

Ejercicio 1

Calcular el número de OE (operaciones elementales) del siguiente algoritmo para el valor 12 y para el valor 5.

| | | |
|-----|---|--|
| 1: | <code>def suma_inutil(acumulador,valor):</code> | 1: 3 OE |
| 2: | <code> acumulador=acumulador+valor</code> | 2: 2OE |
| 3: | <code> return(acumulador)</code> | 3: 2 OE |
| 4: | | |
| 5: | <code>acumulador=0</code> | 5: 1OE |
| 6: | <code>valor=input_int("ingrese un numero")</code> | 6: 1OE + 2OE |
| 7: | <code>if valor >10:</code> | 7: 1OE + max{7OE,2OE} = 8OE |
| 8: | <code> suma_inutil(acumulador,valor)</code> | 8: 1OE + 2OE |
| 9: | <code>else:</code> | |
| 10: | <code> print("ingrese un número mayor de 10")</code> | |
| | <code>valor = 12 -> 1OE + 3OE + 8OE = 12OE</code> | <code>valor = 5 -> 1OE + 3OE + 1OE + 2OE = 7OE</code> |

Ejercicio 2

Calcular número estimado de OE del siguiente algoritmo para los siguientes valores:

- a) $v1=255, v2=12, v3=1$ $T(a) = 6OE + 4OE = 10OE$
- b) $v1=1, v2=2, v3=3$ $T(b) = 9OE$
- c) $v1=5, v2=8, v3=2$ $T(c) = 10OE$

| | | |
|-----|--|-----------------------|
| 1: | <code># ordena 3 numeros de mayor a menor</code> | |
| 2: | <code>if v1 > v2:</code> | 2: 1OE + max{ |
| 3: | <code> if v1 > v3:</code> | 3: 1OE + max{ |
| 4: | <code> r1=v1</code> | 4: 1OE |
| 5: | <code> if v2 > v3:</code> | 5: 1OE + max{2OE,2OE} |
| 6: | <code> r2=v2</code> | 6: 1OE |
| 7: | <code> r3=v3</code> | 7: 1OE |
| 8: | <code> else:</code> | ----- |
| 9: | <code> r2=v3</code> | 9: 1OE |
| 10: | <code> r3=v2</code> | 10: 1OE |
| 11: | <code> else:</code> | ----- |
| 12: | <code> r3=v2</code> | 12: 1OE |
| 13: | <code> r2=v1</code> | 13: 1OE |
| 14: | <code> r1=v3</code> | 14: 1OE |
| 15: | <code>else:</code> | ----- |
| 16: | <code> if v2 > v3:</code> | 16: 1OE + max{ |
| 17: | <code> r1=v2</code> | 17: 1OE |
| 18: | <code> if v1 > v3:</code> | 18: |
| 19: | <code> r2=v1</code> | 19: 1OE |
| 20: | <code> r3=v3</code> | 20: 1OE |
| 21: | <code> else:</code> | ----- |
| 22: | <code> r2=v3</code> | 22: 1OE |
| 23: | <code> r3=v1</code> | 23: 1OE |
| 24: | <code> else:</code> | ----- |
| 25: | <code> r1=v3</code> | 25: 1OE |
| 26: | <code> r2=v2</code> | 26: 1OE |
| 27: | <code> r3=v1</code> | 27: 1OE |
| 28: | <code>print (r1,r2,r3)</code> | 28: 1OE + 3OE |

Ejercicio 3

Calcular la complejidad temporal del algoritmo de **forma experimental** para el **Algoritmo 3**. El cálculo se debe efectuar para los siguientes intervalos de la variable monto

Calcular la complejidad para el intervalo [0,100] con paso 10

Calcular la complejidad para el intervalo [100,1000] con paso 100

Calcular la complejidad para el intervalo [1000,10000] con paso 1000

Calcular la complejidad para el intervalo [10000,100000] con paso 10000

Calcular la complejidad para el intervalo [100000,1000000] con paso 100000

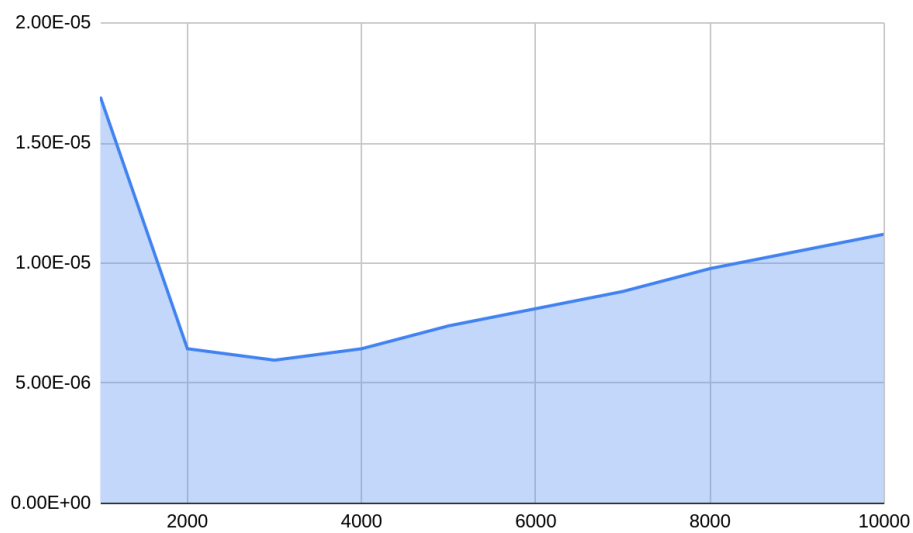
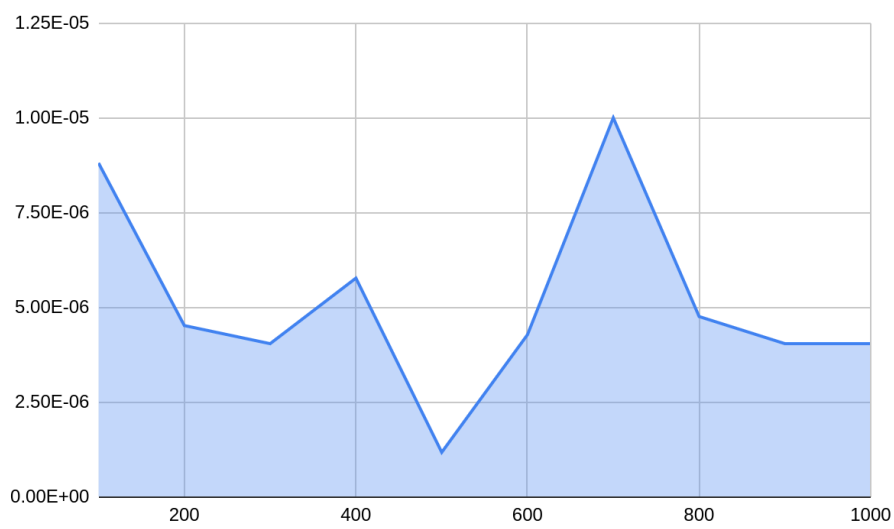
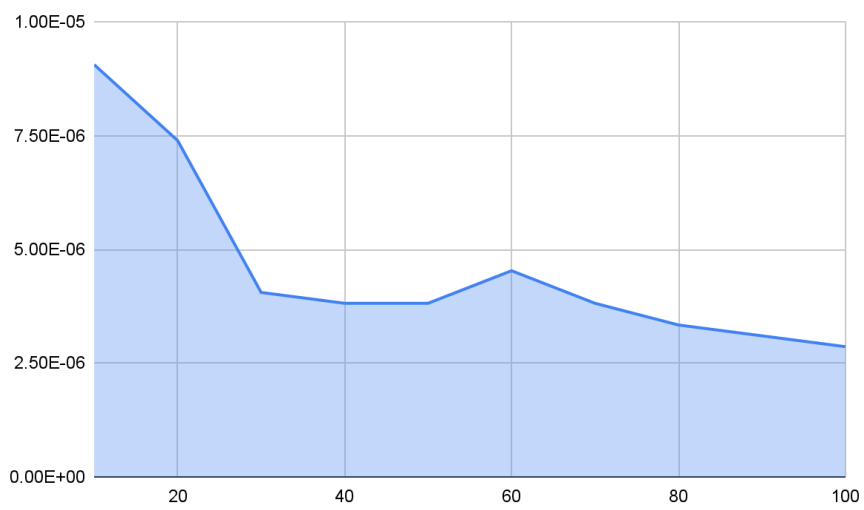
Adaptar el siguiente código de ejemplo para calcular el tiempo de ejecución :

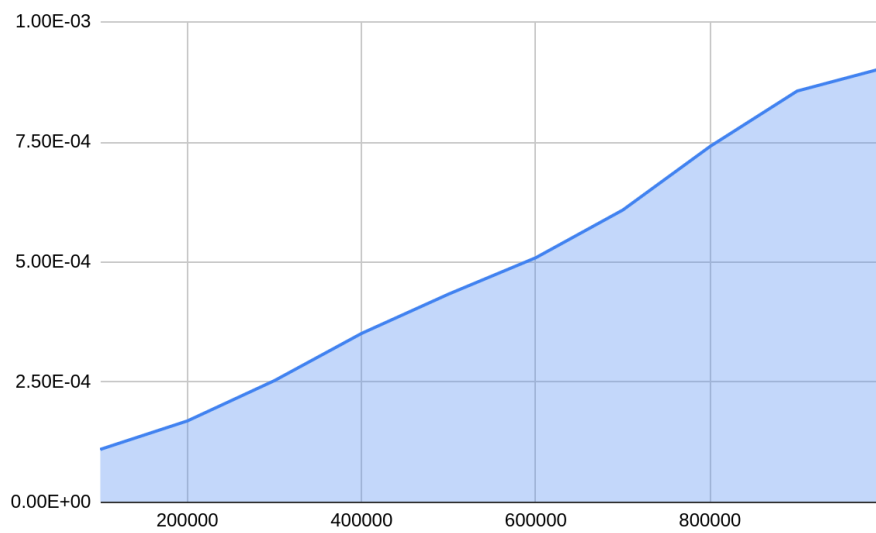
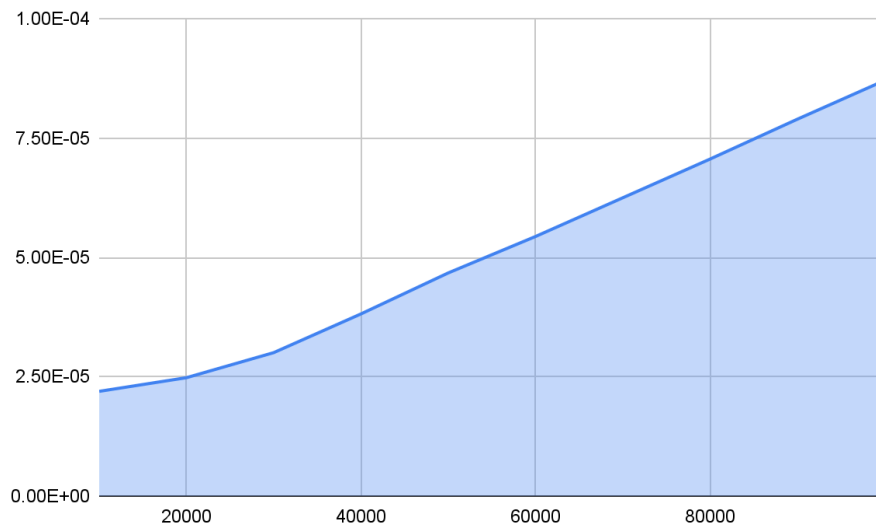
```
import time
start = time.time()
print("hello")
end = time.time()
print(end - start)
```

Algoritmo 3.

```
1:  # Algoritmo inútil que resta billetes de 100,10 y 1 a un monto dado.
2:  def entrega_billetes_2(monto):
3:      billete=100
4:      inc=0
5:      billete_actual=billete/(10**inc)
6:      while (monto>0):
7:          if monto >= billete_actual:
8:              monto=monto-billete_actual
9:
10:         else:
11:             inc=inc+1
12:             billete_actual=billete/(10**inc)
```

Graficar los resultados obtenidos sobre un eje de coordenadas cartesianas donde el eje X representa el tamaño de la entrada (n) y el eje Y el tiempo de ejecución para cada uno de los intervalos,







Análisis de Complejidad Teórica

Todos los ejercicios son obligatorios

- 1) Calcular la cantidad de OE (operaciones elementales) para cada una de las operaciones del TAD secuencia implementado sobre arreglos:

Access(Array,posicion)

Search(Array,Element)

Insert(Array,element,posicion)

Delete(Array,element)

- 2) Calcular el orden de complejidad $O(f)$ para cada una de las operaciones del ejercicio 1.

Access -> $O(1)$

Search -> $O(n)$

Insert -> $O(n)$

Delete -> $O(n)$

- 3) Calcular el orden de complejidad $O(f)$ para los siguientes códigos:

Codigo 1 $O(1)$

| | |
|----|------------------------------|
| 1. | if a>b: |
| 2. | c=a+b |
| 3. | else: |
| 4. | for d in range(1,10): |
| 5. | c=a+b*d |

Codigo 2 $O(n)$

| | |
|----|-------------------|
| 1. | a=1 |
| 2. | while a<n: |
| 3. | a=a+1 |

Codigo 3 $O(n^2)$

| | |
|----|-----------------------------|
| 1. | for i in range(1,n): |
| 2. | j=0 |
| 3. | while j<i: |
| 4. | a=a*(1+j) |
| 5. | j=j+1 |



Codigo 4 $O(n^3)$

| | |
|----|-------------------------------------|
| 1. | for a in range (1,n): |
| 2. | for b in range (a,n): |
| 3. | if L[a]==L[b]: |
| 4. | delete(L,L[b]) |

1)

Access(Array,posición) -> 6OE

```
def access(array, position): # 30E
    return array[position] # 30E
```

Search(Array,Element) -> 10 OE + 7n OE

```
def search(array, element): # 30E

    encontrado = False # 1 OE
    for i in range(0, len(array)): # 1 OE + 5n OE + n(S1)
        if array[i] == element: # S1 = 10E + 10E
            return i # 20E

    if encontrado == False: # 10E
        return None # 20E

    #T(search) = 30E + 10E + 10E + 5nOE + n(20E) + 20E + 30E = 10 + 7n OE
```

Insert(Array,element,posición) -> 22 OE + 7n OE

```
def insert(array, element, index): #40E

    if out_of_range(index, 0, len(array)): #70E + 50E
        return None #20E

    else:

        for i in range(len(array)-1, index, -1): #40E + 3n
            array[i] = array[i-1] # 4nOE

        array[index] = element # 20E

    #T(insert) = 40E + 120E + max{20E, 60E + 7n} = 160E + 60E + 7n = 220E + 7nOE
```

Delete(Array,element) -> 15 OE + 17n OE

```
def delete(array,element): # 3

    encontrado = False # 1

    for i in range(0,len(array)): # 1 + 5n
        if array[i] == element: # 2n
            encontrado = True # 1n
            index = i # 1n

    if encontrado: # 1
        for i in range(index,len(array)-2): # 1 + 1 + 4n
            array[i] = array[i+1] # 4n

        array[len(array)-1] = None # 5
        return index # 2
    else:
        return None

#T(delete) = 15 + 17n
```