BIO4558 Biostatistiques appliquées avec R

Julien Martin

29-09-2020

Contents

Note					
Pı	Préface				
	Que	elques points importants à retenir	7		
		est-ce que R et pourquoi l'utiliser dans ce cours?	8		
		allation des logiciels nécessaires	9		
		ructions générales pour les laboratoires	11		
		es sur le manuel	11		
1	Introduction à R				
	1.1	Objectifs Labo 1	13		
	1.2	Premier pas avec R	14		
	1.3	Premier travail avec des données	33		
	1.4	Analyse de 2 variables	54		
	1.5	Gérer les données	71		
2	Analyse de puissance avec R et G*Power				
	2.1	La théorie	91		
	2.2	Qu'est ce que G*Power?	93		
	2.3	Comment utiliser G*Power	93		
	2.4	Puissance pour un test de t comparant deux moyennes	95		
	2.5	Points à retenir	106		
3	Corrélation et régression linéaire simple				
	3.1	Paquets et données requises pour le labo	110		
	3.2	Diagrammes de dispersion	110		
	3.3	Transformations et le coefficient de corrélation	113		
	3.4	Matrices de corrélations et correction de Bonferroni	116		

	3.5	Corrélations non paramétriques: r de Spearman et tau de Kendall	118
	3.6	Régression linéaire simple	120
	3.7	Transformation des données en régression	128
	3.8	Traitement des valeurs extrèmes	132
	3.9	Quantifier la taille d'effet et analyse de puissance en régression .	135
	3.10	Bootstrap en régression simple avec R	140
4	Comparaison de deux échantillons		
	4.1	Paquets et données requises pour le labo	145
	4.2	Examen visuel des données	146
	4.3	Comparer les moyennes de deux échantillons indépendants	149
	4.4	Bootstrap et tests de permutation pour comparer deux moyennes	154
	4.5	Comparer les moyennes de deux échantillons appariés	158
	4.6	Références	162
5	ANOVA à un critère de classification		
	5.1	Paquets et données requises pour le labo	163
	5.2	ANOVA à un critère de classification et comparaisons multiples	164
	5.3	Transformations de données et ANOVA non-paramétrique	176
	5.4	Examen des valeurs extrêmes	179
	5.5	Test de permutation	181
Αp	pend	ix	183
A	Note	sur les devoirs et Rmarkdown	183
ъ	Dadi	and donous Busculadorum	-0-
В		guide pour Rmarkdown	185
	B.1	Syntaxe Markdown	185
	B.2	À propos de LaTex	187
	B.3	Concernant le code dans notebook	187
C	Resc	ources pour en apprendre plus sur rmarkdown	193

Note

Version en cours de développement pour le cours de l'automne 2020. Les chapitres vont apparaître au cours de la session.

Préface

Les exercices de laboratoire que vous retrouverez dans les pages qui suivent sont conçus de manière à vous permettre de développer une expérience pratique en analyse de données à l'aide d'un logiciel (R). R est un logiciel très puissant, mais comme tous les logiciels, il a des limites. En particulier il ne peut réfléchir à votre place, vous dire si l'analyse que vous tentez d'effectuer est appropriée ou sensée, ou interpréter biologiquement les résultats.

Quelques points importants à retenir

- Avant de commencer une analyse statistique, il faut d'abord vous familiariser son fonctionnement. Cela ne veut pas dire que vous devez connaître les outils mathématiques qui la sous-tendent, mais vous devriez au moins comprendre les principes utilisés lors de cette analyse. Avant de faire un exercice de laboratoire, lisez donc la section correspondante dans les notes de cours. Sans cette lecture préalable, il est très probable que les résultats produits par le logiciel, même si l'analyse a été effectuée correctement, seront indéchiffrables.
- Les laboratoires sont conçus pour compléter les cours théoriques et vice versa. À cause des contraintes d'horaires, il se pourrait que le cours et le laboratoire ne soient pas parfaitement synchronisés. N'hésitez donc pas à poser des questions sur le labo en classe ou des questions théoriques au laboratoire.
- Travaillez sur les exercices de laboratoire à votre propre rythme. Certains exercices prennent beaucoup moins de temps que d'autres et il n'est pas nécessaire de compléter un exercice par séance de laboratoire. En fait deux séances de laboratoire sont prévues pour certains des exercices. Même si

vous n'êtes pas notés sur les exercices de laboratoire, soyez conscient que ces exercices sont essentiels. Si vous ne les faites pas, il est très peu probable que vous serez capable de compléter les devoirs et le projet de session. Prenez donc ces exercices de laboratoire au sérieux!

- Les 2 premier laboratoires sont conçu pour vous permettre d'acquérir ou de réviser le minimum de connaissances requises pour vous permettre de réaliser les exercices de laboratoires avec R. Il y a presque toujours de multiples façons de faire les choses avec R et vous ne trouverez ici que des méthodes simples. Ceux et celles d'entre vous qui y sont enclins pourront trouver en ligne des instructions plus détaillées et complexes. En particulier, je vous conseille:
 - R pour les débutants http://cran.r-project.org/doc/ contrib/Paradis-rdebuts_fr.pdf
 - An introduction to R http://cran.r-project.org/doc/ manuals/R-intro.html
 - Si vous préférez des manuels, le site web de CRAN en garde une liste commentée à : http://www.r-project.org/doc/bib/Rbooks.html
 - Une liste impressionnante de très bon livre sur R https://www.bigbookofr.com/
 - Finalement, comme aide-mémoire à garder sous la main, je vous recommande R reference card par Tom Short http://cran.r-project.org/doc/contrib/Short-refcard.pdf

Qu'est-ce que R et pourquoi l'utiliser dans ce cours?

R est un logiciel libre et multi-plateforme formant un système statistique et graphique. R est également un langage de programmation spécialisé pour les statistiques.

R a deux très grands avantages pour ce cours, et un inconvénient embêtant initialement mais qui vous forcera à acquérir des excellentes habitudes de travail. Le premier avantage est que vous pouvez tous l'installer sur votre (ou vos) ordinateurs personnel gratuitement. C'est important parce que c'est à l'usage que vous apprendrez et maîtriserez réellement les biostatistiques et cela implique que vous devez avoir un accès facile et illimité à un logiciel statistique. Le deuxième

avantage est que R peut tout faire en statistiques. R est conçu pour être extensible et est devenu l'outil de prédilection des statisticiens mondialement. La question n'est plus : " Est-ce que R peut faire ceci? ", mais devient" Comment faire ceci avec R ". Et la recherche internet est votre ami. Aucun autre logiciel n'offre ces deux avantages.

L'inconvénient embêtant initialement est que l'on doit opérer R en tapant des instructions (ou en copiant des sections de code) plutôt qu'en utilisant des menus et en cliquant sur différentes options. Si on ne sait pas quelle commande taper, rien ne se passe. Ce n'est donc pas facile d'utilisation à priori. Cependant, il est possible d'apprendre rapidement à faire certaines des opérations de base (ouvrir un fichier de données, faire un graphique pour examiner ces données, effectuer un test statistique simple). Et une fois que l'on comprend le principe de la chose, on peut assez facilement trouver sur le web des exemples d'analyses ou de graphiques plus complexes et adapter le code à nos propres besoins. C'est ce que vous ferez dans le premier laboratoire pour vous familiariser avec R.

Pourquoi cet inconvénient est-il d'une certaine façon un avantage? Parce que vous allez sauver du temps en fin de compte. Garanti. Croyez-moi, on ne fait jamais une analyse une seule fois. En cours de route, on découvre des erreurs d'entrée de données, ou que l'on doit faire l'analyse séparément pour des sous-groupes, ou on obtient des données supplémentaires, ou on fait une erreur. On doit alors recommencer l'analyse. Avec une interface graphique et des menus, cela implique recommencer à cliquer ici, entre des paramètres dans des boîtes et sélectionner des boutons. Chaque fois avec possibilité d'erreur. Avec une série de commandes écrites, il suffit de corriger ce qui doit l'être puis de copier-coller l'ensemble pour répéter instantanément. Et vous avez la possibilité de parfaitement documenter ce que vous avez fait. C'est comme cela que les professionnels travaillent et offrent une assurance de qualité de leurs résultats.

Installation des logiciels nécessaires

R

Pour installer R sur un nouvel ordinateur, allez au site http://cran.r-project.org/. Vous y trouverez des versions compilées (binaries) ou non (sources) pour votre système d'exploitation de prédilection (Windows, MacOS, Linux).

Note : R a déjà été installé sur les ordinateurs du laboratoire (la version pourrait être un peu plus ancienne, mais cela devrait être sans conséquences).

Rstudio

RStudio est un environnement de développement intégré (IDE) créé spécifiquement pour travailler avec R. Sa popularité connaît une progression foudroyante depuis 2014. Il permet de consulter dans une interface conviviale ses fichiers de script, la ligne de commande R, les rubriques d'aide, les graphiques, etc.

RStudio est disponible à l'identique pour les plateformes Windows, OS X et Linux. Pour une utilisation locale sur son poste de travail, on installera la version libre (Open Source) de RStudio Desktop depuis le site https://www.rstudio.com/products/rstudio/download/

Paquets pour R

- Rmarkdown
- tinytex

Ces 2 paquets devrait être installé automatiquement avec RStudio, mais pas toujours. Je vous recommande donc de les installer manuellement. Pour ce faire, simplement copier-coller le texte suivant dans le terminal R.

```
install.packages(c("rmarkdown", "tinytex"))
```

G*Power

G*Power est un programme gratuit, développé par des psychologues de l'Université de Dusseldorf en Allemagne. Le programme existe en version Mac et Windows. Il peut cependant être utilisé sous linux via Wine. G*Power vous permettra d'effectuer une analyse de puissance pour la majorité des tests que nous verrons au cours de la session sans avoir à effectuer des calculs complexes ou farfouiller dans des tableaux ou des figures décrivant des distributions ou des courbes de puissance.

Téléchargez le programme sur le site https://www.psychologie.hhu.de/arbeitsgruppen/allgemeine-psychologie-und-

arbeitspsychologie/gpower.html

Instructions générales pour les laboratoires

• Apporter une clé USB ou son équivalent à chaque séance de laboratoire pour sauvegarder votre travail.

- Lire l'exercice de laboratoire AVANT la séance, lire le code R correspondant et préparer vos questions sur le code.
- Durant les pré-labs, écouter les instructions et posez vos questions au moment approprié.
- Faites les exercices du manuel de laboratoire à votre rythme, en équipe, puis je vous recommande de commencer (compléter?) le devoir. Profitez de la présence du démonstrateur et du prof...
- Pendant vos analyses, copiez-collez des fragments de sorties de R dans un document (par exemple dans votre traitement de texte favori) et annotez abondamment.
- Ne tapez pas directement vos commandes dans R mais plutôt dans un script. Vous pourrez ainsi refaire le labo instantanément, récupérer des fragments de code, ou plus facilement identifier les erreurs dans vos analyses.
- Créez votre propre librairie de fragments de codes (snippets). Annotez-là abondamment. Vous vous en féliciterez plus tard.

Notes sur le manuel

Vous trouverez dans le manuel des explications sur la théorie, du code R, des explications sur R et des exercises.

Le manuel essaie aussi de mettre en évidence le texte de différentes manières.



Avec des sections à vous de jouer, ui indique un exercise à faire, idéalement sans regarder la solution qui se trouve plus bas.



des avertissements



des avertissements



des points importants



des notes



et des conseils

Resources {-}

Ce document est généré par l'excellente extension bookdown¹ de Yihui Xie². Il est basé sur le précédent manuel de laboratoire BIO4558 manuel de laboratoire par Antoine Morin. L'introduction à R est largement reprise de l'excellent manuel de **Julien Barnier** intitulé *Introduction à R et au tidyverse*³

Licence

Ce document est mis à disposition selon les termes de la Licence Creative Commons Attribution - Pas d'Utilisation Commerciale - Partage dans les Mêmes Conditions 4.0 International⁴.



Figure 1: Licence Creative Commons

¹https://bookdown.org/

²https://yihui.name/

³https://juba.github.io/tidyverse/

⁴http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/

Chapter 1

Introduction à R

1.1 Objectifs Labo 1

Après avoir complété cet exercice de laboratoire, vous pourrez : - Ouvrir des fichiers de données R déjà existants - Importer des ensembles de données rectangulaires - Exporter des donnes de R vers un fichier texte - Vérifier si les données ont été correctement importées - Examiner la distribution des observations d'une variable - Examiner visuellement et tester la normalité d'une variable - Calculer des statistiques descriptives d'une variable - Effectuer des transformations de données

1.1.1 Paquets et données requises pour le labo

Ce laboratoire nécessite:

- les paquets R:
 - questionr
 - ggplot2
- les fichiers de données
 - ErablesGatineau.csv
 - sturgeon.csv

1.2 Premier pas avec R

Une fois R et RStudio installés sur votre machine, nous n'allons pas lancer R mais plutôt RStudio.

RStudio n'est pas à proprement parler une interface graphique qui permettrait d'utiliser R de manière "classique" via la souris, des menus et des boîtes de dialogue. Il s'agit plutôt de ce qu'on appelle un *Environnement de développement intégré* (IDE) qui facilite l'utilisation de R et le développement de scripts.

1.2.1 La console

1.2.1.1 L'invite de commandes

Au premier lancement de RStudio, l'écran principal est découpé en trois grandes zones :

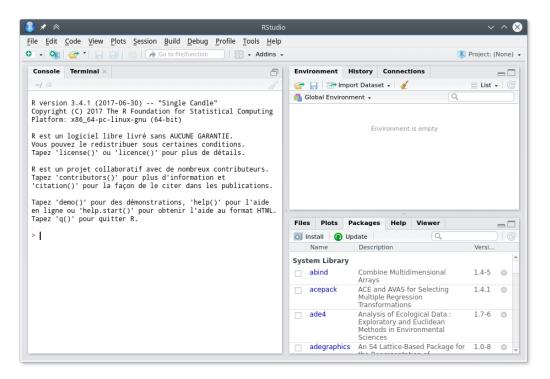


Figure 1.1: Interface de RStudio

La zone de gauche se nomme Console. À son démarrage, RStudio a lancé une nou-

velle session de R et c'est dans cette fenêtre que nous allons pouvoir interagir avec lui.

La Console doit normalement afficher un texte de bienvenue ressemblant à ceci :

R version 4.0.2 (2020-06-22) -- "Taking Off Again" Copyright (C) 2020 The R Foundation for Statistical Computing Platform: x86_64-pc-linux-gnu (64-bit)

R est un logiciel libre livré sans AUCUNE GARANTIE. Vous pouvez le redistribuer sous certaines conditions. Tapez 'license()' ou 'licence()' pour plus de détails.

R est un projet collaboratif avec de nombreux contributeurs. Tapez 'contributors()' pour plus d'information et 'citation()' pour la façon de le citer dans les publications.

Tapez 'demo()' pour des démonstrations, 'help()' pour l'aide en ligne ou 'help.start()' pour obtenir l'aide au format HTML. Tapez 'q()' pour quitter R.

suivi d'une ligne commençant par le caractère > et sur laquelle devrait se trouver votre curseur. Cette ligne est appelée l'invite de commande (ou prompt en anglais). Elle signifie que R est disponible et en attente de votre prochaine commande.

Nous pouvons tout de suite lui fournir une première commande, en saisissant le texte suivant puis en appuyant sur Entrée:

2 + 2

[1] 4

R nous répond immédiatement, et nous pouvons constater avec soulagement qu'il sait faire des additions à un chiffre¹. On peut donc continuer avec d'autres opérations :

5 - 7

¹On peut ignorer pour le moment la présence du [1] en début de ligne.

```
## [1] -2
```

```
4 * 12
```

[1] 48

```
-10 / 3
```

[1] -3.333333

5^2

[1] 25

Cette dernière opération utilise le symbole ^ qui représente l'opération *puissance*. 5^2 signifie donc "5 au carré", soit 25.

1.2.1.2 Précisions concernant la saisie des commandes

Lorsqu'on saisit une commande, les espaces autour des opérateurs n'ont pas d'importance. Les trois commandes suivantes sont donc équivalentes, mais on privilégie en général la deuxième pour des raisons de lisibilité du code.

```
10+2
10 + 2
10 + 2
```

Quand vous êtes dans la console, vous pouvez utiliser les flèches vers le haut et vers le bas pour naviguer dans l'historique des commandes que vous avez tapées précédemment. Vous pouvez à tout moment modifier la commande affichée, et l'exécuter en appuyant sur Entrée.

Enfin, il peut arriver qu'on saisisse une commande de manière incomplète: oubli d'une parenthèse, faute de frappe, etc. Dans ce cas, R remplace l'invite de commande habituel par un signe +:

```
4 *
```

Cela signifie qu'il "attend la suite". On peut alors soit compléter la commande sur cette nouvelle ligne et appuyer sur Entrée, soit, si on est perdu, tout annuler et revenir à l'invite de commandes normal en appuyant sur Esc ou Échap.

1.2.2 Objets

1.2.2.1 Objets simples

Faire des calculs c'est bien, mais il serait intéressant de pouvoir stocker un résultat quelque part pour pouvoir le réutiliser ultérieurement sans avoir à faire du copier/coller.

Pour conserver le résultat d'une opération, on peut le stocker dans un *objet* à l'aide de l'opérateur d'assignation <-. Cette "flèche" stocke ce qu'il y a à sa droite dans un objet dont le nom est indiqué à sa gauche.

Prenons tout de suite un exemple :

```
x <- 2
```

Cette commande peut se lire "prend la valeur 2 et mets la dans un objet qui s'appelle x".

Si on exécute une commande comportant juste le nom d'un objet, R affiche son contenu:

```
Х
```

```
## [1] 2
```

On voit donc que notre objet x contient bien la valeur 2.

On peut évidemment réutiliser cet objet dans d'autres opérations. R le remplacera alors par sa valeur :

```
x + 4
```

[1] 6

On peut créer autant d'objets qu'on le souhaite.

```
x <- 2
y <- 5
resultat <- x + y
resultat</pre>
```

[1] 7



Les noms d'objets peuvent contenir des lettres, des chiffres, les symboles . et _. Ils ne peuvent pas commencer par un chiffre. Attention, R fait la différence entre minuscules et majuscules dans les noms d'objets, ce qui signifie que x et X seront deux objets différents, tout comme resultat et Resultat.

De manière générale, il est préférable d'éviter les majuscules (pour les risques d'erreur) et les caractères accentués (pour des questions d'encodage) dans les noms d'objets.

De même, il faut essayer de trouver un équilibre entre clarté du nom (comprendre à quoi sert l'objet, ce qu'il contient) et sa longueur. Par exemple, on préfèrera comme nom d'objet taille_conj1 à taille_du_conjoint_numero_1 (trop long) ou à t1 (pas assez explicite).

Quand on assigne une nouvelle valeur à un objet déjà existant, la valeur précédente est perdue. Les objets n'ont pas de mémoire.

```
x <- 2
x <- 5
x
```

[1] 5

De la même manière, assigner un objet à un autre ne crée pas de "lien" entre les deux. Cela copie juste la valeur de l'objet de droite dans celui de gauche :

```
x <- 1
y <- 3
x <- y
x
```

[1] 3

```
## Si on modifie y, cela ne modifie pas x
y <- 4
x
```

```
## [1] 3
```

On le verra, les objets peuvent contenir tout un tas d'informations. Jusqu'ici on n'a stocké que des nombres, mais ils peuvent aussi contenir des chaînes de caractères (du texte), qu'on délimite avec des guillemets simples ou doubles (' ou "):

```
chien <- "Chihuahua"
chien
```

[1] "Chihuahua"

1.2.3 Vecteurs

Imaginons maintenant qu'on a demandé la taille en centimètres de 5 personnes et qu'on souhaite calculer leur taille moyenne. On pourrait créer autant d'objets que de tailles et faire l'opération mathématique qui va bien :

```
taille1 <- 156
taille2 <- 164
taille3 <- 197
taille4 <- 147
```

```
taille5 <- 173
(taille1 + taille2 + taille3 + taille4 + taille5) / 5
```

```
## [1] 167.4
```

Cette manière de faire n'est évidemment pas pratique du tout. On va plutôt stocker l'ensemble de nos tailles dans un seul objet, de type *vecteur*, avec la syntaxe suivante :

```
tailles <- c(156, 164, 197, 147, 173)
```

Si on affiche le contenu de cet objet, on voit qu'il contient bien l'ensemble des tailles saisies :

```
tailles
```

```
## [1] 156 164 197 147 173
```

Un vecteur dans R est un objet qui peut contenir plusieurs informations du même type, potentiellement en très grand nombre.

L'avantage d'un vecteur est que lorsqu'on lui applique une opération, celle-ci s'applique à toutes les valeurs qu'il contient. Ainsi, si on veut la taille en mètres plutôt qu'en centimètres, on peut faire :

```
tailles_m <- tailles / 100
tailles_m
```

```
## [1] 1.56 1.64 1.97 1.47 1.73
```

Cela fonctionne pour toutes les opérations de base :

```
tailles + 10
```

```
## [1] 166 174 207 157 183
```

tailles^2

```
## [1] 24336 26896 38809 21609 29929
```

Imaginons maintenant qu'on a aussi demandé aux cinq mêmes personnes leur poids en kilos. On peut alors créer un deuxième vecteur :

```
poids <- c(45, 59, 110, 44, 88)
```

On peut alors effectuer des calculs utilisant nos deux vecteurs tailles et poids. On peut par exemple calculer l'indice de masse corporelle (IMC) de chacun de nos enquêtés en divisant leur poids en kilo par leur taille en mètre au carré:

```
imc <- poids / (tailles / 100) ^ 2
imc</pre>
```

```
## [1] 18.49112 21.93635 28.34394 20.36189 29.40292
```

Un vecteur peut contenir des nombres, mais il peut aussi contenir du texte. Imaginons qu'on a demandé aux 5 mêmes personnes leur niveau de diplôme: on peut regrouper l'information dans un vecteur de *chaînes de caractères*. Une chaîne de caractère contient du texte libre, délimité par des guillemets simples ou doubles:

```
diplome <- c("PHD", "Bac", "MSc", "MSc", "Bac")
diplome</pre>
```

```
## [1] "PHD" "Bac" "MSc" "MSc" "Bac"
```

L'opérateur :, lui, permet de générer rapidement un vecteur comprenant tous les nombres entre deux valeurs, opération assez courante sous R :

```
x <- 1:10
x
```

```
## [1] 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
```

Enfin, notons qu'on peut accéder à un élément particulier d'un vecteur en faisant suivre le nom du vecteur de crochets contenant le numéro de l'élément désiré. Par exemple :

diplome[2]

```
## [1] "Bac"
```

Cette opération, qui utilise l'opérateur [], permet donc la sélection d'éléments d'un vecteur.

Dernière remarque, si on affiche dans la console un vecteur avec beaucoup d'éléments, ceux-ci seront répartis sur plusieurs lignes. Par exemple, si on a un vecteur de 50 nombres on peut obtenir quelque chose comme :

- [1] 294 425 339 914 114 896 716 648 915 587 181 926 489
- [14] 848 583 182 662 888 417 133 146 322 400 698 506 944
- [27] 237 324 333 443 487 658 793 288 897 588 697 439 697
- [40] 914 694 126 969 744 927 337 439 226 704 635

On remarque que R ajoute systématiquement un nombre entre crochets au début de chaque ligne : il s'agit en fait de la position du premier élément de la ligne dans le vecteur. Ainsi, le 848 de la deuxième ligne est le 14e élément du vecteur, le 914 de la dernière ligne est le 40e, etc.

Ceci explique le [1] qu'on obtient quand on affiche un simple nombre et permet de constater que pour R, un nombre est un vecteur à un seul élément :

 $\lceil 1 \rceil 4$

1.2.4 Fonctions

1.2.4.1 Principe

Nous savons désormais effectuer des opérations arithmétiques de base sur des nombres et des vecteurs, et stocker des valeurs dans des objets pour pouvoir les réutiliser plus tard.

Pour aller plus loin, nous devons aborder les *fonctions* qui sont, avec les objets, un deuxième concept de base de R. On utilise des fonctions pour effectuer des calculs, obtenir des résultats et accomplir des actions.

Formellement, une fonction a un nom, elle prend en entrée entre parenthèses un ou plusieurs arguments (ou paramètres), et retourne un résultat.

Prenons tout de suite un exemple. Si on veut connaître le nombre d'éléments du vecteur tailles que nous avons construit précédemment, on peut utiliser la fonction length, de cette manière :

length(tailles)

```
## [1] 5
```

Ici, length est le nom de la fonction, on l'appelle en lui passant un argument entre parenthèses (en l'occurrence notre vecteur tailles), et elle nous renvoie un résultat, à savoir le nombre d'éléments du vecteur passé en paramètre.

Autre exemple, les fonctions min et max retournent respectivement les valeurs minimales et maximales d'un vecteur de nombres :

```
min(tailles)
```

[1] 147

```
max(tailles)
```

```
## [1] 197
```

La fonction mean calcule et retourne la moyenne d'un vecteur de nombres :

```
mean(tailles)
```

```
## [1] 167.4
```

La fonction sum retourne la somme de tous les éléments du vecteur :

```
sum(tailles)
```

```
## [1] 837
```

Jusqu'à présent on n'a vu que des fonctions qui calculent et retournent un unique nombre. Mais une fonction peut renvoyer d'autres types de résultats. Par exemple, la fonction range (étendue) renvoie un vecteur de deux nombres, le minimum et le maximum:

```
range(tailles)
```

```
## [1] 147 197
```

Ou encore, la fonction unique, qui supprime toutes les valeurs en double dans un vecteur, qu'il s'agisse de nombres ou de chaînes de caractères :

```
diplome
```

```
## [1] "PHD" "Bac" "MSc" "MSc" "Bac"
```

```
unique(diplome)
```

```
## [1] "PHD" "Bac" "MSc"
```

1.2.4.2 Arguments

Une fonction peut prendre plusieurs arguments, dans ce cas on les indique toujours entre parenthèses, séparés par des virgules.

On a déjà rencontré un exemple de fonction acceptant plusieurs arguments : la fonction c, qui combine l'ensemble de ses arguments en un vecteur² :

```
tailles <- c(156, 164, 197, 181, 173)
```

Ici, c est appelée en lui passant cinq arguments, les cinq tailles séparées par des virgules, et elle renvoie un vecteur numérique regroupant ces cinq valeurs.

Supposons maintenant que dans notre vecteur tailles nous avons une valeur manquante (une personne a refusé de répondre, ou notre mètre mesureur était en panne). On symbolise celle-ci dans R avec le code interne NA:

²C est l'abbréviation de combine, son nom est très court car on l'utilise très souvent

```
tailles <- c(156, 164, 197, NA, 173) tailles
```

[1] 156 164 197 NA 173



NA est l'abbréviation de *Not available*, non disponible. Cette valeur particulière peut être utilisée pour indiquer une valeur manquante, qu'il s'agisse d'un nombre, d'une chaîne de caractères, etc.

Si je calcule maintenant la taille moyenne à l'aide de la fonction mean, j'obtiens :

```
mean(tailles)
```

[1] NA

En effet, R considère par défaut qu'il ne peut pas calculer la moyenne si une des valeurs n'est pas disponible. Il considère alors que cette moyenne est elle-même "non disponible" et renvoie donc comme résultat NA.

On peut cependant indiquer à mean d'effectuer le calcul en ignorant les valeurs manquantes. Ceci se fait en ajoutant un argument supplémentaire, nommé na . rm (abbréviation de *NA remove*, "enlever les NA"), et de lui attribuer la valeur TRUE (code interne de R signifiant *vrai*):

```
mean(tailles, na.rm = TRUE)
```

[1] 172.5

Positionner le paramètre na.rm à TRUE indique à la fonction mean de ne pas tenir compte des valeurs manquantes dans le calcul.

Si on ne dit rien à la fonction mean, cet argument a une valeur par défaut, en l'occurrence FALSE (faux), qui fait qu'il ne supprime pas les valeurs manquantes. Les deux commandes suivantes sont donc rigoureusement équivalentes :

```
mean(tailles)
```

[1] NA

```
mean(tailles, na.rm = FALSE)
```

[1] NA



Lorsqu'on passe un argument à une fonction de cette manière, c'est-à-dire sous la forme nom = valeur, on parle d'argument nommé.

1.2.4.3 Aide sur une fonction

Il est fréquent de ne pas savoir (ou d'avoir oublié) quels sont les arguments d'une fonction, ou comment ils se nomment. On peut à tout moment faire appel à l'aide intégrée à R en passant le nom de la fonction (entre guillemets) à la fonction help:

```
help("mean")
```

On peut aussi utiliser le raccourci?mean.

Ces deux commandes affichent une page (en anglais) décrivant la fonction, ses paramètres, son résultat, le tout accompagné de diverses notes, références et exemples. Ces pages d'aide contiennent à peu près tout ce que vous pourrez chercher à savoir, mais elles ne sont pas toujours d'une lecture aisée.

Dans RStudio, les pages d'aide en ligne s'ouvriront par défaut dans la zone en bas à droite, sous l'onglet *Help*. Un clic sur l'icône en forme de maison vous affichera la page d'accueil de l'aide.

1.2.5 Regrouper ses commandes dans des scripts

Jusqu'ici on a utilisé R de manière "interactive", en saisissant des commandes directement dans la console. Ça n'est cependant pas la manière dont on va utiliser R au quotidien, pour une raison simple : lorsque R redémarre, tout ce qui a été effectué dans la console est perdu.

Plutôt que de saisir nos commandes dans la console, on va donc les regrouper dans des scripts (de simples fichiers texte), qui vont garder une trace de toutes les opérations effectuées, et ce sont ces scripts, sauvegardés régulièrement, qui seront le "coeur" de notre travail. C'est en rouvrant les scripts et en réexécutant les commandes qu'ils contiennent qu'on pourra "reproduire" les données, leur traitement, les analyses et leurs résultats.

Pour créer un script, il suffit de sélectionner le menu *File*, puis *New file* et *R script*. Une quatrième zone apparaît alors en haut à gauche de l'interface de RStudio. On peut enregistrer notre script à tout moment dans un fichier avec l'extension . R, en cliquant sur l'icône de disquette ou en choissant *File* puis *Save*.

Un script est un fichier texte brut, qui s'édite de la manière habituelle. À la différence de la console, quand on appuie sur Entrée, cela n'exécute pas la commande en cours mais insère un saut de ligne (comme on pouvait s'y attendre).

Pour exécuter une commande saisie dans un script, il suffit de positionner le curseur sur la ligne de la commande en question, et de cliquer sur le bouton Run dans la barre d'outils juste au-dessus de la zone d'édition du script. On peut aussi utiliser le raccourci clavier Ctrl + Entrée (Cmd + Entrée sous Mac). On peut enfin sélectionner plusieurs lignes avec la souris ou le clavier et cliquer sur Run (ou utiliser le raccourci clavier), et l'ensemble des lignes est exécuté d'un coup.

Au final, un script pourra ressembler à quelque chose comme ça :

```
tailles <- c(156, 164, 197, 147, 173)
poids <- c(45, 59, 110, 44, 88)

mean(tailles)
mean(poids)

imc <- poids / (tailles / 100) ^ 2
min(imc)
max(imc)</pre>
```

1.2.5.1 Commentaires

Les commentaires sont un élément très important d'un script. Il s'agit de texte libre, ignoré par R, et qui permet de décrire les étapes du script, sa logique, les raisons pour lesquelles on a procédé de telle ou telle manière... Il est primordial de documenter ses scripts à l'aide de commentaires, car il est très facile de ne plus se retrouver dans un programme qu'on a produit soi-même, même après une courte interruption.

Pour ajouter un commentaire, il suffit de le faire précéder d'un ou plusieurs symboles #. En effet, dès que R rencontre ce caractère, il ignore tout ce qui se trouve derrière, jussqu'à la fin de la ligne.

On peut donc documenter le script précédent :

```
# Saisie des tailles et poids des enquêtés
tailles <- c(156, 164, 197, 147, 173)
poids <- c(45, 59, 110, 44, 88)

# Calcul des tailles et poids moyens
mean(tailles)
mean(poids)

# Calcul de l'IMC (poids en kilo divisé par les tailles en mètre au
imc <- poids / (tailles / 100) ^ 2

# Valeurs extrêmes de l'IMC
min(imc)
max(imc)</pre>
```

1.2.6 Installer et charger des extensions (packages)

R étant un logiciel libre, il bénéficie d'un développement communautaire riche et dynamique. L'installation de base de R permet de faire énormément de choses, mais le langage dispose en plus d'un système d'extensions permettant d'ajouter facilement de nouvelles fonctionnalités. La plupart des extensions sont développées et maintenues par la communauté des utilisateurs de R, et diffusées via un réseau de serveurs nommé CRAN (Comprehensive R Archive Network).

Pour installer une extension, si on dispose d'une connexion Internet, on peut utiliser le bouton *Install* de l'onglet *Packages* de RStudio.

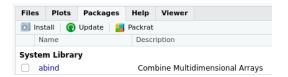


Figure 1.2: Installer une extension

Il suffit alors d'indiquer le nom de l'extension dans le champ *Package* et de cliquer sur *Install*.

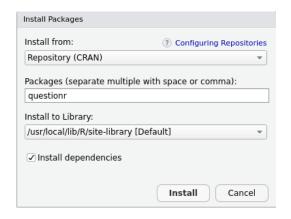


Figure 1.3: Installation une extension

images/screenshots/rstudio_package_install.png On peut aussi installer des extensions en utilisant la fonction install.packages() directement dans la console. Par exemple, pour installer le package questionr on peut exécuter la commande:

install.packages("questionr")

Installer une extension via l'une des deux méthodes précédentes va télécharger l'ensemble des fichiers nécessaires depuis l'une des machines du CRAN, puis installer tout ça sur le disque dur de votre ordinateur. Vous n'avez besoin de le faire qu'une fois, comme vous le faites pour installer un programme sur votre Mac ou PC.

Une fois l'extension installée, il faut la "charger" avant de pouvoir utiliser les fonctions qu'elle propose. Ceci se fait avec la fonction library. Par exemple, pour pouvoir utiliser les fonctions de questionr, vous devrez exécuter la commande suivante:

library(questionr)

Ainsi, bien souvent, on regroupe en début de script toute une série d'appels à library qui permettent de charger tous les packages utilisés dans le script. Quelque chose comme :

```
library(readxl)
library(ggplot2)
library(questionr)
```

Si vous essayez d'exécuter une fonction d'une extension et que vous obtenez le message d'erreur impossible de trouver la fonction, c'est certainement parce que vous n'avez pas exécuté la commande library correspondante.

1.2.7 Exercices

Exercice 1

Construire le vecteur x suivant :

```
## [1] 120 134 256 12
```

Utiliser ce vecteur x pour générer les deux vecteurs suivants :

```
## [1] 220 234 356 112
## [1] 240 268 512 24
```

Exercice 2

On a demandé à 4 ménages le revenu des deux conjoints, et le nombre de personnes du ménage :

```
conjoint1 <- c(1200, 1180, 1750, 2100)
conjoint2 <- c(1450, 1870, 1690, 0)
nb_personnes <- c(4, 2, 3, 2)</pre>
```

Calculer le revenu total de chaque ménage, puis diviser par le nombre de personnes pour obtenir le revenu par personne de chaque ménage.

Exercice 3

Dans l'exercice précédent, calculer le revenu minimum et maximum parmi ceux du premier conjoint.

```
conjoint1 <- c(1200, 1180, 1750, 2100)
```

Recommencer avec les revenus suivants, parmi lesquels l'un des enquetés n'a pas voulu répondre :

```
conjoint1 <- c(1200, 1180, 1750, NA)
```

Exercice 4

Les deux vecteurs suivants représentent les précipitations (en mm) et la température (en °C) moyennes sur la ville de Lyon, pour chaque mois de l'année, entre 1981 et 2010 :

```
temperature <- c(3.4, 4.8, 8.4, 11.4, 15.8, 19.4, 22.2, 21.6, 17.6, 13.4, precipitations <- c(47.2, 44.1, 50.4, 74.9, 90.8, 75.6, 63.7, 62, 87.5, 9
```

Calculer la température moyenne sur l'année.

Calculer la quantité totale de précipitations sur l'année.

À quoi correspond et comment peut-on interpréter le résultat de la fonction suivante ? Vous pouvez vous aider de la page d'aide de la fonction si nécessaire.

```
cumsum(precipitations)
```

[1] 47.2 91.3 141.7 216.6 307.4 383.0 446.7 508.7 596.2 694.8 776.

Même question pour:

```
diff(temperature)
```

Exercice 5

On a relevé les notes en maths, anglais et sport d'une classe de 6 élèves et on a stocké ces données dans trois vecteurs :

```
maths <- c(12, 16, 8, 18, 6, 10)
anglais <- c(14, 9, 13, 15, 17, 11)
sport <- c(18, 11, 14, 10, 8, 12)
```

Calculer la moyenne des élèves de la classe en anglais.

Calculer la moyenne générale de chaque élève.

Essayez de comprendre le résultat des deux fonctions suivantes (vous pouvez vous aider de la page d'aide de ces fonctions) :

```
pmin(maths, anglais, sport)
```

```
## [1] 12 9 8 10 6 10
```

```
pmax(maths, anglais, sport)
```

```
## [1] 18 16 14 18 17 12
```

1.3 Premier travail avec des données

1.3.1 Jeu de données d'exemple

Dans cette partie nous allons (enfin) travailler sur des "vraies" données, et utiliser un jeu de données présent dans l'extension questionr. Nous devons donc avant toute chose installer cette extension.

Pour installer ce package, deux possibilités :

- Dans l'onglet *Packages* de la zone de l'écran en bas à droite, cliquez sur le bouton *Install*. Dans le dialogue qui s'ouvre, entrez "questionr" dans le champ *Packages* puis cliquez sur *Install*.
- Saisissez directement la commande suivante dans la console : install.packages("questionr")

Dans les deux cas, tout un tas de messages devraient s'afficher dans la console. Attendez que l'invite de commandes > apparaisse à nouveau.

Pour plus d'informations sur les extensions et leur installation, voir la section 1.2.6.

Le jeu de données que nous allons utiliser est un extrait de l'enquête *Histoire de vie* réalisée par l'INSEE en 2003. Il contient 2000 individus et 20 variables.

Pour pouvoir utiliser ces données, il faut d'abord charger l'extension questionr (après l'avoir installée, bien entendu):

library(questionr)

L'utilisation de library permet de rendre "disponibles", dans notre session R, les fonctions et jeux de données inclus dans l'extension.

Nous devons ensuite indiquer à R que nous souhaitons accéder au jeu de données à l'aide de la commande data:

data(hdv2003)

Cette commande ne renvoie aucun résultat particulier (sauf en cas d'erreur), mais vous devriez voir apparaître dans l'onglet Environment de RStudio un

nouvel objet nommé hdv2003 :



Figure 1.4: Onglet Environment

Cet objet est d'un type nouveau : il s'agit d'un tableau de données.

1.3.2 Tableau de données (data frame)

Un data frame (ou tableau de données, ou table) est un type d'objet R qui contient des données au format tabulaire, avec les observations en ligne et les variables en colonnes, comme dans une feuille de tableur de type LibreOffice ou Excel.

Si on se contente d'exécuter le nom de notre tableau de données :

hdv2003

R va, comme à son habitude, nous l'afficher dans la console, ce qui est tout sauf utile.

Une autre manière d'afficher le contenu du tableau est de cliquer sur l'icône en forme de tableau à droite du nom de l'objet dans l'onglet *Environment* :



Figure 1.5: Icone view

Ou d'utiliser la fonction View:

View(hdv2003)

Dans les deux cas votre tableau devrait s'afficher dans RStudio avec une interface de type tableur :

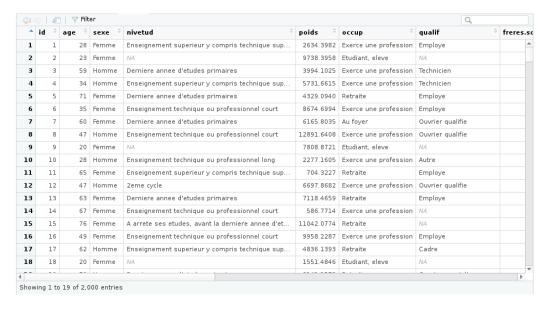


Figure 1.6: Interface View

Il est important de comprendre que l'objet hdv2003 contient l'intégralité des données du tableau. On voit donc qu'un objet peut contenir des données de types très différents (simple nombre, texte, vecteur, tableau de données entier), et être potentiellement de très grande taille³.



Sous R, on peut importer ou créer autant de tableaux de données qu'on le souhaite, dans les limites des capacités de sa machine.

Un data frame peut être manipulé comme les autres objets vus précédemment. On peut par exemple faire :

d < -hdv2003

ce qui va entraîner la copie de l'ensemble de nos données dans un nouvel objet nommé d. Ceci peut paraître parfaitement inutile mais a en fait l'avantage de fournir un objet avec un nom beaucoup plus court, ce qui diminuera la quantité de texte à saisir par la suite.

³La seule limite pour la taille d'un objet étant la mémoire vive (RAM) de la machine sur laquelle tourne la session R.

Pour résumer, comme nous avons désormais décidé de saisir nos commandes dans un script et non plus directement dans la console, les premières lignes de notre fichier de travail sur les données de l'enquête *Histoire de vie* pourraient donc ressembler à ceci :

```
## Chargement des extensions nécessaires
library(questionr)

## Jeu de données hdv2003
data(hdv2003)
d <- hdv2003</pre>
```

1.3.2.1 Structure du tableau

Un tableau étant un objet comme un autre, on peut lui appliquer des fonctions. Par exemple, nrow et ncol retournent le nombre de lignes et de colonnes du tableau:

```
nrow(d)
## [1] 2000

ncol(d)
## [1] 20
```

La fonction dim renvoie ses dimensions, donc les deux nombres précédents :

```
dim(d)
```

```
## [1] 2000 20
```

La fonction names retourne les noms des colonnes du tableau, c'est-à-dire la liste de nos variables:

names(d)

```
"age"
   [1] "id"
                                 "sexe"
                                               "nivetud"
##
                     "occup"
                                  "qualif"
## [5] "poids"
                                                "freres.soeurs"
                    "relig"
                                  "trav.imp"
## [9] "clso"
                                                 "trav.satisf"
                     "lecture.bd" "peche.chasse" "cuisine"
## [13] "hard.rock"
## [17] "bricol"
                     "cinema"
                                   "sport"
                                                 "heures.tv"
```

Enfin, la fonction str renvoie un descriptif plus détaillé de la structure du tableau. Elle liste les différentes variables, indique leur type ⁴ et affiche les premières valeurs:

str(d)

```
## 'data.frame': 2000 obs. of
                                 20 variables:
                    : int 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 ...
    $ id
                  : int 28 23 59 34 71 35 60 47 20 28 ...
##
   $ age
                : Factor w/ 2 levels "Homme", "Femme": 2 2 1 1 2 2 2 1 2 1 ...
## $ sexe
                 : Factor w/ 8 levels "N'a jamais fait d'etudes",..: 8 NA 3 8
   $ nivetud
    $ poids
                    : num 2634 9738 3994 5732 4329 ...
##
                : Factor w/ 7 levels "Exerce une profession",..: 1 3 1 1 4 1 6
   $ occup
##
                 : Factor w/ 7 levels "Ouvrier specialise",..: 6 NA 3 3 6 6 2 2
##
   $ qualif
    $ freres.soeurs: int 8 2 2 1 0 5 1 5 4 2 ...
                : Factor w/ 3 levels "Oui", "Non", "Ne sait pas": 1 1 2 2 1 2 1 2
## $ clso
                : Factor w/ 6 levels "Pratiquant regulier",..: 4 4 4 3 1 4 3 4
## $ relig
                 : Factor w/ 4 levels "Le plus important",..: 4 NA 2 3 NA 1 NA
## $ trav.imp
## $ trav.satisf : Factor w/ 3 levels "Satisfaction",..: 2 NA 3 1 NA 3 NA 2 NA
                  : Factor w/ 2 levels "Non", "Oui": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ hard.rock
## $ lecture.bd : Factor w/ 2 levels "Non", "Oui": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ peche.chasse : Factor w/ 2 levels "Non", "Oui": 1 1 1 1 1 1 2 2 1 1 ...
                 : Factor w/ 2 levels "Non", "Oui": 2 1 1 2 1 1 2 2 1 1 ...
## $ cuisine
                 : Factor w/ 2 levels "Non", "Oui": 1 1 1 2 1 1 1 2 1 1 ...
## $ bricol
                 : Factor w/ 2 levels "Non", "Oui": 1 2 1 2 1 2 1 1 2 2 ...
## $ cinema
                : Factor w/ 2 levels "Non", "Oui": 1 2 2 2 1 2 1 1 1 2 ...
## $ sport
```

⁴Les différents types de variables seront décrits plus en détail dans le chapitre **??** sur les recodages.

```
## $ heures.tv : num 0 1 0 2 3 2 2.9 1 2 2 ...
```

Sous RStudio, on peut afficher à tout moment la structure d'un objet en cliquant sur l'icône de triangle sur fond bleu à gauche du nom de l'objet dans l'onglet *Environment* :

```
Environment History Connections Build Git
🕣 📊 🔛 Import Dataset 🗸 🧹
Global Environment •
Data
o d
                               2000 obs. of 20 variables
   id: int 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 ...
   age : int 28 23 59 34 71 35 60 47 20 28 ...
   sexe : Factor w/ 2 levels "Homme", "Femme": 2 2 1 1 2 2 2 1 2 1 ...
   nivetud : Factor w/ 8 levels "N'a jamais fait d'etudes",..: 8 NA 3 8 3 6 3 6 NA 7 ...
   poids : num 2634 9738 3994 5732 4329 ...
   occup : Factor w/ 7 levels "Exerce une profession",..: 1 3 1 1 4 1 6 1 3 1 ...
   qualif : Factor w/ 7 levels "Ouvrier specialise",..: 6 NA 3 3 6 6 2 2 NA 7 ...
   freres.soeurs: int 8 2 2 1 0 5 1 5 4 2 ...
   clso : Factor w/ 3 levels "Oui", "Non", "Ne sait pas": 1 1 2 2 1 2 1 2 1 2 ...
   relig : Factor w/ 6 levels "Pratiquant regulier",..: 4 4 4 3 1 4 3 4 3 2 ...
   trav.imp : Factor w/ 4 levels "Le plus important",..: 4 NA 2 3 NA 1 NA 4 NA 3 ...
   trav.satisf : Factor w/ 3 levels "Satisfaction",..: 2 NA 3 1 NA 3 NA 2 NA 1 ...
   hard.rock : Factor w/ 2 levels "Non", "Oui": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
```

Figure 1.7: Structure d'un objet

1.3.2.2 Accéder aux variables d'un tableau

Une opération très importante est l'accès aux variables du tableau (à ses colonnes) pour pouvoir les manipuler, effectuer des calculs, etc. On utilise pour cela l'opérateur \$, qui permet d'accéder aux colonnes du tableau. Ainsi, si l'on tape:

```
d$sexe
```

```
## [1] Femme Femme Homme Femme Femme Femme Homme Homme Homme Homme Homme Homme Homme Homme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Homme Femme Femme Homme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Homme Homme Homme Femme Homme Homme
```

[49] Femme Femme Homme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Ho ## [61] Femme Homme Homme Homme Femme Homme Homme Femme Femme Ho

```
## [73] Femme Femme Femme Femme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Femme Hom
## [85] Homme Femme Homme Homme Homme Homme Homme Femme Femme Femme Fem
## [97] Homme Homme Femme Femme Femme Homme Homme Homme Femme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Homme Femme Homme Femme Homme Femme Homme Femme Homme Homme Femme Femme Homme Femme Femme Homme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Femme Homme Homme Homme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Homme Homme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Homme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Homme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Homme Homme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Homme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Homme Homme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Femme Femme Femme Femme Femme Homme Femme Homme Femme Femm
```

R va nous afficher l'ensemble des valeurs de notre variable sexe dans la console, ce qui est à nouveau fort peu utile. Mais cela nous permet de constater que d\$sexe est un vecteur de chaînes de caractères tels qu'on en a déjà rencontré précédemment.

La fonction table\$colonne renvoie donc la colonne nommée colonne du tableau table, c'est-à-dire un vecteur, en général de nombres ou de chaînes de caractères.

Si on souhaite afficher seulement les premières ou dernières valeurs d'une variable, on peut utiliser les fonctions head et tail:

```
head(d$age)
## [1] 28 23 59 34 71 35
tail(d$age, 10)
```

```
## [1] 52 42 50 41 46 45 46 24 24 66
```

Le deuxième argument numérique permet d'indiquer le nombre de valeurs à afficher.

1.3.2.3 Créer une nouvelle variable

On peut aussi utiliser l'opérateur \$ pour créer une nouvelle variable dans notre tableau : pour cela, il suffit de lui assigner une valeur.

Par exemple, la variable heures . tv contient le nombre d'heures passées quotidiennement devant la télé :

```
head(d$heures.tv, 10)
```

```
## [1] 0.0 1.0 0.0 2.0 3.0 2.0 2.9 1.0 2.0 2.0
```

On peut vouloir créer une nouvelle variable dans notre tableau qui contienne la même durée mais en minutes. On va donc créer une nouvelle variables minutes. Ty de la manière suivante :

```
d$minutes.tv <- d$heures.tv * 60
```

On peut alors constater, soit visuellement soit dans la console, qu'une nouvelle variable (une nouvelle colonne) a bien été ajoutée au tableau :

```
head(d$minutes.tv)
```

```
## [1] 0 60 0 120 180 120
```

1.3.3 Analyse univariée

On a donc désormais accès à un tableau de données d, dont les lignes sont des observations (des individus enquêtés), et les colonnes des variables (des caractéristiques de chacun de ces individus), et on sait accéder à ces variables grâce à l'opérateur \$.

Si on souhaite analyser ces variables, les méthodes et fonctions utilisées seront différentes selon qu'il s'agit d'une variable *quantitative* (variable numérique pouvant prendre un grand nombre de valeurs : l'âge, le revenu, un pourcentage...) ou d'une variable *qualitative* (variable pouvant prendre un nombre limité de valeurs appelées modalités : le sexe, la profession, le dernier diplôme obtenu, etc.).

1.3.3.1 Analyser une variable quantitative

Une variable quantitative est une variable de type numérique (un nombre) qui peut prendre un grand nombre de valeurs. On en a plusieurs dans notre jeu de données, notamment l'âge (variable age) ou le nombre d'heures passées devant la télé (heures.tv).

1.3.3.1.1 Indicateurs de centralité

Caractériser une variable quantitative, c'est essayer de décrire la manière dont ses valeurs se répartissent, ou se distribuent.

Pour cela on peut commencer par regarder les valeurs extrêmes, avec les fonctions min, max ou range:

```
min(d$age)
```

[1] 18

max(d\$age)

[1] 97

range(d\$age)

[1] 18 97

On peut aussi calculer des indicateurs de *centralité*: ceux-ci indiquent autour de quel nombre se répartissent les valeurs de la variable. Il y en a plusieurs, le plus connu étant la moyenne, qu'on peut calculer avec la fonction mean:

mean(d\$age)

[1] 48.157

Il existe aussi la médiane, qui est la valeur qui sépare notre population en deux : on a la moitié de nos observations en-dessous, et la moitié au-dessus. Elle se calcule avec la fonction median :

median(d\$age)

```
## [1] 48
```

Une différence entre les deux indicateurs est que la médiane est beaucoup moins sensible aux valeurs "extrêmes": on dit qu'elle est plus *robuste*. Ainsi, en 2013, le salaire net *moyen* des salariés à temps plein en France était de 2202 euros, tandis que le salaire net *médian* n'était que de 1772 euros. La différence étant due à des très hauts salaires qui "tirent" la moyenne vers le haut.

1.3.3.1.2 Indicateurs de dispersion

Les indicateurs de dispersion permettent de mesurer si les valeurs sont plutôt regroupées ou au contraire plutôt dispersées.

L'indicateur le plus simple est l'étendue de la distribution, qui décrit l'écart maximal observé entre les observations :

```
max(d$age) - min(d$age)
```

```
## [1] 79
```

Les indicateurs de dispersion les plus utilisés sont la variance ou, de manière équivalente, l'écart-type (qui est égal à la racine carrée de la variance). On obtient la première avec la fonction var, et le second avec sd (abbréviation de standard deviation):

```
var(d$age)
```

[1] 287.0249

sd(d\$age)

```
## [1] 16.94181
```

Plus la variance ou l'écart-type sont élevés, plus les valeurs sont dispersées autour de la moyenne. À l'inverse, plus ils sont faibles et plus les valeurs sont regroupées.

Une autre manière de mesurer la dispersion est de calculer les quartiles :

- le premier quartile est la valeur pour laquelle on a 25% des observations en dessous et 75% au dessus
- le deuxième quartile est la valeur pour laquelle on a 50% des observations en dessous et 50% au dessus (c'est donc la médiane)
- le troisième quartile est la valeur pour laquelle on a 75% des observations en dessous et 25% au dessus

On peut les calculer avec la fonction quantile:

```
### Premier quartile
quantile(d$age, prob = 0.25)

## 25%
## 35

## Troisième quartile
quantile(d$age, prob = 0.75)

## 75%
## 60
```

quantile prend deux arguments principaux : le vecteur dont on veut calculer le quantile, et un argument prob qui indique quel quantile on souhaite obtenir. prob prend une valeur entre 0 et 1 : 0.5 est la médiane, 0.25 le premier quartile, 0.1 le premier décile, etc.

Notons enfin que la fonction summary permet d'obtenir d'un coup plusieurs indicateurs classiques :

```
summary(d$age)

## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 18.00 35.00 48.00 48.16 60.00 97.00
```

1.3.3.1.3 Représentation graphique

L'outil le plus utile pour étudier la distribution des valeurs d'une variable quantitative reste la représentation graphique.

La représentation la plus courante est sans doute l'histogramme. On peut l'obtenir avec la fonction hist:

hist(d\$age)

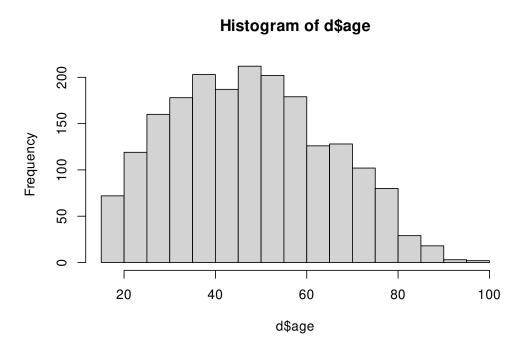


Figure 1.8: Histogramme de l'age par défaut

Cette fonction n'a pas pour effet direct d'effectuer un calcul ou de nous renvoyer un résultat : elle génère un graphique qui va s'afficher dans l'onglet *Plots* de RStudio.

On peut personnaliser l'apparence de l'histogramme en ajoutant des arguments supplémentaires à la fonction hist. L'argument le plus important est breaks, qui permet d'indiquer le nombre de classes que l'on souhaite.

hist(d\$age, breaks = 10, main = "")

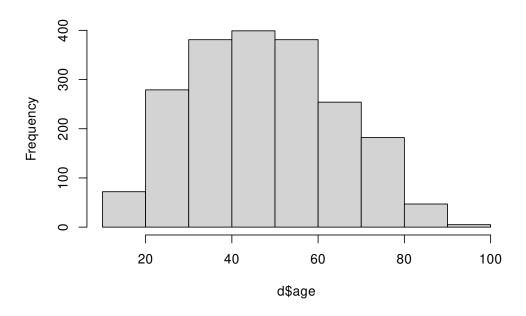


Figure 1.9: Histogramme de l'age avec 10 classes

```
hist(d$age, breaks = 70, main = "")
```

Le choix d'un "bon" nombre de classes pour un histogramme n'est pas un problème simple : si on a trop peu de classes, on risque d'effacer quasiment toutes les variations, et si on en a trop on risque d'avoir trop de détails et de masquer les grandes tendances.

Les arguments de hist permettent également de modifier la présentation du graphique. On peut ainsi changer la couleur des barres avec col⁵, le titre avec main, les étiquettes des axes avec xlab et ylab, etc.:

⁵Les différentes manières de spécifier des couleurs sont indiquées dans l'encadré de la section ??.

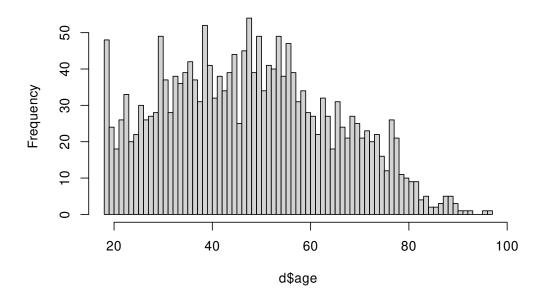


Figure 1.10: Histogramme de l'age avec 70 classes

```
hist(d$age, col = "skyblue",
    main = "Répartition des âges des enquêtés",
    xlab = "Âge",
    ylab = "Effectif")
```

La fonction hist fait partie des fonctions graphique de base de R. On verra plus en détail d'autres fonctions graphiques avec l'extension ggplot2 qui permet la production et la personnalisation de graphiques complexes.

1.3.3.2 Analyser une variable qualitative

Une variable qualitative est une variable qui ne peut prendre qu'un nombre limité de valeurs, appelées modalités. Dans notre jeu de données on trouvera par exemple le sexe (sexe), le niveau d'études (nivetud), la catégorie socio-professionnelle (qualif)...

Répartition des âges des enquêtés

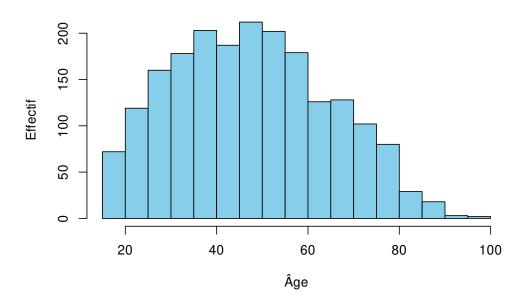


Figure 1.11: Histogramme modifié

À noter qu'une variable qualitative peut tout-à-fait être numérique, et que certaines variables peuvent être traitées soit comme quantitatives, soit comme qualitatives : c'est le cas par exemple du nombre d'enfants ou du nombre de frères et soeurs.

1.3.3.2.1 Tri à plat

L'outil le plus utilisé pour représenter la répartition des valeurs d'une variable qualitative est le *tri à plat* : il s'agit simplement de compter, pour chacune des valeurs possibles de la variable (pour chacune des modalités), le nombre d'observations ayant cette valeur. Un tri à plat s'obtient sous R à l'aide de la fonction table:

table(d\$sexe)

```
## Homme Femme
## 899 1101
```

Ce tableau nous indique donc que parmi nos enquêtés on trouve 899 hommes et 1101 femmes.

table(d\$qualif)

```
##
                                  Ouvrier qualifie
                                                               Technicien
##
       Ouvrier specialise
##
                                       292
                  203
                                                           86
## Profession intermediaire
                                             Cadre
                                                                Employe
##
                  160
                                       260
                                                           594
##
                        Autre
##
                            58
```

Un tableau de ce type peut être affiché ou stocké dans un objet, et on peut à son tour lui appliquer des fonctions. Par exemple, la fonction sort permet de trier le tableau selon la valeur de l'effectif. On peut donc faire :

```
tab <- table(d$qualif)
sort(tab)</pre>
```

```
##
##
                 Autre
                                  Technicien Profession intermediaire
                   58
                                                          160
##
                                       86
       Ouvrier specialise
                                                       Ouvrier qualifie
##
                                          Cadre
##
                  203
                                       260
                                                           292
                      Employe
##
##
                           594
```



Attention, par défaut la fonction table n'affiche pas les valeurs manquantes (NA). Si on souhaite les inclure il faut utiliser l'argument useNA = "always", soit: table (d\$qualif, useNA = "always").

À noter qu'on peut aussi appliquer summary à une variable qualitative. Le résultat est également le tri à plat de la variable, avec en plus le nombre de valeurs

manquantes éventuelles:

summary(d\$qualif)

##	Ouvrier specialise	Ouvrier qualifie		Technicien
##	203	292	86	
## I	Profession intermediaire	Cadre		Employe
##	160	260	594	
##	Autre		NA's	
##	58		347	

Par défaut ces tris à plat sont en effectifs et ne sont donc pas toujours très lisibles, notamment quand on a des effectifs importants. On leur rajoute donc en général la répartition en pourcentages. Pour cela, nous allons utiliser la fonction freq de l'extension questionr, qui devra donc avoir précédemment été chargée avec library (questionr):

```
## À rajouter en haut de script et à exécuter library(questionr)
```

On peut alors utiliser la fonction :

freq(d\$qualif)

```
##
                                    % val%
                               n
## Ouvrier specialise
                             203 10.2 12.3
## Ouvrier qualifie
                             292 14.6 17.7
## Technicien
                                  4.3
                                       5.2
                              86
## Profession intermediaire 160
                                  8.0
## Cadre
                             260 13.0 15.7
## Employe
                             594 29.7 35.9
## Autre
                              58 2.9
                                       3.5
## NA
                             347 17.3
                                        NA
```

La colonne n représente les effectifs de chaque catégorie, la colonne % le pourcentage, et la colonne val% le pourcentage calculé sur les valeurs valides, donc en excluant les NA. Une ligne a également été rajoutée pour indiquer le nombre et la proportion de NA.

freq accepte un certain nombre d'arguments pour personnaliser son affichage. Par exemple :

- valid indique si on souhaite ou non afficher les pourcentages sur les valeurs valides
- cum indique si on souhaite ou non afficher les pourcentages cumulés
- total permet d'ajouter une ligne avec les effectifs totaux
- sort permet de trier le tableau par fréquence croissante (sort="inc") ou décroissante (sort="dec").

```
freq(d$qualif, valid= FALSE, total = TRUE, sort = "dec")
```

```
##
                                      %
                                n
## Employe
                              594
                                   29.7
## Ouvrier qualifie
                              292
                                   14.6
## Cadre
                                   13.0
                              260
## Ouvrier specialise
                                   10.2
                              203
## Profession intermediaire
                              160
                                   8.0
## Technicien
                                    4.3
                               86
                                    2.9
## Autre
                               58
## NA
                              347 17.3
## Total
                             2000 100.0
```

1.3.3.2.2 Représentations graphiques

On peut représenter graphiquement le tri à plat d'une variable qualitative avec un diagramme en barres, obtenu avec la fonction barplot. Attention, contrairement à hist cette fonction ne s'applique pas directement à la variable mais au résultat du tri à plat de cette variable, calculé avec table. Il faut donc procéder en deux étapes :

```
tab <- table(d$clso)
barplot(tab)</pre>
```

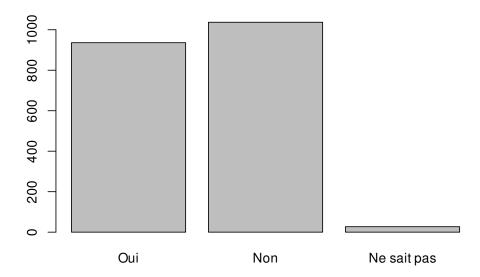


Figure 1.12: Graphique en barre

On peut aussi trier le tri à plat avec la fonction sort avant de le représenter graphiquement, ce qui peut faciliter la lecture du graphique :

```
barplot(sort(tab))
```

Une alternative au graphique en barres est le diagramme de Cleveland, qu'on peut obtenir avec la fonction dotchart. Celle-ci s'applique elle aussi au tri à plat de la variable calculé avec table.

```
dotchart(table(d$qualif))
```

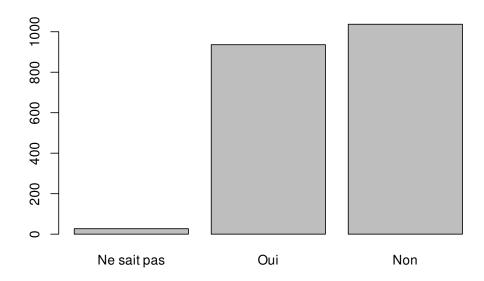
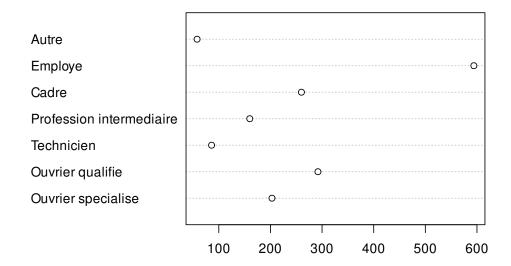


Figure 1.13: Graphique en barre trié



Là aussi, pour améliorer la lisibilité du graphique il est préférable de trier le tri à plat de la variable avant de le représenter :

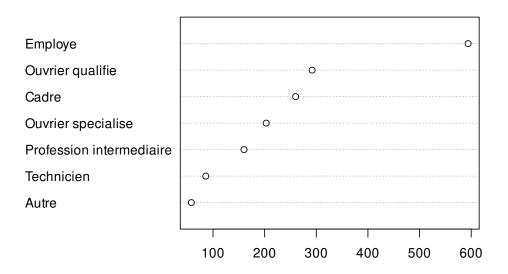


Figure 1.14: Graphique de Cleveland trié

1.3.4 Exercices

Exercice 1

Créer un nouveau script qui effectue les actions suivantes :

- charger l'extension questionr
- charger le jeu de données nommé hdv2003
- copier le jeu de données dans un nouvel objet nommé df
- afficher les dimensions et la liste des variables de df

Exercice 2

On souhaite étudier la répartition du temps passé devant la télévision par les enquêtés (variable heures.tv). Pour cela, affichez les principaux indicateurs de cette variable : valeur minimale, maximale, moyenne, médiane et écart-type. Représentez ensuite sa distribution par un histogramme en 10 classes.

Exercice 3

On s'intéresse maintenant à l'importance accordée par les enquêtés à leur travail (variable trav.imp). Faites un tri à plat des effectifs des modalités de cette variable avec la commande table.

Faites un tri à plat affichant à la fois les effectifs et les pourcentages de chaque modalité. Y'a-t-il des valeurs manquantes ?

Représentez graphiquement les effectifs des modalités à l'aide d'un graphique en barres.

Utilisez l'argument col de la fonction barplot pour modifier la couleur du graphique en tomato.

Tapez colors () dans la console pour afficher l'ensemble des noms de couleurs disponibles dans R. Testez chaque couleur une à une pour trouver votre couleur préférée.

1.4 Analyse de 2 variables

Faire une analyse bivariée, c'est étudier la relation entre deux variables : sontelles liées ? les valeurs de l'une influencent-elles les valeurs de l'autre ? ou sontelles au contraire indépendantes ?

À noter qu'on va parler ici d'influence ou de lien, mais pas de relation de cause à effet : les outils présentés permettent de visualiser ou de déterminer une relation, mais des liens de causalité proprement dit sont plus difficiles à mettre en évidence. Il faut en effet vérifier que c'est bien telle variable qui influence telle autre et pas l'inverse, qu'il n'y a pas de "variable cachée", etc.

Là encore, le type d'analyse ou de visualisation est déterminé par la nature qualitative ou quantitative des deux variables.

1.4.1 Croisement de deux variables qualitatives

1.4.1.1 Tableaux croisés

On va continuer à travailler avec le jeu de données tiré de l'enquête *Histoire de vie* inclus dans l'extension questionr. On commence donc par charger l'extension, le jeu de données, et à le renommer en un nom plus court pour gagner un peu de temps de saisie au clavier:

```
library(questionr)
data(hdv2003)
d <- hdv2003</pre>
```

Quand on veut croiser deux variables qualitatives, on fait un *tableau croisé*. Comme pour un tri à plat ceci s'obtient avec la fonction table de R, mais à laquelle on passe cette fois deux variables en argument. Par exemple, si on veut croiser la catégorie socio-professionnelle et le sexe des enquêtés :

table(d\$qualif, d\$sexe)

##			
##		Homme	Femme
##	Ouvrier specialise	96	107
##	Ouvrier qualifie	229	63
##	Technicien	66	20
##	Profession intermediaire	88	72
##	Cadre	145	115
##	Employe	96	498
##	Autre	21	37

Pour pouvoir interpréter ce tableau on doit passer du tableau en effectifs au tableau en pourcentages ligne ou colonne. Pour cela, on peut utiliser les fonctions lprop et cprop de l'extension questionr, qu'on applique au tableau croisé précédent.

Pour calculer les pourcentages ligne :

```
tab <- table(d$qualif, d$sexe)
lprop(tab)</pre>
```

```
##
##
                               Homme Femme Total
     Ouvrier specialise
##
                                47.3
                                      52.7 100.0
     Ouvrier qualifie
##
                                78.4
                                      21.6 100.0
##
     Technicien
                                76.7 23.3 100.0
     Profession intermediaire
##
                                55.0
                                     45.0 100.0
##
     Cadre
                                55.8 44.2 100.0
##
     Employe
                                16.2 83.8 100.0
##
     Autre
                                36.2 63.8 100.0
     All
                                44.8
                                      55.2 100.0
##
```

Et pour les pourcentages colonne :

cprop(tab)

```
##
##
                                Homme Femme All
     Ouvrier specialise
##
                                        11.7
                                              12.3
                                 13.0
     Ouvrier qualifie
                                         6.9
##
                                 30.9
                                              17.7
##
     Technicien
                                         2.2
                                               5.2
                                  8.9
     Profession intermediaire
##
                                 11.9
                                         7.9
                                               9.7
##
     Cadre
                                 19.6
                                       12.6
                                              15.7
##
     Employe
                                 13.0
                                        54.6
                                              35.9
     Autre
##
                                  2.8
                                         4.1
                                               3.5
##
     Total
                                100.0 100.0 100.0
```



Pour savoir si on doit faire des pourcentages ligne ou colonne, on pourra se référer à l'article suivant :

http://alain-leger.lescigales.org/textes/lignecolonne.
pdf

En résumé, quand on fait un tableau croisé, celui-ci est parfaitement symétrique : on peut inverser les lignes et les colonnes, ça ne change pas

son interprétation. Par contre, on a toujours en tête un "sens" de lecture dans le sens où on considère que l'une des variables dépend de l'autre. Par exemple, si on croise sexe et type de profession, on dira que le type de profession dépend du sexe, et non l'inverse : le type de profession est alors la variable dépendante (à expliquer), et le sexe la variable indépendante (explicative).

Pour faciliter la lecture d'un tableau croisé, il est recommandé de **faire les pourcentages sur la variable indépendante**. Dans notre exemple, la variable indépendante est le sexe, elle est en colonne, on calcule donc les pourcentages colonnes qui permettent de comparer directement, pour chaque sexe, la répartition des catégories socio-professionnelles.

1.4.1.2 Représentation graphique

Il est possible de faire une représentation graphique d'un tableau croisé, par exemple avec la fonction mosaicplot:

```
mosaicplot(tab)
```

On peut améliorer ce graphique en colorant les cases selon les résidus du test du 2 (argument shade = TRUE) et en orientant verticalement les labels de colonnes (argument las = 3):

```
mosaicplot(tab, las = 3, shade = TRUE)
```

Chaque rectangle de ce graphique représente une case de tableau. Sa largeur correspond au pourcentage des modalités en colonnes (il y'a beaucoup d'employés et d'ouvriers et très peu d'"autres"). Sa hauteur correspond aux pourcentages colonnes : la proportion d'hommes chez les cadres est plus élevée que chez les employés. Enfin, la couleur de la case correspond au résidu du test du ² correspondant : les cases en rouge sont sous-représentées, les cases en bleu sur-représentées, et les cases blanches sont proches des effectifs attendus sous l'hypothèse d'indépendance.

tab

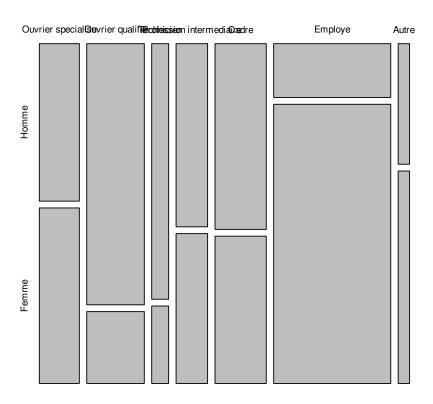


Figure 1.15: Graphique mosaique

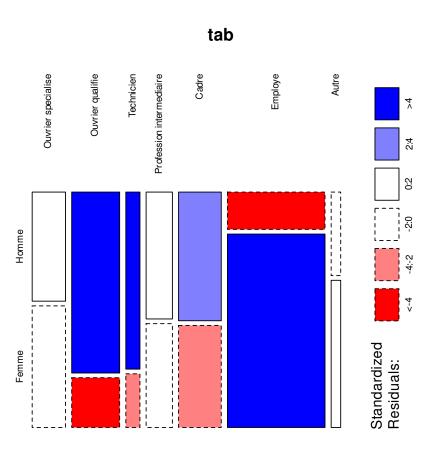


Figure 1.16: Graphique mosaique modifié

1.4.2 Croisement d'une variable quantitative et d'une variable qualitative

1.4.2.1 Représentation graphique

Croiser une variable quantitative et une variable qualitative, c'est essayer de voir si les valeurs de la variable quantitative se répartissent différemment selon la catégorie d'appartenance de la variable qualitative.

Pour cela, l'idéal est de commencer par une représentation graphique de type "boîte à moustache" à l'aide de la fonction boxplot. Par exemple, si on veut visualiser la répartition des âges selon la pratique ou non d'un sport, on va utiliser la syntaxe suivante:

boxplot(age ~ sport, data = d)



Cette syntaxe de boxplot utilise une nouvelle notation de type "formule". Celle-ci est utilisée notamment pour la spécification des modèles de régression. Ici le ~ peut se lire comme "en fonction de" : on veut représenter le boxplot de l'âge en fonction du sport.

Ce qui va nous donner le résultat suivant :



L'interprétation d'un boxplot est la suivante : Les bords inférieurs et supérieurs du carré central représentent le premier et le troisième quartile de la variable représentée sur l'axe vertical. On a donc 50% de nos observations dans cet intervalle. Le trait horizontal dans le carré représente la médiane. Enfin, des "moustaches" s'étendent de chaque côté du carré, jusqu'aux valeurs minimales et maximales, avec une exception : si des valeurs sont éloignées du carré de plus de 1,5 fois l'écart interquartile (la hauteur du carré), alors on les représente sous forme de points (symbolisant des valeurs considérées comme "extrêmes").

Dans le graphique ci-dessus, on voit que ceux qui ont pratiqué un sport au cours des douze derniers mois ont l'air d'être sensiblement plus jeunes que les autres.

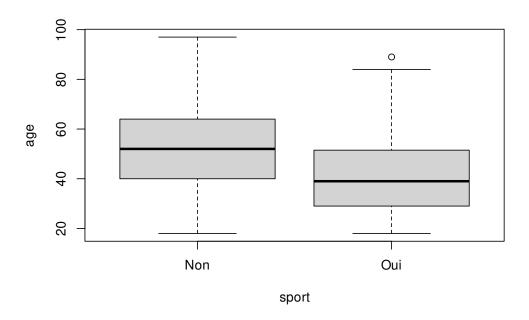


Figure 1.17: Graphique en boites à moustaches

1.4.2.2 Calculs d'indicateurs

On peut aussi vouloir comparer certains indicateurs (moyenne, médiane) d'une variable quantitative selon les modalités d'une variable qualitative. Si on reprend l'exemple précédent, on peut calculer la moyenne d'âge pour ceux qui pratiquent un sport et pour ceux qui n'en pratiquent pas.

Une première méthode pour cela est d'extraire de notre population autant de sous-populations qu'il y a de modalités dans la variable qualitative. On peut le faire notamment avec la fonction subset.

On applique subset pour créer deux sous-populations, stockées dans deux nouveaux tableaux de données :

```
d_sport <- subset(d, sport == "Oui")
d_nonsport <- subset(d, sport == "Non")</pre>
```

On peut ensuite utiliser ces deux nouveaux tableaux de données comme on en a l'habitude, et calculer les deux moyennes d'âge :

```
mean(d_sport$age)
```

```
## [1] 40.92531
```

```
mean(d_nonsport$age)
```

```
## [1] 52.25137
```

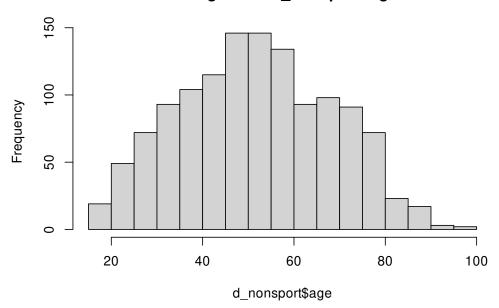
Une autre possibilité est d'utiliser la fonction tapply, qui prend en paramètre une variable quantitative, une variable qualitative et une fonction, puis applique automatiquement la fonction aux valeurs de la variables quantitative pour chaque niveau de la variable qualitative:

```
tapply(d$age, d$sport, mean)
```

```
## Non Oui
## 52.25137 40.92531
```

```
hist(d_nonsport$age)
```





Si l'âge dans le groupe des non sportifs se rapproche d'une distribution normale, celui des sportifs en semble assez éloigné, notamment du fait de la limite d'âge à 18 ans imposée par construction de l'enquête.

On peut tester cette normalité à l'aide du test de Shapiro-Wilk et de la fonction shapiro.test:

shapiro.test(d_sport\$age)

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: d_sport$age
## W = 0.96203, p-value = 9.734e-13
```

shapiro.test(d_nonsport\$age)

##

```
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: d_nonsport$age
## W = 0.98844, p-value = 1.654e-08
```

Le test est significatif dans les deux cas et rejette l'hypothèse d'une normalité des deux distributions.

Dans ce cas on peut faire appel à un test non-paramétrique, qui ne fait donc pas d'hypothèses sur les lois de distribution des variables testées, en l'occurrence le test des rangs de Wilcoxon, à l'aide de la fonction wilcox.test:

```
wilcox.test(d$age ~ d$sport)
```

```
##
## Wilcoxon rank sum test with continuity correction
##
## data: d$age by d$sport
## W = 640577, p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0</pre>
```

La valeur *p* étant à nouveau extrêmement petite, on peut rejeter l'hypothèse d'indépendance et considérer que les distributions des âges dans les deux sous-populations sont différentes. ->

1.4.3 Croisement de deux variables quantitatives

Le jeu de données hdv2003 comportant assez peu de variables quantitatives, on va s'intéresser maintenant à un autre jeu de données comportant des informations du recensement de la population de 2012. On le charge avec :

```
data(rp2012)
```

Un nouveau tableau de données rp2012 devrait apparaître dans votre environnement. Celui-ci comprend les 5170 communes de France métropolitaine de plus de 2000 habitants, et une soixantaine de variables telles que le département, la population, le taux de chômage, etc. Pour une description plus complète et une liste des variables, voir section ??.

65

1.4.3.1 Représentation graphique

Quand on croise deux variables quantitatives, l'idéal est de faire une représentation graphique sous forme de nuage de points à l'aide de la fonction plot. On va représenter le croisement entre le pourcentage de cadres et le pourcentage de propriétaires dans la commune :

plot(rp2012\$cadres, rp2012\$proprio)

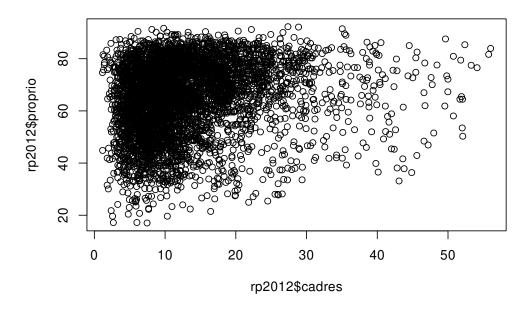


Figure 1.18: Graphique du pourcentage de propriétaire en fonction du pourcentage de cadre

Une représentation graphique est l'idéal pour visualiser l'existence d'un lien entre les deux variables. Voici quelques exemples d'interprétation :

Dans ce premier graphique généré sur nos données, il semble difficile de mettre en évidence une relation de dépendance. Si par contre on croise le pourcentage de cadres et celui de diplômés du supérieur, on obtient une belle relation de dépendance linéaire.

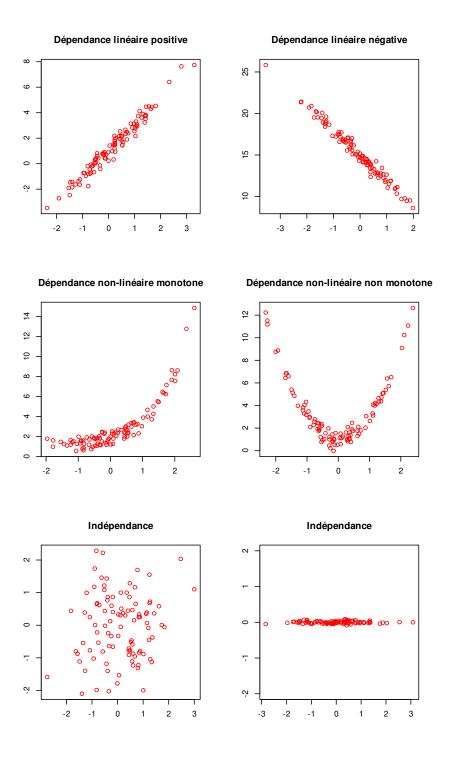


Figure 1.19: Illustration des relations bivariées

plot(dipl_sup ~ cadres, data = rp2012)

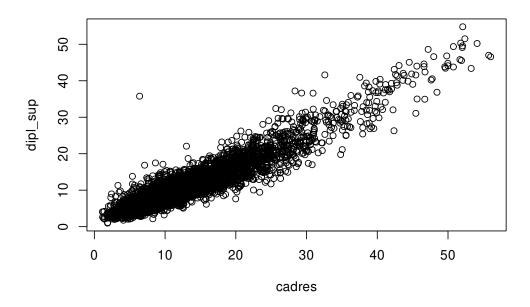


Figure 1.20: Relation entre le nombre de personnes diplomées à l'université et le nombre de cadre

La corrélation des rangs a aussi pour avantage d'être moins sensibles aux valeurs extrêmes ou aux points isolés. On dit qu'elle est plus "robuste".

Pour calculer une corrélation de Spearman, on utilise la fonction cor mais avec l'argument method = "spearman":

```
cor(rp2012$cadres, rp2012$dipl_sup, method = "spearman")
```

[1] 0.9036273

1.4.3.2 Régression linéaire

Quand on est en présence d'une association linéaire entre deux variables, on peut vouloir faire la régression linéaire d'une des variables sur l'autres.

Une régression linéaire simple se fait à l'aide de la fonction lm:

```
lm(rp2012$cadres ~ rp2012$dipl_sup)

##
## Call:
## lm(formula = rp2012$cadres ~ rp2012$dipl_sup)
##
## Coefficients:
## (Intercept) rp2012$dipl_sup
##
## 0.9217 1.0816
```



On retrouve avec lm la syntaxe "formule" déjà rencontrée avec boxplot. Elle permet ici de spécifier des modèles de régression : la variable dépendante se place à gauche du ~, et la variable indépendante à droite. Si on souhaite faire une régression multiple avec plusieurs variables indépendantes, on aura une formule du type dep ~ indep1 + indep2. Il est également possible de spécifier des termes plus complexes, des interactions, etc.

lm nous renvoie par défaut les coefficients de la droite de régression :

- l'ordonnée à l'origine (Intercept) vaut 0.92
- le coefficient associé à dipl_sup vaut 1.08

Pour des résultats plus détaillés, on peut stocker le résultat de la régression dans un objet et utiliser la fonction summary :

```
reg <- lm(rp2012$cadres ~ rp2012$dipl_sup)
summary(reg)</pre>
```

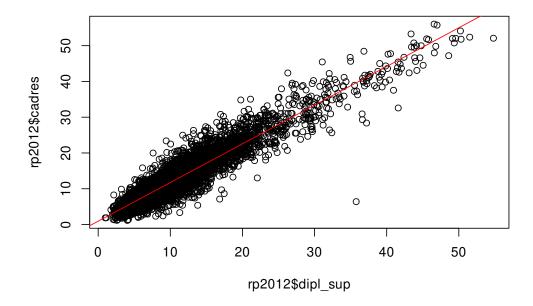
```
##
## Call:
```

```
## lm(formula = rp2012$cadres ~ rp2012$dipl_sup)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -33.218 -1.606 -0.172
                             1.491 13.001
##
## Coefficients:
##
                  Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
                 0.921661 0.071814 12.83
## (Intercept)
                                            <2e-16 ***
## rp2012$dipl_sup 1.081636
                              0.005601 193.10
                                                  <2e-
16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 2.701 on 5168 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.8783, Adjusted R-squared: 0.8783
## F-statistic: 3.729e+04 on 1 and 5168 DF,
                                                    p-
value: < 2.2e-16
```

Ces résultats montrent notamment que les coefficients sont significativement différents de 0. La part de cadres augmente donc bien avec celle de diplômés du supérieur.

On peut enfin représenter la droite de régression sur notre nuage de points à l'aide de la fonction abline:

```
plot(rp2012$dipl_sup, rp2012$cadres)
abline(reg, col="red")
```



->

1.4.4 Exercices

Exercice 1

Dans le jeu de données hdv2003, faire le tableau croisé entre la catégorie socioprofessionnelle (variable qualif) et le fait de croire ou non en l'existence des classes sociales (variable clso). Identifier la variable indépendante et la variable dépendante, et calculer les pourcentages ligne ou colonne. Interpréter le résultat.

Représenter ce tableau croisé sous la forme d'un mosaicplot en colorant les cases selon les résidus du test du ².

Exercice 2

Toujours sur le jeu de données hdv2003, faire le boxplot qui croise le nombre d'heures passées devant la télévision (variable heures.tv) avec le statut d'occupation (variable occup).

Calculer la durée moyenne devant la télévision en fonction du statut d'occupation

à l'aide de tapply.

Exercice 3

Sur le jeu de données rp2012, représenter le nuage de points croisant le pourcentage de personnes sans diplôme (variable dipl_aucun) et le pourcentage de propriétaires (variable proprio).

1.5 Gérer les données

1.5.1 Importer et exporter des données

Il existe de multiple format four sauvegarder les données, les 2 plus utiles sont .csv et .Rdata. Les fichiers .csv sont utilisés pour stocker des données. Ils sont ouvrables par les éditeurs de texte (e.g. Word, Writer, atom, ...) et les tableurs (e.g. MS Excel, LO Calc). Ils sont lus avec la fonction read.csv et créés avec write.csv. Les fichiers .Rdata sont utilisés pour stocker n'importe quel objet R pas uniquement des données. Cependant, ces fichiers ne peuvent être lus et utilisés que par R. Ces fichiers sont lus avec la fonction load et créés avec la fonction save.

Les données pour les exercices de laboratoire et pour les devoirs vous sont fournies en format.csv.

1.5.1.1 Répertoire de travail



Une des erreurs les plus communes lorsque l'on débute avec R est lié au chargement des données et la lecture de fichier externe à R.

Un message d'erreur typique est:

```
Error in file(file, "rt") : cannot open the connection
In addition: Warning message:
In file(file, "rt") :
  cannot open file 'ou_est_mon_fichier.csv': No such file or directory
```

L'erreur est du au fait que R ne sache pas où trouver le fichier. Par défaut lorsqu'on ouvre R, R utilise le dossier utilisateur sur l'ordinateur comme dossier de travail. Cela signifie que R va cherhcer à lire les fichiers dans ce dossier et

écrire les nouveaux fichiers dans ce dossier. Ceci n'est pas toujours pratique surtout lorsque l'on débute avec R. Pour lire/écrire un fichier dans un endroit particulier sur l'ordinateur, il faut spécifier à R le chemin de cet endroit. Cela peut ce faire de 3 manières différentes:

- 1. avec la fonction file.choose(). La fonction ouvrira une boîte de dialogue vous permettant d'aller choisir un fichier sur votre ordinateur. Si cette option semble très attirante de part sa simplicité, je ne recommande pas de s'en servir car elle ne permet pas de reproduire l'analyse facilement. En effet, elle nécessite de choisir le document chaque fois que l'on souhaite l'utiliser.
- en spécifiant le chemin complet du fichier dans la commande. Par example
 "/home/julien/Documents/cours/BIO4558/labo/data/monfichier.csv'
 C'est assez long à taper et surtout cela ne permet pas de facilement utiliser
 le code sur un autre ordinateur.
- 3. en spécifiant un répertoire de travail avec la fonction setwd (). Ceci indique à R de chercher et d'écrire les fichiers dans un dossier en particulier. Le chemin des fichiers est toujours interprété de manière relative au répertoire de travail. Cela à l'avantage de pouvoir facilement utiliser le même code sur plusieurs ordinateur ssi la structure du dossier est la même.

POur connaitre le répertoire de travail de R il faut utiliser la fonction getwd(). La fonction setwd() permet de spécifier le chemin du dossier à utiliser comme répertoire de travail.



Si vous ouvrez RStudio en double-cliquant sur un fichier. Ralors Rstudio utlisera le dossier où ce fichier est présent comme répertoire de travail. Plutôt pratique car cela évite d'avoir à utiliser la fonction setwd().



Pour l'ensemble des laboratoire du cours, je suggère de créer un dossier dans lequel seront sauvegardés tous les scripts d'analyses et de sauvegardés tous les fichiers de données dans un sous dossier data. Le code du labo est structuré de cette manière. C'est pourquoi tous les codes de chargement ou d'écriture de données seront du type data/mon_fichier.xxx.

1.5.1.2 Ouvrir un fichier de données en format . Rdata

Pour ouvrir ces fichiers, vous pouvez cliquer dessus et laisser votre système d'exploitation démarrer une nouvelle session de R ou encore, à partir de la console de R, utliser la fonction load avec le nom et le chemin du fichier de données. Par example, pour ouvrir le fichier ErablesGatineau. Rdata qui se situe dans le dossier data du dossier de travail, il faut taper:

load("data/ErablesGatineau.Rdata")

1.5.1.3 Ouvrir un fichier de données en format .csv

Pour importer ces données en format .csv dans R, il faut utiliser la commande read.csv(). Par exemple, pour créer un objet R erables qui contient les données du fichier ErablesGatineau.csv, il faut utiliser la commande suivant.

erables <- read.csv("data/ErablesGatineau.csv")</pre>



Attention si vous travaillez dans une langue utilisant la virgule au lieu du point décimal. Par défaut, R utilise le point décimal et vous n'obtiendrez pas le résultat escompté. Il existe une version modifiée de read.csv() appelée read.csv2() qui règle ce problème. Googlez-la si vous en avez besoin.

Pour vérifier si les données ont bel et bien été lues, vous pouvez lister les objets en mémoire avec la fonction ls() ou en obtenir une liste avec une description plus détaillée avec ls.str().



Je vous déconseille cependant, la fonction ls.str() car elle peut produire des sorties extrèmement longue si vous avez beaucoup d'objet dans l'environnement R. Je vous suggère donc d'utliser ls() et ensuite str() sur l'objet qui vous intéresse.

```
ls()
                                     "d"
   [1] "anglais"
                       "chien"
                                                  "d nonsport"
   [5] "d_sport"
                      "diplome"
                                      "erables"
                                                     "hdv2003"
   [9] "imc"
                      "maths"
                                                  "poids"
## [13] "precipitations" "reg"
                                       "resultat"
                                                       "rp2012"
                                                 "taille1"
## [17] "s"
                     "sport"
                                    "tab"
## [21] "taille2"
                       "taille3"
                                      "taille4"
                                                      "taille5"
## [25] "tailles"
                       "tailles_m"
                                       "temperature"
                                                        "title"
                          "v"
## [29] "x"
str(erables)
   'data.frame': 100 obs. of 3 variables:
```

```
## 'data.frame': 100 obs. of 3 variables:
## $ station: chr "A" "A" "A" "A" ...
## $ diam : num 22.4 36.1 44.4 24.6 17.7 ...
## $ biom : num 732 1171 673 1552 504 ...
```

R confirme avoir en mémoire l'objet erables. erables est un tableau de données rectangulaire (data.frame) contenant 100 observations (lignes) de 3 variables (colonnes): station, une variable de type Facteur avec 2 niveaux, et diam et biom qui sont 2 variables numériques.

1.5.1.4 Entrer des données

R n'est pas un environnement idéal pour entrer des données. C'est possible, mais la syntaxe est lourde et peut inciter à s'arracher les cheveux. Utilisez votre chiffrier préféré pour faire l'entrée de données. Ce sera plus efficace et moins frustrant.

1.5.1.5 Nettoyer/corriger des données

Une autre opération qui peut être frustrante en R. Mon conseil : ne le faites pas là. Retournez au fichier original, faites la correction, puis re-exportez les données vers R. Il est finalement plus simple de refaire exécuter les quelques lignes de code par la machine. Vous aurez à la fin une seule version (corrigée) de vos données et un code qui vous permet de refaire votre analyse.

1.5.1.6 Exporter des données à partir de R.

Vous pouvez utiliser la fonction,

```
write.csv(mydata, file = "outfilename.csv", row.names = FALSE)
```

où mydata est le nom du base de données à exporter et outfilename.csv est le nom du fichier à produire. Notez que ce fichier sera créé dans le répertoire de travail (qui peut être changé par le menu à File>Change dir, ou par la commande setwd())

1.5.2 Examen préliminaire des données

La première étape de toute analyse est l'examen des données. Elle nous permet de découvrir si on a bien importé les données, si les nombres enregistrés sont possibles, si toutes les données ont bien été lues, etc. L'examen préliminaire des données permet souvent aussi d'identifier des observations suspectes, possiblement dûes à des erreurs d'entrée de donnée. Finalement, l'examen graphique préliminaire permet en général de visualiser les tendances principales qui seront confirmées par l'analyse statistique en tant que telle. Le fichier sturgeon. Csv contient les données d'une étude effectuée sur les esturgeons de la rivière Saskatchewan. Ces données ont été récoltées, entre autres, pour examiner comment la taille des esturgeons varie entre les sexes (sex), les sites (location), et les années (year).

- Chargez les données du fichier sturgeon.csv dans un objet sturgeon.
- Pour obtenir un aperçu des éléments du fichier qui ont été chargés en mémoire, taper la commande str (sturgeon).

```
sturgeon <- read.csv("data/sturgeon.csv")
str(sturgeon)

## 'data.frame': 186 obs. of 9 variables:
## $ fklngth : num 37 50.2 28.9 50.2 45.6 ...
## $ totlngth: num 40.7 54.1 31.3 53.1 49.5 ...
## $ drlngth : num 23.6 31.5 17.3 32.3 32.1 ...</pre>
```

1.5.2.1 Sommaire statistique

Pour un sommaire du contenu du base de données appelé sturgeon qui est en mémoire, taper la commande

summary(sturgeon)

```
##
      fklngth
                    totlngth
                                   drlngth
                                                   rdwght
## Min.
          :24.96
                  Min.
                         :28.15
                                 Min.
                                        :14.33
                                                Min.
                                                      : 4.73
   1st Qu.:41.00
                   1st Qu.:43.66
                                  1st Qu.:25.00
                                                  1st Qu.:18.09
                                  Median :27.00
## Median:44.06
                   Median :47.32
                                                  Median :23.10
## Mean
         :44.15
                         :47.45
                                        :27.29
                                                      :24.87
                  Mean
                                 Mean
                                               Mean
## 3rd Qu.:48.00
                   3rd Qu.:51.97
                                  3rd Qu.:29.72
                                                  3rd Qu.:30.27
         :66.85
                         :72.05
                                        :41.93
                                                      :93.72
                  Max.
                                 Max.
                                                Max.
##
                 NA's
                         :85
                                 NA's
                                        :13
                                                NA's
                                                       :4
##
                                                 location
       age
                    girth
                                  sex
## Min. : 7.00
                                 Length: 186
                                                  Length: 186
                 Min.
                        :11.50
                                 Class:character Class:character
   1st Qu.:17.00
                   1st Qu.:40.00
   Median :20.00
                   Median :44.00
                                 Mode :character Mode :character
##
##
           :20.24
                            :44.33
    Mean
                     Mean
##
    3rd Qu.:23.50
                     3rd Qu.:48.80
##
    Max.
           :55.00
                     Max.
                            :73.70
    NA's
                     NA's
##
           :11
                            :85
##
         year
##
    Min.
           :1978
    1st Qu.:1979
##
    Median:1979
##
##
    Mean
           :1979
##
    3rd Qu.:1980
##
           :1980
    Max.
```

##

Pour chaque variable, R donne le minimum, le maximum, la médiane qui est la valeur au milieu de la liste des observations ordonnées (appelée le 50 ième percentile), ici, la 93 ième valeur des 186 observations, les valeurs au premier (25%) et troisième quartile (75%), et si il y a des valeurs manquantes dans la colonne. Notez que plusieurs des variables ont des observations manquantes (NA). Donc, seules les variables fklngth (longueur à la fourche), sex, location et year ont 186 observations.



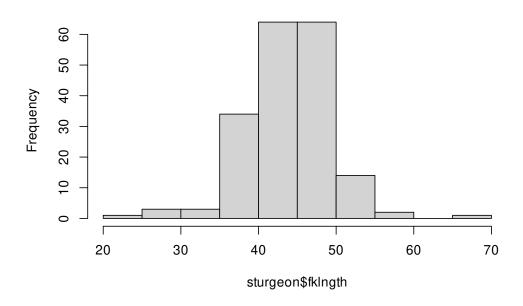
Attention aux valeurs manquantes Plusieurs fonctions de R y réagissent mal et on doit souvent faire les analyses sur des sous- ensembles sans valeur manquante, par des commandes ou des options dans les commandes. On y reviendra, mais prenez l'habitude de noter mentalement si il y a des données manquantes et de vous en rappeler en faisant l'analyse.

1.5.2.2 Histogramme, densité de probabilité empirique, boxplot et examen visuel de la normalité

Examinons maintenant de plus près la distribution de fklngth. La commande hist() permet de tracer un histogramme de la variable fklngth dans le base de données sturgeon.

hist(sturgeon\$fklngth)





Les données semblent suivre approximativement une distribution normale.



Cette syntaxe peut paraître un peu lourde puisqu'on doit ajouter le préfixe sturgeon\$ devant chaque nom de variable. On pourrait se faciliter la tâche en utilisant la commande attach() mais cela est fortement déconseillé et jamais utilisé dans ce document.

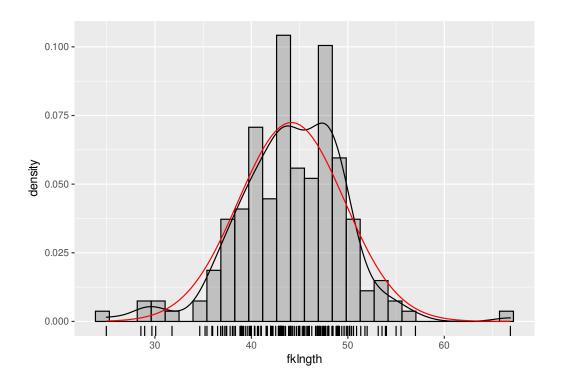
Cet histogramme est la représentation classique. Mais les histogrammes ne sont pas parfaits. Leur forme dépend en partie du nombre de catégories utilisées, surtout pour les petits échantillons. On peut faire mieux, particulièrement si on est intéressé à comparer visuellement la distribution des observations à une distribution normale. Mais il faut programmer un peu (ou savoir copier-coller...). Le code suivant est un histogramme fait avec l'extension ggplot2.



Copiez-collez le code suivant dans une nouvelle fenêtre script (File->New script, ou Ctrl-n dans Windows), puis exécutez le.

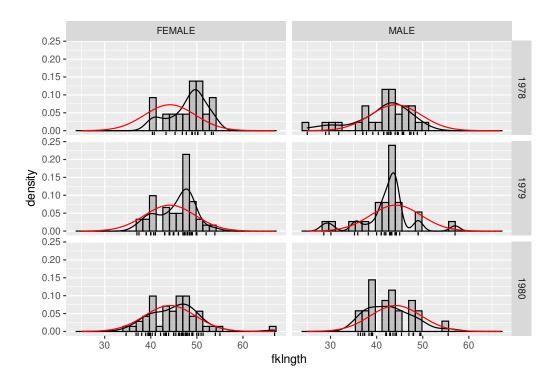
al

```
## Chargez l'extension ggplot si besoin
library(ggplot2)
## créer un graphique `mygraph` utilisant les données de "sturgeon"
## et définir l'axe des X comme la longueur `fklngth`
mygraph <- ggplot(data = sturgeon, aes(x = fklngth))</pre>
## ajouter différentes parties au graphique
mygraph <- mygraph +
## histogramme semi-transparent
    geom_histogram(aes(y = ..density..), bins = 30, color = "black",
   line de densité
##
    geom_density() +
   localisation des observations
    geom rug() +
## courbe de distribution normale approximé au données
    stat_function(fun = dnorm,
                   args = list(
                     mean = mean(sturgeon$fklngth),
                     sd = sd(sturgeon$fklngth) ),
                   color = "red")
## montrer le graphique
mygraph
```



Chaque observation est représentée par une barre sous l'axe des x (rug). En rouge est la distribution normale de données avec la même moyenne et écart-type que les observations. Et l'autre ligne est la densité de probabilité empirique, « lissée » à partir des observations. Si vous êtes plus aventureux, vous pouvez examiner la distribution des observations de fklngth par sous-groupes (par exemple sex et year) avec :

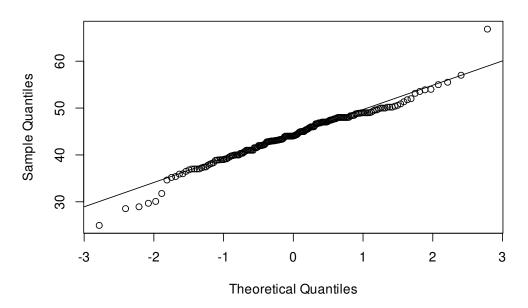
mygraph + facet_grid(year ~ sex)



Chaque panneau illustre la distribution pour un sexe cette année-là, et la courbe en rouge récurrente représente la distribution normale pour l'ensemble des données. Cette courbe peut servir à mieux évaluer visuellement les différences entre les panneaux. Une autre façon d'évaluer la normalité de données visuellement est de faire un QQ plot avec la paire de commandes qqnorm() et qqline().

qqnorm(sturgeon\$fklngth)
qqline(sturgeon\$fklngth)





Des données parfaitement normales suivraient la ligne droite diagonale. Ici, il y a des déviations dans les queues de la distribution, et un peu à droite du centre. Comparez cette représentation à celle des deux graphiques précédents. Vous conviendrez sans doute avec moi qu'il est plus facile de visualiser comment la distribution dévie de la normalité sur les histogrammes et les graphiques de la densité empirique de probabilité que sur les QQ plots. Ceci dit, les QQ plots sont souvent utilisés et vous devriez être capable de les interpréter. De plus, on peut facilement éprouver statistiquement l'hypothèse que les données sont distribuées normalement avec R par la commande shapiro.test() qui calcule une statistique (W) qui est une mesure de la tendance des points d'un QQ plot à former une ligne parfaite. Si oui, alors W=1. Si W s'éloigne de 1 (vers 0), alors les données s'éloignent de la normalité. Ici,

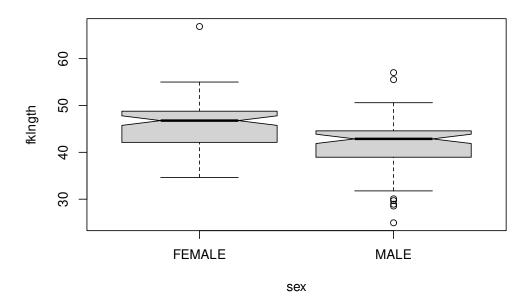
shapiro.test(sturgeon\$fklngth)

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
```

```
## data: sturgeon$fklngth
## W = 0.97225, p-value = 0.0009285
```

W n'est pas très loin de 1, mais suffisamment pour que la différence soit significative. L'examen visuel des grands échantillons est souvent compliqué par le fait que plusieurs points se superposent et qu'il devient plus difficile de bien visualiser la tendance centrale. Les boxplots avec "moustaches" (box and whiskers plots) offrent une alternative intéressante. La commande boxplot() peut produire un boxplot de fklngth pour chaque niveau de sex, et ajoute les coches.

boxplot(fklngth ~ sex, data = sturgeon, notch = TRUE)



La ligne un peu plus épaisse dans la boîte de la Figure indique la médiane. La coche est proportionnelle à l'incertitude quant à la position de la médiane. On peut visuellement interpréter approximativement les différences entre médianes en examinant si il y a chevauchement entre les coches (ici, il n'y a pas chevauchement, et on conclurait provisoirement que la médiane de fklngth pour les femelles est supérieure à celle des mâles). Les boîtes s'étendent du premier au

troisième quartile (du 25ième au 75ième percentile si vous préférez), Les barres (moustaches ou whiskers) au-dessus et en dessous des boîtes s'étendent soit de la valeur minimum à la valeur maximum, ou, si il y a des valeurs extrêmes, de la plus petite à la plus grande valeur à l'intérieur de 1.5x la largeur de l'étendue interquartile . Enfin, les observations qui excèdent les limites des moustaches (donc à plus de 1.5x l'étendue interquartile de chaque côté de la médiane) sont indiquées par des symboles.Ce sont des valeurs qui pourraient être considérées comme extrêmes et possiblement aberrantes.

1.5.2.3 Diagrammes de dispersion bivariés

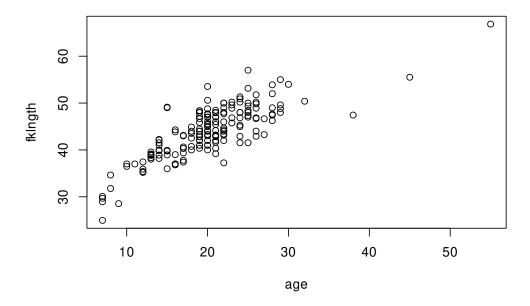
En plus des graphiques pour chacune des variables séparément, il est très souvent intéressant de jeter un coup d'oeil aux diagrammes de dispersion. La commande $plot(y\sim x)$ permet de faire le graphique de y sur l'axe vertical (l'ordonnée) en fonction de x sur l'axe horizontal (l'abscisse).



Faites un graphique de fklngth en fonction de age avec la commande plot.

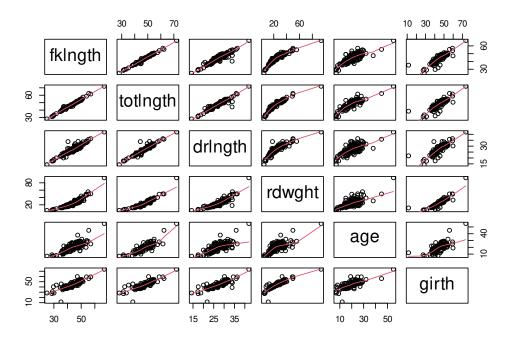
Vous devriez obtenir:

```
plot(fklngth ~ age, data = sturgeon)
```



Raune fonction qui permet la création des graphiques de dispersion de toutes les paires de variables (pairs ()). Une des option de ¬ est l'ajout d'une trace lowess qui indique la tendance de la relation entre les variables. Pour obtenir la matrice de ces graphiques avec la trace lowess pour toutes les variable dans sturgeon, entrer la commande pairs (sturgeon[,1:6], panel=panel.smooth) et vous devriez obtenir

```
pairs(sturgeon[,1:6], panel = panel.smooth)
```



1.5.3 Créer des sous-ensembles de cas

Il arrive fréquemment qu'une analyse se concentre sur un sous-ensemble des observations contenues dans un fichier de données. Les cas sont d'habitude sélectionnés selon un critère en particulier. Pour utiliser un sous-ensemble de vos données en créant un graphique ou en performant une analyse, on peut utiliser la commande subset(). Par exemple, pour créer un sous ensemble des données du tableau sturgeon qui ne contient que les femelles capturées en 1978, on peut écrire :

```
sturgeon.female.1978 <- subset(sturgeon, sex == "FEMALE" & year ==
sturgeon.female.1978</pre>
```

```
## fklngth totlngth drlngth rdwght age girth sex location year
## 2 50.19685 54.13386 31.49606 NA 24 53.5 FEMALE THE_PAS 1978
## 4 50.19685 53.14961 32.28346 NA 23 52.5 FEMALE THE_PAS 1978
## 6 49.60630 53.93701 31.10236 35.86 23 54.2 FEMALE THE_PAS 1978
```

```
47.71654 51.37795 33.97638 33.88 20
                                            48.0 FEMALE
                                                          THE_PAS 1978
## 15 48.89764 53.93701 29.92126 35.86 23
                                            52.5 FEMALE
                                                          THE PAS 1978
## 105 46.85039
                    NA 28.34646 23.90 24
                                            NA FEMALE CUMBERLAND 1978
## 106 40.74803
                    NA 24.80315 17.50 18
                                            NA FEMALE CUMBERLAND 1978
                                20.90 21
## 107 40.35433
                    NA 25.59055
                                            NA FEMALE CUMBERLAND 1978
## 109 43.30709
                    NA 27.95276 24.10
                                       19
                                            NA FEMALE CUMBERLAND 1978
                    NA 33.85827 48.90
                                       20
## 113 53.54331
                                            NA FEMALE CUMBERLAND 1978
## 114 51.77165
                    NA 31.49606
                                35.30
                                       26
                                            NA FEMALE CUMBERLAND 1978
## 116 45.27559
                    NA 26.57480 23.70
                                       24
                                            NA FEMALE CUMBERLAND 1978
## 118 53.14961
                    NA 32.67717 45.30
                                       25
                                            NA FEMALE CUMBERLAND 1978
                    NA 32.08661 33.90 26
## 119 50.19685
                                            NA FEMALE CUMBERLAND 1978
                    NA 29.13386 37.50 22
## 123 49.01575
                                            NA FEMALE CUMBERLAND 1978
```



Dans ces comparaisons, il faut toujours utiliser == pour égal à. Dans ce contexte, si vous utilisez = seulement, vous n'obtiendrez pas ce que vous désirez. Dans le tableau qui suit se trouve une liste de commandes communes que vous allez probablement utiliser pour créer des expressions en R.

Operateur	Explication	Operateur	Explication
==	Égal à	!=	Pas égal à
>	Plus que	<	Moins que
>=	Plus que ou égal à	<=	Moins que ou égal à
&	Et vectorisé		Ou vectorisé
&&	Et contrôle	ĬI	Ou contrôle
!	Pas		



En utilisant les commandes subset() et hist(), essayez de faire un histogramme pour le sous-ensemble de cas correspondant aux femelles capturées en 1979 et 1980 (donc sex == "FEMALE" & (year == "1979" | year == "1980"))

1.5.4 Transformations de données

Il est très fréquemment nécessaire d'effectuer des transformations mathématiques sur les données brutes pour mieux satisfaire aux conditions d'application de tests statistiques. R étant aussi un langage de programmation complet, il peut donc effectuer les transformations désirées. Les fonctions les plus fréquemment utilisées sont:

- log()
- sqrt()
- ifelse()

On peut employer ces fonctions directement dans les lignes de commandes, ou encore créer de nouvelles variables orphelines ou faisant partie d'un data.frame. Par exemple, pour faire un graphique du logarithme décimal de fklngth en fonction de l'âge, on peut écrire

```
plot(log(fklngth)~age, data = sturgeon)
```

Pour créer une variable orpheline (i.e. non incluse dans le data.frame) appelée logfklngth et contenant le logarithme décimal de fklngth, on peut écrire

```
logfklngth <- log10(sturgeon$fklngth)</pre>
```

Si on veut ajouter cette variable transformée à un tableau de données (data.frame), alors, on doit préfixer le nom de la variable par le nom du base de données et du symbole \$, par exemple, pour ajouter une variable nommée lfkl contenant le log10 de fklngth au tableau sturgeon, on peut écrire:

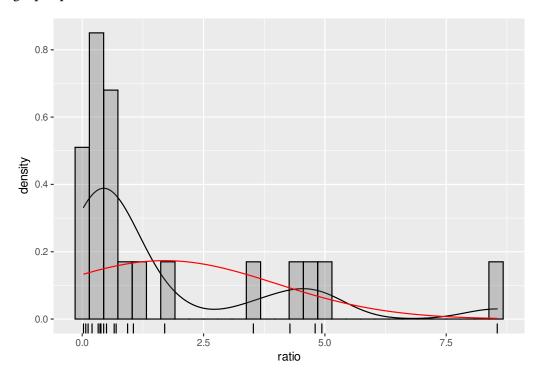
```
sturgeon$logfkl <- log10(sturgeon$fklngth)</pre>
```

N'oubliez pas de sauvegarder ce tableau modifié si vous voulez avoir accès à cette nouvelle variable dans le futur. Pour les transformations conditionnelles, on peut utiliser la fonction ifelse(). Par exemple, pour créer une nouvelle variable appelée dummy qui sera égale à 1 pour les mâles et 0 pour les femelles, on peut écrire:

sturgeon\$dummy <- ifelse(sturgeon\$sex == "MALE", 1, 0)</pre>

1.5.5 Exercice sur R

Vous trouverez dans le fichier salmonella.csv, des valeurs numériques du ratio d'infection des cellules par la salmonelles dans deux milieux (IN VITRO et IN VIVO) et pour trois souches différentes de salmonelles. Examinez les données pour le ratio et faites des graphiques pour évaluer la normalité de la distribution des ratios pour la souche SAUVAGE dans les 2 milieux combinés et produire un graphique.



Chapter 2

Analyse de puissance avec R et G*Power

Après avoir complété cet exercice de laboratoire, vous devriez :

- Pouvoir calculer la puissance d'un test de t avec R et G*Power
- Pouvoir calculer l'effectif requis pour obtenir la puissance désirée avec un test de t
- Pouvoir calculer la taille de l'effet détectable par un test de t étant donné l'effectif, la puissance et α
- Comprendre comment la puissance change lorsque l'effectif augmente, la taille de l'effet change, ou lorsque α diminue
- Comprendre comment la puissance est affectée lorsque l'on passe d'un test bilatéral à un test unilatéral

2.1 La théorie

2.1.1 Qu'est-ce que la puissance?

La puissance est la probabilité de rejeter l'hypothèse nulle quand elle est fausse.

2.1.2 Pourquoi faire une analyse de puissance?

Évaluer l'évidence

L'analyse de puissance effectuée après avoir accepté une hypothèse nulle permet de calculer la probabilité que l'hypothèse nulle soit rejetée si elle était fausse et que la taille de l'effet était d'une valeur donnée. Ce type d'analyse a posteriori est très commun.

Planifier de meilleures expériences

L'analyse de puissance effectuée avant de réaliser une expérience (le plus souvent après une expérience préliminaire cependant), permet de déterminer le nombre d'observations nécessaires pour détecter un effet d'une taille donnée à un niveau fixe de probabilité (la puissance). Ce type d'analyse a priori devrait être réalisé plus souvent.

Estimer la "limite de détection" statistique

L'effort d'échantillonnage est souvent déterminé à l'avance (par exemple lorsque vous héritez de données récoltées par quelqu'un d'autre), ou très sévèrement limité (lorsque les contraintes logistiques prévalent). Que ce soit a priori ou a posteriori l'analyse de puissance vous permet d'estimer, pour un effort d'échantillonnage donné et un niveau de puissance fixe, quelle est la taille minimale de l'effet qui peut être détecté (comme étant statistiquement significatif).

2.1.3 Facteurs qui affectent la puissance

Il y a 3 facteurs qui affectent la puissance d'un test statistique.

Le critère de décision

La puissance dépend de α , le seuil de probabilité auquel on rejette l'hypothèse nulle. Si ce seuil est très strict (*i.e.* si α est fixé à une valeur très basse, comme 0.1% ou p = 0.001), alors la puissance sera plus faible que si le seuil était moins strict.

La taille de l'échantillon

Plus l'échantillon est grand, plus la puissance est élevée. La capacité d'un test à détecter de petites différences comme étant statistiquement significatives augmente avec une augmentation du nombre d'observations.

La taille de l'effet

Plus la taille de l'effet est grande, plus un test a de puissance. Pour un échantillon de taille fixe, la capacité d'un test à détecter un effet comme étant statistiquement significatif est plus élevée si l'effet est grand que s'il est petit. La taille de l'effet est en fait une mesure du degré de fausseté de l'hypothèse nulle.

2.2 Qu'est ce que G*Power?

G*Power est un programme gratuit, développé par des psychologues de l'Université de Dusseldorf en Allemagne. Le programme existe en version Mac et Windows. Il peut cependant être utilisé sous linux via Wine. G*Power vous permettra d'effectuer une analyse de puissance pour la majorité des tests que nous verrons au cours de la session sans avoir à effectuer des calculs complexes ou farfouiller dans des tableaux ou des figures décrivant des distributions ou des courbes de puissance. Il est possible de faire tous les analyses de G*power avec R, mais cela est nettement plus complexes, car il faut tous coder à la main. Dans les cas les plus simple le code R est aussi fourni. G*power est vraiment un outil très utile que vous devrez maîtriser.



Téléchargez le programme **ici**¹ et installez-le sur votre ordi et votre station de travail au laboratoire (si ce n'est déjà fait).

2.3 Comment utiliser G*Power

2.3.1 Principe général

L'utilisation de G*Power implique généralement en trois étapes:

- 1. Choisir le test approprié
- 2. Choisir l'un des 5 types d'analyses de puissance disponibles

3. Inscrire les valeurs des paramètres requis et cliquer sur Calculate

2.3.2 Types d'analyses de puissance disponibles

A priori

Calcule l'effectif requis pour une valeur de α , β et de taille d'effet donnée. Ce type d'analyse est utile à l'étape de planification des expériences.

Compromis

Calcule α et β pour un rapport β/α donné, un effectif fixe, et une taille d'effet donnée. Ce type d'analyse est plus rarement utilisé (je ne l'ai jamais fait), mais peut être utile lorsque le rapport β/α est d'intérêt, par exemple lorsque le coût d'une erreur de type I et de type II peut être quantifié.

Critère

Calcule α pour β , effectif et taille d'effet donné. En pratique, je vois peu d'utilité pour ce type de calcul. Contactez-moi si vous en voyez une!

Post-hoc

Calcule la puissance (1 - β) pour α , une taille d'effet et un effectif donné. Très utilisée pour interpréter les résultats d'une analyse statistique non-significative, mais seulement si l'on utilise une taille d'effet biologiquement significative (et non la taille d'effet observée). Peu pertinente lorsque le test est significatif.

Sensitivité

Calcule la taille d'effet détectable pour une valeur d' α , β et un effectif donné. Très utile également au stade de planification des expériences.

2.3.3 Comment calculer la taille de l'effet G*Power permet de faire une analyse de puissance pour de nombreux tests statistiques

L'indice de la taille de l'effet qui est utilisé par G*Power pour les calculs dépend du test. Notez que d'autres logiciels peuvent utiliser des indices différents et il est important de vérifier que l'indice que l'on utilise est celui qui convient. G*Power vous facilite la tâche et permet de calculer la taille de l'effet en inscrivant seulement les valeurs pertinentes dans la fenêtre de calcul. Le tableau suivant donne les indices utilisés par G*Power pour les différents tests.

Test	Taille d'effet	Formule
test de t sur des	d	$d = \frac{ \mu_1 - \mu_2 }{\sqrt{(s_1^2 + s_2^2)/2}}$
moyennes test de t pour des	r	
corrélations autres tests de t	f	$f = \frac{\mu_1}{\sigma}$
test F (ANOVA)	f	$f = \frac{\frac{\sqrt{\sum_{i=1}^k (\mu_i - \mu)^2}}{k}}{\sigma}$
autres test F	f^2	$f^2 = \frac{{R_p}^2}{1 - {R_p}^2}$
test Chi-	w	R_p est le coefficient de corrélation partiel $w = \sqrt{\sum_{i=1}^m \frac{(p_{0i}-p_{1i})^2}{p_{0i}}}$
carré		$p_{0i} p_{1i}$ sont les proportions de la catégorie i prédites par l'hypothèse nulle et alternative respectivement

2.4 Puissance pour un test de t comparant deux moyennes

L'objectif de cette séance de laboratoire est de vous familiariser avec G*Power et de vous aider à comprendre comment les quatre paramètres des analyses de puissance (α , β , effectif et taille de l'effet) sont reliés entre eux. On examinera seulement un des nombreux tests, le test de t permettant de comparer deux moyennes

indépendantes. C'est le test le plus communément utilisé par les biologistes, vous l'avez tous déjà utilisé, et il conviendra très bien pour les besoins de la cause. Ce que vous apprendrez aujourd'hui s'appliquera à toutes les autres analyses de puissance que vous effectuerez à l'avenir.

Jaynie Stephenson a étudié la productivité des ruisseaux de la région d'Ottawa. Elle a, entre autres, quantifié la biomasse des poissons dans 18 ruisseaux sur le Bouclier Canadien d'une part, et dans 18 autres ruisseaux de la vallée de la rivière des Outaouais et de la rivière Rideau d'autre part. Elle a observé une biomasse plus faible dans les ruisseaux de la vallée (2.64 g/m^2 , écart-type=3.28) que dans ceux du Bouclier (3.31 g/m^2 , écart-type=2.79). En faisant un test de t pour éprouver l'hypothèse nulle que la biomasse des poissons est la même dans les deux régions, elle obtient:

```
Pooled-Variance Two-Sample t-Test
t = -0.5746, df = 34, p-value = 0.5693
```

Elle accepte l'hypothèse nulle (puisque p est plus élevé que 0.05) conclue donc que la biomasse moyenne des poissons est la même dans ces deux régions.

2.4.1 Analyse post-hoc

Compte tenu des valeurs des moyennes observées et de leur écart- type, on peut utiliser G*Power pour calculer la puissance du test de t bilatéral pour deux moyennes indépendantes et pour la taille d'effet (i.e. la différence entre la biomasse entre les deux régions, pondérée par les écarts-type) à α = 0.05.

Démarrer G*Power.

- 1. À **Test family**, choisir: t tests
- 2. À **Statistical test**, choisir: Means: Difference between two inde- pendent means (two groups)
- 3. À **Type of power analysis**, choisir: Post hoc: Compute achieved power given α , sample size, and effect size
- 4. Dans Input Parameters,
- à la boîte **Tail(s)**, choisir: Two,
- vérifier que α **err prob** est égal à 0.05
- inscrire 18 pour **Sample size group** 1 et 2
- pour calculer la taille d'effet (Effect size d), cliquer sur le bouton **Determine**

- 5. Dans la fenêtre qui s'ouvre à droite, sélectionner **n1 = n2**
- entrer les moyennes (**Mean group** 1 et 2)
- entrer les écarts types (**SDs group** 1 et 2)
- cliquer sur le bouton Calculate and transfer to main window
- 6. Cliquer sur le bouton Calculate dans la fenêtre principale et vous devriez obtenir ceci:

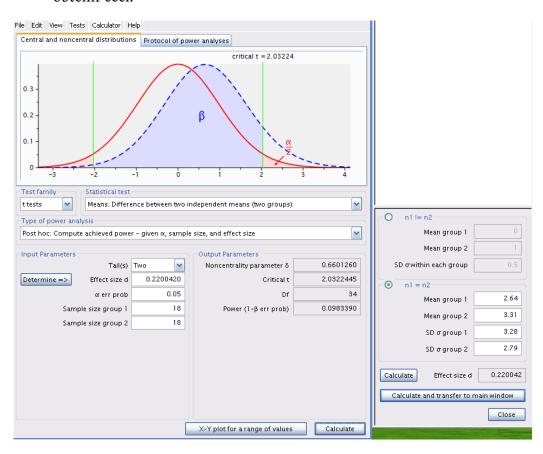


Figure 2.1: Analyse post-hoc avec la taille d'effet estimée

La même analyse peut être faites en utlisant R. Pour l'analyse avec R, il faut définir d'abord calculer la taille d'effet d pour un test de t comparant deux moyennes, puis utiliser la fonction pwr.t.test de l'extension pwr. Le plus simple comme nous allons estimer la taille d'effet d plusieurs fois et de créer une petite fonction qui estime d basé sur les paramètres nécessaires.

```
#charger l'extension pwr
library(pwr)
# définir une fonction pour d
d \leftarrow function(u1, u2, sd1, sd2) \{abs(u1-u2)/sqrt((sd1^2+sd2^2)/2)\}
#analyse de puissance
pwr.t.test(n = 18, d = d(u1=2.64, sd1=3.28, u2=3.31, sd2=2.79), significantly significant significant states and significant significant
##
##
                             Two-sample t test power calculation
##
##
                                                              n = 18
##
                                                              d = 0.220042
                                 sig.level = 0.05
##
##
                                                power = 0.09833902
##
                          alternative = two.sided
##
## NOTE: n is number in *each* group
#graphique comme g*Power
x \leftarrow seq(-4, 4, length=200)
plot(x, dnorm(x), type="l", col="red", lwd=2)
qc \leftarrow qt(0.025, 16)
abline(v=qc, col="green")
abline(v=-qc, col="green")
lines(x, dnorm(x, mean=(3.31-2.64)), type="l", col="blue", lwd=2)
#power corresponds to the shaded area
y \leftarrow dnorm(x, mean=(3.31-2.64))
polygon(c(x[x<=-qc], -qc), c(y[x<=-qc], 0), col=rgb(red = 0, greer)
```

Étudions un peu la figure 2.1.

• La courbe de gauche, en rouge, correspond à la distribution de la statistique t si H_0 est vraie (i.e si les deux moyennes étaient égales) compte tenu de l'effectif (18 dans chaque région) et des écarts- types observés.

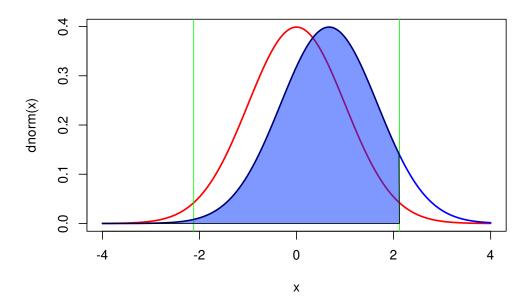


Figure 2.2: Graphique de l'analyse de puissance dans R

- Les lignes verticales vertes correspondent aux valeurs critiques de t pour une valeur $\alpha=0.05$ et un effectif total de 36 (2x18).
- Les régions ombrées en rose correspondent aux zones de rejet de H_0 . Si Jaynie avait obtenu une valeur de t en dehors de l'intervalle délimité par les valeurs critiques allant de -2.03224 à 2.03224, alors elle aurait rejeté H_0 , l'hypothèse nulle d'égalité des deux moyennes. En fait, elle a obtenu une valeur de t égale à -0.5746 et conclu que la biomasse est la même dans les deux régions.
- La courbe de droite, en bleu, correspond à la distribution de la sta- tistique t si H_1 est vraie (ici H_1 correspond à une différence de biomasse entre les deux régions de $3.33-2.64=0.69g/m^2$, compte tenu des écarts-types observés). Cette distribution correspond à ce qu'on devrait s'attendre à observer si H_1 était vraie et que l'on répétait un grand nombre de fois les mesures dans des échantillons aléatoires de 18 ruisseaux des deux régions en calculant la statistique t à chaque fois. En moyenne, on observerait une valeur de t d'environ 0.6.

- Notez que la distribution de droite chevauche considérablement celle de gauche, et une bonne partie de la surface sous la courbe de droite se retrouve à l'intérieur de l'intervalle d'acceptation de H_0 , délimité par les deux lignes vertes et allant de -2.03224 à 2.03224. Cette proportion, correspondant à la partie ombrée en bleu sous la courbe de droite et dénoté par β correspond au risque d'erreur de type II qui est d'accepter H_0 quand H_1 est vraie.
- La puissance est simplement $1-\beta$, et est ici de 0.098339. Donc, si la biomasse différait de 0.69 g/m^2 entre les deux régions, Jaynie n'avait que 9.8% des chances d'être capable de détecter une différence statistiquement significative à $\alpha=5$ en échantillonnant 18 ruisseaux de chaque région.

Récapitulons: La différence de biomasse entre les deux régions n'est pas statistiquement significative d'après le test de t. C'est donc que cette différence est relativement petite compte tenu de la précision des mesures. Il n'est donc pas très surprenant que la puissance, i.e. la probabilité de détecter une différence significative, soit faible. Toute cette analyse ne nous informe pas beaucoup.

Une analyse de puissance post hoc avec la taille de l'effet observé n'est pas très utile. On la fera plutôt pour une taille d'effet autre que celle observée quand H o est acceptée. Quelle taille d'effet utiliser? C'est la biologie du système étudié qui peut nous guider. Par exemple, en ce qui concerne la biomasse des poissons, on pourrait s'attendre à ce qu'une différence de biomasse du simple au double (disons de 2.64 à 5.28 g/m^2) ait des conséquences écologiques. On voudrait s'assurer que Jaynie avait de bonnes chances de détecter une différence aussi grande que celle-là avant d'accepter ses conclusions que la biomasse est la même entre les deux régions. Quelles étaient les chances de Jaynie de détecter une différence de 2.64 g/m^2 entre les deux régions? G*Power peut nous le dire.



Changer la moyenne du groupe 2 à 5.28, recalculer la taille d'effet, et cliquer sur Calculate pour obtenir (2.3).

```
pwr.t.test(n = 18, d = d(u1=2.64, sd1=3.28, u2=5.28, sd2=2.79), sig
```

```
##
## Two-sample t test power calculation
##
```

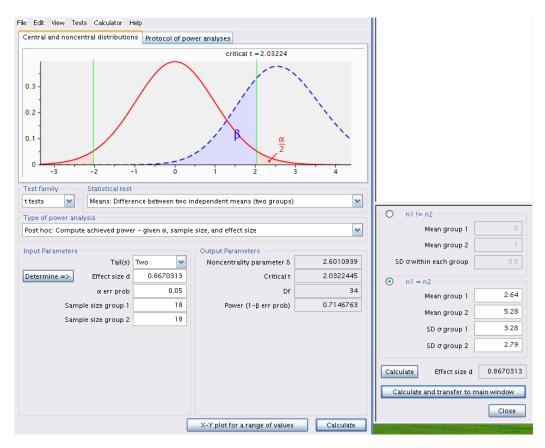


Figure 2.3: Analyse post-hoc avec une taille d'effet différente

La puissance est de 0.71, donc Jaynie avait une chance raisonnable de détecter une différence du simple au double avec 18 ruisseaux dans chaque région.

Notez que cette analyse de puissance post hoc pour une taille d'effet jugée biologiquement significative est bien plus informative que l'analyse précédente pour la taille d'effet observée (qui est celle effectuée par défaut par bien des néophytes et de trop nombreux logiciels qui essaient de penser pour nous). En effet, Jaynie n'a pu détecter de différences significatives entre les deux régions. Cela pourrait être pour deux raisons: soit qu'il n'y a pas de différences entre les régions, ou soit parce que la précision des mesures est si faible et l'effort d'échantillonnage était si limité qu'il était très peu probable de détecter même d'énormes différences. La deuxième analyse de puissance permet d'éliminer cette seconde possibilité puisque Jaynie avait 71% des chances de détecter une différence du simple au double.

2.4.2 Analyse à priori

Supposons qu'on puisse défendre la position qu'une différence de biomasse observée par Jaynie entre les deux régions, $3.31-2.64=0.67g/m^2$, soit écologiquement signifiante. On devrait donc planifier la prochaine saison d'échantillonnage de manière à avoir de bonnes chances de détecter une différence de cette taille. Combien de ruisseaux Jaynie devrait-elle échantillonner pour avoir 80% des chances de la détecter (compte tenu de la variabilité observée)?



Changer le type d'analyse de puissance dans G*Power à **A priori**: **Compute sample size - given** α **, power, and effect size.** Assurez-vous que les valeurs pour les moyennes et les écarts-type soient celles qu'a obtenu Jaynie, recalculez la taille de l'effet, et inscrivez 0.8 pour la puissance.

```
pwr.t.test(power = 0.8, d = d(u1=2.64, sd1=3.28, u2=3.31, sd2=2.79)
```

```
##
##
        Two-sample t test power calculation
##
##
                  n = 325.1723
                  d = 0.220042
##
         sig.level = 0.05
##
##
             power = 0.8
       alternative = two.sided
##
##
## NOTE: n is number in *each* group
```

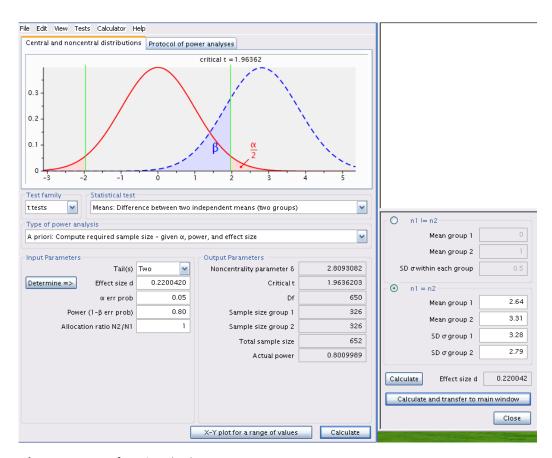


Figure 2.4: Analyse à priori

Ouch! Il faudrait échantillonner 326 ruisseaux dans chaque région! Cela coûterait une fortune et exigerait de nombreuses équipes de travail. Sans cela, on ne pourrait échantillonner que quelques dizaines de ruisseaux, et il serait peu probable que l'on puisse détecter une si faible différence de biomasse entre les deux régions. Ce serait vraisemblablement en vain et pourrait être considéré comme une perte de temps: pourquoi tant d'efforts et de dépenses si les chances de succès sont si faibles.

Si on refait le même calcul pour une puissance de 95%, on obtient 538 ruisseaux par région. Augmenter la puissance ça demande plus d'effort.

```
pwr.t.test(power = 0.95, d = d(u1=2.64, sd1=3.28, u2=3.31, sd2=2.79
##
##
        Two-sample t test power calculation
##
##
                  n = 537.7286
##
                  d = 0.220042
         sig.level = 0.05
##
##
             power = 0.95
       alternative = two.sided
##
##
## NOTE: n is number in *each* group
```

2.4.3 Analyse de sensitivité - Calculer la taille d'effet détectable

Compte tenu de la variabilité observée, d'un effort d'échantillonnage de 18 ruisseaux par région, et en conservant $\alpha=0.05$, quelle est la taille d'effet que Jaynie pouvait détecter avec 80% de chances $\beta=0.2$)?



Changez le type d'analyse dans G*Power à **Sensitivity**: **Compute required effect size - given** α **, power, and sample size** et assurez-vous que la taille des échantillons est de 18 dans chaque région.

```
pwr.t.test(power = 0.8, n=18, sig.level = 0.05, type = "two.sample"
```

```
##
##
        Two-sample t test power calculation
##
##
                  n = 18
                  d = 0.9612854
##
         sig.level = 0.05
##
##
              power = 0.8
##
       alternative = two.sided
##
## NOTE: n is number in *each* group
```

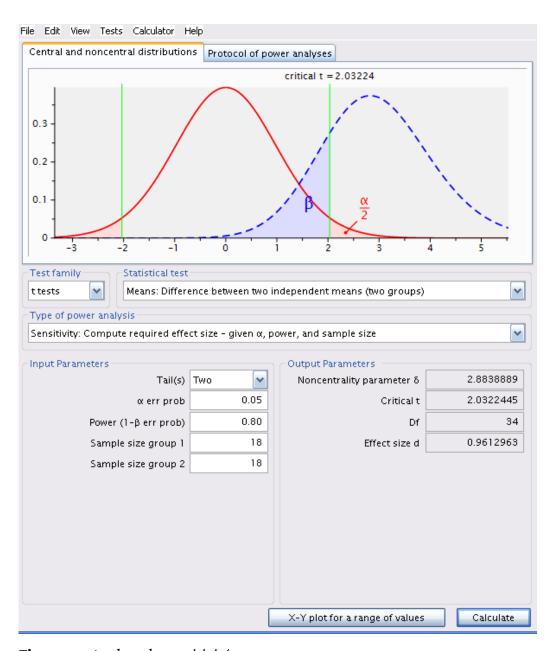


Figure 2.5: Analyse de sensitivité

La taille d'effet détectable pour cette taille d'échantillon, $\alpha=0.05$ et $\beta=0.2$ (ou une puissance de 80%) est de 0.961296.



cette valeur est l'indice d de la taille de l'effet et est pondérée par la variabilité des mesures.

Dans ce cas ci, d est approximativement égal à

$$d = \frac{|\bar{X}_1 \bar{X}_2|}{\sqrt{\frac{s_1^2 + s_2^2}{2}}}$$

Pour convertir cette valeur de d sans unités en une valeur de différence de biomasse détectable (i.e $|\bar{X}_1\bar{X}_2|$), il suffit de multiplier d par le dénominateur de l'équation.

$$|\bar{X_1}\bar{X_2}| = d*\sqrt{\frac{{s_1}^2 + {s_2}^2}{2}}$$

Dans R, on peut estimer cela avec:

[1] 2.926992

Donc, avec 18 ruisseaux dans chaque région, pour $\alpha=0.05$ et $\beta=0.2$ (une puissance de 80%), Jaynie pouvait détecter une différence de biomasse de 2.93 g/m^2 entre les régions, un peu plus que du simple au double.

2.5 Points à retenir

- L'analyse de puissance post hoc n'est pertinente que lorsque l'on a accepté l'hypothèse nulle. Il est en effet impossible de faire une erreur de type II quand on rejette H_0 .
- Avec de très grands échantillons, on a une puissance quasi infinie et on peut détecter statistiquement de très petites différences qui ne sont pas nécessairement biologiquement significatives.
- En utilisant un critère de signification plus strict (α <0.05) on diminue notre puissance.

- En voulant maximiser la puissance, on augmente l'effort requis, à moins d'utiliser une valeur critique plus libérale ($\alpha>0.05$)
- Le choix de β est quelque peu arbitraire. On considère que $\beta=0.2$ (puissance de 80%) est relativement élevé.

Chapter 3

Corrélation et régression linéaire simple

Après avoir complété cet exercice de laboratoire, vous devriez être en mesure de :

- Utiliser R pour produire un diagramme de dispersion pour illus- trer la relation entre deux variables avec trace lowess
- Utiliser R pour faire des transformations simples
- Utiliser R pour calculer le coefficient de corrélation de Pearson entre deux variables et en évaluer sa signification statistique
- Utiliser R pour calculer la corrélation de rang entre des paires de variables avec le r de Spearman et le tau de Kendall
- Utiliser R pour évaluer la signification de corrélations dans une matrice de corrélation en utilisant les probabilités ajustées par la méthode de Bonferroni.
- Utiliser R pour faire une régression linéaire simple.
- Utiliser R pour évaluer si un ensemble de données remplit les conditions d'application d'une analyse de régression simple.
- Quantifier la taille de l'effet d'une régression simple et effectuer une analyse de puissance avec G*Power.

3.1 Paquets et données requises pour le labo

Ce laboratoire nécessite:

- les paquets R:
 - car
 - lmtest
 - boot
- les fichiers de données
 - sturgeon.csv

3.2 Diagrammes de dispersion

Les analyses de corrélation et de régression devraient toujours commencer par un examen des données. C'est une étape critique qui sert à évaluer si ce type d'analyse est approprié pour un ensemble de données. Supposons que nous sommes intéressés à évaluer si la longueur d'esturgeons mâles dans la région de *The Pas* covarie avec leur poids. Pour répondre à cette question, regardons d'abord la corrélation entre la longueur et le poids. Souvenez-vous qu'une des conditions d'application de l'analyse de corrélation est que la relation entre les deux variables est linéaire. Pour évaluer cela, commençons par faire un diagramme de dispersion.

• Les données sur les esturgeons son disponibles dans le fichier sturgeon.csv. Après avoir chargé les données dnas un objet sturgeon, faites un diagramme de dispersion avec une droite de régression et une courbe LOWESS de la longueur en fonction du poids.

```
sturgeon <- read.csv("data/sturgeon.csv")</pre>
str(sturgeon)
   'data.frame': 186 obs. of
                              9 variables:
##
    $ fklngth : num 37 50.2 28.9 50.2 45.6 ...
##
    $ totlngth: num 40.7 54.1 31.3 53.1 49.5 ...
##
    $ drlngth : num 23.6 31.5 17.3 32.3 32.1 ...
    $ rdwght : num
                    15.95 NA 6.49 NA 29.92 ...
##
    $ age
                     11 24 7 23 20 23 20 7 23 19 ...
              : int
```

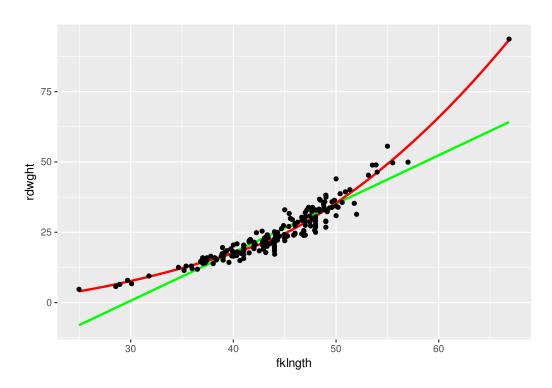


Figure 3.1: Graphique du poids en fonction de la longueur des esturgeons

• Est-ce que la dispersion des points suggère une bonne corrélation entre les deux variables? Est-ce que la relation semble linéaire?

Ce graphique suggère une tendance plus curvilinéaire que linéaire. Malgré tout, il semble y avoir une forte corrélation entre les deux variables.

• Refaites le diagramme de dispersion avec des axes logarithmiques.

```
# apply log transformation on defined graph
mygraph + scale_x_log10() + scale_y_log10()
```

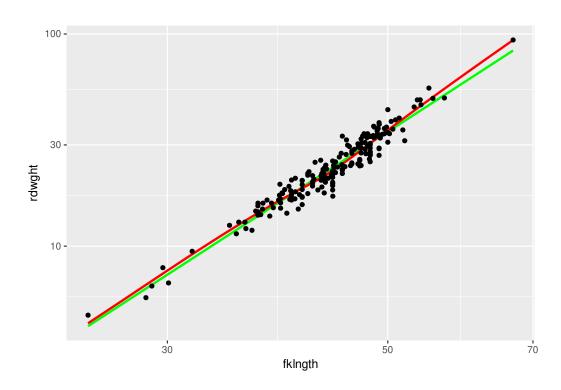


Figure 3.2: Graphique poids-longueur avec une échelle log

Comparez les diagrammes de dispersion avant et après transformation (Figures 3.1 et 3.2). Comme l'analyse de corrélation présuppose une relation linéaire entre les variables, on devrait donc privilégier l'analyse sur les données log-transformées.

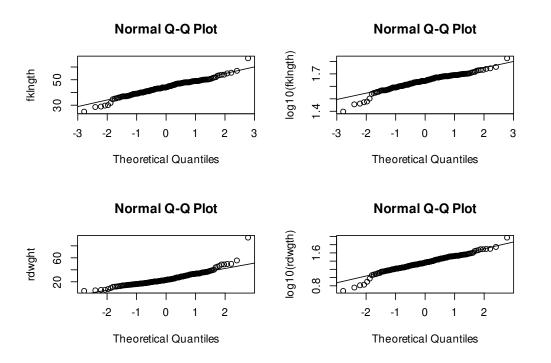
3.3 Transformations et le coefficient de corrélation

Une autre condition préalable à l'analyse de corrélation est que les deux variables concernées suivent une distribution normale bidimensionnelle. On peut aisément vérifier la normalité de chacune des 2 variables séparément tel que décrit dans le laboratoire précédent. Si les deux variables sont normalement distribuées, on présume généralement qu'elles suivent une distribution normale bidimensionnelle lorsqu'analysées simultanément (notez que ce n'est pas toujours le cas cependant).

• Examinez la distribution des quatre variables (les deux variables originales et les variables transformées). Que concluez-vous de l'inspection visuelle de ces graphiques ?

Les figures ci-dessous sont les diagrammes de probabilité (qqplot()). Le code pour produire des graphiques multiples sur une page, comme on voit ci-dessous, est:

```
par(mfrow = c(2, 2)) # divise le graphique en 4 sections
qqnorm(sturgeon$fklngth,ylab="fklngth")
qqline(sturgeon$fklngth)
qqnorm(log10(sturgeon$fklngth),ylab="log10(fklngth)")
qqline(log10(sturgeon$fklngth))
qqnorm(sturgeon$rdwght,ylab="rdwght")
qqline(sturgeon$rdwght)
qqnorm(log10(sturgeon$rdwght),ylab="log10(rdwgth)")
qqline(log10(sturgeon$rdwght))
```



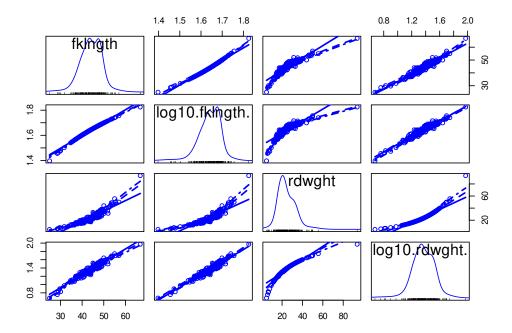
par(mfrow = c(1, 1)) #redéfinie la zone de graphique par défaut

Il n'y a pas grand-chose à redire: aucune des distributions n'est parfaitement normale, mais les déviations semblent mineures.

• Générez une matrice de graphiques de dispersion améliorés en utilisant la commande scatterplotMatrix de la librairie car.

```
scatterplotMatrix(
  ~fklngth+log10(fklngth)+rdwght+log10(rdwght),
  data= sturgeon,
  smooth=TRUE, diagonal = 'density')
```

Warning in applyDefaults(diagonal, defaults = list(method =
"adaptiveDensity"), : unnamed diag arguments, will be ignored



• Ensuite, calculez le coefficient de corrélation de Pearson entre chaque paire (variables originales et logtransformées) en utilisant la commande cor(). Avant de commencer, on va cependant ajouter les variables transformées au tableau de données sturgeon:

```
sturgeon$lfklngth <- with(sturgeon, log10(fklngth))
sturgeon$lrdwght <- log10(sturgeon$rdwght)</pre>
```

Vous pouvez ensuite obtenir la matrice de corrélation par:

```
cor(sturgeon[,c("fklngth","lfklngth","lrdwght","rdwght")], use="complete.
```

Fréquemment, il y a des données manquantes dans un échantillon. En choisissant use="complete.obs", toutes les lignes du fichier pour lesquelles les variables ne sont pas toutes mesurées sont éliminées. Dans ce cas, toutes les corrélations seront calculées avec le même nombre de cas. Par contre, en utilisant use="pairwise.complete.obs", R élimine une observation

que lorsqu'un des deux membres de la paire a une valeur manquante. Dans ce cas, si les données manquantes pour différentes variables se retrouvent dans un groupe différent d'observation, les corrélations ne seront pas nécessairement calculées sur le même nombre de cas ni sur le même sous-ensemble de cas. En général, vous devriez utiliser l'option use="complete.obs" à moins que vous ayez un très grand nombre de données manquantes et que cette façon de procéder élimine la plus grande partie de vos observations.

Pourquoi la corrélation entre les variables originales est-elle la plus faible des trois?

```
cor(sturgeon[,c("fklngth","lfklngth","lrdwght","rdwght")], use="con
```

```
## fklngth lfklngth lrdwght rdwght
## fklngth 1.0000000 0.9921435 0.9645108 0.9175435
## lfklngth 0.9921435 1.0000000 0.9670139 0.8756203
## lrdwght 0.9645108 0.9670139 1.0000000 0.9265513
## rdwght 0.9175435 0.8756203 0.9265513 1.0000000
```

Il y a plusieurs choses à noter ici.

- Premièrement, la corrélation entre la longueur à la fourche et le poids rond est élevée, peu importe la transformation: les poissons lourds ont tendance à être longs.
- Deuxièmement, la corrélation est plus forte pour les données transformées que pour les données brutes.

Pourquoi? Parce que le coefficient de corrélation est inversement proportionnel au bruit autour de la relation linéaire. Si la relation est curvilinéaire (comme dans le cas des données non transformées), le bruit est plus grand que si la relation est parfaitement linéaire. Par conséquent, la corrélation est plus faible.

3.4 Matrices de corrélations et correction de Bonferroni

Une pratique courante est d'examiner une matrice de corrélation à la recherche des associations significatives. Comme exemple, essayons de tester si la corrélation entre lfklngth et rdwght est significative (c'est le plus faible coefficient de

corrélation de cette matrice).

• Estimer la correlation entre la longueur (fklngth) et le poids (rdwght) des esturgeons:

```
cor.test(
  sturgeon$lfklngth, sturgeon$rdwght,
  alternative="two.sided",
  method="pearson")
```

```
##
## Pearson's product-moment correlation
##
## data: sturgeon$lfklngth and sturgeon$rdwght
## t = 24.322, df = 180, p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## 0.8367345 0.9057199
## sample estimates:
## cor
## 0.8756203</pre>
```

On voit ici que la corrélation est hautement significative (p< 2.2e-16),ce qui n'est pas surprenant étant donné la valeur du coefficient de corrélation (0.8756). Il est important de réaliser que si une matrice contient un grand nombre de corrélations, il n'est pas surprenant d'en trouver au moins une qui soit "significative". En effet, on s'attend à en trouver 5% en moyenne lorsqu'il n'y a en fait aucune corrélation entre les paires de moyennes. Une façon de corriger pour cette tendance est d'ajuster le niveau α critique auquel on attribue une signification statistique en divisant α par le nombre k de corrélations qui sont examinées : $\alpha' = \alpha/k$ (ajustement de Bonferroni). Si initialement $\alpha=0.05$ et qu'il y a 10 corrélations qui sont examinées, alors $\alpha'=0.005$. Donc, afin de rejeter l'hypothèse nulle, la valeur de p devra être plus petite que α' , en l'occurrence 0.005. Dans l'exemple qui précède, on devrait donc ajuster α critique en divisant par le nombre total de corrélations dans la matrice (6 dans ce cas, donc $\alpha'=0.00833$). Cette correction modifie-t-elle votre conclusion quant à la corrélation entre lkfl et rdwght?

3.5 Corrélations non paramétriques: r de Spearman et tau de Kendall

L'analyse faite à la section précédente avec les esturgeons suggère que l'une des conditions préalables à l'analyse de corrélation, soit la distribution normale bidimensionnelle de données, pourrait ne pas être remplie pour fklngth et rd-wght, ni pour les paires de variables transformées. La recherche d'une transformation appropriée peut parfois être difficile. Pire encore, pour certaines distributions il n'existe pas de transformation qui va normaliser les données. Dans ces cas-là, la meilleure option est de faire une analyse non paramétrique qui ne présume ni de la normalité ni de la linéarité. Ces analyses sont basées sur les rangs. Les deux plus communes sont le coefficient de rang de Spearman et le tau de Kendall.

• Dans R, testez la corrélation entre fklngth et rdwght en utilisant Spearman et Kendall's.

```
cor.test(
  sturgeon$lfklngth, sturgeon$rdwght,
  alternative="two.sided",
  method="spearman")
## Warning in cor.test.default(sturgeon$lfklngth, sturgeon$rdwght, a
## "two.sided", : Cannot compute exact p-value with ties
##
##
    Spearman's rank correlation rho
##
## data:
          sturgeon$lfklngth and sturgeon$rdwght
## S = 47971, p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true rho is not equal to 0
## sample estimates:
##
         rho
## 0.9522546
cor.test(
  sturgeon$lfklngth, sturgeon$rdwght,
```

```
alternative="two.sided",
method="pearson")
```

```
##
## Pearson's product-moment correlation
##
## data: sturgeon$lfklngth and sturgeon$rdwght
## t = 24.322, df = 180, p-value < 2.2e-16
## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## 0.8367345 0.9057199
## sample estimates:
## cor
## 0.8756203</pre>
```

Comparer les résultats de cette analyse à l'analyse paramétrique. Pourquoi y-a-t'il une différence ?

Calculez les corrélations non paramétriques sur les paires de variables transformées. Vous devriez voir tout de suite que les corrélations des données transformées et non transformées sont identiques puisque dans les deux cas la corrélation est calculée à partir des rangs qui ne sont pas affectés par la transformation.

Notez que les corrélations obtenues avec le tau de Kendall (0.820) sont plus faibles que celles du coefficient de Spearman (0.952). Le tau de Kendall pondère un peu plus les grandes différences entre les rangs alors que le coefficient de Spearman donne le même poids à chaque paire d'observations. En général, on préfère le tau de Kendall lorsqu'il y a plus d'incertitude quant aux rangs qui sont près les uns des autres.

Les esturgeons de cet échantillon ont été capturés à l'aide de filets et d'hameçons d'une taille fixe. Quel impact cette méthode de capture peut-elle avoir eu sur la forme de la distribution de fklngth et rdwght? Compte tenu de ces circonstances, l'analyse de corrélation est-elle appropriée?

Rappelez-vous que l'analyse de corrélation présume aussi que chaque variable est échantillonnée aléatoirement. Dans le cas de nos esturgeons, ce n'est pas le cas: les hameçons appâtés et les filets ne capturent pas de petits esturgeons (et c'est pourquoi il n'y en a pas dans l'échantillon). Il faut donc réaliser que les coeffi-

cients de corrélation obtenus dans cette analyse ne reflètent pas nécessairement ceux de la population totale des esturgeons.

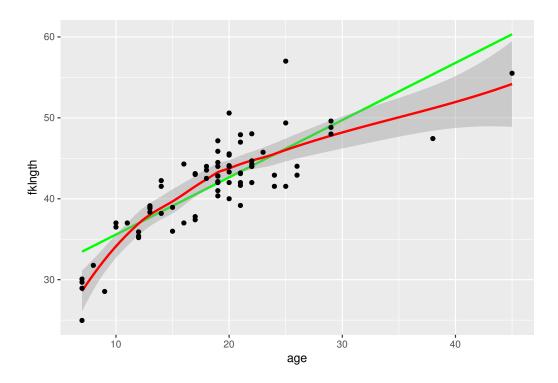
3.6 Régression linéaire simple

L'analyse de corrélation vise à décrire comment deux variables covarient. L'analyse de régression vise plutôt à produire un modèle permettant de prédire une variable (la variable dépendante) par l'autre (la variable indépendante).

Comme pour l'analyse de corrélation, on devrait commencer en examinant des graphiques. Puisque l'on est intéressé à quantifier la relation entre deux variables, un graphique de la variable dépendante (Y) en fonction de la variable indépendante (X) est tout à fait approprié.

• Le fichier sturgeon.csv contient des données d'un inventaire des esturgeons récoltés en 1978-1980 à Cumberland House en Saskatchewan et à The Pas au Manitoba. Faites un diagramme de dispersion de fklngth (la variable dépendante) en fonction de age (la variable indépendante) pour les esturgeons mâles unquement et ajoutez-y une régression linéaire et une trace lowess. Que concluez-vous de ce diagramme de dispersion?

```
sturgeon.male <- subset(sturgeon, subset = sex == "MALE")
mygraph <- ggplot(
   data=sturgeon.male, # source of data
   aes(x=age, y=fklngth)) #aesthetics: y=fklngth, x=rdwght
# plot data points, regression, loess trace
mygraph <- mygraph +
   stat_smooth(method=lm, se=FALSE, color="green") + # add linear restat_smooth(color="red") + #add loess
   geom_point() # add data points
mygraph # display graph</pre>
```



Ce graphique suggère que la relation n'est pas linéaire.

Supposons que nous désirions estimer le taux de croissance des esturgeons mâles. Un estimé (peut-être pas terrible...) du taux de croissance peut être obtenu en calculant la pente de la régression de la longueur à la fourche sur l'âge.

Ajustons d'abord une régression avec la commande lm() et sauvons ces résultats dans un objet appelé RegModel.1.

Rien n'apparait à l'écran, c'est normal ne vous inquiétez pas, tout a été sauvegardé en mémoire. Pour voir les résultats, tapez:

```
summary(RegModel.1)
```

```
##
## Call:
```

```
lm(formula = fklngth ~ age, data = sturgeon.male)
##
## Residuals:
                1Q Median
##
       Min
                                 3Q
                                         Max
## -8.4936 -2.2263 0.1849
                            1.7526 10.8234
##
## Coefficients:
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
##
  (Intercept) 28.50359
                           1.16873
                                      24.39
                                              <2e-16 ***
## age
                0.70724
                           0.05888
                                      12.01
                                              <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 3.307 on 73 degrees of freedom
     (5 observations deleted due to missingness)
##
## Multiple R-squared: 0.664, Adjusted R-squared: 0.6594
## F-statistic: 144.3 on 1 and 73 DF, p-value: < 2.2e-16
```

- 1. Le modèle qui a été ajusté et les données utilisées.
- 2. Un sommaire statistique des résidus autour du modèle estimé.
- 3. Valeurs estimées des paramètres du modèle, erreurs-types, statistiques t et probabilités associées.
- 4. Racine carrée de la variance résiduelle.
- 5. Coefficient de détermination. Il correspond à la proportion de la variabilité de la variable dépendante qui peut être expliquée par la régression.
- 6. Le R-carré ajusté tient compte du nombre de paramètres du modèle. Si vous voulez comparer différents modèles qui n'ont pas le même nombre de paramètres, c'est ce qu'il faut utiliser.
- 7. C'est le test de signification omnibus du modèle. Dans le cas de la régression simple, il est équivalent au test sur la pente de la régression.

La régression estimée est donc:

$$Fklngth = 28.50359 + 0.70724 * age$$

Étant donné la valeur significative du test de F ainsi que pour le test de t pour la pente de la droite, on rejette l'hypothèse nulle qu'il n'y a pas de relation entre la taille et l'âge.

3.6.1 Vérifier les conditions d'application de la régression

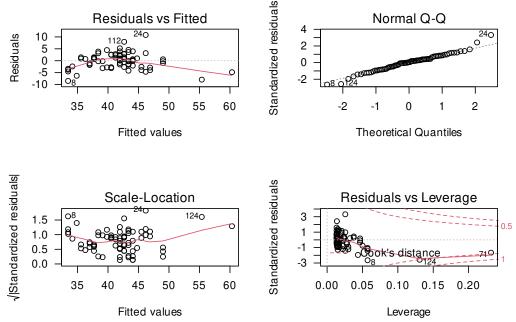
La régression simple de type I a quatre conditions préalables :

- 1. il n'y a pas d'erreur de mesure sur la variable indépendante (X)
- 2. la relation entre Y et X est linéaire
- 3. les résidus sont normalement distribués
- 4. la variance des résidus est constante pour toutes les valeurs de la variable indépendante

Procédons maintenant à l'examen post-mortem. La première condition est rarement remplie avec des données biologiques; il y presque toujours de l'erreur sur X et sur Y. Cela veut dire qu'en général les pentes estimées sont biaisées, mais que les valeurs prédites ne le sont pas. Toutefois, si l'erreur de mesure sur X est petite par rapport à l'étendue des valeurs de X, le résultat de l'analyse n'est pas dramatiquement influencé. Par contre, si l'erreur de mesure est relativement grande (toujours par rapport à l'étendue des valeurs de X), la droite de régression obtenue par la régression de modèle I est un piètre estimé de la relation fonctionnelle entre X et Y. Dans ce cas, il est préférable de passer à la régression de modèle II, malheureusement au-delà du contenu de ce cours. Les autres conditions préalables à l'analyse de régression de modèle I peuvent cependant être vérifiées, ou du moins évaluées visuellement. La commande plot() permet de visualiser des graphiques diagnostiques pour des modèles linéaires.

```
par(mfrow = c(2, 2), las=1)
plot(RegModel.1)
```

La commande par() est utilisée pour dire à R de tracer 2 rangées et 2 colonnes de graphiques par page (il y a quatre graphiques diagnostiques qui sont générés automatiquement pour les modèles linéaires), et la commande las indique à R d'effectuer une rotation des légendes de l'axe des Y pour qu'elles soient perpendiculaires à l'axe (oui. Je sais. Rien de tout ça n'est évident.)



Vous obtiendrez:

- 1. En haut à gauche, permet d'évaluer la linéarité, la normalité, et l'homoscédasticité des résidus. Il illustre les déviations autour de la régression en fonction des valeurs prédites. Rappllez-vous que le graphique de fklngth vs age suggère que la relation entre la longueur à la fourche et l'âge n'est pas linéaire. Les très jeunes et très vieux esturgeons sont sous la droite en général, alors que les esturgeons d'âge moyen sont retrouvés généralement au-dessus de la droite de régression. C'est exactement ce que le graphique des résidus en fonction des valeurs prédites illustre. La ligne en rouge est une trace lowess au travers de ce nuage de points. Si la relation était linéaire, la trace lowess serait presque plate et près de 0. La dispersion des résidus permet d'évaluer visuellement leur normalité et hétéroscédasticité; mais ce graphique n'est pas optimal pour évaluer ces propriétés. Les deux graphiques suivants sont supérieurs au premier pour cela.
- 2. En haut à droite permet d'évaluer la normalité des résidus. C'est un graphique QQ des résidus (QQ plot). Des résidus distribués normalement tomberaient exactement sur la diagonale. Ici, on voit que c'est presque le cas, sauf dans les queues de la distribution.

- 3. En bas à gauche, intitulé Scale-Location, permet d'évaluer l'homoscedasticité. On y retrouve sur l'ordonnée (l'axe des y) la racine carrée de la valeur absolue des résidus standardisés (résidus divisés par l'écart-type des résidus) en fonction des valeurs prédites. Le graphique aide à déterminer si la variation des résidus est constante ou non. Si les résidus sont homoscédastiques, la valeur moyenne sur l'axe des y ne va pas changer en fonction de la valeur prédite. Ici, il y a une certaine tendance, mais pas une tendance monotone puisqu'il y a d'abord une baisse puis une hausse..; bref, rien qui soit une forte évidence contre la supposition d'homoscédasticité.
- 4. En bas à droite, montre les résidus en fonction du "leverage" et permet de détecter certaines valeurs extrêmes qui ont une grande influence sur la régression. Le leverage d'un point mesure sa distance des autres points, mais seulement en ce qui concerne les variables indépendantes. Dans le cas d'une régression simple, cela revient à la distance entre le point sur l'axe des x et la moyenne de tous les points sur cet axe. Vous devriez porter une attention particulière aux observations qui ont un leverage plus grand que 2(k+1)/n, où k est le nombre de variables indépendantes (ici, 1) et n est le nombre d'observations. Dans cet exemple, il y a 75 observations et une variable indépendante et donc les points ayant un leverage plus grand que 4/75 = 0.053 devrait être considérés avec attention. Le graphique indique également comment la régression changerait si on enlevait un point. Ce changement est mesuré par la distance de Cook, illustrée par les bandes en rouge sur le graphique. Un point ayant une distance de Cook supérieure à 1 a une grande influence.



Notez que R identifie automatiquement les cas les plus extrèmes sur chacun de ces 4 graphiques. Le fait qu'un point soit identifié ne signifie pas nécessairement que c'est une valeur réellement extrème, ou que vous devez vous en préoccuper. Dans tous les ensembles de données il y aura toujours un résidu plus grand que les autres...

Finalement, quel est le verdict concernant la régression linéaire entre fklngth et age? Elle viole la condition de linéarité, possiblement celle de normalité, remplit la condition d'homoscédasticité, et ne semble pas influencée outre mesure par des valeurs bizarres ou extrêmes.

3.6.2 Tests formels des conditions d'application pour la régression

Personnellement, je n'utilise jamais les tests formels des conditions d'application de la régression et me contente des graphiques des résidus pour guider mes décisions. C'est ce que la plupart des praticiens font. Cependant, lors de mes premières analyses, je n'étais pas toujours certain de bien interpréter les graphiques et j'aurais aimé un indice plus formel ou un test permettant de détecter les violations des conditions d'application de la régression.

Le package l'installation de base, mais qui est disponible sur CRAN, permet de faire plusieurs tests de linéarité et d'homoscédasticité. Et on peut tester la normalité avec le test Shapiro-Wilk test vu précédemment.



Charger le package lmtest de CRAN (et installer le si besoin).

library(lmtest)



Exécutez les commandes suivantes

bptest(RegModel.1)

```
##
## studentized Breusch-Pagan test
##
## data: RegModel.1
## BP = 1.1765, df = 1, p-value = 0.2781
```

Le test Breusch-Pagan test examine si la variabilité des résidus est constantes lorsque les valeurs prédites changent. Une faible valeur de p suggère de l'hétéroscédasticité. Ici, la valeur p est élevée et suggère que la condition d'application d'homoscédasticité est remplie avec ces données.

dwtest(RegModel.1)

```
##
## Durbin-Watson test
##
## data: RegModel.1
## DW = 2.242, p-value = 0.8489
## alternative hypothesis: true autocorrelation is greater than 0
```

Le test Durbin-Watson permet de détecter l'autocorrélation sérielle des résidus. En l'absence d'autocorrélation (i.e. d'indépendance des résidus) la valeur attendue de la statistique D est 2. Ce test permet d'éprouver l'hypothèse d'indépendance des résidus, mais ne permet de détecter qu'un type particulier de dépendance. Ici, le test ne permet pas de rejeter l'hypothèse d'indépendance.

resettest(RegModel.1)

```
##
## RESET test
##
## data: RegModel.1
## RESET = 14.544, df1 = 2, df2 = 71, p-value = 5.082e-06
```

Le test RESET permet d'éprouver la linéarité. Si la relation est linéaire, alors la statistique RESET sera d'environ 1. Ici, la statistique est beaucoup plus élevée (14.54) et hautement significative. Le test confirme la tendance que nous avons détectée visuellement plus haut: la relation n'est pas linéaire.

shapiro.test(residuals(RegModel.1))

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: residuals(RegModel.1)
## W = 0.98037, p-value = 0.2961
```

Le test de normalité Shapiro-Wilk sur les résidus confirme que la déviation par

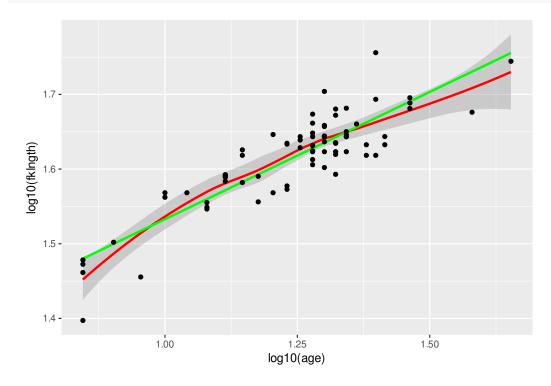
rapport à une distribution normale des résidus n'est pas grande.

3.7 Transformation des données en régression

La relation entre fklngth et age n'étant pas linéaire, on devrait donc essayer de transformer les données pour tenter de les linéariser :

• Voyons ce qu'une transformation log donne:

```
par(mfrow = c(1, 1), las=1)
ggplot(
  data = sturgeon.male,
  aes(x=log10(age), y=log10(fklngth))) +
  geom_smooth(color="red")+
  geom_smooth(method="lm", se=FALSE, color="green")+
  geom_point()
```



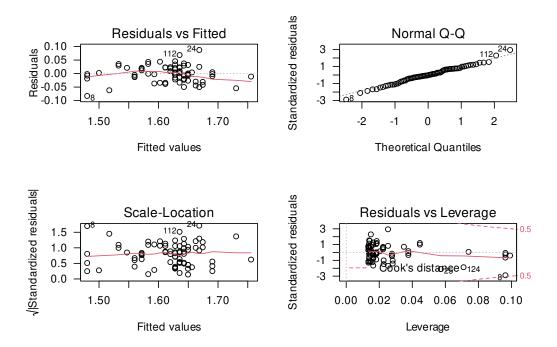
Ajustons maintenant une régression simple sur ces données transformées.

```
RegModel.2 <- lm(log10(fklngth)~log10(age), data=sturgeon.male)
summary(RegModel.2)</pre>
```

```
##
## Call:
## lm(formula = log10(fklngth) ~ log10(age), data = sturgeon.male)
##
## Residuals:
        Min
                          Median
##
                    1Q
                                        3Q
## -0.082794 -0.016837 -0.000719 0.021102 0.087446
##
## Coefficients:
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
##
## (Intercept) 1.19199
                          0.02723
                                    43.77
                                            <2e-16 ***
## log10(age) 0.34086
                          0.02168
                                    15.72
                                            <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 0.03015 on 73 degrees of freedom
     (5 observations deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.772, Adjusted R-squared: 0.7688
## F-statistic: 247.1 on 1 and 73 DF, p-value: < 2.2e-16
```

Examinons maintenant les graphiques diagnostiques:

```
par(mfrow = c(2, 2), las=1)
plot(RegModel.2)
```



Il y a une certaine amélioration, mais ce n'est pas encore parfait (la perfection n'est pas de ce monde....). Le graphique des résidus en fonction des valeurs prédites suggère encore une certaine non linéarité. Sur le graphique Q-Q les points se retrouvent plus près de la droite diagonale qu'avant, indiquant que les résidus sont encore plus près de la normalité après la transformation log-log. Il n'y a pas d'indice d'hétéroscédasticité. Finalement, même si il reste quelques points avec plus d'influence (leverage) que les autres, aucun n'a une distance de Cook au-delà de 0.5. En résumé, la transformation log a amélioré les choses: relation est plus linéaire, les résidus sont plus normaux, et il y a moins de points avec une influence relativement élevée. Est-ce que les tests formels supportent cette évaluation?

bptest(RegModel.2)

```
##
## studentized Breusch-Pagan test
##
## data: RegModel.2
```

```
## BP = 0.14282, df = 1, p-value = 0.7055
```

```
dwtest(RegModel.2)
##
##
    Durbin-Watson test
##
          RegModel.2
## data:
## DW = 2.1777, p-value = 0.6134
## alternative hypothesis: true autocorrelation is greater than 0
resettest(RegModel.2)
##
##
    RESET test
##
          RegModel.2
## data:
## RESET = 4.4413, df1 = 2, df2 = 71, p-value = 0.01523
shapiro.test(residuals(RegModel.2))
##
##
    Shapiro-Wilk normality test
##
## data: residuals(RegModel.2)
## W = 0.98998, p-value = 0.8246
```

Oui, les conclusions sont les mêmes: les résidus sont encore homoscédastiques (test Breusch-Pagan), ne sont pas autocorrélés (test Durbin-Watson), sont normaux (test Shapiro-Wilk), et sont plus linéaires (la valeur de P du test RESET est maintenant 0.015, au lieu de 0.00005). Donc la linéarité a augmenté, mais cette condition d'application semble encore légèrement violée.

3.8 Traitement des valeurs extrèmes

Dans cet exemple, il n'y a pas de valeur vraiment extrème. Oui, je sais, R a quand même identifié les observations 8, 24, et 112 dans le dernier graphique diagnostique. Mais ces valeurs sont encore dans la fourchette de valeurs que je juge "acceptables". Mais comment déterminer objectivement ce qui est acceptable? À quel moment juge t'on qu'une valeur extrême est vraiment trop invraisemblable pour ne pas l'exclure? Il n'y a malheureusement pas de règle absolue là-dessus. Les opinions varient, mais je penche vers le conservatisme sur cette question.

Ma position est que, à moins que la valeur soit biologiquement impossible ou clairement une erreur d'entrée de données, je n'élimine pas les valeurs extrêmes et j'utilise toutes mes données dans leur analyse. Pourquoi?

Parce que je veux que mes données reflètent bien la variabilité naturelle ou réelle. C'est d'ailleurs parfois cette variabilité qui est intéressante.

L'approche conservatrice qui consiste à conserver toutes les valeurs extrêmes possibles est possiblement la plus honnête, mais elle peut causer certains problèmes. Ces valeurs extrêmes sont souvent la cause des violations des conditions d'application des tests statistiques. La solution suggérée à ce dilemme est de faire l'analyse avec et sans les valeurs extrêmes et de comparer les conclusions. Dans bien des cas, les conclusions seront qualitativement les mêmes et les tailles d'effet ne seront pas très différentes. Toutefois, dans certains cas, la présence des valeurs extrêmes change complètement les conclusions. Dans ces cas, il faut simplement accepter que les conclusions dépendent entièrement de la présence des valeurs extrêmes et sont donc peu concluantes.

Suivant cette approche comparative, refaisons donc l'analyse après avoir enlevé les observations 8, 24, et 112.

```
RegModel.3 <- lm(log10(fklngth)~log10(age), data=sturgeon.male, sub
summary(RegModel.3)
```

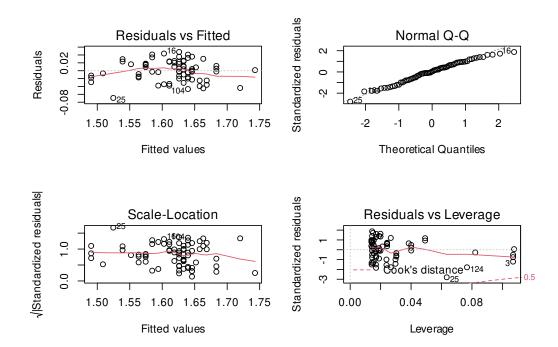
```
##
## Call:
## lm(formula = log10(fklngth) ~ log10(age), data = sturgeon.male,
## subset = !(rownames(sturgeon.male) %in% c("8", "24", "112")))
##
```

```
## Residuals:
##
        Min
                    1Q
                          Median
                                        3Q
                                                 Max
## -0.069163 -0.017390
                        0.000986
                                  0.018590 0.047647
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 1.22676
                           0.02431
                                     50.46
                                            <2e-16 ***
## log10(age)
               0.31219
                          0.01932
                                     16.16
                                            <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 0.02554 on 70 degrees of freedom
     (5 observations deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.7885, Adjusted R-squared: 0.7855
## F-statistic:
                 261 on 1 and 70 DF, p-value: < 2.2e-16
```

L'ordonnée à l'origine (Intercept), la pente, et le R carré sont presque les mêmes, et la valeur de p est encore astronomiquement petite. Enlever les valeurs extrêmes a peu d'effet dans ce cas.

Les graphiques diagnostiques des résidus et les tests formels des conditions d'application sur ce sous-ensemble de données donnent:

```
par(mfrow = c(2,2))
plot(RegModel.3)
```



sturgeon.male.subset <- subset(sturgeon, subset=!(rownames(sturgeor
bptest(RegModel.3)</pre>

```
##
## studentized Breusch-Pagan test
##
## data: RegModel.3
## BP = 0.3001, df = 1, p-value = 0.5838
```

dwtest(RegModel.3)

##

```
## Durbin-Watson test
##
## data: RegModel.3
## DW = 2.0171, p-value = 0.5074
## alternative hypothesis: true autocorrelation is greater than 0
```

```
resettest(RegModel.3)
##
##
    RESET test
##
## data:
          RegModel.3
## RESET = 3.407, df1 = 2, df2 = 68, p-value = 0.0389
shapiro.test(residuals(RegModel.3))
##
##
    Shapiro-Wilk normality test
##
          residuals(RegModel.3)
## data:
## W = 0.98318, p-value = 0.4502
```

Il n'y a pas vraiment de différence ici non plus avec l'analyse des données en entier. Bref, tout pointe vers la conclusion que les valeurs les plus extrêmes de cet ensemble de donnée n'influencent pas indûment les résultats statistiques.

3.9 Quantifier la taille d'effet et analyse de puissance en régression

L'interprétation biologique des résultats n'est pas la même chose que l'interprétation statistique. Dans l'analyse qui précède, on conclue statistiquement que la taille augmente avec l'âge (puisque la pente est positive et et p<0.05). Mais cette augmentation "statistique" de la taille avec l'âge ne donne pas d'information sur la différence de taille entre les jeunes et vieux individus. La pente et un graphique sont plus informatifs à ce sujet que la valeur p. La pente (dans l'espace log-log) est 0.34. Cela veut dire que pour chaque unité d'accroissement de X (log10(age)), il y a une augmentation de 0.34 unités de log10(fklngth). En d'autres mots, quand l'âge est multiplié par 10, la longueur à la fourche est multipliée environ par 2. Donc la longueur des esturgeons augmente plus lentement que leur âge (contrairement à mon tour de taille, semble-t-il....). La valeur de la pente (0.34) est un estimé de la taille de l'effet de l'âge sur la

longueur.

3.9.1 Puissance de détecter une pente donnée

Pour les calculs de puissance avec G*Power vous devrez cependant utiliser une autre métrique de la taille de l'effet, calculée à partir de la pente, de son erreurtype, et de la taille de l'échantillon (ce qui facilite les calculs pour G*Power, mais malheureusement pas pour vous ;-) La métrique (d) est calculée comme:

$$d = \frac{b}{s_b \sqrt{n - k - 1}}$$

où b est l'estimé de la pente, s_b est l'erreur type de la pente, n est le nombre d'observations, et k est le nombre de variables indépendantes (1 pour la régression linéaire simple).

Vous pouvez calculer approximativement la puissance avec G^* Power pour une valeur de pente que vous jugez assez grande pour mériter d'être détectée. Allez à **Tests: Means: One group: difference from constant**, là, vous devrez remplacer la valeur de b dans l'équation pour la taille d'effet (d) par la pente que vous voudriez détecter, mais utiliser l'erreur type calculée à partir de vos données.

Par exemple, supposons que les ichthyologues considèrent qu'une pente de 0.1 pour la relation entre log10(fklngth) et log10(age) est signifiante biologiquement, et qu'ils désirent estimer la puissance de détecter une telle pente à partir d'un échantillon de 20 esturgeons. Les résultats de la régression log-log nous fournissent ce dont on a besoin:

summary(RegModel.2)

```
##
## Call:
## lm(formula = log10(fklngth) ~ log10(age), data = sturgeon.male)
##
## Residuals:
## Min 1Q Median 3Q Max
## -0.082794 -0.016837 -0.000719 0.021102 0.087446
##
## Coefficients:
```

```
## Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 1.19199 0.02723 43.77 <2e-16 ***
## log10(age) 0.34086 0.02168 15.72 <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 0.03015 on 73 degrees of freedom
## (5 observations deleted due to missingness)
## Multiple R-squared: 0.772,Adjusted R-squared: 0.7688
## F-statistic: 247.1 on 1 and 73 DF, p-value: < 2.2e-16
```

L'erreur-type de la pente est 0.02168. Il y avait 75 poissons (n=75) dans l'échantillon de départ. On peut donc calculer la métrique de taille d'effet pour G*Power

$$d = \frac{b}{s_b \sqrt{n - k - 1}} = \frac{0.1}{0.02168\sqrt{74 - 1 - 1}} = 0.54$$

Armés de cette taille d'effet (une pente présumée de 0.1 et une variabilité autour de la régression similaire à la régression de fklngth vs age), aller à **Tests: Means: One group: difference from constant**, et entrez la valeur calculée de d, alpha, et l'effectif de l'échantillon pour calculer la puissance.

La puissance de détecter une pente comme étant statistiquement significative (au niveau alpha), si la pente est 0.1, que la variabilité résiduelle autour de la régression est semblable à celle de notre échantillon (ce qui revient à une taille d'effet de 0.54, pour un échantillon de 20 esturgeons et alpha=0.05) est de 0.629. Seulement environ 2/3 des échantillons de cette taille détecteraient un effet significatif de l'âge sur fklngth.

3.9.2 Effectif requis pour atteindre une puissance désirée (test A-priori)

Pour estimer la taille d'échantillon (effectif) requis pour avoir une puissance de 99% de détecter un effet de l'âge si la pente est 0.1 (sur une échelle log-log), avec alpha=0.05, on utilise la même valeur de d (0.54):

En augmentant la taille de l'échantillon à 65, selon le même scénario que précédemment, la puissance augmente à 99%.

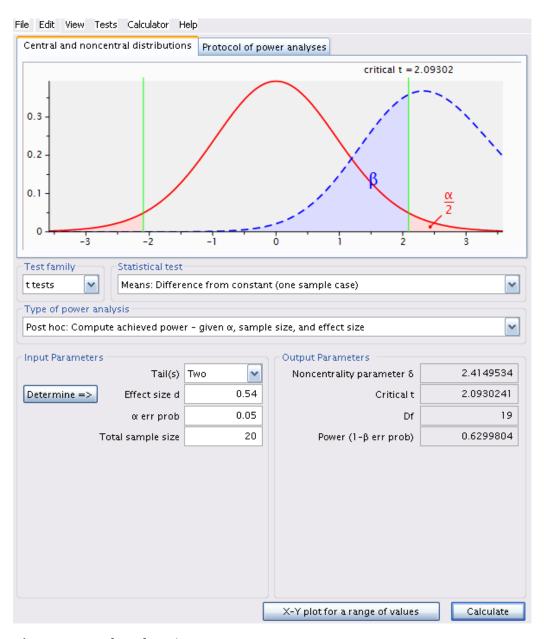


Figure 3.3: Analyse de puissance pour N = 20 et pente = 0.1

3.9. QUANTIFIER LA TAILLE D'EFFET ET ANALYSE DE PUISSANCE EN RÉGRESSION139

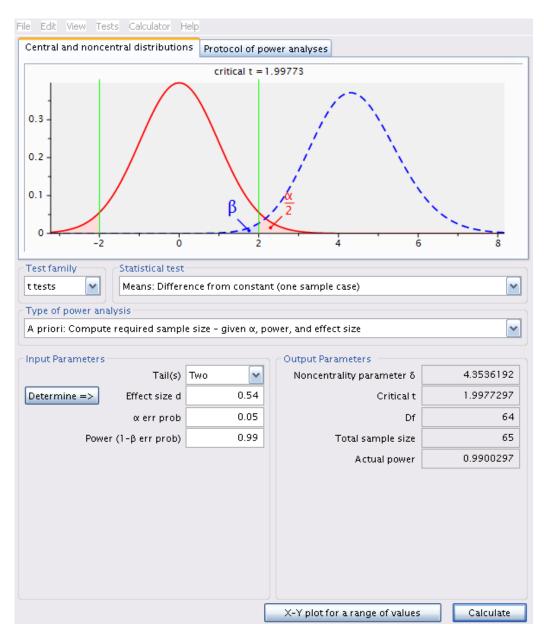


Figure 3.4: Analyse à priori pour déterminer la taille d'échantillon pour une puissance de 0.99

3.10 Bootstrap en régression simple avec R

Un test non paramétrique pour l'ordonnée à l'origine et la pente d'une régression simple peut être effectué par bootstrap.

```
#charger le paquet boot
library(boot)
# obtenir les poids de régression
bs <- function(formula, data, indices) {
    d <- data[indices,] # allows boot to select sample
    fit <- lm(formula, data = d)
    return(coef(fit))
}
# bootstrapping with 1000 replications
results <- boot(
    data = sturgeon.male,
    statistic = bs,
    R=1000, formula=log10(fklngth)~log10(age))
# view results
results</pre>
```

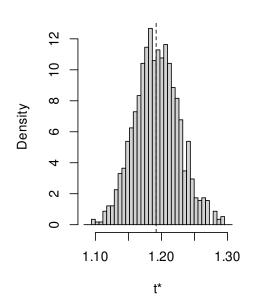
```
##
## ORDINARY NONPARAMETRIC BOOTSTRAP
##
##
## Call:
## boot(data = sturgeon.male, statistic = bs, R = 1000, formula = log10
       log10(age))
##
##
##
## Bootstrap Statistics :
                       bias
        original
##
                               std. error
## t1* 1.1919926 0.001262318 0.03346056
## t2* 0.3408557 -0.001009874
                               0.02640828
```

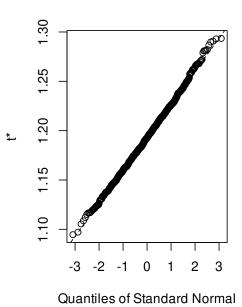
Pour chaque paramètre du modèle (ici l'ordonnée à l'origine est appelée t1* et la pente de la régression t2*), R imprime :

- 1. original la valeur estimée sur tout l'échantillon
- 2. bias la différence entre la valeur moyenne des estimés par bootstrap et la valeur originale sur tout l'échantillon
- 3. std. error l'erreur-type de l'estimé bootstrap

```
par(mfrow = c(2,2))
plot(results, index=1) # intercept
```

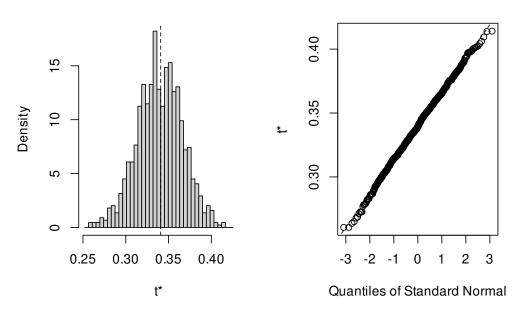
Histogram of t





plot(results, index=2) # log10(age)





La distribution des estimés obtenus par bootstrap est assez normale dans cet exemple, avec de petites déviations dans les queuee de la distribution (là où ça compte pour les intervalles de confiance...). On pourrait utiliser l'erreur-type des estimés bootstrap pour calculer un intervalle de confiance symétrique (moyenne +- t ET). Cependant, comme R peut facilement calculer des intervalles de confiance qui corrigent pour le biais (BCa) ou encore des intervalle empiriques à partir des distributions simulées (méthode Percentile) il peut être aussi simple de les calculer selon les 3 méthodes:

```
# interval de confiance pour l'ordonnée à l'origine
boot.ci(results, type = "all", index = 1)
```

```
## Warning in boot.ci(results, type = "all", index = 1): bootstrap vara
## for studentized intervals
## BOOTSTRAP CONFIDENCE INTERVAL CALCULATIONS
## Based on 1000 bootstrap replicates
##
```

##

Level

95%

```
## CALL:
## boot.ci(boot.out = results, type = "all", index = 1)
## Intervals :
## Level
              Normal
                                  Basic
## 95%
         (1.125, 1.256)
                             (1.121,
                                       1.255)
##
## Level
             Percentile
                                   BCa
## 95%
         (1.129, 1.263)
                             (1.120,
## Calculations and Intervals on Original Scale
#intervalle de confiance pour la pente
boot.ci(results, type = "all", index = 2)
## Warning in boot.ci(results, type = "all", index = 2): bootstrap variances
## for studentized intervals
## BOOTSTRAP CONFIDENCE INTERVAL CALCULATIONS
## Based on 1000 bootstrap replicates
##
## CALL:
## boot.ci(boot.out = results, type = "all", index = 2)
##
## Intervals:
## Level
              Normal
                                  Basic
                               (0.2888,
## 95%
         (0.2901,
                    0.3936)
                                          0.3956)
```

BCa

(0.2936,

0.3984)

Ici, les 4 types d'intervalles de confiance que R a calculé sont essentiellement semblables. Si les données avaient violé plus sévèrement les conditions d'application de la régression (normalité, homoscedasticité), alors les différentes méthodes (Normal, Basic, Percentile, et BCa) auraient divergé un peu plus. Lequel choisir alors? BCa est celui qui est préféré de la majorité des praticiens, présentement.

0.3929)

Calculations and Intervals on Original Scale

Percentile

(0.2861,

Chapter 4

Comparaison de deux échantillons

Après avoir complété cet exercice de laboratoire, vous devriez pouvoir:

- Utiliser R pour examiner visuellement vos données
- Utiliser R pour comparer les moyennes de deux échantillons tirés de populations normales
- Utiliser R pour comparer les moyennes de deux échantillons tirés de populations qui ne sont pas normales
- Utiliser R pour comparer les moyennes de deux échantillons appariés.

4.1 Paquets et données requises pour le labo

Ce laboratoire nécessite:

- les paquets R:
 - car
 - lmtest
 - boot
 - lmPerm
- les fichiers de données
 - sturgeon.csv
 - skulldat.csv

4.2 Examen visuel des données

Une des premières étapes dans toute analyse de données est l'examen visuel des données par des graphiques et statistiques sommaires pour détecter les distributions sous-jacentes, les valeurs extrêmes et les tendances dans vos données. Cela commence souvent avec des graphiques de vos données (histogrammes, diagrammes de probabilité, Box plots, etc.) qui vous permettent d'évaluer si vos données sont normales, si elles sont corrélées les unes aux autres, ou s'il y a des valeurs suspectes dans le fichier.

Supposons que l'on veuille comparer la distribution en taille des esturgeons de The Pas et Cumberland House. La variable fklngth dans le fichier sturgeon.csv représente la longueur (en cm) à la fourche de chaque poisson mesurée de l'extrémité de la tête à la base de la fourche de la nageoire caudale. Pour commencer, examinons si cette variable est normalement distribuée. On ne va pas tester pour la normalité à ce stade-ci; la présomption de normalité dans les analyses paramétriques s'applique aux résidus et non aux données brutes. Cependant, si les données brutes ne sont pas normales, vous avez d'habitude une très bonne raison de soupçonner que les résidus vont aussi ne pas avoir une distribution normale.

Une excellente façon de comparer visuellement une distribution à la distribution normale est de superposer un histogramme des données observées à une courbe normale. Pour ce faire, il faut procéder en deux étapes :

- 1. indiquer à R que nous voulons créer un histogramme superposé à une courbe normale
- 2. spécifier qu'on veut que les graphiques soient faits pour les deux sites
- En utilisant les données du fichier sturgeon.csv, générez les histogrammes et les approximations des distributions normales ajustées aux données de fklngth à The Pas et Cumberland House.

```
# use "sturgeon" dataframe to make plot called mygraph
# and define x axis as representing fklngth
mygraph <- ggplot(
  data = sturgeon,
  aes(x = fklngth)) +
  xlab("Fork length (cm)")</pre>
```

```
# add data to the mygraph ggplot
mygraph <- mygraph +
  geom_density() + # add data density smooth
geom_rug() + # add rug (bars at the bottom of the plot)
geom_histogram( # add black semitransparent histogram
  aes(y = ..density..), color = "black", alpha = 0.3) +
  # add normal curve in red, with mean and sd from fklength
stat_function(fun = dnorm,
  args = list(
    mean = mean(sturgeon$fklngth),
    sd = sd(sturgeon$fklngth)
  ),
  color = "red")
#display graph, by location
mygraph+facet_grid(.~location)</pre>
```

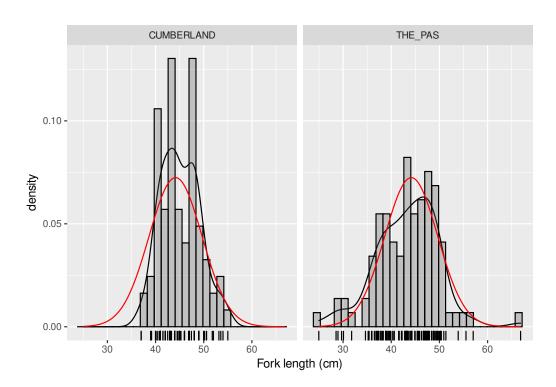


Figure 4.1: Distribution de la longueur des esturgeons

Examinez ce graphique et essayez de déterminer si ces deux échantillons sont normalement distribués. À mon avis, cette variable est approximativement normalement distribuée dans les deux échantillons. Puisque ce qui nous intéresse est de comparer la taille des poissons de deux sites différents, c'est probablement une bonne idée de créer un graphique qui compare les deux groupes de données. Un Box plot convient très bien pour cette tâche.

• Tracez un boxplot de fklngth groupé par location. Que concluezvous quant à la différence entre les deux sites?

```
ggplot(data=sturgeon, aes(x=location,
y=fklngth))+geom_boxplot(notch=TRUE)
```

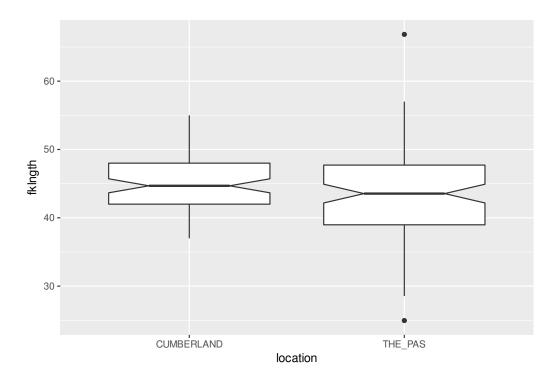


Figure 4.2: Boxplot de la longueur des esturgeons

Il n'y a pas de grande différence de taille entre les deux sites, mais la taille des poissons à The Pas est plus variable ayant une plus large étendue de taille et des valeurs extrêmes (définies par les valeurs qui sont > 1.5*l'étendue interquartile) à

chaque bout de la distribution.

4.3 Comparer les moyennes de deux échantillons indépendants

Éprouvez l'hypothèse nulle d'égalité de la longueur à la fourche à The Pas et Cumberland House de 3 manières différentes:

- 1. paramétriques supposant des variances égales
- 2. paramétriques supposant des variances différentes
- 3. non-paramétriques

Que concluez-vous?

```
# t-test assuming equal variances
t.test(
   fklngth~location, data = sturgeon,
   alternative = 'two.sided',
   var.equal = TRUE)
##
##
   Two Sample t-test
## data: fklngth by location
## t = 2.1359, df = 184, p-value = 0.03401
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
    0.1308307 3.2982615
## sample estimates:
## mean in group CUMBERLAND
                               mean in group THE_PAS
                   45.08439
                                             43.36984
##
# t-test assuming unequal variances
t.test(
   fklngth ~ location, data = sturgeon,
```

```
alternative = 'two.sided',
   var.equal = FALSE)
##
##
    Welch Two Sample t-test
##
## data:
           fklngth by location
## t = 2.2201, df = 169.8, p-value = 0.02774
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## 0.1900117 3.2390804
## sample estimates:
## mean in group CUMBERLAND
                                    mean in group THE_PAS
                                                    43.36984
##
                      45.08439
# test non paramétrique
 wilcox.test(
   fklngth ~ location, data = sturgeon,
   alternative = 'two.sided')
##
##
    Wilcoxon rank sum test with continuity correction
##
## data:
           fklngth by location
## W = 4973, p-value = 0.06296
## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0
En se fiant au test de t, on rejette donc l'hypothèse nulle. Il y a une différence
significative entre les deux moyennes des longueurs à la fourche.
Notez que si l'on se fie au test de Wilcoxon, il faut accepter l'hypothèse nulle. Les
deux tests mènent donc à des conclusions contradictoires. La différence signi-
ficative obtenue par le test de t peut provenir en partie d'une violation des con-
```

ditions d'application du test (normalité et homoscédasticité). D'un autre côté, l'absence de différence significative selon le test de Wilcoxon pourrait être due au fait que, pour un effectif donné, la puissance du test non paramétrique est inférieure à celle du test paramétrique correspondant. Compte tenu 1) des valeurs

de p obtenues pour les deux tests, et 2) le fait que pour des grands échantillons (des effectifs de 84 et 101 sont considérés grands) le test de t est considéré robuste, il est raisonnable de rejeter l'hypothèse nulle.

Avant d'accepter les résultats du test de t et de rejeter l'hypothèse nulle qu'il n'y a pas de différences de taille entre les deux sites, il est important de déterminer si les données remplissent les conditions de normalité des résidus et d'égalité des variances. L'examen préliminaire suggérait que les données sont à peu près normales mais qu'il y avait peut-être des problèmes avec les variances (puisque l'étendue des données pour The Pas était beaucoup plus grande que celle pour Cumberland). On peut examiner ces conditions d'application plus en détail en examinant les résidus d'un modèle linéaire et en utilisant les graphiques diagnostiques:

```
m1 <- lm(fklngth ~ location, data=sturgeon)
par(mfrow = c(2, 2))
plot(m1)</pre>
```

Le premier graphique ci-dessus montre comment les résidus se distribuent autour des valeurs prédites (les moyennes) pour chaque site et permette de juger si il semble y avoir un problème de normalité ou d'homoscédasticité. Si les variances étaient égales dans les deux sites, l'étendue verticale des résidus tendrait à être la même. Sur le graphique, on voit que l'étendue des résidus est plus grande à gauche (le site où la taille moyenne est la plus faible), ce qui suggère un possible problème d'homogénéité des variances. On peut tester cela plus formellement en comparant la moyenne de la valeur absolue des résidus.(on y reviendra; c'est le test de Levene).

Le second graphique est un graphique de probabilité (graphique Q-Q) des résidus. Comme ici, les points tombent près de la diagonale, il ne semble pas y avoir de problème important avec la normalité. On peut faire un test formel de la condition de normalité par le test de Shapiro-Wilk:

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
```

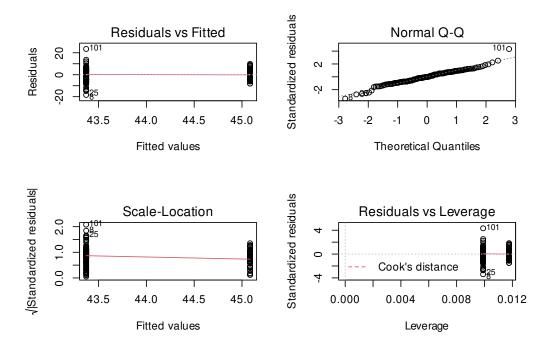


Figure 4.3: Condition d'application du modèle linéaire

```
## data: residuals(m1)
## W = 0.97469, p-value = 0.001857
```

Hummm. Ce test indique que les résidus ne sont pas normaux, ce qui contredit notre évaluation visuelle. Cependant, puisque (a) la distribution des résidus ne s'éloigne pas beaucoup de la normalité et (b) le nombre d'observations à chaque site est raisonnablement grand (i.e. >30), on n'a pas à être trop inquiet quant à l'impact de cette violation de normalité sur la fiabilité du test.

Qu'en est-il de l'égalité des variances?

```
leveneTest(m1)
```

```
## Warning in leveneTest.default(y = y, group = group, ...): group coe ## factor.
```

Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)

4.3. COMPARER LES MOYENNES DE DEUX ÉCHANTILLONS INDÉPENDANTS153

```
## Df F value Pr(>F)
## group 1 11.514 0.0008456 ***
## 184
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
bptest(m1)
```

```
##
## studentized Breusch-Pagan test
##
## data: m1
## BP = 8.8015, df = 1, p-value = 0.00301
```

Les résultats qui précédents proviennent de 3 des tests disponibles en R (dans les package car et lmtest) qui éprouvent l'hypothèse de l'égalité des variances dans des tests de t ou des modèles linéaires ayant uniquement des variables indépendantes discontinues ou catégoriques. Il est redondant de faire les 2 tests. Si ils sont présentés ici, c'est que ces 2 tests sont usuels et qu'il n'y a pas consensus quant au meilleur des deux. Le test de Levene est le plus connu et utilisé. Il compare la moyenne des valeurs absolues des résidus dans les deux groupes. Le test Breusch-Pagan a l'avantage d'être applicable à une plus large gamme de modèles linéaires (il peut être utilisé également avec des variables indépendantes continues, comme en régression). Ici, les deux tests mènent à la même conclusion: la variance diffère entre les deux sites.

Sur la base de ces résultats, on peut conclure qu'il y a évidence (mais faible) pour rejeter l'hypothèse nulle qu'il n'y a pas de différence dans la taille de poissons entre les deux sites. On a utilisé une modification du test de t pour tenir compte du fait que les variances ne sont pas égales et nous sommes satisfaits que la condition de normalité des résidus a été remplie. Alors, fklngth à Cumberland est plus grande que fklngth à The Pas.

4.4 Bootstrap et tests de permutation pour comparer deux moyennes

4.4.1 Bootstrap

Le bootstrap et les tests de permutation peuvent être utilisés pour comparer les moyennes (ou d'autres statistiques). Le principe général est simple et peut être effectué de diverses façons. Ici j'utilise certains des outils disponibles et le fait qu'une comparaison de moyenne peut être représentée par un modèle linéaire. On pourra utiliser un programme similaire plus tard quand on ajustera des modèles plus complexes.

```
library(boot)
```

La première section sert à définir une fonction (ici appelée bs) qui extraie les coefficients d'un modèle ajusté :

```
# function to obtain model coefficients for each iteration
bs <- function(formula, data, indices) {
  d <- data[indices, ]
  fit <- lm(formula, data = d)
  return(coef(fit))
}</pre>
```

La deuxième section avec la commande boot() fait le gros du travail: on prend les données dans sturgeon, on les bootstrap R=1000 fois, et chaque fois on ajuste le modèle fklngth vs location et on garde les valeurs calculées par la fonction bs.

```
# bootstrapping with 1000 replications
results <- boot(data = sturgeon, statistic = bs, R = 1000,
formula = fklngth ~ location)
# view results
results

##
## ORDINARY NONPARAMETRIC BOOTSTRAP
##</pre>
```

```
##
## Call:
## boot(data = sturgeon, statistic = bs, R = 1000, formula = fklngth ~
##
       location)
##
##
## Bootstrap Statistics :
        original
                       bias
                               std. error
##
## t1* 45.084391 0.007171511
                               0.4354547
## t2* -1.714546 -0.021985933
                                0.7547951
```

On obtient les estimés originaux pour les deux coefficients du modèle: la moyenne pour le premier (alphabétiquement) site soit Cumberland, et la différence entre les deux moyennes à Cumberland et The Pas. C'est ce second paramètre, la différence entre les moyennes, qui nous intéresse.

```
plot(results, index = 2)
```

```
# get 95% confidence intervals
boot.ci(results, type = "bca", index = 2)
```

Comme l'intervalle de confiance n'inclue pas 0, on conclue que les moyennes ne sont pas les mêmes.

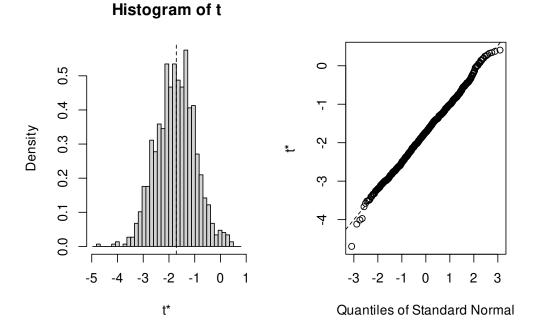


Figure 4.4: Normalité des estimés de la différence des moyennes par bootstrap

4.4.2 Permutation

Les tests de permutation pour les modèles linéaires peuvent être effectués à l'aide du package lmPerm:

```
m1Perm <- lmp(
  fklngth ~ location, data = sturgeon,
  perm = "Prob")</pre>
```

```
## [1] "Settings: unique SS"
```

La fonction lmp () fait tout le travail pour nous. Ici, cette fonction est effectuée avec l'option perm pour choisir la règle utilisée pour stopper les calculs. L'option Probs arrête les permutations quand la déviation standard estimée pour la p-valeur tombe sous un seuil déterminé. C'est l'une des nombreuses règles qui peuvent possiblement être utilisées pour ne faire les permutations que sur un sous-

ensemble des permutations possibles (ce qui prendrait souvent trrrrrès longthemps).

summary(m1Perm)

```
##
## Call:
## lmp(formula = fklngth ~ location, data = sturgeon, perm = "Prob")
##
## Residuals:
##
         Min
                     1Q
                           Median
                                          3Q
                                                   Max
## -18.40921 -3.75370 -0.08439
                                    3.76598 23.48055
##
## Coefficients:
##
             Estimate Iter Pr(Prob)
## location1
               0.8573 2976
                              0.0326 *
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 5.454 on 184 degrees of freedom
## Multiple R-Squared: 0.02419, Adjusted R-squared: 0.01889
## F-statistic: 4.562 on 1 and 184 DF, p-value: 0.03401
```

- 1. Ici, la règle a limité à 1117 permutations le calcul. Notez que ce nombre va varier à chaque fois que vous tournerez cet petit bout de code. Ce sont des résultats obtenus par permutations aléatoires, donc vous devez vous attendre à de la variabilité.
- 2. La p-valeur estimée pour Ho est 0.0824. La différence observée pour fklngth between entre les deux sites était plus grande que les valeurs permutées environ (1-0.0824=presque 92%) des 1117 permutations. Notez que 1117 permutations ce n'est pas un si grand nombre de permutations que ça, et donc les faibles valeurs de p ne sont pas très précises. Si vous voulez des valeurs précises de p, vous devrez faire plus de permutations.. Vous pouvez ajuster 2 paramètres: maxIter, le nombre maximal de permutations (défaut 5000) et Ca, le seuil de précision désiré qui arrête les permutations quand l'erreur- type de p est plus petite que Ca*p (défaut=0.1)
- 3. Le reste est la sortie standard pour un modèle ajusté à des données, avec le test paramétrique. Ici, la p-valeur, présumant que toutes les conditions

d'application sont remplies, est 0.34.

4.5 Comparer les moyennes de deux échantillons appariés

Dans certaines expériences les mêmes individus sont mesurés deux fois, par exemple avant et après un traitement ou encore à deux moments au cours de leur développement. Les mesures obtenues lors de ces deux événements ne sont pas indépendantes, et des comparaisons de ces mesures appariées doivent être faites.

Le fichier skulldat.csv contient des mesures de la partie inférieure du visage de jeunes filles d'Amérique du Nord prises à 5 ans, puis à 6 ans (données de Newman and Meredith, 1956).

 Pour débuter, éprouvons l'hypothèse que la largeur de la figure est la même à 5 ans et à 6 ans en assumant que les mesures viennent d'échantillons indépendants.

```
skull <- read.csv("data/skulldat.csv")
t.test(width~age, data = skull,
   alternative='two.sided',
   paired = FALSE)</pre>
```

```
##
## Welch Two Sample t-test
##
## data: width by age
## t = -1.7812, df = 27.93, p-value = 0.08576
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.43002624 0.03002624
## sample estimates:
## mean in group 5 mean in group 6
## 7.461333 7.661333
```

Maintenant, effectuons le test apparié qui est approprié: Que conclure? Comment les résultats diffèrent-ils de la première analyse? Pourquoi?

```
t.test(width~age, data = skull,
   alternative='two.sided',
   paired = TRUE)

##
## Paired t-test
##
## data: width by age
## t = -19.72, df = 14, p-value = 1.301e-11
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.2217521 -0.1782479
## sample estimates:
## mean of the differences
```

La première analyse a comme supposition que les deux échantillons de filles de 5 et 6 ans sont indépendants, alors que la deuxième analyse a comme supposition que la même fille a été mesurée deux fois, une fois à 5 ans, et la deuxième fois à 6 ans.

-0.2

##

Notez que, dans le premier cas, on accepte l'hypothèse nulle, mais que le test apparié rejette l'hypothèse nulle. Donc, le test qui est approprié (le test apparié) indique un effet très significatif de l'âge, mais le test inapproprié suggère que l'âge n'importe pas. C'est parce qu'il y a une très forte corrélation entre la largeur du visage à 5 et 6 ans:

```
graphskull <- ggplot(data = skull, aes(x = width5, y = width6)) +
   geom_point() +
   labs(x = "Skull width at age 5", y = "Skull width at age 6") +
   geom_smooth() +
   scale_fill_continuous(low="lavenderblush", high="red")
graphskull</pre>
```

$geom_smooth()$ using method = 'loess' and formula 'y ~ x'

Avec r = NA. En présence d'une si forte corrélation, l'erreur-type de la différence

##

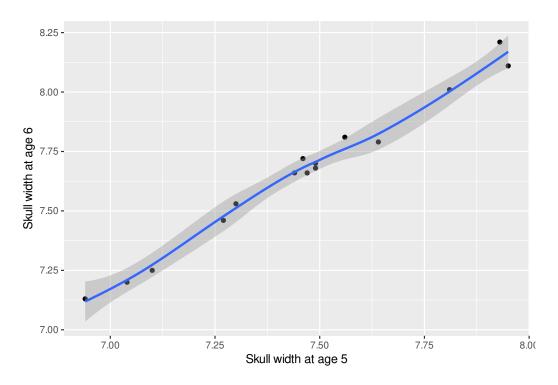


Figure 4.5: Relation entre la taille de la tête à 5 et 6 ans

appariée de largeur du visage entre 5 et 6 ans est beaucoup plus petit que l'erreurtype de la différence entre la largeur moyenne à 5 ans et la largeur moyenne à 6 ans. Par conséquent, la statistique t associée est beaucoup plus élevée pour le test apparié, la puissance du test est plus grande, et la valeur de p plus petite.

• Répétez l'analyse en utilisant l'alternative nonparamétrique, le test Wil-coxon signed-rank. (Que concluez-vous?

```
wilcox.test(width~age, data = skull,
  alternative='two.sided',
  paired = TRUE)
```

```
## Warning in wilcox.test.default(x = c(7.33, 7.49, 7.27, 7.93, 7.56,
## cannot compute exact p-value with ties
```

```
## Wilcoxon signed rank test with continuity correction
##
## data: width by age
## V = 0, p-value = 0.0007193
## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0
```

Donc on tire la même conclusion qu'avec le test de t apparié et conclue qu'il y a des différences significatives entre la taille des crânes de filles âgées de 5 et 6 ans (quelle surprise!).

Mais, attendez une minute! On a utilisé des tests bilatéraux ici mais, compte tenu de s connaissances sur la croissance des enfants, une hypothèse unilatérale serait préférable. Ceci peut être accommodé en modifiant l'option "alternative". On utilise l'hypothèse alternative pour décider entre "less" ou "greater". Ici on s'attends que si il y a une différence, width5 va être inférieur à width6, donc on utiliserait "less".

```
t.test(width~age, data = skull,
  alternative='less',
  paired = TRUE)
##
##
    Paired t-test
##
          width by age
## data:
## t = -19.72, df = 14, p-value = 6.507e-12
## alternative hypothesis: true difference in means is less than 0
## 95 percent confidence interval:
##
          -Inf -0.1821371
## sample estimates:
## mean of the differences
##
                       -0.2
wilcox.test(width~age, data = skull,
  alternative='less',
  paired = TRUE)
```

Warning in wilcox.test.default(x = c(7.33, 7.49, 7.27, 7.93, 7.56, 7.81, 3.49)

```
## cannot compute exact p-value with ties
##
## Wilcoxon signed rank test with continuity correction
##
## data: width by age
## V = 0, p-value = 0.0003597
## alternative hypothesis: true location shift is less than 0
```

4.6 Références

Bumpus, H.C. (1898) The elimination of the unfit as illustrated by the introduced sparrow, Passer domesticus. Biological Lectures, Woods Hole Biology Laboratory, Woods Hole, 11 th Lecture: 209 - 226.

Newman, K.J. and H.V. Meredith. (1956) Individual growth in skele- tal bigonial diameter during the childhood period from 5 to 11 years of age. Amer. J. Anat. 99: 157 - 187.

Chapter 5

ANOVA à un critère de classification

Après avoir complété cet exercice de laboratoire, vous devriez être capable de :

• Utiliser R pour effectuer une analyse de variance paramétrique à un critère de classification, suivie de comparaisons multiples * Utiliser R pour vérifier si les conditions d'application de l'ANOVA paramétrique sont remplies * Utiliser R pour faire une ANOVA à un critère de classification non-paramétrique * Utiliser R pour transformer des données de manière à mieux rem- plir les conditions d'application de l'ANOVA paramétrique.

5.1 Paquets et données requises pour le labo

Ce laboratoire nécessite:

- les paquets R:
 - multicomp
 - car
- les fichiers de données
 - Dam1odat.csv

5.2 ANOVA à un critère de classification et comparaisons multiples

L'ANOVA à un critère de classification est l'analogue du test de t pour des comparaisons de moyennes de plus de deux échantillons. Les conditions d'application du test sont essentiellement les mêmes, et lorsque appliqué à deux échantillons ce test est mathématiquement équivalent au test de t.

En 1961-1962, le barrage Grand Rapids était construit sur la rivière Saskatchewan en amont de Cumberland House. On croit que durant la construction plusieurs gros esturgeons restèrent prisonniers dans des sections peu profondes et moururent. Des inventaires de la population d'esturgeons furent faits en 1954, 1958, 1965 et 1966. Au cours de ces inventaires, la longueur à la fourche (frklngth) et la masse (rndwght) furent mesurées (pas nécessairement sur chaque poisson cependant). Ces données sont dans le fichier Dam10dat.csv.

5.2.1 Visualiser les données

• À partir des données, vous devez d'abord changer le type de donnée de la variable year, pour que R traite year comme une variable discontinue (factor) plutôt que continue.

```
Dam10dat <- read.csv("data/Dam10dat.csv")
Dam10dat$year <- as.factor(Dam10dat$year)
str(Dam10dat)

## 'data.frame': 118 obs. of 21 variables:</pre>
```

```
: Factor w/ 4 levels "1954", "1958", ...: 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
## $ fklngth : num 45 50 39 46 54.5 49 42.5 49 56 54 ...
## $ totlngth: num 49 NA 43 50.5 NA 51.7 45.5 52 60.2 58.5 ...
   $ drlngth : logi NA NA NA NA NA NA ...
##
   $ drwght : num 16 20.5 10 17.5 19.7 21.3 9.5 23.7 31 27.3 ...
   $ rdwght : num 24.5 33 15.5 28.5 32.5 35.5 15.3 40.5 51.5 43 ...
##
   $ sex
              : int 1112121111...
##
##
    $ age
              : int 24 33 17 31 37 44 23 34 33 47 ...
   $ lfkl
##
              : num 1.65 1.7 1.59 1.66 1.74 ...
   $ ltotl
##
              : num 1.69 NA 1.63 1.7 NA ...
```

```
##
  $ ldrl
        : logi NA NA NA NA NA ...
  $ ldrwght : num 1.2 1.31 1 1.24 1.29 ...
##
  $ lrdwght : num 1.39 1.52 1.19 1.45 1.51 ...
##
  $ lage
        : num 1.38 1.52 1.23 1.49 1.57 ...
##
  $ rage
        : int 4636774667...
 $ location: int 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
  $ girth
##
       : logi
            NA NA NA NA NA ...
  $ lgirth
##
       : logi
            NA NA NA NA NA ...
```

• Ensuite, visualisez les données comme dans le labo pour les tests de t. Créez un histogramme avec ligne de densité, un diagramme de probabilité, et un Box plot par année. Que vous révèlent ces données?

```
mygraph <- ggplot(Dam10dat, aes(x = fklngth)) +
  labs (x = "Fork length (cm)") +
  geom_density() +
  geom_rug() +
  geom_histogram(aes(y = ..density..),
    color = "black",
    alpha = 0.3) +
  stat_function(fun = dnorm,
    args = list(
        mean = mean(Dam10dat$fklngth),
        sd = sd(Dam10dat$fklngth)),
        color = "red")

#display graph, by year
mygraph+facet_wrap(~year,ncol=2)</pre>
```

Il semble que la taille des esturgeons est un peu plus petite après la construction du barrage, mais les données sont très variables et les effets ne sont pas parfaitement clairs. Il y a peut-être des problèmes de normalité avec les échantillons de 1954 et 1966, et il y a probablement des valeurs extrêmes dans les échantillons de 1958 et 1966. On va continuer en testant les conditions d'application de l'ANOVA. Il faut d'abord faire l'analyse et examiner les résidus.

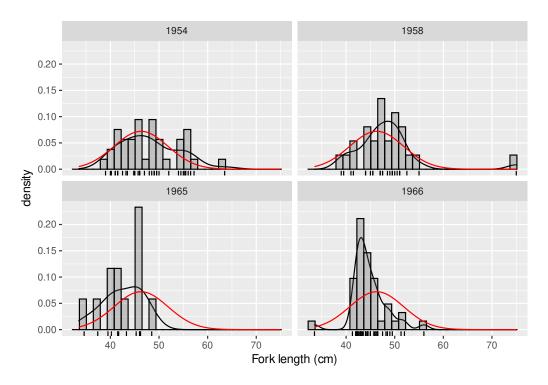


Figure 5.1: Distribution de la longueur des esturgeons par année

5.2.2 Vérifier les conditions d'application de l'ANOVA paramétrique

L'ANOVA paramétrique a trois conditions principales d'application : 1) les résidus sont normalement distribués, 2) la variance des résidus est égale dans tous les traitements (homoscédasticité) et 3) les résidus sont indépendants les uns des autres. Ces conditions doivent être remplies avant qu'on puisse se fier aux résultats de l'ANOVA paramétrique.

• Faites une ANOVA à un critère de classification sur fklngth par année et produisez les graphiques diagnostiques

```
# Fit anova model and plot residual diagnostics
anova.model1 <- lm(fklngth ~ year, data=Dam10dat)
par(mfrow = c(2, 2))
plot(anova.model1)</pre>
```

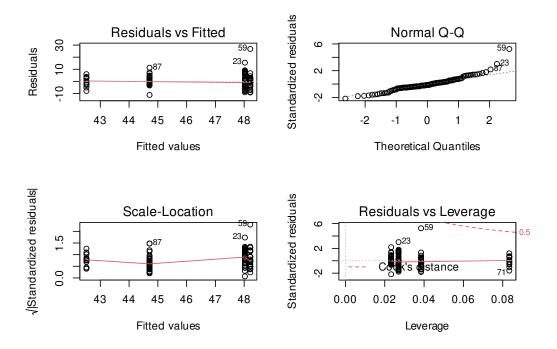


Figure 5.2: Conditions d'applications de l'ANOVA

D'après les graphiques, on peut douter de la normalité et de l'homogénéité des variances. Notez qu'il y a un point qui ressort vraiment avec une forte valeur résiduelle (cas numéro 59) et qu'il ne s'aligne pas bien avec les autres valeurs: c'est la valeur extrême qui avait été détectée plus tôt. Ce point fera sans doute gonfler la variance résiduelle du groupe auquel il appartient.

Des tests formels nous confirmeront ou infirmeront nos conclusions faites à partir de ces graphiques.

• Faites un test de normalité sur les résidus de l'ANOVA.

```
shapiro.test(residuals(anova.model1))

##
## Shapiro-Wilk normality test
##
```

```
## data: residuals(anova.model1)
## W = 0.91571, p-value = 1.63e-06
```

Ce test confirme nos soupçons: les résidus ne sont pas distribués normalement. Il faut cependant garder à l'esprit que la puissance est grande et que même de petites déviations de la normalité sont suffisantes pour rejeter l'hypothèse nulle.

• Ensuite, éprouvez l'hypothèse d'égalité des variances (homoscedasticité):

```
leveneTest(fklngth ~ year, data=Dam10dat)
```

La valeur de p vous dit que vous pouvez rejeter l'hypothèse nulle qu'il n'y a aucune différence dans les variances entre les années. Alors, nous concluons que les variances ne sont pas homogènes.

5.2.3 Faire l'ANOVA

• Faites une ANOVA de fklnght en choisissant / en présumant pour l'instant que les conditions d'application sont suffisamment remplies. Que concluez-vous?

summary(anova.model1)

```
##
## Call:
## lm(formula = fklngth ~ year, data = Dam10dat)
##
## Residuals:
## Min    1Q Median   3Q Max
## -11.2116 -2.6866 -0.7116   2.2103   26.7885
##
```

```
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                                    56.061
               48.0243
                            0.8566
                                            < 2e-16 ***
## year1958
                 0.1872
                            1.3335
                                      0.140
                                             0.88859
## year1965
                -5.5077
                            1.7310 -3.182
                                             0.00189 **
## year1966
                -3.3127
                            1.1684
                                   -2.835 0.00542 **
## ---
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 5.211 on 114 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.1355, Adjusted R-squared: 0.1128
## F-statistic: 5.957 on 3 and 114 DF, p-value: 0.0008246
```

- 1. Les 4 coefficients peuvent être utilisés pour obtenir les valeurs prédites par le modèle (i.e. les moyennes de chaque groupe). La fklngth moyenne de la première année (1954) est 48.0243. Les coefficients pour les 3 autres années sont la différence entre la moyenne de l'année en question et la moyenne de 1954. La moyenne pour 1965 est 48.0243-5.5077=42.5166. Pour chaque coefficient, on a également accès à l'erreur-type, une valeur de t et la probabilité qui lui est associée (Ho que le coefficient est 0). Les poissons étaient plus petits après la construction du barrage qu'en 1954. Vous devez prendre ces p-valeurs avec un grain de sel, car elles ne sont pas corrigées pour les comparaisons multiples et. En général, je porte peu d'attention à cette partie des résultats imprimés et me concentre sur ce qui suit.
- 2. La racine carrée de la variance des résidus (valeurs observées moins valeurs prédites) qui correspond à la variabilité inexpliquée par le modèle (variation de la taille des poissons capturés la même année).
- 3. Le R-carré est la proportion de la variabilité de la variable dépendante qui peut être expliquée par le modèle. Ici, le modèle explique 13.5% de la variabilité. Les différences de taille d'une année à l'autre sont relativement petites lorsqu'on les compare à la variation de taille entre les poissons capturés la même année.
- 4. La p-valeur associée au test "omnibus" que toutes les moyennes sont égales. Ici, p est beaucoup plus petit que 0.05 et on rejetterait Ho pour conclure que fklngth varie selon les années.

La commande anova () produit le tableau d'ANOVA standard qui contient la plupart de cette information:

```
anova(anova.model1)
```

Analysis of Variance Table

La variabilité totale de fklngth, mesurée par la somme des carrés des écarts (Sum sq) est partitionnée en ce qui peut être expliqué par l'année (485.26) et la variabilité résiduelle inexpliquée (3095.30). L'année explique bien (485.26/(3095.30+485.26)=.1355 or 13.55% de la variabilité). Le carré moyen des résidus (Residual Mean Sq) est leur variance.

5.2.4 Les comparaisons multiples

1966 0.0054 0.0079 0.1996

• La fonction pairwise.t.test() peut être utilisée pour comparer des moyennes et ajuster (ou non, si désiré) les probabilités pour le nombre de comparaisons en utilisant l'une des options pour p.adj:

Compare toutes les moyennes sans ajuster les probabilités

```
pairwise.t.test(Dam10dat$fklngth, Dam10dat$year,
    p.adj = "none")

##

## Pairwise comparisons using t tests with pooled SD

##

## data: Dam10dat$fklngth and Dam10dat$year

##

## 1954 1958 1965

## 1958 0.8886 - - -

## 1965 0.0019 0.0022 -
```

```
##
## P value adjustment method: none
```

Option bonf ajuste les p-valeurs avec la correction de Bonferroni. Ici, il y a 6 p-valeurs calculées, et la correction de Bonferroni revient à simplement multiplier la p-valeur par 6 (sauf si le résultat est supérieur à 1. Si tel est le cas, la p-valeur ajustée est 1).

```
pairwise.t.test(Dam10dat$fklngth, Dam10dat$year,
  p.adj = "bonf")
##
##
    Pairwise comparisons using t tests with pooled SD
##
## data:
          Dam10dat$fklngth and Dam10dat$year
##
##
        1954
              1958
                   1965
## 1958 1.000 -
## 1965 0.011 0.013 -
## 1966 0.033 0.047 1.000
##
## P value adjustment method: bonferroni
```

Option "holm" is est la correction séquentielle de Bonferroni dans laquelle les p-valeurs sont ordonnées de (i=1) la plus faible à (N) la plus grande. La correction pour les p-valeurs est (N-i+1). Ici, il y a N=6 paires de moyennes qui sont comparées. La plus petite valeur de p non corrigée est 0.0019 pour 1954 vs 1965. La p-valeur corrigée est donc 0.0019*(6-1+1)=0.011. La seconde plus petite p-valeur est 0.0022. Sa p-valeur corrigée est 0.0022*(6-2+1)=0.011. Pour la p-valeur la plus élevée, la correction est (N-N+1)=1, donc la p-valeur corrigée est égale à la p-valeur brute.

```
pairwise.t.test(Dam10dat$fklngth, Dam10dat$year,
   p.adj = "holm")
```

```
##
## Pairwise comparisons using t tests with pooled SD
```

```
##
## data: Dam10dat$fklngth and Dam10dat$year
##
## 1954 1958 1965
## 1958 0.889 - -
## 1965 0.011 0.011 -
## 1966 0.022 0.024 0.399
##
## P value adjustment method: holm
```

L'option "fdr" sert à contrôler le "false discovery rate".

```
pairwise.t.test(Dam10dat$fklngth, Dam10dat$year,
   p.adj = "fdr")
```

```
##
##
    Pairwise comparisons using t tests with pooled SD
##
##
  data:
          Dam10dat$fklngth and Dam10dat$year
##
        1954
##
               1958
                       1965
## 1958 0.8886 -
## 1965 0.0066 0.0066 -
## 1966 0.0108 0.0119 0.2395
##
## P value adjustment method: fdr
```

Les quatre méthodes mènent ici à la même conclusion: les poissons sont plus gros après la construction du barrage et toutes les comparaisons entre les années 50 et 60 sont significatives alors que les différences entre 54 et 58 ou 65 et 66 ne le sont pas. La conclusion ne dépend pas du choix de méthode.

Dans d'autres situations, vous pourriez obtenir des résultats contradictoires. Alors, quelle méthode choisir? Les p-valeurs qui ne sont pas corrigées sont certainement suspectes lorsqu'il y a plusieurs comparaisons. D'un autre coté, la correction de Bonferroni est conservatrice et le devient encore plus lorsqu'il y a de très nombreuses comparaisons. Des travaux récents suggèrent que la correction fdr est un bon compromis lorsqu'il y a beaucoup de comparaisons.

5.2. ANOVA À UN CRITÈRE DE CLASSIFICATION ET COMPARAISONS MULTIPLES173

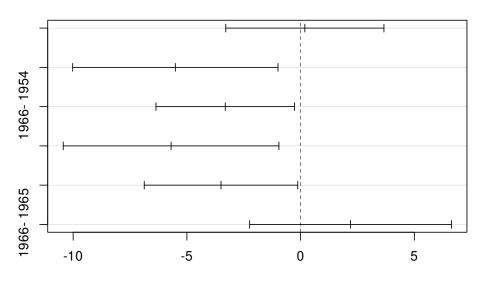
La méthode de Tukey est l'une des plus populaires et est facile à utiliser en R (notez cependant qu'il y a une sale petit bogue qui se manifeste quand la variable indépendante peut ressemble à un nombre plutôt qu'un facteur, ce qui explique la petite pirouette avec paste dans mon code):

```
Dam10dat$myyear <- as.factor(paste("", Dam10dat$year))
TukeyHSD(aov(fklngth ~ myyear, data = Dam10dat))</pre>
```

```
Tukey multiple comparisons of means
##
       95% family-wise confidence level
##
##
## Fit: aov(formula = fklngth ~ myyear, data = Dam10dat)
##
## $myyear
                    diff
##
                                lwr
                                                  p adj
                                          upr
## 1958- 1954 0.1872141 -3.289570 3.6639986 0.9990071
## 1965- 1954 -5.5076577 -10.021034 -0.9942809 0.0100528
## 1966- 1954 -3.3126964 -6.359223 -0.2661701 0.0274077
## 1965- 1958 -5.6948718 -10.436304 -0.9534397 0.0116943
## 1966- 1958 -3.4999106 -6.875104 -0.1247171 0.0390011
## 1966- 1965 2.1949612 -2.240630 6.6305526 0.5710111
```

```
plot(TukeyHSD(aov(fklngth ~ myyear, data = Dam10dat)))
```

95% family-wise confidence level



Differences in mean levels of myyear

Les intervalles de confiance, corrigés pour les comparaisons multiples par la méthode de Tukey, sont illustrés pour les différences entre années. Malheureusement les légendes ne sont pas complètes, mais l'ordre est le même que dans le tableau précédent.

Le package multcomp peut produire de meilleurs graphiques, mais requiert un peu plus de code:

```
# Alternative way to compute Tukey multiple comparisons
# set up a one-way ANOVA
anova.fkl.vs.year <- aov(aov(fklngth ~ myyear, data = Dam10dat))
# set up all-pairs comparisons for factor `year'

meandiff <- glht(anova.fkl.vs.year, linfct = mcp(myyear = "Tukey"))
confint(meandiff)</pre>
```

##

Simultaneous Confidence Intervals

```
##
## Multiple Comparisons of Means: Tukey Contrasts
##
## Fit: aov(formula = aov(fklngth ~ myyear, data = Dam10dat))
##
## Ouantile = 2.5954
## 95% family-wise confidence level
##
##
## Linear Hypotheses:
##
                     Estimate lwr
                                       upr
##
   1958 - 1954 == 0 0.1872 -3.2736
                                         3.6481
##
   1965 - 1954 == 0 -5.5077 -10.0003 -1.0150
## 1966 - 1954 == 0 -3.3127 -6.3453 -0.2801
   1965 - 1958 == 0 -5.6949 -10.4146 -0.9752
##
##
   1966 - 1958 == 0 -3.4999 -6.8596 -0.1402
##
   1966 - 1965 == 0 2.1950 -2.2203 6.6102
old.par \leftarrow par(mai = c(1, 1.25, 1, 1))
plot(meandiff)
```

```
par(old.par)
```

C'est un peu mieux, mais ce qui le serait encore plus c'est un graphique des moyennes, avec leurs intervalles de confiance ajustés pour les comparaisons multiples:

```
# Compute and plot means and Tukey CI
means <- glht(anova.fkl.vs.year, linfct = mcp(myyear =
"Tukey"))
cimeans <- cld(means)
# use sufficiently large upper margin
old.par <- par(mai = c(1, 1, 1.25, 1))
# plot</pre>
```



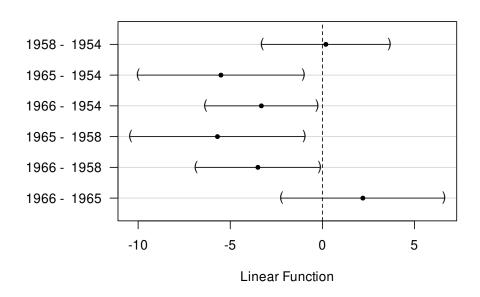


Figure 5.3: Différence anuelles dans la longueur des esturgeons

```
plot(cimeans)

par(old.par)
```

Notez les lettres au dessus du graphique: les années étiquetées avec la même lettre ne diffèrent pas significativement l'une de l'autre.

5.3 Transformations de données et ANOVA nonparamétrique

Dans l'exemple précédent sur les différences annuelles de la variable fklgnth, on a noté que les conditions d'application de l'ANOVA n'étaient pas remplies. Si les données ne remplissent pas les conditions de l'ANOVA paramétrique, il y a 3 op-

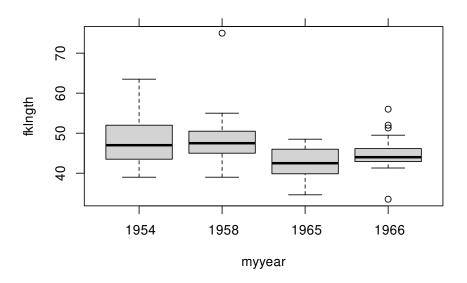


Figure 5.4: Différence anuelles dans la longueur des esturgeons

tions: 1) Ne rien faire. Si les effectifs dans chaque groupe sont grands, on peut relaxer les conditions d'application car l'ANOVA est alors assez robuste aux violations de normalité (mais moins aux violations d'homoscedasticité), 2) on peut transformer les données, ou 3) on peut faire une analyse non-paramétrique.

• Refaites l'ANOVA de la section précédente après avoir transformé en faisant le logarithme à la base de 10. Avec les données transformées, est-ce que les problèmes qui avaient été identifiés dis-paraissent?

```
# Fit anova model on log10 of fklngth and plot residual diagnostics
par(mfrow = c(2, 2))
anova.model2 <- lm(log10(fklngth) ~ year, data=Dam10dat)</pre>
plot(anova.model2)
```

Les graphiques diagnostiques des résidus donnent:

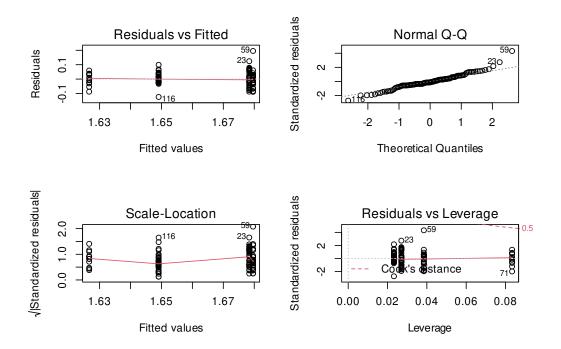


Figure 5.5: Conditions d'application de l'ANOVA

Les graphiques sont à peine mieux ici. Si on fait le test Wilk-Shapiro sur les résidus, on obtient:

```
shapiro.test(residuals(anova.model2))
```

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: residuals(anova.model2)
## W = 0.96199, p-value = 0.002048
```

Alors, on a toujours des problèmes avec la normalité et on est juste sur le seuil de décision pour l'égalité des variances. Vous avez le choix à ce point: 1) essayer de trouver une autre transformation pour mieux rencontrer les conditions d'application, 2) assumer que les données sont rencontrent suffisamment les conditions d'application, ou 3) faire une ANOVA non-paramétrique.

• L'analogue non-paramétrique de l'ANOVA à un critère de classifica- tion le plus employé est le test de Kruskall-Wallis. Faites ce test sur fklngth et comparez les résultats à ceux de l'analyse paramétrique. Que concluez-vous?

```
kruskal.test(fklngth ~ year, data=Dam10dat)
```

```
##
## Kruskal-Wallis rank sum test
##
## data: fklngth by year
## Kruskal-Wallis chi-squared = 15.731, df = 3, p-
value = 0.001288
```

La conclusion est donc la même qu'avec l'ANOVA paramétrique: on rejette l'hypothèse nulle que le rang moyen est le même pour chaque année. Donc, même si les conditions d'application de l'analyse paramétrique n'étaient pas parfaitement rencontrées, les conclusions sont les mêmes, ce qui illustre la robustesse de l'ANOVA paramétrique.

5.4 Examen des valeurs extrêmes

Vous devriez avoir remarqué au cours des analyses précédentes qu'il y avait peutêtre des valeurs extrêmes dans les données. Ces points étaient évidents dans le Box Plot de fklngth by year et ont été notés comme les points 59, 23, et 87 dans les diagrammes de probabilité des résidus et dans le diagramme de dispersion des résidus et des valeurs estimées. En général, vous devez avoir de très bonnes raisons pour enlever des valeurs extrêmes de la base de données (i.e. vous savez qu'il y a eu une erreur avec un cas). Cependant, il est quand même toujours valable de voir comment l'analyse change en enlevant des valeurs extrêmes de la base de données.

 Répétez l'ANOVA originale sur fklngth et year mais faites le avec un sousensemble de données sans les valeurs extrêmes. Est-ce que les conclusions ont changé?

```
Damsubset<-Dam10dat[-c(23,59,87),] #removes obs 23, 59 and 87
aov.Damsubset <- aov(fklngth ~ as.factor(year), Damsubset)</pre>
summary(aov.Damsubset)
##
                     Df Sum Sq Mean Sq F value
                                                  Pr(>F)
                    3 367.5 122.50 6.894 0.000267 ***
## as.factor(year)
## Residuals
                   111 1972.4
                                 17.77
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
shapiro.test(residuals(aov.Damsubset))
##
##
    Shapiro-Wilk normality test
##
## data: residuals(aov.Damsubset)
## W = 0.98533, p-value = 0.2448
leveneTest(fklngth ~ year, Damsubset)
## Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)
          Df F value
                        Pr(>F)
##
           3 4.6237 0.004367 **
## group
##
         111
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

L'élimination de trois valeurs extrêmes améliore un peu les choses, mais ce n'est pas parfait. On a toujours une problème avec les variances, mais les résidus sont maintenant normaux. Cependant, le fait que la conclusion qu'on tire de l'ANOVA originale ne change pas en enlevant les points renforce le fait qu'on n'a pas une bonne raison pour enlever les points.

Commandes R pour refaire l'ANOVA sur le sous-ensemble de données

```
Damsubset<-Dam10dat[-c(23,59,87),]
# removes obs 23, 59 and 87
aov.Damsubset <- aov(fklngth ~ as.factor(year), Damsubset)
summary(aov.Damsubset)
shapiro.test(residuals(aov.Damsubset))
leveneTest(fklngth ~ year, Damsubset)</pre>
```

5.5 Test de permutation

Commande R pour un test de permutation d'une ANOVA à un critère de classification.

```
# Permutation Test for one-way ANOVA
# modified from code written by David C. Howell
# http://www.uvm.edu/~dhowell/StatPages/More Stuff/Permutation%20Anova/Pe
# set desired number of permutations
nreps <-500
# to simplify reuse of this code, copy desired dataframe to mydata
mydata<-Dam10dat</pre>
# copy model formula to myformula
myformula<-as.formula("fklngth ~ year")</pre>
# copy dependent variable vector to mydep
mydep<-mydata$fklngth
# copy independent variable vector to myindep
myindep<-as.factor(mydata$year)</pre>
# You should not need to modify code chunk below
# Compute observed F value for original sample
mod1 <- lm(myformula, data=mydata) # Standard Anova</pre>
ANOVA <- summary(aov(mod1)) # Save summary to variable
observedF<- ANOVA[[1]]$"F value"[1] # Save observed F value
# Print standard ANOVA results
```

```
cat(" The standard ANOVA for these data follows ",
"\n")
print(ANOVA, "\n")
cat("\n")
cat("\n")
print("Resampling as in Manly with unrestricted sampling of obser-
vations. ")
# Now start resampling
Fboot <- numeric(nreps) # initalize vector to receive permuted
values
Fboot[1] <- observedF</pre>
for (i in 2:nreps) {
newdependent <- sample(mydep, length(mydep)) # randomize dep</pre>
var
mod2 <- lm(newdependent ~ myindep) # refit model</pre>
b <- summary(aov(mod2))</pre>
Fboot[i] <- b[[1]]$"F value"[1] # store F stats</pre>
permprob <- length(Fboot[Fboot >= observedF])/nreps
cat(" The permutation probability value is: ", permprob,
"\n")
# end of code chunk for permutation
```

Version lmPerm du test de permutation.

```
## lmPerm version of permutation test
require(lmPerm2)
# for generality, copy desired dataframe to mydata
# and model formula to myformula
mydata <- Dam10dat
myformula <- as.formula("fklngth ~ year")
# Fit desired model on the desired dataframe
mymodel <- lm(myformula, data = mydata)
# Calculate permutation p-value
anova(lmp(myformula, data = mydata, perm = "Prob", center=FALSE, Canada</pre>
```

Appendix A

Note sur les devoirs et Rmarkdown

Pour les devoirs, veuillez soumettre les rapports en utilisant le fichier Rmarkdown fourni. Le fichier inclue l'énoncé du devoir, les questions et la structure pour intégrer le code R, les sorties R et vos interprétations.

Après avoir modifié et sauvegardé le fichier Rmd, il faut générer le rapport dynamique en format pdf. Pour ce faire, il faut avoir installer une distribution de latex. Le plus simple est d'installer tinytex. Pour ce faire il faut installer l'extension R tinytex et à partir de decette extension installer la distribution latex tinytex.

```
install.packages("tinytex")
tinytex::install_tinytex()
```

Appendix B

Petit guide pour Rmarkdown

B.1 Syntaxe Markdown

Ceci est un petit document qui résume la syntaxe de Markdown

On utilise # (6 max.) pour créer des titres (section):

Titre 3

Titre 4

Titre 5

Titre 6

Donne

B.1.1 Titre 3

B.1.1.1 Titre 4

B.1.1.2 Titre 5

B.1.1.2.1 Titre 6

On entoure le texte des symboles * ou _ pour mettre le texte en italique ou en gras. Un symbole pour mettre en italique: *Texte en Italique * Texte en Italique

_Texte en Italique_Texte en Italique

Deux symboles pour mettre en gras: **Texte gras** **Texte gras**

```
__Texte gras__ Texte gras
```

On utilise une combinaison des 2 charactère pour obtenir du texte gras et italique.

Pour créer un liste on utilise le symbole - suivit d'une espace.

- Il doit y avoir une ligne vide avant la liste.
- On doit ajouter quelques espaces après chaque ligne.
 - Pour ajouter des niveau à la liste on indente (tab) 2 fois, puis on ajoute le symbole + suivit d'un espace.
 - Ici encore, on doit ajouter quelques espaces après chaque lignes.
- Il doit y avoir une ligne vide après la liste.

On peut aussi créer des liste avec des numéro ou des lettre.

- 1. On doit simplement mettre un point après le chiffre ou la lettre, suivit d'un espace
 - a. Encore une fois, il peut y avoir plusieurs niveaux ii). Mais pas plus de 3 niveau

Pour écrire des équation mathématique, on entoure le texte du symbole \$

$$K = 0.5$$

$$\log(x+k)$$

Pour faire un tableau, on fait comme suit (noter que l'alignement des symbole est sans importance) :

```
colonne 1 |colonne 2|colonne 3|colonne 4
-----|-----|------|
cellulle | cellulle | cellulle | cellulle
cellulle | cellulle | cellulle | cellulle
```

On peut utiliser le symbole > pour indenter un paragraphe (le résultat est différent entre PDF et HTML) :

En HTML, ça produit un résultat étrange ... > mais bon ...

On peut écrire dans la même police que celle du code en entourant le texte avec le symbole ': variable

Si l'on veut utilisé un symbole dans le texte sans qu'il modifie le texte, il faut mettre le symbole \ devant.

Pour inséré un lien, on entoure le texte avec [], et on met l'addresse dans des paranthèse () immédiatement à coté: R Markdown¹

On peut tracer un ligne horizontale en répétant le symbole - 3 fois ou plus :

B.2 À propos de LaTex

Ce qui suit concerne uniquement ceux qui on installer LaTex. Les fonction LaTex serve à modifier le texte, mais ne fonctionne que lorsqu'on produit un document PDF (ça fonctionne peut-être aussi pour les document word). Ils en existe beaucoup trop de fonction pour toutes les énumérer ici. Google est votre ami.

Voici quelques exemple:

```
\emph{texte italique}
\textcolor{red}{texte rouge}
\texttt{même police que le code de R}
```

Le nom de la prochaine fonction est assez descriptif

\pagebreak

B.3 Concernant le code dans notebook

Vous devez écrire le code à l'intérieur de bloc de code, sinon il ne sera pas interpréter comme du code, mais comme du texte. Vous pouvez taper directement la notation pour créer un bloc code ou utiliser les raccourci clavier de RStudio Pour créer un nouveau bloc de code, taper ```{r} pour ouvrir le bloc et ``` pour le fermer. Sinon, appuyer sur Ctrl+Alt+I Dans Rstudio, pour éxécuter le code à

¹http://rmarkdown.rstudio.com

l'intérieur d'un bloc appuyer sur *Ctrl+Shift+Enter* ou cliquer sur le boutton *Run* (dans le bloc, en haut à droite).

Charger les données et les packages dans le premier bloc de code.

```
```{r} #ouverture du bloc de code
code
``` #fermeture du bloc code
```

Lorsque vous exécuter du code dans un bloc, le résultat apparait directement en dessous de la du bloc (si votre document est un R Notebook). L'option fig.cap fonctionnement seulement lorsqu'on génère un PDF.

Lorsque vous sauvegarder un notebook, un fichier HTLM contenant le code et les résultats est sauvegarder en même temps. Cliquer sur le bouton *Preview* ou appuyer sur *Ctrl+Shift+K* pour voir le fichier HTML.

```
```{r, fig.cap = "Exemple de graphique tiré du fichier d'aide de la
ggplot(diamonds, aes(carat)) +
 geom_histogram()

ggplot(diamonds, aes(carat)) +
 geom_histogram(binwidth = 0.01)

ggplot(diamonds, aes(carat)) +
 geom_histogram(bins = 200)

```
```

```
ggplot(diamonds, aes(carat)) +
  geom_histogram()
```

`stat_bin()` using `bins = 30`. Pick better value with `binwidth`.

```
ggplot(diamonds, aes(carat)) +
  geom_histogram(binwidth = 0.01)
```

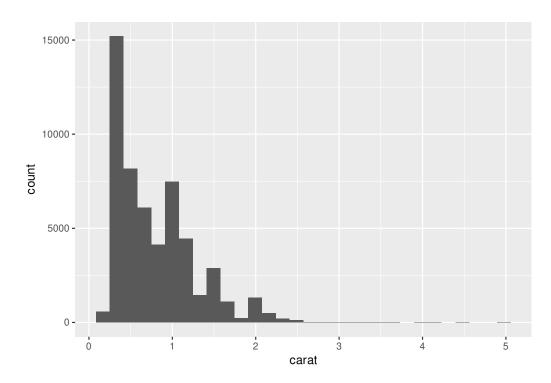


Figure B.1: Exemple de graphique tiré du fichier d'aide de la fonction stat_bin

```
ggplot(diamonds, aes(carat)) +
  geom_histogram(bins = 200)
```

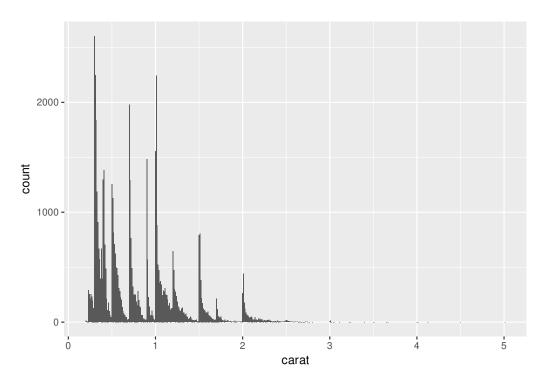


Figure B.2: Exemple de graphique tiré du fichier d'aide de la fonction stat_bin

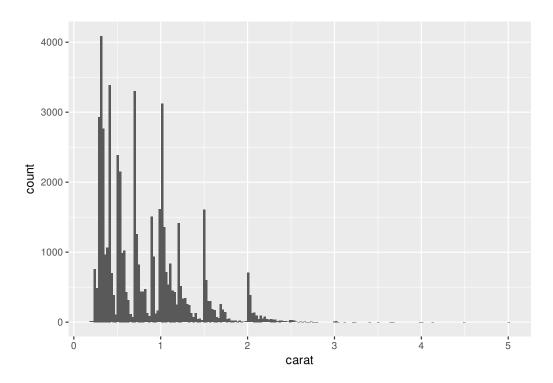


Figure B.3: Exemple de graphique tiré du fichier d'aide de la fonction stat_bin

Appendix C

Resources pour en apprendre plus sur rmarkdown

https://statistique-et-logiciel-r.com/guide-de-demarrageen-r-markdown/

https://rmarkdown.rstudio.com/