

Química Enginyeria de l'Automoció: Exercicis

Jordi Villà i Freixa (jordi.villa@uvic.cat)

Curs 2025-2026
(darrera actualització: 6 de febrer de 2026)

Índex

1	Els gasos i el seu comportament	5
1.1	Exercicis d'autoavaluació	13
1.2	Exercicis d'examens anteriors	27
2	Combustió	31
2.1	Exercicis d'autoavaluació	41
2.2	Exercicis d'examens anteriors	51
3	Piles i bateries	57
3.1	Exercicis d'autoavaluació	81
3.2	Exercicis d'examens anteriors	94
4	Forces intermoleculars	101
4.1	Exercicis d'autoavaluació	129
4.2	Exercicis d'examens anteriors	143
5	Química de materials	149

5.1	Exercicis d'autoavaluació	152
5.2	Exercicis d'examens anteriors	156
6	Llum i química	161
6.1	Exercicis d'autoavaluació	166
6.2	Exercicis d'examens anteriors	169

Capítol 1

Els gasos i el seu comportament

Exercici 1.

Dalt de l'Everest, la pressió atmosfèrica és de 0,33 atm i la temperatura de 50 sota zero. Quina és la densitat de l'aire si en CN és de 1.29 g dm^{-3} ?

Resposta

Sabem que la densitat de l'aire en condicions normals (CN) és:

$$\rho_{\text{CN}} = 1,29 \text{ g dm}^{-3}$$

Les condicions a dalt de l'Everest són:

- Pressió atmosfèrica: $P = 0,33 \text{ atm}$
- Temperatura: $T = -50^\circ\text{C} = 223 \text{ K}$
- Condicions normals (CN):
 - Pressió normal: $P_{\text{CN}} = 1 \text{ atm}$
 - Temperatura normal: $T_{\text{CN}} = 273 \text{ K}$

Sabem que la densitat d'un gas està relacionada amb la pressió i la temperatura segons l'expressió:

$$\frac{\rho}{\rho_{\text{CN}}} = \frac{P}{P_{\text{CN}}} \times \frac{T_{\text{CN}}}{T}$$

Aïllant ρ :

$$\rho = \rho_{\text{CN}} \times \frac{P}{P_{\text{CN}}} \times \frac{T_{\text{CN}}}{T}$$

Substituem els valors donats:

$$\rho = (1,29 \text{ g dm}^{-3}) \times \frac{0,33 \text{ atm}}{1 \text{ atm}} \times \frac{273 \text{ K}}{223 \text{ K}} = 0,52 \text{ g dm}^{-3}$$

Exercici 2.

Quant gas hi ha en una mostra de volum $0,5 \text{ dm}^3$, a 80°C i 800 Torr de pressió?

Resposta

Volem trobar la quantitat de substància n (en mols) fent servir l'equació dels gasos ideals:

$$PV = nRT$$

Dades del problema:

- Volum: $V = 0,5 \text{ dm}^3 = 0,5 \text{ L}$
- Temperatura: $T = 80^\circ\text{C} = 353 \text{ K}$
- Pressió: $P = 800 \text{ Torr} = \frac{800}{760} \text{ atm} \approx 1,05 \text{ atm}$

Prenem $R = 0,082\,06 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$ i aïllem n :

$$n = \frac{PV}{RT}$$

Substituïm:

$$n = \frac{(1,05 \text{ atm})(0,5 \text{ L})}{(0,082\,06 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1})(353 \text{ K})} = 1,82 \times 10^{-2} \text{ mol}$$

Per tant, en la mostra hi ha aproximadament $n \approx 1,8 \times 10^{-2} \text{ mol}$ de gas.

Exercici 3.

Pots calcular el volum ocupat per molècula en un gas ideal a CN?. Es troben dues molècules molt freqüentment en un gas a baixa pressió?

Resposta

A CN (condicions normals), el volum molar d'un gas ideal és aproximadament:

$$V_m \approx 22,4 \text{ L mol}^{-1} = 2,24 \times 10^{-2} \text{ m}^3 \text{ mol}^{-1}$$

El nombre de partícules per mol és el nombre d'Avogadro:

$$N_A = 6,02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$$

Per tant, el volum per molècula és:

$$V_{\text{molèc}} = \frac{V_m}{N_A} = \frac{2,24 \times 10^{-2} \text{ m}^3}{6,02 \times 10^{23}} \approx 3,7 \times 10^{-26} \text{ m}^3$$

La distància mitjana entre molècules es pot estimar com l'arrel cúbica d'aquest volum:

$$d \sim V_{\text{molèc}}^{1/3} \approx 3,3 \times 10^{-9} \text{ m} = 3,3 \text{ nm}$$

Com que el diàmetre típic d'una molècula és de ~ 0,3 nm, a baixa pressió el gas és molt buit: les molècules passen la major part del temps lluny les unes de les altres i els xocs són relativament rars. Així doncs, no, no és habitual trobar dues molècules "molt juntes" en un gas a baixa pressió.

Exercici 4.

Si a CN la densitat d'un gas ideal és de $2,62 \text{ g dm}^{-3}$, quina és la seva massa molar? i quina densitat tindrà a 300 K i $2,4 \times 10^5 \text{ Pa}$ $2.4 \times 10^5 \text{ Pa}$?

Resposta

Per a un gas ideal:

$$\rho = \frac{PM}{RT}$$

on ρ és la densitat, P la pressió, T la temperatura i M la massa molar.

A CN prenem $P = 1 \text{ atm} = 101\,325 \text{ Pa}$ i $T = 273 \text{ K}$. La densitat donada és $\rho = 2,62 \text{ g dm}^{-3}$, i com que $1 \text{ g dm}^{-3} = 1 \text{ kg m}^{-3}$,

$$\rho = 2,62 \text{ kg m}^{-3}.$$

Aïllem M :

$$M = \frac{\rho RT}{P}$$

Substituint ($R = 8,314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$):

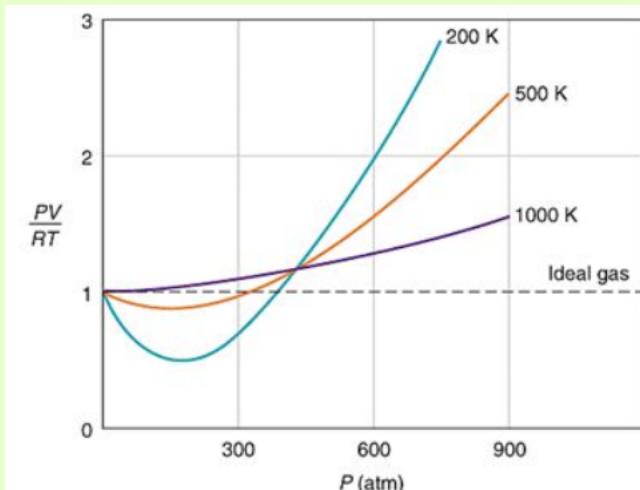
$$M = \frac{(2,62 \text{ kg m}^{-3})(8,314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1})(273 \text{ K})}{101\,325 \text{ Pa}} \approx 5,87 \times 10^{-2} \text{ kg mol}^{-1} = 58,7 \text{ g mol}^{-1}.$$

Ara, a $T = 300 \text{ K}$ i $P = 2,4 \times 10^5 \text{ Pa}$, la densitat serà:

$$\rho = \frac{PM}{RT} = \frac{(2,4 \times 10^5 \text{ Pa})(5,87 \times 10^{-2} \text{ kg mol}^{-1})}{(8,314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1})(300 \text{ K})} \approx 5,65 \text{ kg m}^{-3} = 5,65 \text{ g dm}^{-3}.$$

Exercici 5.

Què passa segons l'Equació de van der Waals si la pressió es fa propera a zero o bé la temperatura es fa molt gran per a un gas real? La figura mostra el factor de compressibilitat per a un mateix gas a diferents temperatures.

**Exercici 6.**

Qui es mou més ràpid, una molècula d'oxigen o una de nitrogen en dues mostres d'aquests gasos a la mateixa temperatura? Pots explicar perquè la pressió és independent de la natura de les molècules?

Exercici 7.

Calcula la velocitat mitjana de les molècules d'hidrògen a 25°C.

Resposta

La velocitat mitjana de les molècules d'un gas es pot calcular a partir de la distribució de Maxwell-Boltzmann. Utilitzant la distribució de Maxwell com a distribució de probabilitats, es pot determinar la velocitat mitjana molecular en una mostra de gasos:

$$\langle v \rangle = \int_{-\infty}^{\infty} v f(v) dv$$

Substituint la funció de distribució de Maxwell-Boltzmann:

$$\langle v \rangle = \int_{-\infty}^{\infty} v \cdot 4\pi \left(\frac{m}{2\pi k_B T} \right)^{\frac{3}{2}} v^2 \exp \left(-\frac{mv^2}{2k_B T} \right) dv$$

Aplicant la següent integral coneguda de les taules d'integrals:

$$\int_0^{\infty} x^{2n+1} e^{-ax^2} dx = \frac{n!}{2a^{n+1}}$$

i agafant $n = 1$, s'obté:

$$\langle v \rangle = 4\pi \left(\frac{m}{2\pi k_B T} \right)^{\frac{3}{2}} \cdot \frac{1}{2} \left(\frac{m}{2k_B T} \right)^{-2}$$

Finalment, simplificant,

$$\langle v \rangle = \sqrt{\frac{8k_B T}{\pi m}} \quad (1.1)$$

Substituint les dades a l'Eq. 1.1::

$$R = 8.314 \text{ J/mol}\cdot\text{K}, \quad T = 298 \text{ K}, \quad M = 2.016 \times 10^{-3} \text{ kg/mol} \quad (1.2)$$

$$v_{mitjana} = \sqrt{\frac{8 \times 8.314 \times 298}{\pi \times 2.016 \times 10^{-3}}} \quad (1.3)$$

$$v_{mitjana} \approx 1.57 \times 10^3 \text{ m/s} \quad (1.4)$$

Exercici 8.

A partir de l'expressió de l'energia cinètica mitja de les molècules d'un gas ideal, calcula l'energia de translació que tindrà aquest gas a 298 K.

Exercici 9.

Considerant que no es comporta idealment, calcula la temperatura de 10 mol de

monòxid de carboni (CO) sotmesos a una pressió de 5 kPa en un volum de 2 m³.

Resposta

L'equació de Van der Waals per gasos reals és:

$$\left(P + \frac{n^2 a}{V^2} \right) (V - nb) = nRT$$

on a i b són constants que depenen de la naturalesa del gas. En el nostre cas:

- Nombre de mols: $n = 10$ mol
- Pressió: $P = 5 \text{ kPa} \cdot \frac{1 \text{ atm}}{101,325 \text{ kPa}} = 0,0493 \text{ atm}$
- Volum: $V = 2 \text{ m}^3 = 2000 \text{ L}$
- Constants de Van der Waals per CO:
 - $a = 1,4850 \text{ L}^2 \text{ atm mol}^{-2}$
 - $b = 0,03985 \text{ L mol}^{-1}$
- Constant dels gasos: $R = 0,0821 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$

Calculem el terme de correcció de la pressió:

$$P + \frac{an^2}{V^2} = 0,0493 + \frac{(1,4850)(10)^2}{(2000)^2} = 0,0493 \text{ atm}$$

Calculem el volum corregit:

$$V - nb = 2000 - (10 \times 0,03985) = 2000 - 0,3985 = 1999,6 \text{ L}$$

Es pot veure com l'efecte de la no idealitat en aquest gas és molt reduït. Substituïm a l'equació:

$$(0.0493)(1999.6) = (10)(0.0821)T$$

$$T = \frac{98.57}{0.821} = 120 \text{ K}$$

Exercici 10. Gas no ideal (Exercici E1.2, 2025)

Quina és la temperatura de 4,00 mol d'un gas no ideal (H_2) sotmès a una pressió de 7,00 kPa en un volum de 8,00 m³?

(Dades: paràmetres de van der Waals per l'hidrogen: $a = 0,244 \text{ m}^6 \text{ Pa/mol}^2$, $b = 2,65 \times 10^{-5} \text{ m}^3/\text{mol}$, $R = 8,3145 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$)

Resposta

L'equació d'estat de van der Waals ens dona:

$$T = \frac{(P + a\frac{n^2}{V^2})(V - nb)}{nR}$$

Substituïm:

$$n = 4, \quad V = 8, \quad P = 7000 \text{ Pa}, \quad a = 0.244, \quad b = 2.65 \cdot 10^{-5}$$

$$\frac{n^2}{V^2} = \frac{16}{64} = 0.25, \quad a\frac{n^2}{V^2} = 0.061$$

$$P_{\text{corregida}} = 7 + 0.061 = 7,061 \text{ kPa} = 7061 \text{ Pa}$$

$$nb = 4 \cdot 2.65 \cdot 10^{-5} = 1,06 \times 10^{-4} \text{ m}^3, \quad V - nb = 8 - 1.06 \cdot 10^{-4} = 7.999894$$

$$T = \frac{7061 \cdot 7.999894}{4 \cdot 8.3145} = \frac{56485.1}{33.258} = \boxed{1698,296 \text{ K}}$$

1.1 Exercicis d'autoavaluació

Exercici 11. Pressió pneumàtics

Un conductor comprova la pressió dels pneumàtics pel matí aviat, quan la temperatura és de 15°C , i és de $1.3 \times 10^5 \text{ Pa}$. Al migdia la temperatura és 15 graus més elevada. Quina és la pressió dels pneumàtics ara?.

Resposta

Les dades són:

- Pressió inicial: $P_1 = 1.3 \times 10^5 \text{ Pa}$
- Temperatura inicial: $T_1 = 15^\circ\text{C} = 288 \text{ K}$
- Temperatura final: $T_2 = 30^\circ\text{C} = 303 \text{ K}$
- Suposem que el volum dels pneumàtics es manté constant.

Com que el volum no canvia, podem utilitzar la llei de Gay-Lussac per determinar la pressió final:

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2}$$

Aïllant P_2 :

$$P_2 = P_1 \times \frac{T_2}{T_1} = (1.3 \times 10^5 \text{ Pa}) \times \frac{303 \text{ K}}{288 \text{ K}} = (1.3 \times 10^5 \text{ Pa}) \times 1.0521 = 1.37 \times 10^5 \text{ Pa}$$

Exercici 12. Gas ideal en CN

Calcular el volum molar d'un gas ideal a condicions normals (1 atm i 0°C).

Resposta

Les condicions normals (CN) per a un gas ideal són:

- Pressió: $P = 1 \text{ atm}$
- Temperatura: $T = 0^\circ\text{C} = 273,15 \text{ K}$
- Constant dels gasos: $R = 0,0821 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$

L'equació dels gasos ideals és:

$$PV = nRT$$

Aïllem el volum molar V_m , considerant $n = 1 \text{ mol}$:

$$V_m = \frac{RT}{P}$$

Substituïm les dades:

$$V_m = \frac{(0,0821 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1}) \times (273,15 \text{ K})}{1 \text{ atm}} \approx 22,4 \text{ L mol}^{-1}$$

Exercici 13. Comparativa TCG per a H₂ i He

Es prepara una mescla de gasos d'hidrogen (H₂) i heli (He) tal que les molècules de cada gas produixin el mateix nombre de col·lisions amb la paret per unitat de temps. Determinem quin gas té la concentració més alta.

Resposta

Consideració com a gasos ideals

L'energia cinètica translacional d'un mol de gas és

$$\langle E_c \rangle = N_0 \frac{m < c^2 >}{2} = \frac{3}{2} RT$$

on $M = N_0 m$ és la massa molecular del gas en kg mol⁻¹.

Per tant, la velocitat quadràtica mitjana és:

$$c_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{3RT}{M}} \quad (1.5)$$

Com que la taxa de col·lisions amb la paret és proporcional a nv_{rms} , imosem la condició d'igualtat:

$$n_{\text{H}_2} \cdot \sqrt{\frac{3RT}{M_{\text{H}_2}}} = n_{\text{He}} \cdot \sqrt{\frac{3RT}{M_{\text{He}}}} \quad (1.6)$$

A l'Eq. 1.6 hem usat que el nombre de col·lisions és proporcional al producte del nombre de molècules per la velocitat promig a la que es mouen. Per a entendre-ho, imaginem un cas simple de tres pilotes que es mouen a 10 m/s en línia recta i fan rebots entre dues parets d'una habitació. Si l'habitació fa 10 metres de llarg, en 10 segons cada pilota haurà tocat les parets 10 cops. Per tant, el nombre de xocs haurà estat 30. Si enllloc de 3 pilotes en tinguéssim 10 que es mouen a 3 metres per segon, haurien tocat les parets també 30 cops (cada pilota, en 10 segons, hauria recorregut 30 metres, i per tant hauria xocat 3 cops contra les parets; com que tenim 10 pilotes, el nombre total de xocs és 30).

Substituint masses moleculars $M_{\text{H}_2} = 2 \text{ g/mol}$ i $M_{\text{He}} = 4 \text{ g/mol}$ a l'Eq. 1.6:

$$n_{\text{H}_2} \cdot \sqrt{\frac{1}{2}} = n_{\text{He}} \cdot \sqrt{\frac{1}{4}} \quad (1.7)$$

$$n_{\text{H}_2} \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} = n_{\text{He}} \cdot \frac{1}{2} \quad (1.8)$$

Resolent per n_{H_2} :

$$n_{\text{H}_2} = \frac{n_{\text{He}}}{\sqrt{2}} \quad (1.9)$$

Per tant, la concentració de H_2 ha de ser més baixa que la de He. És a dir, si volem igualar les vegades que xoquen contra les parets d'un volum les molècules d'He i d' H_2 , hem de plantear l'expressió d'igualtat de l'Eq. 1.6 on la partícula amb més massa, pel fet d'anar més lenta, necessitarà més partícules en moviment, és a dir, més concentració.

Consideració com a gasos no ideals

Si considerem gasos reals, hem de corregir la velocitat mitjana tenint en compte el factor de compressibilitat Z :

$$v_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{3ZRT}{M}} \quad (1.10)$$

Ara, l'Eq. 1.6 es transforma en:

$$n_{\text{H}_2} \cdot \sqrt{\frac{3Z_{\text{H}_2}RT}{M_{\text{H}_2}}} = n_{\text{He}} \cdot \sqrt{\frac{3Z_{\text{He}}RT}{M_{\text{He}}}}$$

d'on

$$\frac{n_{\text{H}_2}}{n_{\text{He}}} = \sqrt{\frac{\frac{3Z_{\text{He}}RT}{M_{\text{He}}}}{\frac{3Z_{\text{H}_2}RT}{M_{\text{H}_2}}}} = \sqrt{\frac{Z_{\text{He}}M_{\text{H}_2}}{Z_{\text{H}_2}M_{\text{He}}}}$$

A pressions altes, $Z_{\text{H}_2} > Z_{\text{He}}$ per les interaccions intermoleculars més fortes d'hidrogen (veure la Fig. 1.7 del tema 1), la qual cosa encara reforça més la diferència entre les concentracions de les dues espècies químiques.

Exercici 14. Pressions parcials aire

La composició percentual, en massa, de l'aire sec al nivell del mar és, aproximadament, $\text{N}_2/\text{O}_2/\text{Ar}=75.5/23.2/1.3$. Quina és la pressió parcial de cada component quan la pressió total és 1.20 atm?

Resposta

En 100gr d'aire tindrem 75.5, 23.2 i 1.3 gr de N_2 , O_2 i Ar , respectivament. Podem calcular la seva fracció molar calculant el número de mols de cadascun i dividint pel total. Després, només cal multiplicar per la pressió corresponent i sabrem la pressió parcial de cada component:

$$n_{\text{N}_2} = 75.5 \cdot \frac{1 \text{ mol}}{28.02 \text{ g}} = 2.69 \text{ mol}$$

$$n_{\text{O}_2} = 23.2 \text{ g} \cdot \frac{1 \text{ mol}}{32.00 \text{ g}} = 0.725 \text{ mol}$$

$$n_{\text{Ar}} = 1.3 \text{ g} \cdot \frac{1 \text{ mol}}{39.95 \text{ g}} = 0.033 \text{ mol}$$

	N ₂	O ₂	Ar
Fracció molar	0.780	0.210	0.0096
Pressió parcial (nivell del mar)/atm	0.780	0.210	0.0096
Pressió parcial ($P_T = 1.20 \text{ atm}$)/atm	0.936	0.252	0.012

Exercici 15. Fracció metà en una mescla (Exercici E1.1, 2025)

Una barreja de metà CH₄ i d'acetilè C₂H₂ ocupava un cert volum a una pressió total de 63 mmHg. La mostra es va cremar a CO₂ i H₂O. Se'n va recollir el CO₂ en el mateix volum inicial i la mateixa temperatura inicial, i es va veure que la seva pressió era de 96 mmHg. Quina era la fracció de metà a la mescla de gasos inicials?

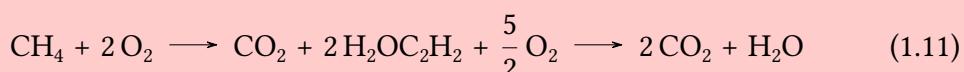
Resposta

OPCIÓ 1:

Definim x com la fracció molar de metà (CH₄) i y com la fracció molar d'acetilè (C₂H₂):

$$x + y = 1$$

Les reaccions de combustió són:



on veiem que 1 mol de CH₄ produeix 1 mol de CO₂ i que 1 mol de C₂H₂ produeix 2 mols de CO₂. Si tenim un nombre total de mols n , llavors:

- Mols de metà: xn

- Mols d'acetilè: yn

Els mols de CO_2 formats són:

$$n_{\text{CO}_2} = xn + 2yn$$

Com que el volum i la temperatura es mantenen constants, segons la llei dels gasos ideals la pressió és directament proporcional als mols:

$$P_{\text{CO}_2} = (xn + 2yn) \cdot \frac{P_{\text{total}}}{n}$$

Substituint els valors donats:

$$96 = (x + 2y) \cdot 63$$

d'on

$$x + 2y = \frac{32}{21}$$

Ara ja podem resoldre el sistema:

$$x + y = 1 \quad (1.12)$$

$$x + 2y = \frac{32}{21} \quad (1.13)$$

i obtenim

$$x = 1 - \frac{11}{21} = \frac{10}{21}$$

Per tant, la fracció de metà en la mescla inicial és:

$$\frac{10}{21} \approx 0.476 \quad \text{o} \quad 47.6\%$$

OPCIÓ 2:

Definim les pressions parcials inicials com $P_{\text{CH}_4}^i = x$ i $P_{\text{C}_2\text{H}_2}^i = y$. Segons les

Equacions ?? i ??, les pressions finals seran $P_{\text{CH}_4}^f = x$ i $P_{\text{C}_2\text{H}_2}^f = 2y$. Sabent que la pressió total inicial és 63 mmHg i que la final és 96 mmHg, obtenim el sistema:

$$\begin{cases} x + y = 63 \\ x + 2y = 96 \end{cases}$$

Solucionant-lo, obtenim que $x = 30$ mmHg i $y = 33$ mmHg que impliquen fraccions molars inicial de $\chi_{\text{CH}_4}^i = 30/63 = 0.476$ i $\chi_{\text{C}_2\text{H}_2}^i = 0.523$.

Notar que usar la llei dels gasos ideals i, per tant, observar que podem treballar indistintament amb nombre de mols o pressions parcials sempre que la reacció involucri gasos, simplifica la resolució de l'exercici.

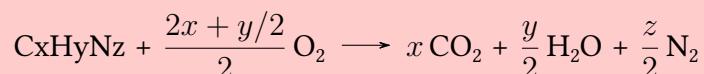
Exercici 16. Fòrmula molecular d'un compost gasós

Un compost gasós que se sap que conté només carboni, hidrogen i nitrogen es barreja amb el volum d'oxigen exactament necessari per a la seva combustió completa a CO_2 , H_2O i N_2 . La combustió de 9 volums de la mescla gasosa produceix 4 volums de CO_2 , 6 volums de vapor d'aigua i 2 volums de N_2 , tots a la mateixa temperatura i pressió.

Quants volums d'oxigen es necessiten per a la combustió? Quina és la fórmula molecular del compost?

Resposta

Sigui la fórmula molecular del compost gasós, CxHyNz . La seva combustió completa segueix l'equació general:



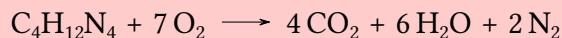
Sabem que la combustió de 9 volums de la mescla gasosa produceix:

- 4 volums de $\text{CO}_2 \Rightarrow x = 4$.

- 6 volums de $\text{H}_2\text{O} \Rightarrow y = 12$ (perquè cada mol d'aigua conté 2 àtoms d'hidrogen).
- 2 volums de $\text{N}_2 \Rightarrow z = 4$ (perquè cada mol de N_2 prové de 2 àtoms de nitrogen).

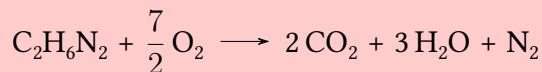
Dividint tots els valors pel més petit, obtenim la fórmula empírica del compost: $[\text{C}_1\text{H}_3\text{N}_1]_n$. Realment no sabem si és $\text{C}_1\text{H}_3\text{N}_1$, $\text{C}_2\text{H}_6\text{N}_2$, $\text{C}_4\text{H}_{12}\text{N}_4$, etc. Per tal de determinar-ho, mirem quina de les fòrmules moleculars compleix les restriccions del nombre de volums inicials i finals.

- Suposem que la molècula sigui $\text{C}_4\text{H}_{12}\text{N}_4$. En aquest cas, la reacció de combustió és:



que, si agafem els coeficients directament com a nombre de volums ens diu que de 8 volums a reactius es generen 12 volums a productes. Per tant, aquesta opció no compleix les restriccions.

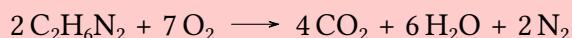
- Suposem que sigui $\text{C}_2\text{H}_6\text{N}_2$. En aquest cas, la reacció seria:



En aquest cas, el nombre de mols a esquerra i dreta és, respectivament, 4.5 i 6 que sí compleixen la proporció de volums donada en l'enunciat.

Per tant, la fórmula molecular del compost és $\text{C}_2\text{H}_6\text{N}_2$.

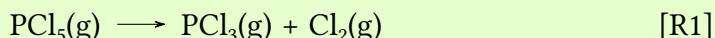
Per tal que el nombre de volums de productes sigui 12, com ens demana l'enunciat, hem de multiplicar per 2 tota l'expressió i així trobem els volums que hem de tenir d'oxigen:



És a dir, que per obtenir 12 volums de productes a partir de 9 de reactius, la proporció compost:oxigen ha de ser 2:7. Necessitem, doncs, 7 volums d'oxigen i 2 de compost per fer la reacció amb les dades donades.

Exercici 17. Pressió parcial PCl_5 en una mescla (adaptat de [6])

Una mostra de PCl_5 , que pesa 2,69 g, es va col·locar en un flascó d'1,00 L i es va evaporar completament a una temperatura de 250 °C. La pressió observada a aquesta temperatura va ser 1,00 atm. Existeix la possibilitat que una part del PCl_5 s'hagi dissociat d'acord amb l'equació:



Quines són les pressions parcials del PCl_5 , PCl_3 i Cl_2 en aquestes condicions experimentals?

Resposta

La solució d'aquest problema implica diverses etapes. Per determinar si s'ha dissociat una part del PCl_5 , calclem primerament la pressió que s'hauria observat si no s'hagués dissociat el PCl_5 . Això es pot calcular a partir del nombre de mols de PCl_5 utilitzats, juntament amb el volum i la temperatura del flascó. Com que el pes molecular del PCl_5 és 208 g mol⁻¹, el nombre de mols de PCl_5 inicialment presents en el flascó és:

$$n = 2,69 \text{ g} \cdot \frac{1\text{mol}}{208 \text{ g}} = 0.0129\text{mol.}$$

La pressió corresponent a aquest nombre de mols seria:

$$P = \frac{nRT}{V} = \frac{(0.0129\text{mol})(0,082 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1})(523,15 \text{ K})}{1,00 \text{ L}} = 0,553 \text{ atm.}$$

Com que la pressió observada és superior a aquesta, s'ha de produir certa disociació del PCl_5 . Aplicant la llei de les pressions parcials, podem escriure:

$$P_{\text{PCl}_5} + P_{\text{PCl}_3} + P_{\text{Cl}_2} = P_t = 1,00 \text{ atm.} \quad (1.14)$$

Ara observem que:

Atès que es produeix un mol de PCl_3 i un mol de Cl_2 per cada mol de PCl_5 dissociat,

$$P_{\text{Cl}_2} = P_{\text{PCl}_3}, \quad P_{\text{PCl}_5} = 0,553 \text{ atm} - P_{\text{Cl}_2}.$$

i podem reescriure l'Equació 1.14 com:

$$0,553 \text{ atm} - P_{\text{Cl}_2} + P_{\text{Cl}_2} + P_{\text{Cl}_2} = 1,00 \text{ atm}.$$

Resolent, obtenim:

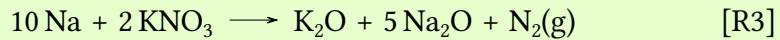
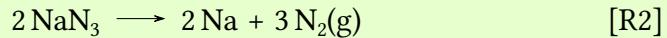
$$P_{\text{Cl}_2} = 0,447 \text{ atm},$$

i

$$P_{\text{PCl}_3} = 0,447 \text{ atm}, \quad P_{\text{PCl}_5} = 0,106 \text{ atm}.$$

Exercici 18. Airbag (adaptat de [2])

Els coixins de seguretat (airbag) dels cotxes s'inflen mitjançant una sèrie de reaccions químiques ràpides que produeixen gas en menys de 0,04 s. En les seves primeres versions, la reacció es basava en la descomposició de NaN_3 (extremadament tòxic), seguida de dues reaccions addicionals per neutralitzar els subproductes perillosos. Les equacions químiques d'aquest procés són:



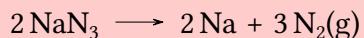
Un coixí de seguretat de conductor té un volum aproximat de 65 L i la pressió

final dins del coixí és de 1,35 atm. La temperatura dins del coixí just després de la reacció és 300 °C (573 K). Suposem que s'utilitzen 65 g de NaN₃.

1. Quina quantitat de nitrogen gas (N₂) es genera en mols només en la primera reacció?
2. Quin volum ocuparà aquest gas dins del coixí de seguretat segons la llei dels gasos ideals? És suficient aquest volum per inflar completament el coixí de seguretat?
3. Si considerem també la segona reacció, que genera més nitrogen gas, com afectaria això el volum total de gas produït?
4. Quan el gas s'expandeix a l'exterior a través dels orificis del coixí, la seva pressió baixa de 1,35 atm a 1,00 atm. Quin percentatge de reducció de temperatura es produeix durant aquesta expansió?

Resposta

1. La quantitat de nitrogen gas (N₂) generada a R2 ve donada per la descomposició de NaN₃:



Primer, calculem el nombre de mols de NaN₃ disponibles:

$$n_{\text{NaN}_3} = \frac{65 \text{ g NaN}_3}{65,019 \text{ g mol}^{-1} \text{ NaN}_3} = 1,00 \text{ mol NaN}_3 \quad (1.15)$$

De l'estequiometria de la reacció, per cada 2 mol de NaN₃, es formen 3 mol de N₂:

$$n_{\text{N}_2} = 1,00 \text{ mol NaN}_3 \times \frac{3}{2} = 1,50 \text{ mol N}_2 \quad (1.16)$$

2. Per a calcular el volum ocupat pel gas, segons la llei dels gasos ideals:

$$V = \frac{nRT}{P} \quad (1.17)$$

on:

- $n = 1,50 \text{ mol}$
- $R = 0,0821 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$
- $T = 573 \text{ K}$
- $P = 1,35 \text{ atm}$

$$V = \frac{1,50 \text{ mol} \times 0,0821 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1} \times 573 \text{ K}}{1,35 \text{ atm}} = 52,3 \text{ L} \quad (1.18)$$

El volum necessari per inflar el coixí de seguretat és d'uns 65 L. Atès que només la primera reacció genera 52,3 L, sembla que no és suficient. No obstant això, la segona reacció també genera gas N₂, augmentant el volum total.

3. Calculem ara la contribució de la reacció R3. Cada 10 mol de Na reacciona per produir 1 mol de N₂. És fàcil veure que 1 mol de NaN₃ a la primera reacció va generar 1,00 mol de Na. Per tant, la segona reacció produeix:

$$n_{\text{N}_2,2} = 1,00 \text{ mol Na} \times \frac{1}{10} = 0,10 \text{ mol N}_2 \quad (1.19)$$

Afegint aquest nitrogen al total:

$$n_{\text{N}_2,\text{total}} = 1,50 \text{ mol} + 0,10 \text{ mol} = 1,60 \text{ mol} \quad (1.20)$$

El nou volum total serà:

$$V_{\text{total}} = \frac{1,60 \text{ mol} \times 0,0821 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1} \times 573 \text{ K}}{1,35 \text{ atm}} = 55,7 \text{ L} \quad (1.21)$$

Aquest volum segueix estant per sota del mínim requerit (65 L), però cal recordar que les reaccions són fortament exotèrmiques, la qual cosa elevarà la temperatura i, en conseqüència, augmentarà el volum de gas.

4. Refredament del gas en expandir-se fora del coixí:

Segons la llei de Gay-Lussac:

$$\frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \quad (1.22)$$

On:

- $P_1 = 1,35 \text{ atm}$, $T_1 = 573 \text{ K}$
- $P_2 = 1,00 \text{ atm}$, T_2 és la temperatura final

$$T_2 = T_1 \times \frac{P_2}{P_1} = 573 \text{ K} \times \frac{1,00 \text{ atm}}{1,35 \text{ atm}} = 424 \text{ K} \quad (1.23)$$

El percentatge de reducció de temperatura és:

$$\frac{T_1 - T_2}{T_1} \times 100 = \frac{573 \text{ K} - 424 \text{ K}}{573 \text{ K}} \times 100 = 25.9\% \quad (1.24)$$

Així, la temperatura del gas disminueix aproximadament un 26 % quan s'expandeix fora del coixí de seguretat, ajudant a evitar cremades als passatgers.

Exercici 19. Relació $\frac{C_P}{C_V}$

Perquè hi ha diferències entre els quocients de capacitat calorífica (C_P/C_V) de gasos monoatòmics respecte els diatòmics? (Adona't que si un gas monoatòmic ideal, pel fet d'estar només augmentant la seva energia cinètica translacional té una $C_V = \frac{3}{2}R$, es pot entendre que per a cada component (eix) necessita $\frac{1}{2}R$)

Resposta

Els quocients de la capacitat calorífica dels gasos diatòmics són molt menors que 1,67, i hem d'esbrinar la raó d'aquestes desviacions.

Primerament, notem que C_V , la capacitat calorífica deguda al moviment de trans-

lació de les molècules, és igual a $\frac{3}{2}R$, i que hi ha tres components independents de velocitat associats amb el moviment de translació. Per tant, podem inferir que cadascun dels tres moviments de translació independents contribueix amb $\frac{1}{2}R$ a la capacitat calorífica molar. Sobre aquesta base, podríem esperar que, si algun altre tipus de moviment fos accessible a les molècules de gas, hi hauria més contribucions a la capacitat molar i aquestes entrarien en unitats de $\frac{1}{2}R$.

A més de tenir els tres moviments de translació, una molècula diatòmica pot rotar al voltant del seu centre de massa segons dos modes mítuament perpendiculars i independents. Assignant $\frac{1}{2}R$ com la contribució de cadascun d'aquests moviments a la capacitat calorífica, tenim:

$$C_V = \underbrace{\frac{3}{2}R}_{\text{traslació}} + \underbrace{\frac{1}{2}R + \frac{1}{2}R}_{\text{rotació}} = \frac{5}{2}R,$$

$$C_P = C_V + R = \frac{7}{2}R,$$

$$\frac{C_P}{C_V} = \frac{\frac{7}{2}R}{\frac{5}{2}R} = \frac{7}{5} = 1,40.$$

Exercici 20. Comportament no ideal d'un gas

Perquè CO₂ i O₂ tenen una desviació negativa respecte al comportament del gas ideal a pressions i temperatures moderades, mentres que l'He i el H₂ presenten una deviació positiva en les mateixes condicions?

Resposta

Els gasos CO₂ i O₂ presenten una desviació negativa respecte al comportament ideal perquè tenen interaccions intermoleculars atractives significatives. Aquestes forces atractives fan que, a pressions i temperatures moderades, les molècules s'acostin més del que prediu l'equació del gas ideal, reduint així el volum efectiu i fent que el factor de compressibilitat $z = \frac{PV}{RT}$ sigui menor que 1.

D'altra banda, els gasos com l'heli (He) i l'hidrogen (H_2) presenten una desviació positiva perquè tenen interaccions intermoleculars molt febles i, a mesura que augmenta la pressió, dominen els efectes de repulsió a causa del volum finit de les molècules. Això fa que el gas ocipi un volum lleugerament superior al que prediu el model ideal, fent que $z > 1$ en aquestes condicions.

1.2 Exercicis d'examens anteriors

Exercici 21. Vaporització del clorur de mercuri (Parcial 1, 2024-2025)

El mercuri (Hg) és un metall traça natural i àmpliament distribuït, però es considera un contaminant prioritari, especialment la seva forma orgànica, el metilmercuri (MMHg), a causa de l'exposició humana al MMHg mitjançant el consum de peix.

En un laboratori d'anàlisi, es vaporitzen, a 680 K, 2,96 g d'un compost que conté clor i mercuri en una ampolla tancada d'un litre on s'hi ha fet prèviament el buit, la pressió arriba als 458 mmHg.

1. Quin és el pes molecular del compost? (1 punt)
2. Quina és la fòrmula molecular del compost? (1,5 punts)

(adaptat de [6])

Resposta

- Massa de $[Hg_xCl_y]_n$ evaporada: $m = 2,96 \text{ g}$
- Volum de l'ampolla: $V = 1 \text{ L}$
- Temperatura: $T = 680 \text{ K}$

- Pressió: $P = 458 \text{ mmHg}$

Convertim la pressió a atmosferes:

$$P = 458 \text{ mmHg} \times \frac{1 \text{ atm}}{760 \text{ mmHg}} = 0,603 \text{ atm}$$

Utilitzem l'equació dels gasos ideals:

$$PV = nRT$$

On $R = 0,0821 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$. Aïllem n :

$$n = \frac{PV}{RT} = \frac{(0,603 \text{ atm})(1 \text{ L})}{(0,0821 \text{ L} \cdot \text{atm/mol/K})(680 \text{ K})} = 0,0108 \text{ mol de } [\text{Hg}_x\text{Cl}_y]_n$$

El pes molecular es determina a partir del nombre de mols i de la massa:

$$M = \frac{m}{n} = \frac{2,96 \text{ g}}{0,0108 \text{ mol}} = 273,7 \text{ g mol}^{-1}$$

tenint en compte els pesos atòmics:

Element	Pes atòmic (g mol^{-1})
Hg	200,6
Cl	35,45

veiem que l'única opció és que la molècula tingui la fòrmula HgCl_2 :

$$M_{\text{HgCl}_2} = 200,6 \text{ g mol}^{-1} + 2 \cdot 35,45 \text{ g mol}^{-1} = 271,5 \text{ g mol}^{-1}$$

Les diferències entre la massa molecular calculada i la obtinguda a través de l'experiment es poden associar a errades en les mesures, a la no idealitat del gas, etc.

Capítol 2

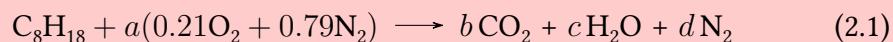
Combustió

Exercici 22. Reacció de combustió de l'octà

Determina la reacció de combustió de l'octà en presència d'aire.

Resposta

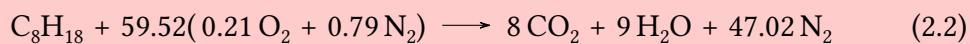
La base de càlcul és 1 mol de C₈H₁₈. Plantegem la reacció de combustió de 1 mol amb a mol d'aire:



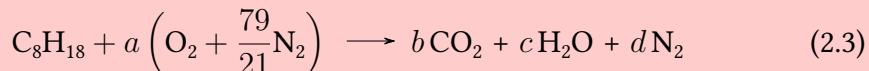
Els coeficients estequiomètrics a , b , c , d es calculen mitjançant el balanç de les espècies atòmiques C, H, O i N:

- Balanç de C: $8 = b \Rightarrow b = 8 \text{ mol CO}_2 / 1 \text{ mol C}_8\text{H}_{18}$
- Balanç de H: $18 = 2c \Rightarrow c = 9 \text{ mol H}_2\text{O} / 1 \text{ mol C}_8\text{H}_{18}$
- Balanç de O₂: $0.21a = b + \frac{c}{2} \Rightarrow a = 59,52 \text{ mol aire} / 1 \text{ mol C}_8\text{H}_{18}$
- Balanç de N₂: $0.79a = d \Rightarrow d = 47,02 \text{ mol N}_2 / 1 \text{ mol C}_8\text{H}_{18}$

Així, la reacció teòrica de combustió és:



Un mètode alternatiu és plantejar la reacció de combustió en funció només de l'oxigen:



Els balanços es fan com segueix:

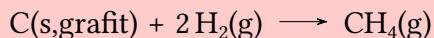
- Balanç de C: $8 = b \Rightarrow b = 8 \text{ mol CO}_2 / 1 \text{ mol C}_8\text{H}_{18}$
- Balanç de H: $18 = 2c \Rightarrow c = 9 \text{ mol H}_2\text{O} / 1 \text{ mol C}_8\text{H}_{18}$
- Balanç de O₂: $a = b + \frac{c}{2} \Rightarrow a = 12,5 \text{ mol O}_2 / 1 \text{ mol C}_8\text{H}_{18}$
- Balanç de N₂: $\frac{79}{21}a = d \Rightarrow d = 47,02 \text{ mol N}_2 / 1 \text{ mol C}_8\text{H}_{18}$

Exercici 23. Entalpia de formació del metà (Exercici E2.1, 2025)

Troba la calor normal de formació del metà, a partir dels valors de les calor estàndar de combustió del C (grafit), l'H₂ i el CH₄ que tenim al formulari del curs.

Resposta

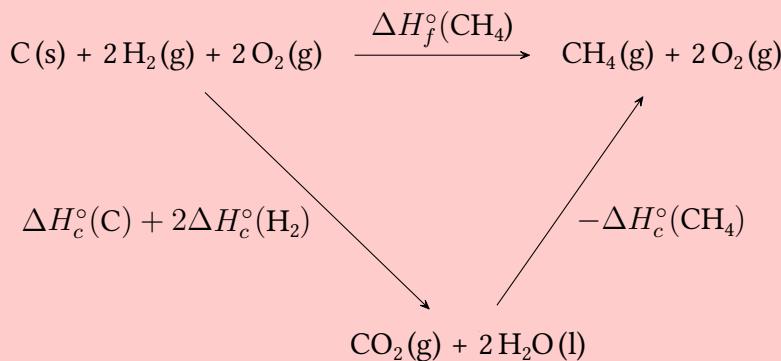
La reacció de formació estàndar del metà és:



Utilitzem els valors estàndard de les calor de combustió (tots en kJ mol⁻¹) que trobem a la taula de calor estàndard de combustió del formulari del curs:

$$\begin{aligned}\Delta H_c^\circ(\text{C}) &= -393,5 \text{ kJ mol}^{-1} \\ \Delta H_c^\circ(\text{H}_2) &= -285,8 \text{ kJ mol}^{-1} \\ \Delta H_c^\circ(\text{CH}_4) &= -890,8 \text{ kJ mol}^{-1}\end{aligned}$$

Notar que ens interessa l'entalpia despresa durant la reacció per poder aplicar bé la llei de Hess.



per tant, la formació de metà a partir dels seus elements és la reacció inversa de la combustió del metà, combinada amb les combustions del carboni i l'hidrogen:

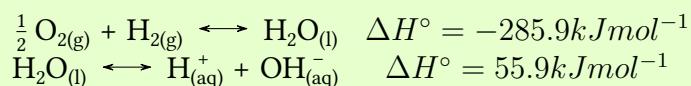
$$\Delta H_f^\circ(\text{CH}_4) = \Delta H_c^\circ(\text{C}) + 2\Delta H_c^\circ(\text{H}_2) - \Delta H_c^\circ(\text{CH}_4)$$

Substituint els valors:

$$\Delta H_f^\circ(\text{CH}_4) = (-393.5) + 2 \cdot (-285.8) - (-890.8) = -74,3 \text{ kJ mol}^{-1}$$

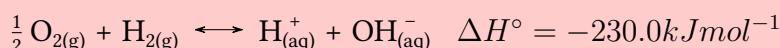
Qüestió 24

Calcular l'entalpia normal de formació de l'ió $\text{OH}_{(\text{aq})}^-$ a partir de les següents calorcs de reacció:



Resposta

Només cal sumar les dues equacions per obtenir la reacció desitjada de formació dels dos ions, i sumem de la mateixa manera les calorcs de reacció:



Com que la calor normal de formació de l'ió H^+ és $\Delta H_f^\circ = 0$, es dedueix que $\Delta H_f^\circ[\text{OH}_{(\text{aq})}^-] = -230.0 \text{ kJ mol}^{-1}$

Exercici 25. Calor normal de reacció

Calcula la calor normal de la reacció $\text{Fe}_2\text{O}_{3(\text{s})} + 3 \text{H}_{2(\text{g})} \longleftrightarrow 2 \text{Fe}_{(\text{s})} + 3 \text{H}_2\text{O}_{(\text{aq})}$

Resposta

La reacció donada és:



Per calcular la calor normal de reacció, fem servir les entalpies de formació estàndard ΔH_f° de les substàncies implicades. Els valors típics són:

Compost	ΔH_f° (kJ mol $^{-1}$)
$\text{Fe}_2\text{O}_{3(\text{s})}$	-824,2 kJ mol $^{-1}$
$\text{H}_{2(\text{g})}$	0 kJ mol $^{-1}$
$\text{Fe}_{(\text{s})}$	0 kJ mol $^{-1}$
$\text{H}_2\text{O}_{(\text{aq})}$	-285,8 kJ mol $^{-1}$

L'entalpia de reacció es calcula com:

$$\begin{aligned}\Delta H^\circ &= \sum \Delta H_f^\circ(\text{productes}) - \sum \Delta H_f^\circ(\text{reactius}) \\ &= [2 \times 0 + 3 \times (-285.8)] - [-824.2 + 3 \times 0] \\ &= [-857.4] - [-824.2] \\ &= -33,2 \text{ kJ mol}^{-1}\end{aligned}$$

Per tant, la calor normal de la reacció és $-33,2 \text{ kJ mol}^{-1}$.

Exercici 26. Entalpia de reacció (Exercici E2.2, 2025)

Calcula l'entalpia estàndard de la reacció següent utilitzant energies d'enllaç del capítol 9, "Strengths of Chemical Bonds" del CRC Handbook of Chemistry and Physics[5]:



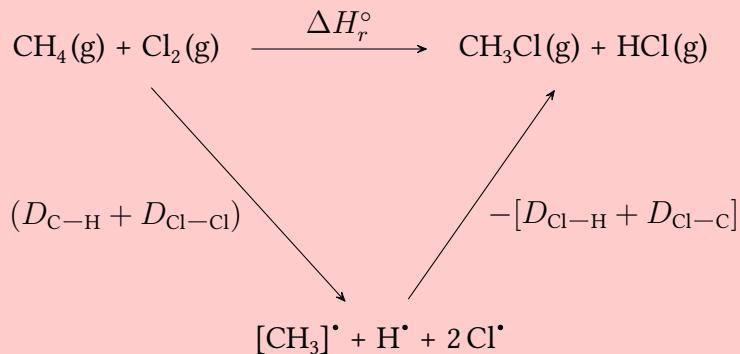
Dóna la resposta en kJ mol^{-1} .

Resposta

Per calcular l'entalpia estàndard de la reacció, utilitzem energies d'enllaç mitjanes segons la següent fórmula que considera els enllaços trencats i els formats:

$$\Delta H_r^\circ = \sum D_{\text{trencats}} - \sum D_{\text{formats}}$$

Amb el cicle de Hess, identifiquem els enllaços que es trenquen i es formen, i podem obtenir les energies d'enllaç de les taules 1 i 3 del Handbook:



- Enllaços trencats:

- C–H (1 enllaç, ja que CH_4 té 4 enllaços i CH_3Cl en té 3): $438,9 \text{ kJ mol}^{-1}$ (Taula 3)
- Cl–Cl: $242,6 \text{ kJ mol}^{-1}$ (Taula 1)

$$\sum_{\text{trencats}} D_i = 438,9 \text{ kJ mol}^{-1} + 242,6 \text{ kJ mol}^{-1} = 681,5 \text{ kJ mol}^{-1}$$

- Enllaços formats:

- C–Cl: 397 kJ mol^{-1} (Taula 1, en primera i burda aproximació, ja que CH_3Cl no apareix en la Taula 3). També podríem agafar com a aproximació, encara millor, un valor promig entre els que apareixen a la Taula 3 per al trencament de l'enllaç Cl–C en molècules com CCl_4 ($305,9 \text{ kJ mol}^{-1}$) o CHCl_3 ($338,5 \text{ kJ mol}^{-1}$).

- H–Cl: $431,6 \text{ kJ mol}^{-1}$ (Taula 1).

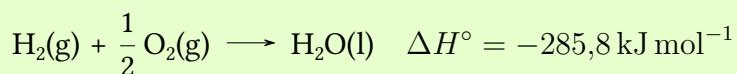
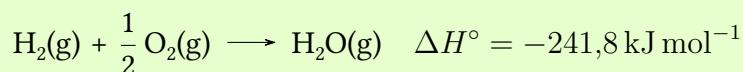
$$\sum_{\text{formats}} D_i = 397 \text{ kJ mol}^{-1} + 431,6 \text{ kJ mol}^{-1} = 828,6 \text{ kJ mol}^{-1}$$

Finalment:

$$\Delta H_r^\circ = 681,5 \text{ kJ} - 828,6 \text{ kJ} = \boxed{-147,1 \text{ kJ mol}^{-1}}$$

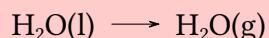
Exercici 27. Entalpia de vaporització de l'aigua

Determineu l'entalpia de vaporització de l'aigua en condicions estàndard a partir de les següents reaccions:



Resposta

L'entalpia de vaporització de l'aigua en condicions estàndard es defineix com:



i es pot obtenir restant les dues equacions:

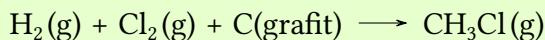
$$\Delta H_{\text{vap}}^\circ = \Delta H^\circ(\text{H}_2\text{O}(\text{g})) - \Delta H^\circ(\text{H}_2\text{O}(\text{l}))$$

$$\Delta H_{\text{vap}}^\circ = -241,8 \text{ kJ mol}^{-1} - (-285,8 \text{ kJ mol}^{-1}) = \Delta H_{\text{vap}}^\circ = 44,0 \text{ kJ mol}^{-1}$$

Exercici 28. Entalpia de reacció

Fent servir les dades de la taula d'energies d'enllaç, estima la calor alliberada a

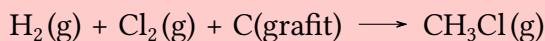
pressió constant en la reacció:



si la calor de vaporització del grafit a àtoms de carboni és de $170,9 \text{ kcal mol}^{-1}$.

Resposta

La reacció donada és:



Per calcular l'entalpia de reacció, utilitzem les energies d'enllaç de la taula corresponent i la calor de vaporització del grafit.

Trencament d'enllaços (requereix energia):

- H–H: $104,2 \text{ kcal mol}^{-1}$
- Cl–Cl: $57,8 \text{ kcal mol}^{-1}$
- C(grafit \longrightarrow àtoms): $170,9 \text{ kcal mol}^{-1}$

Formació d'enllaços (allibera energia):

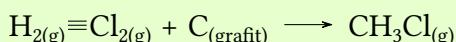
- 3 enllaços C–H: $3 \times 98,7 \text{ kcal mol}^{-1} = 296,1 \text{ kcal mol}^{-1}$
- 1 enllaç C–Cl: 80 kcal mol^{-1}

El càlcul de l'entalpia de reacció és:

$$\begin{aligned}\Delta H &= \text{energia trencament} - \text{energia formació} \\ &= (104,2 \text{ kcal mol}^{-1} + 57,8 \text{ kcal mol}^{-1} + 170,9 \text{ kcal mol}^{-1}) \\ &\quad - (296,1 \text{ kcal mol}^{-1} + 80 \text{ kcal mol}^{-1}) \\ &= 332,9 \text{ kcal mol}^{-1} - 376,1 \text{ kcal mol}^{-1} \\ &= -43,2 \text{ kcal mol}^{-1}\end{aligned}$$

Exercici 29.

Fent servir les dades de la Taula ??, estima l'energia alliberada a pressió constant en la reacció:



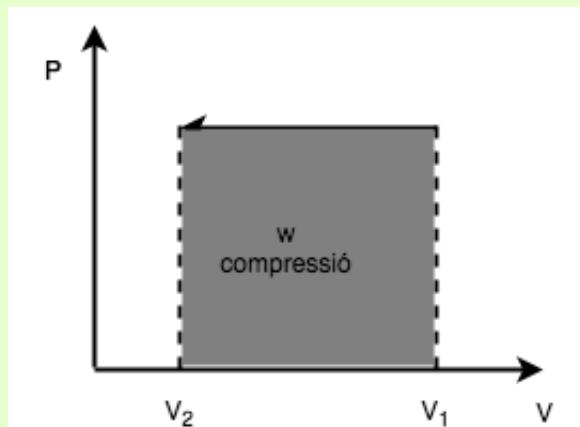
si la calor de vaporització del grafit a àtoms de carboni és de 170.9 kcal mol⁻¹.

Exercici 30.

Calcula l'energia lliure, l'entalpia i l'entropia normals per a la reacció $3 \text{H}_{2(\text{g})} + \text{N}_{2(\text{g})} \longrightarrow 2 \text{NH}_{3(\text{g})}$. Què afavoreix i què desafavoreix la reacció? Succeiria igual a qualsevol temperatura?

Exercici 31. Compressió isobàrica d'un gas

Calcula el treball realitzat per comprimir un gas a pressió constant entre un volum inicial V_1 i un volum final V_2 .

**Exercici 32. Cicle de compressió**

Calcula el treball per dur un gas en un cilindre amb un èmbol des d'un estat de pressió 2 atm i volum 10 l fins a un estat de pressió 5 atm i volum 15 l per dos camins diferents:

1. Primer escalfant el gas a volum constant i després alliberant l'èmbol a pressió externa constant fins al volum desitjat.
2. Segon deixant l'èmbol lliure (pressió externa constant) mentre escalfem el gas, seguit de continuar escalfant fins que arribem a la pressió objectiu.

Exercici 33. Compressió isotèrmica

- Calcular el treball d'expansió reversible i isotèrmic, a 25 °C, de 3 mol d'un gas ideal entre 2 L i 3 L de volum.
- I si es tracta d'un procés irreversible?
- Repeteix els dos apartats anteriors per a un procés de compressió entre 3 L i 2 L del mateix gas.

Exercici 34. Expansió reversible

Quina calor se li ha de donar a un gas ideal perquè s'expandeixi de manera reversible i isotèrmica de V_1 a V_2 ($V_2 > V_1$)?

Exercici 35. Energia alliberada en la formació d'aigua

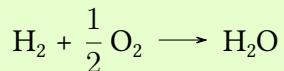
L'energia s'allibera quan l'hidrogen i l'oxigen reaccionen per produir aigua. Aquesta energia prové del fet que els enllaços finals H–O representen un estat d'energia total més baix que els enllaços inicials H–H i O=O.

Calculeu quanta energia (en kJ mol^{-1} de producte) s'allibera per la reacció següent a pressió constant, donades les entalpies estàndard d'enllaç. Les entalpies estàndard d'enllaç indiquen l'entalpia absorbida quan es trenquen enllaços a temperatura i pressió estàndard (298 K i 1 atm).

Entalpies d'enllaç estàndard:

- H—H = 432 kJ mol⁻¹
- O=O = 494 kJ mol⁻¹
- H—O = 460 kJ mol⁻¹

Reacció:



Resposta

L'aigua (H_2O) conté dos enllaços H—O, així que:

Energia alliberada en formar els enllaços: $2 \times 460 \text{ kJ mol}^{-1} = 920 \text{ kJ mol}^{-1}$

Els reactius tenen:

$\text{H}_2 : 432 \text{ kJ mol}^{-1}$ (un enllaç H—H)

$\frac{1}{2} \text{O}_2 : \frac{1}{2} \times 494 \text{ kJ mol}^{-1} = 247 \text{ kJ mol}^{-1}$

Energia necessària per trencar enllaços: $432 + 247 = 679 \text{ kJ mol}^{-1}$

Resultat:

$$\text{Energia alliberada} = 920 \text{ kJ mol}^{-1} - 679 \text{ kJ mol}^{-1} = \boxed{241 \text{ kJ mol}^{-1}}$$

2.1 Exercicis d'autoavaluació

Exercici 36. Combustió del benzè

Si 8,20 g de C₆H₆ (benzè) es combinen amb oxigen en una reacció de combustió, quants grams d'H₂O es produiran?

Resposta

Equació química equilibrada:



$$\text{Massa molar de C}_6\text{H}_6 = 6(12,01) + 6(1,008) = 78,11 \text{ g/mol}$$

$$\text{Massa molar d'H}_2\text{O} = 2(1,008) + 16,00 = 18,016 \text{ g/mol}$$

$$8,20 \text{ g C}_6\text{H}_6 \times \frac{1 \text{ mol C}_6\text{H}_6}{78,11 \text{ g C}_6\text{H}_6} \times \frac{6 \text{ mols H}_2\text{O}}{2 \text{ mols C}_6\text{H}_6} \times \frac{18,016 \text{ g H}_2\text{O}}{1 \text{ mol H}_2\text{O}} = 5,68 \text{ g H}_2\text{O}$$

Exercici 37. Fòrmula empírica d'un compost petroquímic

Després de la combustió en excés d'oxigen, 12,501 g d'un compost petroquímic van produir 38,196 g de diòxid de carboni i 18,752 g d'aigua. Una anàlisi prèvia va determinar que el compost no conté oxigen. Estableix la seva fórmula empírica.

Resposta

Sabem que el compost només conté carboni i hidrogen. L'objectiu és determinar les masses d'aquests elements i trobar la seva relació molar.

Cada mol de CO₂ conté 1 mol de carboni, per tant, utilitzem un factor de conversió:

$$\text{Massa molar de CO}_2 = 12,01 + 2(16,00) = 44,01 \text{ g/mol}$$

$$38,196 \cancel{\text{g CO}_2} \times \frac{1 \cancel{\text{mol CO}_2}}{44,01 \cancel{\text{g CO}_2}} \times \frac{1 \cancel{\text{mol C}}}{1 \cancel{\text{mol CO}_2}} \times \frac{12,01 \text{ g C}}{1 \cancel{\text{mol C}}} = 10,426 \text{ g de C}$$

Cada mol de H₂O conté 2 mols d'hidrogen:

$$\text{Massa molar de H}_2\text{O} = 2(1,008) + 16,00 = 18,016 \text{ g/mol}$$

$$18,752 \cancel{\text{g H}_2\text{O}} \times \frac{1 \cancel{\text{mol H}_2\text{O}}}{18,016 \cancel{\text{g H}_2\text{O}}} \times \frac{2 \cancel{\text{mols H}}}{1 \cancel{\text{mol H}_2\text{O}}} \times \frac{1,008 \text{ g H}}{1 \cancel{\text{mol H}}} = 2,100 \text{ g de H}$$

$$\text{Massa total calculada} = 10,426 \text{ g C} + 2,100 \text{ g H} = 12,526 \text{ g}$$

Podem comprovar que el pes de C i H en els productes iguala el pes dels mateixos elements en els reactius. Com que el valor inicial és de 12,501 g, la diferència es deu a errors d'arrodoniment.

Ara ens interessa veure en quina proporció estan els mols de C i H en el compost inicial:

$$\frac{10,426 \text{ g C}}{12,01 \text{ g/mol}} = 0,868 \text{ mols C}$$

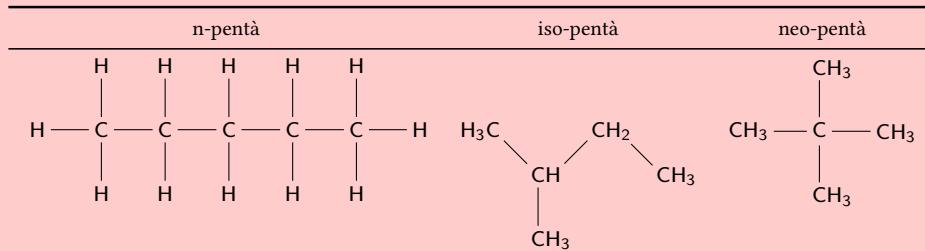
$$\frac{2,100 \text{ g H}}{1,008 \text{ g/mol}} = 2,083 \text{ mols H}$$

a partir d'aquests valors podem calcular la fórmula empírica, dividint per qualsevol dels dos i aleshores fent que els valors obtinguts siguin nombres enteros:

$$\frac{0,868}{0,868} = 1$$

$$\frac{2,083}{0,868} = 2,4$$

Per obtenir nombres enters, multipliquem per 5, i obtenim la fórmula empírica del compost: C_5H_{12} (pentà). No sabem en quina forma es presentarà, però, el pentà de totes les mostrades a la taula:

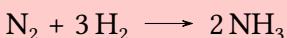
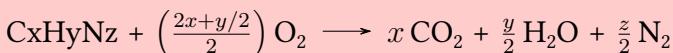


Exercici 38. Fórmula empírica d'un compost $CxHyNz$

Durant l'anàlisi per combustió d'un compost desconegut que conté només carboni, hidrogen i nitrogen, es van mesurar 12,923 g de diòxid de carboni (CO_2) i 6,608 g d'aigua (H_2O). El tractament del nitrogen amb gas H_2 va donar com a resultat 2,501 g d'amoniàc (NH_3). La combustió completa de 11,014 g del compost va necessitar 10,573 g d'oxigen (O_2). Quina és la fórmula empírica del compost?

Resposta

Escrivim primer les equacions químiques:



L'important és veure que tot el carboni (en forma de CO_2) que apareix a la primera equació prové del contingut al compost problema, com també passa amb tot l'hidrogen (en forma de H_2O) i tot el nitrogen en forma de NH_3 . Per tant, només ens cal trobar els mols generats de cadascun dels tres elements i la seva proporció en els productes serà la que existia als reactius.

Càlcul del nombre de mols de carboni

$$12,923 \text{ g CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{44,011 \text{ g CO}_2} \times \frac{1 \text{ mol C}}{1 \text{ mol CO}_2}$$

$$= \frac{12,923}{44,011} = 0,29363 \text{ mols de C}$$

Càlcul del nombre de mols d'hidrogen (notar que la segona reacció és a part de la primera; en la segona reacció usem un excés d'hidrogen addicional per transformar el nitrogen en un altre compost: amoniàc):

$$6,608 \text{ g H}_2\text{O} \times \frac{1 \text{ mol H}_2\text{O}}{18,02 \text{ g H}_2\text{O}} \times \frac{2 \text{ mols H}}{1 \text{ mol H}_2\text{O}}$$

$$= \frac{6,608 \times 2}{18,02} = 0,7334 \text{ mols de H}$$

Càlcul del nombre de mols de nitrogen:

$$2,501 \text{ g NH}_3 \times \frac{1 \text{ mol NH}_3}{17,04 \text{ g NH}_3} \times \frac{1 \text{ mol N}}{1 \text{ mol NH}_3}$$

$$= \frac{2,501}{17,04} = 0,1468 \text{ mols de N}$$

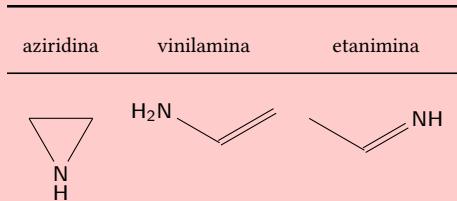
Dividim tots els valors entre el menor nombre de mols (0,1468):

$$\frac{0,29363}{0,1468} = 2 \quad (\text{mol C})$$

$$\frac{0,7334}{0,1468} = 5 \quad (\text{mol H})$$

$$\frac{0,1468}{0,1468} = 1 \quad (\text{mol N})$$

La fórmula empírica del compost és C_2H_5N , que pot correspondre a diversos isòmers:



Exercici 39. Fonent gel

Calcula l'increment d'energia i d'entalpia en fondre 1 mol de gel. Els volums molar del gel i l'aigua són 0.0196 L/mol i 0.0180 L/mol, respectivament. La calor de fusió de l'aigua és $\Delta H_f = 6.01 \text{ kJ/mol}$.

Resposta

L'increment d'entalpia (ΔH) en fondre 1 mol de gel és simplement la calor de fusió:

$$\Delta H = \Delta H_f = 6.01 \text{ kJ/mol}$$

Els volums molar del gel i l'aigua són 0.0196 L/mol i 0.0180 L/mol, respectivament. L'increment d'energia interna (ΔU) es pot calcular utilitzant la relació entre entalpia i energia interna:

$$\Delta H = \Delta U + P\Delta V$$

On P és la pressió i ΔV és el canvi de volum. El canvi de volum ΔV es pot calcular com:

$$\Delta V = V_{\text{líquid}} - V_{\text{sòlid}} = 0.0180 \text{ L/mol} - 0.0196 \text{ L/mol} = -0.0016 \text{ L/mol}$$

Convertint el canvi de volum a metres cúbics:

$$\Delta V = -0.0016 \text{ L/mol} \times \frac{1 \text{ m}^3}{1000 \text{ L}} = -1.6 \times 10^{-6} \text{ m}^3/\text{mol}$$

Assumint que la pressió és 1 atm (101.3 kPa):

$$P\Delta V = 101.3 \text{ kPa} \times (-1.6 \times 10^{-6} \text{ m}^3/\text{mol}) = -0.000162 \text{ kJ/mol}$$

Així doncs, l'increment d'energia interna és:

$$\Delta U = \Delta H - P\Delta V = 6.01 \text{ kJ/mol} - (-0.000162 \text{ kJ/mol}) = 6.010162 \text{ kJ/mol}$$

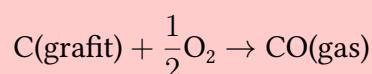
Per tant, l'increment d'energia interna en fondre 1 mol de gel és aproximadament 6.01 kJ/mol, no significativament diferent de l'increment d'entalpia.

Exercici 40. Energia interna de la combustió del grafit

Càlcul de ΔU per a la combustió del grafit a CO (gas) en condicions estàndard (298 K i 1 atm), si l'entalpia de combustió del grafit a CO (ΔH): $-110,5 \text{ kJ mol}^{-1}$. El grafit té un volum molar de $0,0053 \text{ L mol}^{-1}$.

Resposta

La reacció de combustió del grafit a CO (gas) es pot escriure com:



Per calcular el canvi d'energia interna (ΔU) per a aquesta reacció, utilitzarem la relació entre ΔU i ΔH (entalpia de reacció):

$$\Delta U = \Delta H - \Delta(PV) = \Delta H - \Delta n_g RT$$

on:

- ΔH és l'entalpia de combustió del grafit a CO.
- Δn_g és el canvi en el nombre de mols de gasos.
- R és la constant dels gasos ideals ($8,314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$).

- T és la temperatura en Kelvin.

Per a la reacció de combustió del grafit a CO:

$$\Delta n_g = n_{\text{productes}} - n_{\text{reactius}} = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

Un mol de gas a condicions estàndard ocupa un volum de 22,4 L. Per tant, el canvi de 11,2 litres de gas a 298 K fa que la desaparició del grafit ($0,0053 \text{ L mol}^{-1}$) sigui menyspreable.

Així doncs, ΔU es calcula com:

$$\Delta U = \Delta H - \frac{1}{2}RT$$

L'entalpia de combustió del grafit a CO (ΔH) és aproximadament $-110,5 \text{ kJ mol}^{-1}$. Agafant la temperatura de 298 K:

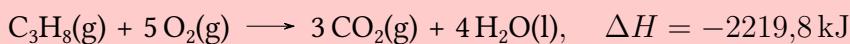
$$\begin{aligned}\Delta U &= -110,5 \text{ kJ mol}^{-1} - \frac{1}{2} \cdot 8,314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1} \cdot 298 \text{ K} \times 10^{-3} \text{ kJ J}^{-1} \\ &= -110,5 \text{ kJ mol}^{-1} - 1,239 \text{ kJ mol}^{-1} \\ &= -111,739 \text{ kJ mol}^{-1}\end{aligned}$$

Exercici 41. Energia interna de la combustió del propà

Determinar la variació d'energia interna per al procés de combustió d'1 mol de propà a 25°C i 1 atm, si la variació d'entalpia, en aquestes condicions, val $-2219,8 \text{ kJ}$.

Resposta

Escrivim primer la reacció igualada



Increment de mols de gasos:

$$n_{\text{reactius}} = 1 + 5 = 6; \quad n_{\text{productes}} = 3 \quad \Rightarrow \Delta n = -3$$

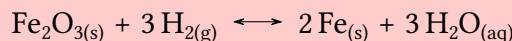
$$\begin{aligned} \Delta U &= \Delta H - \Delta n R T \\ &= -2219,8 \text{ kJ} + 3 \text{ mol} \times 8,3145 \times 10^{-3} \text{ kJ mol}^{-1} \text{ K}^{-1} \times 298 \text{ K} = -2212 \text{ kJ} \end{aligned}$$

Exercici 42. Calor normal de reacció

Calcula la calor normal de la reacció $\text{Fe}_2\text{O}_{3(\text{s})} + 3 \text{H}_{2(\text{g})} \rightleftharpoons 2 \text{Fe}_{(\text{s})} + 3 \text{H}_2\text{O}_{(\text{aq})}$

Resposta

La reacció donada és:



Per calcular la calor normal de reacció, fem servir les entalpies de formació estàndard ΔH_f° de les substàncies implicades. Els valors típics són:

Compost	$\Delta H_f^\circ (\text{kJ mol}^{-1})$
$\text{Fe}_2\text{O}_{3(\text{s})}$	-824,2 kJ mol^{-1}
$\text{H}_{2(\text{g})}$	0 kJ mol^{-1}
$\text{Fe}_{(\text{s})}$	0 kJ mol^{-1}
$\text{H}_2\text{O}_{(\text{aq})}$	-285,8 kJ mol^{-1}

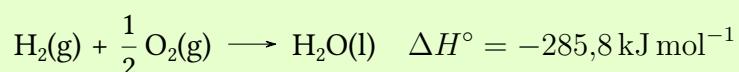
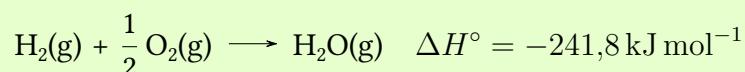
L'entalpia de reacció es calcula com:

$$\begin{aligned} \Delta H^\circ &= \sum \Delta H_f^\circ(\text{productes}) - \sum \Delta H_f^\circ(\text{reactius}) \\ &= [2 \times 0 + 3 \times (-285,8)] - [-824,2 + 3 \times 0] \\ &= [-557,4] - [-824,2] \\ &= -33,2 \text{ kJ mol}^{-1} \end{aligned}$$

Per tant, la calor normal de la reacció és $-33,2 \text{ kJ mol}^{-1}$.

Exercici 43. Entalpia de vaporització de l'aigua

Determineu l'entalpia de vaporització de l'aigua en condicions estàndard a partir de les següents reaccions:

**Resposta**

L'entalpia de vaporització de l'aigua en condicions estàndard es defineix com:



i es pot obtenir restant les dues equacions:

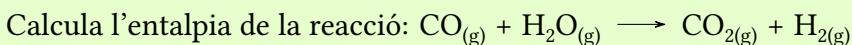
$$\Delta H_{\text{vap}}^\circ = \Delta H^\circ(\text{H}_2\text{O}(\text{g})) - \Delta H^\circ(\text{H}_2\text{O}(\text{l}))$$

$$\Delta H_{\text{vap}}^\circ = -241,8 \text{ kJ mol}^{-1} - (-285,8 \text{ kJ mol}^{-1}) = \Delta H_{\text{vap}}^\circ = 44,0 \text{ kJ mol}^{-1}$$

Exercici 44. Entalpia de reacció

Tenint en compte aquestes energies d'enllaç:

	$E_b / \text{kJ mol}^{-1}$
C-O al monòxid de carboni	+1077
C-O al diòxid de carboni	+805
O-H	+464
H-H	+436



Resposta

La reacció donada és:



on el CO té un triple enllaç $\text{C}\equiv\text{O}$ i el CO_2 té dos dobles enllaços $\text{O}=\text{C}=\text{O}$ (és a dir, estem parlant d'enllaços diferents amb diferents energies d'enllaç). a la molècula d'aigua, per la seva banda, hi ha dos enllaços $\text{O}-\text{H}$. Per calcular l'entalpia de reacció, utilitzem les energies d'enllaç proporcionades.

Trencament d'enllaços (requereix energia):

- 1 enllaç C–O a CO: 1077 kJ mol^{-1}
- 2 enllaços O–H a H_2O : $2 \times 464 \text{ kJ mol}^{-1} = 928 \text{ kJ mol}^{-1}$

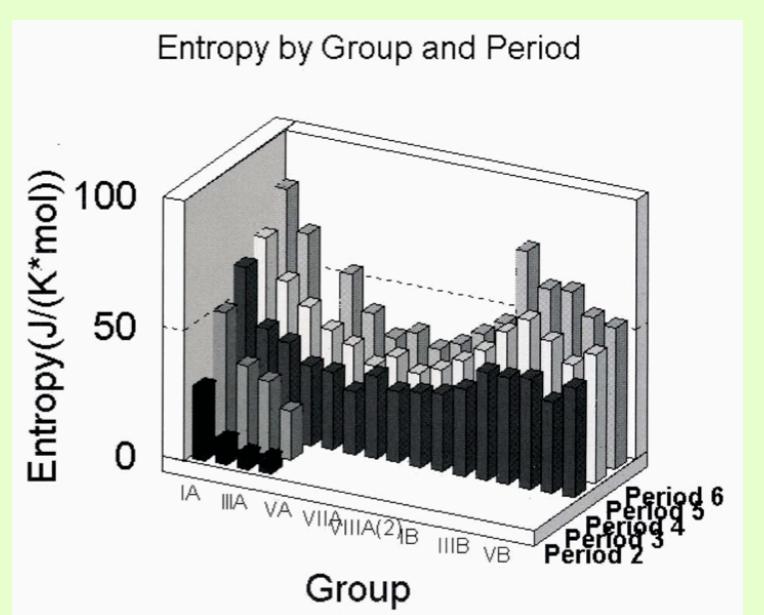
Formació d'enllaços (allibera energia):

- 2 enllaços C–O a CO_2 : $2 \times 805 \text{ kJ mol}^{-1} = 1610 \text{ kJ mol}^{-1}$
- 1 enllaç H–H en H_2 : 436 kJ mol^{-1}

El càlcul de l'entalpia alliberada durant la reacció és (notar els signes):

$$\begin{aligned}\Delta H &= \text{energia trencament} - \text{energia formació} \\ &= (1077 \text{ kJ mol}^{-1} + 928 \text{ kJ mol}^{-1}) - (1610 \text{ kJ mol}^{-1} + 436 \text{ kJ mol}^{-1}) \\ &= 2005 \text{ kJ mol}^{-1} - 2046 \text{ kJ mol}^{-1} \\ &= -41 \text{ kJ mol}^{-1}\end{aligned}$$

Exercici 45. Entropia i taula periòdica



La Figura mostra l'entropia normal S_{298}° per a elements de la taula periòdica, exclosos elements poliatòmics i que no formen sòlids.^[8] Pots explicar:

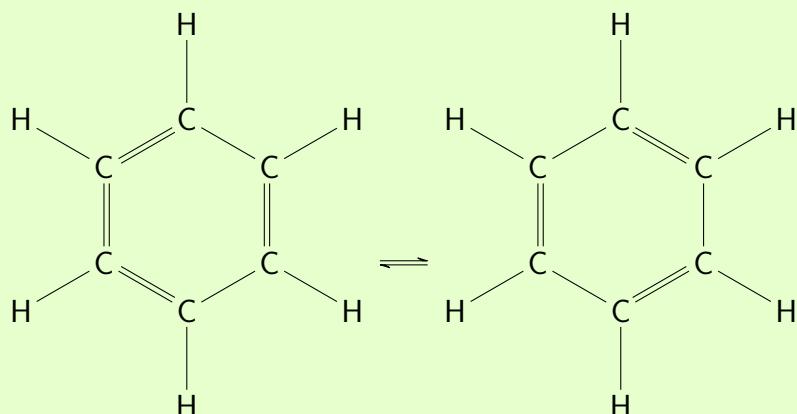
1. perquè l'entropia augmenta en augmentar el període (n més gran);
2. perquè l'entropia decreix al centre de cada període;
3. quin és l'efecte d'un augment de l'empaquetament o del grau de coordinació dels elements en l'entropia?

2.2 Exercicis d'examens anteriors

Exercici 46. Energia de formació del benzè (Parcial 1, 2024-2025)

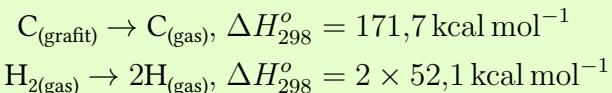
La molècula de benzè gas es pot representar per diverses formes equivalents,

anomenades de Kekulé, com per exemple:



	$E_b / \text{kcal mol}^{-1}$
C–H	98,8
C–C	83,1
C=C	147

- Tenint en compte les dades de la taula:
1. Calcula l'energia total d'enllaç per mol de benzè gas per a una de les estructures de Kekulé. (2 punts)
 2. Usant el resultat anterior, i sabent que les entalpies de formació dels àtoms C_(gas) i H_(gas) venen donades per les reaccions:



troba ΔH_{298}^o de la reacció de formació del benzè. (2 punts)

3. Compara el resultat obtingut per aquest mètode amb el valor experimental de l'entalpia de formació del benzè: de $\Delta H_{298}^o = 19,82 \text{ kcal mol}^{-1}$. Pots explicar les diferències? (1 punts)

(Adaptat de [4])

Resposta

1. Energia total d'enllaç per mol de benzè

Usant la hipòtètica reacció:



podem explorar l'energia d'enllaç total del benzè C_6H_6 a partir d'una de les dues estructures de Kekulé proposades, que conté:

- 6 enllaços C–H
- 3 enllaços C–C
- 3 enllaços C=C

Utilitzant les dades de la taula:

$$E_b(\text{C–H}) = 98,8 \text{ kcal mol}^{-1}, \quad E_b(\text{C–C}) = 83,1 \text{ kcal mol}^{-1}, \quad E_b(\text{C=C}) = 147 \text{ kcal mol}^{-1}$$

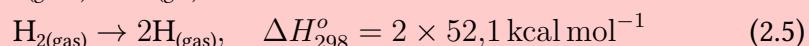
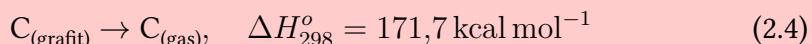
L'energia total dels enllaços és:

$$\begin{aligned} E_{\text{total}} &= (6 \times E_b(\text{C–H})) + (3 \times E_b(\text{C–C})) + (3 \times E_b(\text{C=C})) \\ &= (6 \times 98,8) + (3 \times 83,1) + (3 \times 147) \\ &= 592,8 + 249,3 + 441 = 1283,1 \text{ kcal mol}^{-1} \end{aligned}$$

És a dir, que en formar 1 mol de benzè en estat gas a partir d'àtoms individuals de carboni i oxigen per tal de formar una de les estructures de Kekulé, es desprendrien 1283,1 kcal mol.

2. Entalpia de formació del benzè

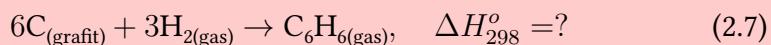
L'energia necessària per obtenir els àtoms en estat gasós és:



Podem usar aquestes reaccions, junt amb la Reacció 2.6:



i tancar un cicle termodinàmic, on volem calcular l'entalpia de formació del benzè:



Per tant, l'entalpia buscada és:

$$\begin{aligned} \Delta H_{298}^o(2.7) &= 6\Delta H_{298}^o(2.4) + 3\Delta H_{298}^o(2.5) - \Delta H_{298}^o(2.6) \\ &= (6 \times 171.7) + (3 \times 2 \times 52.1) - 1283.1 = 59,7 \text{ kcal mol}^{-1} \end{aligned}$$

3. Comparació amb el valor experimental

El valor experimental de l'entalpia de formació del benzè és:

$$\Delta H_{298}^o = 19,82 \text{ kcal mol}^{-1}$$

La gran diferència amb el nostre càlcul es deu a l'energia de ressonància del benzè, que estabilitza la molècula i redueix la seva energia real (en prop de 40 kcal mol^{-1}). L'enllaç químic en el benzè no es comporta com una alternança d'enllaços simples i dobles, sinó que està deslocalitzat, que el fa més estable.

Exercici 47. Fòrmula compost amb sofre (Parcial 1, 2024-2025)

Un compost gasós que conté solament carboni, hidrogen i sofre es crema amb oxigen sota condicions tals que els volums individuals dels reactius i dels productes poden ser mesurats a la mateixa temperatura i pressió. Es troba que 3 volums del compost reaccionen amb oxigen per donar 3 volums de CO_2 , 3 volums de SO_2 i 6 volums de vapor d'aigua.

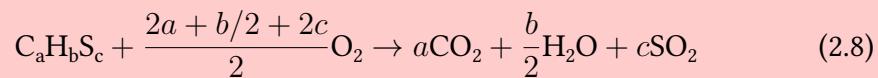
1. Quin volum d'oxigen es requereix per a la combustió? (1 punt)
2. Quina és la fòrmula del compost? (1 punt)

3. És una fórmula empírica o molecular?

(0,5 punts)

Resposta

Plantegem i igualem la reacció general de combustió:



Compost	$\text{C}_x\text{H}_y\text{S}_z$	O_2	CO_2	H_2O	SO_2
Inicial	3	X	0	0	0
Final	0	0	3	6	3
Relació estequimètrica	1	$\frac{2a+b/2+2c}{2}$	a	$\frac{b}{2}$	c

Per trobar els valors de a , b i c , utilitzem els volums proporcionats i les relacions estequiomètriques. Segons les dades, a partir de 3 volums de $C_aH_bS_c$ obtenim

1. 3 volums de CO_2 ; això implica que la relació entre les dues molècules a la reacció 2.8 és 1:1. Per tant, $a = 1$.
2. 6 volums de H_2O ; això implica que la relació entre les dues molècules a la reacció 2.8 és 1:2. Per tant, $\frac{b}{2} = 2 \Rightarrow b = 4$.
3. 3 volums de SO_2 ; això implica que la relació entre les dues molècules a la reacció 2.8 és 1:1. Per tant, $c = 1$.

Finalment, podem calcular el valor del coeficient de l'oxigen fent $\frac{2a+b/2+2c}{2} = \frac{2+2+2}{2} = 3$. Així, la fórmula del compost és CH_4S , i reescrivim la reacció química com:



Calculem el volum d'oxigen necessari a partir de qualsevol de les dades. Per exemple, veiem a l'equació que la relació dels volums del compost amb els d'oxigen és 1:3. Per tant, per a 3 volums del compost necessitem 9 volums d' O_2 .

Finalment:

- El volum d'oxigen requerit és 9 volums.
- La fórmula del compost és CH_4S .
- La fórmula empírica i molecular són idèntiques.

Capítol 3

Piles i bateries

Exercici 48. Identificar reaccions REDOX

Indica quines d'aquestes reaccions és REDOX

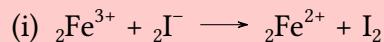
1. $\text{ClO}^- + \text{NO}_2^- \rightleftharpoons \text{NO}_3^- + \text{Cl}^-$
2. $2\text{CCl}_4 + \text{K}_2\text{CrO}_4 \rightleftharpoons 2\text{Cl}_2\text{CO} + \text{CrO}_2\text{Cl}_2 + 2\text{KCl}$
3. $\text{HCl} + \text{NaOH} \longrightarrow \text{NaCl} + \text{H}_2\text{O}$
4. $\text{H}_3\text{PO}_4 + 3\text{NaOH} \longrightarrow \text{Na}_3\text{PO}_4 + 3\text{H}_2\text{O}$
5. $\text{Zn} + \text{Cu}^{2+} \longrightarrow \text{Zn}^{2+} + \text{Cu}$
6. $2\text{Al} + 3\text{Cl}_2 \longrightarrow 2\text{AlCl}_3$
7. $\text{Fe} + \text{CuSO}_4 \longrightarrow \text{FeSO}_4 + \text{Cu}$
8. $2\text{H}_2\text{O}_2 \longrightarrow 2\text{H}_2\text{O} + \text{O}_2$
9. $2\text{KMnO}_4 + 5\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4 + 6\text{HCl} \longrightarrow 2\text{MnCl}_2 + 10\text{CO}_2 + 8\text{H}_2\text{O} + 2\text{KCl}$
10. $\text{CaCO}_3 + 2\text{HCl} \longrightarrow \text{CaCl}_2 + \text{CO}_2 + \text{H}_2\text{O}$
11. $2\text{H}_2 + \text{O}_2 \longrightarrow 2\text{H}_2\text{O}$

12. $\text{Cl}_2 + 2\text{KI} \longrightarrow 2\text{KCl} + \text{I}_2$
13. $\text{NH}_3 + \text{HCl} \longrightarrow \text{NH}_4\text{Cl}$
14. $2\text{Na} + 2\text{H}_2\text{O} \longrightarrow 2\text{NaOH} + \text{H}_2$
15. $2\text{Fe}^{3+} + 2\text{I}^- \longrightarrow 2\text{Fe}^{2+} + \text{I}_2$
16. $\text{Ca}(\text{OH})_2 + \text{CO}_2 \longrightarrow \text{CaCO}_3 + \text{H}_2\text{O}$
17. $4\text{Fe} + 3\text{O}_2 \longrightarrow 2\text{Fe}_2\text{O}_3$
18. $\text{BaCl}_2 + \text{Na}_2\text{SO}_4 \longrightarrow \text{BaSO}_4 + 2\text{NaCl}$
19. $\text{H}_2\text{SO}_4 + 2\text{NaOH} \longrightarrow \text{Na}_2\text{SO}_4 + 2\text{H}_2\text{O}$
20. $\text{AgNO}_3 + \text{NaCl} \longrightarrow \text{AgCl} + \text{NaNO}_3$
21. $\text{H}_2\text{CO}_3 \longrightarrow \text{CO}_2 + \text{H}_2\text{O}$
22. $\text{NaHCO}_3 + \text{HCl} \longrightarrow \text{NaCl} + \text{CO}_2 + \text{H}_2\text{O}$

Resposta

1. subsection*1. Reaccions Redox

- (a) $\text{Zn} + \text{Cu}^{2+} \longrightarrow \text{Zn}^{2+} + \text{Cu}$
- (b) $_2\text{Al} + _3\text{Cl}_2 \longrightarrow _2\text{AlCl}_3$
- (c) $\text{Fe} + \text{CuSO}_4 \longrightarrow \text{FeSO}_4 + \text{Cu}$
- (d) $_2\text{H}_2\text{O}_2 \longrightarrow _2\text{H}_2\text{O} + \text{O}_2$
- (e) $_2\text{KMnO}_4 + 5\text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4 + 6\text{HCl} \longrightarrow _2\text{MnCl}_2 + _{10}\text{CO}_2 + 8\text{H}_2\text{O} + _2\text{KCl}$
- (f) $_2\text{H}_2 + \text{O}_2 \longrightarrow _2\text{H}_2\text{O}$
- (g) $_2\text{Na} + _2\text{H}_2\text{O} \longrightarrow _2\text{NaOH} + \text{H}_2$
- (h) $\text{Cl}_2 + _2\text{KI} \longrightarrow _2\text{KCl} + \text{I}_2$



2. Reaccions No Redox

- (a) $\text{HCl} + \text{NaOH} \longrightarrow \text{NaCl} + \text{H}_2\text{O}$
- (b) $\text{CaCO}_3 + _2\text{HCl} \longrightarrow \text{CaCl}_2 + \text{CO}_2 + \text{H}_2\text{O}$
- (c) $\text{BaCl}_2 + \text{Na}_2\text{SO}_4 \longrightarrow \text{BaSO}_4 + _2\text{NaCl}$
- (d) $\text{H}_2\text{SO}_4 + _2\text{NaOH} \longrightarrow \text{Na}_2\text{SO}_4 + _2\text{H}_2\text{O}$
- (e) $\text{AgNO}_3 + \text{NaCl} \longrightarrow \text{AgCl} + \text{NaNO}_3$
- (f) $\text{NH}_3 + \text{HCl} \longrightarrow \text{NH}_4\text{Cl}$
- (g) $\text{H}_2\text{CO}_3 \longrightarrow \text{CO}_2 + \text{H}_2\text{O}$
- (h) $\text{Ca}(\text{OH})_2 + \text{CO}_2 \longrightarrow \text{CaCO}_3 + \text{H}_2\text{O}$
- (i) $\text{NaHCO}_3 + \text{HCl} \longrightarrow \text{NaCl} + \text{CO}_2 + \text{H}_2\text{O}$
- (j) $\text{H}_3\text{PO}_4 + _3\text{NaOH} \longrightarrow \text{Na}_3\text{PO}_4 + _3\text{H}_2\text{O}$

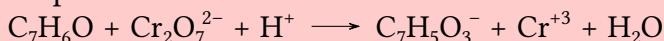
Exercici 49. Equilibrant reaccions REDOX

Iguala les següents reaccions. Pista: quan hagis d'afegir hidrogen, fes-ho en forma de protones H^+ .

1. $\text{H}_2\text{O}_2 + 2\text{I}^- \rightleftharpoons \text{I}_2 + 2\text{OH}^-$
2. $\text{MnO}_4^- + \text{I}^- \rightleftharpoons \text{Mn}^{2+} + \text{I}_2$
3. $\text{MnO}_4^- + \text{H}_2\text{O}_2 \rightleftharpoons \text{Mn}^{2+} + \text{O}_2$
4. $\text{MnO}_4^- + \text{H}_2\text{C}_2\text{O}_4 \rightleftharpoons \text{Mn}^{2+} + \text{CO}_2$

Exercici 50. Igualar reaccions REDOX

Iguala la reacció entre en benzaldehid i l'iò $\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}$ per donar àcid benzoïc i iò Cr^{+3} . Pista: on calguin oxigens, afegeix molècules d'aigua; on calguin hidrogens, afegeix protons.

Resposta**Exercici 51. Igualar reaccions REDOX**

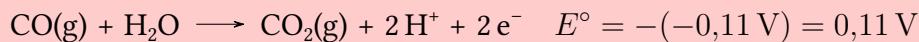
Iguala la reacció $\text{ClO}^- + \text{CrO}_2^- \rightleftharpoons \text{CrO}_4^- + \text{Cl}^-$ en una dissolució bàsica. Pista: fes com sempre però al final tingues en compte que els reactius han d'incorporar l'iò OH^- .

Resposta**Exercici 52. Reducció de la magnetita amb monòxid de carboni**

Mostra les semireaccions implicades en la reducció de l'òxid de ferro mitjançant monòxid de carboni. Suposa que l'òxid de ferro es troba com a magnetita, Fe_3O_4 . A partir d'aquestes semireaccions, dedueix la reacció global i calcula el potencial estàndard de la reacció.

Resposta

Semireaccions:



Reacció global:

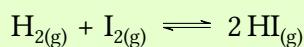
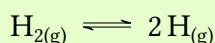


Potencial estàndard global:

$$\Delta E^\circ = 0,085 \text{ V} + 0,11 \text{ V} = 0,195 \text{ V}$$

Exercici 53.

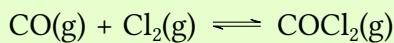
Pots racionalitzar qualitativament els quatre factors implicats en la descripció de l'equilibri químic en les reaccions:



? Per a les dues reaccions, calcula el valor de ΔG° a partir de dades obtingudes a la literatura (usa els enllaços de la Secció ??).

Exercici 54. Equilibri COCl_2

El clorur de carbonil (COCl_2), també anomenat fosgen, es va utilitzar a la Primera Guerra Mundial com a gas verinós. Les concentracions d'equilibri a 74°C per a la reacció entre monòxid de carboni i clor molecular que produeix clorur de carbonil són:



Les concentracions d'equilibri són:

$$[\text{CO}] = 1,2 \times 10^{-2} \text{ mol L}^{-1}, \quad [\text{Cl}_2] = 0,054 \text{ mol L}^{-1}, \quad [\text{COCl}_2] = 0,14 \text{ mol L}^{-1}$$

Calcula la constant d'equilibri (K_c) de la reacció a aquesta temperatura.

Resposta

Segons la llei d'acció de masses, l'expressió de la constant d'equilibri (K_c) és:

$$K_c = \frac{[\text{COCl}_2]}{[\text{CO}][\text{Cl}_2]}$$

Substituem les concentracions donades:

$$K_c = \frac{0,14 \text{ mol L}^{-1}}{(1,2 \times 10^{-2} \text{ mol L}^{-1})(0,054 \text{ mol L}^{-1})} = 216(\text{mol L}^{-1})^{-1}$$

Exercici 55. Equilibri PCl_5 [7]

La constant d'equilibri K_p obtinguda per a la descomposició del pentaclorur de fòsfor en triclorur de fòsfor i clor molecular és 1,05 a 250 °C:



Si les pressions parcials en l'equilibri de PCl_5 i PCl_3 són de 0,875 atm i 0,463 atm, respectivament, quina és la pressió parcial a l'equilibri del Cl_2 a aquesta temperatura?

Resposta

Segons l'expressió de la constant d'equilibri en termes de pressions parcials:

$$K_p = \frac{P_{\text{PCl}_3} P_{\text{Cl}_2}}{P_{\text{PCl}_5}}$$

Aïllant P_{Cl_2} :

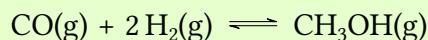
$$P_{\text{Cl}_2} = \frac{K_p P_{\text{PCl}_5}}{P_{\text{PCl}_3}}$$

Substituint els valors donats:

$$P_{\text{Cl}_2} = \frac{(1.05)(0.875)}{0.463} = 1,98 \text{ atm}$$

Exercici 56. Equilibri CH₃OH[7]

El metanol (CH₃OH) s'elabora industrialment mitjançant la reacció:



La constant d'equilibri (K_c) per a la reacció és de 10,5 a 220 °C. Quin és el valor de K_p a aquesta temperatura?

Resposta

La relació entre K_c i K_p està donada per l'equació:

$$K_p = K_c (RT)^{\Delta n}$$

- $R = 0,0821 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$ (constant dels gasos)
- $T = 220 \text{ }^\circ\text{C} + 273,15 \text{ K} = 493,15 \text{ K}$
- $\Delta n = \text{mols de productes gasosos} - \text{mols de reactius gasosos}$

Calculant Δn :

$$\Delta n = (1) - (1 + 2) = 1 - 3 = -2$$

Substituint els valors:

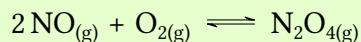
$$K_p = (10.5) \times (0.0821 \times 493.15)^{-2} = 0,006\,39 \text{ atm}^{-2}$$

Exercici 57.

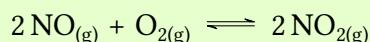
Quina és la relació entre la constant d'equilibri d'una reacció i la de la seva inversa?

Exercici 58.

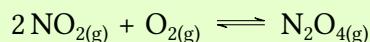
Escriu la constant d'equilibri de la reacció



a partir de les de les reaccions



i

**Exercici 59.**

La constant d'equilibri de la reacció d'isomerització entre l'*n*-butà i l'isobutà és 2.5. Representa gràficament la tendència del sistema en funció de diverses concentracions inicials de cadascuna de les dues substàncies.

Exercici 60.

La constant d'equilibri de la dissociació del NH₄HS sòlid en amoniac i sulfur d'hidrogen és de 0.11 atm². Si posem una mica d'aquest sòlid en un recipient tancat que conté amoniac a una pressió de 0.5 atm. Quina és la pressió final del sistema un cop assolit l'equilibri?

Exercici 61.

La constant d'equilibri de la reacció



a 690K és 0.10. Quina és la pressió d'equilibri del sistema si barregem 0.5 mol de CO₂ i 0.5 mol de H₂ en un recipient de 5 l a 690K? Si augmentéssim la T, la pressió augmentaria o disminuiria?

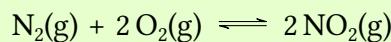
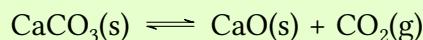
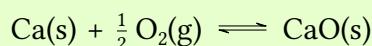
Exercici 62.

Escriu la reacció àcid-base de l'ió carbonat en aigua en equilibri amb l'ió bicarbonat. Qui té el rol d'àcid i de base en la reacció directa i la inversa?

Exercici 63.

Per a cadascuna de les següents reaccions, realitza les següents tasques:

1. Predir quin serà el signe de ΔS_m° per a la reacció.
2. Calcular el valor de ΔS_m° a partir de les dades de la taula.

**Exercici 64.**

Classifica les següents reaccions segons si són espontànies a qualsevol temperatura, només a baixa temperatura, només a alta temperatura o mai espontànies:

Reacció	ΔH_m° (kJ mol ⁻¹)	ΔS_m° (J K ⁻¹ mol ⁻¹)
$\text{N}_2(\text{g}) + 3 \text{F}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 2 \text{NF}_3(\text{g})$	+249	-277.8
$\text{N}_2(\text{g}) + 3 \text{Cl}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 2 \text{NCl}_3(\text{g})$	+460	-275
$\text{N}_2(\text{g}) + 2 \text{F}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 2 \text{NF}_2(\text{g})$	+93.3	+198.3
$\text{C}_5\text{H}_{12}(\text{g}) + 8 \text{O}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 5 \text{CO}_2(\text{g}) + 6 \text{H}_2\text{O}(\text{g})$	-2044.7	+101.3

Exercici 65.

Sense consultar cap taula, prediu quines de les següents reaccions seran espontànies:

1. $2 \text{NO}_2(\text{g}) \rightleftharpoons \text{N}_2\text{O}_4(\text{g})$
2. $\text{PbF}_4(\text{g}) + 10 \text{F}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 4 \text{PF}_5(\text{g})$
3. $2 \text{NaCl}(\text{s}) \rightleftharpoons 2 \text{Na}(\text{s}) + \text{Cl}_2(\text{g})$
4. $\text{C}_5\text{H}_{12}(\text{g}) + 8 \text{O}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 5 \text{CO}_2(\text{g}) + 6 \text{H}_2\text{O}(\text{g})$

Exercici 66.

Es considera la funció $\Delta G = \Delta H - T\Delta S$, anomenada entalpia lliure. Respon:

1. Què li succeeix a l'entalpia lliure d'un sistema en un procés irreversible quan només es realitza treball pV ?
2. De quina manera pot tenir lloc una reacció no espontània?

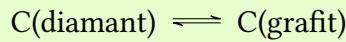
Exercici 67.

En una reacció $A \rightarrow B$ a pressió constant d'1 atm i 298 K, es desprenden 40 kJ mol⁻¹ de calor sense realitzar treball útil. En un segon cas, la mateixa reacció es realitza de forma que s'obté un màxim treball útil i es desprenden 1,6 kJ mol⁻¹ menys.

Calcula per a cada procés: q , w , ΔE , ΔH , ΔS i ΔG .

Exercici 68.

Calcula ΔG_m° per a la reacció:



Explica per què el diamant no es converteix espontàniament en grafit.

Exercici 69.

Un mol d'aigua s'evapora a les temperatures de 70°C i 100°C, a pressió constant d'1 atm. Es coneix que l'entalpia normal de vaporització de l'aigua és 41,1 kJmol⁻¹.

Calcula:

1. ΔS_m° del procés de vaporització a les dues temperatures.
2. ΔG_m° del procés de vaporització a les dues temperatures.

Interpreta els resultats.

Exercici 70.

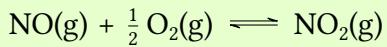
Calcula la constant d'equilibri K_p a 298 K per a la reacció:



Utilitza les dades de la taula 9.7.

Exercici 71.

La constant d'equilibri de la reacció:



és $K = 1.3 \times 10^6$ a 298 K. Si l'entalpia normal de la reacció és $\Delta H_m^\circ = -56,48 \text{ kJmol}^{-1}$, calcula la constant d'equilibri a 598 K.

Exercici 72.

Calcula el valor aproximat de ΔG_m° a 600 K i 1200 K per a la reacció:



Determina si la reacció és espontània a cada temperatura. Suposa que ΔH_m° i ΔS_m° de la reacció no varien apreciablement amb la temperatura.

Exercici 73. pH àcid feble (Exercici 3.2)

Sabent que el $\text{p}K_a$ de l'àcid acètic és 4,74, calcula el pH d'una dissolució preparada amb $0,305 \text{ mol L}^{-1}$ d'àcid acètic i $0,328 \text{ mol L}^{-1}$ d'acetat sòdic.

Resposta

Aquest és un sistema tampó àcid-base, i podem aplicar l'equació de Henderson-Hasselbalch:

$$\text{pH} = \text{p}K_a + \log_{10} \left(\frac{[\text{base}]}{[\text{àcid}]} \right)$$

On:

- CH_3COOH és l'àcid ($0,305 \text{ mol L}^{-1}$)
- CH_3COO^- (provinent de l'acetat sòdic) és la base ($0,328 \text{ mol L}^{-1}$)

Substituïm:

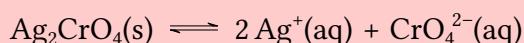
$$\text{pH} = 4.74 + \log_{10} \left(\frac{0.328}{0.305} \right) = \boxed{4.77}$$

Exercici 74. Solubilitat Ag_2CrO_4

Quina és la constant de solubilitat del cromat d'argent (Ag_2CrO_4) si la concentració d'una dissolució saturada d'aquesta sal té una concentració de $6.7 \times 10^{-5} \text{ M}$ d'ions cromat?

Resposta

La dissociació del cromat d'argent en aigua segueix la següent equació d'equilibri:



La constant de producte de solubilitat s'expressa com:

$$K_{sp} = [\text{Ag}^+]^2[\text{CrO}_4^{2-}]$$

Ens donen la concentració d'ions cromat en una dissolució saturada:

$$[\text{CrO}_4^{2-}] = 6,7 \times 10^{-5} \text{ mol L}^{-1}$$

Atès que per cada mol de CrO_4^{2-} format es produueixen 2 mols d'ions Ag^+ , la seva concentració serà:

$$[\text{Ag}^+] = 2 \times 6,7 \times 10^{-5} \text{ mol L}^{-1} = 1,34 \times 10^{-4} \text{ mol L}^{-1}$$

Substituem aquestes dades a l'equació del producte de solubilitat:

$$K_{sp} = (1,34 \times 10^{-4} \text{ mol L}^{-1})^2 \times (6,7 \times 10^{-5} \text{ mol L}^{-1})$$

$$K_{sp} = 1,2 \times 10^{-12} \text{ mol}^3/\text{L}^3$$

Exercici 75. Solubilitat AgCl

S'afegeix ió Ag^+ a una dissolució que conté Cl^- i I^- , ambdós a una concentració de 0.01 M. Què precipita abans, AgCl o AgI ? Quina és la concentració d'ions Ag^+ quan la primera sal comença a precipitar? I quina és la concentració de l'anió del primer precipitat quan la segona sal comença a precipitar?

Dades:

$$K_{\text{ps}}(\text{AgCl}) = 1,8 \times 10^{-10}$$

$$K_{\text{ps}}(\text{AgI}) = 8,3 \times 10^{-17}$$

Resposta

1. Què precipita abans? Compareu la concentració d' Ag^+ necessària per començar a precipitar cada sal, amb:

$$[\text{Ag}^+] = \frac{K_{\text{ps}}}{[\text{anió}]}$$

Per AgCl:

$$[\text{Ag}^+] = \frac{1,8 \times 10^{-10}}{0,01} = 1,8 \times 10^{-8} \text{ mol L}^{-1}$$

Per AgI:

$$[\text{Ag}^+] = \frac{8,3 \times 10^{-17}}{0,01} = 8,3 \times 10^{-15} \text{ mol L}^{-1}$$

Com que AgI necessita una concentració molt més petita d' Ag^+ per precipitar, el primer precipitat serà AgI.

2. Concentració d' Ag^+ quan comença a precipitar el primer precipitat (AgI):

$$[\text{Ag}^+] = 8,3 \times 10^{-15} \text{ mol L}^{-1}$$

3. Concentració d' I^- quan comença a precipitar AgCl: Reacció de precipitació de AgCl:



La constant de solubilitat de AgCl és:

$$K_{\text{ps}} = [\text{Ag}^+][\text{Cl}^-] = 0,01[\text{Ag}^+] = 1,8 \times 10^{-10} \Rightarrow$$

$$[\text{Ag}^+] = \frac{1,8 \times 10^{-10}}{0,01} = 1,8 \times 10^{-8} \text{ mol L}^{-1}$$

En aquest moment, la concentració d' I^- vindrà donada per la reacció de solubilitat de AgI :

$$K_{ps} = [Ag^+][I^-] = 1,8 \times 10^{-8}[I^-] = 8,3 \times 10^{-17} \Rightarrow$$

$$[I^-] = \frac{K_{ps}}{[Ag^+]} = \frac{8,3 \times 10^{-17}}{1,8 \times 10^{-8}} = 4,6 \times 10^{-9} \text{ mol L}^{-1}$$

És a dir, que haurem precipitat pràcticament tot el I^- quan comenci a precipitar el Cl^- .

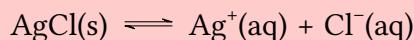
Exercici 76. Solubilitat de $AgCl$ (Exercici 3.1 2025)

A una dissolució saturada de $AgCl$, s'hiafegeix $AgNO_3$ fins que la concentració d'ions Ag^+ arriba a $0,751 \text{ mol L}^{-1}$. Quina serà la concentració resultant d'ions Cl^- a la dissolució, expressada com a pCl?

(Dades: el producte de solubilitat del $AgCl$ és $1,8 \times 10^{-10}$.)

Resposta

Sabem que per a la dissolució de $AgCl$:



El producte de solubilitat és:

$$K_{ps} = [Ag^+][Cl^-] = 1,8 \times 10^{-10}$$

Si es fixa la concentració de Ag^+ en $0,751 \text{ mol L}^{-1}$, podem calcular la concentració de Cl^- :

$$[Cl^-] = \frac{K_{ps}}{[Ag^+]} = \frac{1,8 \times 10^{-10}}{0,751} \approx 2,3968 \times 10^{-10}$$

Ara calculem el pCl:

$$pCl = -\log_{10}[Cl^-] = -\log_{10}(2,3968 \times 10^{-10}) \approx 9,621$$

Exercici 77. Relació entre energia lliure de Gibbs i potencial elèctric (Exercici 3.3 2025)

Si la variació de potencial elèctric en un procés químic és de 0,49 V, quina serà la variació de l'energia lliure de Gibbs (ΔG) associada al procés? (Suposa que el procés transfereix 1 mol d'electrons.)

Resposta

La relació entre la variació d'energia lliure de Gibbs i el potencial elèctric és:

$$\Delta G = -nFE$$

On:

- $n = 1$ (mol d'electrons transferits)
- $F = 96\,485 \text{ C mol}^{-1}$ (constant de Faraday)
- $E = 0,49 \text{ V}$

$$\Delta G = -1 \cdot 96\,485 \text{ C mol}^{-1} \cdot 0,49 \text{ V} = -47\,277,65 \text{ J mol}^{-1}$$

Passem a kJ mol^{-1} :

$$\Delta G = \boxed{-47,3 \text{ kJ mol}^{-1}}$$

Reacció espontània, en tant que $\Delta G < 0$.

Exercici 78.

Troba constant d'equilibri de la reacció $2 \text{Fe}^{2+} + 3 \text{I}^- \rightleftharpoons 2 \text{Fe}^{(2+)} + \text{I}_3^-$.

Exercici 79. Pila de Fe i I_3^-

Una pila està formada per un elèctrode de Pt submergit en una dissolució 0,05 M de FeSO_4 i 0,1 M de $\text{Fe}_2(\text{SO}_4)_3$, i un altre amb un elèctrode de Pt submergit en una dissolució que conté 0,005 M de I_3^- i 0,1 M de KI. Entre les dues dissolucions es col·loca un pont salí.

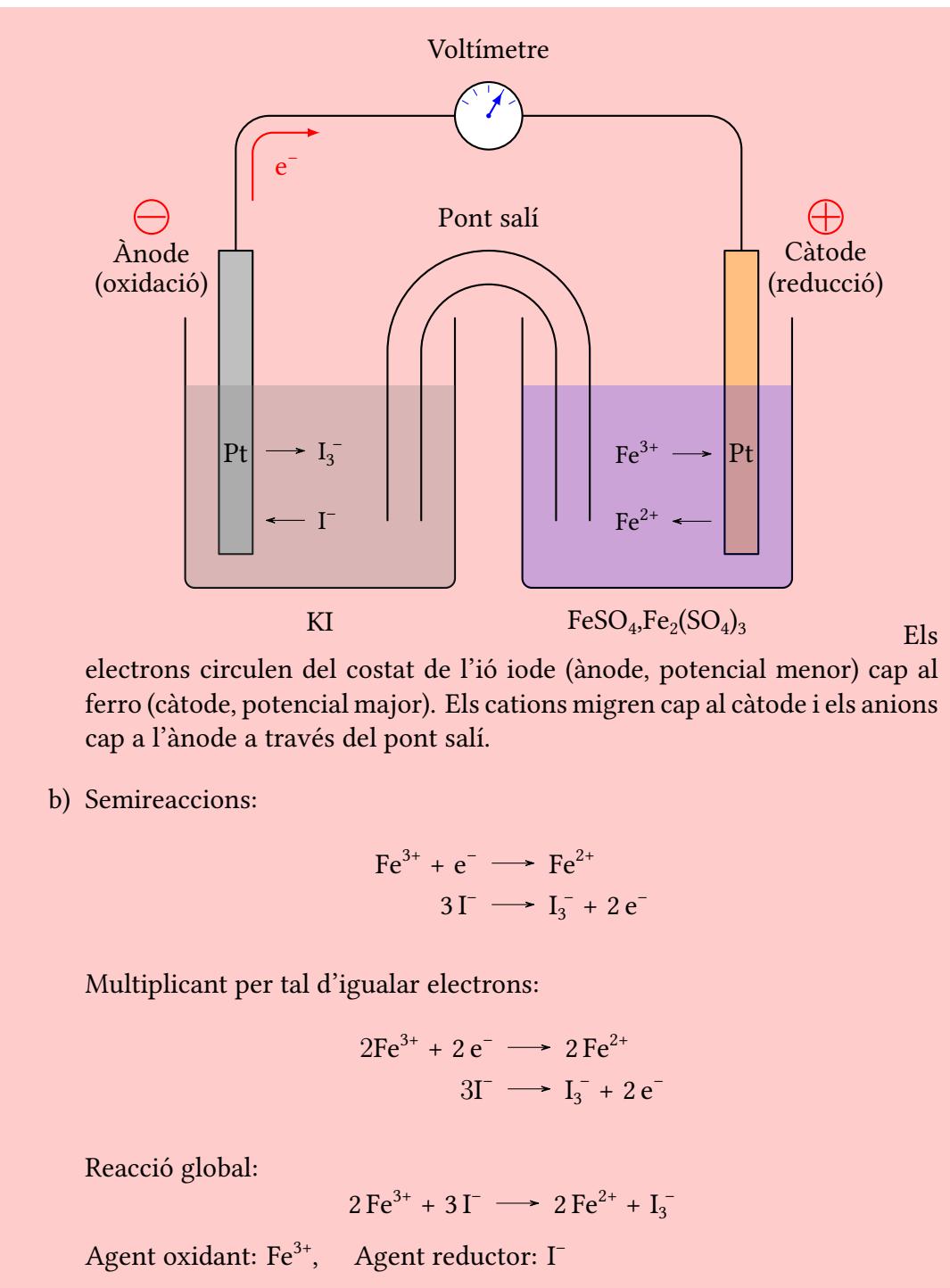
- a) Dibuixar l'esquema de la pila indicant l'ànode, el càtode, la polaritat dels elèctrodes, com circulen els electrons i els ions, i la notació abreujada de la pila.
- b) Escriure la reacció ajustada, indicant l'agent oxidant i el reductor.
- c) Calcular la constant d'equilibri de la reacció redox.
- d) Calcular la força electromotriu de la pila a 25 °C.
- e) Si al càtode s'afegeix oxalat 1 M, calcular la força electromotriu (f.e.m.).

Dades:

- $E^\circ(\text{Fe}^{3+}/\text{Fe}^{2+}) = 0,77 \text{ V}$
- $E^\circ(\text{I}_3^-/\text{I}^-) = 0,55 \text{ V}$
- $\text{p}K_s(\text{FeC}_2\text{O}_4) = 6.7$

Resposta

- a) El càtode és l'elèctrode amb potencial estàndard més gran, en aquest cas $\text{Fe}^{3+}/\text{Fe}^{2+}$.
- (-) Pt | $\text{I}^{3-}(0.005 \text{ M}), \text{I}^-(0.1 \text{ M})$ || $\text{Fe}^{3+}(0.2 \text{ M}), \text{Fe}^{2+}(0.05 \text{ M})$ | Pt (+)



c) Constant d'equilibri:

$$\Delta E^\circ = E_{\text{Fe}^{3+}/\text{Fe}^{2+}}^\circ - E_{\text{I}_3^-/\text{I}^-}^\circ = 0,77 \text{ V} - 0,55 \text{ V} = 0,22 \text{ V}$$

$$n = 2$$

$$\log K = \frac{n \cdot \Delta E^\circ}{0.059} = \frac{2 \cdot 0.22}{0.059} \approx 7.46$$

d) Força electromotriu de la pila a 25 °C. Concentracions:

- $[\text{Fe}^{3+}] = 2 \times 0,1 \text{ M} = 0,2 \text{ M}$
- $[\text{Fe}^{2+}] = 0,05 \text{ M}$
- $[\text{I}_3^-] = 0,005 \text{ M}$
- $[\text{I}^-] = 0,1 \text{ M}$

$$\Delta E = \Delta E^\circ - \frac{0.059}{n} \log \left(\frac{[\text{Fe}^{2+}]^2 [\text{I}_3^-]}{[\text{Fe}^{3+}]^2 [\text{I}^-]^3} \right)$$

$$\Delta E = 0.22 - \frac{0.059}{2} \log \left(\frac{(0.05)^2 \cdot 0.005}{(0.2)^2 \cdot (0.1)^3} \right) = 0.235 \text{ V}$$

e) Amb oxalat 1 M. El Fe(II) precipita com FeC_2O_4 . Del producte de solubilitat:

$$[\text{Fe}^{2+}] = \frac{K_s}{[\text{C}_2\text{O}_4^{2-}]} = 10^{-6.7}$$

f.e.m actualitzada:

$$\Delta E = 0.22 - \frac{0.059}{2} \log \left(\frac{(10^{-6.7})^2 \cdot 0.005}{(0.2)^2 \cdot (0.1)^3} \right) = 0.553 \text{ V}$$

Exercici 80. Pila de permanganat potàssic

Una pila voltaica consta d'una làmina de platí en una dissolució aquosa 0,1 mol L⁻¹ de permanganat potàssic i 0,01 mol L⁻¹ de clorur de manganès (II) amb un pH igual a 2 en un compartiment, i d'una làmina de coure submarida en una dissolució 0,02 mol L⁻¹ de sulfat de coure en l'altre.

- a) Dibuixa la pila indicant l'ànode, el càtode, la polaritat dels elèctrodes, com circulen els electrons i els ions. Indica també la notació simplificada de la pila.
- b) Calcula a 25 °C la f.e.m. de la pila.
- c) Calcula la variació d'energia lliure a 25 °C.
- d) Si el pH del compartiment del coure fos igual a 8, precipitaria l'hidròxid de coure (II)? Calcula la f.e.m. de la pila en aquest cas.

Dades:

$$E^\circ(\text{MnO}_4^-/\text{Mn}^{2+}) = 1,51 \text{ V}$$

$$E^\circ(\text{Cu}^{2+}/\text{Cu(s)}) = 0,34 \text{ V}$$

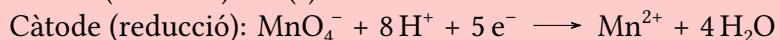
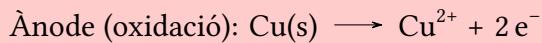
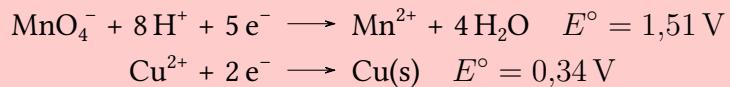
$$F = 96\,485,3 \text{ C mol}^{-1}$$

$$K_{\text{ps}}(\text{Cu(OH)}_2) = 2.2 \times 10^{-20}$$

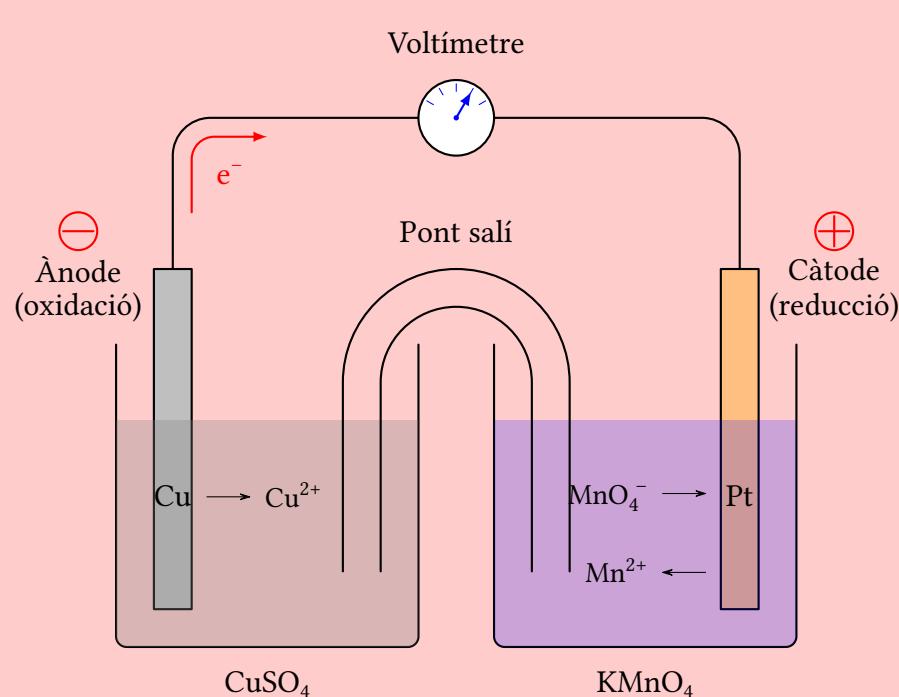
Resposta

- a) Diagrama i notació de la pila:

Semireaccions:



Electrons circulen del coure (ànode, negatiu) al platí (càtode, positiu).



Notació de la pila:



b) Càlcul de la f.e.m. a 25 °C

Reacció global:



Fem servir l'equació de Nernst:

$$E = E^\circ - \frac{RT}{nF} \ln Q$$

On:

- $E^\circ = E_{\text{càtode}}^\circ - E_{\text{ànode}}^\circ = 1.51 - 0.34 = 1.17 \text{ V}$
- $n = 10$ (perquè es transfereixen 10 electrons en total)

- $Q = \frac{[\text{Cu}^{2+}]^5 [\text{Mn}^{2+}]^2}{[\text{MnO}_4^-]^2 [\text{H}^+]^{16}}$
- $[\text{H}^+] = 10^{-2}$ (per pH = 2)

Substituint:

$$Q = \frac{(0.02)^5 (0.01)^2}{(0.1)^2 (10^{-2})^{16}} = \frac{3.2 \times 10^{-13}}{10^{-2} \cdot 10^{-32}} = 3.2 \times 10^{21} \quad (3.2)$$

A 25 °C ($T = 298$ K), amb $R = 8,314$ J mol⁻¹ K i $F = 96\,485,3$ C mol⁻¹:

$$E = 1.17 - \frac{8.314 \times 298}{10 \times 96485.3} \ln(3.2 \times 10^{21}) = \boxed{1.04 \text{ V}}$$

c) Energia lliure a 25 °C

$$\Delta G = -nFE = -10 \cdot 96485.3 \cdot (1.04) = -1003 \text{ kJ} = -239,7 \text{ kcal mol}^{-1}$$

d) Precipita Cu(OH)₂ a pH = 8?

Dissociació de Cu(OH)₂:



$$K_{ps} = [\text{Cu}^{2+}][\text{OH}^-]^2 \Rightarrow [\text{Cu}^{2+}] = \frac{2.2 \times 10^{-20}}{(10^{-6})^2} = 2.2 \times 10^{-8}$$

Com que la [Cu²⁺] necessària és menor que la [Cu²⁺] inicial (0,02 mol L⁻¹), sí que precipita.

Tenint en compte aquesta concentració de Cu²⁺, podem calcular la f.e.m. de la pila. Respecte l'Eq. 3.2, només canviem la concentració de Cu²⁺, tot assumint que el pont salí no ha tingut temps d'igualar les concentracions de H⁺ als dos compartiments. Per tant:

$$Q = \frac{[\text{Cu}^{2+}]^5 [\text{Mn}^{2+}]^2}{[\text{MnO}_4^-]^2 [\text{H}^+]^{16}} = \frac{(2.2 \cdot 10^{-8})^5 (0.01)^2}{(0.1)^2 (10^{-2})^{16}} = 5 \times 10^{-9}$$

i, per tant, la f.e.m. de la pila és:

$$E = 1.17 - \frac{8.314 \times 298}{10 \times 96485.3} \ln(5 \times 10^{-9}) = 1.17 + 0.049 = 1.22 \text{ V}$$

i l'energia lliure

$$\Delta G = -nFE = -10 \cdot 96485.3 \cdot 1.22 = -1176,05 \text{ kJ} = -281,4 \text{ kcal mol}^{-1}$$

El fet d'haver eliminat el producte de l'oxidació (l'ió Cu²⁺) ha augmentat la f.e.m. de la pila, i per tant, ha fet més negativa l'energia lliure, ja que ha desplaçat l'equilibri de la reacció global de l'Eq. 3.1 cap a la dreta.

Exercici 81. Cotxes amb cel·la de combustible de metanol

Les entalpies i energies lliures de formació (a condicions estàndar) de les espècies d'interès són:

Substància	ΔH_f° (MJ kmol ⁻¹)	ΔG_f° (MJ kmol ⁻¹)
CH ₃ OH(g)	-201.2	-161.9
CH ₃ OH(l)	-238.6	-166.2
O ₂ (g)	0	0
CO ₂ (g)	-393.5	-394.4
H ₂ O(g)	-241.8	-228.6
H ₂ O(l)	-285.9	-237.2

- Quanta calor s'obté en cremar 1 kg de metanol en un motor d'explosió interna (IC)?
- Quanta energia elèctrica produiria una pila de combustible ideal per cada kg de combustible?

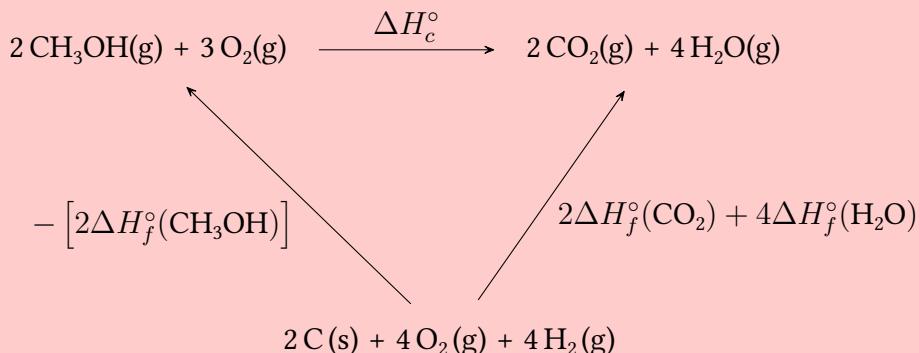
Traduït d'aquesta col·lecció d'exercicis

Resposta

Les dades venen donades en MJ kmol^{-1} , que equivalen a kJ mol^{-1} .

- a. Quanta calor es genera cremant 1 kg de metanol en un motor de combustió interna (IC)?

En un motor de combustió interna, el metanol entra en forma gasosa, així que utilitzarem les entalpies de formació del metanol gasós i de l'aigua gasosa:



Podem calcular la calor de combustió utilitzant les entalpies de formació estàndard (ΔH_f°) de les substàncies implicades:

$$\begin{aligned} \Delta H_r^\circ &= \sum \Delta H_f^\circ(\text{products}) - \sum \Delta H_f^\circ(\text{reactants}) \\ &= [2 \cdot (-393.5) + 4 \cdot (-241.8)] - [2 \cdot (-201.2) + 3 \cdot 0] \\ &= [-787.0 + (-967.2)] - [-402.4 + 0] \\ &= (-1754.2) - (-402.4) \\ &= -1351.8 \text{ kJ/mol} \end{aligned}$$

Per tant, la calor de combustió és de $-1351.8/2 = -675.9 \text{ MJ kmol}^{-1}$. La massa molar del metanol és $32 \text{ g mol}^{-1} = 32 \text{ kg kmol}^{-1}$, per tant:

$$\frac{-675.9}{32} = -21.1 \text{ MJ kg}^{-1}$$

Així doncs, 1 kg de metanol produeix 21,1 MJ en un motor IC.

- b. Quanta energia elèctrica produeix una pila de combustible ideal per kg de metanol?

L'energia elèctrica és igual a la variació d'energia lliure de Gibbs:

$$W_e = -\Delta G$$

Podem calcular l'energia d'una pila ideal de metanol utilitzant les energies lliures de formació (ΔG_f°) de les substàncies implicades:

$$\begin{aligned}\Delta G_r^\circ &= \sum \Delta G_f^\circ(\text{productes}) - \sum \Delta G_f^\circ(\text{reactius}) \\ &= [2 \cdot (-394.4) + 4 \cdot (-228.6)] - [2 \cdot (-161.9) + 3 \cdot 0] \\ &= [-788.8 + (-914.4)] - [-323.8 + 0] \\ &= (-1703.2) - (-323.8) \\ &= -1379.4 \text{ kJ/mol}\end{aligned}$$

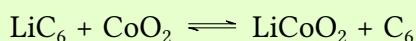
Per tant, l'energia elèctrica produïda per la pila de combustible és de $-1379.4/2 = -689,7 \text{ MJ kmol}^{-1}$. La massa molar del metanol és $32 \text{ g mol}^{-1} = 32 \text{ kg kmol}^{-1}$. per tant, l'energia produïda en una pila ideal de metanol seria:

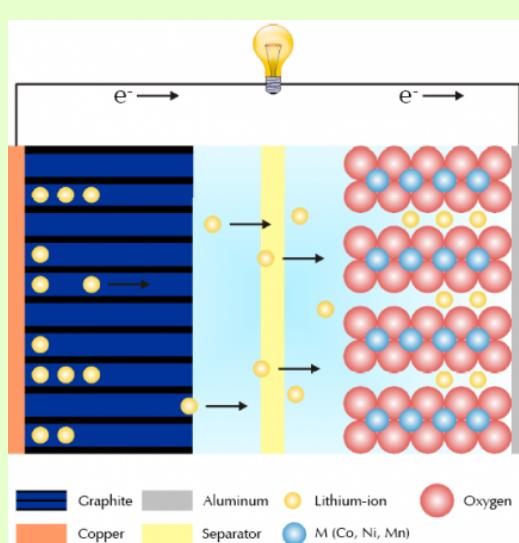
$$\frac{-689,7}{32} = -21,6 \text{ MJ kg}^{-1}$$

3.1 Exercicis d'autoavaluació

Exercici 82. Potencial de cel·la

La reacció que té lloc en una bateria d'iò liti com la de la imatge és:





Escriu les dues mitges reaccions i fes-hi el balanç. Calcula el potencial de cel·la a partir de la $\Delta\varphi^\circ$ del Li^+ (-3.0V) i del CoO_2 (+1.1V).

Quins valors obtindries per a la reacció que tindria lloc en una bateria de Li i O_2 ($\Delta\varphi^\circ$ de la reacció $\text{O}_{2(g)} + 2 \text{H}^+ + 2 e^- \rightarrow \text{H}_2\text{O}_{2(aq)}$ és 0.3V).

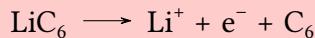
Resposta

Comencem per escriure les semireaccions. La reacció global de la bateria de Li-ion és:

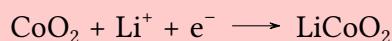


Les semireaccions són:

- Oxidació del liti en el grafit (LiC_6):



- Reducció del cobalt (CoO_2):



El potencial estàndard de cel·la es calcula com:

$$E_{\text{cel·la}}^{\circ} = E_{\text{càtode}}^{\circ} - E_{\text{ànode}}^{\circ}$$

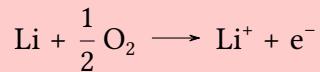
Els valors donats són:

- Potencial de reducció de CoO_2 (càtode): $E^{\circ} = +1.1V$
- Potencial de reducció del Li^+ (ànode): $E^{\circ} = -3.0V$

Així doncs:

$$E_{\text{cel·la}}^{\circ} = (1.1V) - (-3.0V) = 4.1V$$

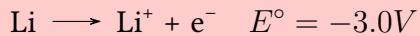
Per a una bateria de liti i oxigen, la reacció global és:



Utilitzem la semireacció donada per l'oxigen:



L'oxidació del liti és:



Per calcular el potencial de cel·la:

$$E_{\text{cel·la}}^{\circ} = (0.3V) - (-3.0V) = 3.3V$$

En resum:

Reacció	$E_{\text{cel·la}}^{\circ}$
$\text{LiC}_6 + \text{CoO}_2 \rightleftharpoons \text{LiCoO}_2 + \text{C}_6$	4.1V
$\text{Li} + \text{O}_2 \longrightarrow \text{Li}^+ + \text{e}^-$	3.3V

Exercici 83. Balanç d'equacions REDOX

Escriu la equació iònica balancejada per representar la oxidació del iodur (I^-) per el ió permanganat (MnO_4^-) en una dissolució bàsica per formar iode molecular (I_2) i òxid de manganès(IV) (MnO_2). (Adaptat de [7]).

Resposta

L'equació sense balancejar és

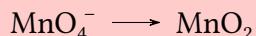


Les dues semireaccions són:

- Oxidació:



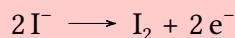
- Reducció:



Es balanceja cada semireacció segons el nombre i tipus d'àtoms i càrregues. Comencem amb la semireacció d'oxidació: Per balancejar els àtoms de I:



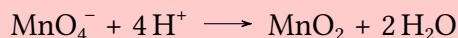
Per balancejar les càrregues, afegim dos electrons al costat dret:



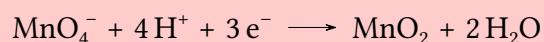
Ara, en la semireacció de reducció, afegim dues molècules d'aigua per balancejar els àtoms d'oxigen:



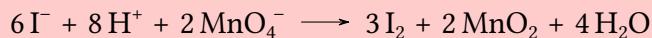
Per balancejar els àtoms d'hidrogen, afegim quatre ions H^+ al costat esquerra:



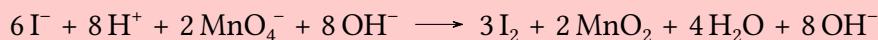
Ara ajustem les càrregues: com hi ha càrrega neta 3+ a l'esquerra, afegim tres electrons:



Sumem les semireaccions d'oxidació i reducció. Multipliquem la d'oxidació per 3 i la de reducció per 2 per igualar els electrons: Finalment, sumant termes comuns obtenim la reacció global balancejada:



Per tal de balancejar-la en una dissolució bàsica, afegim ions hidròxid (OH^-) a banda i banda de la reacció per neutralitzar els protons:



Simplificant:

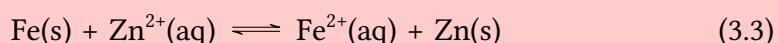


Exercici 84. Equació de Nernst

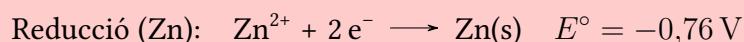
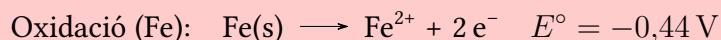
Quina és la concentració en equilibri de Fe^{2+} si posem una barra de ferro en una dissolució 1 M d'ions Zn^{2+} ?

Resposta

Per tal d'explorar la formació d'ions de Fe^{2+} , podem escriure la reacció global com:



Segons com està escrita la reacció, les semireaccions redox són:



En la forma de l'Eq. 3.3 estem considerant que el ferro s'oxida i el zinc(II) es redueix:

- Ànode (oxidació): $\text{Fe(s)} \longrightarrow \text{Fe}^{2+} + 2 \text{e}^-$
- Càtode (reducció): $\text{Zn}^{2+} + 2 \text{e}^- \longrightarrow \text{Zn(s)}$

El potencial estàndard de la cel·la és:

$$E_{\text{cel.la}}^{\circ} = E_{\text{càtode}}^{\circ} - E_{\text{ànoda}}^{\circ} = -0.76 - (-0.44) = \boxed{-0.32 \text{ V}}$$

Com que $E_{\text{cel.la}}^{\circ} < 0$, la reacció no és espontània en aquestes condicions: el ferro no pot reduir el zinc(II). Però, tot i així, podem aplicar l'equació de Nernst per trobar la concentració d'ió ferro(II) en l'equilibri, és a dir, quan $E = 0$. Equació de Nernst a 25 °C:

$$E = E^{\circ} - \frac{0.0591}{n} \log Q = 0$$

On:

- $n = 2$ electrons
- $Q = \frac{[\text{Fe}^{2+}]}{[\text{Zn}^{2+}]} = \frac{x}{1-x}$

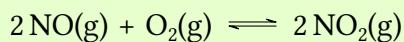
Substituïm:

$$\begin{aligned} 0 &= -0.32 - \frac{0.0591}{2} \log \left(\frac{x}{1-x} \right) \stackrel{x \approx 0}{\approx} -0.32 - \frac{0.0591}{2} \log \left(\frac{x}{1} \right) \quad (3.4) \\ \log x &= \frac{-0.32 \cdot 2}{0.0591} = -10.83 \Rightarrow x = 10^{-10.83} \approx \boxed{1.5 \times 10^{-11} \text{ mol L}^{-1}} \end{aligned}$$

En equilibri, la concentració d'ions Fe^{2+} és extremadament petita, cosa que confirma l'aproximació feta a l'Eq. 3.4 i que, per tant, la reacció usada a l'Eq. 3.3 no és gens favorable en condicions estàndard.

Exercici 85. Equilibri NO[7]

Es va estudiar el següent procés en equilibri a 230°C:



En un experiment es va trobar que les concentracions d'equilibri de les espècies

reactives són:

$$[\text{NO}] = 0.0542 \text{ M}, \quad [\text{O}_2] = 0.127 \text{ M}, \quad [\text{NO}_2] = 15.5 \text{ M}$$

Calcula la constant d'equilibri (K_c) de la reacció a aquesta temperatura.

Resposta

Segons la llei d'acció de masses, l'expressió de la constant d'equilibri (K_c) és:

$$K_c = \frac{[\text{NO}_2]^2}{[\text{NO}]^2[\text{O}_2]}$$

Substituem les concentracions donades:

$$K_c = \frac{(15.5)^2}{(0.0542)^2(0.127)} (\text{mol L}^{-1})^{-1} = 6.44 \times 10^5 (\text{mol L}^{-1})^{-1}$$

Exercici 86. Equilibri CaCO_3 [7]

En el següent equilibri heterogeni:



La pressió de CO_2 és de 0,236 atm a 800 °C. Calcula: a) K_p b) K_c per a la reacció a aquesta temperatura.

Resposta

Per a equilibri heterogeni, la constant K_p es pot expressar com:

$$K_p = P_{\text{CO}_2}$$

Donat que la pressió parcial del CO_2 a l'equilibri és 0,236 atm, tenim:

$$K_p = 0,236 \text{ atm}$$

Ara, per calcular K_c , usem la relació:

$$K_p = K_c (RT)^{\Delta n}$$

On: - $R = 0,0821 \text{ L atm mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$ (constant dels gasos) - $T = 800^\circ\text{C} + 273,15 \text{ K} = 1073,15 \text{ K}$ - $\Delta n = 1 - 0 = 1$ (ja que només el CO_2 és gasós)

Aïllant K_c :

$$K_c = \frac{K_p}{(RT)^{\Delta n}}$$

Substituint els valors:

$$K_c = \frac{0.236}{(0.0821 \times 1073.15)} = 0,002\,68 \text{ mol L}^{-1}$$

Exercici 87. Variacions en les constants d'equilibri

La reacció en què es produeix amoníac es pot escriure de diferents maneres:

1. $\text{N}_2(\text{g}) + 3 \text{H}_2(\text{g}) \rightleftharpoons 2 \text{NH}_3(\text{g}) \quad (K_1)$
2. $\frac{1}{2} \text{N}_2(\text{g}) + \frac{3}{2} \text{H}_2(\text{g}) \rightleftharpoons \text{NH}_3(\text{g}) \quad (K_2)$
3. $\frac{1}{3} \text{N}_2(\text{g}) + \text{H}_2(\text{g}) \rightleftharpoons \frac{2}{3} \text{NH}_3(\text{g}) \quad (K_3)$

Sabent que la constant d'equilibri de la primera equació és K_1 , expressa les constants K_2 i K_3 en funció de K_1 .

Resposta

Quan una equació química es modifica, la seva constant d'equilibri canvia segons aquestes regles, fàcilment comprovables en l'exemple:

1. Si es multiplica o divideix la reacció per un factor n , la constant es potencia

a aquest factor:

$$K' = K^n$$

2. Si s'inverteix la reacció, la constant s'inverteix:

$$K' = \frac{1}{K}$$

En aquest cas:

- La segona equació és la meitat de la primera, per tant:

$$K_2 = K_1^{1/2} = \sqrt{K_1}$$

- La tercera equació és un terç de la primera, per tant:

$$K_3 = K_1^{1/3}$$

Per tant, les relacions entre les constants són:

$$K_2 = \sqrt{K_1}, \quad K_3 = K_1^{1/3} \quad (3.5)$$

Efectivament, les expressions de les constants en funció de les pressions parcials dels gasos implicats són, per a cada reacció donada:

$$\begin{aligned} K_1 &= \frac{P_{\text{NH}_3}^2}{P_{\text{N}_2} \cdot P_{\text{H}_2}^3} \\ K_2 &= \frac{P_{\text{NH}_3}}{P_{\text{N}_2}^{1/2} \cdot P_{\text{H}_2}^{3/2}} \\ K_3 &= \frac{P_{\text{NH}_3}^{2/3}}{P_{\text{N}_2}^{1/3} \cdot P_{\text{H}_2}} \end{aligned}$$

on es poden comprovar les relacions entre les constants d'equilibri de l'Eq. 3.5.

Exercici 88. Reaccions àcid-base

Escriu la reacció àcid-base de l'iò carbonat en aigua en equilibri amb l'iò bicarbonat. Qui té el rol d'àcid i de base en la reacció directa i la inversa?

Resposta

La reacció de l'iò carbonat en aigua és:



En la reacció directa, l'iò carbonat actua com a àcid i l'iò bicarbonat com a base.
En la reacció inversa, l'iò bicarbonat actua com a àcid i l'iò carbonat com a base.

Exercici 89. pH

Quin és el pH d'una dissolució de 0.1 M de clorur d'hidrogen? i d'una d'àcid benzoic a la mateixa concentració?

Resposta

Per a calcular el pH d'una dissolució d'àcid fort, com el clorur d'hidrogen, podem utilitzar la fórmula:

$$\text{pH} = -\log [\text{H}^+]$$

Per tant, el pH de la dissolució de clorur d'hidrogen és:

$$\text{pH} = -\log 0.1 = 1$$

Per a l'àcid benzoic, com que és un àcid feble, hem de tenir en compte l'equilibri de dissolució:



La constant d'equilibri és:

$$K_a = \frac{[\text{C}_6\text{H}_5\text{COO}^-][\text{H}_3\text{O}^+]}{[\text{C}_6\text{H}_5\text{COOH}]}$$

Com que l'àcid benzoic és feble, podem considerar que la concentració d'àcid benzoic és la mateixa que la de $C_6H_5COO^-$ i que la de H_3O^+ és la mateixa que la de C_6H_5COOH . Així doncs, podem simplificar la fórmula de la constant d'equilibri:

$$K_a = \frac{x^2}{0.1 - x} \approx \frac{x^2}{0.1}$$

Com que la concentració d'àcid benzoic és 0.1 M, podem considerar que la concentració d'equilibri de $C_6H_5COO^-$ i H_3O^+ és molt petita en comparació amb 0.1 M. Així doncs, podem simplificar la fórmula de la constant d'equilibri:

$$K_a = \frac{x^2}{0.1} \approx \frac{x^2}{0.1} = 1.6 \times 10^{-5}$$

Per tant, la concentració d'equilibri de H_3O^+ és:

$$x = \sqrt{K_a \cdot 0.1} = \sqrt{1.6 \times 10^{-5} \cdot 0.1} = 1.26 \times 10^{-3}$$

I el pH de la dissolució d'àcid benzoic és:

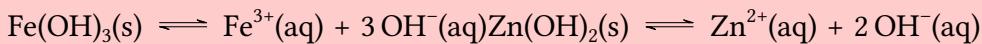
$$\text{pH} = -\log 1.26 \times 10^{-3} = 2.9$$

Exercici 90. Solubilitat hidròxids

Els productes de solubilitat de Fe(OH)_3 i Zn(OH)_2 són $4 \cdot 10^{-38}$ i $4.5 \cdot 10^{-17}$. A quin pH podem considerar que la precipitació de l'hidròxid de ferro és pràcticament completa mentre que l'ió Zn^{2+} queda a una concentració de 0.5 M?

Resposta

Les reaccions de solubilitat són:



Els productes de solubilitat donats són:

$$K_{\text{Fe(OH)}_3} = [\text{Fe}^{3+}][\text{OH}^-]^3 = 4 \cdot 10^{-38}$$

$$K_{\text{Zn(OH)}_2} = [\text{Zn}^{2+}][\text{OH}^-]^2 = 4.5 \cdot 10^{-17}$$

La condició donada és que la concentració d'ions Zn^{2+} ha de ser 0.5 M. Determinem la concentració d'ions OH^- necessària perquè es compleixi aquesta condició.

$$[OH^-] = \sqrt{\frac{K_{Zn(OH)_2}}{[Zn^{2+}]}}$$

Substituint els valors:

$$[OH^-] = \sqrt{\frac{4.5 \cdot 10^{-17}}{0.5}} = \sqrt{9.0 \cdot 10^{-17}} = 1.34 \cdot 10^{-8} M$$

Ara comprovem si a aquesta concentració d'ions OH^- , la precipitació de $Fe(OH)_3$ és gairebé completa.

$$[Fe^{3+}] = \frac{K_{Fe(OH)_3}}{[OH^-]^3}$$

Substituint:

$$[Fe^{3+}] = \frac{4 \cdot 10^{-38}}{(1.34 \cdot 10^{-8})^3} = 2.6 \cdot 10^{-14} M$$

Aquesta concentració d'ions Fe^{3+} és extremadament baixa, la qual cosa indica que la precipitació de $Fe(OH)_3$ és gairebé completa.

Per trobar el pH:

$$pOH = -\log[OH^-] = -\log(1.34 \cdot 10^{-8}) = 7.87$$

$$pH = 14 - pOH = 14 - 7.87 = 6.13$$

Per tant, a pH 6.13 la precipitació de $Fe(OH)_3$ és pràcticament completa mentre que l'iò Zn^{2+} queda a una concentració de 0.5 M.

Exercici 91. Dissolucions amortidores

Calcular el pH d'una dissolució obtinguda quan 3,0 mol de CH_3COOH i 2,0 mol de CH_3COONa es dissolen en aigua fins a completar 1 dm³ de dissolució. Dada:

$$K_a \text{ de CH}_3\text{COOH} = 1,8 \times 10^{-5} \text{ mol dm}^{-3}. [3]$$

Resposta

La reacció àcid/base en equilibri és:



La concentració inicial d'àcid acètic és $3,0 \text{ mol dm}^{-3}$ i la de l'acetat de sodi és $2,0 \text{ mol dm}^{-3}$. Com a resultat de la barreja, les concentracions en equilibri de H_3O^+ , CH_3COO^- i CH_3COOH evolucionen als valors següents en mol/dm^3 (en aquest cas és pràctic usar la taula de l'inici, canvi i final/equilibri (en mols), també anomenada ICE):

Especie	Inicjal	Canvi	Equilibri
CH_3COOH	3.0	-x	$3.0 - x$
CH_3COO^-	2.0	+x	$2.0 + x$
H_3O^+	0	+x	x

Substituint aquestes concentracions en l'expressió de la constant d'acidesa:

$$K_a = \frac{[\text{CH}_3\text{COO}^-][\text{H}_3\text{O}^+]}{[\text{CH}_3\text{COOH}]} = 1.8 \times 10^{-5} = \frac{(2+x)x}{(3-x)}$$

Per a resoldre aquesta equació, podem fer l'aproximació que x és menyspreable comparat amb $2,0 \text{ mol dm}^{-3}$ i $3,0 \text{ mol dm}^{-3}$, és a dir, considerem que únicament una petita fracció de l'àcid acètic es converteix en ió acetat. Així doncs, tenim:

$$1.8 \times 10^{-5} = \frac{2x}{3} \Rightarrow x = 2,7 \times 10^{-5} \text{ mol dm}^{-3}$$

Evidentment, l'aproximació feta és molt bona, ja que x és de l'ordre del 0.001% de $2,0 \text{ mol dm}^{-3}$. Per tant:

$$[\text{H}_3\text{O}^+] = 2,7 \times 10^{-5} \text{ mol dm}^{-3} \quad \text{i} \quad \text{pH} = 4.6$$

L'aproximació realitzada únicament és vàlida si la concentració de l'àcid i de la sal són numèricament molt més grans que la constant de dissociació de l'àcid.

És interessant veure que usant l'equació de Henderson-Hasselbalch podem fer el càlcul molt més ràpidament. L'aproximació de Henderson-Hasselbalch ens proporciona un mètode per estimar el pH d'una dissolució tampó. L'equació bàsica és la següent:

$$\text{pH} \approx \text{p}K_a + \log_{10} \left(\frac{[\text{A}^-]}{[\text{HA}]} \right) \quad (3.6)$$

Tot i que tenim càlculs directes per a àcids i bases forts, el tractament dels equilibris àcid-base dèbils és més complex i laboriós. No obstant això, gràcies al fet que els àcids i les bases febles s'ionitzen molt poc, podem aproximar el pH d'una dissolució tampó fent servir les concentracions inicials dels seus components. Encara que aquesta aproximació té algunes limitacions, permet simplificar un càlcul llarg i detallat en una expressió senzilla derivada de la constant d'equilibri àcid-base, K_a . Així, substituint les dades a Eq. 3.6:

$$\text{pH} \approx -\log_{10}(1.8 \times 10^{-5}) + \log_{10} \left(\frac{2.0}{3.0} \right) = 4.6$$

El cas considerat mostra dos fets:

1. Quan un àcid i una de les seves sals es barregen, molt poc àcid es converteix en la seva base conjugada i viceversa, cosa que ens permet usar l'equació de Henderson-Hasselbalch.
2. En una dissolució reguladora, les concentracions de H_3O^+ i OH^- són molt més petites que les de l'àcid i la base conjugada.

3.2 Exercicis d'examens anteriors

Exercici 92. Dissolució tampó de $\text{NH}_3/\text{NH}_4^+$

Una dissolució tampó conté $0,25 \text{ mol L}^{-1}$ d'amoniàc (NH_3) i $0,40 \text{ mol L}^{-1}$ de clorur d'amoni (NH_4Cl , que es dissocia totalment en Cl^- i NH_4^+), que reaccionen segons:



Donat que

$$K_b(\text{NH}_3) = 1.8 \times 10^{-5},$$

1. calcula la constant d'acidesa de l'ió amoni NH_4^+ , (0.5 punts)
2. calcula el pH de la dissolució, i (1 punt)
3. calcula el pH si afegim 0,10 mol de HCl a 1,0 L d'aquesta dissolució tampó. (1 punt)

Resposta

1. La parella conjugada és: base feble NH_3 i àcid conjugat NH_4^+ . Calculem primer el valor de K_a a partir de K_w :

$$K_a = \frac{K_w}{K_b} = \frac{1.0 \times 10^{-14}}{1.8 \times 10^{-5}} = 5.56 \times 10^{-10} \Rightarrow pK_a = -\log(5.56 \times 10^{-10}) = 9.25$$

2. Per a trobar el pH de la dissolució, usem la taula de l'inici, canvi i final (en mols) (en anglès, s'anomena ICE):

	NH_3	H_2O	\rightleftharpoons	NH_4^+	OH^-
Inicial	0.25	-		0.40	0
Canvi	-x	-		+x	+x
Final	0.25-x	-		0.40+x	x

$$K_b = \frac{[\text{NH}_4^+][\text{OH}^-]}{[\text{NH}_3]} = \frac{(0.40+x)x}{0.25-x} \sim \frac{0.40x}{0.25}$$

on hem aplicat la simplificació d'assumir que la quantitat de mols que reaccionen és molt petita. D'aquí trobem:

$$x = [\text{OH}^-] = 1.8 \times 10^{-5} \cdot \frac{0.25}{0.40} = 1.125 \times 10^{-5}$$

o sigui,

$$[\text{H}^+] = \frac{K_w}{[\text{OH}^-]} = \frac{1.0 \times 10^{-14}}{1.125 \times 10^{-5}} = 8.89 \times 10^{-10}$$

$$\text{pH} = -\log(8.89 \times 10^{-10}) = 9.05$$

També ho podem fer aplicant l'equació de Henderson-Hasselbalch:

$$\text{pH} = \text{p}K_a + \log \left(\frac{[\text{NH}_3]}{[\text{NH}_4^+]} \right) = 9.25 + \log \left(\frac{0.25}{0.40} \right) = 9.25 + \log(0.625) = 9.25 - 0.204 = 9.05$$

3. Afegim ara 0,10 mol de HCl a 1,0 L.

El HCl és un àcid fort, així que es dissocia completament i genera $[\text{H}_3\text{O}^+] = 0,1 \text{ M}$ inicial. Taula ICE:

	NH_3	H_3O^+	\rightleftharpoons	NH_4^+	H_2O
Inicial	0.25	0.10		0.40	-
Canvi	-x	-x		+x	-
Final	0.25-x	0.10-x		0.4+x	-

$$K_a = \frac{[\text{NH}_3][\text{H}_3\text{O}^+]}{[\text{NH}_4^+]} = \frac{(0.25-x)(0.10-x)}{0.40+x}$$

les solucions a l'equació són, aproximadament, 0.25 i 0.10. La primera és impossible perquè quedaríem amb una concentració negativa de protons. La resposta correcta és, doncs, $x \sim 0.10$, que ens deixarà una concentració molt i molt petita de protons en la dissolució. Per tant,

	NH_3	H_3O^+	\rightleftharpoons	NH_4^+	H_2O
Final	0.15	$[\text{H}_3\text{O}^+]$		0.5	-

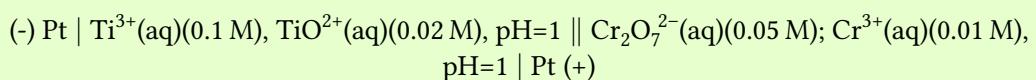
Ara usem l'equació de Henderson-Hasselbalch novament per a calcular aquesta $[\text{H}_3\text{O}^+]$ final:

$$\text{pH} = 9.25 + \log \left(\frac{0.15}{0.50} \right) = 9.25 + \log(0.30) = 9.25 - 0.523 = 8.73$$

En definitiva, afegir una concentració elevada d'un àcid fort té un efecte relativament menor en la dissolució, i és per això que l'anomenem dissolució tampó.

Exercici 93. Pila redox Ti-Cr

Donada la pila:



1. Escriu les semireaccions corresponents als dos elèctrodes i la reacció global ajustada. (0,5 punts)
2. Calcula els potencials dels elèctrodes i la f.e.m. de la pila. (0,5 punts)
3. Determina el valor de $\log K$. (0,5 punts)
4. Calcula les variacions d'energia lliure inicial i estàndard. (1 punt)

Dades:

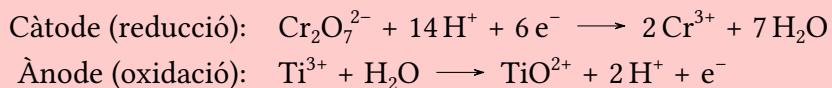
$$E^\circ(\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}/\text{Cr}^{3+}) = 1,33 \text{ V}$$

$$E^\circ(\text{TiO}^{2+}/\text{Ti}^{3+}) = 0,10 \text{ V}$$

Resposta

1. Escriu les semireaccions corresponents als dos elèctrodes i la reacció global ajustada.

Les semireaccions redox són:



Multiplicant la segona semireacció per 6 per ajustar els electrons:



2. Calcula els potencials dels elèctrodes i la f.e.m. de la pila.

Càtode (Cr):

$$E = E^\circ - \frac{0.0592}{n} \log \left(\frac{[\text{Cr}^{3+}]^2}{[\text{Cr}_2\text{O}_7^{2-}][\text{H}^+]^{14}} \right) = 1,33\text{ V} - \frac{0.0592}{6} \log \left(\frac{(0.01)^2}{0.05 \cdot (0.1)^{14}} \right) = 1,22\text{ V}$$

Ànode (Ti):

$$E = E^\circ - \frac{0.0592}{1} \log \left(\frac{[\text{TiO}^{2+}][\text{H}^+]^2}{[\text{Ti}^{3+}]} \right) = 0,10\text{ V} - \frac{0.0592}{1} \log \left(\frac{0.02 \cdot (0.1)^2}{0.1} \right) = -0,06\text{ V}$$

f.e.m. de la pila:

$$\Delta E = E_{\text{càt}} - E_{\text{àn}} = 1,22\text{ V} - (-0,06\text{ V}) = \boxed{1,28\text{ V}}$$

També podem calcular la f.e.m. amb:

$$\Delta E = \underbrace{\frac{\Delta E^\circ}{E_{\text{càt}}^\circ - E_{\text{àn}}^\circ}}_{Q} - \frac{0.0592}{6} \log \left(\frac{[\text{TiO}^{2+}][\text{H}^+]^2}{[\text{Ti}^{3+}]} \right) = \boxed{1,28\text{ V}}$$

3. Determina el valor de $\log K$.

En l'equilibri, la f.e.m. de la pila es fa zero:

$$\Delta E = 0 \Rightarrow \log K = \frac{n \cdot \Delta E^\circ}{0.0592} = \frac{6 \cdot 1.23}{0.0592} = \boxed{125}$$

4. Calcula la variació d'energia lliure inicial i estàndard.

a partir de la f.e.m. i dels potencials estàndar:

$$\Delta G = -nF\Delta E = -6 \cdot 96\,485 \text{ C mol}^{-1} \cdot 1,28 \text{ V} = \boxed{-741 \text{ kJ mol}^{-1}}$$

$$\Delta G^\circ = -nF\Delta E^\circ = -6 \cdot 96\,485 \text{ C mol}^{-1} \cdot 1,23 \text{ V} = \boxed{-712 \text{ kJ mol}^{-1}}$$

Verificació via:

$$\Delta G^\circ = -RT \ln K = -8.314 \cdot 298 \cdot 125 \cdot \ln(10) = \boxed{-713 \text{ kJ mol}^{-1}}$$

Les diferències provenen d'ajustos numèrics en els càlculs.

Capítol 4

Forces intermoleculars

Exercici 94. Equació de Born-Mayer

Dedueix l'equació de Born-Mayer a partir de considerar, de forma simplificada, que l'energia d'atracció Coulòmbica es pot expressar com $-\frac{Me^2}{r}$ i que la repulsió entre ions es pot expressar com $\frac{B}{r^n}$.

Exercici 95. Energia de malla

L'òxid de magnesi, MgO, té la mateixa estructura que el NaCl. Sabent que $(\text{Mg}^{2+}) = 72pm$ i que $(\text{O}^{2-}) = 140pm$, calcula l'energia de malla d'aquest compost iònic.

Exercici 96. Defectes de Frenkel

El coure metàl·lic té una estructura cúbica de cara centrada, i l'aresta de la cel·la unitària és de 3.61. Pots suggerir algun tipus d'àtom que es pugui col·locar en els intersticis de la seva xarxa sense distorsionar-la?

Resposta

El coure (Cu) té una estructura cúbica de cara centrada (FCC), amb una aresta de la cel·la unitària de 3.61 Å. En aquesta estructura, els intersticis poden ser

ocupats per àtoms més petits sense distorsionar la xarxa si la mida d'aquests àtoms és adequada.

Els intersticis en una xarxa FCC es poden dividir en dues categories:

1. Intersticis octaèdrics: Un en cada vèrtex de la cel·la unitària.
2. Intersticis tetraèdrics: N'hi ha més en la xarxa, situats entre els àtoms de la xarxa.

L'àtom de zinc (Zn) té un radi atòmic similar al del coure. Aquest àtom es pot inserir en un interstici octaèdric sense distorsionar excessivament l'estructura.

Exercici 97. P_v gasos ideals

Perquè en una taula de pressió de vapor típicament no apareix la p_v de l'He, H₂ i CH₄?

Resposta

En una taula de pressió de vapor, típicament no apareix la pressió de vapor (p_v) de l'heli (He), l'hidrogen (H₂) i el metà (CH₄) perquè aquestes substàncies tenen temperatures crítiques molt baixes i es troben en estat gasós a temperatures habituals.

- Baixa temperatura crítica:

- La temperatura crítica (T_c) és la màxima temperatura a la qual una substància pot existir en estat líquid, independentment de la pressió.
- Per a He, H₂ i CH₄, aquesta temperatura és molt baixa:

$$T_c(\text{He}) \approx 5,2 \text{ K}, \quad T_c(\text{H}_2) \approx 33 \text{ K}, \quad T_c(\text{CH}_4) \approx 191 \text{ K}$$

- Això significa que a temperatures típiques (per exemple, ambientals, 298 K), aquestes substàncies mai poden estar en equilibri líquid-gas.

- No tenen pressió de vapor significativa a temperatura ambient:
 - La pressió de vapor d'una substància és la pressió a la qual la seva fase gasosa està en equilibri amb la fase líquida.
 - Com que He, H₂ i CH₄ estan sempre en estat gasós a temperatura ambient i fins i tot molt per sota, no tenen una pressió de vapor definida en condicions habituals.
- Només es poden liquar sota condicions extremes:
 - Per liquar aquests gasos, es necessita pressió molt alta i temperatures extremadament baixes (criògenes).
 - Això fa que la seva pressió de vapor només tingui sentit en condicions poc habituals, que no soLEN aparèixer en taules generals.

Les taules de pressió de vapor estan dissenyades per substàncies que poden coexistir en equilibri líquid-gas en condicions accessibles. Com que He, H₂ i CH₄ són gasos a gairebé qualsevol temperatura rellevant, la seva pressió de vapor no es considera i no apareixen en aquestes taules.

Exercici 98. Sobreescalfar un líquid

És possible que un líquid arribi a estar sobreescalfat: temperatura superior a la d'ecullció per a aquella pressió però encara estat líquid, la qual cosa succeeix quan és molt pur i no hi ha partícules de pols. Com aconseguiries que no es produeixi aquest sobreescalfament?

Resposta

Per evitar el sobreescalfament d'un líquid, es poden aplicar diverses tècniques que facilitin la formació de bombolles i, per tant, la transició a l'ebullició de manera controlada. Algunes estratègies inclouen:

- Afegir nucleadors: Introduir impureses controlades, com petits fragments de ceràmica o partícules de pols, que actuïn com a punts de nucleació per a la formació de bombolles.

- Utilitzar recipients rugosos: Els contenidors amb superfícies interiors rugoses ofereixen punts de nucleació naturals que afavoreixen l'ebullició abans d'arribar a una temperatura excessiva.
- Remenar el líquid: Agitar-lo suauament pot trencar la tensió superficial i afavorir l'alliberament del vapor, evitant que es sobreescalfi.
- Escalfament progressiu: Escalfar el líquid lentament en lloc d'aplicar una font de calor intensa i sobtada ajuda a evitar el sobreescalfament.
- Utilitzar un agitador ultrasònic: Les ones ultrasòniques poden induir cavitació i ajudar a iniciar la formació de bombolles.
- Col·locar un objecte sòlid dins el líquid: Per exemple, una vareta de vidre o una pedra de bullició poden afavorir l'ebullició abans que el líquid s'escalfi massa.

Aquestes mesures ajuden a evitar accidents per escalfament sobtat i alliberament explosiu de vapor quan es manipula un líquid potencialment sobreescalfat.

Exercici 99. Aigua gas-líquida

Què ens produirà una cremada més gran: una massa m d' $\text{H}_2\text{O}(g)$ a 100 graus o la mateixa quantitat d'aigua líquida a la mateixa temperatura?

Resposta

L'aigua en estat de vapor, $\text{H}_2\text{O}(g)$ a 100°C, produirà una cremada més gran que la mateixa massa d'aigua líquida a la mateixa temperatura.

Això es deu a diversos factors:

1. Calor latent de condensació: Quan el vapor d'aigua entra en contacte amb la pell, es condensa en aigua líquida, alliberant la seva calor latent de condensació:

$$L_v = 2260 \text{ J/g}$$

Aquesta energia s'afegeix a la calor transferida a la pell.

2. Capacitat calorífica: Un cop condensada, l'aigua líquida encara està a 100°C i continua cedint calor a la pell fins a equilibrar-se amb la temperatura corporal. La calor cedida per refredament fins a la temperatura corporal T_f ve donada per:

$$Q = mc\Delta T = mc(100 - T_f)$$

amb $c = 4.18 \text{ J/g}^\circ\text{C}$.

En canvi, l'aigua líquida a 100°C només pot cedir la seva calor sensible fins a la temperatura corporal:

$$Q_{\text{líquid}} = mc(100 - T_f)$$

Mentre que el vapor cedeix tant la calor latent de condensació com la calor sensible:

$$Q_{\text{vapor}} = mL_v + mc(100 - T_f)$$

Com que $L_v \gg c(100 - T_f)$, es conclou que el vapor d'aigua provoca cremades més greus perquè transfereix molta més energia a la pell.

Exercici 100.

Usant R, prova d'executar aquest script que mostra com simular el moviment Brownià d'una partícula en un líquid (extret de <http://www.phytools.org/eqg/phytools/>):

```

1 t <- 0:100 # temps de simulacio
2 sig2 <- 0.01
3 ## primer, calcula un conjunt de desviacions aleatòries puntuals
4 x <- rnorm(n = length(t) - 1, sd = sqrt(sig2))
5 ## després, acumula'n els resultats
6 x <- c(0, cumsum(x))
7 plot(t, x, type = "l", ylim = c(-2, 2))
```

Després, executa el següent script, que produeix 10000 simulacions diferents:

```

1 nsim <- 1000
2 ## creo una matriu que hostatgi totes les simulacions
3 X <- matrix(0, nsim, length(t))
4 for (i in 1:nsim) X[i, ] <- c(0, cumsum(rnorm(n =
5   length(t) - 1, sd = sqrt(sig2))))
6 plot(t, X[1, ], xlab = "temps", ylab = "desviacions",
7   ylim = c(-2, 2), type = "l")
8 for (i in 1:nsim) lines(t, X[i, ])

```

Exercici 101.

Per saber la variança que s'obté de la simulació podem fer

```
1 var(X[, length(t)])
```

i per mostrar l'histograma de posicions finals:

```
1 hist(X[, length(t)])
```

o bé:

```
1 plot(density(X[, length(t)]))
```

Calcula la variança de la distribució per a diferents valors del nombre de simulacions o el temps simulat.

Qüestió 102

Perquè es generen bombolles de seguida que obrim una ampolla d'aigua amb gas?

Resposta

Segons la llei de Henry, la concentració de gas en un líquid és proporcional a la pressió parcial externa d'aquest gas. Quan s'embotella aigua carbonatada es

fa a una pressió superior a 1 atm. Quan obrim l'ampolla, la pressió es redueix fins a 1 atm, i per tant el CO₂ no és tan soluble i escapa de la dissolució formant bombolles.

Qüestió 103

La constant de la llei de Henry de l'O₂ en aigua a 25°Cés $1.27 \cdot 10^{-3} \text{ M atm}^{-1}$, i la fracció molar de l'O₂ en l'atmosfera és 0.21. Calcula la solubilitat de l'O₂ en aigua a 25°Ci a pressió atmosfèrica.

Resposta

Segons la llei de Dalton, la pressió parcial d'un gas en una dissolució de gasos és proporcional a la seva fracció molar: $P_A = x_A P_t$. Per tant, $P_{\text{O}_2} = 0.21 \times 1 \text{ atm} = 0.21 \text{ atm}$.

A partir de la llei de Henry, la concentració d'oxigen dissolt en les condicions donades és

$$[\text{O}_2] = kP_{\text{O}_2} = 1.27 \times 10^{-3} \text{ M atm}^{-1} \cdot 0.21 \text{ atm} = 2.7 \cdot 10^{-4} \text{ M}$$

Exercici 104. Ebullició aigua

En un recipient hi ha aigua líquida. Es connecta el recipiente a una bomba de buit i es va abaixant la pressió sobre el líquid. Si la temperatura és de 60 graus, a quina pressió bullirà l'aigua?

Resposta

Volem calcular la pressió d'ebullició de l'aigua a 60 °C mitjançant l'equació de Clausius-Clapeyron:

$$\ln \left(\frac{P_2}{P_1} \right) = \frac{-L_v}{R} \left(\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1} \right)$$

On:

- $P_1 = 101,3 \text{ kPa}$ és la pressió d'ebullició a 100°C .
- $T_1 = 373,15 \text{ K}$ (100°C en kelvin).
- $T_2 = 333,15 \text{ K}$ (60°C en kelvin).
- $L_v = 2\,260\,000 \text{ J kg}^{-1}$ és la calor latent d'evaporació de l'aigua.
- $R = 461,5 \text{ J kg}^{-1} \text{ K}^{-1}$ és la constant dels gasos per al vapor d'aigua.

Substituint les dades:

$$P_2 = P_1 \cdot \exp \left(\frac{-L_v}{R} \left(\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1} \right) \right)$$

$$P_2 = 101,3 \text{ kPa} \cdot \exp \left(\frac{-2\,260\,000 \text{ J kg}^{-1}}{461,5 \text{ J kg}^{-1} \text{ K}^{-1}} \left(\frac{1}{333,15 \text{ K}} - \frac{1}{373,15 \text{ K}} \right) \right)$$

Resolent, obtenim:

$$P_2 \approx 20,96 \text{ kPa}$$

Així, l'aigua bullirà a 60°C quan la pressió baixi aproximadament a $20,96 \text{ kPa}$.

Qüestió 105

La T de congelació del benzè pur és $5,40^\circ\text{C}$. Quan es dissol $1,15\text{g}$ de naftalè en 100 g de benzè, la dissolució resultant té un punt de congelació de $4,95^\circ\text{C}$. Si la constant de descens molal del punt de congelació del benzè és $5,12^\circ\text{C}$, quin és el pes molecular del naftalè?

Resposta

La molalitat de la dissolució és

$$m = \frac{\Delta T}{K_f} = \frac{5.40 - 4.95}{5.12} = 0.088$$

A partir de la quantitat de naftalè i la molalitat:

$$\frac{1,15 \text{ g naft}}{100 \text{ g dissolv}} \cdot \frac{1000 \text{ g dissolv}}{0,088 \text{ mol naft}} = 130 \text{ g mol}^{-1}$$

Exercici 106.

Raona l'efecte que té la no idealitat de les dissolucions segons la Figura 4.15a a) en el seu punt d'ebullició, i b) en un procés de destil·lació fraccionada.

Exercici 107.

Un azeòtrop positiu prové d'una desviació també positiva de la llei de Raoult. a) Dibuixa la corba de Temperatura d'ebullició vs composició per a un azeòtrop positiu basant-te en les Figures 4.14a i 4.15a. b) Raona el resultat de fer una destil·lació a partir de diverses composicions d'aquesta mescla. c) què succeiria en un azeòtrop negatiu?

Exercici 108.

Volem separar una barreja equimolar d'etanol i acetat etílic per destil·lació en productes relativament purs. La barreja forma un azeòtrop de mínim punt d'ebullició segons la Figura 4.17. No obstant, la composició de l'azeòtrop és sensible a la pressió, mostrant un increment significatiu de la fracció molar de l'etanol quan incrementa la pressió, com es mostra a la Figura. Dibuixa un esquema aproximat per a la separació de les dues components de la barreja que tregui profit d'aquest fet.

Exercici 109. PM naftalè

La temperatura de congelació del benzè pur és 5,40 °C i la seva constant crios-

còpica és $5,12 \text{ }^{\circ}\text{C mol}^{-1} \text{ kg}^{-1}$. Si es dissolen 1,15 g de naftalè en 100 g de benzè, la dissolució resultant congela a $4,95 \text{ }^{\circ}\text{C}$. Calcula el pes molecular del naftalè.

Resposta

La molalitat de la dissolució és:

$$m = \frac{\Delta T_f}{K_f} = \frac{5,40 - 4,95}{5,12} = 0,0877 \text{ mol kg}^{-1} \quad (4.1)$$

A partir d'una simple anàlisi dimensional podem trobar el pes molecular del naftalè:

$$\frac{1000 \text{ g benzè}}{0,087 \text{ mol naftalè}} \cdot \frac{1,15 \text{ g naftalè}}{100 \text{ g benzè}} = \frac{1000 \text{ g} \cdot 1,15 \text{ g}}{0,0877 \text{ mol} \cdot 100 \text{ g}} = 131,5 \text{ g mol}^{-1}$$

Exercici 110. Relació entre P_v i x_s .

Determina la relació entre l'increment de pressió de vapor d'una dissolució i la fracció molar del solut.

Resposta

Segons la llei de Raoult, la pressió de vapor d'un dissolvent en una dissolució està relacionada amb la seva fracció molar:

$$P = P_0 x_a$$

on: - P és la pressió de vapor del dissolvent en la dissolució, - P_0 és la pressió de vapor del dissolvent pur, - x_a és la fracció molar del dissolvent.

L'increment o disminució de la pressió de vapor ve donat per:

$$\Delta P = P_0 - P$$

Substituint l'expressió de P :

$$\Delta P = P_0 - P_0 x_a = P_0(1 - x_a)$$

Com que la suma de les fraccions molars del dissolvent i del solut és 1:

$$x_a + x_s = 1$$

on x_s és la fracció molar del solut, podem reescriure:

$$\Delta P = P_0 x_s$$

Aquesta equació mostra que l'increment de pressió de vapor és directament proporcional a la fracció molar del solut en la dissolució.

Exercici 111. Mescla etanol-metanol[6]

L'etanol i el metanol formen una dissolució aproximadament ideal. La pressió de vapor de l'etanol és de 44,5 mmHg i la del metanol és de 88,7 mmHg a 20 °C.

- a) Trobar les fraccions molars del metanol i l'etanol en una dissolució que s'obté mesclant 60 g d'etanol amb 40 g de metanol.
- b) Trobar les pressions parcials i la pressió de vapor total de la dissolució, així com la fracció molar de l'etanol en el vapor.

Resposta

- a) Fraccions molars:

Masses moleculars:

$$M_{\text{EtOH}} = 46,07 \text{ g mol}^{-1}$$

$$M_{\text{MeOH}} = 32,04 \text{ g mol}^{-1}$$

Nombre de mols:

$$n_{\text{EtOH}} = \frac{60}{46.07} \approx 1.303 \text{ mol}$$

$$n_{\text{MeOH}} = \frac{40}{32.04} \approx 1.248 \text{ mol}$$

$$n_{\text{total}} = 1.303 + 1.248 = 2.551 \text{ mol}$$

Fraccions molars:

$$x_{\text{EtOH}} = \frac{1.303}{2.551} \approx 0.511$$

$$x_{\text{MeOH}} = \frac{1.248}{2.551} \approx 0.489$$

b) Pressions parcials i vapor en equilibri:

Pressions de vapor pures:

$$P_{\text{EtOH}}^\circ = 44,5 \text{ mmHg}$$

$$P_{\text{MeOH}}^\circ = 88,7 \text{ mmHg}$$

Segons la llei de Raoult:

$$P_{\text{EtOH}} = x_{\text{EtOH}} \cdot P_{\text{EtOH}}^\circ = 0.511 \cdot 44.5 \approx 22,73 \text{ mmHg}$$

$$P_{\text{MeOH}} = x_{\text{MeOH}} \cdot P_{\text{MeOH}}^\circ = 0.489 \cdot 88.7 \approx 43,38 \text{ mmHg}$$

Pressió total:

$$P_{\text{total}} = P_{\text{EtOH}} + P_{\text{MeOH}} = 22.73 + 43.38 = 66,11 \text{ mmHg}$$

Fraccions molars al vapor (llei de Dalton):

$$y_{\text{EtOH}} = \frac{P_{\text{EtOH}}}{P_{\text{total}}} = \frac{22.73}{66.11} \approx 0.344$$

$$y_{\text{MeOH}} = \frac{P_{\text{MeOH}}}{P_{\text{total}}} = \frac{43.38}{66.11} \approx 0.656$$

Exercici 112. Dissolució benzè-toluè[6]

A 20 °C, la pressió de vapor del benzè pur és 75 mmHg i la del toluè pur de 22 mmHg. Quina és la composició d'una dissolució d'aquests dos components, que té una pressió de vapor de 50 mmHg a aquesta temperatura? Quina serà la composició del vapor en equilibri d'aquesta dissolució?

Resposta

Utilitzem la llei de Raoult:

$$P_{\text{total}} = x_{\text{benzè}} P_{\text{benzè}}^{\circ} + x_{\text{toluè}} P_{\text{toluè}}^{\circ}$$

Donat que:

$$P_{\text{benzè}}^{\circ} = 75 \text{ mmHg}$$

$$P_{\text{toluè}}^{\circ} = 22 \text{ mmHg}$$

$$P_{\text{total}} = 50 \text{ mmHg}$$

Anomenem $x_{\text{benzè}} = x$ i $x_{\text{toluè}} = 1 - x$:

$$50 = 75x + 22(1 - x) \Rightarrow 50 = 75x + 22 - 22x = 53x + 22 \Rightarrow x = \frac{28}{53} \approx 0.528$$

Composició de la dissolució:

- Benzè: $x_{\text{benzè}} = 0.528$
- Toluè: $x_{\text{toluè}} = 1 - 0.528 = 0.472$

Composició del vapor en equilibri:

Segons la llei de Dalton, la fracció molar de cada component al vapor és:

$$y_i = \frac{P_i}{P_{\text{total}}}$$

On $P_i = x_i P_i^\circ$.

$$\begin{aligned}P_{\text{benzè}} &= 0.528 \cdot 75 = 39,6 \text{ mmHg} \\P_{\text{toluè}} &= 0.472 \cdot 22 = 10,4 \text{ mmHg}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}y_{\text{benzè}} &= \frac{39.6}{50} = 0.792 \\y_{\text{toluè}} &= \frac{10.4}{50} = 0.208\end{aligned}$$

Composició del vapor:

- Benzè: 79.2%
- Toluè: 20.8%

Exercici 113. Determinació de la massa molecular del fòsfor vermell (Exercici 4 2025)

Dissolem 0,30 g de fòsfor vermell en 500 g d'etanol. La dissolució així preparada té un punt d'ebullició que és 0,0059 °C més alt que el de l'etanol pur. La fórmula del fòsfor vermell és:

(Dades: constant ebulloscòpica del etanol $K_b = 1,22 \text{ } ^\circ\text{C kg mol}^{-1}$, massa atòmica del fòsfor = 30,97 g mol $^{-1}$)

Resposta

L'elevació del punt d'ebullició està relacionada amb la molalitat mitjançant:

$$\Delta T_b = K_b \cdot m \Rightarrow m = \frac{\Delta T_b}{K_b} = \frac{0.0059}{1.22} = 0,004\,836 \text{ mol kg}^{-1}$$

La massa del dissolvent (etanol) és 500 g = 0,500 kg, així que els mols de fòsfor dissolts són:

$$n = m \cdot \text{massa dissolvent} = 0.004836 \cdot 0.500 = 0,002\,418 \text{ mol}$$

La massa de fòsfor dissolta és 0,30 g, així que la massa molar apparent del fòsfor és:

$$M = \frac{0.30}{0.002418} = 124,06 \text{ g mol}^{-1}$$

Finalment, el nombre d'àtoms de fòsfor per molècula és:

$$\frac{124.06}{30.97} \approx \boxed{4.00}$$

Per tant, la fórmula del fòsfor vermel·l és $\boxed{\text{P}_4}$

Exercici 114. Solubilitat del bòrax[6]

La solubilitat del bòrax ($\text{Na}_2\text{B}_4\text{O}_7 \cdot 10 \text{H}_2\text{O}$) a l'aigua augmenta a mesura que augmenta la temperatura. Quan la sal es dissol, es desprèn o s'absorbeix calor? És l'entalpia del procés de dissolució positiva o negativa?

Resposta

Quan la solubilitat d'una substància augmenta amb la temperatura, això indica

que el procés de dissolució és endotèrmic, és a dir, que s'absorbeix calor del medi per tal que el sòlid es dissolgui millor.

Això es pot interpretar amb el principi de Le Châtelier: si augmentem la temperatura i el sistema respon dissolent més sòlid, vol dir que la calor actua com un "reactiu", i per tant el procés requereix energia.

Així doncs:

- En el procés de dissolució del bòrax s'absorbeix calor.
- L'entalpia del procés és positiva ($\Delta H > 0$).

Exercici 115. Desviació de la llei de Raoult[6]

A 55 °C, l'etanol té una pressió de vapor de 168 mmHg, i la pressió de vapor del metil ciclohexà és de 280 mmHg. Una dissolució dels dos components, en la qual la fracció molar de l'etanol és $x_{\text{EtOH}} = 0,68$, té una pressió de vapor total de 476 mmHg. És el procés de formació de la dissolució exotèrmic o endotèrmic?

Resposta

Primer calculem la pressió de vapor que tindria la dissolució si fos ideal, utilitzant la llei de Raoult:

$$P_{\text{ideal}} = x_{\text{EtOH}} P_{\text{EtOH}}^{\circ} + x_{\text{MCH}} P_{\text{MCH}}^{\circ}$$

$$x_{\text{EtOH}} = 0.68$$

$$x_{\text{MCH}} = 1 - 0.68 = 0.32$$

$$P_{\text{EtOH}}^{\circ} = 168 \text{ mmHg}$$

$$P_{\text{MCH}}^{\circ} = 280 \text{ mmHg}$$

$$P_{\text{ideal}} = 0,68 \cdot 168 \text{ mmHg} + 0,32 \cdot 280 \text{ mmHg} = 114,24 \text{ mmHg} + 89,6 \text{ mmHg} = 203,84 \text{ mmHg}$$

Tanmateix, la pressió de vapor real mesurada és:

$$P_{\text{real}} = 476 \text{ mmHg}$$

Com que $P_{\text{real}} \gg P_{\text{ideal}}$, hi ha una desviació positiva de la llei de Raoult.

Això indica que les interaccions entre les molècules dels dos components són més febles que les interaccions intermoleculars dels components purs. Per tant, en formar la dissolució:

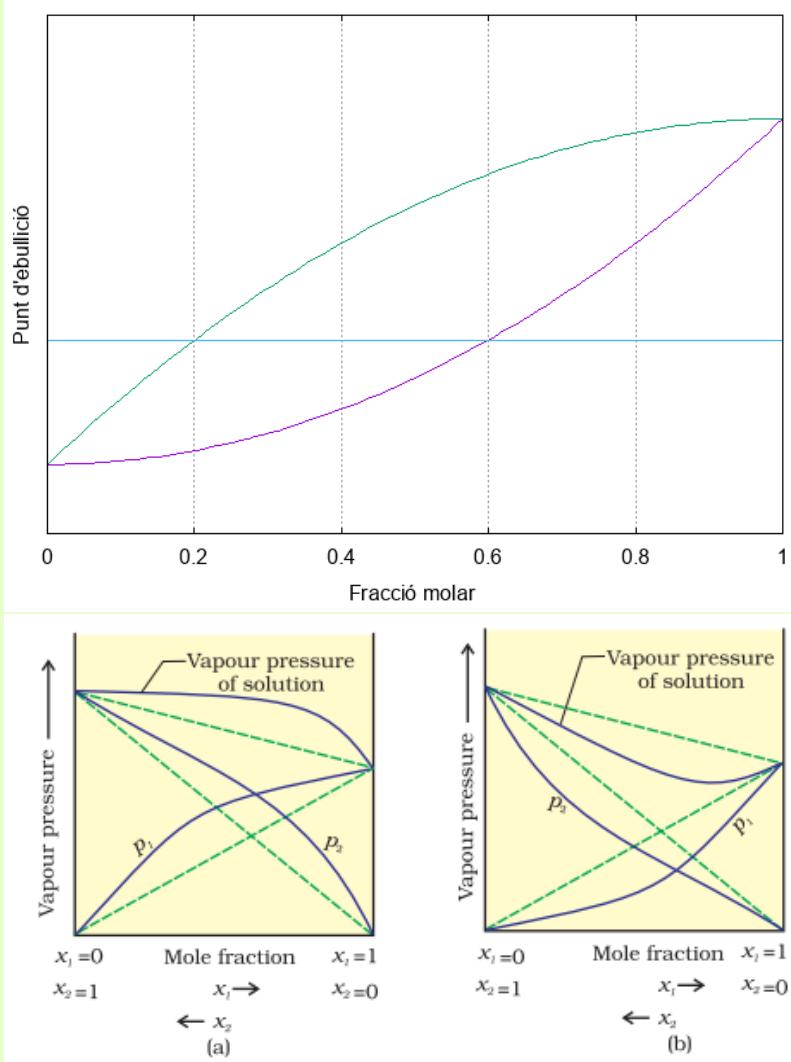
- s'absorbeix energia per trencar les interaccions existents,
- el procés és endotèrmic,
- i l'entalpia de mescla és positiva.

Exercici 116. Azeòtrops

Nota: per repassar, fet amb chatGPT i no revisat

Un azeòtrop positiu prové d'una desviació també positiva de la llei de Raoult.

1. Dibuixa la corba de Temperatura d'ebullició vs composició per a un azeòtrop positiu basant-te en les Figures 4.14a i 4.15a.



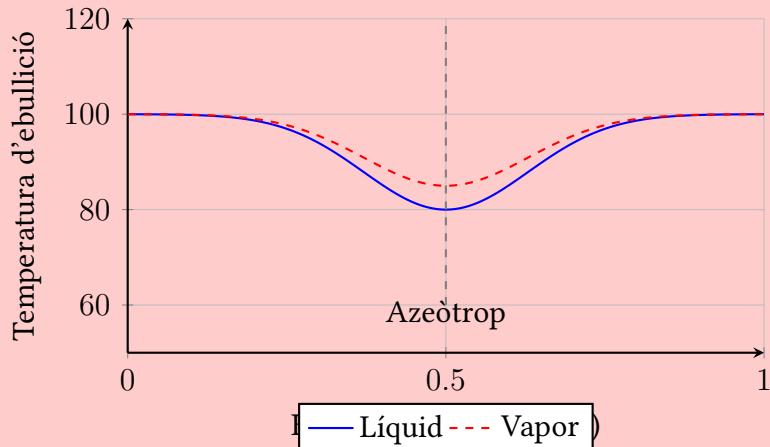
2. Raona el resultat de fer una destil·lació a partir de diverses composicions d'aquesta mescla.
3. Què succeiria en un azeòtrop negatiu?

Resposta

- Un azeòtrop positiu es caracteritza per una desviació positiva respecte la llei de Raoult, tal com es veu a la Figura 4.15a. Aquesta desviació implica que la pressió de vapor total és més gran que la prevista idealment, ja que les interaccions entre les molècules diferents (A-B) són més febles que les interaccions A-A i B-B.

Com que la pressió de vapor augmenta, la temperatura d'ebullició disminueix. Això fa que, en representar la **temperatura d'ebullició en funció de la composició**, s'observi un **mínim** local en la corba, que correspon precisament al punt azeotrópic. En aquest punt, la composició del líquid i del vapor és la mateixa.

Esquema esperat: Una corba en forma de “U” (mínim) on el punt més baix indica el punt azeotrópic. Aquest es troba a una composició intermèdia entre els dos components purs.



- Quan es realitza una destil·lació d'aquesta mescla, el vapor serà més ric en el component més volàtil (el de menor temperatura d'ebullició). A mesura que es repeteixen destil·lacions successives (destil·lació fraccionada), la composició del líquid residual i del vapor s'acosten al punt azeotrópic. Un cop s'hi arriba, no és possible separar més els components per destil·lació simple, ja que tant el vapor com el líquid tenen la mateixa composició.

3. En un azeòtrop negatiu, es produeix una desviació negativa respecte a la llei de Raoult (Figura 4.15b), el que implica que la pressió de vapor total és menor que la ideal, a causa d'interaccions intermoleculars més fortes entre molècules diferents (A-B). Això es tradueix en un **màxim** en la temperatura d'ebullició vs composició. Així, el punt azeotrópic tindrà la màxima temperatura d'ebullició, i serà un punt límit de separació per destil·lació: les mescles tendiran a separar-se en direcció als components purs en lloc d'aproximar-se al punt azeotrópic.

Exercici 117. Vaporització de l'aigua en un recipient tancat

La pressió de vapor de l'aigua a 25 °C és de 23,76 torr. Si es tanquen 1,25 g d'aigua en un recipient de 1,5 L, hi haurà algun líquid present? Si és així, quina massa de líquid?

Resposta

Suposem que tota l'aigua s'evapora. Calculem quina pressió exerciria el vapor:

- Calculem els mols d'aigua:

$$n = \frac{m}{M} = \frac{1,25 \text{ g}}{18,015 \text{ g mol}^{-1}} = 0,0694 \text{ mol}$$

- Calculem la pressió que exerciria aquest vapor si tot s'evaporés, amb l'equació dels gasos ideals:

$$P = \frac{nRT}{V}$$

On:

- $R = 8,314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$
- $T = 298,15 \text{ K}$
- $V = 1,5 \text{ L} = 0,0015 \text{ m}^3$

$$P = \frac{0,0694 \times 8,314 \times 298,15}{0,0015} = 114\,624 \text{ Pa} = 861 \text{ Torr}$$

Com que $861 \text{ Torr} \gg 23,76 \text{ Torr}$, l'aigua no pot evaporar-se completament: s'assoleix la pressió de vapor abans.

Ara calculem quants mols serien necessaris per assolar 23,76 Torr. Convertim primer aquesta pressió a unitats del SI:

$$23,76 \text{ Torr} \times \frac{1,013\,25 \times 10^5 \text{ Pa}}{760 \text{ Torr}} = 3165 \text{ Pa}$$

$$n = \frac{PV}{RT} = \frac{3165 \times 0.0015}{8.314 \times 298.15} = 0,000\,191 \text{ mol}$$

Convertim a massa:

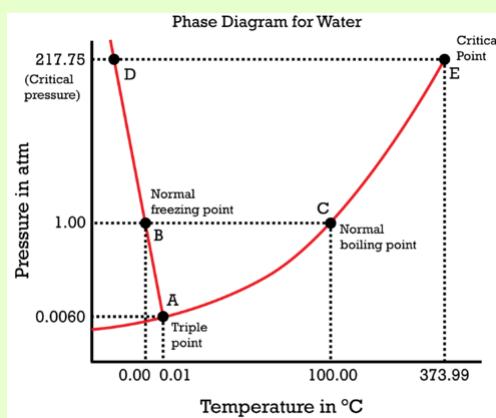
$$m = n \cdot M = 0,000\,191 \cdot 18.015 = 0,003\,44 \text{ g}$$

Això vol dir que només 0,003 44 g d'aigua s'evaporen per generar la pressió de vapor. Per tant, la massa d'aigua líquida que resta és:

$$1,25 \text{ g} - 0,003\,44 \text{ g} = 1,2466 \text{ g}$$

Exercici 118. Diagrama de fases de l'aigua

Segons la imatge:



- Quina és la temperatura de fusió de l'aigua a 1 atm?

2. Quina és la temperatura d'ebullició de l'aigua a 1 atm?
3. Quina és la pressió de vapor de l'aigua a 25 °C?
4. Quina és la pressió crítica de l'aigua?
5. Quina és la temperatura crítica de l'aigua?
6. A quines condicions de temperatura i pressió es troba l'aigua en estat líquid, sòlid i gasós, tots tres en equilibri?
7. Determina si l'aigua és sòlida, líquida o gasosa en cadascuna de les següents combinacions de temperatura i pressió:
 - 1 atm i 20 °C
 - 0.006 atm i 100 °C
 - 210 atm i 100 °C
 - 10 atm i 50 °C

Adaptat de [Libretexts Chemistry](#).

Resposta

1. 0 °C
2. 100 °C
3. 0,0060 atm a 1 atm. En concret, 0,032 atm
4. 217,75 atm
5. 373,99 °C
6. 0,006 atm i 0,01 °C
7. (a) Líquid

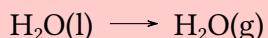
- (b) Gas
- (c) Líquid
- (d) Líquid

Exercici 119. Termodinàmica de la vaporització de l'aigua

Calcular els canvis d'energia lliure, entalpia i entropia per a la vaporització de l'aigua líquida a la temperatura de 100 °C i 1 atm de pressió, sabent que la calor de vaporització és 40,7 kJ mol⁻¹.

Resposta

Volem calcular els canvis d'energia lliure, entalpia i entropia per a la vaporització de l'aigua líquida:



L'entropia de vaporització és l'augment d'entropia durant la vaporització d'un líquid. Aquest augment és sempre positiu, ja que el grau de desordre augmenta en la transició d'un líquid en un volum relativament petit a un vapor o gas que ocupa un espai molt més gran. A pressió estàndard $P^\ominus = 1$ atm, el valor es denota com $\Delta S_{\text{vap}}^\ominus$ i normalment s'expressa en J mol⁻¹ K⁻¹.

Per a una transició de fase com la vaporització o la fusió (fusió d'un sòlid), ambdues fases poden coexistir en equilibri a temperatura i pressió constants i, per tant, en aquest cas l'increment d'energia lliure de Gibbs del procés és igual a zero:

$$\Delta G_{\text{vap}}^\ominus = \Delta H_{\text{vap}}^\ominus - T_{\text{vap}} \Delta S_{\text{vap}}^\ominus = 0,$$

on $\Delta H_{\text{vap}}^\ominus$ és la calor o entalpia de vaporització. L'entropia de vaporització és llavors igual a la calor de vaporització dividida pel punt d'ebullició:

$$\Delta S_{\text{vap}}^\ominus = \frac{\Delta H_{\text{vap}}^\ominus}{T_{\text{vap}}}.$$

Substituem valors:

$$\Delta S_{\text{vap}}^\ominus = \frac{40,7 \times 10^3 \text{ J mol}^{-1}}{373,15 \text{ K}} = 109 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$$

$$\Delta H_{\text{vap}}^{\ominus} = 40,7 \text{ kJ mol}^{-1}$$

$$\Delta G_{\text{vap}}^{\ominus} = 0$$

Exercici 120. Manteniment d'un material a temperatura controlada

Un material molt sensible ha de mantenir-se a una temperatura propera a 0 °C per evitar-ne la degradació. Es disposa únicament d'aigua i de metanol (tots dos a temperatura ambient) com a líquids, i de nitrogen líquid i gel sec (diòxid de carboni sòlid) com a agents refrigerants.

Quina combinació de líquid i agent refrigerant s'hauria d'utilitzar per crear un bany de refrigeració adequat? Justifica la resposta, sabent que:

- CO₂(s) sublima a -78,5 °C.
- N₂(l) bull a -195,8 °C.
- L'aigua congela a 0 °C.
- El metanol congela a -143,7 °C.

Resposta

Els refrigerants nitrogen líquid i gel sec (CO₂(s)) es transformen en gas a temperatures molt baixes. Un cop gasosos, ja no són "útils", ja que no poden ser afegits al bany. Per tant, si s'afegeixen quantitats suficients de qualsevol d'aquests refrigerants a qualsevol dels líquids disponibles, la temperatura del bany baixaria molt per sota del punt de congelació del líquid, resultant en un "bloc" sòlid en lloc d'un bany líquid.

Per sortir de l'atzucac, pensem en un got d'aigua amb gel. Si s'hi afegeix prou gel, l'aigua i el gel acabaran equilibrant-se a 0 °C, que és el punt d'equilibri de l'aigua, on poden coexistir els estats sòlid i líquid (veure també Exercici 119). Tot i que ara mateix no es disposa de gel, el mateix concepte es pot aplicar. Si s'afegeix massa refrigerant, tota l'aigua es congelarà. Però si s'hi afegeix només

la quantitat justa, el bany de refrigeració es mantindrà a 0 °C, formant un medi que és parcialment sòlid i parcialment líquid, ideal per mantenir la temperatura òptima del material sensible.

L'aigua és perfecta per aquest propòsit perquè roman líquida a 0 °C, i no pot mantenir-se líquida a cap temperatura inferior. En canvi, com que l'metanol congela a -143,7 °C, afegir-hi gel sec o nitrogen líquid faria que el bany baixés molt més de 0 °C, cosa que destruiria el material.

Així doncs, no importa quin refrigerant es faci servir: tant el gel sec com el nitrogen líquid poden portar l'aigua fins a 0 °C. Tanmateix, l'metanol no es una opció.

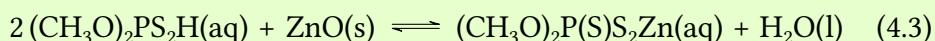
Exercici 121. Propietats lubricants del ZDDP

La síntesi del Zinc Dialquilditiofosfat (ZDDP) es basa en la reacció entre l'àcid dialquilditiofosfòric i l'òxid de zinc:

- Síntesi de l'àcid dialquilditiofosfòric ($(\text{CH}_3\text{O})_2\text{PS}_2\text{H}$):



- Síntesi del ZDDP ($(\text{CH}_3\text{O})_2\text{P(S)S}_2\text{Zn}$):



Fixem-nos en la Reacció 4.3. Es tracta d'una reacció reversible que pot assolir un equilibri químic.

- Escriu l'expressió de la constant d'equilibri K_c per aquesta reacció.
- Explica qualitativament com afecta la presència d'aigua (H_2O) al desplaçament de l'equilibri i, en conseqüència, a la quantitat de ZDDP disponible.
- Relaciona aquest desplaçament d'equilibri amb la capacitat del lubricant de protegir les superfícies metàl·liques.

Resposta

1. L'expressió de la constant d'equilibri és:

$$K_c = \frac{[(\text{CH}_3\text{O})_2\text{P}(\text{S})\text{S}_2\text{Zn}]}{[(\text{CH}_3\text{O})_2\text{PS}_2\text{H}]^2}$$

(L'activitat de sòlids i líquids purs, com ZnO i H₂O, es considera constant i no apareix en K_c).

2. Si s'acumula aigua al sistema (per exemple, per contaminació o degradació), segons el principi de Le Châtelier, l'equilibri es desplaçarà cap a l'esquerra, reduint la formació de ZDDP.
3. D'entrada, amb menys ZDDP disponible, es formaran menys capes protectores sobre les superfícies metàl·liques. Això comporta un augment del desgast i una disminució de la vida útil del lubricant i dels components mecànics. No obstant això, el ZDDP també pot actuar com a antioxidant i inhibidor de la corrosió, així que la seva presència és important per mantenir les propietats lubricants del lubricant. En general, un equilibri adequat entre la formació de ZDDP i la seva degradació és essencial per garantir un bon rendiment del lubricant.

Exercici 122. Calor de dissolució del CaCl₂

En un experiment de calorimetria, es vol determinar la calor de dissolució del CaCl₂.

- Es va fer passar un corrent de 1,03 A durant 23 s a través d'una resistència amb una diferència de potencial de 12,00 V.
- Durant aquest procés, la temperatura de l'aigua del calorímetre va augmentar de 20,340 °C a 22,340 °C.
- Posteriorment, es van dissoldre 2,45 g de CaCl₂ sòlid en el calorímetre, provocant una pujada de temperatura de 20,34 °C a 26,22 °C.

1. Calcula el factor de calibratge del calorímetre en $J^{\circ}C^{-1}$ (el factor de calibratge és la quantitat d'energia (en joules) necessària per augmentar la temperatura del calorímetre en $1^{\circ}C$).
2. Calcula la variació d'entalpia (ΔH) de dissolució del $CaCl_2$ en $kJ\ mol^{-1}$.

Resposta

1. Factor de calibratge del calorímetre

El factor de calibratge es calcula a partir de l'energia elèctrica subministrada al calorímetre i el canvi de temperatura resultant.

$$Q_{elec} = I \cdot V \cdot t$$

On:

$$I = 1,03\ A, \quad V = 12,00\ V, \quad t = 23\ s$$

Substituint els valors:

$$Q_{elec} = 1,03\ A \times 12,00\ V \times 23\ s = 284,64\ J$$

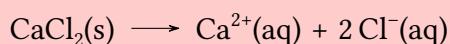
El canvi de temperatura és:

$$\Delta T = 22,340\ ^{\circ}C - 20,340\ ^{\circ}C = 2\ ^{\circ}C$$

Per tant, el factor de calibratge del calorímetre és:

$$C_{cal} = \frac{Q_{elec}}{\Delta T} = \frac{284,64\ J}{2\ ^{\circ}C} = 142,32\ J^{\circ}C^{-1}$$

2. Variació d'entalpia de dissolució del $CaCl_2$. La dissolució del $CaCl_2$ en aigua és un procés exotèrmic, i la reacció química es pot escriure com:



El calor mesurat pel calorímetre durant la dissolució del CaCl₂ es pot trobar utilitzant el factor de calibratge i el canvi de temperatura:

$$\Delta T_{\text{dissol}} = 26,22^\circ\text{C} - 20,34^\circ\text{C} = 5,88^\circ\text{C}$$

$$Q_{\text{cal}} = C_{\text{cal}} \cdot \Delta T_{\text{dissol}} = 142,32 \text{ J}^\circ\text{C}^{-1} \times 5,88^\circ\text{C} = 836,98 \text{ J}$$

El nombre de mols de CaCl₂ dissolts es calcula amb la massa i la massa molar del CaCl₂:

$$n_{\text{CaCl}_2} = \frac{m_{\text{CaCl}_2}}{M_{\text{CaCl}_2}} = \frac{2,45 \text{ g}}{111 \text{ g mol}^{-1}} = 0,0221 \text{ mol}$$

Finalment, la variació d'entalpia de dissolució del CaCl₂ es calcula com:

$$\Delta H = \frac{Q_{\text{cal}}}{n_{\text{CaCl}_2}} = \frac{836,98 \text{ J}}{0,0221 \text{ mol}} = 37\,854,75 \text{ J mol}^{-1} = 38 \text{ kJ mol}^{-1}$$

Tinguem en compte que la variació d'entalpia és negativa, ja que la dissolució del CaCl₂ és un procés exotèrmic (notem que, en dissoldre la sal, s'apuja la temperatura del calorimetre). Per tant, la resposta final és -38 kJ mol^{-1} .

Exercici 123. Entalpia de dissolució del clorur de calci

Quan el clorur de calci anhidre (CaCl₂) es dissol en aigua, es produeixen diversos canvis d'energia. Considera les dades següents:

- Entalpia de xarxa de CaCl₂: 2258 kJ mol⁻¹
 - Entalpia d'hidratació de Ca²⁺: -1650 kJ mol⁻¹
 - Entalpia d'hidratació de Cl⁻: -364 kJ mol⁻¹
1. Escriu el cicle de Hess que descriu aquest procés.
 2. Calcula l'entalpia de dissolució ($\Delta_{\text{sol}}H$) de CaCl₂.
 3. Reflexiona sobre les diferències entre el resultat d'aquest exercici i el de l'Exercici 122.

4.1 Exercicis d'autoavaluació

Exercici 124. Ratio d'empaquetament

La ratio d'empaquetament d'una cel·la unitat es defineix com la fracció entre el volum omplert pels àtoms que la formen i el seu volum total. Calcula el RE de la cel·la unitat cúbica centrada en la cara i de la cel·la unitat cúbica centrada en el cos.

Resposta

La ratio d'empaquetament (RE) es defineix com la fracció entre el volum ocupat pels àtoms en una cel·la unitat i el volum total de la cel·la.

1. Cúbica Centrada en la Cara

- Conté 4 àtoms per cel·la unitat.
- Relació entre el costat de la cel·la a i el radi atòmic r :

$$a = \frac{4r}{\sqrt{2}} \quad (4.4)$$

- Volum de la cel·la unitat:

$$V_{\text{cel-la}} = a^3 = \left(\frac{4r}{\sqrt{2}} \right)^3 \quad (4.5)$$

- Volum ocupat pels àtoms:

$$V_{\text{àtoms}} = 4 \cdot \frac{4}{3}\pi r^3 \quad (4.6)$$

- Ratio d'empaquetament:

$$RE = \frac{V_{\text{àtoms}}}{V_{\text{cel-la}}} = \frac{4 \cdot \frac{4}{3}\pi r^3}{\left(\frac{4r}{\sqrt{2}} \right)^3} \approx 0.74 \quad (4.7)$$

2. Cúbica Centrada en el Cos

- Conté 2 àtoms per cel·la unitat.
- Relació entre el costat de la cel·la a i el radi atòmic r :

$$a = \frac{4r}{\sqrt{3}} \quad (4.8)$$

- Volum de la cel·la unitat:

$$V_{\text{cel·la}} = a^3 = \left(\frac{4r}{\sqrt{3}} \right)^3 \quad (4.9)$$

- Volum ocupat pels àtoms:

$$V_{\text{àtoms}} = 2 \cdot \frac{4}{3} \pi r^3 \quad (4.10)$$

- Ratio d'empaquetament:

$$RE = \frac{V_{\text{àtoms}}}{V_{\text{cel·la}}} = \frac{2 \cdot \frac{4}{3} \pi r^3}{\left(\frac{4r}{\sqrt{3}} \right)^3} \approx 0.68 \quad (4.11)$$

Exercici 125. Interacció Coulòmbica

L'energia potencial Coulòmbica entre dos ions es pot expressar com:

$$U = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r} \quad (4.12)$$

on e és la càrrega de l'ió, ϵ_0 és la permitivitat del buit i r és la distància entre els ions.

Se sap que una molècula gasosa de NaCl té una distància interatòmica de 2.38 Å. Quina és l'energia potencial Coulòmbica d'un mol d'aquestes molècules?

Resposta

L'energia potencial Coulòmbica entre dos ions es pot expressar com:

$$U = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r} \quad (4.13)$$

on e és la càrrega de l'ió, ϵ_0 és la permitivitat del buit i r és la distància entre els ions.

Se sap que una molècula gasosa de NaCl té una distància interatòmica de 2,38 Å.

Calculant l'energia potencial per una parella d'ions:

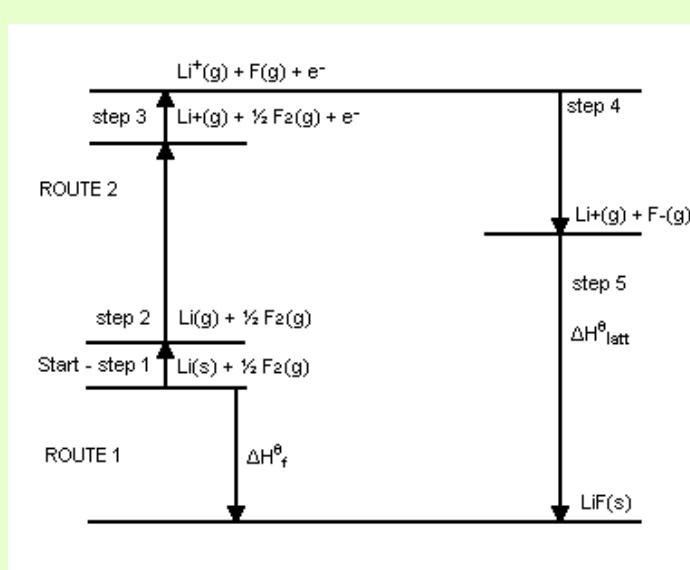
$$U = \frac{(1.602 \times 10^{-19} \text{C})^2}{4\pi(8.854 \times 10^{-12} \text{F m}^{-1})(2.38 \times 10^{-10} \text{m})} = 9,69 \times 10^{-19} \text{ J} \quad (4.14)$$

Multiplicant per un mol de molècules ($6,022 \times 10^{23}$):

$$U_{\text{mol}} = U \times N_A = 583,76 \text{ kJ mol}^{-1} \quad (4.15)$$

Exercici 126. Born-Haber

Calcula l'energia reticular del Fluorur de Liti usant l'esquema del cicle de Born-Haber que en trobaras a la [Wikipedia](#):



sabent que:

- L'energia de sublimació del liti és 161 kJ mol^{-1} .
- L'energia d'ionització del liti és 520 kJ mol^{-1} .
- L'energia de dissociació del fluor és 158 kJ mol^{-1} .
- L'afinidat electrònica del fluor és -328 kJ mol^{-1} .
- L'energia de formació del compost és -617 kJ mol^{-1} .

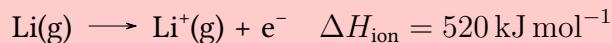
Resposta

L'energia reticular ($U_{\text{reticular}}$, ΔH_{latt} a l'esquema) es pot calcular mitjançant el cicle de Born-Haber, tenint en compte les dades proporcionades:

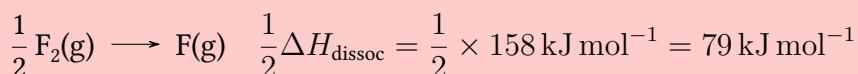
- Sublimació del liti:



- Ionització del liti:



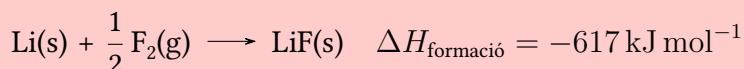
- Dissociació del fluor:



- Afinitat electrònica del fluor:



- Formació del compost iònic:



El cicle de Born-Haber en aquest cas estableix:

$$\Delta H_{\text{formació}} = \Delta H_{\text{sub}} + \Delta H_{\text{ion}} + \frac{1}{2} \Delta H_{\text{dissoc}} + \Delta H_{\text{afin}} + U_{\text{reticular}} \quad (4.16)$$

o bé:

$$U_{\text{reticular}} = \Delta H_{\text{formació}} - (\Delta H_{\text{sub}} + \Delta H_{\text{ion}} + \frac{1}{2} \Delta H_{\text{dissoc}} + \Delta H_{\text{afin}}) \quad (4.17)$$

Substituint els valors:

$$\begin{aligned} U_{\text{reticular}} &= -617 \text{ kJ mol}^{-1} - (161 \text{ kJ mol}^{-1} + 520 \text{ kJ mol}^{-1} + 79 \text{ kJ mol}^{-1} + -328 \text{ kJ mol}^{-1}) \\ &= -1049 \text{ kJ mol}^{-1} \end{aligned}$$

Exercici 127. Propietats sòlids

Compara, per a diferents tipus de sòlids (covalents, iònics, metàllics o moleculars), les següents característiques: pressió de vapor, punt de fusió, punt

d'ebullició, duresa, fragilitat, conducció elèctrica en estat sòlid, i conducció elèctrica en estat líquid.

Resposta

Les característiques dels diferents tipus de sòlids són les següents:

Sòlids covalents: (com el diamant o el quars) tenen enllaços molt forts, donant lloc a punts de fusió i ebullició alts, però no condueixen l'electricitat.

Sòlids iònics: (com el NaCl) tenen punts de fusió alts i són fràgils. No condueixen l'electricitat en estat sòlid però sí en estat líquid.

Sòlids metà-lics: (com el ferro o el coure) tenen punts de fusió variables i són bons conductors elèctrics tant en estat sòlid com líquid.

Sòlids moleculars: (com el gel o el diòxid de carboni sòlid) tenen forces intermoleculars febles, la qual cosa els dona baixos punts de fusió i ebullició i una pressió de vapor elevada.

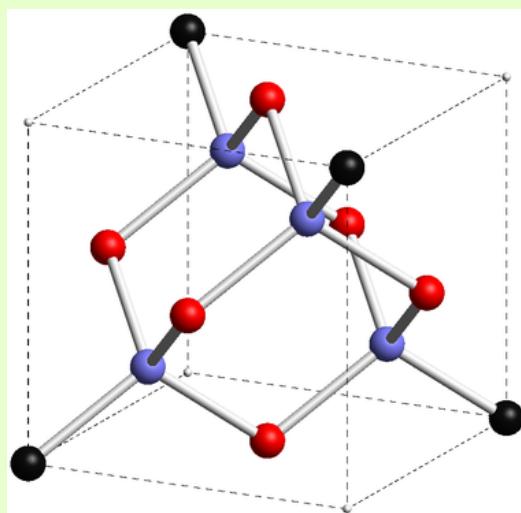
Taula 4.1: Comparació de propietats dels diferents tipus de sòlids.

Propietat	Sòlids Covalents	Sòlids Iònics	Sòlids Metà-lics	Sòlids Moleculars
Pressió de vapor	Molt baixa	Baixa	Baixa	Alta
Punt de fusió	Molt alt	Alt	Variable	Baix
Punt d'ebullició	Molt alt	Alt	Variable	Baix
Duresa	Molt dura	Dura	Variable	Tova
Fragilitat	Fràgil	Fràgil	No fràgil	Fràgil
Conducció elèctrica (sòlid)	No	No	Sí	No
Conducció elèctrica (líquid)	No	Sí	Sí	No

Exercici 128. Distància d'enllaç C-C

L'estrucció cristal·lina del diamant és equivalent a una xarxa cúbica centrada en la cara (FCC), amb una base de dos àtoms de carboni idèntics: un a la posició $(0, 0, 0)$ i l'altre a $(1/4, 1/4, 1/4)$, on les coordenades es donen com a fraccions al

llarg dels costats del cub. Això és equivalent a dues xarxes FCC interpenetrants, desplaçades una respecte a l'altra al llarg d'una diagonal del cos en un quart de la seva longitud. A la figura, els carbonis en els vèrtex es mostren en color negre, els que són a les cares en color vermell i els que són interiors en color blau.



Si la densitat del diamant és $3,51 \text{ g cm}^{-3}$ a 25°C i $1,00 \text{ atm}$ de pressió, calculeu la distància de l'enllaç C-C en aquest cristall covalent.

Resposta

a la figura s'aprecia que el diamant cristal·litza en una estructura cúbica centrada en la cara (FCC) amb una base de 8 àtoms de carboni per cel·la unitària: 8 àtoms en els vèrtex, 6 a les cares i 4 a l'interior de la cel·la.

Ens diuen que la posició d'un àtom de carboni és $(0, 0, 0)$ i dl que té enllaçat $(1/4, 1/4, 1/4)$. Per tant, l'enllaç entre aquests dos àtoms és sobre la diagonal del cos de la cel·la unitària, i és la quarta part de la longitud d'aquesta diagonal. Així, l'objectiu és calcular el valor d'aquesta diagonal i dividir-lo per 4.

La massa molar del carboni és $M_C = 12,01 \text{ g mol}^{-1}$, i el nombre d'Avogadro és $N_A = 6,022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$. Com que hi ha 8 àtoms de carboni a la cel·la unitat,

la seva massa és:

$$m = 8 \times \frac{M_C}{N_A} = 8 \times \frac{12,01 \text{ g mol}^{-1}}{6,022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}} = 1,595 \times 10^{-22} \text{ g}$$

Calculem ara el volum de la cel·la, a partir de la seva massa i de la densitat. La densitat del diamant és $\rho = 3,51 \text{ g cm}^{-3}$.

$$V = \frac{m}{\rho} = \frac{1,595 \times 10^{-22} \text{ g}}{3,51 \text{ g cm}^{-3}} = 4,547 \times 10^{-23} \text{ cm}^3$$

Per saber el valor de l'aresta del cub, només hem de fer l'arrel cúbica del volum:

$$a = \sqrt[3]{V} = \sqrt[3]{4,547 \times 10^{-23} \text{ cm}^3} = 3,57 \times 10^{-8} \text{ cm} = 3,57 \text{ \AA}$$

Finalment, sabent l'aresta podem calcular la diagonal del cub, i en dividir-la per 4, obtindrem la distància d'enllaç entre els dos àtoms de carboni. Així doncs:

$$d_{\text{C-C}} = \frac{\sqrt{3}}{4} a = \frac{1.732}{4} \times 3,57 \text{ \AA} = 1,55 \text{ \AA}$$

Exercici 129. Defectes de Frenkel i Schottky

Si la densitat del clorur sòdic sense defectes és de 2.165 g cm^{-3} , quina seria la densitat si tingués un ratio de 10^{-3} defectes de a) Frenkel; b) Schottky. (el volum no varia amb els defectes)

Resposta

- a) Defectes de Frenkel: Els defectes de Frenkel impliquen la creació d'un defecte en què unió es mou fora de la seva posició normal, creant un buit

i un ió fora de la seva posició. Aquesta redistribució no afecta el volum global del cristall ni la seva densitat.

- b) Defectes de Schottky: Els defectes de Schottky impliquen la creació de parelles de vacants (un ió de clorur i un ió de sodi deixen els seus llocs). Això redueix el nombre d'ions presents, la qual cosa disminueix la densitat. La nova densitat es calcula com:

$$\rho_s = \rho_0 \left(1 - \frac{2n_s}{N}\right)$$

on $\frac{n_s}{N} = 10^{-3}$ és el ratio de defectes de Schottky. Per tant:

$$\rho_s = 2.165 \left(1 - 2 \times 10^{-3}\right) = 2.165 \times 0.998 = 2,1622 \text{ g/cm}^3$$

Exercici 130. Ebullició dissolucions

Respon les següents preguntes:

- Exactament 1.00g d'urea dissolts en 75.00g d'aigua donen una dissolució que bull a 100.114°C. El pes molecular de la urea és 60.1. Quina és la K_b de l'aigua?
- Una dissolució preparada dissolent 12,00g de glucosa en 100g d'aigua bull a 100.34°C. Quin és el pes molecular de la glucosa?

Resposta

- Dissolució urea

La fórmula de l'elevació del punt d'ebullició és:

$$\Delta T_b = K_b \cdot m \quad (4.18)$$

On m és la molalitat de la dissolució:

$$m = \frac{\text{mols de solut}}{\text{kg de dissolvent}} \quad (4.19)$$

Les mols d'urea són:

$$\text{mols d'urea} = \frac{1,00 \text{ g}}{60,1 \text{ g/mol}} = 0,016\,64 \text{ mol} \quad (4.20)$$

La massa d'aigua en kg és:

$$75,00 \text{ g} = 0,075\,00 \text{ kg} \quad (4.21)$$

Per tant, la molalitat és:

$$m = \frac{0,016\,64 \text{ mol}}{0,075\,00 \text{ kg}} = 0,2219 \text{ mol/kg} \quad (4.22)$$

L'elevació del punt d'ebullició és:

$$\Delta T_b = 100,114^\circ\text{C} - 100,000^\circ\text{C} = 0,114^\circ\text{C} \quad (4.23)$$

Llavors, calclem K_b :

$$K_b = \frac{\Delta T_b}{m} = \frac{0,114^\circ\text{C}}{0,2219 \text{ mol/kg}} = 0,514^\circ\text{C} \cdot \text{kg/mol} \quad (4.24)$$

2. Dissolució glucosa

3. Novament, usem la mateixa fórmula:

$$\Delta T_b = K_b \cdot m \quad (4.25)$$

Sabem que K_b de l'aigua és $0,514^\circ\text{C} \cdot \text{kg/mol}$, i que:

$$\Delta T_b = 100,34^\circ\text{C} - 100,000^\circ\text{C} = 0,34^\circ\text{C} \quad (4.26)$$

Calclem la molalitat:

$$m = \frac{\Delta T_b}{K_b} = \frac{0,34^\circ\text{C}}{0,514^\circ\text{C} \cdot \text{kg/mol}} = 0,661 \text{ mol/kg} \quad (4.27)$$

Com la massa del dissolvent és 100 g = 0,100 kg, la quantitat de mols de glucosa és:

$$\text{mols de glucosa} = m \times \text{kg dissolvent} = 0,661 \text{ mol/kg} \times 0,100 \text{ kg} = 0,0661 \text{ mol} \quad (4.28)$$

Finalment, el pes molecular de la glucosa és:

$$\text{PM} = \frac{\text{massa de solut}}{\text{mols de solut}} = \frac{12,00 \text{ g}}{0,0661 \text{ mol}} = 181,6 \text{ g/mol} \quad (4.29)$$

Exercici 131. Llei de Raoult

Raona l'efecte d'un solut en la pressió de vapor d'un solvent, usant una visió macroscòpica o bé microscòpica.

Resposta

Visió Macroscòpica Quan s'afegeix un solut a un dissolvent, la pressió de vapor del dissolvent (per sobre de la solució resultant) és menor que la pressió de vapor del dissolvent pur.

La pressió de vapor del dissolvent sobre una solució varia amb la concentració del solut en la solució (però no depèn de la identitat del dissolvent ni de la del solut, independentment del seu tipus, mida o càrrega).

Soluts No Volàtils Experimentalment, es sap que la pressió de vapor del dissolvent sobre una solució que conté un solut no volàtil (és a dir, un solut que no té pressió de vapor pròpia) és directament proporcional a la fracció molar del dissolvent en la solució. Aquest comportament està descrit per la Llei de Raoult:

$$P_{\text{dissolvent}} = X_{\text{dissolvent}} P_{0,\text{dissolvent}} \quad (4.30)$$

on:

- $P_{\text{dissolvent}}$ és la pressió de vapor del dissolvent sobre la solució,
- $X_{\text{dissolvent}}$ és la fracció molar del dissolvent en la solució,
- $P_{0,\text{dissolvent}}$ és la pressió de vapor del dissolvent pur.

Notem que:

- Si $X_{\text{dissolvent}} = 1$ (dissolvent pur), llavors $P_{\text{dissolvent}} = P_{0,\text{dissolvent}}$.
- Si $X_{\text{dissolvent}} < 1$ (presència de solut), llavors $P_{\text{dissolvent}} < P_{0,\text{dissolvent}}$.

Soluts Volàtils Un solut volàtil (és a dir, un solut amb pressió de vapor pròpia) contribueix a la pressió de vapor per sobre d'una solució on està dissolt. La pressió de vapor sobre una solució que conté un solut volàtil és la suma de les pressures de vapor del dissolvent i de cadascun dels soluts volàtils:

$$P_{\text{dissolvent}} = X_{\text{dissolvent}} P_{0,\text{dissolvent}} \quad (4.31)$$

$$P_{\text{solut}} = X_{\text{solut}} P_{0,\text{solut}} \quad (4.32)$$

$$P_{\text{solució}} = P_{\text{dissolvent}} + P_{\text{solut}} + \dots = X_{\text{dissolvent}} P_{0,\text{dissolvent}} + X_{\text{solut}} P_{0,\text{solut}} + \dots \quad (4.33)$$

Visió Microscòpica

Soluts No Volàtils Quan s'afegeix NaCl a l'aigua:

- Hi ha menys molècules d'aigua en fase vapor (és a dir, menor pressió de vapor) sobre la solució de NaCl que sobre l'aigua pura.
- No hi ha ions Na^+ ni Cl^- en la fase vapor sobre la solució de NaCl.

Soluts Volàtils Quan s'afegeix kriptó líquid al xenó líquid:

- Hi ha menys àtoms de xenó en la fase vapor (és a dir, menor pressió de vapor) sobre la solució que sobre el xenó pur.
- Hi ha àtoms de kriptó en la fase vapor sobre la solució (tant el kriptó com el xenó contribueixen a la pressió de vapor de la solució).

Exercici 132. PM sucrosa

La pressió de vapor de l'aigua a 20 °C és 17,54 mmHg. Quan dissolem 114 g de sucrosa en 1000 g d'aigua, la pressió de vapor es redueix en 0,11 mmHg. Quin és el pes molecular de la sucrosa?

Resposta

La disminució relativa de la pressió de vapor ve donada per la llei de Raoult:

$$\frac{\Delta P}{P_0} = \frac{n_s}{n_a + n_s} \approx \frac{n_s}{n_a}$$

on: - ΔP = 0,11 mmHg és la disminució de la pressió de vapor, - P_0 = 17,54 mmHg és la pressió de vapor de l'aigua pura, - n_s és el nombre de mols de sucrosa, - n_a és el nombre de mols d'aigua.

Calculant la fracció molar aproximada:

$$\frac{0,11 \text{ mmHg}}{17,54 \text{ mmHg}} = \frac{n_s}{n_a}$$

El nombre de mols d'aigua és:

$$n_a = \frac{1000 \text{ g}}{18,015 \text{ g mol}^{-1}} = 55,49 \text{ mol}$$

Aïllem n_s :

$$n_s = \frac{0,11}{17,54} \times 55,49 = 0,348 \text{ mol}$$

El pes molecular de la sucrosa és:

$$M_s = \frac{\text{massa de sucrosa}}{n_s} = \frac{114 \text{ g}}{0,348 \text{ mol}} = 328 \text{ g mol}^{-1}$$

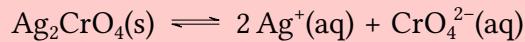
Per tant, el pes molecular de la sucrosa calculat és aproximadament 328 g mol^{-1} , molt proper al valor teòric de 342 g mol^{-1} .

Exercici 133. Solubilitat Ag_2CrO_4

Quina és la constant de solubilitat del cromat d'argent (Ag_2CrO_4) si la concentració d'una dissolució saturada d'aquesta sal té una concentració de $6.7 \times 10^{-5} \text{ M}$ d'ions cromat?

Resposta

La dissociació del cromat d'argent en aigua segueix la següent equació d'equilibri:



La constant de producte de solubilitat s'expressa com:

$$K_{sp} = [\text{Ag}^+]^2[\text{CrO}_4^{2-}]$$

Ens donen la concentració d'ions cromat en una dissolució saturada:

$$[\text{CrO}_4^{2-}] = 6,7 \times 10^{-5} \text{ mol L}^{-1}$$

Atès que per cada mol de CrO_4^{2-} format es produeixen 2 mols d'ions Ag^+ , la seva concentració serà:

$$[\text{Ag}^+] = 2 \times 6,7 \times 10^{-5} \text{ mol L}^{-1} = 1,34 \times 10^{-4} \text{ mol L}^{-1}$$

Substituïm aquestes dades a l'equació del producte de solubilitat:

$$K_{sp} = (1,34 \times 10^{-4} \text{ mol L}^{-1})^2 \times (6,7 \times 10^{-5} \text{ mol L}^{-1})$$

$$K_{sp} = 1,2 \times 10^{-12} \text{ mol}^3/\text{L}^3$$

4.2 Exercicis d'examens anteriors

Exercici 134. Cicle de Born-Haber del clorur de potassi

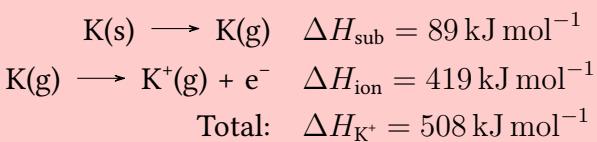
A partir de les dades de la taula,

Procés	ΔH (kJ mol ⁻¹)
Sublimació de K(s)	+89
Dissociació de Cl ₂ (g)	+243
Potencial d'ionització de K(g)	+419
Afinitat electrònica de Cl(g)	-349
Descomposició KCl en els seus elements en l'estat de referència	+437

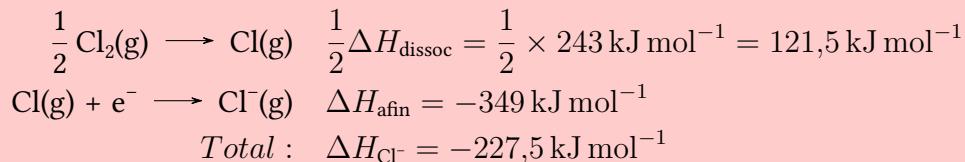
- calcula l'energia de formació de l'iò K⁺; (0,5 punts)
- calcula l'energia de formació de l'iò Cl⁻; (0,5 punts)
- calcula l'energia de formació del KCl; (0,5 punts)
- calcula l'entalpia de malla del KCl; (1 punt)

Resposta

- Energia de formació de l'iò K⁺



2. Energia de formació de l'ió Cl^-



3. Energia de formació del KCl

$$\Delta H_{\text{formació}}(\text{KCl}) = -437 \text{ kJ mol}^{-1} \quad (4.34)$$

4. Càlcul de l'energia de malla del KCl

5. Per calcular l'energia de malla del KCl, utilitzem el cicle de Born-Haber:

$$\Delta H_{\text{formació}} = \Delta H_{\text{sub}} + \Delta H_{\text{ion}} + \Delta H_{\text{dissoc}} + \Delta H_{\text{afin}} + U_{\text{malla}} \quad (4.35)$$

$$\begin{aligned} U_{\text{malla}} &= \Delta H_{\text{formació}} - (\Delta H_{\text{sub}} + \Delta H_{\text{ion}} + \Delta H_{\text{dissoc}} + \Delta H_{\text{afin}}) \\ &= [-437 - (89 + 419 + 121.5 - 349)] \text{ kJ mol}^{-1} \\ &= -717,5 \text{ kJ mol}^{-1} \end{aligned}$$

L'energia de malla del KCl és $-717,5 \text{ kJ mol}^{-1}$.

Exercici 135. Raoult electròlits[6]

Quan es dissolen 3,24 g de nitrat de mercuri, $\text{Hg}(\text{NO}_3)_2$, en 1000 g d'aigua, la temperatura de congelació de la dissolució és $-0,0558^\circ\text{C}$. Quan es dissolen 10,84 g de clorur de mercuri, HgCl_2 , en 1000 g d'aigua, la temperatura de congelació de la dissolució és $-0,0744^\circ\text{C}$. La constant de congelació de l'aigua és $1,86^\circ\text{C kg mol}^{-1}$.

1. Quina és la molalitat de cadascuna de les dues dissolucions? (1 punt)
2. Quina és la raó entre el número de mols de solut i el número de mols de solut per kg de dissolvent en els dos casos? (1 punt)
3. S'ha dissociat alguna de les dues sals? (0.5 punts)

Resposta

1. La molalitat de la dissolució de $\text{Hg}(\text{NO}_3)_2$ es pot calcular a partir de la variació de temperatura de congelació (ΔT_f) i la constant de congelació (K_f) de l'aigua. La fórmula és:

$$m = \frac{\Delta T_f}{K_f} \quad (4.36)$$

On $\Delta T_f = 0.0558$ i $K_f = 1.86$. Substituint els valors:

$$m = \frac{0.0558}{1.86} = 0,0299 \text{ mol kg}^{-1} \quad (4.37)$$

La molalitat de la dissolució de HgCl_2 es pot calcular de la mateixa manera:

$$m = \frac{\Delta T_f}{K_f} \quad (4.38)$$

On $\Delta T_f = 0.0744$ i $K_f = 1.86$. Substituint els valors:

$$m = \frac{0.0744}{1.86} = 0,0399 \text{ mol kg}^{-1} \quad (4.39)$$

2. La molalitat de la dissolució ens dona directament el número de mols de solut per kg de dissolvent, segons:

$$n = m \cdot m_{\text{dissolvent}} \quad (4.40)$$

On m és la molalitat i $m_{\text{dissolvent}}$ és la massa del dissolvent (en kg). Per tant, podem calcular el número de mols de solut a partir de la molalitat i la massa del dissolvent per a cada solut:

- Per $\text{Hg}(\text{NO}_3)_2$:

$$n = 0.0299 \cdot 1 = 0,0299 \text{ mol} \quad (4.41)$$

- Per HgCl_2 :

$$n = 0.0399 \cdot 1 = 0,0399 \text{ mol} \quad (4.42)$$

Ara podem calcular el número de mols de substància que hem dissolt en cada cas, usant el seu pes molecular:

- Per $\text{Hg}(\text{NO}_3)_2$:

$$n = \frac{3.24}{200.59 + 2(14.01 + 3 \cdot 16.00)} = \frac{3.24}{324.61} = 0,01 \text{ mol} \quad (4.43)$$

- Per HgCl_2 :

$$n = \frac{10.84}{200.59 + 2(35.45)} = \frac{10.84}{271.49} = 0,04 \text{ mol} \quad (4.44)$$

Ara podem calcular la raó entre el número de mols de solut i el número de mols de solut per kg de dissolvent:

- Per $\text{Hg}(\text{NO}_3)_2$:

$$\frac{0.0299}{0.01} = 2.99 \sim 3 \quad (4.45)$$

- Per HgCl_2 :

$$\frac{0.0399}{0.04} = 0.9975 \sim 1 \quad (4.46)$$

3. La raó entre el número de mols de solut i el número de mols de solut per kg de dissolvent indica que la sal $\text{Hg}(\text{NO}_3)_2$ s'ha dissociat en tres ions (Hg^{2+} i 2NO_3^-), mentre que HgCl_2 no s'ha dissociat, ja que el número de mols de solut per kg de dissolvent és 1.

Exercici 136. Calorimetria i dissolució de KNO_3

En un experiment de calorimetria, es vol determinar la calor de dissolució del KNO_3 . Es va fer passar un corrent de 0,950 A durant 35 s a través d'una resistèn-

cia amb una diferència de potencial de 10,00 V. Durant aquest procés, la temperatura de l'aigua del calorímetre va augmentar de 21,15 °C a 23,05 °C. Posteriorment, es van dissoldre 3,20 g de KNO_3 sòlid en el calorímetre, provocant una baixada de temperatura de 22,94 °C a 19,88 °C.

1. Calcula el factor de calibratge del calorímetre en $\text{J}^{\circ}\text{C}^{-1}$. (1 punt)
2. Quina és la calor absorbida per la dissolució del KNO_3 en el calorímetre en J? (1 punt)
3. Calcula la variació d'entalpia (ΔH) de dissolució del KNO_3 en kJ mol^{-1} .(1 punt)
4. Seria el KNO_3 un bon substitut del CaCl_2 per a l'eliminació del gel a les carreteres? Justifica la teva resposta. (1 punt)

Resposta

1. Calclem el factor de calibratge del calorímetre C en $\text{J}^{\circ}\text{C}^{-1}$:

L'energia elèctrica subministrada és:

$$Q = I \cdot V \cdot t = 0,950 \text{ A} \cdot 10,00 \text{ V} \cdot 35 \text{ s} = 332,5 \text{ J}$$

L'increment de temperatura és:

$$\Delta T = 23,05^{\circ}\text{C} - 21,15^{\circ}\text{C} = 1,90^{\circ}\text{C}$$

Així doncs, el factor de calibratge és:

$$C = \frac{Q}{\Delta T} = \frac{332,5 \text{ J}}{1,90^{\circ}\text{C}} = 175,0 \text{ J}^{\circ}\text{C}^{-1}$$

2. Calclem la calor absorbida pel procés de dissolució del KNO_3 :

La variació de temperatura és:

$$\Delta T = 19,88^\circ\text{C} - 22,94^\circ\text{C} = -3,06^\circ\text{C}$$

La calor absorbida és:

$$q = C \cdot \Delta T = 175,0 \text{ J}^\circ\text{C}^{-1} \cdot (-3,06^\circ\text{C}) = -535,5 \text{ J}$$

El signe negatiu indica que el sistema ha absorbit energia, per tant:

$$\text{Calor absorbida} = 535,5 \text{ J}$$

3. Calclem la variació d'entalpia de dissolució ΔH en kJ mol^{-1} :

Nombre de mols de KNO_3 :

$$n = \frac{m}{M} = \frac{3,20 \text{ g}}{101,1 \text{ g mol}^{-1}} = 0,03165 \text{ mol}$$

L'entalpia de dissolució és:

$$\Delta H = \frac{q}{n} = \frac{535,5 \text{ J}}{0,03165 \text{ mol}} = 16\,918 \text{ J mol}^{-1} = 16,92 \text{ kJ mol}^{-1}$$

4. El KNO_3 no seria un bon substitut del CaCl_2 per a l'eliminació del gel a les carreteres.

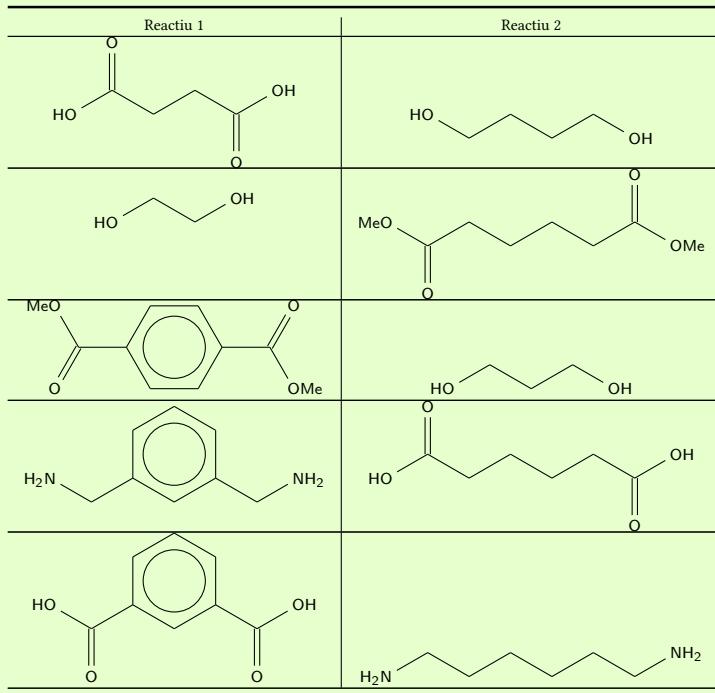
Justificació: El procés de dissolució del KNO_3 és endotèrmic ($\Delta H > 0$), és a dir, absorbeix calor i refreda el medi. Aquest refredament pot empitjorar les condicions de gel a les carreteres. En canvi, el CaCl_2 té una dissolució exotèrmica i allibera calor, ajudant a fondre el gel.

Capítol 5

Química de materials

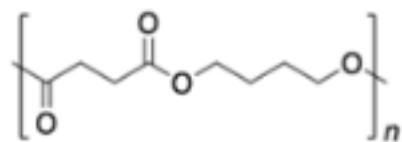
Exercici 137. Polimerització

Quin serà l'estructura del polímer que sorgeix dels següents reactius? Adaptat de [1].

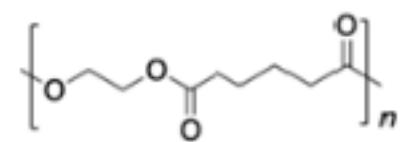


Resposta
Les solucions són:

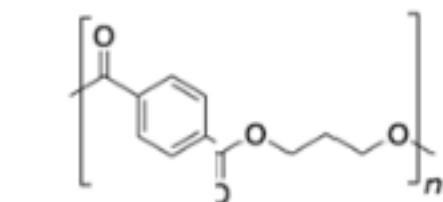
a)



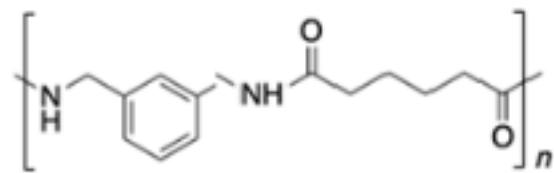
b)



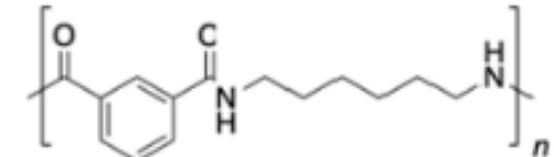
c)



d)



e)



5.1 Exercicis d'autoavaluació

Exercici 138. R

espon les següents preguntes respecte al diagrama de fases Al-Ni:

- Determina les reaccions invariants que tenen lloc durant el refredament a les temperatures 640 °C, 700 °C, 854 °C, i 1133 °C, indicant l'equació de la reacció, la composició de cada fase en la reacció i el seu nom.
- Quins compostos intermetà·lics apareixen en el diagrama? Explica si representen una fusió congruent o incongruent.
- Indica les fases presents, la fracció en massa i la composició de cada fase, i la fracció en massa de cada microconstituent per a un aliatge amb 21% de Ni a una temperatura de 600 °C.

Resposta

a

) Les reaccions invariants són:

- A 640 °C: Peritectoide ($\text{Al}_3\text{Ni}_2 + \text{Ni} \rightleftharpoons \text{AlNi}$) - A 700 °C: Peritectoide ($\text{Al}_3\text{Ni} + \text{AlNi} \rightleftharpoons \text{Al}_3\text{Ni}_2$) - A 854 °C: Eutèctica ($\text{L} \rightleftharpoons \text{AlNi} + \text{Ni}$) - A 1133 °C: Eutèctica ($\text{L} \rightleftharpoons \text{Al} + \text{Al}_3\text{Ni}$)

b) Compostos intermetà·lics: Al_3Ni , Al_3Ni_2 , AlNi , AlNi_3 . - Al_3Ni , AlNi_3 : fusió congruent (fundició directa sense canvi de composició) - Al_3Ni_2 , AlNi : fusió incongruent (es forma per reacció entre fases sòlides i líquid)

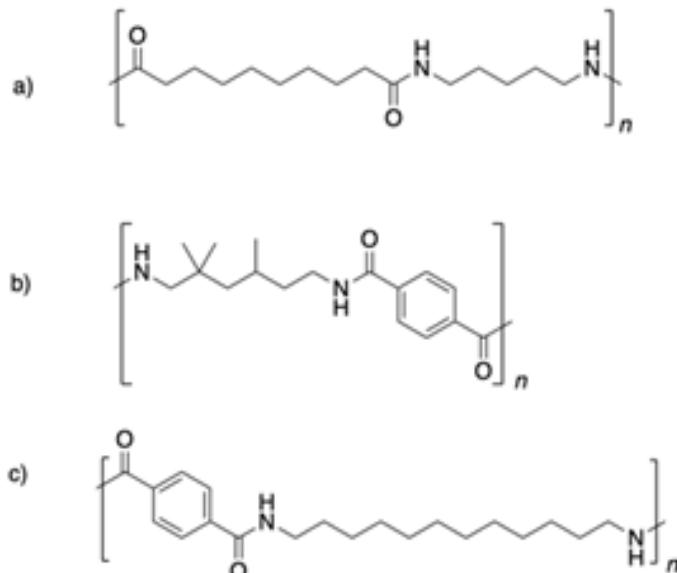
c) A 600 °C i 21% Ni:

Segons el diagrama de fases, el sistema es troba dins de la regió de coexistència entre dues fases sòlides, probablement Al_3Ni_2 i AlNi , amb composicions i fraccions calculades per la regla de la palanca.

(Nota: Caldria extreure valors exactes del diagrama de fases per donar valors numèrics precisos.)

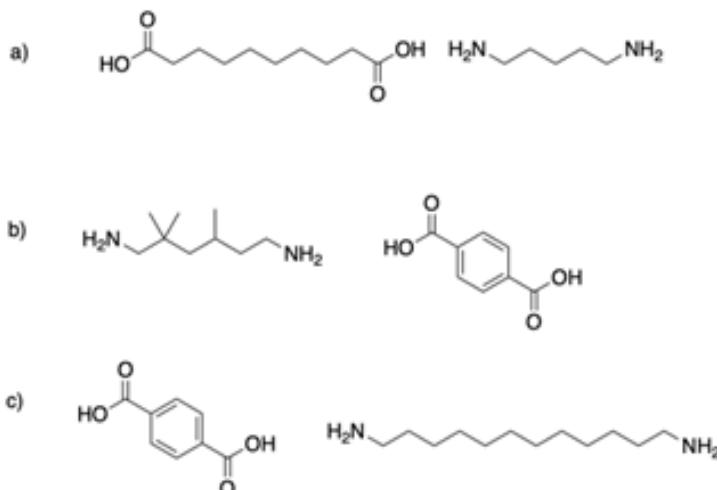
Exercici 139. Polimerització

Identifica els monòmers que han estat usats per a la síntesi d'aquests polímers:



Extret de [1].

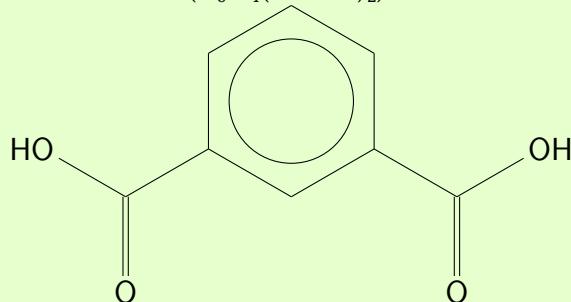
Resposta
Les solicions són:



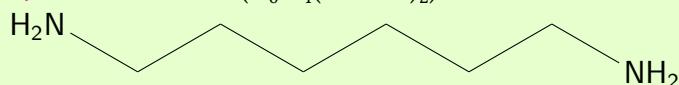
Exercici 140. Polimerització

Dona l'estructura de la poliamida feta dels monòmers indicats a continuació:

- **Àcid isoftàlic** ($C_6H_4(COOH)_2$):



- **1,6-hexà diamina** ($C_6H_4(COOH)_2$):

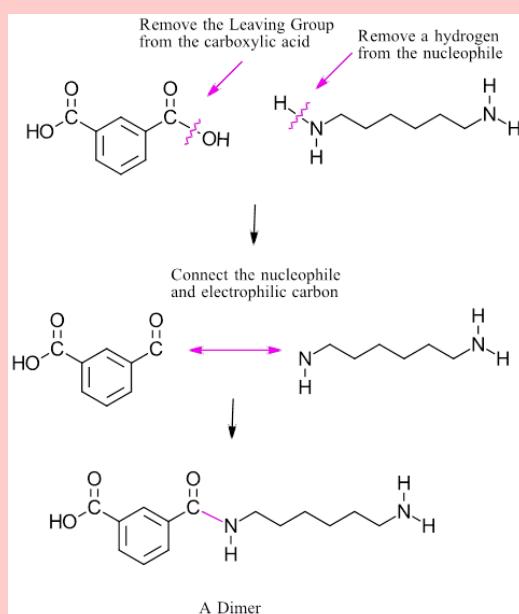


Extret de [1]

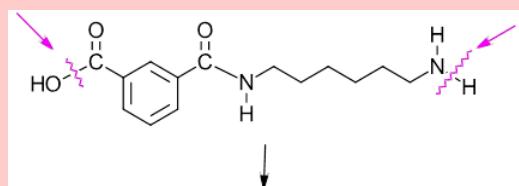
Resposta

Quan es dibuixa el producte polimèric d'una polimerització per creixement en etapes, és important identificar primer la reacció que forma l'enllaç repetitiu entre els monòmers. En aquest cas, la reacció és una substitució nucleofílica acílica entre un àcid carboxílic i una amina per formar una amida.

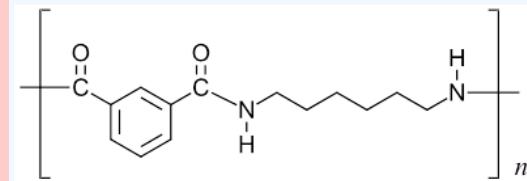
1. Connecta dos monòmers per formar un dímer utilitzant la reacció indicada.



2. Trenca els mateixos enllaços que abans, excepte que els enllaços per a la connexió final es mostraran sortint del dímer.



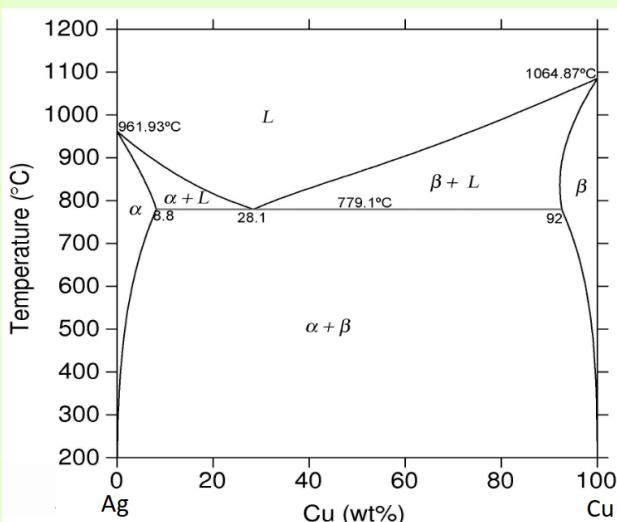
3. Col·loca claudàtors al voltant del dímer i posa una "n" en cursiva a la part inferior dreta.



5.2 Exercicis d'examens anteriors

Exercici 141. Aliatge Cu-Ag

Utilitzant el diagrama de fases Ag-Cu,



1. Com interpretes les diferents fases que es mostren al diagrama? (1 punt)
2. a) Mostra sobre el diagrama i b) estima la quantitat, la composició química i les fraccions en massa de les fases i microconstituents presents a: (a) 1 punt + b) 1 punt addicional)
 - (a) $T_1 = 1000^\circ\text{C}$

(b) $T_2 = 850^\circ\text{C}$

(c) $T_3 = 500^\circ\text{C}$

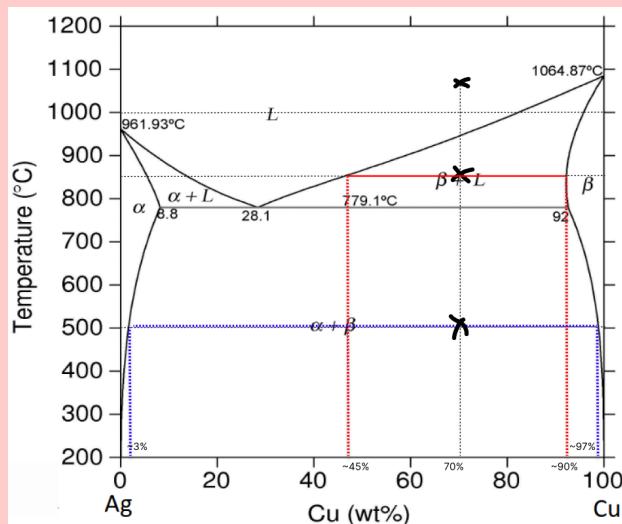
per a aliatges de composició 70% Cu.

Resposta

1. Les fases del diagrama tenen les següents característiques:

- Fase L (líquid): representa l'estat fos de l'aliatge, on els àtoms d'argent (Ag) i coure (Cu) estan completament barrejats en forma líquida. Aquesta fase existeix a temperatures elevades, abans que comenci la solidificació.
- Fase α : és una solució sòlida rica en Ag. En aquesta fase, els àtoms de Cu estan dissolts dins la xarxa cristal·lina de l'Ag. Apareix a baixes concentracions de Cu.
- Fase β : és una solució sòlida rica en Cu. En aquesta fase, els àtoms d'Ag estan dissolts dins la xarxa cristal·lina del Cu. Apareix a altes concentracions de Cu.
- $\alpha + L$ (sòlid α + líquid): aquesta regió indica una transició entre el líquid i la fase sòlida α . Quan un aliatge es refreda des del líquid i entra en aquesta regió, comença a cristal·litzar α mentre encara hi ha part de l'aliatge en estat líquid.
- $\beta + L$ (sòlid β + líquid): en aquesta regió, l'aliatge està parcialment fos. Comença a solidificar en forma de la fase β , rica en Cu, mentre una fracció encara és líquida.
- $\alpha + \beta$ (dues fases sòlides): aquesta regió es troba a baixes temperatures. L'aliatge es compon completament de dues fases sòlides: cristalls α (rics en Ag) i cristalls β (rics en Cu). Aquesta estructura es forma per segregació durant la solidificació i refredament.

2. Composicions. Podem usar la regla de la palanca per determinar les fraccions en massa i les composicions de les fases a les temperatures indicades, que simplement ens diu com de lluny som de cadascun dels canvis de fase a una temperatura donada mitjançant una simple interpolació. Intuïtivament, si mesurem la distància entre el punt de temperatura i el punt de canvi de fase, podem determinar quina fracció de cada fase hi ha. Quant més aprop de la línia de canvi de fase, més gran serà la fracció d'aquesta fase.



- (a) A $1000\text{ }^{\circ}\text{C}$, un aliatge amb 70% Cu es troba en la regió de fase líquida (L).
- Fases presents: L
 - Composició: 70% Cu
 - Fracció en massa: 100% líquid
- (b) A $850\text{ }^{\circ}\text{C}$, el 70% Cu es troba dins la regió de coexistència $L + \beta$.
- Composició del líquid (L): aproximadament 45% Cu
 - Composició del sòlid (β): aproximadament 90% Cu
 - Fracció en massa de β : $w_{\beta} = \frac{45-70}{45-90} = \frac{-25}{-45} = 0.56$
 - Fracció en massa de L : $w_L = 0.44$
 - Fases presents: L i β

(c) A 500 °C, l'aliatge està totalment sòlid i es troba dins la regió $\alpha + \beta$.

- Composició de α : aproximadament 3% Cu
- Composició de β : aproximadament 97% Cu
- Fracció en massa de β : $w_\beta = \frac{70-3}{97-3} = \frac{67}{94} \approx 0.71$
- Fracció en massa de α : $w_\alpha = 0.29$
- Fases presents: α i β

Capítol 6

Llum i química

Exercici 142. Nodes als orbitals

Quants nodes té la funció $\psi(2s)$? i la $\psi(3s)$? i la $\psi(2p)$?

Exercici 143. Densitat de probabilitat

A partir de la densitat de probabilitat podem preguntar-nos coses com on és el màxim de probabilitat (solucionant $\frac{dD(r)}{dr} = 0$) o bé calculant el valor promig de la distància de l'electró al nucli segons $\langle r \rangle_{n,l} = \int_0^\infty r D(r) dr$. Mostra que $\langle r \rangle_{2s} = \frac{6a_0}{Z}$ i $\langle r \rangle_{2p} = \frac{5a_0}{Z}$ (veure Figura 6.12b).

Exercici 144. Sodi i efecte pantalla

L'àtom de sodi es comporta de forma similar a l'àtom d'hidrogen pel que fa a la seva facilitat de "donar" un electró. Ho pots explicar en base a les densitats de probabilitat explicades a l'apartat anterior? Pensa en la llei de Coulomb i l'efecte pantalla dels electrons interiors.

Exercici 145. Configuració electrònica

Escriu la configuració electrònica de l'argó i del potassi. Perquè després d'omplir els orbitals 3p no omplim els orbitals 3d? Com raones que els metalls de transició

de les darreres columnes de la taula periòdica tinguin típicament valències de +2?

Exercici 146. Afinitat electrònica

Pots explicar les dades de la Figura 6.15 en base a la configuració electrònica dels elements representats?

Exercici 147. Rotació de molècules

Sabries explicar perquè la rotació de l'enllaç dels àtoms de carboni a la molècula d'etilè (C_2H_4) és més costosa energèticament que la mateixa rotació a la molècula d'età (C_2H_6)?

Exercici 148. Funció de Fermi

La funció de Fermi $f(E)$ dóna la probabilitat de que un determinat estat energètic sigui ocupat a una determinada temperatura superior a 0K:

$$f(E) = \left(1 + \exp \left[\frac{E - E_f}{k_B T} \right] \right)^{-1}$$

- Dibuixa $f(E)$.
- Si el nivell de Fermi per al coure és de 7eV, raona com es distribuiran els seus electrons a 0K i a 1000K.

Exercici 149. Energia d'ionització de l'àtom d'hidrogen

Segons la teoria de Bohr (Eq. 6.8), calcula l'energia d'ionització de l'àtom d'hidrogen.

Resposta

L'energia d'ionització de l'hidrogen és la diferència entre l'energia de l'estat fonamental i l'energia de l'estat ionitzat.

mental i l'energia de l'estat ionitzat, que és zero (veure la Figura 6.9). Per tant, cal calcular l'energia de l'estat fonamental de l'àtom d'hidrogen.

Segons la teoria de Bohr, l'energia dels nivells de l'àtom d'hidrogen ve donada per:

$$E_n = -\frac{13.6 \text{ eV}}{n^2}$$

On:

- E_n és l'energia del nivell n ,
- n és el nombre quàntic principal,
- 13,6 eV és l'energia del primer nivell ($n = 1$).

Per ionitzar l'àtom d'hidrogen, cal portar l'electró des de l'estat fonamental ($n = 1$) fins a $n = \infty$ (estat lliure). Això vol dir:

$$E_{\text{ionització}} = E_{\infty} - E_1 = 0 - (-13,6 \text{ eV}) = 13,6 \text{ eV}$$

Per tant, l'energia d'ionització de l'àtom d'hidrogen és 13,6 eV.

Exercici 150. Longitud d'ona d'una partícula

Usant la fórmula de de Broglie:

1. Troba l'expressió de la longitud d'ona associada amb electrons accelerats per una diferència de potencial de V volts.
2. Calcula aquesta longitud d'ona per a una diferència de potencial de 4×10^4 V.
3. Compara aquest valor amb la longitud d'ona associada a una pilota de 100 g

que es mou a una velocitat de 40 m s^{-1} .

Resposta

- La longitud d'ona associada a una partícula ve donada per la fórmula de de Broglie:

$$\lambda = \frac{h}{p}$$

On:

- λ és la longitud d'ona,
- h és la constant de Planck ($6.62607015 \times 10^{-34} \text{ J s}$),
- p és el moment lineal de la partícula.

El moment lineal d'una partícula es pot expressar com:

$$p = mv$$

On:

- m és la massa de la partícula,
- v és la velocitat de la partícula.

Per tant, la longitud d'ona associada a una partícula amb massa m i velocitat v és donada per l'Eq. 6.3:

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

Ara bé, si l'electró és accelerat per una diferència de potencial V , la seva energia cinètica és:

$$E_k = \frac{1}{2}mv^2 = eV$$

On:

- E_k és l'energia cinètica,
- e és la càrrega de l'electró ($1.602176634 \times 10^{-19}$ C).
- V és la diferència de potencial.

Per tant, podem expressar la velocitat v com:

$$v = \sqrt{\frac{2eV}{m}}$$

Substituint aquesta expressió a la fórmula de de Broglie, obtenim:

$$\lambda = \frac{h}{m\sqrt{\frac{2eV}{m}}} = \frac{h}{\sqrt{2meV}}$$

2. Ara usem aquesta equació per a calcular la longitud d'ona associada a electrons accelerats per una diferència de potencial de 4×10^4 V:

$$\begin{aligned} \lambda &= \frac{h}{\sqrt{2meV}} \\ &= \frac{6.62607015 \times 10^{-34} \text{ Js}}{\sqrt{2 \cdot 9.10938356 \times 10^{-31} \text{ kg} \cdot 1.602176634 \times 10^{-19} \text{ C} \cdot 4 \times 10^4 \text{ V}}} \\ &= 0,61 \times 10^{-11} \text{ m} = 6,1 \text{ pm} \end{aligned}$$

3. Ara calculem la longitud d'ona associada a una pilota de 100 g que es mou a una velocitat de 40 m s^{-1} :

$$\begin{aligned} \lambda &= \frac{h}{mv} \\ &= \frac{6.62607015 \times 10^{-34} \text{ Js}}{(0.1 \text{ kg})(40 \text{ m s}^{-1})} = 2 \times 10^{-34} \text{ m} \end{aligned}$$

La longitud d'ona associada a l'electró és molt més gran que la longitud d'ona associada a la pilota. Això és degut a la diferència de masses i velocitats entre les dues partícules.

6.1 Exercicis d'autoavaluació

Exercici 151. Energia d'ionització de l'àtom d'hidrogen

Segons la teoria de Bohr (Eq. 6.8), calcula l'energia d'ionització de l'àtom d'hidrogen.

Resposta

L'energia d'ionització de l'hidrogen és la diferència entre l'energia de l'estat fonamental i l'energia de l'estat ionitzat, que és zero (veure la Figura 6.9). Per tant, cal calcular l'energia de l'estat fonamental de l'àtom d'hidrogen.

Segons la teoria de Bohr, l'energia dels nivells de l'àtom d'hidrogen ve donada per:

$$E_n = -\frac{13.6 \text{ eV}}{n^2}$$

On:

- E_n és l'energia del nivell n ,
- n és el nombre quàntic principal,
- 13,6 eV és l'energia del primer nivell ($n = 1$).

Per ionitzar l'àtom d'hidrogen, cal portar l'electró des de l'estat fonamental ($n = 1$) fins a $n = \infty$ (estat lliure). Això vol dir:

$$E_{\text{ionització}} = E_{\infty} - E_1 = 0 - (-13,6 \text{ eV}) = 13,6 \text{ eV}$$

Per tant, l'energia d'ionització de l'àtom d'hidrogen és 13,6 eV.

Exercici 152. Longitud d'ona d'una partícula

Usant la fórmula de de Broglie:

1. Troba l'expressió de la longitud d'ona associada amb electrons accelerats per una diferència de potencial de V volts.
2. Calcula aquesta longitud d'ona per a una diferència de potencial de 4×10^4 V.
3. Compara aquest valor amb la longitud d'ona associada a una pilota de 100 g que es mou a una velocitat de 40 m s^{-1} .

Resposta

1. La longitud d'ona associada a una partícula ve donada per la fórmula de de Broglie:

$$\lambda = \frac{h}{p}$$

On:

- λ és la longitud d'ona,
- h és la constant de Planck ($6.62607015 \times 10^{-34} \text{ J s}$),
- p és el moment lineal de la partícula.

El moment lineal d'una partícula es pot expressar com:

$$p = mv$$

On:

- m és la massa de la partícula,
- v és la velocitat de la partícula.

Per tant, la longitud d'ona associada a una partícula amb massa m i velocitat v és donada per l'Eq. 6.3:

$$\lambda = \frac{h}{mv}$$

Ara bé, si l'electró és accelerat per una diferència de potencial V , la seva energia cinètica és:

$$E_k = \frac{1}{2}mv^2 = eV$$

On:

- E_k és l'energia cinètica,
- e és la càrrega de l'electró ($1.602176634 \times 10^{-19}$ C).
- V és la diferència de potencial.

Per tant, podem expressar la velocitat v com:

$$v = \sqrt{\frac{2eV}{m}}$$

Substituint aquesta expressió a la fórmula de Broglie, obtenim:

$$\lambda = \frac{h}{m\sqrt{\frac{2eV}{m}}} = \frac{h}{\sqrt{2meV}}$$

2. Ara usem aquesta equació per a calcular la longitud d'ona associada a electrons accelerats per una diferència de potencial de 4×10^4 V:

$$\begin{aligned} \lambda &= \frac{h}{\sqrt{2meV}} \\ &= \frac{6.62607015 \times 10^{-34} \text{ Js}}{\sqrt{2 \cdot 9.10938356 \times 10^{-31} \text{ kg} \cdot 1.602176634 \times 10^{-19} \text{ C} \cdot 4 \times 10^4 \text{ V}}} \\ &= 0,61 \times 10^{-11} \text{ m} = 6,1 \text{ pm} \end{aligned}$$

3. Ara calclem la longitud d'ona associada a una pilota de 100 g que es mou a una velocitat de 40 m s^{-1} :

$$\begin{aligned} \lambda &= \frac{h}{mv} \\ &= \frac{6.62607015 \times 10^{-34} \text{ Js}}{(0.1 \text{ kg})(40 \text{ m s}^{-1})} = 2 \times 10^{-34} \text{ m} \end{aligned}$$

La longitud d'ona associada a l'electró és molt més gran que la longitud d'ona associada a la pilota. Això és degut a la diferència de masses i velocitats entre les dues partícules.

6.2 Exercicis d'examens anteriors

Exercici 153. Estructura electrònica

1. Un electró té una velocitat de $6,06 \times 10^6 \text{ m s}^{-1}$ i una massa $m_e = 9,109\,383\,701\,5 \times 10^{-31} \text{ kg}$. (0,5 punts)
 - (a) Calcula la seva longitud d'ona de Broglie.
 - (b) Com es compara aquesta longitud d'ona amb el radi de van der Waals de l'àtom d'hidrogen ($1,20 \times 10^{-10} \text{ m}$)?
2. Una persona mitjana (89 kg) camina a una velocitat de $1,3 \text{ m s}^{-1}$. (0,5 punts)
 - (a) Calcula la seva longitud d'ona de Broglie.
 - (b) Com es compara aquesta longitud d'ona amb la seva alçada mitjana (1,7 m)?
3. El nombre quàntic de moment angular per a la subcapa f és $\ell = 3$. Determina: (1 punt)
 - (a) Quants orbitals f hi ha.
 - (b) El nombre màxim d'electrons que poden ocupar la subcapa f.
4. Escriu la configuració electrònica del Be i del B. Identifica el nombre d'electrons del nucli i d'electrons de valència. (1 punt)

5. Raona com canviaria la taula periòdica si hi haguessin tres valors possibles pel nombre quàntic de spin ($-\frac{1}{2}$, 0 i $+\frac{1}{2}$) en comptes de només dos ($-\frac{1}{2}$ i $+\frac{1}{2}$)? (1 punt)

Resposta

1. (a) La longitud d'ona de de Broglie és:

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6,626\,070\,15 \times 10^{-34} \text{ Js}}{9,109\,383\,701\,5 \times 10^{-31} \text{ kg} \cdot 6,06 \times 10^6 \text{ m s}^{-1}} \approx 1,20 \times 10^{-10} \text{ m}$$

- (b) Aquesta longitud d'ona és pràcticament igual al radi de van der Waals de l'hidrogen ($1,20 \times 10^{-10} \text{ m}$).

2. (a)

$$\lambda = \frac{h}{mv} = \frac{6,626\,070\,15 \times 10^{-34} \text{ Js}}{89 \text{ kg} \cdot 1,3 \text{ m s}^{-1}} \approx 5,74 \times 10^{-36} \text{ m}$$

- (b) Aquesta longitud d'ona és extremadament petita en comparació amb l'alçada humana mitjana (1,7 m). És essencialment insignificant.

3. (a) Per a $\ell = 3$, hi ha $2\ell + 1 = 7$ orbitals f.

- (b) Cada orbital pot contenir 2 electrons, així que el màxim és $7 \cdot 2 = 14$ electrons.

4. • Be: $1s^2 2s^2$. 2 electrons del nucli (1s), 2 de valència (2s).

- B: $1s^2 2s^2 2p^1$. 2 electrons del nucli (1s), 3 de valència (2s i 2p).

5. La taula periòdica està construïda segons el nombre atòmic dels elements i les seves configuracions electròniques. Aquestes configuracions depenen, entre altres coses, del nombre quàntic de spin, que actualment pot tenir només dos valors: $+\frac{1}{2}$ i $-\frac{1}{2}$.

Si es modifiqués aquest principi fonamental, per exemple, permetent tres valors possibles de spin (com ara $-\frac{1}{2}$, 0 i $+\frac{1}{2}$), tota l'estruatura de la taula periòdica canviaria radicalment:

- Cada orbital podria allotjar 3 electrons en lloc de 2.
- Això alteraria la capacitat de cada subnivell (s, p, d, f, etc.).
- Els nombres màxims d'electrons per nivell d'energia canviarien.
- Els blocs de la taula (s, p, d, f) i la disposició dels períodes i grups serien diferents.
- Els elements tindrien una configuració electrònica diferent i, per tant, podrien canviar les seves propietats químiques.

Per tant, si es modifica un principi tan bàsic com el nombre de valors del spin, la taula periòdica actual deixaria de tenir sentit tal com la coneixem. En aquest escenari, no és possible predir amb precisió com seria la nova taula periòdica sense redissenyar-la completament a partir de les noves regles quàntiques.

Bibliografia

- [1] 21.9: Polyamides and Polyesters - Step-Growth Polymers. en. Ag. de 2015. URL: [https://chem.libretexts.org/Bookshelves/Organic_Chemistry/Organic_Chemistry_\(Morsch_et_al.\)/21%3A_Carboxylic_Acid_Derivatives_-_Nucleophilic_Acyl_Substitution_Reactions/21.09%3A_Polyamides_and_Polyesters_-_Step-Growth_Polymers](https://chem.libretexts.org/Bookshelves/Organic_Chemistry/Organic_Chemistry_(Morsch_et_al.)/21%3A_Carboxylic_Acid_Derivatives_-_Nucleophilic_Acyl_Substitution_Reactions/21.09%3A_Polyamides_and_Polyesters_-_Step-Growth_Polymers) (cons. 04-05-2025).
- [2] Geoffrey M. Bowers i Ruth A. Bowers. Understanding Chemistry through Cars. en. CRC Press, nov. de 2014. ISBN: 978-1-4665-7184-6. DOI: [10.1201/b17581](https://doi.org/10.1201/b17581). URL: <https://www.taylorfrancis.com/books/9781466571846>.
- [3] Aureli Caamaño Ros, Armand Servent Tarragona i Damià Obach Muntada. Química, COU. spa. Teide, 1991. ISBN: 978-84-307-3338-5. URL: <https://dialnet.unirioja.es/servlet/libro?codigo=53646> (cons. 09-08-2023).
- [4] Richard E. Dickerson et al. Principios de química. Español. Trad. per Vicente Iranzo Rubio. 1993. ISBN: 978-84-291-7175-4.
- [5] David R Lide et al. CRC Handbook of Chemistry and Physics. en. Boca Raton, FL: CRC Press, 2005.
- [6] Bruce H. Mahan. QUÍMICA Curso Universitario. Español. 1977.
- [7] Jason Overby i Raymond Chang. QUÍMICA. 13a ed. McGraw-Hill, 2021. ISBN: 978-1-4562-7994-3. URL: https://www-ingebook-com.biblioremot.uvic.cat/ib/NPcd/IB_BooksVis?cod_primaria=1000187&codigo_libro=10619 (cons. 09-03-2025).

- [8] Travis Thoms. "Periodic Trends for the Entropy of Elements". A: J. Chem. Educ. 72.1 (gen. de 1995). Publisher: American Chemical Society, pàg. 16. ISSN: 0021-9584. DOI: [10.1021/ed072p16](https://doi.org/10.1021/ed072p16). URL: <https://doi.org/10.1021/ed072p16> (cons. 09-08-2023).