Contents

1 Thermodynamik für Knechte

1.1 Was ist Thermodynamik?

Thermodynamik:

- makroskopische Skala
- Umwandlungen von Energie
 - Austausch von Wärme
 - Leistung von Arbeit
- Gleichgewicht
- Richtung von spontanen Prozessen

Chemische Thermodynamik: Lage der chemischen Gleichgewichte

Wärmeeffekte dhemischer Reaktionen

Technische Thermodynamik: Umsetzung von Wärme und Arbeit

$$N_2 + 3 H_2 \longrightarrow 2 NH_3$$

$$250-300 \text{ bar}$$

 $450-550^{\circ}$

MeOH Automobilantrieb:

$$\mathrm{CH_3OH} + \tfrac{3}{2}\mathrm{O_2} \longrightarrow \mathrm{CO_2} + \mathrm{H_2O}$$

Anode

$$CH_3OH + H_2O \longrightarrow 6H^+ + 6e^- + CO_2$$

Kathode

$$\frac{3}{2}$$
O₂ + 6 H⁺ + 6 e⁻ \longrightarrow 3 H₂O

1.2 Thermodynamische Systeme

Definitionen:

System: Der Teil des Universums, der uns interessiert

Umgebung: Der Rest (der im Kontakt mit dem System steht)

Grenze ist die Systemgrenze (Wand)

System	Materienaustausch	Energieaustausch
isoliert	_	_
geschlossem	_	+
offen	+	+

1.2.1 Phase

Bereich ohne Sprunghafte Änderung

- chemische Zusammensetzung
- physikalische Eigenschaften
- Aggregatzustände

Komponenten

• chemisch unterscheidbare Bestandteile (Stoffe)

Modifikationen von Elementen: Allotrope

1.2.2 Aggregatzustände

- Teilchenabstand
- Teilchenordnung

R ist der Abstand zwischen den Zentren zweier Atome, und d ist der Durchmessser eines Atomes. Gasförmig:

R >> d

keine Ordnung

Flüssig:

 $R \approx d$

Nahordnung

Fest:

 $R \approx d$

Fernordnung = Kristallin

Nahordnung = Amorph

Es gibt noch Plasma, dabei haben sich Elektronen und Atomkerne separiert

1.2.3 Gleichgewicht

Mechanisch:

$$\sum \vec{F} = 0, \sum \vec{\tau} = 0$$

Anmerkung τ ist hier das Drehmoment

Thermisch:

$$\Delta T = T_{ex} - T_{in} = 0$$

Chemisch:

Chemische Potentiale (von Edukten/Produkten) sind gleich.

Dynmaisches Gleichgewicht \leftrightarrow Fließgleichgewicht

1.2.4 0. Hauptsatz der Thermodynamik

$$T_a \neq T_b \neq T_c - \Delta E - > T_a = T_b = T_c$$

 $T_a = T_b$

a,b im thermischen Gleichgewicht

und $T_b = T_c$

b,c im thermischen GLeichgewicht

dann muss auch $T_a = T_b$ gelten a,c im thermischen Gleichgewicht.

TD: thermodynamische oder absolute Temperatur T[K] Celsiustemperatur $\vartheta[^{\circ}C]$

 $\vartheta = T - 273,15$

1.3 Zustandsgrößen

Zustand:

Beschaffenheit des Systems

→Alle Infos um das System eindeutig beschreiben zu können

Zustandsgrößen:

 $\overline{T, V, p, H}$ (Enthalpie), S (Entropie) Änderungen sind wegunabhängig: $|\Delta A|$

Prozessgrößen:

 \overline{q} (Wärme), W (Arbeit), F (Kraft) beschreiben Zustandsänderungen

1.3.1 intensive Zustandsgrößen (unabhängig von der Stoffmenge n - independent)

Temperatur TDruck pDichte ρ Viskosität η

extensive Zustandsgrößen (abhängig von der Stoffmenge n) 1.3.2

Volumen VStoffmenge nInnere Energie UEntropie S

Definition einer spezifische Größe (teilen durch Masse)

spezifisches Volumen $v = \frac{V}{m}$

1.3.4 Definition einer molaren Größe (teilen durch Stoffmenge)

molares Volumen $V_m = \frac{V}{n}$

1.3.5 verschiedene Größen

 $\begin{array}{l} \text{Molmasse}~M~[\frac{\text{g}}{\text{mol}}]\\ 1~\text{Mol Tielchen}=6,02\cdot10^{23}~\text{Teilchen}\\ N_A=6.02\cdot10^{23}\frac{1}{\text{mol}} \end{array}$

Stoffmenge n [mol] = $\frac{N}{N_{\eta}} = \frac{\text{Masse}}{\text{Molmasse}} = \frac{m}{M}$

Konzentration $c \left[\frac{\text{mol}}{1} \right] = \frac{n}{V}$

Dichte ρ $\left[\frac{\text{kg}}{\text{m}^3}\right]$

Molalität
$$b~[\frac{\rm mol}{\rm kg}] = \frac{\rm Stoffmenge}{\rm Masse_{L\"{o}M}} = \frac{n}{m_{LM}}$$

Partielle Größen Molenbruch

$$x_i = \frac{n_i}{\sum_i n_i}$$

1.3.6 thermodynamische Prozesse

- Volumenänderung ("Arbeit") $w = -p\Delta V$
- Temperatruänderung ("Wärmeaustausch") $q = c\delta T$ hierbei: c = Wärmekapazität
- Phasenübergänge $q = \Delta H$
- chemische Reaktionen $2A + B \longrightarrow c$

$$n_c(t) = n_c(0) + \nu_i \xi$$

hierbei $\nu=$ Stöchiometrischer Koeffizient und $\xi=$ Reaktionsfortschritt

	Bezeichnung	Konstante Größe	Fachbegriff und Beschreinbung
Prozessführung	Isotherm	T	adiabatisch: ohne Wärmeaustausch
	Isobar	p	reversibel: im ständigen Gleichgewicht
	Isochor	V	irreversibel: nicht im Gleichgewicht

1.4 Zustandsgleichung - Zusammenhang zwischen Zustandsgrößen

$$A = B^2 + 3C$$

A ist hierbei die Zustandsgröße, B und C sin Zustandsvariablen. Beispiel:

$$p = \frac{nRT}{V}$$

Totales Differential:

$$Z = f(x, y)$$
$$dz = \left(\frac{\partial z}{\partial x}\right)_y dx + \left(\frac{\partial z}{\partial y}\right)_x dy$$

2 Gase

2.1 Das ideale Gas

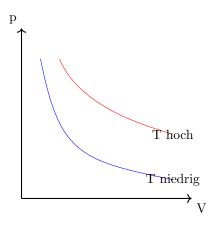
•

- Ein Teilchen ist punktförmig
- Keine Wechselwirkungen
- $\bullet\,$ bei $p^o=1$ bar und Raumtemperatur gute Näherung

thermische Zustandsgleichung:

$$p = f(V, T.n) \Longrightarrow p = f(V_m, T)$$

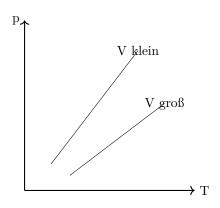
Zustandsfläche



$$p \varpropto \frac{1}{V}$$

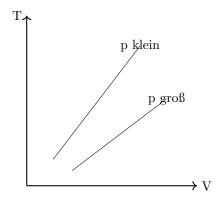
$$pV = \mathbf{konst}$$

isotherm



 $p \varpropto T$

is ochor



 $V \propto T$

isobar

2.1.1 ideale Gasgleichung pV = nRT bzw. $pV_m = RT$

 $R=8.314\frac{\rm J}{\rm K\cdot mol}$ allgemeine Gaskonstante

$$R = kN_A$$

wobei k die Boltzmannkonstante ist

$$p^o = 1$$
bar

SATP:

- T = 298.15 K
- $p = p^o$
- $V_m = 24.789 \frac{\text{dm}^3}{mol}$

STP:

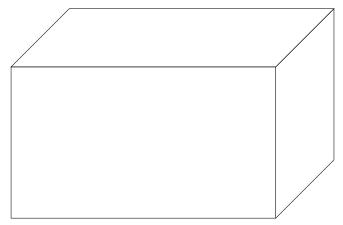
- $T = 273.15 \text{ K} = 0 \text{ }^{\circ}\text{C}$
- $p = p^o$
- $V_m = 22.414 \frac{\text{dm}^3}{mol}$

$$V(T, p, n) = dV = \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right) dT + \left(\frac{\partial V}{\partial p}\right) dp + \left(\frac{\partial V}{\partial n}\right) dn$$

die partiellen Ableitungen sind:

thermische Ausdehnung, Komprassibilität, molares Volumen

2.2 kinetische Gastheorie



in diesem Raum bewegen sich kleine Gasteilchen.

- Mittlere Geschwindigkeit < v >
- Stöße elastisch

Parameter:

- \bullet Fläche A
- \bullet Volumen V
- \bullet Teilchenanzahl N

Zahl der Stöße in einer kleinen Zeit dt:

$$\frac{1}{6}\frac{N}{V}A\langle v\rangle dt$$

Impulsübertragung:

$$2m\langle v\rangle$$

Übertragender Impuls:

$$dp_A = \frac{1}{3} \frac{N}{V} Am \langle v \rangle^2 dt$$

Wichtig: p_A ist hier der Impuls

$$\frac{dp_{A}}{dt}=\frac{d\left(mv\right)}{dt}=m\frac{dv}{dt}=ma=F$$

$$p = \frac{F}{A} = \frac{1}{3} \frac{N}{V} m \langle v \rangle^2 = \frac{1}{3} \frac{N}{V} m \langle v^2 \rangle$$

Wichtig: p ist hier wieder der Druck

$$p = \frac{1}{3} \frac{N}{V} m \left\langle v^2 \right\rangle$$

Für 1 Mol:

$$pV_m = \frac{1}{3}N_A m \langle v^2 \rangle = \frac{2}{3}N_A E_{kin} = RT$$

$$\sqrt{\langle v^2 \rangle} = \sqrt{\frac{3RT}{M}}$$

Stoßzahl:

$$z_1 = \sqrt{2} \langle v \rangle \sigma \frac{N}{V}$$

Wobei σ die Kriesfläche eines Zylinders ist, in welchem sich das Tielchen fortbewegt. Mittlere freie Wellenlänge:

$$\lambda = \frac{\langle v \rangle}{z_1} = \frac{1}{\sqrt{2}\sigma \frac{N}{V}}$$

$$pV = nRT; R = N_A k_B; n = \frac{N}{N_A}$$

damit:

$$\frac{N}{V} = \frac{p}{k_B T} = \frac{1}{\sqrt{2}\sigma \frac{p}{k_B T}}$$

2.3 Intermolekulare Wechselwirkungen

elektrischer Dipol.

$$H - Cl$$

Bei H liegt δ^+ , bei Cl δ^- somit geht $\vec{\mu}$ von Cl zu H, von δ^- zu δ^+

$$\vec{\mu} = q\vec{R}$$

Wobei q die Ladung ist und \vec{R} der Abstand

induzierter Dipol:

$$\vec{\mu_{ind}} = \alpha \vec{E}$$

Wobei α die Polarisierbarkeit ist und \vec{E} das elektrische Feld.

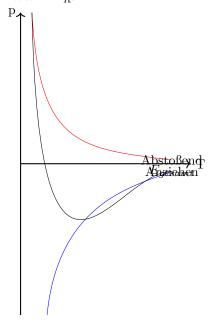
$$\cdot H \xrightarrow{} H \cdot \xrightarrow{} \cdot \cdot H \xrightarrow{} H$$

Momentanes Dipolmoment.

Es gibt folgende Wechselwirkungen:

- elektirscher Dipol elektrischer Dipol
- elektrischer Dipol induzierter Dipol
- momentaner Dipol induzierter Dipol

Alle Dipol-Dipol-Wechselwirkungen (Van-der-Waals-Wechselwirkungen) $E_{WW} \propto 1\frac{1}{R^6}$



$$E_{gesamt} = 4\epsilon \left\{ \left(\frac{r_0}{R}\right)^{12} - \left(\frac{r_0}{R}\right)^6 \right\}$$

Lennard-Jones-Potential, wobei ϵ mol. Parameter: μ, α Definitiv eine wichtige Gleichung.

2.4 Reale Gase

Kompressabilitätsfaktor:

$$Z = \frac{pV}{nRT} = 1 + \dots$$

Lösugsansätze:

 $\bullet\,$ Korrekturterme \to Van der Waals Gasgleichung

• Reihenenwicklung \rightarrow Virial Gleichung

2.4.1 Van der Waals Gleichung

1) Eigenvolumen

Kovolumen: $\frac{\frac{4}{3}\pi(2r)^3}{2}=4V_{Molek.} \Rightarrow p=\frac{nRT}{V-nb}$ wobei $b=4V_{Molek.}N_A$

2) Anziehung der Moleküle: $-a\left(\frac{n}{V}\right)^2 \Rightarrow p = \frac{nRT}{V-nb} - a\left(\frac{n}{V}\right)^2$ $p = \frac{RT}{V_m-b} - \frac{a}{V_m^2}$

2.4.2 Virialgleichung:

$$Z = 1 + B_p(T) \cdot p + C_p(T)p^2 + \dots$$

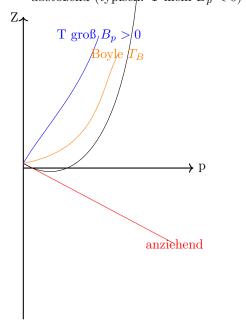
Wobei $B_p(T)$ der zweite Virialkoeffizient folgendes beinhaltet bzw. davon abhängig ist:

• Eigenvolumen

• Intermolekulare Wechselwirkungen

• Temperatur

abstoßend (typisch: T klein $B_p < 0$)



$$Z = 1 + \frac{B_V(T)}{V} + \frac{C_V(T)}{V_m^2} + \dots$$

2.4.3 Kondensation

p,V-Diagramm

2.4.4 Kritischer Punkt

$$V_{m,g} = V_{m,l}$$

$$p_g = p_l$$

 $T > T_{Krit}$ nur Gas

da $p\approx p_l$ überkritischen Fluid

$$CO_2 T_{Krit} = 31 \,^{\circ}C$$

Kritische Größen:

- T_{Krit}
- p_{Krit}
- \bullet V_{Krit}

$$V_{red} = \frac{V_m}{V_{m,Krit}} (\text{reduziertesVolumen})$$

$$p_{red} = \frac{p}{p_{Krit}} (\text{reduzierterDruck})$$

$$T_{red} = \frac{T}{T_{Krit}} (\text{reduzierteTemperatur})$$

Erster Hauptsatz der Thermodynamik 3

3.1 Arbeit, Wärme und Energie

Energie E: Fähigkeit Arbeit zu verrichten E[J]

- \hookrightarrow Energieänderung ΔE :
 - Leistung von Arbeit w[J]
 - Austausch von Wärme q[J]

Vorzeichen (q, w) positiv, wenn dem System Energie zugefügt wird.

3.1.1 Arbeit = $Kraft \cdot Weg$

$$w = \vec{F} \cdot \vec{s} = \left| \vec{F} \right| |\vec{s}| \cos \varphi$$

 \hookrightarrow " · " ist hier ein Skalarprodukt. \hookrightarrow " φ " ist hier der Winkel zwischen Kraft und Weg.

Allgemein:

$$F \neq \text{konstant}; dw = \vec{F} \cdot d\vec{s}$$

Integration:

$$w = \int_A^E dw = \int_{s_1}^{s_2} \vec{F} \cdot d\vec{s} \, dw$$

3.1.2 Volumenarbeit

Volumenarbeit wird immer wie folgt geleistet:

- am System
- gegen einen äußeren Druck

$$dw = \vec{F} \cdot d\vec{z}$$

Es gilt $p_{ex} = \frac{F}{A}$ und $dz = \frac{dV}{A}$, somit:

$$dw = p_{ex}A\frac{dV}{A}$$

$$dw = -p_{ex}dV$$

Kraft und Weg entgegengesetzt.

$$W = -\int_{z_1}^{z_2} F \, dz = -\int_{V_A}^{V_E} p_{ex} \, dV$$

Beispiel 1 (Ein Ballon)

$$p_{ex} = 0, w =? \rightarrow w = -\int_{V_{\bullet}}^{V_{E}} p_{ex} dV = 0;$$
 Freie Expansion

Beispiel 2

$$p_{ex} = \text{konst.}, w = -\int_{V_A}^{V_E} p_{ex} \, dV = -p_{ex} \int_{V_A}^{V_E} dV = -p_{ex} (V_E - V_A) = -p_{ex} \Delta V$$

Beispiel 3 isotherme, reversible Expansion

$$T = \text{konst}, p_{ex} = p_{in}, T_{ex} = T_{in}$$

$$w = -\int_{V_A}^{V_E} p \, dV = -nRT \int_{V_A}^{V_E} \frac{1}{V} \, dV = nRT \ln(V)|_{V_A}^{V_E} = -nRT (\ln(V_E) - \ln(V_A)) = -nRT \ln\left(\frac{V_E}{V_A}\right)$$

$$|w_{rev}|_{p_{in}=p_{ex}} > |w_{innen}|_{p_{ex}=\text{konst.}}$$

3.1.3 Wärme

$$T_{System} = T_S, T_{Umgebung} = T_U$$

$$T_S > T_U$$

Somit muss eine Wärmemenge q ausgetauscht werden.

Wenn keine Phasenänderungen und keine chemische Reaktionen stattfinden:

$$q \varpropto C \Delta T$$

Wobei C die Wärmekapazität ist.

Um nun die intensiven Zustandsgröße Wärmekapazität zu einer extensiven Zustandsgröße zu machen, wird die spezifische Wärmekapazität berechnet:

$$C_S = \frac{C}{m}$$

Oder die molare Wärmekapazität:

$$C_m = \frac{C}{n}$$

3.2 innere Energie und der 1. Hauptsatz

Gesamtenergie = äußere Energie \leftrightarrow äußere Koordinaten (Höhe) + Innere Energie \leftrightarrow innere Koordinaten (p, V, T, n) Änderung der inneren Energie (Zustandsgröße, extensive Größe)

$$\Delta U = U_E - U_A = q + w$$

1. Hauptsatz (ab)geschlossene Systeme

$$U_1(\text{Zustand 1}) \xrightarrow{\text{Weg 1}} U_2(\text{Zustand 2})$$

 ${\cal U}$ muss eine Zustandsgröße sein, sonst wäre ein perpetum mobile möglich. adiabatische Prozesse

$$q = 0 \rightarrow \Delta U = w$$

isochor:

$$\Delta V = 0 \rightarrow p\Delta V = 0, w = 0 \rightarrow \Delta U = q$$

abgeschlossen

$$\Delta U = 0$$

Zustandsgröße UWeggröße q, w

Änderung:

$$dU = \delta q + \delta w$$

Endliche Änderung:

$$\Delta U = U_E - U_A = \int_{U_A}^{U_E} dU$$

$$q = \int_{A}^{E} \delta q \neq q_e - q_a = \Delta q$$

K, n, p, VT (S)

3.2.1 thermische zustandsgleichungen (pV = nRT)

kalorische zustandsgleichung:

$$U = f(V, T)$$
?

totales Differential:

$$dU = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V dT + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T dV$$

Verknüpfung mit dem 1. Hauptsatz $dU = \delta q + \delta w$ Wenn nur Volumenarbeit:

$$-p_{ex} dV + \delta q = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_{V} dT + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_{T} dV$$

Bei isochoren Prozessen: dV = 0

$$\delta q = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V dT = C_V dT \Rightarrow dU = C_V dT$$

Da $\left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V=C_V$ ist, $(C_V=$ Wärmekapazität bei konstantem Volumen) Für einatomige Gase:

$$U_m = N_A \langle E_{kin} \rangle = \frac{3}{2}RT \rightarrow C_V, m = \left(\frac{\partial U_m}{T}\right)_V = \frac{3}{2}R = 24, 9 \frac{\mathrm{J}}{\mathrm{K} \cdot \mathrm{mol}}$$

3.2.2 Freie Expansion

empirisch
$$q = 0$$

 $p_{ex} = 0 \rightarrow w = 0$
 $\rightarrow \Delta U = 0$
somit

$$dU = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V dT + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T dV = 0$$

Wobei $\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T dV$ der Binnendruck π_T ist. Wenn isotherm:

$$dT = 0 \to \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_V = 0$$

 \hookrightarrow ideales Gas

$$dU = D_V dT + 0$$

Ideales Gas.

$$dU = C_V dT + \pi_T dV$$

Reale Gase.

3.3 Enthalpie

isobare Prozesse:

- $dU = \delta q + \delta w$
- $(dU)_p = \delta q_p pdV$
- Integration $\Rightarrow \Delta U = U_E U_A = q_p p(V_E V_A)$
- Umschreiben $q_p = (U_E + pV_E) (U_A + pV_A) = \Delta(U + pV)$
- Definition H = U + pV Enthalpie
- dH = dU + d(pV) = dU + pdV + Vdp $= \delta q + \delta w + p dV + V dp = \delta q - p dV + p dV + V dp$ $\Rightarrow dH = \delta q + V dp$
- H = H(p, T)
- $dH = \left(\frac{\partial H}{\partial T}\right)_p dT + \left(\frac{\partial H}{\partial p} dp\right)$

${\bf 3.3.1} \quad {\bf Temperaturabhängigkeit} \ ({\bf p=konstant})$

$$dH = \delta q_p = \left(\frac{\partial H}{\partial T}\right)_p dT$$

Wobei $\left(\frac{\partial H}{\partial T}\right)_p$ die C_p Wärmekapazität bei konstantem Druck ist ideale Gase $C_p - C_V = nR$ Für Flüssigkeiten: $\Delta V \approx 0$

Für Feststoffe: $\Delta p \approx 0$

$\hookrightarrow \Delta H \approx \Delta U, C_p = C_V$

Druckabgängigkeit der Enthalpie (Entspannung durch Drossel)

Kompression links $V_A \to 0$

$$w = -p\Delta V = -p_a(0 - V_A) = pV_A$$

Espansion rechts

$$w = -p\Delta V = -p_E(V_E - 0) = -p_E V_E$$

Gesamtarbeit: $w = p_A V_A - p_E V_E$

$$\Delta U = U_E - U_E = w = p_a V_A - P_e V_E$$

Somit

$$U_E + p_E v_E = U_A + p_A V_a$$

$$H_E = H_A$$

Dies nennt man einen isenthalpischen Prozess, da die Anfangs- und Endenthalpie gleich sind. totales Differential:

$$dH = \left(\frac{\partial H}{\partial T}\right)_p dT = \left(\frac{\partial H}{\partial p}\right)_T dp$$

Hier:

$$0 = C_p dT + \left(\frac{\partial H}{\partial p}\right)_T dp$$

Umschreiben:

$$\mu = \left(\frac{\partial T}{\partial p}\right)_H = -\frac{1}{C_p} \left(\frac{\partial H}{\partial p}\right)_T$$

Wobei μ der Joule-Thomson-Koeffizient ist.

Kalometrische Zustandsgleichung für H:

$$dH = C_p dT - \mu C_p dp$$

Wobei $\mu C_p = 0$ für ein ideales Gas ist.

3.4 Kalorimetrie: Messung von Wärmeeffekten Schmelzenthalpien und Reaktionsenthalpien Grundlagen:

isochor
$$q_V = du$$

isobar $q_p = dH$

Kalorimetrie: Bestimmung von q aus T-Änderung.

$$q = C\Delta T$$

 \hookrightarrow Wärmekapazität des Kalorimeters, Kalorimeterkonstante

3.4.1 Adiabatisches Bombenkalorimeter

- Kalibrierung
- Bekannte Wärmemenge q = VIt
- Messen Temperaturänderung

3.5 Adiabatisches Verbrennungskalorimeter

$$q_p = C_p \Delta T$$

$$q_p + q_{p,ex} = (C_p + C_{p,ex}) \Delta T$$

$$C_{p,ex} = \frac{q_{p,ex}}{\Delta T} = \frac{p_{ex}}{\alpha} \to \Delta H = \int_{T_1}^{T_2} C_{p,ex} dT$$

Heizrate:

$$\frac{\Delta T}{\Delta t}$$

Heizleistung:

$$\frac{q_{p,ex}}{\Delta t} = p_{ex}$$

3.6 Thermochemie - Wärmeeffekte chemischer Reaktionen

$$q_p = \Delta H$$
, chemische Reaktion: $\Delta_R H$

$$aA + bB \longrightarrow cC + dD$$

$$\Delta_R H = cH_c + dH_d - (aH_a + bH_b)$$

Es gilt:

 $\Delta_R H < 0$: exotherm

 $\Delta_R H > 0$: endotherm

3.6.1 Standardreaktionsenthalpie

$$\Delta_R H^0 = \sum \ (\mbox{Produkte}) \ \nu_i H^0_{m,i} - \sum \ (\mbox{Edukte}) \ \nu_i H^0_{m,i}$$

 H_m^0 Standardenthalpie

Standardbildungsenthalpie $\Delta_B H^0$

Bildungsenthalpie (Reaktionsenthalpie für die Bildung aus Elementen im Standardzustand) (Standardzustand heißt: stabilste Form bei p = 1 bar)

Bei 298 °C Ns_(g), Hg_(l), C (Graphit)

3.6.2 Datz von Hess

$$C_{(s)} + \frac{1}{2} O_{2(g)} \longrightarrow CO_{(g)} \Delta_R H_1$$

$$\mathrm{CO}_{(\mathrm{g})} + \frac{1}{2}\,\mathrm{O}_{2(\mathrm{g})} \longrightarrow \mathrm{CO}_{2(\mathrm{g})}\Delta_R H_2 = -283 \frac{\mathrm{kJ}}{\mathrm{mol}}$$

$$C_{(s)} + O_{2(g)} \longrightarrow CO_{2(g)} \Delta_R H_3 = -394 \frac{kJ}{mol}$$

$$\Delta_R H_1 + \Delta_R H_2 = \Delta_R H_3 \Leftrightarrow \Delta_R H_1 = \Delta_R H_3 - \Delta_R H_2 = -111 \frac{\text{kJ}}{\text{mol}}$$

3.6.3 Kirchhoffsches Gesetz

$$H(T_2) = H(T_1) + \int_{T_1}^{T_2} C_p dT = H(T_1) + C_p \Delta T$$

Weg I:

$$\Delta H^{0}(I) = \Delta_{R} H^{0}(T_{1}) + \Delta_{Erw} H^{0}(T_{1} \to T_{2}) = \Delta_{R} H^{0}(T_{1}) + (C_{p,m}^{0}(C) + C_{p,m}(D))\Delta T$$

Weg II:

$$\Delta H^0(II) = \Delta_{Erw} H^0(T_1 \to T_2) + \Delta_R H^0(T_2) = (C^0_{p,m}(A) + C^0_{p,m}(B)) \Delta T + \Delta_R H^0(T_2)$$

$$\Delta_R H^0(T_2) = \Delta_R H^0(T_1) + (C^0_{p,m}(C) + C^0_{p,m}(D) - C^0_{p,m}(A) - C^0_{p,m}(B))\Delta T = \Delta_R H^0(T_1) + \Delta_R C^0_p \Delta T$$

4 Der 2. Hauptsatz

- 2. Hauptsatz nach Clausius: Wärme verbreitet nicht spontan von kalt nach warm.
- 2. Hauptsatz nach Kelvin: Kreisprozess, wobei q vollständig in Arbeit w umgesetzt wird ist unmöglich!

4.1 Carnotscher Kreisprozess

isotherme Prozesse (reversibel) ideales Gas

$$dU = \delta q - pdV = \left(\frac{\partial U}{\partial T}\right)_V dT + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T dV$$

 $\Rightarrow dU = 0$ und $\delta q = pdV$

Expansion: dV > 0

Kompression: dV < 0

Für den Prozess $V_A \to V_E$ gilt:

$$W = -\int_{V_A}^{V_E} p\,dV = -nRT\int_{V_A}^{V_E} \frac{1}{V}\,dV = -nRT\ln\left(\frac{V_E}{V_A}\right) = -q_{Exp}$$

Für den Prozess $V_E \to V_A$ gilt:

$$W = -nRT \ln \left(\frac{V_A}{V_E}\right) = -q_{Kom}$$

4.1.2 Adiabatische Prozesse (reversibel) (q = 0)

Bei Expansion $W < 0 \Rightarrow \Delta U < 0$

$$\Delta U = \int_{T_1}^{T_2} C_V dT = C_V \Delta T$$

$$\Delta U_{\text{adiabatisch}} = C_V \Delta T$$

$$\Delta U = q + w \Rightarrow w = C_V \Delta T$$

4.1.3 Adiabatengleichung

$$dU = D_V dT = -p dV = -\frac{nRT}{V} dV$$

Um dies nun zu integrieren, ist eine Trennung der Variablen notwendig.

$$-nR\frac{dV}{V} = C_V \frac{dT}{T}$$

$$-R \int_{V_A}^{V_E} \frac{1}{V} \, dV = \int_{T_A}^{T_E} \frac{1}{T} \, dT$$

Mit der Annahme $C_V \neq C_V(T)$ ist folgendes Möglich:

$$-nR\ln\left(\frac{V_E}{V_A}\right) = C_V \ln\left(\frac{T_E}{T_A}\right)$$

Einsetzen von $nR = C_p - C_V$:

$$-\frac{C_p - C_V}{C_V} \ln \left(\frac{V_E}{V_A}\right) = \ln \left(\frac{T_E}{T_A}\right), \, \gamma = \frac{C_p}{C_V} > 1$$

$$(\gamma - 1) \ln \left(\frac{V_A}{V_E} \right) = \ln \left(\frac{T_E}{T_A} \right)$$

$$\ln\left(\frac{V_A}{V_E}\right)^{\gamma-1} = \ln\left(\frac{T_E}{T_A}\right)$$

Dies ist die Adiabatengleichung. Mit $T=\frac{pV}{nR}$ ist noch folgende Umformung möglich:

$$p_E V_E^{\gamma} = p_A V_A^{\gamma}$$

4.1.4 Carnotscherkreisprozess

Schritt
 q
 w

 1

$$q_w = nRT_w \ln \frac{V_B}{V_A}$$
 $w_1 = -nRT \ln \frac{V_B}{V_A} < 0$

 2
 $q_2 = 0$
 $w_2 = C_V \Delta T = C_V (T_K - T_w) < 0$

 3
 $q_k = nRT \ln \frac{V_D}{V_C}$
 $w_3 = -nRT \ln \frac{V_D}{V_C} > 0$

 4
 $q_4 = 0$
 $w_4 = C_V \Delta T = C_V (T_W - T_K) > 0$

$$\begin{split} \Delta U &= q + w = q_w + q_k + w_1 + w_2 + w_3 + w_4 = 0 \Rightarrow w = -(q_w + q_k) \\ w &= -nRT_w \ln \frac{V_B}{V_A} + C_V(T_K - T_W) - nRT_k \ln \frac{V_D}{V_C} + C_V(T_W - T_K) \\ &= -nRT_W \ln \frac{V_B}{V_A} - nRT_K \ln \frac{V_D}{V_C} \\ \frac{T_W}{T_K} &= \left(\frac{V_C}{V_B}\right)^{\gamma - 1} \Rightarrow \left(\frac{V_D}{V_C}\right) = \left(\frac{V_A}{V_B}\right) \text{ in "überstehende Gleichung:} \\ w &= -nRT_W \ln \frac{V_B}{V_A} - nRT_K \ln \frac{V_A}{V_B} \\ &= -nRT(T_W - T_K) \ln \frac{V_B}{V_A} \end{split}$$

4.1.5 Wärmekraftmaschine

• Dampfturbine

4.1.6 Wirkungsgrad

$$\eta = \frac{\text{geleistete Arbeit}}{\text{aufgenommene W\"arme}} = \frac{-w}{q_w} = \frac{T_W - T_K}{T_W} = 1 - \frac{T_K}{T_W} < 1$$

$$w = -nRT(T_W - T_K) \ln \frac{V_B}{V_A}$$

$$q_w = nRT_W \ln \frac{V_B}{V_A}$$

5 Entropie

$$\begin{split} q_w &= nRT_W \ln \frac{V_B}{V_A} \Leftrightarrow \frac{q_w}{T_w} = nR \ln \frac{V_B}{V_A} \\ q_k &= nRT_K \ln \frac{V_D}{V_C} \Leftrightarrow \frac{q_k}{T_K} = nR \ln \frac{V_D}{V_C} \\ \frac{q_w}{T_W} + \frac{q_k}{T_K} = nR \ln \frac{V_B}{V_C} + nR \ln \frac{V_D}{V_C} = 0 \\ \sum \frac{q_{rev}}{T} = 0 \end{split}$$

5.0.1 Definition der Zustandsgröße Entropie S

$$dS_{Sys} = \frac{q_{rev}}{T}$$
$$\Delta S_{Sys} = \frac{q_{rev}}{T}$$

Für die Umgebung gilt:

$$V = \text{konst.} \Rightarrow w = 0$$

$$\Rightarrow dU = \partial q$$

$$dS_{Sys} = \frac{\partial q_{Umg}}{T_{Umg}}$$

5.0.2 Isotherme ($\Delta T = 0$), reversible Expansion

$$\Delta_{Sys} = \int_{A}^{E} \frac{\partial q_{res}}{T} = \frac{1}{T} \int_{A}^{E} \partial q_{res} = \frac{q_{res}}{T}$$
$$q = nRT \ln \frac{V_E}{V_A}$$
$$\Rightarrow \Delta_{Sys} = nR \ln \frac{V_E}{V_A} > 0$$

5.0.3 adiabatische, reversible Expansion

$$\Delta_{Sys} = 0, \, q_{res} = 0$$

5.0.4 Isobarer Phasenübergang

$$\Delta p = 0 \Rightarrow \partial q_p = dH$$

$$\Delta S_{Sys} = \frac{q_p}{T_{Trans}} = \frac{\Delta_{Trans} H}{T_{Trans}}$$

5.0.5 Isobare Erhitzung

$$\Delta p = 0, \ \partial q = dH = C_p \ dT$$

$$\Delta S_{Sys} = \int_A^E \frac{\partial q_{rev}}{T} = \int_{T_A}^{T_E} C_p \frac{1}{T} \ dT = C_p \ln \frac{T_E}{T_A}$$

5.0.6 Beliebiger Kreisprozess ist die Summe von Carnotprozessen

$$\oint \frac{\partial q_{rev}}{T} = 0$$

5.0.7 Wärme Austausch zwischen einem warmen und einem kalten Reservoir

	Wärme A	WärmeB	Arbeit
hin(irreversibel)	$-q_k$	q_k	0
zurück(reversibel)	q_w	-q-k	$-nR(T_W - T_K) \ln \frac{V_B}{V_A} > 0$
Summe	$q_w - Q_k > 0$	0	$-nR(T_W - T_K) \ln \frac{V_B}{V_A} < 0$
	plus an Wärme		Minus an Arbeit

	ΔU_{Sys}	Wärme umgebung	Arbeit Umgebung
hin(irrev)	$0 = -q_1 + p_z \Delta V$	$-q_1 = -p_z \Delta V$	$-p_E\Delta v$
$\ddot{\mathrm{ruck}}(\mathrm{rev})$	$0 = -q_2 + nRT \ln \frac{V_E}{V_A}$	$q_w 0nRT \ln \frac{V_E}{V_A}$	$-nRT \ln \frac{V_E}{V_A}$
Summe	0	$nRT \ln \frac{V_E}{V_A} - p_{ex}\Delta V > 0$	$-nRT\ln\frac{V_E}{V_A} - p_E\Delta V < 0$

$$\Delta S_W = -\frac{|q|}{T_W}$$

$$\Delta S_K = \frac{||q|}{T_K}$$

$$\Delta S_{Ges} = \Delta S_W + \Delta S_K = q(\frac{1}{T_K} - \frac{1}{T_W}) > 0$$

$$\Delta S_{Ges} > 0 \text{ bei freiwilligen Prozessen}$$

5.1 Volumenänderung

 \rightarrow Irreversibel

$$\begin{split} \Delta S_{Umg} = ? \\ \Delta S_{Sys} = ? \\ \text{Umgebung} q = -w \\ w = -\int_{V_A}^{V_E} p_{ex} \, dV = -p_{ex} \Delta V \\ \Delta S_{Umg} = \frac{q_{Umg}}{T_{Umg}} = \frac{-q}{T_{Umg}} = \frac{-p_{ex} \Delta V}{T_{Umg}} < 0 \\ \Delta S_{Sys} = \frac{q_{rev}}{T} = \frac{-w}{T} = \frac{nRT \ln \frac{V_E}{V_A}}{T} = nR \ln \frac{V_E}{V_A} > 0 \\ \Delta S_{Ges} = \Delta S_{Sys} + \Delta D_{Umg} > 0 \end{split}$$

5.1.1 Clausiussche Ungleichung

reversibel:
$$dU = \delta q_{rev} - p \, dV$$

irreversibel: $dU = \delta q - p_{ex} \, dV$
 $\delta q_{rev} - \delta q = (p - p_{ex}) \, dV$
 $\Rightarrow \delta q_{rev} - \delta q \geqslant 0$
 $dS = \frac{\delta q_{rev}}{T} \Leftrightarrow \delta q_{rev} = T \, dS$
 $T \, dS \geqslant \delta q$
Clausiussche Ungleichung: $dS_{Sys} \geqslant \frac{\delta q}{T}$
 $\Delta S \geqslant \frac{q}{T}$

> für irreversible Prozesse = für reversible

	reversibel	irreversibel
geschlossen $(q \neq 0)$	$\Delta S = \frac{q_{rev}}{T}$	$\Delta S - \frac{q_{irrev}}{T} > 0$
abgeschlossen $(q = 0)$	$\Delta S = 0$	$\Delta S > 0$

Beispiel: Universum

reversible Prozesse Entropie des Universums bleibt gleich irreversible (spontante) Prozesse, die Entropie nimmt zu.

6 3.Hauptsatz der Thermodynamik

Empirisch Nernst'sche Wärmetheorie

$$\lim_{T \to 0} \Delta S = 0$$

Reaktion:

$$\Delta S = \sum_{i} \nu_{i} S_{m,i} \Rightarrow \lim_{T \to 0} \Delta S = 0, S(\text{Edukte}) \approx S(\text{Produkte})$$

 $S_m(T=0\,\mathrm{K})$ ist stoffunabhängig

Postulieren $S_m(T=0 \text{ K}) = 0$ für perfekte Kristalle

Beispiel:

Phasenübergang $S(\beta) \to S(\alpha)$

$$\Delta S = \int_A^E \frac{\delta q_{rev}}{T} = \int_{300K}^{0K} c_p \frac{1}{T} dT$$

Freie Energiegrößen

Smausius Ungleichung

$$dS > \frac{\delta q}{T} \Leftrightarrow TdS - \delta q > 0$$
 (spontante Prozesse)

isochor:

$$dU = \delta q_V$$
$$dU - T dS < 0$$

 $A=U-TS\,$ Freie Energie, Helmholtz-Energie (Zustandsgröße)

$$dA = dU - d(TS) = dU - T dS - S dT$$

- isotherm dA = dU T dS
- spontan dA < 0
- nicht spontan dA > 0
- Gleichgewicht dA = 0

$$T dS - \delta q \ge 0$$

$$dU = \delta q + \delta w$$

$$\Rightarrow \delta w \ge dU - T dS$$

$$\delta w_{max} = dU - T dS = dA(V = T = \text{konst})$$

A ist der maximale für Leistung von Arbeit verfügbarer Teil der inneren Energie.

isobar:

$$dH = \delta q_p$$
 freiwillig: $dH - T\,dS < 0$ für reversible: $dH - T\,dS = 0$
$$G = H - TS \text{ Freie Enthalpie, HGibbs Energie}$$

$$dG = dH - T\,dS - S\,dT$$
 isotherm: $dG = dH - T\,dS \Leftrightarrow \Delta G = \Delta H - T\Delta S$ freiwillig: $\Delta G < 0$ exergonisch nicht freiwillig $\Delta G > 0$ endergonisch

7 1. + 2. Hauptsatz

$$\begin{split} dU &= \delta w + \delta q \Rightarrow dU = T\,dS - p\,dV \text{ Fundamentalgleichung der inneren Energie} \\ &H = U + pV \Rightarrow dH = dU + p\,dV + V\,dp \Rightarrow dH = T\,dS + V\,dp\,(S,p) \\ &A = U - TS \Rightarrow dA = dU = T\,dS - S\,dT \Rightarrow dA = -S\,dT - \ddot{u}\,dV\,(T,V) \\ &G = H - TS \Rightarrow dG = dH - T\,dS - S\,dT \Rightarrow dG = -S\,dT + V\,dp\,(T,p) \\ &dU = \left(\frac{\partial U}{\partial S}\right)_V dS + \left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_S dV = T\,dS - p\,dV \end{split}$$