66.26 Arquitecturas paralelas Trabajo Práctico Final

Integrantes:

Alumno	padron
Llauró, Manuel Luis	95736
Blanco, Sebastian Ezequiel	98539

GitHub:

https://github.com/BlancoSebastianEzequiel/66.26-TP-Final

${\bf \acute{I}ndice}$

1.	Obj	${ m etivo}$
2.	Des	arrollo teórico
	2.1.	Speed up
	2.2.	Ley de Amdahl
	2.3.	Ley de Gustafson
	2.4.	Map-reduce
	2.5.	High Performance Portable Libraries for Dense Linear Algebra 4
		2.5.1. LAPACK
		2.5.2. ScaLAPACK
		2.5.3. CBLAS
	2.6.	Instrucciones vectoriales MMX
3.	Imp	lementación
	_	Explicacion del modelo
	3.2.	Multiplicación de matrices por bloques
		3.2.0.1. Preprocesamiento
		3.2.0.2. Mapeo
		3.2.0.3. Reduccion
	3.3.	Multiplicación de matrices de elemento por fila
		3.3.0.1. Preprocesamiento
		3.3.0.2. Mapeo
		3.3.0.3. Reduccion
	3.4.	Multiplicación de matrices de columna por fila
		3.4.0.1. Preprocesamiento
		3.4.0.2. Mapeo
		3.4.0.3. Reduccion
	3.5.	MMX
	3.6.	Cblas
	3.7.	Forma de ejecución
	3.8.	Datos sobre la computadora que se utilizó
4.	Res	$\operatorname{ultados} \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots \ldots 12$
		Multiplicacion por bloques
		4.1.0.1. Salida Amdahl
		4.1.0.2. Salida Gustafson
	4.2.	Multiplicacion elemento por fila
	1.2.	4.2.0.1. Salida Amdahl
		4.2.0.2. Salida Gustafson
	4.3.	Multiplicacion columna por fila
	2.0.	4.3.0.1. Salida Amdahl
		4.3.0.2. Salida Gustafson

	4.4. Cblas e instrucciones vectorizadas	24
5.	Análisis de resultados	25
6.	Conclusiones	26
7.	Anexo	27
	7.1. src/app.py	27
	7.2. src/graphs.py	29
	7.3. src/cblas.c	30
	7.4. src/mmx.c	31
	7.5. src/cblas/cblas_dgemm.h	32
	7.6. src/cblas/cblas_dgemm.c	34
	7.7. src/vectorization/blocked_dgemm_sse.h	35
	7.8. src/vectorization/blocked_dgemm_sse.c	36
	7.9. src/controller/file.h	38
	7.10. src/controller/file.c	39
	7.11. src/controller/utils.h	41
	7.12. src/controller/utils.c	42
	7.13. src/controller/generate_output_data.py	43
	7.14. src/controller/map_reduce.py	48
	7.15. src/controller/pool.py	51
	7.16. src/controller/process.py	53
	7.17. src/controller/my_process.py	54
	7.18. src/controller/statistics.py	55
	7.19. src/controller/utils.py	56
	7.20. src/model/multiply_matrices_interface.py	58
	7.21. src/model/element_by_row_block.py	59
	7.22. src/model/column_by_row.py	60
	7.23. src/model/by_blocks.py	61

1. Objetivo

Se propone la verificación empírica de la ley de Amdahl (trabajo constante) versus la ley de Gustafson (tiempo constante) aplicada a un problema de paralelismo utilizando el modelo de programación MapReduce.

Haremos una multiplicación de matrices (ambas de NxN) y se realizarán las mediciones de tiempo variando la cantidad de threads involucrados en el procesamiento. Luego se realizarán las mismas mediciones manteniendo fija la cantidad de threads pero variando la dimensión de las matrices.

Finalmente se hará una multiplicación de dos matrices diferentes de NxN usando la librería CBLAS e instrucción de vectorización (MMX) para el compilador con solo un procesador. De esta manera la idea es comparar el tiempo que tarda el map-reduce en serie frente a cblas y la vectorización.

2. Desarrollo teórico

2.1. Speed up

Es la mejora en la velocidad de ejecución de una tarea ejecutada en dos arquitecturas similares con diferentes recursos.

El speed-up se puede usar más generalmente para mostrar el efecto en el rendimiento después de cualquier mejora en los recursos.

De forma genérica se define como:

$$\mathbf{speed_up} = \frac{Rendimiento_con_mejora}{Rendimiento_sin_mejora} \tag{1}$$

En el caso de mejoras aplicadas a los tiempo de ejecución de una tarea:

$$\mathbf{speed_up} = \frac{T_ejecucion_sin_mejora}{T_ejecucion_con_mejora} \tag{2}$$

2.2. Ley de Amdahl

Utilizada para averiguar la mejora máxima de un sistema de información cuando solo una parte de éste es mejorado.

Establece que la mejora obtenida en el rendimiento de un sistema debido a la alteración de uno de sus componentes está limitada por la fracción de tiempo que se utiliza dicho componente.

Suponiendo que nuestro algoritmo se divide en una parte secuencial \mathbf{s} y una parte paralelizable \mathbf{p} y siendo \mathbb{N} la cantidad de threads, entonces podemos decir que:

$$\mathbf{speed_up} = \frac{s+p}{s+\frac{p}{N}} \tag{3}$$

Amdahl establece un límite superior al speed-up que puede obtenerse al introducir una mejora en un determinado algoritmo. Este límite superior está determinado por la porción de la tarea sobre la que se aplique la mejora. Entonces si tomamos la ecuación anterior y calculamos el límite de la misma con N tendiendo a infinito tenemos:

$$speed_up_max = 1 + \frac{p}{s}$$
 (4)

2.3. Ley de Gustafson

Establece que cualquier problema suficientemente grande puede ser eficientemente paralelizado. La ley de Gustafson está muy ligada a la ley de Amdahl, que pone límite a la mejora que se puede obtener gracias a la paralelización, dado un conjunto de datos de tamaño fijo, ofreciendo así una visión pesimista del procesamiento paralelo. Por el contrario la ley de Gustafson propone realizar mas trabajo con la misma cantidad de recursos, de esta manera aprovecha la paralelizacion para calcular mas cosas.

Entonces siendo s el tiempo de la ejecución de la sección serie, siendo p el tiempo de la ejecución de la sección paralela y siendo N la cantidad de procesadores podemos calcular el speed-up como:

$$\mathbf{speed_up} = \frac{s + p * N}{s + p} \tag{5}$$

2.4. Map-reduce

MapReduce es una técnica de procesamiento y un programa modelo de computación distribuida. El algoritmo MapReduce contiene dos tareas importantes.

Map toma un conjunto de datos y se convierte en otro conjunto de datos, en el que los elementos se dividen en tuplas (pares: clave, valor).

En el medio ocurre la fase de agrupamiento la cual consiste de agrupar los valores con misma clave en un vector para entregarle a la fase de reduce un conjunto de tuplas (clave, valores) donde en este caso el valor son todos los valores en una lista.

Reduce recibe un conjunto de tuplas (clave, valores) donde el valor es una lista de todos los valores que tenían la misma clave. Entonces reduce aplica una función a todos estos valores para retornar un único valor y asi devolver un conjunto de tuplas (clave, valor)

La principal ventaja de MapReduce es que es fácil de escalar procesamiento de datos en múltiples nodos.

De acuerdo a este modelo, basado en la programación funcional, la tarea del usuario consiste en la definición de una función map y una función reduce y definidas estas funciones, el procesamiento es fácilmente paralelizable, ya sea en una sola máquina o en un cluster.

2.5. High Performance Portable Libraries for Dense Linear Algebra

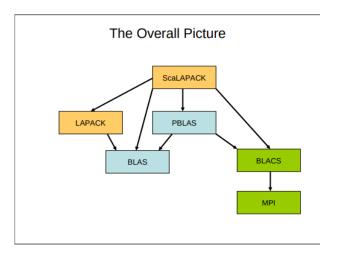


Figura 1: overall picture

2.5.1. LAPACK

LAPACK está escrito en Fortran 90 y proporciona rutinas para resolver sistemas de ecuaciones lineales simultáneas, soluciones de mínimos cuadrados de sistemas de ecuaciones lineales, problemas de valores propios y problemas de valores singulares. También se proporcionan las factorizaciones matriciales asociadas (LU, Cholesky, QR, SVD, Schur, Schur generalizado), al igual que los cálculos relacionados, tales como la reordenación de las factorizaciones de Schur y la estimación de los números de condición. Se manejan matrices densas y con bandas, pero no matrices dispersas generales. En todas las áreas, se proporciona una funcionalidad similar para matrices reales y complejas, con precisión simple y doble.

2.5.2. ScaLAPACK

Es una liberia de rutinas de álgebra lineal de alto rendimiento para máquinas de memoria distribuida en paralelo. ScaLAPACK resuelve sistemas lineales densos y en bandas, problemas de mínimos cuadrados, problemas de valores propios y problemas de valores singulares. Las ideas clave incorporadas en ScaLAPACK incluyen el uso de:

- Una distribución de datos de bloques cíclicos para matrices densas y una distribución de datos de bloques para matrices en bandas, parametrizable en tiempo de ejecución.
- Algoritmos de partición de bloque para asegurar altos niveles de reutilización de datos.

 Componentes modulares de bajo nivel bien diseñados que simplifican la tarea de paralelizar las rutinas de alto nivel haciendo que su código fuente sea el mismo que en el caso secuencial.

2.5.3. CBLAS

BLAS (Subprogramas de Álgebra Lineal Básica) son rutinas que proporcionan bloques de construcción estándar para realizar operaciones básicas de vectores y matrices. Las BLAS de nivel 1 realizan operaciones escalares y vectoriales, las BLAS de nivel 2 realizan operaciones de vectores matriciales y las BLAS de nivel 3 realizan operaciones de matriz-matriz. Debido a que los BLAS son eficientes, portátiles y ampliamente disponibles, se usan comúnmente en el desarrollo de software de álgebra lineal de alta calidad, LAPACK, por ejemplo.

CBLAS es una interfaz de lenguaje C para BLAS.

Nosotros estaremos usando Cblas para este tp.

2.6. Instrucciones vectoriales MMX

MMX es un Conjunto de instrucciones SIMD diseñado por Intel e introducido en 1997 en sus microprocesadores Pentium MMX. Fue desarrollado a partir de un set introducido en el Intel i860. Ha sido soportado por la mayoría de fabricantes de microprocesadores x86 desde entonces.

Fue presentado como un acrónimo de MultiMedia eXtension o Multiple Math o Matrix Math eXtension, pero oficialmente sólo es un juego de consonantes sin significado, usado con la única intención de poder poner cortapisas legales de marca registrada a los desarrollos de terceros que trataran de usarlo.

3. Implementación

3.1. Explicacion del modelo

La implementación del MapReduce para resolver el problema esta basado en el siguiente esquema:

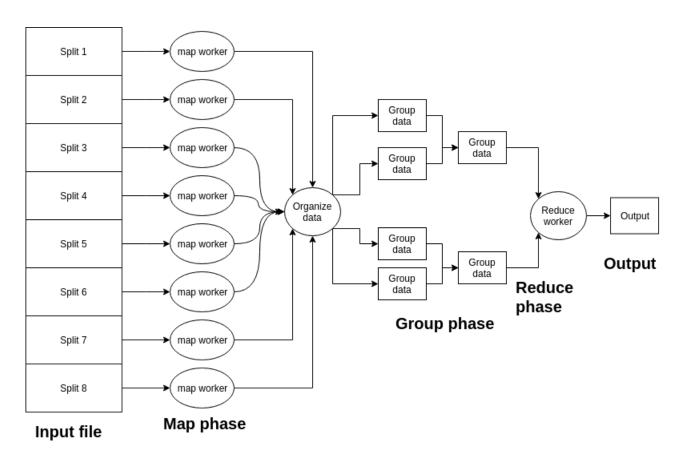


Figura 2: Esquema de un map reduce

En nuestro caso creamos una clase llamada MapReduce la cual usa una librería de python llamada multiprocessing en donde usamos el módulo pool el cual ofrece un medio conveniente para paralelizar la ejecución de una función a través de múltiples valores de entrada, distribuyendo los datos de entrada a través de procesos (paralelismo de datos).

Entonces lo que hicimos fue instanciar un **pool** para hacer el map de manera que se le pasa como atributo la cantidad de workers en el cual se quiere paralelizar el problema.

3.2. Multiplicación de matrices por bloques

3.2.0.1 Preprocesamiento

Sean dos matrices A de NxN y B de NxN las dividimos en (N/2)x(N/2) bloques cada una. Luego generamos una lista de tuplas donde cada una tiene la posición (r, c) de un bloque de la matriz A, tiene el bloque en custión a_block_rc, y la fila número c de bloques de la matriz B, quedando con este formato:

(r, c, a block rc, b block c)

3.2.0.2 Mapeo

Recibimos la posición r, c del bloque a, el bloque a y una lista de bloques b que es la fila c de bloques en la matriz B.

Entonces multiplicamos el bloque a por cada bloque de la lista de bloques b y guardamos en un vector una tupla con una clave r, c_b donde c_b es el indice en la lista de bloques b y como valor guardamos la multiplicación. Por cada multiplicación, agregamos una de estas tuplas al vector de salida para luego devolver éste.

3.2.0.3 Reduccion

Recibimos la posición de un bloque de salida y una lista de multiplicaciones parciales de bloques. Se suman estas multiplicaciones parciales y se devuelve un vector con los valores resultantes de la multiplicación. Pero por cada valor se calcula la posición de salida del mismo en la matriz resultante y nos deshacemos de la posición de los bloques

3.3. Multiplicación de matrices de elemento por fila

3.3.0.1 Preprocesamiento

Sean dos matrices A de NxN y B de NxN generamos una lista de tuplas a partir de las dos matrices. Se itera por cada elemento (a_ij) de la matriz A y se guarda en cada tupla el número de fila i del elemento a_ij, el elemento a_ij y la fila j de la matriz B. Quedando cada tupla de la siguiente manera:

(i, a_ij, B[j])

3.3.0.2 Mapeo

De esta manera, en la función map, obtenemos partes de esta lista de tuplas y devolvemos un par clave, valor donde la clave es la posición de salida de la matriz

resultante (i, j) y el valor es la multiplicación del elemento a_ij contra cada elemento de la fila j de la matriz B

3.3.0.3 Reduccion

Obtenemos una posición de salida y una lista de valores que resultaron de la multiplicación que se hizo en el map. Entonces se suman las multiplicaciones parciales y se obtiene el valor en la posición de salida de la matriz resultante

3.4. Multiplicación de matrices de columna por fila

3.4.0.1 Preprocesamiento

Sean dos matrices A de NxN y B de NxN generamos una lista de tuplas a partir de las dos matrices. Se guarda en cada tupla la columna i de la matriz A y la fila i de la matriz B. Quedando cada tupla de la siguiente manera:

(A[:][i], B[i])

3.4.0.2 Mapeo

Recibimos una columna de la matriz A y una fila de la matriz B y por cada elemento de la columna elem_a lo multiplicamos por cada elemento de la fila elem_b obteniendo una matriz parcial de la multiplicación. Por cada multiplicación guardamos en un vector una tupla con un par clave valor donde la clave es la posición de salida de la matriz resultante y el valor es la multiplicación anteriormente mencionada. Finalmente se devuelve el vector de tuplas.

3.4.0.3 Reduccion

Se recibe la posición de salida de la matriz resultante y una lista de multiplicaciones parciales. Entonces se suman éstas y se devuelve la posición de salida y la suma.

3.5. MMX

Se escribió un código en c donde se multiplicaban dos matrices por bloques. Al momento de hacer la multiplicación parcial de elementos, donde cada elemento es un bloque de la matriz, se usa una intruccion llamada #pragma vector always para decirle al compilador que la siguiente fracción de código será vectoriada. Este código fue dessarrollado en el archivo blocked_dgemm_sse.c que se encuentra en el anexo.

3.6. Cblas

Se uso una función de la librería cblas.h de c. Esta función cuya firma es:

```
1
       void cblas dgemm (
 2
                CBLAS LAYOUT layout,
 3
                CBLAS_TRANSPOSE TransA,
                CBLAS TRANSPOSE TransB,
 4
5
                const int M, const int N,
 6
                const int K,
 7
                const double alpha,
8
                const double *A,
9
                const int lda,
10
                const double *B,
11
                const int ldb,
12
                const double beta,
                double *C,
13
14
                const int ldc);
15
```

Ésta llamada a la rutina cblas_dgemm multiplica dos matrices:

```
cblas_dgemm(CblasRowMajor, CblasNoTrans, CblasNoTrans, m, n, \hookrightarrow k, alpha, A, k, B, n, beta, C, n);
```

Los argumentos proporcionan opciones sobre cómo Intel MKL realiza la operación. En este caso:

- CblasRowMajor: Indica que las matrices se almacenan en el orden mayor de la fila, con los elementos de cada fila de la matriz almacenados de forma contigua.
- <u>CblasNoTrans</u>: Tipo de enumeración que indica que las matrices A y B no deben ser transpuestas o conjugadas antes de la multiplicación.
- m, n, k: Enteros que indican el tamaño de las matrices:
 - A: m filas por k columnas
 - **B**: k filas por n columnas
 - C: m filas por n columnas
- alpha: Valor real utilizado para escalar el producto de las matrices A y B.
- A: Arreglo utilizado para almacenar la matriz A.

- **k**: Dimensión inicial de la matriz A, o el número de elementos entre filas sucesivas (para el almacenamiento principal de fila) en la memoria. En el caso de este ejercicio, la dimensión principal es la misma que la cantidad de columnas.
- **B**: Arreglo utilizado para almacenar la matriz B.
- <u>n</u>: Dimensión inicial de la matriz B, o el número de elementos entre filas sucesivas (para el almacenamiento principal de fila) en la memoria. En el caso de este ejercicio, la dimensión principal es la misma que la cantidad de columnas.
- beta: Valor real utilizado para escalar la matriz C.
- C: Arreglo utilizado para almacenar la matriz C.
- <u>n</u>: Dimensión inicial de la matriz C, o el número de elementos entre filas sucesivas (para el almacenamiento principal de fila) en la memoria. En el caso de este ejercicio, la dimensión principal es la misma que la cantidad de columnas.

3.7. Forma de ejecución

Para el caso de Amdahl multiplicamos dos matrices de 100x100 y cada una de estas multiplicaciones la realizamos para 1, 2, 3, 4, 8, 16, 32, 64 y 128 threads.

Para el caso de Gustafson se usan siempre 4 threads multiplicando dos matrices de 100x100, 200x200, y 300x300.

Luego para el caso de cblas y de instrucciones vectoriales (MMX) se usa un thread multiplicando dos matrices de 400x400

Para poder probar este trabajo se debe clonar el repositorio (el link esta en la carátula) y abrir una terminal en el **root** del mismo.

Para compilar **cblas** y las instrucciones vectoriales que estan en lenguaje c se debe ejecutar:

\$ make.

Para realizar el cálculo de **cblas** y las instrucciones vectoriales que están en lenguaje c se debe ejecutar:

\$./cblas. \$./mmx.

Para realizar el cálculo de map-reduce se debe ejecutar: \$ sh scripts/run.sh.

Luego para generar los gráficos que vemos en el informe se debe ejecutar: \$\sh\ scripts/generate_output_data.sh\$

Y finalmente para generar el informe debemos ejecutar: \$ sh scripts/make_report.sh

También hay un script que corre estos últimos tres comandos en un solo script: \$ sh scripts/run_all.sh

3.8. Datos sobre la computadora que se utilizó

El equipo sobre el que se realizarán las mediciones es una laptop con un procesador Intel core I7 que posee 4 nucleos a 2.7 Ghz, es decir, soporta hasta 4 threads en paralelo, con 16 Gb de memoria y corriendo sobre un sistema Linux. Para averiguar estos datos en linux se ejecutaron los siguientes comandos:

- Cantidad de cores: \$ grep -c processor /proc/cpuinfo
- Velocidad de reloj: \$ lscpu | grep GHz
- Memoria RAM: \$ free -g

4. Resultados

4.1. Multiplicacion por bloques

4.1.0.1 Salida Amdahl

	number_of_threads			
0	1	16485.293388	832.772493	200
1	2	9991.478205	830.729246	200
2		8654.913664	832.019567	200
3	8	9433.159590	831.763029	200
4	16	8840.008259	830.847502	200
5	32	9167.410374	833.596468	200
6	64	8180.778980	829.051971	200
7	128	8777.383804	832.823038	200

Figura 3: Salida de los tiempos en serie y paralelo en milisegundos

De acuerdo a estos datos podemos calcular el speed up maximo, real y teórico.

	number_of_threads	theoretical_speed_up	real_speed_up	max_speed_up
0	1	1.000000	1.000000	20.795675
1	2	1.908239	1.600234	20.795675
2	4	3.495707	1.825465	20.795675
3	8	5.985298	1.687111	20.795675
4	16	9.295279	1.790748	20.795675
5	32	12.847822	1.731632	20.795675
6	64	15.882958	1.922130	20.795675
7	128	18.010313	1.802049	20.795675

Figura 4: Speed up real, teorico y maximo segun la cantidad de threads

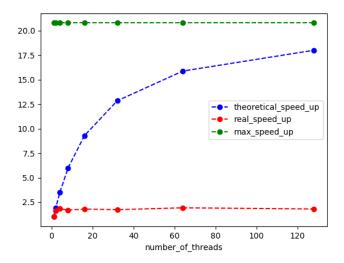


Figura 5: Grafico

Podemos observar que el speed up teórico tiende al máximo speed-up mientras que el real nos muestra que no usa toda la paralelizacion ya que al pasar de 1 a 2 threads, el tiempo no cae a la mitad, y al pasar de 1 a 4 threads tampoco. Se puede ver que tiene un speed-up de casi 2 lo cual quiere decir que hace uso de la mitad.

4.1.0.2 Salida Gustafson

	number_of_threads	parallel_time	serial_time	matrix_dimension
0	4	873.260021	125.444651	100
1	4	8658.547878	831.471205	200
2	4	70985.286236	6103.691578	400

Figura 6: Salida de los tiempos en serie y paralelo en milisegundos

Podemos ver que estos resultados demuestran que la sección serie del problema se mantiene casi constante respecto de la sección paralela que varía en forma ascendente con el tamaño de los datos de entrada. Así, la fracción secuencial representa menos al tiempo total en la medida que la carga de trabajo aumenta.

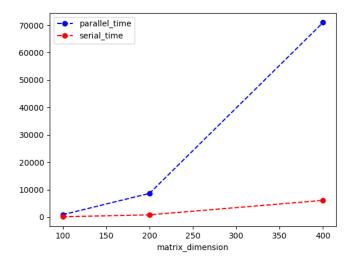


Figura 7: Tiempo paralelo y serie en funcion de la dimension de las matrices de entrada

Luego a partir de estos datos podemos calcular el speed up y obtuvimos lo siguiente:

	matrix_dimension	speed_up
0	100	3.623178
1	200	3.737154
2	400	3.762468

Figura 8: Tabla de valores del speed up

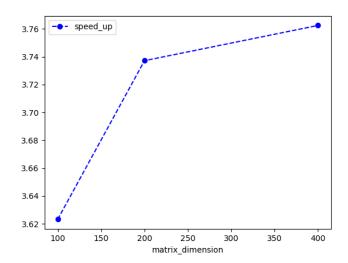


Figura 9: Grafico del speed up

4.2. Multiplicacion elemento por fila

4.2.0.1 Salida Amdahl

	number_of_threads	parallel_time	serial_time	matrix_dimension
0		15893.316031	441.322327	200
1		11686.766148	439.571619	200
2		9442.632437	437.164545	200
3		9514.333725		
			440.088749	
_			439.230442	
			443.106413	
7	128	9472.388029	441.223860	200

Figura 10: Salida de los tiempos en serie y paralelo en milisegundos

De acuerdo a estos datos podemos calcular el speed up maximo, real y teórico.

	number_of_threads	theoretical_speed_up	real_speed_up	max_speed_up
0	1	1.000000	1.000000	37.012944
1	2	1.947386	1.347038	37.012944
2	4	3.700097	1.653337	37.012944
3	8	6.727647	1.640627	37.012944
4	16	11.385764	1.620793	37.012944
5	32	17.414541	1.645594	37.012944
6	64	23.685218	1.656346	37.012944
7	128	28.885871	1.647698	37.012944

Figura 11: Speed up real, teorico y maximo segun la cantidad de threads

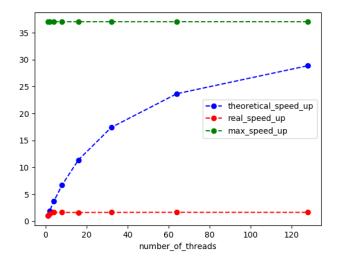


Figura 12: Grafico

Podemos observar que el speed up teórico tiende al máximo speed-up mientras que el real nos muestra que no usa toda la paralelizacion ya que al pasar de 1 a 2 threads, el tiempo no cae a la mitad, y al pasar de 1 a 4 threads tampoco. Se puede ver que tiene un speed-up de casi 2 lo cual quiere decir que hace uso de la mitad.

4.2.0.2 Salida Gustafson

	number_of_threads	parallel_time	serial_time	matrix_dimension
0	4	1268.313885	59.556961	100
1	4	9420.453310	448.813677	200
2	4	208492.056847	3747.091055	400

Figura 13: Salida de los tiempos en serie y paralelo en milisegundos

Podemos ver que estos resultados demuestran que la sección serie del problema se mantiene casi constante respecto de la sección paralela que varía en forma ascendente con el tamaño de los datos de entrada. Así, la fracción secuencial representa menos al tiempo total en la medida que la carga de trabajo aumenta

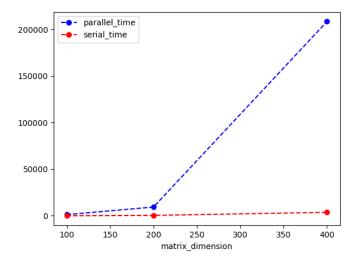


Figura 14: Tiempo paralelo y serie en funcion de la dimension de las matrices de entrada

Luego a partir de estos datos podemos calcular el speed up y obtuvimos lo siguiente:

	matrix_dimension	speed_up
0	100	3.865446
1	200	3.863572
2	400	3.947035

Figura 15: Tabla de valores del speed up

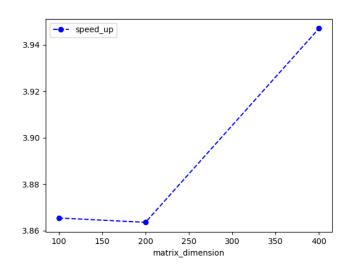


Figura 16: Grafico del speed up

4.3. Multiplicacion columna por fila

4.3.0.1 Salida Amdahl

	number_of_threads	parallel_time	serial_time	matrix_dimension
0	1	15196.140051	453.010321	200
1		10203.856945	605.714321	200
2		8904.666662	446.476698	200
3		8714.031935	615.683317	200
		8667.980194	442.103386	200
			445.368767	
6	64	8744.236231	599.166393	200
7	128	8750.506639	451.071024	200

Figura 17: Salida de los tiempos en serie y paralelo en milisegundos

De acuerdo a estos datos podemos calcular el speed up maximo, real y teórico.

	number_of_threads	theoretical_speed_up	real_speed_up	max_speed_up
0	1	1.000000	1.000000	34.544799
1	2	1.943733	1.447712	34.544799
2	4	3.680382	1.673501	34.544799
3	8	6.652057	1.677345	34.544799
4	16	11.155899	1.717783	34.544799
	32	16.865313	1.680841	34.544799
6	64	22.665146	1.674888	34.544799
7	128	27.371567	1.700703	34.544799

Figura 18: Speed up real, teorico y maximo segun la cantidad de threads

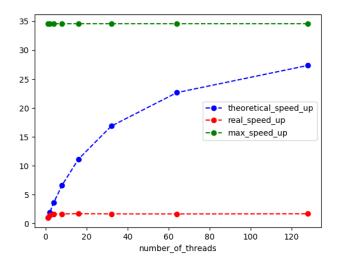


Figura 19: Grafico

Podemos observar que el speed up teórico tiende al máximo speed-up mientras que el real nos muestra que no usa toda la paralelizacion ya que al pasar de 1 a 2 threads, el tiempo no cae a la mitad, y al pasar de 1 a 4 threads tampoco. Se puede ver que tiene un speed-up de casi 2 lo cual quiere decir que hace uso de la mitad.

4.3.0.2 Salida Gustafson

	number_of_threads	parallel_time	serial_time	matrix_dimension
0	4	1107.230663	89.981794	100
1	4	8720.695019	457.134724	200
2	4	298868.804932	3777.545214	400

Figura 20: Salida de los tiempos en serie y paralelo en milisegundos

Podemos ver que estos resultados demuestran que la sección serie del problema se mantiene casi constante respecto de la sección paralela que varía en forma ascendente con el tamaño de los datos de entrada. Así, la fracción secuencial representa menos al tiempo total en la medida que la carga de trabajo aumenta

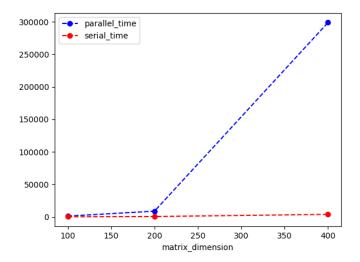


Figura 21: Tiempo paralelo y serie en funcion de la dimension de las matrices de entrada

Luego a partir de estos datos podemos calcular el speed up y obtuvimos lo siguiente:

	matrix_dimension	speed_up
0	100	3.774522
1	200	3.850574
2	400	3.962555

Figura 22: Tabla de valores del speed up

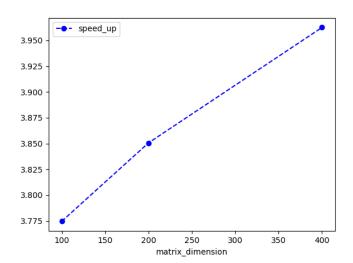


Figura 23: Grafico del speed up

4.4. Cblas e instrucciones vectorizadas

program	time_elapsed	matrix_dim	number_of_threads
0 cblas_dgemm	0.084518	500	1
1 blocked_dgemm_sse	0.380241	500	1

Figura 24: Tiempo serie de multiplicación en segundos

Podemos decir que en general, las corridas con mapReduce, en el caso donde se uso un solo thread, si sumamos el tiempo paralelo y serie (que es todo serie ya que se usa un solo thread) nos da en promedio de los tres tipos de multiplicacion tardaron alrededor de 3 segundos. En cambio podemos ver que usando cblas tenemos un tiempo de 0.03 segundos y usando las instrucciones vectorizadas 0.36 segundos.

De esta manera vemos que cblas y las instrucciones vectorizadas aprovechan mucho mejor el hardware para la realizacion de la misma operacion. Tambien es cierto que el map reduce hace uso de un modulo de python llamado pool que puede ser que sume latencia al momento de dividir el trabajo, pero cuando aumentamos mucho el volumen del trabajo se ve en los graficos que se aprovecha mejor la paralelizacion.

5. Análisis de resultados

6. Conclusiones

Podemos decir que obtuvimos resultados inesperados pero se tuvieron que hacer varias corridas y ajustar ciertos números para entender por que llegamos a éstos Se coloco un sleep de medio segundo (que no afectó el cálculo del tiempo paraleloserie transcurrido) para evitar que cualquier trabajo que no sea puramente vinculado a la CPU afecte nuestro porgrama (como por ejemplo I/O)

Finalmente podemos decir que hay que tener en cuenta que hay otros programas corriendo en las cuatro CPU y que dependiendo del tamaño de informacion que manejamos, podemos tener un cuello de botella ya sea por intercambios de memoria o por exceso de memoria. Entonces se tuvieron que hacer varias corridas analizando el tráfico de información mediante el comando gnome-system-monitor donde filtrando los procesos y solo viendo los de python pudimos ver el uso de cada CPU y gráficos al respecto.

7. Anexo

$7.1. \operatorname{src/app.py}$

```
1 import time
 2 from typing import Type
3 from math import ceil
4 from src.controller.pool import Pool as MapReduce
5 from src.controller.utils import get random matrix of dim n
6 from src.model.element by row block import ElementByRowBlock
7 from src.model.column_by_row import ColumnByRow
8 from src.model.by blocks import ByBlocks
9 from src.model.multiply_matrices_interface import
      → MultiplyMatricesInterface
10 from src.controller.generate_output_data import OutputData
11
12
13 \text{ SAVE} = \text{True}
14
15
16 def gustafson (model: Type [MultiplyMatricesInterface]):
17
       name = model._name_
       print (f"-
                           -RUNNING GUSTAFSON----" )
18
       output_data = OutputData()
19
20
       num workers = 4
       for matrix_dim in [100, 200, 400]:
21
22
           print(f"RUNNING WITH MATRIX DIMENSION: {matrix_dim}")
23
           serial, parallel = run(num_workers, matrix_dim, model)
24
           output data.add data(serial, parallel, num workers,
      → matrix dim)
25
       if SAVE:
26
           output data.save data(name + ' gustafson output.png')
27
           output_data.graph_gustafson_exec_time(name +

→ '_gustafson_exec_time.png')

           output\_data.graph\_gustafson\_speed\_up (name +
28
      → '_gustafson_speed_up.png')
29
           output_data.save_df_data_to_json()
30
31
32 def amdahl(model: Type[MultiplyMatricesInterface]):
33
       name = model.__name_
       print (f "-
                           -RUNNING AMDAHL--
34
35
       output_data = OutputData()
36
       matrix dim = 200
37
       for num_workers in [1, 2, 4, 8, 16, 32, 64, 128]:
38
           print(f"RUNNING WITH NUM WORKERS: {num_workers}")
39
           serial, parallel = run(num_workers, matrix_dim, model)
40
           output_data.add_data(serial, parallel, num_workers,
      → matrix dim)
41
       if SAVE:
           output data.save data(name + ' amdahl output.png')
42
```

```
output data.graph amdahl speed up(name +
43

→ '_amdahl_speed_up.png')

44
         output_data.save_df_data_to_json()
45
46
47 def run(num_workers, matrix_dim, model:
     → Type [MultiplyMatricesInterface]):
48
      map_worker = model.map_worker
      reduce_worker = model.reduce_worker
49
50
      mapper = MapReduce(map_worker, reduce_worker)
51
52
      matrix_a = get_random_matrix_of_dim_n(matrix_dim)
      matrix b = get random matrix of dim n(matrix dim)
53
54
55
      div = ceil(matrix_dim/2)
56
      input_data = model.pre_processing(matrix_a, matrix_b, row_p=div,
57
     \hookrightarrow col p=div)
58
59
      partitioned_data = mapper.map(input_data,
     → num_workers=num_workers)
      mapper.reduce(partitioned_data)
60
61
62
      statistics = mapper.get_statistics()
      parallel_time = statistics.get_time_elapsed('parallel')
63
64
      serial_time = statistics.get_time_elapsed('serial')
65
      return serial_time, parallel_time
66
67
68 def run_model(model: Type[MultiplyMatricesInterface]):
      69
      print(f " { model . __name___ } ")
70
      71
72
      amdahl (model)
73
      gustafson (model)
74
75
76 start = time.time()
77 run_model(ElementByRowBlock)
78 run_model (ColumnByRow)
79 run_model(ByBlocks)
80 \text{ end} = \text{time.time}()
82 print(f"The process lasted {end-start} seconds")
```

Listing 1: app

$7.2. \quad \text{src/graphs.py}$

```
from src.controller.generate_output_data import OutputData

output = OutputData()

output.read_dfs_data_from_json()

output.graph_dfs()

dgemm_output_data = OutputData()

dgemm_df = dgemm_output_data.get_df_from_csv("src/data/dgemm.csv")

dgemm_output_data.save_df_in_image(dgemm_df, "dgemm.png")
```

Listing 2: graphs

7.3. src/cblas.c

```
1 #include <stdio.h>
 2 #include <stdlib.h>
3 #include <time.h>
4 #include "cblas/cblas_dgemm.h"
5 #include "controller/utils.h"
6 #include "controller/file.h"
8 double run_cblas_dgemm(int N, double* A, double* B, double* C) {
9
       clock_t start, stop;
       double alpha = 1.0;
10
11
       double beta = 0.0;
12
       init_arr(N, N, 2, A);
13
       init_arr(N, N, 1, B);
14
       init_arr(N, N, 0, C);
15
       start = clock();
16
       mult(A, B, C, alpha, beta, N, N, N);
       stop = clock();
17
       double elapsed seconds = ((double)(stop - start)) /
18

→ CLOCKS PER SEC;

       printf("Elapsed time = %f seconds\n", elapsed_seconds);
19
20
       return elapsed_seconds;
21 }
22
23 int main() {
24
       \mathbf{char} * \mathbf{attributes} [4] = \{
                "program",
25
26
                "time_elapsed",
27
                "matrix_dim",
28
                "number_of_threads"
29
30
       file_t* file = create_file("src/data/dgemm.csv", "w+",
      \hookrightarrow attributes, 4);
       int N = 400;
31
32
       double A[N*N];
33
       double B[N*N];
34
       double C[N*N];
35
       double elapsed_seconds;
36
       char elapsed second str [20];
37
       char* values [4] = {"cblas_dgemm", elapsed_second_str, "400",
      \hookrightarrow "1"};
38
       elapsed_seconds = run_cblas_dgemm(N, A, B, C);
39
       double_to_string(elapsed_second_str, elapsed_seconds, 20);
40
       add_row(file, values, 4);
41
       delete (file);
42
       return 0;
43 }
```

Listing 3: main

7.4. src/mmx.c

```
1 #include <stdio.h>
 2 #include <stdlib.h>
3 #include <time.h>
4 #include "controller/utils.h"
5 #include "vectorization/blocked_dgemm_sse.h"
6 #include "controller/file.h"
8 double run_blocked_dgemm_sse(int N, double* A, double* B, double* C)
9
       clock_t start, stop;
       init\_arr(N, N, 2, A);
10
11
       init_arr(N, N, 1, B);
12
       init_arr(N, N, 0, C);
13
       start = clock();
14
       square_dgemm_blocked_sse(A, B, C, N, 2);
       stop = clock();
15
       double elapsed_seconds = ((double)(stop - start)) /
16

→ CLOCKS PER SEC;

17
       printf("Elapsed time = %f seconds\n", elapsed_seconds);
       return elapsed_seconds;
18
19 }
20
21 int main() {
22
       \mathbf{char} * \mathbf{attributes} [4] = \{
                "program",
23
                "time_elapsed",
24
                "matrix_dim",
25
                "number\_of\_threads"
26
27
       };
28
       file_t* file = create_file("src/data/dgemm.csv", "a",
      \hookrightarrow attributes, 4);
29
       int N = 400;
       double A[N*N];
30
       double B[N*N];
31
32
       double C[N*N];
33
       double elapsed_seconds;
       char elapsed_second_str[20];
34
35
       char* values[4] = {"blocked_dgemm_sse", elapsed_second_str,
      \hookrightarrow "400", "1"};
       elapsed_seconds = run_blocked_dgemm_sse(N, A, B, C);
36
37
       double_to_string(elapsed_second_str, elapsed_seconds, 20);
38
       add_row(file, values, 4);
39
       delete (file);
40
       return 0;
41 }
```

Listing 4: main

7.5. src/cblas/cblas_dgemm.h

```
1 #ifndef CBLAS DGEMM
 2 #define CBLAS_DGEMM
4 #include <stdio.h>
5 \#include < cblas.h>
7 /*
       The arguments provide options for how Intel MKL performs the
      \hookrightarrow operation.
9
       In this case:
10
11
       CblasRowMajor:
       Indicates that the matrices are stored in row major order, with
12
      \hookrightarrow the elements
13
       of each row of the matrix stored contiguously as shown in the
      \hookrightarrow figure above.
14
       CblasNo\ Trans:
15
16
       Enumeration type indicating that the matrices A and B should not
       transposed or conjugate transposed before multiplication.
17
18
19
       m, n, k:
20
       Integers indicating the size of the matrices:
21
22
       A: m rows by k columns
23
24
       B: k rows by n columns
25
26
       C: m rows by n columns
27
28
       alpha:
       Real value used to scale the product of matrices A and B.
29
30
31
32
       Array used to store matrix A.
33
34
35
       Leading dimension of array A, or the number of elements between
      \rightarrow successive
36
       rows (for row major storage) in memory. In the case of this
      \rightarrow exercise the
37
       leading dimension is the same as the number of columns.
38
39
       B:
40
       Array used to store matrix B.
41
42
43
       Leading dimension of array B, or the number of elements between
      \rightarrow successive
```

```
rows (for row major storage) in memory. In the case of this
44
      \rightarrow exercise the
45
       leading dimension is the same as the number of columns.
46
47
       beta:
48
       Real value used to scale matrix C.
49
50
       Array used to store matrix C.
51
52
53
       n:
       Leading dimension of array C, or the number of elements between
54
      \rightarrow successive
55
       rows (for row major storage) in memory. In the case of this
      \hookrightarrow exercise the
       leading dimension is the same as the number of columns.
56
57 */
58
59 int mult(double *A, double *B, double *C, double alpha, double beta,
      \hookrightarrow int m, int k, int n);
60
61 #endif // CBLAS_DGEMM
```

Listing 5: cblas_dgemm

7.6. src/cblas/cblas_dgemm.c

Listing 6: cblas_dgemm

7.7. src/vectorization/blocked_dgemm_sse.h

Listing 7: vectorization/blocked_dgemm

7.8. src/vectorization/blocked_dgemm_sse.c

```
1 #include "blocked_dgemm_sse.h"
 2 #include "../controller/utils.h"
 3 /*
 4
     In case you're wondering, dgemm stands for:
     Double-precision\;,\;\;GEneral\;\;Matrix-Matrix\;\;multiplication\;.
 5
 6
     A is M-by-K
 7
     B is K-by-N
     C is M-by-N
 9
     lda is the leading dimension of the matrix (the M of square_dgemm).
10 */
11
12
13 void basic_dgemm_sse(const double *restrict A, const double
       \hookrightarrow *restrict B,
14
             double *restrict C, int N, int block_size) {
        \mathbf{unsigned} \;\; i\;,\;\; j\;,\;\; k\,;
15
        for (i = 0; i < block_size; ++i) {
16
             for (j = 0; j < block_size; ++j) {
17
18
                  double cij = C[j*N + i];
19
                  for (k = 0; k < block_size; ++k) {
                       cij += A[i + k * N] * B[k + j * N];
20
21
22
                 C[j*N + i] = cij;
23
            }
24
        }
25 }
26
27 void do_block_sse(const double *A, const double *B, double *C, int
       \hookrightarrow i, int j,
28
                         int k, int N, int block_size) {
29
        basic\_dgemm\_sse(A + i + k*N, B + k + j*N, C + i + j*N, N,
       \hookrightarrow block_size);
30 }
32 void square_dgemm_blocked_sse(const double *A, const double *B,

→ double *C,

33
                                        int N, int block_size) {
        unsigned bi, bj, bk;
34
        \mathbf{for} \ (\, \mathrm{bi} \, = \, 0\,; \ \mathrm{bi} \, < \, (\mathrm{N} \, / \, \, \mathrm{block\_size}\,)\,; \, +\!\!\!+\!\!\! \mathrm{bi}\,) \ \{
35
             const unsigned i = bi * block_size;
36
             \mathbf{for} \ (bj = 0; \ bj < (N \ / \ block\_size); \ +\!\!+bj) \ \{
37
38
                  const unsigned j = bj * block_size;
39
                  for (bk = 0; bk < (N / block_size); ++bk) {
40
                      const unsigned k = bk * block_size;
41
                      do_block_sse(A, B, C, i, j, k, N, block_size);
42
43
             }
44
        }
45 }
```

Listing 8: vectorization/blocked_dgemm

7.9. src/controller/file.h

```
1 #ifndef FILE_H
 2 #define FILE_H
4 #include < stdio . h>
 5 #include<string.h>
 7 typedef struct file {
        FILE * fp;
 9
        char *filename;
10
        char** attributes;
11
        int num_of_cols;
12
        int num_of_rows;
13 } file_t;
14
15 file_t* create_file(char* filename, char* mode, char** attributes,
       → int cols);
16 int add_row(file_t *file, char **values, int size);
17 \ \mathbf{int} \ \mathrm{build\_row}(\mathbf{char} \ ** \mathrm{values} \ , \ \mathbf{char} \ *\mathrm{row} \ , \ \mathbf{int} \ \mathrm{max\_bytes} \ , \ \mathbf{int} \ \mathrm{size}) \ ;
18 void delete(file_t* file);
20 #endif // FILE_H
```

Listing 9: file

7.10. src/controller/file.c

```
1 #include "file.h"
 2 #include <stdlib.h>
3 #include "utils.h"
5 file_t* create_file(char* filename, char* mode, char** attributes,
      → int cols) {
       file_t* file = (file_t*) malloc(sizeof(file_t));
       if (! file) {
7
8
           return NULL;
9
10
       file ->fp = fopen(filename, mode);
11
       file -> filename = filename;
12
       file \rightarrow num\_of\_cols = cols;
13
14
       if (strcmp("a", mode) != 0) {
15
           char file_header [256];
           if (build_row(attributes, file_header, 256, cols) < 0) {
16
17
                delete (file);
18
                return NULL;
19
20
           add_row(file, attributes, cols);
21
22
       file -> attributes = attributes;
23
       file \rightarrow num\_of\_rows = 0;
24
       return file;
25
26
27 int build_row(char **values, char *row, int max_bytes, int size) {
28
       int bytes = 0;
29
       int pos = 0;
30
       char* buff;
31
       for (int i = 0; i < size; i++) {
32
           buff = (row) + pos;
33
           if (i = size -1) {
34
                bytes = snprintf(buff, max_bytes, "%", values[i]);
35
           } else {
                bytes = snprintf(buff, max_bytes, "%, ", values[i]);
36
37
38
           if (bytes < 0) {
39
                return bytes;
40
41
           pos += bytes;
42
43
       return bytes;
44 }
45
46 int add_row(file_t *file, char **values, int size) {
       if (size != file ->num_of_cols) {
47
48
           return 1;
49
```

```
\begin{array}{ll} \textbf{char} & \textbf{file\_header} \ [\, 2\,5\,6 \,]\,;\\ \textbf{int} & \textbf{bytes} \ = \ \textbf{build\_row} \big(\, \textbf{values} \;, \ \ \textbf{file\_header} \;, \ \ 256 \,, \end{array}
50
51
          \hookrightarrow file \rightarrownum_of_cols);
            if (bytes < 0) {
52
53
                   delete (file);
54
                   return bytes;
55
            fprintf(file ->fp, "%\n", file_header);
56
57
            file \rightarrow num\_of\_rows +=1;
58
            return 0;
59 }
60
61 void delete(file_t* file) {
            fclose (file ->fp);
62
63
            free (file);
64 }
```

Listing 10: file

7.11. src/controller/utils.h

Listing 11: utils

7.12. src/controller/utils.c

```
1 #include "utils.h"
3 void init_arr(double m, double n, double off, double* a) {
4
       int i;
       for (i = 0; i < (m*n); i++) {
5
6
           // a[i] = (i + 1) * off;
7
           a[i] = (i \% 10) * off;
8
       }
9 }
10 void print_arr(char *name, int m, int n, double *array) {
       11
12
13
       for (i = 0; i < m; i++){
14
           for (j = 0; j < n; j++) {
15
               printf("\%|t", array[i+j*n]);
16
17
           printf("\n");
       }
18
19 }
20
21 void multiply_matrices(const double *a, const double *b, double *c,
      \hookrightarrow int n) {
22
       int i, j, k;
23
       for (i = 0; i < n; i++) {
24
           for (j = 0; j < n; j++) {
               for (k = 0; k < n; k++) {
25
26
                    c[i+k*n] = c[i+k*n] + a[i+j*n] * b[j+k*n];
27
28
           }
29
       }
30 }
31
32 bool matrix_compare(const double *a, const double *b, int n) {
       \mathbf{int} \quad i \ , \quad j \ ;
33
34
       for (i = 0; i < n; i++) {
35
           for (j = 0; j < n; j++) {
               if (a[i+j] != b[i+j]) {
36
37
                    return false;
38
39
           }
       }
40
41
       return true;
42 }
43
44 int double_to_string(char* buffer, double num, int max_bytes) {
       return snprintf(buffer, max_bytes, "%f", num);
46 }
```

Listing 12: utils

7.13. src/controller/generate_output_data.py

```
1 import json
 2 import os
 3 import pandas as pd
 4 from subprocess import call
 5 import matplotlib.pyplot as plt
 6 from src.controller.utils import get_null_list_of_dim_n
 8
 9 class OutputData:
       def ___init___(self):
10
            self.data = {
11
12
                 'number_of_threads': [],
                 'parallel_time': [],
13
14
                 'serial_time': [],
15
                 'matrix_dimension': []
            }
16
            self.\_colors = ['b-', 'g-', 'r-', 'c-', 'm-', 'y-', 'k-',
17
       → 'w-']
            self.dfs_data = []
18
            self.pics_path = "./docs/report/pics/"
19
            self.files_path = "./src/data/"
20
21
22
       def add_data(self, serial, parallel, num_workers,
       \hookrightarrow matrix_dimension):
23
            self.data['number_of_threads'].append(num_workers)
            self.data['parallel_time'].append(parallel)
self.data['serial_time'].append(serial)
24
25
26
            self.data['matrix_dimension'].append(matrix_dimension)
27
28
        @staticmethod
       \mathbf{def} \ \mathrm{gustafson\_speed\_up} \left( a \,, \ b \,, \ p \right) \colon
29
30
            return (a + p * b) / (a + b)
31
32
        @staticmethod
33
       def amdahl_speed_up(s, p, n):
34
            \mathbf{return} \ (s + p) \ / \ (s + p/n)
35
36
        @staticmethod
37
       def speed_up(s_n, p_n, s_1, p_1):
            {\bf return} \ (s\_1 \ + \ p\_1) \ / \ (s\_n \ + \ p\_n)
38
39
40
        @staticmethod
41
       \mathbf{def} amdahl_max_speed_up(s, p):
42
            return 1 + p/s
43
       def save_data(self, df_name):
44
45
            df = pd.DataFrame(data=self.data)
            self.save_df_data(df, [], '', {}, df_name, False)
46
47
       def save_df_in_image(self, df, df_name):
48
```

```
path = self.pics path + df name
49
50
            df.to_html('table.html')
            command = f'wkhtmltoimage -f png -width 0 table.html {path}'
51
52
             call (command, shell=True)
53
             call ('rm table.html', shell=True)
54
55
       def df_to_csv(self, df, df_name):
            path = self.files_path + df_name
56
            df.to_csv(path, index=False, sep=',', encoding='utf-8-sig')
57
58
59
       def get df from csv(self, filepath):
60
            return pd.read_csv(filepath, low_memory=False, sep=',')
61
62
        def graph amdahl speed up(self, filename):
63
            df = pd. DataFrame (data=self.data)
            columns = [
64
                 'number_of_threads',
65
                  'parallel_time',
66
                 'serial_time'
67
68
69
            df = df.loc[:, columns]
            df['theoretical speed up'] =
70

    get_null_list_of_dim_n(len(df.index))
71
            df['theoretical_speed_up'] = df.apply(
72
                 lambda x: self.amdahl_speed_up(
73
                      self.data['serial_time'][0]
74
                      self.data['parallel_time'][0],
75
                      x['number_of_threads']
                 ),
76
77
                 axis=1
78
            df\left[ \ 'real\_speed\_up \ '\right] \ = \ get\_null\_list\_of\_dim\_n\left( \ len\left( \ df \ . \ index \right) \right)
79
            \mathrm{df}\left[\;\mathrm{'real\_speed\_up'}\right]\;=\;\mathrm{df}\,.\,\mathbf{apply}\left(\;
80
81
                 lambda x: self.speed_up(
82
                      x['serial_time'],
83
                      x['parallel_time'],
                      self.data['serial_time'][0],
84
85
                      self.data['parallel_time'][0]
                 ),
86
87
                 axis=1
88
            )
89
90
            df['max_speed_up'] = get_null_list_of_dim_n(len(df.index))
91
            df['max_speed_up'] = df.apply(
                 lambda x: self.amdahl_max_speed_up(
92
                      x['serial_time'],
93
                      x['parallel_time']
94
95
                 ),
96
                 axis=1
97
98
            \max\_\operatorname{speed\_up} = \operatorname{df}[\operatorname{'max\_speed\_up'}][0]
```

```
99
            df['max speed up'] = df['max speed up'].map(lambda x:
       \hookrightarrow max_speed_up)
100
101
            columns = [
102
                 'number_of_threads',
103
                 'theoretical_speed_up',
104
                 'real_speed_up',
105
                 'max_speed_up'
106
107
            df = df.loc[:, columns]
108
            self.save_df_data(
109
                 df,
                 ['theoretical_speed_up', 'real_speed_up',
110
       \hookrightarrow 'max_speed_up'],
111
                 'number_of_threads',
112
113
                      'theoretical_speed_up': 'b-',
                     `real\_speed\_up': 'r-',
114
                     '\max\_speed\_up': 'g-'
115
116
117
                 filename,
118
                 True
119
            )
120
121
        def graph(self, df, y_axis, x_axis, colors, graph_name):
122
            for field in y_axis:
123
                 plt.plot(
124
                     df[x_axis],
                     df[field],
125
                     colors [field],
126
127
                     label=field,
128
                     marker='o',
129
                     linestyle='dashed'
130
                 )
131
            plt.xlabel(x_axis)
132
            plt.yscale('linear')
133
            plt.legend(loc='best')
134
            plt.savefig(self.pics_path + graph_name)
135
            plt.clf()
136
137
        @staticmethod
138
        def file_exists(path):
            return os.path.isfile(path) and os.access(path, os.R_OK)
139
140
141
        @classmethod
142
        def delete_all_data(cls):
            os.system('rm src/data/*')
143
144
145
        def save_df_data_to_json(self):
146
            path = f'{self.files_path}data.json'
            data = | |
147
148
            if self.file_exists(path):
```

```
with open(path, encoding='utf-8-sig') as json file:
149
                     text = json_file.read()
150
151
                     if text:
152
                         data = json.loads(text)
153
            with open(path, 'w') as f:
154
                json.dump(self.dfs_data+data, f)
155
156
       def save_df_data(self, df, y_axis, x_axis, colors, graph_name,
       \hookrightarrow has_graph):
157
            df_graph_name = graph_name.split('.png')[0] + '_table.csv'
158
            self.df_to_csv(df, df_graph_name)
159
            self.dfs data.append({
160
                'has graph': has graph,
                'df_path_name': df_graph_name,
161
162
                 'y_axis': y_axis,
                 'x_axis': x_axis,
163
                 'colors': colors,
164
165
                'graph_name': graph_name
166
            })
167
168
        def read_dfs_data_from_json(self):
            data_path = f "{ self.files_path} data.json "
169
170
            with open(data_path, encoding='utf-8-sig') as json_file:
                text = json_file.read()
171
172
                self.dfs_data = json.loads(text)
173
174
       def graph_dfs(self):
            for df_data in self.dfs_data:
175
176
                df_name = df_data['df_path_name']
                table_graph_name = df_name.split('.csv')[0] + '.png'
177
178
                df_path_name = self.files_path + df_name
                df = pd.read_csv(df_path_name, low_memory=False, sep=',')
179
180
                self.save_df_in_image(df, table_graph_name)
181
                if df_data['has_graph']:
182
                    y_axis = df_data['y_axis']
183
                    x axis = df data['x axis']
                     colors = df_data['colors']
184
185
                    graph_name = df_data['graph_name']
186
                     self.graph(df, y_axis, x_axis, colors, graph_name)
187
       def graph_gustafson_exec_time(self, filename):
188
189
            df = pd.DataFrame(data=self.data)
190
            columns = [
191
                'matrix dimension',
192
                'parallel_time',
                'serial time'
193
194
195
            df = df.loc[:, columns]
196
            self.save_df_data(
197
                df,
                ['parallel_time', 'serial_time'],
198
199
                 'matrix_dimension',
```

```
200
                       'parallel_time': 'b-',
201
                       'serial_time': 'r-'
202
203
204
                  filename,
205
                  True
206
             )
207
208
        def graph_gustafson_speed_up(self, filename):
209
             df = pd.DataFrame(data=self.data)
210
             columns = [
211
                  'matrix_dimension',
212
                  'parallel_time',
                  'serial_time'
213
214
             df = df.loc[:, columns]
df['speed_up'] = [0] * len(df.index)
df['speed_up'] = df.apply(
215
216
217
218
                  lambda x: self.gustafson_speed_up(
219
                      x['serial_time'],
                      x['parallel_time'],
220
221
                       self.data['number_of_threads'][0]
222
                  ),
223
                  axis=1
224
225
             df = df.loc[:, ['matrix_dimension', 'speed_up']]
226
             self.save_df_data(
227
                  df,
228
                  [ 'speed_up'],
229
                  'matrix_dimension',
230
                  { 'speed_up ': 'b-'},
231
                  filename,
232
                  True
233
```

Listing 13: generate_output_data

7.14. src/controller/map_reduce.py

```
1 import collections
 2 import itertools
 3 import multiprocessing as mp
4 from math import ceil
5 from src.controller.utils import chunks
6 from src.controller.statistics import Statistics
9 class MapReduce(object):
10
      11
12
13
           :param map_func: Function to map inputs to intermediate
      \hookrightarrow data. Takes as
14
           argument one input value and returns a tuple with the key
      \hookrightarrow and a value
15
           to be reduced.
           :param reduce_func: Function to reduce partitioned version of
16
17
           intermediate data to final output. Takes as argument a key
      \hookrightarrow as produced
           by map_func and a sequence of the values associated with
18
      \hookrightarrow that key.
           " " "
19
20
           self.map\_func = map\_func
21
           self.reduce_func = reduce_func
           self.statistics = Statistics()
22
23
24
       @staticmethod
25
       def get_chunksize(inputs, num_workers):
26
           chunksize = int(len(inputs) / num_workers)
27
           if chunksize == 0:
28
               return 1
29
           return chunksize
30
31
       def get_statistics(self):
32
           return self.statistics
33
34
       @staticmethod
35
       def keys_repeated(map_responses):
36
           map_responses = map_responses.copy()
37
           map_responses =
      → list (itertools.chain.from_iterable(map_responses))
38
           keys = \{\}
39
           for a_mapped_value in map_responses:
40
               pos, values = a_mapped_value
               if pos not in keys:
41
42
                   keys [pos] = [False, values]
43
               else:
44
                    keys[pos][0] = True
                    keys[pos][1] += values
45
```

```
keys = list(keys.items())
46
            repeated = list(filter(lambda x: x[1][0], keys.copy()))
47
            \texttt{repeated} \; = \; \textbf{list} \left( \textbf{map}(\textbf{lambda} \; x \colon \; \left( \, x \, [\, 0\, ] \; , \; \; x \, [\, 1\, ] \, [\, 1\, ] \, \right) \; , \; \; \texttt{repeated} \; \right) )
48
49
            not_repeated = list(filter(lambda x: not x[1][0],
      \hookrightarrow keys.copy())
50
            not\_repeated = list(map(lambda x: (x[0], x[1][1]),
      → not_repeated))
            return repeated, not_repeated
51
52
53
       @staticmethod
54
       def group_by_key(mapped_values):
55
            Organize the mapped values by their key.
56
            Returns an unsorted sequence of tuples with a key and a
57
      \hookrightarrow sequence of
58
            values.
59
60
            mapped\_values =
      → list (itertools.chain.from_iterable(mapped_values))
61
            partitioned_data = collections.defaultdict(list)
62
            for a_mapped_value in mapped_values:
63
                key, value = a_mapped_value
64
                 partitioned_data[key].append(value)
            return list (partitioned_data.items())
65
66
67
       @staticmethod
68
       def shuffle(map_responses, num_workers):
            map\_responses = list(filter(lambda x: len(x) != 0,
69

→ map_responses))
70
            map\_responses =
      → list(itertools.chain.from_iterable(map_responses))
71
            map_responses.sort(key=lambda tup: tup[0])
72
            map_responses = chunks(map_responses, num_workers)
            map_responses = list(filter(lambda x: len(x) != 0,
73

→ map responses))
74
            return map responses
75
76
       def group_by_key_mapped_values(self, map_responses, num_workers):
77
            is_repeated = True
78
            output = []
79
            while is_repeated:
80
                # self.statistics.start('serial')
                num_workers = ceil(num_workers/2)
81
82
                map responses = self.shuffle(map responses, num workers)
83
                chunksize = self.get_chunksize(map_responses,
      → num workers)
                # self.statistics.stop('serial')
84
85
                pool = mp. Pool (processes=num workers)
                # self.statistics.start('parallel')
86
87
                map\_responses = pool.map(
88
                     self.group_by_key,
89
                     map_responses,
```

```
90
                      chunksize=chunksize
91
92
                 # self.statistics.stop('parallel')
93
                 pool.close()
94
                 # self.statistics.start('serial')
95
                 repeated, not_repeated =
       → self.keys_repeated(map_responses)
96
                 output += not_repeated
97
                 map\_responses = repeated
98
                 is_repeated = len(repeated) != 0
99
                 # self.statistics.stop('serial')
100
             return output
101
102
        def map(self , inputs , num_workers=None):
103
104
             : param \quad inputs: \quad data \quad to \quad map\!\!-\!reduce
105
             :param chunksize: The portion of the input data to hand to
       \hookrightarrow each worker.
106
             This can be used to tune performance during the mapping
       \hookrightarrow phase.
107
             :param num_workers: The number of workers to create.
108
             :return: Process the inputs through the map and reduce
       \hookrightarrow functions given.
109
110
111
        def reduce(self , partitioned_data , num_workers=1):
112
113
             : param partitioned\_data:
114
             :param num_workers: The number of workers to create.
115
             : return:
116
```

Listing 14: map_reduce

7.15. src/controller/pool.py

```
1 import time
 2 import multiprocessing as mp
 3 from src.controller.map_reduce import MapReduce
5
6 class Pool (MapReduce):
7
       def ___init___(self , map_func, reduce_fun):
8
9
           super().__init___(map_func=map_func, reduce_func=reduce_fun)
           self.sleep\_sec = 0.5
10
11
12
       def map(self, inputs, num_workers=1):
13
           num\_cpu = mp.cpu\_count()
14
           if num_workers > num_cpu:
15
                num workers = num cpu
16
           chunksize = self.get_chunksize(inputs, num_workers)
           pool = mp. Pool ( processes=num_workers)
17
18
           self.statistics.start('parallel')
19
           map\_responses = pool.map(
20
                self.map_func,
21
                inputs,
22
                chunksize=chunksize
23
24
           \# data = self.group\_by\_key\_mapped\_values(map\_responses,
      \hookrightarrow num\_workers)
25
           data = self.group_by_key(map_responses)
26
           pool.close()
27
           pool.join()
28
           self.statistics.stop('parallel')
29
           print(f"parallel:

→ {self.statistics.get_time_elapsed('parallel')}")
30
           # time.sleep(self.sleep_sec)
31
           return data
32
33
       def reduce(self , partitioned_data , num_workers=1):
34
           \# pool = mp. Pool(processes=num\_workers)
35
           self.statistics.start('serial')
36
           # reduced_values = pool.map(self.reduce_func,
      \hookrightarrow partitioned\_data)
           reduced values = []
37
           for data in partitioned_data:
38
39
                reduced_values.append(self.reduce_func(data))
40
           # pool.close()
41
           # pool.join()
42
           self.statistics.stop('serial')
43
           print(f"serial:

→ { self.statistics.get_time_elapsed('serial')}")
44
           # time.sleep(self.sleep_sec)
45
           return reduced values
```

Listing 15: pool

7.16. src/controller/process.py

```
1 import itertools
 2 import multiprocessing as mp
 3 from src.controller.map_reduce import MapReduce
4 from src.controller.utils import chunks
5 from src.controller.my_process import MyProcess
6
7
8 class Process (MapReduce):
9
       def ___init___(self, map_func, reduce_fun):
10
           self.processes = []
11
           super().__init___(map_func=map_func, reduce_func=reduce_fun)
12
13
14
       def map(self, inputs, num_workers=1):
15
           num_cpu = mp.cpu_count()
16
           if num_workers > num_cpu:
17
               num workers = num cpu
18
           splitted data = chunks(inputs, num workers)
19
           for i in range(0, num_workers):
20
               arg = splitted_data[i]
               self.processes.append(MyProcess(target=self.map_func,
21
      \hookrightarrow \operatorname{args=arg})
           map_responses = []
22
23
           self.statistics.start('parallel')
24
           for process in self.processes:
25
               process.daemon = True
26
               process.start()
27
           for process in self.processes:
28
               process.join()
29
               map_responses += process.get_output()
30
           self.statistics.stop('parallel')
31
           print(f"parallel:

→ { self.statistics.get_time_elapsed('parallel')}")
32
           map\_responses = list(filter(lambda x: len(x) != 0,

→ map_responses))
33
           return self.group_by_key(map_responses)
34
35
       def reduce(self, partitioned_data, num_workers=1):
           output = []
36
37
           self.statistics.start('serial')
           for item in partitioned_data:
38
               output.append(self.reduce_func(item))
39
40
           self.statistics.stop('serial')
41
           print(f"serial:

→ { self.statistics.get_time_elapsed('serial')}")
42
           return output
```

Listing 16: process

7.17. src/controller/my_process.py

```
1 from multiprocessing import Process, Queue
2 import time
3
4
5 class MyProcess (Process):
6
7
       def ___init___(self , target , args):
8
           self.target = target
9
           self.args = args
10
           self.output = Queue()
11
           self.finish = Queue()
12
           self.output_list = []
13
           super().__init___(target=target, args=args)
14
15
       def run(self):
16
           for an_arg in self.args:
17
                self.output.put(self.target(an_arg))
           self.finish.put(True)
18
19
20
       def get_queue_data(self):
21
           output_list = []
22
           while self.output.qsize() != 0:
23
               output_list.append(self.output.get())
24
           return output_list
25
26
       def get_output(self):
27
           return self.output_list
28
29
       def has_finished(self):
30
           return self.finish.qsize() != 0
31
32
       def join(self, **kwargs):
           while self.finish.empty():
33
               time.sleep(0.00000000000000000001)
34
           self.finish.get()
35
36
           self.finish.close()
37
           self.finish.join_thread()
38
           self.output_list = self.get_queue_data()
39
           self.output.close()
40
           self.output.join_thread()
           super().join(**kwargs)
41
```

Listing 17: my_process

7.18. src/controller/statistics.py

```
1 from time import time
 3
 4 class Statistics:
       def ___init___(self):
            self.timers = {
 6
 7
                'serial': float(0),
                'parallel': float(0),
 8
                'global': float(0),
 9
10
            }
            self.time\_elapsed = \{
11
12
                'serial': \mathbf{float}(0),
                'parallel': float(0),
13
                'global': \mathbf{float}(0),
14
15
           }
16
       def start(self, key):
17
            self.timers[key] = time()
18
19
20
       def stop(self, key):
21
            stop_time = time()
            self.time_elapsed[key] += (stop_time - self.timers[key]) *1000
22
23
24
       def get_time_elapsed(self, key):
25
            return self.time_elapsed[key]
```

Listing 18: statistics

7.19. src/controller/utils.py

```
1 import numpy as np
 2 import os
3 from math import ceil
5
6 def column (matrix, i):
7
       return [row[i] for row in matrix]
8
9
10 def get_random_matrix_of_dim_n(N):
       random_matrix = np.random.randint(low=1, high=255, size=(N, N))
11
12
       for i in range (0, N):
           random_matrix[i] = random_matrix[i].tolist()
13
14
       return random_matrix.tolist()
15
16
17 def get_null_matrix_of_dim_n(N):
       random matrix = np.zeros((N, N))
18
19
       for i in range (0, N):
20
           random_matrix[i] = random_matrix[i].tolist()
21
       return random_matrix.tolist()
22
24 def get_null_list_of_dim_n(N):
25
       return np. zeros (N). tolist ()
26
27
28 def get_partitions(matrix, row_p, col_p):
29
      N = len(matrix)
30
       col\_size\_p = ceil(N/col\_p)
31
       row\_size\_p = ceil(N/row\_p)
32
       blocks = array_to_list(np.zeros((row_p, col_p)))
       for r in range (0, row_p):
33
34
           for c in range (0, col_p):
35
               left\_side = c * col\_size\_p
36
                right_side = left_side + col_size_p
37
               up\_side = r * row\_size\_p
               down\_side = up\_side + row\_size\_p
38
39
               rows = matrix [up_side:down_side]
40
               block = []
               for row in rows:
41
42
                    block.append(row[left_side:right_side])
43
                blocks[r][c] = block.copy()
       return blocks
44
45
46
47 def multiply_two_matrices(matrix_a, matrix_b):
       rows_a = len(matrix_a)
48
49
       cols b = len(matrix b[0])
       cols_a = len(matrix_a[0])
```

```
multiplication = array_to_list(np.zeros((rows_a, cols_b)))
51
52
       for i in range (0, rows_a):
53
           for j in range(0, cols_b):
54
                partial\_sum = 0
55
                for k in range(0, cols_a):
56
                    partial_sum += matrix_a[i][k] * matrix_b[k][j]
                multiplication[i][j] = partial_sum
57
       return multiplication
58
59
60
61 def sum matrices (matrices):
62
       rows = len(matrices[0])
63
       cols = len(matrices[0][0])
64
       result = array_to_list(np.zeros((rows, cols)))
       for i in range (0, rows):
65
           for j in range (0, cols):
66
67
                for matrix in matrices:
                    result[i][j] += matrix[i][j]
68
69
       return result
70
71
72 def array_to_list(array):
73
       rows = len(array)
       for i in range (0, rows):
74
75
           array[i] = array[i].tolist()
76
       return array.tolist()
77
78
79 def print_matrix(matrix):
       rows = len(matrix)
80
       for i in range (0, rows):
81
82
           print(f"{matrix[i]}\n")
83
84
85 def chunks(a_list, num):
86
87
       :param\ a\_list:\ a\ list\ to\ split\ in\ n\ chunks
88
       : param \ num \colon \ number \ of \ chunks
       : return: \ list \ splitted
89
90
91
       avg = len(a_list) / float(num)
92
       out = []
93
       last = 0.0
94
       while last < len(a list):
95
           out.append(a_list[int(last):int(last + avg)])
96
           last += avg
97
       return out
```

Listing 19: utils

${\bf 7.20. \quad src/model/multiply_matrices_interface.py}$

```
1 \ \mathbf{class} \ \mathrm{MultiplyMatricesInterface}:
 3
            @staticmethod
            \mathbf{def} \ \operatorname{pre\_processing} \left( \operatorname{matrix\_a}, \ \operatorname{matrix\_b}, \ **kwargs \right) \colon
 4
 5
                   {\bf raise}\ \ {\rm NotImplementedError}
 6
 7
            @staticmethod
            \mathbf{def} \ \mathrm{map\_worker} \, (\, \mathrm{chunk} \, ) :
 8
 9
                   {\bf raise}\ \ {\rm NotImplementedError}
10
11
            @staticmethod
            \mathbf{def} \ \mathtt{reduce\_worker(item)}:
12
13
                   {\bf raise}\ \ {\rm NotImplementedError}
```

Listing 20: multiply_matrices_interface

7.21. src/model/element_by_row_block.py

```
1 from src.model.multiply_matrices_interface import
      → MultiplyMatricesInterface
3
4 class ElementByRowBlock(MultiplyMatricesInterface):
5
6
       @staticmethod
7
       def pre_processing(matrix_a, matrix_b, **kwargs):
8
           row_size = len(matrix_a)
           col\_size = len(matrix\_a[0])
9
10
           output = []
           for i in range (0, row\_size):
11
12
               for j in range(0, col_size):
13
                   element\_by\_row\_block = [matrix\_a[i][j]] + matrix\_b[j]
14
                   output.append((i, element_by_row_block))
15
           return output
16
       @staticmethod
17
18
       def map_worker(chunk):
19
           output = []
20
           i, elements = chunk
21
           elem_a = elements[0]
22
           elements.pop(0)
23
           col_size = len(elements)
24
           for j in range(0, col_size):
25
               output.append(((i, j), elem_a * elements[j]))
26
           return output
27
28
       @staticmethod
29
       def reduce_worker(item):
30
           output_pos, values = item
           result = 0
31
32
           for a_value in values:
33
               result += a_value
34
           return output_pos, result
```

Listing 21: element_by_row_block

7.22. src/model/column_by_row.py

```
1 \hspace{0.1cm} \textbf{from} \hspace{0.1cm} \textbf{src.model.multiply\_matrices\_interface} \hspace{0.1cm} \textbf{import}
      → MultiplyMatricesInterface
 3
 4 class ColumnByRow(MultiplyMatricesInterface):
 5
       @staticmethod
 6
 7
       def pre_processing(matrix_a, matrix_b, **kwargs):
 8
            N = len(matrix_a)
 9
            output = []
            for i in range (0, N):
10
                 col_a = [row[i] for row in matrix_a]
11
12
                 output.append((col_a, matrix_b[i]))
13
            return output
14
       @staticmethod
15
       def map_worker(chunk):
16
            col\_a, row\_b = chunk
17
18
            output = []
19
            for row, elem_a in enumerate(col_a):
20
                 for col , elem_b in enumerate(row_b):
21
                     key = (row, col)
22
                     value = elem_a * elem_b
23
                     output.append((key, value))
24
            return output
25
26
       @staticmethod
27
       def reduce_worker(item):
28
            output_pos, values = item
29
            result = 0
30
            for a_value in values:
31
                 result += a_value
32
            return output_pos, result
```

Listing 22: column_by_row

7.23. src/model/by_blocks.py

```
1 import numpy as np
 2 from src.model.multiply_matrices_interface import
      → MultiplyMatricesInterface
3 from src.controller.utils import get_partitions, sum_matrices
6 class ByBlocks (MultiplyMatricesInterface):
7
8
       @staticmethod
       def pre_processing(matrix_a, matrix_b, **kwargs):
9
10
           output = []
11
           row_p = kwargs.get('row_p', 2)
12
           col_p = kwargs.get('col_p', 2)
13
           blocks_a = get_partitions(matrix_a, row_p, col_p)
14
           blocks_b = get_partitions(matrix_b, row_p, col_p)
15
           for r_a in range(0, row_p):
               for c a in range(0, col p):
16
17
                    a \quad block = blocks \quad a[r \quad a][c \quad a]
18
                    output.append((r_a, a_block, blocks_b[c_a]))
19
           return output
20
21
       @staticmethod
22
       def map_worker(chunk):
23
           r_a, block_a, blocks_b = chunk
24
           output = []
           col_size = len(blocks_b)
25
26
           for c_b in range(0, col_size):
27
                result = np.matmul(block_a, blocks_b[c_b]).tolist()
28
               key = (r_a, c_b)
29
               output.append((key, result))
30
           return output
31
32
       @staticmethod
33
       def reduce_worker(item):
34
           output_pos, values = item
35
           result = sum_matrices(values)
36
           output = []
37
           row size = len(result)
38
           block_pos_i, block_pos_j = output_pos
           for i in range(0, row_size):
39
40
               col\_size = len(result[i])
41
               for j in range(0, col_size):
42
                    pos = (block_pos_i*row_size+i,
      \hookrightarrow block_pos_j*col_size+j)
43
                    output.append((pos, result[i][j]))
44
           return output
```

Listing 23: by_blocks