## Elektrikernas kokbok

Björn Ögren

2022-11-15

# Contents

| In            | $\operatorname{trod}$ | uction               | 5         |
|---------------|-----------------------|----------------------|-----------|
| $\mathbf{Li}$ | kstr                  | ömskretsar           | 7         |
| 1             | Ser                   | iekoppling           | 9         |
|               | 1.1                   | Spänningsdelning     | 9         |
|               | 1.2                   | Okänd delspäning     | 9         |
|               | 1.3                   | Delresistans         | 10        |
|               | 1.4                   | Ersättningsresistans | 10        |
| 2             | Par                   | earellkoppling       | 13        |
|               | 2.1                   | Huvudström           | 13        |
|               | 2.2                   | Okänd grenström      | 13        |
|               | 2.3                   | Ersättningsresistans | 14        |
| 3             | Led                   | lare                 | <b>15</b> |
|               | 3.1                   | Ledarrresistans      | 15        |
| 4             | Ack                   | sumulatorer          | 17        |
|               | 4.1                   | Polspänning          | 17        |
|               | 4.2                   | Spänningsfall        | 17        |
|               | 4.3                   | EMK Total            | 18        |
|               | 4.4                   | Resistans total      | 18        |
|               | 4.5                   | Yttre resistans      | 18        |
|               | 4.6                   | Seriekoppling        | 19        |
|               | 4.7                   | Pararellkoppling     | 19        |
| 5             | Effe                  | ekt                  | 21        |
|               | 5.1                   | Watt tid             | 21        |
|               | 5.2                   | Kostnadsberäkning    | 22        |
| V             | ixels                 | strömskretsar        | 23        |

| 4 |  | CONTENTS |
|---|--|----------|
|   |  |          |

| 6  | Frek | xvenz 2            | 25         |
|----|------|--------------------|------------|
|    | 6.1  | Tidsintervall      | 25         |
|    |      |                    | 26         |
| 7  | Spä  | nning 2            | 29         |
|    | 7.1  | Y-Koppling         | 29         |
|    | 7.2  |                    | 30         |
| 8  | Strö | im 3               | <b>3</b> 1 |
|    | 8.1  | Y-Koppling         | 31         |
|    |      |                    | 31         |
| 9  | Effe | m kt 3             | 3          |
|    | 9.1  | Trefaskretsar      | 33         |
|    | 9.2  | Reaktiva kretsar   | 34         |
| 10 | Väx  | elströmsmotstånd 3 | 87         |
|    | 10.1 | Impedans           | 37         |
|    |      | Kondensatorer      | 37         |
|    | 10.3 | Spolar             | 39         |

## Introduction

This book is a guide to authoring books and technical documents with R Markdown [Allaire et al., 2022] and the R package **bookdown** [Xie, 2022]. It focuses on the features specific to writing books, long-form articles, or reports, such as:

- how to typeset equations, theorems, figures and tables, and cross-reference them;
- how to generate multiple output formats such as HTML, PDF, and e-books for a single book;
- how to customize the book templates and style different elements in a book;
- editor support (in particular, the RStudio IDE); and
- how to publish a book.

6 CONTENTS

# Likströmskretsar

8 CONTENTS

# Seriekoppling

Seriekoppling innebär att alla komponenter genomlöps av hela den strömstyrka som flyter genom ledningen, medan den elektriska spänningen över seriekopplingen fördelas över komponenterna i förhållande till deras resistans.

Kirchhoffs första strömlag beskriver hur strömmar förgrenar sig i en pararellkrets. Den andra beskriver hur spänningar fördelas i en seriekrets.

#### 1.1 Spänningsdelning

Kirchhoff andra lag Summan av delspäningarna är lika med den totala spänningen.

| Samband                                  | Beteckning | Storhet  | Enhet | Förkortning |
|--|------------|----------|-------|-------------|
| $ \overline{U_{tot}} = U_1 + U_2 + U_3 $ | U          | Spänning | Volt  | V           |

Exempel uträkning spänningsdelning (1) 
$$U_{tot} = U_1 + U_2 + U_3$$
 
$$U_{tot} = 4 + 4 + 4$$
 
$$U_{tot} = 12 \ V$$

### 1.2 Okänd delspäning

| Samband  | Beteckning | Storhet  | Enhet | Förkortning |
|--|------------|----------|-------|-------------|
| $\begin{array}{l} \overline{U_{tot}} = \\ U_{tot} - \end{array}$ | U          | Spänning | Volt  | V           |
| $U_3 - U_2$  |            |          |       |             |

Exempel uträkning okänd delspäning (1)

$$\begin{split} U_{tot} &= U_1 + U_2 + U_3 \\ U_3 &= 12 - 4 - 6 \\ U_3 &= 3 \ V \end{split}$$

#### 1.3 Delresistans

| Samband                    | Beteckning | Storhet      | Enhet | Förkortning |
|----------------------------|------------|--------------|-------|-------------|
| $R_{//} \frac{R_{tot}}{R}$ | R          | Delresistans | Omega | Ω           |

Om alla delresistanser är lika

$$\begin{array}{c} R_{//} \frac{R_{tot}}{R} \\ R_{//} = \frac{100}{10} \\ R_{//} = 4, 2~\Omega \end{array}$$

Om delresestanerna är olika

$$R_1 = R_{tot} - R_1$$
 
$$R_1 = 10 - 6$$
 
$$R_1 = 6 \ \Omega$$

## 1.4 Ersättningsresistans

Ersättningsresistans är den resistans vilken man kan ersätta två eller flera resistorer i en krets med. För seriekopplingar är den totala resistansen  $R_T \$  helt enkelt summan av de olika resistorernas resistans.

#### 1.4. ERSÄTTNINGSRESISTANS

11

Exempel uträkning ersättningsresistans

$$\begin{split} R_{ers} &= R_1 + R_2 + R_3 \\ R_{ers} &= 10 + 12 + 18 \\ R_{ers} &= 40 \ \Omega \end{split}$$

Ersättningsresistansen går även att räkna ut från spänning totalt delat med strömen

$$\begin{split} R_{ers} &= \frac{U_{tot}}{I} \\ R_{ers} &= \frac{U_{tot}}{I} \\ R_{ers} &= 4, 2~\Omega \end{split}$$

# Pararellkoppling

Kirchhoffs första strömlag beskriver hur strömmar förgrenar sig i en pararellkrets. Den andra beskriver hur spänningar fördelas i en seriekrets.

#### 2.1 Huvudström

Huvudströmmen är lika med summan av grenströmmarna

| Samband               | Beteckning | Storhet | Enhet  | Förkortning |
|-----------------------|------------|---------|--------|-------------|
| $\overline{I_h} =$    | $I_h$      | Ström   | Ampere | A           |
| $I_1 {+} I_2 {+} I_3$ |            |         |        |             |

$$\frac{\text{Exempel uträkning huvudström (1)}}{I_h = I_1 + I_2 + I_3} \\ I_h = 2 + 2 + 2 \\ I_h = 6 \ A$$

### 2.2 Okänd grenström

| Samband                                 | Beteckning | Storhet | Enhet  | Förkortning    |
|---|------------|---------|--------|----------------|
| $\overline{I_3} = I_h - \overline{I_h}$ | I          | Ström   | Ampere | $\overline{A}$ |
| $I_1 - I_2$                             |            |         |        |                |

Exempel uträkning okänd grenström (1)

$$I_3 = I_h - I_1 - I_2 \\ I_3 = 6 - 3 - 2 \\ I_h = 1 \ A$$

### 2.3 Ersättningsresistans

Ersättningsresistans är den resistans vilken man kan ersätta två eller flera resistorer i en krets med.

| Samband   | Beteckning | Storhet           | Enhet     | Förkortning |
|---|------------|-------------------|-----------|-------------|
| $\begin{array}{c} \frac{1}{R} = \\ \frac{1}{R}_1 + \frac{1}{R}_2 + \\ \frac{1}{R}_3 \cdots \end{array}$ | R          | Ersättningsresist | ans Omega | Ω           |

Exempel uträkning ersättningsresistans  $\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3}$ 

 $\begin{array}{c} \frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_3} \\ \frac{1}{R} = \frac{1}{10} + \frac{1}{12} + \frac{1}{18} \\ R_{ers} = 40~\Omega \end{array}$ 

Ersättningsresistansen går även att räkna ut från spänning totalt delat med strömen

$$\begin{split} R_{ers} &= \frac{U_{tot}}{I} \\ R_{ers} &= \frac{U_{tot}}{I} \\ R_{ers} &= 4, 2~\Omega \end{split}$$

# Ledare

#### 3.1 Ledarrresistans

| Samband                    | Beteckning | Storhet        | Enhet | Förkortning |
|----------------------------|------------|----------------|-------|-------------|
| $R = \frac{p \times^L}{A}$ | R          | Ledarresistans | Omega | Ω           |

Exempel uträkning ledarresistans

$$R = \frac{p \times L}{A}$$

$$R = \frac{0.0175 \times 10}{1}$$

$$R = 0.0175 \Omega$$

#### 3.1.1 Area

| Samband                    | Beteckning | Storhet | Enhet | Förkortning |
|----------------------------|------------|---------|-------|-------------|
| $A = \frac{p \times^L}{R}$ | A          | Cirkel  | Area  | $mm^2$      |

Exempel uträkning ledararea

$$A = \frac{p \times L}{R}$$

$$A = \frac{0.0175 \times 20}{0.466}$$

$$A = 0.75 \text{ } mm^2$$

### 3.1.2 Ledarlängd

| Samband                    | Beteckning | Storhet    | Enhet | Förkortning    |
|----------------------------|------------|------------|-------|----------------|
| $L = \frac{R \times^A}{P}$ | L          | Ledarlängd | Längd | $\overline{m}$ |

Exempel uträkning ledarlängd

$$L = \frac{R \times ^{A}}{P}$$

$$L = \frac{1,75 \times 1,0}{0,0175}$$

$$L = 100 \ m$$

#### 3.1.3 Ledarresistivitet

| Samband                    | Beteckning | Storhet           | Enhet | Förkortning |
|----------------------------|------------|-------------------|-------|-------------|
| $p = \frac{R \times^A}{L}$ | p          | Ledarresistivitet | Omega | Ω           |

Exempel uträkning ledarresistivitet

$$p = \frac{R \times A}{L}$$

$$p = \frac{2.67 \times 0.75}{20}$$

$$p = 0.0090, 1 \Omega mm^2/m$$

## Ackumulatorer

## 4.1 Polspänning

| Samband                                 | Beteckning | Storhet  | Enhet | Förkortning |
|---|------------|----------|-------|-------------|
| $\overline{U = \atop E - R_i \times I}$ | f          | Frekvens | Hertz | Hz          |

$$\frac{\text{Exempel uträkning tid (1)}}{U=E-R_i\times I} \\ U=1, 5-0, 4\times 0, 9 \\ U=1, 14\ V$$

### 4.2 Spänningsfall

| Samband  | Beteckning | Storhet  | Enhet | Förkortning |
|--|------------|----------|-------|-------------|
| $\begin{array}{l} \overline{U_{drop}} = \\ R_i \times I \end{array}$ | U          | Spänning | Volt  | V           |

 $\frac{\text{Exempel uträkning spänningsfall}}{U_{drop} = R_i \times I} \\ U_{drop} = 0, 6 \times 2, 2 \\ U_{drop} = 1, 32 \ V$ 

### 4.3 EMK Total

| Samband                         | Beteckning         | Storhet  | Enhet | Förkortning |
|---------------------------------|--------------------|----------|-------|-------------|
| $\overline{E_{tot}} =$          | U                  | Spänning | Volt  | V           |
| $E_{batt} \times Antalet\ batt$ | $terier\ i\ serie$ |          |       |             |

 $\frac{\text{Exempel uträkning EMK Total}}{E_{tot} = E_{batt} \times Antalet \ batterier \ i \ serie}$   $E_{tot} = 4, 5 \times 3$   $E_{tot} = 13, 5 \ V$ 

#### 4.4 Resistans total

| Samband     | Beteckning | Storhet   | Enhet | Förkortning |
|-------------|------------|-----------|-------|-------------|
| $R_{tot} =$ | $R_{tot}$  | Resistans | Omega | Ω           |
| $R_y + R_i$ |            | total     |       |             |

#### 4.5 Yttre resistans

| Samband            | Beteckning | Storhet   | Enhet | Förkortning |
|--------------------|------------|-----------|-------|-------------|
| $\overline{R_y} =$ | $R_y$      | Resistans | Omega | Ω           |
| $R_{tot} - R_i$    |            |           |       |             |

 $\frac{\text{Exempel uträkning yttre resistans}}{R_y = R_{tot} - R_i}$   $\frac{R_y = 5 - 0, 4}{R_y = 4, 6~\Omega}$ 

19

### 4.6 Seriekoppling

#### 4.6.1 Inre resistans

| Samband | Beteckning | Storhet        | Enhet | Förkortning |
|---------|------------|----------------|-------|-------------|
|         | $R_i$      | Inre resistans | Omega | Ω           |

Exempel uträkning inre resistans i strömkällan

$$\begin{aligned} R_{i~tot} &= Antal~Batt \times R_{I~Batt} \\ R_{i~tot} &= 3 \times 0, 3 \\ R_{i~tot} &= 0, 9~\Omega \end{aligned}$$

Vid seriekoppling adderas reistanserna sig

#### 4.6.2 Kortslutningsström

| Samband       | Beteckning | Storhet                    | Enhet  | Förkortning |
|---------------|------------|----------------------------|--------|-------------|
| $I = I_{max}$ | $I_{max}$  | $\operatorname{Str\"{o}m}$ | Ampere | A           |

Exempel uträkning kortslutningsström

$$\begin{split} I &= I_{max} \\ I &= I_{max} = 0, 5~A \\ I &= I_{max} = 0, 5~A \end{split}$$

Eftersom det vid seriekoppling är samma ström genom hela kretsen

### 4.7 Pararellkoppling

#### 4.7.1 Inre resistans

| Samband   | Beteckning  | Storhet        | Enhet | Förkortning |
|---|-------------|----------------|-------|-------------|
| $R_{i\ tot} = \frac{R_{i\ Batt}}{Batt_{Antal}}$ | $R_{i-tot}$ | Inre resistans | Omega | Ω           |

Exempel uträkning inre resistans i strömkällan

$$R_{i~tot} = \frac{R_{i/Batt}}{Batt_{Antal}}$$
 
$$R_{i~tot} = \frac{0.3}{3}$$
 
$$R_{i~tot} = 0.1~\Omega$$
 Vid parallelkoppling delas resistansen sig

#### 4.7.2 Kortslutningsström

| Samband   | Beteckning | Storhet          | Enhet      | Förkortning |
|---|------------|------------------|------------|-------------|
| $\begin{array}{l} \overline{I_{max}} = \\ Batt \ antal \times \\ I_i \end{array}$ | $I_{max}$  | Kortslutningsstr | röm Ampere | A           |

Exempel uträkning kortslutningsström

$$\begin{split} I_{max} &= Batt \ antal \times I_i \\ I_{max} &= 3 \times 0, 5 \ A \\ I_{max} &= 1, 5 \ A \end{split}$$

Eftersomm totalströmmen vid pararellkoppling blir summan av delströmmarna

## Effekt

Effekt betecknas ofta med bokstaven P från engelskans power och kan bland annat yttra sig i form av ett värmeflöde eller mekaniskt arbete. SI-enheten för effekt är watt (W), där en watt motsvarar en energiomvandling på en joule per sekund (W=J/s). Utöver watt finns det ett flertal enheter som betecknar effekt, exempelvis enheten hästkraft, vilket i Sverige motsvarar en effekt på 735,5 watt.

Den momentana effektutvecklingen i en resistor är produkten av spänningen över komponenten och den elektriska strömmen genom komponenten.

| Samband          | Beteckning | Storhet | Enhet | Förkortning    |
|------------------|------------|---------|-------|----------------|
| $P = U \times I$ | P          | Effekt  | Watt  | $\overline{W}$ |

$$\frac{\text{Exemple uträkning Effekt}}{P = U \times I}$$
 
$$P = U \times I = 230 \times 0, 5$$
 
$$P = 115 \ W$$

#### 5.1 Watt tid

| Samband      | Beteckning | Storhet | Enhet | Förkortning    |
|--------------|------------|---------|-------|----------------|
| W =          | P          | Effekt  | Watt  | $\overline{W}$ |
| $P \times t$ |            |         |       |                |

$$\frac{\text{Exemple uträkning watt tid}}{W = P \times t} \\ W = P \times t = 0,115 \times 10^3 \times 10 \\ W = 1,15 \ kWh$$

## 5.2 Kostnadsberäkning

| Samband                          | Beteckning | Storhet | Enhet | Förkortning |
|----------------------------------|------------|---------|-------|-------------|
| $Kostnad = \\ kW \times \\ Pris$ | Kostnad    | Effekt  | Watt  | W           |

| Exemple uträkning kostnad                     |  |  |  |  |
|---|--|--|--|--|
| $Kostnad = kW \times Pris$                    |  |  |  |  |
| $Kostnad = kW \times Pris = 1,15 \times 1,10$ |  |  |  |  |
| Kostnad = -: -Kr                              |  |  |  |  |

# Växelströmskretsar

## Frekvenz

#### 6.1 Tidsintervall

Frekvens är en storhet för antalet repeterande händelser inom ett givet tidsintervall[1]. För att beräkna frekvensen fixerar man ett tidsintervall, räknar antalet förekomster av händelsen och dividerar detta antal med längden av tidsintervallet. Resultatet anges i enheten hertz (Hz) efter den tyske fysikern Heinrich Rudolf Hertz, där 1 Hz är en händelse som inträffar en gång per sekund. Alternativt kan man mäta tiden mellan två förekomster av händelsen ((tids)perioden) och därefter beräkna frekvensens reciproka värde.

#### 6.1.1 Frekvens

| Samband                    | Beteckning | Storhet  | Enhet | Förkortning |
|----------------------------|------------|----------|-------|-------------|
| $Frekvens = \frac{1}{Tid}$ | f          | Frekvens | Hertz | Hz          |

$$\frac{\text{Exempel uträkning frekvens }(1)}{Frekvens = \frac{1}{Tid}}$$
 
$$f = \frac{1}{38} \times 10^{3}$$
 
$$f = 26, 3 \; Hz$$

#### 6.1.2 Tid

| Samband              | Beteckning | Storhet  | Enhet | Förkortning |
|----------------------|------------|----------|-------|-------------|
| $\overline{Tid} =$   | f          | Frekvens | Hertz | Hz          |
| $\frac{1}{Frekvens}$ |            |          |       |             |

$$\frac{\text{Exempel uträkning tid (1)}}{Tid = \frac{1}{Frekvens}} \\ Tid = \frac{1}{400} \times 10^{3} \\ T = 2, 5 \ ms$$

## 6.2 Toppvärden

#### 6.2.1 Toppspänning

| Samband                   | Beteckning | Storhet      | Enhet | Förkortning    |
|---------------------------|------------|--------------|-------|----------------|
| $\hat{u} = $              | $\hat{u}$  | Toppspänning | Volt  | $\overline{V}$ |
| $U_{eff} \times \sqrt{2}$ |            |              |       |                |

$$\frac{\text{Exempel uträkning toppspänning}}{\hat{u} = U_{eff} \times \sqrt{2}} \\ \hat{u} = 415 \times \sqrt{2} \\ \hat{u} \approx 587 \; V$$

### 6.2.2 Toppström

| Samband                   | Beteckning | Storhet   | Enhet | Förkortning    |
|---------------------------|------------|-----------|-------|----------------|
| $\hat{I} =$               | $\hat{I}$  | Toppström | Amper | $\overline{A}$ |
| $I_{eff} \times \sqrt{2}$ |            |           |       |                |

| Exempel uträkning toppström         |
|-------------------------------------|
| $\hat{I} = I_{eff} \times \sqrt{2}$ |
| $\hat{I} = 20 \times \sqrt{2}$      |
| $\hat{I} \approx 28, 3 A$           |

#### 6.2. TOPPVÄRDEN

27

## 6.2.3 Topp till toppspänning

| Samband                                 | Beteckning    | Storhet      | Enhet | Förkortning    |
|---|---------------|--------------|-------|----------------|
| $\overline{\hat{u}} = \hat{u} \times 2$ | $\hat{ec{u}}$ | Toppspänning | Volt  | $\overline{V}$ |

Exempel uträkning topp till toppspänning

$$\hat{\tilde{u}} = 587 \times 2$$

$$\hat{\tilde{u}} = 1174 V$$

#### 6.2.4 Topp till toppvärde av ström

$$\hat{\tilde{I}}=\hat{I}\times 2$$

Exemple

$$\hat{\tilde{I}} = \hat{I} \times 2 \approx 28, 3 \times 2 = 56 A$$

Topp till toppvärd är således

$$\hat{\tilde{I}}\approx 56~A$$

# Spänning

### 7.1 Y-Koppling

#### 7.1.1 Linjespänning

| Samband                 | Beteckning | Storhet  | Enhet | Förkortning |
|-------------------------|------------|----------|-------|-------------|
| $U_L =$                 | $U_l$      | Spänning | Volt  | V           |
| $U_f^- \times \sqrt{3}$ |            |          |       |             |

 $\frac{E \text{xempel uträkning fasspänning}}{U_L = U_f \times \sqrt{3}} \\ U_L = 230 \times \sqrt{3} \\ U_L = 400 \ V$ 

#### 7.1.2 Fasspänning

| Samband                      | Beteckning | Storhet  | Enhet | Förkortning |
|------------------------------|------------|----------|-------|-------------|
| $U_f = \frac{U_L}{\sqrt{3}}$ | $U_l$      | Spänning | Volt  | V           |

 $\underline{\underline{\text{Exempel uträkning fasspänning}}}$ 

$$U_f = \frac{U_L}{\sqrt{3}}$$

$$U_f = \frac{400}{\sqrt{3}}$$

| Exempel | uträkning   | fasspänning    |
|---------|-------------|----------------|
|         | $U_f = 230$ | $\overline{V}$ |

## 7.2 D-koppling

## 7.2.1 Linjespänning

### 7.2.2 Fasspänning

| Samband            | Beteckning | Storhet  | Enhet | Förkortning |
|--------------------|------------|----------|-------|-------------|
| $U_f = U_L = 400V$ | $U_L$      | Spänning | Volt  | V           |

# Ström

## 8.1 Y-Koppling

#### 8.1.1 Fasström

| Samband               | Beteckning | Storhet | Enhet  | Förkortning |
|-----------------------|------------|---------|--------|-------------|
| $I_f = \frac{U_f}{R}$ | $I_f$      | Ström   | Ampere | A           |

| Exempel | uträkning   | fasström |
|---------|---|----------|
|         | $I_{f} = \frac{U_{f}}{R}$ $I_{f} \frac{400}{100}$ $I_{f} = 4 A$ |          |

#### 8.1.2 Linjeström

$$I_L = I_f = Fastrm \,$$

### 8.2 D-koppling

#### 8.2.1 Fasström

| Samband               | Beteckning | Storhet | Enhet  | Förkortning |
|-----------------------|------------|---------|--------|-------------|
| $I_f = \frac{U_h}{R}$ | $I_f$      | Ström   | Ampere | A           |

#### Exempel uträkning fasström

$$\begin{split} I_f &= \frac{U_h}{R} \\ I_f &\frac{400}{100} \\ I_f &= 4~A \end{split}$$

#### 8.2.2 Linjeström

| Samband   | Beteckning | Storhet | Enhet  | Förkortning |
|---|------------|---------|--------|-------------|
| $\begin{array}{c} I_L = \\ I_f \times \sqrt{3} \end{array}$ | $I_L$      | Ström   | Ampere | A           |
| $I_f \times \sqrt{3}$ $I_L = P$                             | $I_L$      | Ström   | Ampere | A           |
| $\sqrt{3} \times U_h$                                       |            |         |        |             |

#### Exempel uträkning linjeström (1)

$$\begin{split} I_L &= I_f \times \sqrt{3} \\ I_L &= 90 \times \sqrt{3} \\ I_L &= 2, 3~A \end{split}$$

#### Exempel uträkning linjeström (2)

$$I_{L} = \frac{P}{\sqrt{3} \times U_{h}}$$

$$I_{L} = \frac{6000^{h}}{\sqrt{3} \times 400}$$

$$I_{L} = 8,7 \text{ A}$$

## Effekt

#### 9.1 Trefaskretsar

Det finns en formel för beräkning av effekt och strömmar i trefaskretsar som gäller både för Y- och D-koppling. I praktiken är vi oftast intresserade av strömmarna som går i ledarna till en belastning, det vi kallar huvudström. Men i en D-koppling är det fasströmmarna genom belastningen som ger effektutvecklingen. Därför komplettear vi effektformeln med:

 $\sqrt{3}$ 

som beskriver sambandet mellan huvudström och fasström. Formeln utgör även grunden för beräkningar av effekten i reaktiva belastningar och den kompletteras då med

 $cos\phi$ 

.

| Samband  | Beteckning | Storhet      | Enhet | Förkortning |
|--|------------|--------------|-------|-------------|
| $\overline{P_{trefas}} = \\ \sqrt{3} \times U \times \\$ | P          | Aktiv effekt | Watt  | W           |

 $\frac{\text{Effekt i tre D-kopplade resistorer}}{P_{trefas} = \sqrt{3} \times U \times I_f} \\ P_{trefas} = \sqrt{3} \times U \times I_f} \\ P = 4800 \ W$ 

### 9.2 Reaktiva kretsar

#### 9.2.1 Aktiv

Det är den aktivs effekt som vi kan omsätta till ljus, värme eller mekansik rörelse. Aktiva effekten har enheten watt och betecknas med P i effektriangeln.

| Samband                    | Beteckning | Storhet      | Enhet | Förkortning    |
|----------------------------|------------|--------------|-------|----------------|
| $P = U \times$             | P          | Aktiv effekt | Watt  | $\overline{W}$ |
| $I \times cos\phi$         |            |              |       |                |
| $P_{trefas} =$             | P          | Aktiv effekt | Watt  | W              |
| $\sqrt{3} \times U \times$ |            |              |       |                |
| $I \times cos\phi$         |            |              |       |                |

Exempel uträkning aktiv effekt

$$\begin{split} P &= U \times I \times cos\phi \\ P &= 230 \times 0, 78 \times 0, 78 \\ P &= 1640 \; W \end{split}$$

Exempel uträkning aktiv effekt trefas

$$\begin{split} P_{trefas} &= \sqrt{3} \times U \times I \times cos\phi \\ P_{trefas} &= \sqrt{3} \times ? \times ? \times ? \\ P_{trefas} &= W \end{split}$$

#### 9.2.2 Skenbar

Skenbar effekt är produkten av strömmens och spänningens effektvärden. Skenbar effekt har enheten voltampere (VA).

| Samband  | Beteckning | Storhet        | Enhet      | Förkortning |
|--|------------|----------------|------------|-------------|
| S =  | S          | Skenbar effekt | Voltampere | VA          |
| $U \times I = \\ \sqrt{P^2 + Q^2} \\ S_{trefas} = \\ \sqrt{3} \times U \times I$ | S          | Skenbar effekt | Voltampere | VA          |

35

Exempel uträkning skenbar effekt (1)

$$S = U \times I$$
 
$$S = 230 \times 9,05$$
 
$$S = 2081 \ W$$

Exempel uträkning skenbar effekt (2)

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} \\ S = \sqrt{2000^2 + 1000^2} \\ S = 2, 2 \; kVA$$

Exempel uträkning skenbar effekt trefas

$$S_{trefas} = \sqrt{3} \times U \times I$$
 
$$S_{trefas} = \sqrt{3} \times 230 \times 9,05$$
 
$$S_{trefas} = 2081 \; W$$

#### 9.2.3 Reaktiv

Den reaktiva effekten uppstår på grund av fasförskjutningen som det reaktiva motståndet åstakomer. Den reaktiva effekten har enheten voltampere, VAr. Tillläget r står för reaktiv.

| Samband  | Beteckning | Storhet        | Enhet               | Förkortning |
|--|------------|----------------|---------------------|-------------|
| $Q = U \times I \times sin\phi = \sqrt{S^2 - P^2}$ | Q          | Reaktiv effekt | Voltampere<br>reakt | VAr         |

Exempel uträkning reaktiv effekt (1)

$$\begin{aligned} Q &= U \times I \times sin\phi \\ Q &= U \times I \times sin\phi \\ Q &= VAr \end{aligned}$$

Exempel uträkning reaktiv effekt (2)

$$Q = \sqrt{S^2 - P^2} \\ Q = \sqrt{1000^2 - 607^2}$$

Exempel uträkning reaktiv effekt (2)

Q=795~VAr

## Växelströmsmotstånd

### 10.1 Impedans

| Samband   | Beteckning | Storhet   | Enhet          | Förkortning |
|---|------------|-----------|----------------|-------------|
| $\overline{Z} =$  | Z          | Impedans  | Ohm            | Ω           |
| $\sqrt{R^2 + (X_L)^2}$                                    | $(-X_L)^2$ |           |                |             |
| $R = \frac{U}{I}$   | R          | Resistans | $\mathrm{Ohm}$ | $\Omega$    |
| $X_L =$   | $X_L$      | Induktiv  | $\mathrm{Ohm}$ | $\Omega$    |
| $2\pi f L$  |            | reaktans  |                |             |
| $X_C =$   | $X_C$      | kapacitiv | $\mathrm{Ohm}$ | $\Omega$    |
| $\begin{array}{c} X_C = \\ \frac{1}{2\pi fC} \end{array}$ |            | reaktans  |                |             |

$$\frac{Z = \sqrt{R^2 + (X_L)^2}}{Z = \sqrt{20^2 + (15,7)^2}}$$
 
$$Z = 25,4~\Omega$$

#### 10.2 Kondensatorer

Kondensatorns förmåga att lagra elektrisk laddning kallas kapacitans, och betecknas C. Enheten för kapacitans är farad som betecknas F.

| Prefixer                   | Förkortning | Tiopotens |
|----------------------------|-------------|-----------|
| $\frac{1}{1}$ $mikrofarad$ | $\mu F$     | $10^{-6}$ |
| $1 \ nanofarad$            | nF          | $10^{-9}$ |

| Prefixer                  | Förkortning | Tiopotens  |
|---------------------------|-------------|------------|
| $\overline{1\ picofarad}$ | pF          | $10^{-12}$ |

#### 10.2.1 Kapacitans

Kapacitans beskriver hur mycket energi kondensatorn kan innehålla vid en viss spänning.

| Samband                                   | Beteckning | Storhet          | Enhet     | Förkortning |
|---|------------|------------------|-----------|-------------|
| $\overline{C} =$                          | C          | Kapacitans       | Farad     | $F^{As/V}$  |
| $f = \frac{1}{T}$ $2 \times \pi =$ $3.14$ | $f \\ Pi$  | Hertz<br>Omkrets | Hz Radies | $\pi$       |

Exempel uträkning kapacitans

$$L = \frac{L = \frac{X_L}{2\pi f}}{\frac{1000}{(2\times3.14\times1.0\times10^3~\sqrt{3})}} \\ L = 0.16~H$$

#### 10.2.2 Kapacitiv reaktans

Växelströmsmotståndet i kondensatorn minskar när frekvensen ökar. Då kommer ekvationen att minska när frekvesen ökar.

| Samband   | Beteckning | Storhet               | Enhet  | Förkortning |
|---|------------|-----------------------|--------|-------------|
| $\begin{array}{l} \overline{X_C} = \\ \frac{1}{2\pi fC} \\ f = \frac{1}{T} \\ 2 \times \pi = \end{array}$ | $X_C$      | kapacitiv<br>reaktans | Ohm    | Ω           |
| $f = \frac{1}{T}$   | f          | Hertz                 | Hz     |             |
| $2 \times \pi = 3.14$   | Pi         | Omkrets               | Radies | $\pi$       |

Exempel uträkning kapacitiv reaktans

$$\begin{array}{c} X_C = \frac{1}{2\pi f C} \\ X_C = \frac{1}{2\times \pi \times 50 \times 0,0002} \\ X_C = 15,91~\Omega \end{array}$$

10.3. SPOLAR 39

#### 10.2.3 Seriekopplade

| Samband                | Beteckning | Storhet    | Enhet | Förkortning |
|------------------------|------------|------------|-------|-------------|
| $\overline{C_{tot}} =$ | C          | Kapacitans | Farad | $F^{As/V}$  |
| $C_1 + C_2$            |            |            |       |             |

 $\frac{C_{tot} = C_1 + C_2}{C_{tot} = 12_1 + 12_2}$   $C_{tot} = 24 \ \mu F$ 

#### 10.2.4 Parallellkopplade

| Samband   | Beteckning | Storhet    | Enhet | Förkortning |
|---|------------|------------|-------|-------------|
| $ \frac{\frac{1}{C_{tot}}}{\frac{1}{C_1}} = \frac{\frac{1}{C_1}}{\frac{1}{C_2}} + \frac{1}{C_3} \dots $ | C          | Kapacitans | Farad | $F^{As/V}$  |

Exempel uträkning kapacitiv reaktans  $\frac{\frac{1}{C_{tot}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} \dots}{\frac{1}{C_{tot}} = \frac{1}{1,8_1} + \frac{1}{16_2} + \frac{1}{32_3}}$   $C_{tot} = 4.5 \ nF$ 

### 10.3 Spolar

Spolens egenskaper kallas induktans, betecknas i formler L och mäts i enheten Henry (H).

| Prefixer        | Enhet   | Förkostning |
|-----------------|---------|-------------|
| 1 millihenry    | mH      | $10^{-3}$   |
| $1\ mikrohenry$ | $\mu H$ | $10^{-6}$   |

#### 10.3.1 Induktans

Induktansen beror på hur många varv spolen har, diametern, avståndet mellan ledarna och om spolen är försedd med järnkärna. Flera lindningsvarv och större diameter ger spolen större indutans.

| Samband   | Beteckning | Storhet   | Enhet | Förkortning |
|---|------------|-----------|-------|-------------|
| $L = \frac{X_L}{2\pi f}$ $f = \frac{1}{T}$ $2 \times \pi =$ | L          | Induktans | Henry | $H^{Vs/A}$  |
| $f = \frac{1}{T}$   | f          | Frekvens  | Hertz | Hz          |
| $2 \times \pi =$  | Pi         | ?         | ?     | $\pi$       |
| 3.14  |            |           |       |             |

$$L = \frac{X_L}{2 \times \pi f}$$
 
$$L = \frac{1000}{(2 \times 3.14 \times 1.0 \times 10^3 \ \sqrt{3})}$$
 
$$L = 0.16 \ H$$

#### 10.3.2 Induktiv reaktans

Växelströmsmotståndet är frekvensberoende och motståndet ökar när frekvensen ökar.

| Samband                     | Beteckning | Storhet              | Enhet | Förkortning |
|-----------------------------|------------|----------------------|-------|-------------|
| $\overline{X_L} = 2\pi f L$ | $X_L$      | Induktiv<br>reaktans | Ohm   | Ω           |
| $f = \frac{1}{T}$           | f          | Frekvens             | Hertz | Hz          |
| $2 \times \pi = 3.14$       | Pi         | ?                    | ?     | $\pi$       |

$$X_L = 2\pi f L$$
 
$$X_L = 2\times \pi \ 50 \ Hz \times 0,05 \ H$$
 
$$X_L = 15,7 \ \Omega$$

# **Bibliography**

JJ Allaire, Yihui Xie, Jonathan McPherson, Javier Luraschi, Kevin Ushey, Aron Atkins, Hadley Wickham, Joe Cheng, Winston Chang, and Richard Iannone. *rmarkdown: Dynamic Documents for R*, 2022. URL https://CRAN.R-project.org/package=rmarkdown. R package version 2.16.

Yihui Xie. bookdown: Authoring Books and Technical Documents with R Markdown, 2022. URL https://CRAN.R-project.org/package=bookdown. R package version 0.29.