编译大作业第二部分实现说明

贾云杉 雷博涵 贾瑞琪 林文心

2020.06.18

问题概述

本次project的问题为,根据json文件中给定的表达式信息,生成loss对某个输出的导函数,并将导函数展开成逻辑正确的.cc函数,写入对应文件夹。 json文件针对每一个样例的描述包含输入输出,数据类型,运算表达式和求导对象。

解决思路

由于在project1中,我们已经能够实现:给定表达式,生成其对应的语法树,重新构建循环结构,推测循环变量的范围,并输出最终的c代码。在此次 project中,我们依然可以沿用上述功能,并且加入新的改动实现求导功能。 具体实现逻辑如下:

kernel的构建

首先读入json文件,根据文件内的信息构建 kernel 结点,创建AST,并且记录需要被求导的变量。

计算梯度

在计算梯度时,我们采用按照AST的结构,自顶向下传递梯度,最后在叶子节点收集所有梯度形成求导表达式的方法。主要逻辑如下: 当遇到加法时,由于

$$d(A+B) = dA + dB$$

需要把父亲节点的梯度复制两份分别传递给两个子节点。

当遇到乘法时, 由Leibniz法则

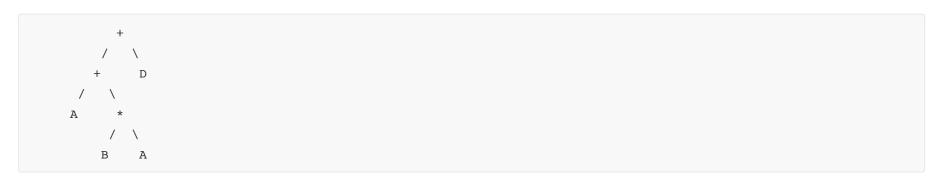
$$d(AB) = dA * B + dB * A$$

需要把父亲节点的梯度乘以子节点的兄弟节点作为子节点的梯度。

当以上梯度传播完毕后,假设原式对A求导,则需将原AST中A这一项对应的节点梯度相加,所得表达式即为A所对应的梯度表达式。 下面用一个例子说明实现的具体过程(其中D为与A无关的项):

例子 若要求C=A+B*A+D关于A的导数。

该函数对应的AST为:



根据上述求导法则,梯度传递形成的树为:

```
[dc]
/ \
[dc] [dc]
/ \
[dc] [dc]
/ \
[dc] [dc]
/ \
```

其中,阴影部分为梯度传递树中与原AST的A叶子节点对应的梯度,将其相加,即可得结果:

$$dA[i,k] = rac{\partial loss}{\partial A[i,k]} = \sum_{j} rac{\partial loss}{\partial C[i,j]} imes rac{\partial C[i,j]}{\partial A[i,k]}$$

总之,计算梯度的简要流程如下: 我们首先从 generateAST 的返回值得到求导的对象,接着在 generateAST 返回的 kernel 结点的基础上,保留 AST的架构,自顶向下按求导的规则对每个分量求导,最后收集所有对应求导对象的叶子结点求出的梯度并相加,就可以得到求导的结果,并且根据 求导的结果构造新的 kernel 结点并返回。

坐标变换

我们用一个例子说明坐标变换是如何进行的:

例子 若我们上面的求导器生成了一条语句 dA[(i+1)+1][j+1] = dB[i][j], 要求对 dA[(i+1)+1, j+1] 进行坐标变换, 得到符合要求的形式。

我们先访问 da 的第一个下标,即表达式 (i+1)+1 。在进行操作前,我们先新定义一个变量,名为 x ,并认为它满足 x=(i+1)+1 。整个下标变换的过程就是试图将 i 用 x 的表达式表示出来。表示过程如下述:

```
(i + 1) + 1 = x,

i + 1 = x - 1,

i = x - 1 - 1
```

我们通过遍历(i+1) + 1 的语法树,逐层作逆运算,这样把 i 表示成了 x-1-1。我们不希望再引入一个新的变量,把 x 仍用 i 表示,并将整条语句中的 i 全部换成 i-1-1。 j 的情况与 i 类似。

注意到,我们上面只用了加法做例子。乘法、除法和取模的情况比较麻烦。先说除法和取模的情况。整数除法和取模这两种运算均没有确定的逆运算。如果我们有这样一条语句 dA[i/16] = dB[i],令 x = i / 16,我们并不能把 i 用某个确定的 x 的表达式表示出来,因为 x 和 i 是一对多的关系。尽管这样,我们有这样的关系式: i = x * 16 + i * 16。表达式的右边会被替换成 i * 16 + i * 16。进一步地,与上面的情况一样,语句右边出现的所有 i 都会被替换为 i * 16 + i * 16。这个式子,如果对两个 i 采取相同的理解,自然是有问题的。但是,我们并不在上述阶段处理取模的运算,取模运算放到最后单独处理,因此两个 i 可以被分开。

我们最后会扫描一遍整个式子,找出所有的取模运算,把取模运算换成另一个临时变量。比如,上面产生的 i % 16 ,就会被替换为临时变量。这样处理可以得到正确的表达式,但是会丢失关于 i % 16 与 i 之间关系的信息,从而可能得出错误的结果。但在这次作业的 Case 8 中,由于 / 和 % 各自提供的限制,变换后的 i 只能取 0 和 1,不会出现问题。

事实上,我们的坐标变换实现并不能处理乘法的情况。如果有一条语句 dA[i*2] = dB[i],那么 x = i * 2 是有限制条件的,它必须是 2 的倍数。这样一来,我们需要增加条件判断。不过,由于下标的乘法运算不见于全部样例,我们可以不考虑这种情况。

调整输入和输出

在计算梯度后, grad_case 需要的输入和输出和原json文件不相同,因此需要对其进行调整。 输出修改为需要被求导的变量的导数形式。例如对A求导,输出应为dA。 输入修改为求导过程中需要用到的全部变量,包括原输入和求导过程中运用到的所有导数形式。

循环变量边界推断和IR输出

此部分基本都可复用project1的代码,只是在接口部分做了修改。
BoundInfer 增加了直接对 Stmt 进行边界推断的接口函数 loop_bound_infer 等。
IRCCPrinter 只是将原来打印的 #include "../run.h" 变成打印 #include "../run2.h"。

具体实现

构造AST

在project1的基础上,读入 grad_to 对应的内容,存储在 gvec 中,传递给后续计算。

计算梯度

下面具体说明实现求导过程的类和函数:

首先是一个 IRVisitor 的派生类 getGradVec ,用于上述自顶向下的求导过程。

该类重写了部分visit函数,首先对 MOVE 节点进行visit时,由链式法则可知,将根节点的梯度初始化为 a +MOVE语句的dst。

对 Binary 节点进行visit时,根据运算类型的不同,做不同的处理,对于加法,将父节点的梯度分裂传给两个子节点,不考虑减法情况,对于乘法,每个子节点都接收父节点的梯度并乘兄弟节点对应值,对于除法,只考虑对被除数求导的情况,即对a/b, a的梯度是父节点的梯度除以b。

```
void visit(Ref<const Binary> op) override {
   switch (op->op_type)
   {
   case BinaryOpType::Add :
      grad_inter[op->a] = grad_inter[Expr(op)];
```

```
grad_inter[op->b] = grad_inter[Expr(op)];
        break;
    case BinaryOpType::Sub :
        CHECK(false, "didn't impl sub operation");
        break;
   case BinaryOpType::Mul :
        grad_inter[op->a] = Binary::make(op->type(),
                                         BinaryOpType::Mul,
                                          grad_inter[Expr(op)],
                                          op->b);
        grad_inter[op->b] = Binary::make(op->type(),
                                         BinaryOpType::Mul,
                                          grad_inter[Expr(op)],
                                          op->a);
        break;
   case BinaryOpType::Div :
        CHECK(op->b.as<IntImm>() || op->b.as<FloatImm>(), "can't support this");
        grad_inter[op->a] = Binary::make(op->type(),
                                         BinaryOpType::Div,
                                          grad_inter[Expr(op)],
                                          op->b);
        break;
    default:
        CHECK(false, "didn't impl other operation");
   op->a.visit_expr(this);
   op->b.visit_expr(this);
    return;
}
```

接着为了收集所有对应求导对象的叶子节点,重写对于 var 节点的visit函数,若遇到对应求导对象 gradStr 的叶子节点,则将 d+gradStr 加入 gradArg ,将该节点对应的梯度加入 gradVec 。

坐标变换

实现了IRMutator的派生类 Replace 和 IRVisitor 的派生类 FindNeedExpr 用于对 LHS 的下标索引中有运算的情况进行坐标的变换。

其中最主要实现变换的函数为 getReplace,该函数会返回一个 pair , pair 中的第一个元素是要被替换的变量, pair 中的第二个元素是由新变量表出原变量的表达式,其中新变量仍使用原变量的 Index 。

该函数中对不同的运算类型做不同的处理,如对于需要被替换的式子中运算为加法或减法或乘法的时候,生成逆运算(即加对应减,减对应加,乘对应除)的节点,对于除法节点,考虑整数除法的情况,会将例如 x=i/16 的表达式转换成 i=x*16+i*16 的形式。

```
break;
    case BinaryOpType::Sub:
        second = Binary::make(first->type(), BinaryOpType::Add, second, wrapper->b);
        break;
    case BinaryOpType::Mul:
        second = Binary::make(first->type(), BinaryOpType::Div, second, wrapper->b);
    case BinaryOpType::Div:
        second = Binary::make(first->type(),
                              BinaryOpType::Add,
                              Binary::make(first->type(),
                                            BinaryOpType::Mul,
                                            second,
                                            wrapper->b),
                              Binary::make(first->type(),
                                            BinaryOpType::Mod,
                                            second,
                                            wrapper->b));
        break;
    default:
        // leave % later
        return pair<Expr, Expr>(Expr(), Expr());
    }
}
return pair<Expr, Expr>(first, replace(second, item, first));
```

接口函数

接口函数 toGrad 的参数为 generateAST 返回的包含求导对象名字的vector和生成的 kernel 节点,该函数对 kernel 节点中的每一句 for_stmt,通过 getGradVec 类的遍历得到所有梯度,然后调用坐标变换的过程将赋值语句左侧下标索引的运算消除。最后得到一个用于求导的语句列表 updated_stmt_list,再根据新的语句列表生成一个新的 kernel 节点返回。

```
Group toGrad(const vector<string> & gradient_vec, const Group & origin_kernel){
    vector<Stmt> updated stmt list;
    auto kernel = origin_kernel.as<Kernel>();
    CHECK(kernel, "internal error");
    for(auto i : kernel->stmt_list){
        auto for_stmt = i.as<LoopNest>();
        CHECK(for_stmt, "internal error");
        CHECK(for_stmt->body_list.size() == 1, "internal error");
        for(string grad : gradient_vec){
            getGradVec gv(grad);
            for_stmt->body_list[0].visit_stmt(&gv);
            size_t size = gv.gradVec.size();
            for(size_t j = 0; j < size; ++j){</pre>
                std::vector<Expr> needHandle;
                for(Expr index : gv.gradArg[j].as<Var>()->args){
                    if(index.as<Index>() == nullptr){
                        needHandle.push_back(index);
                    }
                }
                Expr dst = gv.gradArg[j];
                Expr src = gv.gradVec[j];
                for(Expr index : needHandle){
                    pair<Expr, Expr> replaceItem = getReplace(index);
                    if(replaceItem.first.defined()){
                        dst = replace(dst, index, replaceItem.first);
                        src = replace(src, replaceItem.first, replaceItem.second);
                    }
                }
                src = Binary::make(dst.type(), BinaryOpType::Add, dst, src);
                Stmt move = Move::make(dst, src, MoveType::LocalToLocal);
                vector<Expr> need_replace = getNeedExpr(move);
                vector<Expr> index_list(for_stmt->index_list);
                size_t temp_size = need_replace.size();
                for(size_t k = 0 ; k < temp_size; ++k){</pre>
                    Expr com_index = Index::make(Type::int_scalar(32),
                                                  "com_" + std::to_string(k),
                                                  Dom::make(Type::int_scalar(32), 0, 1),
                                                  IndexType::Spatial);
```

调整输入输出

由于求导函数 grad_case 的输入输出和原始json文件中的输入输出不同,因此通过 IRIOMutator 调整输入和输出。

首先,确定新的输出,MOVE 语句的 dst 参数就是 grad_case 的输出。

为了确定新的输入,对 MOVE 语句的 src->b 进行遍历,即遍历 Binary 节点中的右项。只遍历 Binary 节点右项的原因是生成 MOVE 节点累加梯度时的格式是 grad = grad +每个子节点的梯度,因此所有计算导数需要的输入都只在 Binary 的右项里。收集所有在 src->b 中出现的 Var 加入 refvars , refvars 中为求导用到的所有变量。

```
Expr IRIOMutator::visit(Ref<const Var> op) {
   refvars.insert(op->name);
   return op;
}
```

接着将原有的 inputs 与 refvars 进行比较,若原有的 input 中的变量或其梯度在 refvars ,则该变量或梯度也会在新的输入 new_inputs 中:

```
for (auto expr : op->inputs) {
    Ref<const Var> arg = expr.as<Var>();
    CHECK(arg.defined(), "one input arg is not of Var type");

if (refvars.find(arg->name) != refvars.end()) {
    new_inputs.push_back(expr);
    }
}

for (auto expr : op->inputs) {
    Ref<const Var> arg = expr.as<Var>();
    CHECK(arg.defined(), "internal error\n");

if (refvars.find("d" + arg->name) != refvars.end()) {
    new_inputs.push_back(Var::make(arg->type(), "d" + arg->name, arg->args, arg->shape));
    }
}
```

将原来的 outputs 与 refvars 进行比较,若原来 outputs 中的变量的梯度在 refvars 中,也要将该梯度加入新的输入 new_inputs 中:

```
for (auto expr : op->outputs) {
   Ref<const Var> arg = expr.as<Var>();
   CHECK(arg.defined(), "internal error\n");

if (refvars.find("d" + arg->name) != refvars.end()) {
    new_inputs.push_back(Var::make(arg->type(), "d" + arg->name, arg->args, arg->shape));
}
```

从 run2.cc 可知,新的输入参数的顺序是 原有的input | 原有的input的梯度 | 原来未知的梯度 (原有的output的梯度) ,上面得到 new_inputs 的顺序与其一致。

最后根据新的输入输出返回新的 kernel 节点:

```
return Kernel::make(op->name, new_inputs, grad_vec, op->stmt_list, op->kernel_type);
```

实验结果

我们最后通过了所有10个测试样例。

```
Random distribution ready

Case 1 Success!

Case 2 Success!

Case 3 Success!

Case 4 Success!

Case 5 Success!

Case 6 Success!

Case 7 Success!

Case 8 Success!

Case 9 Success!

Case 10 Success!

Totally pass 10 out of 10 cases.

Score is 15.
```

使用到的编译知识

进行词法分析、语法分析,构造抽象语法树。

语法制导翻译,遍历并变换语法树,在求导时将梯度作为继承属性自顶向下传播。

成员分工

实现部分: 贾瑞琪和林文心负责修改 generateAST 的接口,读入 grad_to 对应的内容。贾云杉负责 toGrad 中计算原表达式的梯度的部分,并且修改了 BoundInfer 和 IRCCPrinter 的接口。雷博涵负责 IRIOMutator,更新输入和输出。 toGrad 中变量替换部分由贾云杉和雷博涵共同完成。报告部分: 由贾瑞琪和林文心共同完成。