

KollokationsPunkte.java

```

1 /**
2  * Erzeugt ein Feld, das für einen übergebenen Parameter {@code 0 < n <= 8} die
3  * Nullstellen des {@code n}-ten Legendre-Polynoms bereitstellt und für
4  * {@code n > 8} äquidistante Punkte im Intervall {@code (-1, 1)}.
5  */
6 public class KollokationsPunkte {
7
8     /**
9      * Das Feld {@code double[] rho} enthält die {@code n} Punkte.
10     */
11     final double[] rho;
12
13     /**
14      * Erzeugt eine Instanz für ein {@code n > 0}.
15      * @param n
16      */
17     public KollokationsPunkte(int n) {
18         rho = setzePunkte(n);
19     }
20
21     private double[] setzePunkte(int n) {
22         double[] tempRho = new double[(int) (n+1)/2];
23         double temp1, temp2;
24         PolynomialFunction nthLegendre = PolynomialsUtils.createLegendrePolynomial(n);
25         tempRho[0] = findeNullstelle(nthLegendre, -1, 0);
26         tempRho[0] = findeNullstelle(nthLegendre, -1, tempRho[0]);
27         for (int i = 1; i < Math.ceil(n/2); i++) {
28             Arrays.sort(tempRho);
29             temp1 = findeNullstelle(nthLegendre, -1, tempRho[i-1]);
30             temp2 = findeNullstelle(nthLegendre, tempRho[i-1], 0);
31             if ((int) tempRho[i-1]*100 != (int) temp1*100)
32                 tempRho[i] = temp1;
33             else if ((int) tempRho[i-1]*100 != (int) temp2*100)
34                 tempRho[i] = temp2;
35         }
36         return tempRho;
37     }
38
39     private double findeNullstelle (PolynomialFunction func, double min, double max) {
40         return new NewtonRaphsonSolver().solve(200, func, min, max);
41     }
42
43     /**
44      * Erstellt ein {@code double[]}-Array, das die
45      * {@code \rho_i, i = 1, ..., k \subset (-1, 1)} enthält, aus denen dann
46      * die {@code \tau_i} berechnet werden können.
47      * @param n Anzahl der Kollokationspunkte.
48      * @return das {@code double[]}-Array mit den {@code \rho_i}.
49      */
50     private double[] setzePunkte(int n) {
51         double[] tempRho = new double[n];
52         switch (n) {
53             case 1:
54                 tempRho[0] = 0;
55                 break;
56             case 2:
57                 tempRho[1] = .577350269189626;
58                 tempRho[0] = - tempRho[1];
59                 break;
60             case 3:
61                 tempRho[2] = .774596669241483;
62                 tempRho[1] = 0;

```

```

63         tempRho[0] = - tempRho[2];
64         break;
65     case 4:
66         tempRho[3] = .861136311594053;
67         tempRho[2] = .339981043584856;
68         tempRho[1] = - tempRho[2];
69         tempRho[0] = - tempRho[3];
70         break;
71     case 5:
72         tempRho[4] = .906179845938664;
73         tempRho[3] = .538469310105683;
74         tempRho[2] = 0;
75         tempRho[1] = - tempRho[3];
76         tempRho[0] = - tempRho[4];
77         break;
78     case 6:
79         tempRho[5] = .932469514203152;
80         tempRho[4] = .661209386466265;
81         tempRho[3] = .238619186083197;
82         tempRho[2] = - tempRho[3];
83         tempRho[1] = - tempRho[4];
84         tempRho[0] = - tempRho[5];
85         break;
86     case 7:
87         tempRho[6] = .949107912342759;
88         tempRho[5] = .741531185599394;
89         tempRho[4] = .405845151377397;
90         tempRho[3] = 0;
91         tempRho[2] = - tempRho[4];
92         tempRho[1] = - tempRho[5];
93         tempRho[0] = - tempRho[6];
94         break;
95     case 8:
96         tempRho[7] = .960289856497536;
97         tempRho[6] = .796666477413627;
98         tempRho[5] = .525532409916329;
99         tempRho[4] = .183434642495650;
100        tempRho[3] = - tempRho[4];
101        tempRho[2] = - tempRho[5];
102        tempRho[1] = - tempRho[6];
103        tempRho[0] = - tempRho[7];
104        break;
105    default:
106        double temp = (n + 1) / 2d;
107        for (int i = 1; i <= tempRho.length; i++) {
108            tempRho[i-1] = i / temp - 1;
109        }
110    }
111    return tempRho;
112 }
113
114 /**
115  * Gibt den {@code i}-ten Kollokationspunkt zurück.
116  * @return {@code rho[i]}
117  */
118 public double getRho(int i) {
119     return rho[i];
120 }
121
122 /**
123  * Gibt eine Kopie des Feldes {@code double[] rho} der Kollokationspunkte
124  * im Intervall {@code [-1, 1]} zurück.

```

KollokationsPunkte.java

```
125     * @return eine Kopie von {@code double[] rho}
126     */
127     public double[] getRho() {
128         double out[] = new double[rho.length];
129         System.arraycopy(rho, 0, out, 0, rho.length);
130         return out;
131     }
132
133     /**
134     * Gibt die Anzahl {@code n} der erzeugten Kollokationspunkte zurück.
135     * @return {@code n} Anzahl der Kollokationspunkte.
136     */
137     public int getN() {
138         return rho.length;
139     }
140 }
141
```