# Calcolo dell'interesse con l'interpolazione lineare



Francesca Di Pillo

### Esercizio

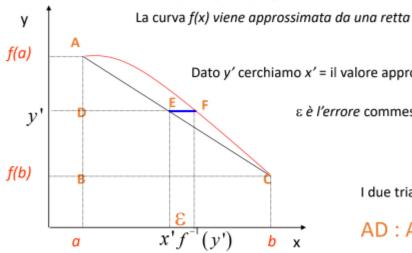
Una persona sta per acquistare un'automobile che costa 15.000€ e deve essere pagata in 48 rate mensili da 395€. Quale tasso d'interesse annuale nominale deve essere pagato per questo accordo finanziario se l'interesse viene composto mensilmente?

$$P = A \left( \frac{(1+i)^n - 1}{(1+i)^n i} \right)$$
 *i* è l'interesse effettivo composto mensilmente

$$\frac{P}{A} = \binom{P/A,i,48}{395} = \frac{15.000}{395} = 37,97$$
Per trovare  $i_{eff,1/12}$  incognito si utilizza l'interpolazione lineare

2

#### INTERPOLAZIONE LINEARE



Dato y' cerchiamo x' = il valore approssimato di  $f^{-1}(y')$ 

ε è l'errore commesso utilizzando l'interpolazione lineare

$$\varepsilon = f^{-1}(y') - x'$$

I due triangoli ADE - ABC sono simili:

$$[f(a)-y']:[f(a)-f(b)]=(x'-a):(b-a)$$

$$x' = a + (b-a)\frac{y'-f(a)}{f(b)-f(a)}$$

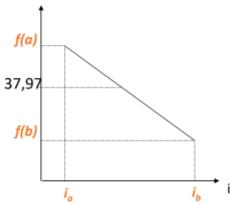
✓ Per utilizzare l'interpolazione lineare è necessario conoscere almeno due punti (a, f(a)) e (b, f(b)) t.c.  $x' \in (a, b)$ 

## Esercizio

#### Riprendiamo lo svolgimento dell'esercizio

$$y' = \frac{P}{A} = {\binom{P/A,i,48}{i(1+i)}} = \frac{(1+i)^{48}-1}{i(1+i)^{48}} = 37,97$$

Devo determinare un valore approssimato di  $i_{eff,1/12} \Rightarrow x'$ , cerco due valori (a,f(a)) e (b,f(b)) per effettuare l'interpolazione lineare



#### Dalle tavole finanziarie:

$$a = i_a = 0.8\% \rightarrow f(a) = \binom{P/A,0,8,48}{a} = 39,73$$
  
 $b = i_b = 1,2\% \rightarrow f(b) = \binom{P/A,1,2,48}{b} = 36,33$ 

4

## Esercizio

$$i_{a} = 0.8\% \rightarrow \begin{pmatrix} P/A,0,8,48 \\ a = 39,73 & i_{b} = 1,2\% \rightarrow \begin{pmatrix} P/A,1,2,48 \\ b = 36,33 \end{pmatrix} = 36,33$$

$$i_{eff}, \frac{1}{12} = i_{a} + (i_{b} - i_{a}) \frac{\begin{pmatrix} P/A,i_{b},48 \\ -\begin{pmatrix} P/A,i_{b},48 \\ -\begin{pmatrix} P/A,i_{a},48 \end{pmatrix} \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} P/A,i_{a},48 \\ -\begin{pmatrix} P/A,i_{a},48 \end{pmatrix} \end{pmatrix} = 0,008 + (0,012 - 0,008) \frac{37,97 - 39,73}{36,33 - 39,73} = 1,01\%$$

$$r = m \cdot i_{eff}, \frac{1}{12} = 12 \cdot 0,0101 = 12,12\%$$

5