Berechnen des nichttrivialen Systemgleichgewichts

$$\begin{array}{l} 0 = r*(1-\frac{u}{U_k})*u - \frac{w*u*v}{u+K_u} \\ 0 = s*(1-J*\frac{v}{u})*v \end{array}$$

Vorgegebene Werte: $r = 2.5; U_k = 300; w = 5; k_U = 50; s = 0.225; J = 2$

- 1. Umstellen der zweiten Gleichung auf v, es gibt zwei Lösungen (v=0 und $v=\frac{u}{J}$), die nichttriviale wird genommen: $v=\frac{u}{J}$
- 2. Die zweite Gleichung kann in die erste eingesetzt werden:

$$0 = u^2 + u * k_U - U_k * K_u$$

$$0 = u^2 + u * 50 - 15000$$

Es gibt zwei Lösungen: $u_1 = 100$ und $u_2 = -150$

Da es keinen negativen Beutebestand geben kann, kommt nur u_1 in Frage, daraus ergibt sich v=50

Somit ist die nichttriviale Lösung u=100 und v=50. Die berechneten Werte wurden anhand einer Simulation getestet und für passend befunden. Eine Grafik des Simulationsergebnisses kann aus dem Anhang entnommen werden.

Steady State Typ bei den vorgegebenen Anfangswerten

$$u^{(0)} = 50; v^{(0)} = 60$$

Periodisch oszillierender Steady State.

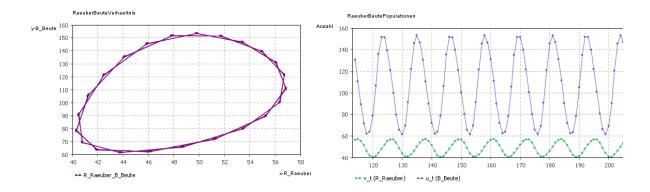


Abbildung 1: Simulation des Steady states

Untersuchung der Stabilität des Steady States