

66.26 Arquitecturas paralelas

# Trabajo Práctico Final

**Integrantes:**

Alumno	padron
Llauró, Manuel Luis	95736
Blanco, Sebastian Ezequiel	98539

**GitHub:**

<https://github.com/BlancoSebastianEzequiel/66.26-TP-Final>

# Índice

<b>1. Objetivo</b>	<b>1</b>
<b>2. Desarrollo teórico</b>	<b>2</b>
2.1. Speed up	2
2.2. Ley de Amdahl	2
2.3. Ley de Gustafson	3
2.4. Map-reduce	3
2.5. High Performance Portable Libraries for Dense Linear Algebra	4
2.5.1. LAPACK	4
2.5.2. ScaLAPACK	4
2.5.3. CBLAS	5
2.6. Instrucciones vectoriales MMX	5
<b>3. Implementación</b>	<b>6</b>
3.1. Explicacion del modelo	6
3.2. Multiplicación de matrices por bloques	7
3.2.0.1. Preprocesamiento	7
3.2.0.2. Mapeo	7
3.2.0.3. Reducción	7
3.3. Multiplicación de matrices de elemento por fila	7
3.3.0.1. Preprocesamiento	7
3.3.0.2. Mapeo	7
3.3.0.3. Reducción	8
3.4. Multiplicación de matrices de columna por fila	8
3.4.0.1. Preprocesamiento	8
3.4.0.2. Mapeo	8
3.4.0.3. Reducción	8
3.5. MMX	8
3.6. Cblas	9
3.7. Forma de ejecución	10
3.8. Datos sobre la computadora que se utilizó	11
<b>4. Resultados</b>	<b>12</b>
4.1. Multiplicacion por bloques	12
4.1.0.1. Salida Amdahl	12
4.1.0.2. Salida Gustafson	14
4.2. Multiplicacion elemento por fila	16
4.2.0.1. Salida Amdahl	16
4.2.0.2. Salida Gustafson	18
4.3. Multiplicacion columna por fila	20
4.3.0.1. Salida Amdahl	20
4.3.0.2. Salida Gustafson	22

4.4. Cblas e instrucciones vectorizadas . . . . .	24
<b>5. Análisis de resultados . . . . .</b>	<b>25</b>
5.1. Pool . . . . .	25
5.2. Prueba de latecia de pool, python y c . . . . .	25
<b>6. Conclusiones . . . . .</b>	<b>26</b>
<b>7. Anexo . . . . .</b>	<b>27</b>
7.1. src/app.py . . . . .	27
7.2. src/graphs.py . . . . .	29
7.3. src/cblas.c . . . . .	30
7.4. src/mmx.c . . . . .	31
7.5. src/test_pool.c . . . . .	32
7.6. src/test_pool.py . . . . .	33
7.7. src/cblas/cblas_dgemm.h . . . . .	35
7.8. src/cblas/cblas_dgemm.c . . . . .	37
7.9. src/vectorization/blocked_dgemm_sse.h . . . . .	38
7.10. src/vectorization/blocked_dgemm_sse.c . . . . .	39
7.11. src/controller/file.h . . . . .	41
7.12. src/controller/file.c . . . . .	42
7.13. src/controller/utils.h . . . . .	44
7.14. src/controller/utils.c . . . . .	45
7.15. src/controller/generate_output_data.py . . . . .	47
7.16. src/controller/map_reduce.py . . . . .	52
7.17. src/controller/pool.py . . . . .	55
7.18. src/controller/process.py . . . . .	57
7.19. src/controller/my_process.py . . . . .	58
7.20. src/controller/statistics.py . . . . .	59
7.21. src/controller/utils.py . . . . .	60
7.22. src/model/multiply_matrices_interface.py . . . . .	62
7.23. src/model/element_by_row_block.py . . . . .	63
7.24. src/model/column_by_row.py . . . . .	64
7.25. src/model/by_blocks.py . . . . .	65

# 1. Objetivo

Se propone la verificación empírica de la ley de Amdahl (trabajo constante) versus la ley de Gustafson (tiempo constante) aplicada a un problema de paralelismo utilizando el modelo de programación MapReduce.

Haremos una multiplicación de matrices (ambas de  $N \times N$ ) y se realizarán las mediciones de tiempo variando la cantidad de threads involucrados en el procesamiento. Luego se realizarán las mismas mediciones manteniendo fija la cantidad de threads pero variando la dimensión de las matrices.

Finalmente se hará una multiplicación de dos matrices diferentes de  $N \times N$  usando la librería CBLAS e instrucción de vectorización (MMX) para el compilador con solo un procesador. De esta manera la idea es comparar el tiempo que tarda el map-reduce en serie frente a cblas y la vectorización.

## 2. Desarrollo teórico

### 2.1. Speed up

Es la mejora en la velocidad de ejecución de una tarea ejecutada en dos arquitecturas similares con diferentes recursos.

El speed-up se puede usar más generalmente para mostrar el efecto en el rendimiento después de cualquier mejora en los recursos.

De forma genérica se define como:

$$\text{speed\_up} = \frac{\text{Rendimiento\_con\_mejora}}{\text{Rendimiento\_sin\_mejora}} \quad (1)$$

En el caso de mejoras aplicadas a los tiempo de ejecución de una tarea:

$$\text{speed\_up} = \frac{T_{\text{ejecucion\_sin\_mejora}}}{T_{\text{ejecucion\_con\_mejora}}} \quad (2)$$

### 2.2. Ley de Amdahl

Utilizada para averiguar la mejora máxima de un sistema de información cuando solo una parte de éste es mejorado.

Establece que la mejora obtenida en el rendimiento de un sistema debido a la alteración de uno de sus componentes está limitada por la fracción de tiempo que se utiliza dicho componente.

Suponiendo que nuestro algoritmo se divide en una parte secuencial  $s$  y una parte paralelizable  $p$  y siendo  $N$  la cantidad de threads, entonces podemos decir que:

$$\text{speed\_up} = \frac{s + \frac{p}{N}}{s + \frac{p}{N}} \quad (3)$$

Amdahl establece un límite superior al speed-up que puede obtenerse al introducir una mejora en un determinado algoritmo. Este límite superior está determinado por la porción de la tarea sobre la que se aplique la mejora. Entonces si tomamos la ecuación anterior y calculamos el límite de la misma con  $N$  tendiendo a infinito tenemos:

$$\text{speed\_up\_max} = 1 + \frac{p}{s} \quad (4)$$

### 2.3. Ley de Gustafson

Establece que cualquier problema suficientemente grande puede ser eficientemente paralelizado. La ley de Gustafson está muy ligada a la ley de Amdahl, que pone límite a la mejora que se puede obtener gracias a la paralelización, dado un conjunto de datos de tamaño fijo, ofreciendo así una visión pesimista del procesamiento paralelo. Por el contrario la ley de Gustafson propone realizar mas trabajo con la misma cantidad de recursos, de esta manera aprovecha la paralelizacion para calcular mas cosas.

Entonces siendo **s** el tiempo de la ejecución de la sección serie, siendo **p** el tiempo de la ejecución de la sección paralela y siendo **N** la cantidad de procesadores podemos calcular el speed-up como:

$$\text{speed\_up} = \frac{s + p * N}{s + p} \quad (5)$$

### 2.4. Map-reduce

MapReduce es una técnica de procesamiento y un programa modelo de computación distribuida. El algoritmo MapReduce contiene dos tareas importantes.

**Map** toma un conjunto de datos y se convierte en otro conjunto de datos, en el que los elementos se dividen en tuplas **(pares: clave, valor)**.

En el medio ocurre la fase de agrupamiento la cual consiste de agrupar los valores con misma clave en un vector para entregarle a la fase de reduce un conjunto de tuplas **(clave, valores)** donde en este caso el valor son todos los valores en una lista.

**Reduce** recibe un conjunto de tuplas **(clave, valores)** donde el valor es una lista de todos los valores que tenían la misma clave. Entonces reduce aplica una función a todos estos valores para retornar un único valor y así devolver un conjunto de tuplas **(clave, valor)**.

La principal ventaja de MapReduce es que es fácil de escalar procesamiento de datos en múltiples nodos.

De acuerdo a este modelo, basado en la programación funcional, la tarea del usuario consiste en la definición de una función map y una función reduce y definidas estas funciones, el procesamiento es fácilmente paralelizable, ya sea en una sola máquina o en un cluster.

## 2.5. High Performance Portable Libraries for Dense Linear Algebra

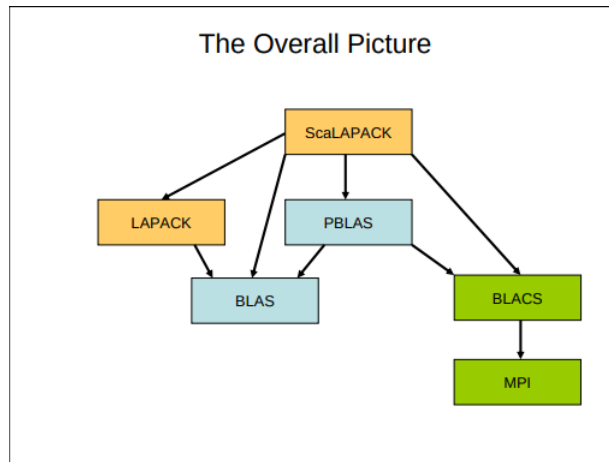


Figura 1: overall picture

### 2.5.1. LAPACK

LAPACK está escrito en Fortran 90 y proporciona rutinas para resolver sistemas de ecuaciones lineales simultáneas, soluciones de mínimos cuadrados de sistemas de ecuaciones lineales, problemas de valores propios y problemas de valores singulares. También se proporcionan las factorizaciones matriciales asociadas (LU, Cholesky, QR, SVD, Schur, Schur generalizado), al igual que los cálculos relacionados, tales como la reordenación de las factorizaciones de Schur y la estimación de los números de condición. Se manejan matrices densas y con bandas, pero no matrices dispersas generales. En todas las áreas, se proporciona una funcionalidad similar para matrices reales y complejas, con precisión simple y doble.

### 2.5.2. ScaLAPACK

Es una librería de rutinas de álgebra lineal de alto rendimiento para máquinas de memoria distribuida en paralelo. ScaLAPACK resuelve sistemas lineales densos y en bandas, problemas de mínimos cuadrados, problemas de valores propios y problemas de valores singulares. Las ideas clave incorporadas en ScaLAPACK incluyen el uso de:

- Una distribución de datos de bloques cíclicos para matrices densas y una distribución de datos de bloques para matrices en bandas, parametrizable en tiempo de ejecución.
- Algoritmos de partición de bloque para asegurar altos niveles de reutilización de datos.

- Componentes modulares de bajo nivel bien diseñados que simplifican la tarea de paralelizar las rutinas de alto nivel haciendo que su código fuente sea el mismo que en el caso secuencial.

### 2.5.3. CBLAS

BLAS (Subprogramas de Álgebra Lineal Básica) son rutinas que proporcionan bloques de construcción estándar para realizar operaciones básicas de vectores y matrices. Las BLAS de nivel 1 realizan operaciones escalares y vectoriales, las BLAS de nivel 2 realizan operaciones de vectores matriciales y las BLAS de nivel 3 realizan operaciones de matriz-matriz. Debido a que los BLAS son eficientes, portátiles y ampliamente disponibles, se usan comúnmente en el desarrollo de software de álgebra lineal de alta calidad, LAPACK, por ejemplo.

CBLAS es una interfaz de lenguaje C para BLAS.

Nosotros estaremos usando Cblas para este tp.

## 2.6. Instrucciones vectoriales MMX

MMX es un Conjunto de instrucciones SIMD diseñado por Intel e introducido en 1997 en sus microprocesadores Pentium MMX. Fue desarrollado a partir de un set introducido en el Intel i860. Ha sido soportado por la mayoría de fabricantes de microprocesadores x86 desde entonces.

Fue presentado como un acrónimo de MultiMedia eXtension o Multiple Math o Matrix Math eXtension, pero oficialmente sólo es un juego de consonantes sin significado, usado con la única intención de poder poner cortapisas legales de marca registrada a los desarrollos de terceros que trataran de usarlo.



### 3. Implementación

#### 3.1. Explicacion del modelo

La implementación del MapReduce para resolver el problema esta basado en el siguiente esquema:



Figura 2: Esquema de un map reduce

En nuestro caso creamos una clase llamada `MapReduce` la cual usa una librería de `python` llamada `multiprocessing` en donde usamos el módulo `pool` el cual ofrece un medio conveniente para paralelizar la ejecución de una función a través de múltiples valores de entrada, distribuyendo los datos de entrada a través de procesos (paralelismo de datos).

Entonces lo que hicimos fue instanciar un `pool` para hacer el map de manera que se le pasa como atributo la cantidad de workers en el cual se quiere paralelizar el problema.

## 3.2. Multiplicación de matrices por bloques

### 3.2.0.1 Preprocesamiento

Sean dos matrices **A** de  $N \times N$  y **B** de  $N \times N$  las dividimos en  $(N/2) \times (N/2)$  bloques cada una. Luego generamos una lista de tuplas donde cada una tiene la posición  $(r, c)$  de un bloque de la matriz **A**, tiene el bloque en cuestión **a\_block\_rc**, y la fila número **c** de bloques de la matriz **B**, quedando con este formato:

```
(r, c, a_block_rc, b_block_c)
```

### 3.2.0.2 Mapeo

Recibimos la posición **r, c** del bloque **a**, el bloque **a** y una lista de bloques **b** que es la fila **c** de bloques en la matriz **B**.

Entonces multiplicamos el bloque **a** por cada bloque de la lista de bloques **b** y guardamos en un vector una tupla con una clave **r, c\_b** donde **c\_b** es el índice en la lista de bloques **b** y como valor guardamos la multiplicación. Por cada multiplicación, agregamos una de estas tuplas al vector de salida para luego devolver éste.

### 3.2.0.3 Reducción

Recibimos la posición de un bloque de salida y una lista de multiplicaciones parciales de bloques. Se suman estas multiplicaciones parciales y se devuelve un vector con los valores resultantes de la multiplicación. Pero por cada valor se calcula la posición de salida del mismo en la matriz resultante y nos deshacemos de la posición de los bloques

## 3.3. Multiplicación de matrices de elemento por fila

### 3.3.0.1 Preprocesamiento

Sean dos matrices **A** de  $N \times N$  y **B** de  $N \times N$  generamos una lista de tuplas a partir de las dos matrices. Se itera por cada elemento  $(a_{ij})$  de la matriz **A** y se guarda en cada tupla el número de fila **i** del elemento  $a_{ij}$ , el elemento  $a_{ij}$  y la fila **j** de la matriz **B**. Quedando cada tupla de la siguiente manera:

```
(i, a_ij, B[j])
```

### 3.3.0.2 Mapeo

De esta manera, en la función map, obtenemos partes de esta lista de tuplas y devolvemos un par clave, valor donde la clave es la posición de salida de la matriz

resultante `(i, j)` y el valor es la multiplicación del elemento `a_ij` contra cada elemento de la fila `j` de la matriz B

### 3.3.0.3 Reducción

Obtenemos una posición de salida y una lista de valores que resultaron de la multiplicación que se hizo en el map. Entonces se suman las multiplicaciones parciales y se obtiene el valor en la posición de salida de la matriz resultante

## 3.4. Multiplicación de matrices de columna por fila

### 3.4.0.1 Preprocesamiento

Sean dos matrices `A` de `NxN` y `B` de `NxN` generamos una lista de tuplas a partir de las dos matrices. Se guarda en cada tupla la columna `i` de la matriz `A` y la fila `i` de la matriz `B`. Quedando cada tupla de la siguiente manera:

```
(A[:, i], B[i])
```

### 3.4.0.2 Mapeo

Recibimos una columna de la matriz A y una fila de la matriz B y por cada elemento de la columna `elem_a` lo multiplicamos por cada elemento de la fila `elem_b` obteniendo una matriz parcial de la multiplicación. Por cada multiplicación guardamos en un vector una tupla con un par clave valor donde la clave es la posición de salida de la matriz resultante y el valor es la multiplicación anteriormente mencionada. Finalmente se devuelve el vector de tuplas.

### 3.4.0.3 Reducción

Se recibe la posición de salida de la matriz resultante y una lista de multiplicaciones parciales. Entonces se suman éstas y se devuelve la posición de salida y la suma.

## 3.5. MMX

Se escribió un código en `c` donde se multiplicaban dos matrices por bloques. Al momento de hacer la multiplicación parcial de elementos, donde cada elemento es un bloque de la matriz, se usa una intruccion llamada `#pragma vector always` para decirle al compilador que la siguiente fracción de código será vectoriada. Este código fue desarrollado en el archivo `blocked_dgemm_sse.c` que se encuentra en el anexo.

### 3.6. Cblas

Se uso una función de la librería `cblas.h` de `c`. Esta función cuya firma es:

```
1 void cblas_dgemm(  
2     CBLAS_LAYOUT layout ,  
3     CBLAS_TRANSPOSE TransA ,  
4     CBLAS_TRANSPOSE TransB ,  
5     const int M, const int N,  
6     const int K,  
7     const double alpha ,  
8     const double *A,  
9     const int lda ,  
10    const double *B,  
11    const int ldb ,  
12    const double beta ,  
13    double *C,  
14    const int ldc );  
15
```

Ésta llamada a la rutina `cblas_dgemm` multiplica dos matrices:

```
1 cblas_dgemm(CblasRowMajor , CblasNoTrans , CblasNoTrans , m, n,  
2 ↪ k, alpha , A, k, B, n, beta , C, n);
```

Los argumentos proporcionan opciones sobre cómo Intel MKL realiza la operación. En este caso:

- **CblasRowMajor:** Indica que las matrices se almacenan en el orden mayor de la fila, con los elementos de cada fila de la matriz almacenados de forma contigua.
- **CblasNoTrans:** Tipo de enumeración que indica que las matrices A y B no deben ser transpuestas o conjugadas antes de la multiplicación.
- **m, n, k:** Enteros que indican el tamaño de las matrices:
  - **A:** m filas por k columnas
  - **B:** k filas por n columnas
  - **C:** m filas por n columnas
- **alpha:** Valor real utilizado para escalar el producto de las matrices A y B.
- **A:** Arreglo utilizado para almacenar la matriz A.

- **k**: Dimensión inicial de la matriz A, o el número de elementos entre filas sucesivas (para el almacenamiento principal de fila) en la memoria. En el caso de este ejercicio, la dimensión principal es la misma que la cantidad de columnas.
- **B**: Arreglo utilizado para almacenar la matriz B.
- **n**: Dimensión inicial de la matriz B, o el número de elementos entre filas sucesivas (para el almacenamiento principal de fila) en la memoria. En el caso de este ejercicio, la dimensión principal es la misma que la cantidad de columnas.
- **beta**: Valor real utilizado para escalar la matriz C.
- **C**: Arreglo utilizado para almacenar la matriz C.
- **n**: Dimensión inicial de la matriz C, o el número de elementos entre filas sucesivas (para el almacenamiento principal de fila) en la memoria. En el caso de este ejercicio, la dimensión principal es la misma que la cantidad de columnas.

### 3.7. Forma de ejecución

Para el caso de Amdahl multiplicamos dos matrices de `100x100` y cada una de estas multiplicaciones la realizamos para `1`, `2`, `3`, `4`, `8`, `16`, `32`, `64` y `128` threads.

Para el caso de Gustafson se usan siempre 4 threads multiplicando dos matrices de `100x100`, `200x200`, y `300x300`.

Luego para el caso de `cblas` y de instrucciones vectoriales (MMX) se usa un thread multiplicando dos matrices de `400x400`

Para poder probar este trabajo se debe clonar el repositorio (el link esta en la carátula) y abrir una terminal en el `root` del mismo.

Para compilar `cblas` y las instrucciones vectoriales que estan en lenguaje c se debe ejecutar:

```
$ make.
```

Para realizar el cálculo de `cblas` y las instrucciones vectoriales que están en lenguaje c se debe ejecutar:

```
$ ./cblas. $ ./mmx.
```

Para realizar el cálculo de map-reduce se debe ejecutar:

```
$ sh scripts/run.sh.
```

Luego para generar los gráficos que vemos en el informe se debe ejecutar:

```
$ sh scripts/generate_output_data.sh
```

Y finalmente para generar el informe debemos ejecutar:

```
$ sh scripts/make_report.sh
```

También hay un script que corre estos últimos tres comandos en un solo script:

```
$ sh scripts/run_all.sh
```

### 3.8. Datos sobre la computadora que se utilizó

El equipo sobre el que se realizarán las mediciones es una laptop con un procesador Intel core I7 que posee 4 núcleos a 2.7 Ghz, es decir, soporta hasta 4 threads en paralelo, con 16 Gb de memoria y corriendo sobre un sistema Linux.

Para averiguar estos datos en linux se ejecutaron los siguientes comandos:

- **Cantidad de cores:** \$ `grep -c processor /proc/cpuinfo`
- **Velocidad de reloj:** \$ `lscpu | grep GHz`
- **Memoria RAM:** \$ `free -g`

## 4. Resultados

### 4.1. Multiplicacion por bloques

#### 4.1.0.1 Salida Amdahl

	number_of_threads	parallel_time	serial_time	matrix_dimension
0	1	16485.293388	832.772493	200
1	2	9991.478205	830.729246	200
2	4	8654.913664	832.019567	200
3	8	9433.159590	831.763029	200
4	16	8840.008259	830.847502	200
5	32	9167.410374	833.596468	200
6	64	8180.778980	829.051971	200
7	128	8777.383804	832.823038	200

Figura 3: Salida de los tiempos en serie y paralelo en milisegundos

De acuerdo a estos datos podemos calcular el speed up maximo, real y teórico.

	number_of_threads	theoretical_speed_up	real_speed_up	max_speed_up
0	1	1.000000	1.000000	20.795675
1	2	1.908239	1.600234	20.795675
2	4	3.495707	1.825465	20.795675
3	8	5.985298	1.687111	20.795675
4	16	9.295279	1.790748	20.795675
5	32	12.847822	1.731632	20.795675
6	64	15.882958	1.922130	20.795675
7	128	18.010313	1.802049	20.795675

Figura 4: Speed up real, teorico y maximo segun la cantidad de threads

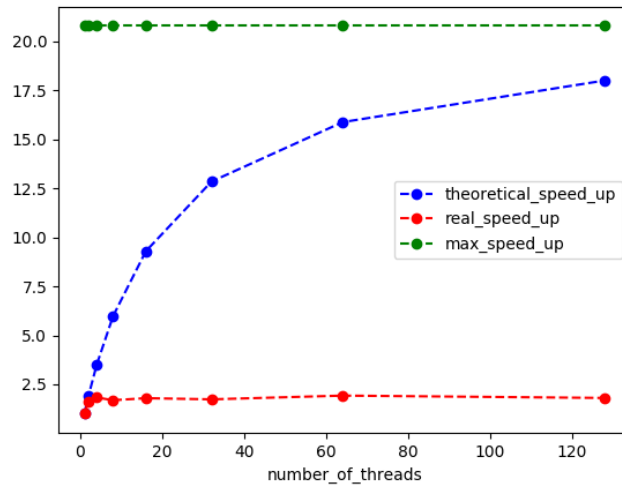


Figura 5: Grafico

Podemos observar que el speed up teórico tiende al máximo speed-up mientras que el real nos muestra que no usa toda la paralelizacion ya que al pasar de 1 a 2 threads, el tiempo no cae a la mitad, y al pasar de 1 a 4 threads tampoco. Se puede ver que tiene un speed-up de casi 2 lo cual quiere decir que hace uso de la mitad.



#### 4.1.0.2 Salida Gustafson

	number_of_threads	parallel_time	serial_time	matrix_dimension
0	4	873.260021	125.444651	100
1	4	8658.547878	831.471205	200
2	4	70985.286236	6103.691578	400

Figura 6: Salida de los tiempos en serie y paralelo en milisegundos

Podemos ver que estos resultados demuestran que la sección serie del problema se mantiene casi constante respecto de la sección paralela que varía en forma ascendente con el tamaño de los datos de entrada. Así, la fracción secuencial representa menos al tiempo total en la medida que la carga de trabajo aumenta.

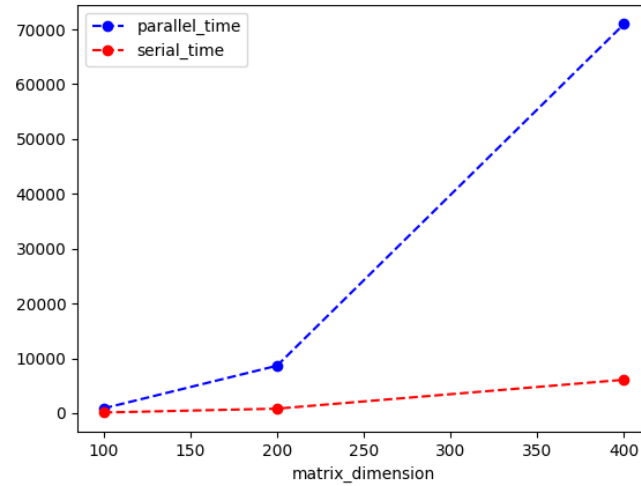


Figura 7: Tiempo paralelo y serie en funcion de la dimension de las matrices de entrada

Luego a partir de estos datos podemos calcular el speed up y obtuvimos lo siguiente:

	<b>matrix_dimension</b>	<b>speed_up</b>
<b>0</b>	100	3.623178
<b>1</b>	200	3.737154
<b>2</b>	400	3.762468

Figura 8: Tabla de valores del speed up

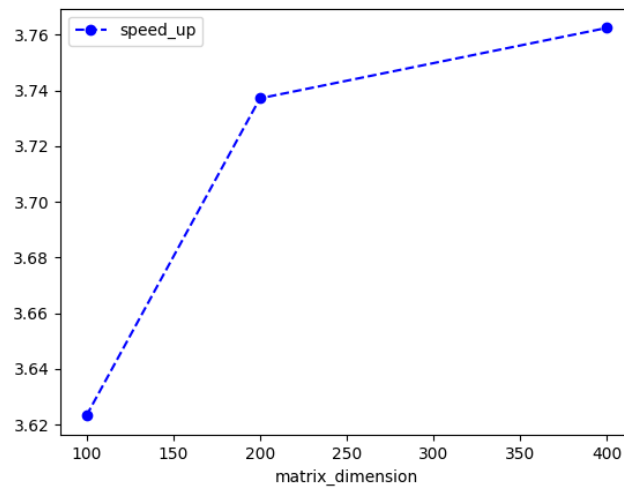


Figura 9: Grafico del speed up

## 4.2. Multiplicacion elemento por fila

### 4.2.0.1 Salida Amdahl

	number_of_threads	parallel_time	serial_time	matrix_dimension
0	1	15893.316031	441.322327	200
1	2	11686.766148	439.571619	200
2	4	9442.632437	437.164545	200
3	8	9514.333725	442.005396	200
4	16	9638.086319	440.088749	200
5	32	9487.056971	439.230442	200
6	64	9418.743849	443.106413	200
7	128	9472.388029	441.223860	200

Figura 10: Salida de los tiempos en serie y paralelo en milisegundos

De acuerdo a estos datos podemos calcular el speed up maximo, real y teórico.

	number_of_threads	theoretical_speed_up	real_speed_up	max_speed_up
0	1	1.000000	1.000000	37.012944
1	2	1.947386	1.347038	37.012944
2	4	3.700097	1.653337	37.012944
3	8	6.727647	1.640627	37.012944
4	16	11.385764	1.620793	37.012944
5	32	17.414541	1.645594	37.012944
6	64	23.685218	1.656346	37.012944
7	128	28.885871	1.647698	37.012944

Figura 11: Speed up real, teorico y maximo segun la cantidad de threads

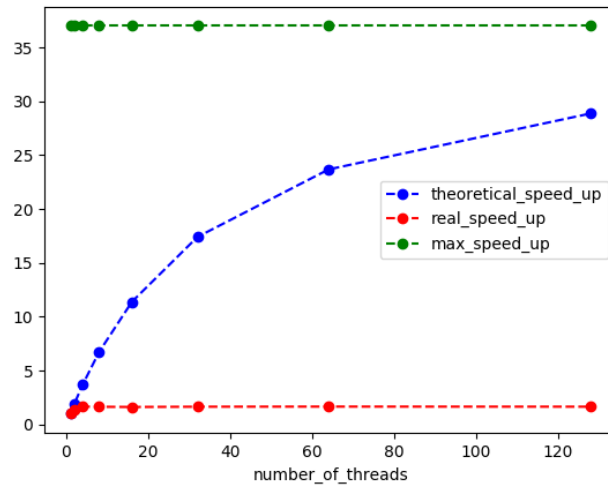


Figura 12: Grafico

Podemos observar que el speed up teórico tiende al máximo speed-up mientras que el real nos muestra que no usa toda la paralelizacion ya que al pasar de 1 a 2 threads, el tiempo no cae a la mitad, y al pasar de 1 a 4 threads tampoco. Se puede ver que tiene un speed-up de casi 2 lo cual quiere decir que hace uso de la mitad.

#### 4.2.0.2 Salida Gustafson

	number_of_threads	parallel_time	serial_time	matrix_dimension
0	4	1268.313885	59.556961	100
1	4	9420.453310	448.813677	200
2	4	208492.056847	3747.091055	400

Figura 13: Salida de los tiempos en serie y paralelo en milisegundos

Podemos ver que estos resultados demuestran que la sección serie del problema se mantiene casi constante respecto de la sección paralela que varía en forma ascendente con el tamaño de los datos de entrada. Así, la fracción secuencial representa menos al tiempo total en la medida que la carga de trabajo aumenta

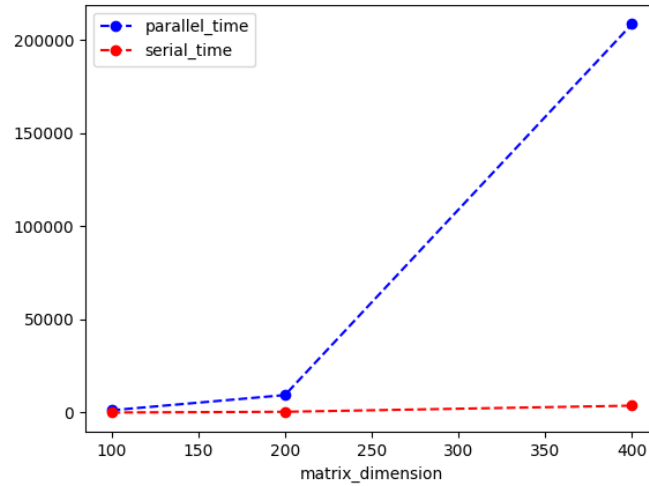


Figura 14: Tiempo paralelo y serie en funcion de la dimension de las matrices de entrada

Luego a partir de estos datos podemos calcular el speed up y obtuvimos lo siguiente:

	<b>matrix_dimension</b>	<b>speed_up</b>
<b>0</b>	100	3.865446
<b>1</b>	200	3.863572
<b>2</b>	400	3.947035

Figura 15: Tabla de valores del speed up

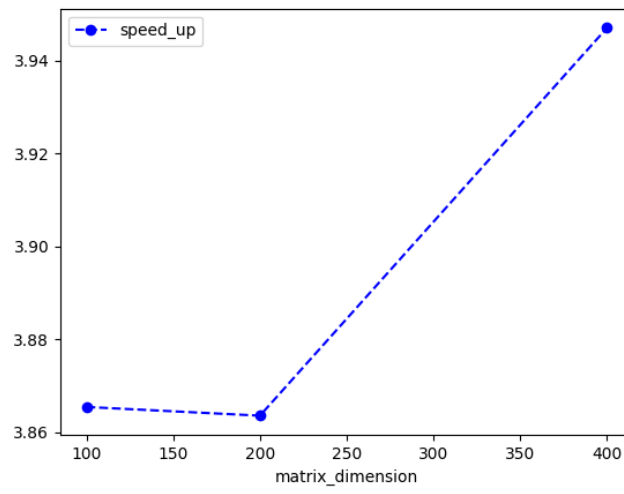


Figura 16: Grafico del speed up

### 4.3. Multiplicacion columna por fila

#### 4.3.0.1 Salida Amdahl

	number_of_threads	parallel_time	serial_time	matrix_dimension
0	1	15196.140051	453.010321	200
1	2	10203.856945	605.714321	200
2	4	8904.666662	446.476698	200
3	8	8714.031935	615.683317	200
4	16	8667.980194	442.103386	200
5	32	8864.938498	445.368767	200
6	64	8744.236231	599.166393	200
7	128	8750.506639	451.071024	200

Figura 17: Salida de los tiempos en serie y paralelo en milisegundos

De acuerdo a estos datos podemos calcular el speed up maximo, real y teórico.

	number_of_threads	theoretical_speed_up	real_speed_up	max_speed_up
0	1	1.000000	1.000000	34.544799
1	2	1.943733	1.447712	34.544799
2	4	3.680382	1.673501	34.544799
3	8	6.652057	1.677345	34.544799
4	16	11.155899	1.717783	34.544799
5	32	16.865313	1.680841	34.544799
6	64	22.665146	1.674888	34.544799
7	128	27.371567	1.700703	34.544799

Figura 18: Speed up real, teorico y maximo segun la cantidad de threads

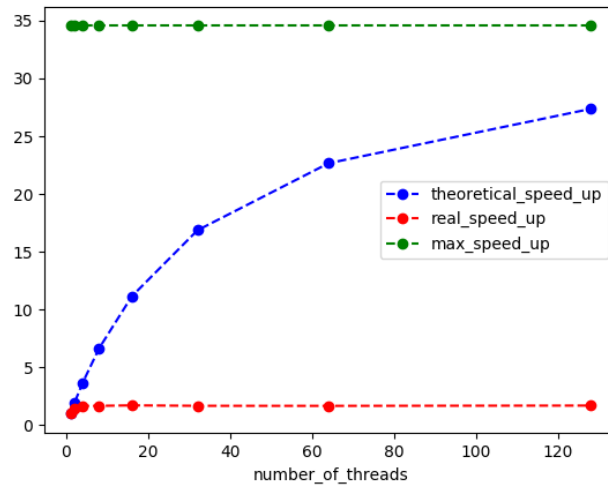


Figura 19: Grafico

Podemos observar que el speed up teórico tiende al máximo speed-up mientras que el real nos muestra que no usa toda la paralelizacion ya que al pasar de 1 a 2 threads, el tiempo no cae a la mitad, y al pasar de 1 a 4 threads tampoco. Se puede ver que tiene un speed-up de casi 2 lo cual quiere decir que hace uso de la mitad.



#### 4.3.0.2 Salida Gustafson

	number_of_threads	parallel_time	serial_time	matrix_dimension
0	4	1107.230663	89.981794	100
1	4	8720.695019	457.134724	200
2	4	298868.804932	3777.545214	400

Figura 20: Salida de los tiempos en serie y paralelo en milisegundos

Podemos ver que estos resultados demuestran que la sección serie del problema se mantiene casi constante respecto de la sección paralela que varía en forma ascendente con el tamaño de los datos de entrada. Así, la fracción secuencial representa menos al tiempo total en la medida que la carga de trabajo aumenta

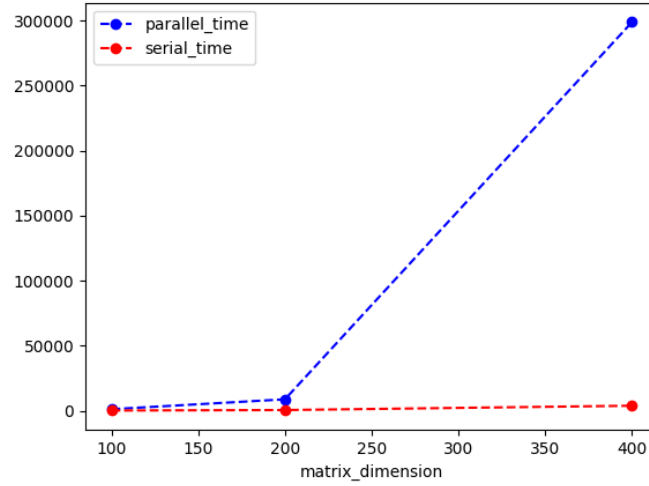


Figura 21: Tiempo paralelo y serie en funcion de la dimension de las matrices de entrada

Luego a partir de estos datos podemos calcular el speed up y obtuvimos lo siguiente:

	<b>matrix_dimension</b>	<b>speed_up</b>
<b>0</b>	100	3.774522
<b>1</b>	200	3.850574
<b>2</b>	400	3.962555

Figura 22: Tabla de valores del speed up

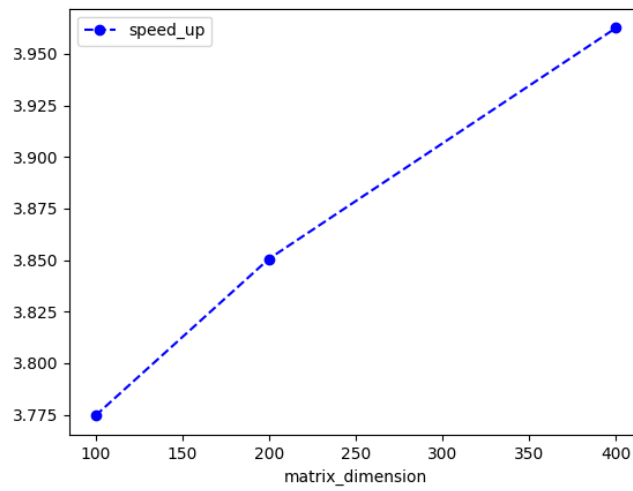


Figura 23: Grafico del speed up

#### 4.4. Cblas e instrucciones vectorizadas

	program	time_elapsed	matrix_dim	number_of_threads
0	cblas_dgemm	0.037059	400	1
1	blocked_dgemm_sse	0.109335	400	1

Figura 24: Tiempo serie de multiplicacion en segundos

Podemos decir que en general, las corridas con mapReduce, en el caso donde se uso un solo thread, si sumamos el tiempo paralelo y serie (que es todo serie ya que se usa un solo thread) nos da en promedio de los tres tipos de multiplicacion tardaron alrededor de 3 segundos. En cambio podemos ver que usando `cblas` tenemos un tiempo de 0.03 segundos y usando las instrucciones vectorizadas 0.36 segundos.

De esta manera vemos que `cblas` y las instrucciones vectorizadas aprovechan mucho mejor el hardware para la realizacion de la misma operacion. Tambien es cierto que el map reduce hace uso de un modulo de `python` llamado `pool` que puede ser que sume latencia al momento de dividir el trabajo, pero cuando aumentamos mucho el volumen del trabajo se ve en los graficos que se aprovecha mejor la paralelizacion.

## 5. Análisis de resultados

### 5.1. Pool

El módulo de `multiprocessing` puede usar múltiples procesos, pero aún tiene que trabajar con el bloqueo global del intérprete de Python, lo que significa que no puede compartir memoria entre sus procesos. Por lo tanto, cuando intenta iniciar un Pool, necesita copiar variables útiles, procesar su cálculo y recuperar el resultado. Esto le cuesta un poco de tiempo para cada proceso y lo hace menos efectivo. Pero esto sucede porque se hace un cálculo muy pequeño: el `multiprocessing` solo es útil para cálculos más grandes, cuando la copia de la memoria y la recuperación de resultados es más barata (en el tiempo) que el cálculo.

Un cálculo costoso es más eficiente con el `multiprocessing`, incluso si no siempre se tiene lo que podría esperar (podría tener una aceleración x4, pero solo se obtuvo x2). Hay que tener en cuenta que `Pool` tiene que duplicar cada bit de memoria utilizada en el cálculo, por lo que puede ser costoso. También hay que saber que numpy tiene una gran cantidad de funciones caras escritas en C / Fortran y que ya están en paralelo, por lo que no se puede hacer mucho para acelerarlas.

### 5.2. Prueba de latecia de pool, python y c

A continuación se hizo un calculo el cual requiere iterar unas 10000000 veces y hacer una acumulacion para una suma. Por lo tanto se hizo la misma operación en c, en python y en python pero usando el modulo `pool` donde dividimos el trabajo en 4 procesos.

	program	time_elapsed (sec)	iterations	number_of_threads
0	c program	0.028173	10000000	1
1	python	0.9374971389770508	10000000.0	1
2	python using pool	2.0666675567626953	10000000.0	4

Figura 25: tiempos de la pruebas en segundos

Podemos ver que `c` es mucho mas eficiente siendo 40 veces mas rápido que `python`. También podemos ver que usando el módulo `pool`, dividiendo el trabajo en 4 cores tarda más que el mismo trabajo sin usar `pool` en python, lo cual demuestra que este módulo es ineficiente como se explicó anteriormente debido al uso de recursos.

## 6. Conclusiones

Podemos decir que obtuvimos resultados inesperados pero se tuvieron que hacer varias corridas y ajustar ciertos números para entender por que llegamos a éstos. Se colocó un `sleep` de medio segundo (que no afectó el cálculo del tiempo paralelo-serie transcurrido) para evitar que cualquier trabajo que no sea puramente vinculado a la CPU afecte nuestro programa (como por ejemplo I/O).

Finalmente podemos decir que hay que tener en cuenta que hay otros programas corriendo en las cuatro CPU y que dependiendo del tamaño de información que manejamos, podemos tener un cuello de botella ya sea por intercambios de memoria o por exceso de memoria. Entonces se tuvieron que hacer varias corridas analizando el tráfico de información mediante el comando `gnome-system-monitor` donde filtrando los procesos y solo viendo los de `python` pudimos ver el uso de cada CPU y gráficos al respecto.

## 7. Anexo

### 7.1. src/app.py

```
1 import time
2 from typing import Type
3 from math import ceil
4 from src.controller.pool import Pool as MapReduce
5 from src.controller.utils import get_random_matrix_of_dim_n
6 from src.model.element_by_row_block import ElementByRowBlock
7 from src.model.column_by_row import ColumnByRow
8 from src.model.by_blocks import ByBlocks
9 from src.model.multiply_matrices_interface import
    ↪ MultiplyMatricesInterface
10 from src.controller.generate_output_data import OutputData
11
12
13 SAVE = True
14
15
16 def gustafson(model: Type[ MultiplyMatricesInterface ]):
17     name = model.__name__
18     print(f"-----RUNNING GUSTAFSON-----")
19     output_data = OutputData()
20     num_workers = 4
21     for matrix_dim in [100, 200, 400]:
22         print(f"RUNNING WITH MATRIX DIMENSION: {matrix_dim}")
23         serial, parallel = run(num_workers, matrix_dim, model)
24         output_data.add_data(serial, parallel, num_workers,
    ↪ matrix_dim)
25         if SAVE:
26             output_data.save_data(name + '_gustafson_output.png')
27             output_data.graph_gustafson_exec_time(name +
    ↪ '_gustafson_exec_time.png')
28             output_data.graph_gustafson_speed_up(name +
    ↪ '_gustafson_speed_up.png')
29             output_data.save_df_data_to_json()
30
31
32 def amdahl(model: Type[ MultiplyMatricesInterface ]):
33     name = model.__name__
34     print(f"-----RUNNING AMDAHL-----")
35     output_data = OutputData()
36     matrix_dim = 200
37     for num_workers in [1, 2, 4, 8, 16, 32, 64, 128]:
38         print(f"RUNNING WITH NUM WORKERS: {num_workers}")
39         serial, parallel = run(num_workers, matrix_dim, model)
40         output_data.add_data(serial, parallel, num_workers,
    ↪ matrix_dim)
41         if SAVE:
42             output_data.save_data(name + '_amdahl_output.png')
```

```

43     output_data.graph_amdahl_speed_up(name +
↪     '_amdahl_speed_up.png')
44     output_data.save_df_data_to_json()
45
46
47 def run(num_workers, matrix_dim, model:
↪     Type[ MultiplyMatricesInterface ]):
48     map_worker = model.map_worker
49     reduce_worker = model.reduce_worker
50     mapper = MapReduce(map_worker, reduce_worker)
51
52     matrix_a = get_random_matrix_of_dim_n(matrix_dim)
53     matrix_b = get_random_matrix_of_dim_n(matrix_dim)
54
55     div = ceil(matrix_dim/2)
56
57     input_data = model.pre_processing(matrix_a, matrix_b, row_p=div,
↪     col_p=div)
58
59     partitioned_data = mapper.map(input_data,
↪     num_workers=num_workers)
60     mapper.reduce(partitioned_data)
61
62     statistics = mapper.get_statistics()
63     parallel_time = statistics.get_time_elapsed('parallel')
64     serial_time = statistics.get_time_elapsed('serial')
65     return serial_time, parallel_time
66
67
68 def run_model(model: Type[ MultiplyMatricesInterface ]):
69     print(f"*****")
70     print(f"{model.__name__}")
71     print(f"*****")
72     amdahl(model)
73     gustafson(model)
74
75
76 start = time.time()
77 run_model(ElementByRowBlock)
78 run_model(ColumnByRow)
79 run_model(ByBlocks)
80 end = time.time()
81 print(f"*****")
82 print(f"The process lasted {end-start} seconds")
83 print(f"*****")

```

Listing 1: app

## 7.2. src/graphs.py

```
1 from src.controller.generate_output_data import OutputData
2
3 output = OutputData()
4 output.read_dfs_data_from_json()
5 output.graph_dfs()
6
7 dgemm_output_data = OutputData()
8 dgemm_df = dgemm_output_data.get_df_from_csv("src/data/dgemm.csv")
9 dgemm_output_data.save_df_in_image(dgemm_df, "dgemm.png")
```

Listing 2: graphs



### 7.3. src/cblas.c

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <time.h>
4 #include "cblas/cblas_dgemm.h"
5 #include "controller/utils.h"
6 #include "controller/file.h"
7
8 double run_cblas_dgemm(int N, double* A, double* B, double* C) {
9     clock_t start, stop;
10    double alpha = 1.0;
11    double beta = 0.0;
12    init_arr(N, N, 2, A);
13    init_arr(N, N, 1, B);
14    init_arr(N, N, 0, C);
15    start = clock();
16    mult(A, B, C, alpha, beta, N, N, N);
17    stop = clock();
18    double elapsed_seconds = ((double)(stop - start)) /
    ↪ CLOCKS_PER_SEC;
19    printf("Elapsed time = %f seconds\n", elapsed_seconds);
20    return elapsed_seconds;
21 }
22
23 int main() {
24    char* attributes[4] = {
25        "program",
26        "time_elapsed",
27        "matrix_dim",
28        "number_of_threads"
29    };
30    file_t* file = create_file("src/data/dgemm.csv", "w+",
    ↪ attributes, 4);
31    int N = 400;
32    double A[N*N];
33    double B[N*N];
34    double C[N*N];
35    double elapsed_seconds;
36    char elapsed_second_str[20];
37    char* values[4] = {"cblas_dgemm", elapsed_second_str, "400",
    ↪ "1"};
38    elapsed_seconds = run_cblas_dgemm(N, A, B, C);
39    double_to_string(elapsed_second_str, elapsed_seconds, 20);
40    add_row(file, values, 4);
41    delete(file);
42    return 0;
43 }
```

Listing 3: main

## 7.4. src/mmx.c

```
1 #include <stdio.h>
2 #include <stdlib.h>
3 #include <time.h>
4 #include "controller/utils.h"
5 #include "vectorization/blocked_dgemm_sse.h"
6 #include "controller/file.h"
7
8 double run_blocked_dgemm_sse(int N, double* A, double* B, double* C)
9     ↪ {
10     clock_t start, stop;
11     init_arr(N, N, 2, A);
12     init_arr(N, N, 1, B);
13     init_arr(N, N, 0, C);
14     start = clock();
15     square_dgemm_blocked_sse(A, B, C, N, 2);
16     stop = clock();
17     double elapsed_seconds = ((double)(stop - start)) /
18     ↪ CLOCKS_PER_SEC;
19     printf("Elapsed time = %f seconds\n", elapsed_seconds);
20     return elapsed_seconds;
21 }
22
23 int main() {
24     char* attributes[4] = {
25         "program",
26         "time_elapsed",
27         "matrix_dim",
28         "number_of_threads"
29     };
30     file_t* file = create_file("src/data/dgemm.csv", "a",
31     ↪ attributes, 4);
32     int N = 400;
33     double A[N*N];
34     double B[N*N];
35     double C[N*N];
36     double elapsed_seconds;
37     char elapsed_second_str[20];
38     char* values[4] = {"blocked_dgemm_sse", elapsed_second_str,
39     ↪ "400", "1"};
40     elapsed_seconds = run_blocked_dgemm_sse(N, A, B, C);
41     double_to_string(elapsed_second_str, elapsed_seconds, 20);
42     add_row(file, values, 4);
43     delete(file);
44     return 0;
45 }
```

Listing 4: main

## 7.5. src/test\_pool.c

```
1 #include <time.h>
2 #include <stdio.h>
3 #include "controller/file.h"
4 #include "controller/utils.h"
5
6 #define SIZE 10000000
7
8 int main() {
9     clock_t start, stop;
10    start = clock();
11    unsigned long sum = 0;
12    for (unsigned long i = 0; i < SIZE; i++) {
13        sum += i;
14    }
15    stop = clock();
16    char* attributes[4] = {
17        "program",
18        "time_elapsed (sec)",
19        "iterations",
20        "number_of_threads"
21    };
22    file_t* file = create_file("src/data/test_pool.csv", "w+",
    ↪ attributes, 4);
23    double elapsed_seconds = ((double)(stop - start)) /
    ↪ CLOCKS_PER_SEC;
24    printf("Elapsed time = %f seconds\n", elapsed_seconds);
25
26    char elapsed_second_str[20];
27    char size_str[20];
28    double_to_string(elapsed_second_str, elapsed_seconds, 20);
29    int_to_string(size_str, SIZE, 20);
30    char* values[4] = {"c program", elapsed_second_str, size_str,
    ↪ "1"};
31    add_row(file, values, 4);
32    return 0;
33 }
```

Listing 5: main

## 7.6. src/test\_pool.py

```
1 from multiprocessing import Pool
2 from time import time
3 from math import ceil
4 from src.controller.utils import chunks
5 from src.controller.generate_output_data import OutputData
6 import pandas as pd
7
8 SIZE = 10000000
9
10
11 def loop(s):
12     acum = 0
13     size = len(s)
14     for i in range(0, size):
15         acum += s[i]
16     return acum
17
18
19 a_list = list(range(SIZE))
20 pool = Pool(processes=4)
21 start = time()
22 pool_sum = pool.map(loop, chunks(a_list, 4), chunksize=ceil(SIZE/4))
23 pool.close()
24 pool.join()
25 end = time()
26 pool_elapsed_time = end - start
27 start = time()
28 serial_sum = loop(a_list)
29 end = time()
30 elapsed_time = end - start
31 ratio = pool_elapsed_time/elapsed_time
32 print(f"pool_elapsed_time: {pool_elapsed_time}")
33 print(f"elapsed_time: {elapsed_time}")
34 print(f"ratio: {ratio}")
35
36 test_pool_output_data = OutputData()
37 test_pool_df =
    ↪ test_pool_output_data.get_df_from_csv("src/data/test_pool.csv")
38 test_pool_df = test_pool_df.append(
39     pd.Series(
40         ["python", str(elapsed_time), str(float(SIZE)), "1"],
41         index=test_pool_df.columns),
42     ignore_index=True)
43 test_pool_df = test_pool_df.append(
44     pd.Series(
45         ["python using pool", str(pool_elapsed_time),
    ↪ str(float(SIZE)), "4"],
46         index=test_pool_df.columns),
47     ignore_index=True)
48 test_pool_output_data.save_df_in_image(test_pool_df, "test_pool.png")
```

---

Listing 6: main

## 7.7. src/cblas/cblas\_dgemm.h

```
1 #ifndef CBLAS_DGEMM
2 #define CBLAS_DGEMM
3
4 #include <stdio.h>
5 #include <cblas.h>
6
7 /*
8     The arguments provide options for how Intel MKL performs the
9     ↪ operation.
10     In this case:
11
12     CblasRowMajor:
13     Indicates that the matrices are stored in row major order, with
14     ↪ the elements
15     of each row of the matrix stored contiguously as shown in the
16     ↪ figure above.
17
18     CblasNoTrans:
19     Enumeration type indicating that the matrices A and B should not
20     ↪ be
21     transposed or conjugate transposed before multiplication.
22
23     m, n, k:
24     Integers indicating the size of the matrices:
25
26     A: m rows by k columns
27
28     B: k rows by n columns
29
30     C: m rows by n columns
31
32     alpha:
33     Real value used to scale the product of matrices A and B.
34
35     A:
36     Array used to store matrix A.
37
38     k:
39     Leading dimension of array A, or the number of elements between
40     ↪ successive
41     rows (for row major storage) in memory. In the case of this
42     ↪ exercise the
43     leading dimension is the same as the number of columns.
44
45     B:
46     Array used to store matrix B.
47
48     n:
49     Leading dimension of array B, or the number of elements between
50     ↪ successive
```

```

44     rows (for row major storage) in memory. In the case of this
    ↪ exercise the
45     leading dimension is the same as the number of columns.
46
47     beta:
48     Real value used to scale matrix C.
49
50     C:
51     Array used to store matrix C.
52
53     n:
54     Leading dimension of array C, or the number of elements between
    ↪ successive
55     rows (for row major storage) in memory. In the case of this
    ↪ exercise the
56     leading dimension is the same as the number of columns.
57 */
58
59 int mult(double *A, double *B, double *C, double alpha, double beta,
    ↪ int m, int k, int n);
60
61 #endif // CBLAS_DGEMM

```

Listing 7: cblas\_dgemm

## 7.8. src/cblas/cblas\_dgemm.c

```
1 #include "cblas_dgemm.h"
2
3 int mult(double *A, double *B, double *C, double alpha, double beta,
4     ↪ int m, int k, int n) {
5     cblas_dgemm(CblasRowMajor, CblasNoTrans, CblasNoTrans, m, n, k,
6     ↪ alpha, A, k, B, n, beta, C, n);
7     return 0;
8 }
```

Listing 8: cblas\_dgemm



## 7.9. src/vectorization/blocked\_dgemm\_sse.h

```
1 #ifndef BLOCKED_DGEMM_SSE_H
2 #define BLOCKED_DGEMM_SSE_H
3
4 void basic_dgemm_sse(const double *restrict A, const double
    ↪ *restrict B,
5     double *restrict C, int N, int block_size);
6 void do_block_sse(const double *A, const double *B, double *C, int
    ↪ i, int j,
7     int k, int N, int block_size);
8 void square_dgemm_blocked_sse(const double *A, const double *B,
    ↪ double *C,
9     int N, int block_size);
10
11 #endif // BLOCKED_DGEMM_SSE_H
```

Listing 9: vectorization/blocked\_dgemm

## 7.10. src/vectorization/blocked\_dgemm\_sse.c

```

1 #include "blocked_dgemm_sse.h"
2 #include "../controller/utils.h"
3 /*
4  In case you're wondering, dgemm stands for:
5  Double-precision, GEneral Matrix-Matrix multiplication.
6  A is M-by-K
7  B is K-by-N
8  C is M-by-N
9  lda is the leading dimension of the matrix (the M of square_dgemm).
10 */
11
12
13 void basic_dgemm_sse(const double *restrict A, const double
    ↪ *restrict B,
14     double *restrict C, int N, int block_size) {
15     unsigned i, j, k;
16     for (i = 0; i < block_size; ++i) {
17         for (j = 0; j < block_size; ++j) {
18             double cij = C[j*N + i];
19             /* vector loop */
20             for (k = 0; k < block_size; ++k) {
21                 cij += A[i + k * N] * B[k + j * N];
22             }
23             C[j*N + i] = cij;
24         }
25     }
26 }
27
28 void do_block_sse(const double *A, const double *B, double *C, int
    ↪ i, int j,
29     int k, int N, int block_size) {
30     basic_dgemm_sse(A + i + k*N, B + k + j*N, C + i + j*N, N,
    ↪ block_size);
31 }
32
33 void square_dgemm_blocked_sse(const double *A, const double *B,
    ↪ double *C,
34     int N, int block_size) {
35     unsigned bi, bj, bk;
36     for (bi = 0; bi < (N / block_size); ++bi) {
37         const unsigned i = bi * block_size;
38         for (bj = 0; bj < (N / block_size); ++bj) {
39             const unsigned j = bj * block_size;
40             for (bk = 0; bk < (N / block_size); ++bk) {
41                 const unsigned k = bk * block_size;
42                 do_block_sse(A, B, C, i, j, k, N, block_size);
43             }
44         }
45     }
46 }

```

---

Listing 10: vectorization/blocked\_dgemm

## 7.11. src/controller/file.h

```
1 #ifndef FILE_H
2 #define FILE_H
3
4 #include<stdio.h>
5 #include<string.h>
6
7 typedef struct file {
8     FILE *fp;
9     char *filename;
10    char** attributes;
11    int num_of_cols;
12    int num_of_rows;
13 } file_t;
14
15 file_t* create_file(char* filename, char* mode, char** attributes,
16    ↪ int cols);
17 int add_row(file_t *file, char **values, int size);
18 int build_row(char **values, char *row, int max_bytes, int size);
19 void delete(file_t* file);
20 #endif // FILE_H
```

Listing 11: file

## 7.12. src/controller/file.c

```
1 #include "file.h"
2 #include <stdlib.h>
3 #include "utils.h"
4
5 file_t* create_file(char* filename, char* mode, char** attributes,
6   ↪ int cols) {
7     file_t* file = (file_t*) malloc(sizeof(file_t));
8     if (!file) {
9         return NULL;
10    }
11    file->fp = fopen(filename, mode);
12    file->filename = filename;
13    file->num_of_cols = cols;
14
15    if (strcmp("a", mode) != 0) {
16        char file_header[256];
17        if (build_row(attributes, file_header, 256, cols) < 0) {
18            delete(file);
19            return NULL;
20        }
21        add_row(file, attributes, cols);
22    }
23    file->attributes = attributes;
24    file->num_of_rows = 0;
25    return file;
26 }
27
28 int build_row(char **values, char *row, int max_bytes, int size) {
29     int bytes = 0;
30     int pos = 0;
31     char* buff;
32     for (int i = 0; i < size; i++) {
33         buff = (row)+pos;
34         if (i == size-1) {
35             bytes = snprintf(buff, max_bytes, "%s", values[i]);
36         } else {
37             bytes = snprintf(buff, max_bytes, "%s, ", values[i]);
38         }
39         if (bytes < 0) {
40             return bytes;
41         }
42         pos += bytes;
43     }
44     return bytes;
45 }
46
47 int add_row(file_t *file, char **values, int size) {
48     if (size != file->num_of_cols) {
49         return 1;
50     }
51 }
```

```

50     char file_header[256];
51     int bytes = build_row(values, file_header, 256,
↪ file->num_of_cols);
52     if (bytes < 0) {
53         delete(file);
54         return bytes;
55     }
56     fprintf(file->fp, "%s\n", file_header);
57     file->num_of_rows +=1;
58     return 0;
59 }
60
61 void delete(file_t* file) {
62     fclose(file->fp);
63     free(file);
64 }

```

Listing 12: file

### 7.13. src/controller/utils.h

```
1 #ifndef UTILS_H
2 #define UTILS_H
3
4 #include <stdio.h>
5 #include <stdlib.h>
6 #include <stdbool.h>
7
8 void init_arr(double m, double n, double off, double* a);
9 void print_arr(char *name, int m, int n, double *array);
10 void multiply_matrices(const double *a, const double *b, double *c,
    ↪ int n);
11 bool matrix_compare(const double *a, const double *b, int n);
12 int double_to_string(char* buffer, double num, int max_bytes);
13 int int_to_string(char* buffer, int num, int max_bytes);
14
15 #endif // UTILS_H
```

Listing 13: utils

## 7.14. src/controller/utils.c

```
1 #include "utils.h"
2
3 void init_arr(double m, double n, double off, double* a) {
4     int i;
5     for (i = 0; i < (m*n); i++) {
6         // a[i] = (i + 1) * off;
7         a[i] = (i % 10) * off;
8     }
9 }
10 void print_arr(char *name, int m, int n, double *array) {
11     int i, j;
12     printf("\n%s\n", name);
13     for (i = 0; i < m; i++){
14         for (j = 0; j < n; j++) {
15             printf("%g\t", array[i+j*n]);
16         }
17         printf("\n");
18     }
19 }
20
21 void multiply_matrices(const double *a, const double *b, double *c,
22     ↪ int n) {
23     int i, j, k;
24     for (i = 0; i < n; i++) {
25         for (j = 0; j < n; j++) {
26             for (k = 0; k < n; k++) {
27                 c[i+k*n] = c[i+k*n] + a[i+j*n] * b[j+k*n];
28             }
29         }
30     }
31 }
32 bool matrix_compare(const double *a, const double *b, int n) {
33     int i, j;
34     for (i = 0; i < n; i++) {
35         for (j = 0; j < n; j++) {
36             if (a[i+j] != b[i+j]) {
37                 return false;
38             }
39         }
40     }
41     return true;
42 }
43
44 int double_to_string(char* buffer, double num, int max_bytes) {
45     return snprintf(buffer, max_bytes, "%f", num);
46 }
47
48 int int_to_string(char* buffer, int num, int max_bytes) {
49     return snprintf(buffer, max_bytes, "%d", num);
50 }
```



50 }

Listing 14: utils

## 7.15. src/controller/generate\_output\_data.py

```
1 import json
2 import os
3 import pandas as pd
4 from subprocess import call
5 import matplotlib.pyplot as plt
6 from src.controller.utils import get_null_list_of_dim_n
7
8
9 class OutputData:
10     def __init__(self):
11         self.data = {
12             'number_of_threads': [],
13             'parallel_time': [],
14             'serial_time': [],
15             'matrix_dimension': []
16         }
17         self._colors = ['b-', 'g-', 'r-', 'c-', 'm-', 'y-', 'k-',
18             ↪ 'w-']
19         self.dfs_data = []
20         self.pics_path = "./docs/report/pics/"
21         self.files_path = "./src/data/"
22
23     def add_data(self, serial, parallel, num_workers,
24         ↪ matrix_dimension):
25         self.data['number_of_threads'].append(num_workers)
26         self.data['parallel_time'].append(parallel)
27         self.data['serial_time'].append(serial)
28         self.data['matrix_dimension'].append(matrix_dimension)
29
30     @staticmethod
31     def gustafson_speed_up(a, b, p):
32         return (a + p * b) / (a + b)
33
34     @staticmethod
35     def amdahl_speed_up(s, p, n):
36         return (s + p) / (s + p/n)
37
38     @staticmethod
39     def speed_up(s_n, p_n, s_1, p_1):
40         return (s_1 + p_1) / (s_n + p_n)
41
42     @staticmethod
43     def amdahl_max_speed_up(s, p):
44         return 1 + p/s
45
46     def save_data(self, df_name):
47         df = pd.DataFrame(data=self.data)
48         self.save_df_data(df, [], '', {}, df_name, False)
49
50     def save_df_in_image(self, df, df_name):
```

```

49     path = self.pics_path + df_name
50     df.to_html('table.html')
51     command = f'wkhtmltoimage -f png --width 0 table.html {path}'
52     call(command, shell=True)
53     call('rm table.html', shell=True)
54
55     def df_to_csv(self, df, df_name):
56         path = self.files_path + df_name
57         df.to_csv(path, index=False, sep=',', encoding='utf-8-sig')
58
59     def get_df_from_csv(self, filepath):
60         return pd.read_csv(filepath, low_memory=False, sep=',')
61
62     def graph_amdahl_speed_up(self, filename):
63         df = pd.DataFrame(data=self.data)
64         columns = [
65             'number_of_threads',
66             'parallel_time',
67             'serial_time'
68         ]
69         df = df.loc[:, columns]
70         df['theoretical_speed_up'] =
↪ get_null_list_of_dim_n(len(df.index))
71         df['theoretical_speed_up'] = df.apply(
72             lambda x: self.amdahl_speed_up(
73                 self.data['serial_time'][0],
74                 self.data['parallel_time'][0],
75                 x['number_of_threads']
76             ),
77             axis=1
78         )
79         df['real_speed_up'] = get_null_list_of_dim_n(len(df.index))
80         df['real_speed_up'] = df.apply(
81             lambda x: self.speed_up(
82                 x['serial_time'],
83                 x['parallel_time'],
84                 self.data['serial_time'][0],
85                 self.data['parallel_time'][0]
86             ),
87             axis=1
88         )
89
90         df['max_speed_up'] = get_null_list_of_dim_n(len(df.index))
91         df['max_speed_up'] = df.apply(
92             lambda x: self.amdahl_max_speed_up(
93                 x['serial_time'],
94                 x['parallel_time']
95             ),
96             axis=1
97         )
98         max_speed_up = df['max_speed_up'][0]

```

```

99         df['max_speed_up'] = df['max_speed_up'].map(lambda x:
↪ max_speed_up)
100
101         columns = [
102             'number_of_threads',
103             'theoretical_speed_up',
104             'real_speed_up',
105             'max_speed_up'
106         ]
107         df = df.loc[:, columns]
108         self.save_df_data(
109             df,
110             ['theoretical_speed_up', 'real_speed_up',
↪ 'max_speed_up'],
111             'number_of_threads',
112             {
113                 'theoretical_speed_up': 'b-',
114                 'real_speed_up': 'r-',
115                 'max_speed_up': 'g-'
116             },
117             filename,
118             True
119         )
120
121     def graph(self, df, y_axis, x_axis, colors, graph_name):
122         for field in y_axis:
123             plt.plot(
124                 df[x_axis],
125                 df[field],
126                 colors[field],
127                 label=field,
128                 marker='o',
129                 linestyle='dashed'
130             )
131             plt.xlabel(x_axis)
132             plt.yscale('linear')
133             plt.legend(loc='best')
134             plt.savefig(self.pics_path + graph_name)
135             plt.clf()
136
137     @staticmethod
138     def file_exists(path):
139         return os.path.isfile(path) and os.access(path, os.R_OK)
140
141     @classmethod
142     def delete_all_data(cls):
143         os.system('rm src/data/*')
144
145     def save_df_data_to_json(self):
146         path = f'{self.files_path}data.json'
147         data = []
148         if self.file_exists(path):

```

```

149         with open(path, encoding='utf-8-sig') as json_file:
150             text = json_file.read()
151             if text:
152                 data = json.loads(text)
153         with open(path, 'w') as f:
154             json.dump(self.dfs_data+data, f)
155
156     def save_df_data(self, df, y_axis, x_axis, colors, graph_name,
157 ↪ has_graph):
158         df_graph_name = graph_name.split('.')[0] + '_table.csv'
159         self.df_to_csv(df, df_graph_name)
160         self.dfs_data.append({
161             'has_graph': has_graph,
162             'df_path_name': df_graph_name,
163             'y_axis': y_axis,
164             'x_axis': x_axis,
165             'colors': colors,
166             'graph_name': graph_name
167         })
168
169     def read_dfs_data_from_json(self):
170         data_path = f"{self.files_path}data.json"
171         with open(data_path, encoding='utf-8-sig') as json_file:
172             text = json_file.read()
173             self.dfs_data = json.loads(text)
174
175     def graph_dfs(self):
176         for df_data in self.dfs_data:
177             df_name = df_data['df_path_name']
178             table_graph_name = df_name.split('.')[0] + '.png'
179             df_path_name = self.files_path + df_name
180             df = pd.read_csv(df_path_name, low_memory=False, sep=',')
181             self.save_df_in_image(df, table_graph_name)
182             if df_data['has_graph']:
183                 y_axis = df_data['y_axis']
184                 x_axis = df_data['x_axis']
185                 colors = df_data['colors']
186                 graph_name = df_data['graph_name']
187                 self.graph(df, y_axis, x_axis, colors, graph_name)
188
189     def graph_gustafson_exec_time(self, filename):
190         df = pd.DataFrame(data=self.data)
191         columns = [
192             'matrix_dimension',
193             'parallel_time',
194             'serial_time'
195         ]
196         df = df.loc[:, columns]
197         self.save_df_data(
198             df,
199             ['parallel_time', 'serial_time'],
200             'matrix_dimension',

```

```

200         {
201             'parallel_time': 'b-',
202             'serial_time': 'r-'
203         },
204         filename,
205         True
206     )
207
208     def graph_gustafson_speed_up(self, filename):
209         df = pd.DataFrame(data=self.data)
210         columns = [
211             'matrix_dimension',
212             'parallel_time',
213             'serial_time'
214         ]
215         df = df.loc[:, columns]
216         df['speed_up'] = [0] * len(df.index)
217         df['speed_up'] = df.apply(
218             lambda x: self.gustafson_speed_up(
219                 x['serial_time'],
220                 x['parallel_time'],
221                 self.data['number_of_threads'][0]
222             ),
223             axis=1
224         )
225         df = df.loc[:, ['matrix_dimension', 'speed_up']]
226         self.save_df_data(
227             df,
228             ['speed_up'],
229             'matrix_dimension',
230             {'speed_up': 'b-'},
231             filename,
232             True
233         )

```

Listing 15: generate\_output\_data

## 7.16. src/controller/map\_reduce.py

```
1 import collections
2 import itertools
3 import multiprocessing as mp
4 from math import ceil
5 from src.controller.utils import chunks
6 from src.controller.statistics import Statistics
7
8
9 class MapReduce(object):
10
11     def __init__(self, map_func, reduce_func):
12         """
13         :param map_func: Function to map inputs to intermediate
14         ↪ data. Takes as
15         ↪ argument one input value and returns a tuple with the key
16         ↪ and a value
17         ↪ to be reduced.
18         :param reduce_func: Function to reduce partitioned version of
19         ↪ intermediate data to final output. Takes as argument a key
20         ↪ as produced
21         ↪ by map_func and a sequence of the values associated with
22         ↪ that key.
23         """
24         self.map_func = map_func
25         self.reduce_func = reduce_func
26         self.statistics = Statistics()
27
28     @staticmethod
29     def get_chunksize(inputs, num_workers):
30         chunksize = int(len(inputs) / num_workers)
31         if chunksize == 0:
32             return 1
33         return chunksize
34
35     def get_statistics(self):
36         return self.statistics
37
38     @staticmethod
39     def keys_repeated(map_responses):
40         map_responses = map_responses.copy()
41         map_responses =
42         ↪ list(itertools.chain.from_iterable(map_responses))
43         keys = {}
44         for a_mapped_value in map_responses:
45             pos, values = a_mapped_value
46             if pos not in keys:
47                 keys[pos] = [False, values]
48             else:
49                 keys[pos][0] = True
50                 keys[pos][1] += values
```

```

46     keys = list(keys.items())
47     repeated = list(filter(lambda x: x[1][0], keys.copy()))
48     repeated = list(map(lambda x: (x[0], x[1][1]), repeated))
49     not_repeated = list(filter(lambda x: not x[1][0],
↪ keys.copy()))
50     not_repeated = list(map(lambda x: (x[0], x[1][1]),
↪ not_repeated))
51     return repeated, not_repeated
52
53     @staticmethod
54     def group_by_key(mapped_values):
55         """
56         Organize the mapped values by their key.
57         Returns an unsorted sequence of tuples with a key and a
↪ sequence of
58         values.
59         """
60         mapped_values =
↪ list(itertools.chain.from_iterable(mapped_values))
61         partitioned_data = collections.defaultdict(list)
62         for a_mapped_value in mapped_values:
63             key, value = a_mapped_value
64             partitioned_data[key].append(value)
65         return list(partitioned_data.items())
66
67     @staticmethod
68     def shuffle(map_responses, num_workers):
69         map_responses = list(filter(lambda x: len(x) != 0,
↪ map_responses))
70         map_responses =
↪ list(itertools.chain.from_iterable(map_responses))
71         map_responses.sort(key=lambda tup: tup[0])
72         map_responses = chunks(map_responses, num_workers)
73         map_responses = list(filter(lambda x: len(x) != 0,
↪ map_responses))
74         return map_responses
75
76     def group_by_key_mapped_values(self, map_responses, num_workers):
77         is_repeated = True
78         output = []
79         while is_repeated:
80             # self.statistics.start('serial')
81             num_workers = ceil(num_workers/2)
82             map_responses = self.shuffle(map_responses, num_workers)
83             chunksize = self.get_chunksize(map_responses,
↪ num_workers)
84             # self.statistics.stop('serial')
85             pool = mp.Pool(processes=num_workers)
86             # self.statistics.start('parallel')
87             map_responses = pool.map(
88                 self.group_by_key,
89                 map_responses,

```



```

90         chunksize=chunksize
91     )
92     # self.statistics.stop('parallel')
93     pool.close()
94     # self.statistics.start('serial')
95     repeated, not_repeated =
↪ self.keys_repeated(map_responses)
96     output += not_repeated
97     map_responses = repeated
98     is_repeated = len(repeated) != 0
99     # self.statistics.stop('serial')
100     return output
101
102     def map(self, inputs, num_workers=None):
103         """
104         :param inputs: data to map-reduce
105         :param chunksize: The portion of the input data to hand to
↪ each worker.
106         This can be used to tune performance during the mapping
↪ phase.
107         :param num_workers: The number of workers to create.
108         :return: Process the inputs through the map and reduce
↪ functions given.
109         """
110
111     def reduce(self, partitioned_data, num_workers=1):
112         """
113         :param partitioned_data:
114         :param num_workers: The number of workers to create.
115         :return:
116         """

```

Listing 16: map\_reduce

## 7.17. src/controller/pool.py

```
1 import time
2 import multiprocessing as mp
3 from src.controller.map_reduce import MapReduce
4
5
6 class Pool(MapReduce):
7
8     def __init__(self, map_func, reduce_func):
9         super().__init__(map_func=map_func, reduce_func=reduce_func)
10        self.sleep_sec = 0.5
11
12    def map(self, inputs, num_workers=1):
13        num_cpu = mp.cpu_count()
14        if num_workers > num_cpu:
15            num_workers = num_cpu
16        chunksize = self.get_chunksize(inputs, num_workers)
17        pool = mp.Pool(processes=num_workers)
18        self.statistics.start('parallel')
19        map_responses = pool.map(
20            self.map_func,
21            inputs,
22            chunksize=chunksize
23        )
24        # data = self.group_by_key_mapped_values(map_responses,
↪ num_workers)
25        data = self.group_by_key(map_responses)
26        pool.close()
27        pool.join()
28        self.statistics.stop('parallel')
29        print(f"parallel:
↪ {self.statistics.get_time_elapsed('parallel')}")
30        # time.sleep(self.sleep_sec)
31        return data
32
33    def reduce(self, partitioned_data, num_workers=1):
34        # pool = mp.Pool(processes=num_workers)
35        self.statistics.start('serial')
36        # reduced_values = pool.map(self.reduce_func,
↪ partitioned_data)
37        reduced_values = []
38        for data in partitioned_data:
39            reduced_values.append(self.reduce_func(data))
40        # pool.close()
41        # pool.join()
42        self.statistics.stop('serial')
43        print(f"serial:
↪ {self.statistics.get_time_elapsed('serial')}")
44        # time.sleep(self.sleep_sec)
45        return reduced_values
```

---

Listing 17: pool

## 7.18. src/controller/process.py

```
1 import itertools
2 import multiprocessing as mp
3 from src.controller.map_reduce import MapReduce
4 from src.controller.utils import chunks
5 from src.controller.my_process import MyProcess
6
7
8 class Process(MapReduce):
9
10     def __init__(self, map_func, reduce_func):
11         self.processes = []
12         super().__init__(map_func=map_func, reduce_func=reduce_func)
13
14     def map(self, inputs, num_workers=1):
15         num_cpu = mp.cpu_count()
16         if num_workers > num_cpu:
17             num_workers = num_cpu
18         splitted_data = chunks(inputs, num_workers)
19         for i in range(0, num_workers):
20             arg = splitted_data[i]
21             self.processes.append(MyProcess(target=self.map_func,
22 ↪ args=arg))
23         map_responses = []
24         self.statistics.start('parallel')
25         for process in self.processes:
26             process.daemon = True
27             process.start()
28         for process in self.processes:
29             process.join()
30         map_responses += process.get_output()
31         self.statistics.stop('parallel')
32         print(f"parallel:
33 ↪ {self.statistics.get_time_elapsed('parallel')}")
34         map_responses = list(filter(lambda x: len(x) != 0,
35 ↪ map_responses))
36         return self.group_by_key(map_responses)
37
38     def reduce(self, partitioned_data, num_workers=1):
39         output = []
40         self.statistics.start('serial')
41         for item in partitioned_data:
42             output.append(self.reduce_func(item))
43         self.statistics.stop('serial')
44         print(f"serial:
45 ↪ {self.statistics.get_time_elapsed('serial')}")
46         return output
```

Listing 18: process

### 7.19. src/controller/my\_process.py

```

1 from multiprocessing import Process , Queue
2 import time
3
4
5 class MyProcess(Process) :
6
7     def __init__(self , target , args):
8         self.target = target
9         self.args = args
10        self.output = Queue()
11        self.finish = Queue()
12        self.output_list = []
13        super().__init__(target=target , args=args)
14
15    def run(self):
16        for an_arg in self.args:
17            self.output.put( self.target(an_arg))
18            self.finish.put(True)
19
20    def get_queue_data(self):
21        output_list = []
22        while self.output.qsize() != 0:
23            output_list.append(self.output.get())
24        return output_list
25
26    def get_output(self):
27        return self.output_list
28
29    def has_finished(self):
30        return self.finish.qsize() != 0
31
32    def join(self , **kwargs):
33        while self.finish.empty():
34            time.sleep(0.00000000000000000001)
35        self.finish.get()
36        self.finish.close()
37        self.finish.join_thread()
38        self.output_list = self.get_queue_data()
39        self.output.close()
40        self.output.join_thread()
41        super().join(**kwargs)
```

Listing 19: my\_process

## 7.20. src/controller/statistics.py

```
1 from time import time
2
3
4 class Statistics:
5     def __init__(self):
6         self.timers = {
7             'serial': float(0),
8             'parallel': float(0),
9             'global': float(0),
10        }
11        self.time_elapsed = {
12            'serial': float(0),
13            'parallel': float(0),
14            'global': float(0),
15        }
16
17    def start(self, key):
18        self.timers[key] = time()
19
20    def stop(self, key):
21        stop_time = time()
22        self.time_elapsed[key] += (stop_time - self.timers[key])*1000
23
24    def get_time_elapsed(self, key):
25        return self.time_elapsed[key]
```

Listing 20: statistics

## 7.21. src/controller/utils.py

```
1 import numpy as np
2 import os
3 from math import ceil
4
5
6 def column(matrix, i):
7     return [row[i] for row in matrix]
8
9
10 def get_random_matrix_of_dim_n(N):
11     random_matrix = np.random.randint(low=1, high=255, size=(N, N))
12     for i in range(0, N):
13         random_matrix[i] = random_matrix[i].tolist()
14     return random_matrix.tolist()
15
16
17 def get_null_matrix_of_dim_n(N):
18     random_matrix = np.zeros((N, N))
19     for i in range(0, N):
20         random_matrix[i] = random_matrix[i].tolist()
21     return random_matrix.tolist()
22
23
24 def get_null_list_of_dim_n(N):
25     return np.zeros(N).tolist()
26
27
28 def get_partitions(matrix, row_p, col_p):
29     N = len(matrix)
30     col_size_p = ceil(N/col_p)
31     row_size_p = ceil(N/row_p)
32     blocks = array_to_list(np.zeros((row_p, col_p)))
33     for r in range(0, row_p):
34         for c in range(0, col_p):
35             left_side = c * col_size_p
36             right_side = left_side + col_size_p
37             up_side = r * row_size_p
38             down_side = up_side + row_size_p
39             rows = matrix[up_side:down_side]
40             block = []
41             for row in rows:
42                 block.append(row[left_side:right_side])
43             blocks[r][c] = block.copy()
44     return blocks
45
46
47 def multiply_two_matrices(matrix_a, matrix_b):
48     rows_a = len(matrix_a)
49     cols_b = len(matrix_b[0])
50     cols_a = len(matrix_a[0])
```

```

51     multiplication = array_to_list(np.zeros((rows_a, cols_b)))
52     for i in range(0, rows_a):
53         for j in range(0, cols_b):
54             partial_sum = 0
55             for k in range(0, cols_a):
56                 partial_sum += matrix_a[i][k] * matrix_b[k][j]
57             multiplication[i][j] = partial_sum
58     return multiplication
59
60
61 def sum_matrices(matrices):
62     rows = len(matrices[0])
63     cols = len(matrices[0][0])
64     result = array_to_list(np.zeros((rows, cols)))
65     for i in range(0, rows):
66         for j in range(0, cols):
67             for matrix in matrices:
68                 result[i][j] += matrix[i][j]
69     return result
70
71
72 def array_to_list(array):
73     rows = len(array)
74     for i in range(0, rows):
75         array[i] = array[i].tolist()
76     return array.tolist()
77
78
79 def print_matrix(matrix):
80     rows = len(matrix)
81     for i in range(0, rows):
82         print(f"{matrix[i]}\n")
83
84
85 def chunks(a_list, num):
86     """
87     :param a_list: a list to split in n chunks
88     :param num: number of chunks
89     :return: list splitted
90     """
91     avg = len(a_list) / float(num)
92     out = []
93     last = 0.0
94     while last < len(a_list):
95         out.append(a_list[int(last):int(last + avg)])
96         last += avg
97     return out

```

Listing 21: utils



## 7.22. src/model/multiply\_matrices\_interface.py

```
1 class MultiplyMatricesInterface:
2
3     @staticmethod
4     def pre_processing(matrix_a, matrix_b, **kwargs):
5         raise NotImplementedError
6
7     @staticmethod
8     def map_worker(chunk):
9         raise NotImplementedError
10
11    @staticmethod
12    def reduce_worker(item):
13        raise NotImplementedError
```

Listing 22: multiply\_matrices\_interface

### 7.23. src/model/element\_by\_row\_block.py

```
1 from src.model.multiply_matrices_interface import
   ↪ MultiplyMatricesInterface
2
3
4 class ElementByRowBlock(MultiplyMatricesInterface):
5
6     @staticmethod
7     def pre_processing(matrix_a, matrix_b, **kwargs):
8         row_size = len(matrix_a)
9         col_size = len(matrix_a[0])
10        output = []
11        for i in range(0, row_size):
12            for j in range(0, col_size):
13                element_by_row_block = [matrix_a[i][j]] + matrix_b[j]
14                output.append((i, element_by_row_block))
15        return output
16
17    @staticmethod
18    def map_worker(chunk):
19        output = []
20        i, elements = chunk
21        elem_a = elements[0]
22        elements.pop(0)
23        col_size = len(elements)
24        for j in range(0, col_size):
25            output.append(((i, j), elem_a * elements[j]))
26        return output
27
28    @staticmethod
29    def reduce_worker(item):
30        output_pos, values = item
31        result = 0
32        for a_value in values:
33            result += a_value
34        return output_pos, result
```

Listing 23: element\_by\_row\_block

## 7.24. src/model/column\_by\_row.py

```
1 from src.model.multiply_matrices_interface import
   ↪ MultiplyMatricesInterface
2
3
4 class ColumnByRow(MultiplyMatricesInterface):
5
6     @staticmethod
7     def pre_processing(matrix_a, matrix_b, **kwargs):
8         N = len(matrix_a)
9         output = []
10        for i in range(0, N):
11            col_a = [row[i] for row in matrix_a]
12            output.append((col_a, matrix_b[i]))
13        return output
14
15    @staticmethod
16    def map_worker(chunk):
17        col_a, row_b = chunk
18        output = []
19        for row, elem_a in enumerate(col_a):
20            for col, elem_b in enumerate(row_b):
21                key = (row, col)
22                value = elem_a * elem_b
23                output.append((key, value))
24        return output
25
26    @staticmethod
27    def reduce_worker(item):
28        output_pos, values = item
29        result = 0
30        for a_value in values:
31            result += a_value
32        return output_pos, result
```

Listing 24: column\_by\_row

## 7.25. src/model/by\_blocks.py

```
1 import numpy as np
2 from src.model.multiply_matrices_interface import
  ↪ MultiplyMatricesInterface
3 from src.controller.utils import get_partitions, sum_matrices
4
5
6 class ByBlocks(MultiplyMatricesInterface):
7
8     @staticmethod
9     def pre_processing(matrix_a, matrix_b, **kwargs):
10         output = []
11         row_p = kwargs.get('row_p', 2)
12         col_p = kwargs.get('col_p', 2)
13         blocks_a = get_partitions(matrix_a, row_p, col_p)
14         blocks_b = get_partitions(matrix_b, row_p, col_p)
15         for r_a in range(0, row_p):
16             for c_a in range(0, col_p):
17                 a_block = blocks_a[r_a][c_a]
18                 output.append((r_a, a_block, blocks_b[c_a]))
19         return output
20
21     @staticmethod
22     def map_worker(chunk):
23         r_a, block_a, blocks_b = chunk
24         output = []
25         col_size = len(blocks_b)
26         for c_b in range(0, col_size):
27             result = np.matmul(block_a, blocks_b[c_b]).tolist()
28             key = (r_a, c_b)
29             output.append((key, result))
30         return output
31
32     @staticmethod
33     def reduce_worker(item):
34         output_pos, values = item
35         result = sum_matrices(values)
36         output = []
37         row_size = len(result)
38         block_pos_i, block_pos_j = output_pos
39         for i in range(0, row_size):
40             col_size = len(result[i])
41             for j in range(0, col_size):
42                 pos = (block_pos_i*row_size+i,
  ↪ block_pos_j*col_size+j)
43                 output.append((pos, result[i][j]))
44         return output
```

Listing 25: by\_blocks