

## Instituto Politécnico do Porto Instituto Superior de Engenharia Departamento de Engenharia Electrotécnica Curso: Engenharia Electrotécnica e de Computadores



engenharia do porto	Curso. Engennaria Electrotechica e de Computadores			CCCIOCCC
Disciplina: Teoria	dos Sistemas	Turma:	<b>Data:</b> 13/Setembro	)/2007
Aluno N.º:	Nome:			
É obrigatória a apresentação de	documento de identificação c	om fotografia sempre que o docente	encarregado da vigilância da prova o solicitar	

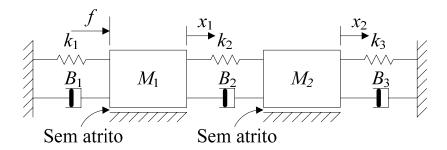
## A prova é <u>com consulta</u> bibliográfica A duração da prova é de <u>2h00 min</u>

Os alunos que estejam a fazer melhoria de nota devem responder às duas partes do exame.

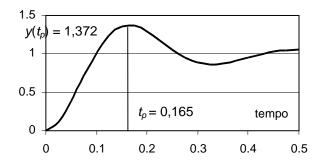
Os <u>alunos que ainda não fizeram a cadeira</u>, <u>podem responder unicamente a uma das duas</u> <u>partes ou às duas</u>. A classificação obtida em cada uma das partes funciona como repescagem da parte equivalente dos exames anteriores, valendo a melhor das duas notas.

## Parte I

1. Considere o sistema mecânico de translação representado na figura seguinte.



- a) Escreva as equações dinâmicas que descrevem o comportamento do sistema.
- **b**) Determine a Função de Transferência  $G(s) = X_2(s)/F(s)$  do sistema.
- **2.** A resposta temporal y(t) de um sistema de segunda ordem a um degrau unitário de entrada r(t) = 1 ( $t \ge 0$ ) está representada na figura.



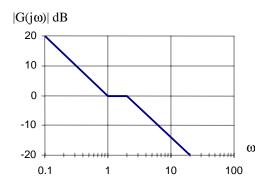
- a) Sabendo que o valor final da resposta em regime permanente é y(t) = 1, obtenha a função de transferência do sistema.
- **b**) Quais são os zeros e os pólos deste sistema (caso existam)?

## Parte II

**3.** Considere o sistema com realimentação unitária, cuja função de transferência do ramo directo é dada por:

$$G(s) = \frac{K(s+1)}{s(s+2)^2}$$

- a) Esboce o Lugar Geométrico de Raízes deste sistema, em função de K > 0. Indique claramente, caso existam, os pontos de quebra, os ângulos das assimptotas e a sua intersecção com o eixo real, os ângulos de partida dos pólos complexos e as intersecções com o eixo imaginário.
- **b**) Recorrendo ao Critério de Estabilidade de Routh-Hurwitz indique os valores de *K* para os quais este sistema é estável.
- 4. Considere o gráfico assimptótico de Bode de amplitudes representado na figura seguinte.



- a) Determine a Função de Transferência de um sistema que apresente este gráfico assimptótico de Bode de amplitudes.
- **b**) Efectue a representação dos traçados assimptóticos de Bode de fase da função de transferência.
- c) Qual é a Margem de Ganho e a Margem de Fase deste sistema? Tendo por base estes valores, que conclui sobre a estabilidade deste sistema?