Contents

1	The	rmodynamik für Knechte	3
	1.1	Was ist Thermodynamik?	3
	1.2	Thermodynamische Systeme	3
		1.2.1 Phase	3
		1.2.2 Aggregatzustände	4
		1.2.3 Gleichgewicht	4
			4
	1.3		4
			5
			5
		1	5
			5
			5
		V	5
	1.4	Zustandsgleichung - Zusammenhang zwischen Zustandsgrößen	6
2	Gas		6
	2.1		6
			8
	2.2		8
	2.3	Intermolekulare Wechselwirkungen	
	2.4	Reale Gase	
		2.4.1 Van der Waals Gleichung	
		2.4.2 Virialgleichung:	
		2.4.3 Kondensation	
		2.4.4 Kritischer Punkt	2
3	Erst	ter Hauptsatz der Thermodynamik	2
_	3.1	Arbeit, Wärme und Energie	
	0	3.1.1 Arbeit = Kraft · Weg	
		3.1.2 Volumenarbeit	
		3.1.3 Wärme	3
	3.2	innere Energie 1.HS	4
		3.2.1 thermische zustandsgleichungen $(pV = nRT)$	4
		3.2.2 Freie Expansion	5
	3.3	Enthalpie	5
		3.3.1 Temperaturabhängigkeit (p = konstant)	5
		3.3.2 Druckabgängigkeit der Enthalpie (Entspannung durch Drossel)	5
	3.4	Kalorimetrie: Messung von Wärmeeffekten Schmelzenthalpien und Reaktionsenthalpien	6
		3.4.1 Adiabatisches Bombenkalorimeter	6
	3.5	Adiabatisches Verbrennungskalorimeter	6
	3.6	Thermochemie - Wärmeeffekte chemischer Reaktionen	7
		3.6.1 Standardreaktionsenthalpie	7
		3.6.2 Datz von Hess	7
		3.6.3 Kirchhoffsches Gesetz	7
	Б		
4		2. Hauptsatz	
	4.1	Carnotscher Kreisprozess	
		4.1.1 isotherme Prozesse (reversibel) ideales Gas	
		4.1.2 Adiabatische Prozesse (reversibel) $(q = 0)$	
		4.1.3 Adiabatengleichung	
		4.1.4 Carnotscherkreisprozess	
		4.1.5 Wärmekraftmaschine	
		4 in whikimosofa()	·

5	Entropie		19
	5.0.1	Definition der Zustandsgröße Entropie S	19
	5.0.2	Isotherme ($\Delta T = 0$), reversiple Expansion	20
	5.0.3	adiabatische, reversible Expansion	20
	5.0.4	Isobarer Phasenübergang	20
	5.0.5	Isobare Erhitzung	20
	5.0.6	Beliebiger Kreisprozess ist die Summe von Carnotprozessen	20
	5.0.7	Wärme Austausch zwischen einem warmen und einem kalten Reservoir	20
	5.1 Volum	nenänderung	21
	5.1.1	Clausiussche Ungleichung	21
6	3.Haupts	atz der Thermodynamik	21
7	1. + 2. H		22
	7.0.1	Satz von Schwartz	
	7.0.2	Guggenheim	
	7.0.3	T, p-Abhängigkeit von G	
	7.0.4	T-Abhängigkeit von G	
	7.0.5	Gibbs-Helmholtz Gleichung	
	7.0.6	p -Abhängigkeiten $V_{gas} >> V_l > V_s$ bei T =konst	
	7.0.7	chemisches Potential	24
8	zustandsä		2 4
		Imponentensysteme	
	8.2 Gibbs	sche Phasenregel	24
	8.3 Phase	endiagramm $(K=1)$	
	8.3.1	Thermodynamik von Phasenübergängen	
	8.3.2	Schmelzdruckkurve	
	833	Siededruckkurve	25

1 Thermodynamik für Knechte

1.1 Was ist Thermodynamik?

Thermodynamik:

- makroskopische Skala
- Umwandlungen von Energie
 - Austausch von Wärme
 - Leistung von Arbeit
- Gleichgewicht
- Richtung von spontanen Prozessen

Chemische Thermodynamik: Lage der chemischen Gleichgewichte

Wärmeeffekte dhemischer Reaktionen

Technische Thermodynamik: Umsetzung von Wärme und Arbeit

$$N_2 + 3\,H_2 \longrightarrow 2\,NH_3$$

$$250-300 \text{ bar}$$

 $450-550^{\circ}$

MeOH Automobilantrieb:

$$\mathrm{CH_3OH} + \tfrac{3}{2}\mathrm{O_2} \longrightarrow \mathrm{CO_2} + \mathrm{H_2O}$$

Anode

$$CH_3OH + H_2O \longrightarrow 6H^+ + 6e^- + CO_2$$

Kathode

$$\frac{3}{2}$$
O₂ + 6 H⁺ + 6 e⁻ \longrightarrow 3 H₂O

1.2 Thermodynamische Systeme

Definitionen:

System: Der Teil des Universums, der uns interessiert

Umgebung: Der Rest (der im Kontakt mit dem System steht)

Grenze ist die Systemgrenze (Wand)

System	Materienaustausch	Energieaustausch
isoliert	_	_
geschlossem	_	+
offen	+	+

1.2.1 Phase

Bereich ohne Sprunghafte Änderung

- chemische Zusammensetzung
- physikalische Eigenschaften
- Aggregatzustände

Komponenten

• chemisch unterscheidbare Bestandteile (Stoffe)

Modifikationen von Elementen: Allotrope

1.2.2 Aggregatzustände

- Teilchenabstand
- Teilchenordnung

R ist der Abstand zwischen den Zentren zweier Atome, und d ist der Durchmessser eines Atomes. Gasförmig:

R >> d

keine Ordnung

Flüssig:

 $R \approx d$

Nahordnung

Fest:

 $R \approx d$

Fernordnung = Kristallin

Nahordnung = Amorph

Es gibt noch Plasma, dabei haben sich Elektronen und Atomkerne separiert

1.2.3 Gleichgewicht

Mechanisch:

$$\sum \vec{F} = 0, \sum \vec{\tau} = 0$$

Anmerkung τ ist hier das Drehmoment

Thermisch:

$$\Delta T = T_{ex} - T_{in} = 0$$

Chemisch:

Chemische Potentiale (von Edukten/Produkten) sind gleich.

Dynmaisches Gleichgewicht \leftrightarrow Fließgleichgewicht

1.2.4 0. Hauptsatz der Thermodynamik

$$T_a \neq T_b \neq T_c - \Delta E - > T_a = T_b = T_c$$

 $T_a = T_b$

a,b im thermischen Gleichgewicht

und $T_b = T_c$

b,c im thermischen GLeichgewicht

dann muss auch $T_a = T_b$ gelten a,c im thermischen Gleichgewicht.

TD: thermodynamische oder absolute Temperatur T[K] Celsiustemperatur $\vartheta[^{\circ}C]$

 $\vartheta = T - 273,15$

1.3 Zustandsgrößen

Zustand:

Beschaffenheit des Systems

→Alle Infos um das System eindeutig beschreiben zu können

Zustandsgrößen:

 $\overline{T, V, p, H}$ (Enthalpie) , S (Entropie) Änderungen sind wegunabhängig: $|\Delta A|$

Prozessgrößen:

 \overline{q} (Wärme), W (Arbeit), F (Kraft) beschreiben Zustandsänderungen

1.3.1 intensive Zustandsgrößen (unabhängig von der Stoffmenge n - $\underline{\text{in}}$ dependent)

Temperatur TDruck pDichte ρ Viskosität η

1.3.2 extensive Zustandsgrößen (abhängig von der Stoffmenge n)

 $\begin{array}{l} \mbox{Volumen} \ V \\ \mbox{Stoffmenge} \ n \\ \mbox{Innere Energie} \ U \\ \mbox{Entropie} \ S \end{array}$

1.3.3 Definition einer spezifische Größe (teilen durch Masse)

spezifisches Volumen $v = \frac{V}{m}$

1.3.4 Definition einer molaren Größe (teilen durch Stoffmenge)

molares Volumen $V_m = \frac{V}{n}$

1.3.5 verschiedene Größen

 Molmasse M [$\frac{\text{g}}{\text{mol}}$] 1 Mol Tielchen = $6,02\cdot 10^{23}$ Teilchen $N_A=6.02\cdot 10^{23}\frac{1}{\text{mol}}$

Stoffmenge n [mol] = $\frac{N}{N_{\eta}} = \frac{\text{Masse}}{\text{Molmasse}} = \frac{m}{M}$

Konzentration $c \left[\frac{\text{mol}}{l} \right] = \frac{n}{V}$

Dichte $\rho~[\frac{\rm kg}{\rm m^3}]$

Molalität
$$b~[\frac{\rm mol}{\rm kg}] = \frac{\rm Stoffmenge}{\rm Masse_{L\"{o}M}} = \frac{n}{m_{LM}}$$

Partielle Größen

Molenbruch

$$x_i = \frac{n_i}{\sum_i n_i}$$

1.3.6 thermodynamische Prozesse

- Volumenänderung ("Arbeit") $w = -p\Delta V$
- Temperatruänderung ("Wärmeaustausch") $q = c\delta T$ hierbei: c = Wärmekapazität
- Phasenübergänge $q = \Delta H$
- ullet chemische Reaktionen $2A + B \longrightarrow c$

$$n_c(t) = n_c(0) + \nu_i \xi$$

hierbei $\nu =$ Stöchiometrischer Koeffizient und $\xi =$ Reaktionsfortschritt

	Bezeichnung	Konstante Größe	Fachbegriff und Beschreinbung
Prozessführung	Isotherm	T	adiabatisch: ohne Wärmeaustausch
r rozessium ung	Isobar	p	reversibel: im ständigen Gleichgewicht
	Isochor	V	irreversibel: nicht im Gleichgewicht

1.4 Zustandsgleichung - Zusammenhang zwischen Zustandsgrößen

$$A = B^2 + 3C$$

A ist hierbei die Zustandsgröße, B und C sin Zustandsvariablen. Beispiel:

$$p = \frac{nRT}{V}$$

Totales Differential:

$$Z = f(x, y)$$
$$dz = \left(\frac{\partial z}{\partial x}\right)_y dx + \left(\frac{\partial z}{\partial y}\right)_x dy$$

2 Gase

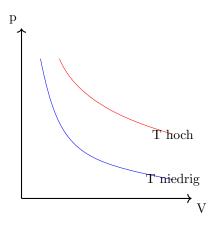
2.1 Das ideale Gas

- Ein Teilchen ist punktförmig
- Keine Wechselwirkungen
- $\bullet\,$ bei $p^o=1$ bar und Raumtemperatur gute Näherung

thermische Zustandsgleichung:

$$p = f(V, T.n) \Longrightarrow p = f(V_m, T)$$

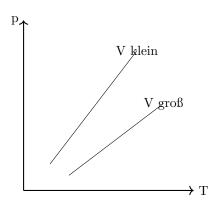
Zustandsfläche



$$p \varpropto \frac{1}{V}$$

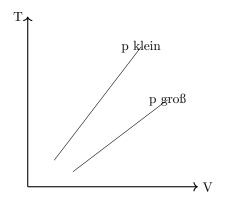
$$pV = \mathbf{konst}$$

isotherm



 $p \varpropto T$

isochor



 $V \varpropto T$

isobar

2.1.1 ideale Gasgleichung pV = nRT bzw. $pV_m = RT$

 $R=8.314\frac{\rm J}{\rm K\cdot mol}$ allgemeine Gaskonstante

$$R = kN_A$$

wobei k die Boltzmannkonstante ist

$$p^o = 1$$
bar

SATP:

- T = 298.15 K
- $p = p^o$
- $V_m = 24.789 \frac{\text{dm}^3}{mol}$

STP:

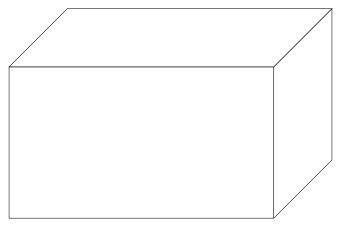
- $T = 273.15 \text{ K} = 0 \text{ }^{\circ}\text{C}$
- $p = p^o$
- $V_m = 22.414 \frac{\text{dm}^3}{mol}$

$$V(T, p, n) = dV = \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right) dT + \left(\frac{\partial V}{\partial p}\right) dp + \left(\frac{\partial V}{\partial n}\right) dn$$

die partiellen Ableitungen sind:

thermische Ausdehnung, Komprassibilität, molares Volumen

2.2 kinetische Gastheorie



in diesem Raum bewegen sich kleine Gasteilchen.

- Mittlere Geschwindigkeit < v >
- Stöße elastisch

Parameter:

- \bullet Fläche A
- \bullet Volumen V
- \bullet Teilchenanzahl N

Zahl der Stöße in einer kleinen Zeit dt:

$$\frac{1}{6} \frac{N}{V} A \langle v \rangle dt$$

Impulsübertragung:

$$2m\langle v\rangle$$

Übertragender Impuls:

$$dp_A = \frac{1}{3} \frac{N}{V} Am \langle v \rangle^2 dt$$

Wichtig: p_A ist hier der Impuls

$$\frac{dp_{A}}{dt}=\frac{d\left(mv\right)}{dt}=m\frac{dv}{dt}=ma=F$$

$$p = \frac{F}{A} = \frac{1}{3} \frac{N}{V} m \langle v \rangle^2 = \frac{1}{3} \frac{N}{V} m \langle v^2 \rangle$$

Wichtig: p ist hier wieder der Druck

$$p = \frac{1}{3} \frac{N}{V} m \left\langle v^2 \right\rangle$$

Für 1 Mol:

$$pV_m = \frac{1}{3}N_A m \langle v^2 \rangle = \frac{2}{3}N_A E_{kin} = RT$$

$$\sqrt{\langle v^2 \rangle} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$$

Stoßzahl:

$$z_1 = \sqrt{2} \langle v \rangle \sigma \frac{N}{V}$$

Wobei σ die Kriesfläche eines Zylinders ist, in welchem sich das Tielchen fortbewegt. Mittlere freie Wellenlänge:

$$\lambda = \frac{\langle v \rangle}{z_1} = \frac{1}{\sqrt{2}\sigma \frac{N}{V}}$$

$$pV = nRT; R = N_A k_B; n = \frac{N}{N_A}$$

damit:

$$\frac{N}{V} = \frac{p}{k_B T} = \frac{1}{\sqrt{2}\sigma \frac{p}{k_B T}}$$

2.3 Intermolekulare Wechselwirkungen

elektrischer Dipol.

$$H - Cl$$

Bei H liegt δ^+ , bei Cl δ^- somit geht $\vec{\mu}$ von Cl zu H, von δ^- zu δ^+

$$\vec{\mu} = q\vec{R}$$

Wobei q die Ladung ist und \vec{R} der Abstand

induzierter Dipol:

$$\vec{\mu_{ind}} = \alpha \vec{E}$$

Wobei α die Polarisierbarkeit ist und \vec{E} das elektrische Feld.

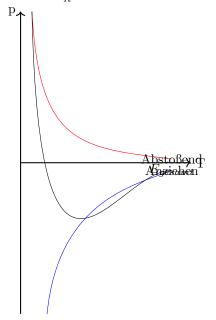
$$\cdot H \xrightarrow{} H \cdot \xrightarrow{} \cdot \cdot H \xrightarrow{} H$$

Momentanes Dipolmoment.

Es gibt folgende Wechselwirkungen:

- elektirscher Dipol elektrischer Dipol
- elektrischer Dipol induzierter Dipol
- momentaner Dipol induzierter Dipol

Alle Dipol-Dipol-Wechselwirkungen (Van-der-Waals-Wechselwirkungen) $E_{WW} \propto 1\frac{1}{R^6}$



$$E_{gesamt} = 4\epsilon \left\{ \left(\frac{r_0}{R}\right)^{12} - \left(\frac{r_0}{R}\right)^6 \right\}$$

Lennard-Jones-Potential, wobei ϵ mol. Parameter: μ, α Definitiv eine wichtige Gleichung.

2.4 Reale Gase

Kompressabilitätsfaktor:

$$Z = \frac{pV}{nRT} = 1 + \dots$$

Lösugsansätze:

 $\bullet\,$ Korrekturterme \to Van der Waals Gasgleichung

• Reihenenwicklung \rightarrow Virial Gleichung

2.4.1 Van der Waals Gleichung

1) Eigenvolumen

Kovolumen: $\frac{\frac{4}{3}\pi(2r)^3}{2} = 4V_{Molek.} \Rightarrow p = \frac{nRT}{V-nb}$ wobei $b = 4V_{Molek.}N_A$

2) Anziehung der Moleküle: $-a\left(\frac{n}{V}\right)^2 \Rightarrow p = \frac{nRT}{V-nb} - a\left(\frac{n}{V}\right)^2$

$$p = \frac{RT}{V_m - b} - \frac{a}{V_m^2}$$

2.4.2 Virialgleichung:

$$Z = 1 + B_p(T) \cdot p + C_p(T)p^2 + \dots$$

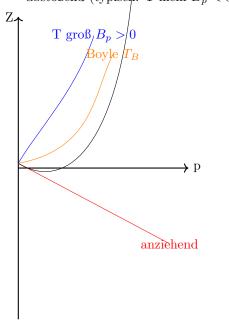
Wobei $B_p(T)$ der zweite Virialkoeffizient folgendes beinhaltet bzw. davon abhängig ist:

• Eigenvolumen

• Intermolekulare Wechselwirkungen

 \bullet Temperatur

abstoßend (typisch: T klein $B_p < 0$)



$$Z = 1 + \frac{B_V(T)}{V} + \frac{C_V(T)}{V_m^2} + \dots$$

2.4.3 Kondensation

p,V-Diagramm

2.4.4 Kritischer Punkt

$$V_{m,g} = V_{m,l}$$

$$p_g = p_l$$

 $T > T_{Krit}$ nur Gas

da $p\approx p_l$ überkritischen Fluid

$$\mathrm{CO_2}\ T_{Krit} = 31\,^{\circ}\mathrm{C}$$

Kritische Größen:

- T_{Krit}
- p_{Krit}
- \bullet V_{Krit}

$$V_{red} = \frac{V_m}{V_{m,Krit}} (\text{reduziertesVolumen})$$

$$p_{red} = \frac{p}{p_{Krit}} (\text{reduzierterDruck})$$

$$T_{red} = \frac{T}{T_{Krit}} (\text{reduzierteTemperatur})$$

Erster Hauptsatz der Thermodynamik 3

3.1 Arbeit, Wärme und Energie

Energie E: Fähigkeit Arbeit zu verrichten E[J]

- \hookrightarrow Energieänderung ΔE :
 - Leistung von Arbeit w[J]
 - Austausch von Wärme q[J]

Vorzeichen (q, w) positiv, wenn dem System Energie zugefügt wird.

3.1.1 Arbeit = $Kraft \cdot Weg$

$$w = \vec{F} \cdot \vec{s} = \left| \vec{F} \right| |\vec{s}| \cos \varphi$$

 \hookrightarrow " · " ist hier ein Skalarprodukt. \hookrightarrow " φ " ist hier der Winkel zwischen Kraft und Weg.

Allgemein:

$$F \neq \text{konstant}; dw = \vec{F} \cdot d\vec{s}$$

Integration:

$$w = \int_A^E \, dw = \int_{s_1}^{s_2} \vec{F} \cdot d\vec{s} \, dw$$

3.1.2 Volumenarbeit

Volumenarbeit wird immer wie folgt geleistet:

- am System
- gegen einen äußeren Druck

$$dw = \vec{F} \cdot d\vec{z}$$

Es gilt $p_{ex} = \frac{F}{A}$ und $dz = \frac{dV}{A}$, somit:

$$dw = p_{ex}A\frac{dV}{A}$$

$$dw = -p_{ex}dV$$

Kraft und Weg entgegengesetzt.

$$W = -\int_{z_1}^{z_2} F \, dz = -\int_{V_A}^{V_E} p_{ex} \, dV$$

Beispiel 1 (Ein Ballon)

$$p_{ex}=0, w=? \rightarrow w=-\int_{V_A}^{V_E} p_{ex} \, dV=0;$$
 Freie Expansion

Beispiel 2

$$p_{ex} = \text{konst.}, w = -\int_{V_A}^{V_E} p_{ex} \, dV = -p_{ex} \int_{V_A}^{V_E} dV = -p_{ex} (V_E - V_A) = -p_{ex} \Delta V$$

Beispiel 3 isotherme, reversible Expansion

$$T = \text{konst}, p_{ex} = p_{in}, T_{ex} = T_{in}$$

$$w = -\int_{V_A}^{V_E} p \, dV = -nRT \int_{V_A}^{V_E} \frac{1}{V} \, dV = nRT \ln(V)|_{V_A}^{V_E} = -nRT (\ln(V_E) - \ln(V_A)) = -nRT \ln\left(\frac{V_E}{V_A}\right)$$

 $|w_{rev}|_{p_{in}=p_{ex}} > |w_{innen}|_{p_{ex}=\text{konst.}}$

3.1.3 Wärme

$$T_{Sustem} = T_S, T_{Umaebung} = T_U$$

$$T_S > T_U$$

Somit muss eine Wärmemenge q ausgetauscht werden.

Wenn keine Phasenänderungen und keine chemische Reaktionen stattfinden:

$$q \varpropto C \Delta T$$

Wobei C die Wärmekapazität ist.

Um nun die intensiven Zustandsgröße Wärmekapazität zu einer extensiven Zustandsgröße zu machen, wird die spezifische Wärmekapazität berechnet:

$$C_S = \frac{C}{m}$$

Oder die molare Wärmekapazität:

$$C_m = \frac{C}{n}$$

3.2 innere Energie und der 1. Hauptsatz

Gesamtenergie = äußere Energie \leftrightarrow äußere Koordinaten (Höhe) + Innere Energie \leftrightarrow innere Koordinaten (p, V, T, n) Änderung der inneren Energie (Zustandsgröße, extensive Größe)

$$\Delta U = U_E - U_A = q + w$$

1. Hauptsatz (ab)geschlossene Systeme

$$U_1(\text{Zustand 1}) \xrightarrow{\text{Weg 1}} U_2(\text{Zustand 2})$$

 ${\cal U}$ muss eine Zustandsgröße sein, sonst wäre ein perpetum mobile möglich. adiabatische Prozesse

$$q = 0 \rightarrow \Delta U = w$$

isochor:

$$\Delta V = 0 \rightarrow p\Delta V = 0, w = 0 \rightarrow \Delta U = q$$

abgeschlossen

$$\Delta U = 0$$

Zustandsgröße UWeggröße q, wÄnderung:

$$dU = \delta q + \delta w$$

Endliche Änderung:

$$\Delta U = U_E - U_A = \int_{U_A}^{U_E} dU$$

$$q = \int_{A}^{E} \delta q \neq q_e - q_a = \Delta q$$

K, n, p, VT (S)

3.2.1 thermische zustandsgleichungen (pV = nRT)

kalorische zustandsgleichung:

$$U = f(V, T)$$
?

totales Differential:

$$dU = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V dT + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T dV$$

Verknüpfung mit dem 1. Hauptsatz $dU = \delta q + \delta w$ Wenn nur Volumenarbeit:

$$-p_{ex} dV + \delta q = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_{V} dT + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_{T} dV$$

Bei isochoren Prozessen: dV = 0

$$\delta q = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V dT = C_V dT \Rightarrow dU = C_V dT$$

Da $\left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V=C_V$ ist, $(C_V=$ Wärmekapazität bei konstantem Volumen) Für einatomige Gase:

$$U_m = N_A \langle E_{kin} \rangle = \frac{3}{2}RT \rightarrow C_V, m = \left(\frac{\partial U_m}{T}\right)_V = \frac{3}{2}R = 24, 9 \frac{\mathrm{J}}{\mathrm{K} \cdot \mathrm{mol}}$$

3.2.2 Freie Expansion

empirisch
$$q = 0$$

 $p_{ex} = 0 \rightarrow w = 0$
 $\hookrightarrow \Delta U = 0$

somit

$$dU = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V dT + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T dV = 0$$

Wobei $\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T dV$ der Binnendruck π_T ist.

Wenn isotherm:

$$dT = 0 \to \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_V = 0$$

 \hookrightarrow ideales Gas

$$dU = D_V dT + 0$$

Ideales Gas.

$$dU = C_V dT + \pi_T dV$$

Reale Gase.

3.3 Enthalpie

isobare Prozesse:

- $dU = \delta q + \delta w$
- $(dU)_p = \delta q_p pdV$
- Integration $\Rightarrow \Delta U = U_E U_A = q_p p(V_E V_A)$
- Umschreiben $q_p = (U_E + pV_E) (U_A + pV_A) = \Delta(U + pV)$
- Definition H = U + pV Enthalpie
- dH = dU + d(pV) = dU + pdV + Vdp $= \delta q + \delta w + p dV + V dp = \delta q - p dV + p dV + V dp$ $\Rightarrow dH = \delta q + V dp$
- H = H(p, T)
- $dH = \left(\frac{\partial H}{\partial T}\right)_p dT + \left(\frac{\partial H}{\partial p} dp\right)$

3.3.1 Temperaturabhängigkeit (p = konstant)

$$dH = \delta q_p = \left(\frac{\partial H}{\partial T}\right)_p dT$$

Wobei $\left(\frac{\partial H}{\partial T}\right)_p$ die C_p Wärmekapazität bei konstantem Druck ist ideale Gase $C_p - C_V = nR$

Für Flüssigkeiten: $\Delta V \approx 0$

Für Feststoffe: $\Delta p \approx 0$

$$\hookrightarrow \Delta H \approx \Delta U, C_p = C_V$$

Druckabgängigkeit der Enthalpie (Entspannung durch Drossel)

Kompression links $V_A \to 0$

$$w = -p\Delta V = -p_a(0 - V_A) = pV_A$$

Espansion rechts

$$w = -p\Delta V = -p_E(V_E - 0) = -p_E V_E$$

Gesamtarbeit: $w = p_A V_A - p_E V_E$

$$\Delta U = U_E - U_E = w = p_a V_A - P_e V_E$$

Somit

$$U_E + p_E v_E = U_A + p_A V_a$$

$$H_E = H_A$$

Dies nennt man einen isenthalpischen Prozess, da die Anfangs- und Endenthalpie gleich sind. totales Differential:

$$dH = \left(\frac{\partial H}{\partial T}\right)_p dT = \left(\frac{\partial H}{\partial p}\right)_T dp$$

Hier:

$$0 = C_p dT + \left(\frac{\partial H}{\partial p}\right)_T dp$$

Umschreiben:

$$\mu = \left(\frac{\partial T}{\partial p}\right)_H = -\frac{1}{C_p} \left(\frac{\partial H}{\partial p}\right)_T$$

Wobei μ der Joule-Thomson-Koeffizient ist.

Kalometrische Zustandsgleichung für H:

$$dH = C_p dT - \mu C_p dp$$

Wobei $\mu C_p = 0$ für ein ideales Gas ist.

3.4 Kalorimetrie: Messung von Wärmeeffekten Schmelzenthalpien und Reaktionsenthalpien Grundlagen:

isochor
$$q_V = du$$

isobar $q_p = dH$

Kalorimetrie: Bestimmung von q aus T-Änderung.

$$q = C\Delta T$$

 \hookrightarrow Wärmekapazität des Kalorimeters, Kalorimeterkonstante

3.4.1 Adiabatisches Bombenkalorimeter

- Kalibrierung
- $\bullet\,$ Bekannte Wärmemenge q=VIt
- Messen Temperaturänderung

3.5 Adiabatisches Verbrennungskalorimeter

$$q_p = C_p \Delta T$$

$$q_p + q_{p,ex} = (C_p + C_{p,ex}) \Delta T$$

$$C_{p,ex} = \frac{q_{p,ex}}{\Delta T} = \frac{p_{ex}}{\alpha} \to \Delta H = \int_{T_1}^{T_2} C_{p,ex} dT$$

Heizrate:

$$\frac{\Delta T}{\Delta t}$$

Heizleistung:

$$\frac{q_{p,ex}}{\Delta t} = p_{ex}$$

3.6 Thermochemie - Wärmeeffekte chemischer Reaktionen

$$q_p = \Delta H$$
, chemische Reaktion: $\Delta_R H$

$$aA + bB \longrightarrow cC + dD$$

$$\Delta_R H = cH_c + dH_d - (aH_a + bH_b)$$

Es gilt:

 $\Delta_R H < 0$: exotherm

 $\Delta_R H > 0$: endotherm

3.6.1 Standardreaktionsenthalpie

$$\Delta_R H^0 = \sum \ (\mbox{Produkte}) \ \nu_i H^0_{m,i} - \sum \ (\mbox{Edukte}) \ \nu_i H^0_{m,i}$$

 H_m^0 Standardenthalpie

Standardbildungsenthalpie $\Delta_B H^0$

Bildungsenthalpie (Reaktionsenthalpie für die Bildung aus Elementen im Standardzustand) (Standardzustand heißt: stabilste Form bei p = 1 bar)

Bei 298 °C Ns_(g), Hg_(l), C (Graphit)

3.6.2 Datz von Hess

$$C_{(s)} + \frac{1}{2} O_{2(g)} \longrightarrow CO_{(g)} \Delta_R H_1$$

$$\mathrm{CO}_{(\mathrm{g})} + \frac{1}{2}\,\mathrm{O}_{2(\mathrm{g})} \longrightarrow \mathrm{CO}_{2(\mathrm{g})}\Delta_R H_2 = -283 \frac{\mathrm{kJ}}{\mathrm{mol}}$$

$$C_{(s)} + O_{2(g)} \longrightarrow CO_{2(g)} \Delta_R H_3 = -394 \frac{kJ}{mol}$$

$$\Delta_R H_1 + \Delta_R H_2 = \Delta_R H_3 \Leftrightarrow \Delta_R H_1 = \Delta_R H_3 - \Delta_R H_2 = -111 \frac{\text{kJ}}{\text{mol}}$$

3.6.3 Kirchhoffsches Gesetz

$$H(T_2) = H(T_1) + \int_{T_1}^{T_2} C_p dT = H(T_1) + C_p \Delta T$$

Weg I:

$$\Delta H^{0}(I) = \Delta_{R} H^{0}(T_{1}) + \Delta_{Erw} H^{0}(T_{1} \to T_{2}) = \Delta_{R} H^{0}(T_{1}) + (C_{p,m}^{0}(C) + C_{p,m}(D))\Delta T$$

Weg II:

$$\Delta H^0(II) = \Delta_{Erw} H^0(T_1 \to T_2) + \Delta_R H^0(T_2) = (C^0_{p,m}(A) + C^0_{p,m}(B))\Delta T + \Delta_R H^0(T_2)$$

$$\Delta_R H^0(T_2) = \Delta_R H^0(T_1) + (C^0_{p,m}(C) + C^0_{p,m}(D) - C^0_{p,m}(A) - C^0_{p,m}(B))\Delta T = \Delta_R H^0(T_1) + \Delta_R C^0_p \Delta T$$

4 Der 2. Hauptsatz

- 2. Hauptsatz nach Clausius: Wärme verbreitet nicht spontan von kalt nach warm.
- 2. Hauptsatz nach Kelvin: Kreisprozess, wobei q vollständig in Arbeit w umgesetzt wird ist unmöglich!

4.1 Carnotscher Kreisprozess

isotherme Prozesse (reversibel) ideales Gas

$$dU = \delta q - pdV = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V dT + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T dV$$

 $\Rightarrow dU = 0$ und $\delta q = pdV$

Expansion: dV > 0

Kompression: dV < 0

Für den Prozess $V_A \to V_E$ gilt:

$$W = -\int_{V_A}^{V_E} p\,dV = -nRT\int_{V_A}^{V_E} \frac{1}{V}\,dV = -nRT\ln\left(\frac{V_E}{V_A}\right) = -q_{Exp}$$

Für den Prozess $V_E \to V_A$ gilt:

$$W = -nRT \ln \left(\frac{V_A}{V_E}\right) = -q_{Kom}$$

4.1.2 Adiabatische Prozesse (reversibel) (q = 0)

Bei Expansion $W < 0 \Rightarrow \Delta U < 0$

$$\Delta U = \int_{T_1}^{T_2} C_V dT = C_V \Delta T$$

$$\Delta U_{\text{adiabatisch}} = C_V \Delta T$$

$$\Delta U = q + w \Rightarrow w = C_V \Delta T$$

4.1.3 Adiabatengleichung

$$dU = D_V dT = -p dV = -\frac{nRT}{V} dV$$

Um dies nun zu integrieren, ist eine Trennung der Variablen notwendig.

$$-nR\frac{dV}{V} = C_V \frac{dT}{T}$$

$$-R \int_{V_A}^{V_E} \frac{1}{V} \, dV = \int_{T_A}^{T_E} \frac{1}{T} \, dT$$

Mit der Annahme $C_V \neq C_V(T)$ ist folgendes Möglich:

$$-nR\ln\left(\frac{V_E}{V_A}\right) = C_V \ln\left(\frac{T_E}{T_A}\right)$$

Einsetzen von $nR = C_p - C_V$:

$$-\frac{C_p - C_V}{C_V} \ln \left(\frac{V_E}{V_A}\right) = \ln \left(\frac{T_E}{T_A}\right), \, \gamma = \frac{C_p}{C_V} > 1$$

$$(\gamma - 1) \ln \left(\frac{V_A}{V_E}\right) = \ln \left(\frac{T_E}{T_A}\right)$$

$$\ln\left(\frac{V_A}{V_E}\right)^{\gamma-1} = \ln\left(\frac{T_E}{T_A}\right)$$

Dies ist die Adiabatengleichung. Mit $T=\frac{pV}{nR}$ ist noch folgende Umformung möglich:

$$p_E V_E^{\gamma} = p_A V_A^{\gamma}$$

4.1.4 Carnotscherkreisprozess

Schritt
 q
 w

 1

$$q_w = nRT_w \ln \frac{V_B}{V_A}$$
 $w_1 = -nRT \ln \frac{V_B}{V_A} < 0$

 2
 $q_2 = 0$
 $w_2 = C_V \Delta T = C_V (T_K - T_w) < 0$

 3
 $q_k = nRT \ln \frac{V_D}{V_C}$
 $w_3 = -nRT \ln \frac{V_D}{V_C} > 0$

 4
 $q_4 = 0$
 $w_4 = C_V \Delta T = C_V (T_W - T_K) > 0$

$$\begin{split} \Delta U &= q + w = q_w + q_k + w_1 + w_2 + w_3 + w_4 = 0 \Rightarrow w = -(q_w + q_k) \\ w &= -nRT_w \ln \frac{V_B}{V_A} + C_V(T_K - T_W) - nRT_k \ln \frac{V_D}{V_C} + C_V(T_W - T_K) \\ &= -nRT_W \ln \frac{V_B}{V_A} - nRT_K \ln \frac{V_D}{V_C} \\ \frac{T_W}{T_K} &= \left(\frac{V_C}{V_B}\right)^{\gamma - 1} \Rightarrow \left(\frac{V_D}{V_C}\right) = \left(\frac{V_A}{V_B}\right) \text{ in "überstehende Gleichung:} \\ w &= -nRT_W \ln \frac{V_B}{V_A} - nRT_K \ln \frac{V_A}{V_B} \\ &= -nRT(T_W - T_K) \ln \frac{V_B}{V_A} \end{split}$$

4.1.5 Wärmekraftmaschine

• Dampfturbine

4.1.6 Wirkungsgrad

$$\eta = \frac{\text{geleistete Arbeit}}{\text{aufgenommene W\"arme}} = \frac{-w}{q_w} = \frac{T_W - T_K}{T_W} = 1 - \frac{T_K}{T_W} < 1$$

$$w = -nRT(T_W - T_K) \ln \frac{V_B}{V_A}$$

$$q_w = nRT_W \ln \frac{V_B}{V_A}$$

5 Entropie

$$\begin{split} q_w &= nRT_W \ln \frac{V_B}{V_A} \Leftrightarrow \frac{q_w}{T_w} = nR \ln \frac{V_B}{V_A} \\ q_k &= nRT_K \ln \frac{V_D}{V_C} \Leftrightarrow \frac{q_k}{T_K} = nR \ln \frac{V_D}{V_C} \\ \frac{q_w}{T_W} + \frac{q_k}{T_K} = nR \ln \frac{V_B}{V_C} + nR \ln \frac{V_D}{V_C} = 0 \\ \sum \frac{q_{rev}}{T} = 0 \end{split}$$

5.0.1 Definition der Zustandsgröße Entropie S

$$dS_{Sys} = \frac{q_{rev}}{T}$$
$$\Delta S_{Sys} = \frac{q_{rev}}{T}$$

Für die Umgebung gilt:

$$V = \text{konst.} \Rightarrow w = 0$$

$$\Rightarrow dU = \partial q$$

$$dS_{Sys} = \frac{\partial q_{Umg}}{T_{Umg}}$$

5.0.2 Isotherme ($\Delta T = 0$), reversible Expansion

$$\Delta_{Sys} = \int_{A}^{E} \frac{\partial q_{res}}{T} = \frac{1}{T} \int_{A}^{E} \partial q_{res} = \frac{q_{res}}{T}$$
$$q = nRT \ln \frac{V_E}{V_A}$$
$$\Rightarrow \Delta_{Sys} = nR \ln \frac{V_E}{V_A} > 0$$

5.0.3 adiabatische, reversible Expansion

$$\Delta_{Sys} = 0, \, q_{res} = 0$$

5.0.4 Isobarer Phasenübergang

$$\Delta p = 0 \Rightarrow \partial q_p = dH$$

$$\Delta S_{Sys} = \frac{q_p}{T_{Trans}} = \frac{\Delta_{Trans} H}{T_{Trans}}$$

5.0.5 Isobare Erhitzung

$$\Delta p = 0, \ \partial q = dH = C_p \ dT$$

$$\Delta S_{Sys} = \int_A^E \frac{\partial q_{rev}}{T} = \int_{T_A}^{T_E} C_p \frac{1}{T} \ dT = C_p \ln \frac{T_E}{T_A}$$

5.0.6 Beliebiger Kreisprozess ist die Summe von Carnotprozessen

$$\oint \frac{\partial q_{rev}}{T} = 0$$

5.0.7 Wärme Austausch zwischen einem warmen und einem kalten Reservoir

	Wärme A	WärmeB	Arbeit
hin(irreversibel)	$-q_k$	q_k	0
zurück $(reversibel)$	q_w	-q-k	$-nR(T_W - T_K) \ln \frac{V_B}{V_A} > 0$
Summe	$q_w - Q_k > 0$	0	$-nR(T_W - T_K) \ln \frac{V_B}{V_A} < 0$
	plus an Wärme		Minus an Arbeit

	ΔU_{Sys}	Wärme umgebung	Arbeit Umgebung
hin(irrev)	$0 = -q_1 + p_z \Delta V$	$-q_1 = -p_z \Delta V$	$-p_E\Delta v$
$\ddot{\mathrm{ruck}}(\mathrm{rev})$	$0 = -q_2 + nRT \ln \frac{V_E}{V_A}$	$q_w 0nRT \ln \frac{V_E}{V_A}$	$-nRT \ln \frac{V_E}{V_A}$
Summe	0	$nRT \ln \frac{V_E}{V_A} - p_{ex}\Delta V > 0$	$-nRT\ln\frac{V_E}{V_A} - p_E\Delta V < 0$

$$\Delta S_W = -\frac{|q|}{T_W}$$

$$\Delta S_K = \frac{||q|}{T_K}$$

$$\Delta S_{Ges} = \Delta S_W + \Delta S_K = q(\frac{1}{T_K} - \frac{1}{T_W}) > 0$$

$$\Delta S_{Ges} > 0 \text{ bei freiwilligen Prozessen}$$

5.1 Volumenänderung

 \rightarrow Irreversibel

$$\begin{split} \Delta S_{Umg} = ? \\ \Delta S_{Sys} = ? \\ \text{Umgebung} q = -w \\ w = -\int_{V_A}^{V_E} p_{ex} \, dV = -p_{ex} \Delta V \\ \Delta S_{Umg} = \frac{q_{Umg}}{T_{Umg}} = \frac{-q}{T_{Umg}} = \frac{-p_{ex} \Delta V}{T_{Umg}} < 0 \\ \Delta S_{Sys} = \frac{q_{rev}}{T} = \frac{-w}{T} = \frac{nRT \ln \frac{V_E}{V_A}}{T} = nR \ln \frac{V_E}{V_A} > 0 \\ \Delta S_{Ges} = \Delta S_{Sys} + \Delta D_{Umg} > 0 \end{split}$$

5.1.1 Clausiussche Ungleichung

reversibel:
$$dU = \delta q_{rev} - p \, dV$$

irreversibel: $dU = \delta q - p_{ex} \, dV$
 $\delta q_{rev} - \delta q = (p - p_{ex}) \, dV$
 $\Rightarrow \delta q_{rev} - \delta q \geqslant 0$
 $dS = \frac{\delta q_{rev}}{T} \Leftrightarrow \delta q_{rev} = T \, dS$
 $T \, dS \geqslant \delta q$
Clausiussche Ungleichung: $dS_{Sys} \geqslant \frac{\delta q}{T}$
 $\Delta S \geqslant \frac{q}{T}$

> für irreversible Prozesse = für reversible

	reversibel	irreversibel
geschlossen $(q \neq 0)$	$\Delta S = \frac{q_{rev}}{T}$	$\Delta S - \frac{q_{irrev}}{T} > 0$
abgeschlossen $(q = 0)$	$\Delta S = 0$	$\Delta S > 0$

Beispiel: Universum

reversible Prozesse Entropie des Universums bleibt gleich irreversible (spontante) Prozesse, die Entropie nimmt zu.

6 3.Hauptsatz der Thermodynamik

Empirisch Nernst'sche Wärmetheorie

$$\lim_{T \to 0} \Delta S = 0$$

Reaktion:

$$\Delta S = \sum_{i} \nu_{i} S_{m,i} \Rightarrow \lim_{T \to 0} \Delta S = 0, S(\text{Edukte}) \approx S(\text{Produkte})$$

 $S_m(T=0\,\mathrm{K})$ ist stoffunabhängig

Postulieren $S_m(T=0 \text{ K}) = 0$ für perfekte Kristalle

Beispiel:

Phasenübergang $S(\beta) \to S(\alpha)$

$$\Delta S = \int_{A}^{E} \frac{\delta q_{rev}}{T} = \int_{300K}^{0K} c_p \frac{1}{T} dT$$

Freie Energiegrößen

Smausius Ungleichung

$$dS > \frac{\delta q}{T} \Leftrightarrow TdS - \delta q > 0$$
 (spontante Prozesse)

isochor:

$$dU = \delta q_V$$
$$dU - T dS < 0$$

A = U - TS Freie Energie, Helmholtz-Energie (Zustandsgröße)

$$dA = dU - d(TS) = dU - T dS - S dT$$

- isotherm dA = dU T dS
- spontan dA < 0
- nicht spontan dA > 0
- Gleichgewicht dA = 0

$$T dS - \delta q \ge 0$$

$$dU = \delta q + \delta w$$

$$\Rightarrow \delta w \ge dU - T dS$$

$$\delta w_{max} = dU - T dS = dA(V = T = \text{konst})$$

A ist der maximale für Leistung von Arbeit verfügbarer Teil der inneren Energie.

isobar:

$$dH = \delta q_p$$
 freiwillig: $dH - T\,dS < 0$ für reversible: $dH - T\,dS = 0$
$$G = H - TS \text{ Freie Enthalpie, HGibbs Energie}$$

$$dG = dH - T\,dS - S\,dT$$
 isotherm:
$$dG = dH - T\,dS \Leftrightarrow \Delta G = \Delta H - T\Delta S$$
 freiwillig: $\Delta G < 0$ exergonisch nicht freiwillig $\Delta G > 0$ endergonisch

$7 \quad 1. + 2.$ Hauptsatz

$$\begin{split} dU &= \delta w + \delta q \Rightarrow dU = T \, dS - p \, dV \text{ Fundamentalgleichung der inneren Energie} \\ H &= U + pV \Rightarrow dH = dU + p \, dV + V \, dp \Rightarrow dH = T \, dS + V \, dp \, (S,p) \\ A &= U - TS \Rightarrow dA = dU = T \, dS - S \, dT \Rightarrow dA = -S \, dT - p \, dV \, (T,V) \\ G &= H - TS \Rightarrow dG = dH - T \, dS - S \, dT \Rightarrow dG = -S \, dT + V \, dp \, (T,p) \\ dU &= \left(\frac{\partial U}{\partial S}\right)_V \, dS + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_S \, dV = T \, dS - p \, dV \end{split}$$

7.0.1 Satz von Schwartz

$$\begin{split} \frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\partial f}{\partial y} \right)_x &= \frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\partial f}{\partial x} \right)_y \\ U &= U(S,V), \, dU = T \, dS - p \, dV \\ \frac{\partial}{\partial V} \left(\frac{\partial U}{\partial S} \right)_V &= \frac{\partial}{\partial S} \left(\frac{\partial U}{\partial V} \right)_S \Rightarrow \left(\frac{\partial T}{\partial V} \right)_S = - \left(\frac{\partial p}{\partial S} \right)_V \end{split}$$

7.0.2 Guggenheim

$$SUV \\ + HA \\ pGT$$

$$dG = V dp + D dT$$

$$S = -\frac{\partial G}{\partial T} = -\frac{\partial A}{\partial T}$$

7.0.3 T-, p-Abhängigkeit von G

$$\left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_p = -S$$

$$\left(\frac{\partial G}{\partial p}\right)_T = V$$

7.0.4 T-Abhängigkeit von G

$$\Delta D = G_E - G_A$$

G in Feststoffen nimmt nur langsam ab, in Flüssigkeiten etwas schneller und in Gasen sehr rapide.

7.0.5 Gibbs-Helmholtz Gleichung

$$\begin{split} \Delta G &= \Delta H - T \Delta S \\ G &= H - T S \Leftrightarrow S = -\frac{G - H}{T} \text{ Einsetzen } S = -\frac{\partial G}{\partial T_p} \\ & \left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_p = \frac{G - H}{T} \\ & \frac{\partial}{\partial T} \left(\frac{G}{T}\right) = \frac{1}{T} \frac{\partial G}{\partial T} - \frac{G}{T^2} = \frac{1}{T} \left(\left(\frac{\partial G}{\partial T}\right) - \frac{G}{F}\right) \\ & \frac{\partial}{\partial T} \left(\frac{G}{T}\right) = -\frac{H}{T^2} \\ & \frac{\partial}{\partial T} \left(\frac{\Delta G}{T}\right)_p = -\frac{\Delta H}{T^2} \end{split}$$

 \rightarrow Gibbs-Helmholtz Gleichung

7.0.6 p-Abhängigkeiten $V_{gas} >> V_l > V_s$ bei T =konst

$$\begin{split} \int_{G_A}^{G_E} dG &= \int_{T_A}^{T_E} - S \, dT + \int_{p_A}^{p_E} V \, dp \\ \Delta G &= \int_{p_A}^{p_E} V \, dp \\ \text{solid, liquid: } \Delta G = V \Delta p \\ \text{gas: } \Delta G &= \int_{p_A}^{p_E} V_m \, dp = RT \int_{p_A}^{p_E} \frac{1}{p} \, dp = RT \ln \frac{p_E}{p_A} \end{split}$$

7.0.7 chemisches Potential

G extensive Größe

 $G_m = \frac{G}{n}$ hier ist n die Stoffmenge

Gemisch.

Chemisches Potential
$$\mu_i = \left(\frac{\partial G}{\partial n_i}\right)_{p,T,n'}$$

$$G(p,T,n_1,n_2,n_s,\ldots,n_k) \Rightarrow dG = \left(\frac{\partial G}{\partial p}\right)_{T,n_i} dp + \left(\frac{\partial G}{\partial T}\right)_{p,n} dT + \left(\frac{\partial G}{\partial n_1}\right)_{p,T,n'} dn_1 + \left(\frac{\partial G}{\partial n_2}\right)_{p,T,n'} dn_2$$

$$dG = V dp - S dT + \sum_{i=1}^{k} \mu_i dn_i$$

$$T, p = \text{const.} \Rightarrow dG = \sum_{i=1}^{k} \mu_i \, dn_i$$

$$G = \sum_{i=1}^{k} \mu_i n_i$$

$$dU = T dS - p dV$$

$$S, V = \text{const.} \Rightarrow dU = \sum_{i=1}^{k} \mu_i \, dn_i \Rightarrow \mu_i = \left(\frac{\partial U}{\partial n_i}\right)_{V, S, n'}$$

8 zustandsänderung

8.1 Einkomponentensysteme

Übergänge zwischen Aggregatzuständen: $s \Leftrightarrow l \Leftrightarrow g$ (natürlich ist auch möglich: $s \Leftarrow g$)

Allotropen: Strukturformen eines Elements: C: Diamand, Graphit

Polymorphen: Strukturformen einer Verbindung im gleichen Aggregatzustand geordnete/ungeordnete Phasen

Phasenübergänge = spontaner Übergänge von einer Phase zur anderen

Thasehubergange — spontaner Obergange von einer Thase

Thermodynamisch: $\Delta_{Trans}G < 0$ exergonisch

$$\Delta_{Trans}G = \Delta_{Trans}H - T_{Trans}\Delta_{Trans}S$$

NICHT in der TD. Kinetik. Diamant \rightarrow Graphit $\Delta G < 0$

8.2 Gibbsche Phasenregel

$$F = K - P + 2$$

F: Anzahl der Freiheitsgrade p, T, Zusammensetzung

K: Anzahl der Komponenten

P: Anzahl der Phasen (s,l,g,...)

Beispiel für ein Glas Wasser::

$$H_2O_{(1)}: K = 1, P = 1 \Rightarrow F = 2$$

$$H_2O_{(l,s)}: K = 1, P = 2 \Rightarrow F = 1$$

$$H_2O_{(l,s,q)}: K = 1, P = 3 \Rightarrow F = 0$$

8.3 Phasendiagramm (K = 1)

graphische Darstellung der Stabilität von verschiedenen Phasen in einem p, T-Diagramm

8.3.1 Thermodynamik von Phasenübergängen

Phasengrenzlinie: thermodynamisches GGW zwischen Phasen

thermisches Ggw: $T^{\alpha} = T^{\beta}$

mechanisches Ggw: $p^{\alpha}=p^{\beta}$ chemisches Ggw: $\mu_{i}^{\alpha}=\mu_{i}^{\beta}$ für eine Komponente: $G_{m}^{\alpha}=G_{m}^{\beta}$

$$\begin{split} G_m^\alpha &= G_m^\beta \\ dG_m^\alpha &= dG_m^\beta \\ V_m^\alpha \, dp - S_m^\alpha \, dT &= V_m^\beta \, dp - S_m^\beta \, dT \\ (V_m^\beta - V_m^\alpha) \, dp &= (S_m^\beta - S_M^\alpha) \, dT \\ &= \frac{dp}{dT} = \frac{S_M^\beta - S_m^\alpha}{V_m^\beta - V_m^\alpha} \\ &= \frac{\Delta_{Trans} S_m}{\Delta_{Trans} V_m} = \frac{\Delta_{Trans} H_m}{T_{Trans} \Delta_{Trans} V_m} \end{split}$$

Clapeyronsche Gleichung.

8.3.2 Schmelzdruckkurve

$$\frac{dp}{dT} = \frac{\Delta_{sm}H_m}{T\Delta_{sm}V_m}$$

$$\Delta_{sm}H_m > 0$$

$$\Delta_{sm}V_m > 0$$

$$\int_{p_1}^{p_2} dp = \int_{T_1}^{T_2} \frac{1}{T} dT$$

$$\int_{p_1}^{p_2} dp = \frac{\Delta_{sm}H_m}{\Delta_{sm}V_m} \int_{T_1}^{T-2} \frac{1}{T} dT$$

$$p_2 = p_q + \frac{\Delta_{sm}H_m}{\Delta_{sm}V_m} \ln \frac{T_2}{T_1}$$

$$\ln(\frac{T_2}{T_1}) = \ln\left(1 - \frac{T_2 - T_1}{T_1}\right)$$

$$p_2 \approx p_1 + \frac{\Delta_{sm}H_m}{\Delta_{sm}V_m} \left(\frac{T_2 - T_1}{T_1}\right)$$

8.3.3 Siededruckkurve

$$\begin{split} \frac{dp}{dT} &= \frac{\Delta_V H_m}{T_V \Delta_V V_m} \\ V_m^g &= \frac{RT}{p} \\ \frac{dp}{dT} &= \frac{p \Delta_V H_m}{RT^2} \\ \frac{1}{p} dp &= \frac{\Delta_V H_m}{R} \int_{T_1}^{T_2} \frac{1}{T^2} dT \\ \ln \frac{p_2}{P_1} &= -\frac{\Delta_V H_m}{R} \left(\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1}\right) \\ \Rightarrow p_2 &= p_1 e^{-\frac{\Delta_V H_m}{R} \left(\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1}\right)} \end{split}$$

Augussche Dampfdruckformel

$$\frac{dp}{p} = \frac{\Delta_s ub H_m}{R} \frac{dT}{T^2}$$

$$p_2 = p_1 e^{-\frac{\Delta_{sm} H_m}{R} \left(\frac{1}{T_2} - \frac{1}{T_1}\right)}$$

$$\Delta_{Sub} H_m = \Delta_{sm} H_m + \Delta_V H_m$$