

ANFÄNGERPRAKTIKUM DER FAKULTÄT FÜR PHYSIK,
UNIVERSITÄT GÖTTINGEN

Diffusion
Protokoll:

Praktikant: Felix Kurtz
E-Mail: felix.kurtz@stud.uni-goettingen.de
Versuchspartner: Skrollan Detzler
Betreuer: Martin Ochmann
Versuchsdatum: 30.06.2014

Note:

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	3
2	Theorie	3
2.1	Brown'sche Bewegung	3
2.2	Ficksche Gesetze	3
2.3	Wheatstone'sche Messbrücke und Fotowiderstand	4
3	Durchführung	4
3.1	Versuchsaufbau	4
3.2	Konzentrationsverlauf in Abhängigkeit der Zeit	5
3.3	Konzentrationsprofil	6
4	Auswertung	6
4.1	erwartete Diffusionskurven	6
4.2	Berechnung des Diffusionskoeffizienten	6
4.3	Konzentrationsprofil	8
5	Diskussion	8
5.1	Berechnung des Diffusionskoeffizienten	8
5.1.1	Filter	8
6	Anhang	9
	Literatur	9

1 Einleitung

In diesem Versuch soll das Phänomen der *Diffusion* untersucht werden. Darunter versteht man die Durchmischung von zwei verschiedenen Gasen oder Flüssigkeiten, welche mit der Zeit vonstatten geht. Sie spielt besonders in der Biologie bei osmotischen Prozessen eine große Rolle. Als eine von vielen Transportphänomenen wie Wärmeleitung ist sie jedoch am besten experimentell messbar.

Wir wollen hier die Diffusion von Methylenblau in Wasser untersuchen.

2 Theorie

2.1 Brown'sche Bewegung

Den Effekt der Diffusion kann man qualitativ durch die *Brown'sche Molekularbewegung* erklären. So bewegen sich die Moleküle in einer Flüssigkeit aufgrund ihrer Temperatur und stoßen mit anderen Teilchen zusammen. Dabei vermischen sich zwei verschiedene Flüssigkeiten.

Man kann diese Bewegung durch Staubkörner sichtbar machen. Diese sind nämlich um Größenordnungen größer als die Flüssigkeitsmoleküle und können so mit dem Mikroskop gesehen werden.

2.2 Ficksche Gesetze

Man kann die Diffusion allerdings auch quantitativ beschreiben. So erhält man die von A.Fick im Jahre 1855 auf empirischer Basis aufgestellten und nach ihm benannten Gesetze. Diese wurden später von Albert Einstein aus der Thermodynamik abgeleitet.

1.Ficksches Gesetz

Die Teilchen wollen die Inhomogenität ausgleichen und fließen so zu Orten geringer Konzentration. Mit der Teilchenstromdichte \vec{j} , dem Konzentrationsgradienten $\text{grad } c$ und dem Diffusionskoeffizienten D , der hier orts- und zeitunabhängig sein soll, ergibt sich das 1.Ficksche Gesetz.

$$\vec{j}(\vec{x}) = -D \cdot \nabla c \quad (1)$$

2.Ficksches Gesetz

Da die Teilchenzahl konstant ist, ergibt sich die Kontinuitätsgleichung $\frac{\partial c}{\partial t} = -\nabla \cdot \vec{j}$. Kombiniert man dies mit dem 1.Gesetz erhält man das zweite Gesetz.

$$\frac{\partial c}{\partial t} = -D \cdot \Delta c \quad (2)$$

In unserem Versuchsaufbau befindet sich die Grenzschicht zwischen den beiden Flüssigkeiten bei $x = 0$.

$$c(x, t = 0) = \begin{cases} c_0, & x \leq 0 \\ 0, & x > 0 \end{cases}$$

Man kann das 2.Ficksche Gesetz für diese Anfangsbedingung analytisch lösen. Dabei ergibt sich diese Lösung:

$$c(x, t) = \frac{c_0}{2} \left[1 - \operatorname{erf} \left(\frac{x}{\sqrt{4Dt}} \right) \right] \quad (3)$$

mit der Gaußschen Fehlerfunktion, die so definiert ist

$$\operatorname{erf}(y) := \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^y e^{-v^2} dv .$$

2.3 Wheatstone'sche Messbrücke und Fotowiderstand

Diese Schaltung (siehe Abb. 1) wird verwendet, um einen unbekannten Widerstand oder kleine Widerstandsänderungen zu messen. In unserem Fall ist letzteres der Fall. Misst man keine Spannungsdifferenz, gleichbedeutend mit keinem Stromfluss, dann gilt

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{R_3}{R_4}$$

Bei dem Aufbau, der in diesem Versuch vorliegt, kann man 3 verschiedene Widerstände für R_1 wählen, während R_2 ein Fotowiderstand ist. R_3 und R_4 bilden ein Potentiometer, welches in der Mitte frei abgegriffen werden kann.

Je mehr Licht auf den *Fotowiderstand* fällt, desto kleiner ist sein ohmscher Widerstand. Dies beruht auf dem inneren fotoelektrischen Effekt.

Mit dieser Schaltung kann man also sicherstellen, dass der Fotowiderstand immer dann einen bestimmten Lichteinfall misst, wenn kein Strom gemessen wird.

3 Durchführung

3.1 Versuchsaufbau

Zuerst wird der Spalt so justiert, dass auf den Photowiderstand die maximale Intensität trifft. Außerdem benötigt man noch zwei Stoppuhren für die späteren Messungen.

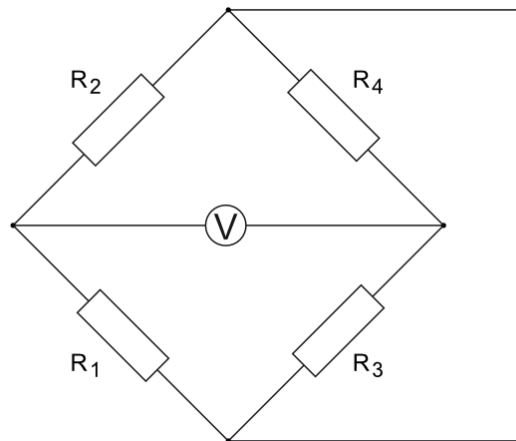


Abbildung 1: Wheatstone'sche Brückenschaltung [1]

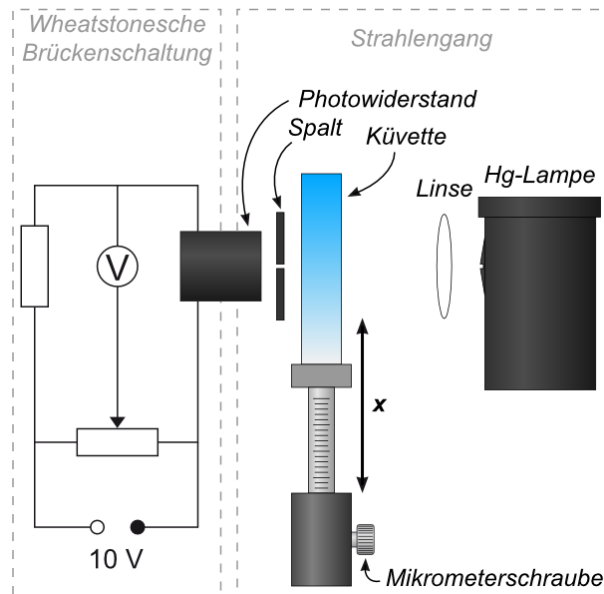


Abbildung 2: schematischer Versuchsaufbau [1]

3.2 Konzentrationsverlauf in Abhängigkeit der Zeit

Für den Graufilter $c_0/16$ regelt man das Potentiometer so, dass das Amperemeter keinen Strom anzeigt. Dann wird die Küvette zu $3/4$ mit Wasser gefüllt, darüber Methylenblau. Man startet die Stoppuhr, nachdem man die Küvette in den Strahlengang gestellt hat. Für eine halbe Stunde notiert man alle 30 Sekunden den Ort der Konzentration $c_0/16$. Dabei wird jedoch die Messbrücke nicht verändert, sondern die Küvette mittels Mikrometerschraube nach oben bewegt, bis das Amperemeter wieder keinen Strom zeigt.

Nach der Messung wird diese Küvette vorsichtig zur Seite gestellt, damit sich die Flüssigkeiten nicht zusätzlich vermischen. Die benutzte Stoppuhr lässt man für eine spätere Messung weiterlaufen. Dann füllt man eine zweite Küvette wie die erste, gleicht aber die Messbrücke mit dem Graufilter $c_0/32$ ab. Die vorige Messung wird mit der zweiten Küvette, der zweiten Stoppuhr und dem anderen Filter wiederholt.

3.3 Konzentrationsprofil

Etwa 40 Minuten nach Beginn der letzten Messung wird die Konzentrationsverteilung der zweiten Küvette in Abhängigkeit des Ortes gemessen. Dies sollte schnell geschehen, damit die Zeit als konstant angenommen werden kann. Trotzdem notiert man Beginn und Ende dieser Messung, die Stoppuhr muss also weiter laufen. Der Messvorgang sieht folgendermaßen aus: Nacheinander wird die Messbrücke auf die verschiedenen Graufilter $c_0/2, c_0/4, c_0/8, c_0/16, c_0/32$ abgeglichen, bevor man dazu die Stelle sucht, an der genau diese Konzentration herrscht. Diesen Vorgang wiederholt man nochmal in umgekehrter Reihenfolge der Graufilter.

Diesen ganzen Messvorgang wird für die erste Küvette nach ca. 100 Minuten seit Beginn der zugehörigen ersten Messung wiederholt.

4 Auswertung

4.1 erwartete Diffusionskurven

Aus der Lösung der Diffusionsgleichung (4) ergibt sich Abbildung 3. Man erkennt, dass es zu $t = 0$ eine klare Grenze zwischen den beiden Flüssigkeiten gibt. Im Verlauf der Zeit (hier nach 30 und 90 Minuten bzw. 6 Stunden und 2 Tagen) vermischen sie sich und die Konzentration nähert sich überall $c_0/2$ an. Bei $x = 0$ befindet sich jedoch immer die Konzentration $c_0/2$.

Bei den ersten beiden Messungen wird der c/c_0 Wert konstant gehalten und der Ort dieser Konzentration im Verlaufe der Zeit verfolgt. Also in Abb. 3 die Schnittpunkte einer parallelen Gerade zur x-Achse mit den Kurven zu unterschiedlichen Zeitpunkten. In den letzten beiden Messungen verfolgt man Werte auf einer Kurve mit konstanter Zeit.

4.2 Berechnung des Diffusionskoeffizienten

$$\operatorname{erf}(y) = \operatorname{erf}\left(\frac{x}{\sqrt{4Dt}}\right) \quad (4)$$

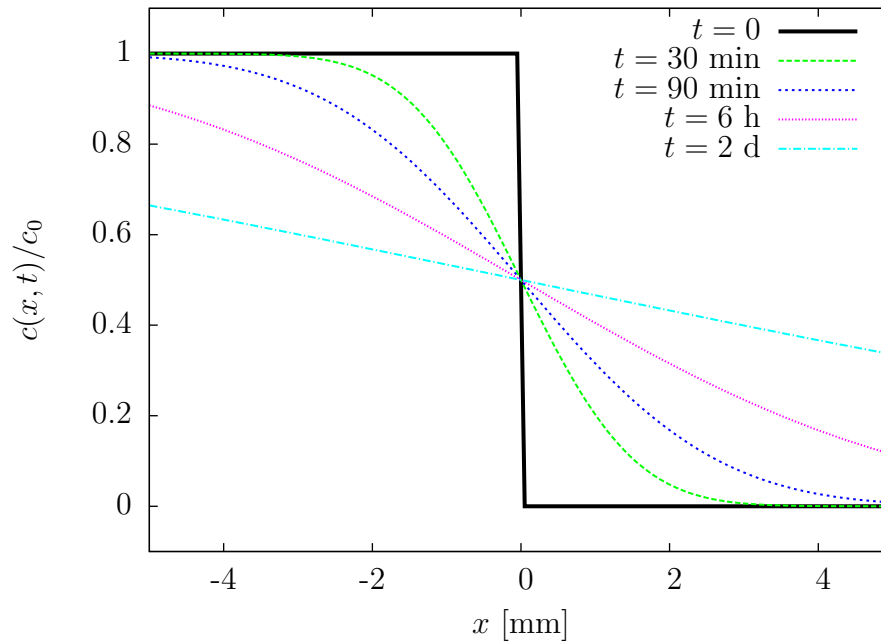


Abbildung 3: Profil für den Diffusionskoeffizienten $D = 4 \cdot 10^{-10} \text{ m}^2 / \text{s}$ zu verschiedenen Zeiten

$$D = \frac{m}{4 C^2} \quad (5)$$

$$\sigma_D = \frac{\sigma_m}{4 C^2} \quad (6)$$

Für Messung 1 und 2 ergeben sich die Werte aus Tabelle 1.

	Messung 1 $c_0/16$	Messung 2 $c_0/32$
C genähert ¹	1.085	1.317
Steigung m	$(18.8 \pm 0.3) \cdot 10^{-10} \text{ m}^2 / \text{s}$	$(19.7 \pm 0.6) \cdot 10^{-10} \text{ m}^2 / \text{s}$
Diffusionskoeffizient D	$(4.00 \pm 0.06) \cdot 10^{-10} \text{ m}^2 / \text{s}$	$(2.83 \pm 0.09) \cdot 10^{-10} \text{ m}^2 / \text{s}$

Tabelle 1: Auswertung Messung 1 und 2

Daraus kann der gewichtete Mittelwert des Diffusionskoeffizienten berechnet werden

$$\overline{D} = (3.63 \pm 0.04) \cdot 10^{-10} \text{ m}^2 / \text{s} \quad (7)$$

¹ WolframAlpha, www.wolframalpha.com

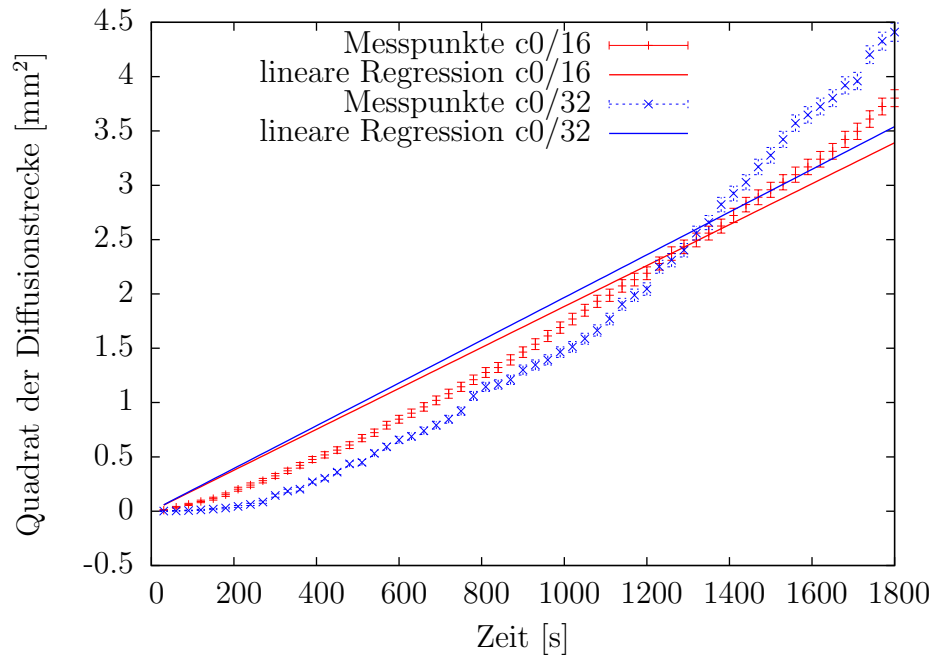


Abbildung 4: ????????????????????

4.3 Konzentrationsprofil

5 Diskussion

5.1 Berechnung des Diffusionskoeffizienten

Betrachtet man Abb. 4, fällt auf, dass sich bei der ersten Messung $c_0/16$ wie erwartet eine Gerade ergibt. Bei der zweiten Messung ergibt sich jedoch eher etwas quadratisches. Deshalb sind beide Ursprungsgeraden ungefähr gleich und erklärt den großen Unterschied zwischen den beiden Werten für D . Dies ergibt physikalisch wenig Sinn. Daher muss nach einem Fehler in der Messung gesucht werden. Zum einen kann es daran liegen, dass wir bei der zweiten Messung zu lange zwischen Befüllen und Messen gewartet haben und sich die Flüssigkeiten schon vor der Messung vermischt haben. Dies geschieht auch, wenn die Küvette geschüttelt wurde. Berücksichtigt man dies,.....

5.1.1 Filter

Außerdem haben wir vergessen, die unterschiedlichen Filter zu reinigen. So hat sich der Wert geändert, wenn man die Höhe verändert hat, in der sich der Filter befand. Wir können also nicht garantieren, dass für die Filter die richtigen Werte gemessen wurden. Da uns dies aber zur Messzeit auffiel, haben wir zusätzlich noch die Potentiometer-

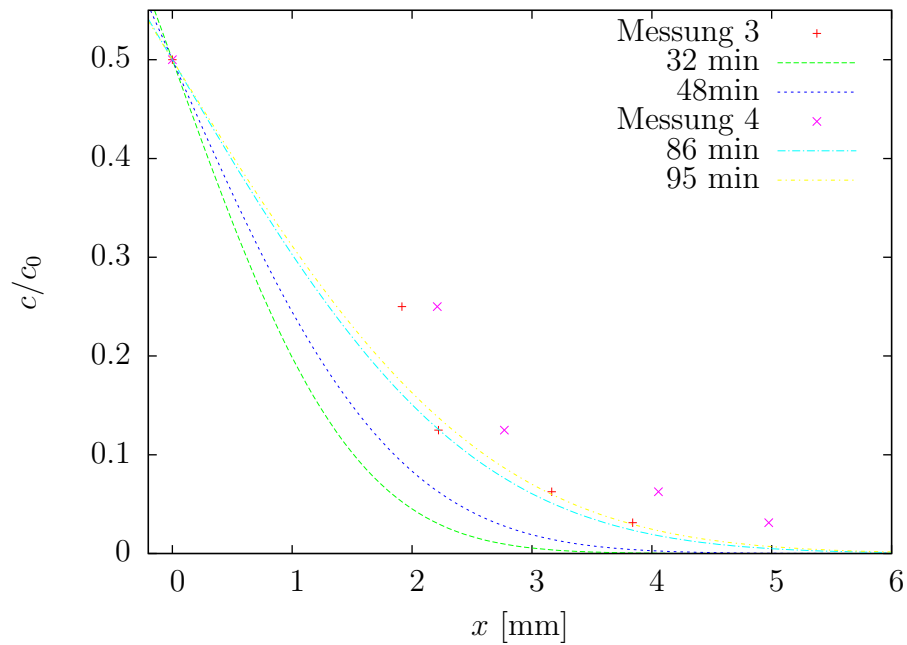


Abbildung 5: ????????????????????

Einstellung sowie den Wert des dritten Widerstandes notiert. Aus den Daten kann man ablesen,.....

6 Anhang

Literatur

- [1] *Lehrportal der Universität Göttingen, Diffusion*, <http://lp.uni-goettingen.de/get/text/3665>, abgerufen 09.07.14 11:21 Uhr
- [2] DIETER MESCHEDE (2010): *Gerthsen Physik*, 24. Auflage, Springer Heidelberg Dordrecht London New York