

# TRƯỜNG ĐẠI HỌC THỦY LỌI

Khoa Công nghệ thông tin - Bộ môn Khoa học máy tính

# LÝ THUYẾT TÍNH TOÁN

Tên giảng viên: Đinh Phú Hùng

Email: hungdp@tlu.edu.vn

Điện thoại: 0912509973

### Nội dung bài giảng

1. Khái niệm

2. Định nghĩa hình thức

3. Văn phạm nhập nhằng

4. Dạng chuẩn tắc Chomsky

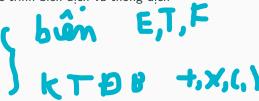
# Khái niệm

### Khái niệm



- Văn phạm phi ngữ cảnh = Context-free Grammar (CFG)
- CFG: Là một phương pháp mạnh hơn để mô tả ngôn ngữ
- Úng dụng:
  - Bộ biên dịch trong các ngôn ngữ lập trình
  - Bộ phân tích trong các trình biên dịch và thông dịch
- Ví du:

$$E \rightarrow E + T \mid T$$
$$T \rightarrow T \times F \mid F$$
$$F \rightarrow (E) \mid a$$



### Khái niệm



### Một văn phạm gồm có:

- Tập các quy tắc thay thế  $\equiv$  các sản xuất
- Mỗi quy tắc là một dòng bao gồm 1 ký hiệu và 1 xâu được ngăn cách bởi dấu mũi tên
- ullet Ký hiệu  $\equiv$  **biến**  $\equiv$  Các ký hiệu in hoa
- Ký hiệu kết thúc ≡ Các ký hiệu in thường, số hoặc ký tự đặc biệt
- Biến ban đầu thường xuất hiện bên trái của quy tắc trên cùng

$$E \rightarrow E + T \mid T$$
$$T \rightarrow T \times F \mid F$$
$$F \rightarrow (E) \mid a$$

Dẫn xuất

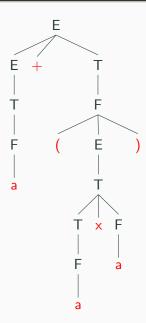
$$E \Rightarrow E + T \Rightarrow T + T \Rightarrow F + T \Rightarrow a + T$$
$$\Rightarrow a + F \Rightarrow a + (E) \Rightarrow a + (T)$$
$$\Rightarrow a + (T \times F) \Rightarrow a + (F \times F)$$
$$\Rightarrow a + (a \times F) = a + (a \times a)$$

Cũng có thể viết:

$$\begin{array}{l} E \stackrel{*}{\Rightarrow} a + (a \times a) \\ E \stackrel{*}{\Rightarrow} a + (E) \Rightarrow a + (T) \stackrel{*}{\Rightarrow} a + (a \times a) \end{array}$$

- Dẫn xuất trái nhất: Luôn lựa chọn dẫn xuất ở bên trái  $\ldots \Rightarrow \textbf{F} + \textbf{T} \Rightarrow \textbf{a} + \textbf{T} \Rightarrow \ldots \textbf{a} + (\textbf{a} \times \textbf{a})$
- Dẫn xuất phải nhất: Luôn lựa chọn dẫn xuất ở bên phải  $\dots \Rightarrow F + T \Rightarrow F + F \Rightarrow \dots a + (a \times a)$

# Cây dẫn xuất



# Định nghĩa hình thức

### Định nghĩa hình thức



CFG: 
$$G = (V, \Sigma, R, S)$$

### Trong đó:

- V là tập hữu hạn gồm các biến
- $\bullet$   $\Sigma$  là tập hữu hạn các ký hiệu kết thúc  $\Sigma \not \cap V$
- R tập các quy tắc
- S biến bắt đầu

### Định nghĩa hình thức

### Định nghĩa 1

Ngôn ngữ của văn phạm là  $\{w|w\in\Sigma^*\ \text{và S}\stackrel{*}{\Rightarrow}w\}$ 

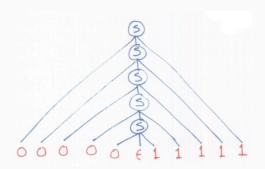
### Định nghĩa 2

Một **ngôn ngữ phi ngữ cảnh** (CFL) là ngôn ngữ được tạo ra bởi một **văn phạm phi ngữ cảnh** (CFG)

### Ví dụ CFL

- $S \rightarrow (S)|SS|\epsilon$  $A = \{\epsilon, (),()(),(()()), \dots\}$
- Ngôn ngữ B =  $\{0^n1^n|\ n\geq 0\}$

$$\begin{array}{l} S \rightarrow \epsilon \\ S \rightarrow 0S1 \end{array}$$

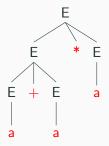


### Cho CFG sau:

$$\mathsf{E} \to \mathsf{E} + \mathsf{E}$$

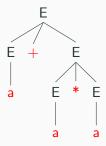
$$\rightarrow \mathsf{E} \times \mathsf{E}$$

- $\rightarrow$  (E)
- ightarrow a



### a+a\*a

→ Mỗi cây dẫn xuất đều có duy nhất một cây dẫn xuất trái nhất và duy nhất một cây dẫn xuất phải nhất



Văn phạm nhập nhằng

## Ngôn ngữ nhập nhằng

### Chuỗi nhập nhằng:

 Có nhiều hơn 2 cây dẫn xuất ⇔ Có nhiều cách để tạo ra chuỗi đó

### Văn phạm nhập nhằng:

 Một văn phạm là nhập nhằng nếu một vài chuỗi có thể được sinh ra bởi nhiều cách

Văn phạm nhập nhằng:

$$\mathsf{E} \to \mathsf{E} + \mathsf{E}$$

$$\rightarrow$$
 E  $\times$  E

$$\rightarrow$$
 (E)

 $\rightarrow$  a

Văn phạm không nhập nhằng:

$$\mathsf{E}\to\mathsf{E}+\mathsf{T}$$

$$\rightarrow \mathsf{T}$$

$$\mathsf{T}\to\mathsf{T}\times\mathsf{F}$$

$$\rightarrow \mathsf{F}$$

$$\mathsf{F}\to (\mathsf{E})$$

$$\rightarrow \mathsf{a}$$

### Ngôn ngữ chính quy và CFG



### Định lý 1

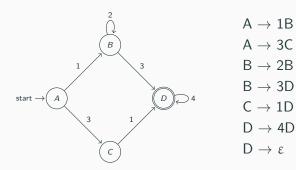
Mọi ngôn ngữ chính quy đều là phi ngữ cảnh

### Chứng minh

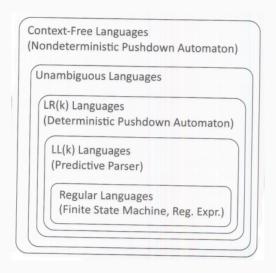
Ý TƯỞNG: Cho một DFA, xây dựng một văn phạm có thể tạo ra cùng 1 ngôn ngữ với DFA

- Chuyển các trạng thái thành các biến
- Chuyển trạng thái bắt đầu thành biến bắt đầu
- Chuyển các cạnh thành các quy tắc
- ullet Thêm 1 quy tắc arepsilon cho mỗi trạng thái kết thúc





### Tập hợp ngôn ngữ



# Dạng chuẩn tắc Chomsky



## Dạng chuẩn tắc Chomsky

### Định nghĩa

Một văn phạm phi ngữ cảnh ở dạng chuẩn tắc Chomsky nếu tất cả các quy tắc của nó có dạng:

 $A \rightarrow BC$   $A \rightarrow a$ Trong đó,

- a là một ký hiệu kết thúc
- A, B, C là các biến bất kỳ, B,C không thể là biến bắt đầu
- ullet Ngoài ra ta có thểm quy tắc: Sightarrow arepsilonvới S là biến bắt đầu

### Định lý 2

Mọi ngôn ngữ phi ngữ cảnh nào cũng được sinh ra bởi một văn phạm phi ngữ cảnh ở dạng chuẩn tắc Chomsky

### Chứng minh định lý 2

### Chứng minh định lý 2:



✔Với mọi CFG ta chuyển chúng về dạng chuẩn tắc Chomsky

- Bước 1: Đảm bảo rằng biến bắt đầu không xuất hiện bên phía bên phải của quy tắc ⇔ Thêm một biến bắt đầu mới
- Bước 2: Loại bỏ các quy tắc có dạng A  $ightarrow \epsilon$
- Bước 3: Khử tất các các quy tắc đơn vị  $A \rightarrow B$
- Bước 4: Loại bỏ các quy tắc có nhiều hơn 2 biến ở phần bên phải

$$\mathsf{A}\to\mathsf{BCDE}$$

$$\mathsf{A}\to\mathsf{Bcde}$$

 Bước 5: Đảm bảo rằng chỉ còn tồn tại các quy tắc có dạng sau:

$$A \rightarrow BC$$

$$A \rightarrow a$$

Cho văn phạm sau:

 $\mathsf{S} \to \mathsf{ASA} \mid \mathsf{aB}$ 

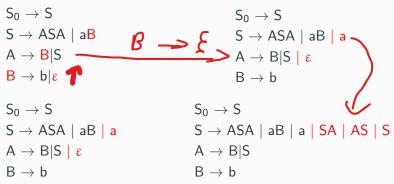
 $\mathsf{A}\to\mathsf{B}|\mathsf{S}$ 

 $B\to b|\epsilon$ 

Hãy chuyển về dạng chuẩn tắc Chomsky

• Bước 1: Thêm biến bắt đầu mới  $\frac{\mathsf{S}_0\to\mathsf{S}}{\mathsf{S}\to\mathsf{A}\mathsf{S}\mathsf{A}\mid\mathsf{a}\mathsf{B}}$   $\mathsf{A}\to\mathsf{B}|\mathsf{S}$   $\mathsf{B}\to\mathsf{b}|\epsilon$ 

• Bước 2: Loại bỏ các quy tắc A ightarrow  $\epsilon$ 



ullet Bước 3: Khử tất các các quy tắc đơn vị  $\dfrac{\mathsf{A} \to \mathsf{B}}{\mathsf{B}}$ 

$$\begin{array}{l} S_0 \rightarrow S \\ S \rightarrow ASA \mid aB \mid a \mid SA \mid AS \mid {\color{red}S} \\ A \rightarrow B \mid S \\ B \rightarrow b \end{array}$$

Loại bỏ S
$$_0 o S$$
 S $_0 o ASA \mid aB \mid a \mid SA \mid AS$  S $\to ASA \mid aB \mid a \mid SA \mid AS$  A $\to B \mid S$  B $\to b$ 

Loại bỏ S  $\rightarrow$  S  $S_0 \rightarrow$  S  $\rightarrow$  ASA | aB | a | SA | AS

 $A \rightarrow B|S$   $B \rightarrow b$ 

Bước 3: Tiếp

Ta có:

$$\begin{array}{c} \mathsf{S_0} \rightarrow \mathsf{ASA} \mid \mathsf{aB} \mid \mathsf{a} \mid \mathsf{SA} \mid \mathsf{AS} \\ \mathsf{S} \rightarrow \mathsf{ASA} \mid \mathsf{aB} \mid \mathsf{a} \mid \mathsf{SA} \mid \mathsf{AS} \end{array}$$

$$\mathsf{A}\to {\color{red}\mathsf{B}}|\mathsf{S}$$

$$\mathsf{B}\to\mathsf{b}$$

Loại bỏ A 
$$\rightarrow$$
 S S<sub>0</sub>  $\rightarrow$  ASA | aB | a | SA | AS S  $\rightarrow$  ASA | aB | a | SA | AS A  $\rightarrow$  b|ASA | aB | a | SA | AS B  $\rightarrow$  b

Loại bỏ A ightarrow B S $_0 
ightarrow$  S ightarrow ASA | aB | a | SA | AS

$$\begin{array}{l} A \rightarrow \textbf{b} | S \\ B \rightarrow \textbf{b} \end{array}$$

 Bước 4: Loại bỏ các quy tắc có nhiều hơn 2 biến ở phần bên phải. Ví dụ:

Thay A  $\rightarrow$  BCDE bằng A  $\rightarrow$  BA $_1$  A $_1$   $\rightarrow$  CA $_2$  A $_2$   $\rightarrow$  DE

$$\begin{split} &S_0 \rightarrow A \textcolor{red}{SA} \mid aB \mid a \mid SA \mid AS \\ &S \rightarrow A \textcolor{red}{SA} \mid aB \mid a \mid SA \mid AS \\ &A \rightarrow b |A \textcolor{red}{SA} \mid aB \mid a \mid SA \mid AS \\ &B \rightarrow b \end{split}$$

$$\begin{split} &S_0 \rightarrow AA_1 \mid aB \mid a \mid SA \mid AS \\ &S \rightarrow AA_1 \mid aB \mid a \mid SA \mid AS \\ &A \rightarrow b \mid AA_1 \mid aB \mid a \mid SA \mid AS \\ &A_1 \rightarrow SA \\ &B \rightarrow b \end{split}$$

• Bước 5: Thay thế A  $\rightarrow$  bC bằng A  $\rightarrow$  A<sub>1</sub>C và A<sub>1</sub>  $\rightarrow$  b

$$\begin{split} &S_0 \rightarrow AA_1 \mid aB \mid a \mid SA \mid AS \\ &S \rightarrow AA_1 \mid aB \mid a \mid SA \mid AS \\ &A \rightarrow b \mid AA_1 \mid aB \mid a \mid SA \mid AS \\ &A_1 \rightarrow SA \\ &B \rightarrow b \end{split}$$

Thêm quy tắc  $A_2 \rightarrow a$   $S_0 \rightarrow AA_1 \mid A_2B \mid a \mid SA \mid AS$   $S \rightarrow AA_1 \mid A_2B \mid a \mid SA \mid AS$   $A \rightarrow b \mid AA_1 \mid A_2B \mid a \mid SA \mid AS$   $A \rightarrow b \mid AA_1 \mid A_2B \mid a \mid SA \mid AS$   $A_1 \rightarrow SA$   $A_2 \rightarrow a$   $B \rightarrow b$ 

ightarrow Đây là dạng chuẩn tắc Chomsky

