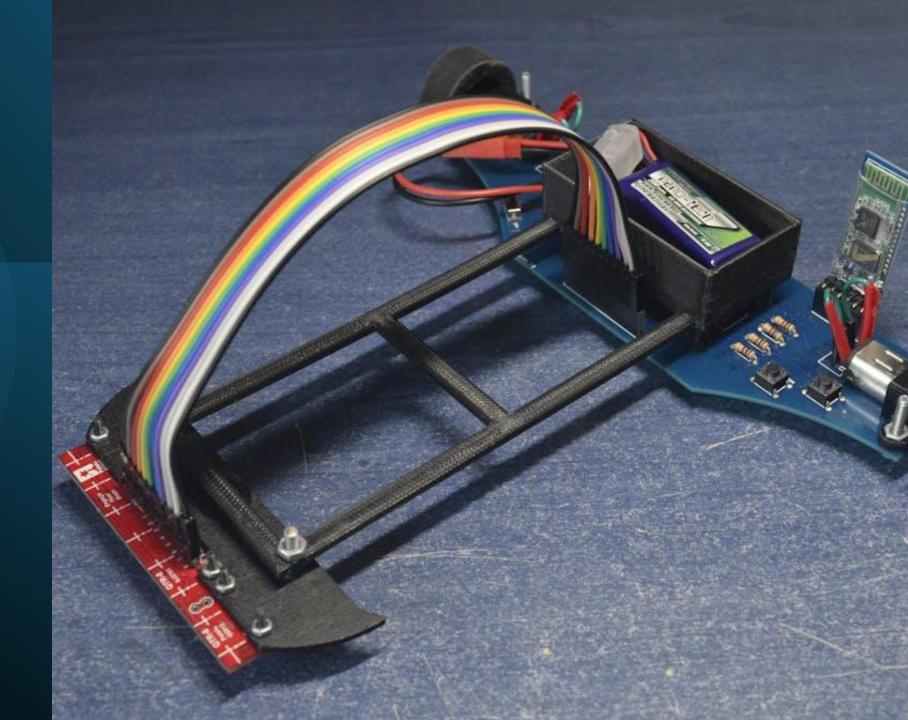
PID Control



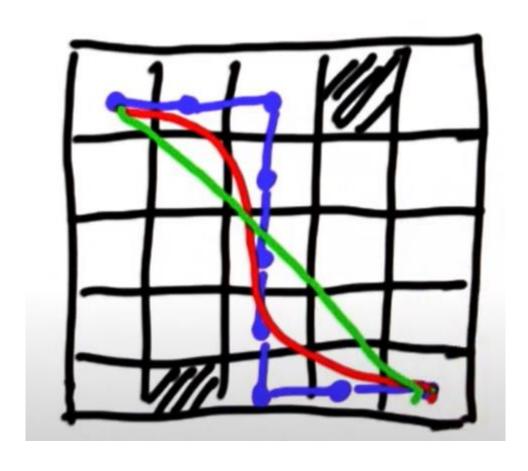
• https://www.youtube.com/watch?v=fv6dLTEvl74

Robot Motion

Search 를 통해 경로를 찾는 방법을 확인 하였다면, 이제 찾은 경로를 실제 모션 명령으로 변환을 해야 한다.

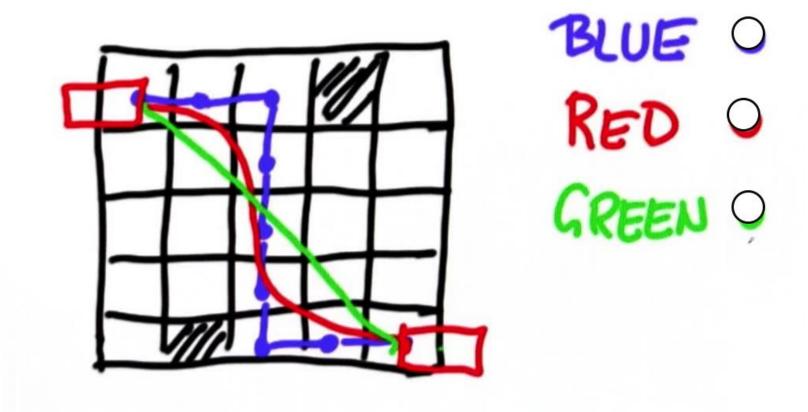
특히 부드러운 경로 생성을 위해 필요한 것을 찾아보자.

Generate smooth paths

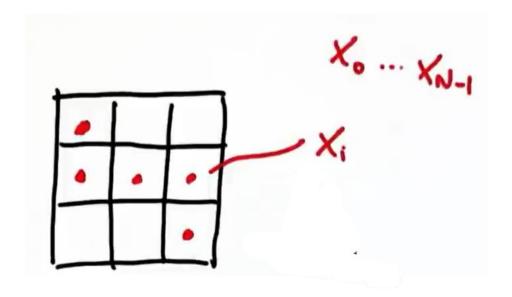


- 90도 기준으로이동하는 것은 속도를 감소 시키고, 불편한 이동이 됩니다.
- 기존 파란 라인에 비해 부드러운 경로입니다.
- **---** 극단적인 연결 구조입니다.
 - * 파란 라인이 빨간색이나, 초록 경로와 비슷하게 전환을 시킬수 있는가 가 관건!

어떤 이동 라인을 선호 하나요?



- 서치를 이용 각 점들을통해 경로를 찾을수 있습니다.
- X0 → Xn-1



• 매끄럽지 않은 위치이다



(2) OPTIMIZE

- I번째 원점과 I 번째 평활점의 오차 ➡ (x;->;)²→wiis 퇴소화
- 정사각형으로 최소화

• 다음 공식을 통해 가능한 것은?

- O ORIGINAL PATH
- O SMOOTH PATH
- O NO PATH

• 다음중 맞는것은?



더 이상 최소화 시키는 것은 작아지지 않기에 원래 경로를 얻을수 있다

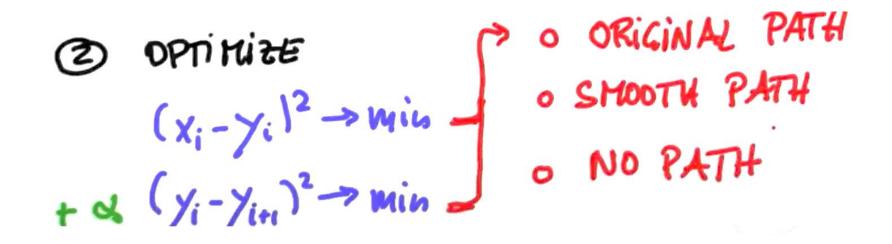
• 다음중 맞는것은?

- O ORIGINAL PATH
- O SMOOTH PATH
- O' NO PATH

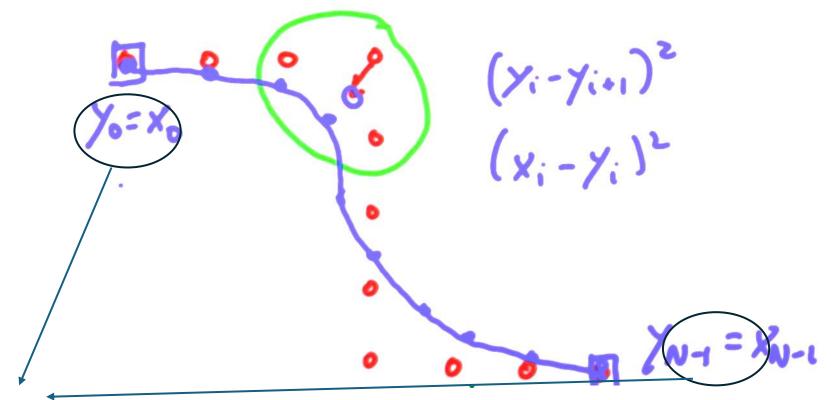
• 다음중 맞는것은?

- → 길을 찾을수 없다.
- → 위 기준은 y 가 가능한 유사해야 한다. 최소화 되면 모든 y 가 동잏하다 단일점만 얻고, 경로가 없다.

• 알파를 최적화 시켜 두가지를 통해 얻을수 있는것은?



• 알파를 최적화 시켜 두가지를 통해 얻을수 있는것은?



- 원래점(시작점,끝점) 이 고정이라면, 최적화에선 해당점을 제외할수 있다.
- 위 값들이 항상 같다고 고정하지 않는다.
- 최적화는 중간 지점에만 적용

Path Smoothing

```
# thank you to EnTerr for posting this on our discussion forum
def printpaths(path,newpath):
    for old, new in zip(path, newpath):
        print '['+ ', '.join('%.3f'%x for x in old) + \
          '] -> ['+ ', '.join('%.3f'%x for x in new) +']'
# Don't modify path inside your function.
path = [[0, 0],
        [0, 1],
        [0, 2],
        [1, 2],
        [2, 2],
        [3, 2],
        [4, 2],
        [4, 3],
        [4, 4]]
def smooth(path, weight data = 0.5, weight smooth = 0.1, tolerance = 0.000001):
    # Make a deep copy of path into newpath
    newpath = deepcopy(path)
    return newpath # Leave this line for the grader!
```

```
# 경로를 입력으로 사용하는 함수 Smooth를 정의합니다.
# (weight_data, Weight_smooth에 대한 선택적 매개변수 포함,
# 및 허용 오차) 및 부드러운 경로를 반환합니다. 첫 번째와
# 마지막 포인트는 변경되지 않고 그대로 유지되어야 합니다.
# 스무딩은 반복적인 업데이트를 통해 구현되어야 합니다.
# 원하는 정확도 수준까지 newpath의 각 항목
#에 도달했습니다. 업데이트는 다음 지침에 따라 수행되어야 합니다.
# 경사 하강 방정식
from copy import deepcopy
def printpaths(path,newpath):
   for old, new in zip(path, newpath):
      print( '['+ ', '.join('%.3f'%x for x in old) + '] -> ['+ ', '.join('%.3f'%x for x in new) +']')
path = [[0, 0],
     [0, 1],
      [0, 2],
     [1, 2],
     [2, 2],
      [3, 2],
      [4, 2],
     [4, 3],
      [4, 4]]
```

```
def smooth(path, weight_data = 0.5, weight_smooth = 0.1, tolerance = 0.000001):
  # Make a deep copy of path into newpath
  newpath = deepcopy(path)
  change = tolerance
  while change >= tolerance:
     change = 0
     for i in range(1, len(path) - 1):
        for j in range(len(path[0])):
           d1 = weight_data*(path[i][j] - newpath[i][j])
           d2 = weight_smooth*(newpath[i-1][j] + newpath[i+1][j] - 2*newpath[i][j])
           change += abs(d1 + d2)
           newpath[i][j] += d1 + d2
  return newpath
printpaths(path,smooth(path))
```

```
[0.000, 2.000] -> [0.149, 1.851]

[1.000, 2.000] -> [1.021, 1.979]

[2.000, 2.000] -> [2.000, 2.000]

[3.000, 2.000] -> [2.979, 2.021]

[4.000, 2.000] -> [3.851, 2.149]

[4.000, 3.000] -> [3.979, 3.021]

[4.000, 4.000] -> [4.000, 4.000]
```

Zero Data Weight

알파(weight data) = 0 베타(평활가중치) = 0.1 진행시 영향을 주는것은?

두개를 완료될때까지 실행

이때 원래 경로, 최종위치 연결 직선

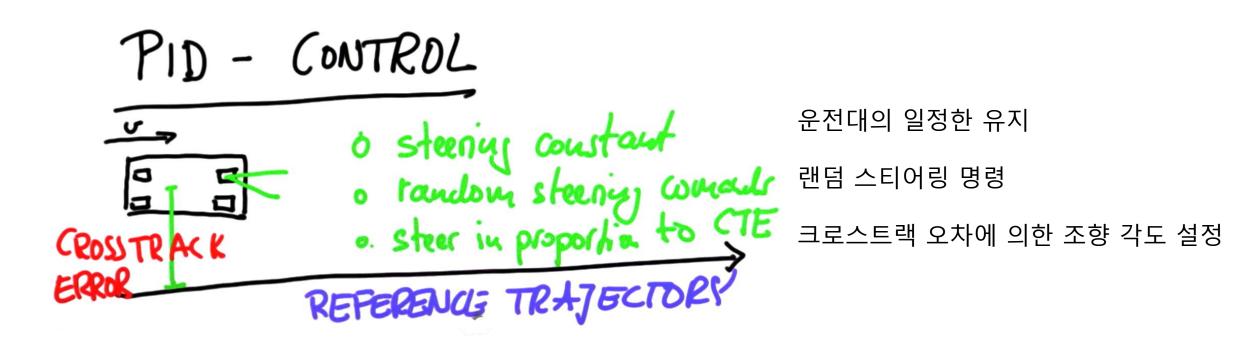
모든점의 붕괴

Zero Data Weight

시작점, 끝점이 변화가 없다.

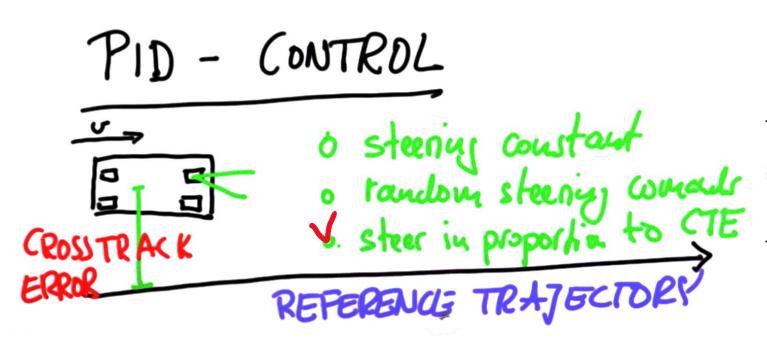
 https://www.youtube.com/watch?v=wkfEZmsQqiA&list=PLn8P Rpmsu08pQBgjxYFXSsODEF3Jqmm-y

PID



- 먼저 구해본 평활화 기술로 차량을 운행을 합니다.
- 어떤 방식으로 차량의 조향 각도를 설정할까요?

PID



운전대의 일정한 유지

랜덤 스티어링 명령

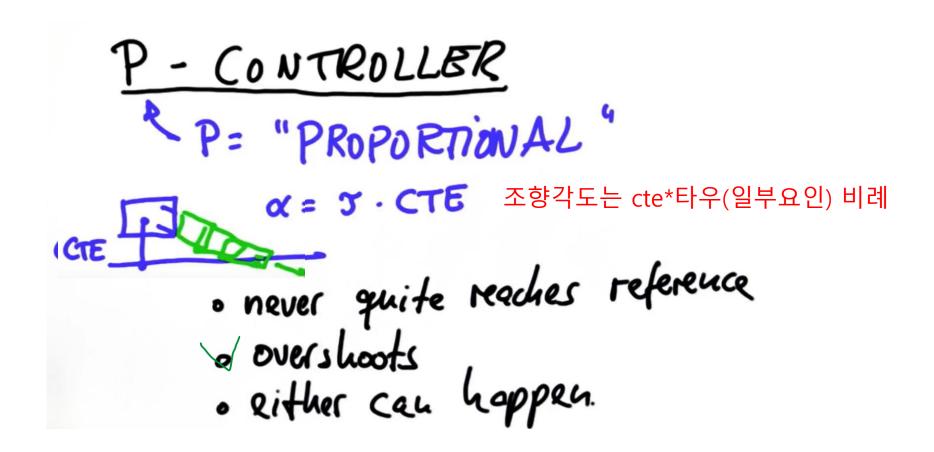
크로스트랙 오차에 의한 조향 각도 설정

- CTE Error 기준으로 방향을 잡아야 합니다.
- 오차(간격) 이 클수록 더 많은 방향을 바꿀수 있다.
- 궤도에 들어갈수록 조향 속도는 느려지게 된다.

PID

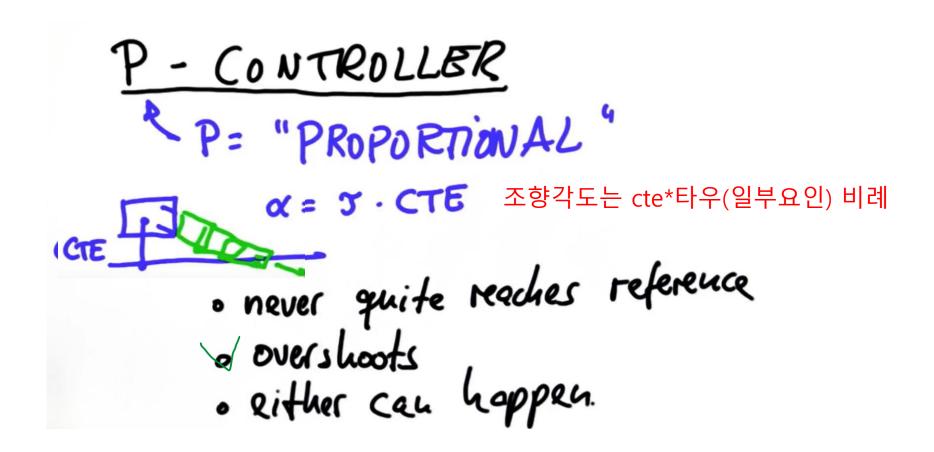
P - CONTROLLER P = "PROPORTIONAL" **☆ = ♂・CTE** 조향각도는 cte*타우(일부요인) 비례 فها o never quite reaches reference o overshoots o either can happen. 3개중 어떤 차에 어떤 영향이 있을까?

P-Controller



타우 상수가 아무리 작아도 , 궤도를 향해 바퀴를 많이 돌게 한다. 닿고 정지..

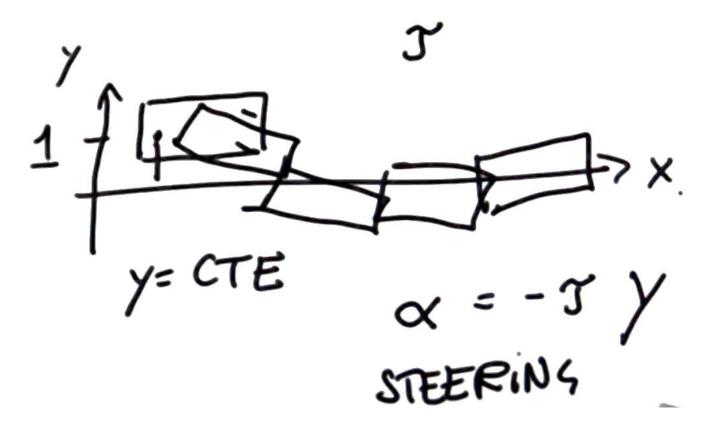
P-Controller



타우 상수가 아무리 작아도 , 궤도를 향해 바퀴를 많이 돌게 한다. 닿고 정지..

P-CONTROLLER MARCINALLY STABLE

- P-Controller 는 <u>항상</u> 약간의 오버슈트(매우작게) 이거나 괜챦을수 있다.
- 절대 수렴은 안된다.(그 사이 어딘가 계속..)
- 이것을 약간 안정적 또는 안정적이라 표현할수 있다.



- 로봇의 초기 위치 (0,1,0) 속도 = 1 기준일때, 100 단계 시뮬레이션 진행
- Y = cte 동일
- Y 값에 반비례하여 비례제어기의 반응 강도를 설정하는 모수 타우 활용
- 로봇이 x 축방향 회전 및 이동, 오버슈트 , 후 다시 돌아서는지에 대해 테스트해보자 (800step)
- Cte 오차에 비례 조향각도 각도 알파를 사용하자

```
# 100번의 반복을 실행하여 P 컨트롤러를 구현합니다.
# 로봇 모션. 원하는 궤적
# 로봇은 x축입니다. 조향 각도를 설정해야 합니다.
# 매개변수 tau를 사용하여 다음을 수행합니다.
# steering = -tau * crosstrack_error
from math import *
import random
# this is the robot class
class robot:
   # -----
  # init:
      creates robot and initializes location/orientation to 0, 0, 0
   #
  def _init_(self, length = 20.0):
     self.x = 0.0
     self.y = 0.0
     self.orientation = 0.0
     self.length = length
```

```
self.steering_noise = 0.0
   self.distance_noise = 0.0
   self.steering_drift = 0.0
# -----
# set:
        sets a robot coordinate
#
def set(self, new_x, new_y, new_orientation):
   self.x = float(new_x)
   self.y = float(new_y)
   self.orientation = float(new_orientation) % (2.0 * pi)
# -----
# set_noise:
        sets the noise parameters
def set_noise(self, new_s_noise, new_d_noise):
   # makes it possible to change the noise parameters
   # this is often useful in particle filters
   self.steering_noise = float(new_s_noise)
   self.distance_noise = float(new_d_noise)
# -----
# set_steering_drift:
        sets the systematical steering drift parameter
```

```
def set_steering_drift(self, drift):
  self.steering_drift = drift
# -----
# move:
   steering = front wheel steering angle, limited by max_steering_angle
    distance = total distance driven, must be non-negative
def move(self, steering, distance,
      tolerance = 0.001, max_steering_angle = pi / 4.0):
  if steering > max_steering_angle:
      steering = max_steering_angle
  if steering < -max_steering_angle:</pre>
      steering = -max_steering_angle
  if distance < 0.0:
      distance = 0.0
  # make a new copy
  res = robot()
                   = self.length
  res.length
  res.steering_noise = self.steering_noise
  res.distance_noise = self.distance_noise
  res.steering_drift = self.steering_drift
```

```
# apply noise
steering2 = random.gauss(steering, self.steering_noise)
distance2 = random.gauss(distance, self.distance_noise)
# apply steering drift
steering2 += self.steering_drift
# Execute motion
turn = tan(steering2) * distance2 / res.length
if abs(turn) < tolerance:
   # approximate by straight line motion
   res.x = self.x + (distance2 * cos(self.orientation))
   res.y = self.y + (distance2 * sin(self.orientation))
   res.orientation = (self.orientation + turn) % (2.0 * pi)
else:
   # approximate bicycle model for motion
   radius = distance2 / turn
   cx = self.x - (sin(self.orientation) * radius)
   cy = self.y + (cos(self.orientation) * radius)
   res.orientation = (self.orientation + turn) % (2.0 * pi)
   res.x = cx + (sin(res.orientation) * radius)
   res.y = cy - (cos(res.orientation) * radius)
```

```
def __repr__(self):
      return '[x=%.5f y=%.5f orient=%.5f]' % (self.x, self.y, self.orientation)
# run - does a single control run
def run(param):
   myrobot = robot()
   myrobot.set(0.0, 1.0, 0.0)
   speed = 1.0 # motion distance is equal to speed (we assume time = 1)
   N = 100
   for _ in range(N):
     # steering angle = - tau * crosstrack_error
      steering_angle = -param*myrobot.y
      myrobot = myrobot.move(steering_angle, speed)
      print(myrobot, steering_angle)
run(0.1) # call function with parameter tau of 0.1 and print results
```

```
[x=1.00000 y=0.99749 orient=6.27817] -0.1

[x=1.99997 y=0.98997 orient=6.27316] -0.0997491638458655

[x=2.99989 y=0.97747 orient=6.26820] -0.09899729506124687

[x=3.99973 y=0.96003 orient=6.26330] -0.0977469440459231

[x=4.99948 y=0.93774 orient=6.25848] -0.0960031957433074

[x=5.99912 y=0.91068 orient=6.25378] -0.09377364753807171

[x=6.99861 y=0.87900 orient=6.24921] -0.09106837322063087

[x=7.99796 y=0.84283 orient=6.24921] -0.09106837335156867
```

• 타우 값을 0.1 → 0.3 으로 변경 한다면 어떤 부분에 영향이 있 을까?

```
OSCILLATES FASTER
OSCILLATES SLOVER
NONE OF ABOVE
```

• 진동속도가 빨라진다

```
[x=0.99996 y=0.99227 orient=6.26772] -0.3

[x=1.99968 y=0.96913 orient=6.25238] -0.2976800243776367

[x=2.99894 y=0.93085 orient=6.23742] -0.2907396972040246

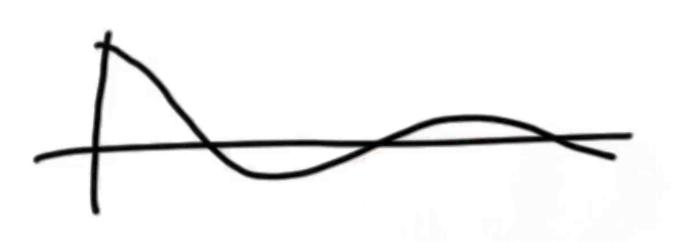
[x=3.99753 y=0.87794 orient=6.22308] -0.2792564861664303

[x=4.99529 y=0.81115 orient=6.20960] -0.2633831536658889

[x=5.99210 y=0.73144 orient=6.19718] -0.24334437577115153

[x=6.98791 y=0.63999 orient=6.18603] -0.21943172529507535
```

PD-Controller





- 오버슈트는 필연적으로 동반해야 하는가?
- 자율 주행의 안정성은?

PD-Controller

조향 알파는 게인 매개변수에 의한 CTE 오류와 관련이 있을뿐 아니라 CTE 의 시간적 파생과도 연결된다. 즉 차가 CTE 를 줄일 수있을 만큼 충분히 회전 되었을때, x축에 대해서만 슈팅한것이 아니라, 오차를 줄일수 있다.는 뜻

미분은 시간 경과에따라 오차를 줄이고, 다시 위로 조향 가능케 함, 차등과 비례의 적절한 설정을 통해 목 표 궤적 안착에 도움



Cte 의 시간 t 와 t-1 사이의 시간 범위로 나눈것과 동일하다. (ΔT =1)

```
# 100번의 반복을 실행하여 PD 컨트롤러를 구현합니다.
# 로봇 모션. 조향 각도를 설정해야 합니다.
# 매개변수 tau를 사용하여 다음을 수행
# steering = -tau_p * CTE - tau_d * diff_CTE
# 차동 교차 추적 오류(diff_CTE)가 있다면 CTE(t) - CTE(t-1)로 제공
from math import *
import random
# this is the robot class
class robot:
  # -----
  # init:
      creates robot and initializes location/orientation to 0, 0, 0
  #
  def _init_(self, length = 20.0):
     self.x = 0.0
     self.y = 0.0
     self.orientation = 0.0
```

```
self.length = length
   self.steering_noise = 0.0
   self.distance_noise = 0.0
   self.steering_drift = 0.0
# -----
# set:
# sets a robot coordinate
def set(self, new_x, new_y, new_orientation):
  self.x = float(new_x)
   self.y = float(new_y)
   self.orientation = float(new_orientation) % (2.0 * pi)
# -----
# set_noise:
# sets the noise parameters
#
def set_noise(self, new_s_noise, new_d_noise):
   # makes it possible to change the noise parameters
   # this is often useful in particle filters
   self.steering_noise = float(new_s_noise)
   self.distance_noise = float(new_d_noise)
```

```
# set_steering_drift:
  sets the systematical steering drift parameter
def set_steering_drift(self, drift):
  self.steering_drift = drift
# -----
# move:
    steering = front wheel steering angle, limited by max_steering_angle
    distance = total distance driven, most be non-negative
def move(self, steering, distance,
      tolerance = 0.001, max_steering_angle = pi / 4.0):
  if steering > max_steering_angle:
      steering = max_steering_angle
  if steering < -max_steering_angle:</pre>
      steering = -max_steering_angle
  if distance < 0.0:
      distance = 0.0
  # make a new copy
  res = robot()
  res.length
                   = self.length
  res.steering_noise = self.steering_noise
   res.distance_noise = self.distance_noise
  res.steering_drift = self.steering_drift
```

```
# apply noise
steering2 = random.gauss(steering, self.steering_noise)
distance2 = random.gauss(distance, self.distance_noise)
# apply steering drift
steering2 += self.steering_drift
# Execute motion
turn = tan(steering2) * distance2 / res.length
if abs(turn) < tolerance:
   # approximate by straight line motion
   res.x = self.x + (distance2 * cos(self.orientation))
   res.y = self.y + (distance2 * sin(self.orientation))
   res.orientation = (self.orientation + turn) % (2.0 * pi)
else:
   # approximate bicycle model for motion
   radius = distance2 / turn
   cx = self.x - (sin(self.orientation) * radius)
   cy = self.y + (cos(self.orientation) * radius)
   res.orientation = (self.orientation + turn) % (2.0 * pi)
   res.x = cx + (sin(res.orientation) * radius)
   res.y = cy - (cos(res.orientation) * radius)
```

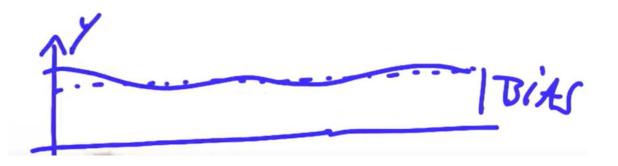
```
def __repr__(self):
     return '[x=%.5f y=%.5f orient=%.5f]' % (self.x, self.y, self.orientation)
# run - does a single control run.
def run(param1, param2):
  myrobot = robot()
  myrobot.set(0.0, 1.0, 0.0)
   #myrobot.set_steering_drift(10.0/180*pi)
  speed = 1.0 # motion distance is equal to speed (we assume time = 1)
   N = 100
   previous_CTE = myrobot.y
   for _ in range(N):
     current_CTE = myrobot.y
     diff_CTE = current_CTE - previous_CTE
     steer = -param1*myrobot.y - param2*diff_CTE
     myrobot = myrobot.move(steer, speed)
     previous_CTE = current_CTE
     print(myrobot, steer)
# Call your function with parameters of 0.2 and 3.0 and print results
run(0.2, 3.0)
```

SYSTEHATIC TILLS WHAT HAPPENS? O JUST AJ BEFORE O CAUSES 1514 CTE

차량 정비 실수로 바퀴를 비스듬히 정렬 되었다면? (약 10도?)

```
def run(param1, param2):
    myrobot = robot()
    myrobot.set(0.0, 1.0, 0.0)
    myrobot.set_steering_drift(10.0/180*pi)
    speed = 1.0 # motion distance is equal to speed (
    N = 100
```

```
# Call your function run(0.2, 0.0)
```



```
[x=38.99847 y=0.77061 orient=0.00974] -0.15228518883595826

[x=39.99842 y=0.78086 orient=0.01076] -0.15412143636340261

[x=40.99836 y=0.79161 orient=0.01168] -0.1561710024784361

[x=41.99829 y=0.80329 orient=0.01249] -0.1583226346711613

[x=42.99821 y=0.81578 orient=0.01318] -0.1606578951700676

[x=43.99813 y=0.82896 orient=0.01375] -0.16315526093801197
```

Y 방향으로 증가된 편향이 발생, 진동을 유발

PID Implementation

```
# 100번의 반복을 실행하여 PID 컨트롤러를 구현합니다.
# 로봇 모션. 조향 각도를 설정해야 합니다.
# 매개변수 tau를 사용하여 다음을 수행합니다.
# 스티어링 = -tau_p * CTE - tau_d * diff_CTE - tau_i * int_CTE
# 통합 교차 추적 오류(int_CTE)는 다음과 같습니다.
# 이전의 모든 크로스트랙 오류의 합계입니다.
# 이 용어는 스티어링 드리프트를 상쇄하는 데 사용됩니다.
from math import *
import random
# this is the robot class
class robot:
  # -----
  # init:
     creates robot and initializes location/orientation to 0, 0, 0
  def __init__(self, length = 20.0):
    self.x = 0.0
    self.y = 0.0
     self.orientation = 0.0
```

```
self.length = length
      self.steering_noise = 0.0
      self.distance_noise = 0.0
      self.steering_drift = 0.0
   # -----
   # set:
           sets a robot coordinate
   def set(self, new_x, new_y, new_orientation):
      self.x = float(new_x)
      self.y = float(new_y)
      self.orientation = float(new_orientation) % (2.0 * pi)
   # -----
   # set_noise:
           sets the noise parameters
   #
   def set_noise(self, new_s_noise, new_d_noise):
      # makes it possible to change the noise parameters
      # this is often useful in particle filters
      self.steering_noise = float(new_s_noise)
      self.distance_noise = float(new_d_noise)
```

```
# set_steering_drift:
        sets the systematical steering drift parameter
#
def set_steering_drift(self, drift):
   self.steering_drift = drift
# -----
# move:
    steering = front wheel steering angle, limited by max_steering_angle
   distance = total distance driven, most be non-negative
def move(self, steering, distance,
      tolerance = 0.001, max_steering_angle = pi / 4.0):
  if steering > max_steering_angle:
      steering = max_steering_angle
   if steering < -max_steering_angle:</pre>
      steering = -max_steering_angle
  if distance < 0.0:
      distance = 0.0
   # make a new copy
   res = robot()
   res.length
                   = self.length
   res.steering_noise = self.steering_noise
   res.distance_noise = self.distance_noise
   res.steering_drift = self.steering_drift
```

```
# apply noise
steering2 = random.gauss(steering, self.steering_noise)
distance2 = random.gauss(distance, self.distance_noise)
# apply steering drift
steering2 += self.steering_drift
# Execute motion
turn = tan(steering2) * distance2 / res.length
if abs(turn) < tolerance:
   # approximate by straight line motion
   res.x = self.x + (distance2 * cos(self.orientation))
   res.y = self.y + (distance2 * sin(self.orientation))
   res.orientation = (self.orientation + turn) % (2.0 * pi)
else:
   # approximate bicycle model for motion
   radius = distance2 / turn
   cx = self.x - (sin(self.orientation) * radius)
   cy = self.y + (cos(self.orientation) * radius)
   res.orientation = (self.orientation + turn) % (2.0 * pi)
   res.x = cx + (sin(res.orientation) * radius)
   res.y = cy - (cos(res.orientation) * radius)
```

```
def __repr__(self):
      return '[x=%.5f y=%.5f orient=%.5f]' % (self.x, self.y, self.orientation)
# run - does a single control run.
def run(param1, param2, param3):
   myrobot = robot()
   myrobot.set(0.0, 1.0, 0.0)
   speed = 1.0 # motion distance is equal to speed (we assume time = 1)
   N = 100
   myrobot.set_steering_drift(10.0 / 180.0 * pi) # 10 degree bias, this will be added in by the move function, you do not
need to add it below!
   previous_CTE = myrobot.y
   int\_CTE = 0.0
   for i in range(N):
      current_CTE = myrobot.y
     diff_CTE = current_CTE - previous_CTE
     int_CTE += current_CTE
      steer = -param1*current_CTE - param2*diff_CTE - param3*int_CTE
      myrobot = myrobot.move(steer, speed)
      previous_CTE = current_CTE
      print (myrobot, steer)
# Call your function with parameters of (0.2, 3.0, and 0.004)
run(0.2, 3.0, 0.004)
```