面向对象第一单元第二次作业指导书

摘要

本次作业,需要完成的任务为**包含简单幂函数和简单正余弦函数的导函数**的求解。

问题

设定

首先是一些基本概念的声明:

- **带符号整数** 支持前导0的带符号整数,符号可省略,如: +02 、 -16 、 19260817 等。
- 因子
 - 变量因子
 - 幂函数
 - 一般形式 由自变量x和指数组成,指数为一个带符号整数,如: x ^ +2 。
 - 省略形式 当指数为1的时候,可以采用省略形式,如: x 。
 - **三角函数** sin(x) 或 cos(x) (在本次作业中,括号内仅为x)
 - 一般形式 类似于幂函数,由 sin(x) 和指数组成,指数为一个带符号整数, 如: sin(x) ^ +2。
 - **省略形式** 当指数为1的时候,可以采用省略形式,省略指数部分,如: sin(x) 。
 - 常数因子包含一个带符号整数,如: 233。

■ 项

- 一般形式 由乘法运算符连接若干因子组成,如: 2 * x ^ 2 * 3 * x ^ -2 、 sin(x) * cos(x) * x 。
- 特殊情况
 - 第一个因子为常数因子,且值为1的时候,可以省略该常数因子或表示为正号开头的形式, 如: x ^ 2 * x ^ -1 、 + x ^ 2 、 + cos(x) * cos(x) 、 sin(x) * cos(x) * x 。
 - 第一个因子为常数因子,且值为-1的时候,可以表示为负号开头的形式,如: -x ^ 2、-cos(x) * sin(x)。
- **表达式** 由加法和减法运算符连接若干项组成,如: -1 + x ^ 233 * x ^ 06 sin(x) * 3 * sin(x) 。此外,**在第一项之前,可以带一个正号或者负号**,如: -1 + x ^ 233 、 + -2 + x ^ 19260817 。注意,**空串不属于合法的表达式**。
- **空白字符** 在本次作业中,空白字符包含且仅包含 <space> 和 \t 。

此外, 值得注意的几点是:

- 带符号整数内不允许包含空白字符。
- 三角函数的保留字内不允许包含空白字符,即 sin 和 cos 内不可以含有空白字符。
- 因子、项、表达式,在不与上两条矛盾的前提下,可以在任意位置包含任意数量的空白字符。
- 如果某表达式存在不同的解释方式,则只要有任意一条解释中是合法的,该表达式即为合法。
- 未知数包含且仅包含小写的 x 。

描述

求导是数学计算中的一个计算方法,它的定义就是,当自变量的增量趋于零时,因变量的增量与自变量的增量之商的极限。

在本次作业中、我们要对输入的多项式进行求导计算、并输出它的导函数。

本次作业可能用到的求导公式有:

以上
$$f(x)=a$$
(a 为常数)时, $f'(x)=0$
以上 $f(x)=ax^b$ ($b
eq 0$)时, $f'(x)=abx^{b-1}$
以上 $f(x)=\sin(x)$ 时, $f'(x)=\cos(x)$
以上 $f(x)=\cos(x)$ 时, $f'(x)=-\sin(x)$
以上 $f(x)=\cos(x)$ 时, $f'(x)=-\sin(x)$
以上 任式 法则: $[f(g(x))]'=f'(g(x))g'(x)$

例如:

ι. 当
$$f(x)=2x^6+6x^4$$
时, $f^\prime(x)=12x^5+24x^3$

输入为 2*x^6+6*x^4 , 输出为 12*x^5+24*x^3 。

ய. 当
$$f(x)=2\sin(x)+4\cos(x)$$
 ங , $f'(x)=2\cos(x)-4\sin(x)$

输入为 2*sin(x)+4*cos(x), 输出为 2*cos(x)-4*sin(x)。

III. Let
$$f(x)=2\sin^2(x)+6\cos^3(x)$$
 by , $f'(x)=4\cos(x)\sin(x)-18\cos^2(x)\sin(x)$

输入为 2*sin(x)^2 + 6*cos(x)^3, 输出为 4*cos(x)*sin(x)-18*cos(x)^2*sin(x)。

判定

输入格式

输入中,包含且仅包含一行,表示一个表达式

输出格式

关于输出,首先程序需要对输入数据的合法性进行判定

- 如果是一组合法的输入数据(即符合上述的表达式基本规则),则应当输出一行,表示求出的导函数。格式同样需要满足上述的表达式基本格式规则。
- 如果是一组不合法的输入数据,则应当输出一行 WRONG FORMAT!

判定模式

正确性判定

对于这次作业结果正确性的判定,在输出符合格式要求的前提下,我们采用和上一次完全一样的方式, 可以直接跳至下一段落。具体如下:

- **在区间**[-10,10]上,线性随机选取1000个数,设为 $\{x_i\}$ $(1 \le i \le 1000)$
- 设输入多项式为f(x),其导函数为f'(x)(即正确答案,由MATLAB进行计算),将 $\{x_i\}$ 依次代入 f'(x),得到结果 $\{a_i\}$
- 设待测输出的多项式为g'(x),将 $\{x_i\}$ 依次代入g'(x),得到结果 $\{b_i\}$
- 将数列 $\{a_i\}$ 和数列 $\{b_i\}$ 依次进行比较,判定每个数是否依次相等
- 如果全部相等,则认为该组输出正确,否则认为错误
- 考虑到可能会出现随机出的数位于无意义点上导致计算出错,故在上述计算 $\{b_i\}$ 的过程中,**如果出现计算错误,则将重新生成一组** $\{x_i\}$,**并重新计算**。最多将会重试五次,如果重试次数达到上限后依然无法正常计算,则判定该组输出错误。**即,举例说明的话,就是表达式** $\frac{x^2}{x}$ 最终也会被判定为和表达式x等价。(实际上,部分情况下 $\{a_i\}$ 也可能需要重新计算,不过由 $\{a_i\}$ 引发的重新计算将不被计算在这五次内)

综上,简而言之,你可以理解为: **只要是和标准结果等价的表达式(允许定义域上的点差异),都会被 认定为正确答案**。

性能分判定

在本次作业中,性能分的唯一评判依据,是输出结果的有效长度。

有效长度定义为,输出结果去除所有的空白字符(<space>、 \setminus t)后的长度,设为L。

设某同学给出的正确答案的有效长度为 L_p ,所有人目前给出的正确答案的有效长度的最小值为 L_{min} 。

设 $x=rac{L_{p}}{L_{min}}$,则该同学性能分百分比为:

$$r(x) = 100\% \cdot egin{cases} 1 & x = 1 \ 122.2893x^4 - 603.6553x^3 + 1122.8905x^2 - 934.0000x + 293.4754 & 1 < x \leq 1.3 \ x > 1.3 \end{cases}$$

简单来说,就是这样:

x	$r\left(x ight)$
1.0	100.0%
1.05	59.9%
1.1	35.1%
1.15	19.9%
1.2	10.0%
1.3	0.0%

以及,由于格式错误的情况下,输出是固定的,所以实际上对于格式错误的数据点,只要被判定为正确即可获得100%的性能分。

值得注意的是,**获得性能分的前提是,在正确性判定环节被判定为正确**。如果被判定为错误,则性能分部分为0分。

互测相关

在互测环节

■ 数据的最大长度为100。(请注意,这里不是有效长度,是去除右侧换行符后的总长度)。

上述限制被定义为**数据基本限制**。在此范围限制内,不作其他任何限制。简而言之

- 如果是格式合法的数据,则被测程序应当给出正确的答案。
- 如果是格式不合法,但是满足上述数据基本限制的话,被测程序应当输出格式不合法情况下的结果。(即输出 WRONG FORMAT!)
- 如果不满足上述数据基本限制的话,则该数据将被系统忽略,不会对被测程序进行测试。
- 在公测中,也不会存在不满足数据基本限值的数据点。

样例

#	输入	输出	解释
1	1	0	显然。
2	4*x+ x^2 +x+1	2*x+5	显然。
3	4*x+ x^2 +x	4+2*x+1	未合并同类项,但表达式依然等价。
4	4x+ x^2 +x	WRONG FORMAT!	4x不是合法项,应该写作4*x
5	4*x + x ^ 2 + x	2*x+5	-4x为合法项,且表达式第一项前也可 以包含正负号。
6	+4*xx^2 + x	2*x+5	-x^2为合法项。

7	+19260817*x	19260817	显然。
8	+ 19260817*x	19260817	多项式第一项前可以带有正负号。
9	+++ 19260817*x	WRONG FORMAT!	项内有符号整数不可以包含空白字 符。
10	1926 0817 * x	WRONG FORMAT!	同上。
11	(空)	WRONG FORMAT!	空串不属于合法表达式。
12	2*sin(x)	2*cos(x)	显然。
13	-2*cos(x)	2*sin(x)	显然。
14	5*sin(2 * x)	WRONG FORMAT!	三角函数只能为sin(x)/cos(x)形式
15	8*cos(x^2)	WRONG FORMAT!	同上
16	3*sin(90)	WRONG FORMAT!	同上
17	23+sin(x)*3+x^8	3*cos(x)+8*x^7	显然。
18	cos(x)* sin(x)* 5+4 *x^3	-5*sin(x)\^2+5*cos(x)*cos(x)+12*x^2	显然。
19	43+4*x^3	12*x^2	显然。
20	5* x^4* sin(x)	5*x^4*cos(x) + 20*x^3*sin(x)	显然。
21	5* x^4* cos(x)	20*x^3*cos(x) - 5*x^4*sin(x)	显然。
22	6*si n(x)	WRONG FORMAT!	'sin'间不能有空白字符
23	6*co s(x)	WRONG FORMAT!	'cos'间不能有空白字符
24	2*x^2*3	12*x	显然。

此外,就是一些特殊字符之类的的问题了,请同学们注意处理,提高程序的鲁棒性。

注意:由于本作业可被判定为正确的答案不唯一,所以本测试样例仅供参考,**仅保证正确性,不保证其为性能最优解**。

补充信息

关于评测

- 评测时,会自动忽略掉行末的空格以及文件末多余的回车。
- 对于输入,如果包含多行,则忽略第一行以后的内容即可。
- 类似的,对于输出结果,如果包含多行,则在评判的时候将忽略第一行以后的内容。(也就是说, 你们可以在正文之后附加一些其他的信息以改善自己调试的体验)

一点点的提示

- Java内的原生整数类型有 long 和 int , 长度分别为64位和32位。
- 如果觉得上述数据类型不够用的话,可以百度一下Java内可以怎样快速处理这个问题。
- 在Java内,不建议使用静态数组。推荐使用 ArrayList 、 HashMap 、 HashSet 一类的数据结构, 快速管理和调配手中无序的数据。
- 关于输入字符串的处理,推荐使用**正则表达式**。
- 本次作业用到的数学相关知识均为高中数学,部分求导公式的推算要仔细。
- 如果,你们需要用 HashMap 处理多个Key的应用场景,那么两种做法可以选择:
 - 多层 HashMap 嵌套,形如 HashMap<int, HashMap<int, int>>>
 - 【推荐】自定义一个类,包含该多个Key,将这个类作为 HashMap 的Key类型,并实现这个类的哈希函数 int hashCode() 和相等性判定函数 boolean equals(Object obj)。更多的具体细节可以自行查找相关资料并实践研究。

一点点想说的话

- 不要重复造轮子!不要重复造轮子!不要重复造轮子! 重要的事情说三遍
- 我们鼓励大家通过Baidu、Google、Stackoverflow等方式自行学习和解决问题。
- 如果还有更多的问题,请到讨论区提问。但是**请善用讨论区**,并在此之前认真阅读包括但不限于课 程要求文档、指导书、搜索引擎结果等的内容。
- 如果想要深入了解Java的一些内置数据结构的特性和原理,推荐以下方法:
 - 查阅官方文档
 - 阅读该部分源代码(另外,在Idea内,Ctrl+左键点击方法名、变量名、类名、包名,有惊喜)
- 对于学有余力的大佬们,可以在写这次作业之余,思考一下**建立什么样的对象模型,可以使你的程 序更方便支持进一步的功能扩展,使程序可以真正做到实用化**。预祝你们能在下一次作业中如鱼得水。