Machine learning, optimisation et intelligence artificielle Principes et algorithmes

\(\text{0} \) \(\t	Veuillez coder votre numéro d'étudiant ci-contre, et écrire votre nom dans la case ci-dessous. Ce numéro se trouve après votre date de naissance sur votre carte étudiante. La première colonne code le premier chiffre, NOM Prénom
Les documents de cours et v L'usage de la ca	urée : 2h00 vos notes personnelles sont interdits . alculatrice est autorisé. ons sont interdites .
	du mieux que vous pouvez. Les questions 🌲 peuvent autres questions ne comportent qu'une seule bonne e sujet que vous aurez correctement rempli.
Questions à choix n	nultiples (4 points)
Question 1 Combien de noeuds doit-on parc profondeur 3 dans un graphe dont le facteur de profondeur ?	ourir au pire des cas pour trouver un sommet de branchement vaut 2 en utilisant le parcours en
☐ les informaticiens n'ont pas suffisamment ☐ il n'y a pas assez de bases de données réfé	
Question 3 Quelle spécificité trouve-t-on dar ☐ il a été découvert ces dix dernières années ☐ il utilise une file de priorité ☐ il est utilisé uniquement pour des jeux ☐ il utilise une fonction simulant l'aléatoire	ns l'algorithme Monte Carlo ?
Question 4 ♣ Parmi les trois méthodes de cl qui permet(tent) de mixer variables quantitatives ■ Réseaux de neurones ■ Arbres de décision □ Naive Bayes □ Aucune de ces réponses n'est correcte.	assification suivantes, quelle(s) est (sont) celle(s) s et qualitatives ?

Questions ouvertes (4 points)

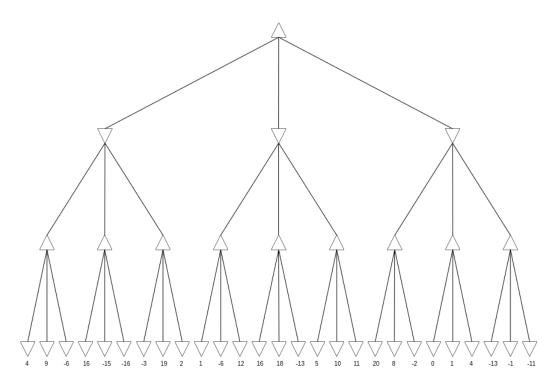


Figure 1 – arbre

Question 5 Appliquer l'algorithme minimax avec coupure alpha-bêta sur l'arbre de la figure 1. Les triangles pointant vers le haut correspondent à des Max et ceux pointant vers le bas à des Min. Vous marquerez dans chaque noeud évalué la valeur calculée. ■ A □ B □ C □ D □ E

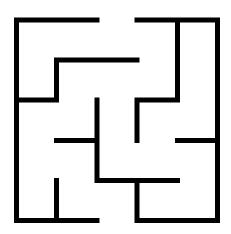


Figure 2 – labyrinthe

Question 6 Veuillez remplir l'ensemble des cases du labyrinthe de la figure 2 visitées par l'algorithme A* avec comme heuristique la distance de Manhattan.

Vous remplirez les cases avec les couples (g, h) de l'algorithme. Chaque case est désignée en notation matricielle par un couple (numeroLigne,numeroColonne). L'entrée du labyrinthe est en (1,3) et la sortie en (5,3).



Apprentissage (4 points)

On cherche à prédire une variable binaire Y en fonction de deux variables continues X_1 et X_2 . L'objectif est donc de trouver

$$\max_{k \in \{0,1\}} P(Y = k | X_1 = x_1, X_2 = x_2)$$

En appliquant la formule de Bayes et en supposant que X_1 et X_2 sont indépendantes, cela revient à déterminer

$$\max_{k \in \{0,1\}} P(Y = k) \times f_{X_1|Y=k}(x_1) \times f_{X_2|Y=k}(x_2)$$

où $f_{X_i|Y=k}$ est la fonction de densité de la variable X_i dans la classe Y.

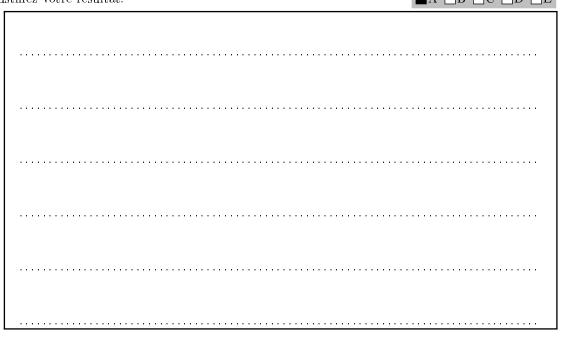
Sur une base d'apprentissage de 100 individus, nous obtenons les résumés numériques du tableau de la figure 3.

		X ₁		X	2
	effectif	moyenne	variance	moyenne	variance
Y=0	40	1	4	-1	1
Y=1	60	0	4	2	9

Figure 3 – tableau

estion 7	Donnez						A	_B _(_]I
										•
estion 8	Si on suppo	ose que $X_i ert$	Y = k sui	it une loi	$_{ m normale}$	e (rappe	l de la	fonction	n de der	ısi
estion 8 S a loi normale haque classe.	e à la fin d ϵ	ose que X_i $_{i}$ $_{i}$ l'exercice	Y = k sui a), écrive	it une loi z les fonc	normale tions de	e (rappe densité	$de X_1$	et X_2	n de der à l'intér □ □D [ie
a loi normale	e à la fin d ϵ	ose que X_i $ $ e l'exercice	Y = k sui a), écrives	it une loi z les fonc	normale	e (rappe densité	$de X_1$	et X_2	à l'intér	ie
a loi normale	e à la fin d ϵ	ose que X_i $_i$ e l'exercice	Y = k sui a), écrives	it une loi z les fonc	normale	e (rappe densité	$de X_1$	et X_2	à l'intér	ie
a loi normale	e à la fin d ϵ	ose que X_i le l'exercice	Y = k sui a), écrives	it une loi z les fonc	normale	e (rappe densité	$de X_1$	et X_2	à l'intér	ie
a loi normale	e à la fin d ϵ	ose que X_i $_{i}$ e l'exercice	Y = k sui a), écrives	it une loi z les fonc	normale	e (rappe densité	$de X_1$	et X_2	à l'intér	ie
a loi normale	e à la fin d ϵ	ose que X_i e l'exercice	Y = k sui a), écrives	it une loi z les fonc	normale	e (rappe densité	$de X_1$	et X_2	à l'intér	ie

Question 9 Quelle classe sera prédite pour un nouvel individu tel que $X_1 = 0$ et $X_2 = 0$? Justifiez votre résultat.



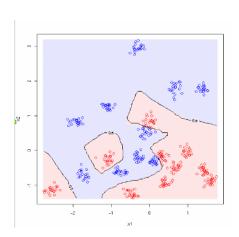


Figure 4 – graphique

vous que la méthode de classification Naive Bayes est adaptée au pro-	9
méthode(s) proposez-vous ? Justifiez votre réponse.	\blacksquare A \square B \square C \square D \square E

Soit le problème de transport suivant :

	E	F	G	Н	Offre
A	19	30	50	10	7
В	70	30	40	60	9
С	40	8	70	20	18
Demande	5	8	7	14	34

Appliquer l'algorithme en deux phases pour résoudre ce problème. La phase I sera obligatoirement effectuée avec l'algorithme de Balas-Hammer et la phase II avec l'algorithme de stepping stone. Donner le coût obtenu à la fin de chacune des deux phases.

Question 11	Phase I : Balas-Hammer	\blacksquare A \square B \square C \square D \square E

Question 12	Phase II : Stepping stone	$\blacksquare A \square B \square C \square D \square E$

Exercice Noyau de graphe (4 points)

On considère un jeu à deux joueurs sur une grille carrée avec des cases (x,y) telles que $0 \le x \le 10$ et $0 \le y \le 10$. Un unique pion est placé sur cette grille. Chaque joueur peut à son tour soit :

- déplacer le pion vers la gauche d'au moins une case ;
 déplacer le pion vers le bas d'au moins une case.

Le joueur gagnant est le premier qui atteint la case (0,0).

Question 13	Qu'est-ce que le noyau d'un graphe de jeu ?	$\blacksquare A \square B \square C \square D \square E$
Question 14	Comment le calcule-t-on ?	■A □B □C □D □E

	Le calculer po	our ce jeu.			■ A □B □	
stion 16	Qu'est-ce	qu'une stratég	;ie ? Qu'est-	ce qu'une s	tratégie gagr ■A □B □	$\begin{array}{c} \text{nante} & ? \\ C & \square D \end{array}$
stion 16	Qu'est-ce	qu'une stratég	gie ? Qu'est-	ce qu'une s	tratégie gagr ■A □B □0	nante ?
stion 16	Qu'est-ce	qu'une stratég			tratégie gagı ■A □B □0	C _D [
stion 16	Qu'est-ce	qu'une stratég			■A □B □0	C _D [

Question 17 On suppose maintenant que la partie démarre en (8,6). Pour lequel des deux joueurs existe-t-il une stratégie gagnante ? La donner en détail.

$\blacksquare A \ \square B \ \square C \ \square D \ \square E$

isera.]B	