Esboce o Lugar Geométrico de Raízes Directo dos sistemas representados pelas seguintes Funções de Transferência:

a) 
$$GH(s) = \frac{k}{s(s+1)(s+2)}$$

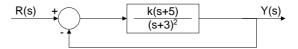
b) 
$$GH(s) = k \frac{3s}{(s+2)(s^2+6s+18)}$$

c) 
$$GH(s) = k \frac{(s+3)}{s(s+1)(s+2)(s+4)}$$

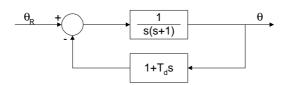
d) 
$$GH(s) = k \frac{(s+1)}{s(s+2)(s+4)^2}$$

e) 
$$GH(s) = \frac{k}{s(s^2 + 2s + 5)}$$

2. Esboce o Lugar Geométrico de Raízes Directo para o sistema que apresenta o seguinte diagrama de blocos:



3. Um sistema de controlo de posição apresenta o seguinte diagrama de blocos equivalente:

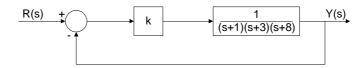


- a) Esboce o Lugar Geométrico de Raízes Directo para este sistema, considerado em função de T<sub>d</sub>.
- b) Para que valores do ganho de realimentação de velocidade (T<sub>d</sub>) o sistema apresenta uma saída não oscilatória?
- 4. Dado o sistema da figura seguinte:



- a) Esboce o seu Lugar Geométrico de Raízes Directo.
- b) Para que valores do ganho k, o sistema não apresenta oscilação à sua saída?
- c) Existe algum valor do ganho k para o qual o sistema apresente o seguinte par de pólos em malha fechada:  $s_{1,2} = -3 \pm j3$ ?

5. Considere o sistema da figura seguinte:



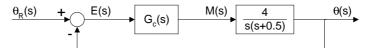
- a) Esboce o seu Lugar Geométrico de Raízes Directo.
- b) Indique os valores de k para os quais o sistema é estável.
- 6. Uma máquina de controlo numérico apresenta a seguinte Função de Transferência:

$$G(s) = \frac{1}{s(s+1)}$$

As especificações de desempenho exigem que, na configuração de "feedback" unitário da figura seguinte, o sistema apresente um "Overshoot" percentual máximo inferior a 2,5 % e um tempo de estabelecimento inferior a 1 seg.



- a) Mostre que esta especificação não pode ser alcançada recorrendo a um controlador de acção unicamente proporcional.
- b) Indique o intervalo de valores do ganho proporcional para os quais o sistema apresenta uma saída não oscilatória?
- 7. Um sistema de controlo de posição angular pode ser representado pelo seguinte diagrama de blocos:



Pretende-se que este sistema apresente as seguintes especificações de desempenho:

- "Overshoot" percentual máximo inferior a 16,32 %;
- tempo de estabelecimento inferior a 1,6 seg.
- a) Mostre que estas especificações não podem ser alcançadas recorrendo a um controlador de acção unicamente proporcional.
- b) Indique o intervalo de valores do ganho proporcional para os quais o sistema apresenta uma saída não oscilatória?