

Instituto Politécnico do Porto Instituto Superior de Engenharia Departamento de Engenharia Electrotécnica Curso de Licenciatura em Engenharia Electrotécnica e de Computadores



Disciplina: Teoria dos Sistemas Turma: _____ Data: 13/Outubro/2009

Aluno N.º: ____ Nome: _____ É obrigatória a apresentação de documento de identificação com fotografia sempre que o docente encarregado da vigilância da prova o solicitar

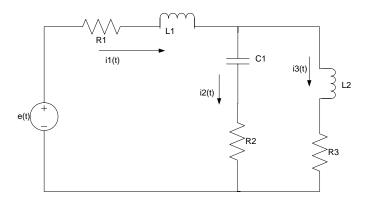
A prova é <u>com consulta</u> bibliográfica A duração da prova é de <u>2h00 min</u>

É expressamente proibida a utilização de telemóvel durante a realização da prova

Os <u>alunos que ainda não fizeram a cadeira</u>, <u>podem responder unicamente a uma das duas</u> <u>partes ou às duas</u>. A classificação obtida em cada uma das partes funciona como repescagem da parte equivalente dos exames das épocas anteriores, valendo a melhor das duas notas.

Parte I

1. Considere o circuito:



- a) Apresente as equações que modelizam o circuito.
- **b**) Apresente um diagrama de blocos do circuito onde seja possível identificar as correntes representadas.
- c) Calcule a função de transferência $\frac{I_3(s)}{E(s)}$.
- **2.** Considere um sistema de realimentação unitária, cuja função de transferência no ramo directo é a seguinte:

$$G(s) = \frac{8}{(s+2)(s+4)}$$

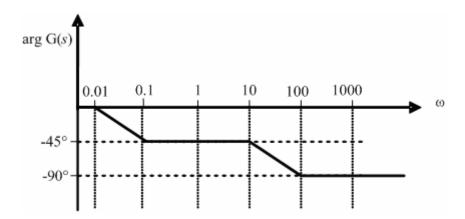
- a) Esboce a resposta temporal deste sistema a uma entrada em degrau unitário, indicando claramente o valor máximo da saída, o tempo de subida, o tempo de pico, o tempo de estabelecimento e o valor final da resposta.
- **b**) Qual é o erro em regime permanente deste sistema a uma entrada em rampa unitária? Justifique claramente a sua resposta, indicando como chegou ao resultado.

Parte II

3. Considere um sistema de realimentação unitária com a seguinte função de transferência em malha aberta:

$$GH(s) = \frac{K}{s(s^2 + 3s + 10)}, \quad K > 0$$

- a) Esboce o lugar geométrico de raízes do sistema. Indique claramente, caso existam, os pontos de quebra, os ângulos das assimptotas e a sua intersecção com o eixo real, os ângulos de partida dos pólos complexos e as intersecções com o eixo imaginário.
- **b**) Determine a faixa de valores do ganho *K* para os quais o sistema permanece estável.
- c) Apresente o código MATLAB para esboçar o lugar geométrico de raízes do sistema e obter os pólos em malha fechada do sistema para K = 10.
- **4.** Considere um sistema cujo diagrama de Bode das fases (assimptótico) está representado a seguir:



- a) Identifique a função de transferência G(s) que lhe corresponde, sabendo que o sistema apresenta uma ganho igual a 4.
- **b**) Considere que os parâmetros do sistema foram alterados, tendo-se obtido a seguinte função de transferência:

$$G(s) = \frac{10(s+3)}{s(s+4)}$$

Determine a margem de ganho e a margem de fase do novo sistema. O que conclui relativamente à estabilidade do mesmo?