# Química Enginyeria de l'Automoció: Exercicis

Jordi Villà i Freixa (jordi.villa@uvic.cat)

Curs 2024-2025 (darrera actualització: 24 de febrer de 2025)

# Índex

1 Els gasos i el seu comportament Combustió 21

1

#### 1 Els gasos i el seu comportament

#### Exercici 1. Pressió pneumàtics

Un conductor comprova la pressió dels pneumàtics pel matí aviat, quan la temperatura és de  $15^{\circ}$ C, i és de  $1.3 \times 10^{5}$  Pa. Al migdia la temperatura és 15 graus més elevada. Quina és la pressió dels pneumàtics ara?.

## Resposta

Les dades són:

• Pressió inicial:  $P_1 = 1.3 \times 10^5 \,\mathrm{Pa}$ 

• Temperatura inicial:  $T_1 = 15\,^{\circ}\text{C} = 288\,\text{K}$ 

• Temperatura final:  $T_2 = 30\,^{\circ}\text{C} = 303\,\text{K}$ 

• Suposem que el volum dels pneumàtics es manté constant.

Com que el volum no canvia, podem utilitzar la llei de Gay-Lussac per determinar la pressió final:

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$$

Aïllant  $P_2$ :

$$P_2 = P_1 \times \frac{T_2}{T_1} = (1.3 \times 10^5 \,\text{Pa}) \times \frac{303 \,\text{K}}{288 \,\text{K}} = (1.3 \times 10^5 \,\text{Pa}) \times 1.0521 = 1.37 \times 10^5 \,\text{Pa}$$

## Exercici 2.

Dalt de l'Everest, la pressió atmosfèrica és de 0.33 atm i la temperatura de 50 sota zero. Quina és la densitat de l'aire si en CN és de 1.29g dm<sup>-3</sup>?.

## Resposta

Sabem que la densitat de l'aire en condicions normals (CN) és:

$$\rho_{\rm CN} = 1.29 \, {\rm g \, dm}^{-3}$$

Les condicions a dalt de l'Everest són:

• Pressió atmosfèrica: P = 0.33 atm

• Temperatura:  $T = -50 \,^{\circ}\text{C} = 223 \,\text{K}$ 

• Condicions normals (CN):

– Pressió normal:  $P_{\text{CN}} = 1 \text{ atm}$ 

– Temperatura normal:  $T_{\rm CN}=273\,{\rm K}$ 

Sabem que la densitat d'un gas està relacionada amb la pressió i la temperatura segons l'expressió:

$$\frac{\rho}{\rho_{\rm CN}} = \frac{P}{P_{\rm CN}} \times \frac{T_{\rm CN}}{T}$$

Aïllant  $\rho$ :

$$\rho = \rho_{\rm CN} \times \frac{P}{P_{\rm CN}} \times \frac{T_{\rm CN}}{T}$$

Substituïm els valors donats:

$$\rho = (1.29 \,\mathrm{g}\,\mathrm{dm}^{-3}) \times \frac{0.33 \,\mathrm{atm}}{1 \,\mathrm{atm}} \times \frac{273 \,\mathrm{K}}{223 \,\mathrm{K}} = 0.52 \,\mathrm{g}\,\mathrm{dm}^{-3}$$

#### Exercici 3. Gas ideal en CN

Calcular el volum molar d'un gas ideal a condicions normals (1 atm i 0°C).

#### Resposta

Les condicions normals (CN) per a un gas ideal són:

• Pressió: P = 1 atm

• Temperatura: T = 0 °C = 273.15 K

• Constant dels gasos:  $R = 0.0821 \,\mathrm{Latm} \,\mathrm{mol}^{-1} \,\mathrm{K}^{-1}$ 

L'equació dels gasos ideals és:

$$PV = nRT$$

Aïllem el volum molar  $V_m$ , considerant n=1 mol:

$$V_m = \frac{RT}{P}$$

Substituïm les dades:

$$V_m = \frac{(0.0821 \,\mathrm{L}\,\mathrm{atm}\,\mathrm{mol}^{-1}\,\mathrm{K}^{-1}) \times (273.15\,\mathrm{K})}{1\,\mathrm{atm}} \approx 22.4 \,\mathrm{L}\,\mathrm{mol}^{-1}$$

#### Exercici 4.

Quant gas hi ha en una mostra de volum  $0.5\,\mathrm{dm^3},$  a  $80\,^\circ\mathrm{C}$  i  $800\,\mathrm{Torr}$  de pressió?

## Exercici 5.

Pots calcular el volum ocupat per molècula en un gas ideal a CN?. Es troben dues molècules molt freqüentment en un gas a baixa pressió?

#### Exercici 6.

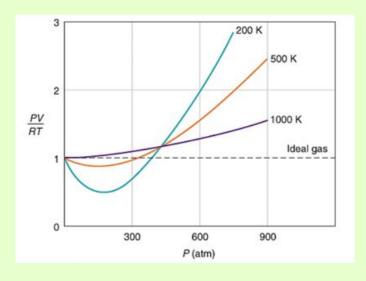
Si a CN la densitat d'un gas ideal és de  $2.62\,\mathrm{g\,dm^{-3}}$ , quina és la seva massa molar? i quina densitat tindrà a 300 K i  $2.4\times10^5\,\mathrm{Pa}$   $2.4\times10^5\,\mathrm{Pa}$ ?

#### Exercici 7.

Quant gas hi ha en una mostra de volum  $0.5~\rm{dm^3},~a~80$  graus Celsius i 800 Torr de pressió?.

#### Exercici 8.

Què passa segons l'Equació de van der Waals si la pressió es fa propera a zero o bé la temperatura es fa molt gran per a un gas real? La figura mostra el factor de compressibilitat per a un mateix gas a diferents temperatures



## Exercici 9. Comparativa TCG per a H<sub>2</sub> i He

Es prepara una mescla de gasos d'hidrogen  $(H_2)$  i heli (He) tal que les molècules de cada gas produeixin el mateix nombre de col·lisions amb la paret per unitat de temps. Determinem quin gas té la concentració més alta.

## Resposta

## Consideració com a gasos ideals

L'energia cinètica translacional d'un mol de gas és

$$\langle E_c \rangle = N_0 \frac{m \langle c^2 \rangle}{2} = \frac{3}{2} RT$$

on  $M = N_0 m$  és la massa molecular del gas en kg mol<sup>-1</sup>.

Per tant, la velocitat quadràtica mitjana és:

$$c_{\rm rms} = \sqrt{\frac{3RT}{M}} \tag{1}$$

Com que la taxa de col·lisions amb la paret és proporcional a  $nv_{\rm rms}$ , imposem la condició d'igualtat:

$$n_{\rm H} \cdot \sqrt{\frac{3RT}{M_{\rm H}}} = n_{\rm He} \cdot \sqrt{\frac{3RT}{M_{\rm He}}}$$
 (2)

Substituint masses moleculars  $M_{\rm H}=2$  g/mol i  $M_{\rm He}=4$  g/mol:

$$n_{\rm H} \cdot \sqrt{\frac{1}{2}} = n_{\rm He} \cdot \sqrt{\frac{1}{4}} \tag{3}$$

$$n_{\rm H} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = n_{\rm He} \cdot \frac{1}{2} \tag{4}$$

Resolent per  $n_{\rm H}$ :

$$n_{\rm H} = \frac{n_{\rm He}}{\sqrt{2}} \tag{5}$$

Per tant, la concentració de H<sub>2</sub> ha de ser més alta que la de He.

#### Consideració com a gasos no ideals

Si considerem gasos reals, hem de corregir la velocitat mitjana tenint en compte el factor de compressibilitat Z:

$$v_{\rm rms} = \sqrt{\frac{3ZRT}{M}} \tag{6}$$

A pressions altes,  $Z_{\rm H_2} > Z_{\rm He}$  per les interaccions intermoleculars més fortes d'hidrogen, la qual cosa redueix la seva velocitat i altera la relació de concentracions calculada abans.

Amb l'equació de van der Waals:

$$\left(P + \frac{a}{V^2}\right)(V - b) = RT
\tag{7}$$

On  $a_{\rm H} > a_{\rm He}$ , la densitat efectiva de  ${\rm H_2}$  serà menor que en el cas ideal, cosa que, novament, fa necessari afegir més partícules de  ${\rm H_2}$  que d'He per a assolir la mateixa taxa de col·lisions.

## Exercici 10. Pressions parcials aire

La composició percentual, en massa, de l'aire sec al nivell del mar és, aproximadament,  $N_2/O_2/Ar=75.5/23.2/1.3$ . Quina és la pressió parcial de cada component quan la pressió total és 1.20 atm?.

### Resposta

En 100gr d'aire tindrem 75.5, 23.2 i 1.3 gr de  $N_2$ ,  $O_2$  i Ar, respectivament. Podem calcular la seva fracció molar calculant el número de mols de cadascun i dividint pel total. Després, només cal multiplicar per la pressió corresponent i sabrem la pressió parcial de cada component:

$$\begin{split} n_{\mathrm{N_2}} &= 75.5 \text{g} \cdot \frac{1 mol}{28.02 \text{g}} = 2.69 mol \\ n_{\mathrm{O_2}} &= 23.2 \text{g} \cdot \frac{1 mol}{32.00 \text{g}} = 0.725 mol \\ n_{\mathrm{Ar}} &= 1.3 \text{g} \cdot \frac{1 mol}{39.95 \text{g}} = 0.033 mol \end{split}$$

	$N_2$	$O_2$	Ar
Fracció molar	0.780	0.210	0.0096
Pressió parcial (nivell del mar)/atm	0.780	0.210	0.0096
Pressió parcial $(P_T = 1.20 \text{atm}))/\text{atm}$	0.936	0.252	0.012

## Exercici 11. Fracció metà en una mescla

Una barreja de metà  $\mathrm{CH_4}$  i d'acetilè  $\mathrm{C_2H_2}$  ocupava un cert volum a una pressió total de 63 mmHg. La mostra es va cremar a  $\mathrm{CO_2}$  i  $\mathrm{H_2O}$ . Se'n va recollir el  $\mathrm{CO_2}$  en el mateix volum inicial i la mateixa temperatura inicial, i es va veure que la seva pressió era de 96 mmHg. Quina era la fracció de metà a la mescla de gasos inicials?

## Resposta

Definim x com la fracció molar de metà  $(CH_4)$  i y com la fracció molar d'acetilè  $(C_2H_2)$ :

$$x + y = 1$$

Les reaccions de combustió són:

$$CH_4 + 2O_2 \longrightarrow CO_2 + 2H_2O$$
 (1 mol de  $CH_4$  produeix 1 mol de  $CO_2$ )
(8)

$$C_2H_2 + \frac{5}{2}O_2 \longrightarrow 2CO_2 + H_2O$$
 (1 mol de  $C_2H_2$  produeix 2 mols de  $CO_2$ )
(9)

Si tenim un nombre total de mols n, llavors:

- Mols de metà: xn
- Mols d'acetilè: yn

Els mols de CO<sub>2</sub> formats són:

$$n_{\rm CO_2} = xn + 2yn$$

Com que el volum i la temperatura es mantenen constants, segons la llei dels gasos ideals la pressió és directament proporcional als mols:

Així:

$$P_{\text{CO}_2} = (xn + 2yn) \cdot \frac{P_{\text{total}}}{n}$$

Substituint els valors donats:

$$96 = (x + 2y) \cdot 63$$

d'on

$$x + 2y = \frac{32}{21}$$

Ara ja podem resoldre el sistema:

$$x + y = 1 \tag{10}$$

$$x + 2y = \frac{32}{21} \tag{11}$$

i obtenim

$$x = 1 - \frac{11}{21} = \frac{10}{21}$$

Per tant, la fracció de metà en la mescla inicial és:

$$\frac{10}{21} \approx 0.476$$
 o  $47.6\%$ 

## Exercici 12. Fòrmula molecular d'un compost gasós

Un compost gasós que se sap que conté només carboni, hidrogen i nitrogen es barreja amb el volum d'oxigen exactament necessari per a la seva combustió completa a  $CO_2$ ,  $H_{20}$  i  $N_2$ . La combustió de 9 volums de la mescla gasosa produeix 4 volums de  $CO_2$ , 6 volums de vapor d'aigua i 2 volums de  $N_2$ , tots a la mateixa temperatura i pressió.

Quants volums d'oxigen es necessiten per a la combustió? Quina és la fórmula molecular del compost?

## Resposta

El compost gasós conté carboni (C), hidrogen (H) i nitrogen (N). Es barreja amb oxigen suficient per a la combustió completa, donant com a productes diòxid de carboni ( $CO_2$ ), aigua ( $H_2O$ ) i nitrogen molecular ( $N_2$ ).

Es donen les següents dades:

• Volum de la mescla gasosa: 9 volums

• Volum de CO<sub>2</sub> produït: 4 volums

• Volum de H<sub>2</sub>O produït: 6 volums

• Volum de N<sub>2</sub> produït: 2 volums

Sigui la fórmula del compost:

$$C_x H_u N_z$$

L'equació de combustió és:

$$C_x H_y N_z + O_2 \rightarrow aCO_2 + bH_2O + cN_2$$

Per la conservació dels àtoms:

- Carboni:  $x=a=4\Rightarrow x=4$  - Hidrogen:  $y=2b=6\Rightarrow y=6$  - Nitrogen:  $z=2c=2\Rightarrow z=2$ 

Així, la fórmula del compost és:

$$C_4H_6N_2$$

Per trobar el volum d'oxigen utilitzat, considerem la combustió completa:

$$C_4H_6N_2 + O_2 \rightarrow 4CO_2 + 3H_2O + N_2$$

L'oxigen es consumeix en la formació de CO<sub>2</sub> i H<sub>2</sub>O:

$$O_2 \text{ necessari} = \frac{(4 \times 2) + (3 \times 1)}{2} = \frac{8+3}{2} = 5.5 \text{ volums}$$

Per tant, el volum d'oxigen necessari és \*\*5.5 volums\*\*.

#### Exercici 13. Pressió parcial PCl<sub>5</sub> en una mescla

Una mostra de  $PCl_5$ , que pesa  $2.69\,g$ , es va col·locar en un flascó d' $1.00\,L$  i es va evaporar completament a una temperatura de  $250\,^{\circ}C$ . La pressió observada a aquesta temperatura va ser  $1.00\,atm$ . Existeix la possibilitat que una part del  $PCl_5$  s'hagi dissociat d'acord amb l'equació:

$$PCl_5(g) \longrightarrow PCl_3(g) + Cl_2(g)$$
 [R1]

Quines són les pressions parcials del  $PCl_5$ ,  $PCl_3$  i  $Cl_2$  en aquestes condicions experimentals? (Adaptat de [mahan quimica 1997])

#### Resposta

La solució d'aquest problema implica diverses etapes. Per determinar si s'ha dissociat una part del  $PCl_5$ , calculem primerament la pressió que s'hauria observat si no s'hagués dissociat el  $PCl_5$ . Això es pot calcular a partir del nombre de mols de  $PCl_5$  utilitzats, juntament amb el volum i la temperatura del flascó. Com que el pes molecular del  $PCl_5$  és  $208 \, \mathrm{g} \, \mathrm{mol}^{-1}$ , el nombre de mols de  $PCl_5$  inicialment presents en el flascó és:

$$n = 2.69 \,\mathrm{g} \cdot \frac{1 \,\mathrm{mol}}{208 \,\mathrm{g}} = 0.0129 \,\mathrm{mol}.$$

La pressió corresponent a aquest nombre de mols seria:

$$P = \frac{nRT}{V} = \frac{(0.0129 \text{mol})(0.082 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1})(523.15 \text{ K})}{1.00 \text{ L}} = 0.553 \text{ atm}.$$

Com que la pressió observada és superior a aquesta, s'ha de produir certa dissociació del PCl<sub>5</sub>. Aplicant la llei de les pressions parcials, podem escriure:

$$P_{\text{PCl}_5} + P_{\text{PCl}_2} + P_{\text{Cl}_2} = P_t = 1.00 \,\text{atm.}$$
 (12)

Ara observem que:

Atès que es produeix un mol de PCl<sub>3</sub> i un mol de Cl<sub>2</sub> per cada mol de PCl<sub>5</sub> dissociat,

$$P_{\text{Cl}_2} = P_{\text{PCl}_3}, \quad P_{\text{PCl}_5} = 0.553 \,\text{atm} - P_{\text{Cl}_2}.$$

i podem reescriure l'Equació 12 com:

$$0.553 \,\mathrm{atm} - P_{\mathrm{Cl}_2} + P_{\mathrm{Cl}_2} + P_{\mathrm{Cl}_2} = 1.00 \,\mathrm{atm}.$$

Resolent, obtenim:

$$P_{\text{Cl}_2} = 0.447 \,\text{atm},$$

i

$$P_{\text{PCl}_3} = 0.447 \,\text{atm}, \quad P_{\text{PCl}_5} = 0.106 \,\text{atm}.$$

## Exercici 14. Airbag

Els coixins de seguretat (airbag) dels cotxes s'inflen mitjançant una sèrie de reaccions químiques ràpides que produeixen gas en menys de  $0.04\,\mathrm{s}$ . En les seves primeres versions, la reacció es basava en la descomposició de  $\mathrm{NaN}_3$  (extremadament tòxic), seguida de dues reaccions addicionals per neutralitzar els subproductes perillosos. Les equacions químiques d'aquest procés són:

$$2 \operatorname{NaN}_3 \longrightarrow 2 \operatorname{Na} + 3 \operatorname{N}_2(g)$$
 [R2]

$$10 \operatorname{Na} + 2 \operatorname{KNO}_3 \longrightarrow \operatorname{K}_2 \operatorname{O} + 5 \operatorname{Na}_2 \operatorname{O} + \operatorname{N}_2(g)$$
 [R3]

$$K_2O + Na_2O + 2SiO_2 \longrightarrow K_2SiO_3 + Na_2SiO_3$$
 [R4]

Un coixí de seguretat de conductor té un volum aproximat de  $65 \,\mathrm{L}$  i la pressió final dins del coixí és de  $1.35 \,\mathrm{atm}$ . La temperatura dins del coixí just després de la reacció és  $300 \,^{\circ}\mathrm{C}$  ( $573 \,\mathrm{K}$ ). Suposem que s'utilitzen  $65 \,\mathrm{g}$  de  $\mathrm{NaN_3}$ .

- 1. Quina quantitat de nitrogen gas  $(N_2)$  es genera en mols només en la primera reacció?
- 2. Quin volum ocuparà aquest gas dins del coixí de seguretat segons la llei dels gasos ideals? És suficient aquest volum per inflar completament el coixí de seguretat?
- 3. Si considerem també la segona reacció, que genera més nitrogen gas, com afectaria això el volum total de gas produït?
- 4. Quan el gas s'expandeix a l'exterior a través dels orificis del coixí, la seva pressió baixa de 1.35 atm a 1.00 atm. Quin percentatge de reducció de temperatura es produeix durant aquesta expansió?

## (Adaptat de [bowers'understanding'2014]).

## Resposta

1. Quantitat de nitrogen gas (N<sub>2</sub>) generada a R2:

La reacció de descomposició de  $NaN_3$  és:

$$2 \operatorname{NaN}_3 \longrightarrow 2 \operatorname{Na} + 3 \operatorname{N}_2(g)$$

Primer, calculem el nombre de mols de NaN<sub>3</sub> disponibles:

$$n_{\text{NaN}_3} = \frac{65 \,\text{g}}{65.019 \,\text{g mol}^{-1}} = 1.00 \,\text{mol}$$
 (13)

De l'estequiometria de la reacció, per cada  $2\,\mathrm{mol}$  de  $\mathrm{NaN_3},$  es formen  $3\,\mathrm{mol}$  de  $\mathrm{N_2}:$ 

$$n_{\rm N_2} = 1.00 \,\text{mol} \times \frac{3}{2} = 1.50 \,\text{mol}$$
 (14)

2. Volum ocupat pel gas segons la llei dels gasos ideals:

Utilitzem l'equació dels gasos ideals:

$$V = \frac{nRT}{P} \tag{15}$$

On:

- $n = 1.50 \, \text{mol}$
- $R = 0.0821 \,\mathrm{L} \,\mathrm{atm} \,\mathrm{mol}^{-1} \,\mathrm{K}^{-1}$
- $T = 573 \,\mathrm{K}$
- $P = 1.35 \, \text{atm}$

$$V = \frac{1.50 \,\mathrm{mol} \times 0.0821 \,\mathrm{L} \,\mathrm{atm} \,\mathrm{mol}^{-1} \,\mathrm{K}^{-1} \times 573 \,\mathrm{K}}{1.35 \,\mathrm{atm}} = 52.3 \,\mathrm{L} \qquad (16)$$

El volum necessari per inflar el coixí de seguretat és d'uns  $65\,\mathrm{L}$ . Atès que només la primera reacció genera  $52.3\,\mathrm{L}$ , sembla que no és suficient. No obstant això, la segona reacció també genera gas  $N_2$ , augmentant el volum total.

3. Contribució de la segona reacció al volum total de gas:

La reacció R3 genera gas addicional:

$$10 \text{ Na} + 2 \text{ KNO}_3 \longrightarrow \text{ K}_2\text{O} + 5 \text{ Na}_2\text{O} + \text{N}_2(g)$$
 (17)

Cada  $10\,\mathrm{mol}$  de Na reacciona per produir  $1\,\mathrm{mol}$  de N<sub>2</sub>. Sabem que la primera reacció va generar  $1.00\,\mathrm{mol}$  de Na. Per tant, la segona reacció produeix:

$$n_{\rm N_{2,2}} = 1.00 \,\text{mol} \times \frac{1}{10} = 0.10 \,\text{mol}$$
 (18)

Afegint aquest nitrogen al total:

$$n_{\text{N}_2,\text{total}} = 1.50 \,\text{mol} + 0.10 \,\text{mol} = 1.60 \,\text{mol}$$
 (19)

El nou volum total serà:

$$V_{\text{total}} = \frac{1.60 \,\text{mol} \times 0.0821 \,\text{L} \,\text{atm} \,\text{mol}^{-1} \,\text{K}^{-1} \times 573 \,\text{K}}{1.35 \,\text{atm}} = 55.7 \,\text{L} \quad (20)$$

Aquest volum segueix estant lleugerament per sota del mínim requerit  $(65\,\mathrm{L})$ , però cal recordar que les reaccions són fortament exotèrmiques, la qual cosa elevarà la temperatura i, en conseqüència, augmentarà el volum de gas.

4. Refredament del gas en expandir-se fora del coixí: Segons la llei de Gay-Lussac:

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \tag{21}$$

On:

- $P_1 = 1.35 \,\mathrm{atm}, \, T_1 = 573 \,\mathrm{K}$
- $P_2 = 1.00 \, \mathrm{atm}, \, T_2$  és la temperatura final

$$T_2 = T_1 \times \frac{P_2}{P_1} = 573 \,\mathrm{K} \times \frac{1.00 \,\mathrm{atm}}{1.35 \,\mathrm{atm}} = 424 \,\mathrm{K}$$
 (22)

El percentatge de reducció de temperatura és:

$$\frac{T_1 - T_2}{T_1} \times 100 = \frac{573 \,\mathrm{K} - 424 \,\mathrm{K}}{573 \,\mathrm{K}} \times 100 = 25.9\% \tag{23}$$

Així, la temperatura del gas disminueix aproximadament un  $26\,\%$  quan s'expandeix fora del coixí de seguretat, ajudant a evitar cremades als passatgers.

## Exercici 15. Relació $\frac{C_P}{C_V}$

Perquè hi ha diferències entre els quocients de capacitat calorífica  $(C_P/C_V)$  de gasos monoatòmics respecte els diatòmics? (Adona't que si un gas monoatòmic ideal, pel fet d'estar només augmentant la seva energia cinètica translacional té una  $C_V = \frac{3}{2}R$ , es pot entendre que per a cada component (eix) necessita  $\frac{1}{2}R$ )

#### Resposta

Els quocients de la capacitat calorífica dels gasos diatòmics són molt menors

que 1,67, i hem d'esbrinar la raó d'aquestes desviacions.

Primerament, notem que  $C_V$ , la capacitat calorífica deguda al moviment de translació de les molècules, és igual a  $\frac{3}{2}R$ , i que hi ha tres components independents de velocitat associats amb el moviment de translació. Per tant, podem inferir que cadascun dels tres moviments de translació independents contribueix amb  $\frac{1}{2}R$  a la capacitat calorífica molar. Sobre aquesta base, podríem esperar que, si algun altre tipus de moviment fos accessible a les molècules de gas, hi hauria més contribucions a la capacitat molar i aquestes entrarien en unitats de  $\frac{1}{2}R$ .

A més de tenir els tres moviments de translació, una molècula diatòmica pot rotar al voltant del seu centre de massa segons dos modes mútuament perpendiculars i independents. Assignant  $\frac{1}{2}R$  com la contribució de cadascun d'aquests moviments a la capacitat calorífica, tenim:

$$C_V = \underbrace{\frac{3}{2}R}_{\text{traslació}} + \underbrace{\frac{1}{2}R + \frac{1}{2}R}_{\text{rotació}} = \frac{5}{2}R,$$

$$C_P = C_V + R = \frac{7}{2}R,$$

$$\frac{C_P}{C_V} = \frac{\frac{7}{2}R}{\frac{5}{2}R} = \frac{7}{5} = 1,40.$$

#### Exercici 16.

Qui es mou més ràpid, una molècula d'oxigen o una de nitrogen en dues mostres d'aquests gasos a la mateixa temperatura? Pots explicar perquè la pressió és independent de la natura de les molècules?

#### Exercici 17.

Calcula la velocitat mitjana de les molècules d'hidrògen a 25°C.

## Resposta

La velocitat mitjana de les molècules d'un gas es pot calcular a partir de la distribució de Maxwell-Boltzmann. Utilitzant la distribució de Maxwell com a distribució de probabilitats, es pot determinar la velocitat mitjana molecular en una mostra de gasos:

$$\langle v \rangle = \int_{-\infty}^{\infty} v f(v) dv$$

Substituint la funció de distribució de Maxwell-Boltzmann:

$$\langle v \rangle = \int_{-\infty}^{\infty} v \cdot 4\pi \left( \frac{m}{2\pi k_B T} \right)^{\frac{3}{2}} v^2 \exp\left( -\frac{mv^2}{2k_B T} \right) dv$$

Aplicant la següent integral coneguda de les taules d'integrals:

$$\int_0^\infty x^{2n+1} e^{-ax^2} dx = \frac{n!}{2a^{n+1}}$$

i agafant n = 1, s'obté:

$$\langle v \rangle = 4\pi \left(\frac{m}{2\pi k_B T}\right)^{\frac{3}{2}} \cdot \frac{1}{2} \left(\frac{m}{2k_B T}\right)^{-2}$$

Finalment, simplificant,

$$\langle v \rangle = \sqrt{\frac{8k_BT}{\pi m}} \tag{24}$$

Substituint les dades a l'Eq. 24::

$$R = 8.314 \text{ J/mol} \cdot \text{K}, \quad T = 298 \text{ K}, \quad M = 2.016 \times 10^{-3} \text{ kg/mol}$$
 (25)

$$v_{mitjana} = \sqrt{\frac{8 \times 8.314 \times 298}{\pi \times 2.016 \times 10^{-3}}}$$
 (26)

$$v_{mitjana} \approx 1.57 \times 10^3 \text{ m/s}$$
 (27)

#### Exercici 18.

Considerant que no es comporta idealment, calcula la temperatura de 10 mol de monòxid de carboni (CO) sotmesos a una pressió de 5 kPa en un volum de  $2\,\mathrm{m}^3$ .

## Resposta

L'equació de Van der Waals per gasos reals és:

$$\left(P + \frac{n^2 a}{V^2}\right)(V - nb) = nRT$$

on a i b són constants que depenen de la naturalesa del gas. En el nostre cas:

- Nombre de mols: n = 10 mol
- Pressió:  $P = 5 \,\mathrm{kPa} \cdot \frac{1 \,\mathrm{atm}}{101.325 \,\mathrm{kPa}} = 0.0493 \,\mathrm{atm}$
- Volum:  $V = 2 \,\mathrm{m}^3 = 2000 \,\mathrm{L}$
- Constants de Van der Waals per CO:
  - $-a = 1.4850 \,\mathrm{L^2} \,\mathrm{atm} \,\mathrm{mol}^{-2}$
  - $-b = 0.03985 \,\mathrm{L}\,\mathrm{mol}^{-1}$
- Constant dels gasos:  $R = 0.0821 \,\mathrm{Latm}\,\mathrm{mol}^{-1}\,\mathrm{K}^{-1}$

Calculem el terme de correcció de la pressió:

$$P + \frac{an^2}{V^2} = 0.0493 + \frac{(1.4850)(10)^2}{(2000)^2} = 0.0493 \text{ atm}$$

Calculem el volum corregit:

$$V - nb = 2000 - (10 \times 0.03985) = 2000 - 0.3985 = 1999.6 \,\mathrm{L}$$

Es pot veure com l'efecte de la no idealitat en aquest gas és molt reduït. Substituïm a l'equació:

$$(0.0493)(1999.6) = (10)(0.0821)T$$

$$T = \frac{98.57}{0.821} = 120 \,\mathrm{K}$$

#### Exercici 19. Comportament no ideal d'un gas

Perquè  $CO_2$  i  $O_2$  tenen una desviació negativa respecte al comportament del gas ideal a pressions i temperatures moderades, mentres que l'He i el  $H_2$  presenten una deviació positiva en les mateixes condicions?

#### Resposta

Els gasos  $CO_2$  i  $O_2$  presenten una desviació negativa respecte al comportament ideal perquè tenen interaccions intermoleculars atractives significatives. Aquestes forces atractives fan que, a pressions i temperatures moderades, les molècules s'acostin més del que prediu l'equació del gas ideal, reduint així el volum efectiu i fent que el factor de compressibilitat  $z = \frac{PV}{RT}$  sigui menor que 1.

D'altra banda, els gasos com l'heli (He) i l'hidrogen (H<sub>2</sub>) presenten una desviació positiva perquè tenen interaccions intermoleculars molt febles i, a mesura que augmenta la pressió, dominen els efectes de repulsió a causa del volum finit de les molècules. Això fa que el gas ocupi un volum lleugerament superior al que prediu el model ideal, fent que z>1 en aquestes condicions.

## 2 Combustió

## Exercici 20. Reacció de combustió de l'octà

Determina la reacció de combustió de l'octà en presència d'aire.

## Resposta

La base de càlcul és 1 mol de  $C_8H_{18}$ . Plantegem la reacció de combustió de 1 mol amb a moles d'aire:

$$C_8H_{18} + a(0.21O_2 + 0.79N_2) \longrightarrow bCO_2 + cH_2O + dN_2$$
 (28)

Els coeficients estequiomètrics a, b, c, d es calculen mitjançant el balanç de les espècies atòmiques C, H, O i N:

- Balanç de C:  $8 = b \implies b = 8 \operatorname{mol} CO_2/1 \operatorname{mol} C_8H_{18}$
- Balanç de H: 18 = 2c  $\Rightarrow$   $c = 9 \operatorname{mol} H_2 O / 1 \operatorname{mol} C_8 H_{18}$
- Balanç de O<sub>2</sub>:  $0.21a = b + \frac{c}{2}$   $\Rightarrow$   $a = 59.52 \, \text{mol aire}/1 \, \text{mol C}_8 H_{18}$
- Balanç de N<sub>2</sub>: 0.79a = d  $\Rightarrow$   $d = 47.02 \,\mathrm{mol}\,\mathrm{N_2/1}\,\mathrm{mol}\,\mathrm{C_8H_{18}}$

Així, la reacció teòrica de combustió és:

$$C_8H_{18} + 59.52(0.21 O_2 + 0.79 N_2) \longrightarrow 8 CO_2 + 9 H_2O + 47.02 N_2$$
 (29)

Un mètode alternatiu és plantejar la reacció de combustió en funció només de l'oxigen:

$$C_8H_{18} + a\left(O_2 + \frac{79}{21}N_2\right) \longrightarrow bCO_2 + cH_2O + dN_2$$
 (30)

Els balanços es fan com segueix:

- Balanç de C:  $8 = b \implies b = 8 \operatorname{mol} CO_2/1 \operatorname{mol} C_8H_{18}$
- Balanç de H: 18 = 2c  $\Rightarrow$   $c = 9 \operatorname{mol} H_2 O / 1 \operatorname{mol} C_8 H_{18}$
- Balanç de O<sub>2</sub>:  $a = b + \frac{c}{2}$   $\Rightarrow$   $a = 12.5 \,\mathrm{mol}\,\mathrm{O}_2/1 \,\mathrm{mol}\,\mathrm{C}_8\mathrm{H}_{18}$
- Balanç de N<sub>2</sub>:  $\frac{79}{21}a = d$   $\Rightarrow$   $d = 47.02 \,\mathrm{mol}\,\mathrm{N_2/1}\,\mathrm{mol}\,\mathrm{C_8H_{18}}$

#### Exercici 21. Combustió del benzè

Si 8,20 g de  $C_6H_6$  (benzè) es combinen amb oxigen en una reacció de combustió, quants grams de  $H_2O$  es produiran?

## Resposta

Equació química equilibrada:

$$2 C_6 H_6 + 15 O_2 \longrightarrow 12 CO_2 + 6 H_2 O$$

Massa molar de 
$$C_6H_6 = 6(12,01) + 6(1,008) = 78,11 \text{ g/mol}$$
  
Massa molar de  $H_2O = 2(1,008) + 16,00 = 18,016 \text{ g/mol}$ 

$$8,20 \text{ g C}_6\text{H}_6 \times \frac{1 \text{ mol C}_6\text{H}_6}{78,11 \text{ g C}_6\text{H}_6} \times \frac{6 \text{ mols H}_2\text{O}}{2 \text{ mols C}_6\text{H}_6} \times \frac{18,016 \text{ g H}_2\text{O}}{1 \text{ mol H}_2\text{O}} = 5,68 \text{ g H}_2\text{O}$$

## Exercici 22. Fòrmula empírica d'un compost petroquímic

Després de la combustió amb excés d'oxigen, 12,501 g d'un compost petroquímic van produir 38,196 g de diòxid de carboni i 18,752 g d'aigua. Una anàlisi prèvia va determinar que el compost no conté oxigen. Estableix la seva fórmula empírica.

## Resposta

Sabem que el compost només conté carboni i hidrogen. L'objectiu és determinar les masses d'aquests elements i trobar la seva relació molar.

Cada mol de  $CO_2$  conté 1 mol de carboni, per tant, utilitzem un factor de conversió:

Massa molar de 
$$CO_2 = 12,01 + 2(16,00) = 44,01 \text{ g/mol}$$

$$38,196 \text{ g-CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol-CO}_2}{44,01 \text{ g-CO}_2} \times \frac{1 \text{ mol-CO}_2}{1 \text{ mol-CO}_2} \times \frac{12,01 \text{ g-}C}{1 \text{ mol-C}} = 10,426 \text{ g-de-}C$$

Cada mol de H<sub>2</sub>O conté 2 mols d'hidrogen:

Massa molar de 
$$H_2O = 2(1,008) + 16,00 = 18,016 \text{ g/mol}$$

$$18,752 \text{ g H}_2\text{O} \times \frac{1 \text{ mol H}_2\text{O}}{18,016 \text{ g H}_2\text{O}} \times \frac{2 \text{ mols } H}{1 \text{ mol H}_2\text{O}} \times \frac{1,008 \text{ g } H}{1 \text{ mol } H} = 2,100 \text{ g de } H$$

Massa total calculada = 10,426 g C + 2,100 g H = 12,526 g

Podem comprovar que el pes de C i H en els productes iguala el pes dels mateixos elements en els reactius. Com que el valor inicial és de 12,501 g, la diferència es deu a errors d'arrodoniment.

Ara ens interessa veure en quina proporció estan els mols de C i H en el compost inicial:

$$\frac{10,426 \text{ g C}}{12,01 \text{ g/mol}} = 0,868 \text{ mols C}$$

$$\frac{2,100 \text{ g H}}{1,008 \text{ g/mol}} = 2,083 \text{ mols H}$$

a partir d'aquests valors podem calcular la fórmula empírica, dividint per qualsevol dels dos i aleshores fent que els valors obtinguts siguin nombres enters:

$$\frac{0,868}{0,868} = 1$$

$$\frac{2,083}{0,868} = 2,4$$

Per obtenir nombres enters, multipliquem per 5, i obtenim la fórmula empírica del compost:  $C_5H_{12}$  (pentà). No sabem

$n ext{-pent}\grave{\mathrm{a}}$	<i>iso</i> -pentà	<i>neo</i> -pentà

## Exercici 23. Formula empírica d'un compost CxHyNz

Durant l'anàlisi per combustió d'un compost desconegut que conté només carboni, hidrogen i nitrogen, es van mesurar 12,923 g de diòxid de carboni  $(CO_2)$  i 6,608 g d'aigua  $(H_2O)$ . El tractament del nitrogen amb gas  $H_2$  va donar com a resultat 2,501 g d'amoníac  $(NH_3)$ . La combustió completa de 11,014 g del compost va necessitar 10,573 g d'oxigen  $(O_2)$ . Quina és la fórmula empírica del compost?

## Resposta

Càlcul del nombre de mols de carboni

$$12,923 \text{ g CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{44,011 \text{ g CO}_2} \times \frac{1 \text{ mol } C}{1 \text{ mol CO}_2}$$

$$=\frac{12,923}{44,011}=0,29363 \text{ mols de } C$$

Càlcul del nombre de mols d'hidrogen

$$6,608 \text{ g H}_2\text{O} \times \frac{1 \text{ mol H}_2\text{O}}{18,02 \text{ g H}_2\text{O}} \times \frac{2 \text{ mols } H}{1 \text{ mol H}_2\text{O}}$$

$$= \frac{6,608 \times 2}{18,02} = 0,7334 \text{ mols de } H$$

Càlcul del nombre de mols de nitrogen:

$$2,501 \text{ g NH}_3 \times \frac{1 \text{ mol NH}_3}{17,04 \text{ g NH}_3} \times \frac{1 \text{ mol } N}{1 \text{ mol NH}_3}$$

$$=\frac{2,501}{17,04}=0,1468$$
 mols de N

Dividim tots els valors entre el menor nombre de mols (0,1468):

$$\frac{0,29363}{0,1468} = 2 \pmod{C}$$

$$\frac{0,7334}{0,1468} = 5 \pmod{H}$$

$$\frac{0,1468}{0,1468} = 1 \pmod{N}$$

La fórmula empírica del compost és  $C_2H_5N$ .

## Exercici 24. Fonent gel

Calcula l'increment d'energia i d'entalpia en fondre 1 mol de gel. Els volums molars del gel i l'aigua són 0.0196 L/mol i 0.0180 L/mol, respectivament. La calor de fusió de l'aigua és  $\Delta H_f=6.01~\mathrm{kJ/mol}$ .

#### Resposta

L'increment d'entalpia  $(\Delta H)$  en fondre 1 mol de gel és simplement la calor de fusió:

$$\Delta H = \Delta H_f = 6.01 \text{ kJ/mol}$$

Els volums molars del gel i l'aigua són 0.0196 L/mol i 0.0180 L/mol, respectivament. L'increment d'energia interna  $(\Delta U)$  es pot calcular utilitzant la relació entre entalpia i energia interna:

$$\Delta H = \Delta U + P\Delta V$$

On P és la pressió i  $\Delta V$  és el canvi de volum. El canvi de volum  $\Delta V$  es pot calcular com:

$$\Delta V = V_{\rm líquid} - V_{\rm sòlid} = 0.0180~{\rm L/mol} - 0.0196~{\rm L/mol} = -0.0016~{\rm L/mol}$$

Convertint el canvi de volum a metres cúbics:

$$\Delta V = -0.0016 \text{ L/mol} \times \frac{1 \text{ m}^3}{1000 \text{ L}} = -1.6 \times 10^{-6} \text{ m}^3/\text{mol}$$

Assumint que la pressió és 1 atm (101.3 kPa):

$$P\Delta V = 101.3 \text{ kPa} \times (-1.6 \times 10^{-6} \text{ m}^3/\text{mol}) = -0.000162 \text{ kJ/mol}$$

Així doncs, l'increment d'energia interna és:

$$\Delta U = \Delta H - P\Delta V = 6.01 \text{ kJ/mol} - (-0.000162 \text{ kJ/mol}) = 6.010162 \text{ kJ/mol}$$

Per tant, l'increment d'energia interna en fondre 1 mol de gel és aproximadament  $6.01~\mathrm{kJ/mol}$ , no significativament diferent de l'increment d'entalpia.

## Exercici 25. Energia interna de la combustió del grafit

Càlcul de  $\Delta U$  per a la combustió del grafit a CO (gas) en condicions estàndard (298 K i 1 atm), si l'entalpia de combustió del grafit a CO ( $\Delta H$ ):  $-110.5 \,\mathrm{kJ}\,\mathrm{mol}^{-1}$ . El grafit té un volum molar de  $0.0053 \,\mathrm{L}\,\mathrm{mol}^{-1}$ .

## Resposta

La reacció de combustió del grafit a CO (gas) es pot escriure com:

$$C(grafit) + \frac{1}{2}O_2 \rightarrow CO(gas)$$

Per calcular el canvi d'energia interna  $(\Delta U)$  per a aquesta reacció, utilitzarem la relació entre  $\Delta U$  i  $\Delta H$  (entalpia de reacció):

$$\Delta U = \Delta H - \Delta (PV) = \Delta H - \Delta n_g RT$$

On:

- $\Delta H$  és l'entalpia de combustió del grafit a CO.
- $\Delta n_g$  és el canvi en el nombre de mols de gasos.
- R és la constant dels gasos ideals (8.314 J mol $^{-1}$  K $^{-1}$ ).
- T és la temperatura en Kelvin.

Per a la reacció de combustió del grafit a CO:

$$\Delta n_g = n_{\text{productes}} - n_{\text{reactius}} = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

Un mol de gas a condicions estàndard ocupa un volum de 22.4 L. Per tant, el canvi de 11.2 litres de gas a 298 K fa que la desaparicció del grafit  $(0.0053\,\mathrm{L\,mol^{-1}})$  sigui menyspreable.

Així doncs,  $\Delta U$  es calcula com:

$$\Delta U = \Delta H - \frac{1}{2}RT$$

L'entalpia de combustió del grafit a CO ( $\Delta H$ ) és aproximadament  $-110.5\,\mathrm{kJ\,mol^{-1}}$ . Agafant la temperatura de 298 K:

$$\Delta U = -110.5 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1} - \frac{1}{2} \cdot 8.314 \,\mathrm{J} \,\mathrm{mol}^{-1} \,\mathrm{K}^{-1} \cdot 298 \,\mathrm{K} \times 10^{-3} \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{J}^{-1}$$
$$= -110.5 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1} - 1.239 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$$
$$= -111.739 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$$

## Exercici 26. Energia interna de la combustió del propà

Determinar la variació d'energia interna per al procés de combustió d'1 mol de propà a  $25\,^{\circ}$ C i 1 atm, si la variació d'entalpia, en aquestes condicions, val  $-2219.8\,\mathrm{kJ}$ .

## Resposta

Escrivim primer la reacció igualada

$$C_3H_8(g) + 5O_2(g) \longrightarrow 3CO_2(g) + 4H_2O(l)$$

$$\Delta H = -2219.8 \,\mathrm{kJ}$$

$$n_{\text{reactius}} = 1 + 5 = 6;$$
  $n_{\text{productes}} = 3$  (mols de gasos)  $\Rightarrow \Delta n = -3$ 

$$\Delta U = \Delta H - \Delta n \ R \ T = -2219.8 \, \mathrm{kJ} + 3 \, \mathrm{mol} \times 8.3 \, \mathrm{J} \, \mathrm{mol}^{-1} \, \mathrm{K}^{-1} \times 298 \, \mathrm{K} = -2214 \, \mathrm{kJ}$$

## Exercici 27. Calor normal de reacció

Calcula la calor normal de la reacció  $\rm Fe_2O_{3(s)}+3\,H_{2(g)}\longleftrightarrow 2\,Fe_{(s)}+3\,H_2O_{(aq)}$ 

## Exercici 28. Entalpia de vaporització de l'aigua

Determineu l'entalpia de vaporització de l'aigua en condicions estàndard a partir de les següents reaccions:

$$H_2(g) + \frac{1}{2}O_2(g) \longrightarrow H_2O(g) \quad \Delta H^{\circ} = -241.8 \,\text{kJ mol}^{-1}$$

$$H_2(g) + \frac{1}{2} O_2(g) \longrightarrow H_2O(l) \quad \Delta H^{\circ} = -285.8 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$$

## Resposta

L'entalpia de vaporització de l'aigua en condicions estàndard es defineix com:

$$H_2O(l) \longrightarrow H_2O(g)$$

Aquesta es pot obtenir restant les dues equacions:

$$\Delta H_{\mathrm{vap}}^{\circ} = \Delta H^{\circ}(\mathrm{H_{2}O(g)}) - \Delta H^{\circ}(\mathrm{H_{2}O(l)})$$

$$\Delta H_{\text{vap}}^{\circ} = -241.8 \,\text{kJ} \,\text{mol}^{-1} - (-285.8 \,\text{kJ} \,\text{mol}^{-1})$$

$$\Delta H_{\rm vap}^{\circ} = 44.0 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$$

#### Exercici 29. Entalpia de reacció

Tenint en compte aquestes energies d'enllaç:

	$E_b / \mathrm{kJ \ mol^{-1}}$
C-O al monòxid de carboni	+1077
C-O al diòxid de carboni	+805
О-Н	+464
Н-Н	+436

Calcula l'entalpia de la reacció:  $\mathrm{CO}_{(\mathrm{g})} + \mathrm{H}_2\mathrm{O}_{(\mathrm{g})} \longrightarrow \mathrm{CO}_{2(\mathrm{g})} + \mathrm{H}_{2(\mathrm{g})}$ 

## Exercici 30. Entalpia de reacció

Fent servir les dades de la Taula 2, estima l'energia alliberada a pressió constant en la reacció:

$$H_2(g) + Cl_2(g) + C(grafit) \longrightarrow CH_3Cl(g)$$

si la calor de vaporització del grafit a àtoms de carboni és de 170.9 kcal $\mathrm{mol}^{-1}$ .

Taula 2: Energies d'enllaç en kcal mol<sup>-1</sup>[mahan quimica 1997]

Enllaç	$\bar{D}$	Enllaç	$\bar{D}$
С-Н	98.7	С-С	82.6
C-F	$\approx 110$	C=C	145.8
C-Cl	80	$C \equiv C$	199.6
C-Br	69	C-O	85
C-I	55	C=O	178
C-N	80	O-H	110.6