KARTKA 1

ZAD.1. (6p) Naszkicuj wykres funkcji $y=\sqrt[4]{x^6}$. Natępnie wyznacz dziedzinę funkcji $f(x)=\sqrt{2-\log_2\left(\log_4x\right)-\log_4\left(\log_2x\right)}$

KARTKA 2

ZAD.2. (7p) Naszkicuj wykres funkcji $y = \arccos x$. Następnie rozwiąż nierówność

$$tg(2 \operatorname{arc} \cos(3x)) \ge \sqrt{3}$$
 $\frac{\sqrt{3}}{6}$ $\frac{\sqrt{2}}{6}$ $\frac{\sqrt{2}}{6}$ $\frac{\sqrt{2}}{6}$

KARTKA 3

ZAD.3. (6p) Naszkicuj wykres funkcji $y = \log_{\sqrt{2}} x$. Następnie rozwiąż równanie

$$\log_{\sqrt{2}\sin x}(1+\cos x)=2 \qquad \qquad \chi=\frac{2k\pi}{3}$$

KARTKA 4

ZAD.4. (a) (6p) Wyznacz, o ile istnieją, wartości parametrów $A, B \in R$, dla których funkcja f(x) jest ciągła w swojej dziedzinie.

$$f(x) = \begin{cases} Ax \sin\left(\frac{\pi}{x}\right) + \log_2 A & x < 0 \\ B^2 \operatorname{arc} \operatorname{ctg}(x) & 0 \le x \le 1 \\ \pi \frac{\sqrt{x^2 - x + 4} - 2}{x - 1} & x > 1 \end{cases} \quad \mathbf{B} = \mathbf{1}$$

A (b) (2p) Oblicz granice

$$C = \lim_{x \to -\infty} \frac{2x \cdot \arctan x}{x+1}, \quad D = \lim_{x \to \infty} \left[\arccos \left(\frac{1}{x} \right) \cdot \frac{1}{\pi - \pi^{-x}} \right]. \quad \stackrel{\text{\ensuremath{\ensuremath{\mathcal{Z}}}}}{\mathbf{Z}}$$

ZAD.5. (a) (4p) Zbadaj monotoniczność i ograniczoność ciągu

$$a_n = \frac{3^n}{\sqrt{1}} + \frac{3^{n+1}}{\sqrt{2}} + \frac{3^{n+2}}{\sqrt{3}} + \dots + \frac{3^{2n}}{\sqrt{n+1}} \qquad ($$

$$A = \lim_{n \to \infty} \frac{\sin(2^n)}{2^n} \quad B = \lim_{n \to \infty} \left(\frac{2n+3}{n+1}\right)^{n+1}$$

(c) (+2p) Oblicz granicę

$$\lim_{n\to\infty}\sin^2\left(\pi\sqrt{n^2-n}\right)$$