

PRAKTIKUM 4 ANALISIS REGRESI

Analisis Regresi Linier Berganda (Part 1)

Oleh:

Nabil Bintang Prayoga / G1401221017

Selasa, 18 Februari 2025

MODEL REGRESI LINIER BERGANDA

$$y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \dots + \beta_k X_k + \varepsilon$$

- Linier dalam parameter
- Memiliki lebih dari satu peubah penjelas/peubah bebas
- Hubungan antara setiap X dan Y dinyatakan dalam fungsi linier atau

berordo/berderajat satu

Peubah penjelas memiliki pangkat sama dengan 1



MODEL REGRESI LINIER BERGANDA

$$y = X\beta + \varepsilon$$

$$\boldsymbol{y}_{n\times 1} = \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_n \end{bmatrix}, \boldsymbol{x}_{n\times (k+1)} = \begin{bmatrix} 1 & X_{11} & \dots & X_{k1} \\ 1 & X_{12} & \dots & X_{k2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 1 & X_{1n} & \dots & X_{kn} \end{bmatrix}, \boldsymbol{\beta}_{(k+1)\times n} = \begin{bmatrix} \beta_0 \\ \beta_1 \\ \vdots \\ \beta_k \end{bmatrix}, \boldsymbol{\varepsilon}_{n\times 1} = \begin{bmatrix} \varepsilon_1 \\ \varepsilon_2 \\ \vdots \\ \varepsilon_n \end{bmatrix}$$

$$\widehat{\beta} = (X'X)^{-1}X'y$$



ASUMSI REGRESI LINIER BERGANDA

- Kondisi Gauss-Marcov
- $E[\varepsilon_i] = 0$, nilai harapan/rataan galat sama dengan nol
- $E[\varepsilon_i^2] = var[\varepsilon] = \sigma^2 I$, ragam sisaan homogen untuk setiap x (homoskedastisitas)
- $E[\varepsilon_i \varepsilon_i] = 0$, sisaan saling bebas/tidak ada autokorelasi
- 1. Galat menyebar normal
- 2. Galat bebas terhadap peubah bebas, $cov(x_i, \varepsilon_i) = 0$
- 3. Tidak ada multikolineritas pada peubah bebas



INTERPRETASI KOEFISIEN REGRESI

$$\widehat{y} = \widehat{\beta_0} + \widehat{\beta_1} X_1 + \widehat{\beta_2} X_2 + \dots + \widehat{\beta_k} X_k$$

 $\widehat{m{\beta}_0}$ disebut sebagai **intersep** yang merupakan **nilai dugaan rataan y ketika semua peubah X bernilai 0** atau dugaan nilai harapan Y yang tidak dipengaruhi oleh peubah penjelas X, jika x sama dengan 0 terdapat dalam selang pengamatan

 $\widehat{m{\beta}_j}$, j = 1,2,...,k adalah **nilai dugaan perubahan rataan y** atau nilai harapan y jika X_j berubah satu satuan dan *peubah penjelas lainnya dianggap tetap*



SELANG KEPERCAYAAN PARAMETER REGRESI

Selang kepercayaan $(1 - \alpha)100\%$ bagi parameter β_i :

$$b_j \pm t_{\frac{\alpha}{2},(n-p)} s \sqrt{c_{jj}}$$
, $j = 0,1,2,...,k$

$$s = \sqrt{\frac{SSRes}{n-p}} = \sqrt{\frac{e'e}{n-(k+1)}} = \sqrt{\frac{\sum e_i^2}{n-(k+1)}}$$

 ${m s}$ adalah dugaan simpangan baku ${m \sigma}$. ${m n}$ adalah banyaknya amatan. ${m p}$ adalah banyaknya parameter.

k adalah banyaknya peubah penjelas. c_{jj} adalah nilai dari baris ke-j dan kolom ke-j pada matriks

$$(X'X)^{-1} = \begin{bmatrix} c_{00} & c_{01} & \dots & c_{0k} \\ c_{10} & c_{11} & \dots & c_{1k} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ c_{k0} & c_{k1} & \dots & c_{kk} \end{bmatrix}.$$



UJI HIPOTESIS PARAMETER REGRESI (Simultan)

Hipotesis

 H_0 : $\beta_1 = \beta_2 = \cdots = \beta_k = 0$ (semua peubah X tidak berpengaruh linier terhadap Y) H_0 : $\beta_1 \neq 0$ (minimal ada satu peubah X yang berpengaruh linier terhadap Y)

Sumber	Derajat	Jumlah Kuadrat	Kuadrat	F
Keragaman	Bebas		Tengah	
Regresi	k	$b'X'Y - \frac{Y'11Y'}{n}$	JKR/k	KTR/KTG
Galat	n-(k+1)	Y'Y - b'X'Y	JKG/n-(k+1)	
Total	n-1	$Y'Y - \frac{Y'11Y'}{n}$		

Tolak H_0 jika $F > F_{k,n-k-1,\alpha}$ atau $p-value < \alpha$



UJI HIPOTESIS PARAMETER REGRESI (Parsial)

Hipotesis

 H_0 : $\beta_j = 0$ (Peubah penjelas x_j tidak berpengaruh terhadap Y) H_0 : $\beta_j \neq 0$ (Peubah penjelas x_j berpengaruh terhadap Y setelah peubah penjelas lainnya ada dalam model)

Statistik Uji

$$t = \frac{b_j}{se(b_j)} = \frac{b_j}{\sqrt{s^2 c_{jj}}} , s^2 = KTG$$

Tolak
$$H_0$$
 jika $|t| > t_{\frac{\alpha}{2},n-p}$ atau $p - value < \alpha$



UKURAN KEBAIKAN MODEL

Koefisien Determinasi

$$R^{2} = \frac{JKR}{JKT} = 1 - \frac{JKG}{JKT} = 1 - \frac{\sum (y_{i} - \hat{y})^{2}}{\sum (y_{i} - \bar{y})^{2}}$$

$$R_a^2 = 1 - \frac{\frac{JKG}{n-k-1}}{\frac{JKT}{n-1}} = 1 - \frac{n-1}{n-k-1} (1 - R^2)$$



TERIMA KASIH



Department of Statistics
Jl. Meranti W22 L4
Kampus IPB Dramaga Bogor 16680
Telp.: 0251-8624535

E-mail: statistika@apps.ipb.ac.id