

ANFÄNGERPRAKTIKUM DER FAKULTÄT FÜR PHYSIK,
UNIVERSITÄT GÖTTINGEN

Adiabatensexponent
Protokoll:

Praktikant: Felix Kurtz
Kevin Lüdemann
E-Mail: felix.kurtz@stud.uni-goettingen.de
kevin.luedemann@stud.uni-goettingen.de
Betreuer: Martin Ochmann
Versuchsdatum: 16.06.2014

Testat:

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	3
2	Theorie	3
2.1	Ideal Gas	3
2.2	Zustandsänderung in Gasen	3
2.3	Herleitung der Poisson-Gleichung	3
2.4	Freiheitsgrade	3
2.5	Adiabatexponent aus Versuchsaufbau	4
2.6	Nach Rüchardt	4
2.7	Nach Clement-Desormes	4
3	Durchführung	4
3.1	Adiabatexponent nach Rüchardt	4
3.2	Adiabatexponent nach Clement-Desormes	5
4	Auswertung	5
4.1	Rüchardt	5
4.2	Clement-Desormes	6
4.3	Mittelwert für κ_{Luft} aus beiden Messungen	7
5	Diskussion	7
6	Anhang	7
	Literatur	8

1 Einleitung

Der Adiabatenexponent ist ein Ausdruck, der durch die Anzahl der Freiheitsgrade eines Gases bestimmt wird. Alternativ kann dieser auch über die spezifische Wärme eines Gases bestimmt werden. Wir wollen in diesem Versuch auf zwei verschiedene Arten diesen Adiabatenexponenten κ bestimmen. Der erste Versuchsaufbau ist der Aufbau nach Rüchardt und der zweite ist nach Clement-Desormes.

2 Theorie

2.1 Ideal Gas

Als Ideal Gas wird ein Gas bezeichnet, dass als einatomig angesehen wird. Zum vereinfachen der Rechnungen wird die Annahme gemacht, dass dieses Gas nur von Punktteilchen gefüllt ist. Dies vereinfacht die Darstellung von Gesetzen und ermöglicht es die Ideal Gasgleichung auf zu stellen, dessen Verhältnis von Druck und Volumen nur von der Zahl der Teilchen und deren Temperatur abhängig ist.

$$pV = Nk_B T = nRT \quad (1)$$

Hierbei ist die Anzahl der Teilchen N und die Boltzman konstante k_B zusammengefasst zu $R = N_A k_B$, wobei N_A die Advogardo konstante ist n die Stoffmenge.

2.2 Zustandsänderung in Gasen

Die Ideal Gas Gleichung (1) gilt für ein Ideal Gas immer, dennoch kann es sich auf verschiedene Zustandsänderungen verschieden verhalten. Bei z.B. bleibt der Druck p konstant, so ist das Volumen V proportional zur Temperatur T . Diese Zustandsänderung wird als Isobar bezeichnet. Bleibt hingegen das Volumen konstant, so spricht man von einer Isochoren Zustandsänderung. Die hier interessantere Änderung ist aber die adiabatische Änderung. Hierbei bleibt die Temperatur konstant und es ändern sich Druck und Volumen, doch das Verhältnis zwischen den beiden bleibt gleich. Dies ist im allgemeinen sehr schwierig zu realisieren, doch es gibt mittlerweile recht gute Isolierungen, oder der Prozess, der adiabatisch ablaufen soll, wird sehr schnell ausgeführt.

2.3 Herleitung der Poisson-Gleichung

2.4 Freiheitsgrade

Die Spezifische Wärme eines Gases ist eine Konstante und aus dieser lässt sich mithilfe der Freiheitsgrade und der Konstanten R , wie oben beschrieben, die Konstante κ erstellen.

Die Zusammenhänge ergeben sich aus diesen beiden Formeln

$$c_v = \frac{f}{2}R \quad (2)$$

$$c_p = \left(\frac{f}{2} + 1\right)R \quad (3)$$

Teilt man jetzt c_p durch c_v , so erhält man den Adiabatenexponenten κ , welcher durch konstanten festgelegt ist.

$$\kappa = \frac{c_p}{c_v} = \frac{f+2}{f} \quad (4)$$

2.5 Adiabatenexponent aus Versuchsaufbau

2.6 Nach Rüchardt

2.7 Nach Clement-Desormes

[Sch14, S.∞]

3 Durchführung

3.1 Adiabatenexponent nach Rüchardt

Der Versuch besteht aus einer Glasskugel, die nach oben hin eine lange dünne Zylindrische Öffnung hat. Der Aufbau ist in der Graphik zu sehen. Zum Einlassen des Gases existiert eine Zuleitung, welche über eine Druckkopplungsventil mit drei verschiedenen Gasquellen an der Wand verbundene werden kann. Am langen Rohr oberhalb der Kugel ist eine Lichtschranke befestigt und es gibt einen kleinen Schlitz unterhalb der Lichtschranke, um das Gas entweichen lassen zu können. Im Rohr ist ein ebenfalls Zylindrischer Körper, der eng mit der Glasswand des Rohres abschließt, so dass fast kein Gas vorbei kommt. Es ist sich mit der ausliegenden Bedienungsanleitung der Lichtschranke vertraut zu machen.

Bevor der Versuch gestartet werden kann, muss die Zuleitung mit einem der drei Gasquellen verbunden werden und das Regulierungsventil geöffnet werden. Damit die Kugel nur noch mit dem gewünschten Gas gefüllt ist, muss die Kugel vor begin des Versuches mindestens 3 Minuten mit dem Gas durchgespült werden. Hierzu wird das Regulierungsventil und das Entlüftungsventil aufgedreht.

Ist dieser Vorgang abgeschlossen, so wird das Entlüftungsventil wieder geschlossen und anschließend das Regulierungsventil so eingestellt, dass sich der kleine Zylindrische Körper in einer gleichmäßigen Schwingung um die Lichtschranke befindet. Es werden jetzt, ohne die Gasregulierung stark zu ändern Messungen von 10 mal einer Schwingung

und jeweils 3 mal von 10, 20, 50 und 100 Schwingungen durchgeführt. Hierzu muss nur die Lichtschranke bedient zu werden. Dies wird jetzt für die Gase Luft, CO₂ und Argon durchgeführt. Man beginnt jeweils wieder mit dem durchspülen der Kugel. Es ist schließlich noch nötig die Masse des kleinen Körpers, der Rohrinnendurchmesser und das Volumen von Kolben und Rohr zu notieren.

3.2 Adiabatenexponent nach Clement-Desormes

Der Versuchsaufbau ist ebenfalls in der Graphik von oben zu sehen. Dieser Aufbau besteht aus einem großen Glaszylinder und einem Manometer. Zu dem gibt es noch ein Entlüftungs und Verschlussventil und einen Blasebalg zum erzeugen des Drucks.

Zu Beginn des Versuches ist das Verschlussventil zu öffnen und mit dem Blasebalg ein höherer Druck zu erzeugen. Ist der gewünschte Druck erreicht, so verschließt man das Verschlussventil und führe einen Temperatúrausgleich durch. Für diesen, wird eine Weile lang gewartet, bis sich die Temperatur im Zylinder mit der, der Umwelt ausgeglichen hat. Anschließend notiert man sich die Höhendifferenz auf dem Manometer.

Es werden jetzt je 3 Messungen für verschiedene Öffnungszeiten des Entlüftungsventils gemacht. Hierzu wird dieses für ca. 0.1s, 1s und 5s geöffnet. Nach dem kurzen öffnen und schließen ist wieder ein Temperatúrausgleich durch zu führen. Danach wird dann wieder die Höhendifferenz aufgeschrieben. Es wird wieder, wie oben geschrieben der Druck erhöht und mit der Messreihe vorgefahren, bis alle Messungen durchgeführt sind. Wichtig ist hierbei stets den Temperatúrausgleich zu machen und vor jeder neuen Messung neuen Druck auf zu bauen.

4 Auswertung

4.1 Rüchardt

Größe	Wert
Masse	$m = 8.432 \text{ g}$
Durchmesser	$d = 11.93 \text{ mm}$
Volumen	$V = 2225 \text{ cm}^3$
Luftdruck	$b = (1015.7 \pm 0.1) \text{ hPa}$
Dichte von Luft	$\rho_L = 1.2 \text{ kg/m}^3$
Erdbeschleunigung	$g = 9.81 \text{ m/s}^2$

$$A = \pi \frac{d^2}{4}$$

Gas	Amplitude l [cm]
CO ₂	19.5 ± 0.5
Argon	12.5 ± 0.5
Luft	17.5 ± 0.5

$$m_{\text{eff}} = m + \rho_L \cdot A \cdot l \quad (5)$$

$$\sigma_{m_{\text{eff}}} = \rho_L \cdot A \cdot \sigma_l \quad (6)$$

$$p = b + m_{\text{eff}} \cdot \frac{g}{A} \quad (7)$$

$$\sigma_p = \sqrt{\sigma_b^2 + \sigma_{m_{\text{eff}}}^2 \cdot \left(\frac{g}{A}\right)^2} \quad (8)$$

$$= \sqrt{\sigma_b^2 + (\rho_L \cdot g)^2 \cdot \sigma_l^2} \quad (9)$$

Gas	m_{eff} [g]	p [hPa]
CO ₂	8.4582 ± 0.0007	1023.12 ± 0.10
Argon	8.4488 ± 0.0007	1023.11 ± 0.10
Luft	8.4555 ± 0.0007	1023.12 ± 0.10

$$\kappa = \frac{64 \cdot m_{\text{eff}} \cdot V}{T^2 \cdot p \cdot d^4} \quad (10)$$

$$\sigma_\kappa = \frac{64 \cdot V}{T^3 \cdot d^4 \cdot p^2} \cdot \sqrt{(T \cdot m_{\text{eff}})^2 \cdot \sigma_p^2 + (T \cdot p)^2 \cdot \sigma_{m_{\text{eff}}}^2 + (2 \cdot m_{\text{eff}} \cdot p)^2 \cdot \sigma_T^2} \quad (11)$$

$$f = \frac{2}{\kappa - 1} \quad (12)$$

$$\sigma_f = \frac{2 \cdot \sigma_\kappa}{(\kappa - 1)^2} \quad (13)$$

4.2 Clement-Desormes

$$\kappa = \frac{\Delta h_1}{\Delta h_1 - \Delta h_2} \quad (14)$$

$$\sigma_\kappa = \frac{1}{(\Delta h_1 - \Delta h_2)^2} \cdot \sqrt{\Delta h_1^2 \cdot \sigma_{\Delta h_2}^2 + \Delta h_2^2 \cdot \sigma_{\Delta h_1}^2} \quad (15)$$

Gas	κ	f
CO ₂	1.3037 ± 0.0005	6.585 ± 0.011
Argon	1.5944 ± 0.0010	3.365 ± 0.006
Luft	1.4051 ± 0.0008	4.937 ± 0.009

Öffnungszeit [s]	κ
0.1	1.205 ± 0.022
1.0	1.227 ± 0.022
5.0	1.177 ± 0.018

Tabelle 1: gewichtete Mittelwerte von κ für die verschiedenen Öffnungszeiten

4.3 Mittelwert für κ_{Luft} aus beiden Messungen

$$\kappa_{\text{Luft}} = 1.4042 \pm 0.0008 \quad (16)$$

5 Diskussion

6 Anhang

Gas	Schwingungen	Periodendauer [ms]	κ
CO ₂	1	663.9 ± 1.0	1.319 ± 0.004
	10	666.20 ± 0.17	1.3094 ± 0.0007
	20	667.7 ± 0.4	1.3035 ± 0.0015
	50	670.5 ± 0.4	1.2925 ± 0.0015
	100	672.0 ± 0.4	1.2870 ± 0.0014
Argon	1	601.6 ± 1.0	1.604 ± 0.005
	10	602.80 ± 0.25	1.5976 ± 0.0013
	20	604.07 ± 0.31	1.5909 ± 0.0016
	50	606.8 ± 1.1	1.577 ± 0.006
	100	615.0 ± 3.1	1.535 ± 0.016
Luft	1	639.3 ± 1.0	1.422 ± 0.005
	10	641.03 ± 0.29	1.4138 ± 0.0013
	20	642.5 ± 0.4	1.4073 ± 0.0016
	50	644.5 ± 0.5	1.3988 ± 0.0023
	100	646.4 ± 0.4	1.3906 ± 0.0016

Literatur

- [Sch14] Schaaf, Jörn Große Knetter Peter: *Das Physikalische Praktikum, Handbuch 2014 für Studentinnen und Studenten der Physik*. Universitätsdrucke Göttingen, 2014, ISBN 978-3-86395-157-3.