strahl abgeschwächt werden kann. Zusätzlich sind im Strahlengang zwei Quarzscheiben, die im Brewsterwinkel vom Laserstrahl getroffen werden. Eine davon kann mit einem Motor in Rotation versetzt und ihre Drehzahl ω gemessen werden. Der Laserstrahl trifft im Abstand x_0 von der vertikalen Achse der Scheibe auf. Die zweite, ruhende Scheibe ist dazu da, den abgelenkten Strahl wieder zurück in den ursprünglichen Strahlverlauf zu brechen.

Das Signal der Photodiode wird auf einem Oszilloskop angezeigt und kann vom Computer ausgelesen werden.

Technische Daten des Versuchaufbaus:

• optische Länge des Resonators: $L=214.9\,\mathrm{cm}$

• Wellenlänge des He-Ne-Laser in Luft: $\lambda = 632.8\,\mathrm{nm}$

• Brechungsindex von Quarzglas: n = 1.457

• Dicke der Quarzscheibe: $d = 1.27 \,\mathrm{cm}$

4. Versuchsdurchführung

Am Aufbau werden zwei verschiedene Messungen durchgeführt: Zuerst wird bei 30 ms, 45 ms und 60 ms Periodendauer einer Scheibenumdrehung die Position der Quarzscheibe über den ganzen möglichen Einstellbereich in 1 cm-Schritten (bei 45 ms Periodendauer) und 1.5 cm-Schritten (30 ms und 60 ms) variiert. Mit dem Oszilloskop wird nach Einstellung der beiden Spiegel und der Blende ein geeignetes Bild aufgenommen und am Computer der zeitliche Abstand von ca. 5-15 Intensitätsmaxima ausgemessen.

Anschließend werden vier Messungen mit Variation der Scheibendrehzahl für jeweils feste Position der Quarzscheibe durchgeführt; bei $36\,\mathrm{cm}$, $40\,\mathrm{cm}$, $53\,\mathrm{cm}$ und $57\,\mathrm{cm}$ (Anzeige der Millimeterschraube). Die Dauer einer Umdrehung wird dabei in $3\,\mathrm{ms}$ -Schritten von $30\,\mathrm{ms}$ auf $60\,\mathrm{ms}$ erhöht. Die Auswertung erfolgt wie oben.

5. Auswertung

5.1. Variabler Auftreffpunkt x_0

Für jede Messreihe (konstante Periodendauer T) werden die Differenzenfrequenzen $\Delta \nu$ aus der Anzahl der Maxima N und dem zeitlichen Abstand Δt berechnet.

$$\Delta \nu = \frac{N}{\Delta t}, \qquad s_{\Delta \nu} = \Delta \nu \cdot \frac{s_{\Delta t}}{\Delta t} = \frac{N \cdot s_{\Delta t}}{\Delta t^2}$$
 (5.1)

Der Fehler der Zeitdifferenz Δt wurde auf $s_{\Delta t}=10\,\mu s$ abgeschätzt.² Aus Gleichung 2.13 folgt:

$$x_0(\Delta \nu) = \frac{\lambda \cdot L}{2 \cdot n \cdot d \cdot \omega \cdot \alpha} \cdot \Delta \nu =: m \cdot \Delta \nu \tag{5.2}$$

Allerdings unterscheidet sich der gemessene Auftreffpunkt x'_0 aufgrund des Messaufbaus um einem Skalenoffset x_m , welcher noch berücksichtigt werden muss.

$$x_0' = x_0 - x_m (5.3)$$

Die Daten können also mit folgender Formel beschrieben werden:

$$x_0(\Delta \nu) = m \cdot \Delta \nu + x_m \tag{5.4}$$

Die gemessenen Werte werden nun in ein x_0' - $\Delta \nu$ -Diagramm eingetragen und mit der obigen Formel gefittet (Abbildung 5.1, Abbildung 5.2 und Abbildung 5.3). Durch diese Wahl der Koordinatenachsen kann der Offset x_m nun direkt abgelesen werden. Der geschätzte Fehler auf x_0' beträgt $s_{x_0'}=0.05\,\mathrm{mm}$. Die Ergebnisse sind in Tabelle 5.1 dargestellt.

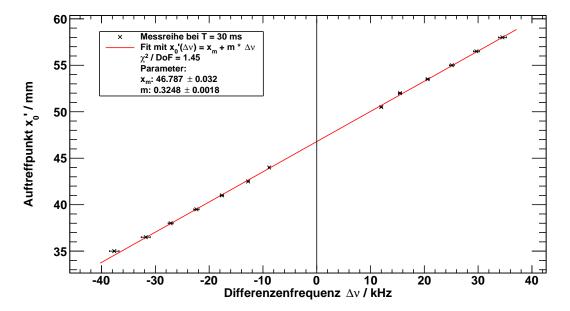


Abbildung 5.1: Linearer Fit von x'_0 bei $T=30\,\mathrm{ms}$.

²Dies ist das 5-fache des protokollierte Fehlers, da zusätzliche Fehler (z.B. Überlagerung von verschiedenen Lasermoden) auftreten, die nicht vom Ablesen der Maxima herrühren.

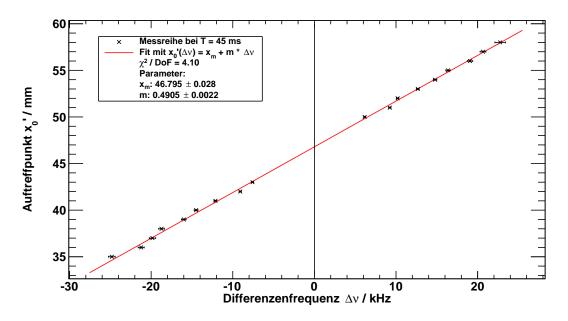


Abbildung 5.2: Linearer Fit von x_0' bei $T=45\,\mathrm{ms}.$

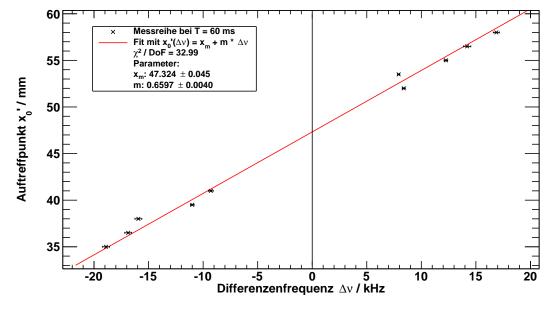


Abbildung 5.3: Linearer Fit von x'_0 bei $T = 60 \,\mathrm{ms}$.

Der χ^2 -Wert der dritten Messreihe (Abbildung 5.3) ist zu groß und liegt nicht mehr in den

üblichen Konfidenzintervallen. Eine Erklärung könnten die unregelmäßigen, nicht ganz sinusförmige Signale sein, die zu hohen Schwankungen der Messwerte führten. Jedoch lässt sich trotzdem noch eine Gerade als Trend erkennen, weshalb die Fitparameter in der weiteren Auswertung trotzdem mitbenutzt wurden.

Tabelle 5.1: Fitergebnisse von $x'_0(\Delta \nu)$ bei festen Periodendauern T.

| T / ms | x_m / mm | $s_{x_m} / \operatorname{mm}$ | $m \ / \ (\mathrm{mm} \ / \ \mathrm{kHz})$ | $s_m \ / \ (\mathrm{mm} \ / \ \mathrm{kHz})$ |
|--------|-------------------|-------------------------------|--|--|
| 30 | 46.787 | 0.032 | 0.3248 | 0.0018 |
| 45 | 46.795 | 0.028 | 0.4905 | 0.0022 |
| 60 | 47.324 | 0.045 | 0.6597 | 0.0040 |

Der gewichtete Mittelwert aus den Offsets x_m für verschiedene Periodendauern T liefert:

$$\bar{x}_m = (46.886 \pm 0.019) \,\mathrm{mm}$$
 (5.5)

Aus den einzelnen Steigungen m lässt sich nun der Mitführungskoeffizient α nach Gleichung 5.2 bestimmen. Die Werte der Konstanten des Versuchaufbaus sind in Abschnitt 3 aufgelistet.

$$\alpha = \frac{\lambda \cdot L}{2 \cdot n \cdot d} \cdot \frac{1}{\omega \cdot m}, \qquad s_{\alpha} = \alpha \cdot \sqrt{\left(\frac{s_m}{m}\right)^2 + \left(\frac{s_{\omega}}{\omega}\right)^2}$$
 (5.6)

Die Kreisfrequenz ω lässt sich aus der Periodendauer T folgendermaßen bestimmen:

$$\omega = \frac{2\pi}{T}, \qquad s_{\omega} = \omega \cdot \frac{s_T}{T} \tag{5.7}$$

wobei der Fehler auf der Periodendauer T auf $s_T = 0.2 \,\mathrm{ms}$ geschätzt wurde. Die berechneten Mitführungskoeffizienten sind in Tabelle 5.2 aufgelistet.

Tabelle 5.2: Mitführungskoeffizienten bei festen Periodendauern T.

| T / ms | α | s_{α} |
|--------|----------|--------------|
| 30 | 0.540 | 0.005 |
| 45 | 0.537 | 0.003 |
| 60 | 0.532 | 0.004 |

Da alle Mitführungskoeffizienten innerhalb einer Standardabweichung übereinstimmen, kann der gewichtete Mittelwert $\bar{\alpha}$ gebildet werden.

$$\bar{\alpha} = 0.536 \pm 0.002$$
 (5.8)

5.2. Variable Periodendauer T

Es werden wieder die einzelnen Differenzenfrequenzen mit Gleichung 5.1 berechnet. Hier ist der Fehler $s_{\Delta t}$ auf die Zeitdifferenz Δt entweder 5 oder 10 µs, je nach verwendeter Auflösung des Oszilloskops.³

Die gemessenen Werte werden in einem $\Delta\nu$ - ω -Diagramm dargestellt. Dazu werden die einstellten Periodendauern T mit Gleichung 5.7 in Kreisfrequenzen ω umgerechnet. Die Daten können wieder mit einer Geraden beschrieben werden:

$$\Delta\nu(\omega) = a + \frac{2 \cdot n \cdot d \cdot x_0 \cdot \alpha}{\lambda \cdot L} \cdot \omega =: a + b \cdot \omega \tag{5.9}$$

Der Offset a sollte im Idealfall verschwinden, ist er jedoch nicht 0, so gibt er Information über einen eventuellen systematischen Fehler. Die Fits für die verschiedenen, festen Auftreffpunkte x_0 sind in Abbildung 5.4, Abbildung 5.5, Abbildung 5.6 und Abbildung 5.7 dargestellt. Die Ergebnisse für den Offset a und die Steigung b sind in Tabelle 5.3 aufgelistet.

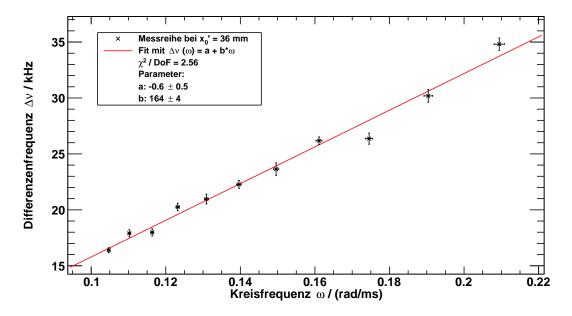


Abbildung 5.4: Linearer Fit von $\Delta \nu$ bei $x'_0 = 36 \,\mathrm{mm}$.

³Auch hier ist der verwendete Fehler das 5-fache des angegebenen Fehlers.

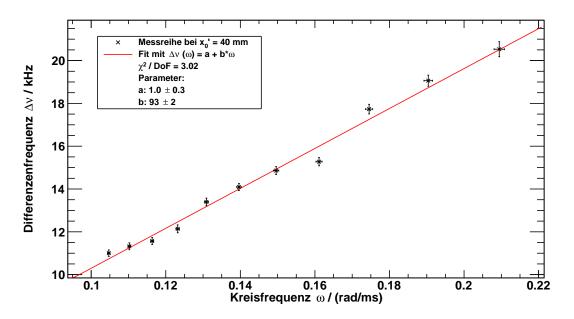


Abbildung 5.5: Linearer Fit von $\Delta \nu$ bei $x_0' = 40 \,\mathrm{mm}$.

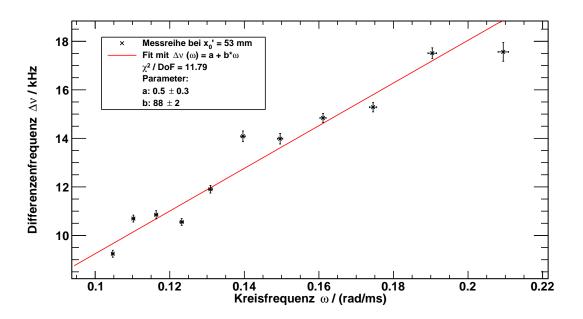


Abbildung 5.6: Linearer Fit von $\Delta \nu$ bei $x_0' = 53 \,\mathrm{mm}.$

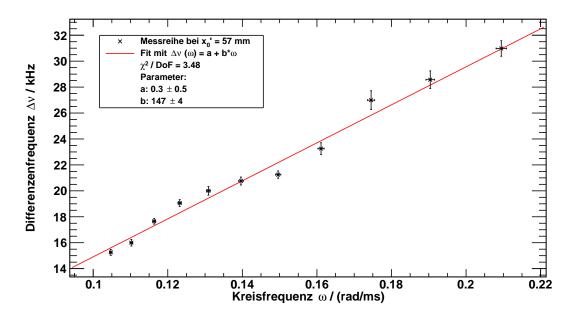


Abbildung 5.7: Linearer Fit von $\Delta \nu$ bei $x'_0 = 57 \,\mathrm{mm}$.

Auch hier streuen die Werte mehr oder weniger um das theoretische Modell, was auf die gleiche Ursache wie oben zurückzuführen ist.

Tabelle 5.3: Fitergebnisse von $\Delta\nu(\omega)$ bei festen Auftrittpunkten x'_0 .

| x'_0 / mm | a / kHz | s_a / kHz | $b / (\mathrm{kHz} \cdot \mathrm{ms} / \mathrm{rad})$ | $s_b \ / \ (\mathrm{kHz} \cdot \mathrm{ms} \ / \ \mathrm{rad})$ |
|--------------------|---------|-------------|---|---|
| 36 | -0.6 | 0.5 | 164 | 4 |
| 40 | 1.0 | 0.3 | 93 | 2 |
| 53 | 0.5 | 0.3 | 88 | 2 |
| 57 | 0.3 | 0.5 | 147 | 4 |

Die Offsets a verschwinden alle innerhalb von maximal 4 Standardabweichungen. Aus den Steigungen b lässt sich nun mit Gleichung 5.9 der Mitführungskoeffizient α bestimmen (alle Konstanten aus Abschnitt 3):

$$\alpha = \frac{\lambda \cdot L}{2 \cdot n \cdot d} \cdot \frac{b}{x_0}, \qquad s_\alpha = \alpha \cdot \sqrt{\left(\frac{s_b}{b}\right)^2 + \left(\frac{s_{x_0}}{x_0}\right)^2}$$
 (5.10)

Der Auftreffpunkt x_0 berechnet sich aus dem gemessenen Auftreffpunkt s_0' (Fehler $s_{x_0'} = 0.05 \,\mathrm{mm}$) und dem Offset des Auftreffpunkts x_m , welcher oben (Gleichung 5.5) bestimmt wurde.

$$x_0 = x_0' - x_m, s_{x_0} = \sqrt{s_{x_0'}^2 + s_{x_m}^2}$$
 (5.11)

Die verschiedenen Mitführungskoeffizienten sind in Tabelle 5.4 aufgelistet.

Tabelle 5.4: Mitführungskoeffizienten bei festen Auftreffpunkten x'_0 .

| x_0' / mm | α | s_{α} |
|--------------------|----------|--------------|
| 36 | 0.554 | 0.014 |
| 40 | 0.498 | 0.012 |
| 53 | 0.529 | 0.013 |
| 57 | 0.532 | 0.016 |

Sie stimmen innerhalb von drei Standardabweichungen überein, deshalb kann wieder der gewichtete Mittelwert $\bar{\alpha}$ gebildet werden.

$$\bar{\alpha} = 0.526 \pm 0.007$$
 (5.12)

5.3. Vergleich der verschiedenen Mitführungskoeffizienten

Der theoretische Mitführungskoeffizient $\alpha_{\rm theo}$ lässt sich mit Gleichung 2.8 mit dem Brechungsindex von Quarzglas n=1.457 und der Dispersion $\frac{{\rm d}n}{{\rm d}\lambda}=-300\,{\rm cm}^{-1}$ bei der Wellenlänge $\lambda=632.8\,{\rm nm}$ berechnen.

$$\alpha_{\text{theo}} \approx 0.542$$
 (5.13)

Es werden zum Vergleich nochmal die gemittelten Mitführungskoeffizienten bei variablen Periodendauern α_T und bei variablen Auftreffpunkten α_{x_0} aufgelistet.

$$\alpha_T = 0.526 \pm 0.007$$
 $\alpha_{x_0} = 0.536 \pm 0.002$
(5.14)

Die beiden stimmen innerhalb von zwei Standardabweichungen überein und der gewichtete Mittelwert lautet:

$$\alpha_{\rm exp} = 0.535 \pm 0.002 \tag{5.15}$$

Der theoretische Wert liegt innerhalb des 4- σ -Intervalls dieses Wertes. Die prozentuale Abweichung des gemessenen Wertes beträgt

$$\frac{0.542 - 0.535}{0.542} \approx 1.3\% \tag{5.16}$$

was ein akzeptables Ergebnis ist.

Eine wahrscheinliche Fehlerquelle ist das Vorliegen von verschiedenen Lasermoden, was zu Schwankungen der Periodendauer des gemessenen Signals geführt hat. Anscheinend wurden durch die Fehlerabschätzung im Protokoll nicht alle Fehlerquellen berücksichtigt, was sich an erhöhten χ^2 -Werte zeigt.

6. Literatur

- [1] Demtröder, W. Experimentalphysik 3, Atome, Moleküle und Festkörper, 4. Auflage. Springer Spektrum, 2010.
- [2] Ippendorf, A. Messung des Mitführungskoeffizienten von Licht mit einem Ringlaser; Zulassungsarbeit. Freiburg, 1979.

A. Anhang

A.1. Messprotokoll

Ring CaseV: Xohan Bar Mess Seene to 58 mg ber 1= ~ 45 47 mm Mitte -Sy = 0,2 ms were new CeZ my anders 50t=2 ms an segetin 347~ Ausen U Sto = 0105 mm d) feste Oschrall; reschier to 7. T= 45,0 mg 2 grang to /mm stims st/ms HURITAN, 38,00 534,0 42,00 10 660,5 37,00 504,0 4 43,00 40 50,00 487,0 36,00 565,5 12 6 4075 604,5 35,00 57,00 15 6 686r5 5 62,5 3000 5200 oj Abs 770,5 6270 53,00 40,00 8 676,5 4100 6660 10 5400 617,0 55,00 587,0 10 57,00 577,0 357,5 56,00 11 58,00 MARCHANNEZ BAG 2. T= 60,0 ms DE/MS tolan st/us Xolam 502,5 582,0 58,00 10 35,00 11 56,50 422,5 36,50 533,5 6 734, 5 8 502,0 55,00 33,00 575,5 6 30,50 636,5 53,50 41,00 43015 596,0 52,00

| 3. T= 3 | ,0,0 m | s (S | st = 1 ms | *) | |
|--------------|--------|------------|-----------|--------|---------|
| Xolum | IN | DE Cus | Kolun | N | 1secus |
| (35,00 | 8 | 2 12,50 | (44,00 | 4 | 45210 |
| 36,50 | 6 | 188,75 | 58,00 | 8 | 237,75 |
| * 38,00 | 8 | 204,50 | 5650 | 8 | 269,50 |
| 30,50 | 5 | 223,50 | 55,00 | 7 | 278,75 |
| 41,00 | 5 | 283,50 | 53,50 | 7 | 33950 |
| 42,50 | 8 | 627,5 | 15200 | 4 | 258/50 |
| | | | 50,50 | 7 | 583,50 |
| | | | m y 219 | | |
| b) festes to | , Van | 1056, | | | |
| 7: 30=57 | 00 | & Sot = | 7 48 AM | fin de | esante |
| T/m5 | N | DECMS | Tlus | N | 10thus |
| 30,0 | 8 | 25825 | 48,0 | 6 | 300,00 |
| 33-0 | 6 | 270,00 | 570 | 70 | 367,25 |
| 360 | 5 | 785125 | 540 | 7 | 396,50 |
| 30,0 | 6 | 258,00 | 57,0 | 5 | 312,50 |
| 420 | 8 | 376,50 | 60,0 | 5 | 327,750 |
| 45,0 | 7 | 337,25 | 8 2 3 | | 562 |
| 2. *0=53,0 | 30 | (SDE = 1MS | (* × | | 2/2/5 |
| TIms | N | DECMS | T/us 1 | N | 1 st/us |
| (30,0 | 4 | 227,75 | usio | - 9 | 7560 |
| 01 \ 33,0 | 7 | 399,75 | 57,0 | 8 | 7580 |
| 3360 | 6 | 302,50 | 54,0 | 7 | 64510 |
| 30,0 | 6 | 40425 | 570 | 8 | 748,0 |
| 42,0 | 9 | 643,5 | 60,0 | 6 | 640,0 |
| Ce5, O | 9 | 639,0 | | 92 | |
| | | | | | |

| 30,0 30,0 30,0 30,0 42,0 45,0 45,0 11,0 45,0 | 11 8 7 10 5 | st/us 376,00 265,00 265,00 382,00 217,50 314,25 st/us 202,25 | 506= M1/M 11/ms 480 570 540 600 51/ms 1/ms 480 | 1 N 5 6 5 6 7 5 5 | 238,5 238,5 2006,25 278,00 270,2 366,00 |
|--|-------------------------|--|--|-------------------|--|
| 33, 0 36, 0 39, 0 42, 0 | 7 | 367,25 394,75 362,75 403,75 425,76 | 57,0 54,0 60,0 | 4 4 W. W | 320,50 345,75 353,25 363,50 |
| | | | | | |