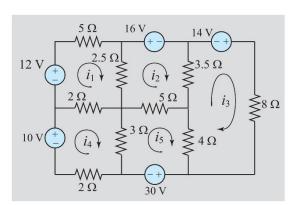
# Αριθμητική Ανάλυση (ΕCE\_Υ522)

# 2η Εργαστηριακή Άσκηση

**Βιβλιογραφική πηγή:** Κεφάλαιο 4, Αριθμητικές Μέθοδοι για Μηχανικούς και Επιστήμονες, Gilat Amos και Subramaniam Vish, Broken Hill Publishers, 1η έκδοση, 2021

**Στόχος:** Υλοποίηση επαναληπτικών αριθμητικών μεθόδων επίλυσης γραμμικών συστημάτων.

**Εφαρμογή σε ηλεκτρικό κύκλωμα:** Έστω το κύκλωμα του διπλανού σχήματος, όπου οι αντιστάσεις και οι τάσεις των πηγών έχουν τις αναγραφόμενες τιμές. Εφαρμόζοντας το νόμο τάσεων του Kirchhoff σε κάθε βρόγχο ( $2^{o\varsigma}$  νόμος), να κατασκευαστεί το σχετικό γραμμικό σύστημα των εξισώσεων των ρευμάτων  $i_1, i_2, i_3, i_4, i_5$  και να επιλυθεί εφαρμόζοντας την επαναληπτική μέθοδο Jacobi.



### Βήματα:

(A) Να διατυπώσετε το πρόβλημα ως ισοδύναμο γραμμικό σύστημα σε μορφή πινάκων (A, b), βασιζόμενοι στις ακόλουθες εξισώσεις, οι οποίες προκύπτουν κατά την εφαρμογή του δεύτερου νόμου του Kirchhoff:

$$9.5i_{1} - 2.5i_{2} - 2i_{4} = 12$$

$$-2.5i_{1} + 11i_{2} - 3.5i_{3} - 5i_{5} = -16$$

$$-3.5i_{2} + 15.5i_{3} - 4i_{5} = 14$$

$$-2i_{1} + 7i_{4} - 3i_{5} = 10$$

$$-5i_{2} - 4i_{3} - 3i_{4} + 12i_{5} = -30$$

**(B)** Αφού αναλύσετε τον πίνακα των συντελεστών στη μορφή A = D + L + U, όπου D διαγώνιος πίνακας, L αυστηρά κάτω τριγωνικός πίνακας και U αυστηρά άνω τριγωνικός πίνακας, να εξετάσετε αν η επαναληπτική μέθοδος Jacobi συγκλίνει για αυτό το γραμμικό σύστημα, χρησιμοποιώντας τη συνθήκη:

$$||D^{-1}(L+U)|| < 1.$$

Στη συνέχεια, να υπολογίσετε με προγράμματα matlab τις τιμές των  $i_1, i_2, i_3, i_4, i_5$  υλοποιώντας τη μέθοδο. Επαναληπτικό σχήμα μεθόδου Jacobi:  $x^{(k+1)} = -[D^{-1}(L+U)]x^{(k)} + D^{-1}b$ ,

(Γ) Υπολογίστε το δείκτη κατάστασης του πίνακα τους συστήματος καθώς και επιλύστε με τις ήδη διαθέσιμες built-in συναρτήσεις. Υπόδειξη: help cond, help mldivide

https://www.mathworks.com/help/symbolic/cond.html

https://www.mathworks.com/help/matlab/ref/mldivide.html

## Περαιτέρω εμβάθυνση με προσωπική μελέτη:

Αλλάξτε το βασικό επαναληπτικό σχήμα, ώστε να υλοποιεί την μέθοδο Gauss – Seidel

# Χρήσιμες εντολές

Έστω πίνακας Α

```
A =

0.8147    0.9134    0.2785
0.9058    0.6324    0.5469
0.1270    0.0975    0.9575
```

Με την εντολή L=tril(A,-1) λαμβάνουμε τον αυστηρά κάτω τριγωνικό πίνακα

```
L =

0 0 0

0.9058 0 0

0.1270 0.0975 0
```

Με την εντολή U=triu(A,1) λαμβάνουμε τον αυστηρά άνω τριγωνικό πίνακα

```
U = 0 0.9134 0.2785 0 0 0.5469 0 0
```

Με την εντολή d=diag(A) λαμβάνουμε την κύρια διαγώνιο του πίνακα

```
d =
0.8147
0.6324
0.9575
```

Αν θέλουμε να κατασκευάσουμε τον διαγώνιο πίνακα τότε: D=diag(d)

Ο αντίστροφος διαγώνιου υπολογίζεται (εφόσον υπάρχει) με D inv = diag(1./d)

Ο αντίστροφος υπολογίζεται (εφόσον υπάρχει) γενικά με την εντολή A\_inv = inv(A) (συνήθως αποφεύγεται αν δεν είναι εντελώς απαραίτητη)

Ο πράξεις διανυσμάτων/πινάκων γίνονται κανονικά με τον τελεστή +,-,\*. Πχ C=A\*(U+L)

```
C =

0.8627  0.7713  0.7264

0.6422  0.8807  0.5981

0.2099  0.2094  0.0887
```

Εντολή υπολογισμού ιδιοτιμών : eig(A)

https://en.wikipedia.org/wiki/Eigenvalues and eigenvectors