Początki Lispu (((Archeologia Cyfrowa)))

Jakub Grobelny

19.11.2019

Jakub Grobelny

O czym będzie?

- Do czego był potrzebny taki język?
- 2 "Recursive Functions of Symbolic Expressions…"
- 3 Pierwsze implementacje
- 4 Być może coś więcej (Lisp-maszyny, Scheme)

2/53

Lata 50. XX wieku były czasem, gdy sztuczna inteligencja pojawiła się jako dziedzina wiedzy.

Lata 50. XX wieku były czasem, gdy sztuczna inteligencja pojawiła się jako dziedzina wiedzy.

1950 Alan Turing publikuje "Computing Machinery and Intelligence"

Lata 50. XX wieku były czasem, gdy sztuczna inteligencja pojawiła się jako dziedzina wiedzy.

- 1950 Alan Turing publikuje "Computing Machinery and Intelligence"
 - "Czy maszyny myślą?"

Lata 50. XX wieku były czasem, gdy sztuczna inteligencja pojawiła się jako dziedzina wiedzy.

- 1950 Alan Turing publikuje "Computing Machinery and Intelligence"
 - "Czy maszyny myślą?"
 - "Czy maszyny mogą myśleć?"

Lata 50. XX wieku były czasem, gdy sztuczna inteligencja pojawiła się jako dziedzina wiedzy.

- 1950 Alan Turing publikuje "Computing Machinery and Intelligence"
 - "Czy maszyny myślą?"
 - "Czy maszyny mogą myśleć?"
 - "Czy maszyny mogą działać nieodróżnialnie od ludzi?"

Lata 50. XX wieku były czasem, gdy sztuczna inteligencja pojawiła się jako dziedzina wiedzy.

- 1950 Alan Turing publikuje "Computing Machinery and Intelligence"
 - "Czy maszyny myślą?"
 - "Czy maszyny mogą myśleć?"
 - "Czy maszyny mogą działać nieodróżnialnie od ludzi?"
- 1951 Pierwsze programy grające w warcaby (Christopher Strachey) i szachy (Dietrich Prinz)

1955 Allen Newell, Herbert A. Simon i Cliff Shaw tworzą program "Logic Theorist"

4 / 53

- 1955 Allen Newell, Herbert A. Simon i Cliff Shaw tworzą program "Logic Theorist"
 - Program naśladujący ludzkie techniki rozwiązywania problemów

- 1955 Allen Newell, Herbert A. Simon i Cliff Shaw tworzą program "Logic Theorist"
 - Program naśladujący ludzkie techniki rozwiązywania problemów
 - Program manipulujący symbolami

- 1955 Allen Newell, Herbert A. Simon i Cliff Shaw tworzą program "Logic Theorist"
 - Program naśladujący ludzkie techniki rozwiązywania problemów
 - Program manipulujący symbolami
 - Udowodnił 38 z pierwszych 52 twierdzeń z "Principia Mathematica"¹

²Autorstwa Alfreda Northa Whiteheada i Bertranda Russella () +

- 1955 Allen Newell, Herbert A. Simon i Cliff Shaw tworzą program "Logic Theorist"
 - Program naśladujący ludzkie techniki rozwiązywania problemów
 - Program manipulujący symbolami
 - Udowodnił 38 z pierwszych 52 twierdzeń z "Principia Mathematica"¹ (niektóre z dowodów były bardziej eleganckie niż wcześniej istniejące)

- 1955 Allen Newell, Herbert A. Simon i Cliff Shaw tworzą program "Logic Theorist"
 - Program naśladujący ludzkie techniki rozwiązywania problemów
 - Program manipulujący symbolami
 - Udowodnił 38 z pierwszych 52 twierdzeń z "Principia Mathematica"¹ (niektóre z dowodów były bardziej eleganckie niż wcześniej istniejące)

1956 Konferencja w Dartmouth.

1956 Konferencja w
Dartmouth. John
McCarthy przekonuje
zebranych do używania
terminu "sztuczna
inteligencja".



Rysunek: John McCarthy

Okazuje się, że operowanie na **symbolach** jest istotne przy tworzeniu sztucznej inteligencji.

Okazuje się, że operowanie na **symbolach** jest istotne przy tworzeniu sztucznej inteligencji.

Ludzkie rozumowanie opiera się na manipulacji symbolami (*physical symbol system hypothesis* – Allan Newell i Herbert A. Simon)

Okazuje się, że operowanie na **symbolach** jest istotne przy tworzeniu sztucznej inteligencji.

Ludzkie rozumowanie opiera się na manipulacji symbolami (*physical symbol system hypothesis* – Allan Newell i Herbert A. Simon)

System symboli składa się z symboli, składania ich w struktury (wyrażenia) i manipulowania nimi (przetwarzania) w celu tworzenia nowych wyrażeń.

W 1959 roku John McCarthy pisze pracę "*Programs with common sense*" zainspirowaną programem "Logic Theorist".

W 1959 roku John McCarthy pisze pracę "*Programs with common sense*" zainspirowaną programem "Logic Theorist".

Proponuje w niej stworzenie programu "Advice Taker", który rozwiązywałby problemy poprzez manipulację zdaniami (symbole!).

W 1959 roku John McCarthy pisze pracę "*Programs with common sense*" zainspirowaną programem "Logic Theorist".

Proponuje w niej stworzenie programu "Advice Taker", który rozwiązywałby problemy poprzez manipulację zdaniami (symbole!).

"Our ultimate objective is to make programs that learn from their experience as effectively as humans do."

"Programs with common sense"

"Programs with common sense"

"A class of entities called terms is defined and a term is an expression. A sequence of expressions is an expression. These expressions are represented in the machine by list structures"

"Programs with common sense"

"A class of entities called terms is defined and a term is an expression. A sequence of expressions is an expression. These expressions are represented in the machine by list structures" — reprezentacja przesłanek/faktów w postaci list symboli

```
at(I, desk)
at(desk, home)
at(car, home)
at(home, county)
at(airport, county)
```

Jakub Grobelny

$$at(I, desk)$$
 $at(desk, home)$
 $at(car, home)$
 $at(home, county)$
 $at(airport, county)$
 $at(x, y), at(y, z) \rightarrow at(x, z)$

$$at(I, desk)$$
 $at(desk, home)$
 $at(car, home)$
 $at(home, county)$
 $at(airport, county)$
 $at(x, y), at(y, z) \rightarrow at(x, z)$
 $transitive(at)$
 $transitive(u) \rightarrow (u(x, y), u(y, z) \rightarrow u(x, z))$



$$at(I, desk)$$
 $at(desk, home)$
 $at(car, home)$
 $at(home, county)$
 $at(airport, county)$
 $at(x, y), at(y, z) \rightarrow at(x, z)$
 $transitive(at)$
 $transitive(u) \rightarrow (u(x, y), u(y, z) \rightarrow u(x, z))$

Prawie jak Prolog?

◆ロト ◆個 ト ◆ 重 ト ◆ 重 ・ か Q ()

Zapotrzebowanie na nowe języki

Information Processing Language – niskopozimowy język programowania do manipulowania listami stworzony przez Newella, Shawa i Simona, który posłużył do napisania programu. "Logic Theorist".

10 / 53

Zapotrzebowanie na nowe języki

Information Processing Language – niskopozimowy język programowania do manipulowania listami stworzony przez Newella, Shawa i Simona, który posłużył do napisania programu. "Logic Theorist".

- dane reprezentowane jako listy
- procedury operujące na danych

IPL-V		List	
Structure			
Example			
Name	${\tt SYMB}$	LINK	
L1	9-1	100	
100	S4	101	
101	S5	0	
9-1	0	200	
200	A1	201	
201	V1	202	
202	A2	203	
203	V2	Ο	

Rysunek: Lista zapisana w IPL-V

Information Processing Language

Nowe feature'y:

11/53

Information Processing Language

Nowe feature'y:

Manipulacja listami (tylko listy atomów)

11/53

Information Processing Language

Nowe feature'y:

- Manipulacja listami (tylko listy atomów)
- Funkcje wyższego rzędu

11/53

Information Processing Language

Nowe feature'y:

- Manipulacja listami (tylko listy atomów)
- Funkcje wyższego rzędu
- Obliczenia na symbolach (tylko litera+liczba)

11 / 53

LISt Processor



Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 12/53

LISt Processor

W 1960 ukazuje się praca Johna McCarthy'ego pt.,, Recursive Functions of Symbolic Expressions Their Computation by Machine, Part I".

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 12/53

LISt Processor

W 1960 ukazuje się praca Johna McCarthy'ego pt.,, Recursive Functions of Symbolic Expressions Their Computation by Machine, Part I''.

1. Introduction

A programming system called LISP (for LISt Processor) has been developed for the IBM 704 computer by the Artificial Intelligence group at M.I.T. The system was designed to facilitate experiments with a proposed system called the Advice Taker, whereby a machine could be instructed to handle declarative as well as imperative sentences and could exhibit "common sense" in carrying out its instructions.

12 / 53

Po raz pierwszy pojawiła się idea wyrażeń warunkowych.

13 / 53

Po raz pierwszy pojawiła się idea wyrażeń warunkowych.

We shall need a number of mathematical ideas and notations concerning functions in general. Most of the ideas are well known, but the notion of *conditional expression* is believed to be new, and the use of conditional expressions permits functions to be defined recursively in a new and convenient way.

13 / 53

Wyrażenia warunkowe miały mieć następującą postać:

$$(p_1 \rightarrow e_1, \ldots, p_n \rightarrow e_n)$$

Interpretacja:



14 / 53

Wyrażenia warunkowe miały mieć następującą postać:

$$(p_1 \rightarrow e_1, \ldots, p_n \rightarrow e_n)$$

Interpretacja:

"Jeżeli p_1 to e_1 , w przeciwnym razie jeżeli p_2 to e_2 , ..., w przeciwnym razie jeżeli p_n to e_n "

14 / 53

Zasady obliczania wartości wyrażeń warunkowych:

15 / 53

Zasady obliczania wartości wyrażeń warunkowych:

• Rozpatruj *p* od lewej do prawej.

15 / 53

Zasady obliczania wartości wyrażeń warunkowych:

- Rozpatruj *p* od lewej do prawej.
- Jeżeli p, którego wartość to T, występuje przed jakimkolwiek innym p, którego wartość jest niezdefiniowana, to wartością wyrażenia warunkowego jest wartość odpowiadającego e (jeżeli jest zdefiniowane).

Zasady obliczania wartości wyrażeń warunkowych:

- Rozpatruj p od lewej do prawej.
- Jeżeli p, którego wartość to T, występuje przed jakimkolwiek innym p, którego wartość jest niezdefiniowana, to wartością wyrażenia warunkowego jest wartość odpowiadającego e (jeżeli jest zdefiniowane).
- Jeżeli jakiekolwiek niezdefiniowane p jest napotkane przed prawdziwym p, lub gdy wszystkie p są fałszywe, bądź gdy e odpowiadającego pierwszemu prawdziwemu p jest niezdefiniowane, to wartość wyrażenia jest niezdefiniowana.

Przykłady:

16 / 53

Przykłady:

$$(2 < 1 \rightarrow 4, T \rightarrow 3) =$$

16 / 53

Przykłady:

$$(2 < 1 \rightarrow 4, T \rightarrow 3) = 3$$

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 16/53

Przykłady:

$$(2 < 1 \rightarrow 4, T \rightarrow 3) = 3$$

$$(2<1\rightarrow\frac{0}{0},\,T\rightarrow3)=$$

16 / 53

Przykłady:

$$(2 < 1 \rightarrow 4, T \rightarrow 3) = 3$$

$$(2 < 1 \rightarrow \frac{0}{0}, T \rightarrow 3) = 3$$

16 / 53

Przykłady:

$$(2 < 1 \to 4, T \to 3) = 3$$
 $(2 < 1 \to \frac{0}{0}, T \to 3) = 3$ $(2 < 1 \to 3, T \to \frac{0}{0}) =$

16 / 53

Przykłady:

$$(2<1 o 4, T o 3)=3$$
 $(2<1 o rac{0}{0}, T o 3)=3$ $(2<1 o 3, T o rac{0}{0})=$ undefined

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 16/53

Przykłady:

$$(2<1
ightarrow4, T
ightarrow3)=3$$
 $(2<1
ightarrowrac{0}{0}, T
ightarrow3)=3$ $(2<1
ightarrow3, T
ightarrowrac{0}{0})=$ undefined $(2<1
ightarrow3, 4<1
ightarrow1)=$

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 16 / 53

Przykłady:

$$(2<1 o 4, T o 3)=3$$
 $(2<1 o rac{0}{0}, T o 3)=3$ $(2<1 o 3, T o rac{0}{0})=$ undefined $(2<1 o 3, 4<1 o 1)=$ undefined

16 / 53

Wyrażenia warunkowe pozwalają na eleganckie zapisywanie funkcji:

17 / 53

Wyrażenia warunkowe pozwalają na eleganckie zapisywanie funkcji:

$$|x| = (x < 0 \rightarrow -x, T \rightarrow x)$$

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 17/53

Wyrażenia warunkowe pozwalają na eleganckie zapisywanie funkcji:

$$|x| = (x < 0 \rightarrow -x, T \rightarrow x)$$

$$sgn(x) = (x < 0 \rightarrow -1, x = 0 \rightarrow 0, T \rightarrow 1)$$

Jakub Grobelny Poczatki Lispu 19.11.2019 17 / 53

Wyrażenia warunkowe pozwalają na eleganckie zapisywanie funkcji:

$$|x| = (x < 0 \rightarrow -x, T \rightarrow x)$$

$$sgn(x) = (x < 0 \to -1, x = 0 \to 0, T \to 1)$$

W "History of Lisp" McCarthy narzekał na niewygodne instrukcje warunkowe w FORTRANie.

|ロト 4回 ト 4 E ト 4 E ト | E | かく()

17 / 53

Wyrażenia warunkowe pozwalają na eleganckie zapisywanie funkcji:

$$|x| = (x < 0 \rightarrow -x, T \rightarrow x)$$

$$sgn(x) = (x < 0 \to -1, x = 0 \to 0, T \to 1)$$

W "History of Lisp" McCarthy narzekał na niewygodne instrukcje warunkowe w FORTRANie. Naturalnym było wynalezienie funkcji XIF(M,N1,N2), która zwracała N1 lub N2 zależnie od wartości M, ale FORTRAN miał ewaluację gorliwą.

17 / 53

Funkcje rekurencyjne

Zapis funkcji rekurencyjnych przy użyciu wyrażeń warunkowych:

$$n! = (n = 0 \to 1, T \to n \cdot (n-1)!)$$

Jakub Grobelny Poczatki Lispu 19.11.2019 18 / 53

Funkcje rekurencyjne

Zapis funkcji rekurencyjnych przy użyciu wyrażeń warunkowych:

$$n! = (n = 0 \rightarrow 1, T \rightarrow n \cdot (n - 1)!)$$
 $gcd(m, n) = (m > n \rightarrow gcd(n, m), rem(n, m) = 0 \rightarrow m,$

 $T \rightarrow gcd(rem(n, m), m))$

Jakub Grobelny Poczatki Lispu 19.11.2019 18 / 53

Funkcje rekurencyjne

There is no guarantee that the computation determined by a recursive definition will ever terminate and, for example, an attempt to compute n! from our definition will only succeed if n is a non-negative integer. If the computation does not terminate, the function must be regarded as undefined for the given arguments.

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 19/53

20 / 53

$$p \land q = (p \rightarrow q, T \rightarrow F)$$

Jakub Grobelny

$$p \land q = (p \rightarrow q, T \rightarrow F)$$

$$p \lor q = (p \to T, T \to q)$$

$$p \land q = (p \rightarrow q, T \rightarrow F)$$

$$p \lor q = (p \to T, T \to q)$$

$$\sim p = (p \rightarrow F, T \rightarrow T)$$

$$p \land q = (p \rightarrow q, T \rightarrow F)$$

$$p \lor q = (p \to T, T \to q)$$

$$\sim p = (p \rightarrow F, T \rightarrow T)$$

$$p \Rightarrow q = (p \rightarrow q, T \rightarrow T)$$

It is readily seen that the right-hand sides of the equations have the correct truth tables. If we consider situations in which p or q may be undefined, the connectives \wedge and \vee are seen to be noncommutative. For example if p is false and q is undefined, we see that according to the definitions given above $p \wedge q$ is false, but $q \wedge p$ is undefined. For our applications this noncommutativity is desirable, since $p \wedge q$ is computed by first computing p, and if p is false q is not computed. If the computation for p does not terminate, we never get around to computing q.

Rysunek: Ewaluacja leniwa?

21 / 53

Spójniki logiczne – leniwa ewaluacja

$$p \wedge q = (p \rightarrow q, T \rightarrow F)$$

Argumenty funkcji "\^" nie są poddawane ewaluacji przed jej aplikacją.

◆□▶ ◆御▶ ◆恵▶ ◆恵▶ ・恵・釣93

22 / 53

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 23/53

Pojęcie formy zostało zapożyczone z rachunku lambda Churcha.

23 / 53

Pojęcie formy zostało zapożyczone z rachunku lambda Churcha.

$$y^2 + x$$
 – forma

23 / 53

Pojęcie formy zostało zapożyczone z rachunku lambda Churcha.

$$y^2 + x$$
 – forma $(y^2 + x)(3, 4)$ – źle. Nie wiadomo czy wartością powinno być 13 czy 19.

23 / 53

Pojęcie formy zostało zapożyczone z rachunku lambda Churcha.

$$y^2+x$$
 – forma $(y^2+x)(3,4)$ – źle. Nie wiadomo czy wartością powinno być 13 czy 19.

Formę $\mathcal E$ możemy skonwertować na funkcję jeżeli ustalimy powiązanie między zmiennymi w formie a uporządkowaną listą argumentów funkcji:

| □ ▶ ◀♬ ▶ ◀불 ▶ ◀불 ▶ │ 불 │ 釣요♡

23 / 53

Pojęcie formy zostało zapożyczone z rachunku lambda Churcha.

$$y^2+x$$
 – forma $(y^2+x)(3,4)$ – źle. Nie wiadomo czy wartością powinno być 13 czy 19.

Formę $\mathcal E$ możemy skonwertować na funkcję jeżeli ustalimy powiązanie między zmiennymi w formie a uporządkowaną listą argumentów funkcji:

$$\lambda((x_1, \ldots, x_n), \mathcal{E}))$$
 – funkcja

23 / 53

Pojęcie formy zostało zapożyczone z rachunku lambda Churcha.

$$y^2+x$$
 – forma $(y^2+x)(3,4)$ – źle. Nie wiadomo czy wartością powinno być 13 czy 19.

Formę $\mathcal E$ możemy skonwertować na funkcję jeżeli ustalimy powiązanie między zmiennymi w formie a uporządkowaną listą argumentów funkcji:

$$\lambda((x_1,\,\ldots,x_n),\mathcal{E}))$$
 – funkcja $\lambda((x,y),y^2+x)$ – też funkcja

|ロト 4回 ト 4 E ト 4 E ト | E | かく()

23 / 53

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 24/53

$$sqrt = \lambda((a, x, \epsilon),$$
 $(|x^2 - a| < \epsilon \rightarrow x, T \rightarrow sqrt(a, \frac{1}{2}(x + \frac{a}{x}), \epsilon)))$

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 24 / 53

$$sqrt = \lambda((a, x, \epsilon),$$
 $(|x^2 - a| < \epsilon \rightarrow x, T \rightarrow sqrt(a, \frac{1}{2}(x + \frac{a}{x}), \epsilon)))$

Prawa strona wyrażenia nie może być wyrażeniem dla tej funkcji, bo nic nie wskazuje na to, że *sqrt* do odnosi się do całego wyrażenia (*sqrt* nie jest związane).

(ロト 4回 ト 4 E ト 4 E ト) E ・ りへで

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 24 / 53

$$sqrt = \lambda((a, x, \epsilon),$$
 $(|x^2 - a| < \epsilon \rightarrow x, T \rightarrow sqrt(a, \frac{1}{2}(x + \frac{a}{x}), \epsilon)))$

Prawa strona wyrażenia nie może być wyrażeniem dla tej funkcji, bo nic nie wskazuje na to, że *sqrt* do odnosi się do całego wyrażenia (*sqrt* nie jest związane).

Operator punktu stałego?

4□▶ 4□▶ 4□▶ 4□▶ □ 900

24 / 53

$$sqrt = \lambda((a, x, \epsilon),$$
 $(|x^2 - a| < \epsilon \rightarrow x, T \rightarrow sqrt(a, \frac{1}{2}(x + \frac{a}{x}), \epsilon)))$

Prawa strona wyrażenia nie może być wyrażeniem dla tej funkcji, bo nic nie wskazuje na to, że *sqrt* do odnosi się do całego wyrażenia (*sqrt* nie jest związane).

Operator punktu stałego? – zbyt długie i nieczytelne wyrażenia.

(ロ) (레) (토) (토) (토) (의 (이)

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 24 / 53

Nowa notacja:

25 / 53

Nowa notacja:

 $\textit{label}(a,\mathcal{E})$

Nowa notacja:

$$label(a, \mathcal{E})$$

Wyrażenie \mathcal{E} , w którym wszystkie wystąpienia a interpretowane są jako odniesienia do całego wyrażenia \mathcal{E} .

"A Class of Symbolic Expressions".

26 / 53

"A Class of Symbolic Expressions".

Dopuszczalne znaki:

•

26 / 53

"A Class of Symbolic Expressions".

Dopuszczalne znaki:

- •
-)

"A Class of Symbolic Expressions".

Dopuszczalne znaki:

- •
-)
- (

"A Class of Symbolic Expressions".

Dopuszczalne znaki:

-)
- (
- Nieskończony zbiór rozróżnialnych symboli atomowych napisów złożonych z wielkich liter alfabetu łacińskiego, cyfr i pojedynczych spacji.

"A Class of Symbolic Expressions".

Dopuszczalne znaki:

- •
-)
- (
- Nieskończony zbiór rozróżnialnych symboli atomowych napisów złożonych z wielkich liter alfabetu łacińskiego, cyfr i pojedynczych spacji.

Na przykład:

- A
- ABA
- ► APPLE PIE NUMBER 3

Czemu symbole składające się z wielu znaków?

27 / 53

Czemu symbole składające się z wielu znaków?

Odpowiedź:

 IBM 704 miał tylko 47 drukowalnych znaków więc jednoliterowe symbole byłyby niewystarczające

Czemu symbole składające się z wielu znaków?

Odpowiedź:

- IBM 704 miał tylko 47 drukowalnych znaków więc jednoliterowe symbole byłyby niewystarczające
- Nazywanie atomowych bytów angielskimi słowami i zdaniami jest wygodne

Definicja indukcyjna S-wyrażeń:



28 / 53

Definicja indukcyjna S-wyrażeń:

Symbole atomowe są S-wyrażeniami

28 / 53

Definicja indukcyjna S-wyrażeń:

- Symbole atomowe są S-wyrażeniami
- $oldsymbol{2}$ Jeżeli e_1 i e_2 są S-wyrażeniami, to $(e_1 \cdot e_2)$ również jest S-wyrażeniem.

28 / 53

Definicja indukcyjna S-wyrażeń:

- Symbole atomowe są S-wyrażeniami
- **2** Jeżeli e_1 i e_2 są S-wyrażeniami, to $(e_1 \cdot e_2)$ również jest S-wyrażeniem.

Przykładowe S-wyrażenia:

$$(A \cdot B)$$

$$((AB \cdot C) \cdot D)$$

Możemy reprezentować listy dowolnej długości przy użyciu S-wyrażeń w następujący sposób:

29 / 53

Możemy reprezentować listy dowolnej długości przy użyciu S-wyrażeń w następujący sposób:

$$(m_1, m_2, ... m_n) = (m_1 \cdot (m_2 \cdot (... (m_n \cdot NIL)...)))$$

29 / 53

Możemy reprezentować listy dowolnej długości przy użyciu S-wyrażeń w następujący sposób:

$$(m_1, m_2, ... m_n) = (m_1 \cdot (m_2 \cdot (... (m_n \cdot NIL)...)))$$

Gdzie NIL jest specjalnym symbolem kończącym listy.

29 / 53

Możemy reprezentować listy dowolnej długości przy użyciu S-wyrażeń w następujący sposób:

$$(m_1, m_2, ... m_n) = (m_1 \cdot (m_2 \cdot (... (m_n \cdot NIL)...)))$$

Gdzie NIL jest specjalnym symbolem kończącym listy.

Wprowadzamy zatem specjalną notację dla list:

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 29 / 53

Możemy reprezentować listy dowolnej długości przy użyciu S-wyrażeń w następujący sposób:

$$(m_1, m_2, ... m_n) = (m_1 \cdot (m_2 \cdot (... (m_n \cdot NIL)...)))$$

Gdzie NIL jest specjalnym symbolem kończącym listy.

Wprowadzamy zatem specjalną notację dla list:

- $(m_1, m_2, ... m_n) = (m_1 \cdot (... (m_n \cdot NIL)...))$
- $(m_1, ..., m_n \cdot x) = (m_1 \cdot (...(m_n \cdot x)...))$

◆ロト ◆個ト ◆見ト ◆見ト ■ からの

29 / 53

Aby odróżnić wyrażenia reprezentujące aplikację funkcji od S-wyrażeń, będziemy małych liter do nazywania funkcji i zmiennych.

M-wyrażenia

Aby odróżnić wyrażenia reprezentujące aplikację funkcji od S-wyrażeń, będziemy małych liter do nazywania funkcji i zmiennych.

Będziemy również używać nawiasów kwadratowych i średników zamiast nawiasów i przecinków.

30 / 53

M-wyrażenia

Aby odróżnić wyrażenia reprezentujące aplikację funkcji od S-wyrażeń, będziemy małych liter do nazywania funkcji i zmiennych.

Będziemy również używać nawiasów kwadratowych i średników zamiast nawiasów i przecinków.

Na przykład:

$$car[x]$$
 $car[cons[(A \cdot B); x]]$

M-wyrażenia

Aby odróżnić wyrażenia reprezentujące aplikację funkcji od S-wyrażeń, będziemy małych liter do nazywania funkcji i zmiennych.

Będziemy również używać nawiasów kwadratowych i średników zamiast nawiasów i przecinków.

Na przykład:

$$car[x]$$

 $car[cons[(A \cdot B); x]]$

M-wyrażenia – meta-wyrażenia

atom[x] – prawda tylko jeżeli x jest symbolem eq[x;y] – prawda tylko jeżeli x i y są tym samym symbolem car[x] – zdefiniowany tylko jeżeli x nie jest symbolem.

atom[x] – prawda tylko jeżeli x jest symbolem eq[x;y] – prawda tylko jeżeli x i y są tym samym symbolem car[x] – zdefiniowany tylko jeżeli x nie jest symbolem. $car[(X\cdot A)] = X$

$$car[(X \cdot A)] = X$$
$$car[((X \cdot A) \cdot Y)] = (X \cdot A)$$

atom[x] – prawda tylko jeżeli x jest symbolem eq[x;y] – prawda tylko jeżeli x i y są tym samym symbolem car[x] – zdefiniowany tylko jeżeli x nie jest symbolem.

$$car[(X \cdot A)] = X$$

$$car[((X \cdot A) \cdot Y)] = (X \cdot A)$$

cdr[x] – zdefiniowany tylko jeżeli x nie jest symbolem

 $\begin{aligned} &atom[x] - \text{prawda tylko jeżeli } x \text{ jest symbolem} \\ &eq[x;y] - \text{prawda tylko jeżeli } x \text{ i } y \text{ są tym samym symbolem} \\ &car[x] - \text{zdefiniowany tylko jeżeli } x \text{ nie jest symbolem}. \\ &car[(X \cdot A)] = X \\ &car[((X \cdot A) \cdot Y)] = (X \cdot A) \\ &cdr[x] - \text{zdefiniowany tylko jeżeli } x \text{ nie jest symbolem} \\ &cdr[(X \cdot A)] = A \\ &cdr[((X \cdot A) \cdot Y)] = Y \end{aligned}$

31 / 53

$$\begin{aligned} &atom[x] - \text{prawda tylko jeżeli } x \text{ jest symbolem} \\ &eq[x;y] - \text{prawda tylko jeżeli } x \text{ i } y \text{ są tym samym symbolem} \\ &car[x] - \text{zdefiniowany tylko jeżeli } x \text{ nie jest symbolem}. \\ &car[(X \cdot A)] = X \\ &car[((X \cdot A) \cdot Y)] = (X \cdot A) \\ &cdr[x] - \text{zdefiniowany tylko jeżeli } x \text{ nie jest symbolem} \\ &cdr[(X \cdot A)] = A \\ &cdr[((X \cdot A) \cdot Y)] = Y \\ &cons[x;y] = (e_1 \cdot e_2) \end{aligned}$$

31 / 53

Widać, że car, cdr i cons spełniają poniższe zależności:

32 / 53

atomowe)

```
Widać, że car, cdr i cons spełniają poniższe zależności:  car[cons[x;y]] = x   cdr[cons[x;y]] = y   cons[car[x]; cdr[x]] = x \text{ (pod warunkiem, że } x \text{ nie jest}
```

32 / 53

Dalej McCarthy opisuje różne funkcje, które można zapisać przy użyciu wcześniej opisanej notacji.

append[x; y]

33 / 53

Dalej McCarthy opisuje różne funkcje, które można zapisać przy użyciu wcześniej opisanej notacji.

- append[x; y]
- among[x; y]

33 / 53

Dalej McCarthy opisuje różne funkcje, które można zapisać przy użyciu wcześniej opisanej notacji.

- append[x; y]
- among[x; y] czy y zawiera x?

33 / 53

Dalej McCarthy opisuje różne funkcje, które można zapisać przy użyciu wcześniej opisanej notacji.

- append[x; y]
- among[x; y] czy y zawiera x?
- pair[x; y]

33 / 53

Dalej McCarthy opisuje różne funkcje, które można zapisać przy użyciu wcześniej opisanej notacji.

- append[x; y]
- among[x; y] czy y zawiera x?
- *pair*[x; y] zip

33 / 53

Dalej McCarthy opisuje różne funkcje, które można zapisać przy użyciu wcześniej opisanej notacji.

- append[x; y]
- among[x; y] czy y zawiera x?
- pair[x; y] zip
- *assoc*[*x*; *y*]

33 / 53

Dalej McCarthy opisuje różne funkcje, które można zapisać przy użyciu wcześniej opisanej notacji.

- append[x; y]
- among[x; y] czy y zawiera x?
- pair[x; y] zip
- assoc[x; y] szukanie wartości dla klucza x na liście par y

33 / 53

Dalej McCarthy opisuje różne funkcje, które można zapisać przy użyciu wcześniej opisanej notacji.

- append[x; y]
- among[x; y] czy y zawiera x?
- pair[x; y] zip
- assoc[x; y] szukanie wartości dla klucza x na liście par y
- sublis[x; y]

33 / 53

Dalej McCarthy opisuje różne funkcje, które można zapisać przy użyciu wcześniej opisanej notacji.

- append[x; y]
- among[x; y] czy y zawiera x?
- pair[x; y] zip
- assoc[x; y] szukanie wartości dla klucza x na liście par y
- sublis[x; y] mamy listę symboli y, pod które chcemy podstawić przypisane im wartości z listy asocjacji x

33 / 53

Dalej McCarthy opisuje różne funkcje, które można zapisać przy użyciu wcześniej opisanej notacji.

- append[x; y]
- among[x; y] czy y zawiera x?
- pair[x; y] zip
- assoc[x; y] szukanie wartości dla klucza x na liście par y
- sublis[x; y] mamy listę symboli y, pod które chcemy podstawić przypisane im wartości z listy asocjacji x

33 / 53

Chcemy przetłumaczyć M-wyrażenie ${\mathcal E}$ na S-wyrażenie ${\mathcal E}^*$

34 / 53

Chcemy przetłumaczyć M-wyrażenie ${\mathcal E}$ na S-wyrażenie ${\mathcal E}^*$

1 Jeżeli \mathcal{E} jest S-wyrażeniem, to $\mathcal{E}^* = (QUOTE, \mathcal{E})$

34 / 53

Chcemy przetłumaczyć M-wyrażenie ${\mathcal E}$ na S-wyrażenie ${\mathcal E}^*$

- **1** Jeżeli \mathcal{E} jest S-wyrażeniem, to $\mathcal{E}^* = (QUOTE, \mathcal{E})$
- 2 Zmienne i nazwy funkcji napisane małymi literami zamieniamy na odpowiadające napisy złożone z wielkich liter (np. $car^* = CAR$).

34 / 53

Chcemy przetłumaczyć M-wyrażenie ${\mathcal E}$ na S-wyrażenie ${\mathcal E}^*$

- **1** Jeżeli \mathcal{E} jest S-wyrażeniem, to $\mathcal{E}^* = (QUOTE, \mathcal{E})$
- 2 Zmienne i nazwy funkcji napisane małymi literami zamieniamy na odpowiadające napisy złożone z wielkich liter (np. $car^* = CAR$).

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 34/53

Chcemy przetłumaczyć M-wyrażenie ${\mathcal E}$ na S-wyrażenie ${\mathcal E}^*$

- **1** Jeżeli \mathcal{E} jest S-wyrażeniem, to $\mathcal{E}^* = (QUOTE, \mathcal{E})$
- 2 Zmienne i nazwy funkcji napisane małymi literami zamieniamy na odpowiadające napisy złożone z wielkich liter (np. $car^* = CAR$).
- **1** $\{[p_1 \rightarrow e_1; ...; p_n \rightarrow e_n]\}^* = (COND, (p_1^*, e_1^*), ... (p_n^*, e_n^*))$

34 / 53

Chcemy przetłumaczyć M-wyrażenie ${\mathcal E}$ na S-wyrażenie ${\mathcal E}^*$

- **1** Jeżeli \mathcal{E} jest S-wyrażeniem, to $\mathcal{E}^* = (QUOTE, \mathcal{E})$
- 2 Zmienne i nazwy funkcji napisane małymi literami zamieniamy na odpowiadające napisy złożone z wielkich liter (np. $car^* = CAR$).
- **1** $\{[p_1 \rightarrow e_1; ...; p_n \rightarrow e_n]\}^* = (COND, (p_1^*, e_1^*), ... (p_n^*, e_n^*))$

34 / 53

Chcemy przetłumaczyć M-wyrażenie ${\mathcal E}$ na S-wyrażenie ${\mathcal E}^*$

- **1** Jeżeli \mathcal{E} jest S-wyrażeniem, to $\mathcal{E}^* = (QUOTE, \mathcal{E})$
- 2 Zmienne i nazwy funkcji napisane małymi literami zamieniamy na odpowiadające napisy złożone z wielkich liter (np. $car^* = CAR$).
- **1** $\{[p_1 \rightarrow e_1; ...; p_n \rightarrow e_n]\}^* = (COND, (p_1^*, e_1^*), ... (p_n^*, e_n^*))$
- **5** $\{[\lambda[[x_1; ...; x_n]; \mathcal{E}]]\}^* = (LAMBDA, (x_1^*, ..., x_n^*), \mathcal{E}^*)$
- **6** $label[a; \mathcal{E}]^* = (LABEL, a^*, \mathcal{E}^*)$

34 / 53

S-wyrażenia

(LABEL, SUEST, (LAMBDA, (X, Y, Z), (COND ((ATOM, Z), (COND, (EQ, Y, Z), X), ((QUOTE, T), Z))), ((QUOTE, T), (CONS, (SUBST, X, Y, (CAR Z)), (SUBST, X, Y, (CDR, Z)))))))

35 / 53

S-wyrażenia

```
(LABEL, SUEST, (LAMBDA, (X, Y, Z), (COND (ATOM, Z), (COND, (EQ, Y, Z), X), ((QUOTE, T), Z))), ((QUOTE, T), (CONS, (SUBST, X, Y, (CAR Z)), (SUBST, X, Y, (CDR, Z)))))))
```

This notation is writable and somewhat readable. It can be made easier to read and write at the cost of making its structure less regular. If more characters were available on the computer, it could be improved considerably.

(ロ) (個) (E) (E) (Q()

35 / 53

apply

Funkcja apply aplikuje S-wyrażenie f reprezentujące S-funkcję f' do listy argumentów args postaci $(arg_1, ... arg_n)$.

36 / 53

apply

Funkcja apply aplikuje S-wyrażenie f reprezentujące S-funkcję f' do listy argumentów args postaci $(arg_1, ... arg_n)$.

$$apply[f; args] = eval[cons[f; appq[args]]; NIL]$$

gdzie

$$appq[m] = [null[m] \rightarrow NIL;$$

 $T \rightarrow cons[list[QUOTE; car[m]]; appq[cdr[m]]]]$

◆ロト ◆個ト ◆見ト ◆見ト ■ からの

$$eval[e; a] = [$$



Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 37/53

$$eval[e; a] = [$$

 $atom[e] \rightarrow assoc[e; a]$



37 / 53

```
eval[e; a] = [
atom[e] \rightarrow assoc[e; a]
atom[car[e]] \rightarrow [
```



37 / 53

```
eval[e; a] = [
atom[e] \rightarrow assoc[e; a]
atom[car[e]] \rightarrow [
eq[car[e]; QUOTE] \rightarrow cadr[e];
```



Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 37/53

```
eval[e; a] = [
atom[e] \rightarrow assoc[e; a]
atom[car[e]] \rightarrow [
eq[car[e]; QUOTE] \rightarrow cadr[e];
eq[car[e]; ATOM] \rightarrow atom[eval[cadr[e]; a]];
```

```
eval[e; a] = [
atom[e] \rightarrow assoc[e; a]
atom[car[e]] \rightarrow [
eq[car[e]; QUOTE] \rightarrow cadr[e];
eq[car[e]; ATOM] \rightarrow atom[eval[cadr[e]; a]];
eq[car[e]; EQ] \rightarrow eval[cadr[e]; a] = eval[caddr[e]; a];
```

```
\begin{split} & eval[e;a] = [\\ & atom[e] \rightarrow assoc[e;a]\\ & atom[car[e]] \rightarrow [\\ & eq[car[e];QUOTE] \rightarrow cadr[e];\\ & eq[car[e];ATOM] \rightarrow atom[eval[cadr[e];a]];\\ & eq[car[e];EQ] \rightarrow eval[cadr[e];a] = eval[caddr[e];a];\\ & eq[car[e];COND] \rightarrow evcon[cdr[e];a]; \end{split}
```

```
\begin{aligned} & eval[e;a] = [\\ & atom[e] \rightarrow assoc[e;a]\\ & atom[car[e]] \rightarrow [\\ & eq[car[e];QUOTE] \rightarrow cadr[e];\\ & eq[car[e];ATOM] \rightarrow atom[eval[cadr[e];a]];\\ & eq[car[e];EQ] \rightarrow eval[cadr[e];a] = eval[caddr[e];a];\\ & eq[car[e];COND] \rightarrow evcon[cdr[e];a];\\ & eq[car[e];CAR] \rightarrow car[eval[cadr[e];a]]; \end{aligned}
```

```
eval[e; a] = [
   atom[e] \rightarrow assoc[e; a]
   atom[car[e]] \rightarrow [
      eq[car[e]; QUOTE] \rightarrow cadr[e];
      eq[car[e]; ATOM] \rightarrow atom[eval[cadr[e]; a]];
      eq[car[e]; EQ] \rightarrow eval[cadr[e]; a] = eval[caddr[e]; a];
      eq[car[e]; COND] \rightarrow evcon[cdr[e]; a];
      eq[car[e]; CAR] \rightarrow car[eval[cadr[e]; a]];
      eq[car[e]; CDR] \rightarrow cdr[eval[cadr[e]; a]];
```

```
eval[e; a] = [
  atom[e] \rightarrow assoc[e; a]
  atom[car[e]] \rightarrow [
      eq[car[e]; QUOTE] \rightarrow cadr[e];
      eq[car[e]; ATOM] \rightarrow atom[eval[cadr[e]; a]];
      eq[car[e]; EQ] \rightarrow eval[cadr[e]; a] = eval[caddr[e]; a];
      eg[car[e]; COND] \rightarrow evcon[cdr[e]; a];
     eq[car[e]; CAR] \rightarrow car[eval[cadr[e]; a]];
      eq[car[e]; CDR] \rightarrow cdr[eval[cadr[e]; a]];
      eq[car[e]; CONS] \rightarrow
        cons[eval[cadr[e]; a]; eval[caddr[e]; a]];
```

```
eval[e; a] = [
  atom[e] \rightarrow assoc[e; a]
  atom[car[e]] \rightarrow [
      eq[car[e]; QUOTE] \rightarrow cadr[e];
      eq[car[e]; ATOM] \rightarrow atom[eval[cadr[e]; a]];
      eq[car[e]; EQ] \rightarrow eval[cadr[e]; a] = eval[caddr[e]; a];
      eg[car[e]; COND] \rightarrow evcon[cdr[e]; a];
     eq[car[e]; CAR] \rightarrow car[eval[cadr[e]; a]];
      eg[car[e]; CDR] \rightarrow cdr[eval[cadr[e]; a]];
      eq[car[e]; CONS] \rightarrow
        cons[eval[cadr[e]; a]; eval[caddr[e]; a]];
      T \rightarrow eval[cons[assoc[car[e]; a]; evlis[cdr[e]; a]]; a]];
```

eval cd.

```
eq[caar[e]; LABEL] \rightarrow eval[cons[caddar[e]; cdr[e]]; cons[list[cadar[e]; car[e]; a]];
```

38 / 53

eval cd.

```
eq[caar[e]; LABEL] \rightarrow eval[cons[caddar[e]; cdr[e]]; \\ cons[list[cadar[e]; car[e]; a]]; \\ eq[caar[e]; LAMBDA] \rightarrow eval[caddar[e]; append[pair[cadar[e]; evlis[cdr[e]; a]; a]]
```

eval cd.

```
eq[caar[e]; LABEL] \rightarrow
                      eval[cons[caddar[e]; cdr[e]];
                      cons[list[cadar[e]; car[e]; a]];
                   eq[caar[e]; LAMBDA] \rightarrow
                      eval[caddar[e]; append[pair[cadar[e]; evlis[cdr[e]; a]; a]]
gdzie
evcon[e; a] = [eval[caar[e]; a] \rightarrow eval[cadar[e]; a]; T \rightarrow evcon[cdr[e]; a]]
evlis[m; a] = [null[m] \rightarrow NIL; T \rightarrow cons[eval[car[m]; a]; evlis[cdr[m]; a]]]
```

 Jakub Grobelny
 Początki Lispu
 19.11.2019
 39 / 53

g. Functions with Functions as Arguments. There are a number of useful functions some of whose arguments are functions. They are especially useful in defining other functions.

39 / 53

g. Functions with Functions as Arguments. There are a number of useful functions some of whose arguments are functions. They are especially useful in defining other functions.

```
maplist[x; f] = [
null[x] \rightarrow NIL;
T \rightarrow cons[f[x]; maplist[cdr[x]; f]]]
```

39 / 53

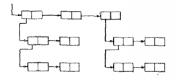
g. Functions with Functions as Arguments. There are a number of useful functions some of whose arguments are functions. They are especially useful in defining other functions.

```
maplist[x; f] = [
null[x] \rightarrow NIL;
T \rightarrow cons[f[x]; maplist[cdr[x]; f]]]
search[x; p; f; u] = [
null[x] \rightarrow u;
p[x] \rightarrow f[x];
T \rightarrow search[cdr[x]; p; f; u]]
```

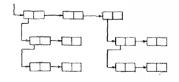
diff $[y; x] = [atom [y] \rightarrow [eq [y; x] \rightarrow ONE; T \rightarrow ZERO];$ $eq [car [y]; PLUS] \rightarrow cons [PLUS; maplist [cdr [y]; <math>\lambda[[z];$ diff[car [z]; x]]]]; $eq[car [y]; TIMES] \rightarrow cons[PLUS;$ $maplist[cdr[y]; \lambda[[z]; cons [TIMES; maplist[cdr [y];$ $\lambda[[w]; \sim eq [z; w] \rightarrow car [w]; T \rightarrow diff [car [[w]; x]]]]]]$

The derivative of the allowed expression, as computed by this formula, is

Rysunek: Funkcja obliczająca pochodne funkcji zaaplikowana do wyrażenia (TIMES, X, (PLUS, X, A), Y)

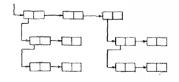


Lista jest zbiorem słów maszynowych połączonych wskaźnikami w jedną strukturę. Każde słowo na rysunku jest reprezentowane jako jeden z podzielonych na pół prostokątów.



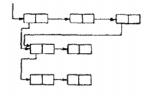
Lista jest zbiorem słów maszynowych połączonych wskaźnikami w jedną strukturę. Każde słowo na rysunku jest reprezentowane jako jeden z podzielonych na pół prostokątów.

Słowo maszynowe w IBM 704 dzieli się na dwa pola: lewe *address* oraz prawe *decrement* i 6 pozostałych bitów.



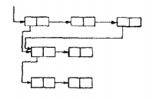
Lista jest zbiorem słów maszynowych połączonych wskaźnikami w jedną strukturę. Każde słowo na rysunku jest reprezentowane jako jeden z podzielonych na pół prostokątów.

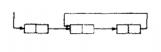
Słowo maszynowe w IBM 704 dzieli się na dwa pola: lewe *address* oraz prawe *decrement* i 6 pozostałych bitów.



Jedna podstruktura może pojawiać się więcej niż w jednym miejscu w strukturze...

42 / 53





Jedna podstruktura może pojawiać się więcej niż w jednym miejscu w strukturze...

...ale struktury nie mogą zawierać cyklów.

The prohibition against circular list structures is essentially a prohibition against an expression being a sub-expression of itself. Such an expression could not exist on paper in a world with our topology. Circular list structures would have some advantages in the machine, for example, for representing recursive functions, but difficulties in printing them, and in certain other operations, make it seem advisable not to use them for the present.

Benefity wynikające z używania list:

44 / 53

Benefity wynikające z używania list:

 Ani rozmiar, ani liczba wyrażeń w programie nie może być przewidziana wcześniej, więc ciężko byłoby zaaranżować bloki pamięci o stałym rozmiarze.

Benefity wynikające z używania list:

- Ani rozmiar, ani liczba wyrażeń w programie nie może być przewidziana wcześniej, więc ciężko byłoby zaaranżować bloki pamięci o stałym rozmiarze.
- Rejestry można odkładać na listę dostępnej pamięci gdy nie są już potrzebne. Nawet jeden wolny rejestr jest wartościowy w przeciwieństwie do sytuacji gdzie wyrażenia są przechowywane liniowo w ciągłych obszarach pamięci.

Benefity wynikające z używania list:

- Ani rozmiar, ani liczba wyrażeń w programie nie może być przewidziana wcześniej, więc ciężko byłoby zaaranżować bloki pamięci o stałym rozmiarze.
- Rejestry można odkładać na listę dostępnej pamięci gdy nie są już potrzebne. Nawet jeden wolny rejestr jest wartościowy w przeciwieństwie do sytuacji gdzie wyrażenia są przechowywane liniowo w ciągłych obszarach pamięci.
- Wyrażenie, które jest podwyrażeniem wielu wyrażeń, może być dzielone i przechowywane jedynie raz.

• Każdy symbol może posiadać listę dowolnych dodatkowych informacji z nim powiązanych.

- Każdy symbol może posiadać listę dowolnych dodatkowych informacji z nim powiązanych.
 - print name napis reprezentujący symbol na zewnątrz maszyny

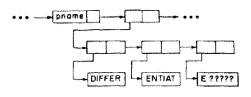
- Każdy symbol może posiadać listę dowolnych dodatkowych informacji z nim powiązanych.
 - print name napis reprezentujący symbol na zewnątrz maszyny
 - numeryczna wartość dla symboli, które są liczbami

- Każdy symbol może posiadać listę dowolnych dodatkowych informacji z nim powiązanych.
 - print name napis reprezentujący symbol na zewnątrz maszyny
 - numeryczna wartość dla symboli, które są liczbami
 - ▶ inne S-wyrażenie

- Każdy symbol może posiadać listę dowolnych dodatkowych informacji z nim powiązanych.
 - print name napis reprezentujący symbol na zewnątrz maszyny
 - numeryczna wartość dla symboli, które są liczbami
 - ▶ inne S-wyrażenie
 - adres procedury dla symboli, które są nazwami dla funkcji zaimplementowanych w kodzie maszynowym

- Każdy symbol może posiadać listę dowolnych dodatkowych informacji z nim powiązanych.
 - print name napis reprezentujący symbol na zewnątrz maszyny
 - numeryczna wartość dla symboli, które są liczbami
 - ▶ inne S-wyrażenie
 - adres procedury dla symboli, które są nazwami dla funkcji zaimplementowanych w kodzie maszynowym

Print names są reprezentowane jako listy słów zawierających maksymalnie sześć 6-bitowych znaków. Ostatnie słowo dopełnione jest wartościami, które nie reprezentują drukowalnych znaków.



Rysunek: pname dla symbolu DIFFERENTIATE

IBM 704

46 / 53

IBM 704

Kilka faktów o IBM 704:

46 / 53

IBM 704

Kilka faktów o IBM 704:

• 36-bitowe słowa



46 / 53

Kilka faktów o IBM 704:

- 36-bitowe słowa
- 15-bitowa przestrzeń adresowa

46 / 53

Kilka faktów o IBM 704:

- 36-bitowe słowa
- 15-bitowa przestrzeń adresowa
- 38-bitowy akumulator

46 / 53

Kilka faktów o IBM 704:

- 36-bitowe słowa
- 15-bitowa przestrzeń adresowa
- 38-bitowy akumulator
- 36-bitowy rejestr multiplier quotient

46 / 53

Kilka faktów o IBM 704:

- 36-bitowe słowa
- 15-bitowa przestrzeń adresowa
- 38-bitowy akumulator
- 36-bitowy rejestr multiplier quotient
- Trzy 15-bitowe rejestry *index*

46 / 53

Kilka faktów o IBM 704:

- 36-bitowe słowa
- 15-bitowa przestrzeń adresowa
- 38-bitowy akumulator
- 36-bitowy rejestr multiplier quotient
- Trzy 15-bitowe rejestry *index*
- Instrukcje miały dwa typy:

46 / 53

Kilka faktów o IBM 704:

- 36-bitowe słowa
- 15-bitowa przestrzeń adresowa
- 38-bitowy akumulator
- 36-bitowy rejestr multiplier quotient
- Trzy 15-bitowe rejestry index
- Instrukcje miały dwa typy:
 - B nieciekawe

46 / 53

Kilka faktów o IBM 704:

- 36-bitowe słowa
- 15-bitowa przestrzeń adresowa
- 38-bitowy akumulator
- 36-bitowy rejestr multiplier quotient
- Trzy 15-bitowe rejestry index
- Instrukcje miały dwa typy:
 - B nieciekawe
 - A każda instrukcja typu A składa się z:

Kilka faktów o IBM 704.

- 36-bitowe słowa
- 15-bitowa przestrzeń adresowa
- 38-bitowy akumulator
- 36-bitowy rejestr multiplier quotient
- Trzy 15-bitowe rejestry *index*
- Instrukcje miały dwa typy:
 - B nieciekawe
 - A każda instrukcja typu A składa się z:
 - 3-bitowy prefiks (kod instrukcji)

Kilka faktów o IBM 704:

- 36-bitowe słowa
- 15-bitowa przestrzeń adresowa
- 38-bitowy akumulator
- 36-bitowy rejestr multiplier quotient
- Trzy 15-bitowe rejestry index
- Instrukcje miały dwa typy:
 - B nieciekawe
 - A każda instrukcja typu A składa się z:
 - 3-bitowy prefiks (kod instrukcji)
 - ▶ 15-bitowe pole decrement (niektóre instrukcje odejmują tę wartość od wartości w rejestrze)

Kilka faktów o IBM 704:

- 36-bitowe słowa
- 15-bitowa przestrzeń adresowa
- 38-bitowy akumulator
- 36-bitowy rejestr multiplier quotient
- Trzy 15-bitowe rejestry index
- Instrukcje miały dwa typy:
 - B nieciekawe
 - A każda instrukcja typu A składa się z:
 - 3-bitowy prefiks (kod instrukcji)
 - ▶ 15-bitowe pole *decrement* (niektóre instrukcje odejmują tę wartość od wartości w rejestrze)
 - 3-bitowe pole tag (wskazuje rejestr)

Kilka faktów o IBM 704:

- 36-bitowe słowa
- 15-bitowa przestrzeń adresowa
- 38-bitowy akumulator
- 36-bitowy rejestr multiplier quotient
- Trzy 15-bitowe rejestry index
- Instrukcje miały dwa typy:
 - B nieciekawe
 - A każda instrukcja typu A składa się z:
 - 3-bitowy prefiks (kod instrukcji)
 - ▶ 15-bitowe pole *decrement* (niektóre instrukcje odejmują tę wartość od wartości w rejestrze)
 - 3-bitowe pole tag (wskazuje rejestr)
 - ▶ 15-bitowe pole *address*

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 47/53

Specjalny rejestr FREE zawiera adres pierwszego słowa listy free storage.

47 / 53

Specjalny rejestr FREE zawiera adres pierwszego słowa listy free storage.

Jak przebiega alokacja pamięci?

47 / 53

Specjalny rejestr FREE zawiera adres pierwszego słowa listy free storage.

Jak przebiega alokacja pamięci?

Weź pierwsze wolne słowo z listy

47 / 53

Specjalny rejestr FREE zawiera adres pierwszego słowa listy free storage.

Jak przebiega alokacja pamięci?

- Weź pierwsze wolne słowo z listy
- 2 Ustaw wartość rejestru FREE na adres drugiego słowa z listy

47 / 53

Istnieje ustalony zbiór bazowych rejestrów, które zawierają adresy struktur listowych, do których istnieje dostęp w programie.

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 48 / 53

Istnieje ustalony zbiór bazowych rejestrów, które zawierają adresy struktur listowych, do których istnieje dostęp w programie.

Każdy rejestr, który jest osiągalny przez program, jest osiągalny z jednego lub więcej bazowych rejestrów poprzez łańcuch operacji *car* i *cdr*.

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 48 / 53

Istnieje ustalony zbiór bazowych rejestrów, które zawierają adresy struktur listowych, do których istnieje dostęp w programie.

Każdy rejestr, który jest osiągalny przez program, jest osiągalny z jednego lub więcej bazowych rejestrów poprzez łańcuch operacji *car* i *cdr*.

Zmiana zawartości jednego z bazowych rejestrów może spowodować, że wskazywany dotychczas rejestr staje się nieosiągalny. Oznacza to wówczas, że jego zawartość nie jest już potrzebna.

 Jakub Grobelny
 Początki Lispu
 19.11.2019
 48 / 53

Istnieje ustalony zbiór bazowych rejestrów, które zawierają adresy struktur listowych, do których istnieje dostęp w programie.

Każdy rejestr, który jest osiągalny przez program, jest osiągalny z jednego lub więcej bazowych rejestrów poprzez łańcuch operacji *car* i *cdr*.

Zmiana zawartości jednego z bazowych rejestrów może spowodować, że wskazywany dotychczas rejestr staje się nieosiągalny. Oznacza to wówczas, że jego zawartość nie jest już potrzebna.

Nie jest podejmowane żadne działanie w celu zwalniania pamięci, dopóki programowi nie skończy się cała wolna pamięć. Gdy potrzebny jest wolny rejestr, rozpoczyna się *reclamation cycle*.

 Jakub Grobelny
 Początki Lispu
 19.11.2019
 48 / 53

Garbage collector

 Jakub Grobelny
 Początki Lispu
 19.11.2019
 49 / 53

Garbage collector

2 Znajdujemy wszystkie słowa osiągalne z rejestrów bazowych i ustawiamy ich znak na ujemny.

49 / 53

Garbage collector (mark-and-sweep)

- Znajdujemy wszystkie słowa osiągalne z rejestrów bazowych i ustawiamy ich znak na ujemny.
- Przeszukujemy obszar pamięci zarezerwowany dla struktur listowych i dodajemy wszystkie słowa o znaku dodatnim do listy free-storage.

49 / 53

Garbage collector (mark-and-sweep)

- 2 Znajdujemy wszystkie słowa osiągalne z rejestrów bazowych i ustawiamy ich znak na ujemny.
- 2 Przeszukujemy obszar pamięci zarezerwowany dla struktur listowych i dodajemy wszystkie słowa o znaku dodatnim do listy *free-storage*.

Implementacja odśmiecania pamięci przez zliczanie referencji nie była praktyczna, bo dostępne było jedynie 6 bitów na każde słowo.

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 49/53

 Jakub Grobelny
 Początki Lispu
 19.11.2019
 50 / 53

atom – słowo reprezentujące symbol ma specjalną stałą w części adresowej.

Jakub Grobelny Poczatki Lispu 19.11.2019 50 / 53

- atom słowo reprezentujące symbol ma specjalną stałą w części adresowej.
 - eq numeryczna równość adresów słów. Dla symboli działa to dlatego, że każdy symbol ma tylko jedną listę asocjacji.

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 50 / 53

- atom słowo reprezentujące symbol ma specjalną stałą w części adresowei.
 - eg numeryczna równość adresów słów. Dla symboli działa to dlatego, że każdy symbol ma tylko jedną listę asocjacji.
- cons wartością cons[x; y] musi być adres rejestru, który ma adres x jako część address i y jako część decrement. Cons zawsze bierze nowe słowo z listy free-storage. Wywołanie cons może uruchomić garbage collectora.

car i cdr

IBM 704 miał specjalne instrukcje do oczytywania pól *address* i *decrement* słowa. Pozwalało to na wydajne przechowywanie dwóch 15-bitowych wskaźników w jednym słowie.

car i cdr

IBM 704 miał specjalne instrukcje do oczytywania pól *address* i *decrement* słowa. Pozwalało to na wydajne przechowywanie dwóch 15-bitowych wskaźników w jednym słowie.

Makra car i cdr w assemblerze 704:

```
# car:
CLA O, i # wyczyść AC i dodaj i
PAX O, i # zapisz Address AC do i
PXD O, i # wyczyść AC i wczytaj
# i do Decrement AC
# cdr:
CLA O, i
PDX O, i
PDX O, i
```

```
car – "Contents of the Address Register"

cdr – "Contents of the Decrement Register"
```

◆ロト ◆問 ト ◆ 恵 ト ◆ 恵 ・ 夕 Q ②

Jakub Grobelny Początki Lispu 19.11.2019 51/53