1.1.1. Models Unidimensionals. Moldes de creixement restringit

1.1.1. Models Unidimensionals. Moldes de creixement restringit	1
Cas: Estudi d'una població de peixos en un llac	1
Moldes clàssics per al creixement sotmès a restriccions	
Model logístic.	
Model de Ricker	
Model de Beverton-Holt	2
Qüestions	
Funcions	

Algunes instruccions preliminars:

startup

Cas: Estudi d'una població de peixos en un llac

Suposem que estem estudiant la població de peixos d'una espècie concreta en un llac tancat, on no hi ha migració, és a dir, l'únic factor que afecta el creixement de la població són els naixements i les morts. A mesura que la població augmenta, l'accés als recursos com l'aliment o l'espai disminueix, de manera que la taxa de creixement de la població es veu afectada per la densitat. Com es comportarà la població al llarg del temps?

Moldes clàssics per al creixement sotmès a restriccions

Els models matemàtics **logístic**, de **Ricker** i de **Beverton-Holt** són utilitzats per a descriure la dinàmica de poblacions biològiques i com aquestes responen a factors com la densitat de població i els recursos disponibles. Un cas on es podrien comparar aquests tres models seria l'estudi d'una població de peixos en un llac tancat, on la densitat de la població afecta la seva taxa de creixement i les seves dinàmiques.

Model logístic

El model logístic és una de les primeres aproximacions per modelar el creixement d'una població limitada pels recursos. Descriu una situació on la taxa de creixement d'una població disminueix a mesura que aquesta s'acosta a la capacitat de càrrega K, el límit de població que els recursos poden suportar.

$$N_{t+1} = N_t \left(R - \frac{R-1}{K} N_t \right)$$

On:

- N_t és la població en el temps t
- R és la taxa de creixement,
- Kés la capacitat de càrrega del sistema.

Model de Ricker

El model de Ricker és utilitzat sovint per a analitzar poblacions amb reproducció discreta (com els peixos), on els adults competeixen amb les noves generacions per recursos. El model també inclou una retroalimentació negativa a través de la densitat de població.

$$N_{t+1} = N_t e^{r\left(1 - \frac{N_t}{K}\right)}$$

on $R = e^r$. Aquest model genera fluctuacions i fins i tot caos per a certs valors de r especialment si la taxa de creixement és molt alta.

Model de Beverton-Holt

El model de Beverton-Holt descriu la dinàmica de poblacions amb un mecanisme de compensació de densitat, en el qual la població s'apropa de manera més suau a la capacitat de càrrega sense oscil·lacions. Sovint s'utilitza per espècies on la competència pels recursos no causa grans fluctuacions.

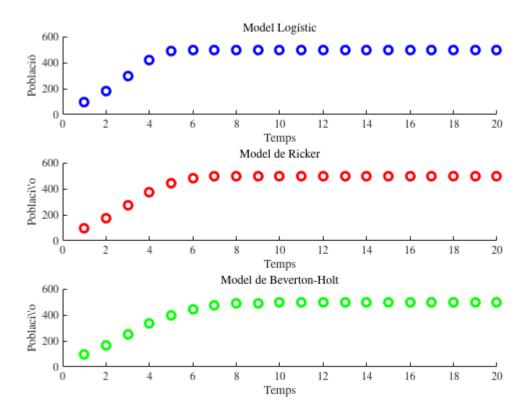
$$N_{t+1} = \frac{RN_t}{1 + \frac{(R-1)N_t}{K}}$$

Aquest model és conegut per predir un equilibri suau i estable de la població, evitant oscil·lacions o caos.

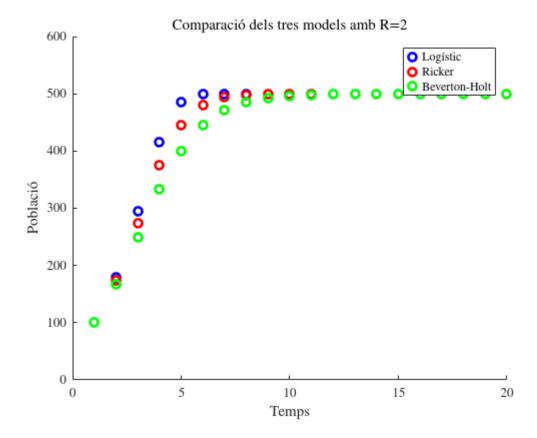
Fem les figures aprofitant les funcions definides al final del fitxer

```
figure;
% Model Logístic
subplot(3,1,1);
scatter(time, logistic(R,K,N0,t_max), 'b', 'LineWidth', 2);
title('Model Log\''istic');
xlabel('Temps');
ylabel('Poblaci\''o');
ylim([0 K*1.2]);
% Model de Ricker
subplot(3,1,2);
scatter(time, ricker(R,K,N0,t_max), 'r', 'LineWidth', 2);
title('Model de Ricker');
xlabel('Temps');
ylabel('Poblaci\\''o');
ylim([0 K*1.2]);
% Model de Beverton-Holt
```

```
subplot(3,1,3);
scatter(time, beverton(R,K,N0,t_max), 'g', 'LineWidth', 2);
title('Model de Beverton-Holt');
xlabel('Temps');
ylabel('Poblaci\\''o');
ylim([0 K*1.2]);
```



```
% Comparació conjunta en un sol gràfic
figure;
hold on;
scatter(time, logistic(R,K,N0,t_max), 'b', 'LineWidth', 2);
scatter(time, ricker(R,K,N0,t_max), 'r', 'LineWidth', 2);
scatter(time, beverton(R,K,N0,t_max), 'g', 'LineWidth', 2);
titol=strcat('Comparaci\''o dels tres models amb R=',num2str(R));
title(titol,'Interpreter','latex');
xlabel('Temps');
ylabel('Poblaci\''o');
legend('Log\''istic', 'Ricker', 'Beverton-Holt');
ylim([0 K*1.2]);
hold off;
```



Qüestions

Crea un fitxer mlx a partir d'aquest en el qual:

- 1. Afegeix una funció que et permeti dibuixar també el gràfic per al model exponencial
- 2. Genera un gràfic comparatiu dels diferents models en cadascun d'aquests casos: $R = \{1.2, 3\}$
- 3. Genera un gràfic comparatiu dels diferents models en cadascun d'aquests casos: $N_0 = \{200, 400, 600\}$
- 4. Exporta les diferents figures en fitxers de tipus .png que puguis aprofitar després en qualsevol document de text.
- 5. Discuteix els resultats. En concret, comenta quin model pot ser més útil per a espècies amb comportament de creixement estable, i quin per a espècies amb dinàmiques caòtiques o fluctuants, especialment quan les taxes de reproducció són elevades.

Funcions