Prof. F. Jahnke B. Boissonneau

## Logik I Übungsblatt 11

**Aufgabe 1.** Sei  $\mathcal{L}$  eine endliche Sprache. Skizzieren Sie einen Beweis für die Aussage, dass die Menge der Existenzquantorenaxiome, die Sie in der Vorlesung vor einigen Wochen kennengelernt habe, in  $\mathcal{L}$  primitiv rekursiv ist. Sie dürfen dabei die Lemmata 3.32, 3.33 und 3.34 verwenden.

**Aufgabe 2.** Zeigen Sie: wenn eine Theorie T effektiv axiomatisierbar ist, ist  $\{ \lceil \varphi \rceil \mid T \vdash \varphi \}$  rekursiv aufzählbar.

Aufgabe 3. Beweisen Sie, dass wenn man eine entscheidbare Theorie um endlich viele Axiome erweitert, man wieder eine entscheidbare Theorie erhält.

**Aufgabe 4.** Jede entscheidbare  $\mathcal{L}$ -Theorie kann zu einer vollständigen entscheidbaren  $\mathcal{L}$ -Theorie erweitert werden.