

ANFÄNGERPRAKTIKUM DER FAKULTÄT FÜR PHYSIK,
UNIVERSITÄT GÖTTINGEN

Fresnelsche Formeln und und Polarisation

Praktikant: Felix Kurtz
Versuchspartner: Michael Lohmann
E-Mail: felix.kurtz@stud.uni-goettingen.de
Betreuer: Phillip Bastian
Versuchsdatum: 06.03.2015

Eingegangen am:

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	3
2	Theorie	3
2.1	Fresnelsche Formeln	3
2.2	Brewster-Winkel	3
2.3	Doppelbrechung	3
3	Durchführung	4
4	Auswertung	5
4.1	Drehung der Schwingungsebene	6
4.2	Brechungsindex aus $\gamma = 45^\circ$	7
4.3	Brewster-Winkel	8
5	Diskussion	8
5.1	Drehung der Schwingungsebene	8
5.2	Brewster-Winkel	10
	Literatur	10

1 Einleitung

In diesem Versuch steht die elektromagnetische Natur des Lichts im Vordergrund. So kann man Licht *polarisieren*. Dieses Phänomen ist zum Beispiel wichtig für 3D-Filme. Außerdem soll der *Brewster-Winkel* vermessen werden. Unter diesem Winkel ist der reflektierte Anteil minimal.

Bei der Messung spielt die *Doppelbrechung* eine große Rolle.

2 Theorie

2.1 Fresnelsche Formeln

Maxwellsche Gleichungen Stetigkeit an Grenzübergängen Reflexionskoeffizienten

$$r_s = -\frac{\sin(\alpha - \beta)}{\sin(\alpha + \beta)} \quad (1)$$

$$r_p = \frac{\tan(\alpha - \beta)}{\tan(\alpha + \beta)} \quad (2)$$

Dabei gilt das Snellius'sche Brechungsgesetz

$$n_1 \sin \alpha = n_2 \sin \beta. \quad (3)$$

Intensität Energieerhaltung Transmission

2.2 Brewster-Winkel

Nach (2) verschwindet der Reflexionskoeffizient r_p , wenn $\alpha + \beta = 90^\circ$, denn dann ist $\tan(\alpha + \beta) = \infty$. Setzt man nun die Beziehung (3) ein, kann man diesen Einfallswinkel α_B , den sogenannten *Brewster-Winkel*, über

$$\tan \alpha_B = \frac{n_2}{n_1} \quad (4)$$

berechnen, bei dem keine Reflexion von parallelem Licht auftritt. Dies ist auch in Abbildung 1 gut zu erkennen. Diesen Effekt kann man plausibel machen, wenn man sich die Atome im zweiten Medium als Hertzsche Dipole vorstellt. Diese strahlen nämlich nicht in der Schwingungsrichtung der Dipolmomente.

2.3 Doppelbrechung

anisotrop optische Achse zwei Brechungsindizes ordentlicher und außerordentlicher Strahl Nicol-Prisma

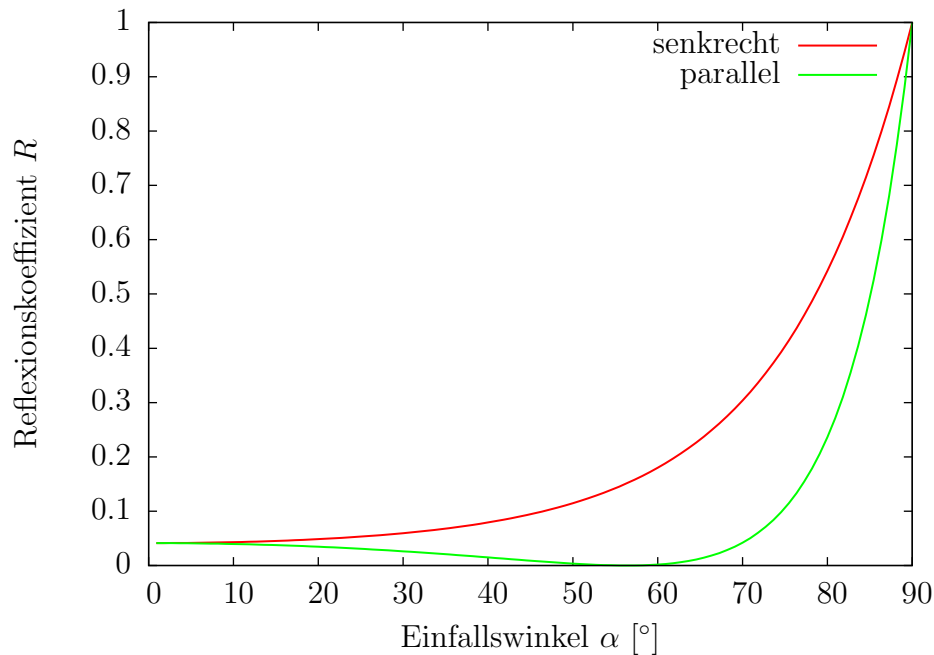


Abbildung 1: Fresnelkoeffizienten für $n_1 = 1$ und $n_2 = 1.51$.

3 Durchführung

Zuerst muss der Strahlengang justiert werden. Dazu wird das evtl. noch im Strahlengang stehende Glasprisma entfernt und Polarisator und Analysator durchlässig gedreht. Mit den Linsen bildet man das grüne Lichtbündel scharf auf das Okular ab. Nun wird die Polarisationsrichtung justiert. Dabei wird das kleine Nicolsche Prisma auf den Drehteller gestellt. Die optische Achse des Prismas zeigt nach oben. Man entfernt den Analysator und dreht den Polarisator, so dass im Okular kein Strahl mehr zu sehen ist. Dann steht der Polarisator parallel zur Einfallsebene. Jetzt wird dieser um 45° gedreht. Die eine Hälfte ist nun parallel, die andere senkrecht zur Einfallsebene polarisiert. Danach wird das Glasprisma auf dem Drehteller justiert. Meist sind Markierungen schon vorhanden. Man prüft, ob man den Strahl durch das Okular beobachten kann, wenn der Schwenkarm nicht sowie um 90° ausgelenkt ist. Sollte dies nicht der Fall sein, muss nachjustiert werden.

Nun kann man den Reflexionskoeffizienten messen. Dazu wird der Analysator wieder in den Strahlengang gestellt. In 5° -Schritten wird der Schwenkarm nun von 0° bis 90° ausgelenkt. Dabei dreht man den Analysator immer so, dass Dunkelheit im Okular herrscht. Der so eingestellte Winkel wird an der Winkelskala abgelesen und notiert.

Zuletzt wird der Brewster-Winkel gemessen. Dazu muss der Polarisator wieder um 45°

zurück gedreht werden, damit das Licht parallel polarisiert ist. Der Analysator wird entfernt. Man bestimmt mehrmals den Auslenkwinkel des Schwenkarms, bei dem ein Intensitätsminimum des reflektierten Strahls durch das Okular beobachtet wird.

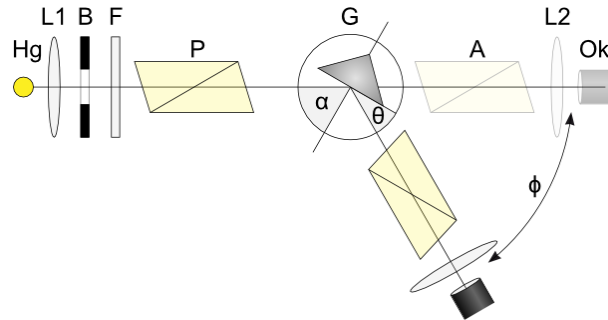


Abbildung 2: Versuchsaufbau schematisch. [LP2, Datum: 23.03.2015]

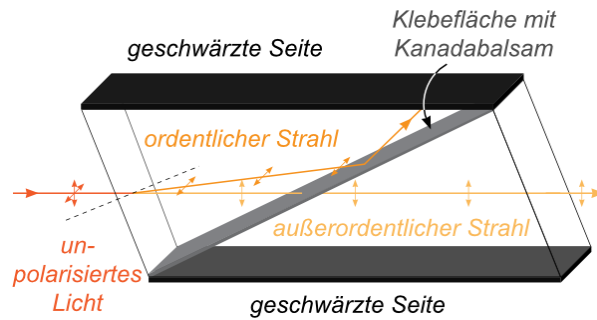


Abbildung 3: Strahlengang im Nicolschen Prisma. [LP2, Datum: 23.03.2015]

4 Auswertung

Die gemessene Auslenkung des Schwenkarms Φ muss zunächst umgerechnet werden, um den Winkel α zum Lot der Prismaoberfläche zu erhalten (vgl. Abb.2):

$$\alpha = 90^\circ - \frac{1}{2}\Phi. \quad (5)$$

Außerdem ist $n_1 = 1$ (Luft) und der Brechungsindex für das Prismenglas sollte bei $n := n_2 = 1.510 \pm 0.005$ liegen [Sch14, S.181]. Er wird durch die beiden Messungen und verschiedene Methoden bestimmt.

4.1 Drehung der Schwingungsebene

Bevor der Strahl auf das Nicol-Prisma trifft, ist er zu gleichen Teilen parallel sowie senkrecht zur Einfallsebene polarisiert. Da aber beide Polarisationsrichtungen unterschiedlich stark reflektiert werden, ist der ausfallende Strahl um den Winkel γ gedreht. Dieser lässt sich mit

$$\tan(\gamma + 45^\circ) = \frac{r_s}{r_p} = -\frac{\cos(\alpha - \beta)}{\cos(\alpha + \beta)} \quad (6)$$

berechnen. Einziger Parameter ist dabei das Verhältnis der Brechungsindizes $\frac{n_2}{n_1}$, da β über (3) von α abhängt.

Die Drehung der Schwingungsebene konnte nur relativ gemessen werden. Bei einem Einfallswinkel von 90° wird das Licht jedoch nicht gedreht, da in beiden Polarisationsfällen alles reflektiert wird. Also ist dort $\gamma = 0^\circ$. In Abbildung 4 ist der Drehwinkel γ gegen den Einfallswinkel α aufgetragen. Der Messfehler für γ beträgt 0.2° . Außerdem ist die Theoriekurve nach (6) mit $n = 1.51$ eingezeichnet.

Zusätzlich kann man den Parameter n noch an die Messwerte anpassen: Aus dem χ^2 -Fit der Theoriekurve erhält man

$$n = 1.405 \pm 0.019.$$

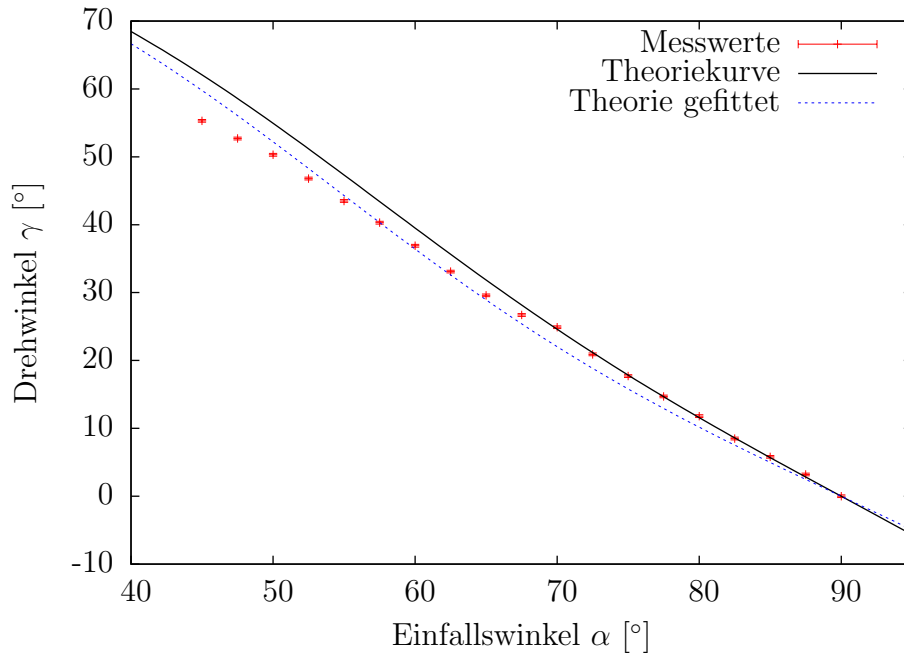


Abbildung 4: Drehwinkel γ gegen den Einfallswinkel α aufgetragen.

4.2 Brechungsindex aus $\gamma = 45^\circ$

Bei einem Drehwinkel $\gamma = 45^\circ$ ist der Einfallswinkel gerade der Brewster-Winkel α_B , da dann nach (6) $\cos(\alpha + \beta) = 0$ und somit $\alpha + \beta = 90^\circ$ gelten muss. Man kann ihn somit graphisch bestimmen. Legt man eine Gerade durch die 6 nächsten Werte (vgl. Abb. 5), erhält man aus der Geradensteigung $m = -1.283 \pm 0.029$ und dem y-Achsenabschnitt $b = 114.1^\circ \pm 1.6^\circ$ mit

$$\alpha = \frac{45^\circ - b}{m} \quad \text{und} \quad (7)$$

$$\sigma_\alpha = \sqrt{\left(\frac{\sigma_b}{m}\right)^2 + \left(\frac{b - 45^\circ}{m^2} \cdot \sigma_m\right)^2} \quad (8)$$

den passenden Winkel $\alpha_B = 53.8^\circ \pm 1.8^\circ$. Daraus kann man mit (4) den Brechungsindex des Prismas berechnen. Der sich dabei ergebende Fehler

$$\sigma_n = \frac{\sigma_\alpha}{\cos^2 \alpha} \quad (9)$$

leitet sich aus der Fehlerfortpflanzung ab. Man erhält

$$n = 1.37 \pm 0.10.$$

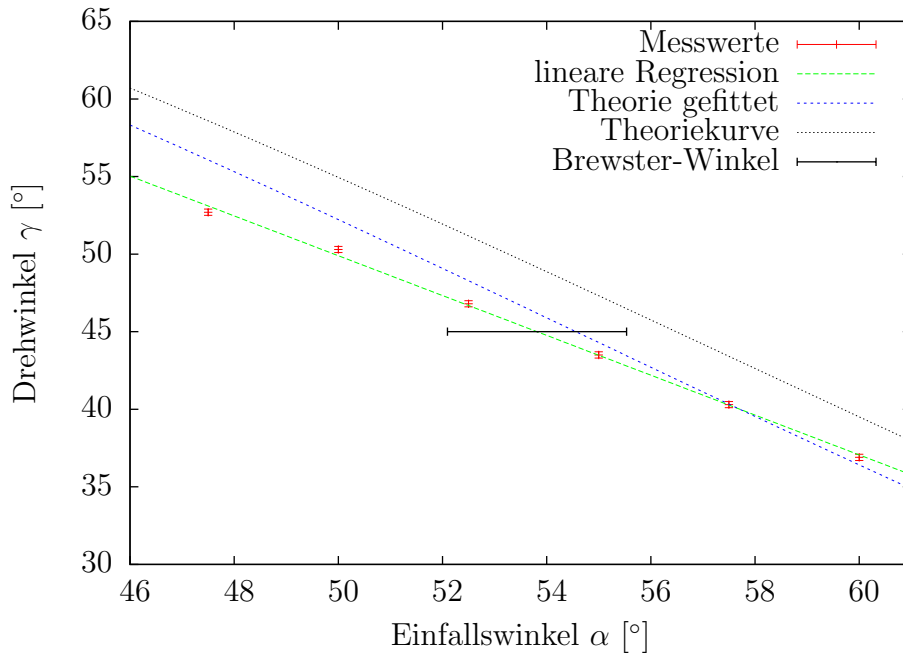


Abbildung 5: γ gegen α im Bereich $\gamma = 45^\circ$: lineare Regression und Brewster-Winkel

4.3 Brewster-Winkel

Zunächst wurden 6 Messwerte für den Brewster-Winkel α_B bzw. den zugehörigen Auslenkwinkel Φ_B des Schwenkarms aufgenommen. Dabei ließ sich das Minimum nur schwer finden und die Messwerte schwankten sehr. Dann wurde der Polaristor um etwa 5° gedreht und der Bereich minimaler Intensität war viel schärfer als zuvor. Es wurden 4 Messwerte aufgenommen. Wie zuvor auch wechselten sich die Versuchspartner zwischen jedem Messwert ab. Man kann nun aus allen Werten ein Φ_B bestimmen oder einzeln für jede Messreihe oder jede Person. Der Fehler berechnet sich dabei aus der Student-t-Verteilung, da die Anzahl der Messwerte gering ist. Er halbiert sich für α_B . Mit (4) und (9) kann wieder der Brechungsindex berechnet werden. Die somit berechneten Werte sind in Tabelle 1 aufgeführt.

	$\Phi_B [^\circ]$	$\alpha_B [^\circ]$	n
Alle Werte	66.6 ± 0.6	56.7 ± 0.3	1.522 ± 0.018
erste Messreihe	66.4 ± 0.9	56.8 ± 0.5	1.53 ± 0.03
zweite Messreihe	67.0 ± 0.5	56.50 ± 0.25	1.511 ± 0.015
Michael	67.3 ± 0.5	56.35 ± 0.25	1.502 ± 0.015
Felix	65.9 ± 1.0	57.1 ± 0.5	1.55 ± 0.03

Tabelle 1: Brewster-Winkel.

5 Diskussion

5.1 Drehung der Schwingungsebene

Der Wert für den Brechungsindex $n = 1.405 \pm 0.019$ aus dem Fit der Theoriekurve an die Messwerte ist 7% kleiner als der Literaturwert $n = 1.51$. Außerdem liegt jener nicht im relativ kleinen Fehlerintervall. Vergleicht man nun in Abbildung 4 die Messwerte mit der Theorie ($n = 1.51$), stellt man fest, dass diese anfangs, also bei großen α , sehr gut passen. Für kleinere Winkel weichen sie deutlich ab. Man erkennt einen leichten Sprung bei $\alpha = 67.5^\circ$. Da von $\alpha = 90^\circ$ angefangen wurde, zu messen, kann es sein, dass ab der Sprungstelle falsch abgelesen wurde. Dies verdeutlicht Abbildung 6. Dort wird der notierte Winkel um 5° nach oben korrigiert, da in diesen Abständen größere Striche auf der Skala des Analysators zur besseren Orientierung vorhanden sind. So ist der Sprung nun in die andere Richtung ausgeprägt, aber die Werte passen besser zur Theorie. Allerdings flachen die Messwerte bei kleinem α stärker ab als die theoretische Kurve, sodass diese Erklärung nicht vollständig richtig erscheint. Um diesen Sachverhalt zu klären, hätte man die Werte nochmal bezüglich der absoluten Position des Analysators kontrollieren müssen.

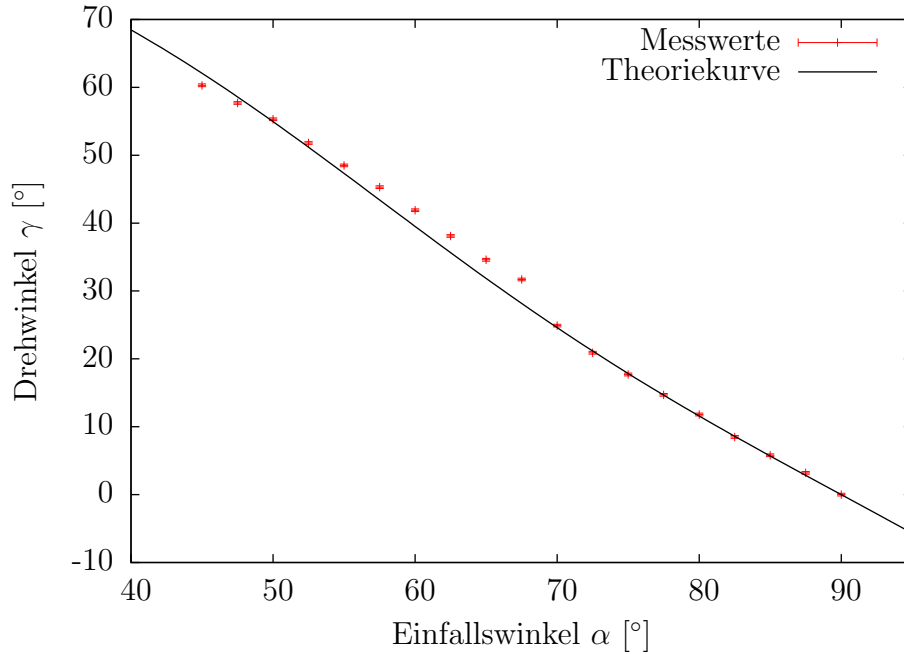


Abbildung 6: γ gegen α : γ um 5° nach oben verschoben für $\alpha \leq 67.5^\circ$.

Der Wert für den Brechungsindex aus der linearen Regression ist 10% kleiner als der Literaturwert. Jedoch ist das Fehlerintervall sehr groß und der Maximalwert $n = 1.47$ weicht nur 2.7% vom angegebenen Wert ab. Der Fehlerbalken in Abbildung 5 ist nämlich sehr groß. Hätte man mehr Messwerte in der Nähe von $\gamma = 45^\circ$ aufgenommen, wäre die Gerade genauer bestimmt und so der Fehlerbalken kleiner. Die Abweichung zur Theoriekurve wird dann aber größer.

Sofern die Messwerte korrekt notiert wurden, deuten sie auf einen sehr viel geringeren Brechungsindex hin. Der Brechungsindex, der aus dem Brewsterwinkel bestimmt wurde, weicht jedoch nicht so stark vom Literaturwert ab. Daher muss von einem systematischen Fehler ausgegangen werden. Eventuell war der Polarisator nicht genau um 45° gedreht. Dies hätte zur Folge, dass das Licht nicht zur Hälfte parallel polarisiert und zur anderen senkrecht polarisiert ist, wenn es auf das Prisma fällt. Somit wäre die Formel (6) falsch. Eine mögliche Ursache für die Abweichung vom korrekten Polarisationswinkel könnte das Verwenden von zwei Prismen sein. So wurde das kleinere Nicol-Prisma zur Justage verwendet und das größere zur Messung. Dies erhöht die Fehlerquellen, da das Kleine nicht richtig ausgerichtet sein kann und beide aufgrund der Bauweise etwas unterschiedliche optische Eigenschaften haben.

5.2 Brewster-Winkel

Der Brechungsindex, der aus allen Messwerten zum Brewster-Winkel bestimmt wurde, ist minimal größer als der Literaturwert ($< 1\%$) und dieser liegt im Fehlerintervall. Die Abweichung ist für die zweite Messreihe noch kleiner und sowohl das berechnete Fehlerintervall sowie das angegebene weisen eine große Übereinstimmung auf. Dies unterstützt die obige Theorie der falschen Polarisatorstellung, da diese Messwerte nach nochmaligem Drehen um etwa 5° aufgenommen wurden. So konnte man das nun dunklere Intensitätsminimum deutlicher erkennen. Dann ist das ankommende Licht nahezu parallel polarisiert. Hätte man nun die Messung des Drehwinkels wiederholt, müssten sich bessere Werte ergeben.

Auch die anderen Werte in Tabelle 1 weisen kaum größere Abweichungen vom Literaturwert ab. Man erkennt aber trotzdem signifikante Unterschiede in der Genauigkeit der Messung. So ist der Fehler $\sigma_n = 0.03$ bei der ersten Messreihe und den von Felix aufgenommenen Werten etwa doppelt so groß wie die anderen drei Fehlern. Die Werte für den Brewster-Winkel streuen nämlich sehr, da das Minimum zuerst ziemlich breit war. Hätte man bei der zweiten Messung öfter gemessen, wäre der Fehler σ_n noch deutlich geringer.

Literatur

- [LP2] *Lehrportal der Universität Göttingen.* <https://lp.uni-goettingen.de/get/text/4330>.
- [Sch14] Schaaf, Jörn Große Knetter Peter: *Das Physikalische Praktikum, Handbuch 2014 für Studentinnen und Studenten der Physik*. Universitätsdrucke Göttingen, 2014, ISBN 978-3-86395-157-3.