

Concurs Mate-Info – martie 2021  
Proba scrisă la Informatică

NOTĂ IMPORTANTĂ:

În lipsa altor precizări, presupuneți că toate operațiile aritmetice se efectuează pe tipuri de date nelimitate (nu există *overflow* / *underflow*).

De asemenea, numerotarea indicilor tuturor șirurilor începe de la 1.

1. Se consideră expresia următoare, în care  $a$  este un număr natural.

$$((a < 4) \text{ SAU } (a < 5)) \text{ ȘI } (a > 2)$$

Pentru ce valori ale lui  $a$  va avea expresia valoarea **ADEVĂRAT**?

- A.  $a = 3$
- B.  $a = 4$
- C.  $a = 2$
- D. Expresia nu va avea niciodată valoarea **ADEVĂRAT**

2. Subalgoritmul de mai jos are ca parametri de intrare un șir  $v$  cu  $n$  numere naturale nenule ( $v[1], v[2], \dots, v[n]$ ) și numărul întreg  $n$  ( $1 \leq n \leq 10000$ ).

```
Subalgoritm f(v, n):  
  x ← 0  
  Pentru i ← 1, n execută  
    c ← v[i]  
    Cât timp c MOD 3 = 0 execută  
      x ← x + 1  
      c ← c DIV 3  
    SfCât timp  
  SfPentru  
  returnează x  
SfSubalgoritm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- A. Subalgoritmul returnează numărul numerelor divizibile cu 3 din șirul  $v$
- B. Subalgoritmul returnează cel mai mare număr  $k$  astfel încât  $v[1] * v[2] * \dots * v[n]$  este divizibil cu  $3^k$
- C. Subalgoritmul returnează cel mai mare număr  $k$  astfel încât  $v[1] + v[2] + \dots + v[n]$  este divizibil cu  $3^k$
- D. Subalgoritmul returnează suma numerelor divizibile cu 3 din șirul  $v$

3. Se consideră expresia următoare, în care  $x$  este un număr natural pozitiv.

$$(x \bmod 2) + ((x + 1) \bmod 2)$$

Care din afirmațiile de mai jos sunt adevărate?

- A. Expresia are valoarea 1 pentru orice număr natural pozitiv  $x$ .
- B. Expresia are valoarea 1 dacă și numai dacă  $x$  este un număr par.
- C. Expresia are valoarea 1 dacă și numai dacă  $x$  este un număr impar.
- D. Există număr natural  $x$  pentru care expresia are o valoare strict mai mare decât 1.

4. Fie subalgoritmul **prelucrare**( $x$ ,  $n$ ) definit mai jos, care primește ca și parametru un șir  $x$  cu  $n$  numere reale nenule ( $x[1], x[2], \dots, x[n]$ ) și numărul întreg  $n$  ( $1 \leq n \leq 10000$ ). Operatorul  $/$  reprezintă împărțirea reală (ex.  $3/2=1,5$ ).

```
Subalgoritm prelucrare( $x$ ,  $n$ ):  
     $p \leftarrow 1$   
    Pentru  $k \leftarrow 1, n - 1$  execută  
         $p \leftarrow p + 1$   
        Pentru  $i \leftarrow 1, n - 1$  execută  
            Dacă  $x[i] > x[i + 1]$  atunci  
                 $x[i] \leftarrow x[i] * x[i + 1]$   
                 $x[i + 1] \leftarrow x[i] / x[i + 1]$   
                 $x[i] \leftarrow x[i] / x[i + 1]$   
            SfDacă  
        SfPentru  
    SfPentru  
     $n \leftarrow p$   
SfSubalgoritm
```

Care dintre următoarele afirmații descriu modificarea aplicată șirului  $x$  în urma apelului subalgoritmului **prelucrare**( $x$ ,  $n$ )?

- A. Elementele șirului  $x$  vor rămâne nemodificate
- B. Elementele șirului  $x$  vor fi în ordine descrescătoare
- C. Elementele șirului  $x$  vor fi în ordine crescătoare
- D. Numărul  $n$  este decrementat cu o unitate

5. Se consideră subalgoritmul **calcul**( $a$ ,  $n$ ), care primește ca parametru un șir  $a$  cu  $n$  numere naturale ( $a[1], a[2], \dots, a[n]$ ) și numărul întreg  $n$  ( $1 \leq n \leq 10000$ ).

```
Subalgoritm calcul( $a$ ,  $n$ ):  
    Dacă  $n = 0$  atunci  
        returnează 0  
    altfel  
        returnează  $a[n] * (a[n] \bmod 2) + \text{calcul}(a, n - 1)$   
    SfDacă  
SfSubalgoritm
```

Pentru ce valori a numărului  $n$  și a șirului  $a$  funcția **calcul**( $a, n$ ) va returna valoarea 10?

- A.  $n = 4, a = (2, 4, 7, 5)$
- B.  $n = 6, a = (3, 1, 2, 5, 8, 1)$
- C.  $n = 6, a = (2, 4, 5, 3, 8, 5)$
- D.  $n = 7, a = (1, 1, 2, 1, 1, 1, 3)$

6. Se consideră subalgoritmul  $\text{calcul}(v, n)$ , care primește ca parametru un șir  $v$  cu  $n$  numere naturale ( $v[1], v[2], \dots, v[n]$ ) și numărul întreg  $n$  ( $1 \leq n \leq 10000$ ).

```
Subalgoritm calcul(v, n):  
  m ← 0  
  x ← 0  
  s ← 0  
  Pentru i ← 1, n execută  
    s ← s + v[i]  
    m ← m + (s MOD 2 + x) MOD 2  
    x ← s MOD 2  
  SfPentru  
  returnează m  
SfSubalgoritm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- A. Subalgoritmul calculează și returnează suma numerelor impare din șirul  $v$
- B. Subalgoritmul calculează și returnează suma numerelor pare din șirul  $v$
- C. Subalgoritmul calculează și returnează numărul de numere impare din șirul  $v$
- D. Subalgoritmul calculează și returnează numărul de numere pare din șirul  $v$

7. Se consideră subalgoritmul  $\text{magic}(x)$ , unde  $x$  este un număr natural ( $1 \leq x \leq 32000$ ).

```
Subalgoritm magic(x):  
  st ← 1  
  dr ← x  
  Cât timp st ≤ dr execută  
    mj ← (st + dr) DIV 2  
    Dacă mj * mj = x atunci  
      returnează adevărat  
    SfDacă  
    Dacă mj * mj < x atunci  
      st ← mj + 1  
    altfel  
      dr ← mj - 1  
    SfDacă  
  SfCât timp  
  returnează fals  
SfSubalgoritm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- A. Subalgoritmul verifică dacă există un pătrat perfect mai mic decât  $x$ .
- B. Subalgoritmul numără divizorii primi ai numărului  $x$ .
- C. Subalgoritmul verifică dacă numărul  $x$  este prim.
- D. Subalgoritmul verifică dacă numărul  $x$  este pătrat perfect.

8. Se consideră subalgoritmul  $\text{ceFace}(n)$ , unde  $n$  este un număr natural ( $1 \leq n \leq 10000$ ).

```
Subalgoritm ceFace(n):  
  a ← n  
  b ← 0  
  Cât timp a ≠ 0 execută  
    b ← b * 10 + a MOD 10  
    a ← a DIV 10  
  SfCât timp  
  Dacă n = b atunci  
    returnează adevărat  
  altfel  
    returnează fals  
  SfDacă  
SfSubalgoritm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- A. Subalgoritmul verifică dacă numărul  $n$  este prim.
- B. Subalgoritmul verifică dacă numărul  $n$  este palindrom.
- C. Subalgoritmul returnează întotdeauna adevărat.
- D. Subalgoritmul verifică dacă numărul  $n$  este divizibil cu 10.

9. Se consideră subalgoritmul  $\text{calculeaza}(a, b)$ , unde  $a$  și  $b$  sunt numere naturale ( $1 \leq a, b \leq 10000$ ).

```
Subalgoritm calculeaza(a, b):  
    x ← 1  
    Pentru i ← 1, b execută  
        x ← (x MOD 10) * a  
    SfPentru  
    returnează x  
SfSubalgoritm
```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:

- A. Dacă  $a = 2021$  și  $b = 2021$ , valoarea returnată de subalgoritm este 2021.
- B. Pentru toate apelurile subalgoritmului cu  $a = 2021$  și  $1 \leq b \leq 10000$ , valoarea returnată este 2021.
- C. Dacă  $a = 7777$  și  $b = 2021$ , valoarea returnată este 7777.
- D. Pentru toate apelurile subalgoritmului cu  $1 \leq a \leq 10000$  și  $b = 2021$ , valoarea returnată este valoarea lui  $a$ .

10. Câte elemente se găsesc pe cele două diagonale ale unei matrice pătratice cu  $n$  linii și  $n$  coloane ( $10 \leq n \leq 1000$ )? Se numără elementele de pe poziții distincte.

- A.  $2 * n$
- B.  $n * n$
- C.  $2 * n - 1$
- D.  $2 * n - (n \text{ MOD } 2)$

11. Care dintre expresiile logice următoare au valoarea ADEVĂRAT pentru  $a = 1$  și  $b = 0$ ?

- A.  $\text{NU } ((a > 0) \text{ \textbf{ȘI} } (b < 1)) \text{ \textbf{SAU} } (a > 1)$
- B.  $((b > 0) \text{ \textbf{ȘI} } (b < 1)) \text{ \textbf{SAU} } ((a > 0) \text{ \textbf{ȘI} } (a < 2))$
- C.  $(\text{NU } (a > b)) \text{ \textbf{SAU} } (\text{NU } (b > 0))$
- D.  $(a > 0) \text{ \textbf{SAU} } ((b > 0) \text{ \textbf{ȘI} } (b < 0)) \text{ \textbf{SAU} } (a < 1)$

12. Subalgoritmii  $\text{calcul}_i(e, n)$ ,  $1 \leq i \leq 4$ , primesc ca parametri o matrice  $e$  de  $n$  linii și  $n$  coloane ( $e[1][1], \dots, e[1][n], e[2][1], \dots, e[n][n]$ ) și un număr natural  $n$  ( $1 \leq n \leq 1000$ ). Alegeți variantele de răspuns care conțin definiția subalgoritmului  $\text{calcul}_i(e, n)$ , care are rezultat diferit față de toate celelalte trei variante, adică  $\text{calcul}_i(e, n) \neq \text{calcul}_j(e, n) \forall e, n, j, 1 \leq j \leq 4, i \neq j$  ( $e$  și  $n$  conform specificației anterioare).

A.

```
Subalgoritm calcul1(e, n):  
  s ← 0  
  Pentru i ← 1, n execută  
    s ← s + e[i][i]  
  SfPentru  
  returnează s  
SfSubalgoritm
```

B.

```
Subalgoritm calcul2(e, n):  
  s ← 0  
  Pentru i ← 1, n execută  
    Pentru j ← 1, n, execută  
      Dacă i = j atunci  
        s ← s + e[i][j]  
      SfDacă  
    SfPentru  
  SfPentru  
  returnează s  
SfSubalgoritm
```

C.

```
Subalgoritm calcul3(e, n):  
  s ← 0  
  i ← 1  
  Câttimp i ≤ n execută  
    s ← s + e[i][i]  
    i ← i + 1  
  SfCâttimp  
  returnează s  
SfSubalgoritm
```

D.

```
Subalgoritm calcul4(e, n):  
  s ← 0  
  Pentru i ← 1, n execută  
    Pentru j ← i + 1, n, execută  
      Dacă i = j atunci  
        s ← s + e[i][j]  
      SfDacă  
    SfPentru  
  SfPentru  
  returnează s  
SfSubalgoritm
```

13. Se consideră subalgoritmul ceFace(a,b), unde **a** și **b** sunt numere naturale ( $1 \leq a < b \leq 10000$ ).

```
Subalgoritm ceFace(a, b):  
  m ← a  
  Câttimp b MOD m > 0 execută  
    m ← m + 1  
  SfCâttimp  
  returnează m  
SfSubalgoritm
```

Ce va returna apelul ceFace(47, 100)?

- A. 48
- B. 50
- C. 3
- D. 100

14. Se consideră subalgoritmul  $\text{afis}(n)$ , unde  $n$  este un număr natural ( $0 \leq n \leq 10000$ ).

```
Subalgoritm afis(n):  
  Scrie n  
  Dacă  $n > 0$  atunci  
    afis ( $n - 1$ )  
  Scrie n  
SfDacă  
SfSubalgoritm
```

Ce se va afișa la apelul  $\text{afis}(4)$ ?

- A. 432100123
- B. 123401234
- C. 1234004321
- D. 432101234

15. Care dintre următoarele baze de numerație  $x$  satisfac condiția  $232_{(x)} \leq 67_{(10)}$ ?

- A.  $x = 5$
- B.  $x = 3$
- C.  $x = 4$
- D.  $x = 6$

16. Subalgoritmul  $\text{mutaZero}(a, n)$  primește ca și parametru un șir  $a$  de numere întregi, ( $a[1], a[2], \dots, a[n]$ ) și numărul întreg  $n$  ( $1 \leq n \leq 10000$ ). Subalgoritmul mută valorile de zero la finalul șirului, păstrând ordinea relativă a elementelor diferite de zero. De exemplu, dacă  $a$  este  $[4, 0, 2, 5, 1, 0, 7, 11, 0, 3]$ , după apelarea subalgoritmului, elementele lui  $a$  sunt  $[4, 2, 5, 1, 7, 11, 3, 0, 0, 0]$ . Care din implementările următoare ale subalgoritmului  $\text{mutaZero}(a, n)$  sunt corecte?

A.

```
Subalgoritm mutaZero(a, n):  
   $s \leftarrow \text{ADEVĂRAT}$   
  Cât timp  $s = \text{ADEVĂRAT}$  execută  
     $s \leftarrow \text{FALS}$   
    Pentru  $i \leftarrow 1, n - 1$  execută  
      Dacă  $a[i] = 0$  atunci  
         $\text{tmp} \leftarrow a[i]$   
         $a[i] \leftarrow a[i + 1]$   
         $a[i + 1] \leftarrow \text{tmp}$   
       $s \leftarrow \text{ADEVĂRAT}$   
    SfDacă  
  SfPentru  
SfCât timp  
SfSubalgoritm
```

B.

```
Subalgoritm mutaZero(a, n):  
   $c \leftarrow 0$   
  Pentru  $i \leftarrow 0, n$  execută  
    Dacă  $a[i] = 0$  atunci  
       $c \leftarrow c + 1$   
    SfDacă  
  SfPentru  
   $i \leftarrow n$   
  Cât timp  $c > 0$  execută  
     $a[i] \leftarrow 0$   
     $i \leftarrow i - 1$   
     $c \leftarrow c - 1$   
  SfCât timp  
SfSubalgoritm
```

C.

```
Subalgoritm mutaZero(a, n):  
    d ← 0  
    i ← 1  
    Cât timp i + d ≤ n execută  
        Cât timp (i + d ≤ n) ȘI (a[i + d] = 0) execută  
            d ← d + 1  
        SfCât timp  
        Dacă i + d ≤ n atunci  
            a[i] ← a[i + d]  
            i ← i + 1  
        SfDacă  
    SfCât timp  
    Cât timp i ≤ n execută  
        a[i] ← 0  
        i ← i + 1  
    SfCât timp  
SfSubalgoritm
```

D.

```
Subalgoritm mutaZero(a, n):  
    i ← 1  
    f ← n  
    Cât timp i < f execută  
        Cât timp (i < f) ȘI (a[i] ≠ 0) execută  
            i ← i + 1  
        SfCât timp  
        Cât timp (i < f) ȘI (a[f] = 0) execută  
            f ← f - 1  
        SfCât timp  
        Dacă i < f atunci  
            tmp ← a[i]  
            a[i] ← a[f]  
            a[f] ← tmp  
        SfDacă  
    SfCât timp  
SfSubalgoritm
```

17. Fie șirul  $X=1,2,2,3,3,3,4,4,4,5,5,5,5,6,6,6,6,6,7,\dots$ , în care fiecare număr  $n$  apare de  $n$  ori pe poziții consecutive. Considerând că primul element din șir este pe poziția 1, pe ce poziții din șir apare valoarea 21?

- A. Pe pozițiile din intervalul [210,230]
- B. Pe pozițiile din intervalul [211,231]
- C. Pe pozițiile din intervalul [212,232]
- D. Pe pozițiile din intervalul [209,229]

18. Se consideră subalgoritmul  $f(a, b)$ , unde  $a$  și  $b$  sunt numere întregi ( $-10000 \leq a, b \leq 10000$ ).

```
Subalgoritm f(a, b):  
    Scrie "FMI"  
    Dacă (a = 0) SAU (b = 0) atunci  
        returnează 1  
    SfDacă  
    Dacă a > b atunci  
        returnează f(a - b * b, a * (a - b) - b * (a - b))  
    SfDacă  
    Dacă a ≤ b atunci  
        returnează f(b - a * a, a * (a - b) - b * (a - b))  
    SfDacă  
SfSubalgoritm
```

Precizați de câte ori se scrie textul *FMI* la executarea secvenței de cod:

$f(f(3, 2), f(2, 3))$

- A. De 8 ori
- B. De 6 ori
- C. De 3 ori
- D. De o infinitate de ori

19. Se consideră subalgoritmul recursiv  $ceFace(n, i)$ , unde  $n$  este un număr natural ( $2 \leq n \leq 1000$ ).

```

Subalgoritm  $ceFace(n, i)$ :
    Dacă  $i * i > n$  atunci
        returnează 0
    SfDacă
    Dacă  $i * i = n$  atunci
        returnează  $i$ 
    SfDacă
    Dacă  $n \text{ MOD } i = 0$  atunci
        returnează  $i + n \text{ DIV } i + ceFace(n, i + 1)$ 
    altfel
        returnează  $ceFace(n, i + 1)$ 
    SfDacă
SfSubalgoritm

```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate pentru apelul  $ceFace(n, 2)$ :

- A. Subalgoritmul calculează și returnează dublul sumei tuturor divizorilor proprii ai numărului  $n$ .
- B. Subalgoritmul calculează și returnează suma divizorilor proprii ai numărului  $n$ .
- C. Subalgoritmul calculează și returnează suma divizorilor proprii și improprii ai numărului  $n$ .
- D. Subalgoritmul verifică dacă  $n$  este pătrat perfect. În caz afirmativ, returnează rădăcina lui pătrată. Altfel, returnează 0.

20. Se consideră subalgoritmul  $ceFace(T, n, e)$ , care primește ca și parametru un șir  $T$  cu  $n$  numere naturale ordonate crescător ( $T[1], T[2], \dots, T[n]$ ) și numerele naturale  $n$  și  $e$  ( $1 \leq n, e \leq 10000$ ).

```

Subalgoritm  $ceFace(T, n, e)$ :
    Dacă  $e \text{ MOD } 2 = 0$  atunci
         $a \leftarrow 1$ 
         $b \leftarrow n$ 
        Cât timp  $a \leq b$  execută
             $m \leftarrow (a + b) \text{ DIV } 2$ 
            Dacă  $e < T[m]$  atunci
                 $b \leftarrow m - 1$ 
            altfel
                Dacă  $e > T[m]$  atunci
                     $a \leftarrow m + 1$ 
                altfel
                    returnează adevărat
            SfDacă
        SfDacă
        SfCât timp
        returnează fals
    altfel
         $c \leftarrow 1$ 
        Cât timp  $c \leq n$  execută
            Dacă  $e = T[c]$  atunci
                returnează adevărat
            SfDacă
             $c \leftarrow c + 1$ 
        SfCât timp
        returnează fals
    SfDacă
SfSubalgoritm

```

Precizați care dintre următoarele afirmații sunt adevărate:



- A. Subalgoritmul nu verifică dacă numărul **e** se află pe o poziție pară în șirul **T**.
- B. Subalgoritmul verifică dacă numărul **e** se află în șirul **T**, iar dacă numărul **e** este impar, algoritmul de căutare folosit este căutarea binară.
- C. Subalgoritmul verifică dacă numărul **e** se află în șirul **T**, iar dacă numărul **e** este par, algoritmul de căutare folosit este căutarea binară.
- D. Subalgoritmul verifică dacă numărul **e** se află în șirul **T** doar dacă numărul **e** este impar.

**21.** Se dorește afișarea triunghiurilor echilaterale folosind doar caracterele \* (asterisc) și . (punct). Exemplul de mai jos ilustrează un triunghi având latura de  $n=5$  asteriscuri. Pentru acesta a fost necesară utilizarea a 12 asteriscuri și 23 de puncte.

```

...*
...*.
..*..*
.*...*.
*.....*
*.*.*.*.*

```

Care din afirmațiile de mai jos sunt adevărate?

- A. Pentru  $n=2$ , este nevoie de exact 3 asteriscuri și 4 puncte.
- B. Pentru  $n=7$ , este nevoie de exact 18 asteriscuri și 52 puncte.
- C. Pentru  $n=7$ , este nevoie de exact 18 asteriscuri și 48 puncte.
- D. Pentru  $n=15$ , este nevoie de exact 42 asteriscuri și 288 puncte.

**22.** Spunem că un șir având  $n$  caractere este antipalindrom dacă toate perechile de caractere egal depărtate de extremități sunt distincte două câte două (cu excepția celui din mijloc dacă  $n$  este impar). De exemplu, *asdfg* și *xlxe* sunt antipalindroame, dar *asds*g nu este.

Fie subalgoritmul `antipalindrom(s, stânga, dreapta)` care primește ca și parametru un șir **s** cu  $n$  ( $1 \leq n \leq 10000$ ) caractere (`s[1], s[2], ..., s[n]`), și numerele naturale *stânga* și *dreapta*.

Care din următoarele implementări vor returna *adevărat* pentru apelul `antipalindrom(s, 1, n)` dacă și numai dacă șirul **s** este antipalindrom?

- A.
 

```

Subalgoritm antipalindrom(s, stânga, dreapta):
    Dacă stânga = dreapta atunci
        returnează adevărat
    altfel
        prim ← s[stânga]
        ultim ← s[dreapta]
        Dacă prim = ultim atunci
            returnează fals
        altfel
            returnează antipalindrom(s, stânga + 1, dreapta - 1)
    SfDacă
SfSubalgoritm
      
```

B.

```
Subalgoritm antipalindrom(s, stânga, dreapta):
    Dacă stânga ≥ dreapta atunci
        returnează adevărat
    SfDacă
    prim ← s[stânga]
    ultim ← s[dreapta]
    Dacă prim = ultim atunci
        returnează fals
    altfel
        returnează antipalindrom(s, stânga + 1, dreapta - 1)
    SfDacă
SfSubalgoritm
```

C.

```
Subalgoritm antipalindrom(s, stânga, dreapta):
    Dacă stânga > dreapta atunci
        returnează adevărat
    altfel
        prim ← s[stânga]
        ultim ← s[dreapta]
        Dacă prim ≠ ultim atunci
            returnează fals
        altfel
            returnează antipalindrom(s, stânga + 1, dreapta - 1)
    SfDacă
SfSubalgoritm
```

D.

```
Subalgoritm antipalindrom(s, stânga, dreapta):
    Dacă stânga > dreapta atunci
        returnează adevărat
    SfDacă
    prim ← s[stânga]
    ultim ← s[dreapta]
    Dacă prim ≠ ultim atunci
        returnează adevărat
    SfDacă
    returnează antipalindrom(s, stânga + 1, dreapta - 1)
SfSubalgoritm
```

23. Fie subalgoritmul  $\text{ordo}(n, a)$  care primește ca și parametru un număr natural  $n$  ( $1 \leq n \leq 10000$ ) și un șir  $a$  având  $2n$  elemente numere naturale ( $a[1], a[2], \dots, a[2n]$ ).

Considerând că numărul de elemente pare ale șirului  $a$  este egal cu numărul de elemente impare, care din următorii subalgoritmi rearanjează elementele șirului  $a$  astfel încât elementele impare să aibă indici impari, iar elementele pare să aibă indici pari?

A.

```
Subalgoritm ordo(n, a):
    Pentru i ← 1, 2 * n - 1 execută
        Dacă a[i] MOD 2 ≠ i MOD 2 atunci
            Pentru j ← i + 1, 2 * n execută
                Dacă a[j] MOD 2 ≠ j MOD 2 atunci
                    a[i] ← a[i] + a[j]
                    a[j] ← a[i] - a[j]
                    a[i] ← a[i] - a[j]
            SfDacă
        SfPentru
    SfDacă
SfSubalgoritm
```

B.

```
Subalgoritm ordo(n, a):
  Pentru i ← 1, 2 * n - 1 execută
    Dacă a[i] MOD 2 ≠ i MOD 2 atunci
      Pentru j ← i + 1, 2 * n execută
        Dacă (a[i] MOD 2 ≠ i MOD 2) ȘI (a[j] MOD 2 ≠ j MOD 2) atunci
          a[i] ← a[i] + a[j]
          a[j] ← a[i] - a[j]
          a[i] ← a[j] - a[i]
        SfDacă
      SfPentru
    SfDacă
  SfPentru
SfSubalgoritm
```

C.

```
Subalgoritm ordo(n, a):
  Pentru i ← 1, 2 * n - 1 execută
    Dacă a[i] MOD 2 ≠ i MOD 2 atunci
      Pentru j ← i + 1, 2 * n execută
        Dacă (a[i] MOD 2 ≠ i MOD 2) ȘI
          (a[j] MOD 2 ≠ j MOD 2) ȘI
          (a[i] MOD 2 ≠ a[j] MOD 2) atunci
          a[i] ← a[i] + a[j]
          a[j] ← a[i] - a[j]
          a[i] ← a[i] - a[j]
        SfDacă
      SfPentru
    SfDacă
  SfPentru
SfSubalgoritm
```

D.

```
Subalgoritm ordo(n, a):
  Pentru i ← 1, 2 * n - 1 execută
    Pentru j ← i + 1, 2 * n execută
      Dacă (a[j] MOD 2 = 0) ȘI
        ((a[j] MOD 2 ≠ 0) SAU (a[j] MOD 2 ≠ 0)) ȘI
        (a[j] MOD 2 = 0) atunci
        a[i] ← a[i] + a[j]
        a[j] ← a[i] - a[j]
        a[i] ← a[i] - a[j]
      SfDacă
    SfPentru
  SfPentru
SfSubalgoritm
```

24. Dorim să partiționăm un șir de  $n$  ( $1 \leq n \leq 1000$ ) valori în  $k$  ( $1 \leq k \leq n$ ) subsecvențe adiacente de lungimi egale (fiecare element al șirului aparține exact unei subsecvențe). Dacă  $n$  nu este divizibil cu  $k$ , acceptăm ca diferența de lungime între oricare două subsecvențe să fie cel mult 1.

Se dau mai jos patru variante de a genera indicii primelor elemente ale tuturor subsecvențelor  $j$  ( $1 \leq j \leq k$ ). Numerotând elementele șirului de la 1, care dintre aceste variante satisfac cerința de mai sus?

- A.  $((j * n - 1) \text{ DIV } k) - 1$
- B.  $((j - 1) * n) \text{ DIV } k + 1$
- C.  $(j - 1) * (n \text{ DIV } k)$
- D.  $((j - 1) * n + k) \text{ DIV } k$

25. Fie  $b_n b_{n-1} \dots b_0$  reprezentarea binară a numărului natural  $B$ ,  $2021 \leq B \leq 2021^{2021}$ . Care dintre următoarele afirmații sunt adevărate?

- A. Dacă valoarea expresiei  $b_0 - b_1 + b_2 - b_3 + \dots + (-1)^n * b_n$  este zero, atunci B este divizibil cu 3
- B. Dacă valoarea expresiei  $b_0 - b_1 + b_2 - b_3 + \dots + (-1)^n * b_n$  este divizibilă cu 3, atunci B este divizibil cu 3
- C. B este divizibil cu 3 dacă suma cifrelor binare este divizibilă cu 3, dar nu cu 9
- D. Dacă B este divizibil cu 3, atunci valoarea expresiei  $b_0 - b_1 + b_2 - b_3 + \dots + (-1)^n * b_n$  este divizibilă cu 3

**26.** Considerăm subalgoritmul  $\text{prefix}(n)$ , care dat fiind numărul natural  $n$  ( $9 < n < 10^{20}-1$ ), caută cel mai lung prefix al său care se regăsește și în interiorul numărului (exceptând prima și ultima cifră a sa). Subalgoritmul returnează lungimea acestui prefix.

Exemplu:

pentru  $n = 12133121$ , prefixul este 12 și are lungimea 2.  
 pentru  $n = 34534536$ , prefixul este 3453 și are lungimea 4.  
 pentru  $n = 1223$ , un astfel de prefix nu există (considerăm că are lungime 0).

Știind că indexarea șirurilor începe de la 1, care din următoarele variante reprezintă implementări corecte ale subalgoritmului  $\text{prefix}(n)$ ?

A.

```

Subalgoritm prefix(n):
  nr ← n
  c ← 0
  p ← 1
  CâtTimp nr > 0 execută
    c ← c + 1
    nr ← nr DIV 10
    p ← p * 10
  SfCâtTimp

  f1 ← 100
  f2 ← p DIV 100
  k ← 1
  ok ← 0
  CâtTimp ok = 0 execută
    n1 ← n DIV f1
    f3 ← 10
    Pentru i ← 1 , k execută
      n2 ← (n DIV f3) MOD f2
      Dacă n1 = n2 atunci
        ok ← 1
        returnează c - k - 1
      SfDacă
      f3 ← f3 * 10
    SfPentru
    f1 ← f1 * 10
    f2 ← f2 DIV 10
    k ← k + 1
  SfCâtTimp
  returnează -1
SfSubalgoritm
  
```

B.

```

Subalgoritm prefix(n):
  c ← [0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0]
  nr ← n
  p ← 0
  CâtTim p > 0 execută
    c[p + 1] ← nr MOD 10
    nr ← nr DIV 10
    p ← p + 1
  SfCâtTim
  Pentru i ← 1, p - 2 execută
    Pentru j ← p - 1, i + 1, -1 execută
      ok ← 1
      Pentru k ← 0, i - 1 execută
        Dacă c[p - 1 - k] ≠ c[j - k] atunci
          ok ← 0
      SfDacă
    SfPentru
    Dacă ok = 1 atunci
      returnează i
    SfDacă
  SfPentru
SfPentru
returnează -1
SfSubalgoritm

```

C.

```
Subalgoritm prefix(n):  
    c ← [0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0]  
    nr ← n  
    p ← 0  
CâtTimp nr > 0 execută  
    c[p + 1] ← nr MOD 10  
    nr ← nr DIV 10  
    p ← p + 1  
SfCâtTimp  
Pentru i ← p - 2, 1, -1 execută  
    Pentru j ← p - 1, i + 1, -1 execută  
        ok ← 1  
        Pentru k ← 0, i - 1 execută  
            Dacă c[p - k] ≠ c[j - k] atunci  
                ok ← 0  
        SfDacă  
    SfPentru  
    Dacă ok = 1 atunci  
        returnează j  
    SfDacă  
SfPentru  
SfPentru  
returnează 0  
SfSubalgoritm
```

D.

```

Subalgoritm prefix(n):
  nr ← n
  c ← 0
  p ← 1
  CâtTimp nr > 0 execută
    c ← c + 1
    nr ← nr DIV 10
    p ← p * 10
  SfCâtTimp
  f1 ← p DIV 10
  f2 ← 10
  k ← c - 2
  ok ← -1
  Pentru t ← 1, c - 2 execută
    n1 ← n DIV f1
    f3 ← 10
    Pentru i ← 1, k execută
      n2 ← (n DIV f3) MOD f2
      Dacă n1 = n2 atunci
        Dacă ok < c - k - 1 atunci
          ok ← c - k - 1
        SfDacă
      SfPentru
    f3 ← f3 * 10
  SfPentru
  f1 ← f1 DIV 10
  f2 ← f2 * 10
  k ← k - 1
  SfPentru
  Dacă ok < 0 atunci:
    returnează 0
  SfDacă
  returnează ok
SfSubalgoritm

```

27. Se consideră tabelul de mai jos, având 16 celule (4 linii notate cu 1, 2, 3, 4, și 4 coloane notate cu A, B, C, D). Unele celule conțin valori constante (de ex. celula B3), altele, care încep cu “=” conțin rezultatul unei expresii aritmetice cu 2 termeni. Fiecare termen este fie o valoare constantă, fie, dacă termenul începe cu simbolul \$, o referință către valoarea dintr-o altă celulă. De exemplu, în celula A4 avem rezultatul operației aritmetice de scădere din valoarea constantă 5 a valorii din celula A2. Pentru o anumită celulă **i**, notăm cu  $X(i)$  numărul minim de celule (inclusiv cele care conțin valori constante) ale căror valori trebuie cunoscute înainte de a calcula valoarea din celula **i**. Similar, notăm cu  $Y(i)$  numărul maxim de celule (inclusiv cele care conțin valori constante, dar excluzând celula **i**) ale căror valori pot fi calculate fără a cunoaște valoarea din celula **i**. Care dintre următoarele afirmații sunt adevărate despre valorile lui  $X(A2)$  și  $Y(A2)$ ?

	A	B	C	D
1	= \$B4 - \$C1	= \$B3 + \$D3	3	= \$A4 * \$C3
2	= \$B1 + \$B2	= \$D3 + 11	= \$D3 + \$D2	2
3	= \$B1 - \$D3	11	= \$D4 * \$D4	= \$D2 + 2
4	= 5 - \$A2	= \$C1 * \$C1	= \$A3 / 2	= 15 / 3

- A.  $X(A2) = 2$  și  $Y(A2) = 1$
- B.  $X(A2) = 5$  și  $Y(A2) = 13$
- C.  $X(A2) = 6$  și  $Y(A2) = 4$
- D.  $X(A2) = X(C4)$  și  $Y(A2) = Y(B2) + 1$

28. Subalgoritmul `simplifică(nr, num)` obține fracția ireductibilă **aux1 / aux2** cu proprietatea că **aux1 / aux2 = nr / num** (**aux1, aux2, nr, num** numere naturale, **num, aux2**  $\neq 0$ ).

```

Subalgoritm simplifică(nr, num):
    d ← funcție(nr, num)
    aux1 ← nr DIV d
    aux2 ← num DIV d
SfSubalgoritm

```

Care dintre variantele următoare ale subalgoritmului `funcție(a, b)` sunt corecte?

A.

```

Subalgoritm funcție(a, b):
    d ← 1
    Cât timp adevărat execută
        Dacă (a MOD d = 0) ȘI (b MOD d = 0) atunci
            returnează d
        SfDacă
        d ← d + 1
    SfCât timp
SfSubalgoritm

```

B.

```

Subalgoritm funcție(a, b):
    Cât timp b  $\neq 0$  execută
        c ← a MOD b
        a ← b
        b ← c
    SfCât timp
    returnează a
SfSubalgoritm

```

C.

```

Subalgoritm funcție(a, b):
    Cât timp a  $\neq$  b execută
        Dacă a > b atunci
            a ← a - b
        altfel
            b ← b - a
    SfDacă
    SfCât timp
    returnează a
SfSubalgoritm

```

D.

```

Subalgoritm funcție(a, b):
    d ← a
    Cât timp ((a MOD d  $\neq$  0) SAU (b MOD d  $\neq$  0)) execută
        d ← d - 1
    SfCât timp
    returnează d
SfSubalgoritm

```

29. Se consideră următorul subalgoritm recursiv `fibonacci(n)`, unde **n** este un număr natural ( $1 \leq n \leq 100$ ). Să se determine de câte ori se afișează mesajul "Aici" în cazul unui apel `fibonacci(n)` (considerând împreună apelul inițial și toate apelurile recursive generate).

```

Subalgoritm fibonacci(n):
    Dacă  $n \leq 1$  atunci
        returnează 1
    altfel
        Scrie "Aici"
        returnează fibonacci(n - 1) + fibonacci(n - 2)
    SfDacă
SfSubalgoritm

```

- A. De fibonacci(n) ori.
- B. De fibonacci(n-1) ori.
- C. De fibonacci(n)-1 ori.
- D. De fibonacci(n) - fibonacci(n-1) ori.

**30.** Se considera expresia:  $E(x) = a_0 + a_1 * x + a_2 * x^2 + a_3 * x^3 + a_5 * x^5$ , unde  $a_0, a_1, a_2, a_3, a_5$  și  $x$  sunt numere reale nenule. Numărul minim de înmulțiri necesare pentru a calcula valoarea expresiei  $E(x)$  este:

- A. 4
- B. 5
- C. 7
- D. 11



UNIVERSITATEA BABEȘ-BOLYAI CLUJ-NAPOCA  
FACULTATEA DE MATEMATICĂ ȘI INFORMATICĂ

Răspunsuri corecte

*Concurs MATE-INFO UBB 2021  
Proba scrisă la INFORMATICĂ*

1. A, B
2. B
3. A
4. C
5. B
6. C
7. D
8. B
9. A, B, C
10. D
11. B, C, D
12. D
13. B
14. D
15. A, C
16. C
17. B
18. A
19. B
20. A, C
21. B, D
22. B
23. C
24. B, D
25. A, B, D
26. A, D
27. B, D
28. B
29. C
30. B