

## 2006 级计算机系《数值分析》期末试卷 B 卷 (信二学习部整理)

注意	: ① 答题方式为闭卷。
	② 可以使用计算器。 ③ 请将填空题直接填在试卷上,大题答在答题纸上。
一、	填空题(每空2分,共40分)
1.	在数值计算中, 计算结果的总误差由截断误差 R 与舍入误差 ∈ 构成, 当
	时,上述两类误差分配最为合理。
2.	已知 $a=3.201$ , $b=0.57$ 是经过四舍五入后得到的近似值,则 $a\times b$ 的结果的计算误差
	大约为, $a+b$ 的结果的计算误差大约为。
3.	用 双 点 弦 截 法 求 解 方 程 $x^4 - 2x - 4 = 0$ 在 $[1,2]$ 之 间 的 根 的 迭 代 公 式 是 $\frac{\sqrt{x^4 - 2x - 4} = 0}{\sqrt{x^4 - 2x - 4}}$ 在 $[1,2]$ 之 间 的 根 的 迭 代 公 式
4.	用牛顿下山法求解方程 $\frac{x^3}{3}-x=0$ ,的根的迭代公式是
	顿下山法的下山条件是。
5.	设 $f(x)=x^3+x-1$ ,则差商 $f[0,1,2,3]=$ , $f[0,1,2,3,4]=$ 。
5.	辛普生求积公式的代数精度为。
7.	当 a(满足怎样的条件)时,用高斯一赛德尔迭代法解线
	性方程组 $ \begin{cases} 8x_1 - x_2 + x_3 = 1 \\ 2x_1 + 10x_2 - x_3 = 4 - $ 定收敛。 $6x_1 + x_2 - ax_3 = -3 \end{cases} $
3.	向量 X=(1,-2,3), Y=(3,4,0), 则向量 X 的 1-范数  X   <sub>1</sub> =, 向量 Y 的 2-
	范数  Y  2=。
€.	已知 n=4 时的牛顿-科特斯系数则 $C_0^{(4)} = \frac{7}{90}, C_3^{(4)} = \frac{16}{45}, C_{.1}^{(4)} =$
	$C_2^{(4)} = \underline{\hspace{1cm}}_{\circ}$
10.	用复化辛卜生公式求积分 $I = \int_0^1 \frac{dx}{1+x}$ 的近似值时,至少需
11.	当 $x=1,-1,2$ 时 , $f(x)=0,-3,4$ , 则 $f(x)$ 的 拉 格 朗 日 插 值 多 项 式
	是。



- 12. 已知f[4,3,2,1]=2,则x=1点的3阶差分值为\_\_\_\_
- 14. 设  $f(x)=a_nx^n+1$   $(a_n\neq 0)$ ,则  $f[x_0,x_1,...,x_n]=$ \_\_\_\_\_。
- 二、计算题(共60分)
- 1. 曲线  $y = x^3$  与 y = 1 x 在点(0.7, 0.3)附近有一交点( $x^*$ ,  $y^*$ ),试用牛顿迭代法求  $x^*$ 的近似值  $x_n$ ,要求计算结果保留小数点后 3 位。
- 2. 用列主元素法解线性方程组,要求计算结果保留小数点后3位。

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 12 & -3 & 3 \\ -18 & 3 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 \\ 15 \\ -15 \end{bmatrix}$$

3. 设方程组  $\begin{cases} x_1 + 0.4x_2 + 0.4x_3 = 1 \\ 0.4x_1 + x_2 + 0.8x_3 = 2 \\ 0.4x_1 + 0.8x_2 + x_3 = 3 \end{cases}$  试判断此方程组的雅可比迭代法及高斯-赛德

尔迭代法的收敛性,并用能够收敛的方法进行计算,初值  $x_0^{(0)}=0, x_1^{(0)}=0, x_2^{(0)}=0$ ,要求计算结果保留小数点后 3 位。

4. y=f(x)的数值表如下所示,求满足上述插值条件的三次插值多项式  $P_3(x)$ ,并推导其余式  $R_3(x)$ 。

$x_i$	1	2	3
$y_i$	2	4	12
$y'_i$	7-	3	部学

- 5. 用三点高斯公式求定积分  $I = \int_0^2 \sqrt{x+1.5} \, dx$  的近似值,其中  $t_1 = -0.77460$ , $t_2 = 0$ , $t_3 = 0.77460$ ; $\omega_1 = 0.55556$ , $\omega_2 = 0.88889$ , $\omega_3 = 0.55556$ ,要求计算结果保留小数点后 3 位。
- 6. 用 Euler 法、隐式欧拉法、梯形法求解初值问题, 取 h=0.1,计算到 x=0.5,要求计算 结果保留小数点后 5 位。

$$\begin{cases} y' = y^2 \\ y(0) = 1 \end{cases} \quad 0 \le x \le 0.5$$