I MODELLI DI BASE DELLA COMPETIZIONE OLIGOPOLISTICA

CARATTERISTICHE

- . Nº DI IMPRESE ATTIVE ESOGENAMENTE DATO
- TECHOLOGIE PRODUTTIVE ESOGENAMENTE DATE
- PROBOTTO OMOGENEO
- ... (ULTERIORI IPOTESI A SECONDA DEI MODELLI)

 COURNOT (1838) BERTRAND (1883)

 STACKELBERG (1933-1934)

ASPETTO CRUCIALE

INTERDIPENDENZA STRATEGICA

IPOTESI

I1)
$$I = \{1, 2, ..., i, ..., m\}$$
 Insieme Delle imprese che operano sul mercato

- 12) PRODOTTI OMOGENEI
- I3) DOMANDA DI MERCATO $Q = D(\rho)$ CON D' < 0; $D'' \leq 0$ $Q = Q(\rho)$ $Q = Q(\rho)$ $Q = Q(\rho)$

CURVA DI DOMANDA INVERSA p = P(Q)CON P' < 0; $P'' \le 0$ $Q = \Sigma_i q_i$

I4) FUNZIONE BI COSTO TOTALE $C_i = C_i (q_i)$ CON $C_i' > 0$; $C_i'' \ge 0$

Es. $C_i = F + c_i q_i$

MODELLO DI COURNOT

IPOTESI

15) LE IMPRESE BECIDONO "SIMULTANEAMENTE"

I LIVELLI DI PROBUZIONE

9: VARIABILE STRATEGICA

- I6) GLI ELEMENTI PRECISATI NELLE IPOTESI SONO CONOSCENZA COMUNE
- 17) IL MERCATO FISSA IL PREZZO IN MODO CHE DOMANDA = OFFERTA

FUNZIONE DI PAYOFF

$$TT_i = \rho(Q) \cdot q_i - C_i(q_i) \qquad i = 1, 2, ..., m$$

dove $Q = \sum_{i} q_{i}$ INTERDIPENDENZA STRATEGICA

DATE LE IPOTESI, LA FUNZIONE DI PROFITTO È CONTINUA, DIFFERENZIABILE E CONCAVA

ALLORA

ALLORA

SONO SOBBISFATTE LE CONSIZIONI PER L'ESISTENZA DI UN EQUILIBRIO DI NASH

EQUILIBRIO DI NASH-COURHOT

$$TT_i\left(q_i^*, q_{-i}^*\right) \geq TT_i\left(q_i, q_{-i}^*\right)$$

PER OCHI IMPRESA i E PER OCHI LIVELLO
AMMISSIBILE DI OUTPUT

RISOLVE IL PROBLEMA

$$\max_{q_i} \pi_i \left(q_i, q_{-i}^* \right)$$

PER OGNI IMPRESA I IL LIVELLO DI OUTPUT 9. È LA MIGLIORE RISPOSTA DELL'IMPRESA I ALLE STRATEGIE (LIVELLI DI OUTPUT) PRESCRITTE PER LE ALTRE M-1 IMPRESE

QUINDI

QUINDI

- NESSUMA IMPRESA, PRESA SINGOLARMENTE, DESIDERA DEVIARE DALLA STRATEGIA PRESCRITTA BALL'EQ. DI COURNOT
- L'EQUILIBRIO DI NASH-COURNOT È UNA PREDIZIONE SULL'ESITO DEL GIOCO STRATEGI. CAMENTE STABILE (AUTOVINCOLANTE)

OSSERVAZIONE

DAL PUNTO DI VISTA DELLE IMPRESE, L'EQUILIBRIO DI COURNOT NON È EFFICIENTE NEL SENSO DI PARETO

DETERMINAZIONE BELL'EQUILIBRIO DI COURNOT SOLUZIONE SIMULTANEA DEGLI M PROBLEMI DECISIONALI MOX $TT_i = \rho(Q).q_i - C_i(q_i)$

SOLUZIONE BEL SISTEMA DI EQUAZIONI BEFINITO DALLE M CONDIZIONI BEL PRIMO ORDINE

$$\frac{\partial TT_i}{\partial q_i} = 0 \qquad i = 1, 2, ..., M$$

ESEMPIO

$$I = \{1, 2\}$$
 $p = a - bQ$ $Q = 9_1 + 9_2$

$$C_i = F + c_i q_i$$
 $i = 1, 2$

SI DEVONO RISOLVERE SIMULTAHEAMENTE I PROBLEMI DECISIONALI DELLE 2 IMPRESE

$$max T_1 = [a - b(q_1 + q_2)]q_1 - F - c_1 q_1$$
 $max T_2 = [a - b(q_1 + q_2)]q_2 - F - c_2 q_2$
 q_2

$$\frac{\partial \pi_1}{\partial q_1} = a - 2bq_1 - bq_2 - e_1 = 0$$

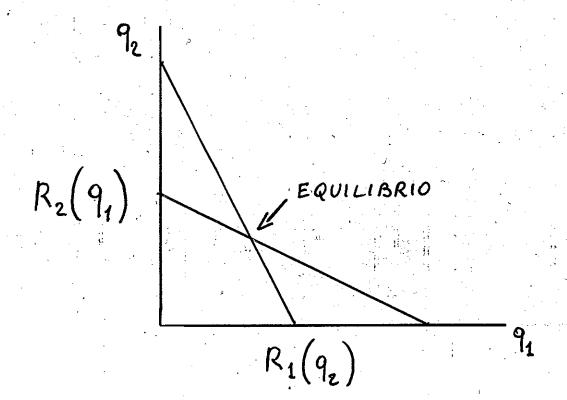
$$\frac{\partial \pi_2}{\partial q_2} = \alpha - bq_1 - 2bq_2 - c_2 = 0$$

LE CONDIZIONI DEL PRIMO ORDINE DEFINISCONO IMPLICITAMENTE LE FUNZIONI DI RISPOSTA OTTIMA DELLE 2 IMPRESE



$$q_1 = R_1(q_2) = \frac{a - bq_2 - c_1}{2b}$$

$$q_2 = R_2(q_1) = \frac{a - bq_1 - c_2}{2b}$$



IL VETTORE $q^* = (q_1^*, q_2^*)$ CHE SOBBISFA SIMULTAMEAMENTE IL SISTEMA BELLE FUNZIONI BI RISPOSTA OTTIMA È L'EQUILIBRIO BI COURNOT

$$q_1^* = \frac{\alpha - 2c_1 + c_2}{3b}$$
 $q_2^* = \frac{\alpha - 2c_2 + c_1}{3b}$

SE LE IMPRESE DISPONGONO DELLA STESSA TECHOLOGIA PRODUTTIVA L'EQUILIBRIO E' SIMMETRICO: 9* = 9* SOSTITUENDO I VALORI OTTIMALI (DI EQUILIBRIO)
DEI LIVELLI DI OUTPUT NELLA FUNZIONE DI
DOMANDA E NELLE FUNZIONI DI PROFITTO
SI HA:

$$p^* = \alpha - b(q_1^* + q_2^*) = \frac{\alpha + e_1 + e_2}{3}$$

$$TT_1^* = \frac{(\alpha - 2C_1 + C_2)^2}{3b}$$

$$TT_2^* = \frac{(\alpha - 2C_2 + C_1)^2}{3b}$$

OSSERVAZIONE: TI">0 i=1,2

BERTRAND: LE IMPRESE NON SI FANNO CONCORRENZA ATTRAVERSO VARIAZIONI DEI LIVELLI DI OUTPUT, MA ATTRAVERSO VARIAZIONI DI PREZZO

COURNOT (1838) -> VARIABILE STRATEGICA
QUANTITA'

BERTRAHD (1883) -> VARIABILE STRATEGICA
PREZZO

MODELLO DI BERTRAND

IPOTES!

II)
$$I = \{1, 2\}$$
 2 IMPRESE ATTIVE

- I2) PRODOTTI OMOGENEI
- 13) DOMANDA DI MERCATO Q=D(p)

 CON D'<0; D"≤0

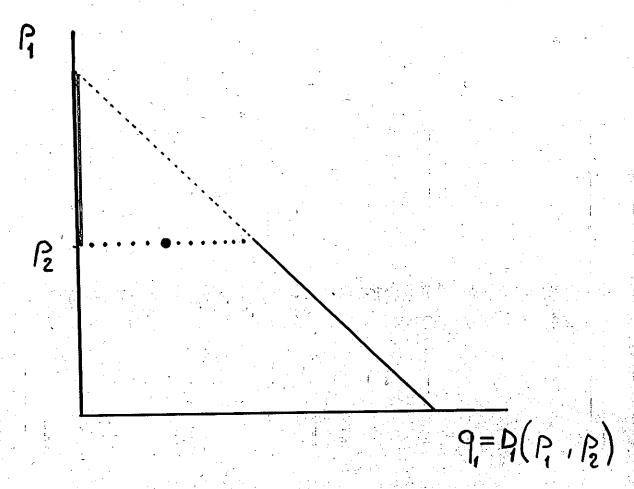
 F>0: D(p)=0 per p≥p

LE IPOTESI IZ 2 I3 CONSENTONO DI BERIVARE LA CURVA DI BOMANDA DI UNA SINGOLA IMPRESA IN FUNZIONE BEI PREZZI PRATICATI DA ENTRAMBE

$$D(P_1) = \begin{cases} D(P_1) & \text{SE} \quad P_1 < P_2 \\ D(P_1) \cdot \frac{1}{2} & \text{SE} \quad P_1 = P_2 = P \\ 0 & \text{SE} \quad P_1 > P_2 \end{cases}$$

DOMANDA RELATIVA ALL'IMPRESA 1

MODELLO DI BERTRAND



DOMANDA RELATIVA ALL'IMPRESA 1

14) FUNZIONE DI COSTO TOTALE

$$C_{i}(q_{i}) = \begin{cases} F + c q_{i} & \text{SE } 0 \leq q_{i} \leq K_{i} \\ \infty & \text{SE } q_{i} > K_{i} \end{cases}$$

LE 2 IMPRESE HANNO ACCESSO ALLA MESESIMA TECNOLOGIA PRODUTTIVA

- I5) DIMENSIONE D'IMPRESA $K_i \geq D(c) \quad i=1, 2$
- I6) LE IMPRESE DECIDONO "SIMULTAHEAMENTE"

P. VARIABILE STRATEGICA

$$P_i \in S_i = [c, \bar{p}]$$
 $i = 1, 2$

- Si SPAZIO BELLE STRATEGIE AMMISSIBILI
 PER L'IMPRESA i
- [7) GLI ELEMENTI PRECISATI NELLE IPOTESI SONO CONOSCENZA COMUNE
- IS) DATI I PREZZI SCELTI DALLE IMPRESE

 LA DOMANDA DI MERCATO VIENE ALLOCATA

 TRA LE DUE IMPRESE IN ACCORDO CON

 LA FUNZIONE DI DOMANDA RELATIVA ALLE

 SINGOLE IMPRESE (SPECIFICATA IN

 PRECEDENZA)

IL MERCATO BETERMINA LE QUANTITA'
PROBOTTE BALLE 2 IMPRESE

FUNZIONE DI PROFITTO

$$TT_{i} = P_{i} \cdot D_{i} (P_{i}, P_{j}) - F - c \cdot D_{i} (P_{i}, P_{j}) =$$

$$= (P_{i} - c) \cdot D_{i} (P_{i}, P_{j}) - F$$

OSSERVAZIONE: LA FUNZIONE DI DOMANDA
È DISCONTINUA PER PER =>

LA FUNZIONE DI PROFITTO È DISCONTINUA

NON È POSSIBILE APPLICARE TEOREMI GENERALI PER PROVARE L'ESISTENZA DI UN EQUILIBRIO DI NASH

SI PROCEDE CONSIDERANDO TUTTE LE POSSIBILI COPPIE DI PREZZI CHE LE IMPRESE POSSONO FISSARE NELL'INSIEME [C, P] × [C, P]

SI POSSONO AVERE 4 CASI

NON È UN EQUILIBRIO. INFATTI

$$TT_i^{\bullet} = \left(P_i - c \right) \cdot \frac{1}{2} D\left(P_i \right)$$

SE L'IMPRESA i FISSA P = P - E SI HA

$$TT_i^{\bullet} = (P_i - \varepsilon - c) \cdot D(P_i - \varepsilon) > TT_i^{\bullet}$$

$$P_i = R_i(P_i) = P_i - \varepsilon$$
 Funzione DI RISPOSTA
OTTIMA

STRATEGIE DI UNDERCUTTING

$$CASO2] P_i > P_j > c$$

NON È UN EQUILIBRIO, INFATTI

$$TT_i = 0$$

SE INVECE L'IMPRESA i FISSA $P_i = P_j - \varepsilon = R_i(P_j)$ SI HATTi

$$CASO 3 P_i > P_j = C$$

NON È UN EQUILIBRIO. INFATTI
$$TT_{j} = 0$$

SE INVECE L'IMPRESA j FISSA
$$P = P - \varepsilon = R_j(P)$$

SI HA $TT_j = (P_i - \varepsilon - c) \cdot D(P_i - \varepsilon) > 0$

$$CASO4 P = P = C$$

- E L'EQUILIBRIO DI BERTRAND (HASH)
- · LE DUE IMPRESE CONSEGUONO PROFITTI NULLI
- SE UNA IMPRESA RIBUCE IL PREZZO OTTIENE L'INTERA BOMANDA, MA CONSEGUE PROFITTI NEGATIVI
- SE UN'IMPRESA ALZA IL PREZZO ESCE DAL MERCATO

$$P_i^* = P_j^* = c$$

$$\pi_{i}\left(P_{i}^{*}, P_{j}^{*}\right) \geq \pi_{i}\left(P_{i}, P_{j}^{*}\right) \quad i=1,2$$

$$\forall P_{i} \in [c, \bar{P}]$$

$$\pi_{i}\left(P_{i}, P_{j}^{*}\right)$$

$$P_{i}$$

QUINDI

- NESSUNA DELLE 2 IMPRESE HA INTERESSE A DEVIARE UNILATERAL MENTE DALLA STRATE. GIA PRESCRITTA DALL'EQUILIBRIO DI BERTRAND
- L'EQUILIBRIO DI NASH-BERTRAND È UNA PREDIZIONE SULL'ESITO DEL GIOCO STRATEGICA, MENTE STABILE (AUTOVINCOLANTE)

2 E UN NUMERO SUFFICIENTEMENTE GRANDE PER LA CONCORRENZA

ELEMENTO CHIAVE BELLE STRATEGIE DI UNDERCUTTING:

> RIBUZIONE DEL PREZZO SOTTO QUELLO DEL RIVALE

INCREMENTO MOLTO SENSIBILE BELLA DOHANDA

L'IMPRESA DEVE ESSERE IN GRADO DI FAR FRONTE A TALE INCREMENTO CON UNA RAPIDA ESPANSIONE BELL'OFFERTA

DOMANDA E OFFERTA DI CIASCUNA IMPRESA INFINITAMENTE ELASTICHE IN UN INTORNO DI P = P MODELLO DI BERTRAND: CLASCUNA IMPRESA,
ANTICIPANDO LA STRATEGIA DI UNDERCUTTING
DELLA RIVALE FISSA P.= C

PROBLEMA DI "CONVIVENZA" PER LE IMPRESE ASPETTO ESSENZIALE DELLA COMPETIZIONE OLIGOPOLISTICA

DAL PUNTO DI VISTA DELLE IMPRESE L'EQUILIBRIO DI BERTRAND NON E' EFFICIENTE NEL SENSO DI PARETO

LO STESSO VALE PER L'EQ. DI COURNOT

MODELLI DI COURNOT E BERTRAND GIOCHI STATICI (UNIPERIODALI) AD INFORMAZIONE COMPLETA MODELLO DI STACKELBERG (1933, 1934)

IPOTESI

- IZ) PROBOTTI OMOGENEI
- I3) DOMANDA DI MERCATO Q=D(p)
 con D'<0; D"≤0

3 ₱>0: D(p)=0 per p≥ ₱

CURVA DI DOMANDA INVERSA P=P(Q)
CON P'<0; P''<0.

 $Q = q_1 + q_2$

$$p = a - bQ$$

= $a - b(q_1 + q_2)$

I4) FUNZIONE DI COSTO TOTALE $C_i = C_i (q_i)$ CON $C_i' > 0$; $C_i'' \geq 0$

$$C_i = F + c_i q_i$$

MODELLO DI STACKELBERG IPOTESI

- 15) TIMING: IN to L'IMPRESA 1 (L) SCEGLIE
 UN LIVELLO DI OUTPUT 9, IN t, L'IMPRESA
 2(F) SCEGLIE UN LIVELLO DI OUTPUT 9, DOPO
 AVER OSSERVATO 9
- 16) GLI ELEMENTI PRECISATI NELLE IPOTESI
 SONO CONOSCENZA COMUNE
- 17) DATO Q=9+9 IL MERCATO FISSAIL

 PREZZO IN MODO CHE DOMANDA=OFFERTA

FUNZIONE DI PAYOFF

$$\pi_i = P(Q) \cdot q_i - C_i(q_i)$$

$$= P(q_L + q_F) \cdot q_i - C_i(q_i) \qquad i = L, F$$

DATE LE IPOTESI, LA FUNZIONE DI PROFITTO E' CONTINUA, DIFFERENZIABILE E CONCAVA RISPETTO AL MODELLO DI COURNOT E' DIVERSO IL TIMING DEL GIOCO

QUINDI È DIVERSA LA STRUTTURA INFORMATIVA DEL GIOCO

- GIOCO DINAMICO AD INFORMAZIONE COMPLETA E PERFETTA
- SONO SOBDISFATTE LE CONDIZIONI PER L'ESISTENZA DI UN EQUILIBRIO DI NASH PERFETTO HEI SOTTOGIOCHI

QUINDI È DIVERSA LA PROCEDURA RISOLUTIVA INDUZIONE A RITROSO (BACKWARD INDUCTION)

L'IMPRESA LEABER È IN POSIZIONE BI VANTAGGIO IN QUANTO CONOSCE LA FUNZIONE BI RISPOSTA OTTIMA BEL FOLLOWER DETERMINAZIONE DELL'EQUILIBRIO DI STACKELBERG

PROBLEMA DECISIONALE DEL FOLLOWER

$$\max_{q_F} TT_F = P(Q) \cdot q_F - C_F(q_F) \qquad Q = q_F + q_E$$

$$\frac{\partial \pi_F}{\partial q_F} = \frac{\partial P(Q)}{\partial q_F} \cdot q_F + P(Q) - \frac{\partial C_F(q_F)}{\partial q_F} = 0$$

LA COMBIZIONE DEL PRIMO ORBINE DEFINISCE IMPLICITAMENTE LA FUNZIONE DI RISPOSTA OTTIMA DEL FOLLOWER:

$$9_F = R_F(9_L)$$

ALLORA, IL PROBLEMA DECISIONALE DEL LEADER PUÒ ESSERE FORMULATO NEL MODO SEGUENTE

$$ma \times TT_L = P(q_L + R_F(q_L)) \cdot q_L - C_L(q_L)$$

RISOLVENDO SI DETERMINA 9" E QUINDI 9"; P"; TT_"; TT_" ESEMPIO

$$P = 20 - Q \qquad C_i(q_i) = 8 q_i \quad i = L, F$$

PROBLEMA DECISIONALE DEL FOLLOWER

$$max TT_F = (20 - 9_L - 9_F) \cdot 9_F - 89_F =$$

$$= 209_F - 9_L 9_F - 9_F - 89_F =$$

$$= 129_F - 9_L 9_F - 9_F^2$$

$$\frac{\partial T_F}{\partial q_F} = 12 - q_L - 2q_F = 0 \quad DA cui:$$

$$q_F = R_F \left(q_L \right) = 6 - \frac{1}{2} q_L$$

· PROBLEMA DECISIONALE BEL LEADER

$$\max_{q_{L}} TT_{L} = \left(20 - q_{L} - 6 + \frac{1}{2}q_{L}\right) \cdot q_{L} - 8q_{L} = \\
= 20q_{L} - q_{L}^{2} - 6q_{L} + \frac{1}{2}q_{L}^{2} - 8q_{L} = \\
= 6q_{L} - \frac{1}{2}q_{L}^{2}$$

$$\frac{\partial TT_L}{\partial q_L} = 6 - q_L = 0 \quad \text{DA cui:} \quad q_L^* = 6$$

$$q_F^* = R_F(q_L^*) = 6 - \frac{1}{2} \cdot 6 = 3$$

$$P^* = 20 - Q^* = 20 - q_L^* - q_F^* = 20 - 6 - 3 = 11$$

$$TT_{L}^{*} = \rho^{*} \cdot q_{L}^{*} - 8 q_{L}^{*} = 11 \cdot 6 - 8 \cdot 6 = 18$$

$$TT_F^* = \rho^* \cdot q_F^* - 8q_F^* = 11 \cdot 3 - 8 \cdot 3 = 9$$

EQUILIBRIO DI COURNOT

$$q_1^* = q_2^* = 4$$
; $p^* = 12$

$$TT_1^* = TT_2^* = 16$$

QUINDI

$$T_L^* > T_C^c > T_F^*$$