

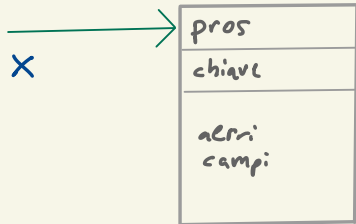
# Algoritmi e Strutture Dati

## Lezione 13

22 ottobre 2025

# Liste concatenate

Accesso ai nodi tramite riferimenti (puntatori)



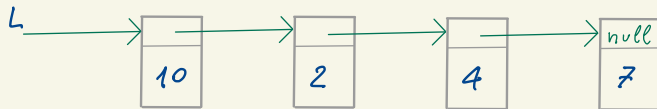
$x \equiv$  riferimento al nodo

$x.chiave \equiv$  campo chiave

$x.pros \equiv$  riferimento a  
nodo successivo

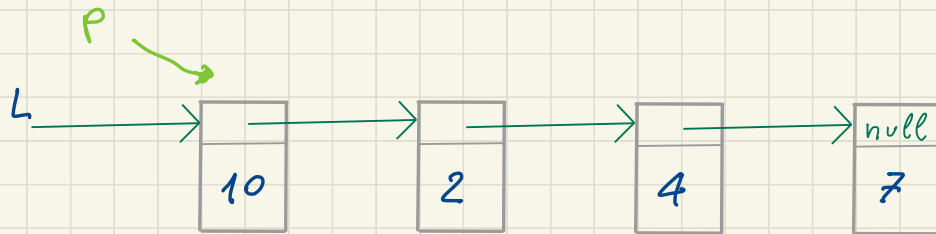
$null \equiv$  riferimento nullo

## Liste concatenate



Ricerca elemento in base alla chiave

$K$  121



FUNZIONE trova (Lista  $L$ , tipo Chiave  $K$ )  $\rightarrow$  Node

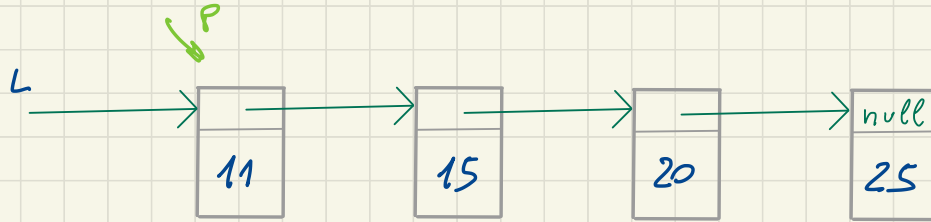
$p \leftarrow L$

WHILE  $p \neq \text{null}$  AND  $p.\text{chiave} \neq K$  DO

$p \leftarrow p.\text{pros}$

RETURN  $p$

Ricerca elemento in base alla chiave in una lista ORDINATA



FUNZIONE trova (ListaOrdinata L, tipChiave K)  $\rightarrow$  Nodo

$p \leftarrow L$

WHILE  $p \neq \text{null}$  AND  $p.\text{chiave} < K$  DO

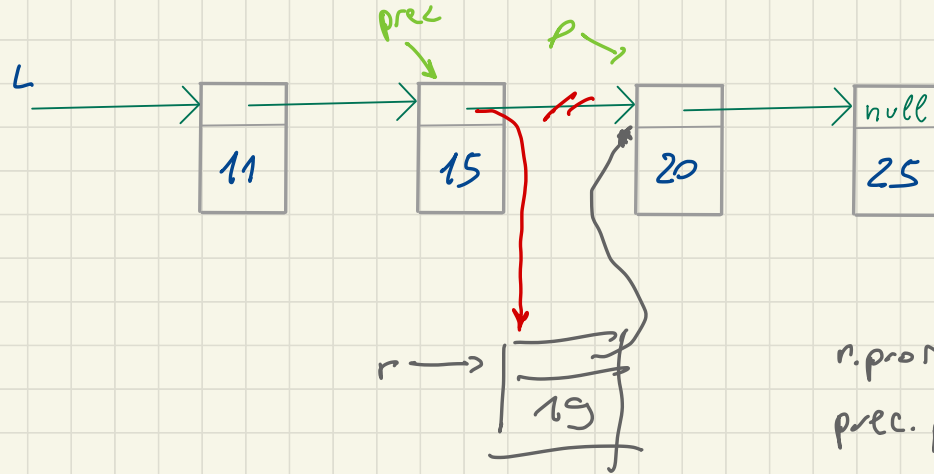
$p \leftarrow p.\text{pros}$

IF  $p = \text{null}$  OR  $p.\text{chiave} > K$  THEN

RETURN null

ELSE RETURN p

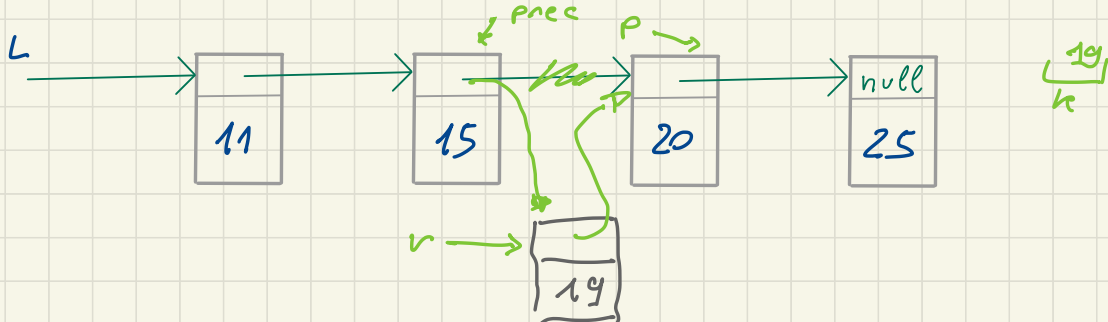
## Inserimento in una lista ordinata



insertare 19

$r.\text{pross} \leftarrow p$

$\text{prec. pros} \leftarrow r$



FUNZIONE inserisci: (ListaOrdinata L, elemento d)  $\rightarrow$  ListaOrdinata

$k \leftarrow d.chiave$

$p \leftarrow L$

$prec \leftarrow null$

WHILE  $p \neq null$  AND  $p.chiave < k$  DO

$prec \leftarrow p$

$p \leftarrow p.pros$

$r \leftarrow$  riferimento a nuovo nodo

$r.chiave \leftarrow k$

$r.altri\ campi \leftarrow d.altri\ campi$

$r.pros \leftarrow p$

$prec.pros \leftarrow r$

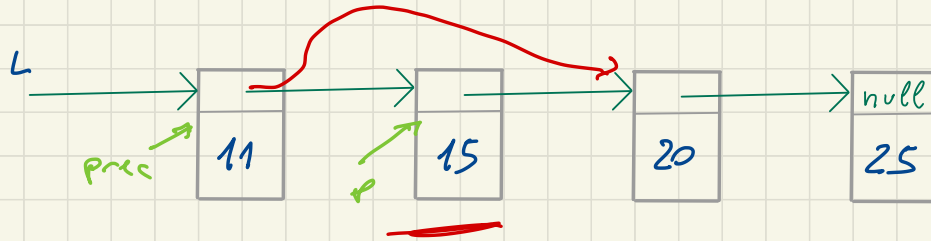
IF  $prec = null$  THEN

$L \leftarrow r$

ELSE  $prec.pros \leftarrow r$

RETURN L

# Cancellation



$prec.prox \leftarrow p.prox$   $\rightarrow$  liberare la memoria

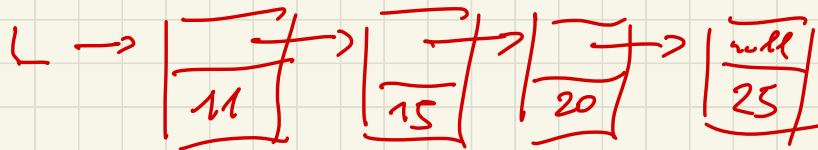
caso particolare: cancellare all'inizio



# Implementazione tramite array

chiave	1	15	25	11	3	20	...
pros	7	5	-1	1	-1	2	...
altri campi	...	...	...	...	...	...	...
	0	1	2	3	4	5	

L 3



Implementazione tramite puntatori

# Tipo Pila

Stack

Collezione di dati con organizzazione *Last-In-First-Out*

LIFO

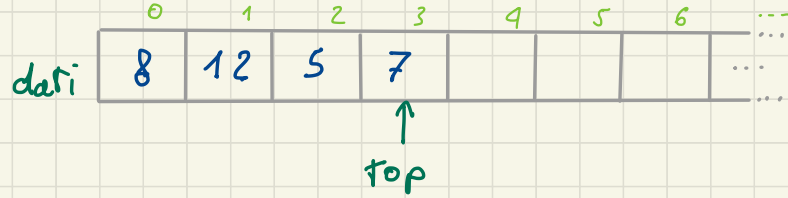
Operazioni

- isEmpty() → boolean
- push(elemento)
- pop() → elemento
- top() → elemento

7
5
12
8

PILA: implementazione mediante array

7
5
12
8



FUNZIONE isEmpty() → boolean

IF top = -1 THEN RETURN true  
ELSE RETURN false

PROCEDURA push (elemento  $x$ )

$top \leftarrow top + 1$

$dati[top] \leftarrow x$

Errore  
se array  
è pieno!

10
7
5
12
8

	0	1	2	3	4	5	6	...
dati	8	12	5	7	10			...
				$\uparrow$ <del>top</del>	$\uparrow$ top			

FUNZIONE top()  $\rightarrow$  elemento

RETURN  $dati[top]$

FUNZIONE pop()  $\rightarrow$  elemento

$x \leftarrow dati[top]$

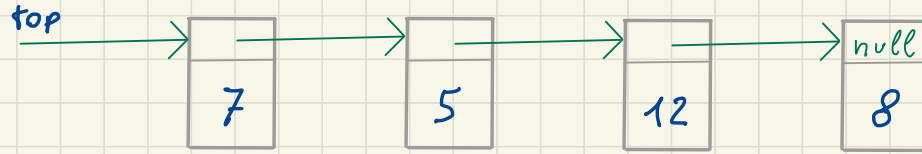
$top \leftarrow top - 1$

RETURN  $x$

Errore  
se pila vuota!

PILA: implementazione mediante liste

Pila vuota  
null  
top



↑  
elemento più in alto

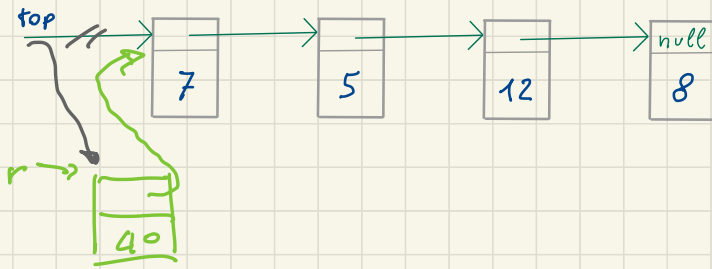
7
5
12
8

FUNCTIONE isEmpty() → boolean

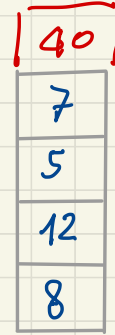
IF top = null THEN

RETURN true

ELSE RETURN false



PUSH(40)



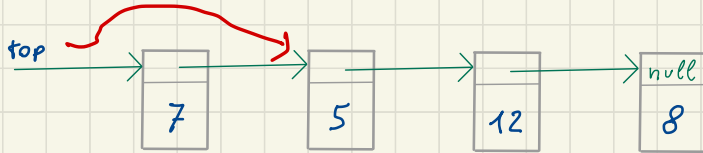
PROCEDURA push (elemento  $x$ )

$r \leftarrow$  riferimento a un nuovo nodo

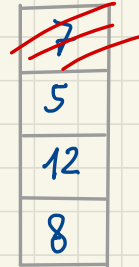
$r.data \leftarrow x$

$r.pros \leftarrow top$

$top \leftarrow r$



FUNZIONE  $\text{top}() \rightarrow \text{elemento}$   
 RETURN  $\text{top.data}$



FUNZIONE  $\text{pop}() \rightarrow \text{elemento}$   
 $x \leftarrow \text{top.data}$   
 $\text{top} \leftarrow \text{top.pross}$       $\begin{cases} \text{rilascio} \\ \text{stack memory} \end{cases}$   
 RETURN  $x$

Tempo operazione  $O(1)$



# Tipo Coda

Collezione di dati con organizzazione *First-In-First-Out*

FIFO

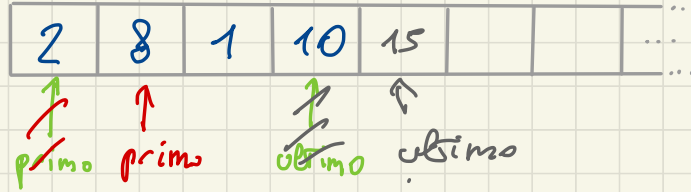
Operazioni

- isEmpty() → boolean
- enqueue(elemento)
- dequeue() → elemento
- first() → elemento

4 10 15 7

# CODA: implementazione mediante array

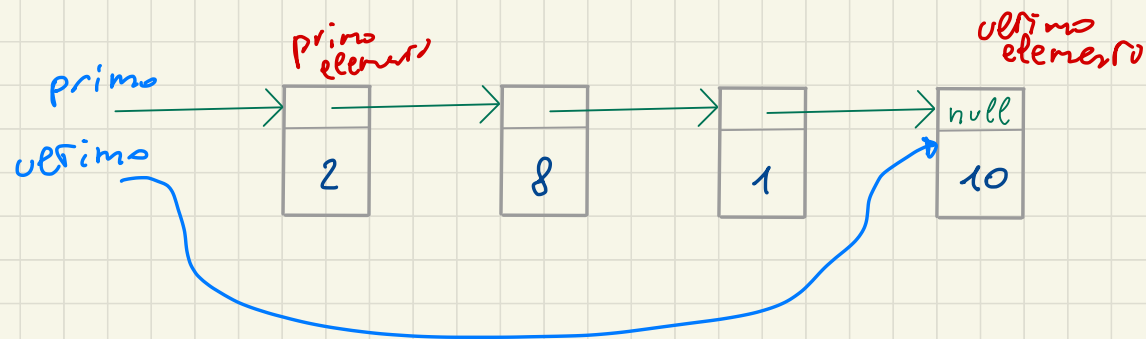
enqueue(15)



dequeue()

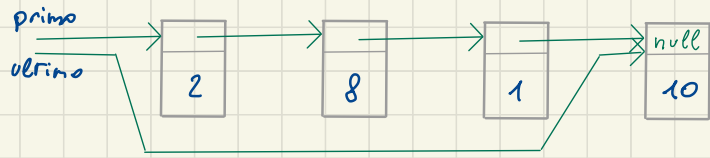
array "circolare"

# CODA: implementazione mediante liste



code vista

primo null  
ultimo null



FUNZIONE isEmpty() → boolean

IF primo = null THEN

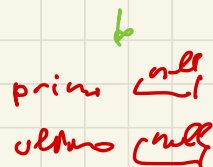
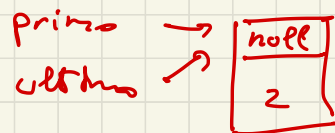
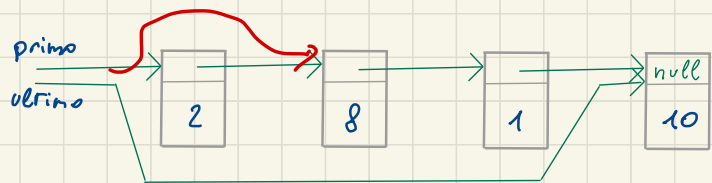
RETURN true

ELSE RETURN false

FUNZIONE First() → elemento

RETURN primo.data

x (2)



FUNZIONE dequeue () → elemento

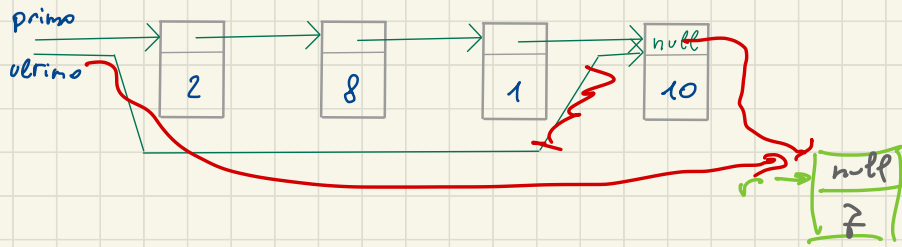
$x \leftarrow \text{primo.dato}$

$\text{primo} \leftarrow \text{primo.pros}$

IF primo = null THEN

ultimo ← null

RETURN x



PROCEDURE enqueue (elemento x)

$r \leftarrow$  riferimento a un nuovo nodo

$r.data \leftarrow x$

$r.pros \leftarrow null$

IF  $primo = null$  THEN

$primo \leftarrow r$

$ultimo \leftarrow r$

ELSE

$ultimo.pros \leftarrow r$

$ultimo \leftarrow r$

$ultimo.pros \leftarrow r$

$ultimo \leftarrow r$

caso di coda vuota

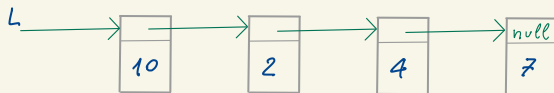


Tempo  $O(1)$

# Dalle liste agli alberi

## Liste lineari

- Collezioni di nodi collegati tramite riferimenti



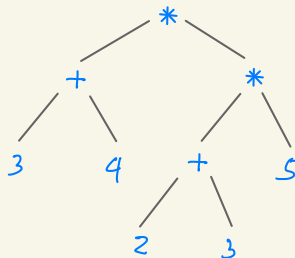
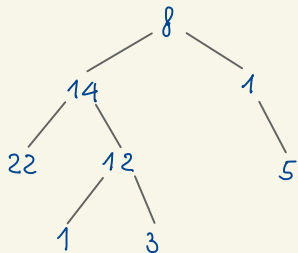
- Ad ogni nodo è possibile associare un *unico successore*

Mediante riferimenti/puntatori è possibile definire strutture più complicate, ma più flessibili

# Dalle liste agli alberi

## Alberi binari

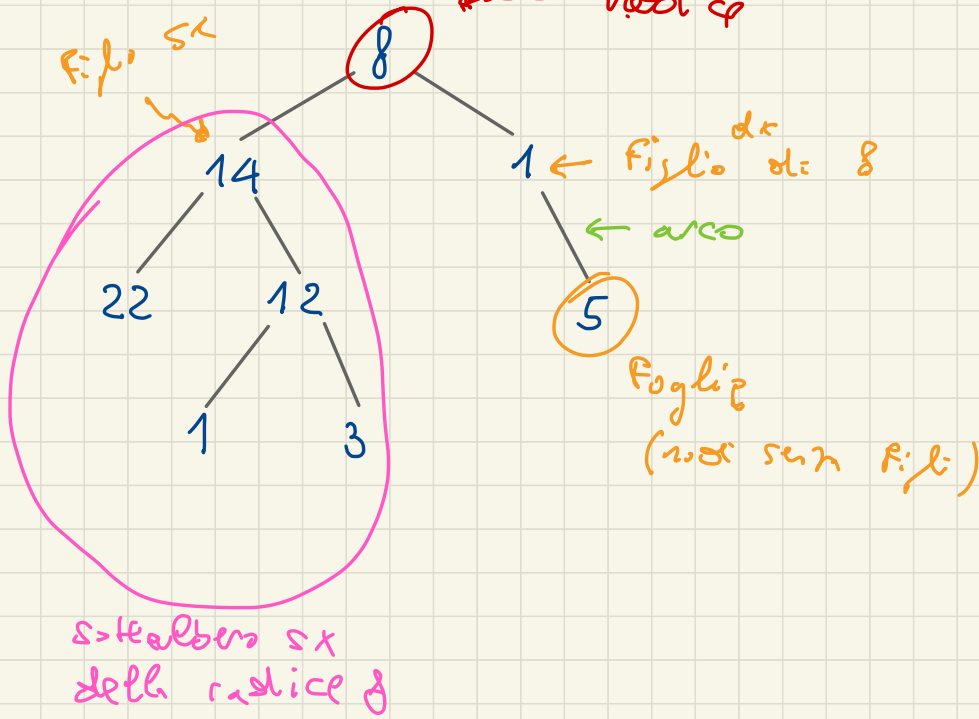
- Ad ogni nodo possono essere associati *due* “successori” detti figlio sinistro e destro



$$(3 + 4) * (2 + 3) * 5$$



Alberi con radice



Profondità o livello

- radice prof. 0
- figli di un nodo a profondità  $k$  hanno prof  $k+1$

Albero albero:

max prof di  
un nodo