

Søgning og Sortering

- Søgning
 - Linæer søgning
 - Binær søgning
- Sortering
 - Indsættelsessortering
 - Flettesortering

Søgning og Sortering

- Søgning
 - Linæer søgning
 - Binær søgning
- Sortering
 - Indsættelsessortering
 - Flettesortering

Søgning

- **Søgning.** Givet en **sorteret** tabel A og et tal x, afgør om der findes indgang i, så $A[i] == x$.
- **Sorteret tabel.** En tabel $A[0..n-1]$ er sorteret hvis $A[0] \leq A[1] \leq \dots \leq A[n-1]$ (ikke-faldende rækkefølge).

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
1	4	7	12	16	18	25	28	31	33	36	42	45	47	50

Linæer søgning

- **Lineær søgning.** Undersøg for alle indgange i om $A[i] = x$.
- **Tid.** $\Theta(n)$
- **Udfordring.** Kan vi udnytte at tabellen er sorteret til at gøre det bedre?

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
1	4	7	12	16	18	25	28	31	33	36	42	45	47	50

Binær søgning

- Binær søgning (*binary search*). Kig på midterste indgang m i A .
 - hvis $A[m] = x$ returner sand og stop.
 - hvis $A[m] < x$ fortsæt **rekursivt** på højre halvdel.
 - hvis $A[m] > x$ fortsæt **rekursivt** på venstre halvdel.
- Stop hvis tabellen har størrelse ≤ 0 og returner falsk.

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
1	4	7	12	16	18	25	28	31	33	36	42	45	47	50

Binær søgning

```
BINÆRSØGNING(A,i,j,x)
  if j < i return false
  m =  $\lfloor (i+j)/2 \rfloor$ 
  if A[m] == x return true
  elseif A[m] < x return BINÆRSØGNING(A,m+1,j,x)
  else return BINÆRSØGNING(A,i,m-1,x)      // A[m] > x
```

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
1	4	7	12	16	18	25	28	31	33	36	42	45	47	50

- **Tid.** Hvor hurtigt kører den?
- **Analyse 1.** Analog til analyse af rekursiv toppunktsalgoritme.
 - Et rekursivt kald tager konstant tid.
 - Hvert rekursivt kald **halverer** tabellen vi kigger på. Vi stopper når tabellen har størrelse ≤ 0 .
 - \Rightarrow Køretiden er $\Theta(\log n)$

Binær søgning

- [Analyse 2](#). Lad $T(n)$ være køretiden for binær søgning.
 - Opskriv og udregn **rekursionsligningen** for $T(n)$.

$$T(n) = \begin{cases} T(n/2) + c & \text{hvis } n > 1 \\ d & \text{hvis } n = 1 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} T(n) &= T\left(\frac{n}{2}\right) + c \\ &= T\left(\frac{n}{4}\right) + c + c \\ &= T\left(\frac{n}{8}\right) + c + c + c \\ &\vdots \\ &= T\left(\frac{n}{2^k}\right) + ck \\ &\vdots \\ &= T\left(\frac{n}{2^{\log_2 n}}\right) + c \log_2 n \\ &= T(1) + c \log_2 n \\ &= d + c \log_2 n \\ &= \Theta(\log n) \end{aligned}$$

Søgning

- Vi kan søge i en sorteret tabel i
 - $\Theta(n)$ tid med lineær søgning.
 - $\Theta(\log n)$ tid med binær søgning.