

本日学习内容

1. 完成股票买卖问题全部，总结为博客发布
2. 完成学生管理系统的功能

本日分享内容

题目一：[309. 买卖股票的最佳时机含冷冻期](#)

- 给定一个整数数组 `prices`，其中第 `prices[i]` 表示第 `*i*` 天的股票价格。

设计一个算法计算出最大利润。在满足以下约束条件下，你可以尽可能地完成更多的交易（多次买卖一支股票）：

- 卖出股票后，你无法在第二天买入股票 (即冷冻期为 1 天)。

注意：你不能同时参与多笔交易（你必须在再次购买前出售掉之前的股票）。

示例 1:

输入: `prices = [1,2,3,0,2]`

输出: 3

解释: 对应的交易状态为: [买入, 卖出, 冷冻期, 买入, 卖出]

示例 2:

输入: `prices = [1]`

输出: 0

提示:

- `1 <= prices.length <= 5000`
- `0 <= prices[i] <= 1000`

思路

首先依旧是状态设计，我们给每一天设置三种状态：

`dp[i][0]` //第i天不持股，且今天没有卖出，可以买入

`dp[i][1]` //第i天持股

`dp[i][2]` // 第i天不持股，但是今天刚刚卖出，正在冷冻期（明天不能买）

状态转移方程如下：

```
dp[i][0] = max(dp[i-1][0], dp[i-1][2]);    // 休息：可以继续休息 或 从冷冻期恢复
dp[i][1] = max(dp[i-1][1], dp[i-1][0] - prices[i]); // 买入：只能从“可买入状态”买入
dp[i][2] = dp[i-1][1] + prices[i];        // 卖出：必须从昨天持股中卖出
dp[0][0] = 0;                            // 第一天不操作
dp[0][1] = -prices[0]; // 第一天买入
dp[0][2] = 0;                            // 不可能在第一天就卖出（冷冻）
```

代码

```
2 public:
3     int maxProfit(vector<int>& prices) {
4         int n = prices.size();
5         if (n == 0) {
6             return 0;
7         }
8         vector<vector<int>> dp(n, vector<int>(3, 0));
9
10        dp[0][0] = 0;
11        dp[0][1] = -prices[0];
12        dp[0][2] = 0;
13
14        for (int i = 1; i < n; ++i) {
15            dp[i][0] = max(dp[i - 1][0], dp[i - 1][2]);    // 休息
16            dp[i][1] = max(dp[i - 1][1], dp[i - 1][0] - prices[i]); // 买入
17            dp[i][2] = dp[i - 1][1] + prices[i];           // 卖出
18        }
19
20        return max(dp[n - 1][0], dp[n - 1][2]);
21    }
22 }
```

存储

行 7, 列 10

题目二：[714. 买卖股票的最佳时机含手续费](#)

给定一个整数数组 `prices`，其中 `prices[i]` 表示第 `i` 天的股票价格；整数 `fee` 代表了交易股票的手续费用。

你可以无限次地完成交易，但是你每笔交易都需要付手续费。如果你已经购买了一个股票，在卖出它之前你就不能再继续购买股票了。

返回获得利润的最大值。

注意：这里的一笔交易指买入持有并卖出股票的整个过程，每笔交易你只需要为支付一次手续费。

示例 1：

输入: `prices = [1, 3, 2, 8, 4, 9]`, `fee = 2`
输出: 8
解释: 能够达到的最大利润:
在此处买入 `prices[0] = 1`
在此处卖出 `prices[3] = 8`
在此处买入 `prices[4] = 4`
在此处卖出 `prices[5] = 9`
总利润: $((8 - 1) - 2) + ((9 - 4) - 2) = 8$

示例 2:

输入: `prices = [1,3,7,5,10,3]`, `fee = 3`
输出: 6

提示:

- `1 <= prices.length <= 5 * 104`
- `1 <= prices[i] < 5 * 104`
- `0 <= fee < 5 * 104`

思路

我们可以继续使用和买卖股票问题2相似的思路，只不过每次交易要减去手续费。

状态定义:

`dp[i][0]`: 第 i 天不持有股票的最大收益;

`dp[i][1]`: 第 i 天持有股票的最大收益;

状态转移:

$dp[i][0] = \max(dp[i-1][0], dp[i-1][1] + prices[i] - fee)$

解释: 今天不持股, 可以是昨天就不持股, 或者昨天持股但今天卖了 (收钱减手续费);

$dp[i][1] = \max(dp[i-1][1], dp[i-1][0] - prices[i])$

解释: 今天持股, 可以是昨天就持股, 或者昨天不持股但今天买了 (花钱买);

初始值:

`dp[0][0] = 0`: 第 0 天不持股, 收益是 0;

`dp[0][1] = -prices[0]`: 第 0 天持股, 花了钱买入股票;

代码

```
2 public:
3     int maxProfit(vector<int>& prices, int fee) {
4         int n = prices.size();
5         vector<vector<int>> dp(n, vector<int>(2, 0));
6
7         // 初始化
8         dp[0][0] = 0;           // 第 0 天不持股
9         dp[0][1] = -prices[0];  // 第 0 天持股
10
11        for (int i = 1; i < n; ++i) {
12            // 今天不持股 = max(昨天不持股, 昨天持股 + 今天卖出的收益 - 手续费)
13            dp[i][0] = max(dp[i - 1][0], dp[i - 1][1] + prices[i] - fee);
14
15            // 今天持股 = max(昨天持股, 昨天不持股 - 今天买入花的钱)
16            dp[i][1] = max(dp[i - 1][1], dp[i - 1][0] - prices[i]);
17        }
18
19        // 最后一天不能持股才能最大收益
20        return dp[n - 1][0];
21    }
22};
```

存储

行 20, 列 23

本日遇到的问题

1. 管理系统封装多文件遇到困难

明日学习内容

1. 继续测试管理系统的bug并修复
2. 开始复习随想录的前面的算法