

ANFÄNGERPRAKTIKUM DER FAKULTÄT FÜR PHYSIK,  
UNIVERSITÄT GÖTTINGEN

---

**Messung von großen Widerständen**  
**Protokoll:**

---

Praktikant: Felix Kurtz  
Michael Lohmann  
E-Mail: felix.kurtz@stud.uni-goettingen.de  
m.lohmann@stud.uni-goettingen.de  
Betreuer: Björn Klaas  
Versuchsdatum: 03.09.2014

Testat:

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Einleitung</b>	<b>3</b>
<b>2</b>	<b>Theorie</b>	<b>3</b>
2.1	Messung mittels Kondensatorentladung . . . . .	3
2.2	Plattenkondensator . . . . .	3
2.3	Analoger Stromintegrator . . . . .	4
2.4	RLC-Schwingkreis . . . . .	4
<b>3</b>	<b>Durchführung</b>	<b>5</b>
3.1	Kalibrieren des Ladungsmessgerätes . . . . .	5
3.2	Entladung des Plattenkondensators . . . . .	6
3.3	Schwingkreise . . . . .	6
3.4	Messungen mit dem Multimeter . . . . .	7
<b>4</b>	<b>Auswertung</b>	<b>7</b>
4.1	Kalibration des Ladungsmessgerätes . . . . .	7
4.2	Berechnung von $\varepsilon_0$ . . . . .	8
4.3	Entladung des Kondensators . . . . .	8
4.4	Messungen mit dem Oszilloskop . . . . .	9
4.4.1	Eingangswiderstand des Oszilloskops und Kapazität des Plattenkondensators . . . . .	9
4.4.2	Bestimmung des unbekannten Widerstandes $R_x$ . . . . .	10
4.4.3	Kapazität des Folienkondensators . . . . .	11
4.4.4	Induktivität und ohmscher Widerstand der Spulen . . . . .	11
<b>5</b>	<b>Diskussion</b>	<b>12</b>
5.1	Vergleiche . . . . .	12
5.2	Ladungsmessgerät . . . . .	13
<b>6</b>	<b>Anhang</b>	<b>13</b>
	<b>Literatur</b>	<b>16</b>

## 1 Einleitung

Um einen Widerstand zu messen, nutzt man meistens das Ohmsche Gesetz. Ist der Widerstand jedoch hochohmig, stößt dieses Verfahren an seine Grenzen. Man arbeitet mit hohen Spannungen und kleinen Strömen. Außerdem sind die Innenwiderstände der Messgeräte ein großer Störfaktor. Deshalb werden wir in diesem Versuch lernen, wie man das besser machen kann.

## 2 Theorie

### 2.1 Messung mittels Kondensatorentladung

Entlädt man einen Kondensator mit der Kapazität  $C$ , auf dem sich anfangs die Ladung  $Q_0$  befindet, über einen ohmschen Widerstand  $R$ , so fließt zuerst viel Ladung ab. Je weniger Ladung auf den Platten ist, desto weniger fließt ab. Dieser Ladungsabfall wird durch diese Formel beschrieben (vgl. [Dem12, S.51])

$$Q(t) = Q_0 \exp\left(-\frac{t}{RC}\right) \quad (1)$$

Kennt man die  $C$  und die Ladung, die sich auf dem Kondensator befindet, zu zwei verschiedenen Zeitpunkten  $t_1$  und  $t_2$ , kann man also den Widerstand  $R$  berechnen, über den der Strom abfließt:

$$R = -\frac{t_2 - t_1}{C \cdot \ln \frac{Q(t_2)}{Q(t_1)}}$$

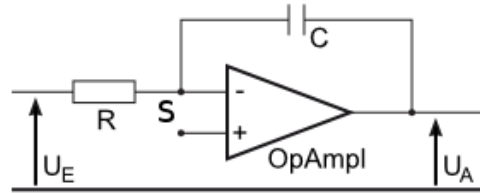
Außerdem muss bei unserer Messung der *Isolationwiderstand*  $R_{\text{iso}}$  des Kondensators beachtet werden, der parallel zu dem zu bestimmenden Widerstand  $R_x$  geschaltet ist. So tauscht dieser mit seiner Umgebung Ladungen aus, und die Ladung auf den Platten nimmt mit der Zeit ab. Normalerweise ist  $R_{\text{iso}}$  groß im Vergleich zu  $R_x$ . Da wir hier aber große Widerstände messen, ist  $R_x$  nicht viel kleiner als  $R_{\text{iso}}$ .

### 2.2 Plattenkondensator

Der hier verwendete Kondensator hat einen Plattenradius  $r = 0.1$  m, einen Plattenabstand  $d = 0.005$  m und eine Plattenzahl  $n = 65$ . Für die Berechnung der Kapazität müssen also Randeffekte betrachtet werden. Dabei wird diese Formel aus [Sch14, S.101] verwendet:

$$C_n = (n - 1) \varepsilon_0 \varepsilon_r \left[ \frac{\pi r^2}{d} + r \left( \ln \frac{16\pi r}{d} - 1 \right) \right] \quad (2)$$

## 2.3 Analoger Stromintegrator



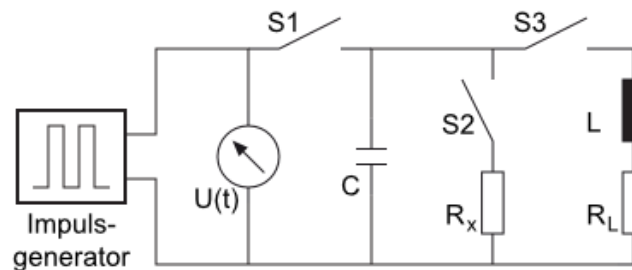
**Abbildung 1:** Schaltskizze des Stromintegrators [LP1, Datum: 25.09.2014]

Nach der *Kirchhoffschen Knotenregel* [Dem12, S.57] bei S gilt  $I_R + I_C = 0$ . Mit den folgenden Beziehungen der Ströme  $I_R = U_E/R$  und  $I_C = \dot{Q}_C = C\dot{U}_A$  erhält man:

$$U_A = -\frac{1}{RC} \int_{t_0}^t U_E dt \quad (3)$$

Die Ausgangsspannung  $U_A$  ist somit proportional zur geflossenen Ladung  $Q = \int_{t_0}^t I_R dt$ . Kennt man den Proportionalitätsfaktor, kann man Ladung messen.

## 2.4 RLC-Schwingkreis



**Abbildung 2:** Aufbau eines RLC-Schwingkreises [LP1, Datum: 25.09.2014]

Für die in Abb. 2 dargestellte Schaltung ergibt sich folgende Differentialgleichung 2. Ordnung [Dem12, S.174 f.] ( $S_1$  und  $S_2$  offen,  $S_3$  zu):

$$\ddot{Q} + 2\beta\dot{Q} + \omega_0^2 Q = 0 \quad (4)$$

Dabei gelten für die Koeffizienten folgende Beziehungen:

$$\beta = \frac{R_L}{2L} \quad , \quad \omega_0 = \sqrt{\frac{1}{LC}} \quad , \quad \omega = \sqrt{\omega_0^2 - \beta^2}$$

Mit dem Logarithmischen Dekrement  $\Lambda = \beta T$  ergibt sich für die Induktivität der Spule

$$L = \frac{1}{C\omega_0^2} = \frac{1}{C(\omega^2 + \beta^2)} = \frac{1}{C} \frac{T^2}{4\pi^2 + \Lambda^2} \quad (5)$$

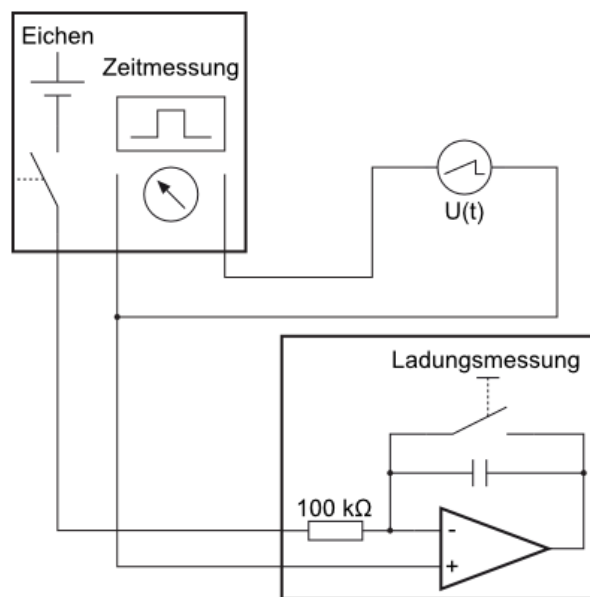
Für **lange Spulen** kann deren Induktivität  $L$  auch aus der Länge  $l$ , der Wicklungszahl  $n$  sowie der Querschnittsfläche  $A$  mit folgender Formel aus [Dem12, S.135] berechnet werden:

$$L = \mu_0 \cdot A \cdot \left(\frac{n}{l}\right)^2 \quad (6)$$

Dabei ist  $\mu_0 = 4\pi \cdot 10^{-7} \text{ H m}^{-1}$  die *Permeabilität des Vakuums*.

## 3 Durchführung

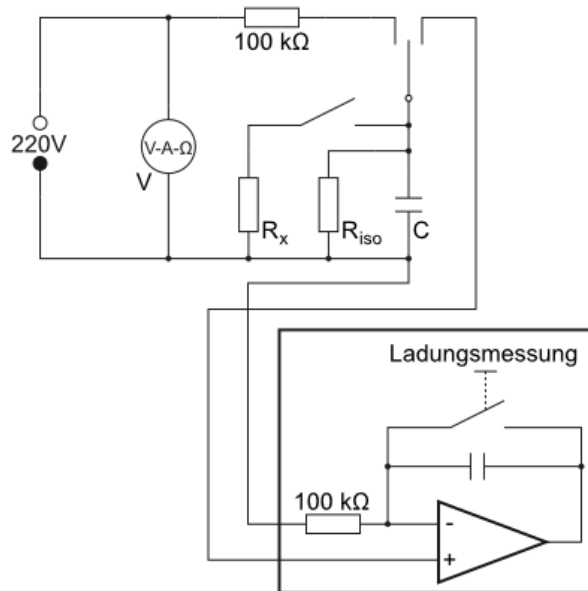
### 3.1 Kalibrieren des Ladungsmessgerätes



**Abbildung 3:** Kalibrieren: Schaltplan [LP1, Datum: 25.09.2014]

Dazu wird der Eichkreis nach Abb. 3 verschaltet. Der Eichgenerator wird in der Stellung *Zeitmessung* mit dem Oszilloskop auf verschiedene Zeitdauern der Spannungsimpulse eingestellt. Erwartet werden Werte zwischen 50 und 500 Millisekunden. Je eingestellter Zeitdauer wird dann in der Stellung *Eichen* dreimal der Messwert des Ladungsmessgerätes notiert. Dies geschieht für 5 verschiedene Zeiten.

### 3.2 Entladung des Plattenkondensators



**Abbildung 4:** Entladen: Aufbau [LP1, Datum: 25.09.2014]

Der Plattenkondensator wird mit 220V aufgeladen und sofort durch den Messkreis aus Abb.4 entladen. Dabei wird die geflossene Ladung gemessen. Dies geschieht fünfmal. Nun wird der Kondensator wieder aufgeladen und nach bestimmten Zeiten ( $t=0, 1, 2, 3, 5$  Minuten) über das Ladungsmessgerät entladen. Die verbleibende Ladung wird notiert. In der Zwischenzeit ist Ladung über den Isolationswiderstand des Kondensators abgeflossen. Mit dieser Methode kann man eben diesen bestimmen. Parallel wird der unbekannte Widerstand  $R_x$  geschaltet und vorige Messung für folgende Zeiten wiederholt: 0, 2, 4, 6, 8, 10, 20, 30 und 60 Sekunden. Für jede Zeitspanne werden zwei Werte aufgenommen.

### 3.3 Schwingkreise

Man tauscht im Messkreis das Ladungsmessgerät durch das Oszilloskop. Dieses soll den Spannungsverlauf  $U(t)$  am Kondensator zeigen.

1. Plattenkondensator alleine
2. Kondensator und  $2\text{M}\Omega$ -Widerstand parallel dazu
3. Kondensator und Widerstand  $R_x$  parallel dazu
4. Kondensator und Drosselspule parallel

5. Kondensator und Luftspule parallel
6. Kommerzieller Kondensator (Folienkondensator) und  $2M\Omega$ -Widerstand parallel dazu

Die vom Oszilloskop angezeigten Spannungsverläufe werden mit dem zugehörigen Drucker ausgedruckt. Bei Messungen von einem RC-Kreis sollte man die *Abfallzeit* vom Oszilloskop berechnen lassen, also die Zeit, die zwischen 90% und 10% der Maximalspannung vergeht<sup>1</sup>. Dies vereinfacht die Auswertung. Bei den RLC-Kreisen benötigt man die Periode der abklingenden Schwingung. Zur Erzielung guter Ergebnisse mussten wir am Oszilloskop die Einstellung *Tastkopf* auf 50x stellen.

### 3.4 Messungen mit dem Multimeter

Mit dem Multimeter werden folgende Größen gemessen:

- ohmsche Widerstände  $R_L$  der beiden Spulen
- ohmscher Widerstand  $R_2$  ( $2M\Omega$ )
- Isolationswiderstand  $R_{iso}$  des Plattenkondenstaors
- unbekannter Widerstand  $R_x$
- Kapazitäten  $C$  der beiden Kondensatoren

Außerdem werden die Daten der Luftspule an deren Ende abgelesen.

## 4 Auswertung

### 4.1 Kalibration des Ladungsmessgerätes

Um das Ladungsmessgerät zu eichen, lässt man einen konstanten Strom  $I$  für eine bestimmte Zeit  $t$  fließen. Es fließt also insgesamt die Ladung  $Q = I \cdot t$ . Trägt man also die abgelesenen Skalenteile gegen die tatsächliche Ladung auf - wie in Abb.5 - kann man nun Skalenteile in Coulomb über die Geradensteigung  $m$  umrechnen. Es ergibt sich:

$$m = 0.8729 \pm 0.0017 \text{ Skt./}\mu\text{C}$$

Da der Fehler sehr klein ist, wird er bei den nun folgenden Umrechnungen weggelassen.

---

<sup>1</sup>aus der Anleitung (S. 29) des verwendeten Oszilloskops TDS 2001C, abgerufen am 09.09.2014:  
<http://www.praktikum.physik.uni-goettingen.de/allgemeines/anleitung/downloads/TDS200E-71048501.pdf>

## 4.2 Berechnung von $\varepsilon_0$

Wir legen an den Kondensator eine Spannung an und lassen danach die aufgebraachte Ladung über das Ladungsmessgerät abfließen. Mit folgender Formel kann dann die Kapazität berechnet werden.

$$C = \frac{Q}{U}$$

$$\sigma_C = \frac{1}{U^2} \cdot \sqrt{Q^2 \cdot \sigma_U^2 + \sigma_Q^2 \cdot U^2}$$

Mit einer angelegten Spannung  $U = (220 \pm 0.1) \text{ V}$  und einer gemessenen Ladung  $Q = (8.89 \pm 0.07) \cdot 10^{-7} \text{ C}$  folgt für die Kapazität des Plattenkondensators

$$C = (4.04 \pm 0.03) \text{ nF} \quad (7)$$

Stellt man (2) nun nach der elektrischen Feldkonstante  $\varepsilon_0$  um und setzt die oben angegebenen Angaben des Plattenkondensators sowie die gemessene Kapazität ein, erhält man

$$\varepsilon_0 = (9.19 \pm 0.07) \cdot 10^{-12} \frac{\text{A s}}{\text{V m}} \quad (8)$$

## 4.3 Entladung des Kondensators

Trägt man die Ladung, die sich auf dem Plattenkondensator befindet und über einen Widerstand  $R$  abfließt, logarithmisch gegen die Zeit auf (Abb. 6 und 7), ergibt sich nach (1) eine Gerade. Aus der Geradensteigung  $m$  kann mit dem obigen Ergebnis für die Kapazität der Widerstand  $R$  berechnet werden.

$$R = -\frac{1}{C \cdot m}$$

$$\sigma_R = \frac{1}{C^2 \cdot m^2} \cdot \sqrt{C^2 \cdot \sigma_m^2 + m^2 \cdot \sigma_C^2}$$

Setzt man nun die Geradensteigung  $m_{\text{iso}} = (-0.01600 \pm 0.0016) \text{ s}^{-1}$  aus Abb. 6 ein, erhält man für den Isolationswiderstand  $R_{\text{iso}}$  des Plattenkondensators folgenden Wert:

$$R_{\text{iso}} = (15 \pm 1) \text{ G}\Omega \quad (9)$$

Analog wird der Gesamtwiderstand  $R = (2.4 \pm 0.2) \text{ G}\Omega$  aus der zweiten Messung mit  $m_{\text{ges}} = (-0.103 \pm 0.011) \text{ s}^{-1}$  berechnet. Dieser setzt sich jedoch aus dem eben berechneten Isolationswiderstand und dem unbekannten Widerstand  $R_x$  zusammen, die parallel



geschaltet sind.

$$R_x = \left( \frac{1}{R} - \frac{1}{R_{\text{iso}}} \right)^{-1}$$

$$\sigma_{R_x} = \frac{1}{(R_{\text{iso}} - R)^2} \cdot \sqrt{R_{\text{iso}}^4 \cdot \sigma_R^2 + R^4 \cdot \sigma_{R_{\text{iso}}}^2}$$

Es ergibt sich also:

$$R_x = (2.8 \pm 0.4) \text{ G}\Omega \quad (10)$$

## 4.4 Messungen mit dem Oszilloskop

Die ausgedruckten Spannungsverläufe befinden sich im Anhang. Wie erwartet ergibt sich folgendes: Bei RC-Schaltungen ergibt sich eine abfallende Exponentialfunktion. Je größer der Widerstand bzw. die Kapazität, desto größer die Abfallzeit. Bei den RLC-Kreisen ergibt sich eine abfallende Schwingung: Je größer der Widerstand bzw. kleiner die Induktivität, desto schneller fällt die Einhüllende ab. All dies wird in der nachfolgenden Auswertung verifiziert.

### 4.4.1 Eingangswiderstand des Oszilloskops und Kapazität des Plattenkondensators

Da das Oszilloskop die Abfallzeit  $t_A$  zwischen 90% und 10% misst, kann man daraus die Steigung  $m = -\frac{1}{RC}$  der Geraden bestimmen, die sich ergeben würde, wenn man die Spannung wieder logarithmisch gegen die Zeit aufträgt. Dies folgt - wie oben - aus (1).

$$m = \frac{\ln \frac{1}{9}}{t_A}$$

$$\sigma_m = \left| \ln \frac{1}{9} \cdot \frac{\sigma_{t_A}}{t_A^2} \right|$$

Es ergeben sich die Steigungen aus Tabelle 1. Dabei ergibt sich der zeitliche Fehler  $\sigma_{t_A}$  bei der ersten Messung als statistischer Fehler, da wir dort zwei Messungen gemacht haben. Für die anderen wurde ein Fehler von 0.1 ms angenommen.

Messung	Abfallzeit [ms]	Steigung
$C$ und $R_{\text{oszi}}$	$8.47 \pm 0.09$	$m_{\text{oszi}} = (-259.4 \pm 2.8) \text{ s}^{-1}$
$C$ und $R_{\text{oszi}}$ sowie $R_2$ parallel	$5.86 \pm 0.10$	$m_{\text{ges}} = (-375.0 \pm 6.4) \text{ s}^{-1}$
$C$ und $R_{\text{oszi}}$ sowie $R_x$ parallel	$8.50 \pm 0.10$	$m_x = (-258.5 \pm 3.0) \text{ s}^{-1}$
$C_2$ und $R_{\text{oszi}}$ sowie $R_2$ parallel	$4.27 \pm 0.10$	$m_2 = (-514.3 \pm 12.0) \text{ s}^{-1}$

**Tabelle 1:** Abfallzeiten und Steigungen der RC-Messungen mit dem Oszi

Da man bei den ersten beiden Messungen den gleichen Kondensator verwendet, ergeben sich zwei Gleichungen mit zwei Unbekannten:  $C$  und  $R_{\text{oszi}}$ .

Stellt man beide Gleichungen nach nach  $-\frac{1}{C}$  um, erhält man  $m_{\text{oszi}} \cdot R_{\text{oszi}} = m_{\text{ges}} \cdot R_{\text{ges}}$ , wobei  $R_{\text{ges}} = (R_{\text{oszi}}^{-1} + R_2^{-1})^{-1}$  gilt. Dies kann nun nach  $R_{\text{oszi}}$  umgestellt werden.

$$R_{\text{oszi}} = R_2 \cdot \left( \frac{m_{\text{ges}}}{m_{\text{oszi}}} - 1 \right)$$

$$\sigma_{R_{\text{oszi}}} = \frac{1}{m_{\text{oszi}}^2} \cdot \sqrt{m_{\text{ges}}^2 \cdot R_2^2 \cdot \sigma_{m_{\text{oszi}}}^2 + m_{\text{oszi}}^2 \cdot \left( R_2^2 \cdot \sigma_{m_{\text{ges}}}^2 + \sigma_{R_2}^2 \cdot (m_{\text{ges}} - m_{\text{oszi}})^2 \right)}$$

Der Wert  $R_2 = (2019 \pm 1) \text{ k}\Omega$  entstammt der Messung mit dem Multimeter. Setzt man diesen und obige Werte ein, erhält man für den Eingangswiderstand des Oszilloskops folgenden Wert:

$$R_{\text{oszi}} = (900 \pm 60) \text{ k}\Omega \quad (11)$$

Nun kann leicht die Kapazität des Plattenkondensators bestimmt werden.

$$C = -\frac{1}{m_{\text{oszi}} \cdot R_{\text{oszi}}}$$

$$\sigma_C = \frac{1}{m_{\text{oszi}}^2 \cdot R_{\text{oszi}}^2} \cdot \sqrt{m_{\text{oszi}}^2 \cdot \sigma_{R_{\text{oszi}}}^2 + R_{\text{oszi}}^2 \cdot \sigma_{m_{\text{oszi}}}^2}$$

Aus unseren Werten ergibt sich:

$$C = (4.3 \pm 0.3) \text{ nF} \quad (12)$$

#### 4.4.2 Bestimmung des unbekannten Widerstandes $R_x$

Analog formen wir nun die Gleichungen um, die aus der ersten und dritten Messung folgen, und lösen nach dem unbekannten Widerstand  $R_x$  auf.

$$R_x = \frac{R_{\text{oszi}}}{\frac{m_x}{m_{\text{oszi}}} - 1}$$

$$\sigma_{R_x} = \frac{1}{(m_x - m_{\text{oszi}})^2} \cdot \sqrt{m_{\text{oszi}}^2 \cdot \sigma_{R_{\text{oszi}}}^2 \cdot (m_x - m_{\text{oszi}})^2 + R_{\text{oszi}}^2 \cdot (m_x^2 \cdot \sigma_{m_{\text{oszi}}}^2 + m_{\text{oszi}}^2 \cdot \sigma_{m_x}^2)}$$

Wir erhalten folgenden Wert:

$$R_x = (-0.3 \pm 1.2) \text{ G}\Omega \quad (13)$$

#### 4.4.3 Kapazität des Folienkondensators

Nimmt man sich die Gleichungen aus der zweiten und der letzten RC-Messung mit dem Oszilloskop ( $2M\Omega$ -Widerstand parallel), kann nun leicht nach der Kapazität  $C_2$  des herkömmlichen Kondensators aufgelöst werden, da der Gesamtwiderstand  $R_{\text{ges}}$  beider Messungen gleich ist.

$$C_2 = \frac{m_2}{m_{\text{ges}}} \cdot C$$

$$\sigma_{C_2} = \frac{1}{m_{\text{ges}}^2} \cdot \sqrt{C^2 \cdot m_2^2 \cdot \sigma_{m_{\text{ges}}}^2 + m_{\text{ges}}^2 \cdot (C^2 \cdot \sigma_{m_2}^2 + m_2^2 \cdot \sigma_C^2)}$$

Man erhält:

$$C_2 = (3.1 \pm 0.2) \text{ nF} \quad (14)$$

#### 4.4.4 Induktivität und ohmscher Widerstand der Spulen

Nun werden die abklingenden Schwingungen der RLC-Kreise untersucht. Zunächst werden die Extrema abgelesen und logarithmisch aufgetragen (Abb. 8 und 9). Es ergibt sich eine Gerade, deren Steigung  $-\beta$  beträgt. Des Weiteren wurde die Periode  $T$  der Schwingung vom Oszilloskop gemessen. Dies lieferte jedoch nur bei der Drosselspule einen verlässlichen Wert. Bei der Luftspule misst man die Zeit für eine bestimmte Anzahl an Perioden und teilt durch diese. Wir nehmen dabei eine Ungenauigkeit von 2% an. Mithilfe von (5) können nun die Induktivitäten berechnet werden. Dabei ergibt sich aus der Fehlerfortpflanzung folgende Formel:

$$\sigma_L = \frac{T}{C^2 (\beta^2 T^2 + 4\pi^2)^2} \sqrt{4\beta^2 C^2 \sigma_\beta^2 T^6 + 64\pi^4 C^2 \sigma_T^2 + \sigma_C^2 T^2 (\beta^2 T^2 + 4\pi^2)^2}$$

Aus der Definition von  $\beta$  kann nun der Innenwiderstand  $R_L$  der Spule bestimmt werden:

$$R_L = 2 \cdot \beta \cdot L$$

$$\sigma_{R_L} = 2 \cdot \sqrt{\beta^2 \cdot \sigma_L^2 + L^2 \cdot \sigma_\beta^2}$$

Für die Drosselspule ergibt sich:

$$L = (9.6 \pm 0.7) \text{ H} , R_L = (6.1 \pm 0.5) \text{ k}\Omega \quad (15)$$

Für die Luftspule erhält man:

$$L = (0.018 \pm 0.001) \text{ H} , R_L = (160 \pm 10) \Omega \quad (16)$$

## 5 Diskussion

### 5.1 Vergleiche

Zuerst vergleichen wir die beiden Werte für den **unbekannten Widerstand**  $R_x$ , die man über die Entladungsmessung (10) sowie aus der Schwingkreismessung (13) erhält, um festzustellen, welche der beiden Messmethoden geeigneter ist. Man stellt fest, dass zumindest beide Wert im  $G\Omega$ -Bereich liegen. Der zweite Wert ist jedoch negativ und hat einen sehr großen Fehler. Dies ist dem zu geringen *Eingangswiderstand* des Oszilloskops (11) geschuldet, der etwas kleiner als  $1\text{ M}\Omega$  ist. Somit sind die Abfallzeiten, die man bei den Schaltungen Kondensator alleine bzw. mit  $R_x$  parallel erhält, kaum verschieden. Könnte man einen größeren Eingangswiderstand einstellen, wäre diese Messmethode auch besser geeignet.

Trotzdem ergeben sich bei der Kapazitätsmessung passable Werte: Die beiden Werte (7) und (12) für die **Kapazität des Plattenkondensators** weichen nur um 6% voneinander ab. Außerdem liegt der erste Wert im Fehlerintervall des zweiten. Der Wert  $C = (4.07 \pm 0.02)\text{ nF}$  aus der Multimetermessung liegt in beiden Fehlerintervallen.

Vergleicht man die Kapazität des Plattenkondensators mit der des herkömmlichen **Folienkondensators** (aus den Abfallzeiten berechnet: (14) oder mit dem Multimeter gemessen:  $C_2 = (3.18 \pm 0.02)\text{ nF}$ ), fällt auf, dass der zweite etwa eine drei Viertel so große Kapazität hat wie ersterer hat, obwohl er deutlich kleiner ist. Dies hat verschiedene Gründe: Zum einen ist der Plattenabstand viel geringer als die 5 mm unseres Kondensators. Zum anderen ist in dem herkömmlichen Kondensator keine wirkliche Platte zu finden, sondern eine Folie die öfter gewickelt ist, sodass die Fläche größer wird. Außerdem kann man zwischen die Platten ein Dielektrikum bringen. All dies erhöht die Kapazität und so ist das Resultat nicht verwunderlich.

Mit dem Multimeter haben wir für die Drosselspule einen **Widerstand**  $R_L = (748 \pm 1)\Omega$  gemessen, für die Luftspule  $R_L = (98.1 \pm 0.1)\Omega$ . Diese Werte vergleichen wir nun mit den berechneten Werten aus der RLC-Messung: (15) und (16). Während der Wert aus der Schwingkreismessung bei der Luftspule etwa 60% größer ist, ist er bei der Drosselspule eine Größenordnung größer. Dies ist auf den induktiven Widerstand der Spulen bei Wechselstrom zurückzuführen. Während das Multimeter bei Gleichspannung misst, wurde die andere Messung bei Wechselspannung durchgeführt. Da die Induktivität der Drosselspule deutlich größer ist, ist dort der Effekt auch viel stärker.

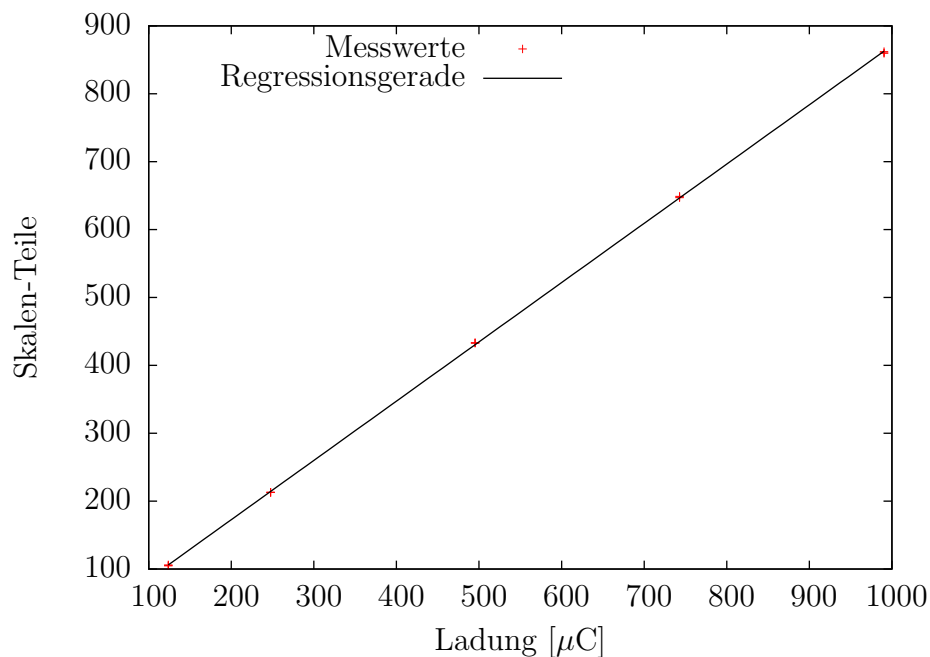
**Luftspule:** Aus den Spulendaten und  $l = 1.0\text{ m}$ ,  $\varnothing = 50.8\text{ mm}$  sowie  $n = 2800$  ergibt sich mit (6) eine Induktivität  $L = 0.01997\text{ H}$ . Von diesem Wert weicht der von uns gemessene Wert (16) 10% ab. Dies ist jedoch ein gutes Ergebnis, da nicht nur bei der Durchführung Fehlerquellen zu finden sind, sondern aufgrund der graphischen Auswertung auch dort.

Der gemessene Wert für die **Elektrische Feldkonstante** (8) weicht weniger als 4% vom Literaturwert  $\varepsilon_0 \approx 8.85 \cdot 10^{-12} \frac{\text{As}}{\text{Vm}}$  ab.

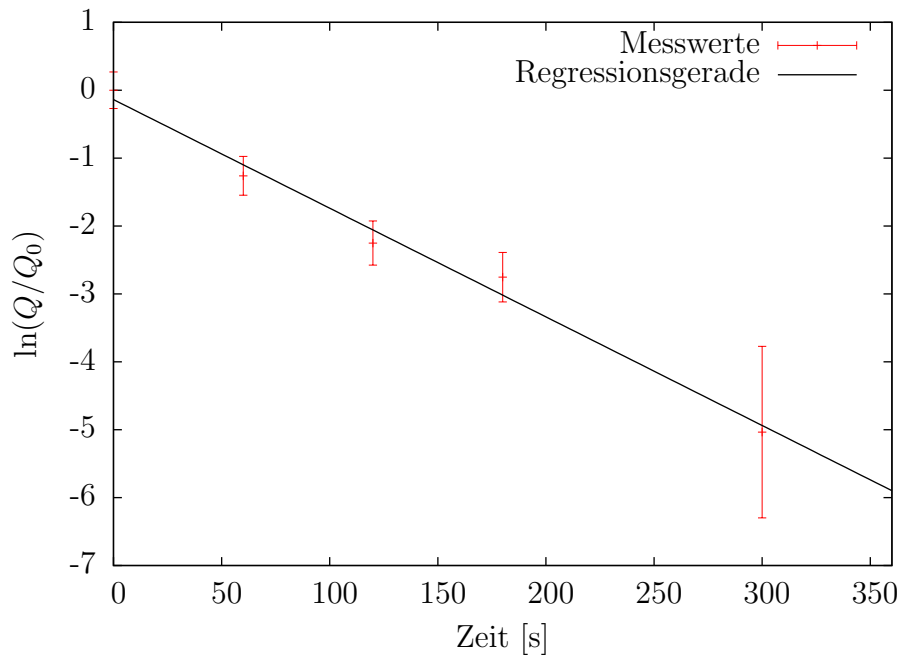
## 5.2 Ladungsmessgerät

Der Stromintegrator misst sehr genau. Dies ist am geringen Fehler bei der Kalibration zu erkennen. Während des Versuches stellten wir jedoch fest, dass er einen Offset zu besitzen schien, der  $\leq 0.01$  Skt.-Teile war und ein wenig schwankte. Dieses Phänomen haben wir in der Auswertung nicht beachtet. Hätten wir es getan, würde evtl. der letzte Messwert in Abb.7 besser zu den vorigen passen und sich somit ein kleinere Steigung der Geraden ergeben. Dann wäre auch  $R_x$  kleiner. Für diesen Wert haben wir jedoch keinen Vergleich, da  $R_x$  zu groß ist, um ihn mit dem Multimeter messen zu können.

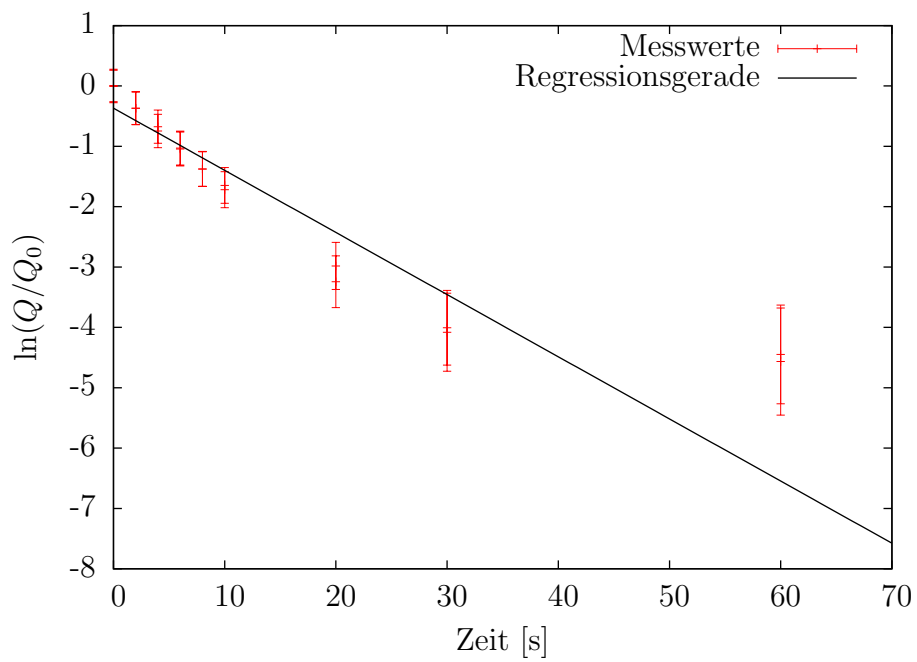
## 6 Anhang



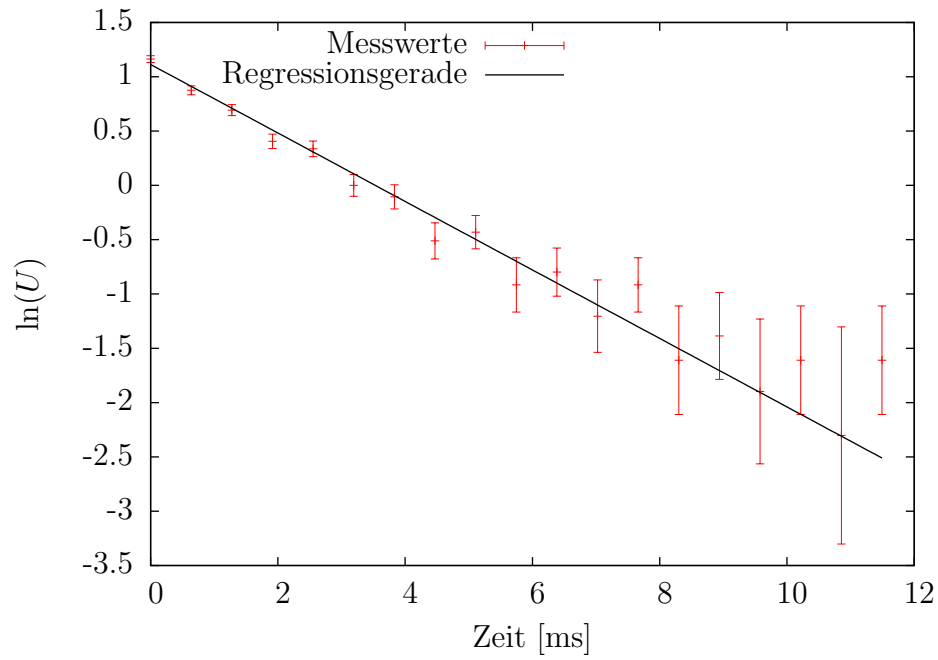
**Abbildung 5:** Skalenteile des Messgeräts in Abhängigkeit der geflossenen Ladung



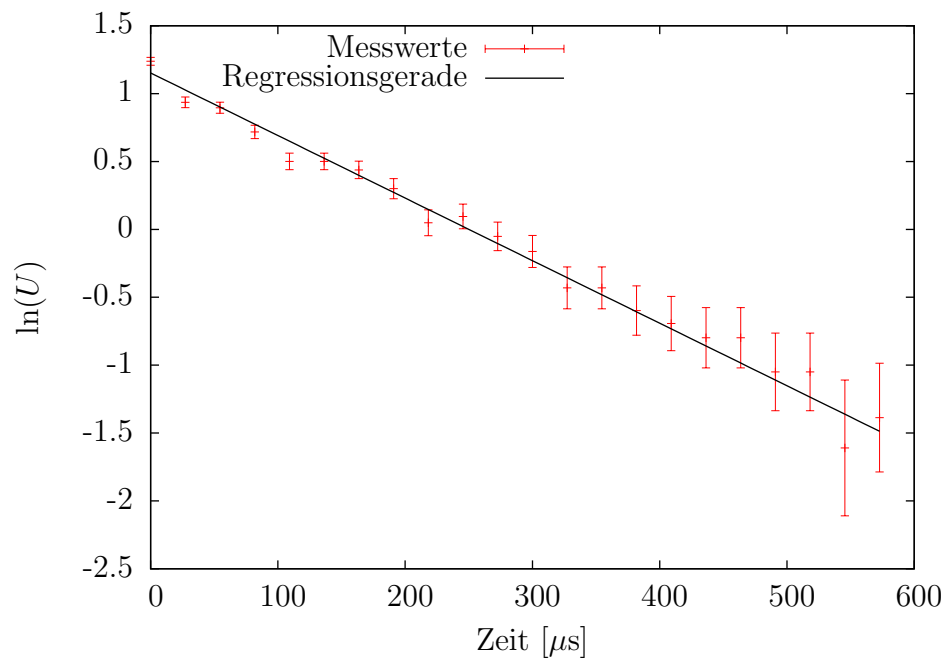
**Abbildung 6:** Entladung des Kondensators über den Isolationswiderstand  $R_{\text{iso}}$



**Abbildung 7:** Entladung des Kondensators über  $R_x$  und  $R_{\text{iso}}$



**Abbildung 8:** *Drosselspule*: Extrema des Spannungsverlauf logarithmisch gegen die Zeit



**Abbildung 9:** *Luftspule*: Extrema des Spannungsverlauf logarithmisch gegen die Zeit

## Literatur

- [Dem12] Demtröder, W.: *Experimentalphysik 2, Elektrizität und Optik*. Springer-Verlag, Berlin Heidelberg, 6. Auflage, 2012, ISBN 978-3-642-29943-8.
- [LP1] *Lehrportal der Universität Göttingen*. <https://lp.uni-goettingen.de/get/text/4070>.
- [Sch14] Schaaf, Jörn Große Knetter Peter: *Das Physikalische Praktikum, Handbuch 2014 für Studentinnen und Studenten der Physik*. Universitätsdrucke Göttingen, 2014, ISBN 978-3-86395-157-3.