

### 空间解析几何和向量代数：

空间2点的距离： $d = |M_1 M_2| = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2}$

向量在轴上的投影  $\text{Pr } j_u \overrightarrow{AB} = |\overrightarrow{AB}| \cdot \cos \varphi$ ,  $\varphi$  是  $\overrightarrow{AB}$  与  $u$  轴的夹角。

$$\text{Pr } j_u (\vec{a}_1 + \vec{a}_2) = \text{Pr } j_u \vec{a}_1 + \text{Pr } j_u \vec{a}_2$$

$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cos \theta = a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z$ , 是一个数量,

$$\text{两向量之间的夹角 } \cos \theta = \frac{a_x b_x + a_y b_y + a_z b_z}{\sqrt{a_x^2 + a_y^2 + a_z^2} \cdot \sqrt{b_x^2 + b_y^2 + b_z^2}}$$

$$\vec{c} = \vec{a} \times \vec{b} = \begin{vmatrix} i & j & k \\ a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \end{vmatrix}, |\vec{c}| = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \sin \theta. \text{例: 线速度: } \vec{v} = \vec{\omega} \times \vec{r}.$$

$$\text{向量的混合积 } [\vec{a} \vec{b} \vec{c}] = (\vec{a} \times \vec{b}) \cdot \vec{c} = \begin{vmatrix} a_x & a_y & a_z \\ b_x & b_y & b_z \\ c_x & c_y & c_z \end{vmatrix} = |\vec{a} \times \vec{b}| \cdot |\vec{c}| \cos \alpha, \alpha \text{ 为锐角时,}$$

代表平行六面体的体积

平面的方程：

1、点法式： $A(x - x_0) + B(y - y_0) + C(z - z_0) = 0$ , 其中  $\vec{n} = \{A, B, C\}$ ,  $M_0(x_0, y_0, z_0)$

2、一般方程： $Ax + By + Cz + D = 0$

3、截距式方程： $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$

$$\text{平面外任意一点到该平面的距离: } d = \frac{|Ax_0 + By_0 + Cz_0 + D|}{\sqrt{A^2 + B^2 + C^2}}$$

$$\text{空间直线的方程: } \frac{x - x_0}{m} = \frac{y - y_0}{n} = \frac{z - z_0}{p} = t, \text{ 其中 } \vec{s} = \{m, n, p\}; \text{ 参数方程 } \begin{cases} x = x_0 + mt \\ y = y_0 + nt \\ z = z_0 + pt \end{cases}$$

二次曲面：

1、椭球面： $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$

2、抛物面： $\frac{x^2}{2p} + \frac{y^2}{2q} = z$ , ( $p, q$  同号)

3、双曲面：

单叶双曲面： $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} - \frac{z^2}{c^2} = 1$

双叶双曲面： $\frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} + \frac{z^2}{c^2} = 1$  (马鞍面)