

本日学习内容

1. 继续完成管理系统
2. dp的深化，随想录写到20，完成部分灵神题单
3. 复习二分，开始使用upper_bound, lower_bound 简化解题过程

本日分享内容

题目1.

给你一个非负整数数组 `nums` 和一个整数 `target` 。

向数组中的每个整数前添加 '+' 或 '-'，然后串联起所有整数，可以构造一个 表达式：

- 例如，`nums = [2, 1]`，可以在 2 之前添加 '+'，在 1 之前添加 '-'，然后串联起来得到表达式 `"+2-1"`。

返回可以通过上述方法构造的、运算结果等于 `target` 的不同 表达式 的数目。

示例 1:

```
输入: nums = [1,1,1,1,1], target = 3
输出: 5
解释: 一共有 5 种方法让最终目标和为 3 。
-1 + 1 + 1 + 1 + 1 = 3
+1 - 1 + 1 + 1 + 1 = 3
+1 + 1 - 1 + 1 + 1 = 3
+1 + 1 + 1 - 1 + 1 = 3
+1 + 1 + 1 + 1 - 1 = 3
```

示例 2:

```
输入: nums = [1], target = 1
输出: 1
```

思路

$left + right = sum$ ，而 sum 是固定的。 $left - (sum - left) = target$ 推导出 $left = (target + sum)/2$ 。

$target$ 是固定的， sum 是固定的， $left$ 就可以求出来。此时问题就是在集合 $nums$ 中找出和为 $left$ 的组合。

代码

```
public:
    int findTargetSumWays(vector<int>& nums, int target) {
        int sum = 0;
        for (int i = 0; i < nums.size(); i++) sum += nums[i];
        if (abs(target) > sum) {
            return 0; // 此时没有方案
        }
        if ((target + sum) % 2 == 1) {
            return 0; // 此时没有方案
        }
        int bagSize = (target + sum) / 2;
        vector<int> dp(bagSize + 1, 0);
        dp[0] = 1;
        for (int i = 0; i < nums.size(); i++) {
            for (int j = bagSize; j >= nums[i]; j--) {
                dp[j] += dp[j - nums[i]];
            }
        }
        return dp[bagSize];
    }
```

题目2.

- 给你一个二进制字符串数组 `strs` 和两个整数 `m` 和 `n`。

请你找出并返回 `strs` 的最大子集的长度，该子集中最多有 `m` 个 0 和 `n` 个 1。

如果 `x` 的所有元素也是 `y` 的元素，集合 `x` 是集合 `y` 的子集。

示例 1:

输入: `strs = ["10", "0001", "111001", "1", "0"]`, `m = 5`, `n = 3`

输出: 4

解释: 最多有 5 个 0 和 3 个 1 的最大子集是 `{"10","0001","1","0"}`，因此答案是 4。

其他满足题意但较小的子集包括 `{"0001","1"}` 和 `{"10","1","0"}`。`{"111001"}` 不满足题意，因为它含 4 个 1，大于 `n` 的值 3。

示例 2:

输入: `strs = ["10", "0", "1"]`, `m = 1`, `n = 1`

输出: 2

解释: 最大的子集是 `{"0", "1"}`，所以答案是 2。

提示:

- `1 <= strs.length <= 600`
- `1 <= strs[i].length <= 100`
- `strs[i]` 仅由 `'0'` 和 `'1'` 组成
- `1 <= m, n <= 100`

思路

每个字符串相当于一个物品, `'0'` 和 `'1'` 的数量相当于物品的两种“重量”, 背包容量为 `(m, n)`。`dp[i][j]` 表示使用 `i` 个 `'0'` 和 `j` 个 `'1'` 时能组成的最大字符串数量, 对于每个字符串 `s`, 统计其 `'0'` 的数量 `zeros` 和 `'1'` 的数量 `ones`。

代码

```
class Solution {
public:
    int findMaxForm(vector<string>& strs, int m, int n) {
        vector<vector<int>> dp(m + 1, vector<int>(n + 1, 0));

        for (const string& s : strs) {
            int zeros = count(s.begin(), s.end(), '0');
            int ones = s.size() - zeros;

            for (int i = m; i >= zeros; --i) {
                for (int j = n; j >= ones; --j) {
                    dp[i][j] = max(dp[i][j], dp[i - zeros][j - ones] + 1);
                }
            }
        }

        return dp[m][n];
    }
};
```

本日遇到的问题

1. dp进度缓慢, 部分题目个人感觉难度较高, 有些难以推进
2. 二分的部分问题中, if判断中的取等条件 (是否加 `'='`) 需要再深入思考总结

明日学习内容

1. 重温灵神二分题单, 复习并解决历史遗留问题

2. Leetcode每日一题
3. 完善管理系统
4. 抽时间继续看大话数据结构