



CAPITAL OF STATISTICS

PROFESSION, HUMANITY &amp; INTEGRITY

s://ask.hel

## 统计之都

(https://ask.hellobi.com/people/7%BB%9F%E8%AE%A1%E4%B9%8B%E9%83%BD)

专业、人本、正直的中国统计学门户网站

我的首页 (/blog/CapStat/site/) 博客地图 (/blog/CapStat/site/)

默认分类 1

(/blog/CapStat/category/0)

python 3

(/blog/CapStat/category/1698)

r语言 19

(/blog/CapStat/category/1689)

大数据 2

(/blog/CapStat/category/1706)

深度学习 1

(/blog/CapStat/category/1711)

算法 1

(/blog/CapStat/category/1789)

统计学 3

(/blog/CapStat/category/1700)

参考文献 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17)

## Bandit算法与推荐系统 (/blog/CapStat/8484)

发表: 2017-06-06 浏览: 232

1.1 为选择而生 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1)

推荐系统 (https://ask.hellobi.com/topic/%E6%8E%A8%E5%8D%90%E7%B3%BB%E7%BB%9F)

1.2 bandit算法与推荐系统 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2)

推荐算法 (https://ask.hellobi.com/topic/%E6%8E%A8%E5%8D%90%E7%B3%BB%E7%BB%9F)

1.3 怎么选择bandit算法? (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3)

算法 (https://ask.hellobi.com/topic/%E6%8E%A8%E5%8D%90%E7%B3%BB%E7%BB%9F)

1.4 常用bandit算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4)

Thompson sampling算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5)

Epsilon-Greedy算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6)

朴素bandit算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7)

推荐系统里面有两个经典问题，冷启动问题和平衡准确和多样，前者涉及到平衡准确和多样，后者涉及到产品算法运营等一系列东西。bandit算法是一种简单的在线学习算法，常常用于尝试解决这两个问题，本文为你介绍基础的bandit算法及一系列升级版，以及对推荐系统这两个经典问题的思考。

2.2 UCB算法加入特征信息 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9)

2.3 详解LinUCB的实现 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10)

1.什么是bandit算法

2.4 怎么构建特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11)

## 1.1 为选择而生 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12)

原始用户特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13)

我们会遇到很多选择的场景，上哪个大学，学什么专业，去哪家公司，中午吃什么，等等，这些事情，都让选择困难症的我们头很大。那么，有算法能够很好地对付这些问题吗？

3.2 bandit结合协同过滤 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15)

当然有，那就是bandit算法！

3.3 CTR算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16)

## 文章目录

- 参考文献 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17>)
- - 1.1 为选择而生 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)
  - 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)
  - 1.3 如何选择bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)
  - 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
    - Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
    - Epsilon Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
    - 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
  - 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
  - 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
  - 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)
  - 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)
    - 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)
    - 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)
  - 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)
  - 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)
  - 3.3 COFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)

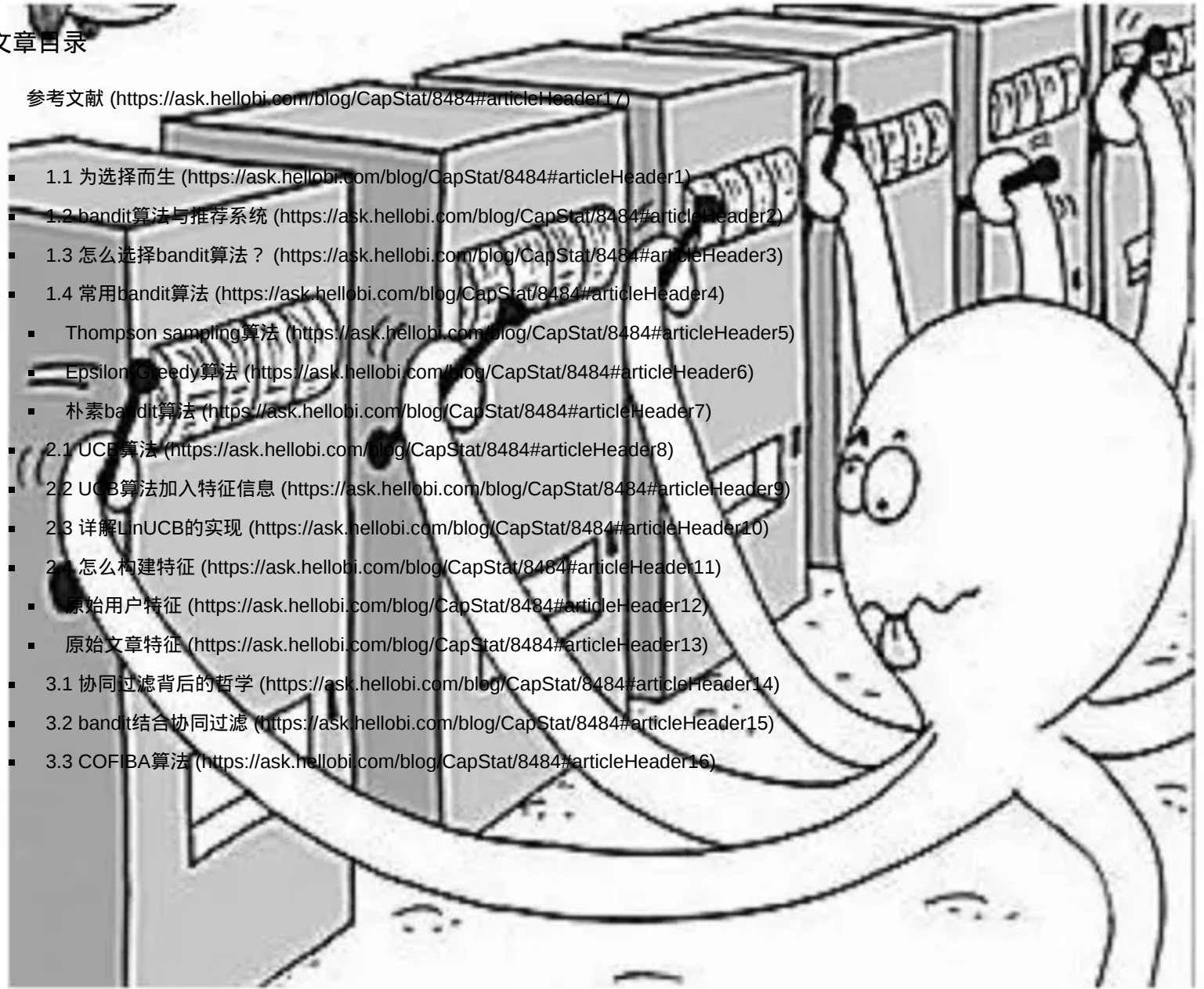


图1. MAB问题

bandit算法来源于历史悠久的赌博学，它要解决的问题是这样的1：

一个赌徒，要去摇老虎机，走进赌场一看，一排老虎机，外表一模一样，但是每个老虎机吐钱的概率可不一样，他不知道每个老虎机吐钱的文章目录是什么，那么每次该选择哪个老虎机可以做到最大化收益呢？这就是多臂赌博机问题(Multi-armed bandit problem, K-armed bandit problem, MAB)。

- 参考文献 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17)

怎么解决这个问题呢？最好的办法是去试一试，不是盲目地试，而是有策略地快速试一试，这些策略就是bandit算法。

▪

这个多臂问题，推荐系统里面很多问题都与他类似

- 1.1 如何选择商品 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1)

- 1.2 bandit算法与推荐系统 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2)

- 1.3 怎么快速知道用户对每类内容的感兴趣程度不同，那么我们的推荐系统初次见到这个用户时，怎么快速地知道他对每类内容的感兴趣程度？这就是推荐系统的冷启动 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3)

- 1.4 常用bandit算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4)
- 2. 假设我们有若干广告库存，怎么知道该给每个用户展示哪个广告，从而获得最大的点击收益？是每次都挑效果最好那个么？那么新广告

- 如何才有出头之日 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5)

- 如何才有出头之日 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5)

- 3. 我们的算法工程师又想到了新的模型，有没有比A/B test更快的方法知道它和旧模型相比谁更靠谱？

- 朴素bandit算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7)

- 4. 如果只是推荐已知的用户感兴趣的物品，如何才能科学地冒险给他推荐一些新鲜的物品？

- 2.1 UCB算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8)

这些问题本质上全都是关于如何选择。只要是关于选择，都可以简化成一个多臂赌博机问题。毕竟小赌怡情嘛，人生何处不赌博。

- 2.2 UCB算法加入特征信息 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9)

- 2.3 详解LSTM的实现 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10)

## 1.2 bandit算法与推荐系统

- 2.4 怎么构建特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11)

在推荐系统领域里，有两个比较经典的问题常被人提起，一个是EE问题，另一个是用户冷启动问题。

- 原始用户特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12)

什么是原始用户特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13)

探索 (explore)就是先对用户的已知兴趣使用，用户很快会腻，所以要不断探索用户新的兴趣才行，这就好比虽然有一点钱可以花了，但是还得继续搬砖挣钱，不然花完了就得喝西北风。

- 3.1 协同过滤推荐的哲学 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14)

- 3.2 bandit结合协同过滤 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15)

用户冷启动问题，也就是面对新用户时，如何能够通过若干次实验，猜出用户的大致兴趣。

- 3.3 COPEBA算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16)

我想，屏幕前的你已经想到了，推荐系统冷启动可以用bandit算法来解决一部分。

这两个问题本质上都是如何选择用户感兴趣的主题进行推荐，比较符合bandit算法背后的MAB问题。

比如，用bandit算法解决冷启动的大致思路如下：

用分类或者Topic来表示每个用户兴趣，也就是MAB问题中的臂（Arm），我们可以通过几次试验，来刻画出新用户心目中对每个topic的感兴趣概率。

这里，如果用户对某个topic感兴趣（提供了显式反馈或隐式反馈），就表示我们得到了收益，如果推给了它不感兴趣的topic，推荐系统就表示很遗憾(regret)了。

如此经历“选择-观察-更新-选择”的循环，理论上是越来越逼近用户真正感兴趣的topic的。



## 1.3 怎么选bandit算法？

### 文章目录

现在来介绍一下bandit算法怎么解决这类问题的。bandit算法需要量化一个核心问题：错误的选择到底有多大的遗憾？能不能遗憾少一些？

- 参考文献 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17>)

王家卫在《一代宗师》里寄出一句台词：

人生要是无憾，那多无趣？  
<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>

而我说：算法要是无憾，那系统岂不是无敌了？  
<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>

- 1.3 怎么选bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)

所以说：怎么衡量不同bandit算法在解决多臂问题上的效果？首先介绍一个概念，叫做累积遗憾(regret)2：

- 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
  - Thompson sampling 算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
  - Epsilon-Greedy 算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
  - 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
- 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
- 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
- 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)
- 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)
  - 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)
  - 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)
- 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)
- 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)
- 3.3 COFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)

$$R_T = \sum_{i=1}^T (w_{opt} - w_{B(i)})$$

图2. 累积遗憾

这个公式就是计算bandit算法的累积遗憾，解释一下：

首先，这里我们讨论的每个臂的收益非0即1，也就是伯努利收益。

然后，每次选择后，计算和最佳的选择差了多少，然后把差距累加起来就是总的遗憾。

$w_{B(i)}$  是第*i*次试验时被选中臂的期望收益， $w^*$  是所有臂中的最佳那个，如果上帝提前告诉你，我们当然每次试验都选它，问题是上帝不告诉你，所以就有了bandit算法，我们就有了这篇文章。

这个公式可以用来对比不同bandit算法的效果：对同样的多臂问题，用不同的bandit算法试验相同次数，看看谁的regret增长得慢。

## 文章目录

那么到底不同的bandit算法有哪些呢？

- 参考文献 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17>)

## 1.4 常用bandit算法

- 1.1 为选择而生 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)

### Thompson sampling算法

- 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)

thompson sampling算法简单实用，因为它只有一行代码就可以实现3. 简单介绍一下它的原理，要点如下：

- 1.3 怎么选择bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)

- 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
  - 假设每个臂是否产生收益，其背后有一个概率分布 $p$ ，产生收益的概率为 $p$ 。
  - Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
  - 2. 我们不断地试验，去估计出一个置信度较高的“概率 $p$ 的概率分布”就能近似解决这个问题了。
  - Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
  - 3. 怎么能估计“概率 $p$ 的概率分布”呢？答案是假设概率 $p$ 的概率分布符合beta(wins, lose)分布，它有两个参数: wins, lose。
  - 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
  - 4. 每个臂都维护一个beta分布的参数。每次试验后，选中一个臂，摇一下，有收益则该臂的wins增加1，否则该臂的lose增加1。
  - 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
  - 5. 每次选择臂的方式是：用每个臂现有的beta分布产生log个随机数 $w$ ，选择所有臂产生的随机数中最大的那个臂去摇。
  - 2.2 LinUCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)

- 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)

以上就是Thompson采样，用python实现就一行：

- 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)

- 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)

- 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)

#wins 和 trials 是一个N维向量，N是赌博机的臂的个数，每个元素记录了

- 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)

- wins[chchoice] += 1

- trials += 1

- 3.3 COFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)

### UCB算法

UCB算法全称是Upper Confidence Bound(置信区间上界)，它的算法步骤如下4：

1. 初始化：先对每一个臂都试一遍
2. 按照如下公式计算每个臂的分数，然后选择分数最大的臂作为选择：



## 文章目录

$$\bar{x}_j(t) + \sqrt{\frac{2 \ln t}{T_{j,t}}}$$

- 参考文献 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17>)

- 

### 图3. UCB算法

- 1.1 为选择而生 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)
  - 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)
  - 1. 观察选择结果，更新 $\bar{x}_j$ 和 $T_{j,t}$ 。其中加号前面是这个臂到目前的收益均值，后面的叫做bonus，本质上是均值的标准差， $t$ 是目前的试验次数， $j$ 是这个臂被试次数。
  - 1.3 怎么选择bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)
  - 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
- 这个公式反映一个特点：均值越大，标准差越小，被选中的概率会越来越大，同时哪些被选次数较少的臂也会得到试验机会。
- Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)

### Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)

- 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)

这是一个朴素的bandit算法，有点类似模拟退火的思想：

- 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
- 1. 选一个(0,1)之间较小的数作为epsilon
- 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
- 2.3 详解epsilon的取值 (事件：所有臂中随机选一个)
- 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)
- 3. 每次以概率 $1 - \epsilon$ 选择截止到当前，平均收益最大的那个臂。
- 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)
- 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)

是不是简单粗暴？epsilon的值可以控制对Exploit和Explore的偏好程度。越接近0，越保守，只想花钱不想挣钱。

### 朴素bandit算法 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)

- 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)

最朴素的bandit算法就是：先随机试若干次，计算每个臂的平均收益，一直选均值最大那个臂。这个算法是人类在实际中最常采用的，不可否认，它还是比随机乱猜要好。

以上五个算法，我们用10000次模拟试验的方式对比了其效果如图，实验代码来源5：

## 文章目录

- 参考文献 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17>)
- 1.1 为选择而生 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)
- 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)
- 1.3 如何选择bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)
- 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
  - Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
  - Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
  - 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
- 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
  - 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
- 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)
- 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)

至于你实际上要选哪一种bandit算法，你可以选一种bandit算法来选bandit算法。

## 2.bandit算法与线性回归

- 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)

## 2.1 UCB算法

- 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)

- 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)

UCB算法在做LL (Exploit-Explore)的时候表现不错，但它是上下文无关(context free)的bandit算法，它只管埋头干活，根本不观察一下面对的都是一些什么样的算法，(下次遇到相似特点但不匹配的CapStat也能帮不上忙)。

UCB解决Multi-armed bandit问题的思路是：用置信区间。置信区间可以简单地理解为不确定性的程度，区间越宽，越不确定，反之亦反之。

每个item的回报均值都有个置信区间，随着试验次数增加，置信区间会变窄（逐渐确定了到底回报丰厚还是可怜）。每次选择前，都根据已经试验的结果重新估计每个item的均值及置信区间。选择置信区间上限最大的那个item。

“选择置信区间上界最大的那个item”这句话反映了几个意思：

1. 如果item置信区间很宽（被选次数很少，还不确定），那么它会倾向于被多次选择，这个是算法冒风险的部分；
2. 如果item置信区间很窄（备选次数很多，比较确定其好坏了），那么均值大的倾向于被多次选择，这个是算法保守稳妥的部分；
3. UCB是一种乐观的算法，选择置信区间上界排序，如果时悲观保守的做法，是选择置信区间下界排序。

## 2.2 UCB算法加入特征信息

### 文章目录

Yahoo!的科学家们在2010年发表了一篇论文<sup>6</sup>，给UCB引入了特征信息，同时还把改造后的UCB算法用在了Yahoo!的新闻推荐中，算法名叫LinUCB，刘鹏博士在《计算广告》一书中也有介绍LinUCB在计算广告中的应用<sup>7</sup>。

- 1.1 为选择而生 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)
- 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)
- 1.3 如何选择bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)
- 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
  - Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
  - Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
  - 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
- 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
- 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
- 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)
- 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)
  - 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)
  - 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)
- 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)
- 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)
- 3.3 COFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)



图4. 应用LinUCB算法的Yahoo!首页

单纯的老虎机回报情况就是老虎机自己内部决定的，而在广告推荐领域，一个选择的回报，是由User和Item一起决定的，如果我们能用feature来刻画User和Item这一对CP，在每次选择item之前，通过feature预估每一个arm（item）的期望回报及置信区间，选择的收益就可以通过feature泛化到不同的item上。

为UCB算法插上了特征的翅膀，这就是LinUCB最大的特色。



LinUCB算法做了一个假设：一个Item被选择后推送给一个User，其回报和相关Feature成线性关系，这里的“相关feature”就是context，也是文章中发挥空间最大的部分。

于是试验过程就变成：用User和Item的特征预估回报及其置信区间，选择置信区间上界最大的item推荐，观察回报后更新线性关系的参数，以此达到试验学习的目的。 LinUCB基本算法描述如下：

- 1.1 为选择而生 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)
- 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)
- 1.3 怎么选择bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)
- 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
  - Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
  - Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
  - 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
- 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
- 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
- 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)
- 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)
  - 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)
  - 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)
- 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)
- 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)
- 3.3 COFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)

图5. LinUCB算法描述

对照每一行解释一下(编号从1开始)：

1. 设定一个参数  $\alpha$ ，这个参数决定了我们Explore的程度

## 2. 开始试验迭代

## 文章目录

- 3. 获取每一个arm的特征向量  $x_{t,a}$ 
  - 参考文献 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17>)
- 4. 开始计算每一个arm的预估回报及其置信区间
  - 1.1 为选择而生 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)
  - 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)
  - 1.3 如何选择bandit算法? (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)
  - 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
  - 8. 处理完没被试验过的arm
    - Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
  - 9. 计算线性参数  $\theta$ 
    - Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
  - 10. 用  $\theta$  和特征向量  $x$  计算预估回报, 同时加上置信区间宽度
    - 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
  - 11. 处理完每一个arm
    - 2.1 LinUCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
    - 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
    - 12. 选择第10步中最大值对应的arm, 观察真实的回报  $r_t$ 
      - 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)
    - 13. 更新  $A_t$ 
      - 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)
    - 14. 更新用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)
      - 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)
    - 15. 算法结束
      - 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)
      - 注意到上面的第4步, 给特征矩阵加了一个单位矩阵, 这就是岭回归 (ridge regression)。岭回归主要用于当样本数小于特征数时, 对回归参数进行修正。对于加了特征的bandit问题, 正符合这个特点: 试验次数 (样本) 少于特征数。
        - 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)
        - 3.3 COFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)

每一次观察真实回报之后, 要更新的不止是岭回归参数, 还有每个arm的回报向量  $b_a$ 。

## 2.3 详解LinUCB的实现

根据论文给出的算法描述, 其实很好写出LinUCB的代码9, 麻烦的只是构建特征。

代码如下, 一些必要的注释说明已经写在代码中。

```

class LinUCB:
    def __init__(self):
        self.alpha = 0.25

# 参考文献 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17)
        self.r0 = 0 # if worse, -19, -21
        # dimension of user features = d
        # 1.1 为选择而生 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1)
        # Aa : collection of matrix to compute disjoint part for each article a, d*d
        # 1.2 bandit算法与推荐系统 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2)
        self.Aa = {}
        # 1.3 怎么选择bandit算法? https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3)
        self.Aa1 = store the inverse of all Aa matrix
        # 1.4 常用bandit算法 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4)
        # ba : collection of vectors to compute disjoint part, d*1
        # Thompson sampling算法 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5)
        self.ba = {}
        # Epsilon-Greedy算法 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6)
        self.a_max = 0
        # 朴素bandit算法 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7)
        self.st = {}
        # 2.1 UCB算法 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8)
        # 2.2 UCB算法加入特征信息 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9)
        self.x = None
        # 2.3 详解LinUCB的实现 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10)
        # LinUCB
        # 2.4 怎么构建特征 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11)
        # 原始用户特征 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12)
        # init collection of matrix/vector Aa, Ba, ba
        # 原始文章特征 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13)
        for key in art:
            # 3.1 协同过滤背后的数学 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14)
            self.ba[key] = np.zeros((self.d, 1))
            # 3.2 bandit结合协同过滤 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15)
            self.Aa1[key] = np.identity(self.d)
            # 3.3 COFIBA算法 https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16)
            self.Aa[key] = np.zeros((self.d, self.d))

"""
这里更新参数时没有传入更新哪个arm，因为在上一次recommend的时候缓存了被选的那个arm，所以此处不用传入

另外，update操作不用阻塞recommend，可以异步执行
"""
def update(self, reward):
    if reward == -1:
        pass
    elif reward == 1 or reward == 0:
        if reward == 1:
            r = self.r1
        else:

```

## 文章目录

- 参考文献 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17>)
- else:
  - 1.1 为选择而选 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)
  - 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)
  - 1.3 怎么选择bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)
  - 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
  - Thompson Sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
  - Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
  - 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
  - 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
  - 2.2 UCB算法加入特征信息已经更新过的AaI求逆结果 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
  - 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)
  - 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)
  - 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)
  - 原始文章特征结果 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)
  - 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)
  - 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)
  - 3.3 COFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)

```
return self.a_max
```

## 2.4 怎么构建特征

LinUCB算法有一个很重要的步骤，就是给User和Item构建特征，也就是刻画context。在原始论文里，Item是文章，其中专门介绍了它们怎么构建特征的，也甚是精妙。容我慢慢表来。

### 原始用户特征

- 人口统计学：性别特征（2类），年龄特征（离散成10个区间）



- 地域信息：遍布全球的大都市，美国各个州

## 文章目录

- 行为类别：代表用户历史行为的1000个类别取值

- 参考文献 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17>)

## 原始文章特征

▪

- 1.1 为类别而根据文章来源分成1000个类别 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)

- 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)

- 编辑打标签：编辑人工给内容从几十个话题标签中挑选出来的

- 1.3 怎么选择bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)

原始特征向量都要归一化成单位向量。还要对原始特征降维，以及模型要能刻画一些非线性的关系。用Logistic Regression去拟合用户对文章

- 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)

的点击历史，其中的线性回归部分为：

- Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)

- Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)

- 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)

- 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)

- 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)

拟合得到参数矩阵 $W$ ，可以将原始用户特征（1000多维）投影到文章的原始特征空间（80多维），投影计算方式：

- 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)

- 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)

- 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)

- 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)

这是第1次降维，将原始的1000多维降到80多维 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)

- 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)

然后，用投影后的80多维特征对用户聚类，得到5个类簇；文章页同样聚类成5个簇；再加上常数1，用户和文章各自被表示成6维向量。

- 3.3 COFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)

Yahoo!的科学家们之所以选定为6维，因为数据表明它的效果最好10，并且这大大降低了计算复杂度和存储空间。

我们实际上可以考虑三类特征：U（用户），A（广告或文章），C（所在页面的一些信息）。

前面说了，特征构建很有发挥空间，算法工程师们尽情去挥洒汗水吧。

总结一下LinUCB算法，有以下优点：

1. 由于加入了特征，所以收敛比UCB更快（论文有证明）；
2. 特征构建是效果的关键，也是工程上最麻烦和值的发挥的地方；
3. 由于参与计算的是特征，所以可以处理动态的推荐候选池，编辑可以增删文章；



4. 特征降维很有必要，关系到计算效率。

文章目录

3.bandit算法与协同过滤

- 参考文献 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17)

3.1 协同过滤背后的哲学

- 1.1 为选择而生 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1)

推荐系统里面，传统经典的算法肯定离不开协同过滤。协同过滤背后的思想简单深刻，在万物互联的今天，协同过滤的威力更加强大。协同过滤看上去是一种算法，推荐系统是其中一种方法论，不是机器在给你推荐，而是“集体智慧”在给你推荐。

- 1.3 如何选择bandit算法？ (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3)

它的基本假设就是“物以类聚，人以群分”，你的圈子决定了你能见到的物品。这个假设很靠谱，却隐藏了一些重要的问题：作为用户的我们还可能看到新东西吗？算法可能有惊喜吗？也可能有囿于Carnegie的更迭流动吗？这些问题的背后其实就是在前面提到过的EE问题（Exploit & Explore）。我们关注推荐的准确率，但是我们也应该关注推荐系统的演进发展。因为“推荐系统不止眼前的Exploit，还有远方的Explore”。

- Thompson Sampling算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5)

做Explore的方法有很多，算法（bandit算法是其中的bi-种流派，前面8种介绍14种bandit算法6）基本上就是估计置信区间的做法，然后按照置信区间的上界来进行推荐，以UCB、LinUCB为代表。

- 朴素bandit算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7)

作为要寻找远方的bandit算法，能不能和协同过滤这种传统算法结合起来呢？事实上已经有人这么尝试过了，叫做COFIBA算法，

- 2.2 UCB算法加入特征信息 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9)

具体在题目为Collaborative Filtering Bandits11和Online Clustering of Bandits12。的两篇文章中有详细的描述，它就是bandit和协同过滤的结合算法。两篇文章的区别是后者只对用户聚类（即只考虑了User-based的协同过滤），而前者采用了协同聚类（co-clustering，可以理解为item-based和user-based两种协同方式在同时进行），后者是前者的一个特殊情况。下面详细介绍一下这种结合算法。

- 2.3 详解LinUCB的实现 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10)
- 2.4 怎么构建特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11)

3.2 bandit结合协同过滤

- hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12)

- 原始文章特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13)

很多推荐场景中都有这两个规律：

- 3.1 协同过滤背后的哲学 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14)

- 1. 相似的用户对同一个物品的反馈可能是一样的。也就是对一个聚类用户群体推荐同一个item，他们可能都喜欢，也可能都不喜欢，同样地，同一个用户会对相似的物品反馈相同。这是属于协同过滤可以解决的问题；
- 3.3 COFIBA算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16)

2. 在使用推荐系统过程中，用户的决策是动态进行的，尤其是新用户。这就导致无法提前为用户准备好推荐候选，只能“走一步看一步”，是一个动态的推荐过程。

每一个推荐候选item，都可以根据用户对其偏好不同（payoff不同）将用户聚类成不同的群体，一个群体来集体预测这个item的可能的收益，这就有了协同的效果，然后再实时观察真实反馈回来更新用户的个人参数，这就有了bandit的思想在里面。

举个例子，如果你父母给你安排了很多相亲对象，要不要见面去相一下？那需要提前看看每一个相亲对象的资料，每次大家都分成好几派，有说好的，有说再看看的，也有说不行的；你自己也会是其中一派的一员，每次都是你所属的那一派给你集体打分，因为他们是和你“三观一致的人”，“诚不欺我”；这样从一堆资料中挑出分数最高的那个人，你出去见TA，回来后把实际感觉说给大家听，同时自己心里的标准也有些调整，重新给剩下的其它对象打分，打完分再去见，周而复始……

以上就是协同过滤和bandit结合的思想。



另外，如果要推荐的候选item较多，还需要对item进行聚类，这样就不用按照每一个item对user聚类，而是按照每一个item的类簇对user聚类。如此一来，item的类簇数相对于item数要大大减少。

### 3.3 COFIBA算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17)

- 基于这些思想，有人提出了算法COFIBA（读作coffee bar）<sup>13</sup>。简要描述如下：
  - 1.1 为选择而生 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1)
  - 在时刻t，用户访问推荐系统，推荐系统需要从已有的候选池中挑选出最佳的物品推荐给他，然后观察他的反馈，用观察到的反馈来更新挑选策略。这里的每个物品都有一个特征向量，所以这里的bandit算法是context相关的。这里依然是用岭回归去拟合用户的权重向量，用于预测用户对每个物品的可能反馈（payoff），这一点和linUCB算法是一样的。
    - 1.3 怎么选bandit算法？ (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3)
    - 1.4 常用bandit算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4)
  - 对比LinUCB算法，COFIBA算法的不同有两个：
    - Thompson Sampling算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5)
    - 基于用户聚类挑选最佳的item（相似用户集体决策的bandit） (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6)
    - 朴素bandit算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7)
    - 2. 基于用户的反馈情况调整user和item的聚类（协同过滤部分）
      - 2.1 UCB算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8)
- 整体算法过程如下：
  - 2.2 UCB算法加入特征信息 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9)
  - 2.3 详解LinUCB的实现 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10)
  - 2.4 怎么构建特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11)
    - 原始用户特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12)
    - 原始文章特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13)
  - 3.1 协同过滤背后的哲学 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14)
  - 3.2 bandit结合协同过滤 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15)
  - 3.3 COFIBA算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16)

Input:

## 文章目录

- Set of users  $\mathcal{U} = \{1, \dots, n\}$ ;
- Set of items  $\mathcal{I} = \{1, \dots, m\} \subseteq \mathbb{R}^d$ ;
- exploration parameter  $\alpha > 0$ , and edge deletion parameter  $\alpha_2 > 0$ .
- 1.1 为选择而生 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)
- 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)
- 1.3 如何选择bandit算法? (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)
- 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
  - Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
  - Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
  - 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
- 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
- 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
- 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)
- 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)
  - 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)
  - 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)
- 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)
- 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)
- 3.3 COFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)

$$\begin{aligned}\bar{M}_{N_k, t-1} &= I + \sum_{i \in N_k} (M_{i, t-1} - I), \\ \bar{b}_{N_k, t-1} &= \sum_{i \in N_k} b_{i, t-1}, \\ \bar{w}_{N_k, t-1} &= \bar{M}_{N_k, t-1}^{-1} \bar{b}_{N_k, t-1};\end{aligned}$$



## 文章目录

- 参考文献 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17>)
- where  $CB_{N_k,t-1}(\mathbf{x}) = \alpha \sqrt{\mathbf{x}^\top \bar{M}_{N_k,t-1}^{-1} \mathbf{x} \log(t+1)}$ ;  
Set for brevity  $\mathbf{x}_t = \mathbf{x}_{t,k_t}$ ;
- 1.1 为选择而生 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)
- 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)
- 1.3 怎么选择bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)
- 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
  - Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
  - Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
  - 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
- 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
- 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
- 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)
- 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)
  - 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)
  - 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)
- 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)
- 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)
- 3.3 COFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)

核心步骤是，针对某个用户，在每一轮试验时做以下事情：

1. 首先计算该用户的bandit参数W（和LinUCB相同），但是这个参数并不直接参与到bandit的选择决策中（和LinUCB不同），而是用来更新用户聚类的；
2. 遍历候选item，每一个item表示成一个context向量了。
3. 每一个item都对应一套用户聚类结果，所以遍历到每一个item时判断当前用户在当前item下属于哪个类簇，然后把对应类簇中每个用户的M矩阵(对应LinUCB里面的A矩阵)，b向量（payoff向量，对应linUCB里面的b向量）聚合起来，从而针对这个类簇求解一个岭回归参数（类似LinUCB里面单独针对每个用户所做），同时计算其payoff预测值和置信上边界
4. 每个item都得到一个payoff预测值及置信区间上界，挑出那个上边界最大的item推出去（和LinUCB相同）
5. 观察用户的真实反馈，然后更新用户自己的M矩阵和b向量（更新个人的，对应类簇里其他的不更新）



以上是COFIBA算法的一次决策过程。在收到用户真实反馈之后，还有两个计算过程：

## 文章目录

### 1. 更新user聚类

- 参考文献 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17>)

### 2. 更新item聚类

▪

如何更新user和item的聚类呢？示意图为：

- 1.1 为选择而生 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)
  - 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)
  - 1.3 如何选择bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)
  - 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
    - Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
    - Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
    - 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
- 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
- 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
- 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)
- 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)
  - 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)
  - 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)
- 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)
- 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)
- 3.3 COFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)



## 文章目录

- 参考文献 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17>)
- - 1.1 为选择而生 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)
  - 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)
  - 1.3 怎么选择bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)
  - 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
    - Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
    - Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
    - 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
  - 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
  - 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
  - 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)
  - 2.4 怎么构建特征
    - 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)
    - 原始文章特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13>)
  - 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)
  - 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)
  - 3.3 CQFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)

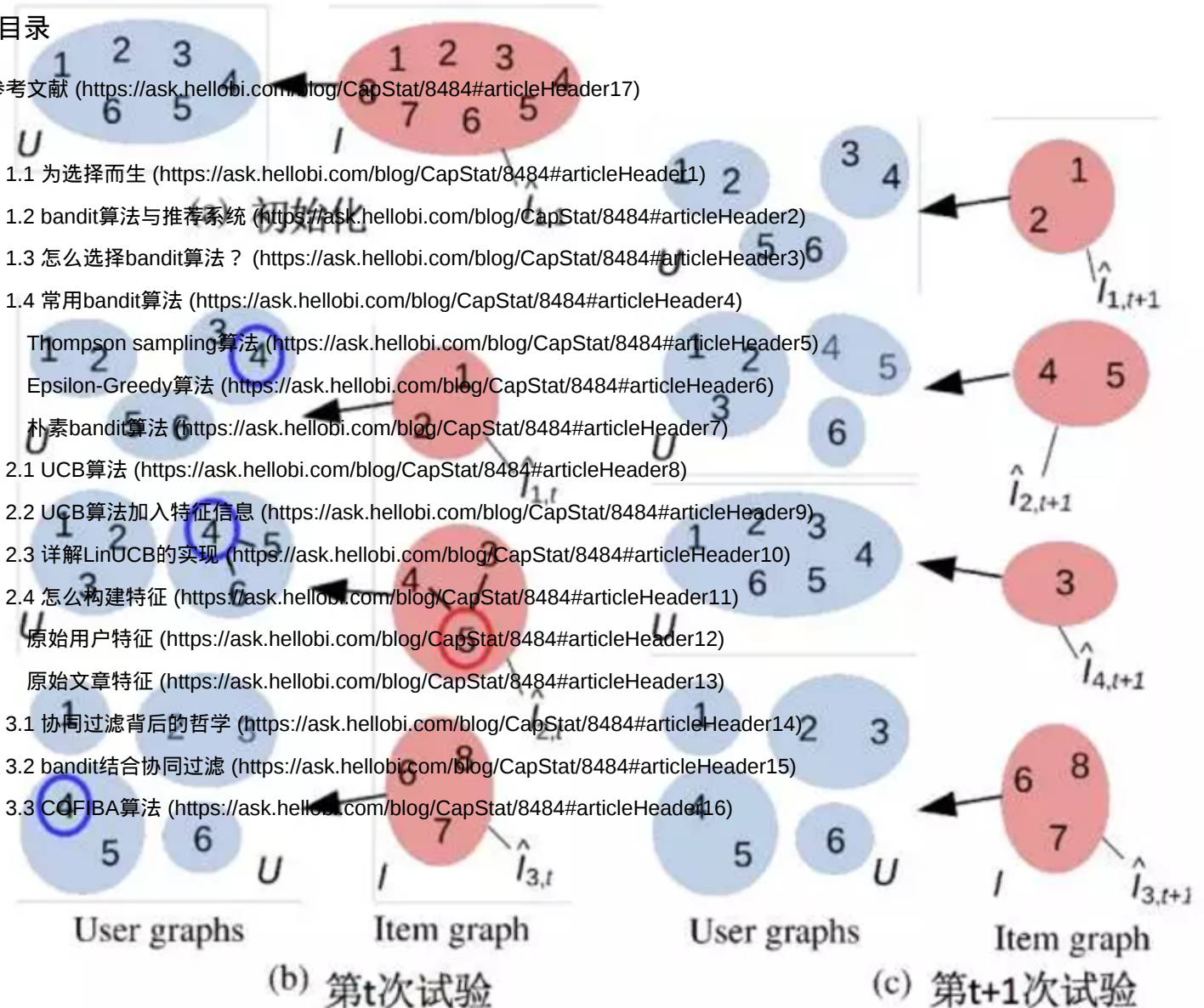


图7. User和Item聚类更新描述

解释一下这个图。

(a) 这里有6个user，8个item，初始化时，user和item的类簇个数都是1

## 文章目录

(b1) 在某一轮试验时，推荐系统面对的用户是4。推荐过程就是遍历1~8每个item，然后看看对应每个item时，user4在哪个类簇中，把对应类簇中的用户聚合起来为这个item预测payoff和CB。这里假设最终item5胜出，被推荐出去了。

参考文献 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1)

(b2) 在时刻t，item有3个类簇，需要更新的用户聚类是item5对应的user4所在类簇。更新方式：看看该类簇里面除了user4之外的用户，对item5的payoff是不是和user4相近。如果是一则保持原来的连接边，否则删除原来的连接边。删除边之后重新构建聚类结果。这里假设重新构建后原来user4所在的类簇分裂成了两个类簇：{4,5}和{6}

1.2 bandit算法与推荐系统 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2)

(c) 更新完用户类簇后，item5对应的类簇也要更新。更新方式是：对于每一个和item5(被推荐出的那个item)还存在连接边的item j，都去构造一个user的近邻集合N<sub>j</sub>。这个集合的用户对item j有相近的payoff，然后看看N<sub>j</sub>是不是和刚刚更新后的user4所在的类簇相同，是的话，保留item5和item j之间的连接边，否则删除。这里假设item 3和item 5之间的连接边被删除。item3独立后给他初始化了一个聚类结果：所有用户还是一个类簇。

1.4 常用bandit算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4)

Thompson sampling算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5)

Epsilon-Greedy算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6)

简单来说就是这样：

朴素bandit算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7)

• User-based协同过滤来选择要推荐的item，选择时用了LinUCB的思想

2.1 UCB算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8)

• 根据用户算法的反馈调整信息 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9)

• 2.3 详解LinUCB的实现 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10)

item-based的聚类变化又改变了User的聚类

• 2.4 怎么构建特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11)

• 不断根据用户实时动态的反馈来划分User-Item矩阵

原始用户特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12)

## 4.总结

原始文章特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13)

Exploits Explore 这对矛盾一直存在，bandit算法是公认的一种比较好的解决EC问题的方案。除了bandit算法之外，还有一些其他的

explore的办法，比如：在推荐时，随机地去掉一些用户历史行为（特征）。

3.2 bandit结合协同过滤 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15)

解决Exploits Explore的必然就是要冒险/势必要走向未知，而这显然就是会伤害用户中体验的。明知道用户肯定喜欢A，你还偏偏以某个小概率给推荐非A。

实际上，很少有公司会采用这些理性的办法做Explore，反而更愿意用一些盲目主观的方式。究其原因，可能是因为：

1. 互联网产品生命周期短，而Explore又是为了提升长期利益的，所以没有动力做；
2. 用户使用互联网产品时间越来越碎片化，Explore的时间长，难以体现出Explore 的价值；
3. 同质化互联网产品多，用户选择多，稍有不慎，用户用脚投票，分分钟弃你于不顾。
4. 已经成规模的平台，红利杠杠的，其实是没有动力做Explore的；

基于这些，我们如果想在自己的推荐系统中引入Explore机制，需要注意以下几点：



1. 用于Explore的item要保证其本身质量，纵使用户不感兴趣，也不至于引起其反感；

## 文章目录

2. Explore本身的产品需要精心设计，让用户有耐心陪你玩儿；

- 参考文献 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17>)
- 3. 深度思考，这样才不会做出脑残的产品，产品不会早早夭折，才有可能让Explore机制有用武之地。

- 

- 1.1 为选择而生 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1>)
- 1.2 bandit算法与推荐系统 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2>)

## 参考文献

- 1.3 如何选择bandit算法？ (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3>)
- 1.4 常用bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4>)
- Thompson sampling算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader5>)
- 1. [https://en.wikipedia.org/wiki/Multi-armed\\_bandit](https://en.wikipedia.org/wiki/Multi-armed_bandit) ([https://en.wikipedia.org/wiki/Multi-armed\\_bandit](https://en.wikipedia.org/wiki/Multi-armed_bandit))
- Epsilon-Greedy算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader6>)
- 2. [http://nbviewer.jupyter.org/github/CamDavidsonPilon/Probabilistic-Programming-and-Bayesian-Methods-for-Hackers/blob/master/Chapter6\\_Priorities/Chapter6.ipynb#](http://nbviewer.jupyter.org/github/CamDavidsonPilon/Probabilistic-Programming-and-Bayesian-Methods-for-Hackers/blob/master/Chapter6_Priorities/Chapter6.ipynb#) ([http://nbviewer.jupyter.org/github/CamDavidsonPilon/Probabilistic-Programming-and-Bayesian-Methods-for-Hackers/blob/master/Chapter6\\_Priorities/Chapter6.ipynb#](http://nbviewer.jupyter.org/github/CamDavidsonPilon/Probabilistic-Programming-and-Bayesian-Methods-for-Hackers/blob/master/Chapter6_Priorities/Chapter6.ipynb#))
- 朴素bandit算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader7>)
- 2.1 UCB算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader8>)
- 2.2 UCB算法加入特征信息 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9>)
- 3. [https://en.wikipedia.org/wiki/Thompson\\_sampling](https://en.wikipedia.org/wiki/Thompson_sampling) ([https://en.wikipedia.org/wiki/Thompson\\_sampling](https://en.wikipedia.org/wiki/Thompson_sampling))
- 2.3 详解LinUCB的实现 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10>)
- 4. <http://hunch.net/> (<http://hunch.net/>)~coms-4771/lecture20.pdf
- 2.4 怎么构建特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11>)
- 5. <https://gist.github.com/anonymous/211b599b7bef958e50af> (<https://gist.github.com/anonymous/211b599b7bef958e50af>)
- 原始用户特征 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12>)
- 6. <http://www.research.rugers.edu/~li10/papers/2014/2014-07-10-contextual.pdf> (<http://www.research.rugers.edu/~li10/papers/2014/2014-07-10-contextual.pdf>)
- 3.1 协同过滤背后的哲学 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14>)
- 7. 《计算广告：互联网商业变现的市场与技术》p253，刘鹏，主超著
- 3.2 bandit结合协同过滤 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15>)
- 8. [https://en.wikipedia.org/wiki/Tikhonov\\_regularization](https://en.wikipedia.org/wiki/Tikhonov_regularization) ([https://en.wikipedia.org/wiki/Tikhonov\\_regularization](https://en.wikipedia.org/wiki/Tikhonov_regularization))
- 3.3 COFIBA算法 (<https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16>)
- 9. [https://github.com/Fengrui/HybridLinUCB-python/blob/master/policy\\_hybrid.py](https://github.com/Fengrui/HybridLinUCB-python/blob/master/policy_hybrid.py) ([https://github.com/Fengrui/HybridLinUCB-python/blob/master/policy\\_hybrid.py](https://github.com/Fengrui/HybridLinUCB-python/blob/master/policy_hybrid.py))
- 10. <http://www.gatsby.ucl.ac.uk/> (<http://www.gatsby.ucl.ac.uk/>)~chuwei/paper/isp781-chu.pdf
- 11. <http://arxiv.org/abs/1401.8257> (<http://arxiv.org/abs/1401.8257>)
- 12. <http://arxiv.org/abs/1502.03473> (<http://arxiv.org/abs/1502.03473>)
- 13. [https://github.com/qw2ky/CoLinUCB\\_Revised/blob/master/COFIBA.py](https://github.com/qw2ky/CoLinUCB_Revised/blob/master/COFIBA.py) ([https://github.com/qw2ky/CoLinUCB\\_Revised/blob/master/COFIBA.py](https://github.com/qw2ky/CoLinUCB_Revised/blob/master/COFIBA.py))

作者：陈开江

文章目录

- 参考文献 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader17)
- 推荐 3
- 1.1 为选择而生 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader1) (https://ask.hellobi.com/people/xueba0911) (https://ask.hellobi.com/people/kg\_second)
- 1.2 bandit算法与推荐系统 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader2) (https://ask.hellobi.com/people/%E8%B7%AF%E8%BF%87%E5%B0%98%E4%B8%96)
- 1.3 怎么选择bandit算法？ (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader3)
- 1.4 常用bandit算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader4)
- 2.1 由统计之都 (https://ask.hellobi.com/people/%E7%BB%9F%E6%AE%A1%E4%B9%8B%E9%83%BD) 创作，采用 知识共享署名-相同方式共享 3.0 中国大陆许可协议 (https://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/cn/) 进行许可
- 2.2 UCB算法加入特征信息 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader9)
- 2.3 详解LinUCB的实现 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader10)
- 2.4 怎么构建特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader11)
- 3.1 协同过滤背后的哲学 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14)
- 3.2 bandit结合协同过滤 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15)
- 3.3 COFIBA算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16)

0. 个评论

- 原始用户特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader12)
- 原始文章特征 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader13)
- 3.1 协同过滤背后的哲学 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader14)
- 3.2 bandit结合协同过滤 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader15)
- 3.3 COFIBA算法 (https://ask.hellobi.com/blog/CapStat/8484#articleHeader16)

内容许可	服务指南	常用链接	关注我们	微信关注
除特别说明外，用户内容均采用知识共享署名-相同方式共享 3.0 中国大陆许可协议 (http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/cn/) 进行许可	提问技巧 (https://ask.hellobi.com/question/138) 声望说明 (https://ask.hellobi.com/question/139) 使用指南 (https://ask.hellobi.com/question/140)	商业智能学院 (https://edu.hellobi.com) 商业智能社区 (https://ask.hellobi.com) 商业智能培训 (http://www.tianshansoft.com)	微博关注 (http://weibo.com/tianshansoft/) 邮件订阅 (http://list.qq.com/cgi-bin/qf_invite?id=3e83748afce7d3a22714e201aefce57)	