Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №5

З дисципліни «Методи оптимізації та планування» Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з урахуванням квадратичних членів

> ВИКОНАВ: Студент II курсу ФІОТ Групи IO-93 Яблоновський А.О - 9330

> > ПЕРЕВІРИВ: асистент Регіда П.Г.

Мета: Провести трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайти рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.

Варіант завдання:

```
Лістинг програми:
import random
import sklearn.linear model as lm
from scipy.stats import f, t
from functools import partial
from pyDOE2 import *
import numpy as np
def regression(x, b):
   y = sum([x[i] * b[i] for i in range(len(x))])
   return y
x \text{ range} = ((-8, 4), (-9, 7), (-3, 9))
x \text{ aver max} = sum([x[1] \text{ for } x \text{ in } x \text{ range}]) / 3
x aver min = sum([x[0] for x in x range]) / 3
y max = 200 + int(x aver max)
y min = 200 + int(x aver min)
# квадратна дисперсія
def s kv(y, y aver, n, m):
   res = []
   for i in range(n):
       s = sum([(y aver[i] - y[i][j]) ** 2 for j in
range(m)]) / m
       res.append(round(s, 3))
   return res
def plan matrix5(n, m):
```

```
print('\nЛабораторна 5')
```

```
print(f'\n\Gamma epepyemo матрицю планування для <math>n =
\{n\}, m = \{m\}'\}
   y = np.zeros(shape=(n, m))
   for i in range(n):
       for j in range(m):
           y[i][j] = random.randint(y min, y max)
   if n > 14:
       no = n - 14
   else:
       no = 1
   x norm = ccdesign(3, center=(0, no))
   x norm = np.insert(x norm, 0, 1, axis=1)
   for i in range (4, 11):
       x norm = np.insert(x norm, i, 0, axis=1)
   1 = 1.215
   for i in range(len(x norm)):
       for j in range(len(x norm[i])):
           if x norm[i][j] < -1 or x norm[i][j] > 1:
                if x norm[i][j] < 0:</pre>
                    x norm[i][j] = -1
                else:
                    x norm[i][j] = 1
   def add sq nums(x):
       for i in range(len(x)):
           x[i][4] = x[i][1] * x[i][2]
           x[i][5] = x[i][1] * x[i][3]
           x[i][6] = x[i][2] * x[i][3]
           x[i][7] = x[i][1] * x[i][3] * x[i][2]
           x[i][8] = x[i][1] ** 2
           x[i][9] = x[i][2] ** 2
           x[i][10] = x[i][3] ** 2
       return x
   x norm = add sq nums(x norm)
   x = np.ones(shape=(len(x norm), len(x norm[0])),
dtype=np.int64)
   for i in range(8):
```

```
for j in range (1, 4):
           if x norm[i][j] == -1:
               x[i][j] = x range[j - 1][0]
           else:
               x[i][j] = x range[j - 1][1]
   for i in range (8, len(x)):
       for j in range (1, 3):
           x[i][j] = (x range[j - 1][0] + x_range[j -
1][1]) / 2
   dx = [x range[i][1] - (x range[i][0] +
x range[i][1]) / 2 for i in range(3)]
   x[8][1] = 1 * dx[0] + x[9][1]
   x[9][1] = -1 * dx[0] + x[9][1]
   x[10][2] = 1 * dx[1] + x[9][2]
   x[11][2] = -1 * dx[1] + x[9][2]
   x[12][3] = 1 * dx[2] + x[9][3]
   x[13][3] = -1 * dx[2] + x[9][3]
  x = add sq nums(x)
  print('\nX:\n', x)
  print('\nX HOPMOBAHE:\n')
   for i in x norm:
       print([round(x, 2) for x in i])
  print('\nY:\n', y)
   return x, y, x norm
def find coef(X, Y, norm=False):
   skm = lm.LinearRegression(fit intercept=False)
   skm.fit(X, Y)
   B = skm.coef
   if norm == 1:
       print('\nKoeфiцiєнти рівняння регресії з
нормованими Х: ')
   else:
       print('\nKoeфiцiєнти рівняння регресії:')
   B = [round(i, 3) for i in B]
  print(B)
```

```
print('\nPesyльтат рівняння зі знайденими
коефіцієнтами:\n', np.dot(X, B))
   return B
def kriteriy cochrana(y, y aver, n, m):
   f1 = m - 1
   f2 = n
   q = 0.05
   S_kv = s_kv(y, y_aver, n, m)
   Gp = max(S kv) / sum(S kv)
   print('\nПеревірка за критерієм Кохрена')
   return Gp
def cohren(f1, f2, q=0.05):
   q1 = q / f1
   fisher value = f.ppf(q=1 - q1, dfn=f2, dfd=(f1 - q1))
1) * f2)
   return fisher value / (fisher value + f1 - 1)
# оцінки коефіцієнтів
def bs(x, y aver, n):
   res = [sum(1 * y for y in y aver) / n]
   for i in range(len(x[0])):
       b = sum(j[0] * j[1] for j in zip(x[:, i],
y aver)) / n
       res.append(b)
   return res
def kriteriy studenta(x, y, y aver, n, m):
   S kv = s kv(y, y aver, n, m)
   s kv aver = sum(S_kv) / n
   # статистична оцінка дисперсії
   s Bs = (s kv aver / n / m) ** 0.5 # статистична
оцінка дисперсії
   Bs = bs(x, y aver, n)
   ts = [round(abs(B) / s Bs, 3) for B in Bs]
   return ts
```

```
def kriteriy_fishera(y, y_aver, y_new, n, m, d):
   S = m / (n - d) * sum([(y new[i] - y aver[i]))
** 2 for i in range(len(y))])
   S kv = s kv(y, y aver, n, m)
   S kv aver = sum(S kv) / n
   return S ad / S kv aver
def check(X, Y, B, n, m):
  print('\n\tПеревірка рівняння:')
   f1 = m - 1
   f2 = n
   f3 = f1 * f2
   q = 0.05
   ### табличні значення
   student = partial(t.ppf, q=1 - q)
   t student = student(df=f3)
   G kr = cohren(f1, f2)
   ###
   y aver = [round(sum(i) / len(i), 3) for i in Y]
  print('\nСереднє значення y:', y aver)
   disp = s kv(Y, y aver, n, m)
  print('Дисперсія y:', disp)
   Gp = kriteriy cochrana(Y, y aver, n, m)
  print(f'Gp = {Gp}')
   if Gp < G kr:
       print(f'3 ймовірністю {1 - q} дисперсії
однорідні.')
   else:
       print ("Необхідно збільшити кількість
дослідів")
      m += 1
      main(n, m)
   ts = kriteriy_studenta(X[:, 1:], Y, y_aver, n, m)
  print('\nКритерій Стьюдента:\n', ts)
```

```
res = [t for t in ts if t > t student]
   final k = [B[i] for i in range(len(ts)) if ts[i]
in res]
  print('\nKoeфiцiєнти {} статистично незначущі,
тому ми виключаємо їх з рівняння. '.format(
       [round(i, 3) for i in B if i not in final k]))
   y new = []
   for j in range(n):
       y new.append(regression([X[j][i] for i in
range(len(ts)) if ts[i] in res], final k))
  print(f'\n3начення "y" з коефіцієнтами {final k}')
  print(y new)
   d = len(res)
   if d >= n:
       print('\nF4 <= 0')</pre>
       print('')
       return
   f4 = n - d
   F p = kriteriy fishera(Y, y aver, y new, n, m, d)
   fisher = partial(f.ppf, q=0.95)
   f t = fisher(dfn=f4, dfd=f3) # табличне знач
  print('\nПеревірка адекватності за критерієм
Фішера')
  print('Fp =', F p)
  print('F t =', f t)
   if F p < f t:
       print('Математична модель адекватна
експериментальним даним')
   else:
       print('Математична модель не адекватна
експериментальним даним')
def main(n, m):
   X5, Y5, X5 norm = plan matrix5(n, m)
   y5 aver = [round(sum(i) / len(i), 3) for i in Y5]
   B5 = find coef(X5, y5 aver)
```

```
check(X5_norm, Y5, B5, n, m)
```

```
if __name__ == '__main__':
    main(15, 3)
```

Результат роботи програми:

```
Лабораторна 5
Гереруємо матрицю планування для n = 15, m = 3
Χ:
 ]]
      1
                            72
                                  24
                                       27 -216
                                                        81
                                                               9]
           -8
                -9
                      -3
                                                  64
                                                              9]
                     -3 -36
                               -12
 1
           4
               -9
                                      27
                                           108
                                                 16
                                                       81
 1
                7
                     -3
                          -56
                                24
                                     -21
                                           168
                                                 64
                                                       49
                                                              9]
          -8
 [
     1
                7
                               -12
                                     -21
                                                              9]
           4
                     -3
                           28
                                           -84
                                                       49
                                                 16
                                                             81]
 [
     1
          -8
               -9
                           72
                               -72
                                    -81
                      9
                                           648
                                                 64
                                                       81
 [
     1
           4
               -9
                          -36
                                36
                                    -81 -324
                                                 16
                                                             81]
                      9
                                                       81
                                                             81]
 1
          -8
                7
                      9
                          -56
                               -72
                                    63 -504
                                                 64
                                                       49
                7
                                                             81]
 [
     1
           4
                      9
                           28
                                36
                                      63
                                           252
                                                       49
                                                 16
                                                              1]
 [
     1
           5
                                 5
               -1
                      1
                           -5
                                      -1
                                            -5
                                                 25
                                                        1
 [
                                                              1]
     1
          -9
               -1
                      1
                            9
                                -9
                                      -1
                                             9
                                                        1
                                                 81
                                                              1]
 [
     1
          -2
                8
                      1
                          -16
                                -2
                                       8
                                           -16
                                                   4
                                                       64
 Γ
     1
          -2
              -10
                      1
                           20
                                -2
                                     -10
                                            20
                                                   4
                                                      100
                                                              1]
     1
 [
          -2
               -1
                      8
                            2
                               -16
                                            16
                                                             64]
                                      -8
                                                   4
                                                        1
                                                             36]
 [
     1
          -2
               -1
                     -6
                            2
                                12
                                       6
                                           -12
                                                   4
                                                        1
 [
     1
          -2
               -1
                      1
                            2
                                -2
                                      -1
                                             2
                                                   4
                                                        1
                                                              1]]
```

```
[1.0, -1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, 1.0, -1.0, -1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, 1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.0, 1.0, 1.0, -1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0, 1.0]
[1.0, -1.22, 0.0, 0.0, -0.0, -0.0, 0.0, -0.0, 1.48, 0.0, 0.0]
[1.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48, 0.0, 0.0]
[1.0, 0.0, -1.22, 0.0, -0.0, 0.0, -0.0, -0.0, 0.0, 1.48, 0.0]
[1.0, 0.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48, 0.0]
[1.0, 0.0, 0.0, -1.22, 0.0, -0.0, -0.0, -0.0, 0.0, 0.0, 1.48]
[1.0, 0.0, 0.0, 1.22, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 1.48]
[[197. 201. 205.]
[197. 202. 202.]
[197. 206. 200.]
[205. 201. 202.]
[206. 198. 195.]
[199. 194. 198.]
[196. 196. 204.]
[199. 199. 201.]
[194. 205. 200.]
[204. 206. 201.]
[206. 199. 204.]
[195. 204. 198.]
[200. 196. 194.]
[201. 196. 201.]
[204. 201. 202.]]
Коефіцієнти рівняння регресії:
[200.926, 0.028, 0.147, 0.007, 0.014, -0.005, -0.003, 0.001, 0.021, 0.005, -0.044]
Результат рівняння зі знайденими коефіцієнтами:
[201.302 199.622 202.23 202.662 199.886 196.19 198.702 199.422 201.315
202.379 202.159 200.287 198.2 199.124 200.818]
```

Х нормоване:

```
Перевірка рівняння:

Середнє значення у: [201.0, 200.333, 201.0, 202.667, 199.667, 197.0, 198.667, 199.667, 199.667, 203.

Дисперсія у: [10.667, 5.556, 14.0, 2.889, 21.556, 4.667, 14.222, 0.889, 20.222, 4.222, 8.667, 14.0,

Перевірка за критерієм Кохрена
бр = 0.15980310028096759

З ймовірністю 0.95 дисперсії однорідні.

Критерій Стьюдента:
[447.941, 0.625, 0.128, 1.008, 0.895, 0.398, 0.099, 0.199, 327.405, 327.111, 325.79]

Коефіцієнти [0.028, 0.147, 0.007, 0.014, -0.005, -0.003, 0.001] статистично незначущі, тому ми виклю

Значення "У" з коефіцієнтами [200.926, 0.021, 0.005, -0.044]
[200.907999999996, 200.907999999996, 200.907999999996, 200.907999999996, 200.907999999996,

Перевірка адекватності за критерієм Фішера
Бр = 1.9936706639366355
Б-t = 2.125558760875511

Математична модель адекватна експериментальним даним
```

Висновок

В даній лабораторній роботі я провів трьохфакторний експеримент з урахуванням квадратичних членів, використовуючи центральний ортогональний композиційний план. Знайшов рівняння регресії, яке буде адекватним для опису об'єкту.