

인공지능

- 사람이 의식적으로 하는 행동을 컴퓨터가 할 수 있도록 하는 것

* 강한 인공지능

- 사람과 같은 지능
- 마음을 가지고 사람처럼 느끼면서 지능적으로 행동하는 기계
- 추론, 문제 해결, 판단, 계획, 의사소통, 자아 의식, 감정, 지예, 양심

* 약한 인공지능

- 특정 문제를 해결하는 지능적 행동
- 사람의 지능적 행동을 흉내 낼 수 있는 수준
- 대부분의 인공지능 접근 방향
- 큰 규모의 방 사고 실험

* Symbolic AI

- 프로그래머가 이해하는 데이터 구조에 맞게 지능을 모델화 함
- 게임 이론 증명
- 기호 및 이산형 변수
- 장점: 더 유용한 코딩, 쉬운 디버그, 설명, 크지 않은 데이터에 유용, 복잡문제에 적합

* Subsymbolic AI

- 뉴런과 유사한 수층의 배열
- 장점: 소규모 학습, 사전지식 없어도 됨, 빅 데이터에 유용, 복잡문제에 유용

논리학 *

¬: 부정 ∨: 논제합 ∧: 논리곱 →: 함의 ≡: 동치

P	Q	¬P	P ∨ Q	P ∧ Q	P → Q	P ≡ Q
F	F	T	F	F	T	T
F	T	T	T	F	T	F
T	F	F	T	F	F	F
T	T	F	T	T	T	T

불확실성의 원인

- 1) 약한 연관성이나 이해할 연관관계 (비이즈 정리, 학습도 포함)
- 2) 부정확한 언어 사용 (고지치 이론 설명)
- 3) 불완전하거나 결손된 데이터에 기반한 지식 (군사적중독, unknown으로 간주)
- 4) 선택되는 지식의 특성 (지식 소스별로 가중치 부여)

베이즈 정리

$$P(A|B) = \frac{P(B|A)P(A)}{P(B)}$$

↑ 가설
↑ 사전확률

↓ 사후확률
↓ 증거

질병 A의 발병률 = 0.1%, 질병이 있을 때 질병이 있다고 감지할 확률 99%, 질병이 없을 때 질병이 없다고 감지할 확률 = 98%, 만약 질병이 있다고 감지 받았을 때 실제 질병에 걸릴 확률?

$P(A)$ = 질병에 걸릴 확률 = 0.001 $P(B)$ = 질병이 있다고 감지할 확률

$$P(B|A) = 0.99 \quad P(B^c | A^c) = 0.98 \quad P(A|B) = ? = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{0.00099}{0.02099} = 0.0472 = 4.72\%$$

$$P(B) = P(B|A)P(A) + P(B|A^c)P(A^c)$$

$$= 0.99 \times 0.001 + 0.98 \times 0.999 = 0.02099$$

0.00099
0.98198

전 배그를 샀다 첫 번째 볼지의 벡시당에서 흰색 1-개 분홍색 3-개가 나왔다
두 번째 볼지 벡시당에서는 흰색 2-개 분홍색 2-개가 나왔다 총 5-개의 벡시당을 모아놓고
논하고 하나 뽑았는데 분홍색이 나왔다. 이 벡시당이 첫 번째 볼지에서 나왔을 확률은?

$$P(A) = \text{벡시당에서 분홍색} = \frac{50}{100} = \frac{1}{2} \quad P(B) = \text{첫 번째 볼지} = \frac{40}{80} = \frac{1}{2}$$

$$P(B|A) = ? \quad P(A|B) = \frac{30}{40} = \frac{3}{4} \quad P(A \cap B) = \frac{20}{80} = \frac{1}{4} \quad P(A \cap B^c) = \frac{30}{80} = \frac{3}{8}$$

$$= \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{1/4}{1/2} \times \frac{3/8}{3/8} = \frac{1}{2} = 50\%$$

- 오해의 소지는 이해

실제 베이즈 접근법을 사용하려면 어떤 가정과 부정 하에서 증거의 조건부 독립성을 포함하여 많은
가정을 충족해야 함

마세미 문제는 이런 가정을 제대로 만족 못함

베이즈 정리 적용시 - 증거의 조건부 독립성, 믿을 만한 통계 데이터, 각 가설에 대한 사전 확률이 필요

Probabilistic Graphical Model

선형



분기



b를 모르면 a와 c는 독립이 아니고

b를 알면 a와 c는 독립임

b를 알면 $a \leftarrow b \rightarrow c$ 는 체인이 돼서 된다

합리



b를 모르면 a와 c는 독립 (분기와 반대)

b를 알면 a와 c는 독립이 아니게 선택됨

b를 알면 $a \rightarrow b \leftarrow c$ 체인은 형성된다

체인의 폐쇄

A 와 C 를 잇는 체인 $A \rightarrow C$ 에서 노드 집합 W 를 주어질 때 다음을 해라도 성립하면 폐쇄성 성립

선형: 머리-꼬리 노드에 속할 때

분기: 꼬리-꼬리 노드에 속할 때

분류: 체인에 머리-머리 노드가 있을 때, 이 노드와 노드의 자손 모두 W 에 만족할 때

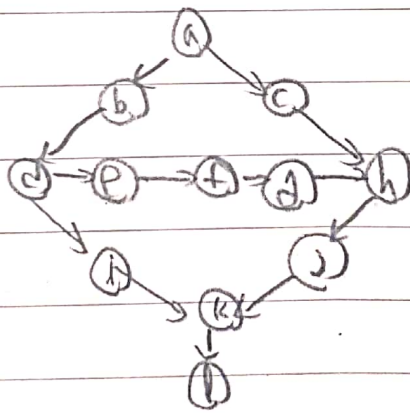
$d \rightarrow e \rightarrow f \rightarrow g \rightarrow h$ 는 $W = \{f, g\}$ 에 의해 폐쇄성 (선형)

$d \rightarrow b \leftarrow a \rightarrow c \rightarrow h$ 는 $W = \{f, g\}$ 에 의해 폐쇄성 (분기)

$d \rightarrow i \rightarrow k \leftarrow j \leftarrow h$ 는 $W = \{f, g\}$ 에 의해 폐쇄성 (분류) 꼬리부분에 (k, I) 는

$d \rightarrow i \rightarrow k \leftarrow j \leftarrow h$ 는 $W = \{f, g, k\}$ 에 의해 폐쇄성

$d \rightarrow i \rightarrow k \leftarrow j \leftarrow h$ 는 $W = \{f, g, k, j\}$ 에 의해 폐쇄성 (선형이 가능할 때)



d-분리

두 노드 A 와 C 사이에 있는 모든 체인이 노드 집합 W 에 의해 폐쇄성 성립 두 노드는 d-분리 가능하다고 함

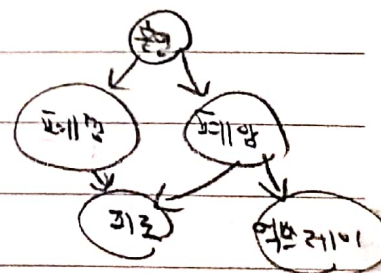
$d\text{-sep}(A, C | W)$ 또는 이 정의로 전후에도 똑같이 $d\text{-sep}(A, C | W)$ 도 가능

d-분리할 조건부 독립

$d\text{-sep}(d, f | \{a, b, c\})$ 아니다. $d \rightarrow a \rightarrow b \rightarrow c \rightarrow f$

$d\text{-sep}(d, f | \{a, b, c, e\})$ 아니다

$d\text{-sep}(d, f | \{a, b, c, e, g\})$ 아니다. $d \rightarrow a \rightarrow b \rightarrow c \rightarrow e \rightarrow g \rightarrow f$



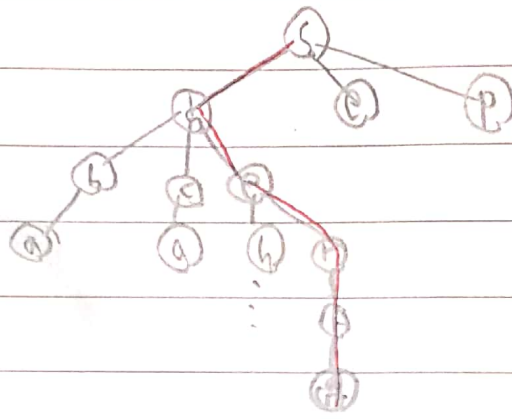
1 DFS (Depth-First-Search)

깊이 우선 탐색

후입 선출 (stack) 사용

가장 먼저 방문된 child를 다시 찾

나다 그럼으로써 모든 search는 보장



complete = (모든 노드 방문) complete 함

optimal = X

Time = $O(b^m)$

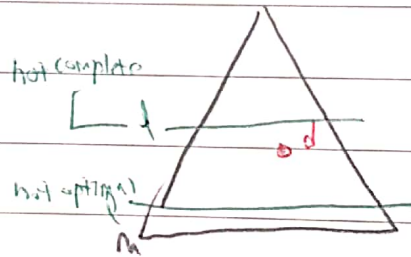
space = $O(bm)$

2. DLS (Depth-Limited Search)

깊이 제한 탐색

깊이 L을 제한하여 탐색

DFS 방식에 Limit을 줌



complete = No, if $L > d$

optimal = No, if $L > d$

Time = $O(b^L)$

space = $O(bl)$

(IDS)

3 Iterative Deepening Search (Iterative Deepening Depth-First-Search)

DLS에서 L값을 하나씩 늘려감

DFS에서 $L=1$ 일때

$$1 \leq f = (1+1)b^0 + 1b^1 + \dots + 2b^{L-1} + 1b^L$$

DFS에서 $L=2$ 일때

complete = Yes

optimal = Yes (cost가 같으면)

Time = $O(b^d) = (1+1)b^0 + 1b^1 + \dots + 2b^{d-1} + 1b^d = O(b^d)$

space = $O(bl)$

4. BFS (Breadth-First-Search)

너비우선 탐색

FIFO 선입선출 (Queue) 사용

complete = Yes (유한하면)

optimal = Yes (cost가 모두 같을 때)

$$Time = O(b^{d+1}) = 1 + b + b^2 + \dots + b^{d-1} + b^d = O(b^{d+1})$$

$$Space = O(b^d)$$

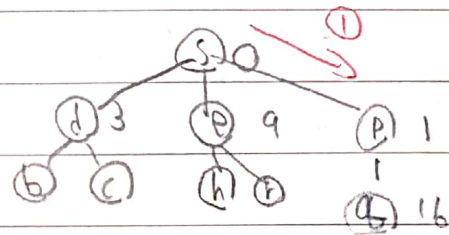
5. UCS (Uniform Cost Search)

가장 값이 작은 노드로 확장

Priority Queue 이용 (우선순위 큐 이용)

BFS에서 sort 하는 느낌 step이 같으면 BFS임

$$d = \text{목표지} / \text{최소 step} (C^*/E)$$



complete = Yes, (유한하면)

optimal = Yes

$$Time = O(b^{1 + \lceil C^*/E \rceil})$$

$$Space = O(b^{1 + \lceil C^*/E \rceil})$$

	BFS	UCS	DFS	DLS	IDS
Complete	Yes	Yes	Yes (Finite)	No	Yes
Optimal	Yes	Yes	No	No	Yes
Time	$O(b^{d+1})$	$O(b^{\lceil C^*/E \rceil + 1})$	$O(b^m)$	$O(b^d)$	$O(b^d)$
Space	$O(b^d)$	$O(b^{\lceil C^*/E \rceil + 1})$	$O(b^m)$	$O(b)$	$O(b^d)$

Informed Search

Greedy Search

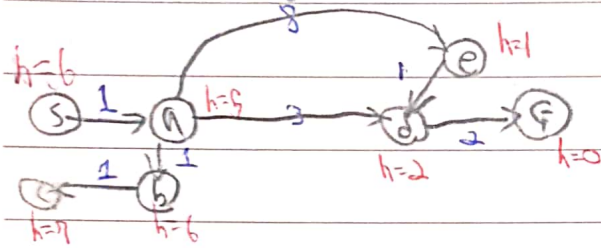
최적이지는 않지만 가장다 고 생각하는 곳으로 확장

Heuristic: 최적지와 현재까지의 거치수 정도

A* Search (****)

UCS + Greedy Cost와 Heuristic의 합인 값

$$A^* = f(n) = g(n) + h(n)$$

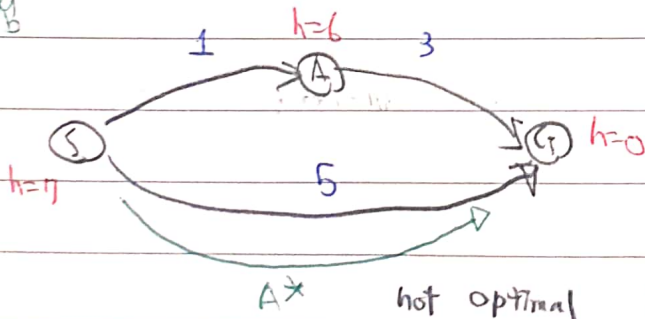


UCS = S → A → B → C

Greedy = S → A → D → G

A* = S → A → D → G

문제점



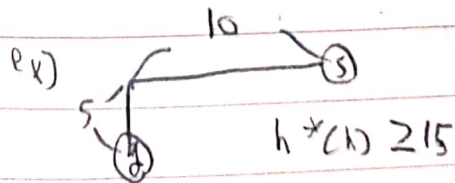
not optimal

* h(n) 값이 실제 cost 보다 낮은 값을 가져야 함

Admissible Heuristic

$$0 \leq h(n) \leq h^*(n)$$

$h^*(n)$ = 최적지로 가는 실제 거치수



Optimality of A* search

증명: B가 B에 있고 A도 B에 있는 경우

Claim: h은 B에 확장된다.

$$1. f(n) \leq f(A) \rightarrow f(n) = g(n) + h(n) \quad f(n) \leq g(A) \quad g(A) = f(A) \quad (h=0)$$

$$2. f(A) < f(B) \rightarrow g(A) < g(B) \rightarrow f(A) < f(B)$$

$$3. h은 B에 확장된다. \rightarrow f(n) \leq f(A) < f(B)$$

모든 노드는 B에 A를 먼저 확장한다

A 확장 후 B를 확장한다.

A*는 optimal 하다 (admissible Heuristic 일때)

A* properties

Complete: Yes

* optimal: Yes (if Heuristic is admissible)

* Time: $O(b^d)$ (but 좋은 Heuristic 이 주어지면 많은 시간 절약)

Space: 각각의 모든 노드를 모두 메모리에 저장해야 함 (A*의 단점)

그래프 서치에서 A*

$$① \text{ Admissible: } h(A) \leq \text{actual cost to goal}$$

$$\text{Consistency: } h(A) - h(C) \leq \text{cost}(A \rightarrow C)$$

$$\text{If } h(A) \leq \text{cost}(A \rightarrow C) + h(C) \text{ then A* graph search is optimal}$$

* Optimality

The search:

A*: heuristic is admissible then optimal

UCS: h=0 일때 optimal

Graph Search:

A*: heuristic is consistent then optimal

UCS: optimal

A) recursive Search (Min-Max)

나열된 상태에서 MAX 상태 차례에 선택을 하는 것

Complete = Yes

Optimal = Yes (if optimal 한 것이면)

Time = $O(b^m)$ recursive DFS

Space = $O(bm)$

Alpha-Beta Pruning (Improving Min-Max)

Min-Max에 필요한 트리 제거

Time = 최악 $O(b^m)$

최선 $O(b^{m/2})$

Local Search Algorithms

장점: 메모리를 거의 안 쓴다

고차원 탐색, 빠른 속도, (but incomplete and suboptimal)

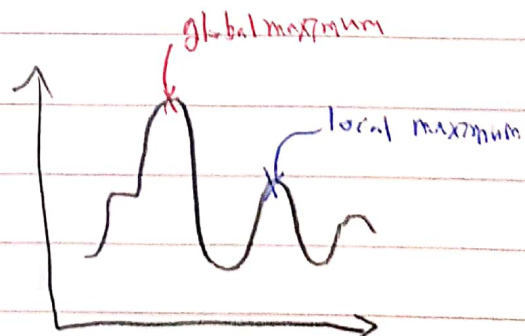
Complete X optimal X

Hill-climbing Search

주변 State를 보고 조금씩으로 갱신

단점: local maximum에 빠질 수 있음

주변값을 evaluate하여 비교



Optimization (최적화 기법)

- 문제의 범위 (search space)
- Function optimization (continuous optimization)
 - gradient descent
- Combinatorial optimization (discrete optimization)
 - 유전 알고리즘 for (TSP)

Gradient Descent Method

경사 하강법

경사의 미분방향을 따라 경사 하강

Goal: minimize $f(x)$

$$\text{반복: } x_{k+1} = x_k - \epsilon_k \nabla f(x_k)$$

★ step size matters (학습률) = 너무 세면 분산되고 작으면 느리게