CIRCUITOS DIGITAIS

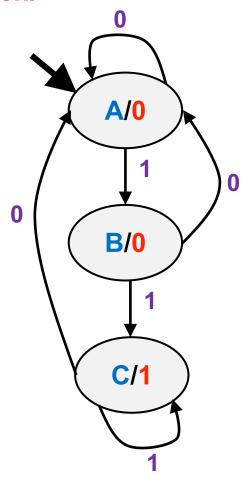
MÁQUINAS DE ESTADO

Prof. Marcelo Grandi Mandelli

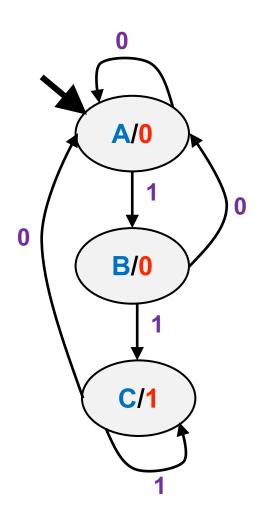
mgmandelli@unb.br

Exemplo - Máquina de Moore

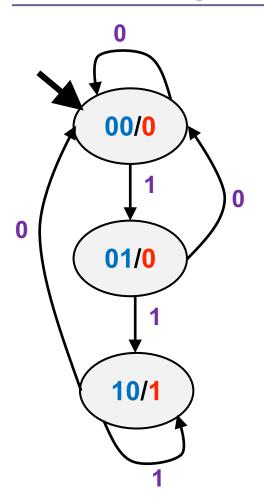
Projete uma máquina de estados de Moore com uma entrada E e uma saída S, onde S será 1 somente se a entrada E for igual a 1 nas últimas DUAS bordas de clock.



Máquina de Moore - Tabela de estados



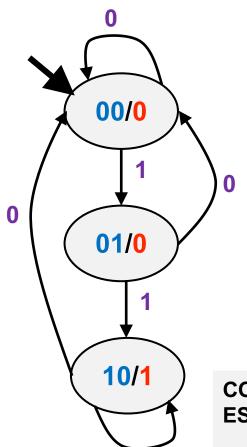
Estado Atual	Entrada (E)	Próximo Estado	Saída (S)
Α	0	A	0
Α	1	В	0
В	0	A	0
В	1	С	0
С	0	Α	1
С	1	С	1



Esta Atı		Entrada	Próximo Estado		Saída
Q_1	Q_0	E	Q_1	\mathbf{Q}_0	S
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	0	1

CÓDIGO DE CONTAGEM BINÁRIA

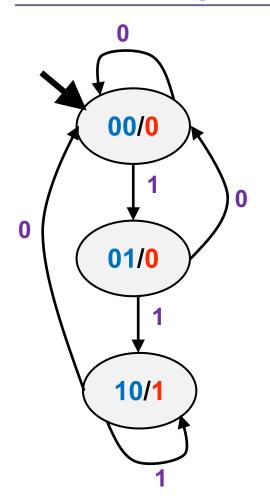
Estado	Estado do FF (Q ₁ Q ₀)
Α	00
В	01
С	10



Esta Atı		Entrada	Próximo Estado		Saída
Q_1	Q_0	E	Q_1	Q_1 Q_0	
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	0	1

COM N FLIP-FLOPS PODERÍAMOS REPRESENTAR ATÉ 2N ESTADOS

A MÁQUINA DE ESTADOS REPRESENTADA PELA TABELA ACIMA TEM 3 ESTADOS, POR ISSO PRECISAMOS NO MÍNIMO DE 2 FLIP-FLOPS \rightarrow 2² = 4 ESTADOS (00, 01, 10 E 11)

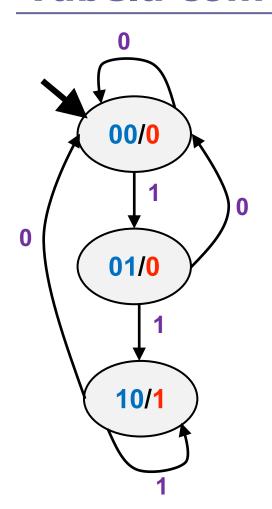


Esta Atı		Entrada	Próximo Estado		Saída
Q_1	Q_0	E	Q_1	Q ₁ Q ₀	
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	0	1

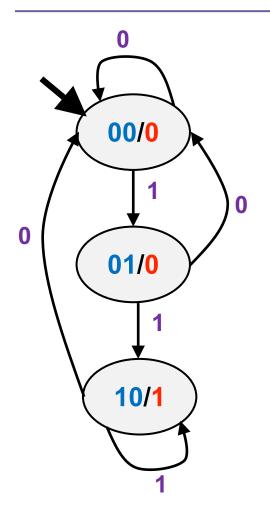
ESTAMOS UTILIZANDO SOMENTE 3 ESTADOS DOS 4 ESTADOS POSSÍVEIS UTILIZANDO 2 FLIP-FLOPS (00, 01, 10 E 11)

UM POSSÍVEL ESTADO 11 NÃO É UTILIZADO

O QUE ACONTECERIA SE POR ALGUM ERRO A MÁQUINA ENTRASSE NO ESTADO 11?

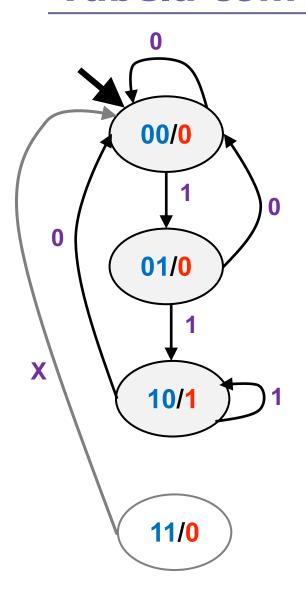


Esta Atı		Entrada	Próximo Estado		Saída
\mathbf{Q}_1	Q_0	E	Q_1	\mathbf{Q}_0	S
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	0	1
1	1	0	?	?	?
1	1	1	?	?	?



Esta Atı		Entrada	Próximo Estado		Saída
\mathbf{Q}_1	Q_0	Е	Q_1	\mathbf{Q}_{0}	S
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	0	1
1	1	0	?	?	?
1	1	1	?	?	?

QUAL SERÁ O PRÓXIMO ESTADO E A SAÍDA PARA O ESTADO 11?



Esta Atı		Entrada	Próximo Estado		Saída
Q_1	\mathbf{Q}_{0}	E	Q_1	\mathbf{Q}_0	S
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	1
1	0	1	1	0	1
1	1	0	0	0	0
1	1	1	0	0	0

PODEMOS DEFINIR QUE A MÁQUINA VOLTA AO ESTADO INICIAL!

E A SAÍDA SERÁ A MESMA DO ESTADO INICIAL!

Esta Atı		Entrada	Próxim	o Estado	Saída		de Entrada D)
\mathbf{Q}_1	Q_0	Е	Q_1	Q_0	S	D_1	D_0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0	0	1
0	1	0	0	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	1	0
1	0	0	0	0	1	0	0
1	0	1	1	0	1	1	0
1	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	0	0	0

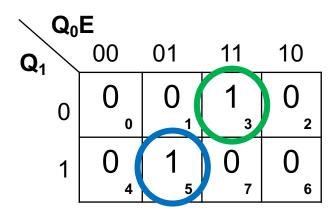


Para o FF tipo D, a tabela das equações de entrada é igual a tabela do próximo estado!

Esta Atı		Entrada	no E	Saída		de Entrada D)
\mathbf{Q}_{1}	\mathbf{Q}_0	E		S	D ₁	D_0
0	0	0		0	0	0
0	0	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	1 0	0	1	0
1	0	0	9	1	0	0
1	0	1		1	1	0
1	1	0		0	0	0
1	1	1		0	0	0

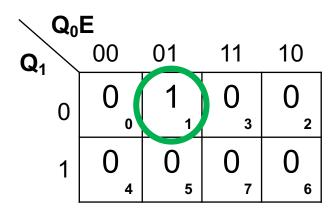
DEPOIS DE PREENCHER A PARTE DA TABELA DE EQUAÇÕES DE ENTRADA, VOCÊ PODE DESCARTAR A PARTE DE PRÓXIMO ESTADO

Esta Atı		Entrada	Saída	Equações de Entra (FF D)	
\mathbf{Q}_1	\mathbf{Q}_{0}	Е	S	D ₁	D_0
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	0	0
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	0	0
1	0	1	1	1	0
1	1	0	0	0	0
1	1	1	0	0	0



$$D_1 = \overline{Q_1}Q_0E + Q_1\overline{Q_0}E = (Q_1 \oplus Q_0)E$$

Esta Atı		Entrada	Saída	Equações de Entrad (FF D)	
Q_1	Q_0	Е	S	D_1	D_0
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	0	0
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	0	0
1	0	1	1	1	0
1	1	0	0	0	0
1	1	1	0	0	0



$$D_0 = \overline{Q_1} \overline{Q_0} E$$

Equações da(s) Saída(s)s

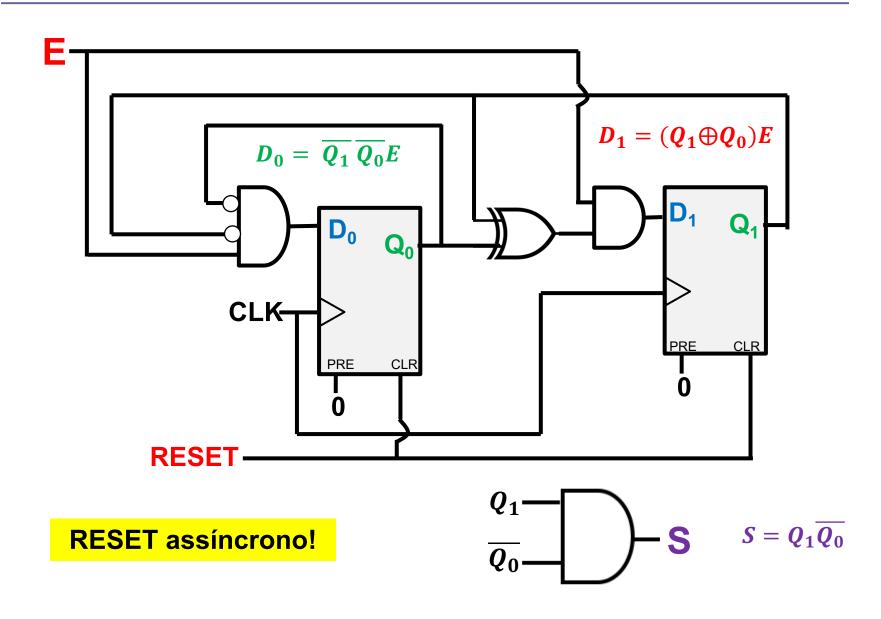
Esta Atı		Entrada	Saída	Equações de Entrad (FF D)	
Q_1	Q_0	Е	S	D_1	D_0
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	0	0
0	1	1	0	1	0
1	0	0	1	0	0
1	0	1	1	1	0
1	1	0	0	0	0
1	1	1	0	0	0

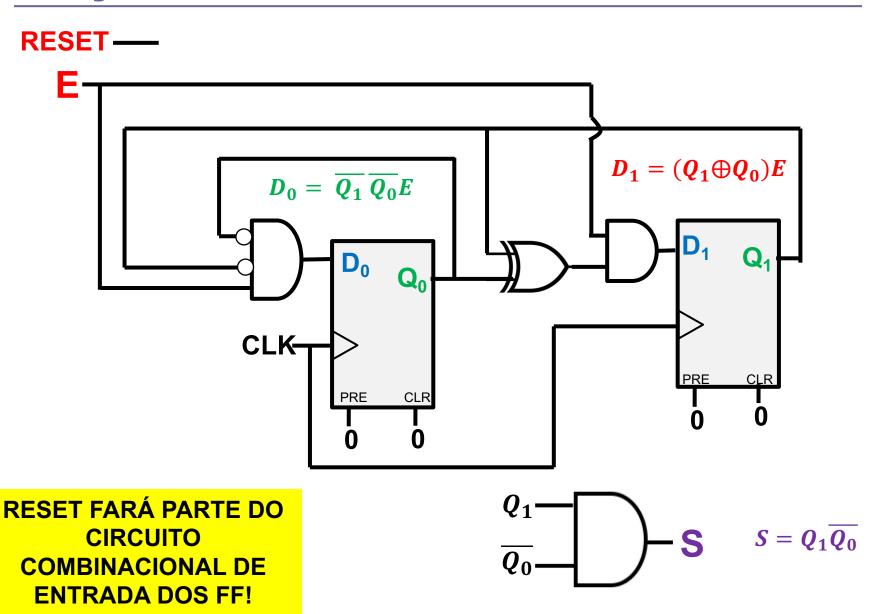
Equações de Saída:

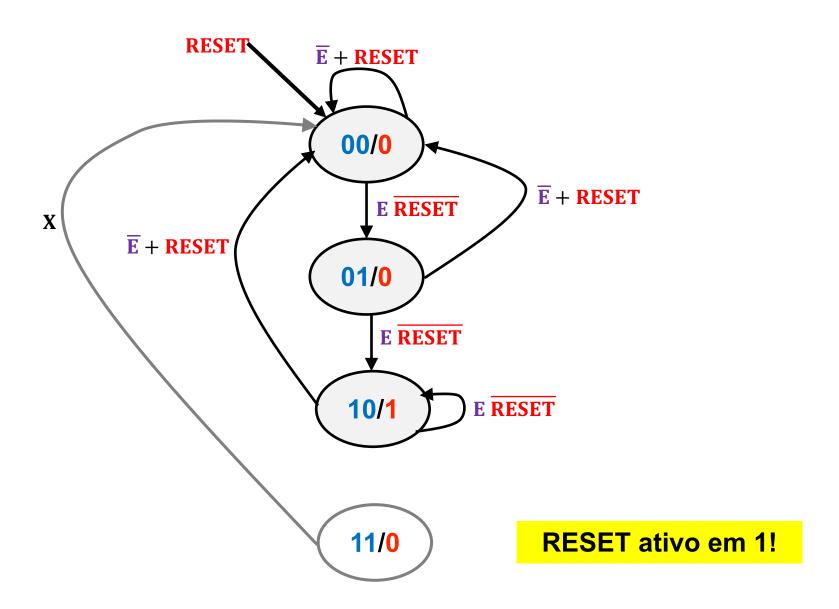
$$S = Q_1 \overline{Q_0}$$

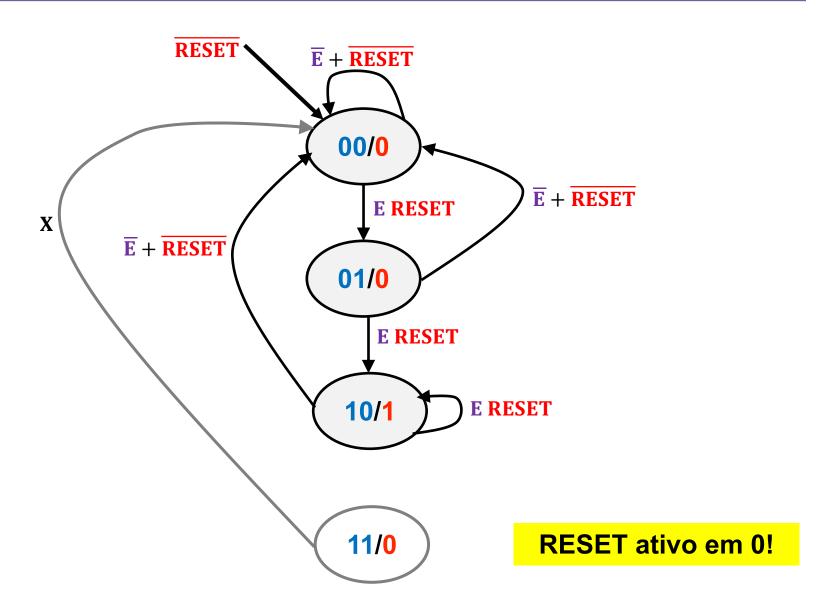
MÁQUINA DE MOORE → SAÍDA DEPENDE SÓ DO ESTADO ATUAL

Circuito









Esta Atı	ado ual	Entrada			ximo tado	Saída	Equaç Entrada	ões de a (FF D)
Q_1	Q_0	RESET	E	\mathbf{Q}_{1}	\mathbf{Q}_0	S	D_1	D_0
0	0	0	0					
0	0	0	1					
0	0	1	0					
0	0	1	1					
0	1	0	0					
0	1	0	1					
0	1	1	0					
0	1	1	1					
1	0	0	0					
1	0	0	1					
1	0	1	0					
1	0	1	1					
1	1	0	0					
1	1	0	1					
1	1	1	0					
1	1	1	1					

RESET	Esta Atı	ado ual	Entrada	Próxim	o Estado	Saída		ões de a (FF D)
	Q_1	Q_0	E	\mathbf{Q}_1	Q_0	S	D ₁	D_0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	0	0	0
1	0	0	0		RESE	T ativo	em 01	
1	0	0	1			ativo		
1	0	1	0					
1	0	1	1					
1	1	0	0					
1	1	0	1					
1	1	1	0					
1	1	1	1					

RESET ativo em 0!

RESET	Esta Atı		Entrada	Entrada Próximo Estado		Saída	Equaç Entrada	ões de a (FF D)
	\mathbf{Q}_1	Q_0	E	Q_1	Q_0	S	D_1	D_0
0	Х	Х	X	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	0	1	0	0	1
1	0	1	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	0	0	1	0	0
1	1	0	1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0

TABELA ANTERIOR SIMPLIFICADA

RESET	Estado Atual		Entrada Saida		Equações de Entrada (FF D)	
	Q_1	Q_0	E	S	D_1	D_0
0	Х	X	X	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	0	0	1
1	0	1	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	0	1	1	1	0
1	1	1	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0

$$D_1 = RESET\overline{Q_1}Q_0E + RESETQ_1\overline{Q_0}E = (Q_1 \oplus Q_0)RESETE$$

RESET	Estado Atual		Entrada Saida		Equações de Entrada (FF D)	
	Q_1	\mathbf{Q}_0	E	S	D_1	D_0
0	Х	X	X	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	0	0	1
1	0	1	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	0	1	1	1	0
1	1	1	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0

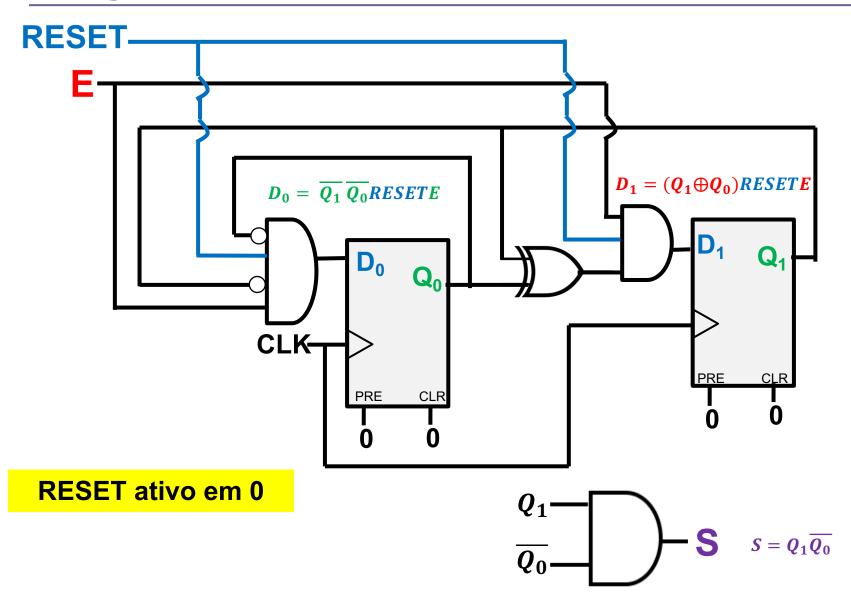
$$D_0 = RESET\overline{Q_1}\,\overline{Q_0}E$$

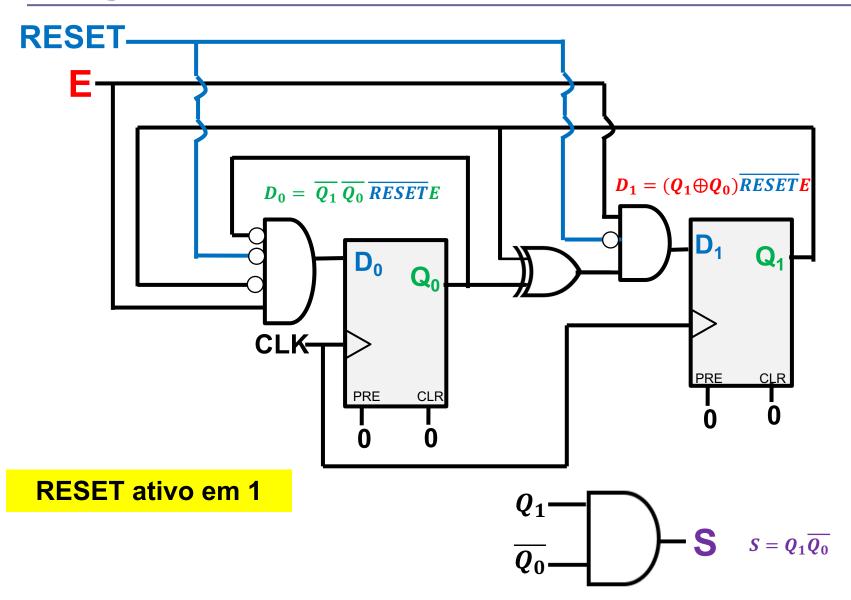
RESET	Estado Atual		Entrada Salda		Equações de Entrada (FF D)	
	\mathbf{Q}_1	\mathbf{Q}_0	E	S	D_1	D_0
0	Х	Х	X	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	0	0	1
1	0	1	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1	0
1	1	0	0	1	0	0
1	1	0	1	1	1	0
1	1	1	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0

Equações de Saída:

$$S = Q_1 \overline{Q_0}$$

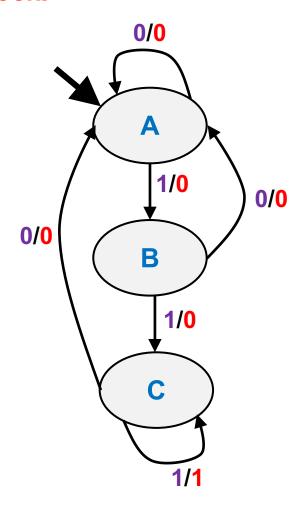
MÁQUINA DE MOORE -> SAÍDA DEPENDE SÓ DO ESTADO ATUAL



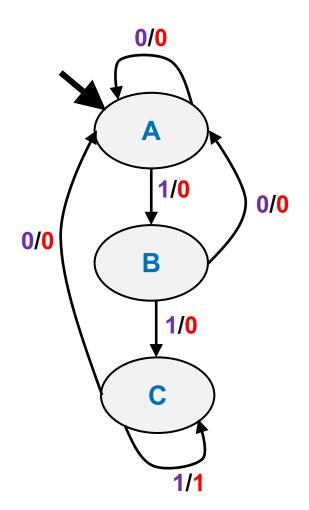


Exemplo - Máquina de Mealy

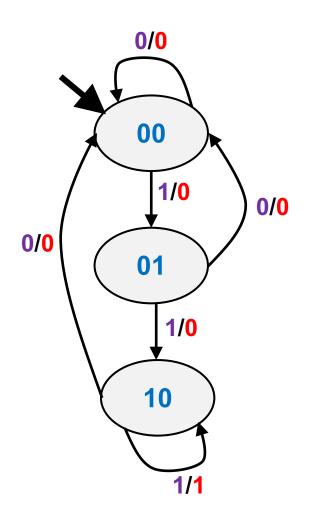
Projete uma máquina de estados de Mealy com uma entrada E e uma saída S, onde S será 1 somente se a entrada E for igual a 1 nas últimas TRÊS bordas de clock.



Máquina de Mealy - Tabela de estados



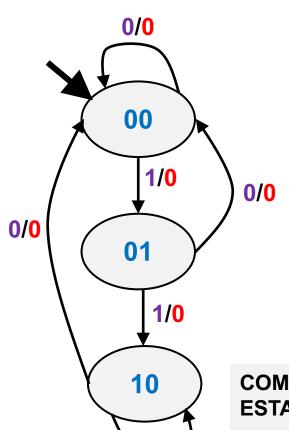
Estado Atual	Entrada (E)	Próximo Estado	Saída (S)
Α	0	A	0
Α	1	В	0
В	0	Α	0
В	1	С	0
С	0	Α	0
С	1	С	1



Estado Atual		Entrada	Próximo Estado		Saída
Q_1	Q_0	E	Q_1	\mathbf{Q}_0	S
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1

CÓDIGO DE CONTAGEM BINÁRIA

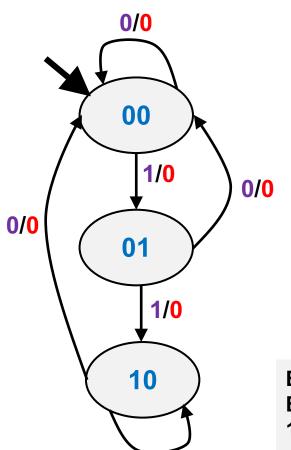
Estado	Estado do FF (Q ₁ Q ₀)
Α	00
В	01
С	10



Estado Atual		Entrada	Próximo Estado		Saída
Q_1	Q_0	E	Q_1 Q_0		S
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1

COM N FLIP-FLOPS PODERÍAMOS REPRESENTAR ATÉ 2N ESTADOS

A MÁQUINA DE ESTADOS REPRESENTADA PELA TABELA ACIMA TEM 3 ESTADOS, POR ISSO PRECISAMOS NO MÍNIMO DE 2 FLIP-FLOPS \rightarrow 2² = 4 ESTADOS (00, 01, 10 E 11)

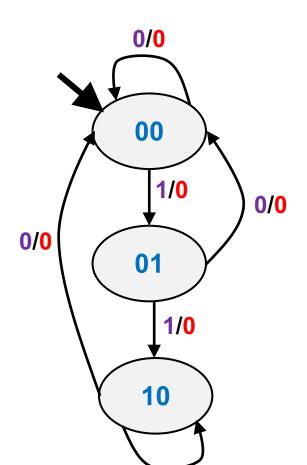


Esta Atı		Entrada	Próximo Estado		Saída
Q_1	Q_0	Е	Q_1	\mathbf{Q}_0	S
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1

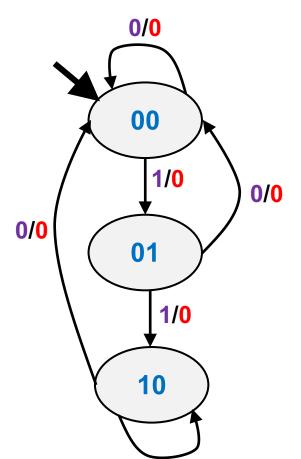
ESTAMOS UTILIZANDO SOMENTE 3 ESTADOS DOS 4 ESTADOS POSSÍVEIS UTILIZANDO 2 FLIP-FLOPS (00, 01, 10 E 11)

UM POSSÍVEL ESTADO 11 NÃO É UTILIZADO

O QUE ACONTECERIA SE POR ALGUM ERRO A MÁQUINA ENTRASSE NO ESTADO 11?

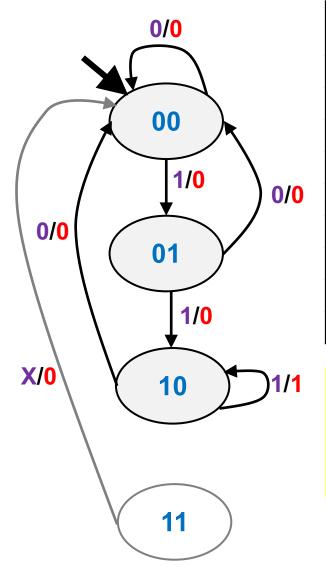


Estado Atual		Entrada	Próximo Estado		Saída
Q_1	Q_0	E	E Q ₁		S
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1
1	1	0	?	?	?
1	1	1	?	?	?



Estado Atual		Entrada	Próximo Estado		Saída	
\mathbf{Q}_1	Q_0	E	Q_1	\mathbf{Q}_0	S	
0	0	0	0	0	0	
0	0	1	0	1	0	
0	1	0	0	0	0	
0	1	1	1	0	0	
1	0	0	0	0	0	
1	0	1	1	0	1	
1	1	0	?	?	?	
1	1	1	?	?	?	

QUAL SERÁ O PRÓXIMO ESTADO E A SAÍDA PARA O ESTADO 11?



Estado Atual		Entrada	Próximo Estado		Saída
Q ₁	Q_0	E	Q ₁	Q_0	S
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1
1	1	0	0	0	0
1	1	1	0	0	0

PODEMOS DEFINIR QUE A MÁQUINA VOLTA AO ESTADO INICIAL!

E A SAÍDA DEFINIMOS QUE SERÁ 0!

Estado Atual		Entrada	Próximo Estado		Saída	Equações de Entrada (FF D)	
\mathbf{Q}_1	Q_0	E	Q_1	\mathbf{Q}_{0}	S	D_1	D_0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	1	0	0	1
0	1	0	0	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	1	0
1	0	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	0	1	1	0
1	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	0	0	0	0	0



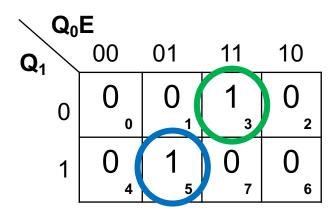
Para o FF tipo D, a tabela das equações de entrada é igual a tabela do próximo estado!

Estado Atual		Entrada	no E	Saída	Equações de Entrada (FF D)	
Q_1	Qo	Ш		S	D ₁	D_0
0	0	0		0	0	0
0	0	1	0	0	0	1
0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	1 0	0	1	0
1	0	0	9	0	0	0
1	0	1		1	1	0
1	1	0		0	0	0
1	1	1		0	0	0

DEPOIS DE PREENCHER A PARTE DA TABELA DE EQUAÇÕES DE ENTRADA, VOCÊ PODE DESCARTAR A PARTE DE PRÓXIMO ESTADO

Equações de Entrada

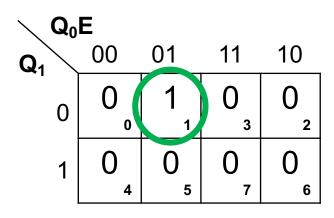
Esta Atı		Entrada	Saída		de Entrada · D)
Q_1	\mathbf{Q}_0	E	S	D_1	D_0
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	0	0
0	1	1	0	1	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0
1	1	0	0	0	0
1	1	1	0	0	0



$$D_1 = \overline{Q_1}Q_0E + Q_1\overline{Q_0}E = (Q_1 \oplus Q_0)E$$

Equações de Entrada

Esta Atı		Entrada	Saída		de Entrada D)
Q_1	Q_0	Е	S	D_1	D_0
0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	1
0	1	0	0	0	0
0	1	1	0	1	0
1	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0
1	1	0	0	0	0
1	1	1	0	0	0



$$D_0 = \overline{Q_1} \overline{Q_0} E$$

Equações da(s) Entrada(s)

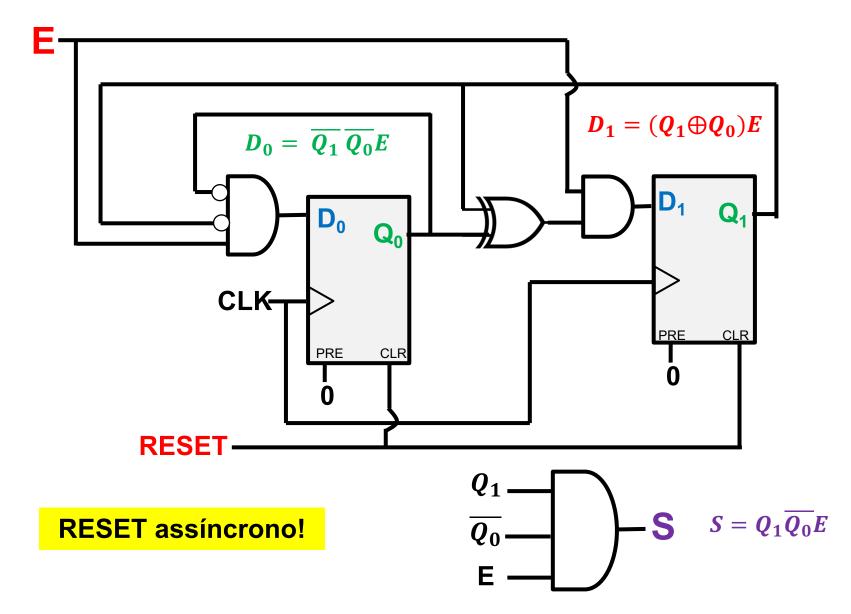
Esta Atı		Entrada	Saída	Equações (FF		
Q_1	Q_0	Е	S	D_1	D_0	
0	0	0	0	0	0	
0	0	1	0	0	1	
0	1	0	0	0	0	
0	1	1	0	1	0	
1	0	0	0	0	0	
1	0	1	1	1	0	
1	1	0	0	0	0	
1	1	1	0	0	0	

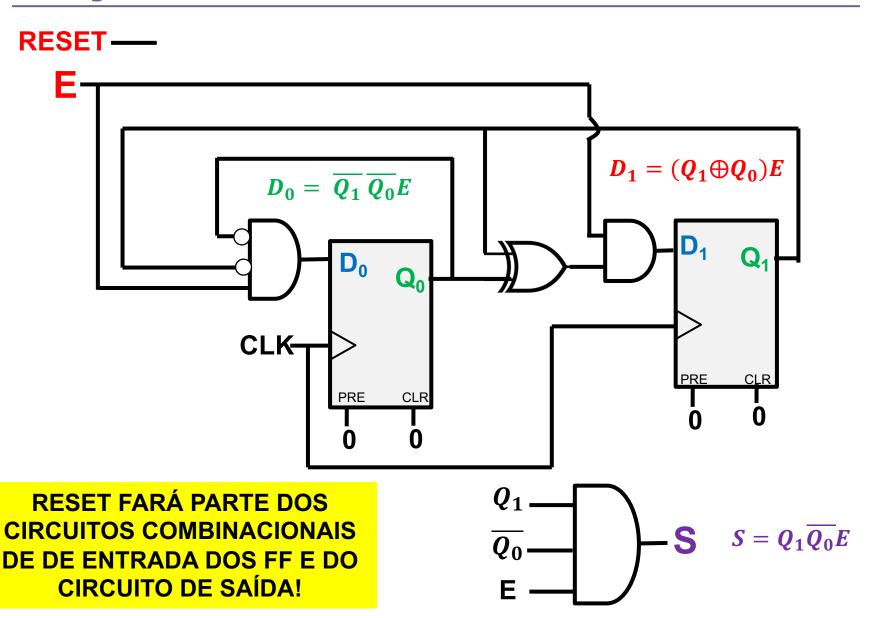
Equações de Saída:

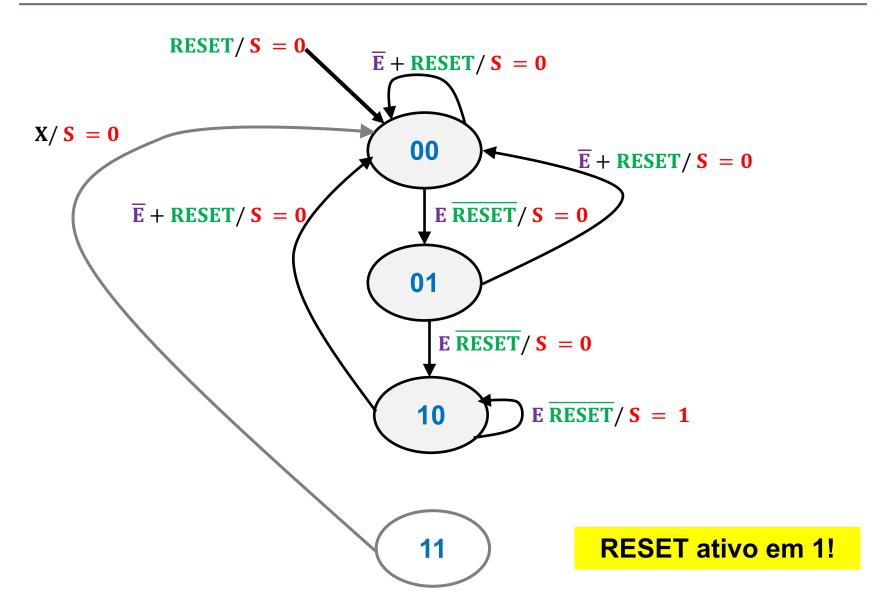
$$S = Q_1 \overline{Q_0} E$$

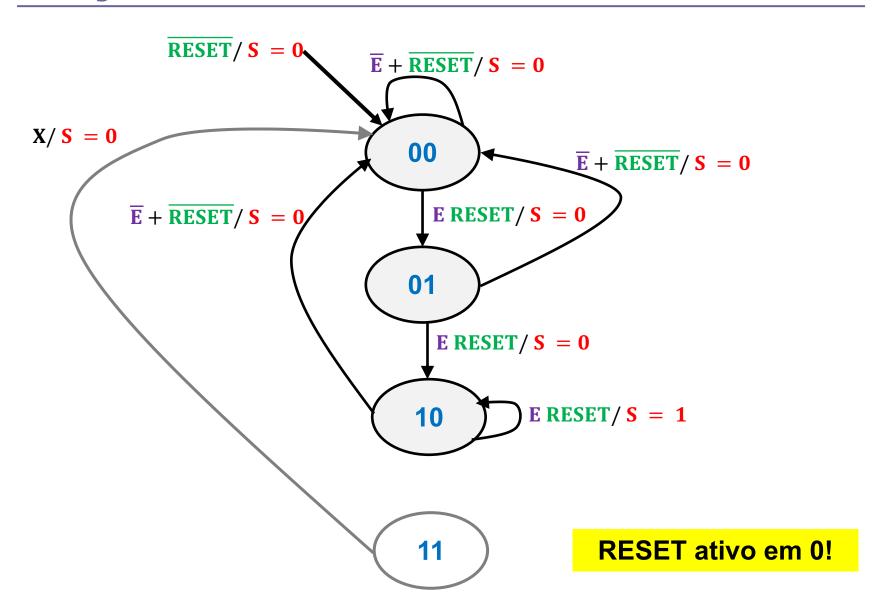
MÁQUINA DE MEALY → SAÍDA DEPENDE DO ESTADO ATUAL E DA(S) ENTRADA(S)

Circuito









Esta Atı	ado ual	Entrada			ximo tado	Saída	Equaç Entrada	ões de a (FF D)
Q_1	Q_0	RESET	E	\mathbf{Q}_{1}	\mathbf{Q}_0	S	D_1	D_0
0	0	0	0					
0	0	0	1					
0	0	1	0					
0	0	1	1					
0	1	0	0					
0	1	0	1					
0	1	1	0					
0	1	1	1					
1	0	0	0					
1	0	0	1					
1	0	1	0					
1	0	1	1					
1	1	0	0					
1	1	0	1					
1	1	1	0					
1	1	1	1					

RESET	Estado Atual		Entrada	Entrada Próximo Estado		Estado Saída		ões de a (FF D)
	Q_1	Q_0	E	\mathbf{Q}_1	Q_0	S	D ₁	D_0
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	0	0	0
0	1	1	0	0	0	0	0	0
0	1	1	1	0	0	0	0	0
1	0	0	0		RESE	T ativo	em 01	
1	0	0	1			ativo		
1	0	1	0					
1	0	1	1					
1	1	0	0					
1	1	0	1					
1	1	1	0					
1	1	1	1					

RESET ativo em 0!

RESET	Estado Atual		Entrada	Próximo Estado		Saída	Equaç Entrada	ões de a (FF D)
	\mathbf{Q}_1	Q_0	E	Q_1	Q_0	S	D_1	D_0
0	Х	Х	X	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	0	1	0	0	1
1	0	1	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	0	0	0	0	0
1	1	0	1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0

TABELA ANTERIOR SIMPLIFICADA

RESET ativo em 0!

RESET	Esta Atı		Entrada	Próximo Estado		Próximo Estado		Saída	Equaç Entrada	ões de a (FF D)
	Q_1	Q_0	E	\mathbf{Q}_1	\mathbf{Q}_{0}	S	D_1	D_0		
0	Х	X	X	0	0	0	0	0		
1	0	0	0	0	0	0	0	0		
1	0	0	1	0	1	0	0	1		
1	0	1	0	0	0	0	0	0		
1	0	1	1	1	0	0	1	0		
1	1	0	0	0	0	0	0	0		
1	1	0	1	1	0	1	1	0		
1	1	1	0	0	0	0	0	0		
1	1	1	1	0	0	0	0	0		

$$D_1 = RESET\overline{Q_1}Q_0E + RESETQ_1\overline{Q_0}E = (Q_1 \oplus Q_0)RESETE$$

RESET ativo em 0!

RESET	Estado Atual		Entrada	a Próximo Estado		Saída	Equaç Entrada	ões de a (FF D)
	\mathbf{Q}_1	Q_0	E	Q_1	Q_0	S	D_1	D_0
0	Х	X	X	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	0	1	0	0	1
1	0	1	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	0	0	0	0	0
1	1	0	1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0

$$D_0 = RESET\overline{Q_1}\,\overline{Q_0}E$$

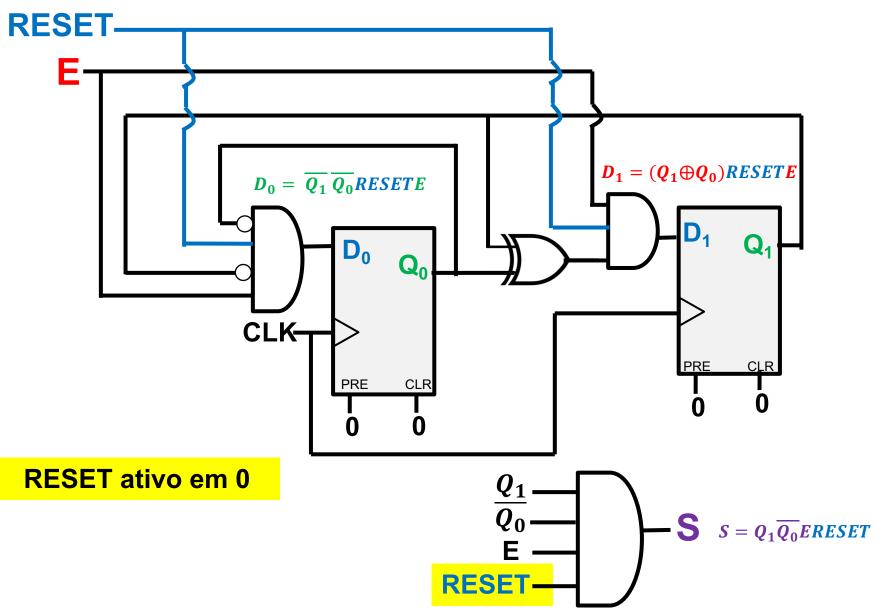
RESET	Estado Atual		Entrada	Entrada Próximo Estado		Saída	Equaç Entrada	ões de a (FF D)
	Q_1	\mathbf{Q}_0	E	Q_1	\mathbf{Q}_{0}	S	D_1	D_0
0	Х	X	X	0	0	0	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	0	1	0	0	1
1	0	1	0	0	0	0	0	0
1	0	1	1	1	0	0	1	0
1	1	0	0	0	0	0	0	0
1	1	0	1	1	0	1	1	0
1	1	1	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	0	0	0	0	0

Equações de Saída:

$$S = RESETQ_1\overline{Q_0}E$$

MÁQUINA DE MEALY:

SAÍDA DEPENDE DO **ESTADO ATUAL** E DA(S) **ENTRADA(S) RESET FARÁ PARTE DA EQUAÇÃO DE SAÍDA!**



Circuitos Digitais – Prof. Marcelo Grandi Mandelli Slide **50**

