## Kurs języka Prolog 2019

## Lista zadań nr 7

Na zajęcia 17 kwietnia 2019

Zadanie 1 (1 pkt). Napisz gramatykę bezkontekstową definiującą język

$$L = \{a^n b^n \mid n \in \mathbb{N}\}.$$

Przepisz ją w postaci DCG. Pokaż, jak jest ona tłumaczona przez predykat expand\_term/2. Użyj predykatu phrase/2 by sprawdzić, który z ciągów

"" "aabb" "aba"

należy do języka L. Ile nawrotów wykonuje program podczas sprawdzania? Pokaż, że Twój program także poprawnie generuje wszystkie słowa należące do języka L. Przerób gramatykę DCG tak, by analiza słów działała deterministycznie (bez głębokiego nawracania). Czy nowa gramatyka może być także wykorzystana do generowania słów? Dodaj do niej akcje semantyczne obliczające liczbę wystąpień liter  $\mathbf{a}$  w podanym słowie.

Zadanie 2 (1 pkt). Składnię abstrakcyjną drzew binarnych bez etykiet będziemy reprezentować w postaci struktur zbudowanych z atomu leaf/0 i binarnego funktora node/2. Składnię konkretną takich drzew opisuje gramatyka

$$\langle \text{tree} \rangle \rightarrow * \\ \langle \text{tree} \rangle \rightarrow (\langle \text{tree} \rangle \langle \text{tree} \rangle)$$

gdzie \* oznacza liść, a para drzew ujęta w nawiasy oznacza drzewo, w którym synami korzenia są podane drzewa. Napisz gramatykę DCG odpowiadającą powyższej gramatyce. Czy generuje ona wszystkie słowa należące do języka opisanego tą gramatyką? Przepisz gramatykę DCG tak, by otrzymany program prologowy działał deterministycznie podczas rozpoznawania słów (taki program nie nadaje się oczywiście do generowania słów). Dodaj odpowiednie akcje semantyczne budujące abstrakcyjne drzewa rozbioru.

Zadanie 3 (1 pkt). Oto gramatyka zawierająca binarny operator łączący w lewo:

```
\begin{split} \langle \operatorname{expression} \rangle &\to \langle \operatorname{simple \ expression} \rangle \\ \langle \operatorname{expression} \rangle &\to \langle \operatorname{expression} \rangle * \langle \operatorname{simple \ expression} \rangle \\ \langle \operatorname{simple \ expression} \rangle &\to \mathbf{a} \\ \langle \operatorname{simple \ expression} \rangle &\to \mathbf{b} \\ \langle \operatorname{simple \ expression} \rangle &\to \mathbf{(} \langle \operatorname{expression} \rangle \mathbf{)} \end{split}
```

Napisz odpowiednią gramatykę DCG odpowiadającą powyższej gramatyce. Czy generuje ona wszystkie słowa należące do języka opisanego tą gramatyką? Przepisz gramatykę DCG tak, by otrzymany program prologowy działał deterministycznie podczas rozpoznawania słów (taki program nie nadaje się oczywiście do generowania słów). Dodaj odpowiednie akcje semantyczne budujące abstrakcyjne drzewa rozbioru takich wyrażeń, zbudowane z atomów a/0 i b/0 oraz binarnego funktora \*/2.

Zadanie 4 (2 pkt). Zaprojektuj algorytm, który dla podanej gramatyki bezkontekstowej rozstrzyga, czy język przez nią generowany jest niepusty. Zaimplementuj go w Prologu. Gramatykę reprezentuj w postaci zbioru klauzul DCG.

**Zadanie 5 (8 pkt).** Oto struktura leksykalna i składnia prostego języka programowania. Klasyfikacja znaków:

- biały znak jeden ze znaków ASCII: HT, LF lub SPACE;
- cyfra jeden ze znaków ASCII: 0-9;
- litera jeden ze znaków ASCII: a-z lub A-Z;
- $symbol\ specjalny$  jeden ze znaków ASCII: +, -, \*, ^, :, =; <, >, (, ), ;.

Komentarz to ciąg dowolnych znaków ASCII zaczynający się znakami (\*, zakończony znakami \*) i nie zawierający wewnątrz ciągu znaków \*) (komentarzy nie można zagnieżdżać). Token to ciąg znaków należący do jednego z czterech zbiorów opisanych poniższą gramatyką:

```
operator ::= + |-| *| ^ | = | < | > | < | > | := | ;
literał-całkowitoliczbowy ::= cyfra | literał-całkowitoliczbowy cyfra
słowo-kluczowe ::= if | then | else | fi | while | do | od | div | mod | or | and | not identyfikator ::= alfanum różny od słowo-kluczowe, gdzie

alfanum ::= litera | alfanum litera | alfanum cyfra
```

Poprawny leksykalnie program składa się z ciągu tokenów opcjonalnie rozdzielonych białymi znakami i komentarzami. Podczas podziału na tokeny wybiera się zawsze najdłuższy ciąg znaków będący poprawnym tokenem (np. ciąg j23 jest pojedynczym identyfikatorem, a nie identyfikatorem j po którym następuje liczba 23, napis 123+456 składa się z trzech tokenów, a napis 12 24 z dwóch). Tokeny są symbolami terminalnymi gramatyki języka:

```
⟨program⟩ ::= ⟨instrukcja⟩ | ⟨program⟩ ; ⟨instrukcja⟩
                   ⟨instrukcja⟩ ::= identyfikator := ⟨wyrażenie arytmetyczne⟩
                                         if \langle wyrażenie logiczne \rangle then \langle program \rangle fi
                                         if (wyrażenie logiczne) then (program) else (program) fi
                                         while (wyrażenie logiczne) do (program) od
        (wyrażenie logiczne) ::= (składnik logiczny) | (wyrażenie logiczne) or (składnik logiczny)
         (składnik logiczny)
                                   ::= \(\lambda \text{czynnik logiczny}\) | \(\lambda \text{kładnik logiczny}\) and \(\lambda \text{czynnik logiczny}\)
          \( \text{czynnik logiczny} \) ::= \( \text{wyrażenie relacyjne} \) \| \( \text{not} \text{\czynnik logiczny} \)
       \langle wyrażenie relacyjne \rangle ::= \langle wyrażenie arytmetyczne \rangle \langle operator relacyjny \rangle
                                               (wyrażenie arytmetyczne)
                                          ( \langle wyrażenie logiczne \rangle)
        \langle \text{operator relacyjny} \rangle ::= = | < | > | <= | >= | <>
 ⟨wyrażenie arytmetyczne⟩ ::= ⟨składnik⟩
                                         (wyrażenie arytmetyczne) (operator addytywny) (składnik)
                    \langle skladnik \rangle ::= \langle czynnik \rangle
                                         \langle składnik \rangle \langle operator multiplikatywny \rangle składnik \rangle
                     ⟨czynnik⟩ ::= ⟨wyrażenie proste⟩ | ⟨wyrażenie proste⟩ ^ ⟨czynnik⟩
          ⟨wyrażenie proste⟩ ::= (⟨wyrażenie arytmetyczne⟩)
                                         literał-całkowitoliczbowy
                                         identyfikator
      \langle \text{operator addytywny} \rangle ::= + | -
⟨operator multiplikatywny⟩ ::= * | div | mod
```

Napisz parser DCG tego języka, który tworzy abstrakcyjne drzewa rozbioru programów.

Zadanie 6 (7 pkt). Znaczenie programów napisanych w języku z poprzedniego zadania jest opisane za pomocą następujących reguł semantyki naturalnej, w których n oznacza liczbę, x — identyfikator,  $\oplus$  — operator arytmetyczny,  $\odot$  — operator relacyjny,  $\oslash$  — operator logiczny, T i F oznaczają wartości logiczne prawdy i fałszu, a  $\pi$  jest stanem pamięci (funkcją przypisującą identyfikatorom liczby całkowite):

Zaprogramuj predykaty evalExpr/3, evalLog/3 i evalProg/3 implementujące powyższe reguły semantyki operacyjnej. Pierwszym argumentem tych predykatów powinno być abstrakcyjne drzewo rozbioru, odpowiednio, wyrażenia arytmetycznego, wyrażenia logicznego bądź programu, a drugim — stan pamięci opisany za pomocą listy asocjacji. Ponieważ nie mamy w języku deklaracji zmiennych, to zakładamy, że zmienna, która nie występuje na liście asocjacji ma wartość 0. Trzecim, wyjściowym parametrem powyższych predykatów powinna być, odpowiednio, liczba całkowita, atomy true i false, bądź lista asocjacji opisująca końcowy stan pamięci. Połącz powyższe predykaty z parserem z poprzedniego zadania aby otrzymać interpreter naszego języka.