1 Tema 1. Els gasos i el seu comportament

Exercici 1

La composició percentual, en massa, de l'aire sec al nivell del mar és, aproximadament, $N_2/O_2/Ar=75.5/23.2/1.3$. Quina és la pressió parcial de cada component quan la pressió total és 1.20 atm?.

En 100gr d'aire tindrem 75.5, 23.2 i 1.3 gr de N_2 , O_2 i Ar, respectivament. Podem calcular la seva fracció molar calculant el número de mols de cadascun i dividint pel total. Després, només cal multiplicar per la pressió corresponent i sabrem la pressió parcial de cada component:

$$\begin{split} n_{\mathrm{N_2}} &= 75.5 \text{g} \cdot \frac{1 mol}{28.02 \text{g}} = 2.69 mol \\ n_{\mathrm{O_2}} &= 23.2 \text{g} \cdot \frac{1 mol}{32.00 \text{g}} = 0.725 mol \\ n_{\mathrm{Ar}} &= 1.3 \text{g} \cdot \frac{1 mol}{39.95 \text{g}} = 0.033 mol \end{split}$$

	N_2	O_2	Ar
Fracció molar	0.780	0.210	0.0096
Pressió parcial (nivell del mar)/atm	0.780	0.210	0.0096
Pressió parcial $(P_T = 1.20 \text{atm}))/\text{atm}$	0.936	0.252	0.012

Exercici 2

Una barreja de metà $\mathrm{CH_4}$ i d'acetilè $\mathrm{C_2H_2}$ ocupava un cert volum a una pressió total de 63 mmHg. La mostra es va cremar a $\mathrm{CO_2}$ i $\mathrm{H_2O}$. Se'n va recollir el $\mathrm{CO_2}$ en el mateix volum inicial i la mateixa temperatura inicial, i es va veure que la seva pressió era de 96 mmHg. Quina era la fracció de metà a la mescla de gasos inicials?

Definim x com la fracció molar de metà (CH₄) i y com la fracció molar d'acetilè (C₂H₂):

$$x + y = 1$$

Les reaccions de combustió són:

$$CH_4 + 2O_2 \longrightarrow CO_2 + 2H_2O$$
 (1 mol de CH_4 produeix 1 mol de CO_2)
$$(1)$$

$$C_2H_2 + \frac{5}{2}O_2 \longrightarrow 2CO_2 + H_2O$$
 (1 mol de C_2H_2 produeix 2 mols de CO_2)
(2)

Si tenim un nombre total de mols n, llavors:

• Mols de metà: xn

 \bullet Mols d'acetilè: yn

Els mols de CO_2 formats són:

$$n_{\text{CO}_2} = xn + 2yn$$

Com que el volum i la temperatura es mantenen constants, segons la llei dels gasos ideals la pressió és directament proporcional als mols:

Així:

$$P_{\text{CO}_2} = (xn + 2yn) \cdot \frac{P_{\text{total}}}{n}$$

Substituint els valors donats:

$$96 = (x + 2y) \cdot 63$$

d'on

$$x + 2y = \frac{32}{21}$$

Ara ja podem resoldre el sistema:

$$x + y = 1 \tag{3}$$

$$x + 2y = \frac{32}{21} \tag{4}$$

i obtenim

$$x = 1 - \frac{11}{21} = \frac{10}{21}$$

Exercicis resolts

10 de febrer de 2025

Per tant, la fracció de metà en la mescla inicial és:

$$\frac{10}{21} \approx 0.476$$
 o 47.6%

Exercici 3

Una mostra de PCl_5 que pesa 2,69 g va ser col·locada en un flascó d'1,00 litre i evaporada completament a una temperatura de 250 °C. La pressió observada a aquesta temperatura va ser d'1,00 atm. Existeix la possibilitat que una part del PCl_5 s'hagi dissociat d'acord amb l'equació:

$$PCl_5(g) \rightleftharpoons PCl_3(g) + Cl_2(g).$$

Quines són les pressions parcials de PCl₅, PCl₃ i Cl₂ sota aquestes condicions experimentals?

La solució d'aquest problema implica diverses etapes. Per decidir si el PCl_5 s'ha dissociat, calculem primer la pressió que s'hauria observat si no s'hagués dissociat. Això es pot calcular a partir del nombre de mols de PCl_5 utilitzats, juntament amb el volum i la temperatura del flascó. Sabent que el pes molecular del PCl_5 és 208, el nombre de mols de PCl_5 inicialment presents en el flascó és:

$$n = \frac{2,69}{208} = 0,0129.$$

La pressió corresponent a aquest nombre de mols seria:

$$P = \frac{nRT}{V} = \frac{(0,0129)(0,082)(523)}{1} = 0,553 \text{ atm.}$$

Com que la pressió observada és major que aquesta, ha d'haver-hi hagut certa dissociació de PCl₅. Utilitzant la llei de les pressions parcials podem escriure:

$$P_{\text{PCl}_5} + P_{\text{PCl}_3} + P_{\text{Cl}_2} = P_T = 1,00 \text{ atm.}$$

Ara notem que:

$$P_{\text{Cl}_2} = P_{\text{PCl}_3}, \quad P_{\text{PCl}_5} = 0,553 - P_{\text{Cl}_2},$$

Exercicis resolts

10 de febrer de 2025

ja que es produeix un mol de PCl_3 i un mol de Cl_2 cada vegada que es dissocia un mol de PCl_5 . Per tant, podem escriure la llei de Dalton com:

$$0,553 - P_{\text{Cl}_2} + P_{\text{Cl}_2} + P_{\text{Cl}_2} = 1,00.$$

$$P_{\text{Cl}_2} = 0,447 \text{ atm},$$

i

$$P_{\text{PCl}_3} = 0,447 \text{ atm}, \quad P_{\text{PCl}_5} = 0,106 \text{ atm}.$$

Exercici 4

Considerant que no es comporta idealment, calcula la temperatura de $10 \,\mathrm{mol}$ de monòxid de carboni (CO) sotmesos a una pressió de $5 \,\mathrm{kPa}$ en un volum de $2 \,\mathrm{m}^3$.

L'equació de Van der Waals per gasos reals és:

$$\left(P + \frac{n^2 a}{V^2}\right)(V - nb) = nRT$$

on a i b són constants que depenen de la naturalesa del gas. En el nostre cas:

- Nombre de mols: n = 10 mol
- Pressió: $P=5\,\mathrm{kPa}\cdot\frac{1\,\mathrm{atm}}{101.325\,\mathrm{kPa}}=0.0493\,\mathrm{atm}$
- Volum: $V = 2 \,\mathrm{m}^3 = 2000 \,\mathrm{L}$
- Constants de Van der Waals per CO:
 - $-a = 1.4850 \,\mathrm{L}^2 \,\mathrm{atm} \,\mathrm{mol}^{-2}$
 - $-b = 0.03985 \,\mathrm{L}\,\mathrm{mol}^{-1}$
- Constant dels gasos: $R = 0.0821 \,\mathrm{L\,atm\,mol}^{-1}\,\mathrm{K}^{-1}$

Calculem el terme de correcció de la pressió:

$$P + \frac{an^2}{V^2} = 0.0493 + \frac{(1.4850)(10)^2}{(2000)^2} = 0.0493 \text{ atm}$$

Calculem el volum corregit:

$$V - nb = 2000 - (10 \times 0.03985) = 2000 - 0.3985 = 1999.6 \,\mathrm{L}$$

Es pot veure com l'efecte de la no idealitat en aquest gas és molt reduït. Substituïm a l'equació:

$$(0.0493)(1999.6) = (10)(0.0821)T$$

$$T = \frac{98.57}{0.821} = 120 \,\mathrm{K}$$