Química Enginyeria de l'Automoció: Exercicis

Jordi Villà i Freixa (jordi.villa@uvic.cat)

Curs 2024-2025

Índex

1	Els gasos i el seu comportament	1
2	Combustió	17
3	Piles i bateries	25
4	Forces intermoleculars	27
5	Controlant la temperatura	30
6	Química de materials	35
7	Llum i química	35

1 Els gasos i el seu comportament

Exercici 1

Un conductor comprova la pressió dels pneumàtics pel matí aviat, quan la temperatura és de 15° C, i és de 1.3×10^{5} Pa. Al migdia la temperatura és 15 graus més elevada. Quina és la pressió dels pneumàtics ara?.

Les dades són:

- Pressió inicial: $P_1 = 1.3 \times 10^5 \, \mathrm{Pa}$

• Temperatura inicial: $T_1 = 15\,^{\circ}\text{C} = 288\,\text{K}$

• Temperatura final: $T_2 = 30 \,^{\circ}\text{C} = 303 \,^{\circ}\text{K}$

• Suposem que el volum dels pneumàtics es manté constant.

Com que el volum no canvia, podem utilitzar la llei de Gay-Lussac per determinar la pressió final:

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$$

Aïllant P_2 :

$$P_2 = P_1 \times \frac{T_2}{T_1} = (1.3 \times 10^5 \,\mathrm{Pa}) \times \frac{303 \,\mathrm{K}}{288 \,\mathrm{K}} = (1.3 \times 10^5 \,\mathrm{Pa}) \times 1.0521 = 1.37 \times 10^5 \,\mathrm{Pa}$$

Exercici 2

Dalt de l'Everest, la pressió atmosfèrica és de 0.33 atm i la temperatura de 50 sota zero. Quina és la densitat de l'aire si en CN és de 1.29g dm⁻³?.

Sabem que la densitat de l'aire en condicions normals (CN) és:

$$\rho_{\rm CN} = 1.29 \, {\rm g \, dm^{-3}}$$

Les condicions a dalt de l'Everest són:

• Pressió atmosfèrica: P = 0.33 atm

• Temperatura: $T = -50 \,^{\circ}\text{C} = 223 \,\text{K}$

• Condicions normals (CN):

– Pressió normal: $P_{\text{CN}} = 1 \text{ atm}$

– Temperatura normal: $T_{\rm CN}=273\,{\rm K}$

Sabem que la densitat d'un gas està relacionada amb la pressió i la temperatura segons l'expressió:

$$\frac{\rho}{\rho_{\rm CN}} = \frac{P}{P_{\rm CN}} \times \frac{T_{\rm CN}}{T}$$

Exercicis resolts

18 de febrer de 2025

Aïllant ρ :

$$\rho = \rho_{\rm CN} \times \frac{P}{P_{\rm CN}} \times \frac{T_{\rm CN}}{T}$$

Substituïm els valors donats:

$$\rho = (1.29\,\mathrm{g\,dm^{-3}}) \times \frac{0.33\,\mathrm{atm}}{1\,\mathrm{atm}} \times \frac{273\,\mathrm{K}}{223\,\mathrm{K}} = 0.52\,\mathrm{g\,dm^{-3}}$$

Exercici 3

Calcular el volum molar d'un gas ideal a condicions normals (1 atm i 0°C).

Les condicions normals (CN) per a un gas ideal són:

- Pressió: P = 1 atm
- Temperatura: T = 0 °C = 273.15 K
- Constant dels gasos: $R = 0.0821 \,\mathrm{Latm}\,\mathrm{mol}^{-1}\,\mathrm{K}^{-1}$

L'equació dels gasos ideals és:

$$PV = nRT$$

Aïllem el volum molar V_m , considerant n=1 mol:

$$V_m = \frac{RT}{P}$$

Substituïm les dades:

$$V_m = \frac{(0.0821 \,\mathrm{L}\,\mathrm{atm}\,\mathrm{mol}^{-1}\,\mathrm{K}^{-1}) \times (273.15\,\mathrm{K})}{1\,\mathrm{atm}} \approx 22.4 \,\mathrm{L}\,\mathrm{mol}^{-1}$$

Exercici 4

Quant gas hi ha en una mostra de volum $0.5\,\mathrm{dm^3}$, a $80\,^\circ\mathrm{C}$ i $800\,\mathrm{Torr}$ de pressió?

Pots calcular el volum ocupat per molècula en un gas ideal a CN?. Es troben dues molècules molt freqüentment en un gas a baixa pressió?

Exercici 6

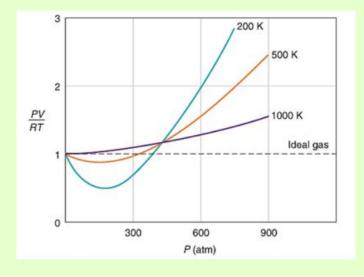
Si a CN la densitat d'un gas ideal és de $2.62\,\mathrm{g\,dm^{-3}}$, quina és la seva massa molar? i quina densitat tindrà a 300 K i $2.4\times10^5\,\mathrm{Pa}$ $2.4\times10^5\,\mathrm{Pa}$?

Exercici 7

Quant gas hi ha en una mostra de volum $0.5~\mathrm{dm^3},$ a $80~\mathrm{graus}$ Celsius i $800~\mathrm{Torr}$ de pressió?.

Exercici 8

Què passa segons l'Equació de van der Waals si la pressió es fa propera a zero o bé la temperatura es fa molt gran per a un gas real? La figura mostra el factor de compressibilitat per a un mateix gas a diferents temperatures



Es prepara una mescla de gasos d'hidrogen (H₂) i heli (He) tal que les molècules de cada gas produeixin el mateix nombre de col·lisions amb la paret per unitat de temps. Determinem quin gas té la concentració més alta.

Consideració com a gasos ideals

L'energia cinètica translacional d'un mol de gas és

$$\langle E_c \rangle = N_0 \frac{m \langle c^2 \rangle}{2} = \frac{3}{2} RT$$

on $M = N_0 m$ és la massa molecular del gas en kg mol⁻¹.

Per tant, la velocitat quadràtica mitjana és:

$$c_{\rm rms} = \sqrt{\frac{3RT}{M}} \tag{1}$$

Com que la taxa de col·lisions amb la paret és proporcional a $nv_{\rm rms}$, imposem la condició d'igualtat:

$$n_{\rm H} \cdot \sqrt{\frac{3RT}{M_{\rm H}}} = n_{\rm He} \cdot \sqrt{\frac{3RT}{M_{\rm He}}} \tag{2}$$

Substituint masses moleculars $M_{\rm H}=2~{\rm g/mol}$ i $M_{\rm He}=4~{\rm g/mol}$:

$$n_{\rm H} \cdot \sqrt{\frac{1}{2}} = n_{\rm He} \cdot \sqrt{\frac{1}{4}} \tag{3}$$

$$n_{\rm H} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = n_{\rm He} \cdot \frac{1}{2} \tag{4}$$

Resolent per $n_{\rm H}$:

$$n_{\rm H} = \frac{n_{\rm He}}{\sqrt{2}} \tag{5}$$

Per tant, la concentració de H₂ ha de ser més alta que la de He.

Consideració com a gasos no ideals

Si considerem gasos reals, hem de corregir la velocitat mitjana tenint en compte el factor de compressibilitat Z:

$$v_{\rm rms} = \sqrt{\frac{3ZRT}{M}} \tag{6}$$

A pressions altes, $Z_{\rm H_2} > Z_{\rm He}$ per les interaccions intermoleculars més fortes d'hidrogen, la qual cosa redueix la seva velocitat i altera la relació de concentracions calculada abans.

Amb l'equació de van der Waals:

$$\left(P + \frac{a}{V^2}\right)(V - b) = RT
\tag{7}$$

On $a_{\rm H} > a_{\rm He}$, la densitat efectiva de $\rm H_2$ serà menor que en el cas ideal, cosa que, novament, fa necessari afegir més partícules de $\rm H_2$ que d'He per a assolir la mateixa taxa de col·lisions.

Exercici 10

La composició percentual, en massa, de l'aire sec al nivell del mar és, aproximadament, $N_2/O_2/Ar=75.5/23.2/1.3$. Quina és la pressió parcial de cada component quan la pressió total és 1.20 atm?.

En 100gr d'aire tindrem 75.5, 23.2 i 1.3 gr de N₂, O₂ i Ar, respectivament. Podem calcular la seva fracció molar calculant el número de mols de cadascun i dividint pel total. Després, només cal multiplicar per la pressió corresponent i sabrem la pressió parcial de cada component:

$$\begin{split} n_{\mathrm{N_2}} &= 75.5 \text{g} \cdot \frac{1 mol}{28.02 \text{g}} = 2.69 mol \\ n_{\mathrm{O_2}} &= 23.2 \text{g} \cdot \frac{1 mol}{32.00 \text{g}} = 0.725 mol \\ n_{\mathrm{Ar}} &= 1.3 \text{g} \cdot \frac{1 mol}{39.95 \text{g}} = 0.033 mol \end{split}$$

	N_2	O_2	Ar
Fracció molar	0.780	0.210	0.0096
Pressió parcial (nivell del mar)/atm	0.780	0.210	0.0096
Pressió parcial $(P_T = 1.20 \text{atm}))/\text{atm}$	0.936	0.252	0.012

Una barreja de metà $\mathrm{CH_4}$ i d'acetilè $\mathrm{C_2H_2}$ ocupava un cert volum a una pressió total de 63 mmHg. La mostra es va cremar a $\mathrm{CO_2}$ i $\mathrm{H_2O}$. Se'n va recollir el $\mathrm{CO_2}$ en el mateix volum inicial i la mateixa temperatura inicial, i es va veure que la seva pressió era de 96 mmHg. Quina era la fracció de metà a la mescla de gasos inicials?

Definim x com la fracció molar de metà (CH_4) i y com la fracció molar d'acetilè (C_2H_2) :

$$x + y = 1$$

Les reaccions de combustió són:

$$CH_4 + 2O_2 \longrightarrow CO_2 + 2H_2O$$
 (1 mol de CH_4 produeix 1 mol de CO_2)
(8)

$$C_2H_2 + \frac{5}{2}O_2 \longrightarrow 2CO_2 + H_2O$$
 (1 mol de C_2H_2 produeix 2 mols de CO_2)
(9)

Si tenim un nombre total de mols n, llavors:

- Mols de metà: xn
- Mols d'acetilè: yn

Els mols de CO_2 formats són:

$$n_{\text{CO}_2} = xn + 2yn$$

Com que el volum i la temperatura es mantenen constants, segons la llei dels gasos ideals la pressió és directament proporcional als mols:

Així:

$$P_{\text{CO}_2} = (xn + 2yn) \cdot \frac{P_{\text{total}}}{n}$$

Substituint els valors donats:

$$96 = (x + 2y) \cdot 63$$

Exercicis resolts

d'on

$$x + 2y = \frac{32}{21}$$

Ara ja podem resoldre el sistema:

$$x + y = 1 \tag{10}$$

$$x + 2y = \frac{32}{21} \tag{11}$$

i obtenim

$$x = 1 - \frac{11}{21} = \frac{10}{21}$$

Per tant, la fracció de metà en la mescla inicial és:

$$\frac{10}{21} \approx 0.476$$
 o 47.6%

Exercici 12

Un compost gasós que se sap que conté només carboni, hidrogen i nitrogen es barreja amb el volum d'oxigen exactament necessari per a la seva combustió completa a CO_2 , H_{20} i N_2 . La combustió de 9 volums de la mescla gasosa produeix 4 volums de CO_2 , 6 volums de vapor d'aigua i 2 volums de N_2 , tots a la mateixa temperatura i pressió.

Quants volums d'oxigen es necessiten per a la combustió? Quina és la fórmula molecular del compost?

El compost gasós conté carboni (C), hidrogen (H) i nitrogen (N). Es barreja amb oxigen suficient per a la combustió completa, donant com a productes diòxid de carboni (CO_2), aigua (H_2O) i nitrogen molecular (N_2).

Es donen les següents dades:

• Volum de la mescla gasosa: 9 volums

• Volum de CO₂ produït: 4 volums

• Volum de H₂O produït: 6 volums

• Volum de N₂ produït: 2 volums

Sigui la fórmula del compost:

$$C_x H_u N_z$$

L'equació de combustió és:

$$C_x H_y N_z + O_2 \rightarrow aCO_2 + bH_2O + cN_2$$

Per la conservació dels àtoms:

- Carboni: $x=a=4 \Rightarrow x=4$ - Hidrogen: $y=2b=6 \Rightarrow y=6$ - Nitrogen: $z=2c=2 \Rightarrow z=2$

Així, la fórmula del compost és:

$$C_4H_6N_2$$

Per trobar el volum d'oxigen utilitzat, considerem la combustió completa:

$$C_4H_6N_2 + O_2 \rightarrow 4CO_2 + 3H_2O + N_2$$

L'oxigen es consumeix en la formació de CO_2 i H_2O :

$$O_2$$
 necessari = $\frac{(4 \times 2) + (3 \times 1)}{2} = \frac{8+3}{2} = 5.5$ volums

Per tant, el volum d'oxigen necessari és **5.5 volums**.

Exercici 13

Una mostra de PCl₅, que pesa 2.69 g, es va col·locar en un flascó d'1.00 L i es va evaporar completament a una temperatura de 25 °C. La pressió observada a aquesta temperatura va ser 1.00 atm. Existeix la possibilitat que una part del PCl₅ s'hagi dissociat d'acord amb l'equació:

$$PCl_5(g) \longrightarrow PCl_3(g) + Cl_2(g)$$
 [R1]

Quines són les pressions parcials del PCl_5 , PCl_3 i Cl_2 en aquestes condicions experimentals? (Adaptat de [2])

La solució d'aquest problema implica diverses etapes. Per determinar si s'ha dissociat una part del PCl_5 , calculem primerament la pressió que s'hauria observat si no s'hagués dissociat el PCl_5 . Això es pot calcular a partir del nombre de mols de PCl_5 utilitzats, juntament amb el volum i la temperatura del flascó. Com que el pes molecular del PCl_5 és $208 \,\mathrm{g}\,\mathrm{mol}^{-1}$, el nombre de mols de PCl_5 inicialment presents en el flascó és:

$$n = 2.69 \,\mathrm{g} \cdot \frac{1 \,\mathrm{mol}}{208 \,\mathrm{g}} = 0.0129 \,\mathrm{mol}.$$

La pressió corresponent a aquest nombre de mols seria:

$$P = \frac{nRT}{V} = \frac{(0.0129 \text{mol})(0.082 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1})(523.15 \text{ K})}{1.00 \text{ L}} = 0.553 \text{ atm.}$$

Com que la pressió observada és superior a aquesta, s'ha de produir certa dissociació del PCl₅. Aplicant la llei de les pressions parcials, podem escriure:

$$P_{\text{PCl}_5} + P_{\text{PCl}_3} + P_{\text{Cl}_2} = P_t = 1.00 \text{ atm.}$$
 (12)

Ara observem que:

Atès que es produeix un mol de PCl_3 i un mol de Cl_2 per cada mol de PCl_5 dissociat,

$$P_{\text{Cl}_2} = P_{\text{PCl}_3}, \quad P_{\text{PCl}_5} = 0.553 \,\text{atm} - P_{\text{Cl}_2}.$$

i podem reescriure l'Equació 12 com:

$$0.553\,{\rm atm} - P_{{\rm Cl}_2} + P_{{\rm Cl}_2} + P_{{\rm Cl}_2} = 1.00\,{\rm atm}.$$

Resolent, obtenim:

$$P_{\text{Cl}_2} = 0.447 \,\text{atm},$$

i

$$P_{\text{PCl}_3} = 0.447 \, \text{atm}, \quad P_{\text{PCl}_5} = 0.106 \, \text{atm}.$$

Els coixins de seguretat (airbag) dels cotxes s'inflen mitjançant una sèrie de reaccions químiques ràpides que produeixen gas en menys de $0.04\,\mathrm{s}$. En les seves primeres versions, la reacció es basava en la descomposició de NaN_3 (extremadament tòxic), seguida de dues reaccions addicionals per neutralitzar els subproductes perillosos. Les equacions químiques d'aquest procés són:

$$2 \operatorname{NaN}_3 \longrightarrow 2 \operatorname{Na} + 3 \operatorname{N}_2(g)$$
 [R2]

$$10 \operatorname{Na} + 2 \operatorname{KNO}_3 \longrightarrow \operatorname{K}_2 \operatorname{O} + 5 \operatorname{Na}_2 \operatorname{O} + \operatorname{N}_2(g)$$
 [R3]

$$K_2O + Na_2O + 2SiO_2 \longrightarrow K_2SiO_3 + Na_2SiO_3$$
 [R4]

Un coixí de seguretat de conductor té un volum aproximat de $65\,\mathrm{L}$ i la pressió final dins del coixí és de $1.35\,\mathrm{atm}$. La temperatura dins del coixí just després de la reacció és $300\,^{\circ}\mathrm{C}$ ($573\,\mathrm{K}$). Suposem que s'utilitzen $65\,\mathrm{g}$ de NaN_3 .

- 1. Quina quantitat de nitrogen gas (N_2) es genera en mols només en la primera reacció?
- 2. Quin volum ocuparà aquest gas dins del coixí de seguretat segons la llei dels gasos ideals? És suficient aquest volum per inflar completament el coixí de seguretat?
- 3. Si considerem també la segona reacció, que genera més nitrogen gas, com afectaria això el volum total de gas produït?
- 4. Quan el gas s'expandeix a l'exterior a través dels orificis del coixí, la seva pressió baixa de 1.35 atm a 1.00 atm. Quin percentatge de reducció de temperatura es produeix durant aquesta expansió?

(Adaptat de [1]).

Quantitat de nitrogen gas (N₂) generada a R2:
 La reacció de descomposició de NaN₃ és:

$$2 \operatorname{NaN}_3 \longrightarrow 2 \operatorname{Na} + 3 \operatorname{N}_2(g)$$

Primer, calculem el nombre de mols de NaN_3 disponibles:

$$n_{\text{NaN}_3} = \frac{65 \,\text{g}}{65.019 \,\text{g mol}^{-1}} = 1.00 \,\text{mol}$$
 (13)

De l'estequiometria de la reacció, per cada 2 mol de NaN3, es formen 3 mol de N2:

$$n_{\rm N_2} = 1.00 \,\text{mol} \times \frac{3}{2} = 1.50 \,\text{mol}$$
 (14)

2. Volum ocupat pel gas segons la llei dels gasos ideals: Utilitzem l'equació dels gasos ideals:

$$V = \frac{nRT}{P} \tag{15}$$

On:

- $n = 1.50 \, \text{mol}$
- $R = 0.0821 \,\mathrm{L} \,\mathrm{atm} \,\mathrm{mol}^{-1} \,\mathrm{K}^{-1}$
- $T = 573 \, \text{K}$
- $P = 1.35 \, \text{atm}$

$$V = \frac{1.50 \,\mathrm{mol} \times 0.0821 \,\mathrm{L} \,\mathrm{atm} \,\mathrm{mol}^{-1} \,\mathrm{K}^{-1} \times 573 \,\mathrm{K}}{1.35 \,\mathrm{atm}} = 52.3 \,\mathrm{L} \qquad (16)$$

El volum necessari per inflar el coixí de seguretat és d'uns $65\,\mathrm{L}$. Atès que només la primera reacció genera $52.3\,\mathrm{L}$, sembla que no és suficient. No obstant això, la segona reacció també genera gas N_2 , augmentant el volum total.

3. Contribució de la segona reacció al volum total de gas:

La reacció R3 genera gas addicional:

$$10 \operatorname{Na} + 2 \operatorname{KNO}_3 \longrightarrow \operatorname{K}_2\operatorname{O} + 5 \operatorname{Na}_2\operatorname{O} + \operatorname{N}_2(g) \tag{17}$$

Cada $10\,\mathrm{mol}$ de Na reacciona per produir $1\,\mathrm{mol}$ de N₂. Sabem que la primera reacció va generar $1.00\,\mathrm{mol}$ de Na. Per tant, la segona reacció produeix:

$$n_{\rm N_{2,2}} = 1.00 \,\text{mol} \times \frac{1}{10} = 0.10 \,\text{mol}$$
 (18)

Afegint aquest nitrogen al total:

$$n_{\text{N}_2,\text{total}} = 1.50 \,\text{mol} + 0.10 \,\text{mol} = 1.60 \,\text{mol}$$
 (19)

El nou volum total serà:

$$V_{\text{total}} = \frac{1.60 \,\text{mol} \times 0.0821 \,\text{L} \,\text{atm} \,\text{mol}^{-1} \,\text{K}^{-1} \times 573 \,\text{K}}{1.35 \,\text{atm}} = 55.7 \,\text{L} \quad (20)$$

Aquest volum segueix estant lleugerament per sota del mínim requerit (65 L), però cal recordar que les reaccions són fortament exotèrmiques, la qual cosa elevarà la temperatura i, en conseqüència, augmentarà el volum de gas.

4. Refredament del gas en expandir-se fora del coixí:

Segons la llei de Gay-Lussac:

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \tag{21}$$

On:

- $P_1 = 1.35 \, \text{atm}, T_1 = 573 \, \text{K}$
- $P_2 = 1.00$ atm, T_2 és la temperatura final

$$T_2 = T_1 \times \frac{P_2}{P_1} = 573 \,\mathrm{K} \times \frac{1.00 \,\mathrm{atm}}{1.35 \,\mathrm{atm}} = 424 \,\mathrm{K}$$
 (22)

El percentatge de reducció de temperatura és:

$$\frac{T_1 - T_2}{T_1} \times 100 = \frac{573 \,\mathrm{K} - 424 \,\mathrm{K}}{573 \,\mathrm{K}} \times 100 = 25.9\% \tag{23}$$

Exercicis resolts

$$18$$
 de febrer de 2025

Així, la temperatura del gas disminueix aproximadament un $26\,\%$ quan s'expandeix fora del coixí de seguretat, ajudant a evitar cremades als passatgers.

Exercici 15

Perquè hi ha diferències entre els quocients de capacitat calorífica (C_P/C_V) de gasos monoatòmics respecte els diatòmics? (Adona't que si un gas monoatòmic ideal, pel fet d'estar només augmentant la seva energia cinètica translacional té una $C_V = \frac{3}{2}R$, es pot entendre que per a cada component (eix) necessita $\frac{1}{2}R$)

Els quocients de la capacitat calorífica dels gasos diatòmics són molt menors que 1,67, i hem d'esbrinar la raó d'aquestes desviacions.

Primerament, notem que C_V , la capacitat calorífica deguda al moviment de translació de les molècules, és igual a $\frac{3}{2}R$, i que hi ha tres components independents de velocitat associats amb el moviment de translació. Per tant, podem inferir que cadascun dels tres moviments de translació independents contribueix amb $\frac{1}{2}R$ a la capacitat calorífica molar. Sobre aquesta base, podríem esperar que, si algun altre tipus de moviment fos accessible a les molècules de gas, hi hauria més contribucions a la capacitat molar i aquestes entrarien en unitats de $\frac{1}{2}R$.

A més de tenir els tres moviments de translació, una molècula diatòmica pot rotar al voltant del seu centre de massa segons dos modes mútuament perpendiculars i independents. Assignant $\frac{1}{2}R$ com la contribució de cadascun d'aquests moviments a la capacitat calorífica, tenim:

$$C_{V} = \underbrace{\frac{3}{2}R}_{\text{traslació}} + \underbrace{\frac{1}{2}R + \frac{1}{2}R}_{\text{rotació}} = \frac{5}{2}R,$$

$$C_{P} = C_{V} + R = \frac{7}{2}R,$$

$$\frac{C_{P}}{C_{V}} = \frac{\frac{7}{2}R}{\frac{5}{2}R} = \frac{7}{5} = 1,40.$$

Qui es mou més ràpid, una molècula d'oxigen o una de nitrogen en dues mostres d'aquests gasos a la mateixa temperatura? Pots explicar perquè la pressió és independent de la natura de les molècules?

Exercici 17

Calcula la velocitat mitjana de les molècules d'hidrògen a 25°C.

La velocitat mitjana de les molècules d'un gas es pot calcular a partir de la distribució de Maxwell-Boltzmann. Utilitzant la distribució de Maxwell com a distribució de probabilitats, es pot determinar la velocitat mitjana molecular en una mostra de gasos:

$$\langle v \rangle = \int_{-\infty}^{\infty} v f(v) dv$$

Substituint la funció de distribució de Maxwell-Boltzmann:

$$\langle v \rangle = \int_{-\infty}^{\infty} v \cdot 4\pi \left(\frac{m}{2\pi k_B T} \right)^{\frac{3}{2}} v^2 \exp\left(-\frac{mv^2}{2k_B T} \right) dv$$

Aplicant la següent integral coneguda de les taules d'integrals:

$$\int_0^\infty x^{2n+1}e^{-ax^2}dx = \frac{n!}{2a^{n+1}}$$

i agafant n = 1, s'obté:

$$\langle v \rangle = 4\pi \left(\frac{m}{2\pi k_B T} \right)^{\frac{3}{2}} \cdot \frac{1}{2} \left(\frac{m}{2k_B T} \right)^{-2}$$

Finalment, simplificant,

$$\langle v \rangle = \sqrt{\frac{8k_BT}{\pi m}} \tag{24}$$

Substituint les dades a l'Eq. 24::

$$R = 8.314 \text{ J/mol·K}, \quad T = 298 \text{ K}, \quad M = 2.016 \times 10^{-3} \text{ kg/mol}$$
 (25)

Exercicis resolts

18 de febrer de 2025

$$v_{mitjana} = \sqrt{\frac{8 \times 8.314 \times 298}{\pi \times 2.016 \times 10^{-3}}}$$
 (26)

$$v_{mitjana} \approx 1.57 \times 10^3 \text{ m/s}$$
 (27)

Considerant que no es comporta idealment, calcula la temperatura de $10\,\mathrm{mol}$ de monòxid de carboni (CO) sotmesos a una pressió de $5\,\mathrm{kPa}$ en un volum de $2\,\mathrm{m}^3$.

L'equació de Van der Waals per gasos reals és:

$$\left(P + \frac{n^2 a}{V^2}\right)(V - nb) = nRT$$

on a i b són constants que depenen de la naturalesa del gas. En el nostre cas:

- Nombre de mols: n = 10 mol
- Pressió: $P=5\,\mathrm{kPa}\cdot\frac{1\,\mathrm{atm}}{101.325\,\mathrm{kPa}}=0.0493\,\mathrm{atm}$
- Volum: $V = 2 \,\mathrm{m}^3 = 2000 \,\mathrm{L}$
- Constants de Van der Waals per CO:
 - $-a = 1.4850 \,\mathrm{L^2} \,\mathrm{atm} \,\mathrm{mol}^{-2}$
 - $-b = 0.03985 \,\mathrm{L} \,\mathrm{mol}^{-1}$
- Constant dels gasos: $R = 0.0821 \,\mathrm{L\,atm\,mol^{-1}\,K^{-1}}$

Calculem el terme de correcció de la pressió:

$$P + \frac{an^2}{V^2} = 0.0493 + \frac{(1.4850)(10)^2}{(2000)^2} = 0.0493 \text{ atm}$$

Calculem el volum corregit:

$$V - nb = 2000 - (10 \times 0.03985) = 2000 - 0.3985 = 1999.6 \,\mathrm{L}$$

Es pot veure com l'efecte de la no idealitat en aquest gas és molt reduït. Substituïm a l'equació:

$$(0.0493)(1999.6) = (10)(0.0821)T$$

$$T = \frac{98.57}{0.821} = 120 \,\mathrm{K}$$

Exercici 19

Perquè CO_2 i O_2 tenen una desviació negativa respecte al comportament del gas ideal a pressions i temperatures moderades, mentres que l'He i el H_2 presenten una deviació positiva en les mateixes condicions?

Els gasos CO_2 i O_2 presenten una desviació negativa respecte al comportament ideal perquè tenen interaccions intermoleculars atractives significatives. Aquestes forces atractives fan que, a pressions i temperatures moderades, les molècules s'acostin més del que prediu l'equació del gas ideal, reduint així el volum efectiu i fent que el factor de compressibilitat $z = \frac{PV}{RT}$ sigui menor que 1.

D'altra banda, els gasos com l'heli (He) i l'hidrogen (H₂) presenten una desviació positiva perquè tenen interaccions intermoleculars molt febles i, a mesura que augmenta la pressió, dominen els efectes de repulsió a causa del volum finit de les molècules. Això fa que el gas ocupi un volum lleugerament superior al que prediu el model ideal, fent que z>1 en aquestes condicions.

2 Combustió

Exercici 20

Determina la reacció de combustió de l'octà en presència d'aire.

La base de càlcul és 1 mol de C_8H_{18} . Plantegem la reacció de combustió de 1 mol amb a moles d'aire:

$$C_8H_{18} + a(0.21O_2 + 0.79N_2) \longrightarrow bCO_2 + cH_2O + dN_2$$
 (28)

Els coeficients estequiomètrics a, b, c, d es calculen mitjançant el balanç de les espècies atòmiques C, H, O i N:

- Balanç de C: $8 = b \implies b = 8 \operatorname{mol} CO_2/1 \operatorname{mol} C_8H_{18}$
- Balanç de H: 18 = 2c \Rightarrow $c = 9 \operatorname{mol} H_2 O / 1 \operatorname{mol} C_8 H_{18}$
- Balanç de O₂: $0.21a = b + \frac{c}{2} \implies a = 59.52 \,\text{mol aire}/1 \,\text{mol C}_8 H_{18}$
- Balanç de N₂: $0.79a = d \implies d = 47.02 \,\mathrm{mol}\,\mathrm{N_2/1}\,\mathrm{mol}\,\mathrm{C_8H_{18}}$

Així, la reacció teòrica de combustió és:

$$C_8H_{18} + 59.52(0.21\,O_2 + 0.79\,N_2) \longrightarrow 8\,CO_2 + 9\,H_2O + 47.02\,N_2$$
 (29)

Un mètode alternatiu és plantejar la reacció de combustió en funció només de l'oxigen:

$$C_8H_{18} + a\left(O_2 + \frac{79}{21}N_2\right) \longrightarrow bCO_2 + cH_2O + dN_2$$
 (30)

Els balanços es fan com segueix:

- Balanç de C: $8 = b \implies b = 8 \operatorname{mol} CO_2/1 \operatorname{mol} C_8H_{18}$
- Balanç de H: 18 = 2c \Rightarrow $c = 9 \operatorname{mol} H_2 O / 1 \operatorname{mol} C_8 H_{18}$
- Balanç de O₂: $a = b + \frac{c}{2} \implies a = 12.5 \operatorname{mol} O_2 / 1 \operatorname{mol} C_8 H_{18}$
- Balanç de N₂: $\frac{79}{21}a = d$ \Rightarrow $d = 47.02 \,\mathrm{mol}\,\mathrm{N_2/1}\,\mathrm{mol}\,\mathrm{C_8H_{18}}$

Exercici 21

Si 8,20 g de C_6H_6 (benzè) es combinen amb oxigen en una reacció de combustió, quants grams de H_2O es produiran?

Equació química equilibrada:

$$2 C_6 H_6 + 15 O_2 \longrightarrow 12 CO_2 + 6 H_2 O$$

Massa molar de
$$C_6H_6 = 6(12,01) + 6(1,008) = 78,11 \text{ g/mol}$$

Massa molar de $H_2O = 2(1,008) + 16,00 = 18,016 \text{ g/mol}$

$$8,20 \text{ g-C}_6\text{H}_6 \times \frac{1 \text{ mol } \text{C}_6\text{H}_6}{78,11 \text{ g-C}_6\text{H}_6} \times \frac{6 \text{ mols } \text{H}_2\text{O}}{2 \text{ mols } \text{C}_6\text{H}_6} \times \frac{18,016 \text{ g H}_2\text{O}}{1 \text{ mol-H}_2\text{O}} = 5,68 \text{ g H}_2\text{O}$$

Exercici 22

Després de la combustió amb excés d'oxigen, 12,501 g d'un compost petroquímic van produir 38,196 g de diòxid de carboni i 18,752 g d'aigua. Una anàlisi prèvia va determinar que el compost no conté oxigen. Estableix la seva fórmula empírica.

Sabem que el compost només conté carboni i hidrogen. L'objectiu és determinar les masses d'aquests elements i trobar la seva relació molar.

Cada mol de CO_2 conté 1 mol de carboni, per tant, utilitzem un factor de conversió:

Massa molar de
$$CO_2 = 12,01 + 2(16,00) = 44,01$$
 g/mol

$$38,196 \text{ g-CO}_2 \times \frac{1}{44,01 \text{ g-CO}_2} \times \frac{1 \text{ mol } C}{1 \text{ mol CO}_2} \times \frac{12,01 \text{ g-} C}{1 \text{ mol CO}_2}$$

$$\frac{38,196 \times 12,01}{44,01} = 10,426 \text{ g-de-} C$$

Cada mol de H₂O conté 2 mols d'hidrogen:

Massa molar de $H_2O = 2(1,008) + 16,00 = 18,016 \text{ g/mol}$

$$18,752 \text{ g-H}_2\text{O} \times \frac{1}{18,016 \text{ g H}_2\text{O}} \times \frac{2 \text{ mols } H}{1 \text{ mol H}_2\text{O}} \times \frac{1,008 \text{ g } H}{1 \text{ mol } H}$$

Exercicis resolts

18 de febrer de 2025

$$\frac{18,752 \times 2 \times 1,008}{18,016} = 2,100 \text{ g de } H$$

Massa total calculada = 10,426 g C + 2,100 g H = 12,526 g

Com que el valor inicial és de 12,501 g, la diferència es deu a errors d'arrodoniment.

Càlcul de la relació molar:

$$\frac{10,426~{\rm g~C}}{12,01~{\rm g/mol}} = 0,868~{\rm mols~C}$$

$$\frac{2,100~{\rm g~H}}{1,008~{\rm g/mol}} = 2,083~{\rm mols~H}$$

Determinació de la fórmula empírica:

$$\frac{0,868}{0,868} = 1$$

$$\frac{2,083}{0,868} = 2,4$$

Per obtenir nombres enters, multipliquem per 5, i obtenim la fórmula empírica del compost: C_5H_{12} (pentà).

Exercici 23

Durant l'anàlisi per combustió d'un compost desconegut que conté només carboni, hidrogen i nitrogen, es van mesurar 12,923 g de diòxid de carboni (CO_2) i 6,608 g d'aigua (H_2O) . El tractament del nitrogen amb gas H_2 va donar com a resultat 2,501 g d'amoníac (NH_3) . La combustió completa de 11,014 g del compost va necessitar 10,573 g d'oxigen (O_2) . Quina és la fórmula empírica del compost?

Càlcul del nombre de mols de carboni

$$12,923 \text{ g CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{44,011 \text{ g CO}_2} \times \frac{1 \text{ mol } C}{1 \text{ mol CO}_2}$$
$$= \frac{12,923}{44,011} = 0,29363 \text{ mols de } C$$

Exercicis resolts

18 de febrer de 2025

Càlcul del nombre de mols d'hidrogen

$$6,608 \text{ g H}_2\text{O} \times \frac{1 \text{ mol H}_2\text{O}}{18,02 \text{ g H}_2\text{O}} \times \frac{2 \text{ mols } H}{1 \text{ mol H}_2\text{O}}$$
$$= \frac{6,608 \times 2}{18,02} = 0,7334 \text{ mols de } H$$

Càlcul del nombre de mols de nitrogen:

$$2,501 \text{ g NH}_3 \times \frac{1 \text{ mol NH}_3}{17,04 \text{ g NH}_3} \times \frac{1 \text{ mol } N}{1 \text{ mol NH}_3}$$
$$= \frac{2,501}{17,04} = 0,1468 \text{ mols de } N$$

Dividim tots els valors entre el menor nombre de mols (0,1468):

$$\frac{0,29363}{0,1468} = 2 \pmod{C}$$
$$\frac{0,7334}{0,1468} = 5 \pmod{H}$$
$$\frac{0,1468}{0,1468} = 1 \pmod{N}$$

La fórmula empírica del compost és C_2H_5N .

Exercici 24

Calcula l'increment d'energia i d'entalpia en fondre 1 mol de gel. Els volums molars del gel i l'aigua són 0.0196 L/mol i 0.0180 L/mol, respectivament. La calor de fusió de l'aigua és $\Delta H_f=6.01~\mathrm{kJ/mol}$.

Per fondre 1 mol de gel (H_2O sòlid) a 0°C i convertir-lo en aigua líquida a 0°C, necessitem conèixer la calor de fusió de l'aigua. La calor de fusió de l'aigua és $\Delta H_f = 6.01$ kJ/mol.

L'increment d'entalpia (ΔH) en fondre 1 mol de gel és simplement la calor de fusió:

$$\Delta H = \Delta H_f = 6.01 \text{ kJ/mol}$$

Exercicis resolts

Els volums molars del gel i l'aigua són 0.0196 L/mol i 0.0180 L/mol, respectivament. L'increment d'energia interna (ΔU) es pot calcular utilitzant la relació entre entalpia i energia interna:

$$\Delta H = \Delta U + P\Delta V$$

On P és la pressió i ΔV és el canvi de volum.

El canvi de volum ΔV es pot calcular com:

$$\Delta V = V_{\text{líquid}} - V_{\text{sòlid}} = 0.0180 \text{ L/mol} - 0.0196 \text{ L/mol} = -0.0016 \text{ L/mol}$$

Convertint el canvi de volum a metres cúbics:

$$\Delta V = -0.0016 \text{ L/mol} \times \frac{1 \text{ m}^3}{1000 \text{ L}} = -1.6 \times 10^{-6} \text{ m}^3/\text{mol}$$

Assumint que la pressió és 1 atm (101.3 kPa):

$$P\Delta V = 101.3 \text{ kPa} \times (-1.6 \times 10^{-6} \text{ m}^3/\text{mol}) = -0.000162 \text{ kJ/mol}$$

Així doncs, l'increment d'energia interna és:

$$\Delta U = \Delta H - P\Delta V = 6.01 \text{ kJ/mol} - (-0.000162 \text{ kJ/mol}) = 6.010162 \text{ kJ/mol}$$

Per tant, l'increment d'energia interna en fondre 1 mol de gel és aproximadament $6.01~\rm kJ/mol$, i l'increment d'entalpia és $6.01~\rm kJ/mol$.

Exercici 25

Càlcul de ΔU per a la combustió del grafit a CO (gas) en condicions estàndard (298 K i 1 atm), si l'entalpia de combustió del grafit a CO (ΔH): $-110.5 \,\mathrm{kJ}\,\mathrm{mol}^{-1}$. El grafit té un volum molar de $0.0053 \,\mathrm{L}\,\mathrm{mol}^{-1}$.

La reacció de combustió del grafit a CO (gas) es pot escriure com:

$$C(grafit) + \frac{1}{2}O_2 \rightarrow CO(gas)$$

Per calcular el canvi d'energia interna (ΔU) per a aquesta reacció, utilitzarem la relació entre ΔU i ΔH (entalpia de reacció):

$$\Delta U = \Delta H - \Delta (PV) = \Delta H - \Delta n_q RT$$

On:

- ΔH és l'entalpia de combustió del grafit a CO.
- Δn_q és el canvi en el nombre de mols de gasos.
- R és la constant dels gasos ideals $(8.314 \,\mathrm{J}\,\mathrm{mol}^{-1}\,\mathrm{K}^{-1})$.
- \bullet T és la temperatura en Kelvin.

Per a la reacció de combustió del grafit a CO:

$$\Delta n_g = n_{\text{productes}} - n_{\text{reactius}} = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

Un mol de gas a condicions estàndard ocupa un volum de $22.4\,\mathrm{L}$. Per tant, el canvi de 11.2 litres de gas a $298\,\mathrm{K}$ fa que la desaparicció del grafit $(0.0053\,\mathrm{L\,mol}^{-1})$ sigui menyspreable.

Així doncs, ΔU es calcula com:

$$\Delta U = \Delta H - \frac{1}{2}RT$$

L'entalpia de combustió del grafit a CO (ΔH) és aproximadament $-110.5 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$. Agafant la temperatura de 298 K:

$$\Delta U = -110.5 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1} - \frac{1}{2} \cdot 8.314 \,\mathrm{J} \,\mathrm{mol}^{-1} \,\mathrm{K}^{-1} \cdot 298 \,\mathrm{K} \times 10^{-3} \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{J}^{-1}$$
$$= -110.5 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1} - 1.239 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$$
$$= -111.739 \,\mathrm{kJ} \,\mathrm{mol}^{-1}$$

Exercici 26

Calcula la calor normal de la reacció $\rm Fe_2O_{3(s)}+3\,H_{2(g)} \longleftrightarrow 2\,Fe_{(s)}+3\,H_2O_{(aq)}$

Exercici 27

Tenint en compte aquestes energies d'enllaç:

	$E_b / \mathrm{kJ \ mol^{-1}}$
C-O al monòxid de carboni	+1077
C-O al diòxid de carboni	+805
О-Н	+464
Н-Н	+436

Calcula l'entalpia de la reacció:
$$CO_{(g)} + H_2O_{(g)} \longrightarrow CO_{2(g)} + H_{2(g)}$$

Fent servir les dades de la Taula 1, estima l'energia alliberada a pressió constant en la reacció:

$$H_{2(g)} \equiv Cl_{2(g)} + C_{(grafit)} \longrightarrow CH_3Cl_{(g)}$$

si la calor de vaporització del grafit a àtoms de carboni és de 170.9 kcal mol^{-1} .

Taula 1: Energies d'enllaç promig en kcal $\text{mol}^{-1}[2]$

Enllaç	\bar{D}	Enllaç	\bar{D}
С-Н	98.7	C-C	82.6
C-F	≈ 110	C=C	145.8
C-Cl	80	$C \equiv C$	199.6
C-Br	69	C-O	85
C-I	55	C=O	178
C-N	80	O-H	110.6

Exercici 29

Fent servir les dades de la Taula 1, estima l'energia alliberada a pressió constant en la reacció:

$$H_{2(g)} = Cl_{2(g)} + C_{(grafit)} \longrightarrow CH_3Cl_{(g)}$$

si la calor de vaporització del grafit a àtoms de carboni és de 170.9 kcal mol^{-1} .

3 Piles i bateries

Exercici 30

Se sap que una molècula gasosa de NaCl té una distància interatòmica de 2.38Å. Quina és l'energia potencial Coulòmbica d'un mol d'aquestes molècules?

Exercici 31

Dedueix l'equació de Born-Mayer a partir de considerar, de forma simplificada, que l'energia d'atracció Coulòmbica es pot expressar com $-\frac{Me^2}{r}$ i que la repulsió entre ions es pot expressar com $\frac{B}{r^n}$.

Exercici 32

L'òxid de magnesi, MgO, té la mateixa estructura que el NaCl. Sabent que $r(\text{Mg}^{2+}) = 72pm$ i que $r(\text{O}^{2-}) = 140pm$, calcula l'energia de malla d'aquest compost iònic.

Exercici 33

Fent servir el cicle de Born-Haber, estima l'entalpia de malla del KCl.

Exercici 34

Quin és el pH d'una dissolució de 0.1 M de clorur d'hidrogen? i d'una d'àcid benzoic a la mateixa concentració?

Exercici 35

Els productes de solubilitat de $Fe(OH)_3$ i $Zn(OH)_2$ són $4\cdot 10^{-38}$ i $4.5\cdot 10^{-17}$. A quin pH podem considerar que la precipitació de l'hidròxid de ferro és pràcticament completa mentre que l'ió Zn^{2+} queda a una concentració de 0.5 M?

Són reaccions REDOX

$$ClO^- + NO_2^- \Longrightarrow NO_3^- + Cl^-$$

$$2\operatorname{CCl}_4 + \operatorname{K}_2\operatorname{CrO}_4 \Longrightarrow 2\operatorname{Cl}_2\operatorname{CO} + \operatorname{CrO}_2\operatorname{Cl}_2 + 2\operatorname{KCl}$$

?

Exercici 37

Iguala la reacció $H_2O_2 + I^- \iff I_2 + H_2O$. Pista: quan hagis d'afegir hidrogen, fes-ho en forma de protons H^+ .

Exercici 38

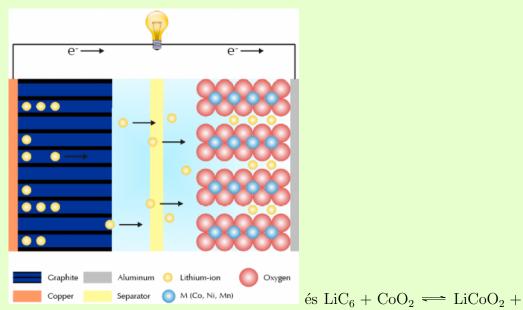
Iguala la reacció entre en benzaldehid i l'ió $\operatorname{Cr_2O_7}^{2^-}$ per donar àcid benzoïc i ió Cr^{+3} . Pista: on calguin oxigens, afegeix molècules d'aigua; on calguin hidrogens, afegeix protons.

Exercici 39

Iguala la reacció $\text{ClO}^- + \text{CrO}_2^- \Longrightarrow \text{CrO}_4^- + \text{Cl}^-$ en una dissolució bàsica. Pista: fes com sempre però al final tingues en compte que els reactius han d'incorporar l'ió OH^- .

Exercici 40

La reacció que té lloc en una bateria d'ió liti com la de la imatge



 C_6 . Escriu les dues mitges reaccions i fes-hi el balanç. Calcula el potencial de cel·la a partir de la $\Delta \varepsilon^{\circ}$ del Li⁺ (-3.0V) i del CoO₂ (+1.1V). Quins valors obtindries per a la reacció que tindria lloc en una bateria de Li i O₂ ($\Delta \varepsilon^{\circ}$ de la reacció $O_{2(g)} + 2 H^+ + 2 e^- \longrightarrow H_2O_{2(aq)}$ és 0.3V).

4 Forces intermoleculars

Exercici 41

La ratio d'empaquetament d'una cel·la unitat es defineix com la fracció entre el volum omplert pels àtoms que la formen i el seu volum total. Calcula el RE de la cel·la unitat cúbica centrada en la cara i de la cel·la unitat cúbica centrada en el cos (veure Figura ??).

Exercici 42

Usant la descripció del Cicle de Born-Haber que trobaràs a la Wikipedia (https://ca.wikipedia.org/wiki/Cicle_de_Born-Haber) calcula l'energia reticular del Fluorur de Liti.

Compara, per als diferents tipus de sòlids descrits, les següents característiques:

- 1. pressió de vapor
- 2. punt de fusió
- 3. punt d'ebullició
- 4. duresa
- 5. fragilitat
- 6. conducció elèctrica en estat sòlid
- 7. conducció elèctrica en estat líquid

Exercici 44

El coure té una estructura cúbica de cara centrada, i l'aresta de la cel·la unitària és de 3.61Å. Pots suggerir algun tipus d'àtom que es pugui col·locar en els intersticis de la seva xarxa sense distorsionar-la?

Exercici 45

Si la densitat del clorur sòdic sense defectes és de 2.165 g cm⁻³, quina seria la densitat si tingués un ratio de 10⁻³ defectes de a) Frenkel; b) Schottky. (el volum no varia amb els defectes)

Exercici 46

Explica, segons la teoria cinètico-molecular, la Figura ??. Com interpretes els termes equilibri dinàmic i saturació?

És possible que un líquid arribi a estar sobreescalfat: temperatura superior a la d'ecullició per a aquella pressió però encara estat líquid, la qual cosa succeeix quan és molt pur i no hi ha partícules de pols. Com aconseguiries que no es produeixi aquest sobreecalfament?

Exercici 48

Què ens produirà una cremada més gran: una massa m d'H₂O(g) a 100 graus o la mateixa quantitat d'aigua líquida a la mateixa temperatura?

Exercici 49

En un recipient hi ha aigua líquida. Es conecta el frecipient a una bomba de buit i es va abaixant la pressió sobre el líquid. Si la temperatura és de 60 graus, a quina pressió bullirà l'aigua?

Exercici 50

Perquè a la Taula ?? no apareix la p_v de l'He, H_2 i CH_4 ?

Exercici 51

Raona com canvia la p_v d'una dissolució en funció de la seva concentració.

Exercici 52

Determina la relació entre l'increment de pressió de vapor d'una dissolució i la fracció molar del solut.

Exercici 53

La pressió de vapor de l'aigua a 20 °C és 17.54 mmHg. Quan dissolem 114 g de sucrosa en 1000 g d'aigua, la pressió de vapor es redueix en 0.11 mmHg. Quin és el pes molecular de la sucrosa?

Quina és la constant de solubilitat del cromat d'argent (Ag_2CrO_4) si la concentració d'una dissolució saturada d'aquesta sal té una concentració de $6.7 \times 10^{-5}M$ d'ions cromat?

Exercici 55

S'afegeix ió Ag⁺ a una dissolució que conté Cl⁻ i Γ, ambdós a una concentració de 0.01 M. Què precipita abans, AgCl i AgI. Quina és la concentració d'ions Ag⁺ quan la primera sal comença a precipitar? I quina és la concentració de l'anió del primer precipitat quan la segona sal comença a precipitar?

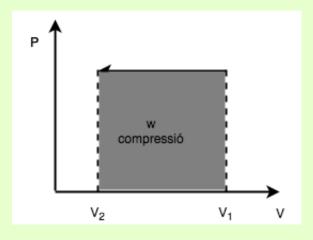
Exercici 56

Raona perquè per a una dissolució en la qual $\Delta H_{sol} < 0$, un augment de la temperatura fa que la solubilitat disminueixi, i a l'inrevés.

5 Controlant la temperatura

Exercici 57

Calcula el treball realitzat per comprimir un gas a pressió constant entre un volum inicial V_1 i un volum final V_2 .



Calcula el treball per dur un gas en un cilindre amb un èmbol des d'un estat de pressió 2 atm i volum 10 l fins a un estat de pressió 5 atm i volum 15 l per dos camins diferents:

- 1. Primer escalfant el gas a volum constant i després alliberant l'èmbol a pressió externa constant fins al volum desitjat.
- 2. Segon deixant l'èmbol lliure (pressió externa constant) mentre escalfem el gas, seguit de continuar escalfant fins que arribem a la pressió objectiu.

Exercici 59

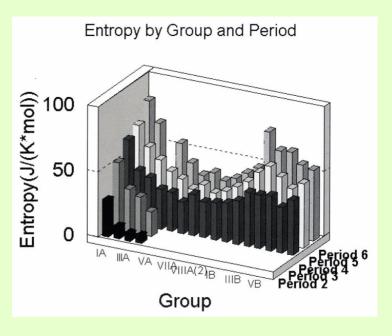
- Calcular el treball d'expansió reversible i isotèrmic, a 25 °C, de 3 mol d'un gas ideal entre 2 L i 3 L de volum.
- I si es tracta d'un procés irreversible?
- Repeteix els dos apartats anteriors per a un procés de compressió entre 3 L i 2 L del mateix gas.

Exercici 60

A partir de l'expressió de l'energia cinètica mitja de les molècules d'un gas ideal, calcula l'energia de traslació que tindrà aquest gas a 298 K.

Exercici 61

Quina calor se li ha de donar a un gas ideal perquè s'expandeixi de manera reversible i isotèrmica de V_1 a V_2 ($V_2 > V_1$)?



La Figura mostra l'entropia normal S_{298}° per a elements de la taula periòdica, exclosos elements poliatòmics i que no formen sòlids.[3] Pots explicar:

- 1. perquè l'entropia augmenta en augmentar el període (n més gran);
- 2. perquè l'entropia decreix al centre de cada període;i
- 3. quin és l'efecte d'un augmemnt de l'empaquetament o del grau de coordinació dels elements en l'entropia?

Exercici 63

Calcula l'energia lliure, l'entalpia i l'entropia normals per a la reacció $3 H_{2(g)} + N_{2(g)} \longrightarrow 2 NH_{3(g)}$. Què afavoreix i què desafavoreix la reacció? Succeiria igual a qualsevol temperatura?

Calcular els canvis d'energia lliure, entalpia i entropia per a la vaporització de l'aigua líquida. Quina influència hi té la pressió de vapor de l'aigua?

Exercici 65

Pots racionalitzar qualitativament els quatre factors implicats en la descripció de l'equilibri químic en les reaccions:

$$H_{2(g)} \rightleftharpoons 2H_{(g)}$$

$$H_{2(g)} + I_{2(g)} \Longrightarrow 2 HI_{(g)}$$

? Per a les dues reaccions, calcula el valor de ΔG° a partir de dades obtingudes a la literatura (usa els enllaços de la Secció ??).

Exercici 66

Com afectaria l'ús d'un catalitzador la corba d'energia lliure que hem dibuixat en el cas de la reacció de descomposició tèrmica del CaCO₃?

Exercici 67

Perquè podem usar la pressió de vapor enlloc de la concentració per a una substància gasosa en l'expressió de la constant d'equilibri? Succeiria el mateix si el sistema no fos ideal? Serveix l'expressió per a qualsevol concentració de les substàncies reaccionants?

Exercici 68

Pots raonar perquè la constant d'equlibri de la descomposició tèrmica del $CaCO_3$ és igual a P_{CO_2} ?

Exercici 69

Com afecta la constant d'equilibri el fet d'igualar la reacció química amb coefficients que són els doble o el triple dels escrits inicialment?

Quina és la relació entre la constant d'equilibri d'una reacció i la de la seva inversa?

Exercici 71

Escriu la constant d'equilibri de la reacció

$$2 NO_{(g)} + O_{2(g)} \Longrightarrow N_2 O_{4(g)}$$

a partir de les de les reaccions

$$2 NO_{(g)} + O_{2(g)} \Longrightarrow 2 NO_{2(g)}$$

i

$$2 \operatorname{NO}_{2(g)} + \operatorname{O}_{2(g)} \Longrightarrow \operatorname{N}_2 \operatorname{O}_{4(g)}$$

Exercici 72

La constant d'equilibri de la reacció d'isomerització entre l'*n*-butà i l'isobutà és 2.5. Representa gràficament la tendència del sistema en funció de diverses concentracions inicials de cadascuna de les dues substàncies. (Pista: representa la pressió de vapor de l'*n*-butà en abcisses i la de l'isobutà en ordenades com mostra la Taula ??).

Exercici 73

Fes una interpretació similar per al cas de la reacció de dissociació del sulfat de bari en els seus components iònics (veure Taula ??).

Exercici 74

La constant d'equilibri de la dissociacio del $\mathrm{NH_4HS}$ sòlid en amoniac i sulfur d'hidrogen és de $0.11~\mathrm{atm^2}$. Si posem una mica d'aquest sòlid en un recipient tancat que conté amoniac a una pressió de $0.5~\mathrm{atm}$. Quina és la pressió final del sistema un cop assolit l'equlibri?

La constant d'equilibri de la reacció

$$CO_{2(g)} + H_{2(g)} \Longrightarrow CO_{(g)} + H_2O_{(g)}$$

a 690K és 0.10. Quina és la pressió d'equilibri del sistema si barregem 0.5 mol de $\rm CO_2$ i 0.5 mol de $\rm H_2$ en un recipient de 5 l a 690K? Si augmentéssim la T, la pressió augmentaria o disminuiria?

Exercici 76

Escriu la reacció àcid-base de l'ió carbonat en aigua en equlibri amb l'ió bicarbonat. Qui té el rol d'àcid i de base en la reacció directa i la inversa?

6 Química de materials

7 Llum i química

Exercici 77

Sabries explicar perquè la rotació en la molècula d'etilè (C_2H_4) és més costosa energèticament que la rotació en la molècula d'età (C_2H_6) ?

Exercici 78

La funció de Fermi f(E) dóna la probabilitat de que un determinat estat energètic sigui ocupat a una determinada temperatura superior a 0K:

$$f(E) = \left(1 + \exp\left[\frac{E - E_f}{k_B T}\right]\right)^{-1}$$

a) Dibuixa f(E). b) Si el nivell de Fermi per al coure és de 7eV, raona com es distribuiran els seus electrons a 0K i a 1000K.

Quants nodes té la funció $\psi(2s)$? i la $\psi(3s)$? i la $\psi(2p)$?

Exercici 80

A partir de la densitat de probabilitat podem preguntar-nos coses com on és el màxim de probabilitat (solucionant $\frac{dD(r)}{dr}=0$) o bé calculant el valor promig de la distància de l'electró al nucli segons $< r>_{n,l} = \int_0^\infty rD(r)dr$. Mostra que $< r>_{2s} = \frac{6a_0}{Z}$ i $< r>_{2p} = \frac{5a_0}{Z}$ (veure Figura ??).

Exercici 81

L'àtom de sodi es comporta de forma similar a l'àtom d'hidrogen pel que fa a la seva facilitat de "donarün electró. Ho pots explicar en base a les densitats de probabilitat explicades a l'apartat anterior? Pensa en la llei de Coulomb i l'efecte pantalla dels electrons interiors.

Exercici 82

Escriu la configuració electrònica de l'argó i del potassi. Perquè després d'omplir els orbitals 3p no omplim els orbitals 3d? Com raones que els metalls de transició de les darreres columnes de la taula periòdica tinguin típicament valències de +2?

Exercici 83

Pots explicar les dades de la Figura ?? en base a la configuració electrònica dels elements representats?

Referències

- [1] Geoffrey M. Bowers i Ruth A. Bowers. *Understanding Chemistry through Cars.* en. CRC Press, nov. de 2014. ISBN: 978-1-4665-7184-6. DOI: 10. 1201/b17581. URL: https://www.taylorfrancis.com/books/9781466571846.
- [2] Bruce H. Mahan. QUIMICA Curso Universitario. Español. 1977.

[3] Travis Thoms. "Periodic Trends for the Entropy of Elements". A: *J. Chem. Educ.* 72.1 (gen. de 1995). Publisher: American Chemical Society, pàg. 16. ISSN: 0021-9584. DOI: 10.1021/ed072p16. URL: https://doi.org/10.1021/ed072p16 (cons. 09-08-2023).