

ଗଣ୍ଡ ଷଷ୍ଠୀ ଶ୍ରେଣୀ



ଶିକ୍ଷକ ଶିକ୍ଷା ନିର୍ଦ୍ଦେଶାଳୟ ଏବଂ
ରାଜ୍ୟ ଶିକ୍ଷା ଗବେଷଣା ଓ ପ୍ରଶିକ୍ଷଣ ପରିଷଦ,
ଓଡ଼ିଶା, ଭୁବନେଶ୍ୱର

ଓଡ଼ିଶା ବିଦ୍ୟାଳୟ ଶିକ୍ଷା କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମ ପ୍ରାଥମିକରଣ,
ଭୁବନେଶ୍ୱର

ଗଣିତ

ସମ୍ପଦ ଶ୍ରେଣୀ

ସଂପାଦକ ମନ୍ତ୍ରଳୀ :

ପ୍ରଫେସର ଦୟାନିଧି ପରିଡ଼ା
 ଡ. ନଳିନୀଜାତ ମିଶ୍ର
 ଶ୍ରୀ ନଗେନ୍ଦ୍ର କୁମାର ମିଶ୍ର
 ଶ୍ରୀ ଚାପସ କୁମାର ନାୟକ
 ଶ୍ରୀ ପ୍ରସନ୍ନ କୁମାର ସାହୁ
 ଶ୍ରୀ ଚତୁର୍ଭୂଜ ପ୍ରଧାନ

ସଂଯୋଜନା :

ଡ. ପ୍ରୀତିଲତା ଜେନା
 ଡ. ତିଳୋରମା ସେନାପତି
 ଡ. ସବିତା ସାହୁ

ପ୍ରକାଶକ :

ବିଦ୍ୟାଳୟ ଓ ଗଣଶିକ୍ଷା ବିଭାଗ,
 ଓଡ଼ିଶା ସରକାର

ମୁଦ୍ରଣ ବର୍ଷ : ୨୦୧୦

୨୦୧୯

ପ୍ରସ୍ତୁତି :

ଶିକ୍ଷକ ଶିକ୍ଷା ନିର୍ଦ୍ଦେଶାଳୟ ଏବଂ ରାଜ୍ୟ ଶିକ୍ଷା ଗବେଷଣା ଓ ପ୍ରଶିକ୍ଷଣ ପରିଷଦ, ଓଡ଼ିଶା, ଭୁବନେଶ୍ୱର
 ଓଡ଼ିଶା ରାଜ୍ୟ ପାଠ୍ୟପୁସ୍ତକ ପ୍ରଣାଳୀ ଓ ପ୍ରକାଶନ ସଂସ୍ଥା, ଭୁବନେଶ୍ୱର

ମୁଦ୍ରଣ : ପାଠ୍ୟପୁସ୍ତକ ଉପାଦନ ଓ ବିକ୍ରୟ, ଓଡ଼ିଶା, ଭୁବନେଶ୍ୱର



ଜଗତମାତାଙ୍କର ଚରଣରେ ଆଦ୍ୟାବଧି ମୁଁ ଯେଉଁ ଯେଉଁ ଭେଟି ଦେଉଅଛି, ସେଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରେ ମୌଳିକ ଶିକ୍ଷା ମୋତେ ସବୁଠାରୁ ଅଧିକ କ୍ଲାନ୍ତିକାରୀ ଓ ମହତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ମନେ ହେଉଛି । ଏହାଠାରୁ ଅଧିକ ମହତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ ଓ ମୂଲ୍ୟବାନ ଭେଟି ମୁଁ ଯେ ଜଗତ ସମ୍ବୁଦ୍ଧରେ ଥୋଇପାରିବି, ତାହା ମୋର ପ୍ରତ୍ୟେ ହେଉନାହିଁ । ଏଥରେ ରହିଛି ମୋର ସମ୍ବନ୍ଧ ରଚନାତ୍ମକ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରମକୁ ପ୍ରୟୋଗାତ୍ମକ କରିବାର ଚାବିକାଠି । ଯେଉଁ ନୂଆ ଦୁନିଆ ପାଇଁ ମୁଁ ଛଟପଟ ହେଉଛି, ତାହା ଏହିଥିରୁ ହିଁ ଉଭବ ହୋଇପାରିବ । ଏହା ମୋର ଅନ୍ତିମ ଅଭିଲାଷ କହିଲେ ଚଲେ ।

ମହାତ୍ମା ଗାନ୍ଧି

ଆମ ଜାତୀୟ ସଙ୍ଗୀତ

“ଜନ-ଗଣ-ମନ-ଅଧିନାୟକ ଜୟହେ
 ଭାରତ ଭାଗ୍ୟ ବିଧାତା !
ପଞ୍ଚାବ-ସିନ୍ଧୁ-ଗୁଜ୍ଜୁରାଟ-ମରାଠା
 ଦ୍ରାବିଡ଼-ଉତ୍କଳ-ବଙ୍ଗ,
ବିଷ୍ୟ-ହିମାଚଳ-ସମୁନା-ଗଙ୍ଗା
 ଉତ୍କଳ-ଜଳଧି-ଡରଙ୍ଗ,
ତବ ଶୁଭ ନାମେ ଜାଗେ,
 ତବ ଶୁଭ ଆଶିଷ ମାଗେ,
 ଗାହେ ତବ ଜୟ ଗାଥା ।
ଜନ-ଗଣ -ମଙ୍ଗଳ ଦାୟକ ଜୟ ହେ,
 ଭାରତ-ଭାଗ୍ୟ-ବିଧାତା !
ଜୟ ହେ, ଜୟ ହେ, ଜୟ ହେ,
 ଜୟ ଜୟ ଜୟ, ଜୟ ହେ ।”



ଭାରତର ସମ୍ବିଧାନ

ପ୍ରତ୍ୟାବନା

ଆମେ ଭାରତବାସୀ ଭାରତକୁ ଏକ ସାର୍ବଭୌମ, ସମାଜବାଦୀ, ଧର୍ମ ନିରପେକ୍ଷ, ଗଣଚାନ୍ତିକ ସାଧାରଣତତ୍ତ୍ଵ ରୂପେ ଗଠନ କରିବା ପାଇଁ ଦୃଢ଼ ସଂକଳ୍ପ ନେଇ ଓ ଏହାର ନାଗରିକଙ୍କୁ

- * ସାମାଜିକ, ଅର୍ଥନୈତିକ ଓ ରାଜନୈତିକ ନ୍ୟାୟ ;
- * ଚିତ୍ରା, ଅଭିଯକ୍ତି, ପ୍ରତ୍ୟେ, ଧର୍ମୀୟ ବିଶ୍ୱାସ ଏବଂ ଉପାସନାର ସତତତା ;
- * ସ୍ଥିତି ଓ ସୁବିଧା ସୁଯୋଗର ସମାନତାର ସୁରକ୍ଷା ପ୍ରଦାନ କରିବାକୁ ତଥା ;
- * ବ୍ୟକ୍ତି ମର୍ଯ୍ୟାଦା ଏବଂ ରାଷ୍ଟ୍ରର ଐକ୍ୟ ଓ ସଂହତି ନିଶ୍ଚିତ କରି ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ଭ୍ରାତୃଭାବ ଉପାହିତ କରିବାକୁ

ଏହି ୧୯୪୯ ମସିହା ନଭେମ୍ବର ୨୭ ତାରିଖ ଦିନ ଆମର ସମ୍ବିଧାନ ପ୍ରଶାୟନ ସଭାରେ ଏତହାରା ଏହି ସମ୍ବିଧାନକୁ ଗ୍ରହଣ ଓ ପ୍ରଶାୟନ କରୁଥାବୁ ଏବଂ ଆମ ନିଜଙ୍କୁ ଅର୍ପଣ କରୁଥାବୁ ।

ସୂଚୀପତ୍ର

ଅଧ୍ୟାୟ	ପ୍ରସଙ୍ଗ	ପୃଷ୍ଠା
ପ୍ରଥମ	ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ଜାଣିବା	1
ଦ୍ୱିତୀୟ	ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଅଧ୍ୟକ ଆଲୋଚନା	12
ତୃତୀୟ	ଜ୍ୟାମିତିରେ ମୌଳିକ ଧାରଣା	34
ଚତୁର୍ଥ	ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା	57
ପଞ୍ଚମ	ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା	86
ସପ୍ତମ	ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା	109
ସପ୍ତମ	ବ୍ୟାବସାୟିକ ଗଣିତ	121
ଅଷ୍ଟମ	ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା	138
ନବମ	ସମତଳ ଉପରିସ୍ଥି ଜ୍ୟାମିତିକ ଆକୃତି	158
ଦଶମ	ବାଜଗଣିତ ସହିତ ପରିଚିତି	177
ଏକାଦଶ	ପରିମିତି	197
ଦ୍ୱାଦଶ	ଉଥ୍ୟ ପରିଷ୍ଲକନା ଓ ସଂରଚନା	209
ତ୍ରୈଯୋଦଶ	ଜ୍ୟାମିତିକ ଅଙ୍କନ	220



ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ଜାଣିବା

1.1 ଆମେ ଯାହା ଜାଣିଛୁ

ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ସଂଖ୍ୟା ସହିତ ପରିଚିତ ହୋଇଛୁ । ବସ୍ତୁରୁତ୍ତିକୁ ଜଣିବାରେ ଆମେ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବ୍ୟବହାର କରିଥାଏ । ସେହିପରି ଦୁଇଟି ତାଳାରେ ଥିବା ଜିନିଷଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରେ କେଉଁଠାରେ ବେଶୀ ଓ କେଉଁଠାରେ କମ୍ ପରିମାଣର ଜିନିଷ ଅଛି ତାହା ଜାଣିବା ପାଇଁ ମଧ୍ୟ ଆମେ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ବ୍ୟବହାର କରିଥାଏ । ତୁମେ କେଉଁ କେଉଁ ପରିସ୍ଥିତିରେ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ବ୍ୟବହାର କରିଥାଏ, ତାର ଦୁଇଟି ଉବାହରଣ ଦିଅ ।

ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟକ ଜିନିଷକୁ ଜଣିବା ବେଳେ ସାଧାରଣତଃ ଆମେ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ବ୍ୟବହାର କରିଥାଏ । ଯେପରି - ଘର ଡିଆରି କରିବା ପାଇଁ ଆବଶ୍ୟକ ପତ୍ରଥିବା ଜଣା ସଂଖ୍ୟା, ଗୋଟିଏ ତ୍ରୁକ୍ରିୟା ବୋଲେଇ ହୋଇଥିବା କମଳା ସଂଖ୍ୟା, ବୁମ ବୁକ ଓ ଜିଲ୍ଲାର ଲୋକସଂଖ୍ୟା ଜତ୍ୟାଦି । ଆସ, ସେସବୁକୁ ମନେ ପକାଇବା ।

- ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଉବାହରଣକୁ ଜଞ୍ଯକର ।

ପାଞ୍ଚଜଣ ଲୋକ ସେମାନଙ୍କ ଜମାଖାତାରେ କେତେ କେତେ ଟଙ୍କା ରଖିଥିଲେ ତାହା ତଳେ ଡିଆଯାଇଛି ।



ମନୋହର

100000



କ୍ରିଷ୍ଣବିହରି

456349



ସୁନିତା

280593



ରଜନାଥ

350000



ଜ୍ୟୋତି

187532

➤ ଏବେ ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ପ୍ରଶନ୍ନଙ୍କର ଉତ୍ତର ଲେଖ ।

- କାହା ପାଖରେ କେତେ ଟଙ୍କା ଅଛି କହ । ପ୍ରତ୍ୟେକଙ୍କ ପାଖରେ ଥିବା ଟଙ୍କାର ପରିମାଣକୁ କମା ବ୍ୟବହାର କରି ଲେଖ । ଯେପରି - 1,00,000 ।
- କାହାର ଜମାଖାତାରେ ସବୁଠାରୁ ଅଧିକ ଟଙ୍କା ଅଛି ?
- କାହାର ଜମାଖାତାରେ ସବୁଠାରୁ କମ ଟଙ୍କା ଅଛି ?
- ପାଞ୍ଚ ଜଣ ବ୍ୟକ୍ତିଙ୍କ ପାଖରେ ଥିବା ଟଙ୍କାର ପରିମାଣକୁ ଅଧିକରୁ କମ କୁମରେ ସଜାଇ ଲେଖ ।

ଆମେ ଜାଣିଛୁ

1 ଲକ୍ଷ = 10 ଅଧ୍ୟୁତ

= 100 ହଜାର

1.2. ଏକ କୋଟି ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସଂଖ୍ୟା ସହ ପରିଚିତି

ଲକ୍ଷ୍ୟକର :

- ଇରି ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସବୁଠାରୁ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟା = 9999

$$9999 + 1 = 10,000$$

9999 ରେ 1 ଯୋଗକଲେ ଯୋଗଫଳ ହେଉଛି ପାଞ୍ଚ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସବୁଠାରୁ ସାନ ସଂଖ୍ୟା ।

- ସେହିପରି ପାଞ୍ଚ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସବୁଠାରୁ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାରୁ 1 ଯୋଗକଲେ ଯୋଗଫଳ କେତେ ହେବ ?

$$99,999 + 1 = 1,00,000 \text{ (ଛଅଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସବୁଠାରୁ ସାନସଂଖ୍ୟା)}$$



ନିଜେ କରି ଦେଖି :

ହାଥ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସବୁଠାରୁ ବଡ଼ସଂଖ୍ୟାରେ 1 ଯୋଗ କରି ଯୋଗଫଳ କେତେ ହେଲା କହ । ପାଇଥିବା ସଂଖ୍ୟାଟି ସାତ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସ୍ଵୀଚ୍ଛାମ୍ଭାବୀ ହେଉଛି କି ?

ତାକେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଉପି ତୁମ ଖାତାରେ ଲେଖୁ ଖାଲି ମୁନରେ ଭାବର ଲେଖ :

$$\text{ଏକ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ବୃଦ୍ଧତମ ସଂଖ୍ୟା} (9) + 1 = 10 \quad (\text{ଦୁଇ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସ୍ଵୀଚ୍ଛାମ୍ଭାବୀ ସଂଖ୍ୟା})$$

$$\text{ଦୁଇ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ବୃଦ୍ଧତମ ସଂଖ୍ୟା} (99) + 1 = 100 \quad (\text{ତିନି ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସ୍ଵୀଚ୍ଛାମ୍ଭାବୀ ସଂଖ୍ୟା})$$

$$\text{ତିନି ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ବୃଦ୍ଧତମ ସଂଖ୍ୟା} (999) + 1 = 1000 \quad (\text{ତିନି ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସ୍ଵୀଚ୍ଛାମ୍ଭାବୀ ସଂଖ୍ୟା})$$

$$\text{ଇରି ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ବୃଦ୍ଧତମ ସଂଖ୍ୟା} (9999) + 1 = \underline{\hspace{2cm}} \quad (\text{ପାଞ୍ଚ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସ୍ଵୀଚ୍ଛାମ୍ଭାବୀ ସଂଖ୍ୟା})$$

$$\text{ପାଞ୍ଚ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ବୃଦ୍ଧତମ ସଂଖ୍ୟା} (\underline{\hspace{2cm}}) + 1 = \underline{\hspace{2cm}} \quad (\text{ହାଥ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସ୍ଵୀଚ୍ଛାମ୍ଭାବୀ ସଂଖ୍ୟା})$$

$$\text{ହାଥ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ବୃଦ୍ଧତମ ସଂଖ୍ୟା} (\underline{\hspace{2cm}}) + 1 = \underline{\hspace{2cm}} \quad (\text{ସାତ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସ୍ଵୀଚ୍ଛାମ୍ଭାବୀ ସଂଖ୍ୟା})$$

$$\text{ସାତ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ବୃଦ୍ଧତମ ସଂଖ୍ୟା} (\underline{\hspace{2cm}}) + 1 = 10000000 \quad (\text{ଆଠ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସ୍ଵୀଚ୍ଛାମ୍ଭାବୀ ସଂଖ୍ୟା})$$

କମା ବ୍ୟବହାର କରି ଏକ କୋଟି (10000000) କୁ 1,00,00,000 ଭାବି ଲେଖାଯାଏ ।

ବିଭିନ୍ନ ଶୈଳୀରେ ଆମେ ଏକ କୋଟିରୁ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ବ୍ୟବହାର କରିଥାଏ, ଯେପରି - ଆମ ଗାନ୍ୟର ଲୋକସଂଖ୍ୟା । ଏକ କୋଟି ସହ ସଂଖ୍ୟାମାନମ ପଠନରେ କ୍ଷେତ୍ର ଅନ୍ୟ ଏକକର୍ତ୍ତ୍ବିକର ସମ୍ପର୍କ ଦିଆଯାଇଛି, ଲକ୍ଷ୍ୟକର ।

$$1 \text{ ଶହ} = 10 \text{ ଦଶ}$$

$$1 \text{ ହଜାର} = 10 \text{ ଶହ} \text{ ବା } 100 \text{ ଦଶ}$$

$$1 \text{ ଲକ୍ଷ} = 100 \text{ ହଜାର} \text{ ବା } 1000 \text{ ଶହ}$$

$$1 \text{ କୋଟି} = 100 \text{ ଲକ୍ଷ} \text{ ବା } 10,000 \text{ ହଜାର}$$

ଜହିଲ ଦେଖି :

୧ର ଗାନ୍ୟ ପରେ ସାତଟି ଶୂନ୍ୟରେ ଏକ କେତେ ହେବ । ୧ର ବାଇଁ ପରେ ଆଠଟି ଶୂନ୍ୟ ଲେଖିଲେ କେବେ ସଂଖ୍ୟା ହେବ ?

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 1.1

- ଆଠ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସବୁତାରୁ ସାନ ସଂଖ୍ୟାରୁ ଆରମ୍ଭ କରି ପରବର୍ତ୍ତୀ ପାଞ୍ଚଟି ସଂଖ୍ୟାକୁ ଛପେସୁଥିଲୁ ସ୍ଥାନରେ କମା ବ୍ୟବହାର କରି ଲେଖନ୍ତି ଓ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ପଡ଼ନ୍ତି ।
- | | | |
|---|---|---|
| 1 | 0 | 2 |
| 5 | 6 | 3 |
| 7 | 4 | 8 |

ପର୍ଯ୍ୟୁକ୍ତ ଅଙ୍କଗ୍ରାହକୁ ଅଙ୍କ ନେଇ ପାଞ୍ଚଟି ଆଠ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ତିଆରି କର । ସେହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟାନାମ ଲେଖ ।
[ସୂଚନା : 15 ଗ ସଂଖ୍ୟାନାମ ହେଉଛି ପଦର]
- ଏପରି ଆଠ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ତିଆରି କର, ଯାହାର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଅଙ୍କ ସମାନ । ଏହିପରି ଯେତୋଟି ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ଭବ, ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖ ।
- (କ) କେବଳ ଦୁଇଟି ଅଙ୍କ ବ୍ୟବହାର କରି ଏପରି ଗୋଟିଏ ଆଠ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ, ଯାହାର ଅଙ୍କଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଗା କ୍ରମରେ ଲେଖିଲେ ମିଳିଥିବା ସଂଖ୍ୟାଟି ମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ସହ ସମାନ ହେବ ।
(ଖ) ତିନୋଟି ଅଙ୍କ ବ୍ୟବହାର କରି ଏପରି ଆଠ ଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟାଟିଏ ଲେଖ, ଯାହାର ଅଙ୍କମାନଙ୍କର ସମାନ୍ତି ୪ ହେବ । ଏହିପରି ଆଉ କେତେଗୁଡ଼ିଏ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।

1.3. ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାରେ ସ୍ଥାନୀୟମାନ

ସକିନା ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଲେଖିବା ଓ ପଢ଼ିବା ପାଇଁ ଗୋଟିଏ ବାଟ ବାହାରକଲା । 253 କୁ ଲେଖିବା ପାଇଁ ସେ ଏକ, ଦଶ ଓ ଶହ ବ୍ୟବହାର କରି କିପରି ଲେଖିଲା ତାହା ତବେ ସୁଜ୍ଞ ଦିଆଯାଇଛି । ଲକ୍ଷ୍ୟ କର -

ଶ	ଦ	ୱ
2	5	3

ବିଶ୍ଵାରିତ ରୂପରେ କିପରି ଲେଖାଯାଇଛି ଦେଖ ।

$$2 \times 100 + 5 \times 10 + 3$$

ସେହିପରି, 3904 କୁ କିପରି ଲେଖାଯିବ ?

ହ	ଶ	ଦ	ୱ
3	9	0	4

ବିଶ୍ଵାରିତ ରୂପରେ,

$$3 \times 1000 + 9 \times 100 + 0 \times 10 + 4$$

ସେହିପରି ଛଅ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟାନାମକୁ ଲେଖିବା ପାଇଁ କିପରି ଏକକ ସାରଣୀ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇପାରିବ ତାହା ଉଦାହରଣ-1ରେ ଦର୍ଶାଇ ଦିଆଯାଇଛି ।

ଉଦ୍‌ବାହନ -1

370659 କୁ ବିଷ୍ଟାରିତ ରୂପରେ ଲେଖ ।

ସମାଧାନ

ଲକ୍ଷ	ଅୟୁଚ (ଦଶ ହଜାର)	ହଜାର	ଶହ	ଦଶ	ଏକ
3	7	0	6	5	9

ଉପରୋକ୍ତ ସଂଖ୍ୟକୁ ବିଷ୍ଟାରିତ ରୂପରେ ନିମ୍ନମତେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ

$$3 \times 100000 + 7 \times 10000 + 0 \times 1000 + 6 \times 100 + 5 \times 10 + 9$$

ଉଦ୍‌ବାହନ -2

43513098 କୁ ବିଷ୍ଟାରିତ ରୂପରେ ଲେଖ ।

ସମାଧାନ

ପ୍ରଥମେ 43513098 କୁ ସ୍ଥାନୀୟମାନ ସାରଣୀରେ ଲେଖିବା ।

କୋଟି	ନିୟୁଚ (ଦଶଲକ୍ଷ)	ଲକ୍ଷ	ଅୟୁଚ (ଦଶହଜାର)	ହଜାର	ଶହ	ଦଶ	ଏକ
4	3	5	1	3	0	9	8

ଏହାକୁ ବିଷ୍ଟାରିତ ରୂପରେ ନିମ୍ନମତେ ଲେଖାଯିବ ।

$$4 \times 10000000 + 3 \times 1000000 + 5 \times 100000 + 1 \times 10000 + 3 \times 1000 + 0 \times 100 + 9 \times 10 + 8$$

ଲକ୍ଷ୍ୟ କର,

43513098 ର କୋଟି ସ୍ଥାନରେ 4 ଅଛି, ତେଣୁ 4ର ସ୍ଥାନୀୟମାନ 4 କୋଟି ;

ନିୟୁଚ ସ୍ଥାନରେ 3 ଅଛି, ତେଣୁ 3ର ସ୍ଥାନୀୟମାନ 3 ନିୟୁଚ ବା 30 ଲକ୍ଷ ;

ଲକ୍ଷ ସ୍ଥାନରେ 5 ଅଛି, ତେଣୁ 5ର ସ୍ଥାନୀୟମାନ 5 ଲକ୍ଷ ।

ସେହିପରି,

1 ର ସ୍ଥାନୀୟମାନ 1 ଅୟୁଚ ବା 10 ହଜାର,

3 ର ସ୍ଥାନୀୟମାନ 3 ହଜାର,

0 ର ସ୍ଥାନୀୟମାନ 0 ଶହ ବା 0,

9 ର ସ୍ଥାନୀୟମାନ 9 ଦଶ ବା 90,

8 ର ସ୍ଥାନୀୟମାନ 8 ଏକ ବା 8,

ଜାଣିଲୁ ବି ?

4351309866 ଏକକ ସ୍ଥାନୀୟ ଅଳ୍ପ ହେବାନ୍ତି 8.
ଦଶକ ସ୍ଥାନୀୟ ଅଳ୍ପ ହେବାନ୍ତି 9.
ଶତକ ସ୍ଥାନୀୟ ଅଳ୍ପ ହେବାନ୍ତି 0.

ସଂଖ୍ୟା ପଡ଼ିବା ଓ ଲେଖନାରେ କମାର ବ୍ୟବହାର :

ତୁମେ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବେ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିଥିବ ସେ, ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ଲେଖନା ବେଳେ କମା ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଥାଏ । କମା ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ସହଜରେ ବଡ଼ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ପଡ଼ିପାରୁ ଓ ଲେଖିପାରୁ । ଭାରତୀୟ ସଂଖ୍ୟାଲିଙ୍ଗନ ପ୍ରଣାଳୀରେ ହଜାର, ଲକ୍ଷ ଓ କୋଟି ସ୍ଥାନକୁ ପୂର୍ଣ୍ଣତବ୍ବୀ ପାଇଁ କମା ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଥାଏ । ଲକ୍ଷ୍ୟ କର-

32579864 କୁ କମା ବ୍ୟବହାର କରି 3, 25, 79, 864 ରୂପେ ଲେଖାଯାଏ । ଏଠାରେ ପୁଅମ କମା ଢାହାଣପରୁ ଡିନୋଟି ଅଙ୍କ ଛାଡ଼ି ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଛି । ସେହିପରି, ଦୃଢ଼ୀୟ କମା ଆଉ ଦୂରଟି ଅଙ୍କ ଛାଡ଼ି (ଢାହାଣ ପରୁ ପାଞ୍ଚଟି ଅଙ୍କ ଛାଡ଼ି) ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଛି । ଦୃଢ଼ୀୟ କମାଟି ଆଉ ଦୁଇଟି ଅଙ୍କ ଛାଡ଼ି ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଛି । ଉଚ୍ଚ ସଂଖ୍ୟା 3,25,79,864 କୁ 3 କୋଟି 25 ଲକ୍ଷ 79 ହଜାର 8 ଶହ 64 ବେଳି ପଢାଯାଏ ।

☞ ତୁମେ ଏହିପରି ପାଞ୍ଚଟି ଆଠଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖୁ ସେବୁଡ଼ିକୁ ପଡ଼ିବାକୁ ଚେଷ୍ଟାକର ।

କିନ୍ତୁ ଆତର୍କାତିକ ସଂଖ୍ୟାଲିଙ୍ଗନ ପରିଷିରେ ହଜାର ଓ ନିୟମିତ ସ୍ଥାନପରେ କମାର ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଥାଏ । ଯଥା :

50801792 କୁ କମା ବ୍ୟବହାର କରି ଆତର୍କାତିକ ସଂଖ୍ୟା ଲିଖନ ପରିଷିରେ 50, 801, 792 ଭାବେ ଲେଖାଯାଇଥାଏ । କିନ୍ତୁ ଭାରତୀୟ ସଂଖ୍ୟା ଲିଖନ ପରିଷିରେ 5, 08, 01, 792 ଭାବେ ଲେଖାଯାଏ । ଏହି ଶ୍ରେଣୀରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାସମ୍ପତ୍ତି ସମସ୍ତ ଆଲୋଚନାରେ ଜାଗତୀୟ ସଂଖ୍ୟାପରିଷିକ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଛି ।

ଜାଣିଲୁ କି ?

କୌଣସି ସଂଖ୍ୟାମାନ ଲେଖନ
ବେଳେ କମା ବ୍ୟବହାର
କରାଯାଏ ନାହିଁ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 1.2

- ଉପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସ୍ଥାନରେ କମା ବ୍ୟବହାର କରି ନିୟମରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖୁ ଓ ପ୍ରତ୍ୟେକର ସଂଖ୍ୟାମାନ ଲେଖ ।
320418, 7538425, 13247819, 10702000, 53214803
- ତୁମେ କେବଳ 3,4,0 ଓ 7 ଅଙ୍କଗୁଡ଼ିକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ପାଞ୍ଚଟି ଲେଖାଏଁ ଛାଇ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ଓ ଆଠ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ତିଆରି କର ।
(କ) ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଏହଜରେ ପଡ଼ିବା ପାଇଁ କମା ବ୍ୟବହାର କର ।
(ଖ) ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ବଡ଼ରୁ ସାନ କୁମରେ ସଜାଇ ଲେଖ ।
- କେବଳ 1, 0, 8 ଓ 4 କୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଆଠଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସବୁଠାରୁ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟା ଓ ଆଠ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସବୁଠାରୁ ସାନ ସଂଖ୍ୟା ତିଆରି କର (ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାରେ ଛରିଟିଯାକ ଅଙ୍କ ବ୍ୟବହାର ହୋଇଥିବ) । ତୁମେ ତିଆରି କରିଥିବା ସଂଖ୍ୟାଦୁଇଟିକୁ ବିଶ୍ଵାରିତ ରୂପରେ ଲେଖ ।

4. ବ୍ୟାକରେ ଗୋଟିଏ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ କେଉଁ ଦିନ ମୋଟ କେତେ ଟଙ୍କା ଜମା କରାଯାଇଥିଲା, ତାର ବିବରଣୀ ଦିଆଯାଇଛି । ତାହାକୁ ଦେଖୁ ଡକ ପ୍ରତିମାନଙ୍କର ଭରର ଲେଖ ।
- (କ) କେଉଁ ଦିନ କେତେ ଟଙ୍କା ଜମା କରାଯାଇ ଥିଲା ଅନ୍ତରରେ ଲେଖ ।
- (ଖ) କେଉଁ ଦିନ ସବୁଠାରୁ ଅଧିକ ଟଙ୍କା ଜମା କରାଯାଇଥିଲା ?
- (ଗ) କେଉଁ ଦିନ ସବୁଠାରୁ କମ ପରିମାଣ ଟଙ୍କା ଜମା କରାଯାଇଥିଲା ?
- (ଘ) କେଉଁ କେଉଁ ଦିନ 90 ଲକ୍ଷ ଟଙ୍କାରୁ ଅଧିକ ପରିମାଣ ଟଙ୍କା ଜମା କରାଯାଇଥିଲା ?
- | | |
|--------------------|--------------------|
| ସୋମବାର | ମଞ୍ଜଳବାର |
| 1,23,64,072 | 86,92,945 |
| ବୁଧବାର | ଶୁରୁବାର |
| 89,80,001 | 1,08,72,666 |
| ଶୁରୁବାର | ଶନିବାର |
| 90,72,709 | 60,12,010 |
5. (କ) ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାର ଲକ୍ଷ ସ୍ଥାନରେ 4, ଅୟୁଚ ସ୍ଥାନରେ 7, ହକାର ସ୍ଥାନରେ 2, ଶତକ ସ୍ଥାନରେ 0, ଦଶକ ସ୍ଥାନରେ 8 ଓ ଏକକ ସ୍ଥାନରେ 5 ଅଛି । ସେହି ସଂଖ୍ୟାଟିକୁ ଲେଖ ।
- (ଖ) ସବିତା ଗୋଟିଏ କାଟଙ୍ଗରେ ସଂଖ୍ୟାଟିଏ ଲେଖୁଥିଲା । ସେହି ସଂଖ୍ୟାର ଏକକ ସ୍ଥାନରେ 5, ହକାର ସ୍ଥାନରେ 2, ଶତକ ସ୍ଥାନରେ 2, ଲକ୍ଷ ସ୍ଥାନରେ 5, ଅୟୁଚ ସ୍ଥାନରେ 3, କୋଟି ସ୍ଥାନରେ 1, ନିୟୁଚ ସ୍ଥାନରେ 7 ଓ ଦଶକ ସ୍ଥାନରେ 4 ଥିଲା । ସବିତା କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖୁଥିଲା ?
- (ଗ) ଯୋଗେପା ଗୋଟିଏ ଆଠ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖୁଥିଲା । ଏହାର ହଜାର ସ୍ଥାନରେ 3, କୋଟି ସ୍ଥାନରେ 7, ଦଶ ୩ ଓ ଏକ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସ୍ଥାନରେ 4 ଓ ଅନ୍ୟ ସ୍ଥାନ ଗୁଡ଼ିକରେ 0 ଲେଖୁଥିଲା । ସେ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖୁଥିଲା ? ସେହି ସଂଖ୍ୟାକୁ ଓଳଟାଇ ଲେଖୁଲେ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ମିଳିବ ?
6. (କ) 32759084 ରେ 2, 9, 8, 4ର ସ୍ଥାନୀୟ ମାନ ଲେଖ ।
- (ଖ) 375248 ରେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଅଙ୍କର ସ୍ଥାନୀୟ ମାନ ଲେଖ ।
ଏହି ସଂଖ୍ୟାକୁ ଓଳଟାଇ ଲେଖୁ ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ପାଇଲା ତାହାର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଅଙ୍କର ସ୍ଥାନୀୟ ମାନ କେତେ ହେବ ?
- (ଗ) ଦୁଇ ମନରୁ ଗୋଟିଏ ଆଠ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।
ସେହି ସଂଖ୍ୟାର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଅଙ୍କର ସ୍ଥାନୀୟ ମାନ ଲେଖ ।
- (ଘ) ଆଠ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସବୁଠାରୁ ସାନ ସଂଖ୍ୟା ୫ ଓ ବଢ଼ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଲେଖ ।

ସଂଖ୍ୟାରେ ମାଳା

11111111 ରେ ଅଙ୍କମାନଙ୍କର ସମ୍ପତ୍ତି 8,
22222222 ରେ ଅଙ୍କମାନଙ୍କର ସମ୍ପତ୍ତି 16,
33333333 ରେ ଅଙ୍କମାନଙ୍କର ସମ୍ପତ୍ତି 24,
44444444 ରେ ଅଙ୍କମାନଙ୍କର ସମ୍ପତ୍ତି 32,
55555555 ରେ ଅଙ୍କମାନଙ୍କର ସମ୍ପତ୍ତି 40,
ତଳେଥା ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଅଙ୍କଗୁଡ଼ିକର ସମ୍ପତ୍ତି
କେତେହେବ ମିଳାଇ ନ କରି କହ ।
66666666, 77777777, 88888888,
99999999

1.4 କିଣ୍ଟି ଆଗ, କିଣ୍ଟି ପଛ

ଶିକ୍ଷକ ପରମ୍ପରାରେ କୋଠାରି ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ କଳାପଟାରେ ଲେଖୁଥିଲେ । ଲେଖାଥିବା ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ତିନୋଟି ଲେଖାର୍ଥ ଜ୍ଞାନିକ ସଂଖ୍ୟାବାହି ଗୋଟିଏ ଲେଖାର୍ଥ ଧାତିରେ ଲେଖାର୍ଥ ଶିକ୍ଷକ ପିଲାମାନଙ୍କୁ କହିଲେ, ପ୍ରତ୍ୟେକ ଧାତିରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟା ତିନୋଟି ସାନକୁ ବଢ଼ କ୍ରମରେ ରହିବା ଆବଶ୍ୟକ ।

532121	421969	6355971	800001
6355970	421970	481717	800000
481716	532122	799999	6355972
532123		421971	481715

- ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ସୂଚନା ଅନୁଯାୟୀ ତୁମେ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ସଜାଅ ।
- ଶିକ୍ଷକ କେତୋଟି ସଂଖ୍ୟା ଲେଖୁଥିଲେ ?
- ତୁମେ ସେହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ କେତୋଟି ଧାର୍ତ୍ତିରେ ସଜାଇଲା ?
- ତୁମେ ନିଷିଦ୍ଧାବେ ଗୋଟିଏ ଧାର୍ତ୍ତିରେ 532121, 532122, 532123 ଲେଖୁଥିବ । ଏହି ସଂଖ୍ୟା ତିନୋଟି ମଧ୍ୟରୁ ମଞ୍ଚିରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାଟି କେତେ ? ତା'ର ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ଓ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା କେତେ ?
- ତୁମେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଧାର୍ତ୍ତିରେ ଲେଖୁଥିବା ସଂଖ୍ୟାମନଙ୍କର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟାଟିକୁ ବିହାଅ । ସେହି ସଂଖ୍ୟାର ଠିକ୍ ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ଓ ଠିକ୍ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟାଦୂଳଚିକୁ ଲେଖ ।
ଆମେ ଜାଣିଲେ -
କୌଣସି ସଂଖ୍ୟାରେ 1 ଯୋଗକଲେ ତା'ର ଠିକ୍ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ପାଇଆଇ ଓ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟାରୁ 1 ବିଯୋଗ କଲେ ତା'ର ଠିକ୍ ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ପାଇଆଇ ।



ନିଜେ ବରି ଦେଖ :

1,23,456 ଓ 1,23,460 ର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ହେଲେ 1,23,457, 1,23,458, 1,23,459

98,76,539 ଓ 98,76,549 ର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ହେଲେ

46,89,432 ଓ 46,89,437 ର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ହେଲେ

80,04,315 ଓ 80,04,320 ର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ହେଲେ

76,55,458 ଓ 76,55,463 ର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ହେଲେ

79,99,998 ଓ 80,00,003 ର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ହେଲେ

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 1.3

1. ଉଦାହରଣରେ ଦେଖୁଥିବା ପରି ପ୍ରତ୍ୟେକ ଧାର୍ତ୍ତିରେ ମନ୍ତିପରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାର ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ଓ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖା ।

ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା	ସଂଖ୍ୟା	ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା
9999	10,000	10,001
	10090	
	29999	
	586452	
	358610	
	555555	
	708000	
	999999	

2. (କ) କୌଣସି ସଂଖ୍ୟାର ଠିକ୍ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଓ ଠିକ୍ ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ଅତିରିକ୍ତ କେତେ ?
- (ଖ) କୌଣସି ଯୁଗ୍ମ ସଂଖ୍ୟାର ଠିକ୍ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଓ ଠିକ୍ ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଯୁଗ୍ମ ସଂଖ୍ୟା ହେବେ କି ? ଗୋଟିଏ ଉଦାହରଣ ନେଇ ପରାମା କର ।
- (ଗ) ଏକ କୋଟିର ଠିକ୍ ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ଓ ଠିକ୍ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।
- (ଘ) ତୁମ ମାନଗୁ ପାଞ୍ଚଟି ଆଠ ଅଳକବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାର ଠିକ୍ ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ଓ ଠିକ୍ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।
3. ଗୋଟିଏ ତିନିଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ନିଅ । ସେହି ସଂଖ୍ୟାର ଠିକ୍ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଓ ଠିକ୍ ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର । ଠିକ୍ ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ଓ ଠିକ୍ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଯୋଗ କରି ଯୋଗଫଳକୁ ଦୁଇରେ ଭାଗ କର । କ'ଣ ପାଇଲା ? ଆଉ ଗୋଟିଏ ଛଅ ଅଳକ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ନେଇ ଠିକ୍ ଏହି ଭାବି କାର୍ଯ୍ୟ କର ।

1.5. କିଏ ବଢ଼, କିଏ ଘାନ

ପାଞ୍ଚଟି ସହରର ଲୋକସଂଖ୍ୟା ଯଥାକ୍ରମେ 89392, 72503, 124250, 120878, 210740 । ଏହି ସହରଗୁଡ଼ିକର ଲୋକସଂଖ୍ୟାକୁ ବଢ଼ିବୁ ଘାନ କ୍ରମରେ ସଜ୍ଜାରେବା ।

- ଆସ ପ୍ରଥମ ଦୁଇଟି ସହରର ଲୋକସଂଖ୍ୟାକୁ ତୁଳନା କରିବା ।

ପ୍ରଥମ ସହରର ଲୋକସଂଖ୍ୟା = 89392

ଦ୍ୱିତୀୟ ସହରର ଲୋକସଂଖ୍ୟା = 72503

ଏଠାରେ ଗତ୍ସନ ସଂଖ୍ୟା ପାଞ୍ଚ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ । ପ୍ରଥମ ସଂଖ୍ୟାର ଅୟୁଦ ସ୍ଥାନର ଅଙ୍କ ଓ ଦ୍ୱିତୀୟ ସଂଖ୍ୟାର ଅୟୁଦ ସ୍ଥାନର ଅଙ୍କକୁ ତୁଳନା କରିବା । ୫ > ୭

ତେଣୁ ୮୯୩୯୨ > ୭୨୫୦୩

- ଏବେ ୮୯୩୯୨ ଓ ୧୨୪୨୫୦ ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା କରିବା ।

ଏଠାରେ ୧୨୪୨୫୦ > ୮୯୩୯୨ (କାହିଁକି ?)

ଆମେ ଦେଖିଲେ, ୧୨୪୨୫୦ > ୮୯୩୯୨

ଏବଂ ୮୯୩୯୨ > ୭୨୫୦୩

ଯଦି ଦୃଢ଼ାଯ ସଂଖ୍ୟାଟି ଆଗରୁ ମିଳିଥିବା ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟା ଠାରୁ ସାନ ହୁଏ, ତେବେ ସେଇଟିକୁ ଆଗରୁ ମିଳିଥିବା ସାନ ସଂଖ୍ୟା ସହ ତୁଳନା କରିବାକୁ ପଡ଼ିବା ।

ତିନୋଟିଯାକ ସଂଖ୍ୟା (୮୯୩୯୨, ୭୨୫୦୩ ୦

୧୨୪୨୫୦) କୁ ସାନରୁ ବଡ଼ କ୍ରମରେ ସଜାଇ ଲେଖିଲେ ୭୨୫୦୩ < ୮୯୩୯୨ < ୧୨୪୨୫୦ ଲେଖାଯିବ ।

ସେବୁଡ଼ିକୁ ବଡ଼ରୁ ସାନ କ୍ରମରେ ସଜାଇ ଲେଖିଲେ ୧୨୪୨୫୦ > ୮୯୩୯୨ > ୭୨୫୦୩ ଲେଖାଯିବ ।

- ସେହିପରି ପୂର୍ବରୁ ଦିଆଯାଇଥିବା ସଂଖ୍ୟାରୁ ଦୂର ଦୂରଟି ସଂଖ୍ୟାନେଇ ତୁଳନା କର ଓ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ବଡ଼ରୁ ସାନ କ୍ରମରେ ସଜାଇ ଲେଖ ।

ଜାଣିଛ କି ?

- ଦୂରଟି ସଂଖ୍ୟାର ଅଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ଅସମାନ ହେଲେ, ଯାହାର ଅଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ଅଧିକ ସେଇ ସଂଖ୍ୟାଟି ବଡ଼ ।
 - ଦୂରଟି ସଂଖ୍ୟାର ଅଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ସମାନ ହେଲେ -
- (କ) ସଂଖ୍ୟା ଦୂରଟି ମଧ୍ୟେ ଯାହାର ବାମ ପାଞ୍ଚ ଅଙ୍କ ବଡ଼, ସେ ସଂଖ୍ୟାଟି ବଡ଼ ।
- (ଖ) ଯଦି ସଂଖ୍ୟା ଦୂରଟିର ବାମ ପାଞ୍ଚ ଅଙ୍କ ଦୂରଟିର ଦୂରଟି ମଧ୍ୟେ ନଢ଼ି ସାନ ବହୁଯାଇପାରିବ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 1.4

1. >, < ଓ = ମଧ୍ୟରୁ ଉପଯୁକ୍ତ ଚିହ୍ନକୁ କୋଠରି ମଧ୍ୟରେ ଲେଖ ।

କ) 34587	10000	ଘ) 965842	୨) 965742
ଘ) 100000	99999	ଚ) 1278942	୨୨୯୯୮୫-୨
ଚ) 548421+2	548121	ସ) 478007+2	478010-୧
ସ) 875600	915840	ଜ) 488007	4880002

2. ଦୂରଟି ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ବଡ଼ / ସାନ ଚିହ୍ନିବା ପାଇଁ ନିମ୍ନୋକ୍ତ କେର୍ତ୍ତି ଉପଯୁକ୍ତ ଠିକ୍ ?

- (କ) ଦୂରଟି ସଂଖ୍ୟାର ଅଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ଅସମାନ ହେଲେ ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାର ଅଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ଅଧିକ ସେଇ ସଂଖ୍ୟାଟି ବଡ଼ ।
- (ଖ) ଯଦି ସଂଖ୍ୟା ଦୂରଟିର ଅଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ସମାନ, ତେବେ ସଂଖ୍ୟା ଦୂରଟିର ବାମପଟ ଅଙ୍କ ଦୂରଟି ମଧ୍ୟରୁ ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାର ବାମ ପଟ ଅଙ୍କଟି ବଡ଼, ସେହି ସଂଖ୍ୟାଟି ବଡ଼ ।
- (ଗ) ଯଦି ସଂଖ୍ୟାଦୂରଟିର ଅଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ସମାନ, ତେବେ କେବଳ ତାହାର ପାଞ୍ଚରେ ଥିବା ଅଙ୍କଦୂରଟିକୁ ତୁଳନା କରି ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟା ଓ ସାନ ସଂଖ୍ୟା ବଜାଯାଇ ପାରିବ ।

- (ঘ) ষাণ্মাদুল্লিখির অকষ্টণ্যা অসমান হেলে কেবল ভাবাপট পরে থুবা অকমানকু ভুননা করি
বড় ষাণ্মাও সানষ্টণ্যা নির্ণয় করিছে।
৩. কেবল ১ ও ০ কু ব্যবহার করি পাঞ্চটি আও অক বিশিষ্ট ষাণ্মাও উআৰি কৰ। ষেগুড়িকু বড়ৰু সানকুমৰে
তকাই লেখ।

১.৬. বড়ষ্টণ্মানকু রে চিৰিন্ত গাণিতিক প্ৰক্ৰিয়া :

তলে বিআয়ালথুবা উদাহৰণকু লক্ষ্য কৰ-

জনহৰণ ১ :

২০০১ মষিহাৰ জনগণনা অনুযায়ী ওড়িশাৰ জনষ্টণ্মার বিবৰণ। তলে বিআয়াচি।

ওড়িশাৰ লোকষ্টণ্মা	=	3,68, 04,660
পুৰুষক ষ্টণ্মা	=	1,86, 60,570
মহিলাঙ্ক ষ্টণ্মা	=	1,81, 44,090
অনুষ্টুচি জাতি লোকষ্টণ্মা	=	60,82,063
অনুষ্টুচি জনজাতি লোকষ্টণ্মা	=	81,45, 081
সহৰাঞ্চলৰে রহুথুবা লোকষ্টণ্মা	=	55, 17, 238
গ্রামাঞ্চলৰে রহুথুবা লোকষ্টণ্মা	=	3,12,87, 422

- (ক) ২০০১ মষিহাৰ জনগণনা অনুযায়ী পুৰুষক ষ্টণ্মা, মহিলাঙ্ক ষ্টণ্মাঠাৰু কেতে অধূক ?

$$\text{ভৱৰ} - \text{পুৰুষক ষ্টণ্মা} = 1,86, 60,570$$

$$\text{মহিলাঙ্ক ষ্টণ্মা} = 1,81, 44,090$$

$$\text{পুৰুষক ষ্টণ্মা ও মহিলাঙ্ক ষ্টণ্মা মন্থৰে অক্তৰ} = 1,86,60,570 - 1,81,44,090 = 5,16,480$$

∴ ২০০১ জনগণনা অনুযায়ী ওড়িশাৰে পুৰুষক ষ্টণ্মা, মহিলাঙ্ক ষ্টণ্মাঠাৰু 5,16,480 অধূক।

- (ঝ) ওড়িশাৰ সহৰাঞ্চলৰে গ্রামাঞ্চল অপেক্ষা কেতে কম লোক রহস্যি ?

$$\text{ওড়িশাৰ সহৰাঞ্চলৰে রহুথুবা লোক ষ্টণ্মা} = 55, 17, 238$$

$$\text{গ্রামাঞ্চলৰে রহুথুবা লোক ষ্টণ্মা} = 3, 12, 87, 422$$

$$\text{গ্রামাঞ্চল ও সহৰাঞ্চল লোকষ্টণ্মারে পাৰ্থক্য} = 3, 12, 87, 422 - 55, 17, 238 = 2, 57, 70, 184$$

∴ ওড়িশাৰ সহৰাঞ্চলৰে গ্রামাঞ্চল ভুননাৰে 2, 57, 70, 184 লগ কম লোক রহস্যি।

❖ ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନମାନଙ୍କର ଉତ୍ତର ଲେଖ-

- (କ) 2001ମେହିରୁ ଜନଗଣନା ଅନୁଯାୟୀ ଓଡ଼ିଶାର ଲୋକସଂଖ୍ୟା ଏହି କୋଟିରୁ ଲେବେ କମ୍ ?
- (ଖ) 2001 ଜନଗଣନା ଅନୁଯାୟୀ ଓଡ଼ିଶାରେ ଅନୁଷ୍ଠାନିତ ଜାତି ଓ ଅନୁଷ୍ଠାନିତ ଜନଜତି ଲୋକଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁ ମାନଙ୍କର ସଂଖ୍ୟା ଅଧିକ ଓ କେତେ ଅଧିକ ?

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 1.5

1. ପୁଣ୍ଡକମେଳାରେ ପଞ୍ଚଦିନରେ କେତେ ଟଙ୍କାର ବହି ବିକ୍ରି ହୋଇଥିଲା, ତାହା ନିମ୍ନରେ ଦିଆଯାଇଛି।

ପ୍ରଥମ ଦିନ	47,22,780 ଟଙ୍କା
ଦ୍ୱାସ୍ତ୍ରୀୟ ଦିନ	41,01,524 ଟଙ୍କା
ତୃତୀୟ ଦିନ	72,24,218 ଟଙ୍କା
ଚତୁର୍ଥ ଦିନ	76,55,320 ଟଙ୍କା
ପଞ୍ଚମ ଦିନ	92,70,148 ଟଙ୍କା



- (କ) କେଉଁ ଦିନ ସବୁଠାରୁ ଅଧିକ ମୂଲ୍ୟର ଓ କେଉଁ ଦିନ ସବୁଠାରୁ କମ୍ ମୂଲ୍ୟର ବହି ବିକ୍ରି ହୋଇଥିଲା ?

- (ଖ) ଚତୁର୍ଥ ଦିନ ବୁଲମାରେ ପଞ୍ଚମଦିନ କେତେ ଟଙ୍କାର ଅଧିକ ବହି ବିକ୍ରି ହୋଇଥିଲା ?

- (ଗ) ପୁଣ୍ଡକମେଳାରେ ମୋଟ କେତେ ଟଙ୍କା ମୂଲ୍ୟର ବହି ବିକ୍ରି ହୋଇଥିଲା ?

- (ଘ) ପ୍ରଥମ ଓ ଶେଷ ଦିନ ମଧ୍ୟରୁ କେତେବେଳେ କମ୍ ଟଙ୍କାର ବହି ବିକ୍ରି ହୋଇଥିଲା ଓ କେତେ କମ୍ ଟଙ୍କାର ବହି ବିକ୍ରି ହୋଇଥିଲା ?

2. ଗୋଟିଏ ଲୋକସା ନିର୍ବାଚନରେ ଜଣେ ବିଜୟୀ ପ୍ରାର୍ଥୀ

5, 45, 200ଟି ଭୋଟପାଇଁ ତାଙ୍କର ନିକଟତମ ପ୍ରତିଦ୍ୟାକୁ

1,78, 298 ଭୋଟରେ ହବାଇଥିଲେ । ତାଙ୍କର ନିକଟତମ

ପ୍ରତିଦ୍ୟା କେତେ ଖଣ୍ଡ ଗୋଟ ପାଇଥିଲେ ?



3. ମହେଶ୍ବରୁ 22721ରେ 18 ଗୁଣିବାକୁ କୁହାଯାଇଥିଲା । କିନ୍ତୁ ସେ ଭୁଲରେ 22721ରେ 81 ଗୁଣିଦେଲା । ସେ ପାଇଥିବା ରହର, ପ୍ରକୃତ ଉଚ୍ଚରତାରୁ କେତେ ଅଧିକ ବା କମ୍ ହେବ ?

4. ଗୋଟିଏ କଣ୍ଠ ବିଆରି କାରଖାନାରେ ଦିନକୁ 62, 736ଟି କଣ୍ଠ ଉପାଦନ କରାଯାଏ ।

(କ) ସେହି କାରଖାନାରେ ଗୋଟିଏ ସପ୍ତାହରେ କେତେଟି କଣ୍ଠ ଉପାଦନ କରାହେବ (ପ୍ରତି ସପ୍ତାହରେ କେବଳ ରବିବାର ଦିନ କାରଖାନା ବନ୍ଦ ରହେ) ?

(ଖ) ଛୁଲାଇ ମାସରେ ସେହି କାରଖାନାରେ କେତେଟି କଣ୍ଠ ବିଆରି ହେବ (ଯଦି ସେହି ମାସରେ ଉଗ୍ରୋଧ ରବିବାର ଥାଏ) ?

(ଗ) 24ଟି କଣ୍ଠକୁ ଗୋଟିଏ ପ୍ରାକେଗରେ ଭର୍ତ୍ତା କରାଯାଇ ବିକ୍ରି ପାଇଁ ବାହାରକୁ ପଠାଯାଉଥିଲା । ତେବେ ଗୋଟିଏ ସପ୍ତାହରେ ଉପାଦନ ହୋଇଥିବା କଣ୍ଠଗୁଡ଼ିକୁ କେତେଟି ପ୍ରାକେଗ କରାଯିବ ?



ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଅଧ୍ୟକ ଆଲୋଚନା

ପ୍ରଥମ ଅଧ୍ୟାୟରେ ଆମେ ବଡ଼ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟା ମାନଙ୍କୁ ପଡ଼ିବା ଓ ଲେଖୁବା ସମକ୍ରମରେ ଜଣିଛୁ । ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକିଯା (ମିଶାଣ, ଫେଡାଣ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣ)କୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଗଣିତିକ ସମସ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ସମାଧାନ କରିଛୁ । ଏହି ଅଧ୍ୟାୟରେ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଅଧ୍ୟକ ଆଲୋଚନା କରିବା ।

2.1. ବନ୍ଦନୀର ବ୍ୟବହାର

ଗୋଟିଏ ସାଇକେଳ ଦୋକାନରେ 15ଟି ସାଇକେଳ ଥିଲା । ତିନିଦିନରେ ଯଥାକୁମେ 3, 2 ଓ 4ଟି ସାଇକେଳ ବିକ୍ରି ହେଲା । ତା'ପାଞ୍ଚରେ ଆଉ କେତୋଟି ସାଇକେଳ ରହିଲା ?



ଏହି ପ୍ରଶ୍ନର ସମାଧାନ ଦୁଇ ପ୍ରଶାଳୀରେ କରାଯାଇଛି । ଲକ୍ଷ୍ୟ କର -

ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶାଳୀ

- ◆ କେତୋଟି ସାଇକେଳ ଥିଲା ?
- ◆ ପ୍ରଥମ ଦିନ ପରେ କେତୋଟି ସାଇକେଳ ରହିଲା ?
- ◆ ଦ୍ୱିତୀୟ ଦିନ ପରେ କେତୋଟି ସାଇକେଳ ରହିଲା ?
- ◆ ତୃତୀୟ ଦିନ ପରେ କେତୋଟି ସାଇକେଳ ରହିଲା ?

ଦ୍ୱିତୀୟ ପ୍ରଶାଳୀ

- ◆ କେଉଁ ଦିନ କେତୋଟି ସାଇକେଳ ବିକ୍ରିହେଲା ?
- ◆ ତିନିଦିନରେ ମୋଟ କେତୋଟି ସାଇକେଳ ବିକ୍ରିହେଲା ?
- ◆ ତିନିଦିନ ପରେ ଆଉ କେତୋଟି ସାଇକେଳ ରହିଲା ?

ଏହି ଦୁଇଟି ପ୍ରଶାଳୀର ମଧ୍ୟରେ କ'ଣ ପାର୍ଥବ୍ୟ ଅଛି ?

ଲକ୍ଷ୍ୟ କର, ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶାଳୀରେ ମୋଟ ସାଇକେଳ ସଂଖ୍ୟାରୁ ପ୍ରଥମ ଦିନ ବିକ୍ରି ହୋଇଥିବା ସାଇକେଳ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଯୋଗ କରାଗଲା । ପାଇଥିବା ବିଯୋଗପକ୍ରମ ଦ୍ୱାରା ଦ୍ୱିତୀୟ ଦିନ ବିକ୍ରି ହୋଇଥିବା ସାଇକେଳ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଯୋଗ କରାଗଲା । ପୁନର୍ଭ ବିଯୋଗପକ୍ରମ ଦ୍ୱାରା ଦ୍ୱିତୀୟ ଦିନ ବିକ୍ରି ହୋଇଥିବା ସାଇକେଳ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଯୋଗ କରାଗଲା ।

କିନ୍ତୁ, ଦ୍ୱିତୀୟ ପ୍ରଶାଳୀରେ ଚିନି ଦିନରେ ବିକ୍ରି ହୋଇଥିବା ମୋଟ ସାଇକେଳ ସଂଖ୍ୟା ପ୍ରଥମେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାଯାଇ ତାହାକୁ ପୂର୍ବରୁ ଥିବା ସାଇକେଳ ସଂଖ୍ୟାରୁ ବିଯୋଗ କରାଗଲା ।

ଆସ ଦେଖିବା , ପ୍ରଶ୍ନଟିକୁ ଦୁଇଟିଯାକ ପ୍ରଶାଳୀରେ କିପରି ସମାଧାନ କରାଯାଇଛି ।

ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶାନ୍ତ

ପ୍ରଥମ ଦିନ ପରେ ବଳକା ଥିବା ସାଇକେଲ୍ ସଂଖ୍ୟା = $15 - 3 = 12$

ଦ୍ୱିତୀୟ ଦିନ ପରେ ବଳକା ଥିବା ସାଇକେଲ୍ ସଂଖ୍ୟା = $12 - 2 = 10$

ତୃତୀୟ ଦିନ ପରେ ବଳକା ଥିବା ସାଇକେଲ୍ ସଂଖ୍ୟା = $10 - 4 = 6$

ତିନି ଦିନରେ ମୋଟ ବିକ୍ରି ହୋଇଥିବା ସାଇକେଲ୍ ସଂଖ୍ୟା = $3 + 2 + 4 = 9$

ତିନି ଦିନ ପରେ ବଳକା ଥିବା ସାଇକେଲ୍ ସଂଖ୍ୟା = $15 - 9 = 6$

ଦ୍ୱିତୀୟ ପ୍ରଶାନ୍ତ

ଦ୍ୱିତୀୟ ପ୍ରଶାନ୍ତରେ ତିନି ଦିନରେ ବିକ୍ରି ହୋଇଥିବା ମୋଟ ସାଇକେଲ୍ ସଂଖ୍ୟାକୁ ପ୍ରଥମେ ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇଛି ଓ ପରେ ପୂର୍ବରୁ ଥିବା ସାଇକେଲ୍ ସଂଖ୍ୟାରୁ ଏହାକୁ ବିଯୋଗ କରାଯାଇଛି।

ବଳକା ଥିବା ସାଇକେଲ୍ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଅନ୍ୟ ରୂପରେ $15 - (3+2+4)$ ଭାବେ ଲେଖାଯାଇପାରିବ।

ଏଠାରେ 3, 2 ଓ 4 କୁ ଏକାଠି କରିବା ପାଇଁ “ବନ୍ଧନୀ” () ଚିହ୍ନର ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଛି।

ଏବେ ଆଉ ଏକ ପରିସ୍ଥିତିର ଆଲୋଚନା କରିବା -

ଗୋଟିଏ ଖାତାକୁ 10 ଟଙ୍କା ହିସାବରେ ଖାତା ଦୋକାନରୁ 7 ଟି ଖାତା କିଣିଲା । ତାର ଭାଇ ଶୋଭନ୍ ସେହି ପ୍ରକାରର ଖାତାରୁ 5 ଟି ଖାତା କିଣିଲା । ସେମାନେ ଦୋକାନାକୁ ମୋଟ କେତେ ଟଙ୍କା ଦେବେ ? ଏହି ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ପାଇଁ ସରୋଜ ଓ ମାନା ନିମ୍ନ ଉପାୟରେ ସମାଧାନ କଲେ ।

ସରୋଜର ହିସାବ

$$\begin{aligned} \text{ମୋଟ ଦେବେ} &= 7 \times 10 \text{ ଟ.} + 5 \times 10 \text{ ଟ.} \\ &= 70 \text{ ଟ.} + 50 \text{ ଟ.} = 120 \text{ ଟ.} \end{aligned}$$

ମାନାର ହିସାବ

$$\begin{aligned} \text{ଜତ୍ୟ କିଣିଥିବା ମୋଟ ଖାତା ସଂଖ୍ୟା} &= 7 + 5 = 12 \\ \text{ମୋଟ ଦେବେ} &= 12 \times 10 \text{ ଟ.} = 120 \text{ ଟ.} \end{aligned}$$

ସରୋଜ ଓ ମାନା ଉତ୍ତରକର ହିସାବକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର । ଉତ୍ତରକର ଉତ୍ତର ସମାନ ।

କିମ୍ବା କିମ୍ବା - ମୋର ହିସାବ ଦେଖ । $7 + 5 \times 10 \text{ ଟ.} = 7 + 50 \text{ ଟ.} = 57 \text{ ଟ.}$

ମୋ' ଉତ୍ତର ତ ତାଙ୍କ ଉତ୍ତର ସହ ମିଳୁନାହିଁ ।

ସମସ୍ତେ ସମସ୍ୟାରେ ପଡ଼ିଲେ । ପ୍ରକୃତରେ ଠିକ୍ ଉତ୍ତର କେଉଁଠି ?

ସରୋଜ ଓ ମାନା ପାଇଥିବା ଉତ୍ତର ଠିକ୍ ।

ଏ ପ୍ରକାର ପରିସ୍ଥିତିରେ ପ୍ରଶ୍ନଟି ସମାଧାନ ପାଇଁ ବନ୍ଧନୀର ବ୍ୟବହାର କରାଗଲେ କାର୍ଯ୍ୟଟି ଅଧିକ ସମ୍ଭାବନା ଏବେ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ହୁଏ । 7 ଓ 5 ର ମିଶାଣକୁ ବନ୍ଧନୀ ମଧ୍ୟରେ ରଖି ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟା ଭାବେ ବିବେଚନା କରାଯାଏ । ଏହା ହେଉଛି କିଶ୍ରୀଯାଇଥିବା ମୋଟ ଖାତା ସଂଖ୍ୟା । ଖାତା ସଂଖ୍ୟାରେ 10 ଟି, ଗୁଣ୍ୟାଇଛି । ଏହାକୁ ନିମ୍ନ ମାତ୍ରେ ଲେଖିବା ।

ମୋଟ ଦେବେ = $(7 + 5) \times 10 \text{ ଟ.} = 12 \times 10 \text{ ଟ.} = 120 \text{ ଟ.}$

କହିଲ ଦେଖ :

କିମ୍ବା କିମ୍ବା କିମ୍ବା କିମ୍ବା କିମ୍ବା କିମ୍ବା କିମ୍ବା କିମ୍ବା ?

ଆମେ କ'ଣ ଜାଣିଲେ ?

ପ୍ରଥମେ ବନ୍ଦନା ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ସମସ୍ତ ଗଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟାକୁ ସରଳ କରାଯିବ। ପରେ ବନ୍ଦନା ବାହାରେ ଥିବା ଗଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟାର କାର୍ଯ୍ୟ କରାଯିବ।

☞ ଆସ, ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ଡକ୍ଟିକୁ ବନ୍ଦନୀ ବ୍ୟବହାର କରି ପ୍ରକାଶ କରିବା ।

- (କ) 27 ରୁ 2, 5 ଓ 4 ର ଯୋଗଫଳକୁ ବିଯୋଗ କରିବା;
 - (ଖ) ପଦର ଓ ଚିନିର ସମସ୍ତିକୁ ଛାଇ ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିବା;
 - (ଗ) ଦଶରୁ ତିନି କମାଇ ମିଳିଥିବା ସଂଖ୍ୟାକୁ ଛାଇ ଦ୍ୱାରା ଗୁଣନ କରିବା;
 - (ଘ) ଷାଠିଏକୁ ଟାରି ଓ ତିନିର ଯୋଗଫଳର ଦୁଇଗୁଣ ଦ୍ୱାରା ହରଣ କରିବା ।
- ◆ ତଳେ ତିନୋଟି ସଂଖ୍ୟାଥିବା ପରିପ୍ରକାଶକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକର ।

$(3+4) \times 7$

ବନ୍ଦନା ମଧ୍ୟରେ ତିନିକୁ ଛାଇ ସହ ମିଶାଣ କରାଯାଇଛି ଓ ମିଶାଣଫଳକୁ ସାତ ସହ ଗୁଣାଯାଇଛି ।

ଆମର ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟିକିତ୍ତା ଜୀବନରେ ଘରୁଥିବା ଘରଣା ସହ ଏହାକୁ ସଂପର୍କିତ କରିବା, ଯେପରି-

- ◆ ରାତ୍ରି ସକାଳେ ତିନି ଘର୍ଷା ଓ ରାତିରେ ଝାରି ଘର୍ଷା ପାଠ ପଡ଼େ । ସେ ସାତ ଦିନରେ ମୋଟ କେତେ ଘର୍ଷା ପାଠ ପଡ଼ିବ ?
- ◆ ଗୋଟିଏ କୋଠିରେ 3 ବର୍ଷା ଗରଳ ଓ 4 ବର୍ଷା ଧାନ ଥିଲା । ସେହିଭଳି ସାତଟି କୋଠିରେ ଥିବା ମୋଟ ବର୍ଷା ସଂଖ୍ୟା କେତେ ?

☞ ଏପରି ଦୂରତି ପରିସ୍ଥିତିର ଉଦାହରଣ ଦିଆ, ଯେଉଁରେ $7 \times (8 - 3)$ ର ବ୍ୟବହାର କରାଯିବ ।

2.1.1 ଝାରି ମୌଳିକ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସମଳିତ ଏକ ପରିପ୍ରକାଶର ସରଳାକରଣ

ତଳେ ଥିବା ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସମଳିତ ପରିପ୍ରକାଶର ସରଳାକରଣ ପଢ଼ିବୁ ଦେଖ ।

ଉଦାହରଣ -1

$$\begin{aligned} 15 \times 10 \div 2 + 9 - 3 &= 15 \times 5 + 9 - 3 \\ &= 75 + 9 - 3 \\ &= 84 - 3 \\ &= 81 \end{aligned}$$

ଉପରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଉଦାହରଣକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରି ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନମାନଙ୍କର ଉତ୍ତର ଦିଆ -

- ◆ ଏଠାରେ କେଉଁ ଗଣିତିକ ପରିପ୍ରକାଶକୁ ସରଳ କରିବାକୁ କୁହାଯାଇଛି ?
- ◆ ସେହି ଗଣିତିକ ପରିପ୍ରକାଶରେ କେଉଁ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ଓ କେଉଁ କେଉଁ ଗଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ବ୍ୟବହାର ହୋଇଛି ?
- ◆ ସରଳାକରଣର ପ୍ରଥମ ପାଦରେ କେଉଁ ଗଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟାର କାର୍ଯ୍ୟ କରାଯାଇଛି ?

- ◆ ଦିତ୍ୟ ପାଦରେ କେଉଁ ଶାଖିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟାର କାର୍ଯ୍ୟ କରାଯାଇଛି ?
- ◆ ଗୁଣନ ପ୍ରକ୍ରିୟାର କାମ ସରିବା ପରେ କେଉଁ ପ୍ରକ୍ରିୟାର କାର୍ଯ୍ୟ କରାଯାଇଛି ?
- ◆ ସର୍ବଶେଷରେ କେଉଁ ପ୍ରକ୍ରିୟାର କାର୍ଯ୍ୟ କରାଯାଇଛି ଓ ଉଭୟ କେତେ ମିଳିଲା ?

ଏଥେରୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ, ଏକାଧିକ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଥିବା ପରିପ୍ରକାଶକୁ ସରଳ କଳାବେଳେ କ୍ରମାନ୍ୟରେ ହରଣ,
ଗୁଣନ, ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟ କରାଯାଏ।

➤ ତୁମେ ନିଜେ ସରଳ କର -

$$(କ) \quad 14 - 4 \div 2 \times 3 \qquad \qquad \qquad (ଖ) \quad 81 \div 9 \times 3 + 4 - 2$$

କିନ୍ତୁ ଶୌଣ୍ଡି ସରଳାକରଣ ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ ବନ୍ଦନା ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଥିଲେ ବନ୍ଦନା ଭିତର ପ୍ରକ୍ରିୟା ପ୍ରଥମେ
କରିବାକୁ ହୁଏ ।

➤ ସରଳ କର -

$$(କ) \quad 15 + (10 \div 5) \times 3 - 3 \qquad \qquad \qquad (ଖ) \quad 12 \div (4 \div 2) \times 3$$

$$(ଗ) \quad 18 \div 3 - (4 - 2) \qquad \qquad \qquad (ଘ) \quad (6 \times 3) - 9 + (2 \times 3)$$

ବନ୍ଦନା ହେଉଛି ଚାରି ପ୍ରକାରର ।

ଯଥୀ-	ରେଖାବନ୍ଦନା	—
	ଚନ୍ଦ୍ରବନ୍ଦନା	()
	କୁଟିଳ ବନ୍ଦନା	{ }
	ବର୍ଗବନ୍ଦନା	[]

ଜାଣିଛ କି ?

କେବେବୁଦ୍ଧିଏ ସଂଖ୍ୟାର ଏହି ପରିପ୍ରକାଶରେ ଏକାଧିକ ବନ୍ଦନାର
ବ୍ୟବହାର ହୋଇଥିଲେ, ପ୍ରଥମେ ଘନ୍ତାରୁ ଭିତରେ ଥିବା ବନ୍ଦନା ମଧ୍ୟେ
ଦଂଖାର ହିସାବ କରାଯାଇ କ୍ରମାନ୍ୟରେ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ବନ୍ଦନା ଗଠନ କରାଯାଏ ।

ସାଧାରଣତଃ ବନ୍ଦନାଗୁଡ଼ିକର କ୍ରମ ନିମ୍ନଲିଖିତେ ହୋଇଥାଏ ।

[[(—————)]]

- ◆ ଯେଉଁ ପରିପ୍ରକାଶରେ ଶୋଟିଏ ବନ୍ଦନା ଆବଶ୍ୟକ, ସେଠାରେ ଚନ୍ଦ୍ର ବନ୍ଦନା () ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ ।
- ◆ ଦୁଇଟି ବନ୍ଦନାର ଆବଶ୍ୟକ ଥିଲେ, ଚନ୍ଦ୍ର ବନ୍ଦନା ଓ କୁଟିଳ ବନ୍ଦନାର ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ ।
- ◆ ତିନୋଟି ବନ୍ଦନାର ଆବଶ୍ୟକତା ଥିଲେ, ଚନ୍ଦ୍ର ବନ୍ଦନା, କୁଟିଳ ବନ୍ଦନା ଓ ବର୍ଗ ବନ୍ଦନା ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ ।
- ◆ ଛରୋଟି ବନ୍ଦନାର ଆବଶ୍ୟକତା ଶୈତାନେ ରେଖା ବନ୍ଦନା, ଚନ୍ଦ୍ର ବନ୍ଦନା, କୁଟିଳ ବନ୍ଦନା ଓ ବର୍ଗ ବନ୍ଦନାର
ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ ।

ଆସ, ନିମ୍ନ ଉଦାହରଣମାନଙ୍କରେ ବନ୍ଧନୀର ବ୍ୟବହାର ଶିଖୁକା -

ଉଦାହରଣ - 1

$$72 \div \{19 - (3+7)\}$$

ତଳ ପ୍ରଶ୍ନମାନଙ୍କର ଉଚ୍ଚତ ଲେଖ-

- ◆ ଏଠାରେ କେଉଁ କେଉଁ ବନ୍ଧନୀର ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଛି ?
 - ◆ ସବୁଠାରୁ ଉଚ୍ଚତରେ କେଉଁ ବନ୍ଧନୀ ଅଛି ?
 - ◆ ଏହି ବନ୍ଧନୀରେ କେଉଁ ଗଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟା କରାଯାଇଛି ଓ ତା'ର ଫଳାଫଳ କେତେ ?
- $$72 \div \{19 - (3+7)\} = 72 \div \{19 - 10\}$$
- ◆ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସରଳୀକରଣ କାର୍ଯ୍ୟ ଲାଗି ଆଉ କେଉଁ ବନ୍ଧନୀ ରହିଲା ?
 - ◆ ଏବେ ବନ୍ଧନୀ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା 19-10 କୁ ସରଳ କର ।

$$\begin{aligned} 72 \div \{19 - 10\} &= 72 \div 9 \\ &= 8 \end{aligned}$$

ଉଦାହରଣ - 2

ସରଳ କର : $20 - [13 - \{7 + 7 \times 5 - (2 - 1)\}]$

$$\begin{aligned} \text{ସମାଧାନ} : 20 - [13 - \{7 + 7 \times 5 - (2 - 1)\}] &= 20 - [13 - \{7 \div 7 \times 5 - 1\}] \\ &= 20 - [13 - \{1 \times 5 - 1\}] \\ &= 20 - [13 - \{5 - 1\}] \\ &= 20 - [13 - 4] \\ &= 20 - 9 \\ &= 11 \end{aligned}$$

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 2.1

1. ବନ୍ଧନୀ ବ୍ୟବହାର କରି ଲେଖ :

- 5 ଓ 7 ର ଯୋଗଫଳକୁ 12 ଦ୍ୱାରା ହରଣ ।
 - 12 କୁ 5 ଓ 3 ର ବିଯୋଗଫଳ ଦ୍ୱାରା ହରଣ ।
 - 15 କୁ 12 ର ବିଯୋଗଫଳଠାରୁ 1 ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟା ସହ 20 ଗୁଣନ
 - 133 କୁ 4 ଓ 5 ର ଗୁଣଫଳରୁ 1 କମ୍ ହୋଇଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ହରଣ
2. ଭୁଲ ଥିଲେ ଠିକ୍ କରି ଲେଖ :
- $12 \div 4 - 1$ କୁ ସରଳ କରିବା ବେଳେ ପ୍ରଥମେ 12 କୁ 4 ଦ୍ୱାରା ହରଣ କରିବାକୁ ହେବ ।
 - $(6 - 3) \times 2$ କୁ ସରଳୀକରଣ କରିବା ବେଳେ ପ୍ରଥମେ 6 - 3 ର ବିଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବା ।

- গ) $12 - \{8 \div (3 - 1)\}$ কু ঘৰক কলাৰেকে পৃথমে 12 রু 8 কু বিয়োৱ কৰায়িବ।
 ঘ) $20 \times \{6 \div (3 - 2)\}$ কু ঘৰক কৰিবা বৰেকে পৃথমে $6 \div 3$ র কাৰ্য্য কৰায়াৰ।

৩. ঘৰক কৰ :

- ক) $[9 \times \{7 - (2 + 3)\}]$
 খ) $1 - [1 - \{1 - (1 - 1)\}]$
 গ) $5 - [5 - \{5 - (5 - 5 - 5)\}]$
 ঘ) $[(3 \times 2 - (2 \times 6 - 3)) - ((15 \div 8 - 3) + (12 \div 4 - 2))]$

২.২. বিভাজ্যতাৰ নিয়ম

আমে পূৰ্বৰু জাণিছু, গোটিএ ষঁজ্যাকু অন্য গোটিএ ছোট ষঁজ্যা দ্বাৰা ভাগ কৰে এক ভাগফাক মিলে একো এক ভাগশেষ রহে বা কৌণসি ভাগশেষ রহে নাহি'। তলে দুইটি উদাহৰণ দিআয়ালছি-

$$124 \div 2 = 62 \qquad \qquad 83 \div 10 = \text{ভাগফাক } 8 \text{ ও ভাগশেষ } 3।$$

পৃথম ভাগকুয়াৰে ভাগশেষ নাহি' বা শূন, মাত্ৰ দৃঢ়ীয় ভাগকুয়াচে ভাগশেষ 3। আমে কহু, 124, 2 দ্বাৰা বিভাজ্য।

হৰণ কৰি কৌণসি ষঁজ্যা 2 কিম্বা 3 দ্বাৰা ষষ্ঠৰূপে বিভাজ্য কি নাহি' জাণিপাৰু। কিন্তু বড় বড় ষঁজ্যাকু 2 বা 3 ভালি ষঁজ্যা দ্বাৰা হৰণ কৰি তাৰা জাজক দ্বাৰা ষষ্ঠৰূপে বিভাজ্য কি নাহি' জাণিবা পাই' অধুক ষময় লাগিথাএ। তেন্তু কৌণসি ষঁজ্যা 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10 বা 11 দ্বাৰা বিভাজ্য কি নাহি' তাৰা জাণিবা পাই' কেতেৰুভি নিয়ম রহিছি। আৰে, যে ষবুকু আলোচনা কৰিবা।

(ক) 2 দ্বাৰা বিভাজ্যতা নিয়ম

নিম্ন ষঁজ্যামানকু 2 দ্বাৰা ভাগ কৰ, যেৱে ষঁজ্যাগুভুকি 2 দ্বাৰা বিভাজ্য যেগুভু চিহ্নাথ।

20, 32, 33, 44, 55, 59, 76, 48, 91, 37, 95

যেৱে ষঁজ্যাগুভুকি 2 বিভাজ্য হৈলা, যেমানকৈ একক ঘৰে কেৱল কেৱল অক অছি কহ।

আমে দেখুলো-

যেৱে ষঁজ্যার একক স্থানৰে 0, 2, 4, 6 কিম্বা 8 থাএ,
 তাৰা 2 দ্বাৰা বিভাজ্য।

জাণিছ কি ?

যেৱে পূৰ্ব৷ ষঁজ্যা 2 দ্বাৰা বিভাজ্য তাৰু যুৱ
 ষঁজ্যা কুয়ায়া, যেৱে ষঁজ্যা 2 দ্বাৰা
 বিভাজ্য নুহৈ, তাৰা অযুৱ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ତୁମ ଖାତାରେ ନିମ୍ନରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଯେପରି ଦୁଇଧାତ୍ରିରେ ଲେଖାଯାଇଛି ସେପରି ଲେଖ ।
11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20,
21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30
- ◆ ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ଦୁଇ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ, ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଗୋଲ ବୁଲାଇ ଚିହ୍ନଟ କର ।
- ◆ 2 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା 3 ଦ୍ୱାରା ଠିକ୍ ପରିବର୍ତ୍ତି 2 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ପାର୍ଶ୍ଵକ୍ୟ କେତେ ହେଉଛି ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।
- ◆ 5 ଓ 6 ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ଦୁଇଟି ଯୁଗ୍ମ ସଂଖ୍ୟା ନେଇ ଉପରେ ପାଇଥିବା ସିଦ୍ଧାନ୍ତ ଠିକ୍ ହେଉଛି କି ନାହିଁ ପରୀକ୍ଷା କର ।

ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ଲେଖ :

1. ଭାଗକୁଯା ନ କରି ତଳ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ଯେଉଁଗୁଡ଼ିକ ଯୁଗ୍ମ, ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖ ।
120, 497, 6179, 1429, 1689, 18179, 24492, 2988,
20000, 92723, 4872, 579871, 94700, 4444, 654324
2. (କ) ଏପରି ପାଞ୍ଚଟି ୩ ଛାଅ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ, ଯେଉଁଗୁଡ଼ିକ 2 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବେ ।
(ଖ) ଦୁଇ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଉ ନ ଥିବା ପାଞ୍ଚଟି ଛାଅ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।

(ଖ) 3 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟର ନିୟମ

ଚଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାକୁ 3 ଦ୍ୱାରା ଭାଗକର -

24, 30, 32, 65, 70, 72, 10.213, 21.219, 300

ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ 3 ଦ୍ୱାରା ଭାଗକଲା ପରେ ଭାଗଶେଷ କିଛି ରହୁନାହିଁ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଚିହ୍ନଟ ।

3ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଉଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାର ଅଙ୍କମାନଙ୍କର ସମାନ୍ତି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ।

3ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଉନଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାର ଅଙ୍କମାନଙ୍କର ସମାନ୍ତି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରା ।

ଏବେ କହ, ଭାଗକୁଯା ନ କରି କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା 3 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ବୋଲି କିପରି ଜାଣିବ ?

ଆମେ ଜାଣିଲେ : ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାର ଅଙ୍କମାନଙ୍କର ସମାନ୍ତି 3ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ସେହି ସଂଖ୍ୟାଟି 3ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ।

ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ଲେଖ -

3. (କ) 15342, 21304, 30000, 12401 ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁଗୁଡ଼ିକ 3 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ଭାଗକୁଯା ନ କରି ଜହା ।
(ଖ) 135 *278ରେ ଥିବା ଚାରକା ଚହିତ ସ୍ଥାନରେ କେଉଁଅଙ୍କ ଲେଖିଲେ ସଂଖ୍ୟାଟି 3 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବ ?
(ଗ) 357024 ରେ ଥିବା ଶୁନ ବଦଳରେ କେହିଁ ଅଙ୍କ ଲେଖିଲେ ସଂଖ୍ୟାଟି 3 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବ ନାହିଁ ?
(ଘ) ତିନୋଟି ଆଠ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟାର ଭାବାହରଣ ଦିଅ, ଯେଉଁଗୁଡ଼ିକ 3 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବେ ।
(ଙ୍ଗ) ତିନୋଟି ଆଠ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ, ଯେଉଁଗୁଡ଼ିକ 3 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବେ ନାହିଁ ।
(ଚ) ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ (ଗ) ଓ (ଘ) ପ୍ରତ୍ୟେକ ପ୍ରଶ୍ନ ଭାଗି କେତେଗୋଟି ଉତ୍ତର ସମ୍ବ ଦେଖ ।

(ଗ) 4 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟତା ନିୟମ

120, 125, 310, 312, 318, 410, 416, 515, 600, 620

ଉପରେ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ସଂଖ୍ୟାକୁ 4 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କର ।

କେଉଁ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା 4 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଲା ? କେଉଁ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ 4 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଲାନାହିଁ ?

4 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାର ଦଶକ ଓ ଏକକ ଅଳକୁ ନେଇ ଗଠିତ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ତାଲିକା କର ।

4 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଉଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାର ଦଶକ ଓ ଏକକ ଅଳକୁ ନେଇ ଗଠିତ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ଲେଖ ।

ଲକ୍ଷ୍ୟ କର,

ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାର ଦଶକ ଓ ଏକକ ସ୍ଥାନରେ ଥିବା ଅଳକୁ ନେଇ ଗଠିତ ସଂଖ୍ୟାଟି 4 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ, ସେହି ସଂଖ୍ୟାଟି 4 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ।

212 ର ଦଶକ ସ୍ଥାନରେ 1 ଓ ଏକକ ସ୍ଥାନରେ 2 ଅଛି । ଏହି ଦୁଇଟି ସ୍ଥାନର ଅଳକୁ ଦୁଇଟି ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି 12 | 12, 4 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ, ତେଣୁ 212 ମଧ୍ୟ 4 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ।

 ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ଲେଖ :

4. (କ) ଦୁଇ ମନ୍ତ୍ରରୁ ଘରୋଟି ଝରିଅଛି ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟାର ଭାବାହରଣ ଦିଅ,

ଯେଉଁଗୁଡ଼ିକ 4 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବେ ।

(ଖ) ଶୁନ୍ୟସ୍ଥାନରେ କ'ଣ ଲେଖିଲେ ସଂଖ୍ୟାଟି 4 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବ ?

3142—2, 21343—4, 40036—, 2458342—

(ଘ) 5 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟତା ନିୟମ

ଲୁହୁ ଖେଳରେ ଗୋଟିଏ ପିଲା ଲୁହୁଗୋଟି ପକାଇବା ବେଳେ ଆଠ ଥର କେବଳ 5 ପଡ଼ିଲା । ଯଦି ଦାନାଟି 0 ଉପରେ ଥାଏ, ତେବେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଥର ଲୁହୁଗୋଟି ପଡ଼ିବା ପରେ ଦାନାଟି କେଉଁ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ଦେଇଯିବ ଓ ଶେଷରେ କେରାଗେ ପହଞ୍ଚିବ ?

ସେହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ 5 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କି ?

ଜାଣିଛ କି ?

ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାର ତାହାରେ ଦୁଇଟି ବୁନ୍ଦେବୁନ୍ଦେ ଅଳକୁ ସଂଖ୍ୟକ କୁଣ୍ଡ ଥାଏ, ସେ ସଂଖ୍ୟା 5 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ।

- 300, 500, 800କୁ ନେଇ ଉପରିସ୍ତ ନିୟମର ସତ୍ୟତା ପରାମା କର ।



ଏହି ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଏକକ ଘରେ କେଉଁ କେଉଁ ଅଳକ ଅଛି ? ଏକକ ଘରେ 0 ଓ 5 ନ ଥିବା କେତେବୁନ୍ଦେ ଦୁଇ ବା ତିନି ଅଳକ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ନେଇ ସେବୁନ୍ଦେକୁ 5 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କର, ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ 5 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଉଛନ୍ତି କି ? କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା 5 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଉଛି ବୋଲି କିପରି ଜାଣିବ ?

ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାର ଏକକ ଘର ଅଳକ 0 ବା 5, ସେହି ସଂଖ୍ୟା 5 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ।

$$\begin{aligned} \text{ଲକ୍ଷ୍ୟକର : } & 5 \times 1 = 5 \\ & 5 \times 2 = 10 \\ & 5 \times 3 = 15 \\ & 5 \times 4 = 20 \quad \text{ଜତ୍ୟାଦି} \end{aligned}$$

ଜାଣିଛ କି ?

ଯେନୌଣିବି ସଂଖ୍ୟାକୁ 5 ଦ୍ୱାରା ଗୁଣିଲେ, ଗୁଣଫଳର ଏକକ ଅଳକ 5 କିମ୍ବା 0 ହୋଇଥାଏ ।

୯ ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ଲେଖ :

5. (କ) ପାଞ୍ଚ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଉଥିବା 4ଟି ପାଞ୍ଚ ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।

(ଖ) ପାଞ୍ଚ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଉଥିବା 3ଟି ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ, ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଓଳଟାଇ ଲେଖିଲେ ସୃଷ୍ଟି ହେଉଥିବା ସଂଖ୍ୟାଟି ମଧ୍ୟ 5 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବ (ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ : 5386450) ।

(ଚ) 6 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟତା ନିୟମ



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ଉତ୍ତର 2 ଓ 3 ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଉଥିବା ପାଞ୍ଚଟି ତିନି ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ, ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାକୁ 6 ଦ୍ୱାରା ଭାଗକର ୩ ସେବୁଡ଼ିକ 6 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଲା କି ନାହିଁ ଦେଖ ।
- ତିନୋଟି ତିନି ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ, ଯେଉଁ ଗୁଡ଼ିକ 2 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କିନ୍ତୁ 3 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଉନାଥିବ ।
- ତିନୋଟି ତିନି ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ, ଯେଉଁ ଗୁଡ଼ିକ 3 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କିନ୍ତୁ 2 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେଉନାଥିବ ।
- ନିମ୍ନ ସାରଣୀ ଭାବି ଏକ ସାରଣୀ ବୁମି ଖାତରେ ପ୍ରସ୍ତୁତ କର । ବୁମେ ଉପରେ ଲେଖିଥିବା ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ସାରଣୀର ଅନ୍ୟ ଘରଗୁଡ଼ିକୁ ପୂରଣ କର ।

ସଂଖ୍ୟା	2 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କି ?	3 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କି ?	6 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କି ?

ଆମେ ଜାଣିଲେ,

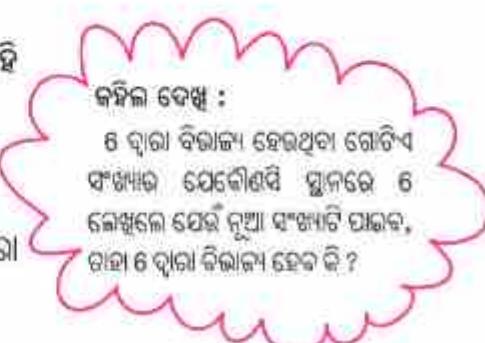
ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାଟି ଉତ୍ତର 2 ଓ 3 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ, ସେହି ସଂଖ୍ୟା 6 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବ ।

୧୦ ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ଲେଖ :

6. ଦୁଇଟି ଛାତ୍ର ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ଯେଉଁ ଗୁଡ଼ିକ 6 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ।

(ଚ) 8 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟତା ନିୟମ

1808, 3104, 3424 ସଂଖ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକ 8 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କି ? ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାକୁ 8 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କରିବା ପରେ ବୁମେ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିବ ଯେ, ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟା 8 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ । ଆସ, ଏହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକରେ ଥିବା ବିଶେଷତାକୁ ଖୋଜି ବାହାର କରିବା ।



ଏହି ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଶତକ, ଦଶକ ଓ ଏକକ ସ୍ଥାନରେ ଥିବା ଅଳମାନଙ୍କ ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର । ସେଗୁଡ଼ିକ ହେଲା 808, 104 ଓ 424 । ଏହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟ ୪ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ।

ଏବେ ଦୁଇ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟା ତିଆରି କର, ଯେଉଁମାନଙ୍କର ଶତକ, ଦଶକ ଓ ଏକକ ଘରର ଅଳକୁ ନେଇ ଗଠିତ ସଂଖ୍ୟା ୫ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବ । ସେହି ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟି ୫ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କି ନାହିଁ ପରିଷ୍କାର କରି ଦେଖ । ସେଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟ ୫ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବାର ଦେଖୁବ ।

ଜୀଶିଛ କି ?
ଏକ ଦୁଇ ଓ ଚିନି ଅଳ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ୫ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କି ନାହିଁ ଜୀଶିବା ପାଇଁ ହରଣ ପ୍ରକିଳାର ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ ।

ଯେଉଁ ଛରି ଅଳ ବା ତା'ଠାରୁ ଅଧିକ ଅଳ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟାର ଶତକ, ଦଶକ ଓ ଏକକ ଅଳ ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ସଂଖ୍ୟା ୫ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ, ସେହି ସଂଖ୍ୟାଟି ୫ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ।

☞ ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନର ଉଭର ଲେଖ :

7. (କ) 512, 8 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ । ଏହାର ବାମପରେ ଆଉ ଦୁଇଟି ଲେଖାର୍ଥ ଅଳ ଲେଖୁ ଯେଉଁ ନୂଆ ସଂଖ୍ୟାସବୁ ପାଇବ ସେଗୁଡ଼ିକ ୫ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବେ କି ? ପରିଷ୍କାର କରି ଦେଖ ।
- (ଖ) ତିନୋଟି ଛରି ଅଳ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ, ଯେଉଁଗୁଡ଼ିକ ୫ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବେ ।

(ଙ୍କ) 9 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟତା ନିୟମ

9 ର ଗୁଣିତକରୁଡ଼ିକ ହେଲେ 9, 18, 27, 36, 45, 54, 63..... ଜନ୍ୟାଦି, ସେହିଭଳି 5211, 31014, 2232 ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟ 9 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ (ପରିଷ୍କାର କରି ଦେଖ) ।

ଉପରେ ଲେଖାଯାଇଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାରେ ଥିବା ଅଳମାନଙ୍କର ସମସ୍ତର ବିଶେଷଦ୍ୱାରା ଲକ୍ଷ୍ୟ କର -

$$1+8=9, \quad 2+7=9, \quad 3+6=9, \quad 4+5=9, \quad 5+4=9, \quad 6+3=9$$

ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାର ଅଳମାନଙ୍କର ସମସ୍ତର ମଧ୍ୟ ୨ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ।

☞ ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନର ଉଭର ଲେଖ :

8. (କ) ଛରୋଟି ପାଞ୍ଚ ଅଳ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ, ଯେଉଁଗୁଡ଼ିକ ୨ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବ ।
- (ଖ) ଏପରି ଦୁଇଟି ଛରିଅଳ ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ, ଯେଉଁଗୁଡ଼ିକ ଉଭୟ ୩ ଓ ୨ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବେ ।

9. ବିଭିନ୍ନ ସଂଖ୍ୟାନେଇ ପରିଷ୍କାର କରି ଦେଖ :-

୨ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ଯେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା ୩ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କି ?

୩ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟା ୨ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କି ?

(ଙ୍କ) 11 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟତା ନିୟମ

121, 308, 1331, 61809, 251130 କୁ 11 ଦ୍ୱାରା ଭାଗକର ଏବଂ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ଯେ, ଏହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ 11 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ । ତାହା ଦିଆଯାଇଥିବା ସାରଣୀରୁ ଏହି ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଅଳମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ସମ୍ପର୍କରୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିବା ଓ ସେଥିରେ ଥିବା ବିଶେଷଦ୍ୱାରା ଭାଗିବା ।

ସଂଖ୍ୟା	ଡାହାଶପରୁ ଅୟବୁ ସ୍ଥାନରେ ଥିବା ଅଳମାନଙ୍କର ସମୟ	ଡାହାଶପରୁ ଯୁଗ୍ମ ସ୍ଥାନରେ ଥିବା ଅଳମାନଙ୍କର ସମୟ	ପୂର୍ବ ଦୂଲ ଘରେ ମିଳିଥିବା ଫଳର ପାର୍ଥକ୍ୟ
121	$1+1=2$	2	$2-2=0$
308	$8+3=11$	0	$11-0=11$
1331	$1+3=4$	$3+1=4$	$4-4=0$
61809	$9+8+6=23$	$0+1=1$	$23-1=22$
251130	$0+1+5=6$	$3+1+2=6$	$6-6=0$

ଆମେ ଏହା ଲକ୍ଷ୍ୟ କଲେ ଯେ, ପ୍ରତ୍ୟେକ କ୍ଷେତ୍ରରେ ପାର୍ଥକ୍ୟ 0 କିମ୍ବା 11 ର ଗୁଣିତକ ହେଉଛି । ଏହି ସବୁ ସଂଖ୍ୟା 11 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ।

ଏବେ 89244 କୁ ନେବା । ଏହି ସଂଖ୍ୟାର ଡାହାଶ ପରୁ ବାମକୁ ଗଲେ ପ୍ରଥମ, ବୃତ୍ତାଯ୍ ୩ ପଞ୍ଚମ ସ୍ଥାନରେ ଥିବା ଅଳ୍ପଭିତ୍ତି ହେଲେ ଯଥାକ୍ରମେ 4, 2 ଓ 8, ସେମାନଙ୍କର ସମୟ ହେଲା $4 + 2 + 8 = 14$ । ସେହିପରି ଦିତ୍ୟାଯ୍ ୩ ରୁଥ୍ ସ୍ଥାନରେ ଥିବା ଅଳ୍ପ ଦୂଲଟି ହେଉଛନ୍ତି 4 ଓ 9, ସେମାନଙ୍କର ସମୟ ହେଲା $4 + 9 = 13$ ।

ଏଠାରେ ପାର୍ଥକ୍ୟ ହେଉଛି $14-13=1$, ଏହି ସଂଖ୍ୟାଟି 11 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କି ନାହିଁ ପରାମା କରି ଦେଖ ।

ଆମେ ଜାଣିଲେ -

ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାର ଡାହାଶରୁ ଅୟବୁ ସ୍ଥାନୀୟ ଅଳମାନଙ୍କର ସମୟ ଓ ଯୁଗ୍ମସ୍ଥାନରେ ଥିବା ଅଳମାନଙ୍କର ସମୟର ପାର୍ଥକ୍ୟ ଶୂନ୍ (୦) ବା 11ର ଏକ ଗୁଣିତକ ସଙ୍ଗେ ସମାନ, ସେ ସଂଖ୍ୟା 11 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 2.2

- ବିଭାଜ୍ୟଟା ନିୟମକୁ ବ୍ୟବହାର କରି, ତତ୍କାଳ ଦିଆଯାଇଥିବା ସଂଖ୍ୟାରୁଭିତ୍ତିକ 2 ଦ୍ୱାରା, 3 ଦ୍ୱାରା, 4ଦ୍ୱାରା, 5 ଦ୍ୱାରା, 6 ଦ୍ୱାରା, 8 ଦ୍ୱାରା, 9 ଦ୍ୱାରା, 11 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ କି ମୁହଁଁ ପରାମା କର ଓ ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ତଳେ ଥିବା ଘରେ ଠିକ୍ () ଚିହ୍ନ ଦିଅ ।

ସଂଖ୍ୟା	କାହା ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ?							
	2	3	4	5	6	8	9	11
990								
1586								
400								
6666								
639210								
429714								
2856								
900000								
999999								

2.3 ଗୁଣନୀୟକ ଓ ଗୁଣିତକ :

ଦୁମେ ଗୁଣନୀୟକ ଓ ଗୁଣିତକ ବିଷୟରେ ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀରେ ଜାଣିଛା । ଆସ, ସେବୁଡ଼ିକୁ ମନେ ପକାଇବା -

- ◆ 12 କୁ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣନ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରିପାରିବା ।

$$\text{ଯେପରି} - 12 = 1 \times 12$$

$$= 2 \times 6$$

$$= 3 \times 4$$

12 ର ଗୁଣନୀୟକଗୁଡ଼ିକ ହେଲେ - 1, 2, 3, 4, 6 ଓ 12 ।

ସେହିପରି 18 ର ଗୁଣନୀୟକ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କଲେ ପାଇବା - 1, 2, 3, 6, 9 ଓ 18 ।

ଏବେ କୁହ କେଉଁ ଗୁଡ଼ିକ 12 ଓ 18 ର ସାଧାରଣ ଗୁଣନୀୟକ ।

- ◆ ଏବେ 8 ଓ 9 ର ସାଧାରଣ ଗୁଣନୀୟକଗୁଡ଼ିକୁ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବା

8 ର ଗୁଣନୀୟକଗୁଡ଼ିକ ହେଲେ - 1, 2, 4 ଓ 8, ସେହିପରି 9 ର ଗୁଣନୀୟକଗୁଡ଼ିକ - 1, 3 ଓ 9

8 ଓ 9 ର ସାଧାରଣ ଗୁଣନୀୟକ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ?

ଏଠାରେ କେବଳ '1' ହେଉଛି 8 ଓ 9 ର ସାଧାରଣ ଗୁଣନୀୟକ ।

ଏହିପରି ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ପରିଷର ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା କୁହାଯାଏ ।

8 ଓ 9 ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟି ପରିଷର ମୌଳିକ ।

- ◆ କେତେବୁଦ୍ଧିଏ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି, ଯେବେଳାନଙ୍କର କେବଳ ମାତ୍ର ଦୁଇଟି ଗୁଣନୀୟକ ଅଛି ।

ଯେପରି, 7 ର ଗୁଣନୀୟକ = 1 ଓ 7

11 ର ଗୁଣନୀୟକ = 1 ଓ 11

ଜହିଲ ଦେଖି :

ଦୁମେ ଦୁଇ ଯୋଦା ପରିଷର ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟାର ଜାଗନ୍ତରେ ଦେଖ ।

- ଏହିଭଳି କେବଳ ଦୁଇଟି ମାତ୍ର ଗୁଣନୀୟକ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାକୁ **ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା** କୁହାଯାଏ । ସେହିଭଳି ଦୁମେ ଆର ପାଞ୍ଚଟି ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟାର ଉଦାହରଣ ଦିଅ ।

- ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଦୁଇଟିରୁ ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟକ ଗୁଣନୀୟକ ଅଛି ସେବୁଡ଼ିକୁ **ଯୋଗିକ ସଂଖ୍ୟା** କୁହାଯାଏ ।

15 ର ଗୁଣନୀୟକ ଗୁଡ଼ିକ ହେଲେ 1, 3, 5, 15 । ଏଣୁ 15 ଏକ ଯୋଗିକ ସଂଖ୍ୟା । ଏହିଭଳି ଦୁମେ ଚାରୋଟି ଯୋଗିକ ସଂଖ୍ୟା କହ ।

- ◆ $4 \times 1 = 4, 4 \times 2 = 8, 4 \times 3 = 12, 4 \times 4 = 16 \dots\dots$

ଏଠାରେ 4, 8, 12, 16..... ହେଉଛନ୍ତି 4 ର ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଗୁଣିତକ ।

ସେହିପରି 6 ର ଗୁଣିତକଗୁଡ଼ିକୁ ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିପାରିବା, 6 ର ଗୁଣିତକଗୁଡ଼ିକ ହେଲେ 6, 12, 18, 24.....

ଜହିଲ ଦେଖି :

ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାର କେତୋଟି ଗୁଣିତକ ଅଛି ?

ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାର ସବୁଠାରୁ ସାନ ଗୁଣିତକ କେବେ ?

ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାର ସବୁଠାରୁ ବହୁ ଗୁଣିତକ କେତେ ?

23

- ◆ 3 ର ଗୁଣିତକର୍ତ୍ତିକ ହେଲେ - 3, 6, 9, 12, 15, 18, 21, 24.....
- 4 ର ଗୁଣିତକର୍ତ୍ତିକ ହେଲେ - 4, 8, 12, 16, 20, 24, 28, 32.....
- 3 ଓ 4 ର ସାଧାରଣ ଗୁଣିତକର୍ତ୍ତିକ ହେଲେ - 12, 24..... ଜଣ୍ଯାଦି ।



ନିଜେ ଜରି ଦେଖ

- ◆ 6 ର ଗୁଣନୀୟକମାନଙ୍କୁ ଲେଖ ।
- ◆ 6 ର ସମସ୍ତ ଗୁଣନୀୟକର ସମସ୍ତି କେତେ ?
- ◆ 6 ର ଦୁଇ ଗୁଣ କେତେ ଜହ ।
- ◆ 6 ର ସମସ୍ତ ଗୁଣନୀୟକ ସମସ୍ତି 6 ର ଦୁଇ ଗୁଣ ମଧ୍ୟରେ କ'ଣ ସମକ୍ଷ ଦେଖିଲ ?

ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣନୀୟକମାନଙ୍କର ସମସ୍ତି, ସେହି ସଂଖ୍ୟାର ଦୁଇଗୁଣ ସହ ସମାନ, ତାହାକୁ **ପରିପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା** କୁହାଯାଏ ।

☒ 1 ରୁ 30 ମଧ୍ୟରେ ଥୁବା ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ନେଇ ପରୀକ୍ଷାକର ଏବଂ ଆଉ କେଇଁ ସଂଖ୍ୟା ଏକ ପରିପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା ତାହା ସ୍ଥିର କର ।

ଗୋଲକ୍ତ୍ରବାକ ଉଥ୍ୟ

4 ରୁ ବଡ଼ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଯୁଗ୍ମ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଦୁଇଟି ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗଫଳ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରି ହେବ ।

ସ୍ଥଥା - $6 = 3+3$

$18 = 7+11$ ଜଣ୍ଯାଦି

ଗୋଲକ୍ତ୍ରବାକ ନାମକ ଜଗରେ ଗଣିତଙ୍କ ପ୍ରଥମେ ଏହା ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିଥିଲେ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 2.3

- 10 ଓ 30 ମଧ୍ୟରେ ଥୁବା ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖ ।
- 3, 4 ଓ 5 ର ଡିନୋଟି ସାଧାରଣ ଗୁଣିତକ ଲେଖ ।
- 60 ଓ 75 ସାଧାରଣ ଗୁଣନୀୟକଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖ ।
- ନିମ୍ନରେ ବିଆୟାଇଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ଜକ୍କିକୁ ପଡ଼ି ତାହା ଭୁଲ କି ଠିକ୍ କହ ।
(ଉପଯୁକ୍ତ କାରଣ ଦେଇ ବୁମ ଉବରର ଯଥାର୍ଥତା ପ୍ରତିପାଦନ କର ।)
କ) କୌଣସି ସଂଖ୍ୟାର ଅସଂଖ୍ୟ ଗୁଣନୀୟକ ଥାଏ ।
ଖ) 4 ଓ 9 ପରସର ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା ।

କହିଲ ଦେଖ :

1 ରୁ 20 ମଧ୍ୟରେ କେତୋଟି ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି ?

- (ପ) କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା ସେହି ସଂଖ୍ୟାର ଶୁଣୁଡ଼ମ ଗୁଣନୀୟକ ।
- (ଘ) 9 ଓ 13 ର କୌଣସି ସାଧାରଣ ଗୁଣନୀୟକ ନାହିଁ ।
- (ଡ) କୌଣସି ସଂଖ୍ୟାର ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟକ ଗୁଣନୀୟକ ଥାଏ ।
- (ଚ) 12 ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ପରିପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା ।

2.4. ମୌଳିକ ଗୁଣନୀୟକ

କୌଣସି ଯୌଗିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବହୁ ପ୍ରକାରରେ ଗୁଣନୀୟକମାନଙ୍କର ଗୁଣଫଳରୁପେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇପାରେ । ଉତ୍ତରାହରଣ ସ୍ଵରୂପ ସଂଖ୍ୟା 60 ର ଗୁଣନୀୟକକୁ ଆମେ ଏହି ପରି ଲେଖାଥାଉ ।

$$(କ) 2 \times 30$$

$$(ଖ) 3 \times 20$$

$$(ଗ) 4 \times 15$$

$$(ଘ) 5 \times 12$$

$$(ଡ) 6 \times 10$$

$$(ଜ) 2 \times 2 \times 3 \times 5$$

ଏହି ଗୁଣନୀୟକ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରର ଅଟେ । ପ୍ରଥମ, ଦ୍ୱାୟ ଓ ତତ୍ତ୍ଵର୍ଥ ଷେତ୍ରରେ ଗୁଣନୀୟକ ମଧ୍ୟରୁ ପ୍ରତ୍ୟେକରେ ଏକ ଗୁଣନୀୟକ ମୌଳିକ ଓ ଅନ୍ୟଟି ଯୌଗିକ, ଦୃଢ଼ୀୟ ଓ ପଞ୍ଚମ ଷେତ୍ରରେ ଥିବା ଗୁଣନୀୟକ ମଧ୍ୟରେ ଉଚ୍ଚ ଗୁଣନୀୟକ ଯୌଗିକ । କିନ୍ତୁ ଷଷ୍ଠ ଷେତ୍ରରେ ଗୁଣନୀୟକ ମଧ୍ୟରେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଗୁଣନୀୟକ ମୌଳିକ ।

କୌଣସି ଗୁଣନୀୟକ ଅପେକ୍ଷା ମୌଳିକ ଗୁଣନୀୟକର ଗୁରୁତ୍ବ ଅଧିକ । କୌଣସି ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣନୀୟକ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କଳାବେଳେ ଯୌଗିକ ଗୁଣନୀୟକ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରେ ସମ୍ଭବ । ମାତ୍ର ଉଚ୍ଚ ସଂଖ୍ୟାର ମୌଳିକ ଗୁଣନୀୟକ କେବଳ ମାତ୍ର ଗୋଟିଏ ପ୍ରକାର । ଗୁଣନୀୟକମାନଙ୍କର କୁମ ବଦଳିପାରେ, ମାତ୍ର ଗୁଣନୀୟକଗୁଡ଼ିକ ଅପରିବର୍ତ୍ତତ ରହିବେ । ନିମ୍ନରେ ଥିବା ଉତ୍ତରାହରଣ ଦେଖି :

$$6 = 2 \times 3 \text{ ଓ } 25 = 5 \times 5$$

ଏହାକୁ ସଂଖ୍ୟାର ଅନନ୍ୟ ଉତ୍ସାଦକୀୟରଣ ନିଯମ କୁହାଯାଏ ।

ଉତ୍ତରାହରଣ - 1 : ସଂଖ୍ୟା 420 କୁ ମୌଳିକ ଗୁଣନୀୟକରେ ବିଶ୍ଲେଷଣ କର :

ସମାଧାନ : ସଂଖ୍ୟା 420, 2 ଦାରା ବିଭାଜ୍ୟ ଓ 2 ସବୁଠାରୁ ଛୋଟ ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା ଥାଏ ।

$$\text{ଏଣ୍ଟ, } 420 = 2 \times 210$$

$$\text{ପୁନର୍ବିର୍ଦ୍ଦିର } 210 = 2 \times 105$$

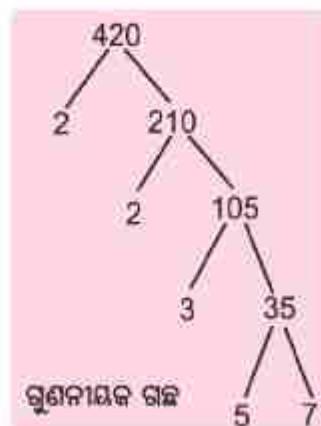
$$\text{ଏଣ୍ଟ, } 420 = 2 \times 2 \times 105$$

$$105 \text{ ଏକ ଯୌଗିକ ସଂଖ୍ୟା ଯାହା } 3 \text{ ଦାରା ବିଭାଜ୍ୟ } \text{ ଓ } 105 = 3 \times 35$$

$$\text{ଏହିପରି, } 420 = 2 \times 2 \times 3 \times 35$$

ଏବେ ମଧ୍ୟ 35 ଏକ ଯୌଗିକ ସଂଖ୍ୟା ଯାହାକୁ 5×7 ରୂପେ ଲେଖାଯିବ ।

$$\text{ଏହିପରି, } 420 = 2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 7$$



এতারে সমষ্টি গুণনায়ক মৌলিক। এন্তু, আমে 420 কু মৌলিক গুণনায়কেরে বিশ্লেষণ কলে।
ଉপরেও প্রশালকাৰু আমে নিম্ন রূপে দৰ্শাইপাৰিবা :

2	420
2	210
3	105
5	35
	7

$$420 = 2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 7$$

➤ উচৱ লেখ -

- (ক) পাঞ্চ অংক বিশিষ্ট স্বীকৃত সংখ্যা লেখ ও তাকু মৌলিক গুণনায়কেরে বিশ্লেষণ কৰ।
 (খ) 4 অংক বিশিষ্ট স্বীকৃত বৃহত্তম সংখ্যা লেখ ও এহাকু মৌলিক গুণনায়কেরে বিশ্লেষণ কৰ।
 (গ) 1729ৰ মৌলিক গুণনায়ক নিৰ্ণয় কৰ ও ষেগুড়িক ছৰ্দ্দনৰে সজাল লেখ। এথৰে
 গুণনায়কমানঁ মধৰে থুবা সমষ্টি প্ৰকাৰ কৰ।

2.5 গৱিষ্ঠ সাধাৰণ গুণনায়ক (গ.সা.গু)

- দুইটি বা দুইটিতো অধুক সংখ্যাৰ গৱিষ্ঠ সাধাৰণ গুণনায়ক বা গ.সা.গু. এক অদিচীয় সংখ্যা
 ◆ যাহা প্ৰতিযেক সংখ্যাৰ গুণনায়ক অৰ্থাৎ এহা সমষ্টি সংখ্যাৰ সাধাৰণ গুণনায়ক হোৱাথাৰ
 ◆ সমষ্টি সাধাৰণ গুণনায়ক মধৰে স্বীকৃত বৰ্ত হোৱাথাৰ।

উদাহৰণ পৰুপ : আৰ, সংখ্যা 12 ও 16 সমষ্টিৰে আলোচনা কৰিব।

12 র গুণনায়ক : 1, 2, 3, 4, 6, 12

16 র গুণনায়ক : 1, 2, 4, 8, 16

এতারে সাধাৰণ গুণনায়ক হোৱা, 1, 2 ও 4। এথু মধৰে 4 স্বীকৃত বৰ্ত সাধাৰণ গুণনায়ক।
 অৰ্থাৎ সংখ্যা 12 ও 16 র গ.সা.গু. 4 অংটে।

দুই বা অনুক সংখ্যাৰ গ.সা.গু. জাণিবা পাৰ্ছ সাধাৰণতে যেৱে প্ৰশালী প্ৰয়োগ কৰায়াৰ, ষেগুড়িক
 হোৱা, মৌলিক গুণনায়কেরে বিশ্লেষণ প্ৰশালী, সাধাৰণ ভাগকৃত্যা প্ৰশালী ও নিৰুত্তৰ ভাগকৃত্যা প্ৰশালী।
 এভে আমে এই প্ৰশালী সমষ্টিৰে আলোচনা কৰিব।

2.5.1. মৌলিক গুণনায়কেরে বিশ্লেষণ প্ৰশালী:

এই প্ৰশালী তিনোটি ঘোপানৰে সম্পৰ্কিত হুৰে:

ସେପାନ 1 : ବିଆୟାଇଥୁବା ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରୁ ପ୍ରତୋକଳୁ ମୌଳିକ ଗୁଣନାୟକରେ ବିଶ୍ଲେଷଣ କର (ମୌଳିକ ଗୁଣନାୟକ ମାନଙ୍କର ଗୁଣଫଳ ରୂପେ ଲେଖ)

ସେପାନ 2 : ସମସ୍ତ ଗୁଣନାୟକ ମଧ୍ୟରୁ ସାଧାରଣ ମୌଳିକ ଗୁଣନାୟକ ନିଅ ।

ସେପାନ 3 : ତୁମେ ପାଇଥୁବା ସାଧାରଣ ଗୁଣନାୟକଗୁଡ଼ିକର ଗୁଣଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କଲେ, ଗ.ସ.ଗ୍ର. ପାଇବ ।

ଜବାହରଣ -1 : ସଂଖ୍ୟା 24 ଓ 40 ର ଗ.ସ.ଗ୍ର. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସମାଧାନ : ସେପାନ 1 : $24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$

$$40 = 2 \times 2 \times 2 \times 5$$

ସେପାନ 2 : ସାଧାରଣ ମୌଳିକ ଗୁଣନାୟକମାତ୍ର ହେଲେ, 2, 2 ଓ 2

$$\text{ସେପାନ 3 : } \text{ଗ.ସ.ଗ୍ର.} = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

ଜବାହରଣ -2 : 144, 180, 192 ର ଗ.ସ.ଗ୍ର. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସମାଧାନ : ସେପାନ 1: $144 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 3$

$$180 = 2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 5$$

$$192 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3$$

ସେପାନ 2 : ସାଧାରଣ ମୌଳିକ ଗୁଣନାୟକ ଅଟେ : 2 ଓ 3

$$\text{ସେପାନ 3 : } \text{ଗ.ସ.ଗ୍ର.} = 2 \times 2 \times 3 = 12$$

ଜବାହରଣ -3 : 27 ଓ 80 ର ଗ.ସ.ଗ୍ର. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସମାଧାନ : ସେପାନ 1: $27 = 3 \times 3 \times 3$

$$80 = 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5$$

ସେପାନ 2 : ଏଠାରେ କୌଣସି ଗୁଣନାୟକ ସାଧାରଣ ନୁହେଁ । ଏଣୁ ଗ.ସ.ଗ୍ର. 1 ଅଟେ ।

2.5.2. କ୍ରମିକ ଭାଗକ୍ରିୟା ପ୍ରଣାଳୀ

ସାଧାରଣ ଭାଗକ୍ରିୟା ପ୍ରଣାଳୀରେ 24 ଓ 40 ର ଗ.ସ.ଗ୍ର. ନିୟ୍ୟ ମତେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାଯାଏ ।

$\begin{array}{c cc} 2 & 24, & 40 \\ \hline 2 & 12, & 20 \\ \hline 2 & 6, & 10 \\ \hline 2 & 3, & 5 \end{array}$	ଭଜୟ ସଂଖ୍ୟା ଯେଉଁ ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ, ସେହି ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଭଜୟ ସଂଖ୍ୟାକୁ କ୍ରମିକ ଭାବେ ଭାଗ କରାଯାଇଛି ।
--	---

$$\text{ଗ.ସ.ଗ୍ର.} = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

ଉପରୋକ୍ତ ଦୁଇଟି ପ୍ରଶାନ୍ତରେ ଦ୍ୱାରା ଗ.ସା.ଗୁ. ଜାଣିବା ପାଇଁ ଆମେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ମୌଳିକ ବୁଣନୀୟକରେ ବିଶ୍ଲେଷଣ କରିବା ଉଚିତ । ଛୋଟ ଛୋଟ ସଂଖ୍ୟା ଯେଉଁରେ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟ ସହଜ ହୋଇଥାଏ । ମାତ୍ର, ବଡ଼ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟା ଯେଉଁରେ ଏହି କାର୍ଯ୍ୟ ଅର୍ଥାତ୍ ମୌଳିକ ବୁଣନୀୟକ ବିଶ୍ଲେଷଣ କରିବା କାର୍ଯ୍ୟ ଏତେ ସହଜ ନୁହେଁ । ଏହି ପରିପ୍ରେତିରେ ଗ.ସା.ଗୁ ଜାଣିବା ପାଇଁ ଆମେ ଏକ ବିକଟ ପ୍ରଶାନ୍ତ, ନିରତର ଭାଗକ୍ରିୟା ପ୍ରଶାନ୍ତ ପ୍ରୟୋଗ କରୁ ।

ଜାଣିଲୁ କି ?

ସେତେବେଳେ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ କୌଣସି ବୁଣନୀୟକ ସାଧାରଣ ହୁଏଥିରେ, ସେତେବେଳେ ଗ.ସା.ଗୁ 1 ହୁଏ । ଏହିପରି ସଂଖ୍ୟାକୁ ପରିସର ମୌଳିକ କ୍ରମାବଳୀ ।

2.5.3 ନିରତର ଭାଗକ୍ରିୟା ପ୍ରଶାନ୍ତ

ଏହି ପ୍ରଶାନ୍ତ ଦ୍ୱାରା ଆମେ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସା.ଗୁ. ନିମ୍ନ ସୋଧାନରେ ପାଇପାରିବା :

ସୋଧାନ 1 : ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଛୋଟ ସଂଖ୍ୟାରେ ଭାଗକରି ଭାଗଶେଷ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସୋଧାନ 2 : ଯଦି ଭାଗଶେଷ ଶୂନ ହୁଏ, ତେବେ ଛୋଟ ସଂଖ୍ୟାଟି ଗ.ସା.ଗୁ ଅଟେ । ଯଦି ଭାଗଶେଷ ଶୂନ ନହୁଏ, ଛୋଟ ସଂଖ୍ୟାକୁ ପୂର୍ବ ଭାଗଶେଷ ଦ୍ୱାରା ଭାଗକରି ନୁଆ ଭାଗଶେଷ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସୋଧାନ 3 : ଯଦି ନୁଆ ଭାଗଶେଷ ଶୂନ ହୁଏ, ତେବେ ପୂର୍ବ ଭାଜକ ଗ.ସା.ଗୁ । ଯଦି ଭାଗଶେଷ ଶୂନ ନହୁଏ, ପୂର୍ବ ଭାଜକକୁ ଏହି ଭାଗଶେଷ ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କର । ଏହି ପ୍ରଶାନ୍ତ ବାରମ୍ବାର କରିବାକାରୀ । ଯେଉଁଠି ଭାଗଶେଷ ଶୂନ ହେବ, ସେଠାରେ କାର୍ଯ୍ୟ ଶେଷ ହେବ । ଭାଗଶେଷ ଶୂନ ହେଲେ ଶେଷ ଭାଜକ ଗ.ସା.ଗୁ ହେବ ।

ଉଦାହରଣ -4 : 24 ଓ 40 ଗ.ସା.ଗୁ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସମାଧାନ : ସୋଧାନ 1 : $24)40(1$

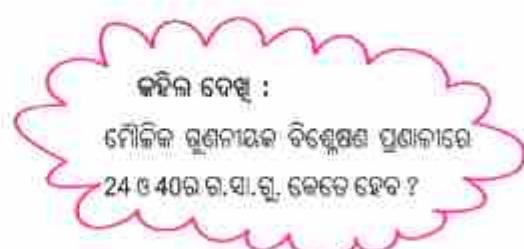
24

ସୋଧାନ 2 : $16)24(1$

16

ସୋଧାନ 3 : $8)16(2$

16
0



ଏହିପରି 24 ଓ 40 ଗ.ସା.ଗୁ. 8 ଅଟେ ।

ଯଦି ଦୁଇରୁ ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟା ଥାଏ, ତେବେ ପ୍ରଥମେ ଆମେ ଯେକୌଣସି ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସା.ଗୁ. ବାହାର କରିବା । ତାପରେ ଅବଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରୁ ଶୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟା ଓ ପୂର୍ବ ଗ.ସା.ଗୁ.ର ଗ.ସା.ଗୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବା । ସବୁ ସଂଖ୍ୟାର ବିଚାର ନହେଲା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏହି ପ୍ରଶାନ୍ତ ବାରମ୍ବାର କରିବାକାରୀ । ଶେଷ ଗ.ସା.ଗୁ. ହିଁ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ଗ.ସା.ଗୁ. ହେବ । ଏହି ଶେଷ ଗ.ସା.ଗୁ. ସଂଖ୍ୟାର କ୍ରମ ଉପରେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କରେ ନାହିଁ । କିନ୍ତୁ ଯଦି ଆମେ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଉର୍ଦ୍ଦ୍ଵକ୍ରମରେ ନେବା, ତେବେ କାର୍ଯ୍ୟ ପ୍ରଶାନ୍ତ ସରଳ ହୋଇପାରିବ ।

ଉଦାହରଣ - 5 : 144, 180 ଓ 192 ର ଗ.ସ.ମୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସମାଧାନ : 144)180(1

$$\begin{array}{r} 144 \\ 36)144(4 \\ \underline{144} \\ 0 \end{array}$$

144 ଓ 180 ର ଗ.ସ.ମୁ. 36 ଅଟେ । ଏବେ ଆମେ 36 ଓ 192 ର ଗ.ସ.ମୁ. ବାହାର କରିବା ।

$$\begin{array}{r} 36)192(1 \\ 180 \\ \hline 12)36(3 \\ 36 \\ \hline 0 \end{array} \quad 36 \text{ ଓ } 192 \text{ ର ଗ.ସ.ମୁ. } 12$$

∴ 144, 180 ଓ 192 ର ଗ.ସ.ମୁ. 12 ।

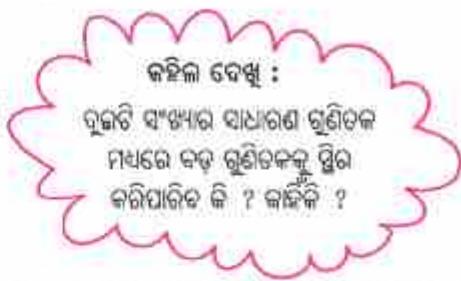
ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 2.4

1. 65610 ସଂଖ୍ୟାଟି 27 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ । 65610 ର ନିକଟତମ ଏପରି ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟା ବାହାର କର ଯାହା 27 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ଅଟେ ।
2. ଦୁଇଟି କ୍ରମିକ ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସ.ମୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
3. କେଉଁ ବୃଦ୍ଧତମ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା 245 ଓ 1029 କୁ ଭାଗକଲେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସ୍ଵରୂପରେ 5 ଭାଗଶେଷ ରହିବ ?
4. ଦୁଇଟି ଟ୍ୟାଙ୍କରରେ ଯଥାକ୍ରମେ 850 ଲିଟର ଓ 680 ଲିଟର ପେଟ୍ରୋଲ ଆସେ । ବୁମେ ଏକଳି ପେଟ୍ରୋଲ ରଖିବା ପାତ୍ର ଆଣିବ ଯେଉଁରେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଟ୍ୟାଙ୍କରରେ ପେଟ୍ରୋଲ ପୂର୍ଣ୍ଣରେତେ ମାପ କରିଛେ ।
5. କେଉଁ ବୃଦ୍ଧତମ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା 398, 436 ଓ 542 କୁ ଭାଗକଲେ ଯଥାକ୍ରମେ 7, 11 ଓ 15 ଭାଗଶେଷ ବକିବ ?
(ସୂଚନା : 398-7, 436-11, 542-15 ର ଗ.ସ.ମୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର)
6. ଗୋଟିଏ କୋଠରି ଦେଖ୍ୟ, ପ୍ରସ୍ତୁତ ଓ ଉଚ୍ଚତା ଯଥାକ୍ରମେ 5 ମି. 25 ସେ.ମି., 6ମି. 75 ସେ.ମି. ଓ 4 ମି. 50 ସେ.ମି. ଅଟେ । ବୁମେ ଏକଳି ଏକ ବୃଦ୍ଧତମ ବାଢ଼ି ଠିକ୍ କର ଯେଉଁରେ କୋଠରି ଲମ୍ବ, ପ୍ରସ୍ତୁତ ଓ ଉଚ୍ଚତା ପୂର୍ଣ୍ଣରେ ମାପାୟାଇପାରିବ ।
7. ଉଦାହରଣ ନେଇ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉଚ୍ଚି ଠିକ୍ କି ନାହିଁ ପରାକ୍ଷା କର (ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉଚ୍ଚି ପାଇଁ ତିନୋଟି ଉଦାହରଣ ନିଆ) ।
 - (କ) ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସ.ମୁ. 1 ଅଟେ ।
 - (ଖ) ଦୁଇଟି ପରଦର ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସ.ମୁ. 1 ଅଟେ ।
 - (ଗ) ଗୋଟିଏ ଯୁଗ୍ମ ସଂଖ୍ୟା ଓ ଗୋଟିଏ ଅଯୁଗ୍ମ ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସ.ମୁ. ଗୋଟିଏ ଯୁଗ୍ମ ସଂଖ୍ୟା ହୁଏ ।
 - (ଘ) ଦୁଇଟି କ୍ରମିକ ଯୁଗ୍ମ ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସ.ମୁ. 2 ।
 - (ଡ) ଦୁଇଟି କ୍ରମିକ ଅଯୁଗ୍ମ ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସ.ମୁ. 2 ।

2.6. ଲାଗ୍ରିଷ ସାଧାରଣ ଗୁଣିତକ (ଲ.ସ.ଗୁ.)

ଦୁଇ ବା ଦୁଇରୁ ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟାର ଲାଗ୍ରିଷ ସାଧାରଣ ଗୁଣିତକ (ଲ.ସ.ଗୁ.) ସେହି ସଂଖ୍ୟା ଅଟେ, ଯାହା-

- ◆ ଏହି ସମସ୍ତ ସଂଖ୍ୟାର ଏକ ଗୁଣିତକ
- ◆ ସମସ୍ତ ସାଧାରଣ ଗୁଣିତକ ମଧ୍ୟରେ ସବୁଠାରୁ ଛୋଟ ହୁଏ ।
ଉଦ୍ବାହରଣ ଦ୍ୱାରା, 8 ର ଗୁଣିତକ 8, 16, 24
3 12 ର ଗୁଣିତକ 12, 24, 36



ଏଠାରେ ସାଧାରଣ ଗୁଣିତକ ହେଉଛି : 24, 48 । ଏଥୁ ମଧ୍ୟରୁ ସବୁଠାରୁ ସାନ ବା ଲାଗ୍ରିଷ ସଂଖ୍ୟା 24 । ଏଣୁ 8 ଓ 12 ର ଲ.ସ.ଗୁ 24 ଅଟେ । ଧାନ ଦିଆ, ଲ.ସ.ଗୁ. 24 ସଂଖ୍ୟା 8 ଓ 12 ଠାରୁ ବଡ଼ । ଲ.ସ.ଗୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ ପାଇଁ ସାଧାରଣରେ ଦୁଇଟି ପ୍ରଶାଳୀ ପ୍ରୟୋଗ କରାଯାଏ । ଏହି ପ୍ରଶାଳୀଗୁଡ଼ିକ ହେଲା : ମୌଳିକ ଗୁଣନାୟକ ପ୍ରଶାଳୀ ଓ ସାଧାରଣ ଭାରତୀୟ ପ୍ରଶାଳୀ ।

2.6.1. ମୌଳିକ ଗୁଣନାୟକରେ ବିଶ୍ଲେଷଣ ପ୍ରଶାଳୀ

ଏହି ପ୍ରଶାଳୀରେ ଆମେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ମୌଳିକ ଗୁଣନାୟକମାନଙ୍କର ଗୁଣଫଳ ବୁଝେ ଲେଖୁ । ଦରି ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କରେ ଥିବା ମୌଳିକ ଗୁଣନାୟକଗୁଡ଼ିକୁ ତୁଳନା କରି ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଗୁଣନାୟକ ସର୍ବାଧିକ ଯେତେଥର ଥାଏ ସେତେଥର ନିଆପାଏ ଓ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଗୁଣନ କରାଯାଏ । ଏହି ଗୁଣଫଳ ହିଁ ଲ.ସ.ଗୁ. ହେବ । ନିମ୍ନ ଉଦ୍ବାହରଣ ଦେଖ :

ଉଦ୍ବାହରଣ -1 : ଲ.ସ.ଗୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$(କ) 24 \text{ ଓ } 40 \text{ ର } (ଖ) 40, 48 \text{ ଓ } 75 \text{ ର }$$

ସମାଧାନ : (କ) ଏଠାରେ $24 = 2 \times 2 \times 2 \times 3$

$$\text{ଓ } 40 = 2 \times 2 \times 2 \times 5$$

ଏଠାରେ ମୌଳିକ ଗୁଣନାୟକ ଅଟେ 2, 3 ଓ 5 । ଦରି ସଂଖ୍ୟା ମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ଗୁଣନାୟକ 2 ର ସର୍ବାଧିକ ସଂଖ୍ୟା ତିନି, 3 ର ସର୍ବାଧିକ ସଂଖ୍ୟା ଏକ, 5 ର ସର୍ବାଧିକ ସଂଖ୍ୟା ଏକ ।

$$\text{ଏଣୁ } \text{l.ସ.ଗୁ.} = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 5 = 120$$

$$\begin{aligned} (\text{ଖ}) \text{ ଏଠାରେ } 40 &= 2 \times 2 \times 2 \times 5 \\ 48 &= 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 3 \\ 75 &= 3 \times 5 \times 5 \end{aligned}$$

$$\text{ଏଠାରେ } \text{ମୌଳିକ ଗୁଣନାୟକ } 2, 3 \text{ ଓ } 5 \text{ । ଏଣୁ } \text{l.ସ.ଗୁ.} = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 5 = 1200$$

2.6.2 କ୍ରମିକ ଭାଗକ୍ରିୟା ପ୍ରଶାଳୀ

ଏହି ପ୍ରଶାଳୀରେ ଆମେ ନିମ୍ନ ପ୍ରକାରରେ ଲ.ସ.ଗୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରୁ :

- ◆ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଅଳଗା ଅଳଗା କରି ଗୋଟିଏ ଧାଡ଼ିରେ ଲେଖୁ ।
- ◆ ଆମେ ଏପରି ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରୁ, ଯାହା ଦ୍ୱାରା ପୂର୍ବୋତ୍ତ୍ବ ଧାଡ଼ିରେ ଲେଖାଥିବା ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟ ଅଛି କମରେ ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟା ବିଭାଜ୍ୟ ହୋଇଥିବ ।
- ◆ ଏହି ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହୋଇଥିବା ସଂଖ୍ୟାକୁ ଭାଗ କରି ଭାଗଫଳକୁ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ତଳେ ଦିତୀୟ ଧାଡ଼ିରେ ଲେଖାଯାଏ । ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ଏହି ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ନୁହେଁ, ତାକୁ ଦିତୀୟ ଧାଡ଼ିରେ ସେହିପରି ଲେଖାଯାଏ ।
- ◆ ଏହିଠାରେ ୪ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସୋପାନରେ ୨ୟ ଓ ୩ୟ ସୋପାନର ପ୍ରକିମ୍ବା ପ୍ରୟୋଗ କରି ପରବର୍ତ୍ତୀ ଧାଡ଼ିକୁ ଯିବା । ଯେତେବେଳେ ସବୁ ସ୍ଥାନରେ ୧ ମିଳିବ । ସେତେବେଳେ ଏହି ପ୍ରକିମ୍ବା ଶେଷ ହେବ ।
- ◆ ଏହିପରି ମିଳିଥିବା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ମୌଳିକ ଭାଜକର ଗୁଣଫଳ ହିଁଲ.ସା.ଗ୍ରୁ ୪୯୮ ।

ଉଦାହରଣ -2 : ସଂଖ୍ୟା 20, 25, 30 ଓ 40 ର ଲ.ସା.ଗ୍ରୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରି :

ସାମାଧାନ : ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ହେଲା : 20, 25, 30 ଓ 40 ।

2	20,	25,	30,	40,
2	10,	25,	15,	20,
2	5,	25,	15,	10,
3	5,	25,	15,	5,
5	5,	25,	5,	5,
5	1,	5,	1,	1,
	1,	1,	1,	1.

$$\text{ଲ.ସା.ଗ୍ରୁ.} = 2 \times 2 \times 2 \times 3 \times 5 \times 5 = 600$$

ଉଦାହରଣ -3 : କେବେଁ କ୍ଷୁଦ୍ରତମ ସଂଖ୍ୟାକୁ 12, 16, 24 ଓ 36 ଦ୍ୱାରା ଅଳଗା ଅଳଗା ଭାଗ କଲେ ଭାଗଶେଷ ପ୍ରତି ସ୍ଵଳରେ 7 ରହିବ ।

ସାମାଧାନ : ଯେଉଁ କ୍ଷୁଦ୍ରତମ ସଂଖ୍ୟାକୁ 12, 16, 24 ଓ 36 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କଲେ ପ୍ରତୋକ କ୍ଷେତ୍ରରେ 0 ଭାଗଶେଷ ରହେ ତାହା ହେଉଛି ଏହି ସଂଖ୍ୟାର ଲ.ସା.ଗ୍ରୁ. । ଏଣୁ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି ଲ.ସା.ଗ୍ରୁ. 7 ଅଧିକ ।

12, 16, 24 ଓ 36 ର ଲ.ସା.ଗ୍ରୁ. କେତେ ହେଉଛି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରି କହ ।

ତୁମେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ଲ.ସା.ଗ୍ରୁ. 144 ପାଇଥିବ ।

$$\text{ଏଣୁ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ସଂଖ୍ୟା} = 144 + 7 = 151 \text{ ଅଧିକ ।}$$

ଜାଣିଛ କି ?

ମୌଳିକ ଭାଜକ ସ୍ଥିର କଲାବେଳେ
ସେହିକୁ ସାମର୍ଥ୍ୟ ବଢ଼ି କୃତିତ୍ତରେ ନେଲେ
କାର୍ଯ୍ୟର ବାର୍ଷିକୁ ହେବ ।

2.7. ଗ.ସା.ଗୁ. ଓ ଲ.ସା.ଗୁ. ର ଧର୍ମ

- ◆ କୌଣସି ଦର ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସା.ଗୁ. ସେହି ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ସବୁଠାରୁ ଛୋଟ ସଂଖ୍ୟା ସହିତ ସମାନ ବା ତା'ଠାରୁ କମ୍ ହୁଏ ।
- ◆ କୌଣସି ଦର ସଂଖ୍ୟାର ଲ.ସା.ଗୁ. ସେହି ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ସବୁଠାରୁ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟା ସହିତ ସମାନ ବା ତା'ଠାରୁ ବଡ଼ ହୁଏ ।
- ◆ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସା.ଗୁ. ଦାରା ସେମାନଙ୍କର ଲ.ସା.ଗୁ. ବିଭାଜ୍ୟ ଅଟେ । ଅର୍ଥାତ୍ ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିର ଲ.ସା.ଗୁ. ସେମାନଙ୍କର ଗ.ସା.ଗୁ.ର ଏକ ଗୁଣିତକ ଅଟେ ।
- ◆ ଯଦି ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସା.ଗୁ. ସେହି ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରୁ କୌଣସି ଗୋଟିକ ସହିତ ସମାନ ହୁଏ, ତେବେ ସେ ସଂଖ୍ୟା ଦୟର ଲ.ସା.ଗୁ. ଦ୍ୱାରା ସଂଖ୍ୟା ସହ ସମାନ ହୁଏ ।
- ◆ ଦୁଇଟି ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟାର ଲ.ସା.ଗୁ. ସେ ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୟର ଗୁଣପଳ ସଙ୍ଗେ ସମାନ ।

ଉପରୋକ୍ତ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଧର୍ମର ସହ୍ୟତା ଜୀଣିବା ନିମନ୍ତେ ଦୁଇ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟା ନେଇ ସେମାନଙ୍କର ଗ.ସା.ଗୁ. ଓ ଲ.ସା.ଗୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରି ପରାମା କର ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ସେ କୌଣସି ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟା ନିଅ, ସେ ଦୁଇଟିକୁ ତୁମ ଖାତାରେ ଲେଖ ।
- ◆ ତୁମେ ନେଇଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିର ଗ.ସା.ଗୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
- ◆ ତୁମେ ନେଇଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିର ଲ.ସା.ଗୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
- ◆ ତୁମେ ପାଇଥିବା ଲ.ସା.ଗୁ. ଓ ଗ.ସା.ଗୁ.ର ଗୁଣପଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
- ◆ ଏବେ ତୁମେ ନେଇଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିର ଗୁଣପଳ କେତେ ହେଉଛି ହୁଇ କର ।
- ◆ ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିର ଗୁଣପଳ ସହିତ ଲ.ସା.ଗୁ. ଓ ଗ.ସା.ଗୁ.ର ଗୁଣପଳର କ'ଣ ସମ୍ପର୍କ ପାଇଛି ?
- ◆ ସେହିଭାବି ଆଉ ଦୁଇଯୋଡ଼ା ସଂଖ୍ୟା ନେଇ ଉପରୋକ୍ତ ସୋପାନରେ କାମ କର ।

ଉପରୋକ୍ତ କାମରୁ ତୁମେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିଥିବ ଯେ-

ଲ.ସା.ଗୁ. x ଗ.ସା.ଗୁ. = ଜଗପ ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣପଳ

କହିଲ ଦେଖ :

- ◆ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣପଳ ଓ ସେମାନଙ୍କର ଲ.ସା.ଗୁ. ବିଆୟାଇଥିଲେ, ସଂଖ୍ୟାଦୁଇଟିର ଗ.ସା.ଗୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିପାରିବକି ? କିପରି ?

ଉଦ୍ବାହରଣ - 1 : ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଲ.ସ.ଗୁ. 5 ଓ ଲ.ସ.ଗୁ. 280 । ଯଦି ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟା 35 ହୁଏ, ତେବେ ଅନ୍ୟ ସଂଖ୍ୟାଟି କେବେ ?

ସମାଧାନ : ଲ.ସ.ଗୁ. \times ଲ.ସ.ଗୁ. = $280 \times 5 = 1400$

$$\therefore \text{ପ୍ରଥମ ସଂଖ୍ୟା} \times \text{ଦ୍ୱିତୀୟ ସଂଖ୍ୟା} = 1400$$

ପ୍ରଥମ ସଂଖ୍ୟା 35 ଅଟେ ।

$$\therefore 35 \times \text{ଦ୍ୱିତୀୟ ସଂଖ୍ୟା} = 1400$$

$$\text{ଏଣୁ ଅନ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା} = 1400 \div 35 = 40$$

କହିଲ ଦେଖୁ :

ଦୁଇଟି ପଦବର ମୌଳିକ ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣଫଳ

21 ହେଲେ ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିର

ଲ.ସ.ଗୁ. କେବେ ?

ଉଦ୍ବାହରଣ - 2 : ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣଫଳ 3000 ଅଟେ । ଯଦି ସଂଖ୍ୟାଦୁଇଟିର ଗ.ସ.ଗୁ. 10 ହୁଏ, ତେବେ ଲ.ସ.ଗୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସମାଧାନ : ଲ.ସ.ଗୁ. \times ଗ.ସ.ଗୁ. = ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱୟର ଗୁଣଫଳ

$$\text{ଏଠାରେ ସଂଖ୍ୟା ଦୟର ଗ.ସ.ଗୁ.} = 10, \text{ ସଂଖ୍ୟାଦୁଇଟିର ଗୁଣଫଳ} = 3000$$

$$\therefore 10 \times \text{ଲ.ସ.ଗୁ.} = 3000$$

$$\text{ଏଣୁ ଲ.ସ.ଗୁ.} = 3000 \div 10 = 300$$

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 2.5

1. ଯଦି ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଲ.ସ.ଗୁ. 16 ଓ ସେ ଦୟର ଗୁଣଫଳ 64 ହୁଏ ତେବେ ତା'ର ଗ.ସ.ଗୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
2. ତିନୋଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣଫଳ ସର୍ବଦା ତା'ର ଗ.ସ.ଗୁ. ଓ ଲ.ସ.ଗୁ. ର ଗୁଣଫଳ ସହିତ ସମାନ ଅଟେ କି ?
3. ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସ.ଗୁ. ଓ ଲ.ସ.ଗୁ. ଯଥାକୁମେ 13 ଓ 1989 ଅଟେ । ଯଦି ସେଥିମେ ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟା 117 ହୁଏ, ତେବେ ଅନ୍ୟ ସଂଖ୍ୟାଟି କେବେ ?
4. ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗ.ସ.ଗୁ. 14 ଓ ଲ.ସ.ଗୁ. 204 ହୋଇପାରିବ କି ? କାରଣ ସହିତ ଉବ୍ଦର ବିଅ ।
5. ଗୋଟିଏ ବିଦ୍ୟାଲୟର ଷଷ୍ଠ ଶ୍ରେଣୀରେ ଦୁଇଟି ବିଭାଗ ଅଛି । ସେ ଦୁଇଟି ହେଲେ A ଓ B । A ବିଭାଗରେ ଛାତ୍ରଛାତ୍ରୀ ପ୍ରତି 32 ଦିନର ବ୍ୟବଧାନରେ ପ୍ରତିଯୋଗିତା ଆୟୋଜନ କରନ୍ତି । B ବିଭାଗର ଛାତ୍ର-ଛାତ୍ରୀମାନେ ଏହି ପ୍ରତିଯୋଗିତା 36 ଦିନର ବ୍ୟବଧାନରେ ଆୟୋଜନ କରନ୍ତି । ଦୁଇଟି ବିଭାଗ ବର୍ଷ ଆରମ୍ଭର ପ୍ରଥମ ଦିନ ପ୍ରତିଯୋଗିତା ଆୟୋଜନ କରନ୍ତି । ଏଠାରେ ଷ୍ଟର୍‌ଟମ ଦିନ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର, ଯେତେବେଳ ପରେ ଉଚ୍ୟ ବିଭାଗର ପ୍ରତିଯୋଗିତା ଏକା ଦିନରେ ହେବ ।
6. 10,000ର ନିକଟତମ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ଯହା 2, 3, 4, 5, 6 ଓ 7 ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦ୍ୱାରା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଲାଭେ ବିଭାଜ୍ୟ ହେବ ।



ଜ୍ୟାମିତିରେ ମୌଳିକ ଧାରଣା

3.1 ଆମେ ଯାହା ଜାଣିଛୁ

ଆମେ ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀମାନଙ୍କରେ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରର ସାମତଳିକ ବା ଦ୍ୱିମାତ୍ରିକ ଚିତ୍ର ସହ ପରିଚିତ ହୋଇଛୁ । ତୁରୁଜୁ, ଆୟତଚିତ୍ର ଓ ବର୍ଗଚିତ୍ର ଭଳି ସାମତଳିକ ଚିତ୍ରମାନଙ୍କର ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ, ବାହୁ, କୋଣ ଆଦି ଚିହ୍ନିଛୁ । କେତେକ ପ୍ରକାର ତ୍ରିମାତ୍ରିକ ଆକୃତି ଯଥା : ସମୟନ ଓ ଆୟତଘନ ସହ ପରିଚିତ ହୋଇଛୁ ।

ବୃତ୍ତ ଭଳି ବକ୍ରରେଖା ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ଚିତ୍ର ସହ ପରିଚିତ ହେବା ସଙ୍ଗେ ସଙ୍ଗେ ଏହାର କେନ୍ଦ୍ର, ବ୍ୟାସର୍ତ୍ତ ଓ ବ୍ୟାସକୁ ଚିହ୍ନଟ କରି ଶିଖିଛୁ ।

ବିଭିନ୍ନ ମାପବିଶିଷ୍ଟ କୋଣର ବିଭାଗାବରଣ ଓ ତୁରୁଜୁର ବିଭାଗାବରଣ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ମଧ୍ୟ ଜାଣିଛୁ । ଆସ, ସେବୁକୁ ମନେ ପକାଇବା ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 3.1

- ଗୋଟିଏ ତୁରୁଜୁ ଅଳନ କରି ନାମକରଣ କର । ତା'ର ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ, କୋଣ ଓ ବାହୁଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଲେଖ ।
- ବୃତ୍ତରେ ତା'ର ବ୍ୟାସର୍ତ୍ତ ଓ କେନ୍ଦ୍ରକୁ ବର୍ଣ୍ଣାଏ ।
- ନିୟମାପବିଶିଷ୍ଟ କୋଣଗୁଡ଼ିକୁ ସୂକ୍ଷ୍ମକୋଣ, ସମକୋଣ ଓ ମୁଳକୋଣରେ ବର୍ଣ୍ଣାକରଣ କର ।
 $30^\circ, 175^\circ, 90^\circ, 45^\circ, 89^\circ, 115^\circ, 95^\circ, 20^\circ$

3.2 ଜ୍ୟାମିତିରେ କେତେକ ମୌଳିକ ଧାରଣା

ଆଧୁନିକ ଦୂରିଅର୍ଥରେ କଣାଯାଉଥୁବା ନିର୍ମାଣ କାର୍ଯ୍ୟ ଯଥା : ବନ୍ଦନିର୍ମାଣ, କାରଣାନା ନିର୍ମାଣ, ଅଛାଳିକା ନିର୍ମାଣ ଆବଶ୍ୟକ ସହ ଉମିର ମାପ ସାଇକ୍ଲ ଅନ୍ୟ ତ୍ରିମାତ୍ରିକ ବସ୍ତୁର ପରିମାପ ମଧ୍ୟ ଜ୍ୟାମିତି ସହ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ । ଏ ସବୁକୁ ଆଖାରେ ରଖି ଜ୍ୟାମିତିର ରୂପରେଖକୁ ବ୍ୟାପକ ବରାଯାଇଛି ।

ଦୈନିକିନ ଜୀବନରେ ଆମେ ବ୍ୟବହାର କରୁଥିବା ଘର, ପୋଷାକ, ବଷ୍ଟୁ ତଥା ସମସ୍ତ ଆସବାସ ନିର୍ମାଣ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଜ୍ୟାମିତି ସମୟୀକ୍ଷାନ ଆମକୁ ସାହାଯ୍ୟ କରିଥାଏ । ପିଲାମାନଙ୍କୁ ଜ୍ୟାମିତିକ ତଥାବଳୀର ଧାରଣା ଦେବା ପାଇଁ ସର୍ବଦା ମୁଳବସ୍ତୁର ଧାରଣରୁ ଆରମ୍ଭ କରି ସୂକ୍ଷ୍ମ ଜ୍ୟାମିତିକ ତଥ୍ୟର ଅବଧାରଣା କରିବାର ପ୍ରୟାସ କରାଯାଇଛି ।

ଜାଣିଛ କି ?

ଜ୍ୟାମିତି ଗଣିତ ଶାସ୍ତ୍ରର ଏକ ମୁଖ୍ୟ ଅଞ୍ଚଳ । ଜ୍ୟାମିତି 'ଜ୍ୟା' ଓ 'ମିତି' ଦ୍ୱାରା ନାମିତ ଏକ ଶବ୍ଦ ଏଥେତୁ ସ୍ଵର୍ଗରେ ହୋଇଛି । 'ଜ୍ୟା' ଅର୍ଥ ଭୂମି ଓ 'ମିତି' ଅର୍ଥ ପରିମାପ । ଏଥିରୁ କୁଣ୍ଡଳରେ ସେ ଭୂମିର ପରିମାପ ଅମ୍ବାଯ ଆଗ୍ରାଚନ୍ଦ୍ରରୁ ଜ୍ୟାମିତି ଶାସ୍ତ୍ର ଉପରେ ।

3.2.1. ବିହୁ :

କଳମ ବା ପେନ୍-ସିଲ୍ ମୂଳ ସାହାଯ୍ୟରେ କାଗଜ ପୃଷ୍ଠାରେ ଗୋଟିଏ ଦାଗ (.) ଦେଇ ଦେଲେ ତାକୁ ଆମେ ଗୋଟିଏ ବିହୁ ବୋଲି କହିବା । ପଡ଼ିଆରେ ଗୋଲ୍ ପୋଷଟିଏ ପୋଡ଼ିବା ଲାଗି ଖେଳଶିକ୍ଷକ ଯେଉଁ ଚିହ୍ନ ଦିଆନ୍ତି, ତାକୁ ଗୋଟିଏ ବିହୁ କହିବା କି ନାହିଁ ଭାବିଲା ? ବଗିଚାରେ ଗଛଟିଏ କେଉଁଠି ପୋତାଯିବ ସେ ସ୍ଥାନ ଚିହ୍ନଟ କରିବା ଲାଗି ଯେଉଁ ଚିହ୍ନଟି ଦିଆଯାଏ, ତାକୁ ବିହୁ କହିବା କି ନାହିଁ ଭାବିଲା ?

କବ୍ର ଖଡ଼ିରେ ଶିକ୍ଷକ କଳାପଟାରେ ଯେଉଁ ଆକାରର ଦାଗ ଦେଇ ତାକୁ ବିହୁ ବୋଲି କହନ୍ତି, ବୁମ ଖାତରେ ଦୁମେ ସେହି ଆକାରର ବିହୁଟିଏ ଦର୍ଶାଇଲେ ଶିକ୍ଷକ ତାକୁ ନାପସନ୍ଧ କରନ୍ତି କାହିଁକି (ପଚାରି ବୁଝି) ?

ଜ୍ୟାମିତିକ ବଥ୍ୟ ଆଲୋଚନା କରିବା ଲାଗି ଗୋଟିଏ ବିହୁର ଆକାର କେତେ ବଡ଼, ସେ କଥା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଜାଣିବାର ଆବଶ୍ୟକତା ନାହିଁ । ବିହୁ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଯାହା ଜାଣିଲେ ସେହି ଧାରଣାକୁ ଜ୍ୟାମିତି ଶୈଳୀରେ କିପରି ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା ଚାହା ପରେ ପଡ଼ିବ ।

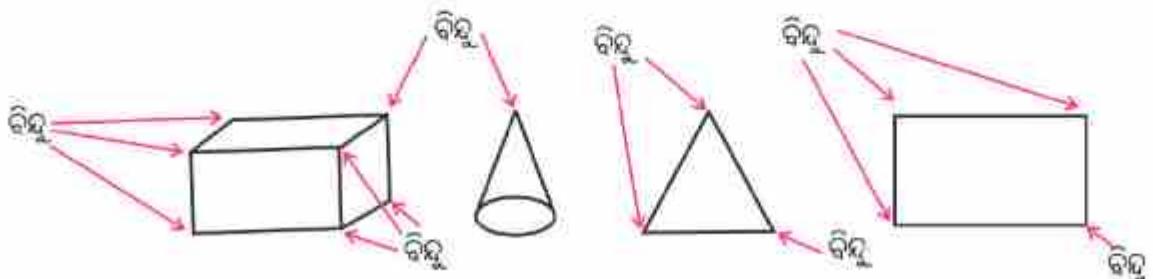


ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ଖଣ୍ଡ କାଗଜ ନେଇ ବିହୁରେ ଦର୍ଶାଯାଇଥିବା ଭଲି ଲମ୍ବ ଦିଗରେ ଭାଙ୍ଗିଦିଅ ।
- ◆ ଏହାକୁ ସୁଣି ପ୍ରସ୍ତୁତ ଦିଗରେ ଭାଙ୍ଗି ଦିଅ ।
- ◆ ଉଜ୍ଜାବାଗ ଦୁଇଟି ଯେଉଁଠି ପରିଷରକୁ ହେବ କରୁଛନ୍ତି,
ସେହି ସ୍ଥାନଟି ଗୋଟିଏ ବିହୁକୁ ସୁଚାଉଛି ।
ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭାଙ୍ଗର ଦାଗ ଗୋଟିଏ ରେଖାର ରୂପ ଧାରଣା କରୋ ।
- ◆ ଏଣୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ,
ଦୁଇଟି ରେଖାର ଛେଦବିନ୍ଦୁ ହେଉଛି ଏକ ବିହୁ ।



ଆମେ କେଉଁଠି ବିହୁମାନଙ୍କୁ ଦେଖୁ ?

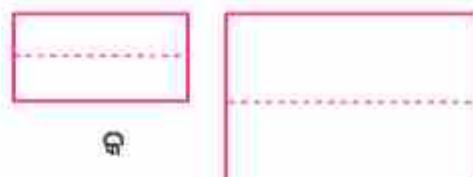


ଗୋଟିଏ ଆୟତଘନର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶାର୍ଷ ଗୋଟିଏ ବିହୁ । ଗୋଟିଏ କୋନର ଶାର୍ଷ ଗୋଟିଏ ବିହୁ । ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜ ବା ଆୟତବିତ୍ତର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶାର୍ଷ ମଧ୍ୟ ଗୋଟିଏ ଲେଖାର୍ଥ ବିହୁ ।

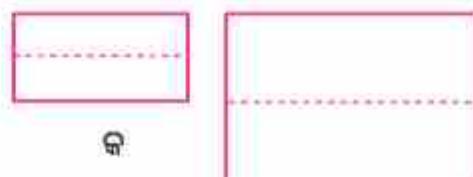
ବୁମ ଚାରିପାଖରେ କେଉଁକେହିଠାରେ ଦୁମେ ବିହୁ ସୃଷ୍ଟି ହେଉଥିବାର ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛ, ଲେଖ ।

3.2.2 ସରଳରେଖା

ପାଞ୍ଚମୀ ଚିତ୍ର 3.1 (କ)ରେ ଖଣ୍ଡ ଛୋଟ କାଗଜକୁ ଭାଙ୍ଗି ଦେଲେ ତା' ଉପରେ ସୃଷ୍ଟି ହୋଇଥିବା ଭାଙ୍ଗ-ଦାଗଟି ଦେଖାଯାଇଛି । ସେହିରକି ଚିତ୍ର 3.1 (ଖ) ରେ ଖଣ୍ଡେ ବଡ଼ କାଗଜ ଉପରେ ମଧ୍ୟ ଭାଙ୍ଗାଯାଇଥିବା ଦାଗଟି ଦେଖାଯାଇଛି । ଏଥରୁ ଜଣାଯାଏ ଯେ, କାଗଜଟି ଯେତେ ବଡ଼ ହେବ, ତା' ଉପରେ ଥିବା ଭାଙ୍ଗ-ଦାଗଟି ସେବେ ବଡ଼ ହେବ ।



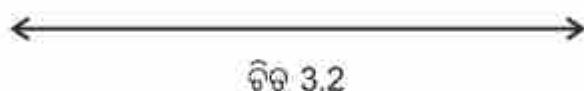
କ



ଖ

ଚିତ୍ର 3.1

ମନେବରାଯାଉ, ଏପରି ଖଣ୍ଡେ କାଗଜ ଅଛି ଯାହାର ଲମ୍ବ ଏତେ ବେଶି ଯେ ତାକୁ ମାପି ହେବ ନାହିଁ । ସେହି କାଗଜ ଖଣ୍ଡରୁ ଭାଙ୍ଗି ଦେଲେ ତା' ଉପରେ ଯେଉଁ ଭାଙ୍ଗ-ଦାଗ ସୃଷ୍ଟି ହେବ ତା'ର ଶେଷ କେଉଁଠି ତାହା ଜାଣି ହେବନାହିଁ । ସେତକି ଭାଙ୍ଗ-ଦାଗର ଏକ ଚିତ୍ର ନିମ୍ନ ମତେ ଦର୍ଶାଯାଇପାରେ ।

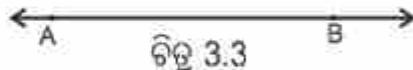


ଚିତ୍ର 3.2

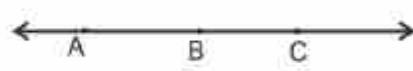
ଏଠାରେ ଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ତୀର ବିନ୍ଦୁ ଚିତ୍ରର ଅସୀମ ବିଷ୍ଟିତିକୁ ସୂଚାଇଛି । ଚିତ୍ର 3.2ରେ ଦର୍ଶାଯାଇଥିବା ଚିତ୍ରକୁଆମେ ଏକ ସରଳରେଖା ବୋଲି ଧରିନେଉ ।

3.2.3. ସରଳରେଖା ଓ ବିନ୍ଦୁ ମଧ୍ୟରେ ସମ୍ବନ୍ଧ

ଅସଂଖ୍ୟ ବିନ୍ଦୁର ସମାହାରରେ ଏକ ସରଳରେଖା ଗଠିତ ବୋଲି ଆମେ ଗ୍ରହଣ କରି ନେଇଛୁ । ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ଏକ ସରଳରେଖାର ନାମକରଣ କରିଥାଉ । ଚିତ୍ର 3.3 ରେ ଥିବା ସରଳରେଖା ଉପରିସ୍ଥିତ ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁକୁ A ଓ B ରୂପେ ନାମିତ କରାଯାଇଛି । ଏଠାରେ ସରଳରେଖାଟିକୁ AB ସରଳରେଖା ବୋଲି ନାମିତ କରାଯାଏ । ସରଳରେଖା AB କୁ ସଙ୍କେତ କରିବାକୁ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ ।



ଚିତ୍ର 3.3

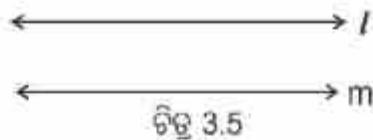


ଚିତ୍ର 3.4

ଚିତ୍ର 3.4ରେ ଥିବା ସରଳରେଖା ଉପରିସ୍ଥିତ ବିନ୍ଦୁକୁ A, B, C ରୂପେ ନାମିତ କରାଯାଇଛି ଓ ଏ କେତେବେଳେ ସରଳରେଖାକୁ AB ସରଳ ରେଖା ବା \overleftrightarrow{AB} , ଅଥବା AC ସରଳରେଖା ବା \overleftrightarrow{AC} , ଅଥବା BC ସରଳରେଖା ବା BC ରୂପେ ନାମିତ କରାଯାଇପାରେ ।

ସରଳରେଖା ଯେ ଭରତୀ ଦିଗରେ ଅସାମ ଭାବରେ ବିଷ୍ଟିତ, ଏହା ସୂଚାଇବା ପାଇଁ ଏହାର ଦୁଇ ଦିଗରେ ଦୁଇଟି ତୀର ଚିତ୍ର ଦିଆଯାଏ । ଅନେକ ସମୟରେ ଜାଗାଜୀ ଛୋଟ ଅକ୍ଷରଟିଏ ଲେଖୁ ମଧ୍ୟ ଗୋଟିଏ ସରଳରେଖାର ନାମକରଣ କରାଯାଇଥାଏ ।

యెపరి చిత్ర 3.5 రె దేఖాల బిఅపాలన్ని। చిత్రమధ్యార్కు గోటికు / రెఖా అ అన్యకు m రెఖా రూపె నామిత కగాయాలన్ని।



జాణించి ?

ఉనికిల్ రెఖాల ఆమె రెఖా కొలి మధ్య కదిథారు, యివన వా సరఖ నిహాళింగా రెఖాకు కిల్ రెఖా కూహపాఏ। నిల్ రెఖాల లెంబో నిమ్మరె తశీపాలన్ని।



నిజె కరి దేఖ

- ◆ భూమ జాతార గోటిఏ పృష్ఠారె బిమ్మిటిఏ చిత్రిత కరి తా'ర నామ దిథ 0।
- ◆ O బిమ్మ దెఱ గోటిఏ పరికిల్ రెఖా అంకన కర।
- ◆ O బిమ్మ దెఱ ఆఉ గోటిఏ పరికిల్ రెఖా అంకన కరి పారిబ కి ?
- ◆ యది పారుం, తెబె O బిమ్మ దెఱ ఆఉ గోటిఏ పరికిల్ రెఖా మధ్య అంకన కర।
- ◆ O బిమ్మ దెఱ దుఱటి పరికిల్ రెఖా అంకన కలాపరె షేహి బిమ్మ దెఱ యది ఆఉ పరికిల్ రెఖా అంకన కరిపారుం తెబె అంకన కర। చిత్ర 3.6 ఇకి చిత్రిటిఏ పాలథుబ।
- ◆ ఎబె కహ, గోటిఏ బిమ్మ దెఱ కెంటో పరికిల్ రెఖా అంకన కగాయాలపారిబ ?



ఏహి కమాటిరు ఆమె క'ణ జాణిలే ?

- ◆ గోటిఏ బిమ్మ దెఱ అంగ్య పరికిల్ రెఖా అంకన కగాయాలపారె।
- ◆ గోటిఏ బిమ్మ దెఱ తినోటి వా అధ్యక సంగ్యక పరికిల్ రెఖా అంకిత హెలె, షేగ్ముతికు ఏకబింబామా రెఖా కూహాయాఏ।



నిజె కరి దేఖ

- ◆ భూమ జాతారె A అ B నామిక దుఱటి జిన్కు జిన్కు బిమ్మ చిత్రిత కర। A బిమ్మ దెఱ లెంబ గుఢిటి రెఖా అంకన కర।
- ◆ A బిమ్మ దెఱ అంకన కరిథుబా రెఖామాంక మధ్యారు కౌణియి రెఖా B దెఱ అంకన కరిపారిల కి ?
- ◆ దుఱటి జిన్కు బిమ్మ దెఱ కెంటో పరికిల్ రెఖా అంకన కగాయాలపారె ?

A . B .

ଆମେ ଜାଣିଲେ, ଏକ ସମତଳ ଉପରିସ୍ଥ ଦୁଇଟି ଭିନ୍ନ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଗୋଟିଏ ମାତ୍ର ସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ କରାଯାଇପାରେ । ଏହି ଜାରଣରୁ ଗୋଟିଏ ସରଳରେଖାକୁ ଏହା ଉପରିସ୍ଥ ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁଦ୍ୱାରା ନାମିତ କରାଯାଏ ।

ବୁମ ଖାତାର ପ୍ରତ୍ୟେକ ପୃଷ୍ଠା ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ସମତଳ । ପକ୍ଷୀୟର କାନ୍ତି, ପଢା ଚେବୁଳର ଉପର ପାଖ ଆବଶ୍ୟକ ସମତଳର ନମ୍ବନା । ପୃଥିବୀ ଗୋଲକାକୃତ ବିଶିଷ୍ଟ ହେଲେ ମଧ୍ୟ ଏହାର ବିଶାଳ ପୃଷ୍ଠର ଗୋଟିଏ ଛୋଟ ଅଂଶ ଆମ ଆଖରେ ପଢ଼ୁଥିବାରୁ ଏହା ଆମକୁ ସମତଳ ରଳି କଣାପଡ଼େ । ଏଣୁ ବୁମର ଖେଳପଡ଼ିଆ ବୁମକୁ ଏକ ସମତଳ ଭଳି ଦେଖାଯାଏ । ଆସ ବଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା କାମଟିକୁ କରିବା-

- ◆ ବୁମ ଖାତାର ଗୋଟିଏ ପୃଷ୍ଠାରେ ବିନ୍ଦୁମାନ ବିନ୍ଦୁଟ କର । ନିଷ୍ଠା ତ ଅନେକ ବିନ୍ଦୁ ବିନ୍ଦୁଟ କରିପାରିବଣି ।
- ◆ ବୁମ ପାଖରେ ବସିଥିବା ପିଲାର ଖାତା ସହ ବୁଲନା କରି କହ, କାହା ଖାତାରେ ଅଧିକ ବିନ୍ଦୁ ବିନ୍ଦୁଟ କରାଯାଇଛି ?
- ◆ ସୀମା ତା' ନିଜ ଖାତା ଓ ବାନ୍ଧୁର ଖାତାକୁ ଦେଖି କହିଲା -

‘ଆମେ ଉଦୟକ ଖାତାରେ ଏତେ ବିନ୍ଦୁ ଦେବୁଣି ଯେ ସେବୁଡ଼ିକୁ ଗଣିବା ସମ୍ଭବ ହେଉନାହିଁ ।’



ସୀମା କହିଲା- ‘ରାନ୍ତି, ବୁମ ଖାତାରେ ଆହୁରି ଅଧିକ ବିନ୍ଦୁ ବିନ୍ଦୁଟ କରି ହେବାକି ?’

ରାନ୍ତି କହିଲା- ‘ଆହୁରି ତ ଅନେକ ବିନ୍ଦୁ ଦିଆଯାଇପାରିବ, ଏ ପିରିଯତ ସରିଗଲେ ମଧ୍ୟ ପୃଷ୍ଠାରେ ଆହୁରି ଅଧିକ ବିନ୍ଦୁ ବସାଇବା ଲାଗି ଜାଗା ଥିବ ।’

ଆମେ ଜାଣିଲେ, ଏକ ସମତଳରେ ଅସଂଖ୍ୟ ବିନ୍ଦୁ ଥାଏ ।



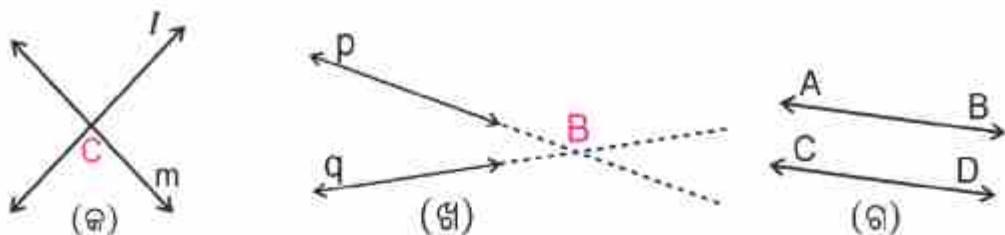
ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ବୁମ ଖାତାର ଗୋଟିଏ ପୃଷ୍ଠାରେ ସେଇ ବ୍ୟବହାର କରି ସରଳରେଖାମାନ ଅଙ୍କନ କର ।
 - ◆ ଗୋଟିକ ପରେ ଗୋଟିଏ, ଯେତେ ପାରୁଛ ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ କର ।
 - ◆ ବୁମ ଓ ବୁମ ସାଇ ସମାନ ସଂଖ୍ୟକ ସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ କରିଛନ୍ତି କି ?
 - ◆ ବୁମର ଶ୍ରେଣୀର ସବୁ ପିଲା ସମାନ ସଂଖ୍ୟକ ସରଳରେଖା ଆଙ୍କିଛନ୍ତି କି ?
 - ◆ ଆଉ ଅଧିକ ସରଳରେଖା ଆଙ୍କିବା ସମ୍ଭବ କି ?
 - ◆ ଏହୁରୁ ଆମେ କ'ଣ ଜାଣିଲେ ?
- ଗୋଟିଏ ସମତଳରେ ଅସଂଖ୍ୟ ସରଳରେଖା ଥାଏ ।

3.3 ଗୋଟିଏ ସମତଳ ଉପରିସ୍ଥ ଦୁଇଟି ସରଳରେଖା

ଆମେ ଉପରେ ଜାଣିଲୁ ଯେ, ଏକ ସମତଳରେ ଅସଂଖ୍ୟ ସରଳରେଖା ଥାଏ । ସେଥି ମଧ୍ୟରୁ ଯେ କୌଣସି ଦୁଇଟି ସରଳରେଖାର ଅବସ୍ଥାରୁ ଉପରେ ନିର୍ଭର କରି କ'ଣ ସବୁ ପରିସ୍ଥିତି ସୃଷ୍ଟି ହୁଏ ଆସ ତାହା ଦେଖିବା ।

ନିମ୍ନ ଚିତ୍ର 3.7ରୁ ଦେଖା ।



(ଚିତ୍ର 3.7)

ଚିତ୍ର 3.7 କୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର :

- ଚିତ୍ରରେ l ଓ m ସରଳରେଖା ଦ୍ୱୟ ପରସ୍ପରକୁ C ବିହୁରେ ଛେଦ କରୁଛନ୍ତି । C ବିହୁଟି l ଓ m ଉପରେ ସରଳରେଖାର ଅନ୍ତର୍ଦୂର୍ଦ୍ଧକ । ଏହୁ C କୁ l ଓ m ରେଖାଦ୍ୱୟର ସାଧାରଣ ବିହୁ ବା ଛେଦବିହୁ କୁହାଯାଏ ।
- ଚିତ୍ରରେ p ଓ q ରେଖାଦ୍ୱୟର ମଧ୍ୟ ସାଧାରଣ ବିହୁ ଅଛି ଏବଂ ଏହି ସାଧାରଣ ବିହୁ B । ଏହାକି ରେଖାଦ୍ୱୟକୁ ପରସ୍ପରଛେଦୀ ରେଖା କୁହାଯାଏ ।
- ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ସରଳରେଖା ଓ ଦୃଶ୍ୟକୁ ଜର୍ବ୍ୟ ଦିଗରେ ଯେତେ ବଡ଼ାଙ୍କଳେ ମଧ୍ୟ ସେମାନେ ପରସ୍ପରକୁ ଛେଦ କରିବେ ନାହିଁ । ଏହାକି ରେଖାଦ୍ୱୟ (ଯାହାର କୌଣସି ସାଧାରଣ ବିହୁ ନାହିଁ)କୁ ସମାତର ସରଳରେଖା କୁହାଯାଏ ।

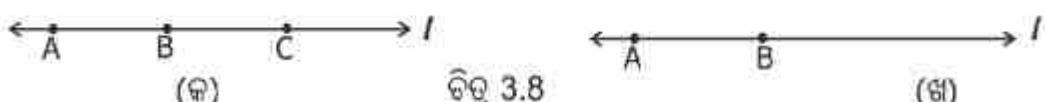
ଆମେ ଜାଣିଲେ -

ଏକ ସମାତଳରେ ଥିବା ଦ୍ୱାରା ପରଳରେଖା କେବଳ ଗୋଟିଏ ବିହୁରେ ଛେଦ କରନ୍ତି ଅର୍ଥାତ୍ ସେମାନଙ୍କର ଏକ ସାଧାରଣ ବିହୁ ଥାଏ ଅଥବା ସରଳରେଖାଦ୍ୱୟ ପରସ୍ପରକୁ ଛେଦ କରନ୍ତି ନାହିଁ । ସେ କେତେବେଳେ ସରଳରେଖା ଦ୍ୱୟ ସମାତର ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

☞ ବୁମ ଉପରିପାଞ୍ଚରେ କେଉଁ କେଉଁ ଜିନିଷରେ ବୁମେ ସମାତର ସରଳରେଖା ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛି, ଲେଖ ।

3.4 ଏକରେଖା ବିହୁ

C.



ଚିତ୍ର 3.8

ପୂର୍ବରୁ ଆମ ଜାଣିଲୁ ଯେ ଏକ ସମାତଳ ଉପରିପାଞ୍ଚ ଦ୍ୱାରା ବିହୁ ଦେଇ ଗୋଟିଏ ମାତ୍ର ସରଳରେଖା ସମବେ ଏବଂ ଏହି ସରଳରେଖାଟି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣରୂପେ ଉତ୍ତର ସମାତଳ ଉପରେ ରହେ ।

ଆମେ ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହି କାଣଙ୍କର ସମାତଳ ଉପରେ ଥିବା ତିନେଟି ବିହୁ A , B , ଓ C ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଚିତ୍ର କରିବା । A ଓ B ବିହୁଦ୍ୱୟ ଦେଇ ଆମେ ତ ନିଶ୍ଚିନ୍ତା ଏକ ସରଳରେଖା ଅବଳି କରିପାରିବା ଏବଂ ଏହି ରେଖା l ହେଉ ।

ଚିତ୍ର 3.8 (କ) ରେ C ବିନ୍ଦୁଟି / ରେଖା ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ ହୋଇଥିବାର ଆମେ ଦେଖୁଛୁ । ମାତ୍ର ଚିତ୍ର 3.8 (ଖ) ରେ C ବିନ୍ଦୁଟି / ରେଖା ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ ନୁହେଁ ।

(କ) ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ବିନ୍ଦୁ A, B, ଓ C ଏକ ରେଖା ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ । ଏଣୁ ଏମାନଙ୍କୁ ଏକରେଖା ବିନ୍ଦୁ କୁହାଯାଏ ।

(ଖ) ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ବିନ୍ଦୁ A, B, ଓ C ଗୋଟିଏ ରେଖା ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ ନୁହେଁ । ଏଣୁ ସେମାନଙ୍କୁ ଅଣ-ରେଖା ବିନ୍ଦୁ କୁହାଯାଏ ।

ଆମେ ଜାଣିଲେ -

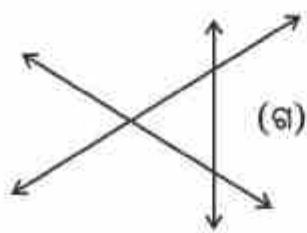
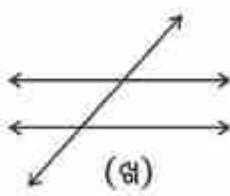
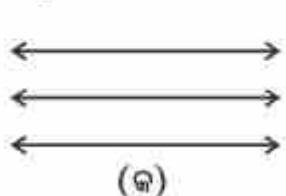
ଏକ ସମତଳ ଉପରିୟୁ ଚିନି ବା ଅଧୂକ ବିନ୍ଦୁ ଏକ ରେଖା ଉପରିୟୁ ହେଲେ, ସେମାନଙ୍କୁ ଏକରେଖା ବିନ୍ଦୁ କୁହାଯାଏ । ଯେଉଁ ବିନ୍ଦୁମାନେ ଏକରେଖା ନୁହେଁ ସେମାନେ ଅଣ-ରେଖା ।

ଖଣ୍ଡେ କାଗଜ ଉପରେ ଚିହ୍ନିତ ବିନ୍ଦୁ ଚିନୋଟି (ବା ଅଧୂକ) ଏକରେଖା ବା ଅଣ-ରେଖା ଚାହା କିପରି ଜାଣିବା ? ବିନ୍ଦୁମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ଯେ କୌଣସି ଦୂରତି ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ସେଲୁ ସାହାଯ୍ୟରେ ଗୋଟିଏ ରେଖା ଅଙ୍କନ କର । ସବି ଅବଶିଷ୍ଟ ସମସ୍ତ ବିନ୍ଦୁ ସେହି ରେଖା ଉପରେ ରହୁଥିବାର ଦେଖାଯିବ, ତେବେ ଉଚ୍ଚ ବିନ୍ଦୁଗୁଡ଼ିକ ଏକରେଖା ବୋଲି କୁହାଯିବ । କୌଣସି ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ଯଦି ଅଙ୍କିତ ରେଖାର ବାହାରେ ରହିଯାଏ, ତେବେ ବିନ୍ଦୁମାନ ଅଣ-ରେଖା ହେବେ । ଆକାଶରେ ଚନ୍ଦ୍ର ନ ଥିଲାବେଳେ ନୁମେ ତ ଉପରୀମଣିଙ୍କୁ ଦେଖିଥିବ । ସେହି ସାତଟି ଚାରାଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ କୁହୁ ଓ ପୁଲହଙ୍କୁ ଯୋଗ କରୁଥିବା ରେଖା ମଧ୍ୟ ଖୁବଚାରା ଦେଇଯାଏ । ଏଣୁ କୁହୁ, ପୁଲହ ଓ ଖୁବଚାରା ଏକରେଖା ।



3.5 ଏକ ସମତଳରେ ଚିନି ବା ତତୋଧୂକ ସରଳରେଖା -

ଚିତ୍ର 3.9 କୁଳକ୍ୟ କର ।



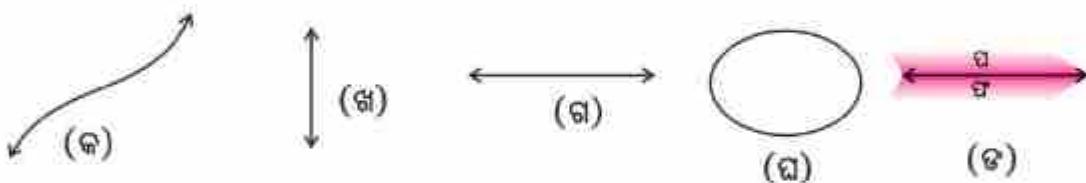
ଚିତ୍ର 3.9

ଆଜରୁ ଆମେ କଣିଥିଲେ ଯେ, ଏକ ସମତଳରେ ଥିବା ଦୁଇଟି ସରଳରେଖା କୁଣ୍ଡଳ ପରସ୍ପରରେହା ହେବେ ଅଥବା ପରଦର ସମାନ ହେବେ । ଚିତ୍ର 3.9 (କ) ରେ ଥିବା ତିନୋଟିଯାକ ସରଳରେଖା ପରଦର ସମାନ ।

ମନୋରଖ - ଦୁଇଟି ସରଳରେଖା ପରଦରକୁ ଅତି ବେଶିରେ ଗୋଟିଏ ବିହୁରେ ହେବ କରିବେ । ପରଦରକୁ ଗୋଟିଏ ବିହୁରେ ହେବ କରୁଥିବା ସରଳରେଖା ଦୁଇଟିକୁ ପରଦରରେହା ସରଳରେଖା କୁହାଯାଏ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 3.2

- ଖାତାରେ ତିନୋଟି ବିଦ୍ୟୁ ଚିହ୍ନିତ କରି ସେଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଦିଆ ।
- ଦୁଇଟି ସରଳରେଖା ଅଳନ କରି ସେମାନଙ୍କର ନାମ ଦିଆ ।
- ତୁମ ପାଖାଖାରେ ଦେଖୁଥିବା ତିନୋଟି ସରଳରେଖା, ତିନୋଟି ବକ୍ରତଳ ଓ ତିନୋଟି ସମତଳର ଉବାହରଣ ଦିଆ ।
- ନିମ୍ନ ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ଗାରମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁଗୁଡ଼ିକ ସରଳରେଖା ଓ କେଉଁଗୁଡ଼ିକ ବକ୍ରରେଖା ଚିହ୍ନାଅ ।



ଲକ୍ଷ୍ୟ କର : ଚିତ୍ର 'ତ'ରେ ଥିବା ରେଖାଟି ବହିର ପୃଷ୍ଠାକୁ ଦୁଇଟି ଭାଗରେ ପରିଣତ କରିଛି ଓ ଭାଗ ଦୁଇଟିକୁ 'ପ' ଓ 'ଫ' ଦ୍ୱାରା ଚିହ୍ନିତ କରାଯାଇଛି । ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭାଗକୁ ରେଖାର ଗୋଟିଏ ପାର୍ଶ୍ଵ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

- ତୁମ ଖାତାରେ ଗୋଟିଏ ବିଦ୍ୟୁ ଚିହ୍ନିତ କର ଓ 'ତ' ମଧ୍ୟଦେଇ ସାତଟି ସରଳରେଖା ଅଳନ କର । ସେହି ବିଦ୍ୟୁ ଦେଇ ଆଉ କେତୋଟି ସରଳ ରେଖା ଅଳନ କରିପାରିବ ?
- ତୁମ ଖାତାରେ A ଓ B ନାମକ ଦୁଇଟି ବିଦ୍ୟୁ ନିଆ ଓ ଉଭୟ ବିଦ୍ୟୁକୁ ଧାରଣ କରୁଥିବା ସରଳରେଖା ଅଳନ କର । ଏପରି କେତୋଟି ସରଳରେଖା ଅଳନ କରିପାରିବ ?
- (କ) ସାଧାରଣ ବିଦ୍ୟୁ ଥିବା ଦୁଇଟି ସରଳ ରେଖା ଅଳନ କର । ସେହି ଦୁଇ ସରଳରେଖାକୁ ନାମକରଣ କର । ସାଧାରଣ ବିଦ୍ୟୁ ନାମ P ଦିଆ ।
(ଖ) ତୁମ ଖାତା ଭାପରେ ଯେ କୌଣସି ସାତଟି ବିଦ୍ୟୁ ନିଆ । ସେଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଦିଆ । ସେଗୁଡ଼ିକ ଏକରେଖା ହେଉଛନ୍ତି କି ? କିପରି ଜାଣିଲ ?
- ଗୋଟିଏ ସମତଳରେ ଥିବା ତିନୋଟି ସରଳରେଖା ପରଦରକୁ ଅତି କମରେ କେତୋଟି ବିଦ୍ୟୁରେ ହେବ କରିବେ ? ଅତି ବେଶିରେ କେତୋଟି ବିଦ୍ୟୁରେ ହେବ କରିବେ ?
- ଷ୍ଟର ବ୍ୟବହାର କରି ଦୁଇଟି ସରଳରେଖା ଅଳନ କର, ଯେପରି ସରଳରେଖା ଦୟ ସମାନ ହେବେ ।

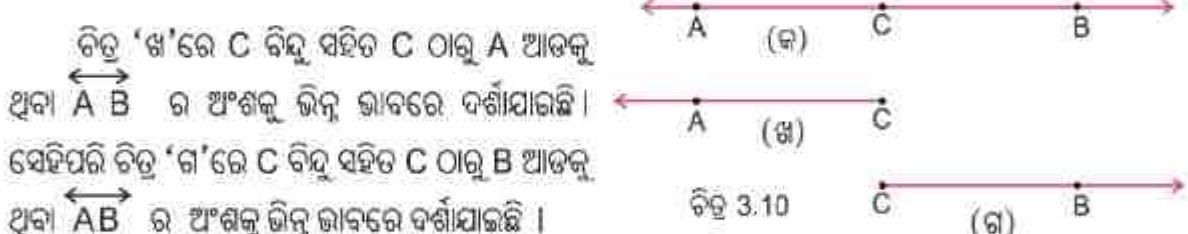
10. ନିମ୍ନେ ବାକ୍ୟମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟ ଠିକ୍ ବାକ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ ଦାଖି ଲେଖ ।
- 'ରେଖା' କହିଲେ ଆମେ କେବଳ 'ସରଳରେଖା' କୁ ବୁଝୁ ।
 - ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଅସଂଖ୍ୟ ସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ କରାଯାଇପାରିବ ।
 - ଏକ ସମତଳରେ ଅବଶ୍ଚିତ ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଅସଂଖ୍ୟ ସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ କରାଯାଇପାରିବ ।
 - ଏକ ସମତଳ ଉପରିଷ୍ଠେ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ମାତ୍ର ଗୋଟିଏ ସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ କରାଯାଇପାରିବ ।
 - ଏକ ସମତଳରେ ଥିବା ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁକୁ ଧାରଣ କରୁଥିବା ଗୋଟିଏ ମାତ୍ର ସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ ସମ୍ଭବ ।
 - ଏକ ସମତଳ ଉପରିଷ୍ଠେ ଦୁଇଟି ଅସମାନର ସରଳରେଖା ପରିଷରକୁ ଗୋଟିଏ ମାତ୍ର ବିନ୍ଦୁରେ ହେବ କରନ୍ତି ।
 - ଦୁଇଟି ସମାନର ସରଳରେଖାର କୌଣସି ଛେଦବିନ୍ଦୁ ନାହିଁ ।

3.6. ରଶ୍ମି ଓ ରେଖାଖଣ୍ଡ

ଦୁମେ ସରଳରେଖା ସମ୍ଭବରେ ଅନେକ କଥା ଜାଣିଲାଣି । ବର୍ତ୍ତମାନ ଗୋଟିଏ ସରଳରେଖାର ବିନ୍ଦୁ ଅଂଶକୁ ନେଇ ଗଠିତ ହେଉଥିବା ଚିତ୍ର ସମ୍ଭବରେ ଜାଣିବା ।

3.6.1. ରଶ୍ମି

ନିମ୍ନରେ ଥିବା ଚିତ୍ର 3.10(କ)ରେ \overleftrightarrow{AB} ରେଖା ଉପରେ C ବିନ୍ଦୁ ଦୁଇଟି ବରାଯାଇଛି ଯେପରି C ର ଅବସ୍ଥାଟ A ଓ B ର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ହେବ ।



ଚିତ୍ର (କ) ଓ ଚିତ୍ର (ଗ) ରେ ବରାଯାଇଥିବା \overleftrightarrow{AB} ର ଅଂଶ ଦୁଇଟିକୁ ରଶ୍ମି ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

ଚିତ୍ର (କ)ରେ ବରାଯାଇଥିବା ରଶ୍ମିକୁ CA ରଶ୍ମି ଓ ଚିତ୍ର (ଗ)ରେ ଥିବା ରଶ୍ମିକୁ CB ରଶ୍ମି ରୂପେ ଜାମିତ କରାଯାଏ ।

CA ରଶ୍ମିକୁ ସଙ୍କେତରେ \overrightarrow{CA} ରୂପେ ଲେଖାଯାଏ ଓ CB ରଶ୍ମିକୁ ସଙ୍କେତରେ \overrightarrow{CB} ରୂପେ ଲେଖାଯାଏ ।

\overrightarrow{CA} ର କିନ୍ତୁ ହକ୍କ ରଶ୍ମିର ମୂଳବିନ୍ଦୁ (ଆଦ୍ୟବିନ୍ଦୁ, ଆରମ୍ଭ ବିନ୍ଦୁ ବା ଶାର୍ତ୍ତବିନ୍ଦୁ) ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

'ରଶ୍ମିଟିଏ ତା'ର ଆଦ୍ୟବିନ୍ଦୁରୁ ଆରମ୍ଭ ହୋଇ ଗୋଟିଏ ଦିଗକୁ ଅସୀମ ଭାବରେ ବିଷ୍ଟୁତ ହୋଇଥାଏ । ଚିତ୍ର (କ)ରେ ଥିବା \overrightarrow{CA} ଓ \overrightarrow{CB} କୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକର । ସେ ଦୁଇଟିକୁ ପରିଷର ବିପରୀତ ରଶ୍ମି ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

ବିପରୀତ ରଶ୍ମି \overrightarrow{CA} ଓ \overrightarrow{CB} ର ସମାହାରରେ \overleftrightarrow{AB} ଗଠିତ ହୁଏ ।

ଜାଣିଛ କି ?

ଦୁଇଟି ବିପରୀତ ରଶ୍ମି ଏକଟ୍ର ଗୋଟିଏ ସରଳରେଖା ଗଠନ କରନ୍ତି ।
 \overrightarrow{CA} ରୁ \overrightarrow{AC} ଓ \overleftarrow{AC} ରୂପେ ଲେଖାଯାଏ ନାହିଁ ।

3.6.2. ରେଖାଖଣ୍ଡ

ଚିତ୍ର 3.11 (କ) ରେ \overleftrightarrow{AB} ର ବିନ୍ଦୁ ଦେଖୁଛା। ଯଦି B ବିନ୍ଦୁର ତାହାଶକୁ ଥିବା \overleftrightarrow{AB} ର ଅଂଶକୁ ଲିଭାଇ ଦିଆଯାଏ, ତେବେ ଆମେ \overleftrightarrow{AB} ର ଅବଶିଷ୍ଟାଶକୁ ଯେପରି ରୂପରେ ଦେଖୁବା ତାହା ଚିତ୍ର (ଖ)ରେ ଦର୍ଶାଯାଇଛି ଏବଂ ତୁମେ ଜାଣିଛୁ ଯେ ଏହା ହେଉଛି BA ରକ୍ଷିତ ।

ବର୍ତ୍ତମାନ BA ରକ୍ଷିତ A ବିନ୍ଦୁ ବାମକୁ ଥିବା ଅଂଶକୁ ଲିଭାଇ ଦିଆଯାଏ, ତେବେ \overrightarrow{BA} ର ଯେଉଁ ଅବଶିଷ୍ଟାଶ ରହିବ, ତାହା ଚିତ୍ର(ଗ)ରେ ଦର୍ଶାଯାଇଛି । ଚିତ୍ର (ଗ)ରେ \overleftrightarrow{AB} ର ଯେଉଁ ଅଂଶଟି ଦେଖୁଛ ତାକୁ ଏକ ରେଖାଖଣ୍ଡ ବୋଲି କୁହାଯାଏ । ଏହି ରେଖାଖଣ୍ଡକୁ AB ରେଖାଖଣ୍ଡ ରୂପେ ନମିତ କରାଯାଏ । ସଙ୍କେତରେ AB ରେଖାଖଣ୍ଡକୁ \overline{AB} ରୂପେ ଲେଖାଯାଏ ।

A ଓ B ବିନ୍ଦୁରୁ \overline{AB} ର ପ୍ରାତବିନ୍ଦୁ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

ଚିତ୍ର 3.11 ରେ A ଓ B ପ୍ରାତବିନ୍ଦୁ ଥିବା \overline{AB} (ବା AB ରେଖାଖଣ୍ଡ) ଦେଖୁଛା । ସେଇ କ୍ୟବହାର କରି A ଠାରୁ B ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଦୂରତାକୁ ମାପିବେ, ଯେଉଁ ମାପ ପାଇବା ତାକୁ AB ର ଦେର୍ଘ୍ୟ କୁହାଯାଏ । ଆମେ ଜାଣିଲେ -

ଏକ ରେଖାଖଣ୍ଡର ବୈର୍ଯ୍ୟ ହେଉଛି ଏହାର ପ୍ରାତବିନ୍ଦୁ ଦ୍ୱାରା ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା ।

ଜାଣିଛୁ କି ?

ଜେବେଳା \overline{AB} ର ଦେର୍ଘ୍ୟକୁ AB ରୂପେ ଲେଖାଯାଏ, ଅର୍ଥାତ୍ \overline{AB} ଲାଗି ଘପରେ ଗାନ୍ଧି କାହାଯାଏ ନାହିଁ ।

\overline{AB} ରେଖାଖଣ୍ଡ ଓ AB ର ସଙ୍କେତ ଏକାକି ।

AB : ରେଖାଖଣ୍ଡ AB ର କ୍ୟବହାର ସଙ୍କେତ ।

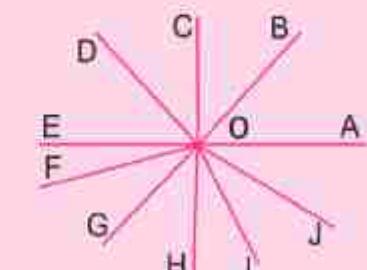
ସହି 5 ଦେ.ମ. ବାପି \overline{AB} ଅଙ୍କନ କରାଯାଇଥାଏ, ତେବେ ଆମେ ଲେଖାବାବାକୁ AB ର ଦେର୍ଘ୍ୟ = 5 ଦେ.ମ.

ଅଥବା $AB = 5$ ଦେ.ମ.



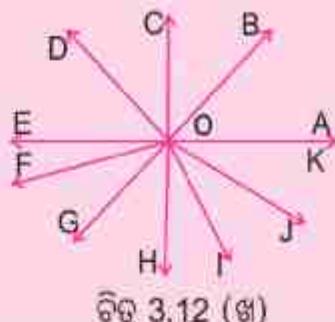
ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ତୁମ ଖାତାର ଗୋଟିଏ ପୃଷ୍ଠାରେ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ବିନ୍ଦୁରୁ ବିନ୍ଦୁ କରି କରିବାକୁ ବିନ୍ଦୁ କରିବାର ଏବଂ ତା'ର ନାମ ଦିଅ ।
- ◆ 'O'କୁ ଗୋଟିଏ ପ୍ରାତବିନ୍ଦୁ ରୂପେ ନେଇ ଯେତେବେଳେ ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କରିପାରୁଛ ଅଙ୍କନ କର ।
- ◆ ଅଙ୍କନ କରିଥିବା ରେଖାଖଣ୍ଡର ସଂଖ୍ୟା ଗଣି କେତୋଟି ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କରିଛ ନାହିଁ ।
- ◆ ପ୍ରତ୍ୟେକ ରେଖାଖଣ୍ଡର ଅପରପ୍ରାତବିନ୍ଦୁ ନାମ ଦିଅ A,B,C.....J । ବର୍ତ୍ତମାନ ଗୋଟିଏ ସାଧାରଣ ପ୍ରାତବିନ୍ଦୁ ଥିବା 10 ଗୋଟି ରେଖାଖଣ୍ଡର ବିନ୍ଦୁ ତୁମେ ପାଇଛ (ଚିତ୍ର 3.12(କ) ପରି) ଏବଂ ପ୍ରତ୍ୟେକ ରେଖାଖଣ୍ଡର O ଜିନ୍ହି ଅନ୍ୟ ପ୍ରାତବିନ୍ଦୁ ରୁହିକରେ ତାର ବିନ୍ଦୁ ଦିଆ ।



ଚିତ୍ର 3.12(କ)

- ◆ ବର୍ଣ୍ଣାନ ପୂର୍ବଦିତ୍ତରେ ଥିବା ରେଖାଶ୍ରୀରୁଡ଼ିକର ଚିତ୍ର ରଶ୍ମିର ଚିତ୍ରରେ ପରିଣତ ହେଲା ଓ ତାହା ଚିତ୍ର 3.12 (୯) ଭଳି ଦେଖାଯାଉଥିବା ।
- ◆ 'O'କୁ ଆଦ୍ୟବିନ୍ଦୁ ରୂପେ ନେଇ ପୂର୍ବପରି ଆଜ ଅଧିକ ରଶ୍ମି ଅଙ୍କନ କରିପାରିବକି ?
- ◆ ନିଷିଦ୍ଧ ରୂପେ ଆହୁରି ଅଧିକ ରଶ୍ମି ଅଙ୍କନ କରାଯାଇପାରିବ ।



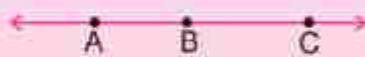
ଚିତ୍ର 3.12 (୯)

ଆମେ କ'ଣ ଜାଣିଲେ ? ଯେମିବି ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଅସଂଖ୍ୟ ସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ କରିବା ସମ୍ଭବ ବୋଲି ଜାଣିଥିଲେ, ସେହିପରି ଗୋଟିଏ ସାଧାରଣ ଆଦ୍ୟବିନ୍ଦୁ ଥିବା ଅସଂଖ୍ୟ ରଶ୍ମି ଅଙ୍କନ କରିବା ସମ୍ଭବ ହେବ । ଅର୍ଥାତ୍, ଗୋଟିଏ ସାଧାରଣ ଆଦ୍ୟବିନ୍ଦୁ ଥିବା ଅସଂଖ୍ୟ ରଶ୍ମି ଅଙ୍କନ ସମ୍ଭବ ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ଖାତାର ଗୋଟିଏ ପୃଷ୍ଠାରେ ଗୋଟିଏ ସରଳରେଖାର ଚିତ୍ର ଅଙ୍କନ କର । ତା' ଉପରେ A, B ଓ C ବିନ୍ଦୁ ତିନୋଟି ଚିହ୍ନିତ କର ଯେପରି B ବିନ୍ଦୁଟି A ଓ C ର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ହେବ ।
- ◆ ଏବେ \overline{AB} , \overline{BC} ଏବଂ \overline{AC} ର ମାପ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
- ◆ ଏହିପରି ଆଉ ତିନୋଟି ଅଳଗା ଚିତ୍ର ଅଙ୍କନକରି \overline{AB} , \overline{BC} ଏବଂ \overline{AC} ର ମାପ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
- ◆ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସାରଣୀ ଭଳି ସାରଣୀଟିଏ ପ୍ରସ୍ତୁତ କରି ସେଥିରେ ପାଇଥିବା ମାପଗୁଡ଼ିକ ଲେଖ ।



ଚିତ୍ରର ନାମ	AB	BC	AC
ପ୍ରଥମ			
ଦ୍ୱିତୀୟ			
ତୃତୀୟ			
ଚତୁର୍ଥ			

ତୁମେ ପୂରଣ କରିଥିବା ସାରଣୀରୁ କ'ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛ ?

ଏକ ରେଖାରେ ଥିବା ତିନୋଟି ବିନ୍ଦୁ A, B, C ମଧ୍ୟରୁ B ବିନ୍ଦୁଟି A ଓ C ର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ହୋଇଥିଲେ,
 $AB + BC = AC$ ହେବ ।

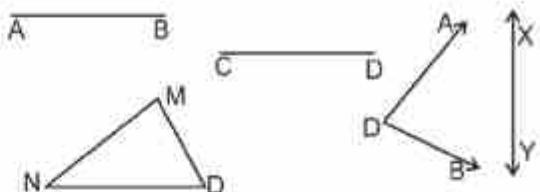
ମନୋରକ୍ଷା : - ଏକ ସରଳରେଖାରେ ଥିବା ତିନୋଟି ବିନ୍ଦୁ A, B ଓ C ମଧ୍ୟରୁ B ବିନ୍ଦୁଟି A ଓ C ର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ହେଲେ, ଆମେ ଲେଖୁ : - A - B - C

ଏହଳି ଲେଖାଥିଲେ, ଆମେ ପଡ଼ିବା B ବିନ୍ଦୁଟି A ଓ C ବିନ୍ଦୁ ବୁଝିର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 3.3

1. ପାର୍ଶ୍ଵ ବିତ୍ତରେ ଥିବା ସରଳରେଖା, ରେଖାଖଣ୍ଡ ଓ ରକ୍ଷିମାନଙ୍କର ନାମ ନିମ୍ନାବଳୀ ଭଲି ସାରଣୀରେ ବିଆରି କରି ସେଥିରେ ପୂରଣ କର।

ସରଳରେଖା	ରେଖାଖଣ୍ଡ	ରକ୍ଷିମାନ



2. ଦୁଇ ଜୀବାରେ ଚିନୋଟି ରେଖାଖଣ୍ଡ \overline{AB} , \overline{CD} ଓ \overline{EF} ଅଙ୍କନ କର। ପ୍ରତ୍ୟେକର ଦେଇଁ ପ୍ରଥମେ କେବଳ ସେଇଁ ସାହାୟ୍ୟରେ ଏବଂ ସେଇଁ ସାହାୟ୍ୟରେ ମାପି ନିମ୍ନମୁଁ ସାରଣା ଭଲି ସାରଣୀରେ ବିଆରି କରି ସେଥିରେ ପୂରଣ କର।

ରେଖାଖଣ୍ଡର ନାମ	କେବଳ ସେଇଁ ସାହାୟ୍ୟରେ ପାଇଥିବା ଦେଇଁ	ଚିତ୍ରାବଳୀ ଓ ସେଇଁ ସାହାୟ୍ୟରେ ପାଇଥିବା ଦେଇଁ
\overline{AB}		
\overline{CD}		
\overline{EF}		

3. (କ) ପାର୍ଶ୍ଵ ତ୍ରିଭୁଜର ନାମ କ'ଣ।
 (ଖ) ଯେଉଁ ଚିନୋଟି ରେଖାଖଣ୍ଡ ଦ୍ୱାରା ତ୍ରିଭୁଜଟି ସୃଷ୍ଟି, ସେଗୁଡ଼ିକର ନାମ କେଣ।
 (ଗ) ସେଇଁ ସାହାୟ୍ୟରେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ରେଖାଖଣ୍ଡର ଦେଇଁ ମାପି ଲେଖ।

4. ନିମ୍ନମୁଁ ବାକ୍ୟମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ଠିକ୍ ବାକ୍ୟଗୁଡ଼ିକୁ ବାହି ଲେଖ।

- (କ) ଗୋଟିଏ ସରଳରେଖା ଏକ ରେଖାଖଣ୍ଡର ଗୋଟିଏ ଅଂଶ।
 (ଖ) ଗୋଟିଏ ରେଖାଖଣ୍ଡର ଦୁଇଟି ପ୍ରାତିବିନ୍ଦୁ ଥାଏ।
 (ଗ) ଗୋଟିଏ ସରଳରେଖାର ଦୁଇଟି ପ୍ରାତିବିନ୍ଦୁ ଥାଏ।
 (ଘ) ଗୋଟିଏ ରକ୍ଷିତ ଗୋଟିଏ ଆବ୍ୟବିନ୍ଦୁ ଥାଏ।
 (ଡ) $1 \text{ ଦେ.ମி.} = 10 \text{ ମି. ମି.}$

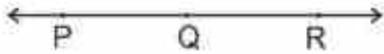
5. ଭାବାଣ ପାଖରେ ଥିବା ଚିତ୍ରରୁ ମାପି ଦେଖ ଯେ :

- (କ) $AB + BD = AC + CD$
 (ଖ) $AB + CD = AD - BC$

କହିଲା ଦେଖି :
 ସରଳରେଖା, ରକ୍ଷିମାନ ମଧ୍ୟରୁ
 କହାଗ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଦେଇଁ ଆଛି ? କହିଁବି ?



6. ଦୂମ ଖାରାରେ ତିନୋଟି ସରଳ ରେଖା ଅଙ୍କନ କର, ପ୍ରତ୍ୟେକ ସରଳରେଖା ଉପରେ ତିନୋଟି ଲେଖାଖୀଁ ବିଦୁ ନିଆ । ବାମରୁ ତାହାରେ କୁମରେ ବିଦୁ ତିନୋଟିକୁ P, Q ଓ R ନାମ ଦିଆ ।



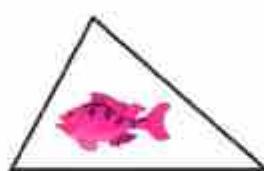
କେଉଁ ବିଦୁଟି ଅନ୍ୟ ଦୂରତ୍ତି ବିଦୁର ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ତାହା କୁହ । ବର୍ତ୍ତମାନ PQ, QR ଓ PR ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁଟି ଅନ୍ୟ ଦୂରତ୍ତିର ସମାନ ସହ ସମାନ କୁହ ।

3.7 ଆବଶ୍ୟକ

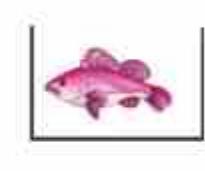
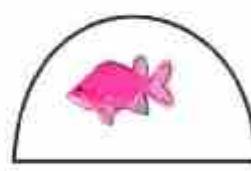
ତଳେ ଥିବା ଚିତ୍ରରେ କେବଳ ସିଧାଗାର ବା ସିଧାଗାର ଓ ବଜ୍ଞାଗାର ବା କେବଳ ବଜ୍ଞାଗାରର ଚିତ୍ର ଭିତରେ ଗୋଟିଏ ମାଛର ଛବି ରହିଛି । ସେହି ସିଧାଗାରର ଚିତ୍ର ବା ସିଧା ଓ ବଜ୍ଞା ଗାରର ଚିତ୍ର ବାହାରେ ଗୋଟିଏ ବିଲେଇର ଛବି ରହିଛି, ସିଧାଗାର ଓ ବଜ୍ଞାଗାର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ତାର ଜାଲି ଦ୍ୱାରା ଘେରାଯାଇଥିବା ସ୍ଥାନକୁ ବୁଝାଏ । ତାର ଜାଲି ଏବେ ଉଚ୍ଚ ଯେ, ବିଲେଇଟି ତାକୁ ଡେଇଁ କରି ମାଛ ପାଖରେ ପହଞ୍ଚାଇବ ନାହିଁ ।



(କ)



(ଖ)



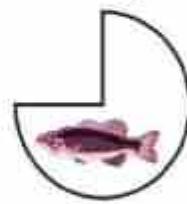
(ଗ)



(ଘ)



(ଙ)



(ଘ)



ବର୍ତ୍ତମାନ (କ), (ଖ), (ଗ), (ଘ), (ଘ), (ଙ) ଦ୍ୱାରା ସ୍ଥିତ ଚିତ୍ରଗୁଡ଼ିକ ଭଲଭାବେ ଦେଖି ନିମ୍ନ ପ୍ରକାଶ ଦୂରତ୍ତିର ଉତ୍ତର ସ୍ଥିର କର ।

- ◆ କେତେ ନମ୍ବର ଚିତ୍ରରେ ତାର ଜାଲି ଦ୍ୱାରା ସ୍ଥାନ ଭିତରକୁ ପଶି ବିଲେଇଟି ମାଛକୁ ଆଣି ପାରିବ ଏବେ ?
- ◆ କେତେ ନମ୍ବର ଚିତ୍ରରେ ତାର ଜାଲି ଦ୍ୱାରା ସ୍ଥାନ ଭିତରକୁ ବିଲେଇଟି ପଶିପାରିବ ନାହିଁ ଏବେ ?

ଦୁମେ ସ୍ଥିର କରିଥିବା ଉତ୍ତର ନିଶ୍ଚଯ ନିମ୍ନମାତ୍ରେ ହେବ ।

ଚିତ୍ର ନଂ. (ଘ) ଓ (ଙ) ରେ ଥିବା ତାର ଜାଲି ଦ୍ୱାରା ସ୍ଥାନ ଭିତରୁ ବିଲେଇଟି ମାଛକୁ ଆଣି ପାରିବ । କାରଣ, ଏହି ଜାଲ ଦ୍ୱାରା ସ୍ଥାନ ଗୁଡ଼ିକ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଆବଶ୍ୟକ ନୁହେଁ । କାରଣ ଏହି ସ୍ଥାନ ଭିତରକୁ ପଶିବା ଲାଗି ଖୋଲା ବାଟ ଅଛି । ସେହିପରି ଚିତ୍ର ନଂ (କ), (ଖ), (ଗ), (ଘ) ଓ (ଘ) ରେ ଥିବା ତାର ଜାଲି ଦ୍ୱାରା ସ୍ଥାନ ଭିତରକୁ ବିଲେଇ ପଶିପାରିବ ନାହିଁ । କାରଣ, ସେହି ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ସ୍ଥାନଗୁଡ଼ିକୁ ଘେରି ରହିଥିବା ତାରକାଲିଗୁଡ଼ିକ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଆବଶ୍ୟକ । ତା' ଭିତରକୁ ପଶିବାକୁ ବାଟ ନାହିଁ ।

ଏଥରୁ ଆମେ କ'ଣ ଜାଣିଲେ ?

ଯଦି ଗୋଟିଏ ସମତଳରେ ଥିବା ଏକ ଜ୍ୟାମିତିକ ଚିତ୍ର, ଏକ ସମତଳର ଏକ ଅଂଶକୁ ସମୂର୍ଧ୍ଵ ଆବଶ୍ୟକ କରେ, ତେବେ ସେ ଚିତ୍ରକୁ ଆବଶ୍ୟକ କରୁଥାଯାଏ ।

3.7.1. ସରଳରେଖା ଓ ବକ୍ରରେଖା ସାମାରେଖା :

ବୁମେ ଅନେକ ମାନଚିତ୍ର ଦେଖୁଛା । ମାନଚିତ୍ର ଦେଖୁ ପୁନେ ନିଶ୍ଚିତ କହିପାରିବ ଯେ, ମାନଚିତ୍ରରେ କେଉଁ ସହର କେଉଁଠାରେ ଅବସ୍ଥିତ ।

ମାନଚିତ୍ର ଦେଖୁ ଲାଗୁ, କେଉଁ ରାଜ୍ୟରେ ପୁରୀ ସହର ଅବସ୍ଥିତ ? ଭାରତ ମାନଚିତ୍ରରେ କେଉଁଠାରେ ପୁରୀ ଲେଖା ହୋଇଛି ଲକ୍ଷ୍ୟ କର । ବୁମେ ଦେଖୁବ, ଓଡ଼ିଶା ରାଜ୍ୟ ମଧ୍ୟରେ ପୁରୀ ସହର ଅଛି । ଓଡ଼ିଶାର ମାନଚିତ୍ର ଏକ ରେଖାଦ୍ୱାରା ଆବଶ୍ୟକ, ସେହିପରି ଆହୁପ୍ରଦେଶର ମାନଚିତ୍ର ଏକ ରେଖାଦ୍ୱାରା ଆବଶ୍ୟକ । ଏହି ରେଖାକୁ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ରାଜ୍ୟର ସାମାରେଖା କୃତ୍ସମାନ । ଓଡ଼ିଶାର ମାନଚିତ୍ରର ସାମାରେଖାରୁ ଆମେ ଜାଣିପାରିବା ଯେ, ଓଡ଼ିଶା ସେହି ସାମାରେଖା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ବିସ୍ତୃତ । ଓଡ଼ିଶାର ସାମାରେଖା ଓଡ଼ିଶାକୁ ତା'ର ଚାରିପାଞ୍ଚରେ ଥିବା ରାଜ୍ୟମାନଙ୍କଠାରୁ ଅଳଗା କରୁଛି ।

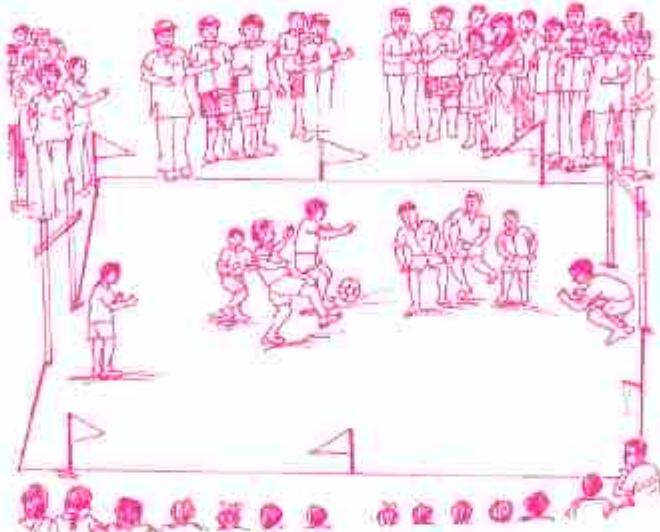
ଭାରତର ମାନଚିତ୍ରକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର । କେଉଁ କେଉଁ ରାଜ୍ୟ ଓଡ଼ିଶାକୁ ରାଗି ରହିଛି କହ । ଓଡ଼ିଶାର ସାମାରେଖା ଓଡ଼ିଶାକୁ ସେହି ସବୁ ରାଜ୍ୟଠାରୁ ଅଳଗା କରୁଛି ।



ଚିତ୍ରରେ ବିଦ୍ୟାଳୟର ସାମାରେଖାକୁ ଚିହ୍ନାଇ । ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ବିଦ୍ୟାଳୟର ହତା ଏକ ସାମାରେଖାଦ୍ୱାରା ଆବଶ୍ୟକ । ଏହି ପ୍ରକାର ସାମାରେଖା ହେଉଛି ସରଳରେଖା । ସାମାରେଖା ଦୁଇପ୍ରକାର, ଯଥା- ସରଳରେଖା ଓ ବକ୍ରରେଖା । ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ବିଦ୍ୟାଳୟର ସାମା ସରଳରେଖା ଓ ଓଡ଼ିଶାର ସାମାରେଖା ବକ୍ରରେଖା ।

3.7.2. ଅଭ୍ୟସ ଓ ବହିଃସୁ ବିଦ୍ୟ

ଶେଳପଡ଼ିଆର ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖୁ ନିମ୍ନଲିଖିତ ପ୍ରଶ୍ନମାନଙ୍କର ଉତ୍ତର ଦିଆ ।

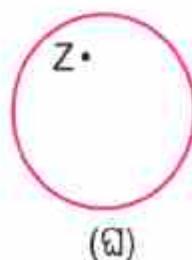
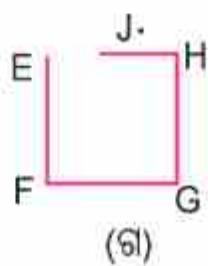
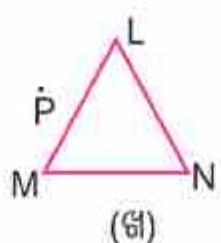
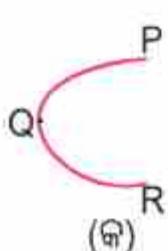


- (କ) ଶେଳପଡ଼ିଆର ଭିତରେ କ'ଣ ସବୁ ଅଛି ?
- (ଖ) ଶେଳପଡ଼ିଆର ବାହାରେ କିଏ ଅଛନ୍ତି ?
- (ଗ) ଶେଳପଡ଼ିଆର ସୀମାରେ ଯେଉଁମାନେ ଅଛନ୍ତି (ମାତ୍ର ଶେଳ ପଡ଼ିଆର ଭିତରେ ଓ ବାହାରେ ନାହନ୍ତି) ?
- ◆ ଯେଉଁମାନେ ଭିତରେ ଅଛନ୍ତି, ସେମାନେ ଶେଳପଡ଼ିଆର ଅଭ୍ୟସ ।
 - ◆ ଯେଉଁମାନେ ବାହାରେ ଅଛନ୍ତି, ସେମାନେ ଶେଳପଡ଼ିଆର ବହିଃସୁ ।
 - ◆ ଯାହାପରୁ ଭିତରେ ନାହନ୍ତି କି ବାହାରେ ନାହନ୍ତି ସେମାନେ ଶେଳପଡ଼ିଆର ସାମା ଉପରିଷ୍ଠା ।

ଆମେ କ'ଣ ଜ୍ଞାଣିଲେ ?

ସୀମାରେଖା ଦ୍ୱାରା ଆବଶ୍ୟକ ଅଞ୍ଚଳରେ ଯେ କୌଣସି ବିନ୍ଦୁ ସେହି ଅଞ୍ଚଳରେ ଅଭ୍ୟସ ବିନ୍ଦୁ, ସୀମାରେଖା ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ ଯେ କୌଣସି ବିନ୍ଦୁ ସୀମାରେଖା ଉପରିଷ୍ଠା ବିନ୍ଦୁ । ଅଭ୍ୟସ ବିନ୍ଦୁ ଓ ସୀମା ଉପରିଷ୍ଠା ବିନ୍ଦୁଗୁଡ଼ିକ ବାଦ ଦେଲେ ଅନ୍ୟ ବିନ୍ଦୁଗୁଡ଼ିକ ଆବଶ୍ୟକ ଅଞ୍ଚଳର ବହିଃସୁ ବିନ୍ଦୁ ଅଟନ୍ତି ।

☞ ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଚିତ୍ରଗୁଡ଼ିକ ଦେଖୁ ଓ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ତର ଲୋଖି :



- ◆ ଚିତ୍ର (କ), (ଖ), (ଘ) ଓ (ଘ) ରେ ପ୍ରଦର୍ଶିତ ଅଞ୍ଚଳମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁ ଅଞ୍ଚଳ ଆବଶ୍ୟକ ?
 - ◆ ଶୂନ୍ୟପ୍ଲାନ ପୂରଣ କର -
 • _____ ଓ _____ ଆବଶ୍ୟକ ଚିତ୍ର ।
 • _____ ଓ _____ ଆବଶ୍ୟକ ନୁହେଁ ।
 • _____ ଚିତ୍ରର ସାମା ବକ୍ରରେଣ୍ଟା ।
 • _____ ଚିତ୍ରର ସାମା ସରଳରେଣ୍ଟା ।
 • _____ ଚିତ୍ରରେ ଏକ ବହିଷ୍ମୁ ବିନ୍ଦୁ ଅଛି ଏବଂ _____ ହେଉଛି ବହିଷ୍ମୁ ବିନ୍ଦୁ ।
 • _____ ଚିତ୍ରରେ ଏକ ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ଅଛି ଏବଂ _____ ହେଉଛି ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ।
 - ◆ ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ଦିଆ ।
 - ଚିତ୍ର (କ) ରେ ଏକ ବହିଷ୍ମୁ ବିନ୍ଦୁ ନର୍ଶାଇ ପାରିବ କି ?
 - କେଉଁ କେଉଁ ଚିତ୍ରରେ ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ବିହିଷ୍ମୁ ବିନ୍ଦୁ ନର୍ଶାଇପାରିବ ନାହିଁ ?

ତୁମେ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିଥିବ ଯେ, ଚିତ୍ର (ଖ) ୪ (ଘ) ରେ ଅନ୍ତର୍ମୁ ଏ ବହିମୁ ବିଦୁ ଦର୍ଶାଇଛେ, କିନ୍ତୁ ଚିତ୍ର (କ) ୪ (ଗ) ରେ ଅନ୍ତର୍ମୁ ଏ ବହିମୁ ବିଦୁ ଦର୍ଶାଇ ହେବନାହିଁ । କେବଳ ଆବଶ୍ୟକ ଚିତ୍ରରେ ଅନ୍ତର୍ମୁ ବିଦୁ ତଥା ବହିମୁ ବିଦୁ ଅଛନ୍ତି ।

କାଣିକ କି ?

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 3.4

୧. (କ) ଗୋଟିଏ ସରଳରେଖା ସାମା ଥିବା ଆବଶ୍ୟକ ଚିତ୍ର ଓ ଗୋଟିଏ ବଜ୍ରରେଖା ସାମା ବିଶିଷ୍ଟ ଆବଶ୍ୟକ ଚିତ୍ର ଅଙ୍କନ କର।

(ଖ) ଆଙ୍କିଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ଚିତ୍ରରେ ଦୂରଚିତ୍ର ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ଓ ଦୂରଚିତ୍ର ବହିଃସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ଚିହ୍ନଟ କର।
ସରଳରେଖା ସାମା ବିଶିଷ୍ଟ ଚିତ୍ରର ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ଦୂରଚିତ୍ରକୁ K ଓ L ନାମ ଦିଆ ଏବଂ ବହିଃସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ଦୂରଚିତ୍ରକୁ M ଓ N ନାମ ଦିଆ।
ବଜ୍ରରେଖା ସାମା ବିଶିଷ୍ଟ ଚିତ୍ରର ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ଦୂରଚିତ୍ରକୁ P ଓ Q ନାମ ଦିଆ ଏବଂ ବହିଃସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ଦୂରଚିତ୍ରକୁ R ଓ S ନାମ ଦିଆ।

(ଗ) ପ୍ରତ୍ୟେକ ଆବଶ୍ୟକ ଚିତ୍ରର ସାମା ଉପରେ ଗୋଟିଏ ଲେଖାଏଁ ବିନ୍ଦୁ ଚିହ୍ନଟ କର। ସରଳରେଖା ଚିତ୍ରରେ ଏହି ବିନ୍ଦୁର ନାମ ଦିଆ Y ଏବଂ ବଜ୍ରରେଖା ସାମା ଥିବା ଚିତ୍ରରେ ଏହି ବିନ୍ଦୁର ନାମ ଦିଆ Z ।

୨. ଏପରି ଏକ ଚିତ୍ର ଅଙ୍କନ କର ଯାହାର ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ଦର୍ଶାଇବା ସମ୍ଭବ ନହେଁ।

3.8. କୋଣ

3.8.1. କୋଣର ଧାରଣା



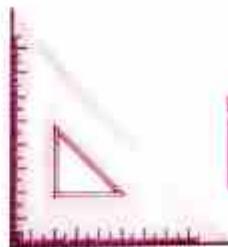
(କ)



(ଖ)



(ଗ)



(ଘ)



(ଙ)

ଉପରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଚିତ୍ରଗୁଡ଼ିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକର-

- ◆ ବହିର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଘୃଷ୍ମାର ଧାର ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ରେଖାଖଣ୍ଡ। ଦୂରତି ଧାର ଯେହାଠୀ ମିଳିଛି ହୋଇଛନ୍ତି ସେଠାରେ ଏକ କୋଣ ସୃଷ୍ଟି ହୋଇଛି।
- ◆ ଡିଭାଇଡ଼ର ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖ। ତାହାର ବାହୁଦୟ ମିଳିଛି ହୋଇଥିବା ପ୍ଲାନରେ କୋଣଟିଏ ସୃଷ୍ଟି ହୋଇଛି।
- ◆ ଉପର ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ଘଣ୍ଟାକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର। ଘଣ୍ଟା କଣ୍ଠା ଓ ମିନିଟ୍ କଣ୍ଠା କିମ୍ବା କିମ୍ବା ରହିଛନ୍ତି? କଣ୍ଠାଦୟ ଏକ କୋଣ ଗଠନ କରିଛନ୍ତି।
- ◆ ସେହିପରି ସେଚେବାକୋଣର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶାର୍ଷଠାରେ, ଏହାର ଦୂରଧାର ମିଳିଛି ହୋଇ ଏକ କୋଣ ସୃଷ୍ଟି ହୋଇଛି।

ବର୍ଣ୍ଣନା କହ -

(କ) ତୁମ ଗ୍ରେଣାର କଳାପଚା ଉପରେ କେତୋଟି କୋଣ ଦେଖୁଛ ?

(ଖ) ତୁମ ଗ୍ରେଣାଗୁଡ଼ ଚଟାଣରେ କେତୋଟି କୋଣ ଅଛି ?

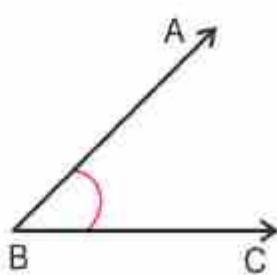
ଏତେବୁଦ୍ଧିଏ କୋଣ ଦେଖିଲା ପରେ ଆମେ ଜାଣିଲେ, ସାଧାରଣ ଆଦ୍ୟବିଦ୍ୟୁବିଶିଷ୍ଟ ଦୂରତି ରଶ୍ମି (ଏକ ସରଳରେଖାର ଅଂଶ ହୋଇ ନ ଥିଲେ) ଗୋଟିଏ କୋଣ ଗଠନ କରନ୍ତି ।

ଆଜି ତୁମ ପରିବେଶରେ ତୁମେ କେଉଁ କେଉଁଠାରେ କୋଣ ସୃଷ୍ଟି ହେବାର ଦେଖୁଛ ଲେଖ ।

3.8.2 କୋଣର ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟ, ବାହୁ ଓ ନାମକରଣ -

ଚିତ୍ର ଦେଖ ଓ ପ୍ରଶ୍ନମାନଙ୍କର ଉଭୟ ଦିଅ :

- ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ରଶ୍ମିଦୟର ନାମ କ'ଣ ?
- ରଶ୍ମିଦୟର ସାଧାରଣ ଆଦ୍ୟବିଦ୍ୟୁ କିଏ ?
- ରଶ୍ମି $B A$ କେଉଁ ଦିଗରେ ସଥାମ ?
- $\overrightarrow{B C}$ କେଉଁ ଦିଗରେ ସଥାମ ?



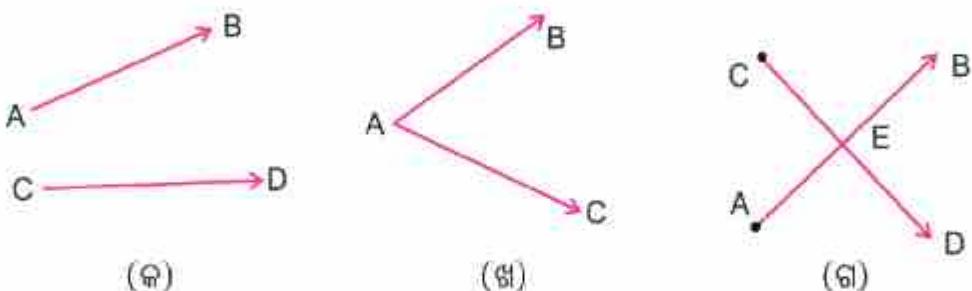
ଚିତ୍ର 3.13

ଚିତ୍ର 3.13 ରେ ଥିବା ରଶ୍ମି ଦୟର ମିଳନରେ ଏକ କୋଣର ଚିତ୍ର ଉପରୁ ହୋଇଛି । ରଶ୍ମି ଦୟର ସାଧାରଣ ଆବ୍ୟବିହୀନ B କୁ ଉପରୁ କୋଣର ଶାର୍ଷବିହୀନ କହାଯାଏ । \overrightarrow{BA} ଓ \overrightarrow{BC} ରଶ୍ମିଦୟକୁ ଉପରୁ କୋଣର ବାହୁ କୁହାଯାଏ । ଏହି କୋଣକୁ $\angle ABC$ ବା $\angle CBA$ (କୋଣ ABC ବା CBA ବୋଲି ପଡ଼ାଯାଏ) ।

ଜାଣିଛ କି ?

' \angle ' ବିଦ୍ୟୁତ ହେଉଥିଲୋ ଅନ୍ତର ସାଙ୍ଗପିକ ଚିତ୍ର । କୋଣକୁ ନାମିତ ବଳାବେଳେ ସର୍ବଦା ଶାର୍ଷବିହୀନ ନାମ ମାଟେରେ ଗଛେ । $\angle ABC$ କୁ $\angle B$ ମଧ୍ୟ କୁହାଯାଏ । ମାତ୍ର ଏକ ଶାର୍ଷବିହୀନ ଏକଥୁକ କୋଣ ତହିଁଲେ ଦ୍ୱିତୀୟ ପ୍ରକାର ନାମକରଣ କରାଯାଏ ନାହିଁ ।

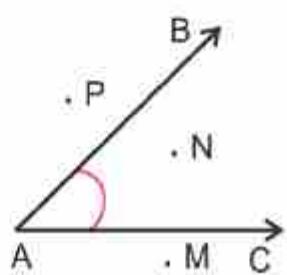
ନିମ୍ନରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଚିତ୍ର ତିନୋଟିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକର-



- ◆ ଚିତ୍ର (କ) ରେ \overrightarrow{AB} ଓ \overrightarrow{CD} ଦ୍ୱାରା ରଶ୍ମି ଥିଲେ ମଧ୍ୟକୋଣ ଉପରୁ ହୋଇନାହିଁ ।
- ◆ ଚିତ୍ର (ଲ) ରେ A ହେଲା \overrightarrow{AB} ଓ \overrightarrow{AC} ଦ୍ୱାରା ରଶ୍ମି ସାଧାରଣ ଆବ୍ୟବିହୀନ ଏହି ରଶ୍ମି ଦୟ ଏକ ଗୋଟିଏ ଅଂଶ ନହାନ୍ତି । ଏହୁ ଏହି ରଶ୍ମି ଦୟ ଏକ କୋଣ ଉପରୁ କରାଯାଏ ।
- ◆ ଚିତ୍ର (ମ) ରେ ଥିବା \overrightarrow{AB} ଓ \overrightarrow{CD} ରଶ୍ମି ଦୟର ଆବ୍ୟବିହୀନ ଯଥାକ୍ରମେ A ଓ C । ମାତ୍ର ଉତ୍ତର ରଶ୍ମିର ଏକ ସାଧାରଣ ବିହୀନ E । \overrightarrow{EB} ଓ \overrightarrow{ED} ରଶ୍ମି ଦୟର ସାଧାରଣ ଆବ୍ୟବିହୀନ E ହୋଇଥିବାରୁ $\angle BED$ ଉପରୁ ହୋଇଛି । ଏହି ଚିତ୍ରରେ \overrightarrow{EC} ଓ \overrightarrow{EB} ଉତ୍ତର ସାଧାରଣ ବିହୀନ E ହେବୁ \overrightarrow{EC} ଓ \overrightarrow{EB} ର ମିଳନରେ କୋଣ $\angle CEB$ ଉପରୁ । ସେହିପରି $\angle AED$ ମଧ୍ୟ ଉପରୁ । \overrightarrow{EC} ଓ \overrightarrow{EA} ର ସାଧାରଣ ବିହୀନ E ହେବୁ ସେ ଦୟର ମିଳନରେ $\angle AEC$ ଉପରୁ ହେଉଛି ବୋଲି ଧରି ନିଆଯାଏ ।

3.8.3. କୋଣର ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ଓ ବହିଃସ୍ଥ ବିହୀନ -

- ◆ ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ଥ ଚିତ୍ରରେ $\angle BAC$ ବର୍ଣ୍ଣାଯାଇଛି । କୋଣଟି ବହିର ଏହି ପୁଷ୍ଟାର ସମତଳରେ ଅବସ୍ଥିତ ।
- ◆ N ବିହୀନ କୋଣର ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ବିହୀନ ।
- ◆ N ବିହୀନପରି $\angle BAC$ ର ଅନ୍ତଃସ୍ଥ ହେଲା ଭାବି ଆହୁରି ଅସଂଖ୍ୟ ବିହୀନ ଅଛନ୍ତି । ଅବଶ୍ୟ ସେମାନଙ୍କର ନାମକରଣ ହୋଇନାହିଁ ।



ଚିତ୍ର 3.14

এই বিদ্যুমানকর ($\angle BAC$ র অঙ্গস্থু বিদ্যুমানকর) ঘনাহার, এই ঘনচলর এক অংশ এবং ঘনচলর উক্ত অংশটিকু কোণৰ অঙ্গেশ কৃত্যাপ্য। কোণৰ গান্ধু দৃঘৰ বিষ্টি অসাম হোৱথুবাৰু $\angle BAC$ ৰ অঙ্গেশ মধ্য অসাম।

- ◆ P এবং M বিদ্যুমান $\angle BAC$ ৰ বহিঃস্থু বিদ্যু। P ও M বিদ্যুভলি $\angle BAC$ ৰ অষ্টাখ্য বহিঃস্থু বিদ্যু অক্ষতি।
- ◆ এই বিদ্যুমানকর ($\angle BAC$ ৰ বহিঃস্থু ঘনত্ব বিদ্যুকর) ঘনাহার, এই ঘনচলর এক অংশ এবং ঘনচলর উক্ত অংশকু কোণৰ বহিংকৰ্দেশ কৃত্যাপ্য। $\angle BAC$ কোণৰ বহিংকৰ্দেশ মধ্য অসাম।
- ◆ \vec{AB} উথা \vec{AC} উপরিস্থু প্রত্যেক বিদ্যু $\angle BAC$ ৰ অঙ্গৰূপ বিদ্যু অটে। অঙ্গৰূপ বিদ্যুমানক ঘনাহারৰে কোণ গঠিত। অর্থাৎ $\angle BAC$ হোৱলি \vec{AB} ও \vec{AC} উপরে থৰা ঘনত্ব বিদ্যুৰ ঘনাহার।

উপৰোক্ত আলোচনারু আমে ক'শ জাণিলো ?

- ◆ গোটিএ কোণ এহাৰ অঙ্গস্থু ও বহিঃস্থু অংশকু পৃথক কৰে।
- ◆ কোণৰ কৌণিষি বহিঃস্থু বিদ্যু ও কৌণিষি অঙ্গস্থু বিদ্যুৰ সংযোকজ রেখাখণ্ড (যথা - \overline{PN} বা \overline{MN}) \overline{AB} বা \overline{AC} কুছেদ কৰিব।

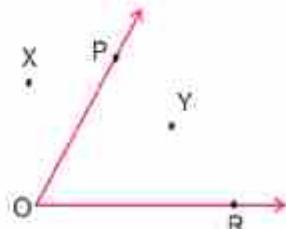
জাণিছ কি ?

কৌণিষি ঘনচলৰে গোটিএ কোণ অক্ষতি হোৱে ঘনচলতি টিনি রাখতে বিভক্ত হোৱযাএ - (i) কোণ, (ii) কোণৰ অঙ্গেশ, (iii) কোণৰ বহিংকৰ্দেশ।

☞ তুমে গোটিএ কোণ অঞ্জন কৰি তাহার অঙ্গেশকু রঞ্জদেৱ চিহ্নাআ। কোণৰ গোটিএ অঙ্গস্থু বিদ্যু ও গোটিএ বহিঃস্থু বিদ্যুকু মধ্য দৰ্শাআ।

অভ্যাস কাৰ্য্য 3.5

1. চিত্ৰ দেখি খাতাৰে উৱৰ লেখ।
 - (ক) চিত্ৰৰ থৰা কোণটিৰ নাম ক'শ লেখ।
 - (খ) এহাৰ শাৰ্ষবিদ্যু ও বাহ্যমানকর নাম লেখ।
 - (গ) এই কোণৰ অঙ্গস্থু বিদ্যু ও বহিঃস্থু বিদ্যুৰ নাম লেখ।
2. নিম্নলিখিত বাক্যমানকৰে থৰা শূন্যস্থান পূৰণ কৰ।
 - (ক) গোটিএ কোণৰ _____ গোটি শাৰ্ষবিদ্যু ও _____ গোটি বাহু থাএ।
 - (খ) _____ চিহ্নটি হোৱাই চিত্ৰৰ থৰা কোণৰ ঘাঙ্কেতিক চিহ্ন।
 - (গ) দুৱাটি ঘৰলৱেজা পৰম্পৰাকু ছেদ কলে _____ গোটি কোণ উপন্থ হুৱ।

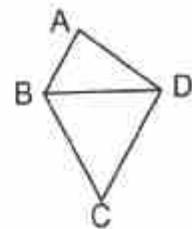


3. ସେଇ ଓ ପେନସିଲ ସାହାଯ୍ୟରେ ତୁମ ଖାତାରେ ଦୂଜଟି କୋଣ ଅଙ୍କନ କରି ସେମାନଙ୍କ ନାମ ଦିଆ ।

4. (କ) ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରରେ କେତୋଟି କୋଣ ଅଛି ?

(ଖ) କେବଳ ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁକୁ ନେଇ କେଉଁ କେଉଁ କୋଣର ନାମକରଣ କରାଯାଇପାରିବ ?

(ଗ) କେଉଁ କୋଣମାନଙ୍କର ଏକ ସାଧାରଣ ବାହୁ ଅଛି ?

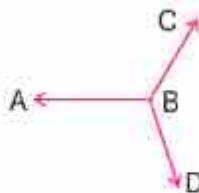


3.9 କୋଣମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ସମ୍ବନ୍ଧ -

ଏକ ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁକୁ ନେଇ କେବଳ କୋଣମାନଙ୍କର କେତେକ ଉଦହାରଣ ଏଠାରେ ଦିଆଯିବ । ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।

3.9.1. ସନ୍ନିହିତ କୋଣ -

ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ର ଦେଖି ଉପର ଲେଖ ।

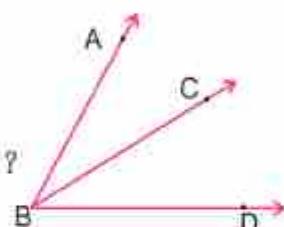


◆ $\angle ABC$ ଓ $\angle CBD$ ର ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁମାନଙ୍କ ନାମ କ'ଣ ?

◆ ଏହି କୋଣଦୟର ସାଧାରଣ ବାହୁ କିଏ ?

◆ କେଉଁ ରକ୍ତିର ବିପରୀତ ପାର୍ଶ୍ଵରେ କୋଣଦୟର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ଦୟ ଅବସ୍ଥିତ ?

◆ $\angle ABC$ ଓ $\angle CBD$ କୋଣ ଦୟର ଅନ୍ତର୍ଦେଶର କୌଣସି ସାଧାରଣ ଆଶ ଅଛି କି ?



ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉପର ତୁମେ ନିଷ୍ପତ୍ତି ନିମ୍ନଲିଖିତ ଭାବିଥିବା ।

ଉତ୍ତମ କୋଣର ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ B, କୋଣ ଦୂଜଟିର ସାଧାରଣ ବାହୁ ହେଉଛି \overrightarrow{BC} , \overrightarrow{BC} ର ବିପରୀତ ପାର୍ଶ୍ଵରେ କୋଣଦୟର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ଦୟର କୌଣସି ସାଧାରଣ ଆଶ ନାହିଁ ।

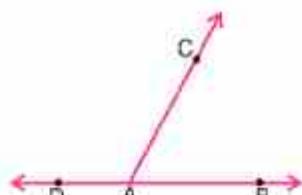
ଗୋଟିଏ ସମଚଳରେ ଥିବା ଦୂଜଟି କୋଣର ଗୋଟିଏ ସାଧାରଣ ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ, ଗୋଟିଏ ସାଧାରଣ ବାହୁ ଥିଲେ ଏବଂ ସେମାନଙ୍କର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ଦୟର କୌଣସି ସାଧାରଣ ଆଶ ନ ଥିଲେ, ସେହି କୋଣଦୟକୁ ସନ୍ନିହିତ କୋଣ କୁହାଯାଏ । ଏଠାରେ $\angle ABC$ ଓ $\angle CBD$ ଦୟ ସନ୍ନିହିତ କୋଣ ।

ତୁମେ ଦୂଜଟି ସନ୍ନିହିତ କୋଣ ଅଙ୍କନ କରି ତାହାର ନାମକରଣ କର ।

3.9.2. ସରଳ ରୈଞ୍ଚିକ ଯୋଡ଼ି -

ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖ । ଚିତ୍ରଟିକୁ ବର୍ଣ୍ଣନା କର । ଲକ୍ଷ୍ୟକର -

ଚିତ୍ରରେ ଥିବା $\angle BAC$ ଓ $\angle CAD$ କୋଣ ଦୟର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ଦୟାଦୟ ଅବସ୍ଥାରେ \overrightarrow{AB} ଓ \overrightarrow{AD} ପରସ୍ପର ବିପରୀତ ରକ୍ତି ଅଚାର୍ଯ୍ୟ । ଏ ପ୍ରକାର ସନ୍ନିହିତ କୋଣ ଦୟକୁ ସରଳ ରୈଞ୍ଚିକ ଯୋଡ଼ି ବା ସରଳ ଯୋଡ଼ି କୁହାଯାଏ ।

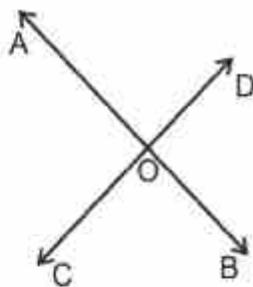


ତୁମ ଖାତାରେ ସରଳ ରୈଞ୍ଚିକ ଯୋଡ଼ି ଅଙ୍କନ କର । କୋଣଦୂଜଟିର ପରିମାଣର ସମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

3.9.3. ପ୍ରତୀପ କୋଣ ବା ବିପରୀତ କୋଣ -

ବିଆୟାଳଥିବା ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖି ଉଲ୍ଲେଖନ ପ୍ରଶ୍ନାନକରି ଉପର କହା ।

- ◆ \overleftrightarrow{AB} ଓ \overleftrightarrow{CD} ଦ୍ୱାରା ପରିସରକୁ କେଉଁ ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦ କରୁଛନ୍ତି ?
- ◆ $\angle AOD$ ର ଲେଟେଟି ସମ୍ଭାବନା ଅଛି ଓ ସେ କୋଣ ଗୁଡ଼ିକର ନାମ କ'ଣ ?
- ◆ ଚିତ୍ରମୁଁ କେଉଁ କୋଣ $\angle AOD$ ର ସମ୍ଭାବନା ନୁହେଁ ?



ଚିତ୍ରରୁ ଦୂମେ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଥିବ ଯେ -

- ◆ \overleftrightarrow{AB} ଓ \overleftrightarrow{CD} ପରିସରକୁ 'O' ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦ କରୁଛନ୍ତି । $\angle AOD$ ର ଦୂରତି ସମ୍ଭାବନା ଅଛି ଓ ସେ ଦୂରତି ହେଲେ $\angle DOB$ ଓ $\angle AOC$ ।
- ◆ $\angle COB$, $\angle AOD$ ର ସମ୍ଭାବନା ଅଛି ଓ ସେ ଦୂରତି ନୁହେଁ । ଏଠାରେ $\angle AOD$ ର ପ୍ରତୀପ ବା ବିପରୀତ କୋଣ ହେଉଛି $\angle BOC$ ।

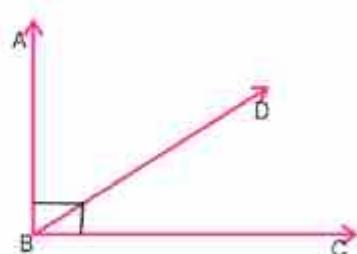
ଦୂରତି ସରଳରେଖା ପରିସରକୁ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦ କଲେ ଯେଉଁ କୋଣ ତାଗୋଟି ଉପର ହୁଏ, ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ଯେଉଁ କୋଣଦ୍ୱୟ ମଧ୍ୟରେ କୌଣସି ସାଧାରଣ ବାହୁ ନ ଥାଏ (ଅର୍ଥାତ୍ ଯେଉଁ କୋଣଦ୍ୱୟ ପରିସର ସମ୍ଭାବନା ନୁହେଁ) ସେ କୋଣଦ୍ୱୟକୁ ପରିସର ପ୍ରତୀପ ବା ପରିସର ବିପରୀତ କୋଣ କୁହାଯାଏ ।

~~ଦୂମେ~~ ଦୂରତି ସରଳ ରେଖା \overleftrightarrow{XY} ଓ \overleftrightarrow{PQ} ନିଅ, ଯେପରି ସେମାନେ ପରିସରକୁ 'K' ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦକରିବେ । ଦୂମେ ପାଇଥିବା ଚିତ୍ରରେ ଦୂର ଯୋଡ଼ା ପ୍ରତୀପ ବା ବିପରୀତ କୋଣ ଚିହ୍ନାଥ ।

3.9.4. ଅନୁପୂରକ କୋଣ -

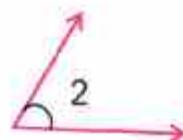
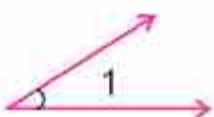
ଚିତ୍ରରେ $\angle ABC$ ଏକ ସମକୋଣ । ଏହି ଚିତ୍ର ଦେଖି ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନାନକରି ଉପର କର ।

- ◆ $\angle ABC$ ବ୍ୟତୀତ ଚିତ୍ର (କ) ରେ ଦେଖୁଥିବା ଅନ୍ୟ ଦୂରତି କୋଣର ନାମ କ'ଣ ?
- ◆ $\angle ABD$ ର ପରିମାଣ + $\angle DBC$ ର ପରିମାଣ = କେବେ ?



ଆମେ ଦେଖିଲୋ -

$\angle ABD$ ଓ $\angle DBC$ ର ପରିମାଣର ସମ୍ପତ୍ତି 90° । ସେ କୋଣଦ୍ୱୟକୁ ପରିସର ଅନୁପୂରକ କୋଣ କୁହାଯାଏ । ନିମ୍ନମୁଁ ଚିତ୍ରରେ ଥିବା $\angle 1$ ଓ $\angle 2$ ମାପର ସମ୍ପତ୍ତି 90° । ତେଣୁ $\angle 1$ ଓ $\angle 2$ ମଧ୍ୟ ପରିସର ଅନୁପୂରକ ।



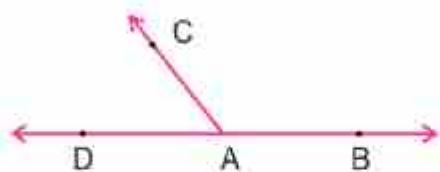
ଦୁଇଟି କୋଣର ପରିମାଣର ସମୟ 90° ହେଲେ ତନ୍ମଧ୍ୟ ଗୋଟିଏ କୋଣ ଅନୁପୂରକ ହୁଏ ଅଥବା କୋଣ ଦୁଇଟି ପରିଷର ଅନୁପୂରକ ।

3.9.5. ପରିପୂରକ କୋଣ -

ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ତ୍ର ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖ ।

ଚିତ୍ରରେ ଦେଖୁଥିବା କୋଣଦ୍ୱୟର ନାମ କ'ଣ ?

ଏହି କୋଣଦ୍ୱୟର ପରିମାଣର ସମୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର । ସେହି କୋଣଦ୍ୱୟକୁ ପରିଷର ପରିପୂରକ କୋଣ କୁହାଯାଏ । ଏଠାରେ $\angle ABC$ ଓ $\angle PQR$ ପରିଷର ପରିପୂରକ । ସରଳ ଯୋଡ଼ି ଗଠନ କରୁଥିବା ଦୁଇଟି କୋଣକୁ ମାପି ଦେଖିଲେ ସେ ଦ୍ୱୟର ମାପର ସମୟ 180° ହୋଇଥିବାର ଦେଖିବ, ଏଣୁ ସେ ଦ୍ୱୟ ମଧ୍ୟ ପରିଷର ପରିପୂରକ ।



ଜାଣି ରଖ : ପରିଷର ପରିପୂରକ ହୋଇଥିବା ଦୁଇଟି କୋଣ ଉଚ୍ଚ ଭିନ୍ନ ପ୍ରାନ୍ତରେ ଅବସ୍ଥାନ କରିପାରନ୍ତି ବା ସନ୍ତୁଷ୍ଟ ହୋଇପାରନ୍ତି ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 3.6

1. (କ) ନିମ୍ନଲିଖିତ ମାପବିଶିଷ୍ଟ କୋଣମାନଙ୍କର ଅନୁପୂରକ କୋଣର ମାପ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$6^\circ, 15^\circ, 29^\circ, 30^\circ, 45^\circ, 75^\circ$

(ଖ) ନିମ୍ନଲିଖିତ ମାପବିଶିଷ୍ଟ କୋଣମାନଙ୍କର ପରିପୂରକ କୋଣର ମାପ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$27^\circ, 52^\circ, 70^\circ, 110^\circ, 145^\circ, 150^\circ$

2. (କ) $45^\circ 45'$ ମାପ ବିଶିଷ୍ଟ କୋଣର ଅନୁପୂରକ ଓ ପରିପୂରକ କୋଣର ମାପ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର । ($1^\circ = 60'$) ।

(ଖ) 48° ମାପବିଶିଷ୍ଟ କୋଣର ଅନୁପୂରକ କୋଣର ପରିପୂରକ କୋଣର ପରିମାଣ କେତେ ?

3. ନିମ୍ନ ମାପବିଶିଷ୍ଟ ଯୋଡ଼ିମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁ ଯୋଡ଼ି ପରିଷର ଅନୁପୂରକ ଓ କେଉଁ ଯୋଡ଼ି ପରିଷର ପରିପୂରକ ଚିହ୍ନଟ କର ।

(କ) $68^\circ, 22^\circ$

(ଖ) $163^\circ, 17^\circ$

(ଗ) $73^\circ, 17^\circ$

(ଘ) $80^\circ, 10^\circ$

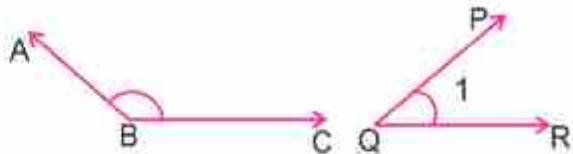
(ଙ) $42^\circ, 138^\circ$

(ଚ) $90^\circ, 90^\circ$

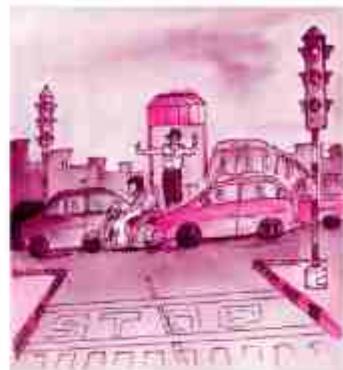
4. ରିକ୍ତ ଅଙ୍କନ କରି ଅନୁପୂରକ କୋଣ ଓ ପରିପୂରକ କୋଣ ଯୋଡ଼ିମାନଙ୍କର ଭବାହରଣ ଦିଆ ।

ଜାଣିଛ କି ?

ଦୁଇଟି ଅନୁପୂରକ କୋଣ ସନ୍ତୁଷ୍ଟ ହୋଇପାରନ୍ତି ଅଥବା ଉଚ୍ଚ ଭିନ୍ନ ପ୍ରାନ୍ତରେ ଅବସ୍ଥାନ କରିପାରନ୍ତି ।

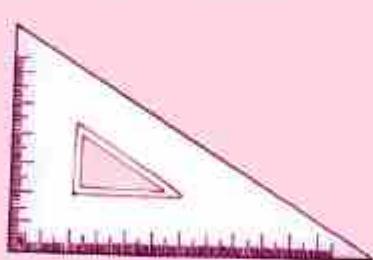


5. ଦୂମ ଆଖପାଖରେ ଥିବା ବସ୍ତୁମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟ ପରିସର ପ୍ରତି ସମକୋଣରେ ରହୁଥିବା ବସ୍ତୁମାନଙ୍କର ଡିନୋଟି ଉଦ୍‌ଦିଗଣ ଦିଆ ।
6. ଗୋଟିଏ ଟ୍ରୁପିକ୍ ଫୋଲିସ ପୂର୍ବକୁ ମୁହଁ କରି ଠିଆ ହୋଇଛି । ଯଦି ସେ ତା'ର କାମକୁ କ୍ରମାନ୍ୟରେ
 (କ) ଏକ ସମକୋଣ (ଖ) ଦୁଇ ସମକୋଣ (ଗ) ତିନି ସମକୋଣ
 (ଘ) ଚାରି ସମକୋଣ ଘୂରେ, ତେବେ ପ୍ରତି ଥର ଘୂରିବା ପରେ ତା'ର
 ମୁହଁ କେଉଁ ବିଗନ୍ଧ ରହିବ ?
7. କି ପ୍ରକାର କୋଣ ସୃଷ୍ଟି ହେବ ?
 (କ) ଗୋଟିଏ ବିଦୁରୁ ପୂର୍ବ ଓ ଦକ୍ଷିଣକୁ ଦୁଇଟି ରଶ୍ମି ଅଙ୍କନ କଲେ ।
 (ଖ) ଗୋଟିଏ ବିଦୁରୁ ଉଚ୍ଚର ଓ ଉଚ୍ଚର ପୂର୍ବକୁ ଦୁଇଟି ରଶ୍ମି ଅଙ୍କନ
 କଲେ ।
 (ଗ) ଗୋଟିଏ ବିଦୁରୁ ପୂର୍ବ ଓ ଉଚ୍ଚରକୁ ଦୁଇଟି ରଶ୍ମି ଅଙ୍କନ କଲେ ।
8. (କ) ଯେଉଁ କୋଣର ପରିମାଣ ତା'ର ଅନୁପୂରକ କୋଣର ପରିମାଣର ଦଳଗୁଣ, ତା'ର ପରିମାଣ କେତେ ?
 (ଘ) ଯେଉଁ କୋଣର ପରିମାଣ ତା'ର ପରିପୂରକ କୋଣର ପରିମାଣର ଦଳଗୁଣ, ତା'ର ପରିମାଣ କେତେ ?



ସେତେଥେଯାର ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଜେତେକ କଥା

ଜେତେକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ପରିମାଣ ବିଶିଷ୍ଟ କୋଣ ଅଙ୍କନ କରିବା ଲାଗି ସେତେଥେଯାରର ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ । ଏହାର ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ବ୍ୟବହାର ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଉଥ୍ୟକୁ ପଡ଼ି ।



30° ସେତେଥେଯାର



45° ସେତେଥେଯାର

ଦୂମ ଯତ୍ନବାକସରେ ଥିବା ଦୁଇଟିଯାକ ସେତେଥେଯାରକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର । ଗୋଟିବର କୋଣରୁଡ଼ିବର ପରିମାଣ $30^\circ, 90^\circ, 60^\circ$ ଓ ଅନ୍ୟଟିର କୋଣରୁଡ଼ିବର ପରିମାଣ $45^\circ, 90^\circ, 45^\circ$ । ପ୍ରଥମଟିର ନାମ $60^\circ - 30^\circ$ ସେତେଥେଯାର ଓ ଦିତୀୟଟିର ନାମ $45^\circ - 45^\circ$ ସେତେଥେଯାର । ଏଗୁଡ଼ିକ ପ୍ରୁଣିକ୍ କିମ୍ବା ଧାରୁରେ ନିର୍ମିତ । ଏହାର ଧାରରେ ଦୂରତା ବା ଦୈର୍ଘ୍ୟ ମାପିବା ଲାଗି ସେଣ୍ଟିମେଟର ଦାଶ ଦିଆଯାଇଥାଏ ।

$30^\circ, 45^\circ, 60^\circ$ ଓ 90° ମାପବିଶିଷ୍ଟ କୋଣମାନ ଅଙ୍କନ କରିବା ଲାଗି ଏଗୁଡ଼ିକ ଆବଶ୍ୟକ ହୋଇଥାଏ । ଦରି ଏକ ସରଳରେଖା ପ୍ରତି ଲକ୍ଷ୍ୟ (ସମକୋଣ ଅଙ୍କନ କରୁଥିବା ରେଖା) ଏବଂ ଦରି ରେଖା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ କରିବା ଲାଗି ଏହାକୁ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ ।



ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା

4.1. ଆମେ ଯାହା ଜାଣିଛୁ :

ଦୁମେ ବସୁଗୁଡ଼ିକୁ ଗଣିବା ଲାଗି ସଂଖ୍ୟାର ବ୍ୟବହାର କରି ଶିଖିଛା। ଦୁଲଟି ବସ୍ତୁ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟା ଜାଣିଥିଲେ ସେ ବସ୍ତୁରେ ଥିବା ବସ୍ତୁମାନଙ୍କର ମୋଟ ସଂଖ୍ୟା ଜାଣିବା ଲାଗି ଯୋଗ ପ୍ରକିଯା ଜାଣିଛା। ଗୋଟିଏ ବସ୍ତୁ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ କିଛି ବସ୍ତୁ କାହିଁ ନେଇ ଗଲେ, ବଳକା ଥିବା ବସ୍ତୁର ସଂଖ୍ୟା ଜାଣିବା ପାଇଁ ବିଯୋଗ ପ୍ରକିଯା ଶିଖିଛା। ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାକୁ ନିଜ ସହିତ ବାରମ୍ବାର ଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟକୁ ସଂକ୍ଷେପରେ ସମ୍ମାଦନ କରିବା ଲାଗି ଗୁଣାନ ପ୍ରକିଯା ଜାଣିଛା। ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାରୁ ତା'ଅପେକ୍ଷା ଏକ ଛୋଟ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବାରମ୍ବାର ବିଯୋଗ ପ୍ରକିଯାର ଫଳାଫଳକୁ ସହଜରେ ଜାଣିବା ଲାଗି ହରଣ ପ୍ରକିଯା ମଧ୍ୟ ଜାଣିଛା। ସଂଖ୍ୟା ଓ ତାହା ସହ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ପ୍ରକିଯାଗୁଡ଼ିକର ଉପଯୋଗରେ ଦୈନିକିନ ଜୀବନରେ ବହୁ ସମସ୍ୟାର ସମାଧାନ କରିପାରୁଛା। ଏହି ଅଧ୍ୟାଯରେ ସଂଖ୍ୟାର କ୍ରମ ବିକାଶ କିପରି ଘଟିଲା ତାହା ଏଠାରେ ଆଲୋଚନା କରିବା।

4.2. ବୀତିହାସିକ ପୃଷ୍ଠାରୁ

ଆଦିମାଳକରୁ ମଣିଷ ନିଜର ଜୀବନ ଧାରଣା କରିବା ଲାଗି ଖାଦ୍ୟ ସଂଗ୍ରହ କରିବା, ସୁରକ୍ଷିତ ଜୀବନ୍ୟାପନ କରିବା ଲାଗି ବାସବୁନ ବ୍ୟବସ୍ଥା କରିବା ଏବଂ ବାହ୍ୟ ଶତ୍ରୁ କବଳକୁ ନିଜକୁ ରଖାକରିବା ଲାଗି ଗୋଷ୍ଠୀଗତ ଜୀବନ ଯାପନ କରିବା ବ୍ୟବସ୍ଥା କରିବାରେ ଅଭ୍ୟନ୍ତ ହୋଇଥିଲା। ପ୍ରଥମେ ସେ କେବଳ ଆଜି କଥା ହଁ ଚିତ୍ତା କରୁଥିଲା। କ୍ରମେ ସେ ଉବିଷ୍ୟତ କଥା ଚିତ୍ତା କରିବାକୁ ଆରମ୍ଭ କଲା। ଯେତେବେଳେ ସେ ଉବିଷ୍ୟତ ଜୀବନ୍ୟାପନ ଲାଗି ପଶୁପାଳନ କରିବା, ବୃକ୍ଷରୋପନ କରିବା କଥା ଚିତ୍ତା କଲା, ସେତେବେଳେ ସେ ପାଳନ କଲା ଏକାଧିକ ପଶୁ, ସେ ଲଗାଇଲା ଏକାଧିକ ବୃକ୍ଷ। ସେ ଯେଉଁ ପଶୁଗୁଡ଼ିକ ପାଳନ କଲା, ଯେଉଁ ଗନ୍ଧଗୁଡ଼ିକୁ ଲଗାଇଲା, ସେଗୁଡ଼ିକର ହିସାବ ରଖିବାର ଆବଶ୍ୟକତା ସେ ଅନୁଭବ କଲା।

4.2.1. ହିସାବ ରଖିବା ବ୍ୟବସ୍ଥା

ତା' ଗୁହାଳରୁ ଯେଉଁ ପଶୁଗୁଡ଼ିକ ବାହାରକୁ ଗଲେ, ସେଗୁଡ଼ିକ ପୁଣି ସମ୍ପାଦନକୁ ଗୁହାଳକୁ ଫେରିଲେ କି ନାହିଁ ତା'ର ହିସାବ ରଖିବା ଲାଗି ସମ୍ଭବତଃ ପଶୁଗୁଡ଼ିକ ବାହାରକୁ ଗଲା ବେଳେ ସେ ବାହୁରେ ଗୋଟିଏ ପଶୁଲାଗି ଗୋଟିଏ ଗାର ଚାଣିଲା ଓ ପଶୁଗୁଡ଼ିକ ଫେରିଲା ବେଳେ, ଗୋଟିଏ ପଶୁ ଗୁହାଳରେ ପଶିଲେ, ଗୋଟିଏ ଗାର ଲିଭାକଲା। ଶେଷରେ ଯଦି ଦେଖିଲା, ଗୋଟିଏ ଗାର ଅଳିଭା ରହିଲା, ସେ ଜାଣିପାରିଲା ଯେ ତା'ର



ଗୋଟିଏ ପଶୁ ଫେରି ନାହିଁ । ଯଦି ସମସ୍ତ ଗାର
ଲିଭିଗଲା ଓ ଗୁହାଳ ବାହାରେ ଆଉ କୌଣସି ପଶୁ
ନାହିଁ, ତେବେ ସେ ଜାଣି ପାରିଲା ଯେ ତା'ର
ସମସ୍ତ ପଶୁ ଫେରିଆସିଛନ୍ତି ।

ବହିଲ ଦେଖୁ :
ତା'ର ସମସ୍ତ ଗାର ଲିଭିବା ପରେ କୁହଳ
ବାହାରେ ଆହୁଗି ପଶୁଭାର ଦେଖାଇଲା, ତେବେ
ସେ କ'ଣ ଜାଣିଥିବ ?

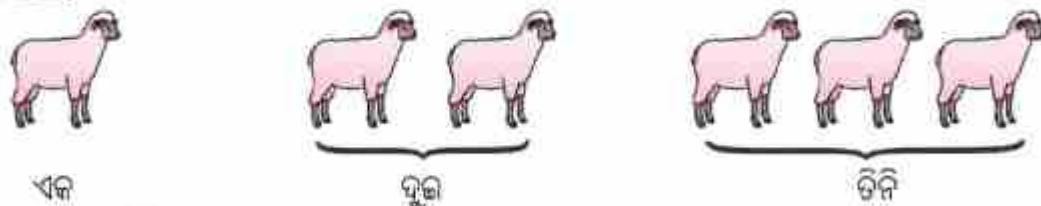
ଗାର ଚାଣିବା ଓ ଗାର ଲିଭେଇବା କାର୍ଯ୍ୟକୁ ସରଳ କରିବା ଲାଗି ସେ ଗୋଟିଏ ବହୁକୁ ଗୋଟିଏ ଗାର ଦାରା ଚିହ୍ନଗ
କରିବା ପରିବର୍ଗ ସେ ଗୋଟିଏ ପଶୁ ବା ଗୋଟିଏ ବହୁକୁ ଗୋଟିଏ କାଠି ବା ଗୋଟିଏ ଗୋଡ଼ି ବା ଶୁଖିଲା ମଞ୍ଜିର
ବ୍ୟବହାର କଲା । ଏଥର ତା'ର ଯେଉଁକି ପଶୁ ସେବିକିଟି କାଠିର ବିଡ଼ାଟିଏ ରହିଲା । ପୁଣି ତା' ବାଡ଼ିରେ ଫଳିଥିବା
ଫଳଗୁଡ଼ିକର ହିସାବ ରଖିବା ଲାଗି ଆଉ ଗୋଟିଏ କାଠି ବିଡ଼ା ରହିଲା । ଏହି ଭଳି ଯେତେ ପ୍ରକାର ପଶୁ ବା ବହୁର ହିସାବ
ରଖିବାର ଆବଶ୍ୟକତା ପଡ଼ିଲା, ସେତେ ବିଡ଼ା କାଠି ସେ ରଖିଲା । ସମୟ ଆସିଲା ଯେତେବେଳେ ତା' ପାଖରେ ଅନେକ
କାଠି ବିଡ଼ା ରହିଲା । ସେତେବେଳେ ଏ କାଠିଗୁଡ଼ିକ ପୁଣି ତା' ପାଇଁ ସମୟା ସୃଷ୍ଟି କଲା ।

ସଂଖ୍ୟା ସୃଷ୍ଟି :

କାହୁରେ ଗାର ଚାଣିବା ବା କାଠି ବିଡ଼ା ରଖିବା ବା ଗୋଡ଼ି ଥଳି ରଖିବା ବ୍ୟବସ୍ଥା ଦାରା ପଶୁ ବା ବହୁମାନଙ୍କର ହିସାବ
ରଖିବା ପାଇଁ ଏକାହୁକ କାଠି ବିଡ଼ା ବା ଗୋଡ଼ି ଥଳି ପରିବର୍ଗେ ସମସ୍ତ ବହୁର ହିସାବ ରଖିବା ପାଇଁ ଗୋଟିଏ ସାଧାରଣ
ବ୍ୟବସ୍ଥା କରିବା ଲାଗି ମଣିଷ ଚେଷ୍ଟା କଲା । ଶେଷରେ ସେ ଏହି ଆବଶ୍ୟକତା ପୂରଣ କରିବା ଲାଗି ସୃଷ୍ଟି କଲା **ସଂଖ୍ୟା** ।

ଏହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ହେଲା –

ଏକ, ଦୁଇ, ତିନି, ଚରି, ପାଞ୍ଚ, ଛଅ, ସାତ, ଆଠ, ନାନ୍ଦ, ଦଶ । ଏହି ଫଳଗୁଡ଼ିକ କହି ସେ ବହୁଗୁଡ଼ିକୁ
ରଖନା କଲା ।



ସଂଖ୍ୟା ସଙ୍କେତ ସୃଷ୍ଟି

କଥାବାର୍ତ୍ତ ଲାଗାବେଳେ ବା ବହୁଗୁଡ଼ିକୁ ଚାଣିବା ବେଳେ ଦୁଇଟି ନଢ଼ିଆ, ପାଞ୍ଚଟି କଦଳା ଆଦି କୁହାଗଲା । ମାତ୍ର
ସେଗୁଡ଼ିକୁ ସହଜରେ ଲେଖିବା ଲାଗି ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟା ଲାଗି ଗୋଟିଏ ସ୍ଵତନ୍ତ୍ର ସଙ୍କେତ ସୃଷ୍ଟି କରିବାର ଆବଶ୍ୟକତା
ପଡ଼ିଲା ।

ଏହି ଆବଶ୍ୟକତା ପୂରଣ କରିବା ଲାଗି ସୃଷ୍ଟି ହେଲା **ସଂଖ୍ୟା** ସଙ୍କେତ । ଯେତେ ଅଧିକ ବହୁ ସେତେ ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟା ଓ ସେତେ ଅଧିକ
ସଙ୍କେତ ସୃଷ୍ଟି କରାଗଲା । ପୃଥବୀ ପୃଷ୍ଠର ବିଭିନ୍ନ ଅଷ୍ଟକରେ ଥିବା ଲୋକେ
ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ସଙ୍କେତ ସୃଷ୍ଟି କଲେ ।

ବହିଲ ଦେଖୁ :
ଅଧିକସଂଖ୍ୟା ପାଇଁ ଅଧିକ ଗୁଡ଼ିଖ
ସଂକେତ ସୃଷ୍ଟି ହେବାପରେ ମଣିଷ କେବେ
ବନ୍ଦମାର ସମ୍ବନ୍ଧାନ ହୋଇଥିବ ?

୪.୪ ସ୍ଥାନୀୟମାନ ବ୍ୟବସ୍ଥା

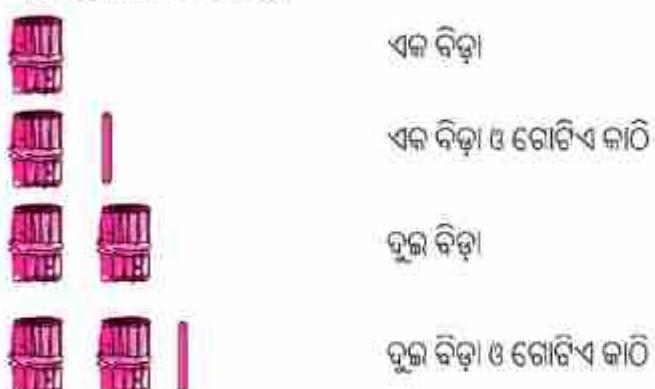
ପୂର୍ବେକୁ ସମସ୍ୟା (ଅନେକ ସଂଖ୍ୟା ଲାଗି ଅନେକ ସଙ୍କେତର ବ୍ୟବହାର)ର ସମାଧାନ କଲେ ଜାଗତୀୟ ପଣ୍ଡିତମାନେ । ସେମାନେ ଅଛି କେତୋଟି ସଂଖ୍ୟା ଲାଗି ସଙ୍କେତ ସୃଷ୍ଟି କଲେ ଓ ସେଗୁଡ଼ିକ ହେଲା -

	୧	୨	୩	୪	୫	୬	୭	୮	୯
ହିନ୍ଦିରେ	୧	୨	୩	୪	୫	୬	୭	୮	୯
ଭାରାଜାରେ	୧	୨	୩	୪	୫	୬	୭	୮	୯

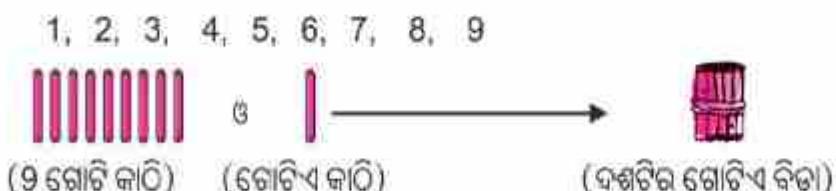
କେବଳ ଏହି ସଂକେତଗୁଡ଼ିକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଆହୁରି ବଢ଼ି ସଂଖ୍ୟାର ସଙ୍କେତ ସୃଷ୍ଟି କରିବା ଲାଗି ସେମାନେ କାଠି ଗଣିବା ବେଳେ ବିଦ୍ବାବନ୍ତି ଗଣିବା ବ୍ୟବସ୍ଥାକୁ ଅନୁସରଣ କଲେ ।



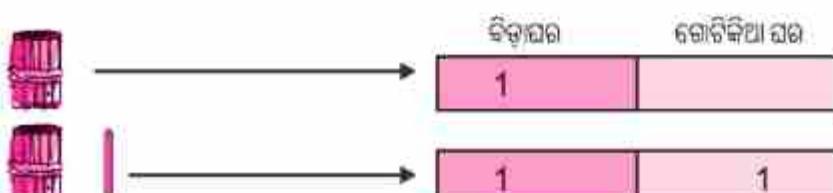
ଅଧିକ କାଠି ଥିଲେ ଗଣିବା ବ୍ୟବସ୍ଥା -

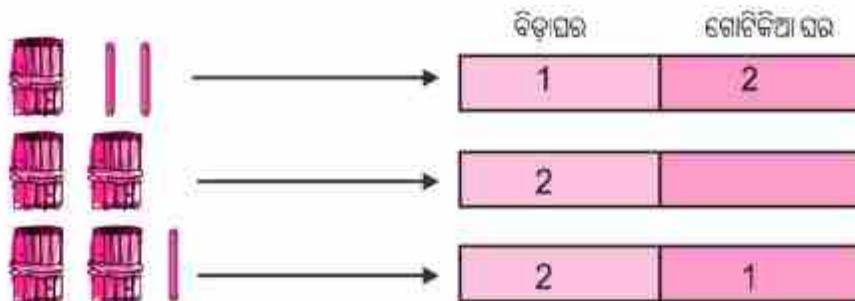


ଏହିଭଳି ଗଣିବା ବ୍ୟବସ୍ଥା ଅନୁସରଣ କରି ସଂଖ୍ୟା ଲିଖନ ପ୍ରଶାନ୍ତ ସୃଷ୍ଟି କରିବା ଲାଗି ଘର ବା ସ୍ଥାନର କହନା କରାଗଲା ।



ଦେଖି କାଠିର ଗୋଟିଏ ବିଡା ଲେଖିବା ପାଇଁ ଗୋଟିଏ ଘର ବା ସ୍ଥାନ ସୃଷ୍ଟି କରାଗଲା । ତାହା ହେଲା -





ଗୋଟିକିଆ ଘର ଖାଲି ଥିବାରୁ, ଏହି ସଂଖ୍ୟା ଲିଖନ ବ୍ୟବସ୍ଥାରେ ପୁଣି ସମସ୍ୟା ଦେଖା ଦେଲା । ତାହା ହେଲା -

ଦଶ	→	1	1
କୋଡ଼ିଏ	→	2	1

ଦଶ, କୋଡ଼ିଏ ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଲେଖନା କେବେ ଗୋଟିକିଆ ଘର ଖାଲି ରହୁଛି । ଏଣୁ ଘର ଦୁଇଟି ନ କଲେ, ଗୋଟିକିଆ ଘର ଖାଲିଥିବା କଥା ଦେଖାଇ ହେବ ନାହିଁ । ମାତ୍ର ଅନ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା କ୍ଷେତ୍ରରେ ଘର ନ ଦର୍ଶାଇ ମଧ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖନା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ହେଉଛି । ଯଥା -

ଏଗାର	→	1	1	→	11
ବାର	→	1	2	→	12

11 ଲେଖନେ ଦୁଇଟି ଘରର ଥିବା କଥା ଜଣା ପଡ଼ିଯାଉଛି । 12, 13, 25, 27 ଆଦି ଲେଖନା ଦେଖିଲେ ଘର ଚଣ୍ଡାଯାଇ ନଥିଲେ ମଧ୍ୟ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟି ଘରର ଧାରଣା ଦେଉଛି । ମାତ୍ର ଦଶ, କୋଡ଼ିଏ, ତିରିଶ ଆଦି ସଂଖ୍ୟା କ୍ଷେତ୍ରରେ ‘ଗୋଟିକିଆ ଘର’ ଯେ ଖାଲି ଅଛି ତାହା କେବଳ ଘର ଶବ୍ଦ ଯାଇଥିଲେ ଜଣାପଡ଼ିବ । ଯେପରି -

ବିଭାଗ	ଗୋଟିକିଆ ଘର
ଦଶ	→ 1 1 ଗୋଟିକିଆ ଘରେ କିଛି ତାହିଁ
କୋଡ଼ିଏ	→ 2 1 ଗୋଟିକିଆ ଘରେ କିଛି ନାହିଁ
ତିରିଶ	→ 3 1 ଗୋଟିକିଆ ଘରେ କିଛି ନାହିଁ

ଏ ସମସ୍ୟା ମଧ୍ୟ ସମାଧାନ କଲେ ଭାରତୀୟ ପଣ୍ଡିତ ।

4.5 ଶୂନ୍ୟ ପରିକଳନା

‘କିଛି ନାହିଁ’ କୁ ଶୂନ୍ୟ କୁହାଯାଏ । ଏଣୁ ‘କିଛି ନାହିଁ’ ବା ‘ଶୂନ୍ୟ’ ଲାଗି ସେମାନେ ସଙ୍କେତ ‘0’ ସୃଷ୍ଟି କଲେ ଏ ଏହାର ନାମ ଦେଲେ ‘ଶୂନ୍ୟ’ । ଫଳରେ ପୂର୍ବୋତ୍ତମ ଅସୁବିଧା ଦୂର ହେଲା ।

ବର୍ତ୍ତମାନ ଲେଖନା -

ଦଶ	→	1	1	→	1	0	→	10
----	---	---	---	---	---	---	---	----

ଆର ସଂଖ୍ୟା ଲେଖିବା ବେଳେ ଘର ଶାଖିବାର ଆବଶ୍ୟକତା ନାହିଁ । ସଂଖ୍ୟା ଲିଖନରେ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟା ବ୍ୟବହାର ହୋଇଥିଲେ ତାହା ଦୁଇଟି ଘର ବା ଦୁଇଟି ସ୍ଥାନର ସୂଚନା ଦିଏ ।

ପ୍ରତ୍ୟେକ ସ୍ଥାନର ଏକ ‘ମୂଲ୍ୟ’ ବା ‘ମାନ’ ରହିଲା । ଏଣୁ ଏହି ବ୍ୟବସ୍ଥାକୁ ‘ସ୍ଥାନୀୟ ମାନ’ ବ୍ୟବସ୍ଥା କୁହାଗଲା । ଏହି ବ୍ୟବସ୍ଥାରେ ସଂଖ୍ୟାଲିଖନ ପ୍ରଶାଳାର ପୂର୍ଣ୍ଣତା ଅଣିବା ପାଇଁ ଶୁଣ (0)ର ସୃଷ୍ଟି ଜରାଯିବା ଜଥା ଦୂମେ ଜାଣିବାରିଲଣି । ଏଣୁ ବର୍ଗମାନ ଆମ ପାଖରେ ସଂଖ୍ୟା ଲିଖନ ଲାଗି ଯେଉଁ ସଙ୍କେତଗୁଡ଼ିକ ମିଳିଲା ସେଗୁଡ଼ିକ ହେଲା -



4.5.1. ଅଙ୍କ, ସଂଖ୍ୟା ଓ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ବ୍ୟବସ୍ଥା

ପୂର୍ବୋତ୍ତମ ଦଶଟି ସଙ୍କେତର ବ୍ୟବହାର ଦାରା ଯେ କୌଣସି ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖିବା ସମ୍ଭବ ହେଲା । ଯେପରି -

ତିନି ଶହ ପଞ୍ଚଶଲିଶ ଲାଗି ସଙ୍କେତ 345

ଏଠାରେ, ଏକକ ସ୍ଥାନରେ 5, ଏହାର ମୂଲ୍ୟ ବା ମାନ $= 5 \times 1 = 5$;

ଦଶକ ସ୍ଥାନରେ 4, ଏହାର ମୂଲ୍ୟ ବା ମାନ $= 4 \times 10 = 40$;

ଶତକ ସ୍ଥାନରେ 3, ଏହାର ମୂଲ୍ୟ ବା ମାନ $= 3 \times 100 = 300$ ।

ଏଠାରେ ସଂଖ୍ୟାଟି ହେଉଛି 345 । ଏହି ସଂଖ୍ୟା ଲେଖନା କେଳେ ଏକକ, ଦଶକ ଓ ଶତକ (ବା ଶହ) ସ୍ଥାନରେ ରହିଲେ ଯଥାକୁମେ 5, 4 ଓ 3 । ଏହି 5, 4 ଓ 3 କୁ 345 ରେ ବ୍ୟବହୃତ ଅଙ୍କ ବୋଲି କୁହାଗଲା ।

1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 ଓ 0 କୁ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇ
ଗଠିତ ହୋଇଥିବା ସଂଖ୍ୟାରେ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଅଙ୍କ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।
ମାତ୍ର ଆମେ ଯେତେବେଳେ କହୁ 5 ଗୋଟି ଜଳମ, ସେତେବେଳେ
ଜଳମର ସଂଖ୍ୟା $= 5$ । ଏଠାରେ 5 ଏକ ସଂଖ୍ୟା । ଏହି ସଂଖ୍ୟା
ଗୋଟିଏ ଅଙ୍କକୁ ନେଇ ଗଠିତ ଏବଂ ସେ ଅଙ୍କଟି ହେଉଛି 5 ।

ଲାଣିଛ କି ?

1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 ଓ 0 କୁ ବ୍ୟବହାର ନାହିଁ ଏବଂ
ସଂଖ୍ୟା ରାତନ କରାଯାଇନେ । ଏ ଗୁଡ଼ିକୁ ଉପରେ ସଂଖ୍ୟାର ଅଙ୍କ
ବୋଲି କୁହାଯାଏ ଏବଂ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ମଧ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା ରୂପେ
ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ ।

4.6 ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା

1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11 ଅଦି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ଗଣନା କାର୍ଯ୍ୟ ଲାଗି ଉପରୋକ୍ତ
ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଥିବାରୁ, ଏଗୁଡ଼ିକୁ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା କୁହାଯାଏ ।

❖ ଉଚ୍ଚର ଲେଖ :

- ◆ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହରେ କ୍ଷୁଦ୍ରତମ ସଂଖ୍ୟା କିଏ ?
- ◆ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ ତା’ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା କେତେ ବଡ଼ ?
- ◆ ଏ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହର ଶୈଶବ କେଉଁ ?

ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ କେତୋଟି ଥେଣୁ

- ◆ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଶୁଦ୍ଧଦିମା ସଂଖ୍ୟା 1, ସଂଖ୍ୟା 1 ପୂର୍ବରୁ ଆଉ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା ନାହିଁ ।
- ◆ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାର ଗୋଟିଏ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି । ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାର ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ପୂର୍ବେକ୍ଷଣ ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ 1 ବଡ଼ ।
- ◆ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାର ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ପୂର୍ବେକ୍ଷଣ ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ 1 ସାନ । କିନ୍ତୁ 1 ର କୌଣସି ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ନାହିଁ ।
- ◆ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧରେ କୌଣସି ବୃଦ୍ଧତାମାତ୍ରା ସଂଖ୍ୟା ନାହିଁ । ଯେତେ କଢ଼ି ସଂଖ୍ୟା ହେଲେ ବି ତା'ର ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି ଓ ଏହା ପୂର୍ବେକ୍ଷଣ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ 1 ବଡ଼ ।
- ◆ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ରେଖାବା ଲାଗି ଦଶଟି ଅଙ୍କକୁ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଉଥିବାରୁ ଏହାକୁ ଦଶ ଆଧାର ବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ବା ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ବ୍ୟକସ୍ତା ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

4.7 ସ୍ଥାନିକ ସଂଖ୍ୟା

ଦେଇନନ୍ଦିନ ଜୀବନର ବିଭିନ୍ନ ପରିସ୍ଥିତିରେ ଏହି ଗଣନ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଅଧିକ ଉପ୍ଯୋଗର ଆବଶ୍ୟକତା ପଡ଼ିଲା । ନିମ୍ନରେ କେତୋଟି ପରିସ୍ଥିତିର ବର୍ଣ୍ଣନା କରାଯାଇଛି ।

ପରିସ୍ଥିତି - 1

ଘରେ ଥିଲା 5 ଟି ଲେମ୍ବୁ ପୁଣି ଗଛରୁ ତୋଳାହେଲା 7ଟି ଲେମ୍ବୁ । ତେବେ ମୋଟ କେତେ ହେଲା ? ଏହି ପରିସ୍ଥିତିରୁ ମଣିଷ ଯୋଗ ପ୍ରକିଳ୍ପାର ବ୍ୟବହାର କରିବା କଥା ଚିନ୍ତାକଲା ।

ପରିସ୍ଥିତି - 2

ଘରେ ଥିଲା 20ଟି ନଡ଼ିଆ । ସେଥିରୁ ଛରଗ ପର୍ବରେ ଖର୍ଚ୍ଚ ହୋଇଗଲା 8ଟି ନଡ଼ିଆ । ବଳକା ନଡ଼ିଆ କେତେ ଜାଣିବା ପାଇଁ ମଣିଷ ବିଯୋଗ ପ୍ରକିଳ୍ପା ଚିନ୍ତାକଲା ।

ପରିସ୍ଥିତି - 3

ବିଲରୁ ପ୍ରତି ଥରରେ ଘରକୁ ଆସିଲା 15ଟି ଧାନ ହଳାର ଗୋହା । ତେବେ 7 ଥରରେ ମୋଟ କେତୋଟି ଧାନ ହଳା ଘରକୁ ଆସିଲା ? ଏହା ଜାଣିବା ପାଇଁ ସେ ସବୁ ଗୋହାଯାଳ ଖେଳି ସେଗୁଡ଼ିକୁ ଏକାଠି କରି ଗଣିବା ପରିବର୍ତ୍ତେ ସେ ଗୁଣନ ପ୍ରକିଳ୍ପା କଥା ଚିନ୍ତାକଲା ।

ପରିସ୍ଥିତି - 4

ସୁଲକୁ ଆସିଥିଲା 20ଟି ଖାତା । ପ୍ରତ୍ୟେକ ପିଲାକୁ 3 ଲେଖାର୍କ ଖାତା ଦିଆଯିବା ଆବଶ୍ୟକ । ତେବେ କେତୋଟି ପିଲା 3ଟି ଲେଖାର୍କ ଖାତା ପାଇପାରିବେ ଓ କେତୋଟି ଖାତା ବଳି ପଡ଼ିବ ?

ଗୋଟି ଗୋଟି ପିଲାକୁ ଖାତା ବାଣିବା ପୂର୍ବରୁ କେତେ ପିଲା 3ଟି ଲେଖାର୍କ ଖାତା ପାଇବେ ଓ କେତୋଟି ଖାତା ବଳିପଡ଼ିବ ଜାଣିବା ପାଇଁ ହରଣ ପ୍ରକିଳ୍ପା କଥା ଚିନ୍ତା କରାଗଲା ।

ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ଓ ସେଶୁତ୍ରିକ ସହିତ ଯୋଗ, ବିଯୋଗ ଆଦି ପ୍ରକ୍ରିୟାର ବ୍ୟବହାରକୁ ସମିଲ କରି ସୃଷ୍ଟି ହେଲା
ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ବ୍ୟକ୍ତ୍ୟା (ସଙ୍କେତ Nଦାରା ସୂଚିତ) । ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହ ହେଲେ - 1, 2, 3, 4,

ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ସମୟରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ରଥ୍ୟ ଚିନୋଟି ମଧ୍ୟ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ଲାଗି ସତ୍ୟ । ଅର୍ଥାତ୍ -

- ◆ ଶୁଦ୍ଧତମ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି । ଏହାର କୌଣସି ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ନାହିଁ ।
- ◆ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାର ଗୋଟିଏ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି । ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାର ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ପୂର୍ବୋତ୍ତ୍ମ ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ 1 ବଡ଼ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାର ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ପୂର୍ବୋତ୍ତ୍ମ ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ 1 ସାନ । ଅବଶ୍ୟ ଏହା 1 ଲାଗି ସତ୍ୟ ନୁହେଁ । କାରଣ 1ର କୌଣସି ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ନାହିଁ ।
- ◆ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହରେ କୌଣସି ବୃଦ୍ଧତମ ସଂଖ୍ୟା ନାହିଁ । ଯେତେବେଳେ ହେଲେ ବି ତା'ର ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି ଓ ଏହା ପୂର୍ବୋତ୍ତ୍ମ ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ 1 ବଡ଼ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 4.1

1. ଶୁଦ୍ଧତମ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା କେତେ ?
2. ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟାର ବାମରେ ତା'ର ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଓ ଡାହାଶରେ ତା'ର ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।
(କ) ____ , 28, ____ (ଖ) ____ , 248, ____ (ଘ) ____ , 567, ____
(ଘ) ____ , 3856, ____ (ଡ) ____ , 5000, ____ (ଜ) ____ , 99999, ____
3. (କ) 57 ଠାରୁ ଶୁଦ୍ଧତମ କେତେଟି ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି ?
(ଖ) 48 ଓ 216 ମଧ୍ୟରେ କେତୋଟି ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି ?
(ଗ) 5729 ର ପରବର୍ତ୍ତୀ ତିନୋଟି କ୍ରମିକ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।
4. (କ) ଏକକ ଅଳ୍ପ 5 ହୋଇଥିବା ଶୁଦ୍ଧତମ ଛଥ ଅଳ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।
(ଖ) ଏକକ ଅଳ୍ପ 7 ହୋଇଥିବା ବୃଦ୍ଧତମ ସାତ ଅଳ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।
(ଗ) ଛଥ ଅଳ୍କବିଶିଷ୍ଟ ଶୁଦ୍ଧତମ ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ ସାତ ଅଳ୍କବିଶିଷ୍ଟ ବୃଦ୍ଧତମ ସଂଖ୍ୟା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ (ଉଚ୍ଚ ସଂଖ୍ୟାକୁ ମିଶାଇ) କେତୋଟି ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି ?

4.8 ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ବିଜିନ୍ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଓ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ନିୟମ ।

4.8.1. ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା :

ପ୍ରତ୍ୟେକ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ ତା'ର ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟାଟି 1 ଅଧିକ, ଏହି ଗୁଣକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ସୃଷ୍ଟି । ନିମ୍ନ ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟରେ ଦେଖ -

| ଓ ଆଉ | → ||

(ଗୋଟିଏ କାଠି ଓ ଆଉ ଗୋଟିଏ କାଠି ଏକତ୍ର)

$$1 + 1 = 1 \text{ ର ପରବର୍ତ୍ତୀ } \text{ସଂଖ୍ୟା} = 2$$

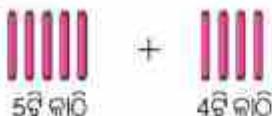
$$2 + 1 = 2 \text{ ର ପରବର୍ତ୍ତୀ } \text{ସଂଖ୍ୟା} = 3$$

$$3 + 1 = 3 \text{ ର ପରବର୍ତ୍ତୀ } \text{ସଂଖ୍ୟା} = 4$$

ଜାଣିଛ କି ?

କୌଣସି ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାରେ 1 ଯୋଗପଳେ ତା'ର
ଠିକ୍ ପରବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ମିଳେ ।

ଏବେ $5 + 4$ ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବା । $5 + 4$ ର ମୂଲ୍ୟ ଜାଣିବା ପାଇଁ ଆମେ ପାଞ୍ଚଟି କାଠିରେ ଘରେଟି କାଠି
ମିଶାଇବା ।



5 ସହ 4 କୁ ଯୋଗକରିବା ଅର୍ଥୀ 4 ଟି ଏକକୁ ଥର ଥର କରି 5 ସହ ଏକାଠି କରିବା । ଏପରି କଲେ ଆମେ $5 + 4 = 9$ ପାଇବା । ଏଣୁ $5 + 4 = 9$

4.8.2. ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ନିୟମ



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ତୁମେ ଓ ତୁମର ଜଣେ ସାଙ୍ଗ ଏକାଠି ବସ । ଉଭୟ ଛାତ୍ରଙ୍କ ଲେଖାର୍ଥୀ ସଂଖ୍ୟା କାର୍ଡ୍ ନିଆ ।
 - ◆ ତୁମେ ତୁମ ସାଙ୍ଗପାଖରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟା କାର୍ଡ୍‌କୁ ଗୋଟିଏ ଆଶ । ତୁମେ ପାଖରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟା କାର୍ଡ୍‌ରୁ ଗୋଟିଏ ନିଆ ।
 - ◆ ସଂଖ୍ୟା କାର୍ଡ୍ ଦୁଇଟିରେ ଲେଖାଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିକୁ ଯୋଗ କର ଓ ଫଳାଫଳକୁ ଖାତାରେ ଲେଖ । ମନେକରାୟାର ତୁମ ସାଙ୍ଗପାଖରୁ ତୁମେ ଅଣିଛୁ 7 ଓ ତୁମ ପାଖରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାକାର୍ଡ୍‌ରୁ ନେଇଛୁ 6 । ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିର ଯୋଗଫଳ ହେଲା, $7 + 6 = 13$ ।
 - ◆ ତୁମେ ଯେଉଁରକି କାମ କଲ, ତୁମେ ସାଙ୍ଗକୁ ସେହିରକି କାମ କରିବାକୁ କହ ।
 - ◆ ତୁମ ପାଖରେ ଥିବା ସବୁ ସଂଖ୍ୟାକାର୍ଡ୍ ସରିବା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଏହିରକି କାମ କରି ଯୋଗଫଳକୁ ଖାତାରେ ଲେଖ ।
 - ◆ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଥର ପ୍ରତି ଯୋଡ଼ା ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗଫଳ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି କି ?
- ଏହିପରି ଦେଖାଯିବା ଯେ, ପ୍ରତ୍ୟେକ ଯୋଡ଼ା ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗଫଳ ଏକ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ।

ଆମେ ଜାଣିଲେ,

ଯେ କୌଣସି ଦୁଇଟି ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗଫଳ ଏକ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା । ଏହି ନିୟମକୁ **ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ନିୟମ କୁହାଯାଏ ।**

ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(କ) $12 + 5$ (ଖ) $45 + 12$

ଉଦ୍ଦେଶ୍ୟ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯୋଗଫଳ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି କି ? ଏଥରୁ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା
କେର୍ତ୍ତିନିୟମ ପାଳନ କରୁଥିବାର ଜଣାପଡ଼ୁଛି ?



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ତୁମେ ଓ ତୁମର ଜଣେ ସାଙ୍ଗୀ ଏକାଠି ହସ । ଦଶଟି ସଂଖ୍ୟାକାର୍ତ୍ତ ନିଆ ।
 - ◆ ନେଇଥିବା ଦଶଟି ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରୁ ଯେ କୌଣସି ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାକୁ ତୁମ ଖାତାରେ ଲେଖ । ଭାବୁ ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିକୁ ସେହି କ୍ରମରେ ନେଇ ଯୋଗ କର । ପାଇଥିବା ଯୋଗଫଳକୁ ଖାତାରେ ଲେଖ ।
- ଉଦ୍ଦାହରଣ ଦୃଗୁପ $8 + 6 = 14$
- ◆ ତୁମର ସାଙ୍ଗକୁ ସଂଖ୍ୟାଦୁଇଟିକୁ ଖେଳା କ୍ରମରେ ଯୋଗ କରି ଯୋଗଫଳକୁ ଖାତାରେ ଲେଖିବାକୁ କୁହ । ବର୍ଷମାନ ଦେଲେଖିବ, $6 + 8 = 14$ ।
 - ◆ ଦୁଇ ପ୍ରକାର ଯୋଗକୁୟାର ପଳାପଳକୁ ତୁଳନା କର ।
 - ◆ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଥର ଦୁଇ ଦୁଇଟି ଲେଖାଏ ସଂଖ୍ୟା ନେଇ ଏହିଭାବି କାମ କର । କ'ଣ ପାଉଛ କହ ।

ଦୁଇଟି ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାର କ୍ରମ ବଦଳାଇ ଯୋଗ କଲେ ଯୋଗଫଳ ସମାନ ରହେ । ଏହାକୁ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାର କ୍ରମ ବିନିମୟ ନିୟମ କୁହାଯାଏ ।

ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକୁ ନିଜ ଖାତାରେ ଲେଖୁ ତହିଁରେ ଥିବା ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

$$(କ) 2038 + 352 = 352 + \underline{\quad} \quad (ଖ) 365 + \underline{\quad} = 148 + 365$$



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ତୁମ ଖାତାରେ / ଶ୍ରେଣୀ ଚତାଣରେ ଡିନୋଟି କୋଠରି କର । ସେଗୁଡ଼ିକୁ ପ୍ରଥମ, ଦ୍ୱିତୀୟ ଓ ତୃତୀୟ କୋଠରି ଲାବେ ନାମ ଦିଆ । ଅଭିକମ୍ପରେ 10ଟି ସଂଖ୍ୟା କାର୍ତ୍ତ ନିଆ ।

ପ୍ରଥମ ପର୍ଯ୍ୟାୟ :

- ପ୍ରତ୍ୟେକ କୋଠରି ମଧ୍ୟରେ ଶୋଟିଏ ଲେଖାଏ ସଂଖ୍ୟାକାର୍ତ୍ତ ରଖ ।
- ଏବେ ପ୍ରଥମ ଓ ଦ୍ୱିତୀୟ କୋଠରିରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିକୁ ଯୋଗ କର । ଯୋଗଫଳ କେତେ ପାଇଲା ଯୋଗଫଳରେ ପ୍ରଥମ କୋଠରିରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାକୁ ମିଶାଅ । ଏହାକୁ ଏପରି ଲେଖାଯାଇ ପାରିବ $(4 + 7) + 5 = 16$ ରୂପେ ଲେଖାଯିବ ।
- ଏବେ ଦ୍ୱିତୀୟ ଓ ତୃତୀୟ କୋଠରିରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିକୁ ଯୋଗ କର । ଯୋଗଫଳ କେତେ ପାଇଲା ? ଯୋଗଫଳରେ ପ୍ରଥମ କୋଠରିରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାକୁ ମିଶାଅ । ମୋଟ ଯୋଗଫଳ କେତେ ହେଲା ? ଏହାକୁ $4 + (7 + 5) = 16$ ରୂପେ ଲେଖାଯିବ ।

4

5

7

ଦ୍ୱିତୀୟ ପର୍ଯ୍ୟାୟ :

- ଏବେ ଆଜ ଡିନୋଟି ସଂଖ୍ୟାକାର୍ତ୍ତକୁ ଡିନୋଟି କୋଠରିରେ ରଖ ପ୍ରଥମ ପର୍ଯ୍ୟାୟରେ ଯେପରି କାମ କରିଥିଲୁ ସେହିପରି କାମ କର ।
- ପ୍ରଥମ ପର୍ଯ୍ୟାୟ ଓ ଦ୍ୱିତୀୟ ପର୍ଯ୍ୟାୟରେ କରିଥିବା କାମରୁ କ'ଣ ପାଉଛ ?

4, 7 ଓ 5 କୁ ମିଶାଇବା ପାଇଁ ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶାନ୍ତାରେ, 4 ଓ 7ର ଯୋଗଫଳ ସହ 5 କୁ ମିଶାଇଲା । କିନ୍ତୁ ଦୃଢ଼ୀୟ ପ୍ରଶାନ୍ତରେ , 4 ସହ 7 ଓ 5 ର ଯୋଗଫଳକୁ ମିଶାଇଲା । ପ୍ରତ୍ୟେକ ଷେତ୍ରରେ ଯୋଗଫଳ ହେଲା 16 ।

$$(4 + 7) + 5 = 4 + (7 + 5)$$

ଏଣୁ ତିନୋଟି ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗକରିବାର ପ୍ରଶାନ୍ତା ଆମେ ଜାଣିପାରିଲେ । ତିନୋଟି ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗ ଷେତ୍ରରେ ଆମେ ଯେଉଁ ନିଯମ ଦେଖିଲେ, ତାକୁ ଯୋଗ ଷେତ୍ରରେ **ସହଯୋଗୀ ନିଯମ** କୁହାଯାଏ ।

4.8.3. ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଓ ସମ୍ବୂଦ୍ଧ ନିଯମ

ଆସି ବିଯୋଗକ୍ରିୟାର ଗୋଟିଏ ଉଦ୍ଦାହରଣ ଦେଖିବା ।

- ଗୋଟିଏ ଚକ୍ରବାକୁରେ 8 ଗୋଟି ଚକ୍ର ରଖ ।
- ସେହି ବାକୁରୁ 3 ଗୋଟି ଚକ୍ର ନେଇଯିବା ପାଇଁ ବମର ଲଣେ ପାଇସିଲାକୁ କୁହ ।
- ସେ 3 ଗୋଟି ଚକ୍ର ନେଇଗଲା ପରେ, ଆଉ କେତୋଟି ଚକ୍ର ରହିଲା ଦେଖିବା ।

8 ଟି ଚକ୍ର ପିଲାଟି ଗୋଟିଏ ଚକ୍ର ନେଇଗଲା । ଅର୍ଥାତ୍ ଚକ୍ର ସଂଖ୍ୟା 8 ରୁ 1 କମିଗଲା । 8 ରୁ 1 କମ ହେଉଛି 8ର ପୂର୍ବସଂଖ୍ୟା = 7 ।

7 ଟି ଚକ୍ର ପୁଣି 1 ଗୋଟିଏ ନେଇଗଲା । ଅର୍ଥାତ୍ ଚକ୍ର ସଂଖ୍ୟା 7 ରୁ 1 କମିଗଲା । 7 ରୁ 1 କମ ହେଉଛି 7ର ପୂର୍ବସଂଖ୍ୟା = 6

ସେହିପରି ପିଲାଟି ଆଉ ଗୋଟିଏ ଚକ୍ର ନେଇଗଲା ପରେ ବଳକା ଥୁବା ଚକ୍ର ସଂଖ୍ୟା = 6 ରୁ 1 କମ କା 6 ର ପୂର୍ବସଂଖ୍ୟା = 5; ଅତେକି 8 - 3 = 5

ସେହିପରି ଆମେ ପାଇସିବା -

$$\begin{aligned} 8-1 &= 7 \\ 8-2 &= 6 \\ 8-3 &= 5 \\ 8-4 &= 4 \\ 8-5 &= 3 \\ 8-6 &= 2 \\ 8-7 &= 1 \end{aligned}$$

ଜାଣିଛ କି ?

କୌଣସି ସଂଖ୍ୟାରୁ ଏକ (1) ବିଯୋଗ କରି ତା'ର ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟା ମନ୍ତିରାଦି ।

$$\boxed{5} - \boxed{1} = \boxed{4}$$

ଆମ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ଜଗତରେ 1 ହେଉଛି ସ୍ଵର୍ଗତମ ସଂଖ୍ୟା । 8 - 8 = କେବେ ?

ଏହି ଫଳକୁ ଲେଖିବା ପାଇଁ ଆମେ ପାଖରେ ଥୁବା ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ଭୂତରେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା ନାହିଁ ।

ଏଣୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ 8 ରୁ 8 ବା 8 ଅପେକ୍ଷା ବଡ଼ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଯୋଗ କରାଯାଇ ପାରିବ ନାହିଁ ।

ଅନ୍ୟ କଥାରେ କହିଲେ, ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ପରିଦର ମଧ୍ୟରେ ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାରୁ ତା' ଅପେକ୍ଷା ଛୋଟ ସଂଖ୍ୟାଟିଏ ବିଯୋଗ କରାଯାଇ ପାରିବ ଏବଂ ବିଯୋଗଫଳ ଏକ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ହେବ ।

ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଏବଂ ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ସମ୍ବନ୍ଧ

ତଳେ ଥିବା ଚିତ୍ରରେ ଆମେ ଦେଖୁଛୁ -

ଥିଲେ କେତେକ ପିଲା, ତହିଁରୁ ଫଳିଗଲେ କେତେକ ପିଲା ଓ ବଳକା ରହିଲେ କେତେକ ପିଲା ।

ଥିଲେ 8



ବଳକା ରହିଲେ 3



ଗଲେ 5

$$8 - 5 = 3$$



ବଳକା ଥିବା ପିଲା 3



ଫେରି ଆସିଲେ 5

$$3 + 5 = 8$$

ବଳକା ଥିବା ପିଲାଙ୍କ ସହ ଫେରି ଆସିଥିବା ପିଲା, $3 + 5 = 8$

ଏଣୁ ଆମେ ଦେଖିଲେ, $8 - 5 = 3$ ରୁ ମିଳିଲା $3 + 5 = 8$

ଆମେ ଜାହୁ, $8 - 5 = 3$ । ଏହି ବିଯୋଗ କଥାର ଯୋଗ କଥା ହେଉଛି $3 + 5 = 8$ ।

◆ ଆସ, ଦୁଇଟି ସାଡାବିକ ସଂଖ୍ୟା ନେଇ ବଡ଼ିରୁ ଛୋଟ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଯୋଗ କରିବା ।

ମନେକର ଆମେ ନେଲେ 8 ଓ 10 ।

$$10 - 8 = 2$$

$$8 - 10 = ?$$

ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ଆଲୋଚନା କରିଛୁ ଯେ ସାନ ସଂଖ୍ୟାରୁ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟା ବିଯୋଗ କରାଯାଇପାରିବ ନାହିଁ ।

ଏଣୁ 8-10 ଲାଗି ଆମ ପାଖରେ କିଛି ଉଭର ନାହିଁ ।

ଏଣୁ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଯେପରି କ୍ରମ ବିନିମୟୀ ନିୟମ ପାଳନ କରେ, ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସେପରି କ୍ରମ ବିନିମୟୀ ନିୟମ ପାଳନ କରେ ନାହିଁ ।

$5+8+3$ କୁ ସରଳ କଳା ବେଳେ ଆମେ ସହଯୋଗା ନିୟମ ପ୍ରଯୋଗ କରିଥାଉ, କାରଣ

$$(5+8)+3=5+(8+3)$$

ତେବେ $9 - 5 - 2$ କେତେବେଳେ କ'ଣ ହେଉଛି ଦେଖିବା ।

$$(9-5)-2=4-2$$

$$=2$$

$$9-(5-2)=9-3$$

$$=6$$

$$\text{ଏଣୁ } (9-5)-2 \neq 9-(5-2)$$

ଏଣୁ ବିଯୋଗ କେତେବେଳେ ସହଯୋଗା ନିୟମ ପ୍ରଯୁକ୍ତ୍ୟ ନୁହେଁ ।

ଜାଣିଛ କି ?

'ସାନ ନୁହେଁ'ରୁ ' \neq ' ଚିହ୍ନ ଦ୍ୱାରା ସୁଚାପାଥ, ଉଦ୍ଦରଖଣ ସର୍ବପାର 4-3 \neq 0

ତେବେ 9 - 5 - 2 କୁ କିପରି ସରଳ କରିବା ?

ବାସ୍ତବ ଜୀବନର ଗୋଟିଏ ପରିସ୍ଥିତି ଜାବିବା ଯେଉଁ 9 - 5 - 2 କୁ ସରଳ କରିବାର ଆବଶ୍ୟକତା ପଡ଼ିଥାଏ ।

ଚକ୍ ବାକୁରେ 9 ଗୋଟି ଚକ୍ ଥିଲା । ସେଥିରୁ ସୁମତ ତାଙ୍କ ଶ୍ରେଣୀ ଲାଗି 5ଟି ଚକ୍ ନେଲା ଏବଂ ରଶ୍ମି ତାଙ୍କ ଶ୍ରେଣୀ ଲାଗି 2 ଗୋଟି ଚକ୍ ନେଲା । କେତୋଟି ଚକ୍ ବଳକା ରହିଲା ?

ସୁମତ 5ଟି ଚକ୍ ନେବା ପରେ, ବଳକା ରହିଲା -

$$9 - 5 = 4$$

ରଶ୍ମି 2 ଟି ଚକ୍ ନେବାପରେ, ବଳକା ରହିଲା -

$$4 - 2 = 2$$

ଏଠାରେ ଆମେ ଦେଖାଇ,

9 - 5 - 2 ରେ ଥିବା ପ୍ରଥମ ବିଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟ ପ୍ରଥମେ ସମାଦିତ ହେଲା ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟ ବିଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟ (ଅର୍ଥାତ 2 ବିଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟ) ପରେ ସମାଦିତ ହେଲା ।

ଏଣୁ 9 - 5 - 2 = (9 - 5) - 2 = 4 - 2 = 2 । ଅନ୍ୟ ପ୍ରକାରେ କାର୍ଯ୍ୟଟି ସମାବନ କରାଯାଇ ପାରିଥା'ତା । ଥିଲା 9 ଟି ଚକ୍, ସୁମତ ନେଲା 5ଟି ଓ ରଶ୍ମି ନେଲା 2ଟି, ସୁମତ ଓ ରଶ୍ମି ଏକତ୍ର ନେଲେ (5 + 2) ଗୋଟି । 9 ଟିରୁ (5 + 2) ଗୋଟି ଛଲିଯିବାପରେ, ବଳକା ରହିଲା 9 - (5 + 2)

$$\begin{aligned} \therefore 9 - 5 - 2 &= 9 - (5+2) \\ &= 9 - 7 = 2 \end{aligned}$$

 ତୁମେ ସେହିପରି 6 - 1 - 2 ପାଇଁ ବାସ୍ତବ ଜୀବନର ପରିସ୍ଥିତିର ଉଦାହରଣ ଦେଇ ବିଯୋଗପଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 4.2

1. ସହଯୋଗୀ ନିୟମ ଅନୁଯାୟୀ ଦୁଇଟି ଉପାୟରେ ଯୋଗପଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$(କ) 12 + 9 + 8 = (12 + 9) + 8 = + =$$

$$(ଖ) 12 + 9 + 8 = 12 + (9 + 8) = + =$$

2. (କ) ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ମହ ଅଗ୍ରଭୂତ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟା, ତା'ର ପୂର୍ବବର୍ଗ ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ ଲେବେ ଅଧିକ ?

(ଖ) ସବୁତୁ ଛୋଟ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା କେଉଁଟି ?

(ଗ) ସବୁତୁ ବଡ଼ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ନିଏ କହିପାରିବ କି ?

(ଘ) ଖୁବ୍ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାଟିଏ ଜାବ । ତା'ର ଠିକ୍ ପରବର୍ଗ ସଂଖ୍ୟାଟି ତୁମେ ଭାବିଥୁବା ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ ଲେବେ ବଡ଼ ?

3. $536 + 718 + 464$ ର ଯୋଗପଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବାକୁ ଦିଆଯାଇଛି । କ୍ରମ ବନିମୟ ଓ ସହଯୋଗୀ ନିୟମ ପ୍ରଯୋଗ କର ଯେପରି ଯୋଗ କ୍ରିୟାଟି ସହି ହେବ ।

4.8.4. ଗଣନ ପ୍ରକିଯା ଓ ସମ୍ବନ୍ଧ ନିୟମ

(କ) ଗଣନ ପକିଯା

ବୁଦେ କାଣିଛ - $5 + 5$ କୁ ଲେଖାଯାଏ 5×2 ;
 $5 + 5 + 5$ କୁ ଲେଖାଯାଏ 5×3 ;
 $5 + 5 + 5 + 5$ କୁ ଲେଖାଯାଏ 5×4

ଅର୍ଥାତ୍, ଗୋଟିଏ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ସହିତ ବାରମ୍ବାର ଯୋଗ କରିବାକୁ ଗୁଣନ ମଧ୍ୟମରେ ପ୍ରକାଶ ଦେଇବାକୁ ଚାହୁଁଥିଲା।

5×2 ର ଫଳ ଲାଭିବା ପାଇଁ ଆମେ $5 + 5$ ର ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

એહિપરિ 5×3 ર પાલ જાળિબા પાછું આમે ચિનિગોટિ 5 કુ યોગકર્યા અર્થાત્ 5×3 ર અર્થ હેજાહી 3 ગોટિ 5 ર ગોટા।

ଏଣ୍ ପାଧାରଣ କାହାରେ ଆମେ ଜନ୍ମ -

$$4 \times 7 = 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 + 4 = 28$$

ଗୁଣନକୁ ଯୋଗରେ ପରିଣତ କରି ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣପଳକ ଆମେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରୁ ଏବଂ ସେହି ଗୁଣପଳକଗୁଡ଼ିକୁ ଗୁଣନ କଣାରେ ଲେଖୁ ସେବନ୍ତିକୁ ମନେରଖୁ। ଆମେ ମନେରଖିଥୁବା ଗୁଣନ କଣାଗୁଡ଼ିକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଚଢ଼ି ବଢ଼ି ସଂଖ୍ୟାର ଚଣନ କର ।

ଗଣପତିଯା ସମ୍ବନ୍ଧ ବିଜିନ୍ ନିୟମ :

(କ୍ର) ନିମିତ୍ତ ଅବ୍ଳା ଗଣନାକ୍ଷର୍ଯ୍ୟ କରି ଗଣପତ୍ର ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$5 \times 7 = \quad 8 \times 6 = \quad 12 \times 9 = \quad 14 \times 12 =$$

ଯେଉଁ ଗଣପତିର ହାତରେ, ସେଗତିକି କି ପକାର ସଂଖ୍ୟା ?

ଆମେ ଦେଖୁଲେ -

ଦୁଇଟି ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣଫଳ ଏକ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ।

ଅର୍ଥାତ୍, ଗୁଣନ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସଂବୂରି ନିୟମ ପାଳନ କରେ ।

(ଖ)  ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ଯେ କୌଣସି ଦୁଇଟି ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ କ୍ରମ ଆବାରେ ଲେଖ । ସେଥି ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିକୁ ପ୍ରଥମ ସଂଖ୍ୟା ଓ ଅନ୍ୟରୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ସଂଖ୍ୟା ଭାବେ ନାମିତ କର ।
- ◆ ପ୍ରଥମ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱାରା ଗୁଣ ଗୁଣଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
- ◆ ସେହିପରି ଏବେ ଦ୍ୱିତୀୟ ସଂଖ୍ୟାକୁ ପ୍ରଥମ ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱାରା ଗୁଣ ଗୁଣଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର । କ'ଣ ପାଇଲ ?
- ◆ ଏବେ ଆଉ ଏକ ଯୋଡ଼ା ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ନେଇ ସେହି ଉକି କାର୍ଯ୍ୟ କର ।

୩
ପ୍ରଥମ ସଂଖ୍ୟା

୮
ଦ୍ୱିତୀୟ ସଂଖ୍ୟା

$$\boxed{3} \times \boxed{8} = ?$$

$$\boxed{8} \times \boxed{3} = ?$$

ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶେତ୍ରରେ ଦେଖୁବା ଯେ ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିର କ୍ରମ ବଦଳାଇ ଗୁଣନ କଲେ ଗୁଣଫଳ ସମାନ ହୁଏ ।

ଆମେ ଜାଣିଲେ, ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାକୁ କ୍ରମ ବଦଳାଇ ଗୁଣିଲେ ଗୁଣଫଳ ବଦଳେ ନାହିଁ ।

ଅର୍ଥାତ୍, ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ଗୁଣନ ପ୍ରକ୍ରିୟା କ୍ରମ ବିନିମୟୀନିୟମ ପାଳନ କରେ ।

(ଗ) ତଳେ ସମ୍ପାଦନ କରାଯାଇଥିବା କାର୍ଯ୍ୟକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର -

ତିନି ଗୋଟି ପାଇଆରେ 4 ଗୋଟି ଲେଖାଏଁ ବଳ ଅଛି ଓ ସେଗୁଡ଼ିକୁ ‘କ’, ‘ଖ’, ‘ଗ’, ‘ଘ’ ନାମରେ ଚିହ୍ନିତ କରାଯାଇଛି ।



ତଳେ ଗୋଟି ପାଇଆ ରହିଛି । ଉପରେ ଥିବା ସମସ୍ତ ପାଇଆରୁ ‘କ’ ଚିହ୍ନିତ ବଳଗୁଡ଼ିକୁ ଆଣି ତଳେ ଥିବା ଦ୍ୱିତୀୟ ପାଇଆରେ ରଖ ।

ଉପରେ ଥିବା ସମସ୍ତ ପାଇଆରୁ ‘ଖ’ ଚିହ୍ନିତ ବଳଗୁଡ଼ିକୁ ଆଣି ତଳେ ଥିବା ଦ୍ୱିତୀୟ ପାଇଆରେ ରଖ ।

ଉପରେ ଥିବା ସମସ୍ତ ପାଇଆରୁ ‘ଗ’ ଚିହ୍ନିତ ବଳଗୁଡ଼ିକୁ ଆଣି ତଳେ ଥିବା ଦ୍ୱିତୀୟ ପାଇଆରେ ରଖ ।



ତିନୋଟି ପାଇଁଆରେ ଥିବା ମୋଟ ବଲ୍ ସଂଖ୍ୟା = $4 \times 3 = 12$

ତଳେ ଥିବା ରଗୋଡ଼ି ପାଇଁଆରେ ଥିବା ମୋଟ ବଲ୍ ସଂଖ୍ୟା = $3 \times 4 = 12$

ଏଣୁ ଆମେ ଦେଖିଲେ, ପ୍ରତ୍ୟେକ ପାଇଁଆରେ ରଗୋଡ଼ି ଲୋକାଏଁ ବଲ୍ ଥାଇ, ତିନୋଟି ପାଇଁଆରେ ଥିବା ମୋଟ ବଲ୍ ସଂଖ୍ୟା ଯେଉଁକି ପ୍ରତ୍ୟେକ ପାଇଁଆରେ ତିନୋଟି ଲୋକାଏଁ ବଲ୍ ଥାଇ, ରଗୋଡ଼ି ପାଇଁଆରେ ଥିବା ମୋଟ ବଲ୍ ସଂଖ୍ୟା ସେହିକି ।

$$4 \times 3 = 3 \times 4$$

ଏହି କାର୍ଯ୍ୟରୁ ଗୁଣନ ପ୍ରକିଳାର କେଉଁ ନିୟମକୁ ପରାଷ୍ଠା କରି ଦେଖିଲା ?

(ଘ) ଜଥାଟିଏ ଶୁଣ-

ଗାଜାଙ୍କର ଉତ୍ତାର ଘରୁ ଗୋଟିଏ ପେଡ଼ି ଖେଳି ହୋଇଗଲା । ଉତ୍ତାରରକ୍ଷକ ଗାଜାଙ୍କୁ ଖେଳି ହୋଇଥିବା ଝବର ଦେଲେ ଏବଂ ରେଣ୍ଟି ହୋଇଥିବା ପେଡ଼ିରେ ଥିବା ସୁନା ମୋହର ହିସାବ ଦେଲେ -

ଭାଷାରରକ୍ଷକ କହିଲେ -

ପେଡ଼ିରେ ଥିଲା 5 ଟି ଥାକ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ଥାକରେ ଥିଲା 4 ଟି ଫରୁଆ ଓ ପ୍ରତି ଫରୁଆରେ ଥିଲା 3 ଟି ସୁନା ମୋହର ।

ମହୀହିସାବ କଲେ -

ଗୋଟିଏ ଫରୁଆରେ ଥିବା ମୋହର ସଂଖ୍ୟା = 3

ଏଣୁ 4 ଟି ଫରୁଆରେ ଥିବା ମୋହର ସଂଖ୍ୟା = $3 \times 4 = 12$

∴ ଗୋଟିଏ ଥାକରେ ଥିବା ମୋହର ସଂଖ୍ୟା = 12

ସେହିପରି 5 ଟି ଥାକରେ ଥିବା ମୋହର ସଂଖ୍ୟା = $12 \times 5 = 60$

ବା, ଏହି ହିସାବକୁ ଆମେ ଲେଖିବା : $(3 \times 4) \times 5 = 12 \times 5 = 60$

ଗାଜା ନିଜେ ହିସାବ କଲେ -

ଗୋଟିଏ ଥାକରେ ଥିବା ଫରୁଆ ସଂଖ୍ୟା = 4

ଏଣୁ 5 ଟି ଥାକରେ ଥିବା ଫରୁଆ ସଂଖ୍ୟା = $4 \times 5 = 20$

ଗୋଟିଏ ଫରୁଆରେ ଥିବା ମୋହର ସଂଖ୍ୟା = 3

∴ 20 ଟି ଫରୁଆରେ ଥିବା ମୋହର ସଂଖ୍ୟା = $3 \times 20 = 60$

ବା, ଏହି ହିସାବକୁ ଆମେ ଲେଖିବା : $(4 \times 5) \times 3 = 20 \times 3 = 60$

ଗାଜା ଓ ମହୀଙ୍କ ହିସାବକୁ ମିଳିଥିବା ଖେଳିଯାଇଥିବା ମୋହର ସଂଖ୍ୟାରେ କିଛି ପାର୍ଥିବ୍ୟ ଦେଖୁଛି କି ?

ମାତ୍ର ଦୁଇଁଙ୍କର କାର୍ଯ୍ୟଧାରା ଭିନ୍ନ । କାର୍ଯ୍ୟଧାରା ଭିନ୍ନ ହେଲେ ମଧ୍ୟ ଉଚ୍ଚର ସମାନ ।

ଏଥରୁ ଜାଣିଲେ -

$$(3 \times 4) \times 5 = 3 \times (4 \times 5)$$

☞ ତୁମେ ନିଜେ କର -

$$(3 \times 4) \times 5 = ?$$

$$3 \times (4 \times 5) = ?$$

$$(3 \times 5) \times 4 = ?$$

ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶୈତାରେ ସମାନ ଗୁଣପଳ ମିଳିଥିବାର ଦେଖିବା । ତିନି ପ୍ରକାର ଗୁଣନର ଗୁଣପଳକୁ ଦେଖି କ'ଣ ଜାଣିଲ ? ଏଥରୁ ଜାଣିଲେ, ତିନୋଟି ସାଧାବିକ ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣନ କଲାବେଳେ, ପ୍ରଥମେ ଯେ କୌଣସି ଦୁଇଟିକୁ ଗୁଣନ କରିବା ଓ ଗୁଣପଳ ସହ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାକୁ ଗୁଣନ କରିବା ।

ଚିନୋଟି ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣନ କେତ୍ରରେ, ଏହି ନିୟମକୁ **ସହଯୋଗୀ ନିୟମ** କୁହାଯାଏ ।

ସହଯୋଗୀ ନିୟମ

ଚିନୋଟି ସ୍ଥାନାବିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଗୁଣନ କଲାବେଳେ, ସେ ଚିନୋଟି ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରୁ ଯେ କୌଣସି ଦୂରତି ସଂଖ୍ୟାକୁ ପ୍ରଥମେ ଗୁଣନ କରି ଗୁଣଫଳକୁ ଢୁଢାଯି ସଂଖ୍ୟା ସହ ଗୁଣନ କରିବା ।

(ତ)  ନିଜେ କରି ଦେଖ

‘ମୁଁ ଲୁଚିଗଲି ଦୂମ ଭିତରେ’

- ଦୂମେ ଯେ କୌଣସି ଗୋଟିଏ ସ୍ଥାନାବିକ ସଂଖ୍ୟା ଛାବ ।
- ଭାବିଥୁବା ସଂଖ୍ୟାକୁ 1 ଦ୍ୱାରା ଗୁଣନ କର ।
- ନିଜେ ଭାବିଥୁବା ସଂଖ୍ୟା ୩ ଓ 1 କୁ ଗୁଣନ କଲା ପରେ ମିଳିଥୁବା ଗୁଣଫଳକୁ କଳାପଠାରେ ଲେଖ ।
- ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ସହ 1 କୁ ଗୁଣନ କଲ, ସେ ସଂଖ୍ୟା ଓ ଗୁଣଫଳକୁ ଦେଖ ଏବଂ ତାଙ୍କ ଭିତରେ ଥିବା ସମ୍ପର୍କ ଲେଖ । କ’ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କଲ ?
- ଆଉ ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟା ନେଇ ସେଥିରେ 1 ଗୁଡ଼ି ଗୁଣଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର । କ’ଣ ଦେଖୁଛ ?

ଗୁଣନର ଅଭେଦ ନିୟମ

ଯେ କୌଣସି ସ୍ଥାନାବିକ ସଂଖ୍ୟା $\times 1 = 1 \times$ ସେହି ସଂଖ୍ୟା = ସେହି ସଂଖ୍ୟା

1 ହେଉଛି ଗୁଣନାମ୍ବକ ଅଭେଦ ।

ଜାଣିଛ କି ?

4.7.5. ଗୁଣନ ଓ ଯୋଗ ସମ୍ମୁଚ୍ଚ ନିୟମ

ପ୍ରଥମ ପରିସ୍ଥିତି : ପୂଜା ଓ ଚିପୁନ ଉଭୟଙ୍କର ଆଜି ଜନ୍ମଦିନ । ପୂଜାର ବୟସ ହେଲା 12 ଓ ଚିପୁନର ବୟସ ହେଲା 8 । ସେମାନଙ୍କୁ ଚକୋଲେଟ ଦିଆଯିବା ପ୍ରତ୍ୟେକକୁ ତା’ ବୟସର 4 ଗୁଡ଼ ସଂଖ୍ୟାକ ଚକୋଲେଟ ଦିଆଯିବା । ପ୍ରତ୍ୟେକ କେତୋଟି ଲେଖାଏଁ ଚକୋଲେଟ୍ ପାଇବେ ?

ମୋଟରେ ସେମାନଙ୍କୁ କେତେଗୋଟି ଚକୋଲେଟ ଦିଆଯିବ ?

ଉଭୟ - ପୂଜା ପାଇବା ଚକୋଲେଟ୍ ସଂଖ୍ୟା = $12 \times 4 = 48$

ଚିପୁନ ପାଇବା ଚକୋଲେଟ୍ ସଂଖ୍ୟା = $8 \times 4 = 32$

\therefore ଉଭୟଙ୍କୁ ଦିଆଯାଉଥିବା ମୋଟ ଚକୋଲେଟ୍ ସଂଖ୍ୟା = $48 + 32 = 80$

ଏହି ହିସାବକୁ ନିମ୍ନମତେ ମଧ୍ୟ କରାଯାଇ ପାରେ -

$$\begin{aligned} \text{ସେମାନଙ୍କୁ ଦିଆଯାଉଥିବା ମୋଟ ଚକୋଲେଟ୍ ସଂଖ୍ୟା} &= (12+8) \times 4 \\ &= 20 \times 4 = 80 \end{aligned}$$

$$\text{ଏଣୁ ଆମେ ଦେଖିଲେ, } 12 \times 4 + 8 \times 4 = (12+8) \times 4$$



ଦ୍ୱିତୀୟ ପରିସ୍ଥିତି :

କଣେ କର୍ମଚାରୀ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦିନ ମଧ୍ୟାହ୍ନ ରୋଜନ ଲାଗି 20 ଟଙ୍କା ଓ ୫ ଟଙ୍କା ଖାଇବା ପାଇଁ 5 ଟଙ୍କା ପାଆନ୍ତି । ସେ ରେତିନ ଲାଗି ମଧ୍ୟାହ୍ନ ରୋଜନ ଓ ୫ ଟଙ୍କା ଖାଇବା ପାଇଁ ମୋଟ କେତେ ଟଙ୍କା ପାଇବେ ?

ପ୍ରଥମ ପ୍ରକାର ହିସାବ :

$$\begin{aligned} \text{ମଧ୍ୟାହ୍ନ ରୋଜନ ଓ ୫ ଟଙ୍କା ଖାଇବା ଲାଗି ତାଙ୍କର} \\ 1 \text{ ଦିନର ପ୍ରାପ୍ୟ} = (20 + 5) \text{ ଟଙ୍କା} \\ \text{ମଧ୍ୟାହ୍ନ ରୋଜନ ଓ ୫ ଟଙ୍କା ଖାଇବା ଲାଗି ତାଙ୍କର} \\ 4 \text{ ଦିନର ପ୍ରାପ୍ୟ} &= (20+5) \times 4 \text{ ଟଙ୍କା} \\ &= 25 \times 4 \text{ ଟଙ୍କା} = 100 \text{ ଟଙ୍କା} \end{aligned}$$

ଦ୍ୱିତୀୟ ପ୍ରକାର ହିସାବ :

$$\begin{aligned} \text{ମଧ୍ୟାହ୍ନ ରୋଜନ ପାଇଁ 4 ଦିନର ପ୍ରାପ୍ୟ} &= 20 \times 4 \text{ ଟଙ୍କା} \\ ୫ ଟଙ୍କା ଖାଇବା ଲାଗି 4 ଦିନର ପ୍ରାପ୍ୟ} &= 5 \times 4 \text{ ଟଙ୍କା} \\ 4 \text{ ଦିନ ଲାଗି ମଧ୍ୟାହ୍ନ ରୋଜନ ଓ ୫ ଟଙ୍କା ଖାଇବା ବାବଦକୁ} \\ \text{ମୋଟ ପ୍ରାପ୍ୟ} &= 20 \times 4 \text{ ଟ.} + 5 \times 4 \text{ ଟ.} \\ &= 80 \text{ ଟ.} + 20 \text{ ଟ.} = 100 \text{ ଟଙ୍କା} \end{aligned}$$

ଏହୁ ଆମେ ଦେଖିଲେ - $(20 + 5) \times 4 = 20 \times 4 + 5 \times 4$

ଏପରି ଅନ୍ୟ ଦୂରଚିତ୍ର ପରିସ୍ଥିତି ତୁମେ ଲେଖ । ଆବଶ୍ୟକ ପଡ଼ିଲେ ସାଥ୍ ପିଲା ବା ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ସାହାଯ୍ୟ ନିଆ ।

ଆମେ ଦେଖିଲେ :

ତିନୋଟି ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରୁ ପ୍ରଥମ ଓ ଦ୍ୱିତୀୟର ଯୋଗଫଳକୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ସଂଖ୍ୟା ସହ ଗୁଣନ କଲେ ଯେଉଁ ଫଳ ମିଳିବ, ପ୍ରଥମକୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ସହ ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟକୁ ଦ୍ୱିତୀୟ ସହ ଜିନ୍ନ ଜିନ୍ନ ଭାବରେ ଗୁଣନ କରି ଗୁଣଫଳ ଦୂରଚିତ୍ର ଯୋଗ କଲେ ମଧ୍ୟ ସମାନ ଫଳ ମିଳିବ ।

ଗୁଣନ ଓ ଯୋଗ ଉପକାରୀ ଉପରୋକ୍ତ ନିୟମକୁ **ଯୋଗ ଉପରେ ଗୁଣନର ବନ୍ଧନ ନିୟମ** ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

ସେହିପରି ବିଯୋଗ ଉପରେ ଗୁଣନର ବନ୍ଧନ ନିୟମ ମଧ୍ୟ ରହିଛି । ଏହାର ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ ହେଉଛି -

$$(8 - 5) \times 4 = 8 \times 4 - 5 \times 4$$

ଏହାର ସତ୍ୟତା ନିଜେ ପରାକ୍ରାନ୍ତି କରି ଦେଖ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 4.3

- ନିମ୍ନେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉଚ୍ଚିତ୍ତ ପାଖରେ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାର ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ନିୟମଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଲେଖ ।

(କ) $5 \times 8 = 8 \times 5$

(ଖ) ଦୂରଚିତ୍ର ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣଫଳ ଏକ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ।

(ଗ) $(8 \times 5) \times 3 = 8 \times (5 \times 3) = (8 \times 3) \times 5$

(ଘ) $5 \times 1 = 1 \times 5 = 5, 12 \times 1 = 1 \times 12 = 12, 308 \times 1 = 1 \times 308 = 308$

(ଘ) $(7 + 5) \times 3 = 7 \times 3 + 5 \times 3$

(ଘ) $(12 - 4) \times 5 = 12 \times 5 - 4 \times 5$

2. ନିୟ ଉଦାହରଣଟି ଦେଖ। ସେହି ଅନୁଯାୟୀ ପରବର୍ତ୍ତୀ ଗୁଣନ କାର୍ଯ୍ୟ ସମାଧନ କର।

$$\begin{aligned}\text{ଉଦାହରଣ: } & 37 \times 14 = (30+7) \times 14 \\& = 30 \times 14 + 7 \times 14 \\& = 420 + 98 \\& = 518\end{aligned}$$

(କ) 118×12 (ଖ) 98×16 (ଗ) 206×18 (ଘ) 512×28

3. (କ) ସ୍ଥାନବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହ ମଧ୍ୟରେ କେବେ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଗୁଣନାମୂଳ ଅରେବ କୁହାଯାଏ ?

(ଖ) କେବେ ନିୟମ ଆମକୁ ଡିନିଗୋଡ଼ି ସ୍ଥାନବିକ ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣପକ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବାରେ ସାହାୟ୍ୟ କରେ ?

(ଗ) $12 \times 7 \times 5$ ର ଗୁଣପକ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବା ଲାଗି ସଂଖ୍ୟାରୁଢ଼ିଲୁ ରପ୍ୟୁତ୍ର କ୍ରମରେ ନେଇ ସହଯୋଗୀ ନିୟମ ପ୍ରୟୋଗ କର।

4. ରଣ୍ଜନ ନିୟମ ଅନୁଯାୟୀ ସରଳ କର -

(କ) $(15+5) \times 6$ (ଖ) $(12+7) \times 5$ (ଗ) $4 \times (8+6)$

(ଘ) $(15+12) \times 4$ (ଡ) $8 \times (17-9)$ (ଇ) $(324-220) \times 5$

5. ଉପ୍ୟୁକ୍ତ ନିୟମ ପ୍ରୟୋଗ କରି ସରଳ କର -

(କ) $398 \times 7 + 398 \times 3$

(ଖ) $8265 \times 163 + 8265 \times 37$

(ଗ) $15625 \times 15625 - 15625 \times 5625$

(ଘ) $887 \times 10 \times 461 - 361 \times 8870$

6. ଜଣେ ଦୋକାନୀ ଗୋଟିଏ ସଞ୍ଚାହରେ 9785 ଟଙ୍କା ଦାମର 115 ଗୋଟି ଟେଲିଭିଜନ ବିକ୍ରି କଲେ । ତେବେ ମୋଟ ବିକ୍ରିଦାମ ବାବଦକୁ ସେ କେତେ ଟଙ୍କା ପାଇଲେ ?

7. ଜଣେ ବ୍ୟକସାୟା ପ୍ରତି ରିକ୍ତ ରେ ଡିନି ବର୍ଷା ଛତକ ଓ ୪ ବର୍ଷା ତାଳି ବୋରେଇ କରି ହାତକୁ ପଠାନ୍ତି । ଗୋଟିଏ ହାତ ପାଲିରେ ସେ ୫ଟି ରିକ୍ତ ବୋରେଇ କରି ଛତକ ଓ ତାଳି ହାତକୁ ପଠାଇଲେ । ତେବେ ସେହି ହାତ ପାଲିରେ ସେ ମୋଟ କେତେ ବର୍ଷା ଜିନିଷ ହାତକୁ ପଠାଇଲେ ?

4.8.6. ହରଣ (ବା ଜାଗ) ପ୍ରକ୍ରିୟା ଓ ଏହା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ନିୟମ :

ଆସ ଗୋଟିଏ ପରିଚ୍ଛିତିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିବା - ନିଦ୍ୟାକ୍ୟରେ ପତାକା ଉଭୋଳନ କରିବା ଲାଗି ୫ମି. ଲମ୍ବ ଦରତା ଖଣ୍ଡେ ଦରକାର । ଅପିସ୍ତରେ ବଢ଼ି ଦରତାଗ୍ରିଏ ଅଛି । ସେଇଟି ୪୨ଟି. ଲମ୍ବ ।

ରମେଶ କହିଲା, ‘ଅପିସ୍ତରେ ଥିବା ବଢ଼ି ଦରତାରୁ ୫ମି. ଲମ୍ବ ଦରତା ଖଣ୍ଡେ କାଟି ଆଣିବା ।’

ରିହାନ୍ କହିଲା, ‘ବଢ଼ି ଦରତାରୁ ୫ମି. ଲମ୍ବ ଯେତେଖଣ୍ଡ ଦରତା ମିଳି ପାରିବ ସେତେଖଣ୍ଡ କାଟି ରଖୁ ଦେଲେ, ଯେତେବେଳେ ଦରକାର ସେଥିରୁ ଖଣ୍ଡ ଆଣି ପତାକା ଚଙ୍ଗାଇବା କାମ ହୋଇପାରିବ ।’

୪ମି. ଲମ୍ବର ଦଉଡ଼ା କଟା କାର୍ଯ୍ୟ ଆଗମ ହେଲା । ସୀମା କିନ୍ତୁ କାଗଜ କଳମ ଧରି ହିସାବ କରିବାକୁ ଲାଗିଲା -
ବଡ଼ ଦଉଡ଼ାର ଲମ୍ବ 42 ମି. ।

- ୪ ମି. ଲମ୍ବର ଦଉଡ଼ା ଖଣ୍ଡେ କଟାଗଲା ।
ବଳକା ରହିଲା କେତେ ?
- ଆଉ ଖଣ୍ଡେ ୪ମି. ଲମ୍ବର ଦଉଡ଼ା କଟାଗଲା ।
ବଳକା ରହିଲା କେତେ ?
- ପୁଣି ଖଣ୍ଡେ କଟାହେଲା ।
ବଳକା ରହିଲା କେତେ ?
- ପୁଣି ଖଣ୍ଡେ କଟାହେଲା ।
ବଳକା ରହିଲା କେତେ ?
- ପୁଣି ଖଣ୍ଡେ କଟାହେଲା ।
ବଳକା ରହିଲା କେତେ ?

42 ମି.

- 8 ମି. (ଖଣ୍ଡ)

34 ମି.

- 8 ମି. (ଦୂର ଖଣ୍ଡ)

26 ମି.

- 8 ମି. (ଚିନି ଖଣ୍ଡ)

18 ମି.

- 8 ମି. (ଇରି ଖଣ୍ଡ)

10 ମି.

- 8 ମି. (ପାଞ୍ଚ ଖଣ୍ଡ)

2 ମି.

ଦଉଡ଼ା କଟା କାର୍ଯ୍ୟ ସରିବା ପୂର୍ବରୁ ସୀମା ଟା' ହିସାବକୁ ଦେଖୁ କହିଲା - '୪ମି. ଲମ୍ବର 5 ଖଣ୍ଡ ଦଉଡ଼ା ମଳିଥୁବ ଓ
ଖଣ୍ଡେ 2ମି. ଲମ୍ବର ଛୋଟ ଦଉଡ଼ା ବଳକା ଥିବ ।'

ବର୍ତ୍ତମାନ ସମସ୍ତେ ଦେଖୁଲେ ପଢାକା ଚଙ୍ଗାୟାଇପାରିବା ଭଳି 5 ଖଣ୍ଡ ଦଉଡ଼ା ମଳିଲା ଏବଂ 2ମି. ଲମ୍ବର ଛୋଟ
ଦଉଡ଼ା ଖଣ୍ଡେ ବଳିଲା । ସୌମେନ୍, ସୀମାର ହିସାବକୁ ଦେଖୁଥିଲା । ଶେଷରେ ସେ ଚକ୍ର ଖଣ୍ଡେ ନେଇ କଲାପଟା ଉପରେ
ହିସାବ କଲା ।

5 ଖଣ୍ଡ ଦଉଡ଼ା ମଳିଲା

8	42
	- 40

2 ମି. ଦଉଡ଼ା ବଳିଲା

ହିସାବ କରିପାରି କହିଲା - 'କାଟିବା ଆଗରୁ ଆମେ ଜାଣି ପାରିଆ' ତେ କେତେଖଣ୍ଡ ପଢାକା-ଚଙ୍ଗା ଦଉଡ଼ି ମଳିବ ଆଉ
କେତେ ବଳିବ !'

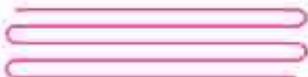
ଆମେ ଦେଖୁଲେ -

42 କୁ କୁମାନ୍ୟରେ 8 କୁ ବାରମାର ବିଯୋଗ କରି ଯାହା କଟା ପଡ଼ିଲା, 42 କୁ 8 ଦୂରା ହରଣ କରି ମଧ୍ୟ ତାହା
ତଣପଡ଼ିଲା ।

ଜଗଦୀଶୁ କହିଲା - 'ଯେଉଁ 2 ମି. ଲମ୍ବ ଦଉଡ଼ା ଖଣ୍ଡ ବଳିକା, ସେଥିରେ କ'ଣ ବା କାମ ହେବ ? ଆମେ ଯଦି ଦଉଡ଼ାଟିକୁ ସମାନ ପାଞ୍ଚଶଷ୍ଠ କରି କାଟିଦେଇଥା'ତେ, ତେବେ ଆଦୋ ଦଉଡ଼ା ନଷ୍ଟ ହୋଇ ନଥା'ଗା।'

ରିହାନ୍ ପଣ୍ଡିଲା, 'ତାହା କିପରି କରିଥା'ତେ ?'

ଜଗଦୀଶୁ କ'ଣ କଲା ଆସ ଦେଖିବା - ତା'ର ଗୋଟିଏ ସାଥୀ ପିଲା ଶରତକୁ କିଛି ଦୂରରେ ଛିଡ଼ା କରାଇଲା ଏବଂ ଦଉଡ଼ାଟିକୁ ପାଞ୍ଚ ପରଷ୍ଠ ହେବା ଭଲି ନିଜ ହାତ ଓ ଶରତର ହାତରେ ଶୁଦ୍ଧାଇଲା । ତା'ପରେ ଉତ୍ତ୍ତ୍ଵ ହାତ ପାଞ୍ଚରେ ଦଉଡ଼ାର ଭାଙ୍ଗ ସ୍ଥାନରେ କାଟିଦେବାକୁ କହିଲା ।



ବର୍ତ୍ତମାନ ଦଉଡ଼ାଟି ପାଞ୍ଚ ସମାନ ଖଣ୍ଡରେ କଟା ହୋଇଗଲା ।

ଜଗଦୀଶୁ କହିଲା - 'ଦେଖ, ଏଥିରେ ଦଉଡ଼ା ଆଦୋ ନଷ୍ଟ ହେଲା ନାହିଁ ।'

ସାମା ପଣ୍ଡିଲା - 'ପ୍ରତି ଖଣ୍ଡର ଲମ୍ବ କେତେ ?'

ମଧ୍ୟାହ୍ନ ଦେଖାଇଲା ଯେ ପ୍ରତି ଖଣ୍ଡର ଲମ୍ବ ହେଲା 8ମି. 40ସେ.ମି. ।

ସୌମେନ୍ କହିଲା, ମାପ ନ କରି କିପରି ପ୍ରତିଖଣ୍ଡର ଲମ୍ବ ଜାଣି ପାରିବା ଦେଖ -

ଦଉଡ଼ାର ମୋଟ ଦେଇଁ 42 ମି.ମୀ 4200 ସେ.ମି. । ଏହାକୁ ପାଞ୍ଚ ସମାନ ଖଣ୍ଡରେ କଟାଗଲା ।

$$\text{ଏଣୁ ପ୍ରତି ଖଣ୍ଡର ଲମ୍ବ} = \frac{4200}{5} \text{ ସେ.ମି.}$$

$$= 840 \text{ ସେ.ମି. } 8 \text{ ମି. } 40 \text{ ସେ.ମି.}$$

ରିହାନ୍ କରିଥିବା କାର୍ଯ୍ୟରେ ଦେଖାଇଲା - ହରଣ ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ବଢ଼ ସଂଖ୍ୟାରୁ ଗୋଟିଏ ସାନ ସଂଖ୍ୟାର କ୍ରମିକ ବିଯୋଗ ।

ଜଗଦୀଶୁର କାର୍ଯ୍ୟରୁ ଦେଖାଇଲା - ହରଣ ହେଉଛି ଗୁଣନର ବିପରୀତ କାର୍ଯ୍ୟ ଅର୍ଥାତ୍ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟାର 5 ରୁଣ 42 ତାହା ହୁଇ କରିବା ହେଲା ହରଣ ।

ପ୍ରଥମ ପ୍ରକାର ହରଣ ଷେତ୍ରରେ ବଳକା ବା ଭାଗଶେଷ ରହିପାରେ । ଦୃଢ଼ାଟ ପ୍ରକାର ହରଣ ଷେତ୍ରରେ ଭାଗଶେଷ ରହିପାରିବ ନାହିଁ ।

ପ୍ରଥମ ପ୍ରକାର ହରଣ ଷେତ୍ରରେ,

42 ହେଉଛି ଭାଜ୍ୟ (ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାରୁ ଏକ ହୋଟ ସଂଖ୍ୟାକୁ କ୍ରମିକ ଭାବେ ବିଯୋଗ କରାଗଲା)

8 ହେଉଛି ଭାଜ୍ୟ (ସାମାନ୍ୟରୁ 42 ରୁ ବାରମ୍ବାର ବିଯୋଗ କରାଗଲା)

5 ହେଉଛି ଭାଗଶେଷ (42 ରୁ ସର୍ବଧିକ ଘେତେ ଥର 8କୁ ବିଯୋଗ କରାଯାଇ ପାରିଲା)

2 ହେଉଛି ଭାଗଶେଷ (42 ରୁ 8କୁ 5ଥର ବିଯୋଗ କଲା ପରେ ଯାହା ବଳିଲା)

ହରଣ କଳା ବେଳେ, ଆମେ ଦେଖିଲେ : $42 - 8 \times 5 = 2$

$\text{ଭାଜ୍ୟ} - \text{ଭାଜକ} \times \text{ଭାଗପାଳ} = \text{ଭାଗଶେଷ}$ ଅଥବା $\text{ଭାଜ୍ୟ} = (\text{ଭାଜକ} \times \text{ଭାଗପାଳ}) + \text{ଭାଗଶେଷ}$

ଦୃଢ଼ୀୟ ପ୍ରକାର ହରଣ କ୍ଷେତ୍ରରେ -

$$42 \text{ ହେଉଛି ଲବ ବା ମୂଳ ସଂଖ୍ୟା}$$

$$5 \text{ ହେଉଛି ହର ବା ଭାଗସଂଖ୍ୟା।}$$

$$\frac{42}{5} \text{ ମ. ବା } 8\text{ମ}. 40 \text{ ସେ.ମ. } 42 \text{ ହେଉଛି ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭାଗ}$$

$$\text{ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭାଗ} \times \text{ଭାଗସଂଖ୍ୟା = ମୂଳ ସଂଖ୍ୟା}$$

ଏଠାରେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭାଗ ଭାଗସଂଖ୍ୟା ହୋଇପାରେ । ଏଣୁ ଏ ପ୍ରକାର ହରଣ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହର ଅନ୍ତର୍ଭୂତ ନୁହେଁ ।

ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ପରିସରରେ ହରଣ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସମ୍ବନ୍ଧରେ କେତେକ ତଥ୍ୟ

- ◆ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ପରିସରରେ ହରଣ ହେଉଛି ଏକ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାରୁ ଏକ ସାନ ସଂଖ୍ୟାର କ୍ରମିକ ବିଯୋଗ ।
- ◆ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାଟି ଭାଜ୍ୟ, ବାରମାର ବିଯୋଗ କରାଯାଇଥିବା ସାନ ସଂଖ୍ୟାଟି ଭାଜକ, ସର୍ବାଧିକ ଯେତେ ଥର ବିଯୋଗ କରାଯାଇପାରେ ତାହା ହେଉଛି ଭାଗପାଳ ଓ ବଳକା ରହିବା ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି ଭାଗଶେଷ ।
- ◆ ଭାଗଶେଷ ସର୍ବଦା ଭାଜକ ଠାରୁ ସାନ ।

4.8.7. ହରଣ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ବିଭିନ୍ନ ନିୟମ

(ବ) ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା କ୍ଷେତ୍ରରେ ବିଭାଜନ୍ୟତା

ଯେ କୌଣସି ଗୋଟିଏ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ନେବା ଯାହା 5 ଠାରୁ ବଡ଼ ହୋଇଥିବ । ମନେକରାପାର ଆମେ ନେଲେ 15. ଏହାକୁ 2, 3 ଓ 5 ଦ୍ୱାରା ଘୁଥକ ଘୁଥକ ଭାବରେ ଭାଗ କରିବା ।

$$\begin{array}{r} 7 \\ 2 \overline{)15} \\ \underline{-14} \\ 1 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 5 \\ 3 \overline{)15} \\ \underline{-15} \\ 0 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 3 \\ 5 \overline{)15} \\ \underline{-15} \\ 0 \end{array}$$

ଆମେ ଦେଖିଲେ - 2 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କଲା ବେଳେ 1 ଭାଗଶେଷ ରହିଲା, ମାତ୍ର 3 ବା 5 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କଲା ବେଳେ ଶୂନ୍ୟ ଭାଗଶେଷ ରହିଲା ବା କିଛି ଭାଗଶେଷ ରହିଲା ନାହିଁ ।

ଏ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଆମେ କହୁ - 15, 2 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ନୁହେଁ, ମାତ୍ର 3 ଓ 5 ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ।

ଏଣୁ ଆମେ ଦେଖିଲେ -

ଏକ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ଠା'ଠାରୁ ଏକ ସାନ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ସର୍ବଦା ବିଭାଜ୍ୟ ନୁହେଁ । ଅର୍ଥାତ୍ କେତେକ ଭାଗକ୍ରିୟା ଶେଷରେ କିଛି ଭାଗଶେଷ ବଳେ, ଅନ୍ୟ କେତେକ କ୍ଷେତ୍ରରେ କୌଣସି ଭାଗଶେଷ ବଳେ ନାହିଁ ।

(ଖ) ଗୋଟିଏ ସାତାବିଦ ସଂଖ୍ୟାକୁ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ହରଣ :

5ଟି ଚକ୍ରଥବୀ ବାକୁରୁ 5ଟି ଚକ୍ର ନେଇଗଲା ପରେ ଆଉ ଚକ୍ର ବଳିବ ନାହିଁ ।

ଏଣୁ 5 ରୁ 5 ଏକଥର ମାତ୍ର ବିଦ୍ୟୋଗ କରାଯାଇପାରିବ ।

ଫଳରେ ଆମେ ଜାଣିଲେ $5 \div 5 = 1$ ଏବଂ ଭାରଶେଷ ନାହିଁ ।

ସେହିପରି $18 \div 18 = 1$

$637 \div 637 = 1$

ଏଥୁରୁ ତୁମେ କ'ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛ ?

ଆମେ ଦେଖିଲେ, ପ୍ରତ୍ୟେକ ସାତାବିଦ ସଂଖ୍ୟାକୁ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଭାଗକରେ ଭାଗଫଳ 1 ।

(ଗ) ଏକ ସାତାବିଦ ସଂଖ୍ୟାକୁ 1 ଦ୍ୱାରା ହରଣ :

8 ଟି ଚକ୍ରଥବୀ ବାକୁରୁ ଥରକେ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଚକ୍ର ନେବେ, 8 ଥର ନେବାପରେ ସମ୍ପତ୍ତ ଚକ୍ର ସରିଯିବ । ଏଣୁ $8 \div 1 = 8$

ସେହିପରି $32 \div 1 = 32$

$642 \div 1 = 642$

କ'ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛ ?

ଜାଣିଛ କି ?

ସାତାବିଦ ସଂଖ୍ୟା କେତେବେଳେ,
ସେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା \div ସେହି ସଂଖ୍ୟା = 1
ଏଣୁ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସାତାବିଦ ସଂଖ୍ୟା ନିଜଦ୍ୱାରା
ବିଭାଜିତ ।

ଜାଣିଛ କି ?

ସାତାବିଦ ସଂଖ୍ୟା କେତେବେଳେ,
ସେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା $\div 1 =$ ସେହି ସଂଖ୍ୟା

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 4.4

1. ପ୍ରତ୍ୟେକ କେତେବେଳେ ଭାଗକ୍ରିୟା କରି ଭାଗଫଳ ଓ ଭାଗଶେଷ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ଏବଂ ଭାଗକ୍ରିୟା ଠିକ୍ ଅଛି କି ନାହିଁ
ପରାମା କର ।

(କ) $7772 \div 58$

(ଘ) $6906 \div 35$

(ଖ) $6324 \div 245$

(ଡ) $12345 \div 975$

(ଗ) $16025 \div 1000$

(ଚ) $5436 \div 300$

2. ଶୁନ୍ୟପୂରଣ ପୂରଣ କର -

(କ) $104 \div 104 = \dots\dots\dots$

(ଘ) $305 \div \dots\dots\dots = 305$

3. ପ୍ରତ୍ୟେକ କେତେବେଳେ ଦର ସଂଖ୍ୟାକୁ ବନ୍ଧନୀ ମଧ୍ୟରେ ଥବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କର 5 କେବେଁ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା
ମୂଳ ସଂଖ୍ୟାଟି ବିଭାଜିତ ତାହା ଲେଖ ।

(କ) $306 [2, 3, 4, 5, 6]$

(ଘ) $1701 [6, 7, 8, 9]$

ଜାଣିଛ କି ?

ଭାଗକ୍ରିୟା ଠିକ୍ ଅଛି କି ନାହିଁ କାହିଁବା ଯାଇ ନିମ୍ନ
ଦୂରର ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ -

ଭାଗ୍ୟ = ଭାଗକ କ୍ଷେତ୍ର କ୍ଷେତ୍ର + ଭାଗଶେଷ

ଏହାକୁ ସ୍କୁଲ୍ଟ୍ରୀୟ ପରିଚି ଦୂରଯାଏ ।

4. ଛ' ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ କେବେଁ ଶୁନ୍ୟପୂରଣ ସଂଖ୍ୟା 74 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜିତ ?

5. ଗରି ଅଙ୍କ ବିଶିଷ୍ଟ କେଉଁ ବୃଦ୍ଧିରମ ସଂଖ୍ୟା 48 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ?
6. କେଉଁ ସଂଖ୍ୟାକୁ 24 ଦ୍ୱାରା ଭାଗକଲେ 18 ଭାଗପଳ ପଡ଼ି 9 ଭାଗଶେଷ ରହିବ ?
7. ଜଣେ କୃଷ୍ଣକଳ ପାଖରେ 700 ଛରା ରହ ଥିଲା । ସେ ପ୍ରତି ଧାଡ଼ିରେ 32ଟି ଲେଖାଏଁ ଛରା ରହ ଲଗାଇଲେ । ତାଙ୍କ ପାଖରେ କେତୋଟି ଛରାଗୁଡ଼ ବଳିଥିବ ?
8. ଏକ ପ୍ରେକ୍ଷାଳୟରେ ପ୍ରତି ଧାଡ଼ିରେ 36 ଟି ଲେଖାଏଁ ଚଢ଼ି ରଖାଯାଇଥିଲା । ତେବେ ଅତିକମ୍ବରେ କେତୋଟି ଧାଡ଼ିରେ 600 ଦର୍ଶକ ବସି ପାରିବେ ଏବଂ କେତୋଟି ଚଢ଼ି ବଳିବ ?
9. (କ) 1325 ରୁ ଅତିକମ୍ବରେ କେତେ ବିଯୋଗ କଲେ ବିଯୋଗ ଫଳ 36 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବ ?
(ଖ) 1325 ସହ ଅତିକମ୍ବରେ କେତେ ଯୋଗକଲେ ତାହା 42 ଦ୍ୱାରା ବିଭାଜ୍ୟ ହେବ ?
10. (କ) 102 କୁ 12 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କର ଏବଂ ନିମ୍ନସ୍ତ ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନରେ ଭାଗପଳ ଓ ଭାଗଶେଷ ଲେଖ । 102 କୁ 12 ଦ୍ୱାରା ଭାଗକଲେ, ଭାଗପଳ = ଭାଗଶେଷ =
(ଖ) 102 କୁ 8 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କର ଏବଂ ନିମ୍ନସ୍ତ ଶୂନ୍ୟ ସ୍ଥାନରେ ଭାଗପଳ ଓ ଭାଗଶେଷ ଲେଖ । 102 କୁ 8 ଦ୍ୱାରା ଭାଗକଲେ ଭାଗପଳ ଓ ଭାଗଶେଷ ।
11. ପ୍ରଶ୍ନ ନଂ 10 ରେ ଦେଖିଲେ, 102 ଭାଜ୍ୟ ହୋଇଥିବା ବେଳେ –
ଭାଜକ 12 ହେଲେ ଭାଗପଳ 8 ;
ଭାଜକ 8 ହେଲେ ଭାଗପଳ 12 ଏବଂ ପ୍ରତ୍ୟେକ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଭାଗଶେଷ 6 ।
ବର୍ତ୍ତମାନ 106 କୁ 12 ଦ୍ୱାରା ଭାଗକରି ଭାଗପଳ ଓ ଭାଗଶେଷ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
106 କୁ ପୂର୍ବ ଭାଗପଳ ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କରି ଭାଗପଳ ଓ ଭାଗଶେଷ କେତେ ହେଉଛି ମୁଁ ରକରା ।
ପ୍ରଶ୍ନ 10 ରେ ଦେଖିଥିଲେ, ଭାଜକ 12 ବେଳେ ଭାଗପଳ 8 ଏବଂ ଭାଜକ 8 ହେଲେ ଭାଗପଳ 12 ।
ମାତ୍ର ଏହି ପ୍ରଶ୍ନର ଭାଗକ୍ରିୟା କ୍ଷେତ୍ରରେ, ଭାଜକ 12 ହେଲେ ଭାଗପଳ ଯେତେ ପାଇଲ, ସେହି ସଂଖ୍ୟାକୁ ଭାଜକ ନେଇ ଭାଗକ୍ରିୟା କଲାବେଳେ ଭାଗପଳ 12 ହେଲା କି ? କାହିଁକି ହେଲା ନାହିଁ ?
12. ଯଦି ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାକୁ 15 ଦ୍ୱାରା ଭାଗକଲେ କୌଣସି ଭାଗଶେଷ ନ ରହେ, ତେବେ ସେହି ସଂଖ୍ୟାକୁ ଅନ୍ୟ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କଲେ ମଧ୍ୟ କୌଣସି ଭାଗଶେଷ ରହିବ ନାହିଁ ?

4.9 ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣଦର୍ଶଣ

ସ୍ଵାମୀୟମାନ ସାହାୟ୍ୟରେ କେବଳ ଦଶଗୋଟି ଅଙ୍କକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ସମସ୍ତ ବଡ଼ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟା ଲିଖନ କଥା ଯେବେବେଳେ ଚିତ୍ର କରାଇଲା, ସେତେବେଳେ ‘କିଛି ନାହିଁ’ ପରିସ୍ଥିତିକୁ ସଂଖ୍ୟାରୂପ ଦେବାର ଆବଶ୍ୟକତା ପଡ଼ିଲା ଏବଂ ସେଥିଯୋଗୁ ଶୂନ (0)ର ସୃଦ୍ଧି ହେଲା ଓ ଏହାକୁ ଏକ ଅଙ୍କରୂପେ ବ୍ୟବହାର କରାଇଲା ।

ଦେବନନ୍ଦନ ଜାବନର ବିଜିନ୍ ପରିସ୍ଥିତିରେ 'ଯାହା ଥିଲା, ସବୁ ସରିଗଲା', ଏହା ଏକ ସାଧାରଣ ପରିସ୍ଥିତି । ଅର୍ଥାତ୍ 3 - 3, 5 - 5, 215 - 215 ଆଦି ବିଯୋଗ କ୍ଷେତ୍ରରେ ବିଯୋଗଫଳ ଦର୍ଶାଇବା ଲାଗି ଶୁନ୍ନର ଆବଶ୍ୟକତା ରହିଛି । ଏବୁ ଶୁନ୍ (0) କୁ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାସମୂହ ଭିତରେ ମଧ୍ୟ ସମିଲି କରିବାର ଦିଶା କରାଗଲାଣି । ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାସମୂହ ସହ ଶୁନ୍ (0) କୁ ସମିଲି କରି ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାସମୂହ ସୃଷ୍ଟି ହେଲା ତାହା ହେଲା ସମ୍ପ୍ରସାରିତ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାସମୂହ ।

ଜାଣିରଖ
0, 1, 2, 3, 4, 5 ଏହି ସଂଖ୍ୟା ସମୂହ ହେଲା ସମ୍ପ୍ରସାରିତ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହ (ଏହାକୁ କେତେକ ଅଳ୍ପ ସଂଖ୍ୟା ମନ୍ତ୍ର ବେଳି କରିଥାଏ) । ଏହି ସଂଖ୍ୟା ସମୂହକୁ N* ସଙ୍କଳତା ଦିଶା ସୂଚିତ କରାଯାଉଛି ।

4.9.1. ସମ୍ପ୍ରସାରିତ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହ ମଧ୍ୟରେ ଯୋଗ, ବିଯୋଗ ଆଦି ପ୍ରକ୍ରିୟା

(କ) କୌଣସି ବସ୍ତୁ ନ ଥିବା ଅବସ୍ଥା ଅନ୍ୟ କଥାରେ 'କିଛି ନାହିଁ' ର ସୂଚକ ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି ଶୁନ୍ (0) ।

$$\text{ଏହୁ } 5 + 0 = 5 + \text{କିଛି ନାହିଁ}$$

ଏକେତ୍ରରେ ଯୋଗଫଳ 5 ହିଁ ହେବ ।

$$\text{ସେହିପରି, } 7 + 0 = 7, \quad 285 + 0 = 285$$

ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟମାନଙ୍କରେ ଆମେ ଦେଖିଲେ -

ଯେକୌଣସି ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସହ ଶୁନ୍ (0)କୁ ଯୋଗକଲେ, ଯୋଗଫଳ ପୂର୍ବୋକ୍ତ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ।

ଏହି ସମ୍ପ୍ରସାରିତ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହରେ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଅଭେଦ ନିୟମ ପାଳନ କରେ ।

(ଖ) ସମ୍ପ୍ରସାରିତ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା କ୍ଷେତ୍ରରେ ଅଭେଦ ନିୟମ :

ଯେ କୌଣସି ସମ୍ପ୍ରସାରିତ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସହ ଶୁନ୍ (0) ଯୋଗ କଲେ ବା ଶୁନ୍ (0) ସହ ଯେ କୌଣସି ସମ୍ପ୍ରସାରିତ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ଯୋଗ କଲେ, ଯୋଗଫଳ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ହେବ । ଏହି ଜାବନରୁ 0କୁ ଯୋଗାମ୍ବକ ଅଭେଦ କୁହାଯାଏ ।

ଲକ୍ଷ୍ୟକର : ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସହ 0 କୁ ସମିଲି କରିବା ପୂର୍ବରୁ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ଅଭେଦ ନିୟମ ସ୍ଵାନ ପାଇଁ ନ ଥିଲା କିମ୍ବା ଯୋଗାମ୍ବକ ଅଭେଦ ମଧ୍ୟ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହରେ ନ ଥିଲା ।

ଆମେ ନିଜେ ପରାମା କରି ଦେଖିପାରିବା ଯେ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହରେ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଓ ଗୁଣନ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଯେଉଁ ଯେଉଁ ନିୟମ ପାଳନ କରିଥିଲେ, ସମ୍ପ୍ରସାରିତ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମୂହ କ୍ଷେତ୍ରରେ ମଧ୍ୟ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଓ ଗୁଣନ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସେ ସମସ୍ତ ନିୟମ ପାଳନ କରେ ।

4.9.2. ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା କ୍ଷେତ୍ରରେ ସ୍ଵତନ୍ତ୍ର ନିୟମ

(କ) ନିମ୍ନଲ୍ଲିଖିତ ବିଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟାମ୍ବଦ୍ଧିକୁ ଦେଖ -

$$3 - 3 = 0, \quad 5 - 5 = 0, \quad 238 - 238 = 0$$

ଆମେ ଦେଖିଲେ -

ଯେ କୌଣସି ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାରୁ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ବିଯୋଗ କଲେ ବିଯୋଗପଳ ଶୂନ୍ୟ (0) ହୁଏ ।

ଯେତେବେଳେ ଗୋଟିଏ ଚକ୍ରବାଜୁରେ କୌଣସି କକ୍ଷ ନଥାଏ ସେଥିରୁ ଚକ୍ରିଏ ଆଣିବାକୁ ଗଲେ, କେବଳ ଖାଲି ହାତରେ ଫେରି ଆହିବା । ଅର୍ଥାତ୍ ଆମେ ଖାଲି ଥିବା ବାଜୁରୁ ‘କିଛି ନାହିଁ’ ଟିଏ ଆଣିଲେ । ତା’ପରେ ବି ଖାଲିବାକୁ, ଖାଲି ବାକୁ ହୋଇ ରହିଲା ।

ଏଣୁ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାକ୍ଷେତ୍ରରେ ବିଯୋଗ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ଗୋଟିଏ ନିୟମ ହେଲା -

ଯେକୌଣସି ସଂଖ୍ୟାରୁ ସେହି ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଯୋଗକଲେ ବିଯୋଗପଳ ଶୂନ୍ୟ (0) ହେବ ।

(ଖ) ଅନ୍ୟ ଗୋଟିଏ ପରିଷ୍ଠିତି ଦେଖିବା -

ପାଞ୍ଚଗୋଟି ଚକ୍ରଥିରୀ ବାଜୁରୁ ମୁଁ ଆଦୋ ଚକ୍ର ନେଲି ନାହିଁ । ତେବେ ବାଜୁରେ କେତେଟି ଚକ୍ର ରହିଲା ?

ନିର୍ଣ୍ଣୟ, ବାଜୁରେ ଆଗରୁ ଥିବା ଚକ୍ରଯାକ ସବୁ ରହିଲା ।

ଏଣୁ $5 - 0 = 5$

ସେହିପରି, $9 - 0 = 9$

$83 - 0 = 83$

ବିଯୋଗ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ଆଉ ଗୋଟିଏ ନିୟମ ଜାଣିଲେ -

ଯେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା - 0 = ସେହି ସଂଖ୍ୟା

(ଗ) ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାକ୍ଷେତ୍ରରେ ଶୂନ୍ୟନ ପ୍ରକିର୍ତ୍ତା ସମ୍ଭାବ୍ୟ ନିୟମ

ଗୋଟିଏ ପରିଷ୍ଠିତି ଦେଖିବା -

କିପରି ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାର କ୍ରମିକ ଯୋଗକୁ ଶୂନ୍ୟନ କଥାରେ ପରିଣତ କରାଯାଏ, ତାହା ଆମେ ଜାଣିଛୁ

ତେଣୁ - $0 + 0 + 0 + 0 = 0 \times 4$

ମାତ୍ର - $0 + 0 + 0 + 0 = 0$

ଅଚ୍ୟବ $0 \times 4 = 0$

4×0 ର ଅର୍ଥ 0 ଗୋଟି 4 ର ଯୋଗ, ଆଦୋ 4 ନ ନେଇ ଯୋଗ କରିବା । ତେଣୁ ଆମେ ପାଇବା ‘0’

ଏଣୁ $4 \times 0 = 0$

\therefore ଆମେ ଦେଖିଲେ, $0 \times 4 = 4 \times 0 = 0$

ସେହିପରି, $0 \times 3 = 3 \times 0 = 0$

ଫଳରେ ଶୂନ୍ୟନ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ନିୟମଟି ପାଇଲେ,

$0 \times$ ଯେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା = ସେହି ସଂଖ୍ୟା $\times 0 = 0$

(ଘ) ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା କ୍ଷେତ୍ରରେ ହକଣ ସମ୍ଭାବ୍ୟ ନିୟମ :

- ଆସ ଗୋଟିଏ ପରିଷ୍ଠିତିକୁ ଲାଭ୍ୟ କରିବା । ଆଦୋ ଚକ୍ର ନ ଥିବା ଚକ୍ରବାଜୁରୁ 3 ଖଣ୍ଡି ଚକ୍ର ସର୍ବାଧୂକ କେତେ ଥର ନେଇ ପାରିବ ?

ଜାଣିରଖ

ଯେ କୌଣସି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାରେ (0) ଶୂନ୍ୟରେ ଶୂନ୍ୟପଳ (0) ହେଉଥାଏ ।

ଆହେ ନେଇ ପାରିବା ନାହିଁ, ଅର୍ଥାତ୍ ୦ ଥର ନେଇ ପାରିବା ।
ଏଥରୁ ଆମେ କ'ଣ ଜାଣିଲେ ?

$$0 \div 3 = 0$$

$$\text{ସେହିପରି, } 0 \div 4 = 0$$

$$0 \div 8 = 0$$

$$0 \div 115 = 0$$

ହରଣ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ନିୟମ : ଶୂନ୍ୟ (୦) \div ଶୂନ୍ୟ ବ୍ୟବୀଚ ଅନ୍ୟ ଯେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା = 0

◆ ଅନ୍ୟ ଏକ ପରିଷ୍ଠିତି ଦେଖିବା ।

12ଟି କଲମରୁ ଥରକେ 4ଟି ଲେଖାଏଁ ନେଇ,
କେତେ ଥରରେ ସବୁ କଲମକୁ ନିଆୟାଇ ପାରିବ ?
ଏହା ଜାଣିବା ପାଇଁ 12 କୁ 4 ଦ୍ୱାରା ହରଣ କରାଯିବ,
ଅର୍ଥାତ୍ 12 ରୁ 4କୁ କେତେଥର ନିଆୟାଇ ପାରିବ
ଆମେ ଜାଣିବା ଦରକାର ।

12

- 4 ଏକ ଥର ନିଆଗଲା

8

- 4 ଦ୍ୱାରା ଥର ନିଆଗଲା

4

- 4 ଦ୍ୱାରା ଥର ନିଆଗଲା

0

ଆମେ ଦେଖିଲୁ, 12 ରୁ 4 କୁ 3 ଥର ନିଆୟାଇ ପାରିଲା । ଏଣୁ ଆମେ କହୁ $12 \div 4 = 3$

ସେହିପରି, $3 \div 0 =$ କେତେ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କରିବା

ଏଠାରେ $3 \div 0 =$ କେତେ ଜାଣିବା ପାଇଁ 3 ରୁ 0କୁ
ବାରମ୍ବାର ବିଯୋଗ କରିବା, 0କୁ ଯେତେଥର ବିଯୋଗ
କରାଯାଇପାରିଲା ତାହା ହିଁ ହେଉଛି ଭାଗଫଳ ।

3

- 0 ଏକ ଥର ନିଆଗଲା

3

- 0 ଦ୍ୱାରା ଥର ନିଆଗଲା

3

ଏଠାରେ 3 ରୁ 0 କୁ 2 ଥର ନିଆୟାଇ ପାରିଛି । ମାତ୍ର ପୁଣି 3 ଲେଖା ବହିଛି ।

ଆହୁରି ଯେତେଥର ଇହିଁ ସେତେଥର 0 କୁ ବିଯୋଗ କରାଯାଇପାରିବ । ଏଣୁ 3 ରୁ 0କୁ କେତେ ଥର ବିଯୋଗ
କରାଯାଇପାରିବ, ତାହା ନିର୍ଦ୍ଦେଶ ଭାବରେ କୁହାଯାଇ ପାରିବ ନାହିଁ ।

ସେହି କାରଣରୁ $3 \div 0$ ଲାଗି କୌଣସି ନିର୍ଦ୍ଦେଶ ଭାଗଫଳ ନାହିଁ ।

ହରଣ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ଅନ୍ୟ ଏକ ନିୟମ : ଯେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟାକୁ 0 ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କରିବା ନିରଥିବ ।

ଭାଗ ଲେଖ-

(କ) 0×46

(ଖ) 46×0

(ଗ) $0 \div 46$

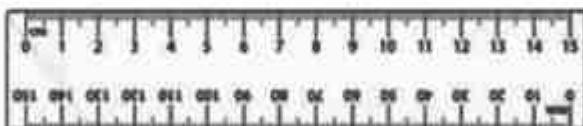
(ଘ) $46 \div 0$

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 4.5

- ଆମେ ବ୍ୟବହାର କରୁଥିବା ଅଙ୍କ ଦରଶି ମଧ୍ୟରୁ ଶୁଦ୍ଧତମ ଅକଟି କିଏ ?
- ଦୁଇ ଅୟୁତ ପାଞ୍ଚ ଲେଖନବା ବେଳେ କେଉଁ କେଉଁ ଭିନ୍ନ ଅଙ୍କ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ ?
- 1 ଠାରୁ 100 ଲେଖନବା ବେଳେ କେତେଥର 0 ଲେଖନବା ଦରକାର ପଡ଼େ ?
- ଯେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା ସହ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଯୋଗକଲେ, ଯୋଗଫଳ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ହୁଏ ?
- ଏଇକି ଏକ ବିଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟ ଦେଖାଆ, ଯେଉଁଠି ବିଯୋଗ ଫଳ 0 ।
- (କ) ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାକୁ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ସହ ଯୋଗ କଲେ ଯୋଗଫଳ ମଧ୍ୟ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ସହ ସମାନ ହୁଏ । ଏହାର ଦୁଇଟି ଉଦ୍ଦାହରଣ ଦିଅ ।
(ଖ) ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାକୁ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଗୁଣନ କଲେ ଗୁଣଫଳ ମଧ୍ୟ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ସହ ସମାନ ହୁଏ । ଏହାର ଦୁଇଟି ଉଦ୍ଦାହରଣ ଦିଅ ।
- ଏପରି ଏକ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି ଯାହାକୁ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ ଯେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଭାଗକଲେ ଭାଗଫଳ ମଧ୍ୟ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ହୁଏ । ତେବେ ସେ ସଂଖ୍ୟାଟି କେତେ ?

4.10. ସଂଖ୍ୟା ରେଖାରେ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ସ୍ଥାନାବିଜକ ସଂଖ୍ୟା ଟିକ୍‌ଟ

ଡୁମେ ସେଇ ବ୍ୟବହାର କରି ମାପବୁପ କରିଥାଆ । କେତେକ ଛୋଟ ସେଇ ଅଛି ଯାହା ଉପରେ ଶୁନ (0) ଠାରୁ 15 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖାଯାଇଛି ।



କଢ଼ ସେଇ ଉପରେ 0 ଠାରୁ 30 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସଂଖ୍ୟା ଲେଖାଯାଏ । ତରକି ଗୋଟିଏ ପିତା ବ୍ୟବହାର କରି ଡୁମ ପୋଷାକ ଡିଆରି କରିବା ଲାଗି ମାପବୁପ କରେ । ଲୁଗା ଦୋକାନୀ ଗୋଟିଏ ଲୁହାଗ ବାଢ଼ି (ମିରଗ ବାଢ଼ି) ବ୍ୟବହାର କରେ । ସେଥିରେ 0 ରୁ 100 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସଂଖ୍ୟା ଥାଏ ।

ଡୁମେ ବଢ଼ ରାଷ୍ଟାରେ ଗଲାବେଳେ ରାଷ୍ଟା କଢ଼ରେ ଖୁଣ୍ଡିମାନ ପୋତାଯାଇ ତା'ରୁପରେ କିଲୋମିଟର ସଂଖ୍ୟାମାନ ଲେଖାଯାଇ ଥିବାର ଦେଖିଥିବା । ରାଷ୍ଟାଟି ଯେଉଁଠି ଆରମ୍ଭ ସେଠାରେ ଥିବା ଖୁଣ୍ଡିରେ ଶୁନ (0) ଲେଖାଯାଇ ଥାଏ । ତା'ପର ଖୁଣ୍ଡିରେ 1, ତା'ପର ଖୁଣ୍ଡିରେ 2, ଏହିଜଳି ରାଷ୍ଟାଟି ଯେଉଁମ୍ବାନରେ ଶେଷ ହୋଇଛି ସେଠାରେ ଥିବା ଖୁଣ୍ଡିରେ ଯଦି 425 ଲେଖାଯାଇଥାଏ, ତେବେ ରାଷ୍ଟା ଆରମ୍ଭ ଶୁନରୁ ରାଷ୍ଟାର ଶେଷ ଶୁନ ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା 425 କି.ମି. ବା ରାଷ୍ଟାଟିର ଦେଇଁ 425 କି.ମି. ।

ମିରଗ ବାଢ଼ିରେ ଲେଖାହୋଇଥିବା ଦେ.ମି. ସଂଖ୍ୟା, ରାଷ୍ଟା କଢ଼ରେ ଲେଖାଯାଇଥିବା କି.ମି. ସଂଖ୍ୟା ଦେଖି, ବାପ୍ତବ କ୍ଷେତ୍ରରେ, ରେଖା ସହିତ ସଂଖ୍ୟାର ସମକ୍ଷ ବିଷୟରେ ଆମର ଧାରଣା ହେଉଛି ।

ଏଣୁ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଏକ ରେଖା ସହ ଆମେ ବ୍ୟବହାର କରୁଥିବା ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ସହି ସ୍ଥାପନ କରିପାରିଲେ, ସଂଖ୍ୟାର ଉପଯୋଗିତାକୁ ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟା ଜରି ଦେଇ ପାରିଗା।

ରେଖା ବା ସରଳ ରେଖାର ବିଷ୍ଟୁତି ଭାବେ ଦିଗରେ ଅସାମ, କିନ୍ତୁ ଆମେ ଜାଣିଥିବା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣାର୍ଥ ସମ୍ମୂହ ଗୋଟିଏ ଦିଗରେ ସମ୍ବାଦ। କାରଣ ୦ (ସୁନ୍ନ) ଠାରୁ ଛୋଟ ସଂଖ୍ୟାର ସହାନ ଆମ ପାଖରେ ନାହିଁ। ଏଣୁ ଶୁନ୍ନ (୦) ହେଉଛି ଆମେ ଜାଣିଥିବା ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ମୂହର ସମ୍ବାଦ ପ୍ରାପ୍ତ । ମାତ୍ର ଅନ୍ୟ ଦିଗରେ ସଂଖ୍ୟାର ବୃଦ୍ଧି ଅସାମ । ଏଣୁ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ମୂହ ଗୋଟିଏ ଦିଗରେ ସମ୍ବାଦ ହୋଇଥିବା ବେଳେ ଅନ୍ୟ ଦିଗରେ ଅସାମ । ଆମେ ଜାଣିଛୁ, ଏକ ରଶ୍ମି ଗୋଟିଏ ଦିଗରେ ସମ୍ବାଦ ଓ ଅନ୍ୟ ଦିଗରେ ଅସାମ ।

ଜାଣିବ କି ?

ସରଳ ରେଖା ଉଚ୍ଚତା ଦିଗରେ ଅସାମ
ରଶ୍ମି ଗୋଟିଏ ଦିଗରେ ସମ୍ବାଦ,
ଅନ୍ୟଦିଗରେ ଅସାମ

ଏଣୁ ଆମେ ଜାଣିଥିବା ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ମୂହ ସହିତ ଏକ ରଶ୍ମିର ସାମଞ୍ଜସ୍ୟ ଥିବା ଭଲି ଜଣାପଡ଼ୁଛି ।

ଡେବେ ଏକ ରଶ୍ମି ମଧ୍ୟ ଗୋଟିଏ ରେଖାର ଏକ ଅଂଶ । ଏଣୁ ଆମେ ଏକ ରେଖା ନେଇ ତା'ର ଗୋଟିଏ ଅଂଶ ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ ରଶ୍ମି ଉପରେ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣାର୍ଥ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ଚିହ୍ନଟ କରିବାର ରେଖା କରିବା, ଠିକ୍ ଯେପରି ଗୋଟିଏ ରାଶ୍ବା ଉପରେ ୦, ୧, ୨, ଆଦି କି.ମି. ଖୁଣ୍ଡି ଲଗାଯାଇଥାଏ ।

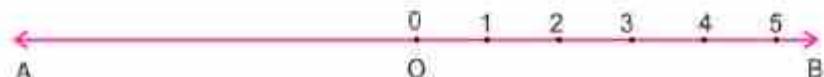


ଦୁମେ ବ୍ୟବହାର କରୁଥିବା କେଳେ ବା ଦୋକାନୀ ବ୍ୟବହାର କରୁଥିବା ମିଟର ବାଢ଼ି ଉପରେ ପ୍ରତି ଏକ ସେ.ମି. ବ୍ୟବଧାନରେ ୧, ୨, ୩ ଆଦି ସଂଖ୍ୟାମାନ ଥାଏ । ରାଶ୍ବା ଉପରେ ୧ କି.ମି. ବ୍ୟବଧାନରେ କି.ମି. ଖୁଣ୍ଡିମାନ ଲଗାଯାଇଥାଏ ।

ଏଣୁ ଆମେ ମଧ୍ୟ ଏକ ରେଖା ଉପରେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଦୂରତାକୁ ଏକକ-ଦୂରତା ନେଇ ସଂଖ୍ୟା ଚିହ୍ନ ମାନ ଦେବା । ଏହି ଏକକ ଦୂରତା କେତେ ନିଆୟିବ ତାହା ଆମ ଉପରେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କରେ ।

4.10.1. ରେଖା ଉପରେ ସଂଖ୍ୟା ଚିହ୍ନଟ ପ୍ରଣାଳୀ

ଗୋଟିଏ ରେଖା ଅଙ୍କନ କରି ତା'ରୁ ଉପରେ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ଚିହ୍ନଟ କରିବା ଏବଂ ଏହାର ନାମକରଣ କରିବା ୦ । ବର୍ତ୍ତମାନ '୦' ମୂଳ ବିନ୍ଦୁ ଥିବା ପ୍ରତିକିର୍ଣ୍ଣ ରଶ୍ମି ଆମେ ପାଇଲେ । ଭ୍ରାହ୍ମାଣକୁ ଥିବା ରଶ୍ମି \overrightarrow{OA} ଏବଂ ବାହାକୁ ଥିବା ରଶ୍ମି \overrightarrow{OB} ।



\overrightarrow{OA} ଉପରେ ଯେ କୌଣସି ଦୂରତା ବ୍ୟବଧାନରେ ୦ ଠାରୁ ଆରମ୍ଭ କରି ବିନ୍ଦୁମାନ ଚିହ୍ନଟ କରିବା (ଏହି ଦୂରତା ହେବ ଏକକ-ଦୂରତା) । ରଶ୍ମିଟି ଏକ ଦିଗରେ ଅସାମ ଭାବରେ ଲମ୍ବିଛି । ଦିଆଯାଇଥିବା ଚିତ୍ରରେ ଆମେ

ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟକ ବିନ୍ଦୁ (ଚିତ୍ରରେ O କୁ ମିଶାଇ 6 ଗୋଟି ବିନ୍ଦୁ) ଦେଖୁଥିଲେ ହେଁ ପ୍ରକୃତରେ ଗ୍ରହିତ ଉପରେ ଅସଂଖ୍ୟ ବିନ୍ଦୁ ରହିଛି । ବର୍ତ୍ତମାନ O ଠାରୁ ଆରମ୍ଭ କରି ଡାହାଣକୁ ଥିବା ବିନ୍ଦୁ ଗୁଡ଼ିକ ଉପରେ ଆମେ କ୍ରମାନ୍ୟରେ 0, 1, 2, 3 ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଲେଖିବା, ବର୍ତ୍ତମାନ
↔ AB ରେଖାକୁ ସଂଖ୍ୟା ରେଖା ବୋଲି କହିବା ।

କହିଲ ଦେଖ :

‘ସଂଖ୍ୟା ରେଖା’ ନ କହି ‘ସଂଖ୍ୟା ରେଖା’
ବେଳୀ ଲାଇଁକି କହିବା ?



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ଦୂର ଖାତାରେ ସରଳରେଖାଟିଏ ଅଙ୍କନ କରା ।
 - ◆ ଏହାର ଯେ କୌଣସି ବିନ୍ଦୁକୁ O ନାମରେ ନାମିତ କରା ।
 - ◆ O ବିନ୍ଦୁର ବାମରେ ରେଖା ଉପରେ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ଚିହ୍ନଟ କରି ତା'ର ନାମ B ଦିଆ ଏବଂ O ବିନ୍ଦୁର ଡାହାଣରେ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ଚିହ୍ନଟ କରି ତା'ର ନାମ ଦିଆ A ।
 - ◆ O ବିନ୍ଦୁଠାରୁ ଆରମ୍ଭ କରି → ଉପରେ ସମାନ ବ୍ୟବଧାନରେ ଦେଖି ବ୍ୟବହାର କରି, ବିନ୍ଦୁମାନ ଚିହ୍ନଟ କର ଏବଂ ବିନ୍ଦୁରୁଡ଼ିକ ପାଖରେ ବାମରୁ ଡାହାଣ କ୍ରମରେ 1, 2, 3 ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଲେଖା ।
 - ◆ ମନେରେ, ପ୍ରତି ଦୂରରେ କ୍ରମିକ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ବ୍ୟବଧାନ ହେଉଛି ଏକ ଏକକ ।
 - ◆ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ରେଖାକୁ ଦେଖି ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ତର ଦିଆ ।
- (କ) ଶୂନ୍ୟ ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁଠାରୁ ଆରମ୍ଭ କରି କେତେ ଏକକ ଦୂରରେ 5 ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁ ଅବସ୍ଥିତ ?
- (ଖ) 3 ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁଠାରୁ ଡାହାଣକୁ 3 ଏକକ ଦୂରରେ କେତେ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି ?
- $3 + 3 =$ କେତେ ?
- (ଗ) 8 ସଂଖ୍ୟା ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁ ଠାରୁ 2 ଏକକ ବାମରେ କେତେ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି ଏବଂ ସେହି ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ ପୁଣି 3 ଏକକ ବାମକୁ କେତେ ସଂଖ୍ୟା ଅଛି ?
- (ଘ) 2 ସଂଖ୍ୟା ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁଠାରୁ 3 ଏକକ ଡାହାଣକୁ ଯାଆ ଓ ତା'ପରେ ଆଜ 4 ଏକକ ଡାହାଣକୁ ଯାଆ । କେତେ ସଂଖ୍ୟା ପାଖରେ ପହଞ୍ଚିଲ ?
- $2 + 3 + 4 =$ କେତେ ?

କହିଲ ଦେଖ :

(କ) ସଂଖ୍ୟା ରେଖାରେ ଯେଉଁ କରିବା ଲାଗି କେହିଁ ଆବଶ୍ୟକ ଯିବାକୁ ପଢ଼ୁଛି ?

(ଘ) ସଂଖ୍ୟା ରେଖାରେ କିମ୍ବାର କରିବା ପାଇଁ କେହିଁ ଆବଶ୍ୟକ ଯିବାକୁ ପଢ଼ୁଛି ?

ଡକ୍ଟର ସଂଖ୍ୟା



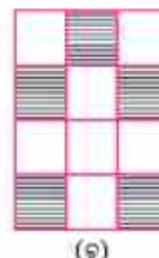
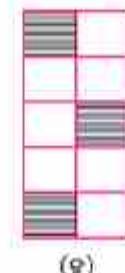
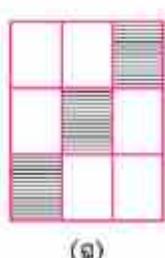
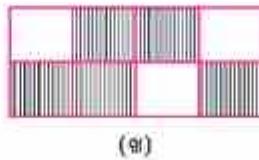
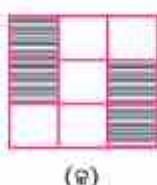
5.1. ଆମେ ଯାହା ଜାଣିଛୁ

ଗୋଟିଏ ବସ୍ତୁର ଏକ ଅଂଶର ପରିମାଣକୁ ପ୍ରକାଶ କରିବା ପାଇଁ ଡକ୍ଟର ସଂଖ୍ୟାର ସୃଷ୍ଟି କରାଯାଇଥିଲା । ଗୋଟିଏ ଡକ୍ଟର ସଂଖ୍ୟା ଲେଖିବାରେ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଥିବା ବୁଝନ୍ତି ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରୁ କେବେଳିକୁ ଲବ ଓ କେବେଳିକୁ ହର କୁହାଯାଏ ତାହା ଆମେ ଚିହ୍ନଟ କରି ଜାଣିଛୁ । ଗୋଟିଏ ବା ଗୋଟିଏରୁ ଅଧିକ ପୂର୍ଣ୍ଣବସ୍ତୁ ସହ ଅନ୍ୟ ଏକ ବସ୍ତୁର ଗୋଟିଏ ଅଂଶକୁ ଏକାଠି କରି ତା'ର ପରିମାଣକୁ ପ୍ରକାଶ କରିବାକୁ ହେଲେ, ଯେଉଁ ଡକ୍ଟର ସଂଖ୍ୟାର ଆବଶ୍ୟକତା ପଡ଼େ ବାକୁ ଅପ୍ରକୃତ ଡକ୍ଟର ସଂଖ୍ୟା କା ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟା କୁହାଯାଏ । ଏହା ମଧ୍ୟ ଆମେ ଜାଣିଛୁ । ଗୋଟିଏ ଡକ୍ଟର ସଂଖ୍ୟାର ସମ ଡକ୍ଟର ସଂଖ୍ୟାକୁ ମଧ୍ୟ ଚିହ୍ନଟ କରି ଜାଣିଛୁ ।

ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ଡକ୍ଟର ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଯାହା ସବୁ ଜାଣିଥିଲେ, ତା' ଉପରେ ଆଧାରିତ ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନମାନଙ୍କର ଉଭର ଜେଣେବା :

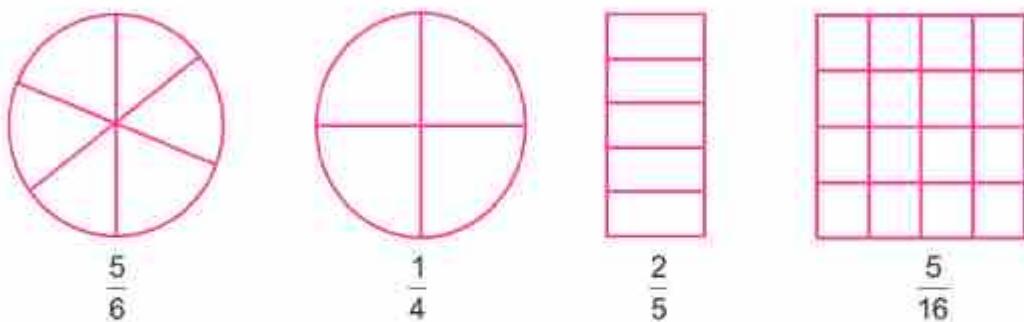
ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 5.1

- ନିମ୍ନ ବିଭିନ୍ନତିକର ଚିତ୍ରିତ ଅଂଶକୁ ପୂର୍ଣ୍ଣ ଚିତ୍ରର ଡକ୍ଟର ସଂଖ୍ୟା ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରି ପରପୃଷ୍ଠାରେ ଥିବା ସାରଣୀ ଭଳି ସାରଣୀଟିଏ ନିଜ ଖାତାରେ କରି ସେଇକୁ ପୂରଣ କର ।



ଚିତ୍ରର କ୍ଷମତା	(କ)	(ଖ)	(ଗ)	(ଘ)	(ଡ)	(ଇ)
ଭଗ୍ନପଦ୍ଧତି						
ଲକ୍ଷ						
ହର						

2. ପ୍ରତ୍ୟେକ ଚିତ୍ର ଭାଲି ଚିତ୍ରପଦ୍ଧତି ଭୂମ ଖାତାରେ ଅଳ୍ପ କର। ଚିତ୍ର ଉଲ୍ଲେଖନ କରିବା ଭଗ୍ନପଦ୍ଧତି ଅନୁଯାୟୀ ଚିତ୍ରର ଅଂଶକୁ ଚିତ୍ରିତ କର।



5.2. କେତେବୁଦ୍ଧି ଏକ ପ୍ରକାର ବସ୍ତୁର ସମୂହର ଭଗ୍ନପଦ୍ଧତି

ଗୋଟିଏ ବସ୍ତୁର ଏକ ଅଂଶର ପରିମାଣକୁ ପ୍ରକାଶ କରିବା ଲାଗି ଗୋଟିଏ ଭଗ୍ନପଦ୍ଧତାର ବ୍ୟବହାର କରିବା କଥା ଆମେ ଜାଣିଛୁ । ବର୍ତ୍ତମାନ କେତେବୁଦ୍ଧି ଏକ ପ୍ରକାର ବସ୍ତୁର ସମୂହର କିଛି ବସ୍ତୁ ନେଇ ସେବୁଦ୍ଧିକୁ ସମାନ ସମୂହର ଗୋଟିଏ ଅଂଶ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରିବା ଲାଗି କିପରି ଭଗ୍ନପଦ୍ଧତାର ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ ଆଏ ଦେଖୁବା ।

ବୁନ ବିଦ୍ୟାଳୟର 10ଜଣ ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ 5ଜଣ ଖେଳ ପଡ଼ିଆରେ ପିଲାମାନଙ୍କୁ ଖେଳାଉଛନ୍ତି । ଅବଶିଷ୍ଟ ଶିକ୍ଷକ ଶ୍ରେଣୀଗୁହରେ ଅଛନ୍ତି । ତେବେ ସମ୍ପତ୍ତି ଶିକ୍ଷକଙ୍କର କେତେ ଅଂଶ ଖେଳପଡ଼ିଆରେ ଅଛନ୍ତି ଆଏ ଦେଖୁବା ।

ଖେଳପଡ଼ିଆରେ ଥିବା ଶିକ୍ଷକ	
ଶ୍ରେଣୀ ଗୁହରେ ଥିବା ଶିକ୍ଷକ	

ଆମେ ଉପର ଚିତ୍ରରେ ଦେଖୁନ୍ତି -

ସେତିକି ଜଣ ଶିକ୍ଷକ ଖେଳପଡ଼ିଆରେ ଅଛନ୍ତି, ସେତିକି ଜଣ ଶିକ୍ଷକ ଶ୍ରେଣୀଗୁହରେ ଅଛନ୍ତି ।

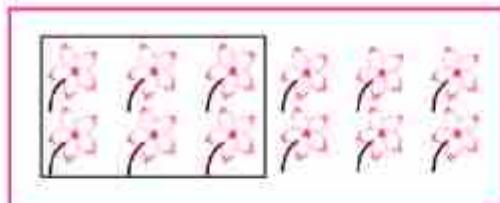
ଏହୁ ଶିକ୍ଷକମାନଙ୍କର ଅଧା ଅଛନ୍ତି ଖେଳ ପଡ଼ିଆରେ, 10 ଜଣ ମଧ୍ୟରୁ 5 ଜଣକୁ ଆମେ କହୁ $\frac{5}{10}$ ।

10 ଜଣ ଶିକ୍ଷକଙ୍କୁ ଦୁଇ ସମାନ ଭାଗକଲେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭାଗରେ ଥିବା ଶିକ୍ଷକ ସଂଖ୍ୟା = $10 \div 2 = 5$

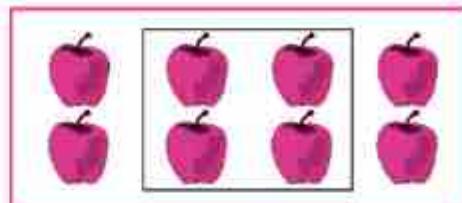
ଏହୁ 10 ଜଣ ଶିକ୍ଷକଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ 5 ଜଣ ହେଉଛନ୍ତି 10ର ଦୁଇ ସମାନ ଭାଗରୁ ଏକ ଭାଗ ।

ଏହୁ ଆମେ କହୁ, 10 ରୁ 5 ହେଉଛି 2 ସମାନ ଭାଗରୁ 1 ଭାଗ । ଏହୁ 10 ରୁ 5 ହେଉଛି $\frac{5}{10} = \frac{1}{2}$ ।

 ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଉଚିତ୍ତବିକୁ ନିଜେ ଖାତାରେ ଲେଖନ୍ ଓ ବିତ୍ତଗୁଡ଼ିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରି ସେଥୁରେ ଥିବା ଶୂନ୍ୟପ୍ରାନ୍ତରେ ଉପଯୁକ୍ତ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଲେଖନ୍ ।



(କ)



(ଖ)

ଚିତ୍ର - (କ) ରେ ଛୋଟ ଘରେ ଥିବା ପୁଲଗୁଡ଼ିକ ବଡ଼ଘରେ ଥିବା ପୁଲ ସମୂହର _____ ସମାନ ଭାଗର _____ ଭାଗ । ଏଣୁ ଛୋଟ ଘରେ ଥିବା ଟେ ପୁଲ ସମାନ ପୁଲ ସମୂହର _____ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ।

ଚିତ୍ର - (ଖ) ରେ ଛୋଟଘରେ ଥିବା ଫଳଗୁଡ଼ିକ ବଡ଼ ଘରେ ଥିବା ଫଳ ସମୂହର _____ ସମାନ ଭାଗର _____ ଭାଗ । ଏଣୁ ଏହି 4 ଟି ଫଳ 8 ଟି ଫଳର _____ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ।

ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଜାଣିଲେ -

ଏକ ପ୍ରକାର ବନ୍ଧୁମାନଙ୍କର ସମୂହର କେତେବେ ବନ୍ଧୁକୁ ନେଲେ, ଏହା ମୂଲ୍ୟ ସମୂହର ଏକ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ହୋଇଥାଏ ।

ଜାଣିରଖ

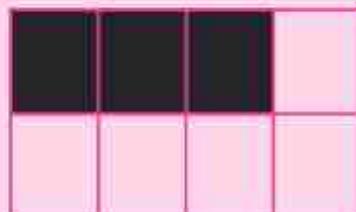
- ◆ ଗୋଟିଏ ବନ୍ଧୁର ଏକ ଅଂଶକୁ ସେହି ବନ୍ଧୁର ଏକ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ । ସେହି ଅଂଶର ପରିମାଣକୁ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ ।
- ◆ ଏକ ପ୍ରକାର ବନ୍ଧୁମାନଙ୍କର ସମୂହର କେତେବେ ବନ୍ଧୁକୁ ନେଲେ ସେହିକୁ ମଧ୍ୟ ମୂଲ୍ୟ ସମୂହର ଏକ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

କର୍ଯ୍ୟ-1

- ◆ ଆୟତାବୃତିର କାଗଜ ଖଣ୍ଡେ ନେଇ ତାକୁ ସମାନ ଆଠ ଭାଗ କର ।
- ◆ ମିଳିଥିବା ଆଠଟି ଭାଗ ମଧ୍ୟରୁ ଟିନୋଟି ଜାଗକୁ କଳା କରିବିଥ ।
- ◆ କାଗଜ ଖଣ୍ଡିକର କଳା ହୋଇଥିବା ଆଶଟି କେତେ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା କୁହ ।



କର୍ଯ୍ୟ-2

- ◆ ସମାନ ଆକାରର 10 ଖଣ୍ଡି କାଠି ସଂଗ୍ରହ କର । ସେହି କାଠିମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ଦୁଇଟି ଲେଖାଏଁ ନେଇ ଏକାଠି ବାନି ଦିଆ ।
- ◆ ମୋଟରେ କେତୋଟି ବିହା ବନ୍ଧା ହୋଇଥିବାର ଦେଖନ୍ତି ?

➤ ପୂର୍ବ ପୃଷ୍ଠାରେ ଥିବା କାର୍ଯ୍ୟ-2କୁ ଦେଖୁ ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

ମୋଟ ପାଞ୍ଚଟି ବିଡ଼ା ମଧ୍ୟ ତିବୋଟି ବିଡ଼ା ନେଇ ଦୂମ ବହୁଳ ଦିଆ ।

- ◆ ବନ୍ଦା ଯାଇଥିବା _____ ଗୋଟି ସମାନ ବିଡ଼ାରୁ ଦୂମ ବହୁଳ _____ ଗୋଟି ବିଡ଼ା ଦିଆଯାଇଛି ।
- ◆ ଏଣୁ ଦୂମ ବନ୍ଦୁ ପାଇଥିବା କାଠି ଗୁଡ଼ିକ ମୂଳ କାଠି ସମୂହର _____ ସମାନ ଭାଗରୁ _____ ଭାଗ ।
- ◆ ଫଳରେ ମୂଳ କାଠି ସମୂହର _____ ଭଗ୍ନାଶ କାଠି ଦୂମ ବନ୍ଦୁ ପାଇଛନ୍ତି ।
- ◆ ଦୂମ ବନ୍ଦୁ ପାଇଥିବା 3 ଗୋଟି ବିଡ଼ାରେ ଅଛି _____ ଗୋଟି କାଠି ।
- ◆ ଏଣୁ ଦୂମ ବନ୍ଦୁ ପାଇଛନ୍ତି 10 ଗୋଟି କାଠିରୁ _____ ଗୋଟି କାଠି ।

ଲକ୍ଷ୍ୟକର - ଦୂମ ବନ୍ଦୁ ପାଇଥିବା କାଠି ଗୁଡ଼ିକ, ମୂଳ ସମୂହର 10 ଗୋଟି କାଠି ମଧ୍ୟରୁ 6 ଗୋଟି କାଠି । ଦେଶୁ ଦୂମ ବନ୍ଦୁ ପାଇଥିବା କାଠିଗୁଡ଼ିକ ମୂଳ ସମୂହର $\frac{6}{10}$ ।

ଆମେ ଦେଖିଲେ ମୂଳ ସମୂହର $\frac{6}{10}$ ଯେତେ $\frac{3}{5}$ ମଧ୍ୟ ସେତେ ।

➤ ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକରେ ଥିବା ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର -

- 5 ଗୋଟି କଳମରୁ 3ଟି କଳମ ହେବ _____ ଭଗ୍ନାଶ ।
- 7 ଗୋଟି ପେନ୍ସିଲରୁ 4ଟି ପେନ୍ସିଲ ହେବ _____ ଭଗ୍ନାଶ ।
- 9 ଜଣ ପିଲାଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ 5 ଜଣ ପିଲା ହେବେ _____ ଭଗ୍ନାଶ ।

5.3 ଏକକ ଭଗ୍ନାଶମ୍ଭ୍ୟା

ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକରୁ ଦେଖ -

$$\begin{matrix} 1 & 2 & 3 & 1 & 3 \\ 2 & 3 & 4 & 5 & 5 \end{matrix}$$

ଏଠାରେ ଯେଉଁ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକର ଲବ 1, ସେଗୁଡ଼ିକ ହେଲେ $\frac{1}{2}$ ଓ $\frac{1}{5}$ ।

ଏହିପରି ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକରୁ ଏକକ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକର କୁହାଯାଏ ।

ଅଥରୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ -

ଯେଉଁ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକର ଲବ 1, ତାକୁ ଏକକ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକର କୁହାଯାଏ ।

ଜାଣିଲୁ କି ?

ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକରୁ ଆମେ କେତେକ ଏକକ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକର ସମର୍ପି ରୂପେ ଲେଖୁପରିବା ଯଥା $\frac{2}{3} = \frac{1+1}{3+3}$

ଉଦାହରଣ - 1 ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକରୁ ଏକକ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକର ସମର୍ପି ରୂପେ ଲେଖ ।

$$(କ) \frac{5}{8} \qquad \qquad \qquad (ଖ) \frac{7}{10}$$

ସମାଧାନ :

$$(କ) \frac{5}{8} = \frac{1+1+1+1+1}{8+8+8+8+8}$$

$$(ଖ) \frac{7}{10} = \frac{1}{10} + \frac{1}{10} + \frac{1}{10} + \frac{1}{10} + \frac{1}{10} + \frac{1}{10} + \frac{1}{10}$$

ଜହାନରଶ -2

ନିମ୍ନସ୍ତ୍ରୀ ଉପରେ କେତୋଟି ଏକକ ଉଚ୍ଚତାର ସମନ୍ତି ରୂପେ ଲେଖାଯାଇପାରେ ?

(କ) $\frac{4}{9}$

(ଖ) $\frac{5}{12}$

ସମାଧାନ :

(କ) $\frac{4}{9}$ କୁ 4 ଗୋଟି ଏକକ ଉଚ୍ଚତାର ସମନ୍ତି ରୂପେ ଲେଖାଯାଇ ପାରେ (କାରଣ 4 ଗୋଟି $\frac{1}{9}$ ର ସମନ୍ତି $= \frac{4}{9}$)

(ଖ) $\frac{5}{12}$ କୁ 5 ଗୋଟି ଏକକ ଉଚ୍ଚତାର ସମନ୍ତି ରୂପେ ଲେଖାଯାଇ ପାରେ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 5.2

1. ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚତାକୁ ନିଜ ଶାତାରେ ଲେଖ ଓ ସେଥିରେ ଥିବା ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

(କ) 3 କୁଳବ 5 କୁହର ରୂପେ ନେଇ ଗଠିତ ଉଚ୍ଚତାର _____ ।

(ଖ) $\frac{2}{5}$ ର ଅର୍ଥ, ଗୋଟିଏ ବସ୍ତୁର _____ ସମାନ ଜାଗରୁ _____ ଭାଗ । ଆହୁରି ମଧ୍ୟ $\frac{3}{8}$ ର ଅର୍ଥ ହେଉଛି,

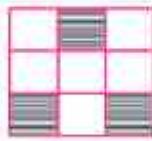
ଏକ ପ୍ରକାର ବନ୍ଦୁମାନଙ୍କର ଏକ ସମୂହର _____ ସମାନଭାଗରୁ _____ ଭାଗ ।

2. $\frac{3}{5}, \frac{7}{4}, \frac{4}{3}, \frac{5}{9}, \frac{9}{10}$ ଉଚ୍ଚତାମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ପ୍ରକୃତ ଉଚ୍ଚତା ଓ ଅପ୍ରକୃତ ଉଚ୍ଚତା ଗୁଡ଼ିକୁ ଅଲଗା ଅଲଗା କରି ଲେଖ ।

3. ଚିତ୍ରରୁଡ଼ିକୁ ଦେଖୁ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଚିତ୍ରର ଚିତ୍ରିତ ଅଂଶ ପୂରାବିତ୍ତର କେତେ ଉଚ୍ଚତା ତାହା ଲେଖ ।



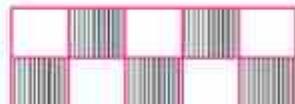
ଚିତ୍ର (କ)



ଚିତ୍ର (ଖ)



ଚିତ୍ର (ଶ)



ଚିତ୍ର (ଘ)

4. ନିମ୍ନସ୍ତ୍ରୀ ପ୍ରତ୍ୟେକ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଉପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଉଚ୍ଚତା ଲେଖ ।

(କ) 5 ଟି ଫେନ୍‌ସିଲରୁ 2 ଟି ଫେନ୍‌ସିଲ ଭଙ୍ଗ ।

(ଖ) 8 ଗୋଟି ଫୁଲରୁ 3 ଟି ଫୁଲ ଶୁଷ୍କଳା ।

(ଗ) ଗୋଟିଏ ପଳରେ ଥିବା 12 ଟି ଛେକି ମଧ୍ୟରେ 7 ଟି ଛେକି କଳା ।

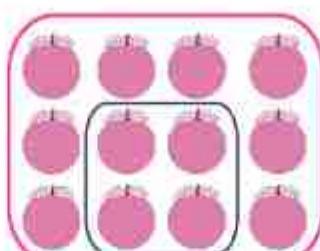
5. (କ) 1, 2, 3, 4 ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ଦୁଇଟି ଲେଖାଏଁ ବ୍ୟବହାର କରି ଗଠନ କରାଯାଇ ପାରୁଥିବା ସମନ୍ତି ପ୍ରକୃତ ଉଚ୍ଚତାର ଲେଖ ।

(ଖ) 7, 8, 9, 10 ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ଦୁଇଟି ଲେଖାଏଁ ବ୍ୟବହାର କରି ଲେଖାଯାଇ ପାରୁଥିବା ସମନ୍ତି ଅପ୍ରକୃତ ଉଚ୍ଚତାର ଲେଖ ଓ ସେବୁଡ଼ିକୁ ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କର ।

- (g) 4, 5, 6, 7, 8, 9 ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ଦୂରତି ଲେଖାଏଁ ବ୍ୟକ୍ତହାର କରି ଏପରି ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାମାନ ଲେଖୁ ଯାହାର ଲବ ହର ଅପେକ୍ଷା (i) 2 କମ୍ (ii) 3 ଅଧିକ ।
6. ପ୍ରତ୍ୟେକ ଛବିରେ ଥିବା ବସ୍ତୁମାନଙ୍କ ଚିତ୍ରରୁ ଛୋଟ କୋଠି ଭିତରେ ଥିବା ବସ୍ତୁଗୁଡ଼ିକ କେତେ ଉଗ୍ରାଂଶ ?



ଛବି (କ)



ଛବି (ଖ)

7. ନିମ୍ନେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାକୁ ଏକଳ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାର ସମନ୍ତି ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରା ।

$$(କ) \frac{3}{5} \quad (ଖ) \frac{7}{8} \quad (ଗ) \frac{3}{10}$$

5.4. ସଂଖ୍ୟା ରେଖାରେ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାର ସ୍ଥାନ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ

ସଂଖ୍ୟାରେଖା ସହ ତୁମେ ଆଗରୁ ପରିଚିତ । ପୂର୍ବ ଅଧ୍ୟାୟରେ ତୁମେ ସଂଖ୍ୟାରେଖା ଭାବରେ 0, 1, 2, 3 ଆବି ସଂଖ୍ୟାକୁ ଦର୍ଶାଇଥିଲା ।

ସଂଖ୍ୟାରେଖା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ତୁମେ ଆଗରୁ ଯାହା ଜାଣିଛୁ -

- ◆ ସଂଖ୍ୟାରେଖା ହେଉଛି ଏକ ସରଳ ରେଖା ।
- ◆ ଏହି ରେଖା ଭାବରେ ସମୀନ ଦୂରତାରେ ବିଦ୍ୟୁମାନ ଚିହ୍ନିତ କରାଯାଇଥାଏ ।
- ◆ ପାଖାପାଖ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଯୋଡ଼ିବିଦୁ ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ସରଳରେଖା ଅଂଶକୁ ଗୋଟିଏ ଏକବ ରୂପେ ନିଆଯାଏ ।
- ◆ ସଂଖ୍ୟା ରେଖା ଭାବରେ ଚିହ୍ନିତ ବିଦ୍ୟୁମୁଡ଼ିକ ଗୋଟିଏ ସିଧା ରାସ୍ତା କଢ଼ରେ ଥିବା କିଲୋମିଟର ଖୁଣ୍ଡି ରଳି ।
ପାଖାପାଖ ଥିବା ଦୂରତି କିଲୋମିଟର ଖୁଣ୍ଡି ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ରାସ୍ତାର ଦେଇଁ ହେଉଛି 1 କି.ମି । ସେହିପରି ସଂଖ୍ୟାରେଖା ଭାବରେ ପାଖାପାଖ ଥିବା ଦୂରତି ବିଦ୍ୟୁ ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ଦୂରତା ହେଉଛି ଏକ ଏକକ ।

ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟା ରେଖାକୁ ଅନୁଥାନ କର -



ଏହି ସଂଖ୍ୟା ରେଖା ଭାବରେ $\frac{1}{2}$ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାକୁ ଦର୍ଶାଇବା । $\frac{1}{2}$ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାକୁ ଦର୍ଶାଇବା ଲକ୍ଷ୍ୟରେ ସଂଖ୍ୟାରେଖା ଭାବରେ ଏକକ ଦୂରତାକୁ ଅର୍ଥାତ୍ ପାଖାପାଖ ଚିହ୍ନିତ ବିଦ୍ୟୁ ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ଦୂରତାକୁ 2 ସେ.ମି. ବା 4 ସେ.ମି.ରକ୍ତ 2 ବୃତ୍ତା ଦିଶାକୁ ଦର୍ଶାଇବା ମାପ ନେବ (ଏହାର କାରଣ ପରେ ଜାଣିପାରିବ) ।

ଉପରିସ୍ଥ ସଂଖ୍ୟା ରେଖାରେ M ବିନ୍ଦୁ ସଂଖ୍ୟାରେଖାର AB ଅଂଶକୁ ଦୁଇ ସମାନ ଭାଗରେ ପରିଶତ କରୁଛି । ଏଣୁ
 $AM = \frac{1}{2}$ ଏକକ । ସେଥିଯୋଗୁ M ବିନ୍ଦୁ $\frac{1}{2}$ ର ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁ ଅଛେ ।

5.4.1. ସଂଖ୍ୟାରେଖାରେ ଅନ୍ୟ ଭାଗସଂଖ୍ୟା

1 କୁ ସଂଖ୍ୟାରେଖାରେ ସୂଚକବା ଲାଗି, ସଂଖ୍ୟାରେଖା ଉପରିସ୍ଥ ଏକକ ଦେଖିବାକୁ 3 ସେ.ମି. ନେବା । 0 ଓ 1 ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁ ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ଏକକ ଅଂଶକୁ 3 ସମାନ ଭାଗ କରିବା । ଯେଉଁ ଦୁଇଟି ବିଭାଜକ ବିନ୍ଦୁ ମିଳିବ ସେଥିରୁ ପ୍ରଥମଟି ସୂଚକବ କୁ $\frac{1}{3}$ ଏବଂ ଦ୍ୱୀପଟି ସୂଚକବ $\frac{2}{3}$ ।

ବର୍ତ୍ତମାନ ନିମ୍ନରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାରେଖାକୁ ଲାଙ୍ଘନିକରା ।



- ଉପରିସ୍ଥ ସଂଖ୍ୟାରେଖାରେ 0, 1, 2, 3, 4, 5 ସଂଖ୍ୟାମାନକୁ ଚହିତ କରାଯାଇଛି ଏବଂ ସେବୁଡ଼ିକୁ ଯଥାକୁଣେ O, A, B, C, D, E ନାମରେ ନାମିତ କରାଯାଇଛି ।
- A ଠାରୁ B ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଅଂଶକୁ 2 ସମାନ ଭାଗ କରାଯାଇ, ବିଭାଜକ ବିନ୍ଦୁରୁ P ନାମ ଦିଆଯାଇଛି ।
- B ଠାରୁ C ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଅଂଶକୁ 3 ସମାନ ଭାଗ କରାଯାଇ ବିଭାଜକ ବିନ୍ଦୁ ଦୁଇଟିକୁ Q ଓ R ନାମ ଦିଆଯାଇଛି ।
- C ଠାରୁ D ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଅଂଶକୁ 4 ସମାନ ଭାଗ କରାଯାଇ ବିଭାଜକ ବିନ୍ଦୁ ତିନୋଟି ମଧ୍ୟରୁ ଦୁଇୀ ବିନ୍ଦୁକୁ S ନାମ ଦିଆଯାଇଛି ।
- D ଠାରୁ E ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଅଂଶକୁ 5 ସମାନ ଭାଗ କରାଯାଇ ବିଭାଜକ ବିନ୍ଦୁ ଛାରୋଟି ମଧ୍ୟରୁ ଚତୁର୍ଥ ବିନ୍ଦୁକୁ T ନାମ ଦିଆଯାଇଛି ।

ବର୍ତ୍ତମାନ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର -

O ଠାରୁ P ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଅଂଶର ମାପ

$$\begin{aligned}
 &= OA + AP \\
 &= 1 \text{ ଏକକ} + 1 \text{ ଏକକର } \frac{1}{2} \text{ ଅଂଶ} \\
 &= 1\frac{1}{2} \\
 &= 1\frac{1}{2} [1+\frac{1}{2} \text{ କୁ ଆମେ ଲେଖୁ } 1\frac{1}{2}]
 \end{aligned}$$

ଏଣୁ P ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା = $1\frac{1}{2}$

O ଠାରୁ Q ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଅଂଶର ମାପ

$$\begin{aligned}
 &= OB + BQ \\
 &= 2 \text{ ଏକକ} + 1 \text{ ଏକକର } \frac{1}{3} \text{ ଅଂଶ} \\
 &= 2\frac{1}{3} \\
 &= 2\frac{1}{3}
 \end{aligned}$$

ଏଣୁ Q ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା = $2\frac{1}{3}$

ଜୀବିନ ଦେଖି :

ସଂଖ୍ୟାରେଖାରେ $\frac{3}{4}$ କୁ କିପରି ସୂଚକ ଥିଲା ?

O ରୁ R ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଅଂଶର ମାପ

$$\begin{aligned}
 &= OB + BR \\
 &= 2 \text{ ଏକକ} + 1 \text{ ଏକକର } \frac{2}{3} \text{ ଅଂଶ} \\
 &= 2 + \frac{2}{3} \\
 &= 2\frac{2}{3}
 \end{aligned}$$

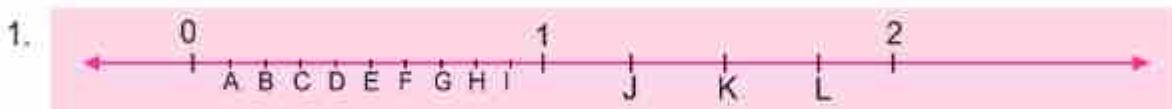
ଏହୁ R ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା = $2\frac{2}{3}$

ଜହିଲ ବେଶ୍ଟ :

S ଦାରା ସୂଚିତ ବିହୁ ଓ T ଦାରା ସୂଚିତ
ବିହୁ କେଉଁ କେଉଁ ଭଗ୍ନଧର୍ମୀଙ୍କୁ ସୂଚାଇଛି ?

ଆମେ ବର୍ଷମାନ ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ସଂଖ୍ୟା ରେଖାରେ ସ୍ଥାପନ କରିବା ପ୍ରଣଳୀ ଜାଣିଲେ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 5.3



ଉପରିଷ୍ଠ ସଂଖ୍ୟାରେଖାରେ 0 ଓ 1 କୁ ସୂଚିତ ଦେଇଥିବା ବିହୁଦୟ ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟାରେଖାର ଅଂଶକୁ ସମାନ ଦରା ଭାଗରେ ଏବଂ 1 ଓ 2 କୁ ସୂଚିତ ଦେଇଥିବା ବିହୁ ଦୂରତ୍ତି ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ସଂଖ୍ୟାରେଖାର ଅଂଶକୁ ଛାଇଗୋଡ଼ି ସମାନ ଭାଗରେ ପରିଶର୍ତ୍ତ କରାଯାଇଛି । ବିଭାଜକ ବିହୁରୁଡ଼ିକୁ A, B, C ଥାବି ନାମ ଦିଆଯାଇଛି । କେଉଁ ବିହୁଦାରା କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ସୂଚିତ ତାହା ନିମ୍ନରେ ଲେଖ ।

- | | |
|-------------------------------|-------------------------------|
| (କ) A ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା _____ | (ଛ) B ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା _____ |
| (ଖ) C ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା _____ | (ଜ) D ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା _____ |
| (ଗ) E ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା _____ | (ଘ) F ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା _____ |
| (ଘ) G ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା _____ | (ଙ) H ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା _____ |
| (ଡ) I ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା _____ | (ଘ) J ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା _____ |
| (କ) K ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା _____ | (ଓ) L ଦାରା ସୂଚିତ ସଂଖ୍ୟା _____ |

2. ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାରୁଡ଼ିକୁ ସଂଖ୍ୟାରେଖାରେ ସ୍ଥାପନ କର ।

- (କ) $\frac{3}{4}$ (ଖ) $1\frac{1}{3}$ (ଗ) $2\frac{1}{4}$ (ଘ) $3\frac{1}{3}$ (ଡ) $4\frac{1}{2}$

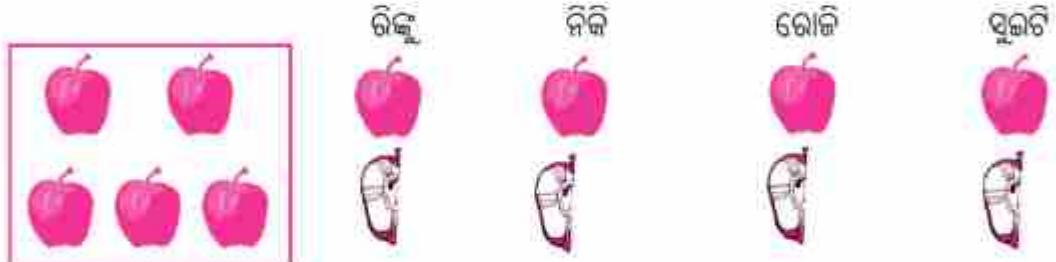
3. (କ) ସଂଖ୍ୟାରେଖା ଉପରିଷ୍ଠ କେଉଁ ଦୂରତ୍ତି ପାଖାପାଖ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ସମସ୍ତ ପ୍ରକୃତ ଭଗ୍ନଧର୍ମୀ ଅବସ୍ଥା ?
(ଖ) ସଂଖ୍ୟାରେଖା ଉପରିଷ୍ଠ କେଉଁ ଦୂରତ୍ତି ପାଖାପାଖ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ $2\frac{1}{5}$ ଅବସ୍ଥା ?

4. (କ) $\frac{15}{4}$ କୁ ସଂଖ୍ୟାରେଖାରେ ଦର୍ଶାଇବା ଲାଗି ପ୍ରଥମେ କ'ଣ କରିବାକୁ ହେବ ?
- (ଖ) କେଉଁ ସୁଲଟି ପାଖାପାଖୀ ପୂର୍ବ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ $\frac{15}{4}$ ଅବସ୍ଥା ?
- (ଗ) ଉଚ୍ଚ ପୂର୍ବ ସଂଖ୍ୟା ସ୍ଥଳକ ବିନ୍ଦୁଦୟ ମଧ୍ୟରେ ସଂଖ୍ୟାରେଖାର ଅଂଶକୁ କେତେ ସମାନ ଭାଗ କରିବାକୁ ହେବ ?
- (ଘ) $\frac{15}{4}$ କୁ ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଶତ କରି ଏହାକୁ ସଂଖ୍ୟାରେଖାରେ ଦର୍ଶାଅ ।

5.5. ବସ୍ତୁ ମଧ୍ୟମରେ ଅପ୍ରକୃତ ଭାବୁସଂଖ୍ୟା

ରିକ୍ତ, ନିଜ, ରୋଜି ଏବଂ ସୁଲଟି ସ୍ଥଳରେ ନିଜ ନିଜ ଟିପିନ ଜୀବିତାରିବା ପରେ ସେମାନଙ୍କ ପାଖରେ ଥିବା ପାଞ୍ଚଗୋଟି ସେଓ ବାଣିଜୀବିବା ପାଇଁ ଚାହିଁଲେ । ବର୍ତ୍ତମାନ ପ୍ରକ୍ରିୟାକୁ ଯେ ପାଞ୍ଚଗୋଟି ସେଓକୁ କିପରି ଚାରି ଜଣ ବାଣିଜୀବିବେ ।

 ନିଜି କହିଲା - ‘ରିକ୍ତ, ପ୍ରଥମେ ପ୍ରତ୍ୟେକେ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ସେଓ ବାଣିଜୀବିବା ଏବଂ ଅବଶିଷ୍ଟ ଗୋଟିଏ ସେଓର ଏକ ଚରତ୍ତମାନ ଲେଖାଏଁ ମଧ୍ୟ ବାଣି ନେବା ।’



 ରୋଜି କହିଲା - ‘ବାହା ତ ଠିକ୍ ଅଛି । କିନ୍ତୁ ଆସ ପ୍ରଥମେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ସେଓକୁ ଚାରି ଚରତ୍ତମାନ ଲେଖାଏଁ କରିବା ଏବଂ ପ୍ରତି ସେଓରୁ ଛାଇ ଚରତ୍ତମାନ ଗୋଟିଏ ଲେଖାଏଁ ଚରତ୍ତମାନ ଆମେ ବାଣି ନେବା ।’



 ସୁଲଟି କହିଲା - ‘ପ୍ରଥମ ପ୍ରକାର ବଣନ ବେଳେ, ପ୍ରତ୍ୟେକର ଭାଗ ଥିଲା 1 ସେଓ ଓ 1 ଚରତ୍ତମାନ ସେଓ
 $= 4 \text{ ଚରତ୍ତମାନ } + 1 \text{ ଚରତ୍ତମାନ } = 5 \text{ ଚରତ୍ତମାନ }$ ’

ଏହୁ ଉଚ୍ଚୟ କ୍ଷେତ୍ରରେ ପ୍ରତ୍ୟେକଙ୍କର ଜୀବିତାରିବା ଗୋଟିଏ ପୂରା ସେଓ ଓ ଏକ ଚରତ୍ତମାନ ସେଓ ବା 5 ଚରତ୍ତମାନ ସେଓ ବା $\frac{5}{4}$

ଏହୁ ଆମେ ଦେଖିଲେ  $= \frac{5}{4}$

$$1\frac{1}{4} = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{5}{4}$$

ବିଜୁ କହିଲା, ' $5 \div 4$ କୁମଥ $\frac{5}{4}$ ରୂପରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇପାରେ ।'

ଏଣୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ : $5 \div 4 = \frac{5}{4}$ ବା $1\frac{1}{4}$

ଆମେ ଜାଣିଥିଲୁ $5 \div 4 =$ ଭାଗପଳ 1 ଓ ଭାଗଶେଷ 1

ବର୍ତ୍ତମାନ ପାଇଲେ, $5 \div 4 = 1\frac{1}{4}$

ଜଣାଇବ- ଭାବକୁଟୀ ସାହାଯ୍ୟରେ ଭଗ୍ନାଶକୁ ନିଶ୍ଚିନ୍ତା ଦିଲୁ ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣାମ କରାଯାଇ ପାଇବ ।

$$4 \overline{) \begin{array}{r} 1 \\ 5 \\ -4 \\ \hline 1 \end{array}} \quad \text{ଏହି } \frac{5}{4} = 1\frac{1}{4}$$

ଉଦ୍‌ଦେହରଣ - 1 ନିମ୍ନଲିଖିତ ଭଗ୍ନାଶାଶ୍ଵରୁଭିକୁ ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣାମ କର ।

$$(କ) \frac{15}{4}$$

$$(ଖ) \frac{27}{8}$$

ସମାଧାନ : (କ) $15 \div 4 =$ ଭାଗପଳ 3, ଭାଗଶେଷ 3 $\therefore \frac{15}{4} = 3\frac{3}{4}$

$$\text{ଅଥବା} \quad 4 \overline{) \begin{array}{r} 3 \\ 15 \\ -12 \\ \hline 3 \end{array}} \quad \therefore \frac{15}{4} = 3\frac{3}{4}$$

3 ଭାଗଶେଷ

$$(ଖ) \quad 8 \overline{) \begin{array}{r} 3 \\ 27 \\ -24 \\ \hline 3 \end{array}} \quad \therefore \frac{27}{8} = 3\frac{3}{8}$$

3 ଭାଗଶେଷ

ଉଦ୍‌ଦେହରଣ - 2 $3\frac{2}{5}$ କୁ ଅପ୍ରକୃତ ଭଗ୍ନାଶାରେ ପରିଣାମ କର ।

ସମାଧାନ :

ପ୍ରଥମ ପ୍ରଣାଳୀ

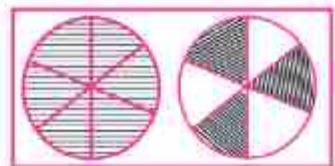
$$\begin{aligned} 3\frac{2}{5} &= 3 + \frac{2}{5} = \frac{3 \times 5 + 2}{5} \\ &= \frac{15}{5} + \frac{2}{5} = \frac{17}{5} \end{aligned}$$

ଦ୍ୱିତୀୟ ପ୍ରଣାଳୀ

$$3\frac{2}{5} = \frac{3 \times 5 + 2}{5} = \frac{17}{5}$$

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 5.4

- ନିମ୍ନରେ ଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ବିତ୍ତ ପ୍ରକୃତ ଭଗ୍ନ ସଂଖ୍ୟା ବା ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟା ସୁରଖିତ ଲୋକ ।



2. ନିମ୍ନ ମିଶ୍ରସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଅପ୍ରକୃତ ଭଗ୍ୟସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କର ।
- (କ) $3\frac{2}{3}$ (ଖ) $2\frac{2}{3}$ (ଗ) $1\frac{5}{8}$
3. ନିମ୍ନ ଅପ୍ରକୃତ ଭଗ୍ୟସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ମିଶ୍ରସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କର ।
- (କ) $\frac{18}{7}$ (ଖ) $\frac{20}{9}$ (ଗ) $\frac{23}{8}$
4. ନିମ୍ନ ଭାଗକ୍ରିୟାଗୁଡ଼ିକର ଭାଗଫଳକୁ ମିଶ୍ରସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କର ।
- (କ) $19 \div 5$ (ଖ) $24 \div 7$ (ଗ) $34 \div 13$

5.6 ସମ ଭଗ୍ୟସଂଖ୍ୟା

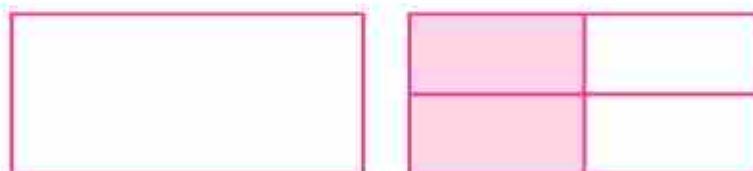
ଜାଣୁ ଆୟତାକୁଡ଼ିର ଖଣ୍ଡେ କାଗଜକୁ ନେଇ ସମାନ ଦୂର ଭାଗ କରି ଭାଙ୍ଗି ଦେଲା ଓ କାଗଜ ଖଣ୍ଡ ଉପରେ ଦେଖାଯାଉଥିବା ଦୂର ସମାନ ଭାଗରୁ ଗୋଟିଏ ଭାଗକୁ ରଙ୍ଗ କରି ଦେଲା ।



ତା'ପାଞ୍ଚରେ ବସିଥିବା ଯଦୁକୁ ପାଇଲା, 'ରଙ୍ଗ ଭାଗଟି ପୂରା କାଗଜ ଖଣ୍ଡର କେତେ ଅଂଶ ?'

ଯଦୁ କହିଲା, 'ଦୂର ସମାନ ଭାଗରୁ 1 ଭାଗ, ଏଣୁ ରଙ୍ଗ ଭାଗଟି ପୂରା କଗଜର $\frac{1}{2}$ ।'

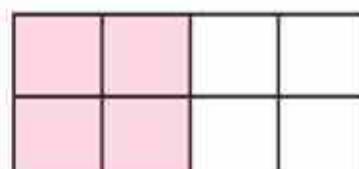
ପାଞ୍ଚରେ ଥିଲା ରିନା । ସେ ଭକ୍ତ କାଗଜ ଖଣ୍ଡକୁ ସମାନ ରଙ୍ଗ ଭାଙ୍ଗି କଲା । ତା'ପରେ ଭଙ୍ଗାଯାଇଥିଲା କାଗଜକୁ ଖୋଲି ଦେଲା ।



ଖୋଲାଯାଇଥିବା କାଗଜଟିକୁ ଦେଖାଇ ଯଦୁକୁ ପାଇଲା । ପୂରା କାଗଜର କେତେ ଅଂଶ ରଙ୍ଗ ହୋଇଛି କହିଲୁ । ଯଦୁ କହିଲା 4 ସମାନ ଭାଗରୁ 2 ଭାଗ । ଯଦୁ ପୁଣି କହିଲା, ତା' ହେଲେ ତ ପୂରା କାଗଜର ରଙ୍ଗ ହୋଇଥିବା ଅଂଶ ହେଉଛି $\frac{2}{4}$ ।

ବର୍ତ୍ତମାନ ସମନ୍ଧେ କହିଲେ, $\frac{1}{2} = \frac{2}{4}$

କୁନି ଏ ସବୁ ଦେଖୁଥିଲା । ସେ ରିନା ଖରି ଭାଙ୍ଗି କରିଥିବା କାଗଜକୁ
ନେଇ ଆଉ ସମାନ ଦୂରଭାଗ କରି ଭାଙ୍ଗି ଦେଲା ।



କାରଳ ଅଣ୍ଡିକୁ ଖୋଲି ସମସ୍ତକୁ ଦେଖାଇଲା । ସମେତେ ଦେଖିଲେ, ରଙ୍ଗ ଅଂଶ ପୂରା କାରଙ୍ଗର $\frac{4}{8}$ ।

$$\text{ଏହୁ ସମେତେ ଜାଣିଲେ: } \frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{4}{8}$$

ଆସ, ସମ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ବୁଝିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କରିବା ।

$$\text{ଆମେ ଦେଖିଲେ, } \frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{1 \times 2}{2 \times 2}$$

$$\text{ଏବଂ } \frac{1}{2} = \frac{4}{8} = \frac{1 \times 4}{2 \times 4} \text{ ରତ୍ୟାଦି ।}$$

$$\text{ସେହିପରି } \frac{1}{2} = \frac{3}{6} = \frac{1 \times 3}{2 \times 3}$$

ଏଠାରେ $\frac{1}{2}, \frac{2}{4}, \frac{3}{6}, \frac{4}{8}, \dots\dots$ ରତ୍ୟାଦି ସମ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଅଟନ୍ତି ।

 ସେହିପରି $\frac{1}{3}$ ର ଛରିଗୋଟି ସମ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ସ୍ଥିର କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟା କର ।

$$\text{ଅନ୍ୟପ୍ରକାରରେ } - \frac{4}{8} = \frac{4 \div 4}{8 \div 4} = \frac{1}{2},$$

$$\frac{2}{4} = \frac{2 \div 2}{4 \div 2} = \frac{1}{2}$$

ଅତେବଂ $\frac{4}{8}, \frac{2}{4}, \frac{1}{2}$ ଆଦି ସମ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଅଟନ୍ତି ।

ଜାଣିରଖ

ଗୋଟିଏ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାର ସମରକୁଷ୍ଟଧ୍ୟା ନିର୍ମିପଣ କରିବାକୁ ହେଲେ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାର ଲବ ଓ ହର ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାକୁ ଏଇ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱାରା ମୁଣକ କରିବାକୁ ହୁଏ । ଏ ପ୍ରଶାନ୍ତା ଦ୍ୱାରା ଗୋଟିଏ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ସହ ଅଧିକ ସମରକୁଷ୍ଟଧ୍ୟା ପାଇପାରିବା ।

ଜାଣିରଖ

ଏକ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାର ସମରକୁଷ୍ଟଧ୍ୟା ପାଇବାକୁ ହେଲେ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାର ଲବ ଓ ହର ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାକୁ ସମାନ ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱାରା ବାର କରିବାକୁ ହୋଇଥାଏ ।

ଲକ୍ଷ୍ୟ କରି:- ଯଦି ଲବ ଓ ହର ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା କୌଣସି ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱାରା ବିଭାଜିତ ହୋଇଥା'କି, ତେବେ ଆମେ ଉପରିସ୍ଥିତ ପ୍ରଶାନ୍ତା ପ୍ରୟୋଗ କରିପାରିବା । ଏ ନେତୃରେ ସାମିତ ସଂଖ୍ୟକ ସମରକୁଷ୍ଟଧ୍ୟା ପାଇବା ।

ଉଦ୍‌ଦେହଣ ସ୍ଵରୂପ : $\frac{12}{15}$ ର ଏକ ସମ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା $= \frac{12 \div 3}{15 \div 3} = \frac{4}{5}$

 $\frac{9}{15}$ ର ଏକ ସମ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ସ୍ଥିର କରିପାରିବକି ଯାହାର ହର 5 ହେବ ?

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 5.5

1. ନିୟ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ପାଞ୍ଚଟି ଲେଖାଏଁ ସମ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ନିର୍ବିଦ୍ଧ କର ।

- (କ) $\frac{2}{3}$ (ଖ) $\frac{1}{3}$ (ଗ) $\frac{2}{3}$ (ଘ) $\frac{5}{9}$

2. $\frac{2}{5}$ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାର ଏକ ସମ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ସ୍ଥିର କର, ଯାହାର ଲବ 6 ହେବ ।

3. $\frac{15}{27}$ ର ଏକ ସମ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ସ୍ଥିର କର, ଯାହାର ହର 9 ହେବ ।

4. $\frac{2}{7}$ ର ଏକ ସମ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ସ୍ଥିର କର, ଯାହାର ହର 63 ହେବ ।

5. $\frac{2}{3}$ ଓ $\frac{3}{4}$ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଲାଗି 12 ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ସମ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।

6. $\frac{3}{8}, \frac{5}{6}$ ଓ $\frac{7}{12}$ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ଲାଗି 24 ହରବିଶିଷ୍ଟ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ସମ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।
7. $\frac{3}{8}$ ର ସମ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ଲେଖିବା ବେଳେ 15, 24 ଓ 32 ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁଠିକୁ ହର ରୂପେ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇ ପାରିବ ନାହିଁ ? କାରଣ କ'ଣ ?

5.7 ସଦୃଶ ଏବଂ ଅସଦୃଶ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା

ପାର୍ଶ୍ଵ କୋଠିରୁ ଦୂର ଦୂରଟି ରେଖାଏଁ ସଂଖ୍ୟା ନେଇ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ତିଆରି କର ।

1	2	3
4	5	6
		7

ଦୂରେ ତିଆରି କରିଥିବା ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ସମାନ ହର ଥିବା ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଅଳଗା କରି ଲେଖ ।

ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ **ସଦୃଶ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା** କୁହାଯାଏ ।

$\frac{7}{19}$ ଏବଂ $\frac{7}{25}$ ସଦୃଶ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ଅଟନ୍ତି କି ? କାହିଁକି ?

ଦର୍ଶାଇବା ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ଦୟର ହର ଅସମାନ ହେତୁ ଏ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ଦୟକୁ **ଅସଦୃଶ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା** କୁହାଯାଏ ।

☞ ଉତ୍ତର ଲେଖ

- ◆ ପାଞ୍ଚଟି ସଦୃଶ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।
- ◆ ପାଞ୍ଚଟି ଅସଦୃଶ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ଲେଖ ।
- ◆ $\frac{2}{5}, \frac{3}{4}, \frac{1}{5}, \frac{7}{2}, \frac{3}{5}, \frac{4}{5}, \frac{4}{7}$ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ସଦୃଶ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଅଳଗା କରି ଲେଖ ।

5.8. ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାର ତୁଳନା :

ଫରିଦା ଏବଂ ଅମିନ୍‌ଙ୍କ ପ୍ଲେଟରେ ଯଥାକ୍ରମେ $2\frac{1}{2}$ ଏବଂ $3\frac{1}{4}$ ରୁଚି ଅଛି ।

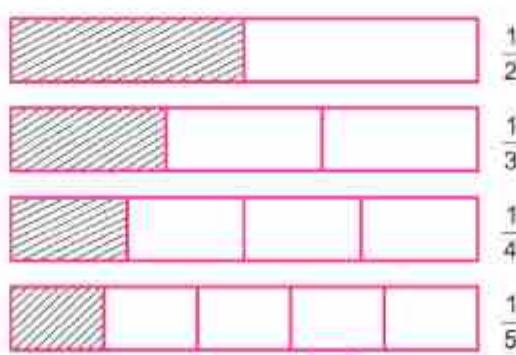


କେବେ କାହା ପାଖରେ ଅଧିକ ରୁଚି ଅଛି ? ଫରିଦା ପାଖରେ ଦୂରଟି ରୋଟି ଏବଂ

ଗୋଟିଏ ରୋଟିର ଅଧା ଥିବା ସ୍ଲାଇସ ଅମିନ୍ ପାଖରେ ତିନୋଟି ରୁଚିରୁ ଅଧିକ ରୁଚି ରହିଛି ।

$\therefore 3\frac{1}{4} > 2\frac{1}{2}$, ତେଣୁ ଅମିନ୍ ପାଖରେ ଅଧିକ ରୁଚି ଅଛି ।

ନିମ୍ନ ବିତ୍ତକୁ ଦେଖ ।



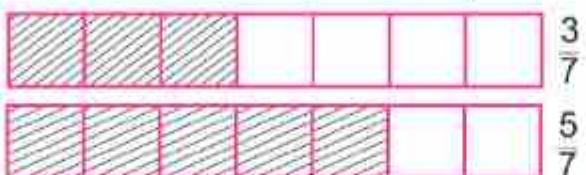
ଚିତ୍ରର ଚିତ୍ରିତ ଅଂଶ ମୂଳ ବିତ୍ତରୁ ‘ଭଗ୍ନାଂଶ’ ରୂପେ ଦର୍ଶାଯାଇଛି । ଏହରେଟି ଯାକି ମୂଳ ବିତ୍ତ ସମାନ ।

ଚିତ୍ରିତ ଅଂଶକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକରି ଭଗ୍ନାଂଶାଗୁଡ଼ିକୁ ବଡ଼ରୁ ସାନ କ୍ରମରେ ସଜାଅ ।

5.8.1. ସଦୃଶ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା

ଆସ, $\frac{3}{7}$ ଓ $\frac{5}{7}$ ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା କରିବା ।

ନିମ୍ନରେ ଦୁଇଟି ସମାନ ଆକୃତି (ଆୟତାକୃତି) ବିଶିଷ୍ଟ ସମାନ ସମାନ ଚିତ୍ର ନିଆଯାଇଛି ଓ ପ୍ରତ୍ୟେକକୁ ସମାନ 7 ଭାଗ କରାଯାଇଛି । ପ୍ରଥମଟିରେ 3ଟି ଭାଗକୁ ଚିତ୍ରିତ କରାଯାଇ $\frac{3}{7}$ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ଦର୍ଶାଯାଇଛି ।



ବୁଦ୍ଧି ଚିତ୍ରର ଚିତ୍ରିତ ଅଂଶ ପ୍ରଥମଟିର ଚିତ୍ରିତ ଅଂଶ ଅପେକ୍ଷା ବଡ଼ ।

ଏହି ଆମେ ଦେଖିଲେ : $\frac{5}{7} > \frac{3}{7}$



ନିଜେ କରି ଦେଖ ।

- ◆ ଚିତ୍ର ମାଧ୍ୟମରେ $\frac{2}{5}$ ଓ $\frac{4}{5}$ ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା କରା ।
- ◆ ସମାନ ଆକାରର ଦୁଇ ଖଣ୍ଡ କାଗଜ ନିଅ । ପ୍ରତ୍ୟେକକୁ ଆଠ ଭାଗକରି $\frac{3}{8}$ ଓ $\frac{7}{8}$ ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା କରା ।

କହିଲ ଦେଖ :

ଦୁଇଟି ସଦୃଶ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ
ବଡ଼ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାଟିକୁ କିମ୍ବା ଚିହ୍ନିବା ?

5.8.2. ଏକକ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା

ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ଜାଣିଛୁ, ଯେଉଁ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାର ଲକ୍ଷ 1 ସେହି ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାକୁ ଏକକ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା କୁହାଯାଏ ।

(କ) $\frac{1}{3}$ ଓ $\frac{1}{5}$ ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା କରିବା ।

ନିମ୍ନରେ ଦୁଇଟି ସମାନ ସମାନ ଆଯତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଚିତ୍ର ରହିଛି । ଜୋଟିକୁ 3 ସମାନ ଭାଗ ଓ ଅନ୍ୟଟିକୁ 5 ସମାନ ଭାଗ କରାଯାଇଛି ।



ଚିତ୍ରରୁ ଜଣାଯାଇଛି ଯେ $\frac{1}{3} > \frac{1}{5}$

ଚିତ୍ରର ସାହାଯ୍ୟ ନ ନେଇ ଆମେ $\frac{1}{3}$ ଓ $\frac{1}{5}$ ମଧ୍ୟରେ ବଡ଼ ସାନ ବାଛି ପାରିବା କି ?

ଆସ ଦେଖିବା -

ଗୋଟିଏ ସେଇକୁ ତିନି ସମାନ ଭାଗ କରାଗଲା ।

ପ୍ରଥମ ସେଇ ସଙ୍ଗେ ସମାନ ଅନ୍ୟ ଏକ ସେଇକୁ ପାଞ୍ଚ ସମାନ ଭାଗ କରାଗଲା ।

କେଉଁ କେଉଁରେ ଖଣ୍ଡଗୁଡ଼ିକ ଛୋଟ ହେବ ଓ କେଉଁ କେଉଁରେ ଖଣ୍ଡଗୁଡ଼ିକ ବଡ଼ ହେବ ?

ନିଷ୍ଠାଯ ସେଇଟି ଯେତେ ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟାକ ଭାଗ ହେବ, ଭାଗଗୁଡ଼ିକ ସେତେ ଛୋଟ ଛୋଟ ହେବ ।

$$\text{ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟା } \frac{1}{5} < \frac{1}{3}$$

$$\begin{aligned}\text{ସେହିପରି } \quad & \frac{1}{5} < \frac{1}{4} \\ & \frac{1}{4} < \frac{1}{3}\end{aligned}$$

$$\text{ଆମେ ଦେଖିଲେ, } \frac{1}{5} < \frac{1}{3}$$

$$\text{ଏହି ଦୁଇଟି } \frac{1}{5} < \text{ଦୁଇଟି } \frac{1}{3}, \text{ ଅର୍ଥାତ୍ } \frac{2}{5} < \frac{2}{3}$$

ପୁନଃ କାଣିଲେ, ଦୁଇଟି ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାର ଲବ ସମାନ ହୋଇଥିଲେ, ଯେଉଁ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାର ଲବ ବଡ଼, ସେ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାଟି ଅନ୍ୟଟି ଅଧିକ ବାନା ।

ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ସମାଧାନରୁ ଆମେ କାଣିପାରିବା ଯେ, ସମାହର ବିଶିଷ୍ଟ ଦୁଇଟି ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା (ସଦୃଶ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା) ମଧ୍ୟରୁ ଯେଉଁ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାର ଲବ, ଅନ୍ୟର ଲବ ଠାରୁ ବୃଦ୍ଧତାର ସେହି ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାଟି ଅନ୍ୟ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାଠାରୁ ବୃଦ୍ଧତାର ।

ଅର୍ଥାତ୍ ଦୁଇଟି ସଦୃଶ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ବୃଦ୍ଧତାର ଲବ ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାଟି ଅନ୍ୟ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାଠାରୁ ବୃଦ୍ଧତାର ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 5.6

1. ନିମ୍ନ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା କର ।

$$(କ) \frac{7}{10}, \frac{8}{10} \quad (ଖ) \frac{11}{26}, \frac{15}{26} \quad (ଗ) \frac{12}{105}, \frac{8}{105}$$

2. ଉର୍ଦ୍ଦ୍ଧ କ୍ରମରେ ସତାଇ ଲେଖ ।

$$(କ) \frac{1}{8}, \frac{5}{8}, \frac{3}{8} \quad (ଖ) \frac{12}{17}, \frac{5}{17}, \frac{10}{17}$$

3. ଅଧିକୁମରେ ସଜାଇ ଲେଖ ।

$$(କ) \frac{1}{5}, \frac{11}{5}, \frac{3}{5} \quad (ଖ) \frac{4}{13}, \frac{1}{13}, \frac{15}{13}$$

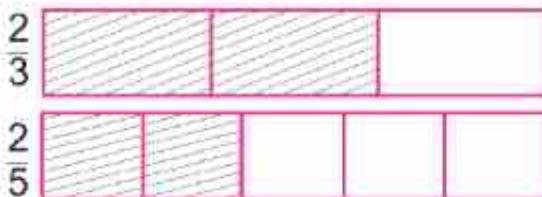
କାଣିରଖ

ଦୁଇଟି ଏକଳ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ଯେଉଁରେ ଦର କଢ଼ି ସେ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାଟି ଅନ୍ୟଟିଠାରୁ ଛୋଟ ।

5.8.3. ଅସଦୁଶ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା

ଆମେ ପୂର୍ବ ଅନୁଲୋଦମାନଙ୍କୁ ଜଣିଛୁ, ଯେଉଁ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାଗୁଡ଼ିକର ହର ତିନ୍ତି, ସେହି ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଅସଦୁଶ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା କୁହାଯାଏ।

(କ) ନିମ୍ନରେ ଦୁଇଟି ସମାନ ସମାନ ଆୟତଚିତ୍ର ଅଳକନ କରାଯାଇ, ଗୋଟିକର $\frac{2}{3}$ ଓ ଅନ୍ୟଟି $\frac{2}{5}$ ଅଂଶକୁ ରେଖାକିତ କରାଯାଇଛି।



ଏଠାରେ ମଧ୍ୟ ଚିତ୍ରରୁ ହକ୍ଷେ ଯେ $\frac{2}{3} > \frac{2}{5}$

ତୁମେ ଜାଣିଲ, ସମାନ ଲବଥିବା ଦୁଇଟି ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ କ୍ଷୁଦ୍ରତର ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନ ସଂଖ୍ୟାଟି, ବୃଦ୍ଧିତର ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ଠାରୁ ବୁଝଇରା।

(ଖ) ତିନ୍ତି ଲବ ଏବଂ ତିନ୍ତି ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଅସଦୁଶ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା

ବର୍ତ୍ତମାନ $\frac{2}{3}$ ଏବଂ $\frac{3}{4}$ ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା କରିବା । ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ସଦୁଶ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା କରିବା ଜାଣିଛୁ । ଅର୍ଥାତ୍ ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା କରିବା ଜାଣିଛୁ । ଯଦି $\frac{2}{3}$ ଏବଂ $\frac{3}{4}$ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ଦୂଘକୁ ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାରେ ପରିଣାମ କରିପାରିବା ତେବେ ତୁଳନା କରିବା ସହଜସାଧ ହେବ । ଅପରପକ୍ଷରେ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ଦୁଇଟିକୁ ସମଲବ କରିପାରିଲେ, ପରିଷ୍ଠିତି -1 ରେ ବର୍ଣ୍ଣତ ତୁଳନା ପ୍ରଣାଳୀ ଅବଲମ୍ବନ କରି ସଂଖ୍ୟାଦୂଘକୁ ମଧ୍ୟ ତୁଳନା କରିପାରିବା ।

ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ କରି ତୁଳନା କରିବା ପ୍ରଣାଳୀ

ଆସ, $\frac{2}{3}$ ଏବଂ $\frac{3}{4}$ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ଦୂଘକୁ ତୁଳନା କରିବା । ଏଥିପାଇଁ ସମଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ନିର୍ମିତ ପ୍ରଣାଳୀ ଅବଲମ୍ବନ କରି ଉତ୍ତର ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାକୁ ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା ।

$$\frac{2}{3} = \frac{4}{6} = \frac{8}{12} = \frac{10}{15} = \frac{12}{18} = \frac{14}{21} = \frac{16}{24} = \frac{18}{27} = \dots$$

$$\text{ସେହିପରି } \frac{3}{4} = \frac{6}{8} = \frac{9}{12} = \frac{12}{16} = \frac{15}{20} = \frac{18}{24} = \frac{21}{28} = \dots$$

ବର୍ତ୍ତମାନ $\frac{2}{3}$ ଏବଂ $\frac{3}{4}$ ର ସମଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକର । ଉତ୍ତର ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ଲାଗି 12 ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା

$$\text{ଦୂଘ ହେଲେ } \frac{2}{3} = \frac{8}{12} \quad \text{ଏବଂ } \frac{3}{4} = \frac{9}{12}$$

$$\frac{9}{12} > \frac{8}{12} \text{ ତେଣୁ } \frac{3}{4} > \frac{2}{3} \text{ ହେବ ।}$$

$\frac{2}{3}$ ଓ $\frac{3}{4}$ ର ସମଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ତାଳିକାରୁ ଆଇ କୌଣସି ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ନିର୍ଦ୍ଦେଖ କି ?

ତୁମେ ନିଶ୍ଚଯ ଦେଖିପାରିବ ଯେ $\frac{2}{3} = \frac{16}{24}$ ଓ $\frac{3}{4} = \frac{18}{24}$

ଜାଣିଛ କି ?

ଗୋଟିଏ ଯୋଡ଼ା ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ପାଇଁ ଅନେକ ଯୋଡ଼ା ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନାଂଶ୍ୟା ପାଇଁ ପାଇଁ କରିବା ଏବଂ ଯେ କୌଣସି ଯୋଡ଼ାକୁ ନେଇ ଆମେ ତୁଳନା କରିପାରିବା ।

ଉଦ୍ବାହରଣ - 3 : $\frac{4}{5}$ ଏବଂ $\frac{5}{6}$ ମଧ୍ୟରେ କେଉଁଟି ବଡ଼ ସ୍ଥିର କର ।

ସମାଧାନ ପାଇଁ ସୂଚନା :	ସମାଧାନ
◆ $\frac{4}{5}$ ର ସମ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକୁ ସ୍ଥିର କର ।	$\frac{4}{5} = \frac{8}{10} = \frac{12}{15} = \frac{16}{20} = \frac{20}{25} = \frac{24}{30} = \dots\dots$
◆ $\frac{5}{6}$ ର ସମ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକୁ ସ୍ଥିର କର ।	$\frac{5}{6} = \frac{10}{12} = \frac{15}{18} = \frac{20}{24} = \frac{25}{30} = \dots\dots$
◆ $\frac{4}{5} \frac{5}{6}$ ର ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ସମ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକୁ ନିଅ ।	$\frac{4}{5} \frac{5}{6}$ ର ସମ ହରବିଶିଷ୍ଟ ସମ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଯଥାକୁମେ $\frac{24}{30}$ ଏବଂ $\frac{25}{30}$ ମାତ୍ର $\frac{25}{30} > \frac{24}{30}$ ତେଣୁ $\frac{5}{6} > \frac{4}{5}$

- ଉପର ପ୍ରଶ୍ନର ସମାଧାନକୁ ଦେଖି ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉଭର ଦିଆ ।
- (କ) $\frac{4}{5} \frac{5}{6}$ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଦୟ ଲାଗି ବନ୍ଧାଯାଇଥିବା ସମ ହର ବିଶିଷ୍ଟ ସମଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଦୂଳଟିର ହର କେବେ ?
- (ଖ) ବନ୍ଧାଯାଇଥିବା ସମ ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ହର ସହ ମୂଳ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଦୟର ହର ଦୂଳଟିର କ'ଣ ସମ୍ଭବ ଅଛି ?

ଅର୍ଥାତ୍ 30 ସହ 5 ଓ 6 ର କ'ଣ ସମ୍ଭବ ଅଛି ?

ଆମେ ଜାଣିଲେ, ଦର ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଦୟ ଲାଗି ପାଇଥିବା ସମ ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଦୂଳଟିର ସାଧାରଣ ହର 30, ଦର ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ହର ଦୟର ଗୁଣଫଳ (ଅର୍ଥାତ୍ 5×6) ସହ ସମାନ । ଲକ୍ଷ୍ୟକର - 30, 5 ଓ 6 ର ଲପିଷ୍ଟ ସାଧାରଣ ଗୁଣିତକ ହେବ ।

ତେଣୁ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଦୟକୁ ଦୂଳଟିର କରିବା ସମୟରେ ପ୍ରଥମେ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଦୟକୁ ସମ ହର ବିଶିଷ୍ଟ କରିବାକୁ ପଡ଼ିବ । ସମ ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଦୟର ସାଧାରଣ ହରଟି ଦର ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଦୟର ହର ମାନଙ୍କର ଗୁଣଫଳ ସହ ସମାନ ହେବ, ଅର୍ଥାତ୍ ହର ଦୟର ସାଧାରଣ ଗୁଣିତକ ହେବ ।

ଉଦ୍ବାହରଣ - 4 : $\frac{5}{6}$ ଏବଂ $\frac{8}{15}$ ମଧ୍ୟରେ ବୃଦ୍ଧରର ସଂଖ୍ୟାଟି ଦ୍ୱିର କର ।

ସମାଧାନ :

ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ସମ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ତାଲିକା ପ୍ରତ୍ୟେକ କରିବା ।

$$\frac{5}{6} = \frac{10}{12} = \frac{15}{18} = \frac{20}{24} = \frac{25}{30} = \frac{30}{36} = \dots\dots$$

$$\frac{8}{15} = \frac{16}{30} = \frac{24}{45} = \dots\dots$$

ତାଲିକା ଦୂଳଟିରେ ଥିବା ସମ ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଦୂଳଟି ହେଲେ -

$\frac{5}{6} = \frac{25}{30}$	$\frac{8}{15} = \frac{16}{30}$
ଯେହେତୁ	$25 > 16$ $6 > 4$ $\frac{25}{30} > \frac{16}{30}$
	$\dots\dots \frac{5}{6} > \frac{3}{15}$

ଜାଣିଛ କି ?

ଆମ ଦର ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଦୟର ହର ଦୂଳଟିର ଲ.ସ.କୁ ସମ ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ପାଇବା ଲାଗି ସାଧାରଣ ହର ରୂପେ ବାହିବା ।

ବିଜ୍ଞାନ ସମାଧାନ :

ଦର ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଦୟା ହେଲେ $\frac{5}{6}$ ଓ $\frac{8}{15}$, ହର ଦୟାର ଲ.ସ.ଗୁ. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବା।

$$6 = 2 \times 3$$

$$15 = 3 \times 5$$

$$\text{ହର ଦୟାର ଲ.ସ.ଗୁ.} = 2 \times 3 \times 5 = 30$$

$$\frac{5}{6} = \frac{5 \times 5}{6 \times 5} \quad [\because 6 \text{ ର } 5 \text{ ଗୁଣ } 30]$$

$$= \frac{25}{30}$$

$$\frac{8}{15} = \frac{8 \times 2}{15 \times 2} \quad [15 \text{ ର } 2 \text{ ଗୁଣ } 30]$$

$$= \frac{16}{30}$$

$$\text{ମାତ୍ର } 25 > 16 \quad \therefore \frac{5}{6} > \frac{8}{15}$$

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 5.7

1. ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଦୂରତ୍ତକୁ ତୁଳନା କର ।

$$(କ) \frac{1}{5} \text{ ଓ } \frac{1}{6} \quad (ଖ) \frac{1}{12} \text{ ଓ } \frac{1}{15}$$

2. ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଦୟା ମଧ୍ୟରେ କେଉଁଟି ବଡ଼ ?

$$(କ) \frac{3}{8} \text{ ଓ } \frac{5}{8} \quad (ଖ) \frac{7}{15} \text{ ଓ } \frac{8}{15}$$

3. ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଦୟା ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଶାକି କୋଠିରିଗେ >, < ଓ = ମଧ୍ୟରୁ ଠିକ୍ ଚିହ୍ନ ବସାଅ ।

$$(କ) \frac{5}{12} \quad \frac{5}{9} \quad (ଖ) \frac{3}{7} \quad \frac{4}{7}$$

$$(ଖ) \frac{4}{9} \quad \frac{8}{18} \quad (ଘ) \frac{8}{11} \quad \frac{8}{13}$$

4. (କ) ଉଚ୍ଚକ୍ରମରେ ସଜାଇ ଲେଖ ।

$$\frac{2}{5}, \frac{3}{4}, \frac{1}{2}, \frac{5}{8}$$

(ଖ) ଅଧିକ୍ରମରେ ସଜାଇ ଲେଖ ।

$$\frac{5}{6}, \frac{3}{4}, \frac{2}{3}, \frac{7}{12}$$

5. ସମାହର ବିଶିଷ୍ଟ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରି ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଦୟା ମଧ୍ୟରେ ତୁଳନା କର ।

$$(କ) \frac{3}{8} \text{ ଓ } \frac{5}{12} \quad (ଖ) \frac{7}{15} \text{ ଓ } \frac{4}{9}$$

5.9. ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗ

ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀରେ ଆମେ ସଦୃଶ ଏବଂ ଅନୁକୂଳ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗ ଏବଂ ବିଯୋଗ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଆଲୋଚନା କରିଥାଏଛୁ । ପୂର୍ବ ପାଠକୁ ମନେପକାଇବା ପାଇଁ ଆସି କେତେକ ଉଦାହରଣ ଦେଖୁଳା ।

ଉଦାହରଣ -1: $\frac{5}{7} + \frac{3}{7}$ ର ଯୋଗଫଳ ସ୍ଥିର କରିବା ।

$$\text{ସମାଧାନ : } \frac{5}{7} + \frac{3}{7} = \frac{5+3}{7} = \frac{8}{7}$$

$$\text{ସେହିପରି } \frac{7}{12} + \frac{3}{12} = \frac{7+3}{12} = \frac{10}{12} \text{ କିମ୍ବା } \frac{5}{6} ।$$

ଉଦାହରଣ - 2: $\frac{1}{3} + \frac{1}{2}$ ର ଯୋଗଫଳ ସ୍ଥିର କରିବା ।

ସମାଧାନ : (ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶାଳୀ)

$$\begin{aligned} \frac{1}{3} + \frac{1}{2} &= \frac{1 \times 2}{3 \times 2} + \frac{1 \times 3}{2 \times 3} \\ &= \frac{2}{6} + \frac{3}{6} = \frac{2+3}{6} = \frac{5}{6} \end{aligned}$$

(ବିକରି ପ୍ରଶାଳୀ)

$$\begin{aligned} \frac{1}{3} + \frac{1}{2} &= \frac{1 \times 2 + 1 \times 3}{6} \\ &= \frac{2+3}{6} = \frac{5}{6} \end{aligned}$$

ମିଶାଣରେ ବ୍ୟବ୍ହତ ପ୍ରଶାଳୀ

$$\text{ଯୋଗଫଳ} = \frac{\text{ଉଦାହରଣ ହର}}{\text{ସାଧାରଣ ହର}}$$

ମିଶାଣରେ ବ୍ୟବ୍ହତ ପ୍ରଶାଳୀ

ପ୍ରଥମେ ଦର୍ଶାଇଥିବା ଉଦାହରଣକୁ ସମାଧାନ କରିବା ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଚିତ କରାଯାଏ । ପରେ ପୂର୍ବ ବର୍ତ୍ତମାନ ସ୍ଥିର କରିବାର ପାଇଁ ପ୍ରଥମ ଲକ୍ଷ କ୍ଷତିକରଣ + ଦ୍ୱିତୀୟକରଣ X ପ୍ରଥମହର ପ୍ରଥମ ହର X ଦ୍ୱିତୀୟ ହର

ଦୁଇଟି ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟା ଯୋଗକରିବାର ବିଭିନ୍ନ ଉଦାହରଣ ଦେଖୁଳା । ଦୁଇରୁ ଅଧିକ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟ ଯୋଗ କରିବାର ଆବଶ୍ୟକତା ପଡ଼ିପାରେ । ଦେଉଛି ଗୋଟିଏ ଉଦାହରଣ ନିମ୍ନରେ ଦେଖ ।

ଉଦାହରଣ - 3: $\frac{2}{3}, \frac{1}{4}$ ଓ $\frac{5}{6}$ ର ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସମାଧାନ ସୂଚନା : ଏଠାରେ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଶତ କରିବା ଆବଶ୍ୟକ । ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ସାଧାରଣ ହର କେତେ ହେବ କହିଲା ?

ଦୁଇମେ କରିଥିବା ଯୋଗକାର୍ଯ୍ୟରୁ ଜାଣିଛୁ -

$$\begin{aligned} \text{ସାଧାରଣ ହର} &= \text{ଦର ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକର ହରର ଗୁଣଫଳ} \\ &= 3 \times 4 \times 6 = 72 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{ଅଥବା ସାଧାରଣ ହର} &= \text{ଦର ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକର ଲ.ସ.ଗୁ} \\ &= 3, 4, 6 \text{ ର ଲ.ସ.ଗୁ} \\ &= 12 \end{aligned}$$

ସମାଧାନ :

$$\begin{aligned} \frac{2}{3} + \frac{1}{4} + \frac{5}{6} &= \frac{2 \times 4}{3 \times 4} + \frac{1 \times 3}{4 \times 3} + \frac{5 \times 2}{6 \times 2} \\ &= \frac{8}{12} + \frac{3}{12} + \frac{10}{12} \\ &= \frac{8+3+10}{12} \\ &= \frac{21}{12} = 1\frac{9}{12} = 1\frac{3}{4} \end{aligned}$$

$$[\frac{9}{12} \text{ ର ଲାଭ ଆକାର } = \frac{3}{4}]$$

➤ ଯୋଗଫଳ ସ୍ଥିର କର ।

$$1. \text{ (କ) } \frac{5}{2} + \frac{3}{7}$$

$$\text{ (ଖ) } \frac{4}{5} + \frac{3}{5}$$

$$\text{ (ଘ) } \frac{6}{7} + \frac{5}{7}$$

$$\text{ (ଙ୍ଘ) } \frac{1}{4} + \frac{5}{7}$$

$$\text{ (ଘ) } \frac{3}{4} + \frac{5}{6}$$

$$\text{ (ଙ୍ଘ) } \frac{7}{8} + \frac{5}{9}$$

5.10. ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ବିଯୋଗ

ସତ୍ତର ଏବଂ ଅସଦୃଶ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା କ୍ଷେତ୍ରରେ ଯୋଗ ଛଳି ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା କିପରି ସମାଧନ କରାଯାଏ ତାହା ଆମେ ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀରେ ଶିଖିଛୁ । ଆସ, ମନେ ପକାଇବା ପାଇଁ କେତେକ ପ୍ରଶ୍ନର ସମାଧାନ କରିବା ।

ଉଦାହରଣ - 1 : $\frac{3}{4}$ ରୁ $\frac{1}{2}$ ବିଯୋଗ କରିବା ।

$$\begin{aligned}\text{ସମାଧାନ : } \frac{3}{4} - \frac{1}{2} &= \frac{3}{4} - \frac{1 \times 2}{2 \times 2} \\ &= \frac{3}{4} - \frac{2}{4} \\ &= \frac{3-2}{4} = \frac{1}{4}\end{aligned}$$

ବିଯୋଗ କରିବାର ପ୍ରଶାଳୀ

ପ୍ରଥମେ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଦୟକୁ ସମାଧନ କରିବାର ପରିଶର୍ତ୍ତ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଶର୍ତ୍ତ କରି ବିଯୋଗଫଳ ପ୍ରକାଶିତ କରାଯାଏ ।

ଉଦାହରଣ - 2 : $\frac{1}{5}$ ରେ କେତେ ଯୋଗ କଲେ ଯୋଗଫଳ $\frac{1}{2}$ ହେବ ?

ସମାଧାନ :

$$\begin{aligned}\text{ନିର୍ଣ୍ଣୟ ସଂଖ୍ୟା } &= \frac{1}{2} - \frac{1}{5} \\ &= \frac{1 \times (10 \div 2) - 1 \times (10 \div 5)}{2 \times 5} \\ &= \frac{1 \times 5 - 1 \times 2}{2 \times 5} \\ &= \frac{5 - 2}{10} = \frac{3}{10}\end{aligned}$$

ବିଯୋଗ କରିବାର ପ୍ରଶାଳୀ

ରକ୍ତ ପ୍ରଶ୍ନର ସମାଧାନ ପାଇଁ ପ୍ରଥମେ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଦୟକୁ ସମାଧନ କରିବାର ପରିଶର୍ତ୍ତ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଶର୍ତ୍ତ କରିବାକୁ ପଡ଼େ ।

ବିଯୋଗ କରାଯାଉଥିବା ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଦୟକୁ ସମାଧନ ବିଶିଷ୍ଟ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଶର୍ତ୍ତ କରି ଉପରୋକ୍ତ ସମାଧାନ କରାଯାଇଛି । ଲକ୍ଷ୍ୟରଖ ଯେ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଦୟର ହରର ଲ.ସ.ଗ୍. ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରି ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାର ହରକୁ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାଯାଇଥିବା ଲ.ସ.ଗ୍. ବିଶିଷ୍ଟ ସମାଧନ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଶର୍ତ୍ତ କରି ବିଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟ କରାଯାଇଥାଏ ।

➤ ବିଯୋଗ କର -

$$(କ) \frac{5}{6} - \frac{3}{4}$$

$$(ଖ) \frac{5}{7} - \frac{1}{3}$$

$$(ଙ୍ଘ) \frac{8}{15} - \frac{2}{5}$$

$$(ଘ) \frac{5}{12} - \frac{1}{7}$$

5.11. ମିଶ୍ର ଭଗ୍ନଶାଖାର ଯୋଗ ବା ବିଯୋଗ

ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାକୁ ଅପ୍ରକୃତ ଭଗ୍ନଶାଖାରେ ପରିଣତ କରି ତା'ପରେ ଯୋଗ ବା ବିଯୋଗ କରିବା ।

ଉଦ୍ଦାହରଣ - 1

$$\frac{3}{4} \text{ ଓ } 1\frac{2}{3} \text{ ର ଯୋଗଫଳ ସ୍ଥିର କରି ।}$$

ସମାଧାନ :

$1\frac{2}{3}$ ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାକୁ ଅପ୍ରକୃତ ଭଗ୍ନଶାଖାରେ ପରିଣତ କରିବା ।

$$1\frac{2}{3} = \frac{1 \times 3 + 2}{3} = \frac{5}{3}$$

$$\begin{aligned}\text{ଯୋଗଫଳ} &= \frac{3}{4} + 1\frac{2}{3} = \frac{3}{4} + \frac{5}{3} \\ &= \frac{3 \times 3 + 5 \times 4}{12} \\ &= \frac{9 + 20}{12} = \frac{29}{12} = 2\frac{5}{12}\end{aligned}$$

ଉଦ୍ଦାହରଣ - 2 :

$$2\frac{2}{5} \text{ ଓ } 1\frac{3}{4} \text{ ର ଯୋଗଫଳ ସ୍ଥିର କରିବା ।}$$

ସମାଧାନ :

ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶାନ୍ତି :

$$\begin{aligned}2\frac{2}{5} - \frac{12}{5} &\quad \text{ଏବଂ } 1\frac{3}{4} = \frac{7}{4} \\ \text{ଯୋଗଫଳ} &= 2\frac{2}{5} + 1\frac{3}{4} \\ &= \frac{12}{5} + \frac{7}{4} \\ &= \frac{12 \times 4 + 7 \times 5}{20} \\ &= \frac{48 + 35}{20} \\ &= \frac{83}{20} = 4\frac{3}{20}\end{aligned}$$

ବିକଳ୍ପ ପ୍ରଶାନ୍ତି :

$$\begin{aligned}2\frac{2}{5} + 1\frac{3}{4} &\\ &= 2 + \frac{2}{5} + 1 + \frac{3}{4} \\ &= (2 + 1) + \frac{2}{5} + \frac{3}{4} \\ &= 3 + \frac{2 \times 4 + 3 \times 5}{20} \\ &= 3 + \frac{8 + 15}{20} = 3 + \frac{23}{20} = 3 + 1\frac{3}{20} \\ &= 3 + 1 + \frac{3}{20} = 4 + \frac{3}{20} = 4\frac{3}{20}\end{aligned}$$

 ଉଚ୍ଚୟ ପ୍ରଶାନ୍ତିରେ ଯୋଗଫଳ ସମାନ ହେଉଛି । ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶାନ୍ତି ୦ାରୁ ବିକଳ୍ପ ପ୍ରଶାନ୍ତି କିପରି ଭିନ୍ନ ଲେଖ ।

$2\frac{1}{3}$ ଓ $2\frac{2}{3}$ ର ଯୋଗଫଳ ଉଚ୍ଚୟ ପ୍ରଶାନ୍ତିରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ଉଦ୍‌ବାହରଣ - 3 :

$1\frac{1}{3}$ ରୁ $1\frac{1}{4}$ ବିଯୋଗ କରି ବିଯୋଗପଳ ସ୍ଥିର କର।

ସମାଧାନ :

ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶ୍ନାକା :

$$\begin{aligned}
 & 1\frac{1}{3} - 1\frac{1}{4} \\
 & = \frac{4}{3} - \frac{5}{4} \quad (\text{ଅପ୍ରକଟ ଜଗ୍ନ୍ୟାଗରେ ପରିଚିତ କରାଗଲା}) \\
 & = \frac{4 \times 4 - 5 \times 3}{3 \times 4} \\
 & = \frac{16 - 15}{12} \\
 & = \frac{1}{12}
 \end{aligned}$$

ଦେବକ ପ୍ରଶ୍ନାକା :

$$\begin{aligned}
 & 1\frac{1}{3} - 1\frac{1}{4} \\
 & = (1 + \frac{1}{3}) - (1 + \frac{1}{4}) \\
 & = 1 + \frac{1}{3} - 1 - \frac{1}{4} \\
 & = (1 - 1) + (\frac{1}{3} - \frac{1}{4}) \\
 & = 0 + \frac{1 \times 4 - 1 \times 3}{12} = 0 + \frac{4 - 3}{12} = \frac{1}{12}
 \end{aligned}$$

ଉଦ୍‌ବାହରଣ - 4

$1\frac{3}{4}$ ବିଯୋଗ କର।

ସମାଧାନ :

$$\begin{aligned}
 & 1 - \frac{3}{4} = \frac{1}{1} - \frac{3}{4} \quad [1 \text{କୁ } \frac{1}{1} \text{ ରୁପେ ଲେଖିବା}] \\
 & = \frac{1 \times 4 - 3 \times 1}{4} \\
 & = \frac{4 - 3}{4} \\
 & = \frac{1}{4}
 \end{aligned}$$

କାଣିକ କି ?

ଜଗ୍ନ୍ୟାଗ ଯୋଗ ବିଯୋଗ କ୍ଷେତ୍ରେ ଯୋଗ ବା ବିଯୋଗ ପାଇଁ ହବା ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ଗୋଟିଏ ଜଣନ ସଂଖ୍ୟାରୁଲେ ଦାକୁନିମ୍ନ ରୁପେ ପ୍ରକାଶ କରାଯିବ।

$$1 = \frac{1}{1}, \quad 2 = \frac{2}{1}, \quad 3 = \frac{3}{1}, \quad 8 = \frac{8}{1} \quad \text{ଇତ୍ୟାହି।}$$

☒ ବୁମ ଖାତାରେ ନିମ୍ନରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଯୋଗ - ବିଯୋଗ କୋଠି ଚିଆରି କରି ଖାଲି ଘର ପୂରଣ କର ।

(କ)

		+
-		
$\frac{2}{3}$	$\frac{4}{3}$	
$\frac{1}{3}$	$\frac{2}{3}$	

(ଖ)

		+
-		
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	
$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{4}$	

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 5.8

ଯୋଗପଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।

1. $\frac{2}{3} + \frac{1}{3}$

2. $\frac{3}{8} + \frac{1}{8}$

3. $\frac{1}{9} + \frac{2}{9} + \frac{5}{9}$

4. $1\frac{2}{5} + 2\frac{1}{5}$

5. $2\frac{1}{7} + 3\frac{2}{7}$

6. $\frac{1}{5} + \frac{3}{10}$

7. $\frac{3}{8} + \frac{5}{16}$

8. $\frac{5}{8} + \frac{5}{12}$

9. $\frac{4}{9} + \frac{5}{12}$

10. $1\frac{3}{8} + 2\frac{5}{12}$

11. $1\frac{2}{5} + 2\frac{3}{10} + 3\frac{1}{2}$

12. $1\frac{1}{10} + 2\frac{1}{15} + 3\frac{1}{6}$

ବିଯୋଗପଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।

13. $\frac{3}{8} - \frac{1}{8}$

14. $\frac{7}{12} - \frac{5}{12}$

15. $\frac{2}{3} - \frac{5}{12}$

16. $\frac{7}{18} - \frac{2}{9}$

17. $\frac{5}{12} - \frac{1}{6}$

18. $1\frac{2}{3} - \frac{5}{6}$

19. $2\frac{3}{8} - 1\frac{1}{4}$

20. $3\frac{5}{12} - 2\frac{3}{8}$

21. $3\frac{7}{10} - 2\frac{8}{15}$

22. $2 - 1\frac{3}{5}$

23. $3 - 2\frac{7}{8}$

24. $2 - 1\frac{5}{12}$

25. ଦୋକାନରୁ ସରିତା $\frac{2}{5}$ ମିଟର ଲମ୍ବର ଓ ଲକିତା $\frac{3}{4}$ ମିଟର ଲମ୍ବର ରିବନ କିଣିଲେ । ଉଚ୍ଚ ମୋଟ କେତେ ଦେର୍ଘର ରିବନ କିଣିଲେ ?

26. ବିଦ୍ୟାଳୟ ହତା ଢାରିପାଖରେ ଥରେ ଛଳି ଆସିବାକୁ ନିଲୁ $2\frac{1}{5}$ ମିନିଟ୍ ସମୟ ନିଏ । ସେତିକି ବାଟ ଛଳିବା ପାଇଁ ଛିରୁ $\frac{7}{4}$ ମିନିଟ୍ ସମୟ ନିଏ । ଦୂରତଣ୍ଡ ମଧ୍ୟରୁ କିଏ କମ୍ ସମୟ ନିଏ ଓ କେତେ କମ୍ ସମୟ ନିଏ ?





ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା

6.1 ଆମେ ଯାହା ଜାଣିଛୁ

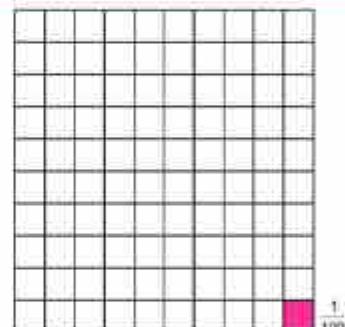
10 ସମାନ ଭାଗରୁ ଏକ ଭାଗ $= \frac{1}{10} = 0.1$



100 ସମାନ ଭାଗରୁ ଏକ ଭାଗ $= \frac{1}{100} = 0.01$

ଏଠାରେ $\frac{1}{10}$ କୁ ଏକ ଦଶାଂଶ ଏବଂ $\frac{1}{100}$ କୁ ଏକ ଶତାଂଶ କହିଥାଉ।

ସେହିପରି $\frac{2}{10}$, $\frac{3}{100}$ କୁ ଯଥାକ୍ରମେ 2 ଦଶାଂଶ ଏବଂ 3 ଶତାଂଶ ନହିବା।



ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କଲେ ପାଇବା—

$$\frac{2}{10} = 0.2 \quad \text{ଏବଂ} \quad \frac{3}{100} = 0.03$$

ପ୍ରକାଶ ଆଉକି $\frac{2}{10}$ ଏକ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା ଏବଂ 0.2 ଭକ୍ତ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାର ଦଶମିକ ରୂପ।

ନିମ୍ନ ସାରଣୀରେ ଜ୍ଞାଲିଷ୍ଵାନ ପୂରଣ କର ।

ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା	$\frac{4}{10}$	$\frac{5}{100}$	$\frac{27}{10}$	$1\frac{1}{10}$	$2\frac{1}{100}$	$15\frac{3}{10}$
ଦଶମିକ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା						

ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀରେ ‘ଏକ ଦଶାଂଶ’, ‘ଏକ ଶତାଂଶ’, ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଆଲୋଚନା ସରିଥିଲେ ମଧ୍ୟ ତା’ର ପୁନଃ ଆଲୋଚନା ଏଠାରେ ଆବଶ୍ୟକ । ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାକୁ ଜଣ୍ଯ କର ।

ରବି 4 ଶରତର ପେନସିଲର ଦେର୍ଘ୍ୟ ସଥାକ୍ରମେ 7 ସେ.ମି. 2ମି.ମି. ଏବଂ 8 ସେ.ମି. 3 ମି.ମି. । ଭକ୍ତ ଦେର୍ଘ୍ୟକୁ ସେ.ମି.ରେ ପ୍ରକାଶ କରିପାରିବ କି ? ଭକ୍ତ ସମାଧାନ ପାଇଁ ଆବଶ୍ୟକ ସୋପାନଗୁଡ଼ିକର ଭରର ଦିଅ ।

$$1 \text{ସେ.ମି.} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ମି.ମି.}$$

$$1 \text{ ମି.ମି.} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ସେ.ମି.}$$

$$\text{ରବିର ପେନସିଲର ଦେର୍ଘ୍ୟ} = 7 \text{ ସେ.ମି. } 2 \text{ ମି.ମି.} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ସେ.ମି.}$$

$$\text{ଶରତର ପେନସିଲର ଦେର୍ଘ୍ୟ} = 8 \text{ସେ.ମି. } 3 \text{ ମି.ମି.} = \underline{\hspace{2cm}} \text{ସେ.ମି.}$$

ଜାଣିଛୁ କି ?

$$1 \text{ ମି.ମି.} = \frac{1}{10} \text{ ସେ.ମି.}$$

$$2 \text{ ମି.ମି.} = \frac{2}{10} \text{ ସେ.ମି.}$$

ରଚିର ଫେନ୍ସିଲର ଦେର୍ଘ୍ୟ = 7 ସେ.ମି. 2 ମି.ମି.

$$= 7 \frac{2}{10} \text{ ସେ.ମି.} = 7.2 \text{ ସେ.ମି.}$$

ସେହିପରି ଗରତର ଫେନ୍ସିଲର ଦେର୍ଘ୍ୟ = 8 ସେ.ମି. 3 ମି.ମି.

$$= 8 \frac{3}{10} \text{ ସେ.ମି.} = 8.3 \text{ ସେ.ମି.}$$

ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣୀରେ ଆମେ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଅଙ୍କର ସ୍ଥାନୀୟମାନ ସଂପର୍କରେ ଆଲୋଚନା କରିଛୁ।

2.35 ହେଉଛି ଗୋଟିଏ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା, ଏହି ସଂଖ୍ୟାର ଏକକ ସ୍ଥାନରେ 2 ଅଛି, ଦଶାଂଶ ସ୍ଥାନରେ 3 ଅଛି ଓ ଶତାଂଶ ସ୍ଥାନରେ 5 ଅଛି।

2.35ର ଏକକ ସ୍ଥାନରେ 2 ଅଛି, ତେଣୁ 2 ର ମୂଳ୍ୟ 2 ଏକ ବା 2

ଦଶାଂଶ ସ୍ଥାନରେ 3 ଅଛି, ତେଣୁ 3 ର ମୂଳ୍ୟ 3 ଦଶାଂଶ ବା $\frac{3}{10}$

ଶତାଂଶ ସ୍ଥାନରେ 5 ଅଛି, ତେଣୁ 5 ର ମୂଳ୍ୟ 5 ଶତାଂଶ ବା $\frac{5}{100}$

ଜାଣିଛ କି ?

2.35 କୁ କୁଠ ଦଶମିକ ଚିନ୍ମ ପାଞ୍ଚ
ଭାବେ ପଢାଯାଏ।

2.35 କୁ ବିଷ୍ଟାରିତ ରୂପରେ ଲେଖିଲେ -

$$2.35 = 2 + \frac{3}{10} + \frac{5}{100}$$

ସ୍ଥାନୀୟମାନ ସାରଣୀ ବ୍ୟବହାର କରି ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଲେଖିବା।

2.35କୁ ସ୍ଥାନୀୟମାନ ସାରଣୀ ବ୍ୟବହାର କରି କିପରି ଲେଖାଯିବ ? ଲକ୍ଷ୍ୟ କର -

ଏକକ	ଦଶାଂଶ	ଶତାଂଶ
2	3	5

ଆଜିମେ 24.57କୁ ଛରନ୍ ବିଷ୍ଟାରିତ ରୂପରେ ଓ ସ୍ଥାନୀୟମାନ ସାରଣୀ ବ୍ୟବହାର କରିଲେଖ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 6.1

1. ନିମ୍ନଲିଖିତ ଗୁଡ଼ିକୁ ଦଶମିକରେ ଲେଖ।

ଶତକ	ଦଶକ	ଏକକ	ଦଶାଂଶ
100	10	1	$\frac{1}{10}$
2	3	4	5
	1	5	7
1	0	0	3
		3	7

2. ଖାଲିସ୍ଥାନ ପୂରଣକର ।

(କ) 23 ସେ.ମି. 5 ମି.ମି. = _____ ସେ.ମି. (ଖ) 55 ମି.ମି. = _____ ସେ.ମି.

2. ନିମ୍ନ ସାରଣୀର ଖାଲିମ୍ବାନ ପୂରଣ କର ।

ସଂଖ୍ୟାର ବିଦ୍ୱାରିତ ରୂପ	ସାଧାରଣ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା	ଦଶମିକ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା
2 ଏକ 3 ଦଶାଂଶ	$2\frac{3}{10}$	2.3
3 ଦଶ 5 ଏକ 7 ଦଶାଂଶ		
7 ଏକ 5 ଦଶାଂଶ		
	$8\frac{3}{10}$	8.3
	$15\frac{2}{7}$	15.285714285714285
		2.3

ମନେରଙ୍ଗ : ଏକ ଦଶମିକ ଭାଗସଂଖ୍ୟାକ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟ ଜହାୟୁଷ ।

ଉଦ୍‌ବାହଣ -1 ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟାଗଡ଼ିକ ସ୍ଵାନୀୟମାନ ଅନ୍ୟାୟା ବିପୁତ୍ର (ବିପୁରିତ) ପଶାକୀରେ ଲେଖ ।

(क) 20.5 (ख) 31.57

ସମ୍ବାଧାନ :

ପର୍ଯ୍ୟା	ଦଶ(10)	ୱକ(1)	ଦଶାଶ	ଜତାଙ୍ଗ
20.5	2	0	5	
31.57	3	1	5	7

ଭବାହରୀ-2

ନିମ୍ନରେ ବିଶ୍ୱାସ ପ୍ରଶାନ୍ତିରେ ଲେଖାଯାଇଥିବା ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ଦଶମିଜ ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କର।

(କ) ଉଚି ଏକ ଏବଂ ପାଞ୍ଚ ଦଶାଂଶ

(୫) ଦକ୍ଷ ଦଶ ରାଜୀ ଏକ ଛାପ ଦଶାଂଶ

ସମାଧାନ :

$$(g) \text{ তিনি } \text{এক } \text{এবং } \text{পাঞ্চ } \text{দশাংশ} \\ = 3 + \frac{5}{10} = 3.5$$

(ସ) କଳ ବଶ ହେଉ ଏକ ଛାଇ ଦଶାଂଶ

$$= 20 + 4 + \frac{6}{10} = 24.6$$

କାହିଁଲ ଦେଖ :

ଦୁଇ ଦଶ ଛାତ୍ର ଦଶାଂଶକୁ ଦଶମିଜରେ
ଲେଖିଲେ କେହିଁ ସାଧ୍ୟା ହେବ ?

6.2. ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିବର୍ତ୍ତନ

ଆମେ ଜଣିଲେ କିପରି 10, 100 କିମୀ 1000 ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରିବାକୁ ହୁଏ ।

ଆସ ଗୋଟିଏ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାର ହର 10 ଭିନ୍ନ ଅନ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା ଯଥା 2, 5 ହୋଇଥାଏ, ତେବେ ଉଚ୍ଚ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ କିପରି ପରିଣତ କରିବାକୁ ହୁଏ ଏକ ଭଦ୍ରାହରଣ ମାଧ୍ୟମରେ ବୁଝିବା ।

$$\text{କ) } \frac{11}{5} = \frac{22}{10} \quad (10 \text{ ହର ବିଶିଷ୍ଟ ସମ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରାଗଲା)$$

$$= 2\frac{2}{10} \quad (\text{ମିଶ୍ର ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରାଗଲା)$$

$$= 2 + \frac{2}{10} = 2.2$$

$$\text{ଘ) } \frac{105}{2} = \frac{105 \times 5}{2 \times 5} = \frac{525}{10} \quad (10 \text{ ହର ବିଶିଷ୍ଟ ସମ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରାଗଲା)$$

$$= 52\frac{5}{10} = 52 + \frac{5}{10}$$

$$= 50 + 2 + \frac{5}{10} = 52.5$$

ଜାଣିଛ କି ?

ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାର ଅନ୍ୟଏକ ରୂପ । ଯେଉଁ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାର ହର 10 ବା 100 ବା 1000 ସଂଖ୍ୟା ହୋଇଥାଏ ତାହାକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବେ ।

 ନିମ୍ନ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

$$\frac{3}{2}, \quad \frac{4}{5}, \quad \frac{17}{5}$$

6.2.1. ଦଶମିକ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶିତ ସଂଖ୍ୟାକୁ ସାଧାରଣ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାରେ ପରିବର୍ତ୍ତନ

10, 2 ଓ 5 ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାକୁ କିପରି ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରାଯାଇପାରିବ ତାହା ଆମେ ଜଣିଲେ, ବର୍ତ୍ତମାନ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ କିପରି ସାଧାରଣ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରାଯାଇପାରିବ ଆଲୋଚନା କରିବା ।

ନିମ୍ନ ଉଦାହରଣଗୁଡ଼ିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।

$$\text{କ) } 1.2 = 1 + \frac{2}{10} = 1\frac{2}{10} = \frac{12}{10}$$

$$\text{ଘ) } 13.57$$

$\frac{2}{3}$ ଭଳି ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟାକୁ ସାଧାରଣ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟା, $\frac{3}{100}$ ଭଳି ସଂଖ୍ୟାକୁ ଦଶମିକ ଭର୍ଗସଂଖ୍ୟା ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

13.57 କୁ ସ୍ଥାନାଯମାନ ସାରଣୀରେ ଲେଖିବା

ଦଶ(10)	ଏକ(1)	ଦଶାଂଶ	ଶତାଂଶ
1	3	5	7

ଏଠାରେ ଦଶକ ସ୍ଥାନରେ 1 ଅଛି ତେଣୁ 1ର ସ୍ଥାନାଯ ମାନ ହେଉଛି ଏକ ଦଶ ବା 10

একক স্থানে 3 অঙ্ক, তেরু 3-এর স্থানায় মান হেଉছি তিনি এক বা 3

দশাংশ স্থানে 5 অঙ্ক, তেরু 5-এর স্থানায় মান হেଉছি পাঞ্চ দশাংশ বা $\frac{5}{10}$

শতাংশ স্থানে 7 অঙ্ক, তেরু 7-এর স্থানায় মান হেଉছি ষাভ শতাংশ বা $\frac{7}{100}$

এহাকু এপরি লেখায়াল পারিব -

$$13.57 = 10 + 3 + \frac{5}{10} + \frac{7}{100}$$

$$= 13 + \frac{57}{100} = 13\frac{57}{100} = \frac{1357}{100}$$

অন্তর্যামী কার্য্য 6.2

1. নিম্ন উন্নোট সংখ্যাগুচ্ছিকু দশমিক সংখ্যারে প্রকাশ কর।

(ক) $\frac{7}{10}$

(খ) $\frac{7}{100}$

(গ) $\frac{11}{100}$

(ঘ) $\frac{135}{100}$

(ঙ) $\frac{27}{5}$

(ঘ) $\frac{16}{5}$

(ঙ) $\frac{35}{2}$

2. নিম্ন দশমিক সংখ্যা সূচিকু সাধারণ উন্নোট সংখ্যারে প্রকাশ কর।

(ক) 12.3

(খ) 17.53

(গ) 8.23

(ঘ) 31.7

6.3. দশমিক সংখ্যারে বুকনা

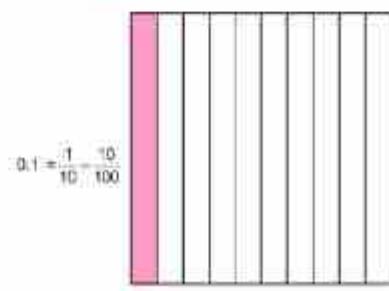
বর্ষমান তুমো কহিপারিব কি 0.07 ও 0.1 মথৰু কেউঁটি বড় দশমিক সংখ্যা ?

নিম্ন প্রশ্নগুচ্ছিকু ভৱার দিআ।

- 0.07 কু সাধারণ উন্নোট সংখ্যারে প্রকাশ কর।
- 0.1 কু সাধারণ উন্নোট সংখ্যারে পরিণত কর।
- ভৱয় স্বেচ্ছারে উন্নোট সংখ্যার হৰকু সমহৰণে পরিণত কলে ক'ণ হেব ?
- সমহৰণ বিশিষ্ট উন্নোট সংখ্যা দৃঘর লব দৃঘর লেখ।
- দুজটি মথৰে বুকনা কলে কেজেঁ উন্নোট সংখ্যাটি বৃহত্তর হেব ?

বর্ষমান দুজ প্রশ্নৰ ভৱচিন্মানকু একাঠি লেখু সমাধান কৰিব।

$$0.07 = \frac{7}{100} \text{ এবং } 0.1 = \frac{1}{10}$$



0.07 ଏବଂ 0.1 ର ସାଧାରଣ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାକୁ ସମହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କଲେ ଯଥାକୁମେ

$$\frac{7}{100} \text{ ଏବଂ } \frac{10}{100} \text{ ହେବ।}$$

$$\text{ବର୍ତ୍ତମାନ ଦେଖିଲେ } \frac{10}{100} > \frac{7}{100} \text{ ହେବ}$$

ଅର୍ଥାତ୍ 0.1 > 0.07 ହେବ।

ଜାଣିଛ କି ?

0.1 > 0.07 କୁ 0.07 < 0.1 ଭାବେ ଲେଖାଯାଏ । ସେହିପରି

0.1 > 0.01 > 0.001 କୁ 0.001 < 0.01 < 0.1 ଭାବେ
ଲେଖାଯାଏ ।

ଆଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 6.3

1. ପ୍ରତ୍ୟେକ ଷେତ୍ରରେ ଦୁଇଚିମାଳା ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଚିତ୍ରରେ ଦେଖାଅ ଓ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାଟିକୁ ଚିହ୍ନାଅ ।

(କ) 0.47 ଓ 0.3 (ଖ) 0.5 ଓ 0.05 (ଗ) 1.5 ଓ 0.68

2. ପ୍ରତ୍ୟେକ ଷେତ୍ରରେ ଥିବା ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାମଧ୍ୟରୁ କେଉଁଟି ବଡ଼ ?

(କ) 0.93 ଏବଂ 0.093 (ଖ) 1.1 ଏବଂ 1.01

(ଗ) 0.83 ଏବଂ 0.038 (ଘ) 1.5 ଏବଂ 1.50

(ଡ) 0.099 ଏବଂ 0.19

3. ତୁମ ମନରୁ ଯେ କୌଣସି ଦୁଇଟି ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା ନିଅ ଓ ସେ ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରେ ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାଟିକୁ ବାଞ୍ଚ । ତୁମେ
ବଡ଼ ସଂଖ୍ୟାଟିକୁ କିପରି ଚିହ୍ନଗ କଲେ ଲେଖ ।

6.4. ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାର ବ୍ୟବହାର

6.4.1. ଟଙ୍କା ପରିଷା ହିଲ୍‌ଗାବରେ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା

ଆମେ ଜାଣିଛେ 100 ପଇସାରେ ଏକ ଟଙ୍କା ହୁଏ

$$\text{ଅଚ୍ଛାତ } 1 \text{ ପଇସା } = \frac{1}{100} \text{ ଟଙ୍କା } = 0.01 \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$\text{ଡେଶ୍ } 65 \text{ ପଇସା } = \frac{65}{100} \text{ ଟଙ୍କା } = 0.65 \text{ ଟଙ୍କା}$$

$$\text{ଏବଂ } 5 \text{ ପଇସା } = \frac{5}{100} \text{ ଟଙ୍କା } = 0.05 \text{ ଟଙ୍କା}$$

ବର୍ତ୍ତମାନ କହିପାରିବ କି 207 ପଇସା = କେତେ ଟଙ୍କା ?

$$207 \text{ ପଇସା } = 2 \text{ ଟଙ୍କା } 7 \text{ ପଇସା } = 2.07 \text{ ଟଙ୍କା ।}$$

ଜାଣିଛ କି ?

ଏକ ପଇସାକୁ ଟଙ୍କାରେ ପ୍ରକାଶକରେ .01 ଟଙ୍କା

ହେବ, କିମ୍ବୁ 10 ପଇସାକୁ ଟଙ୍କାରେ 0.10 ଟଙ୍କା
ଲେଖାଯାଏ । ଡେଶ୍ 0.10 ବା 0.1 > 0.01

➤ ଉଚ୍ଚର ଲେଖ - ଟଙ୍କାରେ ପରିଣତ କର ।

- (a) 2 ଟଙ୍କା 5 ପଇସା (b) 2 ଟଙ୍କା 50 ପଇସା
- (c) 20 ଟଙ୍କା 17 ପଇସା (d) 21 ଟଙ୍କା 75 ପଇସା

6.4.2. ଦେର୍ଘ୍ୟ ମାପରେ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା :

ଆମେ ଜଣିଛୁ, 100 ସେ.ମି. = 1 ମିଟର

$$1 \text{ ସେ.ମି.} = \frac{1}{100} \text{ ମିଟର} = 0.01 \text{ ମିଟର}$$

$$\text{ତେଣୁ } 56 \text{ ସେ.ମି.} = \frac{56}{100} \text{ ମିଟର} = 0.56 \text{ ମିଟର}$$

ବର୍ତ୍ତମାନ ବହିପାରିବ କି, 156 ସେ.ମି. = କେତେ ମିଟର ?

$$156 \text{ ସେ.ମି.} = 100 \text{ ସେ.ମି.} + 56 \text{ ସେ.ମି.}$$

$$= 1 \text{ ମି.} + \frac{56}{100} \text{ ମିଟର}$$

$$= 1.56 \text{ ମିଟର}$$

 ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣାମ କର

(କ) 4 ମି.ମି. କୁସେ.ମି.ରେ ପ୍ରକାଶ କରା (ଖ) 7 ସେ.ମି. 5 ମି.ମି.କୁସେ.ମି.ରେ ପ୍ରକାଶ କରା ।

(ଗ) 52 ମିଟରକୁ କି.ମି.ରେ ପ୍ରକାଶ କରା (ଘ) 152 ମିଟରକୁ କି.ମି.ରେ ପ୍ରକାଶ କରା ।

6.4.3. ଓଜନ ମାପରେ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା

ସୁରୁତ ବଜାରରୁ 500 ଗ୍ରା. ଆଳୁ, 250 ଗ୍ରା. ପିଆଇ, 400 ଗ୍ରାମ କାକୁଡ଼ି ଓ 100 ଗ୍ରା. ଗାଜର ଆଣିଲା । ସେ ମୋଟ କେତେ ଓଜନର ପରିବା ଆଣିଲା ?

ଆସ, ମୋଟ ଓଜନ ଜାଣିବା ପାଇଁ ସେ ଆଣିଥିବା ପରିବା ଓଜନକୁ ମିଶାଇବା

$$500 \text{ ଗ୍ରା.} + 250 \text{ ଗ୍ରା.} + 400 \text{ ଗ୍ରା.} + 100 \text{ ଗ୍ରା.} = 1250 \text{ ଗ୍ରା.}$$

$$\text{ଆମେ ଜଣିଛୁ, } 1 \text{ କି.ଗ୍ରା.} = 1000 \text{ ଗ୍ରା.}$$

$$\text{ବା } 1000 \text{ ଗ୍ରା.} = 1 \text{ କି.ଗ୍ରା.}$$

$$\text{ତେଣୁ } 1250 \text{ ଗ୍ରା.} = 1000 \text{ ଗ୍ରା.} + 250 \text{ ଗ୍ରା.}$$

$$= 1 \text{ କି.ଗ୍ରା.} + \frac{250}{1000} \text{ କି.ଗ୍ରା.}$$

$$= 1 \text{ କି.ଗ୍ରା.} + 0.250 \text{ କି.ଗ୍ରା.} = 1.250 \text{ କି.ଗ୍ରା.}$$



ଅର୍ଥାତ୍ ସେ ମୋଟ 1.250 କି.ଗ୍ରା. ଓଜନର ପରିବା ଆଣିଲା ।

ଆମେ ଜଣିଛୁ, 1000 ଗ୍ରାମ = 1 କି.ଗ୍ରା.

$$1 \text{ ଗ୍ରାମ} = \frac{1}{1000} \text{ କି.ଗ୍ରା.} = 0.001 \text{ କି.ଗ୍ରା.}$$

$$18 \text{ ग्राम} = \frac{18}{1000} \text{ कि.ग्रा.} = 0.018 \text{ कि.ग्रा.}$$

$$2350 \text{ ग्राम} = \frac{2350}{1000} \text{ कि.ग्रा.} = \left(2 + \frac{350}{1000}\right) \text{ कि.ग्रा.}$$

$$= 2 \text{ कि.ग्रा.} + 0.350 \text{ कि.ग्रा.} = 2.350 \text{ कि.ग्रा.}$$

बर्तमान जहिपारिब कि, 2 कि.ग्रा. 9 ग्राम के तो कि.ग्रा. एवं एमान?

$$2 \text{ कि.ग्रा. } 9 \text{ ग्राम} = 2 \text{ कि.ग्रा.} + \frac{9}{1000} \text{ कि.ग्रा.}$$

$$= \left(2 + \frac{9}{1000}\right) \text{ कि.ग्रा.}$$

$$= 2.009 \text{ कि.ग्रा.}$$

❖ दशमिक वर्षभागे परिणत करा।

- (क) 456 ग्रामकू कि.ग्रा.रे परिणत करा।
- (क) 2015 ग्रामकू कि.ग्रा.रे परिणत करा।
- (क) 3 कि.ग्रा. 25 ग्रामकू कि.ग्रा.रे परिणत करा।

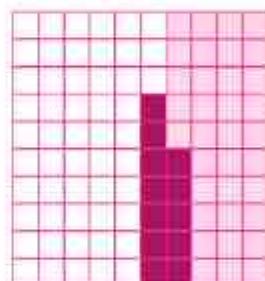
6.5 दशमिक वर्षभाग योग

दशमिक वर्षभाग योग एमानीय केतेक उदाहरण देखा।

उदाहरण -1 0.35 ओ 0.12 र योगपाल स्थिर करिबा।

एमानान : आष 100 टि घर थुवा गोटिए चित्रु चिआरि करिबा।

- एहि चित्रुरे दशमिक 0.35 कू गोटिए रजारे सूचाइबा।
0.35 अर्थ $\frac{35}{100}$ वा 100 जागरु 35 जाग
- एवे एहिपरि 0.12 कू अन्य गोटिए रजारे सूचाइबा।
- चित्रु देखा कह, मोट केवोटि प्रककु रज दिआयाइछि।
- लक्ष्यकर, 100टि घर मध्येरु 47 प्रककु रज दिआयाइछि। अर्थात, एधारेण जग्नुवर्षभागे एहाकू $\frac{47}{100}$ लेखायिब ओ दशमिक वर्षभागे 0.47 लेखायिब।



नियं धारणाकू देखा, एतागे दशमिक वर्षभाग दुःजटिकू त्रुनायमान अनुयाया तलकू तन लेखायाइछि।

वर्षभाग	एक	दशांकी	शतांक
0.35	→ 0	3	5
0.12	→ 0	1	2
योगपाल	→ 0	4	7

0.35 ରେ 3ର ସ୍ଥାନରେ ମାନ 3 ଦଶାଂଶ ଓ 5ର ସ୍ଥାନରେ ମାନ 5 ଶତାଂଶ ।

ସେହିପରି 0.12ରେ 1ର ସ୍ଥାନରେ ମାନ 1 ଦଶାଂଶ ଓ 2ର ସ୍ଥାନରେ ମାନ 2 ଶତାଂଶ ।

$$\therefore 0.35 + 0.12 = 0.47$$

ଉଦ୍‌ବାହରଣ - 2 ବର୍ଷମାନ 0.63 ଓ 1.581 ର ଯୋଗଫଳ କ୍ରିଏ କରିପାରିବ କି ?

ସମାଧାନ :

ସଂଖ୍ୟା	ଏକ	ଦଶାଂଶ	ଶତାଂଶ	ସହଦ୍ୟାଂଶ
0.63 →	0	6	3	0
1.581 →	1	5	8	1
ଯୋଗଫଳ →	2	2	1	1

କଣିକା କି ?

0.63 କୁ ମଧ୍ୟ 0.630 କେଣ୍ଠେବେଳେ
ଉଚ୍ଚୟାନ ମୂଲ୍ୟ ବାନ ।
କାରଣ କ'ଣ ?

$$\therefore \text{ନିର୍ଣ୍ଣୟ ଯୋଗଫଳ } 0.63 + 1.581 = 2.211$$

ଆମେ କ'ଣ କଣିକାଲେ ?

ଯେଉଁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରୁଡ଼ିକୁ ଯୋଗ କରିବାକୁ କୁହାଯାଏ, ସେଗୁଡ଼ିକୁ ପ୍ରଥମେ ସ୍ଥାନରେ ସ୍ଥାନ ଅନୁଯାୟୀ ତଳକୁ ତଳକୁ ଲେଖାଯାଏ । ତା ପରେ ସ୍ବାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କ ଜଳି ଯୋଗ କରିବାକୁ ପଡ଼ିଥାଏ ।

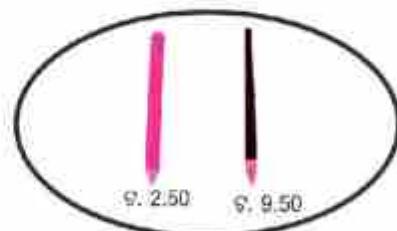
ଉଦ୍‌ବାହରଣ - 3

ମିହିର ଗୋଟିଏ ପେନ୍ସିଲ୍ ଓ କଲମକୁ ଯଥାକୁମେ 2.50 ଟଙ୍କା ଏବଂ 9.50 ଟଙ୍କାରେ କିଣିଲା । ତେବେ ସେ ସମ୍ମୁଦ୍ରାୟ କେତେ ଟଙ୍କା ଖର୍ଚ୍ଚ କରିଥିଲା ?

ସମାଧାନ : କଲମର ଦାମ = ଟ. 9.50

ପେନ୍ସିଲର ଦାମ = ଟ. 2.50

$$\begin{aligned} \text{ସମ୍ମୁଦ୍ରାୟ ଟଙ୍କା} &= \text{ଟ. } 9.50 + \text{ଟ. } 2.50 \\ &= 12.00 \text{ ଟଙ୍କା} \end{aligned}$$



ଉଦ୍‌ବାହରଣ - 4

ସାମସନ୍ 5 କି.ମି. 52 ମିଟର ବସ୍ତରେ ଏବଂ 2 କି.ମି. 265 ମିଟର କାରରେ ସାଇ ଗୋଟିଏ ସ୍ଥାନରେ ପହଞ୍ଚିଲା । ସେ ସମ୍ମୁଦ୍ରାୟ କେତେ କିଲୋମିଟର ବାଟ ଅତିକ୍ରମ କଲା ?

ସମାଧାନ : ବସ୍ତରେ ଅତିକ୍ରମ କରିଥିବା ବାଟ = 5 କି.ମି. 52 ମି
= 5.052 କି.ମି.

କାରରେ ଅତିକ୍ରମ କରିଥିବା ବାଟ = 2 କି.ମି. 265 ମି.
= 2.265 କି.ମି.

ମୋଟ ଅତିକ୍ରମ କରିଥିବା ବାଟ = (5.052 + 2.265) କି.ମି.
= 7.317 କି.ମି.

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 6.4

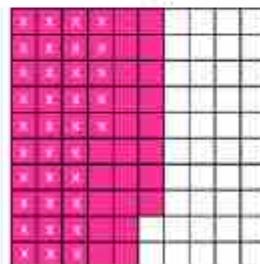
- ପ୍ରତ୍ୟେକ ମେତ୍ରରେ ଯୋଗପକ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।
 - $8.5 + 0.03$
 - $15 + 12.5 + 0.523$
 - $0.75 + 10.531 + 3.7$
- ମମତାର ଜଳ୍ଦିନରେ ତାକୁ ବାପା ଟ. 15.50 ଓ ମା' ଟ. 23.75 ଦେଲେ । ଉଚ୍ଚୟ ବାପା ଓ ମା' ମିଶ୍ର ମମତାକୁ କେତେ ଟଙ୍କା ଦେଲେ ?
- ଅକମଳ ପ୍ରତିଦିନ ସକାଳେ 2 କି.ମି. 35 ମି. ଓ ସଂଧାବେଳେ 1 କି.ମି. 7 ମି. ବାଟ ଛଲନ୍ତି । ତେବେ ସେ ଦିନକୁ ମୋଟ କେତେ ବାଟ ଛଲନ୍ତି ?
- ସଞ୍ଚୟ ସରକାରୀ ଖାତଟି ଦୋକାନରୁ 5 କି.ଗ୍ରା 400 ଗ୍ରା. ଛଲ, 2 କି.ଗ୍ରା 50 ଗ୍ରା. ଚିନି ଓ 10 କି.ଗ୍ରା 750 ଗ୍ରା. ଗହମ କିଣିଲେ । ସେ ମୋଟ କେତେ ଡଙ୍କନର ଜିମିଷ କିଣିଲେ ?



6.6. ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାର ବିଯୋଗ :

0.58 ରୁ 0.35 କୁ ବିଯୋଗ କରି ବିଯୋଗପକ ସ୍ଥିର କର ।

- ଆସ ପ୍ରଥମେ 0.58କୁ ଚିତ୍ରରେ ଦେଖାଇବା । 0.58କୁ ସାଧାରଣ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କଲେ $\frac{58}{100}$ ହେବା । ଏହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି 100 ଭାଗରୁ 58 ଭାଗ । ନିମ୍ନ ଚିତ୍ରରେ ଏହାକୁ ରଙ୍ଗକରି ସୂଚାଯାଇଛି ।
- ଏବେ ସେଥିରୁ 0.35କୁ ବିଯୋଗ କରିବା । 0.35 ବା, $\frac{35}{100}$ ଯାହାର ଅର୍ଥ ହେଉଛି 100 ଭାଗରୁ 35 ଭାଗ ।
- ପୂର୍ବରୁ ରଙ୍ଗ ହୋଇଥିବା 58ଟି ଘରରୁ 35ଟି ଘରକୁ (x) ଛକି ବିଆଯାଇଛି । ବଳକା ରଙ୍ଗଥିବା ଘର ସଂଖ୍ୟା କେତେ ?
- ବଳକା ଥିବା 23ଟି ରଙ୍ଗିନ୍ ଘରକୁ ସାଧାରଣ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କଲେ $\frac{23}{100}$ ହେବ, ଏହାକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ 0.23 ଲେଖାଯାଏ ।



ଆସ ସଂଖ୍ୟାଦୂଳଗିକୁ ତଳକୁ ତଳ ସ୍ଥାନାଯ ମାନ ସାରଣୀରେ ଲେଖିବା, ନିମ୍ନ ସ୍ଥାନାଯମାନ ସାରଣୀକୁ ଦେଖି ।

ସଂଖ୍ୟା	ଏକ	ଦଶମି	ଶତମି
0.58	0	5	8
0.35	0	3	5
ବିଯୋଗପକ	0	2	3

$$\therefore 0.58 - 0.35 = 0.23$$

ଉଦ୍ବାହରଣ - 2 : 3.5 ରୁ 1.74 ବିଯୋଗ କର ।

ସଂଖ୍ୟା	ୱେଳେ	ଦଶାଂଶ	ଶତାଂଶ
3.5	→ 3	5	0
1.74	→ 1	7	4
ବିଯୋଗପଦ୍ଧତି	→ 1	7	6

$$3.5 - 1.74 = 1.76$$

ଉଦ୍ବାହରଣ - 3

ରାମ ପାଖରେ 7.75 ଟଙ୍କା ଥିଲା । ସେଥିରୁ 5.25 ଟଙ୍କାର ଚକୋଲେଟ୍ କିଣିଲା । ତା'ପରେ ଅବଶିଷ୍ଟ କେତେ ଟଙ୍କା ରହିଲା ?

$$\text{ସମାଧାନ : } \text{ରାମ ପାଖରେ ଥିବା ଟଙ୍କା} = 7.75$$

$$\text{ଚକୋଲେଟ୍ କିଣିବା ପାଇଁ ଖର୍ଚ୍} = 5.25$$

$$\begin{aligned}\text{ଅବଶିଷ୍ଟ ଟଙ୍କାର ପରିମାଣ} &= 7.75 - 5.25 \\ &= 2.50\end{aligned}$$

ଉଦ୍ବାହରଣ - 4

ନିହାର 5 କି.ଗ୍ରା. 200 ଗ୍ରାମ ଓଜନର ଏକ ଚରଭୁକ୍ତ କିଣି ସେଥିରୁ 2 କି.ଗ୍ରା. 750 ଗ୍ରାମ ଚରଭୁକ୍ତ ପଡ଼ୋଶୀଙ୍କୁ ଦେଇଥିଲେ, ଅବଶିଷ୍ଟ କେତେ ଓଜନର ଚରଭୁକ୍ତ ନିହାର ପାଖରେ ରହିଲା ?

$$\text{କିଣାଯାଇଥିବା ଚରଭୁକ୍ତ ଓଜନ} = 5.200 \text{ କି.ଗ୍ରା.}$$

$$\text{ପଡ଼ୋଶୀଙ୍କୁ ଦେଇଥିବା ଚରଭୁକ୍ତ ଖଣ୍ଡର ଓଜନ} = 2.750 \text{ କି.ଗ୍ରା.}$$

$$\begin{aligned}\text{ପାଖରେ ରହିଥିବା ଚରଭୁକ୍ତ ଖଣ୍ଡର ଓଜନ} &= 5.200 \text{ କି.ଗ୍ରା.} - 2.750 \text{ କି.ଗ୍ରା.} \\ &= 2.450 \text{ କି.ଗ୍ରା.}\end{aligned}$$

∴ ନିହାର ପାଖରେ ରହିଥିବା ଚରଭୁକ୍ତ ଖଣ୍ଡର ଓଜନ 2.450 କି.ଗ୍ରା. ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 6.5

1. ବିଯୋଗ କର

- (କ) ୮. 18.50 ରୁ 5.75
- (ଖ) 105.58 ମି. ରୁ 97.65ମି.
- (ଗ) 6.725 କି.ଗ୍ରା. କୁ 9.950 କି.ଗ୍ରା.ରୁ

- କବିତା ଟ. 33.65 ମୂଲ୍ୟର ଗୋଟିଏ ବହି ଜିଣି ଦୋକାନକୁ 50 ଟଙ୍କା ଦେଲେ । ଦୋକାନ ଜବିତାକୁ କେତେ ଫେରାଇବ ?
- ବିନା ପାଖରେ 10 ମି. 5 ସେ.ମି.ର ଗୋଟିଏ କପଡ଼ା ଥିଲା । ସେଥିରୁ ସେ 4ମି. 50ସେ.ମି. କପଡ଼ାର ଗୋଟିଏ ବେଢ଼େଇ ତିଆରି କଲେ । ତାଙ୍କ ପାଖରେ ଆଉ କେତେ ପରିମାଣର କପଡ଼ା ବଳିକା ?
- ଗୋଟିଏ ବିନରେ ଓଡ଼ିଶାର ଛଅଟି ସହରର ତାପମାତ୍ରାକୁ ନିମ୍ନ ସାରଣୀରେ ଦିଆଯାଇଛି ।

ସଠିର	ତାପମାତ୍ରା
ଭୁବନେଶ୍ୱର	39.8°C
ସମ୍ବଲପୁର	45.6°C
ମାଲକାନାଗିରି	48.1°C
ଚିତ୍ତିଲାଗଢ଼	48.4°C
କେନ୍ଦ୍ରରେ	35.6°C
ପୁରୀ	34.4°C

- କେଉଁ ସହରର ତାପମାତ୍ରା ସର୍ବଧିକ ଓ କେଉଁ ସହରର ସର୍ବନିମ୍ନ ?
- ଭୁବନେଶ୍ୱରର ତାପମାତ୍ରା ପୁରୀର ତାପମାତ୍ରା ଠାରୁ କେତେ ଅଧିକ ?
- ମାଲକାନାଗିରିର ତାପମାତ୍ରା କେନ୍ଦ୍ରରର ତାପମାତ୍ରାଠାରୁ କେତେ ଅଧିକ ?
- ଚିତ୍ତିଲାଗଢ଼ର ତାପମାତ୍ରା ମାଲକାନାଗିରିର ତାପମାତ୍ରାଠାରୁ କେତେ ଅଧିକ ?

ତୁମେ ଏହିଇଲି କେତେକ ପ୍ରଶ୍ନ ତିଆରି କର ଓ ତୁମର ସାଙ୍ଗକୁ ତା'ର ଭରର କରିବା ପାଇଁ କୁହ ।



ବ୍ୟାବସାୟିକ ଗଣିତ



7.1 ଅନୁପାତ

7.1.1 ଆମେ ଯାହା ଜାଣିଛୁ :

ଘରେ ମା' କିପରି ତା' ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିବ ତାହା ତୁମେ ସମସ୍ତେ ଜାଣିଥିବ। ପାଶି, କ୍ଷୀର, ଚିନି ଓ ତା' ପକାଇ ତା' ତିଆରି କରିଯାଏ । କେଉଁଦିନ ତା' ବହୁତ ଭଲ ହୋଇଥାଏ ତ କେଉଁଦିନ ତା' ଭଲ ଲାଗେନାହିଁ । କାରଣ, ଯେତିକି ପରିମାଣର ଯେଉଁ କିନିଷ ମିଶିବା ଲାଗୁ ଦିଶି ନ ଥାଏ । ସେହିପରି ଭୋକିତାରେ କ୍ଷୀର ତିଆରି ପାଇଁ ବାରଳ, ଅମୂଳ ଅଛି ଠିକ୍ ଭାଗମାପରେ ପଡ଼ିଲେ କ୍ଷୀର ଭଲ ଲାଗେ । ତେଣୁ କିଏ କେତେ ଭାଗରେ ମିଶିବ ତାହା ଜାଣିବା ଆବଶ୍ୟକ । ଏହିଭଳି ଦୈନିକିନ ଜୀବନରେ କେତେକ ଘରଣା ଘରେ, ଯେଉଁ ଘରଣାରେ ଆମକୁ ବିଭିନ୍ନ ବସ୍ତୁକୁ ଭୁଲନା କରିବା ଆବଶ୍ୟକ ପଡ଼େ । ତୁମେ ଏହିପରି କେତେବେଳେ ଉଦ୍‌ବହୁତ ଦିଅ ।

7.1.2 ଦୁଇଟି ମାପ ମଧ୍ୟରେ ଭୁଲନା



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ତୁମ ଶ୍ରେଣୀର ପୁଅ ଓ ଝିଅଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ଭୁଲନା କର ।
- ◆ ଶ୍ରେଣୀକୋଠିର ଦେଖ୍ୟ ଓ ପ୍ରସ୍ତୁତ ମଧ୍ୟରେ ଭୁଲନା କର ।
- ◆ କଳାପରାଗ ଦେଖ୍ୟ ଓ ପ୍ରସ୍ତୁତ ମଧ୍ୟରେ ଭୁଲନା କର ।
- ◆ ଦୁଇଜଣ ପିଲାଙ୍କର ଓଳନ ମଧ୍ୟରେ ଭୁଲନା କର ।

❖ ଅନେକ ସମୟରେ ଦୁଇଟି ପରିମାଣ ମଧ୍ୟରେ ଭୁଲନା କରିବାକୁ ପଡ଼ିଥାଏ ।

ଭୁଲନା କରିବାର ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶାନ୍ତୀ

ଦୁଇଟି ପରିମାଣ ମଧ୍ୟରେ ପାର୍ଥକ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟକରି, ଗୋଟିଏ ଅନ୍ୟଠାରୁ କେତେ ବେଶି ବା କେତେ କମ୍ ଜାଣି ହୁଏ । ଦୁଇଟି ପରିମାଣ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ବେଶି-କମ୍ ସମ୍ବନ୍ଧ ମଧ୍ୟମରେ ଭଲ ପରିମାଣ ଦୁଇଟିକୁ ଭୁଲନା କରାଯାଏ ।

$21\text{m.} - 7\text{m.} = 14\text{m.}$

21ମି. ବାର୍ଷ କପଦାଟି 7ମି. ବାର୍ଷ କପଦାଟାରୁ 14ମି. ଅଧିକ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

ଏହା ହେଲା ବିଯୋଗକ୍ଷିଯା ମଧ୍ୟମରେ ଭୁଲନା ।

ଭୁଲନା କରିବାର ଦ୍ୱିତୀୟ ପ୍ରଶାନ୍ତୀ

ଦୁଇଟି ପରିମାଣ ମଧ୍ୟରୁ ଅଧିକ ଥିବା ପରିମାଣକୁ କମ୍ ଥିବା ପରିମାଣ ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କରି, ପ୍ରଥମଟି ଦ୍ୱିତୀୟର କେତେ ଗୁଣ (ବା ଦ୍ୱିତୀୟଟି ପ୍ରଥମର କେତେ ଅଂଶ) ଜାଣିବାଏ । କେତେ ଗୁଣ ବା କେତେ ଅଂଶ ସମ୍ବନ୍ଧ ଦ୍ୱାରା ପରିମାଣ ଦୁଇଟିକୁ ଭୁଲନା କରାଯାଏ ।

$21\text{m.} \div 7\text{m.} = 3$

21ମି. ବାର୍ଷ କପଦାଟି 7ମି. ବାର୍ଷ କପଦାର 3 ଗୁଣ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

ଏହା ହେଲା ଭାଗକ୍ଷିଯା ମଧ୍ୟମରେ ଭୁଲନା ।

7.1.3 ଦୁଇଟି ମାପ ମଧ୍ୟରେ ଅନୁପାତ

ଉପରୋକ୍ତ ଦୁଇ ପ୍ରକାର ବୁଲନା ମଧ୍ୟରେ ଦ୍ୱିତୀୟ ପ୍ରକାଶ କ୍ଷେତ୍ରରେ, ଅର୍ଥାତ୍ ରାଗକୁୟା ଦ୍ୱାରା ବୁଲନା ପରିଚିତରେ ବୁଲନାର ଫଳାଫଳକୁ କିମ୍ପରି ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ, ତାହା ଲକ୍ଷ୍ୟ କର।

(କ) ଦୂମର ଓ ରୂମ ସାଇର ଓଜନ ଯଥାକ୍ରମେ 32କି.ଗ୍ର. ୩ 30 କି.ଗ୍ର. ।

ତେବେ, ଦୂମର ଓଜନ ଓ ରୂମ ସାଇର ଓଜନର ଅନୁପାତ $32 \div 30$ ବା $\frac{32}{30} = \frac{16}{15}$ ବା 16:15
16:15 କୁ 16 ଅନୁପାତ 15 ବୋଲି ପଢାଯାଏ।

(ଖ) ଗୋଟିଏ ଶ୍ରେଣୀରେ 15ଜଣ ବାଲକ ଓ 18 ଜଣ ବାଲିକା ପଡ଼ିଛି । ତେବେ, ବାଲକ ଓ ବାଲିକା ସଂଖ୍ୟାର
ଅନୁପାତ ହେଉଛି $\frac{15}{18} = \frac{5}{6}$ ବା 5 : 6, ଏହାକୁ 5 ଅନୁପାତ 6 ବୋଲି ପଢାଯାଏ ।

ଉପରୋକ୍ତ ଉଦାହରଣ ଦୁଇଟିରୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ-

- ◆ ଅନୁପାତକୁ ସୂଚାଇବା ପାଇଁ ‘:’ ବିହୁ ବ୍ୟବହର୍ତ୍ତ ହୁଏ ।
- ◆ ଅନୁପାତରେ ଦୁଇଟି ପଦଥାଏ । ଅନୁପାତର ଥିବା ପ୍ରଥମ ପଦକୁ ‘ପୂର୍ବପଦ’ ଏବଂ ଦ୍ୱିତୀୟ ପଦକୁ
‘ପରପଦ’ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।
- ◆ ଏକ ଅନୁପାତ, ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାକୁ ନେଇ ଗଠିତ ଏକ ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟା ଅଟେ । ଉଗ୍ରସଂଖ୍ୟାର ଅନ୍ୟ ରୂପ
ହେଉଛି ଅନୁପାତ ।

ଦୁଇଟି ମାପ ବୁଲନା କରିବା ବେଳେ ଗୋଟିଏ ମାପ ଅନ୍ୟ ମାପର କେତେ ରାଗ ବା କେତେ ଅଂଶ ଆମେ ତାହା ଜାହିଥାଏ ।
ମାପ ଦୁଇଟି ସମଜାତୀୟ ହୋଇଥିଲେ, ଅନୁପାତରେ କିଛି ଏକବି ରହିବ ନାହିଁ ।

 ସମଜାତୀୟ ମାପଗୁଡ଼ିକୁ ଏକାଠି କରି ଲେଖ ।

20 ଲିଟର, 72 ଗ୍ରାମ, 30 ଗଙ୍କା, 40 ଘଣା

80 ପଇସା, 120 ଡେବିଗ୍ରାମ, 100 ମି.ଲି., 108 ମିନିଟ୍

ସମଜାତୀୟ ମାପଗୁଡ଼ିକୁ ବୁଲନା କଲାବେଳେ, ସେମାନଙ୍କୁ ଗୋଟିଏ ମାପ ଏକକରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ । ଅର୍ଥାତ୍, ଦୁଇଟି
ଓଜନ ମାପର ବୁଲନା କଲାବେଳେ, ଉଭୟକୁ କି.ଗ୍ର.ରେ ବା ଉଭୟକୁ ଗ୍ରାମରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ । ଭିନ୍ନ ମାପର ମଧ୍ୟ
କେତେକ କ୍ଷେତ୍ରରେ ବୁଲନା କରାଯାଏ । ଯଥା ଦୂରତା ଓ ସମୟର ଅନୁପାତ ନିଆ ଯାଇ ବେଗ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାଯାଏ ।

 ଦର ମାପଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରେ ବୁଲନା କର (ଅନୁପାତରେ ପ୍ରକାଶ କର) ।

ସେପରି: 120 କି.ଗ୍ର. ୩ 40 କି.ଗ୍ର. ୮ ଅନୁପାତ = $120:40 = 3:1$

(କ) 108 ମି. ୩ 72 ମି.

(ଖ) 30 ଘଣା ୩ 80 ଘଣା

(ଘ) 72 ଲି. ୩ 100 ଲି.

❖ ନିମ୍ନରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ସଂଖ୍ୟାଯୋଡ୍ଧାମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ଥୁବା ଅନୁପାତ ଲେଖ ଓ ତାକୁ ଲଘିଷ ଆକାରରେ ପରିଶତ କର ।

- (କ) 33 ଓ 55
- (ଖ) 125 ଓ 175
- (ଗ) 108 ଓ 60
- (ଘ) 27 ଓ 108

ଜାଣିଛ କି ?

ଦୁଇଟି ମାସ ନଧାରେ ଅନୁପାତ
ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କଲାବେଳେ ଦିଚାୟରି ଶୂନ୍ୟ
(୦) ହୋଇ ନ ଥିବା ଗତିତି ।

ଆସ ନିମ୍ନ ଉଦାହରଣଗୁଡ଼ିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିବା ।

ଉଦାହରଣ : 1

ଗୋବିନ୍ଦ ପାଖରେ 50 ପଇସା ଅଛି ଓ ହରି ପାଖରେ 2 ଟଙ୍କା ଅଛି । ଗୋବିନ୍ଦ ଓ ହରି ପାଖରେ ଥୁବା ଟଙ୍କାପଇସାର ଅନୁପାତ କେତେ ?

ସମାଧାନ :

ଗୋବିନ୍ଦ ପାଖରେ ଅଛି 50 ପଇସା, ହରି ପାଖରେ ଅଛି 2 ଟଙ୍କା ବା 200 ପଇସା ।

$$\frac{\text{ଗୋବିନ୍ଦର ପଇସା}}{\text{ହରିର ପଇସା}} = \frac{50}{200} = \frac{1}{4}$$

ଗୋବିନ୍ଦର ପଇସା : ହରିର ପଇସା = 1 : 4



∴ ଗୋବିନ୍ଦ ଓ ହରି ପାଖରେ ଥୁବା ଟଙ୍କାପଇସାର ଅନୁପାତ ହେବାରେ 1 : 4 ।

ଉଦାହରଣ-2

ସୀତା ଓ ଗାତା ପାଖରେ ଥୁବା କୋଳି ମିଶି 60 । ସୀତା ପାଖରେ ଥୁବା କୋଳି ଓ ଗାତା ପାଖରେ ଥୁବା କୋଳିର ଅନୁପାତ 8 : 7 ହେଲେ, କାହା ପାଖରେ କେତୋଟି କୋଳି ଅଛି ?

ସମାଧାନ :

ସୀତା ପାଖରେ ଥୁବା କୋଳି ସଂଖ୍ୟା = 8 ଗୁଣ

ଗାତା ପାଖରେ ଥୁବା କୋଳି ସଂଖ୍ୟା = 7 ଗୁଣ

ସୀତା + ଗାତା ପାଖରେ ଥୁବା କୋଳି ସଂଖ୍ୟା = 8 ଗୁଣ + 7 ଗୁଣ = 15 ଗୁଣ

ମୋଟ 15 ଗୁଣକୁ 60 ଟି କୋଳି

1 ଗୁଣକୁ $60 \div 15 = 4$ ଟି କୋଳି

ତେଣୁ ସୀତା ପାଖରେ ଥୁବା କୋଳି ସଂଖ୍ୟା = $8 \times 4 = 32$

ଗାତା ପାଖରେ ଥୁବା କୋଳି ସଂଖ୍ୟା = $7 \times 4 = 28$

∴ ସୀତା ପାଖରେ 32 ଟି କୋଳି ଓ ଗାତା ପାଖରେ 28 ଟି କୋଳି ଅଛି ।



ସୀତା



ଗାତା

ଆଉ ଏକ ପ୍ରଶାନ୍ତି :

ସୀତା ଓ ଗାତାର କୋଳିର ଅନୁପାତ = 8:7

ଯଦି ସୀତାର କୋଳି ସଂଖ୍ୟା 8 ହୁଏ, ତେବେ ଗାତାର କୋଳି ସଂଖ୍ୟା 7 ହେବ।

ମୋଟ କୋଳି ସଂଖ୍ୟା ହେବ 8 + 7 = 15

ମୋଟ କୋଳି ସଂଖ୍ୟା 15 ବେଳେ, ସୀତାର କୋଳି ସଂଖ୍ୟା 8

ମୋଟ କୋଳି ସଂଖ୍ୟା 1 ବେଳେ, ସୀତାର କୋଳି ସଂଖ୍ୟା = $\frac{8}{15}$

ମୋଟ କୋଳି ସଂଖ୍ୟା 60 ବେଳେ, ସୀତାର କୋଳି ସଂଖ୍ୟା = $\frac{8}{15} \times 60 = 8 \times 4 = 32$

ଗାତାର କୋଳି ସଂଖ୍ୟା = 60 - 32 = 28

ଉପରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଚିତ୍ର ଭଲି ଗୋଟିଏ ଚିତ୍ର ବୁମ ଜ୍ଞାତରେ ଅଙ୍କନ କର। ଏହାର $\frac{4}{5}$ ଅଂଶରେ (*) ଚିତ୍ର ଦିଆଇଛି। କେତୋଟି କୋଠରିରେ (*) ଚିତ୍ର ଦେଇ ଏବେ (*) ଚିତ୍ର ଦିଆଯାଇଥିବା କୋଠରି ମଧ୍ୟରୁ $\frac{2}{3}$ ଅଂଶକୁ ରଙ୍ଗ ଦିଆଇଛି। କେତୋଟି କୋଠରିରେ ରଙ୍ଗ ଦେଲେ? ଉଭୟ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଥିବା ଓ (*) ଚିତ୍ର ଥିବା କୋଠରି ସଂଖ୍ୟା କେତେ? ଏହା ମୋଟ କୋଠରି ସଂଖ୍ୟାର କେତେ ଆଣି? ପାଇଥିବା ଉପରେ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଆମେ $\frac{4}{5}$ ରଙ୍ଗ $\frac{2}{3}$ କାହାରେ ଲେଖିପାରିବା।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 7.1

- ଦର ମାପଦ୍ରିୟ ମଧ୍ୟରେ ଅନୁପାତ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।
 - 600 ଗ୍ରାମ ଓ 20 ଗ୍ରାମ
 - 500 ଗ୍ରାମ ଓ 2 କି.ଗ୍ରା
 - 25 ପରିଷା ଓ 1 ଟଙ୍କା
 - 20 ମିନିଟ୍ ଓ 5 ଘଣ୍ଟା
 - 15 ମିନିଟ୍ ଓ 90 ସେ.ମି.
- ଗୋଟିଏ ଶ୍ରେଣୀର ବାଲକ ସଂଖ୍ୟା 40 ଓ ବାଲିକା ସଂଖ୍ୟା 25 ହେଲେ,
 - ବାଲକ ଓ ବାଲିକା ସଂଖ୍ୟାର ଅନୁପାତ କେତେ?
 - ବାଲିକା ଓ ବାଲକ ସଂଖ୍ୟାର ଅନୁପାତ କେତେ?
 - ବାଲକ ସଂଖ୍ୟା ଓ ସମୁଦ୍ରାଯ ପିଲା ସଂଖ୍ୟାର ଅନୁପାତ କେତେ?
 - ଆଉ 15 ଜଣ ବାଲକ ଶ୍ରେଣୀର ନାମ ଲେଖାଇଲା ପରେ ବାଲକ ସଂଖ୍ୟା ଓ ବାଲିକା ସଂଖ୍ୟାର ଅନୁପାତ କେତେ ହେବ?
- ଗୋଟିଏ ବିଦ୍ୟାଳୟରେ ଶିକ୍ଷକ ସଂଖ୍ୟା 28 ଓ ଛାତ୍ର ସଂଖ୍ୟା 1176। ସେ ବିଦ୍ୟାଳୟରେ ଶିକ୍ଷକ ଓ ଛାତ୍ର ସଂଖ୍ୟାର ଅନୁପାତ କେତେ?

4. ହରି 5 ଘଣ୍ଟାରେ 17 କି.ମି. ବାଟ ଯାଏ ଓ ରାମ 3 ଘଣ୍ଟାରେ 34 କି.ମି. ବାଟ ଯାଏ । ସେମାନଙ୍କ ଘଣ୍ଟା ପ୍ରତି ବେଗର ଅନୁପାତ କେତେ ?
5. ରାମ ଓ ଶ୍ୟାମର ଘଣ୍ଟା ପ୍ରତି ବେଗର ଅନୁପାତ $3:5$ । ରାମ 5 ଘଣ୍ଟାରେ $22\frac{1}{2}$ କି.ମି. ବାଟ ଯାଏ । ଶ୍ୟାମର ଘଣ୍ଟା ପ୍ରତି ବେଗ କେତେ ?
6. ସକଳା ଗୋଟିଏ ସପ୍ତାହରେ 1008 ଚଙ୍ଗ ବ୍ୟୟ କରେ ଓ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦିନ 216 ଚଙ୍ଗ ଆୟ କରେ । ତା'ର ଦୈନିକ ଆୟ ଓ ବ୍ୟୟର ଅନୁପାତ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

7.2 ସମାନୁପାତ

7.2.1. ଅନୁପାତ ଓ ସମାନୁପାତ ମଧ୍ୟରେ ସମାର୍ଥ

ତଳେ ବିଆଯାଲଥୁବା ଜହାହରଣକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।

5 ଟି କଲମର ଦାମ 45 ଟଙ୍କା ଓ 8 ଟି ଖାତାର ଦାମ 72 ଟଙ୍କା ।

କଲମ ସଂଖ୍ୟା ଓ ଖାତା ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଅନୁପାତ = $5:8$

କଲମର ଦାମ ଓ ଖାତାର ଦାମ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ଅନୁପାତ = $45:72$ ବା $5:8$

($\frac{45}{72} = \frac{5}{8}$ ହେଉଥିବା ଅନୁପାତଟି ହେଲା $5:8$)

ଆମେ ଦେଖିଲେ, କଲମ ଓ ଖାତାର ଅନୁପାତ = ସେମାନଙ୍କର ଦାମର ଅନୁପାତ

ଅର୍ଥାତ୍ $5:8 = 45:72$

ଏହାକୁ ଆମେ ନିମ୍ନ ମତେ ମଧ୍ୟ ଲେଖୁ $5:8::45:72$ ।

ଆମେ କହୁ $5, 8, 45$ ଓ 72 ସମାନୁପାତା

ଦୁଇଟି ଅନୁପାତ ମଞ୍ଚରେ ଥିବା ସମାନ (=) ଚିହ୍ନକୁ ‘::’ ରୂପେ ଲେଖା ଯାଏ ।

ଏହିପରି ଦୁଇଟି ଅନୁପାତର ସମାନତାକୁ ଗୋଟିଏ ସମାନୁପାତ ବୋଲି କୃତ୍ୟାବ୍ଦୀ କରାଯାଏ ।

ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଅନୁପାତ ଅନ୍ୟ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ଅନୁପାତ ସହ ସମାନ ହେଲେ, ତାଙ୍କୁ ସମାନୁପାତରେ ଅଛନ୍ତି ବୋଲି କୃତ୍ୟାବ୍ଦୀ ।

ଉପରୋକ୍ତ ଆଲୋଚନାକୁ ଆମେ ?

- ‘::’ ଚିହ୍ନକୁ ସମାନୁପାତର ଚିହ୍ନ ଭାବରେ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ ।
- ‘::’ ଚିହ୍ନକୁ ପଢ଼ିବାବେଳେ ‘ସମାନ’ ବୋଲି ପଢାଯାଏ ।

ଉପରେ ଆଲୋଚିତ ସମାନୁପାତକୁ ଆମେ $5:8 = 45:72$ ଅଥବା $5:8::45:72$ ରୂପେ ଲେଖିପାରୁ ।



7.2.2. ସମାନୁପାତ ସମ୍ବନ୍ଧ କେତେବେ ପଦ :

ଏକ ସମାନୁପାତରେ ଥିବା ପ୍ରଥମ ଅନୁପାତର 'ପୂର୍ବପଦ' ଓ ଦିତୀୟ ଅନୁପାତର 'ପରପଦ'କୁ ସମାନୁପାତର 'ପ୍ରାତପଦ' କୁହାଯାଏ । ସେହିପରି, ପ୍ରଥମ ଅନୁପାତର 'ପରପଦ' ଓ ଦିତୀୟ ଅନୁପାତର 'ପୂର୍ବପଦ'କୁ ସମାନୁପାତର 'ମଧ୍ୟପଦ' ଗୋଲି କୁହାଯାଏ । ପୁନଃ ଦିତୀୟ ଅନୁପାତର 'ପରପଦ'କୁ ଚତୁର୍ଥ ସମାନୁପାତା କୁହାଯାଏ ।

$5:8 = 45:72$ ସମାନୁପାତରେ 5 ଓ 72 ପ୍ରାତପଦ ଏବଂ 8 ଓ 45 ମଧ୍ୟପଦ ଅଟକି ।

ଉପରୋକ୍ତ ସମାନୁପାତରେ ଚତୁର୍ଥ ସମାନୁପାତା ହେଉଛି 72 ।

☞ ଏମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ପ୍ରଥମ ଅନୁପାତ ସହ ଅନ୍ୟ କେହିଁ ଅନୁପାତଟି ଏକ ସମାନୁପାତ ଗଠନ କରେ ତାକୁ ବାଇ ଓ ତାହାର ପରେ ଥିବା ଖାଲି ଘରେ ଲେଖା । ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ଲକ୍ଷ୍ୟ କରି ଅନ୍ୟ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ତର ଲେଖା ।

- କ) **1:2, 3:4, 8:20, 8:16**
- ଖ) **3:4, 4:3, 30:40, 36:60**
- ଘ) **8:11, 16:22, 24:13, 11:18**
- ଘ) **10:21, 20:63, 30:63, 40:88**
- ଡ) **5:9, 20:18, 20:36, 15:36**

1:2::8:16

7.2.3. ଏକ ସମାନୁପାତର ପ୍ରାତପଦ ଓ ମଧ୍ୟପଦ ମଧ୍ୟରେ ସରଳ :

$5:6 :: 60:72$ (60:72 କୁଭାଗୁରୁଷାଙ୍ମା ରୂପେ ନେଇ ଲାଭିଷ୍ଟ ଆକାରରେ ପରିଣମ କଲେ $\frac{5}{6}$ ପାଇବା)

ଏହି ସମାନୁପାତରେ 5 ଓ 72 ପ୍ରାତପଦ ଏବଂ 6 ଓ 60 ମଧ୍ୟପଦ ।

ଆସ ଦେଖିବା, ଏଠାରେ ପ୍ରାତପଦ ଓ ମଧ୍ୟପଦ ମଧ୍ୟରେ କ'ଣ ସଂପର୍କ ଅଛି ?

ପ୍ରାତପଦ ଦୟର ଗୁଣଫଳ = $5 \times 72 = 360$

ମଧ୍ୟପଦ ଦୟର ଗୁଣଫଳ = $6 \times 60 = 360$



ନିଜେ କରି ଦେଖି :

ନିମ୍ନ ସମାନୁପାତରେ ପ୍ରାତପଦ ଦ୍ୱାରାବିର ଗୁଣଫଳ ଓ ମଧ୍ୟପଦ ଦ୍ୱାରା ଗୁଣଫଳ ମଧ୍ୟରେ କ'ଣ ସଂପର୍କ ଅଛି ?

- **1:2 :: 8:16**
- **3:4 :: 54:72**
- **5:9 :: 15:27**

କ'ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛ ଲେଖ ।

ଆମେ ଜାଣିଲେ,

ପ୍ରାତପଦ ଦୟର ଗୁଣଫଳ = ମଧ୍ୟପଦ ଦୟର ଗୁଣଫଳ

ଆସ ନିମ୍ନ ଉଦାହରଣ ଗୁଡ଼ିକୁ ଲକ୍ଷ୍ମୀ କରିବା

ଉଦାହରଣ - 1 : 10, 20, 30, 60 ସଂଖ୍ୟା ଚାରେଟି ସମାନୁପାତୀ ଅଟଛି କି ?

$$\text{ସମାଧାନ : } 10 \text{ ଓ } 20 \text{ ର ଅନୁପାତ} = 10 : 20 = \frac{10}{20} = \frac{1}{2}$$

$$30 \text{ ଓ } 60 \text{ ର ଅନୁପାତ} = 30 : 60 = \frac{30}{60} = \frac{1}{2}$$

$$\text{ଏହୁ } 10 : 20 = 30 : 60$$

$\therefore 10, 20, 30, 60$ ସମାନୁପାତୀ ଅଟଛି ।

ଉଦାହରଣ - 2 : 4, 7, 8, 14 ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ସମାନୁପାତୀ ଅଟଛି କି ?

ସମାଧାନ :

ପ୍ରଥମ ପ୍ରଶାଳୀରେ ସମାଧାନ

$$4 \text{ ଓ } 7 \text{ ର ଅନୁପାତ} = 4 : 7 = \frac{4}{7}$$

$$8 \text{ ଓ } 14 \text{ ର ଅନୁପାତ} = 8 : 14 = \frac{8}{14} = \frac{4}{7}$$

$$\text{ଏହୁ } 4 : 7 = 8 : 14$$

4, 7, 8, 14 ସମାନୁପାତୀ ଅଟଛି ।

ଦ୍ୱିତୀୟ ପ୍ରଶାଳୀରେ ସମାଧାନ

ପ୍ରାତିପଦ ଦୟର ଗୁଣଫଳ $4 \times 14 = 56$

ମଧ୍ୟପଦ ଦୟର ଗୁଣଫଳ $7 \times 8 = 56$

ପ୍ରାତିପଦ ଦୟର ଗୁଣଫଳ = ମଧ୍ୟପଦ ଦୟର ଗୁଣଫଳ

$$\text{ଏହୁ } 4 : 7 :: 8 : 14$$

4, 7, 8, 14 ସମାନୁପାତୀ ଅଟଛି ।

ଉଦାହରଣ - 3 : 190 : 76 :: 10 : 4 ସମାନୁପାତରେ ଠିକ କା ଭୁଲ ପରାଶା କର ।

$$\text{ସମାଧାନ : } \text{ପ୍ରଥମ ଅନୁପାତ} = 190 : 76 = \frac{190}{76} = \frac{10}{4}$$

ପ୍ରଥମ ଅନୁପାତ = ଦ୍ୱିତୀୟ ଅନୁପାତ ।

\therefore ଏହୁ ବର ସମାନୁପାତରେ ଠିକ ।

ଉଦାହରଣ - 4 : ଗୋଟିଏ ଗ୍ରେଣାରେ ବାଲକ ଓ ବାଲିକା ସଂଖ୍ୟାର ଅନୁପାତ 2:3 । ବାଲିକା ସଂଖ୍ୟା 21 ହେଲେ,
ବାଲକ ସଂଖ୍ୟା କେତେ ?

ସମାଧାନ :

ବାଲକ ସଂଖ୍ୟା : ବାଲିକା ସଂଖ୍ୟା = 2:3

ବାଲକ ସଂଖ୍ୟା 2 ହେଲେ, ବାଲିକା ସଂଖ୍ୟା 3

ବାଲିକା ସଂଖ୍ୟା 3 ହେଲେ, ବାଲକ ସଂଖ୍ୟା 2

ବାଲିକା ସଂଖ୍ୟା 1 ହେଲେ, ବାଲକ ସଂଖ୍ୟା $\frac{2}{3}$

ବାଲିକା ସଂଖ୍ୟା 21 ହେଲେ, ବାଲକ ସଂଖ୍ୟା $\frac{2}{3} \times 21 = 14$

\therefore ବାଲକ ସଂଖ୍ୟା = 14

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 7.2

1. କେହି ସଂଖ୍ୟା ଛରୋଟି ସମାନୁପାତୀ ?

 - (କ) 10, 15, 20, 30
 - (ଖ) 15, 20, 3, 5
 - (ଗ) 35, 30, 105, 120
 - (ଘ) 18, 20, 90, 4
 - (ଘ) 54, 72, 81, 108
 - (ଦ) 15, 18, 10, 20

2. ସେହି ସମାନୁପାତଗୁଡ଼ିକ ଠିକ, ସେଗୁଡ଼ିକୁ ତୁମ ଖାତାରେ ଲେଖ ।

 - (ଅ) 16:36 :: 12:27
 - (ବ) 12:18 :: 28:42
 - (ଚ) 21:6 :: 35:14
 - (ଦ) 8:9 :: 24:27
 - (ୱ) 15:18 :: 10:15
 - (ଫ) 5.2:3.9 :: 4:3

3. ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ଠିକ ଉଚ୍ଚିଗୁଡ଼ିକୁ ବାହ୍ୟ ।

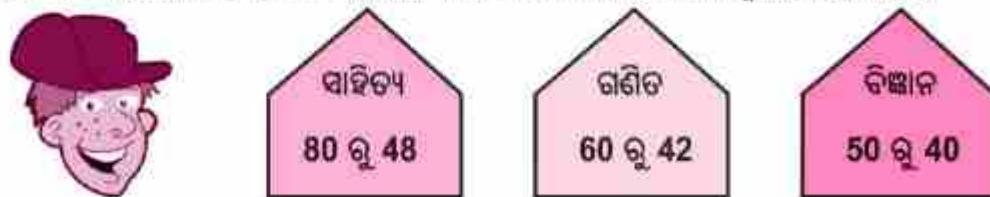
 - (ଅ) 99 କି.ଗ୍ରା.: 45 କି.ଗ୍ରା. :: 44 ଟଙ୍କା: 20 ଟଙ୍କା
 - (ବ) 32 ମି.: 64 ମି. :: 6 ସେକେଣ୍ଟ : 12 ସେକେଣ୍ଟ
 - (ଚ) 40 ଲକ୍ଷ ଲୋକ : 200 ଜଣ ଲୋକ = 15 ଲିଟର : 75 ଲିଟର
 - (ଦ) 45 କି.ମି. : 60 କି.ମି. = 12 ଘଣ୍ଟା : 15 ଘଣ୍ଟା

4. ହରି ୫ ରାମ ପାଖରେ ଥିବା କୋଳିର ଅନୁପାତ 4:5 । ଦୁଇଇ କୋଳି ସଂଖ୍ୟା ମିଶି 63 ହେଲେ, କାହା ପାଖରେ କେତୋଟି କୋଳି ଅଛି ?

7.3. ଶିଳ୍ପକାରୀ

7.3.1. ଶତକତ୍ତାର ଧାରଣା

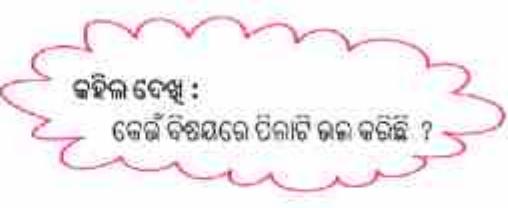
ଗୋଟିଏ ପିଲା ଭିନ୍ନାଟି ବିଷ୍ଣୁର ପରାକ୍ଷାରେ ଯେଉଁ ନମ୍ବର ପାଇଁ, ତାହା ନିମ୍ନରେ ଦିଆଯାଇଛି ।



ତେବେ ସେ କେହିଁ ବିଷୟରେ ସବୁଠ ଗଲା କରିଛି ?

ସାହିତ୍ୟରେ ତା'ର ସବୁଠୁ ଦେଖି ନମ୍ବର ଅଛି । କହିପାରିବା କି, ତା'ର ସାହିତ୍ୟରେ ଅନ୍ୟ ଦୂଲଚି ବିଷୟ ଦୂଲନାରେ ଭଲ ହୋଇଛି ? ଯଦି ତିମୋତିଯାକ ବିଷୟରେ ସମାନ ମୋଟ ନମ୍ବର ଥାଆତା, ତା'ହେଲେ ତା'ର ଯେଉଁ ବିଷୟରେ ଅଧିକ ନମ୍ବର ଅଛି, ସେହି ବିଷୟରେ ତା'ର ସବୁଠୁ ଭଲ ହୋଇଛି ବୋଲି କୁହାୟାଇ ପାରନା । ଆସ, ପ୍ରତ୍ୟେକ ବିଷୟର ମୋଟ ନମ୍ବରକୁ 100 ନେଇ, ସେ ପାଇଥିବା ନମ୍ବର କେତେ, ତାହା ହିସବ କରିବା ।

ସାହିତ୍ୟ	ଗଣିତ
ମୋଟ ନମ୍ବର 80 ରୁ ଟା'ର ନମ୍ବର ହେଉଛି 48	ମୋଟ ନମ୍ବର 60ରୁ ଟା'ର ନମ୍ବର ହେଉଛି 42
ମୋଟ ନମ୍ବର 1 ରୁ ଟା'ର ନମ୍ବର ହେବ $\frac{48}{80} = \frac{6}{10}$	ମୋଟ ନମ୍ବର 1 ରୁ ଟା'ର ନମ୍ବର ହେବ $\frac{42}{60} = \frac{7}{10}$
ମୋଟ ନମ୍ବର 100ରୁ ଟା'ର ନମ୍ବର ହେବ $\frac{6}{10} \times 100 = 60$	ମୋଟ ନମ୍ବର 100ରୁ ଟା'ର ନମ୍ବର ହେବ $\frac{7}{10} \times 100 = 70$

ବିଜ୍ଞାନ	
<p>ମୋଟ ନମ୍ବର 50ରୁ ଟା'ର ନମ୍ବର ହେଉଛି 40</p> <p>ମୋଟ ନମ୍ବର 1 ରୁ ଟା'ର ନମ୍ବର ହେବ $\frac{40}{50} = \frac{4}{5}$</p> <p>ମୋଟ ନମ୍ବର 100ରୁ ଟା'ର ନମ୍ବର ହେବ $\frac{4}{5} \times 100 = 80$</p>	 <p>କହିଲ ଦେଖୁ :</p> <p>କେହିଁ ବିଷୟରେ ପିଲାଟି କଲ କରିଛି ?</p>

ଦିଇନ୍ଦ୍ର ବିଷୟରେ ପିଲାଟି ପାଇଥୁବା ନମ୍ବର ହେଲା-

ସାହିତ୍ୟରେ 100 ରୁ 60 | ଏହାକୁ ଆମେ କହୁ ଶତକଟା 60 |

ଗଣିତରେ 100ରୁ 70 | ଏହାକୁ ଆମେ କହୁ ଶତକଟା 70 |

ସେହିପରି ବିଜ୍ଞାନରେ ସେ ପାଇସି ଶତକଟା 80 |

ବର୍ଜମାନ ଦେଖାଗଲା, ଟା'ର ସବୁଠାରୁ କଲ ନମ୍ବର ରହିଛି ବିଜ୍ଞାନରେ |

ଆମେ ଯାହା ଜାଣିବା :

- ◆ ‘ଶତକଟା’ ଅର୍ଥ ‘ଶହେରୁ’। ଶତକଟାର ସଙ୍କେତ % |
- ◆ ‘ଶହେରୁ 80’, ଏହି କଥାକୁ ଆମେ କହୁ ‘ଶତକଟା 80’ ଓ ଆମେ ଲେଖୁ 80% |
- ◆ ‘ଶତକଟା’ ମଧ୍ୟ ଏକପ୍ରକାର ଚୂଳନା |

7.3.2. ଶତକଟାକୁ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା, ଅନୁପାତ ଓ ବଶମିକରେ ପ୍ରକାଶ :

(a) ଶତକଟାକୁ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା |

75% ର ଅର୍ଥୀ 100 ରୁ 75 | ଏଠାରେ 75 କୁ 100 ସହ ଭୁଲନା କରାଯାଇଛି | ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ମାଧ୍ୟମରେ 75 କୁ 100 ସହ ଭୁଲନା କଲେ ଆମେ ଲେଖୁ $\frac{75}{100} = \frac{3}{4}$

$$\therefore 75\% = \frac{75}{100} = \frac{3}{4}$$

$$34\% = \frac{34}{100} = \frac{17}{50}$$

$$70\% = \frac{70}{100} = \frac{7}{10}$$

ସେହିପରି,

$$15\% = \frac{15}{100} = \frac{3}{20}$$

$$17\% = \frac{17}{100}$$

କଣିକ କି ?

ଶତକଢ଼ା ମଧ୍ୟ ଏକ ଭଗୁଷଃଖ୍ୟା ଯଥାର ହର ହେଉଛି 100।

$$38\% = \frac{38}{100} = \frac{19}{50}$$

$$19\% = \frac{19}{100}$$

☞ ନିମ୍ନ ଶତକଢ଼ାଗୁଡ଼ିକୁ ଭଗୁଷଃଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କର :

- (କ) 25% (ଖ) 20% (ଗ) 7 % (ଘ) 150 %

(ବ) ଶତକଢ଼ାକୁ ଅନୁପାତରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା

$$75\% = \frac{75}{100} = \frac{3}{4} = 3:4$$

[କାରଣ $\frac{3}{4}$ କୁ 3:4 ଲେଖିବା କଥା ଦୂରେ ଜାଣିଛି ।]

☞ ନିମ୍ନ ଶତକଢ଼ାଗୁଡ଼ିକୁ ଅନୁପାତରେ ପରିଣତ କର:

- (କ) 40% (ଖ) 45% (ଗ) 125% (ଘ) 75%

ଶତକଢ଼ାକୁ ପ୍ରଥମେ ଭଗୁଷଃଖ୍ୟାରେ ଲେଖିବା, ଭଗୁଷଃଖ୍ୟାକୁ ଲାଗିଷ ଆକାରରେ ଲେଖିବା ଏବଂ ତା'ପରେ ଭଗୁଷଃଖ୍ୟାକୁ ଅନୁପାତରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା ।

(C) ଶତକଢ଼ାକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା

ନିମ୍ନରେ କେତେକ ଶତକଢ଼ାକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇଛି । ଲାଗ୍ଯ କର -

$$2\% = \frac{2}{100} = 0.02$$

$$70\% = \frac{70}{100} = \frac{7}{10} = 0.7$$

$$5\% = \frac{5}{100} = 0.05$$

$$175\% = \frac{175}{100} = 1.75$$

ଶତକଢ଼ାକୁ 100 ହର ବିଶିଷ୍ଟ ଭଗୁଷଃଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରାଯାଇ ପରେ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ ।

☞ ନିମ୍ନ ଶତକଢ଼ାଗୁଡ଼ିକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କର-

- (a) 25% (b) 20% (c) 10% (d) 5% (e) 28%

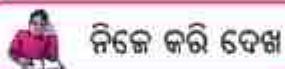
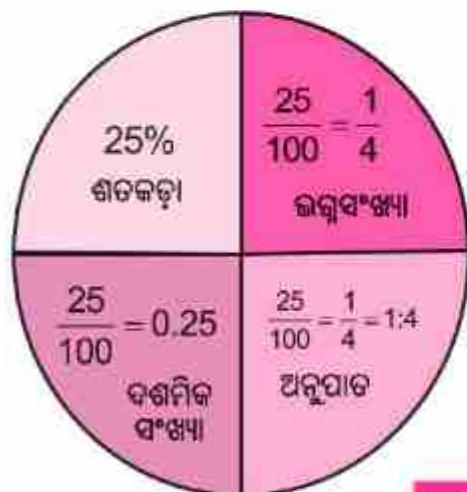
ଆମେ କ'ଣ ଜାଣିଲେ ?

- ◆ ଶତକଢ଼ାକୁ ଭଗୁଷଃଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରିବାକୁ ହେଲେ, ଶତକଢ଼ା ଚିହ୍ନ (%)କୁ ଉଠାଇ ଦିଆଯାଏ ଏବଂ ରହିଥିବା ସଂଖ୍ୟାକୁ 100 ରେ ଭାଗ କରାଯାଏ । ଭଗୁଷଃଖ୍ୟାଟିକୁ ଲାଗିଷ ଆକାରରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ ।

- ଶତକଡ଼ାକୁ ଅନୁପାତରେ ପରିଣତ କରିବାକୁ ହେଲେ, ଶତକଡ଼ା ଚିହ୍ନ (%)କୁ ଉଠାଇ ଦିଆଯାଏ ଏବଂ ରହିଥିବା ସଂଖ୍ୟାକୁ 100ରେ ଭାଗ କରି ଲାଗିଥିବା କରାଯାଏ । ପ୍ରକାଶିତ ଉତ୍ସଂଖ୍ୟାକୁ ଅନୁପାତରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ ।
- ଶତକଡ଼ାକୁ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରିବାକୁ ହେଲେ, ଶତକଡ଼ା ଚିହ୍ନ(%)କୁ ଉଠାଇ ଦିଆଯାଏ ଏବଂ ଦଶମିକ ବିଦ୍ୟୁକୁ ବାମକୁ ଦୁଇପ୍ରାନ୍ତ ଘୂଞ୍ଚାଇ ଦିଆଯାଏ । ମିଳିଥିବା ସଂଖ୍ୟାର ଭାବାବୁ ଗଣି ଦୁଇଟି ଅଙ୍କ ପରେ ଦଶମିକ ବିଦ୍ୟୁ ବସାଇଦିଆଯାଏ । ଏକଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ଶତକଡ଼ା ସଂଖ୍ୟାଥିଲେ, ଶତକଡ଼ା ଚିହ୍ନ ଉଠାଇ ଦେବାପରେ କେବଳ ଏକଅଙ୍କବିଶିଷ୍ଟ ସଂଖ୍ୟାଟିଏ ରହିବ । ତା'ର ବାମକୁ 0 ଲେଖୁ 0ର ବାମକୁ ଦଶମିକ ବିଦ୍ୟୁ ବସାଇବାକୁ ହେବ । ଯେଉଁବି ତଳେ ନଗାଯାଇଛି -

8%	$\rightarrow 8$	$\rightarrow 08$	$\rightarrow .08$
ଶତକଡ଼ା ଚିହ୍ନ ଉଠାଇ ଦିଆଯାଇଲା	8 ର ବାମକୁ 0 ଲେଖାଇଲା	ସ୍ଥାନର ବାମକୁ ଦଶମିକ ଚିହ୍ନ ବସାଇଦିଆଯାଇଲା	

ଚିତ୍ରବିଦ୍ୟୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର, 25% କୁ ବିଭିନ୍ନ ରୂପରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇଛି ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

ପାଖ ବିତ୍ତରେ ଦେଖାଯାଇଥିବା ଭଳି 35% ଓ 75% କୁ ବିଭିନ୍ନ ରୂପରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 7.3

1. ଉତ୍ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କର ।

8%, 25%, 80%

2. ଅନୁପାତରେ ପରିଣତ କର ।

15%, 19%, 49%

3. ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

3%, 7%, 26%, 123%, 200%

4. ନିମ୍ନ ସାରଣୀର ଶାଲିଷ୍ଠର ଗୁଡ଼ିକୁ ପୂରଣ କର :

ଶତକଢ଼ା ସଂଖ୍ୟା	ଭର୍ତ୍ତାସଂଖ୍ୟା	ଅନୁପାତ	ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟା
4%			
38%			
25%			
100%			
320%			

7.4 ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା, ଅନୁପାତ ଓ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଶତକଢ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା:

ଶତକଢ଼ାକୁ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା, ଅନୁପାତ ଓ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାରେ ପରିଣତ କରିବା ପ୍ରଶାଳୀ ଆମେ ଶିଖୁସାରିଲୁଣି ।
ବର୍ତ୍ତମାନ ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟା, ଅନୁପାତ ଓ ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଶତକଢ଼ାରେ ପରିଣତ କରିବା ପ୍ରଶାଳୀ ଜାଣିବା ।

7.4.1. ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାକୁ ଶତକଢ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା :

ଆସ $\frac{3}{4}$ କୁ ଶତକଢ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା ।

ଦର ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାର ହରକୁ ବଦଳାଇ 100 କରିଦେଲେ ଆମେ ଦର ସଂଖ୍ୟାକୁ ଶତକଢ଼ାରେ ପରିଣତ କରି ପାରିବା ।

$$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 25}{4 \times 25} = \frac{75}{100} = 75\%$$

ଉପରୋକ୍ତ ଉଦାହରଣକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କଲେ ଆମେ ଦେଖୁବା

$$\frac{3}{4} \text{ ର ଶତକଢ଼ା ମୂଲ୍ୟ } \left(\frac{3}{4} \times 100 \right) \% = 75 \%$$

◆ $\frac{5}{7}$ କୁ ଶତକଢ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କଲେ କେବେ ହେବ ?

$$\frac{5}{7} \text{ ର ଶତକଢ଼ା ମୂଲ୍ୟ } = \left(\frac{5}{7} \times 100 \right) \% = 71 \frac{3}{7} \%$$

ଆମେ ଜାଣିଲେ,

ଦର ଉଚ୍ଚସଂଖ୍ୟାକୁ 100 ଦ୍ୱାରା ଗୁଣନ କଲେ ଏହାର ଶତକଢ଼ା ମୂଲ୍ୟ ମିଳିଥାଏ ।

କହିଲ ଦେଖୁ :

$\frac{3}{4}$ ଓ $\frac{4}{5}$ କେବୁ କିମ୍ବା ?

(ଉଦୟକୁ ଶତକଢ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କରି କହ)

7.4.2. ଅନୁପାତକୁ ଶତକଢ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା :

$$\text{ଆସ } 2:5 \text{ କୁ ଶତକଢ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା } | 2:5 = \left(\frac{2}{5} \times 100 \right) \% = \frac{200}{5} \% = 40\%$$

$$15:20 \text{ କୁ ଶତକଢ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କଲେ } , 15:20 = \frac{15}{20} = \left(\frac{15}{20} \times 100 \right) \% = \frac{1500}{20} \% = 75\% \text{ ହେବ ।}$$

7.4.3. ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଶତକଡ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ :

ଆସ, 0.25, 1.37 ଓ 1.5 କୁ ଶତକଡ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା ।

$$(କ) \quad 0.25 = \frac{25}{100} = \left(\frac{25}{100} \times 100 \right) \% = 25\% \quad \text{ଆର୍ଥିକ, } 0.25 \text{ର ଶତକଡ଼ା ମୂଲ୍ୟ} = 25\%$$

$$(ଖ) \quad 1.37 = \frac{137}{100} = \left(\frac{137}{100} \times 100 \right) \% = 137\% \quad \text{ଆର୍ଥିକ, } 1.37 \text{ର ଶତକଡ଼ା ମୂଲ୍ୟ} = 137\%$$

$$(ଗ) \quad 1.5 = \frac{15}{10} = \frac{150}{100} = \left(\frac{150}{100} \times 100 \right) \% = 150\%$$

ଆମେ ଜାଣିଲେ : ଦଶମିକ ସଂଖ୍ୟାର ଦଶମିକ ବିନ୍ଦୁକୁ ଦୁଇଶାନ ଡାହାଣକୁ ଘୁଞ୍ଚାଇ ଦେଲେ, ଶତକଡ଼ା ମୂଲ୍ୟ ମିଳି ଯାଉଛି ।

 ଶତକଡ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

$$(କ) \quad \frac{7}{20}, \frac{3}{5}, 2\frac{3}{2}, \frac{7}{9}$$

$$(ଖ) \quad 3:4, 6:8, 11:12, 7:18, 5:7$$

$$(ଗ) \quad 0.2, 0.19, 0.123, 5.87, 2.05$$

7.5. ଶତକଡ଼ାର ପ୍ରୟୋଗ :

ନିମ୍ନରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଉଦାହରଣମୁକ୍ତିକୁ ଲଙ୍ଘ୍ୟ କର ।

ଉଦାହରଣ - 1 5ମି. 60 ସେ.ମି. ର 25% କେତେ ?

ସମାଧାନ : 5ମି. 60 ସେ.ମି.ର 25%

$$\begin{aligned} &= (5\text{ମି. } 60 \text{ ସେ.ମି.}) \times \frac{25}{100} \\ &= 560 \text{ ସେ.ମି. } \times \frac{1}{4} \\ &= 140 \text{ ସେ.ମି.} \end{aligned}$$

$$= 1\text{ମି. } 40 \text{ ସେ.ମି.}$$

∴ 5ମି. 60 ସେ.ମି.ର 25% ହେଉଛି 1ମି. 40 ସେ.ମି.

ଉଦାହରଣ - 2 ଗାମ ଗଣିତରେ 80 ରୁ 48 ନମର ପାଇଥିଲା, ସେ ଶତକଡ଼ା କେତେ ନମର ରଖିଲା ?

ସମାଧାନ : ଗାମ ପାଇଛି 80 ନମରରୁ 48 ନମର

$$\begin{aligned} \text{ଗାମର ଶତକଡ଼ା ନମର} &= \left(\frac{48}{80} \times 100 \right) \% \quad (\text{ଉଦାହରଣମୁକ୍ତି ପରିଣତ କରିବା ପାଇଁ} \\ &= \left(\frac{3}{5} \times 100 \right) \% \quad \text{ଏହାକୁ 100 ଦ୍ୱାରା ଭୁଲେ କରାଯାଏ) \\ &= 60\% \end{aligned}$$

∴ ଗାମ ଗଣିତରେ 60% ନମର ରଖିଥିଲା ।



ମୋର ଅଜନ 250 ଶାମ,
ମୋ ଓହନର $\frac{2}{5}$ କେତେ ?

ଭବାହରଣ - 3

ଗୋବିନ୍ଦ ବାବୁଙ୍କ ମାସିକ ଆୟ ଟ. 6000.00। ସେ ନିଜ ଆୟର 20% ସଞ୍ଚୟ କରିଛି । ତାଙ୍କର ମାସିକ ବ୍ୟୟର ପରିମାଣ କେତେ ?

ସମାଧାନ : ଗୋବିନ୍ଦ ବାବୁଙ୍କ ସଞ୍ଚୟ ପରିମାଣ = ଟ. 6000.00 ର 20%

$$= \text{�. } 6000.00 \times \frac{20}{100}$$

$$= \text{ট. } 1200.00$$

$$\text{ବ୍ୟୟର ପରିମାଣ} = \text{ଟ. } 6000.00 - \text{ଟ. } 1200.00$$

$$= \text{ଟ. } 4800.00$$

∴ ଗୋବିନ୍ଦ ବାବୁଙ୍କ ମାସିକ ବ୍ୟୟର ପରିମାଣ ଟ. 4800.00 ।

କାଣିଷ୍ଠ କି ?
ଆୟ - ବ୍ୟୟ = ସଞ୍ଚୟ
ଆୟ - ସଞ୍ଚୟ = ବ୍ୟୟ
ବ୍ୟୟ + ସଞ୍ଚୟ = ଆୟ

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 7.4

1. ବିଭିନ୍ନ ବିଷୟରେ ରଖୁଥିବା ନମ୍ବରକୁ ସେ ବିଷୟରେ ଥିବା ମୋଟ ନମ୍ବରର ଶତକଢ଼ାରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

ମୋଟ ନମ୍ବର	100	100	200	200	500	600	800
ରଖୁଥିବା ନମ୍ବର	64	32	64	124	230	486	336
ଶତକଢ଼ା ନମ୍ବର							

2. ତଥା ଗୋଡ଼ି ଗ୍ରାମର ମୋଟ ଲୋକସଂଖ୍ୟା ଓ ସାକ୍ଷର ସଂଖ୍ୟା ଦିଆଯାଇଛି । ସେ ସାକ୍ଷର ସଂଖ୍ୟାକୁ ଶତକଢ଼ାରେ ଲେଖ ।

ମୋଟ ଲୋକସଂଖ୍ୟା	1000	3000	2500	1500	1200	3200
ସାକ୍ଷର ସଂଖ୍ୟା	590	1800	1600	1175	960	1856
ଶତକଢ଼ା ସାକ୍ଷର						

3. ଗୋଟିଏ ସାର୍ଟିଫିକେ ଦାମ 350ଟଙ୍କା ଲେଖାଯାଇଛି ।

ଦୋକାନା 20% ରିହାତି ଦେଲା । ସାର୍ଟିଫିକେ ପ୍ରକୃତ ବିକ୍ରି ଦାମ କେତେ ?

କାଣିଷ୍ଠ କି ?

ଦୋକାନ ବିକ୍ରିକରୁଥିବା ନମ୍ବର ଲେଖାଯାଇବା ଦାମକୁ ହେବେ ବେଳେ କିଛି ଜମାଇ ଦିବା । ଜମାଇ ଦିବା ପରିମାଣକୁ 'ରିହାତି' ନୁହାଯାଏ ।

ରିହାତି 10% ଅର୍ଥ ହେ ଲିଖିତ ମୁହଁର 10% ।

4. ଏକ ସହର ପାଖରୁ ରାମର ଘର 120 କି.ମି. ଦୂର । ସେ ବସରେ 36 କି.ମି. ଆସିଲେ । ତାହା ସମୁଦ୍ରା ଦୂରତାର ଶତକଢ଼ା କେତେ ?

5. ମିତ୍ର ବାର୍ଷିକ ପରୀକ୍ଷାରେ 600 ନମ୍ବରୁ 500 ନମ୍ବର ରଖିଲା ଓ ଗୀତୀ 500 ନମ୍ବରୁ 415 ନମ୍ବର ରଖିଲା । କାହାର ଶତକଢ଼ା ନମ୍ବର ଅଧିକ ଓ କେତେ ଅଧିକ ?

7.6. ହାରାହାରି

ନିମ୍ନ ପରିମ୍ଲିତିଗୁଡ଼ିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।

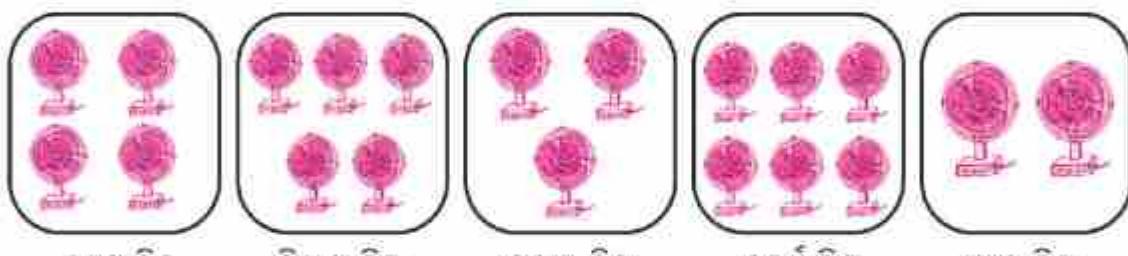
(କ) ବୁମକୁ ବୁମ ମା' ପ୍ରଥମ ଦିନ 5 ଟି ଲକ୍ଷ୍ୟ ଓ ଦ୍ୱିତୀୟ ଦିନ 3 ଟି ଲକ୍ଷ୍ୟ ଖାଇବାକୁ ଦେଲେ ।

- ◆ ବୁମକୁ ମୋଟ କେତୋଟି ଲକ୍ଷ୍ୟ ଦେଲେ ?
- ◆ କେତେ ଦିନରେ ସେତକ ଲକ୍ଷ୍ୟ ଖାଇବାକୁ ଦେଲେ ?
- ◆ ବୁମକୁ ଯଦି ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦିନ ବୁମ ମା' ସମାନ ସଂଖ୍ୟକ ଲକ୍ଷ୍ୟ ଦେଇଥାଏ, ତେବେ ସେତକ ଲକ୍ଷ୍ୟ ବୁମକୁ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦିନ କେତୋଟି ଲେଖାଏଁ ଦେଇଥାଏ ?

ଏବେ କହ, ବୁମ ମା' ବୁମକୁ ଦୁଇ ଦିନରେ ମୋଟ କେତୋଟି ଲକ୍ଷ୍ୟ ଦେଇଥାଲେ ? ଯଦି ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦିନ ସମାନ ସଂଖ୍ୟକ ଲକ୍ଷ୍ୟ ଦେଇଥାଏ, ତେବେ ଦିନକୁ କେତୋଟି ଲେଖାଏଁ ଦେଲେ, 2 ଦିନରେ ମୋଟରେ 8 ଟି ଲକ୍ଷ୍ୟ ଦେବେ ?

ନିଶ୍ଚୟ ବୁମେ କହିବ $8 \div 2 = 4$ ଟି ଲେଖାଏଁ ଲକ୍ଷ୍ୟ ।

(ଖ) ଜଣେ ଦୋଳାନୀ 5 ଦିନରେ ବିକ୍ରି କରିଥିବା ପଞ୍ଜାସଂଖ୍ୟା ନିମ୍ନରେ ଦିଆଗଲା ।



- ◆ ମୋଟ କେତୋଟି ପଞ୍ଜା ବିକ୍ରି ହୋଇଛି ? ଉରାଇ : $4 + 5 + 3 + 6 + 2 = 20$
- ◆ ମୋଟ ଦିନ ସଂଖ୍ୟା କେତେ ? ଉରାଇ : 5 ଦିନ
- ◆ ଯଦି ଦୋଳାନୀଟି ସେହି ପାଞ୍ଚ ଦିନରେ ଦୈନିକ ସମାନ ସଂଖ୍ୟକ ପଞ୍ଜା ବିକ୍ରି କରିଥାଏ, ତେବେ ପ୍ରତିଦିନ ସେ କେତୋଟି ପଞ୍ଜା ବିକ୍ରି କରିଥାଏ ?

ଉଦ୍ଦାହରଣ (କ) ରେ, ଦୈନିକ ସମାନ ସଂଖ୍ୟାରେ ବିଆଯାଉଥିବା ଲକ୍ଷ୍ୟ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଦୈନିକ ହାରାହାରି ଲକ୍ଷ୍ୟ ସଂଖ୍ୟା କୁହାଯାଏ ।

ଉଦ୍ଦାହରଣ (ଖ) ରେ, ଦୈନିକ ସମାନ ସଂଖ୍ୟାରେ ବିକ୍ରି କରାଯାଉଥିବା ପଞ୍ଜା ସଂଖ୍ୟାକୁ ଦୈନିକ (ଦିନ ପ୍ରତି) ହାରାହାରି ପଞ୍ଜା ବିକ୍ରି ସଂଖ୍ୟା କୁହାଯାଏ ।

ଏଥରୁ ଆମେ କ'ଣ ଜାଣିଲେ :

$$\text{ଏକାଧୁଳୀ ରାଶିର ହାରାହାରି ମୂଳ୍ୟ} = \frac{\text{ରାଶିମାନଙ୍କର ଯୋଗପରି}}{\text{ରାଶିସଂଖ୍ୟା}}$$

ନିମ୍ନରେ ବିଆୟାଇଥୁବା ଉଦ୍ବାହଣକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।

ଉଦ୍ବାହଣ - 1

ଗୋଟିଏ ବିଦ୍ୟାଳୟରେ, ପ୍ରଥମ, ଦ୍ୱିତୀୟ, ତୃତୀୟ, ଚତୁର୍ଥ, ପଞ୍ଚମ, ଷଷ୍ଠ ଓ ସ୍ପୃମ ଶ୍ରେଣୀରେ ଯଥାକ୍ରମେ 25, 32, 48, 38, 45, 56 ଓ 36 ପିଲା ନାମ ଲେଖାଇଥିଲେ । ଶ୍ରେଣୀ ପ୍ରତି ହାରାହାରି କେତେ ପିଲା ନାମ ଲେଖାଇଥିଲେ ?

ସମାଧାନ :

$$\begin{aligned}\text{ହାରାହାରି ସଂଖ୍ୟା} &= \frac{\text{ସମ୍ପତ୍ତି ଶ୍ରେଣୀରେ ନାମ ଲେଖାଇଥିବା ପିଲା ସଂଖ୍ୟା}}{\text{ଶ୍ରେଣୀ ସଂଖ୍ୟା}} \\ &= \frac{25+32+48+38+45+56+36}{7} \\ &= \frac{280}{7} \\ &= 40\end{aligned}$$

∴ ଶ୍ରେଣୀ ପ୍ରତି ହାରାହାରି 40 ଜଣ ପିଲା ନାମ ଲେଖାଇଥିଲେ ।

ଉଦ୍ବାହଣ - 2

ବୁମର ତିନି ଜଣ ସାଇକର ଗଣିତରେ ହାରାହାରି ନମ୍ବର 80 ହେଲେ, ସେମାନେ ସମ୍ବୁଦ୍ଧ କେତେ ନମ୍ବର ରଖୁଥିଲେ ?

ସମାଧାନ : ତିନି ଜଣ ସାଇକର ହାରାହାରି ନମ୍ବର 80

ଆମେ ଜାଣିଛୁ,

$$\text{ହାରାହାରି ନମ୍ବର} = \frac{\text{ମୋଟ ନମ୍ବର}}{\text{ପିଲା ସଂଖ୍ୟା}}$$

$$\text{ତା, } 80 = \frac{\text{ମୋଟ ନମ୍ବର}}{3}$$

$$\text{ତା ମୋଟ ନମ୍ବର} = 80 \times 3 = 240$$

କାଣିଛ କି ?

ଗଣିମାନଙ୍କର ମୋଟ ମୂଳ୍ୟକୁ ଗଣିମାନଙ୍କର ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଭାଗ କରେ, ହାରାହାରି ମୂଳ୍ୟ ମିଳିବା । ଏହି ଏହି ଭାଗ ପ୍ରକରଣରେ-
ଭାବ୍ୟ = ମୋଟ ମୂଳ୍ୟ, ଭାବକ = ଗଣିମାନଙ୍କର ସଂଖ୍ୟା ଓ
ଭାଗପାଳ = ହାରାହାରି ମୂଳ୍ୟ ।

ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ, ଭାବ୍ୟ = ଭାବକ × ଭାଗପାଳ

ଏହି, ମୋଟ ମୂଳ୍ୟ = ହାରାହାରି ମୂଳ୍ୟ × ଗଣିମାନଙ୍କର ସଂଖ୍ୟା

∴ ତିନିଜଣ ସାଇକର ଗଣିତରେ ମୋଟ 240 ନମ୍ବର ରଖୁଥିଲେ ।

ଉଦ୍ବାହଣ - 3

ଗୋବିଦ, ହରି, ଶ୍ୟାମ ଓ ରାମର ଭଜତା ଯଥାକ୍ରମେ 124 ସେ.ମି., 128 ସେ.ମି., 123 ସେ.ମି. ଓ 121 ସେ.ମି.
ହେଲେ, ପିଲା ପ୍ରତି ହାରାହାରି ଭଜତା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ସମାଧାନ :

$$\text{ପିଲାମାନଙ୍କର ମୋଟ ଭଜତା} = 124 \text{ ସେ.ମି.} + 128 \text{ ସେ.ମି.} + 123 \text{ ସେ.ମି.} + 121 \text{ ସେ.ମି.} = 496 \text{ ସେ.ମି.}$$

$$\begin{aligned} \text{ପିଲାପ୍ରତି ହାରାହାରି ଉଚ୍ଚତା} &= \frac{\text{ପିଲାମାନଙ୍କର ମୋଟ ଉଚ୍ଚତା}}{\text{ପିଲା ସଂଖ୍ୟା}} \\ &= \frac{496}{4} \\ &= 124 \text{ ଏ.ମୀ.} \end{aligned}$$

∴ ପିଲାପୁତ୍ର ହାରାହାରି ଉଚ୍ଚତା 124 ସେ.ମି. ଅଛେ ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ :

- (କ) • ଭୁମର ଓଜନ ଓ ଭୁମର ତିନିଜଣ ସାଙ୍ଗଜର ଓଜନ ମାପି ସ୍ଥିର କର ।
 • ଚାରି ଲଙ୍ଘଜର ମୋଟ ଓଜନ ବାହାର କର ।
 • ଲଶ ପ୍ରତି ହାରାହାରି ଓଜନ କେତେ ସ୍ଥିର କର ।

(ଖ) ଭୁମର ନିତିଦିନଆ ଜାବନର ବିଜ୍ଞାନ ପରିସ୍ଥିତିରେ ହାରାହାରି ଧାରଣାର ବ୍ୟବହାର କରୁଥିବ । ଏହାର ପାଞ୍ଚଟି ଉଦ୍ଦାହରଣ ଦିଅ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 7.5

- 35, 48, 31 ও 22 র হারাহারি নির্ণয় কর।
 - ଖଲିଲ ବାବୁ ଡାକଗ ଥିବା ଚିନିଗୋଡ଼ି ସାଇକ୍ଲେଟ୍ ଲାଗି ଡିନୋଟି ସିଟ୍ଟକରର କଣିଳେ । ଗୋଟିକର ଦାମ 28 ଟଙ୍କା, ଆଉ ଗୋଟିକର ଦାମ 24 ଟଙ୍କା ଓ ଅନ୍ୟଟିର ଦାମ 23 ଟଙ୍କା । ତେବେ ସେ କିଣିଥିବା ସିଟ୍ଟକରର ମୁଢ଼ିକର ଗୋଟା ପ୍ରତି ହାରାହାରି ଦାମ କେତେ ?
 - ଜଣେ କ୍ରିକେଟ୍ ଖେଳାଳି ପାଞ୍ଚଟି ଏକଦିବସୀୟ ଖେଳରେ 45, 30, 102, 113 ଓ 70 ରନ୍ କରିଥିଲେ । ତେବେ ସେ ଖେଳ ପ୍ରତି ହାରାହାରି କେତେ ରନ୍ କରିଥିଲେ ?
 - ଛଅଟି ପିଲାଥିବା ଗୋଟିଏ ଦଳରେ ପିଲା ପ୍ରତି ହାରାହାରି ବୟସ 10 ବର୍ଷ ହେଲେ, ସେମାନଙ୍କର ମୋଟ ବୟସ କେତେ ?
 - ବାରଟି ଅଳିରେ ଥିବା ମୋଟ ଚିନିର ଓଜନ 111କି. 600ଗ୍ରାମ ହେଲେ, ତଳି ପ୍ରତି ଚିନିର ହାରାହାରି ଓଜନ କେତେ ?
 - ସାତ ଖଣ୍ଡ ବହିର ମୋଟ ଦାମ 310 ଟଙ୍କା ଏବଂ ଅନ୍ୟ ଚିନି ଖଣ୍ଡ ବହିର ଖଣ୍ଡ ପ୍ରତି ହାରାହାରି ଦାମ 68 ଟଙ୍କା ହେଲେ, ଉଲ୍ଲଙ୍ଘ କଶଟିଯାକ ବହିର ଖଣ୍ଡ ପ୍ରତି ହାରାହାରି ଦାମ ମୁଠି କର ।

ପୃଷ୍ଠା ସଂଖ୍ୟା



8.1 ଆମେ ଯାହା ଜାଣିବୁ

ବସ୍ତୁକୁ ଗଣିବା ଲାଗି ମଣିଷ ବିଭିନ୍ନ ସଙ୍କେତ ସୃଷ୍ଟି କଲା । ଏହାଦ୍ୱାରା ଜାଣି, ଗୋଡ଼ି ବା ମଞ୍ଜି ସାହାଯ୍ୟରେ ତା'ର କେତୋଟି ପଶୁ ବା ତା'ର କେତୋଟି ଗଛ ବା ତା' ପରିବାରରେ କେତୋହଣ ଲୋକ ସେସବୁ ହିସାବ କରିବାର ସମସ୍ୟା ଦୂର ହେଲା ।

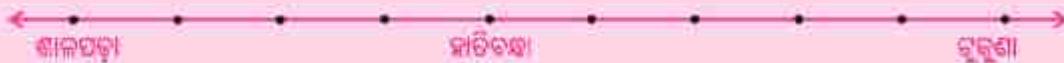
ଯେତେ ବସ୍ତୁ ସେତେ ସଂଖ୍ୟା । ଏହା ମଧ୍ୟ ଏକ ସମସ୍ୟା ସୃଷ୍ଟି କଲା । ଅନେକବ୍ୟବିଧି ସଙ୍କେତ ମନେ ରଖିବା କଷ୍ଟସାଧ୍ୟ ହେଲା । ସେଥିରୁ ରକ୍ଷା ପାଇବା ପାଇଁ ସ୍ଥାନୀୟମାନ ବ୍ୟବସ୍ଥା ଓ ଶୂନ୍ୟ ସୃଷ୍ଟି ହେଲା ।

ତା'ପରେ ଆବଶ୍ୟକତା ଅନୁଭାବୀ ଯୋଗ, ବିଯୋଗ, କୁଣନ, ହରଣ ଆଦି ପ୍ରକ୍ରିୟା ସୃଷ୍ଟି ହେଲା । ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ସହ ଉପରେକ୍ଷ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଗୁଡ଼ିକର ପ୍ରୟୋଗ ଦ୍ୱାରା ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ବ୍ୟବସ୍ଥା ବା ସମ୍ମୟାରିତ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ବ୍ୟବସ୍ଥା ମଣିଷର ଅଭିଭାବର ହୋଇଗଲା ।

8.2 ଦୂରଟି ବିଗରେ ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟାର ବିଭାଗ

କେତେକ ପରିମିତି ଉପୁଳିଲା, ଯେଉଁ ମଣିଷ ଦେଖିଲା, ଶୁଣିଲା କାହିଁ ଦେଲେ ଯେଉଁ ଅବଶିଷ୍ଟ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ରହିଲେ ସେଗୁଡ଼ିକ ଦୂରଟି ବିପରୀତ ଅବସ୍ଥା ସହ ସମ୍ମୂଳ । ଏତିକି କେତେକ ପରିମିତିର ସୂଚନା ନିମ୍ନରେ ଦିଆଯାଇଛି ।

ପ୍ରଥମ ପରିମିତି



ଆଳପଡ଼ା, ହାତିବନ୍ଧା ଓ ରୁକ୍ଷା ନାମକ ଡିନେଟି ସ୍ଥାନକୁ ଯୋଗ କରୁଥିବା ସଳଖ ଗାସ୍ତାଟିଏ ଅଛି । ଏହି ରାଷ୍ଟ୍ରକୁ ମାଧ୍ୟମାବଳୀ ପାଇଁ ଆମେ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାର ବ୍ୟବସ୍ଥା କରିଥାଉ । ପରପୃଷ୍ଠା ମାନଙ୍କରେ ଥିବା ଚିତ୍ର 8.1, 8.2 ଓ 8.3 କୁ ଦେଖ ।

ସ୍ଥାନ : (i) ଶାଳପଡ଼ା ଠାରୁ ହାତିବନ୍ଧା ଦେଇ ରୁକ୍ଷା କୁ ଯାଇଥିବା ଗାସ୍ତା,

ବା (ii) ରୁକ୍ଷା ଠାରୁ ହାତିବନ୍ଧା ଦେଇ ଶାଳପଡ଼ା କୁ ଯାଇଥିବା ଗାସ୍ତା,

ବା (iii) ହାତିବନ୍ଧା ଠାରୁ ଶାଳପଡ଼ା ଆକକୁ ଓ ରୁକ୍ଷା ଆକକୁ ଯାଇଥିବା ଦୂରଟି ଗାସ୍ତା ।

ଗାସ୍ତାର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ମାପ ବ୍ୟବସ୍ଥା କରିବାକୁ ହେଲେ -

(i) ନେତ୍ରରେ ଗାସ୍ତା ଆଗେ ଶାଳପଡ଼ା କୁ ସଂଖ୍ୟା ଶୂନ୍ୟ (0) ଦ୍ୱାରା ଚିହ୍ନିତ କରାଯାଏ । କ୍ରମାନ୍ୟରେ ଏକ କି.ମି.

ଦୂରଭାରେ କି.ମି. ଖୁଣ୍ଡମାନ ଦିଶାଯାଏ ଏକ ସେଗୁଡ଼ିକୁ 1, 2, 3 ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଚିହ୍ନିତ କରାଯାଏ ।



ଏହା ଫଳରେ ଆମେ କହୁ -

ଶାଲପଡ଼ା ୩ରୁ ୪ କି.ମି. ଦୂରରେ ହାତିବନ୍ଦା ଅବସ୍ଥିତ ।

ଶାଲପଡ଼ା ୩ରୁ ୨ କି.ମି. ଦୂରରେ ଚକୁଣା ଅବସ୍ଥିତ ।

- (ii) ଷେତ୍ରରେ ଗାଁର ଆଗମ ଚୁକୁଣା କୁ ସଂଖ୍ୟା ଶୂନ୍ୟ (୦) ଦ୍ୱାରା ଚିହ୍ନିତ କରାଯାଏ । କୁମାନ୍ୟରେ ଏକ କି.ମି. ଦୂରତାରେ କି.ମି. ଖୁଣ୍ଝମାନ ବସାଯାଏ ଏବଂ ଦେଶୁଡ଼ିକୁ ୧, ୨, ୩, ..., ଆଦି ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱାରା ଚିହ୍ନିତ କରାଯାଏ ।



ଏହା ଫଳରେ ଆମେ କହୁ -

ଚୁକୁଣା ୩ରୁ ୫ କି.ମି. ଦୂରରେ ହାତିବନ୍ଦା ଅବସ୍ଥିତ ।

ଚୁକୁଣା ୩ରୁ ୨ କି.ମି. ଦୂରରେ ଶାଲପଡ଼ା ଅବସ୍ଥିତ ।

ହାତିବନ୍ଦା ୩ରୁ ୪ କି.ମି. ଦୂରରେ ଶାଲପଡ଼ା ଅବସ୍ଥିତ ।

- (iii) ଷେତ୍ରରେ, ଆମେ ଗାଁର ଆଗମ ହାତିବନ୍ଦା ୩ରେ ବୋଲି ଧରି ନେଇଛୁ । ଏହୁ ହାତିବନ୍ଦା କୁ ସଂଖ୍ୟା ଶୂନ୍ୟ ଦ୍ୱାରା ଚିହ୍ନିତ କରାଯାଏ । ହାତିବନ୍ଦା ୩ରୁ ଆଗମ କରି କୁମାନ୍ୟରେ ଏକ କି.ମି. ଦୂରତାରେ ଶାଲପଡ଼ା ଆଡ଼କୁ କି.ମି. ଖୁଣ୍ଝମାନ ବସାଯାଏ ଏବଂ ଦେଶୁଡ଼ିକୁ କୁମାନ୍ୟରେ ୧, ୨, ୩, ..., ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଚିହ୍ନିତ କରାଯାଏ । ପୁନଃ ହାତିବନ୍ଦା ୩ରୁ ଆଗମ କରି ଚୁକୁଣା ଆଡ଼କୁ ୧ କି.ମି. ଦୂରତାରେ କି.ମି. ଖୁଣ୍ଝମାନ ବସାଯାଏ ଏବଂ ଦେଶୁଡ଼ିକୁ ୧, ୨, ୩, ..., ଆଦି ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କ ଦ୍ୱାରା ଚିହ୍ନିତ କରାଯାଏ ।



ଏହା ଫଳରେ ଆମେ କହୁ ହାତିବନ୍ଦା ୩ରୁ ଢାହାଣକୁ ୫ କି.ମି. ଦୂରରେ ଚକୁଣା ଅବସ୍ଥିତ ।

ହାତିବନ୍ଦା ୩ରୁ ବାମକୁ ୪ କି.ମି. ଦୂରରେ ଶାଲପଡ଼ା ଅବସ୍ଥିତ ।

ଏହି ପରିସ୍ଥିତିରେ, ଗାଁର ଉପରେ ୧ ଚିହ୍ନିତ ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁ, ୨ ଚିହ୍ନିତ ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁ, ୩ ଚିହ୍ନିତ ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁ ଆଦି ରହିଥିବାର ଦେଖାଯାଉଛି । ଅବଶ୍ୟ ଗୋଟିଏ ୧ ଚିହ୍ନିତ ବିନ୍ଦୁ ହାତିବନ୍ଦା ୩ରୁ ଢାହାଣକୁ ରହିଛି ଓ ଅନ୍ୟ ୧ ଚିହ୍ନିତ ବିନ୍ଦୁ ହାତିବନ୍ଦା ୩ରୁ ବାମକୁ ରହିଛି ।

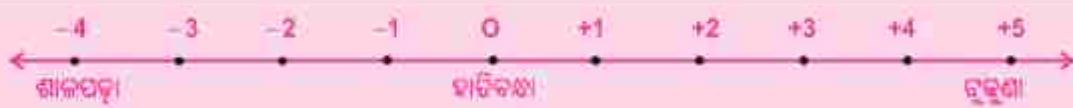
ଏଣୁ ଦୁଇଟି 1 ଥିଲେ ମଧ୍ୟ ତାଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ଅବସ୍ଥାରେ ପାର୍ଥକ୍ୟ ରହିଛି ।

ଏହି ପାର୍ଥକ୍ୟକୁ ଦର୍ଶାଇବା ପାଇଁ ଆମେ ନିମ୍ନ ପଦ୍ଧତି ଅନୁସରଣ କରିପାରୁ ।



ବର୍ତ୍ତମାନ ଦେଖିଲେ ଯେ ଗୋଟିଏ 1 ହେଉଛି ‘ବାହାଣକୁ’ ଓ ଅନ୍ୟ 1 ହେଉଛି ‘ବାମକୁ’ । ଏହିପରି ଗୋଟିଏ 2 ହେଉଛି ବାହାଣକୁ ଏବଂ ଅନ୍ୟ 2 ହେଉଛି ବାମକୁ ।

ଏହି ପାର୍ଥକ୍ୟକୁ ସଂକ୍ଷିପ୍ତ କରିବା ଲାଗି ମଣିଷ ‘ବାହାଣ’ ଲାଗି ‘+’ ଚିହ୍ନ ଓ ବାମ ଲାଗି ‘-’ ଚିହ୍ନ ବ୍ୟବହାର କରିବା କଥା ଚିନ୍ତା କଲା । ଫଳରେ ଉପରୋକ୍ତ ବାନ୍ଧାର କି.ମି. ସୂଚକ ଖୁବିମାନେ ନିମ୍ନମରେ ସୂଚିତ ହେଲେ -



ଏଠାରେ, ‘ହାତିବଜା’ 0 ରେ ଦୁଇଟି ବିପରୀତ ଦିଗକୁ ଲମ୍ବିଥିବା ରାଷ୍ଟ୍ରାର ଆରମ୍ଭ ହୋଇଥିବାରୁ ତାକୁ ‘ମୂଳ ବିଦ୍ୟୁ’ ବା ‘ଆରମ୍ଭ ବିଦ୍ୟୁ’ ଆଖ୍ୟା ଦିଆଗଲା ଏବଂ ଏହାର ନାମ କରଣ ଲାଗି 0 (ଜାଗାଜା ଅକ୍ଷର) ବ୍ୟବହାର କରାଗଲା ।

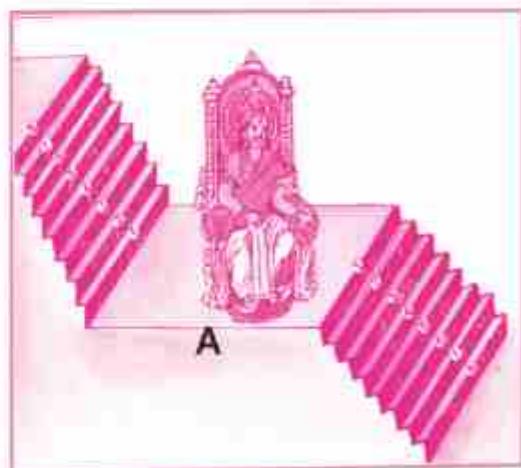
ଏହି ଆଲୋଚନା ଶୁଣି ସାରିଲା ପରେ ଶରତ କହିଲା, “‘ମୁଁ ଗୋଟିଏ ପରିଷ୍ଠିତି କହିବି’” । ତା’ପରେ ସେ ନିମ୍ନ ପରିଷ୍ଠିତିଟି କହିଲା ।

ଦ୍ୱୀପ ପରିଷ୍ଠିତି

ଜଣେ ରାଜା ତାଙ୍କର ଧନରତ୍ନକୁ ସୁରକ୍ଷିତ କରିବା ଲାଗି ଭୂମି ଭଲକୁ ଗୋଟିଏ ଘର କରିଥା’ଦି । ଭୂମି ଉପରେ ଥିବା ଘର ତଟଶେରୁ ହାତ ଉପରକୁ ଯିବା ପାଇଁ ଶିଥିଟିଏ କରାଯାଇଥାଏ ଏବଂ ଭୂମି ତଳେ ଥିବା ତଟଶେରୁ ଯିବାପାଇଁ ଆଉ ଗୋଟିଏ ଶିଥି ରହିଥାଏ ।

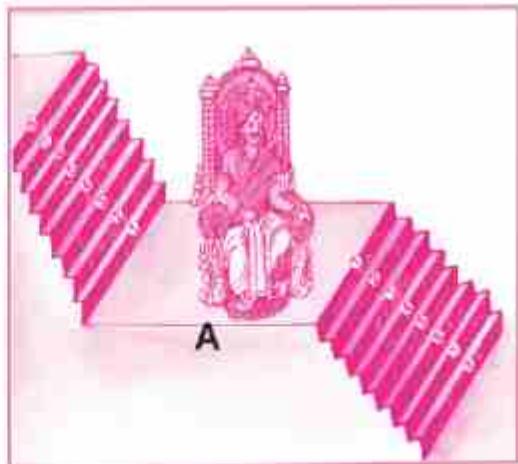
ଉତ୍ତର ଶିଥିର ଆରମ୍ଭ A ନାମକ ଗୋଟିଏ ସ୍ଥାନରେ ।

A ଠାରୁ ଉପର ପାହାଚାରୁତିକୁ 1, 2, 3 ଆତି ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଏବଂ A ଠାରୁ ତଳ ଆଢକୁ ଥିବା ପାହାଚାରୁତିକୁ ମଧ୍ୟ 1, 2, 3 ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ବିଦ୍ୟୁତ କରାଯାଇଥିଲା । ଏଣୁ ‘ଭଲକୁ 3 ନମ୍ବର ପାହାଚ’ ବା ‘ଉପରକୁ 3 ନମ୍ବର ପାହାଚ ବେଳି ନ କହିଲେ କେଉଁ 3 ନମ୍ବର ପାହାଚ ତାହା କଣାପରୁ ନଥିଲା ।



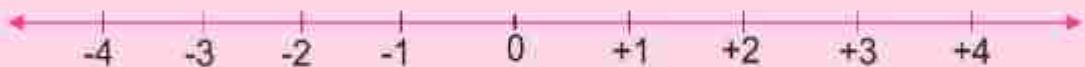
ଏହି ସମୟାକୁ ଦୂର କରିବା ଲାଗି ମନ୍ତ୍ରା କହିଲେ -

ଯେଉଁଠି ପାହାଚ ଆରମ୍ଭ ସେ ସ୍ଥାନକୁ ଶୂନ୍ୟ (୦) ଦାରା ଚିହ୍ନିତ କରାଯାଉ ଏବଂ ଉପର ଆହାର ଥିବା ପାହାଚ ଶୁଭିକୁ +1, +2, +3 ଆଦି ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କ ଦ୍ୱାରା ଓ ତଳକୁ ଥିବା ପାହାଚ ଶୁଭିକୁ -1, -2, -3 ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଚିହ୍ନିତ କରାଯାଉ । ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରଣକୁ ନୂଆ ବ୍ୟବସ୍ଥା ଅନୁଯାୟୀ ଦର୍ଶିଯାଇଛି ।



୪.୩ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସମୂହ ବ୍ୟବସ୍ଥା

ଆମେ ଦେଖିଲୋ, ଦୂରଟି ବିପରୀତ ଅବସ୍ଥାକୁ ସ୍ଥାନଥିବା ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ଲାଗି +1, +2, +3 ୦-1, -2, -3..... ଆଦି ସଂଖ୍ୟାମାନ ବ୍ୟବହାର କରାଗଲା । ଏ ଷେତ୍ରରେ ଯେଉଁଠାରେ ବିପରୀତ ଅବସ୍ଥା ସ୍ଥାନକୁ ସଂଖ୍ୟା ଗଣନାର ଆରମ୍ଭ, ତାକୁ ମୂଳ ବିନ୍ଦୁ ବୋଲି କୁହାଗଲା ଏବଂ ଏହାକୁ ସଂଖ୍ୟା ଶୂନ୍ୟ (୦) ଦାରା ସୂଚିତ କରାଗଲା ।



ଆମେ ପାଇଥିବା ସଂଖ୍ୟା ସମୂହ ହେବା - {, -4, -3, -2, -1, 0, +1, +2, +3, +4, }

ଏହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସମୂହ ନାମ ଦିଆଗଲା । ଏବଂ ଏହି ସଂଖ୍ୟାସମୂହ ଦୂରଙ୍ଗଳବା ଲାଗି ଜାରାଜୀ ଅଷ୍ଟର 'Z' ବ୍ୟବହାର କରାଗଲା ।

ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସମୂହ ଅନ୍ତର୍ରୁକ୍ତ -1, -2, -3..... ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଶୁଭିକୁ ଗଣାମୁକ ସଂଖ୍ୟା ବୋଲି ନାମିତ କରାଗଲା ଏବଂ +1, +2, +3 ଆଦି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଧନାମୁକ ସଂଖ୍ୟା ରୂପେ ନାମିତ କରାଗଲା ।

‘ଧନାମୁକ ଓ ଗଣାମୁକ ସଂଖ୍ୟା’ ନାମକରଣ କାହିଁକି ?

ଆମ ପାଖରେ ଥିବା ଟଙ୍କା ପରିଷା ଓ ଅନ୍ୟାନ୍ୟ ସମ୍ପର୍କିକୁ ଆମେ ଆମର ଧନ ବୋଲି କହୁ । ମାତ୍ର ଆମେ ଯଦି କରଜ କରିଥାଉ, ତେବେ ଆମ ଧନରୁ ଆବଶ୍ୟକ ମାତ୍ରେ କିଛି ଆମ କରଜ ବାତାକୁ ବେଳେ ଆମର କରଜ ଶୁଣୁ । ଏଣୁ କରଜ ବା ରଣ ହେଉଛି ଧନର ବିପରୀତ ଅବସ୍ଥା । କାରଣ ଧନ ଆମର ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଚଢାଏ ଏବଂ ରଣ ଆମର ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ କମାଏ ।

ଏହି କାରଣରୁ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ଅନ୍ତର୍ରୁକ୍ତ +1, +2, +3 ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଲାଗି ଧନାମୁକ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ -1, -2, -3.... ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଲାଗି ଗଣାମୁକ ସଂଖ୍ୟା ନାମକରଣ କରାଯାଇଛି ।

❖ ନିମ୍ନରେ ଜଣେ ଦୋକାନାର କେତେକ ଜିନିଷର ବିକିଳୁ ଲାଭ ଓ କ୍ଷତିରେ ସୂଚ୍ୟାଇଛି । ଲାଭ ଓ କ୍ଷତି ହେଉଛି ବୁଝି ବିପରୀତ ଅବସ୍ଥା । ଲାଭକୁ ‘+’ ସଂକେତ ଦ୍ୱାରା ସୂଚ୍ୟାଇଥିବା ବେଳେ ‘କ୍ଷତି’ କୁ ‘-’ ସଂକେତ ଦ୍ୱାରା ସୂଚ୍ୟାଇଥାଏ । କେତେକ ପରିସ୍ଥିତିର ବର୍ଣ୍ଣନା କରାଯାଇଛି, ସଂକେତ ବ୍ୟବହାର କରି ଲେଖ -

ଜିନିଷର ନାମ	ଲାଭ	କ୍ଷତି	ଉପଯୁକ୍ତ ବିହୁ ବ୍ୟବହାର କରି ସୂଚିତବା
ସୋରିଷଟେଲ	150 ଟଙ୍କା		
ଶର୍କାର		250ଟଙ୍କା	
ଗୋଲମରିଚ	225 ଟଙ୍କା		
ରହମ	200ଟଙ୍କା		
ଆନ୍ଦୁ		50 ଟଙ୍କା	

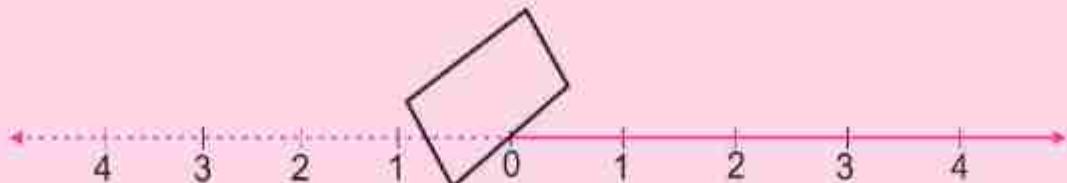


ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ଧଳା କାଗଜ ପୃଷ୍ଠା ଉପରେ ଗୋଟିଏ ଗର୍ବ ଅଳକନ କରି ତା’ଉପରେ ସମ୍ମୁଖାଗିତ ସାରାବିକ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଦେଖାଅ । (ନିମ୍ନରୁ ପରି) ।



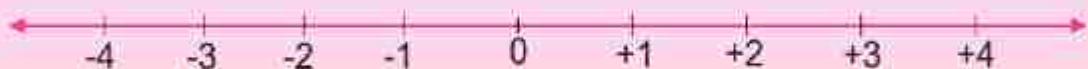
- ଗୋଟିଏ ଦର୍ଶନ-କାଚ ଆଣି ତା’ର ଗୋଟିଏ ଧାରକୁ କାଗଜ ଉପରେ ଲଗାଇ ରଖ, ଯେପରି ଦର୍ଶନ ପୃଷ୍ଠାଟି କାଗଜ ସହ ଲମ୍ବ ଭାବରେ ରହିବ ଏବଂ କାଗଜକୁ ଲାଗି ରହିଥିବା ଦର୍ଶନର ଧାରଣି କାଗଜରେ ଅଳକ କରାଯାଇଥିବା ସଂଖ୍ୟାରେଖା ପ୍ରତି ମଧ୍ୟ ଲମ୍ବ ଭାବରେ ରହିବ ।
- ବର୍ତ୍ତମାନ ଦର୍ଶନର ଧାରଣି ସଂଖ୍ୟାରେଖାର ସଂଖ୍ୟା ଶୂନ୍ୟ (୦) କୁ ଲଗାଇ ରଖ ଯେପରି ଏହାର ପ୍ରତିଫଳନ ପାଖଟି ଗର୍ବ ଉପରିସ୍ଥି ସଂଖ୍ୟା ଆଡ଼କୁ ରହିବ । ଏହି ପରିସ୍ଥିତି ନିମ୍ନ ଚିତ୍ର ଭାବି ଦେଖାଯିବ ।



- ତୁମେ ଦର୍ଶନକୁ ଛାଇଁଲେ ତୁମ ଆଜିଥିବା ଗର୍ବ ଓ ଏହା ଉପରିସ୍ଥି 1, 2, 3 ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଦର୍ଶନରେ ଦେଖାଯିବ ଏବଂ ସେଗୁଡ଼ିକ 0 ଠାରୁ ବାମକୁ କ୍ରମଶାଖା ବୃକ୍ଷ ପାଇବା ପରି ଦେଖାଯିବ ।
- ଦର୍ଶନର ପଛ ଆଡ଼କୁ ଦେଖାଯାଇଥିବା 1, 2, 3 ଆଦି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ -1, -2, -3 ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ବୋଲି ଗ୍ରୁହଣ କରାଯାଇପାରେ ।

ଏହି କାମଟିରୁ ତୁମେ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର -

- ତୁମେ ଅଙ୍କନ କରିଥିବା ରଶ୍ମି ଓ ଦର୍ଶଣରେ ଦେଖାଯାଉଥିବା ପ୍ରତିବିମ୍ (ରଶ୍ମିର ପ୍ରତିବିମ୍) ଏକତ୍ର ଗୋଟିଏ ରେଖା ସୃଷ୍ଟି କରିବ ଏବଂ ଏହି ରେଖା ଉପରେ ଥିବା ୦(ଶୂନ୍ୟ) ସୂଚକ ବିଦ୍ୟୁତ ଭାବାଙ୍କୁ ୧, ୨, ୩ ଆଦି ତୁମେ ଲେଖାଥିବା ସଂଖ୍ୟା ରହିବ ଓ ବାମକୁ ଭକ୍ତସଂଖ୍ୟାର ପ୍ରତିବିମ୍ ସଂଖ୍ୟା ୧, ୨, ୩ ଆଦି ରହିବ ।
- ଦର୍ଶଣଟି ଜଠାଇ ନେଇ ଓ ତୁମେ ପୂର୍ବରୁ ଅଙ୍କନ କରିଥିବା ରଶ୍ମିଟିକୁ ବାମକୁ ବହାଇଲେ କ'ଣ ହେବ ?
ପୂର୍ବରୁ ଅଙ୍କିତ ରଶ୍ମିରେ ଯୋଡ଼ିଥିବା ଆଙ୍କଟିକୁ ମୂଳରଶ୍ମିର ବିପରୀତ ରଶ୍ମିରୁପେ ରହିବ । ଉତ୍ତର ରଶ୍ମି ଏକତ୍ର ଏକ ସରଳରେଖା ସୃଷ୍ଟି କରିବେ । ମୂଳରଶ୍ମିର ବିପରୀତ ରଶ୍ମି ହଁ ତୁମେ ଦର୍ଶଣରେ ଦେଖାଥିବା ପ୍ରତିବିମ୍-ରଶ୍ମି । ଏହା ଉପରେ ପୂର୍ବରୁ ନେଇଥିବା କୁମିଳ ସଂଖ୍ୟା ସୂଚକ ବିଦ୍ୟୁତ ଦ୍ୱାରା ମଧ୍ୟରେ ବ୍ୟବଧାନ ସଙ୍ଗେ ସମାନ ବ୍ୟବଧାନ ନେଇ ବିଦ୍ୟୁମାନ ଚିହ୍ନଟ କର ଓ ସେବୁଟିକୁ ୦ ସୂଚକ ବିଦ୍ୟୁତ ଠିକ୍ ବାମରେ ଥିବା ବିଦ୍ୟୁତୁ ଆରମ୍ଭ କରି -୧, -୨, -୩ ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଦାରା ନାମିତ କର । ତୁମେ ନିମ୍ନ ଚିତ୍ରଟି ପାଇବ ।



ଅବଶ୍ୟ ଏହି ଚିତ୍ରରେ ୦ (ଶୂନ୍ୟ) ସୂଚକ ବିଦ୍ୟୁତ ଭାବାଙ୍କୁ ଥିବା ବିଦ୍ୟୁତୁଡ଼ିକ ପାଖରେ ଆଗରୁ ୧, ୨, ୩ ଆଦି ସଂଖ୍ୟା ଲେଖାଯାଇଥିଲା । ବର୍ତ୍ତମାନ ସେହିଗୁଡ଼ିକ ସହ '+' କିନ୍ତୁ ଲେଖ । ଫଳରେ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ $+1, +2, +3, \dots$ ରେ ପରିଶତ ହେବ । (ଅବଶ୍ୟ $+1$ ଓ 1 ମଧ୍ୟରେ ସଂଖ୍ୟାଗତ ପାର୍ଥକ୍ୟ ନାହିଁ) ।

ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସମୂହ ମଧ୍ୟରେ $+1$ ଓ -1 ପରିଷର ବିପରୀତ । ଏହି ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା ଯୋଡ଼ିକୁ ଆମେ $(+1, -1)$ ରୂପେ ଲେଖୁ । ସେହିପରି ଅନ୍ୟ ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା ଯୋଡ଼ି ମାନ ହେଲେ $(+2, -2), (+3, -3), (+4, -4)$ ଇତ୍ୟାଦି ।

$+5$ ର ବିପରୀତ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି -5

-5 ର ବିପରୀତ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି $+5$

କାଣିଛ କି ?

୦ ର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା ସେ ନିଜେ । ଅର୍ଥାତ୍ $0 = -0$

ଯେଉଁଠି କୁଳଟି ବିପରୀତ ପରିସ୍ଥିତି ସହ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ହୋଇଥାଏ, ସେଠାରେ ଗୋଟିଏ ପରିସ୍ଥିତି ସହ ଧନାମୂଳ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଓ ଏହାର ବିପରୀତ ପରିସ୍ଥିତି ସହ ଗଣାମୂଳ ସଂଖ୍ୟାକୁ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ କରାଯାଏ । ବିପରୀତ ପରିସ୍ଥିତିର କେତେକ ଭୁବାହରଣ ନିମ୍ନରେ ଦିଆଯାଇଛି ।

ଦୂରତା ମାପ କ୍ଷେତ୍ରରେ : ବାମ - ଭାବାଣ, ତଳ-ଉପର, ଆଗ-ପଛ, ଉଚ୍ଚତା-ଗଭାରତା ଆଦି ବିପରୀତ ପରିସ୍ଥିତି । ସାଧାରଣତା -

‘ଭାବାଣ’ ଲାଗି ଧନାମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ଓ ‘ବାମ’ ଲାଗି ଗଣାମୂଳ ସଂଖ୍ୟା,

‘ଉପର’ ଲାଗି ଧନାମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ଓ ‘ତଳ’ ଲାଗି ଗଣାମୂଳ ସଂଖ୍ୟା,

‘ଉଚ୍ଚତା’ ଲାଗି ଧନାମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ଓ ‘ଗଭାରତା’ ଲାଗି ଗଣାମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ ।

ଏହି ଆଲୋଚନା ଶୁଣିବା ପରେ, ରମନ ପଣ୍ଡିତଙ୍କା - “+4 ଓ -7 କୁ ପରିଷର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା କହିବା କି ?” ରମନ ପଣ୍ଡିତଙ୍କା ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ଜାଣିବା ପାଇଁ ଆସ ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା କମଳିକୁ କରିବା।



ନିଜେ କରି ଦେଖ



- ଉପରିଷ୍ଠୁ ସଂଖ୍ୟାରେଣ୍ଟାକୁ ଦେଖି ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ତର ଦିଆ ।

ଶୂନ (0) ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁ ପାଖରୁ ଢାହାଣକୁ 3 ଏକକ ଯାଆ, କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ପାଇଲ ?

ଶୂନ (0) ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁ ପାଖରୁ ବାମକୁ 3 ଏକକ ଯାଆ, କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ପାଇଲ ?

- ଶୂନ ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁଠାରୁ ଏହାର ବିପରୀତ ପାଖରେ ସମାନ ସମାନ ଦୂରତାରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଦୂରତିକୁ ପରିଷର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା କୁହାଯାଏ । ଏଣୁ, $+3$ ଓ -3 ପରିଷର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା ।

ଯେହେତୁ $+4$ ଓ -7 ସଂଖ୍ୟା ଦୂରତି 0 ଠାରୁ ସମାନ ସମାନ ଦୂରତାରେ ନାହାନ୍ତି, ତେଣୁ ସେମାନକୁ ପରିଷର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା କୁହାଯିବିଲା ?

ପରିଷର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ପର୍କୀୟ ଆର ଗୋଟିଏ କାମ କରିବା ।

ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ଭୁମେ ଓ ଭୁମ ସାଙ୍ଗ ଏକାଠି ବସ ।
- ଭୁମ ପାଖରେ $-1, -2, -3, \dots, -8$ ଲେଖାଥିବା ସଂଖ୍ୟାକାର୍ତ୍ତ ରଖ । ଭୁମ ପାଖରେ କେତୋଟି ସଂଖ୍ୟାକାର୍ତ୍ତ ରହିଲା ?
- ସେହିପରି ଭୁମ ସାଙ୍ଗକୁ $+1, +2, +3, \dots, +8$ ଲେଖାଥିବା ସଂଖ୍ୟାକାର୍ତ୍ତ ଦିଆ ।
- ଭୁମ -1 କାର୍ତ୍ତକୁ ଦେଖାଇଲେ ଭୁମ ସାଙ୍ଗକୁ -1 ର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା କାର୍ତ୍ତକୁ ଦେଖାଇବାକୁ କହ । ପରିଷର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା କାର୍ତ୍ତ ଦୂରତିକୁ ଏକାଠି ରଖ ।
- ସେହିପରି ଭୁମ ସାଙ୍ଗ ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାକାର୍ତ୍ତ ଦେଖାଇଲେ ଭୁମେ ସେହି ସଂଖ୍ୟାର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟାକାର୍ତ୍ତକୁ ଦେଖାଅ । ଏହିଭାବି ସମସ୍ତ ସଂଖ୍ୟାକାର୍ତ୍ତ ସରିବା ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ କାର୍ଯ୍ୟକ୍ରିଯାକୁ କର ।
- ଏହିପରି ଭୁମ ସାଙ୍ଗ ପରିଷର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟାଯୋଡ଼ି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

8.3.1 ରଣାମୂଳ ଚିନ୍ହ (-) ର ଅର୍ଥ

ଏ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ବିଯୋଗ ପ୍ରକାଶ ଲାଗି (-) ଚିନ୍ହର ବ୍ୟବହାର କରାଯାଉଥିଲା । ଆମ ପାଇଁ 5 - 3 ର ଅର୍ଥ ଥିଲା 5 ରୁ 3 ବିଯୋଗ କରିବା । ମାତ୍ର '-3' ଲାଗି କୌଣସି ଅର୍ଥ ଆମ ପାଖରେ ନ ଥିଲା, ଯେ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଆମେ କେବଳ ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟା ସହ ପରିଚିତ ଥିଲେ ।

144

ବର୍ତ୍ତମାନ ‘-’ ଚିହ୍ନର ଅନ୍ୟ ଏକ ଅର୍ଥ ଆମେ ପାଇଲେ । ଏହା ହେଲା ‘ବିପରୀତ ପରିସ୍ଥିତି’ ସୂଚକ ଚିହ୍ନ ।

ଅର୍ଥାତ୍, $+5$ ର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା – 5

$+5$ ଓ -5 ପରିସ୍ଥିତି ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା, ଏଣୁ –

5 ର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା = $+5$ ବା, $-(-5) = +5$

ସେହିପରି, $-(-7) = +7$

8.4 ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ବଡ଼-ସାନ ଜ୍ଞାନ

ସ୍ଵାଭାବିକ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ସଂଖ୍ୟା ରେଖାରେ ଦର୍ଶାଇବା ବେଳେ ଆମେ ଦେଖୁଥିଲେ –

ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟା ଅପେକ୍ଷା ବୃଦ୍ଧିର ସଂଖ୍ୟାଟି ସଂଖ୍ୟାରେଖା ଉପରିସ୍ଥିତ ଉଚ୍ଚ ସଂଖ୍ୟା ସୂଚକ ବିଦ୍ୟୁର ଡାହାଗକୁ ରହେ
ଏବଂ ସେହି ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ ସାନ ସଂଖ୍ୟାଟି ଉଚ୍ଚ ସଂଖ୍ୟା ପୂର୍ବକ ବିଦ୍ୟୁର ବାମକୁ ରହେ ।

ସଂଖ୍ୟା ରେଖାରେ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ଦେଖାଇବା ବେଳେ ମଧ୍ୟ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଜ୍ଞାନ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ସେହି ନିଯମ
ଅନୁସରଣ କରିବା । ଏଣୁ ଆମେ ଦେଖୁଲେ –

୦ ଅପେକ୍ଷା -1 ସାନ,

-1 ଅପେକ୍ଷା -2 ସାନ,

-2 ଅପେକ୍ଷା -3 ସାନ,

-3 ଅପେକ୍ଷା -4 ସାନ,



-4 ଅପେକ୍ଷା -5 ବଡ଼ (ଏହା ଆମେ ଜାଣୁ)

-5 ଅପେକ୍ଷା -6 ସାନ (ବର୍ତ୍ତମାନ ଜାଣିଲେ)

ଶ୍ରେଣୀରେ ଏ ସମସ୍ତ ଆଲୋଚନା ଶୁଣି ରମେଶ ପଢ଼ିଲା – ଏଇଲି ଗୋଟିଏ ପରିସ୍ଥିତି କ’ଣ ଅଛି ଯେଉଁଠି -7 ଅପେକ୍ଷା
 -8 ବଡ଼ ବୋଲି ଜଣା ପଡ଼ିବ ? ସାମା ଭଜର ଦେଲା –

ଆମେ ତ ଜାଣିଛୁ, ଲାଭ ପରିମାଣକୁ ଧନୀମକ ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରାଯାଏ ଓ କ୍ଷତି ପରିମାଣକୁ ଗଣୟମକ
ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରାଯାଏ । ସମସ୍ତେ କହିଲେ ‘ହଁ’ । ରହିମ ଓ ଶକ୍ତି ପ୍ରତ୍ୟେକ 5000 ଟଙ୍କା ଲେଖାଏଁ ମୂଳଧନ ନେଇ
ବ୍ୟକସାୟ କରିଥିଲେ ।

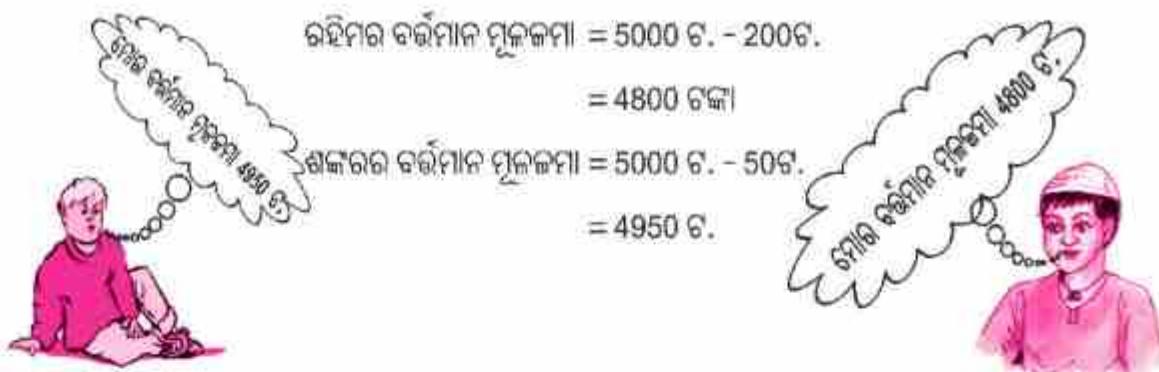
ଗୋଟିଏ ସପ୍ରାହ ଶେଷରେ ଦେଖାଗଲା –

ରହିମ 200 ଟଙ୍କା କ୍ଷତି କରିଛି ଏବଂ

ଶକ୍ତି 50 ଟଙ୍କା କ୍ଷତି କରିଛି ।

ଦେବେ କହ, ବର୍ତ୍ତମାନ କାହାର ମୂଳ ଜମା କେତେ ଅଛି ?





ତେବେ 200 ଟଙ୍କା କ୍ଷତି କରିଥିବା ବ୍ୟବସାୟୀର ଜମା ଅଧିକ, ନାଁ 50 ଟଙ୍କା କ୍ଷତି କରିଥିବା ବ୍ୟବସାୟୀର ଜମା ଅଧିକ ?

ଏଣୁ କ୍ଷତି 200 (ବା-200) ଅପେକ୍ଷା କ୍ଷତି 50 (-50) ବଡ଼ । $-50 > -200$

ଶୁଦ୍ଧତର ଚିହ୍ନ (<) ବ୍ୟବହାର କରି ବର୍ତ୍ତମାନ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର କ୍ରମ ହେବ -

$$\begin{array}{c}
 1 < 2 \\
 0 < 1 \\
 \underline{-1 < 0} \\
 -2 < -1 \\
 -3 < -2 \\
 -12 < -11
 \end{array}
 \begin{array}{l}
 \text{(ଆମେ ଜାଣିଥିଲେ)} \\
 \text{(ବର୍ତ୍ତମାନ ଜାଣିଲେ)}
 \end{array}$$

ନିମ୍ନ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର କ୍ରମ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ଆମେ ନିମ୍ନ ଜଞ୍ଚାମାନ ଜାଣିଲେ

- ◆ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଧନୀମୂଳ ସଂଖ୍ୟା 0 (ଶୂନ୍ୟ) ଅପେକ୍ଷା ବଡ଼ ।
- ◆ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଧନୀମୂଳ ସଂଖ୍ୟା, ସେ କୌଣସି ରଣୀମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ଅପେକ୍ଷା ବଡ଼ ।
- ◆ 0 (ଶୂନ୍ୟ), ପ୍ରତ୍ୟେକ ରଣୀମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ଅପେକ୍ଷା ବଡ଼ ।
- ◆ $9 > 7 & -9 < -7, \quad 5 > -3 & -5 < 3, \quad -7 < -4 & 7 > 4$
ଅର୍ଥାତ୍ ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ଯେଉଁ ପ୍ରକାର ଅସମତା (ବଡ଼ ବା ସାନ୍ତି)ଥାଏ, ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ପୂର୍ବ ଅସମତାର ବିପରୀତ ଅସମତା ଥାଏ ।
- ◆ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦୁଇଟି କୁମିଳ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁ ଦ୍ୱାରା ମଧ୍ୟବର୍ଗ ବ୍ୟବଧାନ ହେଉଛି 1,
ଯେପରି $6 - 5 = 1$ (ଆମେ ଜାଣିଲେ)
ସେପରି $-2 - (-3) = 1$
 $-3 - (-4) = 1$ ଭାବ୍ୟାଦି
- ◆ ସଂଖ୍ୟା ରେଣ୍ଡା ଉପରେ ଥିବା ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରୁ ଡାହାଣକୁ ଥିବା ସଂଖ୍ୟା, ଡାମକୁ ଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଠାରୁ ବଡ଼ । ଫଳରେ ବାମକୁ ଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଡାହାଣକୁ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ ସାନ୍ତି ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 8.1

1. ନିମ୍ନ ପରିସ୍ଥିତିମାନଙ୍କର ବିପରାତ ପରିସ୍ଥିତି ଲେଖ।

(କ) ଜନସଂଖ୍ୟା ବୃଦ୍ଧି	(ଖ) ବ୍ୟାଙ୍ଗରେ ଟଙ୍କା ଜମା କରିବା
(ଗ) ବ୍ୟୟ କରିବା	(ଘ) ଉବରକୁ ଯିବା
(ଛ) ଭାପମାତ୍ରା ହୁଏ	(ଚ) 500 ଟ୍ରେଣ୍ଟର

2. ‘+’ ବା ‘-’ ଚିହ୍ନ ବ୍ୟବହାର କରି ଲେଖ।

(କ) 400 ଟଙ୍କା ଲାଭ	(ଖ) ଭାହାରେ 4 କି.ମି.
(ଗ) ବ୍ୟାଙ୍ଗରୁ 300 ଟଙ୍କା ଉଠାଣ	(ଘ) 5 ଗୋଲଗେ ହାରିବା
(ଛ) ଭୂପ୍ରସ୍ତ ଠାରୁ 200ମି. ଉଚ୍ଚ	(ଚ) 2,00,000 ଟଙ୍କା ଆୟ।

3. ନିମ୍ନ ସଂଖ୍ୟା ଯୋଡ଼ିମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ କେଉଁପୁଣିକ ବିପରାତ ସଂଖ୍ୟାଯୋଡ଼ି ଚିହ୍ନଟ କର।
 (2, -3), (-5, 5), (-7, -8), (-1, 0), (-11, +11), (17, -17)

4. ଗେଟିଏ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ବିବସରେ ଭାରତର ଛଅଟି ସ୍ଵାନର ଭାପମାତ୍ରାକୁ ନିମ୍ନରେ ଦିଆଯାଇଛି।

ସ୍ଵାନ	ତାପମାତ୍ରା
ସିଆଚାନ	୦°C ରୁ 10°C କମ୍
ଭୁବନେଶ୍ୱର	୦°C ରୁ 22°C ଅଧିକ
ସିମଳା	୦°C ରୁ 3°C କମ୍
ଦାରିଙ୍ଗିବାଡ଼ି	୦°C ରୁ 1°C କମ୍
କୋରାଯୁଡ଼	୦°C ରୁ 8°C ଅଧିକ
ଲବାଖ	୦°C ରୁ 8°C କମ୍



- (ক) প্রতিযেক প্লানের তাপমাত্রাকু পূর্ণসংজ্ঞারে প্রকাশ কর।

(খ) গোচির সংজ্ঞারেশ অক্ষন করি প্রতিযেক প্লানের তাপমাত্রাকু ঘেঢ়ে পুরাত।

(গ) কেবি প্লানের তাপমাত্রা বরুতাৰু অধৃক ও কেবি প্লানের তাপমাত্রা বরুতাৰু কম ?

5. নিম্নোক্ত থৰা কুমাৰুভিৰ মধ্যেৰ ঠিক কুমাৰু চিহ্নআ।
 $3 < 4$, $-7 > -8$, $-9 > +5$, $-3 < 0$, $-8 < +2$, $+1 > -300$, $-0 < 0$

6. দক্ষ সংজ্ঞামানকৰ বিপৰাত সংজ্ঞা লেখ।

(କ) 7 (ଖ) -9 (ଗ) -10 (ଘ) 0 (ଘ) 17

7. ନିମ୍ନେ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟିର ମଧ୍ୟବର୍ଗୀ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ସାନରୁ ବଡ଼ କ୍ରମରେ ଲେଖି ।

(କ) $2 \oplus 8$ (ଖ) $-3 \oplus -7$
 (ଗ) $-5 \oplus +2$ (ଘ) $-1 \oplus +1$
 (ଡ) $-7 \oplus 0$

8. ଖାଲି ଘରେ $>$, $<$ ଓ $=$ ଚିହ୍ନମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ଉପଯୁକ୍ତ ଚିହ୍ନ ବସାଅ, ଯେପରି କ୍ରମ ଠିକ୍ ରହିବ ।

(କ) $2 \square - 5$ (ଖ) $-7 \square 3$ (ଗ) $0 \square - 4$
 (ଘ) $0 \square - 0$ (ଘ) $-0 \square - 3$ (ଡ) $-3 \square - 7$

9. ନିମ୍ନ ଉଚ୍ଚଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ଠିକ୍ ଉଚ୍ଚକୁ ବାହି ତୁମ ଖାତାରେ ଲେଖି ।

(କ) ଶୁଦ୍ଧତମ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ହେଉଛି 0 । (ଖ) -225 ଅଧେଷ୍ଠା -80 ସାନ ।
 (ଗ) -444 ଅଧେଷ୍ଠା 0 ସାନ । (ଘ) $-2 < 0 < 7$
 (ଡ) $-0 = 0$ (ତ) ଶୁନ (0)ଧନୀୟକ ବା ରଣୀୟକ ନୁହେଁ ।

10. (କ) ସାନରୁ ବଡ଼ କ୍ରମରେ ସଜାଅ ।
 $5, 0, -11, 14, -20, 25, -4$
 (ଖ) ବଡ଼ରୁ ସାନକ୍ରମରେ ସଜାଅ ।
 $-8, 2, 5, -6, 0, 15, -111$

11. ସଂଖ୍ୟାରେଣ୍ଟାକୁ ଦେଖ, ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନମାନଙ୍କର ଉଚର ଦିଆ ।

(କ) $+5$ ସୂଚକ ବିଦୁତାରୁ ଡାହାଣକୁ 3 ଏକକ ଦୂର ଗଲେ, କେବେଁ ସଂଖ୍ୟା ପାଇବ ?
 (ଖ) $+5$ ସୂଚକ ବିଦୁତାରୁ ବାମକୁ 3 ଏକକ ଦୂର ଗଲେ, କେବେଁ ସଂଖ୍ୟା ପାଇବ ?
 (ଗ) $+7$ ସୂଚକ ବିଦୁତାରୁ କେତେ ଏକକ ଦୂରରେ -4 ସୂଚକ ବିଦୁ ରହିଛି ?
 (ଘ) -7 ସୂଚକ ବିଦୁତାରୁ ଯେତିକି ଦୂରରେ -4 ସୂଚକ ବିଦୁ ରହିଛି, -7 ସୂଚକ ବିଦୁର ବାମକୁ ପାଖକୁ ସେତିକି ଦୂରରେ କେବେଁ ସଂଖ୍ୟା ରହିଛି ?

12. ସଂଖ୍ୟାରେଣ୍ଟା ଉପରେ

(କ) $-3 \oplus -8$ ସୂଚକ ବିଦୁଦୟ ମଧ୍ୟରେ ବ୍ୟବଧାନ କେତେ ?
 (ଖ) $-2 \oplus +3$ ସୂଚକ ବିଦୁଦୟ ମଧ୍ୟରେ ଦୂରତା କେତେ ?

8.5 पूर्णसंख्या मध्ये योग ओ वियोग प्रक्रिया।

8.5.1 पूर्णसंख्या मध्ये योग :

वाराबिक संख्यामानक मध्ये योग प्रक्रिया एह मुमेमाने परिचित।

+ 5 ओ 5 मध्ये योग कोणती पार्थक्य नाही। एव्ह 5 + 3 एव्ह $(+5) + (+3)$ मध्ये योग कोणती पार्थक्य नाही। तेहु मुमे कहिपारिब : $(+5) + (+3) = + 8$

तेवेएही योगपाल विपरि पालथल आव मने पकाऊवा।



तिमोठी पूलरु गोठिए आणि 5 टी फूल एह मिशालले -



दुरचि पूलरु गोठिए आणि 6 टी फूल एह मिशालले -

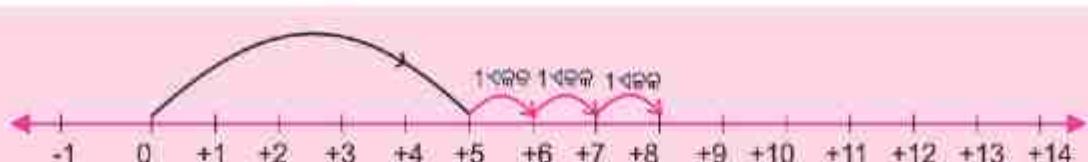


शेष गोटेक आणि 7 टी फूल एह मिशालले -



संख्या क्रम अनुयाय 13 रु 1, 1 ओ आर 1 आणि 5 एह क्रमानुष्ठरे एकाठी करि पालले 8।

एही कार्यकृत संख्यारेखा उपरे निम्नमते करायाइपारिब।



प्रथम संख्याती दर्शाऊवा पालौ शून (0) मुक्तक चिरूतारु आरम्भ करि प्रथम संख्या मुक्तक चिरू पर्यंत यिव।

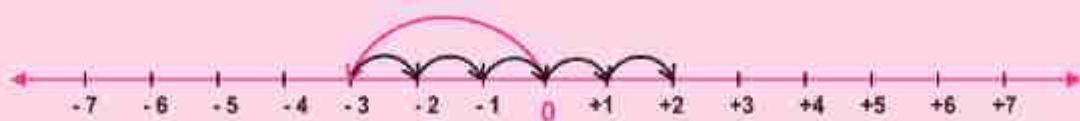
(+5) ଓ (+3) ର ଯୋଗପକ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବା ଲାଗି ଶୁନ ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁ 0ରୁ 5 ଘର ଡାହାଣକୁ ଯାଇ +5 ବିନ୍ଦୁ
ପାଖରେ ପହଞ୍ଚିବା ପରେ, ଗଣିଗଣି 3 ବା 3 ଏକକ ଘର ଡାହାଣକୁ ଗଲେ । ବର୍ଗମାନ ପହଞ୍ଚିଲେ +8 ପାଖରେ ।

$$\text{ଏଣ୍ଟୁ ଜାଣିଲେ, } (+5) + (+3) = +8$$

ଏହି ପ୍ରୁଣାଳୀରେ ନିମ୍ନ ଯୋଗ କ୍ରିୟା ଗୁଡ଼ିକୁ ସମାଧନ କରିବା ।

$$(କ) \quad (-3) + (+5) = ?$$

ଯୋଗ କ୍ରିୟାର ପୁଅମ ସଂଖ୍ୟା -3 ହେତୁ ଶୂନ୍ୟ (0) ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁରୁ -3 ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଯାଇ -3 ବିନ୍ଦୁ ପାଖରେ ପହଞ୍ଚିଲେ ।



+5 ଯୋଗ କରିବା କାର୍ଯ୍ୟ କରିବା ଲାଗି ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ
ଘର ନେଇ ପାଞ୍ଚ ଘର (ବା ଏକକ) ଗଣି ଡାହାଣକୁ ଯିବା । ଆମେ
ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ପାଖରେ ପହଞ୍ଚିଲେ ତାହା ହେଲା +2 ।

$$\text{ଏଣ୍ଟୁ } (-3) + (+5) = +2$$

କହିଲ ଦେଖି :

ସଂଖ୍ୟାରେଖା ବ୍ୟବହାର କରି -4 ରେ
+6 ଯୋଗକଲେ ଯୋଗପକ କେତେ
ହେବ ?

8.5.2. ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ବିଯୋଗ :

ଆମେ ଜାଣିଛୁ, ‘ଲାଭ’କୁ ଧନାତ୍ମକ ସଂଖ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଓ ‘ଷତି’କୁ ଲଶ୍ନାତ୍ମକ ସଂଖ୍ୟାଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରାଯାଏ ।

ଗୋଟିଏ ସାଧାରଣ କଥା ଦ୍ୱାରା ସହଜରେ ଏହାକୁ ବୁଝିପାରିବା । ତାହା ହେଲା - ଲାଭ କମିଯାଏ ଯଦି ଷତି ଅଧିକ
ହୁଏ । ଏହି କଥା ଲାଗି ଗୋଟିଏ ଉଦ୍ଦରଣ ଦେଖୁବା -

ଗୋଟିଏ ଆକୁ ବିକି 10 ଟଙ୍କା ଲାଭ କଲା ଓ ପିଆକ ବିକି 4 ଟଙ୍କା ଷତି କଲା ।

ତେବେ ତା’ର ମୋଟ ଲାଭ ହେଲା = 10ଟ. - 4ଟ. = 6ଟ.

ତା’ପର ଦିନ ତା’ର ଆକୁ ବିକିରୁ ଲାଭ କଲା 10ଟ. କିନ୍ତୁ ପିଆକ ବିକିରୁ ଷତି ହେଲା 5 ଟଙ୍କା, ଅର୍ଥାତ୍ ତା’ର ଷତି
1 ଟଙ୍କା ଅଧିକ ହେଲା ।

ମୋଟ ଲାଭ ହେଲା = 10ଟ. - 5ଟ. = 5ଟ.

ବର୍ତ୍ତମାନ ଦେଖିଲେ,

ଦିତୀୟ ଦିନ ତା’ର ଷତି 1 ଟଙ୍କା କଢ଼ିଯିବାରୁ (4ଟ. ପରିବର୍ତ୍ତେ 5ଟ. ଷତି ହେବାରୁ) ତା’ର ମୋଟ ଲାଭ 1ଟ.
କମିଗଲା (6ଟ. ପରିବର୍ତ୍ତେ 5ଟ. ଲାଭ ହେଲା) । ଏଣ୍ଟୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ, ଷତି ଯେତିକି କଢ଼େ, ଲାଭ ସେତିକି
କମେ ।

ଅଥବା ଆମେ କ’ଣ ଜାଣିଲେ ? -3 ଯୋଗ କରିବା ଯାହା +3 ବିଯୋଗ କରିବା ତାହା ।

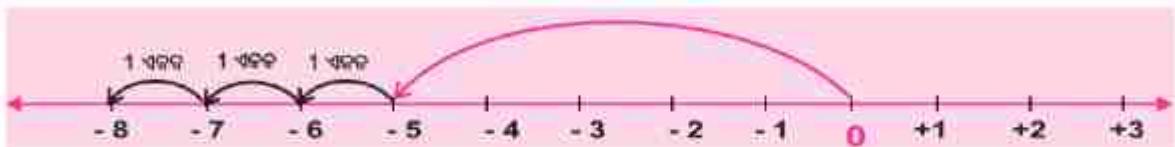
$$\text{ଏଣ୍ଟୁ } (-5) + (-3) = -5 - (+3)$$

આમે 7 રુ 3 કિપરિ બિયોગ કર્યુ ?

$$\begin{aligned} 7 - 3 &= (7-1)-2 \\ &= (6-1)-1 \\ &= 5-1=4 \end{aligned}$$

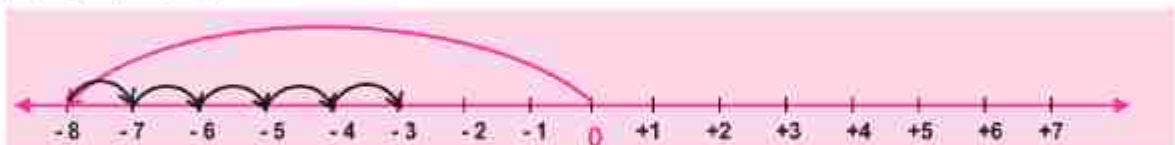
અર્થાત 7 રુ થર થર કરી 3 ગોરિ 1 કમાય આમે 7 રુ 3 બિયોગ કરીથાડુ | 1 કમાયવા અર્થ એહિસંખ્યા પાછવા, યેરેટી સંખ્યારેખા રે પૂર્વ સંખ્યાર ચાની પાખરે થાએ | એણુ ધનાર્દુક સંખ્યા બિયોગ કર્યા બેળે આમે બામકુ યાજા |

(ક) $(-5) + (-3) = -5 - (+3)$



શૂન્ય (0) સૂચક બિન્દુનુ -5 સૂચક બિન્દુપર્યન્ત પિવાપરે, +3 બિયોગ કરીવા લાગ્યુ 3 રદ (એકક) બામકુ ગલે | $-5 + (-3) = -5 - (+3) = -8$

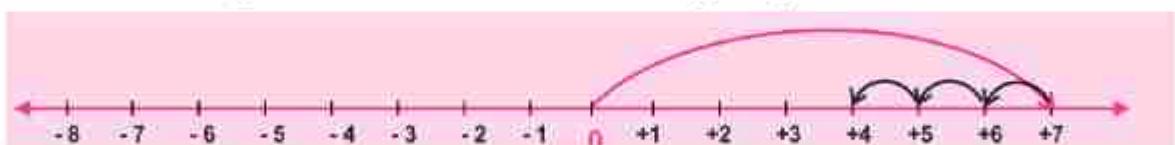
(દ) $(-8) + (+5) = ?$



આમે દેખ્યુલે : $-8 + (+5) = -3$

(ઇ) $(+7) - (+3) = ?$

આમે ત' જાણિલુણી +3 બિયોગ કરીવા લાગ્યુ 3 એકક બામકુ યિવાકુ હેઠે |

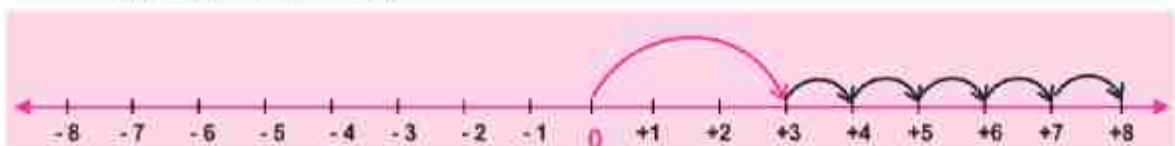


$(+7) - (+3) = +4$

(ઘ) $(+3) - (-5) = ?$

-5 બિયોગ કરીવા અર્થ હેઠલી -5 ર બિપરાઠ સંખ્યા +5 કુ યોગ કરીવા |

$(+3) - (-5) = (+3) + (+5)$



એણુ, $(+3) - (-5) = (+3) + (+5) = +8$

ସଂଖ୍ୟାରେଖା ସାହାଯ୍ୟରେ ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟ ସମ୍ବନ୍ଧରେ କେତେକ ଜାଣିବା କଥା

- ◆ ଯୋଗ ବା ବିଯୋଗ କଲାବେଳେ ଆମେ ଶୁଣ (0) ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାତାରୁ ଆଗମ କରୁ ।
 - ◆ ଧନାମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ଯୋଗକଲା କେଳେ ଆମେ ଢାହାଣକୁ ପାଇ ।
 - ◆ ଧନାମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ବିଯୋଗ କଲାବେଳେ ଆମେ ବାମକୁ ପାଇ ।
 - ◆ ଯେଉଁ ଧନାମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ଯୋଗ କରିବାକୁ ଥାଏ, ଗୋଟି ଗୋଟି କରି ସେତିକି ଘର (ଏକକ) ଗଣ ଆମେ ଡାହାଣକୁ ପାଇ ।
 - ◆ ଯେଉଁ ଧନାମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ବିଯୋଗ କରିବାକୁ ଥାଏ, ଗୋଟି ଗୋଟି କରି ସେତିକି ଘର ଗଣ ଆମେ ବାମକୁ ପାଇ ।
 - ◆ ଏକ ରଣାମୂଳ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଯୋଗ କରିବା ପାଇଁ ସେହି ସଂଖ୍ୟାର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟାକୁ ନେଇ ବିଯୋଗ କରିବା । ଏଣୁ ଦେଇଠି ରଣାମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ଯୋଗ କରିବାକୁ ଥାଏ, ସେଠାରେ ଉଚ୍ଚ ସଂଖ୍ୟାର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଯୋଗ କରିବାକୁ ହୁଏ ।
- ଯଥା : $(+5) + (-7) = (+5) - (+7)$
- ◆ ଏକ ରଣାମୂଳ ସଂଖ୍ୟା ବିଯୋଗ କରିବା ପାଇଁ, ଉଚ୍ଚ ସଂଖ୍ୟାର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଯୋଗ କରିବାକୁ ହୁଏ ।
- ଯଥା : $(+3) - (-5) = (+3) + (+5)$

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 8.2

1. ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାରେଖା ଅଙ୍କନ କରି ସେଥିରେ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାମାନ ଚିହ୍ନଟ କର । ସେହି ସଂଖ୍ୟାରେଖା ସାହାଯ୍ୟରେ ନିମ୍ନ ପ୍ରୟୋଗକର ଉଚାର ଦିଆ ।
 - (କ) -3 ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାତାରୁ ସେହି ସଂଖ୍ୟାର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାର ଦୂରତା କେତେ ଏକକ ?
 - (ଖ) -7 ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାତାରୁ -4 ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାତାର ଦୂରତା କେତେ ?
 - (ଗ) $+7$ ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାତାରୁ $+4$ ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାତାର ଦୂରତା କେତେ ?
2. ସଂଖ୍ୟା ରେଖାଟିଏ ଅଙ୍କନ କରି ସେଥିରେ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ମାନଙ୍କୁ ଚିହ୍ନଟ କର । ସେହି ସଂଖ୍ୟା ରେଖାକୁ ଦେଖି ନିମ୍ନ ପ୍ରୟୋଗକର ଉଚାର ଦିଆ ।
 - (କ) -2 ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାତାରୁ 4 ଏକକ ବାମକୁ ଆସିଲେ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାତାରେ ପହଞ୍ଚିବ ?
 - (ଖ) $+4$ ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାତାରୁ 7 ଏକକ ବାମକୁ ଆସିଲେ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାତାରେ ପହଞ୍ଚିବ ?
 - (ଗ) -5 ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାତାରୁ 4 ଏକକ ଢାହାଣକୁ ଆସିଲେ କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ପାଖରେ ପହଞ୍ଚିବ ?
 - (ଘ) -2 ସୂଚକ ବିଦ୍ୱାତାରୁ 5 ଏକକ ଢାହାଣକୁ ଗଲେ, କେଉଁ ସଂଖ୍ୟା ପାଖରେ ପହଞ୍ଚିବ ?

3. ସଂଖ୍ୟାରେଖା ସାହାଯ୍ୟରେ ଯୋଗକର । ପ୍ରତ୍ୟେକ ପ୍ରଶ୍ନ ସମାଧାନ ପାଇଁ ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାରେଖାର ସାହାଯ୍ୟ ନିଅ ।
- (କ) $(+3) + (+2)$ (ଖ) $(-2) + (+5)$ (ଗ) $(+8) + (-3)$
 (ଘ) $(-7) + (+4)$ (ଡ) $(-3) + (-4)$ (ଚ) $(+5) + (0)$
4. ପ୍ରତ୍ୟେକ ପ୍ରଶ୍ନ ଲାଗି ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାରେଖା ଅଳନ କରି ବିଯୋଗ କର ।
- (କ) $(+5) - (+3)$ (ଖ) $(+7) - (-4)$ (ଗ) $(+5) - (+8)$
 (ଘ) $(+4) - (-7)$ (ଡ) $(-4) - (+3)$ (ଚ) $(-6) - (-5)$

8.6 ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ବିଭିନ୍ନ ନିୟମ

(ଜ) ଆମେ ଯେଉଁ ଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟକୁଡ଼ିକୁ ସମାଦନ କରିଛୁ, ସେଥରୁ ଦେଖନ୍ତୁ -

ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗପାଳ ମଧ୍ୟ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ।

ଏଣୁ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଏବଂ ବୃକ୍ଷ ନିୟମ ପାଳନ କରେ ।

(ଘ) ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ କ୍ରମ ବିନିମୟ ନିୟମ



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ଯେ କୌଣସି ଦୁଇଟି ଧନାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ନିଅ । ପ୍ରଥମ ସଂଖ୍ୟାଟି ସହ ଦ୍ଵିତୀୟ ସଂଖ୍ୟାଟିକୁ ମିଶାଅ । ଏବେ ଦ୍ଵିତୀୟ ସଂଖ୍ୟା ସହ ପ୍ରଥମ ସଂଖ୍ୟାକୁ ମିଶାଅ । ଉଭୟ ଯୋଗପାଳ ସମାନ ହେଲା କି ?
- ଗୋଟିଏ ଧନାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ଓ ଗୋଟିଏ ରଣାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ନେଇ ସେହିଭଳି କାମଟିକୁ କର । ଦୁଇଟି ଯାକ ଯୋଗପାଳ ମଧ୍ୟରେ କ'ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛ ?
- ଦୁଇଟି ରଣାତ୍ମକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ନେଇ ପ୍ରଥମ ସଂଖ୍ୟା ସହ ଦ୍ଵିତୀୟ ସଂଖ୍ୟାକୁ ମିଶାଇ ଯୋଗପାଳ କେତେ ହେଲା ଲେଖ । ଏବେ ଦ୍ଵିତୀୟ ସଂଖ୍ୟା ସହ ପ୍ରଥମ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଯୋଗକରି ଯୋଗପାଳ ମିର୍ରୟ କର । ଉଭୟ ଯୋଗପାଳ ସମାନ ହେଉଛି କି ?
- ଉପରେ କରିଥିବା ଡିମୋଶି କାମରୁ କ'ଣ ଜାଣିଲ ?

ଆମେ ଦେଖନ୍ତେ -

ଦୁଇଟି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାକୁ ଯେକୌଣସି କ୍ରମରେ
 ଯୋଗକଲେ ମଧ୍ୟ ଯୋଗପାଳ ସମାନ ହୁଏ ।
 ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା କ୍ରମ ବିନିମୟ ନିୟମ ପାଳନ
 କରେ ।

ବହିଲ ଦେଖ :

ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା କ୍ରମ
 ବିନିମୟ ନିୟମ ପାଳନ କରେ କି ?

$$(g) \{(+2) + (-3)\} + (+6) = (-1) + (+6) = +5$$

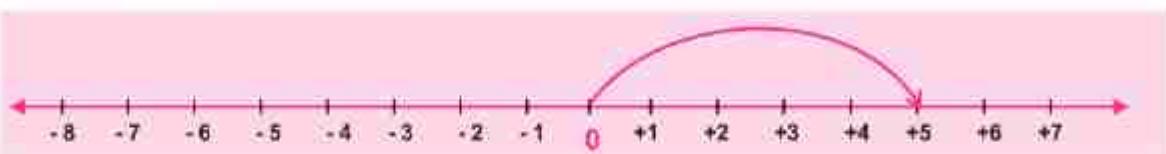
$$\text{ပုံမှန် } (+2) + \{(-3) + (+6)\} = (+2) + (+3) = +5$$

ଆমେ ଦେଖିଲେ- ତିନୋଟି ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରୁ ପ୍ରଥମ ଓ ଦ୍ୱିତୀୟର ଯୋଗଫଳକୁ ଦୂତୀୟ ସହ ଯୋଗକଲେ ଯେଉଁପାଇ ମିଳେ, ପ୍ରଥମକୁ ଦୂତୀୟ ଓ ଦୂତୀୟର ଯୋଗଫଳ ସହ ଯୋଗକଲେ, ସେହି ଯୋଗଫଳ ମିଳେ।

ଅର୍ଥାତ୍ ଯୋଗ ପ୍ରକରଣା ସହଯୋଗ ନିୟମ ପାଲନ କରେ।

(ଗ) ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା ସହ ଶୂନ (0) କୁ ଯୋଗ କରିବା।

$$(+5) + (0) = ?$$



+ 5 ରେ ଶୂନ (0) ଯୋଗ କଲାବେଳେ, ପ୍ରଥମେ ସଂଖ୍ୟାରେଖାରେ + 5 ସୂଚକ ବିନ୍ଦୁକୁ ଯିବାକୁ ପଡ଼ିବା | ଶୂନ ମିଳାଯିବା ଅର୍ଥାତ୍ ଆଗକୁ (ଢାହାଙ୍କୁ) ଯିବାହାରୀ | ତେଣୁ, + 5 ରେ ଶୂନ ଯୋଗକଲେ ଯୋଗଫଳ + 5 ହେବା।

$$(+5) + (0) = +5$$

$$\text{ସେହିପରି } (0) + (+5) = +5$$

$$\text{ଏହୁ } (+5) + 0 = 0 + (+5) = +5$$

ଅର୍ଥାତ୍ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟାରେ ଯୋଗ ପ୍ରକରଣା ଅଭେଦ ନିୟମ ପାଲନ କରେ।

ଆମେ ଦେଖିଲେ -

ଯେକୋଣସି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା + 0 = 0 + ସେହି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା = ସେହି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟା

(ହ) ଦୂରଟି ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗ

ସଂଖ୍ୟାରେଖା ସାହାଯ୍ୟରେ କେତେ ଯୋଡ଼ା ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବା।

$$\bullet \quad (+4) + (-4) = \text{କେତେ} ?$$

$$\bullet \quad (-7) + (+7) = \text{କେତେ} ?$$

$$\bullet \quad (+8) + (-8) = \text{କେତେ} ?$$

ଉପରୋକ୍ତ ତିନୋଟି ଯୋଗଫଳରୁ କ'ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛି ?

ଦୂରଟି ପରିଷର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗଫଳ ହେଉଛି ଶୂନ (0)।

ଏହାକୁ ଯୋଗ ପ୍ରକରଣା ବିଲୋମ ନିୟମ କୁହାଯାଏ।

କାଣିଷ୍ଠ କି ?

ଶୂନ (0) ହେଉଛି ଯୋଗଫଳ ଅରେବା।

8.7 ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ପରମମାନ

ସଂଖ୍ୟାରେଖାର 0 (ଶୁନ) ସୂଚକ ବିଦୁତାରୁ +3 ସୂଚକ ବିଦୁ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଯିବାକୁ ହେଲେ କେତେ ଏକକ ଦୂରତା ଅତିକୁମ କରିବାକୁ ହେବ ? ଉଚ୍ଚର ହେବ : 3 ଏକକ ।

ପୁନଃ 0(ଶୁନ) ସୂଚକ ବିଦୁତାରୁ - 3 ସୂଚକ ବିଦୁ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଯିବାକୁ ହେଲେ, କେତେ ଏକକ ଦୂରତା ଅତିକୁମ କରିବାକୁ ହେବ ? ଉଚ୍ଚର ହେବ : 3 ଏକକ ।

ଆବଶ୍ୟ +3 ସୂର୍ଯ୍ୟ ସେ ଏହା 0 ଠାରୁ 3 ଏକକ ଡାହାଣରେ ଅବସ୍ଥିତ ଏବଂ -3 ସୂର୍ଯ୍ୟ ସେ ଏହା 0 ଠାରୁ 3 ଏକକ ବାମକୁ ଅବସ୍ଥିତ । ଏଠାରେ ‘+’ ଚିହ୍ନ ‘ଡାହାଣ’ ଦିଗର ସୂଚକ ଏବଂ ‘-’ ଚିହ୍ନ ‘ବାମ’ ଦିଗର ସୂଚକ ।

ମାତ୍ର ଉଚ୍ଚେ ସଂଖ୍ୟା +3 ଓ -3 ର ଏକ ସାଧାରଣ ଗୁଣ ହେଉଛି ସେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶୁନ (0) ଠାରୁ 3 ଏକକ ଦୂରରେ ଅବସ୍ଥିତ ।

ଏହୁ ଆମେ ଦେଖିଲେ, +3 ଓ -3 ପ୍ରତ୍ୟେକ ସଂଖ୍ୟା 3 ସହ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ । 3କୁ +3 ଓ -3 ପ୍ରତ୍ୟେକର ପରମମାନ ବୋଲି କୁହାଯାଏ । ସଙ୍କେତରେ -

$$-3 \text{ ର ପରମମାନକୁ } |-3| \text{ ରୁପେ ଲେଖାଯାଏ ଏବଂ } |-3| = 3$$

$$\text{ସେହିପରି } +3 \text{ ର ପରମ ମାନକୁ } |+3| \text{ ରୁପେ ଲେଖାଯାଏ ।}$$

$$|+3| = 3, |+2| = 2, |-2| = 2, |-15| = 15, |+15| = 15$$

ଜାଣିଛ କି ?

◆ ‘ପରମମାନ’ ଅର୍ଥ ପରିମାଣ ଦୂରର ମାତ୍ର ।

◆ 0ର ପରମମାନ ହେଉଛି 0 ।

$$\text{ଜାଣିବାମେ ଆପଣୁ ଜାଣିବୁ } 0 = 0$$

$$\text{ଏହୁ } |0| = |-0| = 0$$

☞ $-12, +6, -1394$ ଓ $+1579$ ର ପରମ ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

8.8 ସଂଖ୍ୟାରେଖା ବ୍ୟବହାର ନ କରି ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସମ୍ବନ୍ଧ

(ବ) ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗ

ଆମେ ସଂଖ୍ୟାରେଖା ସାହାଯ୍ୟ ନେଇ ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟ ସମ୍ବନ୍ଧ କରିଛୁ । ବର୍ତ୍ତମାନ ସଂଖ୍ୟାରେଖା ବିନା ପୂର୍ଣ୍ଣସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟ କରିବା ।

ସଂଖ୍ୟାର ବିଶ୍ଲେଷଣ ସାହାଯ୍ୟରେ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା

ଏହି ପ୍ରକ୍ରିୟା କାରି ପ୍ରଥମେ ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାର ବିଶ୍ଲେଷଣ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସହ ପରିଚିତ ହେବା । ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଶ୍ଲେଷଣ କରିବା ଅର୍ଥ ଏହାକୁ ଦୁଇଟି ବା ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗପକ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରିବା ।

$$\begin{aligned} \text{ଯେପରି } +5 &= (+4) + (+1), \text{ସେହିପରି ଆମେ ପାଇବା } +5 &= (+3) + (+2) \\ &= (+2) + (+3) \\ &= (+1) + (+4) \end{aligned}$$

ଏହା ହେଉଛି +5 ର ବିଭିନ୍ନ ବିଶ୍ଲେଷଣ । ଅର୍ଥାତ୍ + 5 କୁ ଯେତେ ପ୍ରକାରେ ଦୁଇଟି ଧନୀମୂଳ ସଂଖ୍ୟାର ସମ୍ପତ୍ତି ରୂପେ ଲେଖାଯାଇଛି ।

☞ +8 କୁ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରରେ ଦୁଇଟି ଧନୀମୂଳ ରାଶିର ସମ୍ପତ୍ତି ରୂପେ ଲେଖ ।

ଆମେ ଜାଣିପାରିବା ସେ, 1 ଟଙ୍କା କ୍ଷତି ଓ ଆଉ 1 ଟଙ୍କା କ୍ଷତି ହେଲେ ମୋଟ କ୍ଷତି ହେବ 2 ଟଙ୍କା ।

ଅନ୍ୟକଥାରେ : $(-1) + (-1) = -2$

2 ଟଙ୍କା କ୍ଷତି ସହ ଆଉ 1 ଟଙ୍କା କ୍ଷତି ହେଲେ, ମୋଟ କ୍ଷତି ହେବ 3 ଟଙ୍କା । ଅର୍ଥାତ୍, $(-2) + (-1) = -3$

ଏଥୁରୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ -

$$\begin{aligned}-3 &= (-2) + (-1) \\ &= (-1) + (-2)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\text{ସେହିପରି, } -5 &= (-4) + (-1) \\ &= (-3) + (-2) \\ &= (-2) + (-3) \\ &= (-1) + (-4)\end{aligned}$$

ଏହା ହେଲା -5 ର ବିଶ୍ଲେଷଣ ।

ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ମୂର୍ଖ ସଂଖ୍ୟାର ବିଶ୍ଲେଷଣ ସାହାଯ୍ୟରେ ଯୋଗ କାର୍ଯ୍ୟ କରିବା ।

ଉଦାହରଣ- 1 $(-3) + (+5) = ?$

$$\begin{aligned}(-3) + (+5) &= (-3) + (+3) + (+2) && [+5 କୁ (+3) + (+2) ରୂପେ ନିଆଯାଇଛି] \\ &= 0 + (+2) && [\text{ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟା } (-3) \text{ ଓ } (+3) \text{ ରେ ଗ୍ରହଣ କରିବାକୁ ହେବୁ] \\ &= +2 && [\text{ଅଭେଦନିଯମ ଅନୁଯାୟୀ } 0 + (+2) = +2]\end{aligned}$$

ଅବଶ୍ୟକ ଲେଖନପାରିଥାରେ $(-3) + (+5) = (+5) + (-3)$

$$= 5 - 3 = 2$$

ଉଦାହରଣ- 2 $(-8) + (+6) = ?$

$$\begin{aligned}(-8) + (+6) &= (-2) + (-6) + (+6) \\ &= (-2) + \{(-6) + (+6)\} \\ &= (-2) + 0 \\ &= -2\end{aligned}$$

ଜାଣିଲାକି ?

ଗୋଟିଏ ଧନୀମୂଳ ଓ ଗୋଟିଏ ରଣ୍ଟାକୁ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଯୋଗ କଲାବେଳେ କେବେଳେ କେବେଳେ ବିଶ୍ଲେଷଣ କରାଯିବ ?
ଏହା ଜାଣିବା ପାଇଁ ବୁଝନ୍ତି ଯାଇ ସଂଖ୍ୟାର ପରମ ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାଯିବ । ପେର୍ବି ସଂଖ୍ୟାର ପରମ ମାନ ଅନ୍ୟାନ୍ୟ, ଘେରାଇବାର ବିଶ୍ଲେଷଣ କରାଯିବ ।

ଲକ୍ଷ୍ୟ କର : ଉଦାହରଣ (1) ରେ $+5$ ର ବିଶ୍ଲେଷଣ କରାଯାଇଥିଲା, ମାତ୍ର ପ୍ରଶ୍ନ (2) ରେ -8 ର ବିଶ୍ଲେଷଣ କରାଗଲା ।

(୫) ସଂଖ୍ୟାର ବିଶ୍ଲେଷଣ ସାହାଯ୍ୟରେ ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା

ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଯୋଗ କରିବା ଅର୍ଥ ଏହାର ଯୋଗାଯାଇବା ବିଲୋପା ବା ଏହାର ବିପରୀତ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଯୋଗ କରିବା ।

ଅର୍ଥାତ୍

$$(i) +5 - (-3) = +5 + (+3)$$

$$(ii) -3 - (+5) = -3 + (-5)$$

ଏହିପରି ପ୍ରତ୍ୟେକ ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାକୁ ଏକ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ ପରିଣତ କରିଛେବ। ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାକୁ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟାରେ ପରିଣତ କରିବାପରେ ଯୋଗ ପ୍ରଶାଳାରେ କାର୍ଯ୍ୟ ସମାଦନ କରିବାକୁ ହେବ।

$$\begin{array}{ll} (iii) & (-5) - (+3) = (-5) + (-3) \\ & = (-5) + (-1) + (-2) \\ & = (-6) + (-1) + (-1) \\ & = (-7) + (-1) \\ & = -8 \\ (iv) & (-3) - (-5) = (-3) + (+5) \\ & = (-3) + (+3) + (+2) \\ & = 0 + (+2) \\ & = +2 \end{array}$$

ଜାଣିଛ କି ?

◆ +3 ର ଯୋଗାୟକ ବିଲୋମୀ ହେଉଛି -3।

◆ -5 ର ଯୋଗାୟକ ବିଲୋମୀ ହେଉଛି +5।

◆ କୌଣସି ପୂର୍ଣ୍ଣବଂଧ୍ୟା ଓ ତାହାର ଯୋଗାୟକ ବିଲୋମୀ ସମ୍ବନ୍ଧି ହେଉଛି 0।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 8.3

1. ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନାନଙ୍କର ଭରତ ଦିଆ –

(କ) (+5) ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣବଂଧ୍ୟା, (-6) ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣବଂଧ୍ୟା।

$(+5) + (-6) = (-1)$, ଏଠାରେ ପୂର୍ଣ୍ଣବଂଧ୍ୟା ଦୁଇଟିର ଯୋଗଫଳ ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣବଂଧ୍ୟା ହେଲା।

ଏଥରୁ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା କେର୍ତ୍ତ ନିୟମ ପାଇନ କରୁଥିବାର ଜଣାପଡ଼ିଲା ?

(ଖ) ପୂର୍ଣ୍ଣବଂଧ୍ୟାରେ ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା ଅର୍ଥେ ନିୟମ ପାଇନ କରେ – ଗୋଟିଏ ଉଦ୍ଦାହରଣ ଦେଇ ବୁଝାଅ।

(ଗ) ଗୋଟିଏ ଧନୀମୂଳ ପୂର୍ଣ୍ଣବଂଧ୍ୟା ନିଆ। ଏହାର ଯୋଗାୟକ ବିଲୋମୀ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର। ତୁମେ ନେଇଥିବା ଧନୀମୂଳ ବଂଧ୍ୟା ଓ ତାହାର ଯୋଗାୟକ ବିଲୋମୀ ସମ୍ବନ୍ଧି କେତେ ହେବ ସ୍ଥିର କର।

2. ● ଏହା (+1)କୁ ସୂଚନା, ସେହିପରି ● ଏହା (-1)କୁ ସୂଚନା

ତେବେ ନିମ୍ନ ଯୋଗଫଳଗୁଡ଼ିକୁ ସ୍ଥିର କର-

$$\text{● } \text{●} + \text{● } \text{● } \text{●} = \underline{\quad} + \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$\text{● } \text{● } \text{●} + \text{● } \text{● } \text{●} = \underline{\quad} + \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$\text{● } \text{● } \text{●} + \text{● } \text{●} = \underline{\quad} + \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

$$\text{●} + \text{● } \text{● } \text{●} = \underline{\quad} + \underline{\quad} = \underline{\quad}$$

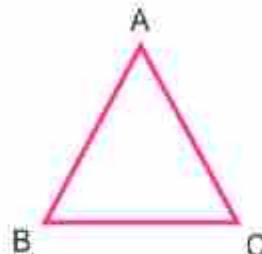


ସମତଳ ଉପରିସ୍ଥ ଜ୍ୟାମିତିକ ଆକୃତି

9.1. ତ୍ରିଭୁଜ

9.1.1. ଆମେ ଯାହା ଜାଣିଛୁ

A, B, C ଏକ ରେଖାରେ ନ ଥିଲା ତିନୋଟି ବିନ୍ଦୁ ହୁଅଛି। \overline{AB} , \overline{BC} ଓ \overline{CA} ରେଖାଖଣ୍ଡ ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ଚିତ୍ର ଏକ ତ୍ରିଭୁଜ। ପ୍ରତ୍ୟେକ ତ୍ରିଭୁଜର ତିନୋଟି ବାହୁ ବା ଭୂଜ, ତିନିଟି ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ ଓ ତିନୋଟି କୋଣ ଆଏ।



ଆମେ ମଧ୍ୟ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାର ତ୍ରିଭୁଜ ବିଷୟରେ ଜାଣିଛୁ। ବାହୁର ଦେଖାଯେ ଅନୁଯାୟୀ ତ୍ରିଭୁଜକୁ ତିନି ଶ୍ରେଣୀରେ ବିଭିନ୍ନ କରାଯାଇଛି। ସେବୁଢ଼ିକ ହେଲା (କ) ସମବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ (ଖ) ସମଦିବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ (ଗ) ବିଷମ ବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ ସେହିପରି କୋଣ ପରିମାଣ ଅନୁସାରେ ତ୍ରିଭୁଜକୁ ତିନି ଶ୍ରେଣୀରେ ବିଭିନ୍ନ କରାଯାଇଛି। ସେବୁଢ଼ିକ ହେଲା- (କ) ସମକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ (ଖ) ସୂର୍ଯ୍ୟକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ (ଗ) ସ୍ଫୂଲକୋଣୀ ତ୍ରିଭୁଜ



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- କୁଣ୍ଡି ଦିଆଯିଲି କାଠି ନିଆ। ଦିଆଯିଲି କାଠିଗୁଡ଼ିକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ତ୍ରିଭୁଜ ଆକୃତି ତିଆରି କରିବାକୁ ଚେଷ୍ଟାକରା।
- ଦୂମେ ବିଭିନ୍ନ ଥରରେ ନିମ୍ନସଂଖ୍ୟକ ଦିଆଯିଲି କାଠି ନିଆ।

ତିନୋଟି କାଠି

ରୁଗୋଟି କାଠି

ପାଞ୍ଚଟି କାଠି

ଛଅଟି କାଠି

(ମନେରଙ୍ଗ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଥର ଦୂମେ ନେଇଥିବା ସମସ୍ତ ଦିଆଯିଲି କାଠିକୁ ବ୍ୟବହାର କରାଯିବ)

- ପ୍ରତ୍ୟେକ ଥର ତିଆରି କରିଥିବା ତ୍ରିଭୁଜଗୁଡ଼ିକର ନାମକରଣ କର। ଯଦି ଦୂମେ ତ୍ରିଭୁଜ ତିଆରି କରିପାରୁ ନାହିଁ ତହାର କାରଣ ଚିତ୍ରା କର।



ପାର୍ଶ୍ଵ ତିତୁଳୀ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର, \overline{AB} ଓ \overline{CB} ର ସାଧାରଣ ବିନ୍ଦୁ 'B' । 'B' ବିନ୍ଦୁ ତ୍ରିଭୁଜର ଏକ ଶାର୍ଫବିନ୍ଦୁ ।

B ବିନ୍ଦୁଠାରେ ଥିବା କୋଣ $\angle ABC$ କୁ $\angle B$ ମଧ୍ୟ କୁହାଯାଏ ।

ଏଠାରେ $\angle B$ ର ସମ୍ପର୍କୀୟ ବାହୁ ହେଉଛି \overline{AC} ।

\overline{AC} ର ଦେଖ୍ୟକୁ 'A' କୁହାଯାଏ ।

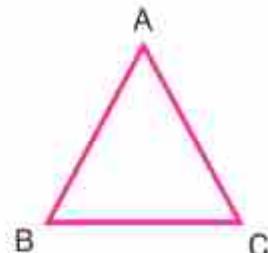
ଙ୍କଳିତ ପ୍ରଶ୍ନା ମାନଙ୍କର ଜରର ଦିଆ ।

କ) $\angle A$ ର ସମ୍ପର୍କୀୟ ବାହୁ କିଏ ?

ଖ) କେଉଁ ବାହୁର ଦେଖ୍ୟକୁ 'a' ରୂପେ ନାମିତ କରାଯାଏ ?

ଘ) \overline{BC} ର ଦେଖ୍ୟକୁ କିପରି ନାମିତ କରାଯିବ ?

ଘ) \overline{AB} ଓ \overline{AC} ର ଛେଦରେ ଗଠିତ ଶାର୍ଫବିନ୍ଦୁର ନାମ କ'ଣ ?



ଜାଣିରଖ !

\overline{BC} ର ସଂକଷେତ କୋଣ ଦ୍ୱାରା $\angle ABC$ ଓ $\angle ACB$

\overline{AC} ର ସଂକଷେତ କୋଣ ଦ୍ୱାରା $\angle BAC$ ଓ $\angle ACB$

\overline{AB} ର ସଂକଷେତ କୋଣରେ $\angle ABC$ ଓ $\angle BAC$

\overline{BA} ଓ \overline{CA} ବାହୁଦୟର ଅନ୍ତର୍ଗତ କୋଣ ହେଉଛି $\angle BAC$ ।

ସେହିପରି, \overline{AB} ଓ \overline{BC} ର ଅନ୍ତର୍ଗତ କୋଣ $\angle ABC$ ।

\overline{BC} ଓ \overline{AC} ର ଅନ୍ତର୍ଗତ କୋଣର ନାମ କହ ।

9.1.2. ତ୍ରିଭୁଜର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ଓ ବହିର୍ଦେଶ

ଙ୍କଳିତ ପାର୍ଶ୍ଵ ABC ତ୍ରିଭୁଜକୁ ଦେଖ ୧ ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

◆ ΔABC _____, _____ ଓ _____ ରେଖାଖଣ୍ଡ ତ୍ରୟୀର ସମାହାର ।

◆ P ବିନ୍ଦୁଟି _____ ବାହୁ ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ ।

◆ Q ବିନ୍ଦୁଟି _____ ବାହୁ ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ ।

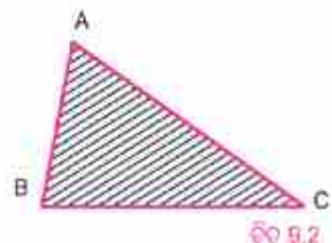
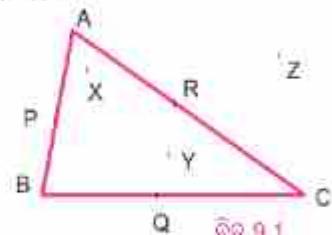
◆ R ବିନ୍ଦୁଟି _____ ବାହୁ ଉପରିଷ୍ଠା ଏକ ବିନ୍ଦୁ ।

◆ A,B,C ବିନ୍ଦୁ ବ୍ୟତୀତ ଚିତ୍ରରେ _____, _____ ଓ _____ ବିନ୍ଦୁ ରିମୋଟ ଅବସ୍ଥିତ ।

ଚିତ୍ର 9.1 ରେ ଆମେ ଦେଖିଲେ ଯେ- X, Y ଓ Z ବିନ୍ଦୁ ତ୍ରୟୀ ତ୍ରିଭୁଜ ଉପରେ (ଅର୍ଥାତ୍ ତ୍ରିଭୁଜର କୌଣସି ବାହୁ ଉପରେ) ଅବସ୍ଥିତ ନାହିଁ । ତେବେ ସେଗୁଡ଼ିକ କେହିଠି ଅବସ୍ଥିତ ?

ନିଶ୍ଚଯ ତୁମେ ଜାବିଥିବ ଯେ, X ଓ Y ବିନ୍ଦୁ ତ୍ରିଭୁଜ ABC ର ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ । X ଓ Y ଭାଲି ବହୁ ବିନ୍ଦୁ ଅଛନ୍ତି ଯେଉଁବୁଡ଼ିକ ତ୍ରିଭୁଜ ABC ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ । ସେହି ସମସ୍ତ ବିନ୍ଦୁକୁ ନେଇ ଗଠିତ ଅଞ୍ଚଳକୁ ତ୍ରିଭୁଜ ABC ର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

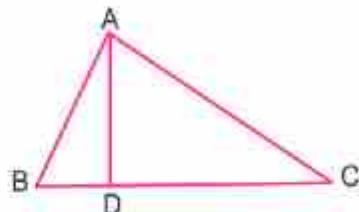
ଚିତ୍ର 9.2 ରେ ଚିତ୍ରିତ ଅଞ୍ଚଳ ତ୍ରିଭୁଜ ABC ର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ । ଏହା ସହ ଯେ ଚିତ୍ର 9.1ରେ Z ବିନ୍ଦୁଟି ତ୍ରିଭୁଜ ABC ର ଅନ୍ତର୍ଦେଶରେ ନାହିଁ କିମ୍ବା ତ୍ରିଭୁଜ ଉପରେ ନାହିଁ । ଏହା ତ୍ରିଭୁଜର ବହିର୍ଦେଶରେ ଅବସ୍ଥିତ ।



ତ୍ରିଭୁଜ ABC ଓ ଏହାର ଅନ୍ତର୍ଦେଶକୁ ବାହୀ ଦେଇ ଅନ୍ୟ ସମ୍ପତ୍ତ ଅଂଶକୁ ତ୍ରିଭୁଜ ABC ର ବହିଦେଶ କୁହାଯାଏ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 9.1

1. $\triangle ABC$ ର ଚିତ୍ର ଅଙ୍କନ କର। ଏହି ତ୍ରିଭୁଜର ଅନ୍ତର୍ଦେଶରେ P ବିନ୍ଦୁ ଓ ଏହାର ବହିଦେଶରେ Q ବିନ୍ଦୁ ଟିହିତ କର। A ବିନ୍ଦୁଟି $\triangle ABC$ ଅନ୍ତର୍ଦେଶ କିମ୍ବା ବହିଦେଶରେ ଅବସ୍ଥିତ କି?
2. କ) ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ଡିମୋଟି ତ୍ରିଭୁଜର ନାମ ଲେଖ।
ଖ) ଏହି ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ସାତଟି କୋଣର ନାମ ଲେଖ।
ଘ) ଛାଞ୍ଚି ରେଖାଖଣ୍ଡର ନାମ ଲେଖ।
ଘ) କେଉଁ ପ୍ରତି ତ୍ରିଭୁଜରେ $\angle B$ ହେଉଛି ସାଧାରଣ କୋଣ?



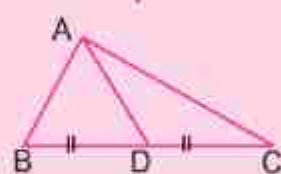
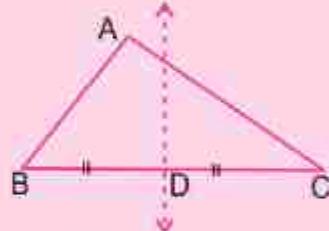
9.1.3. ତ୍ରିଭୁଜର ମଧ୍ୟମା

କାଗଜକୁ ଭାଙ୍ଗି ବଢ଼ି ରେଖାଖଣ୍ଡର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ଲିମ୍ ପାଇବାର ଉପାୟ ଆମେ ଜାଣିବୁ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ଖଣ୍ଡ କାଗଜରୁ $\triangle ABC$ ଅକାରରେ କାଟି ନିଆ। (ଚିତ୍ରଦେଖ)।
- ◆ କାଗଜକୁ ଭାଙ୍ଗି \overline{BC} ବାହୁର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ଲିମ୍ ଚିହ୍ନିତ କର।
- ◆ ଭାଙ୍ଗାଯାଇଥିବା କାଗଜର ଭାଙ୍ଗ, \overline{BC} ବାହୁକୁ ଯେଉଁ ବିନ୍ଦୁ ହେବକରେ ତାହାର ନାମ 'D' ଦିଆ।
- ◆ ବର୍ତ୍ତମାନ A ବିନ୍ଦୁ ଓ D ବିନ୍ଦୁକୁ ଯୋଗକଲେ ଆମେ \overline{AD} ପାଇବା, ଏହି \overline{AD} କୁ ତ୍ରିଭୁଜର ମଧ୍ୟମା କୁହାଯାଏ।



$\triangle ABC$ ରେ ବାହୁ \overline{BC} ର ମଧ୍ୟବିନ୍ଦୁ D $\mid \overline{BC}$ ର ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ A। ରେଖାଖଣ୍ଡ \overline{AD} କୁ ତ୍ରିଭୁଜର ଏକ ମଧ୍ୟମା କୁହାଯାଏ। ଦେହିପରି, \overline{AC} ବାହୁର ମଧ୍ୟବିନ୍ଦୁ E ଓ ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ B କୁ ଯୋଗକରୁଥିବା ରେଖାଖଣ୍ଡ \overline{BE} ତ୍ରିଭୁଜ ABC ର ଅନ୍ୟ ଏକ ମଧ୍ୟମା।

ତ୍ରିଭୁଜର ଗୋଟିଏ ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁକୁ ତାର ବିପରୀତ ବାହୁର ମଧ୍ୟବିନ୍ଦୁସହ ଯୋଗକରୁଥିବା ରେଖାଖଣ୍ଡକୁ ତ୍ରିଭୁଜର ଏକ ମଧ୍ୟମା କୁହାଯାଏ।

ଏକ ତ୍ରିଭୁଜର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ଗୋଟିଏ ମାତ୍ର ମଧ୍ୟମା ଅଙ୍କନ ହେବା ସମ୍ଭବ।

ଜାଣିଛ କି ?

- ◆ ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜର ସରମୋଟ ଚିନେଟି ମଧ୍ୟମା ରହିଛି।
- ◆ ଏକ ମଧ୍ୟମାର ଦୂର ପ୍ରାତିବିନ୍ଦୁ ହାତି ଅନ୍ୟ ସମ୍ପତ୍ତ ଦିନ୍ଦୁ ତ୍ରିଭୁଜର ଅନ୍ତର୍ଦେଶରେ ରହିଛନ୍ତି।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 9.2

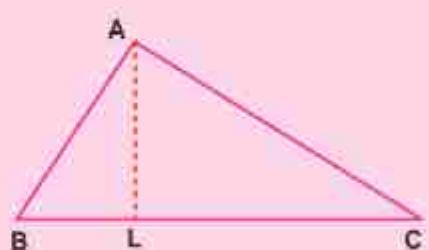
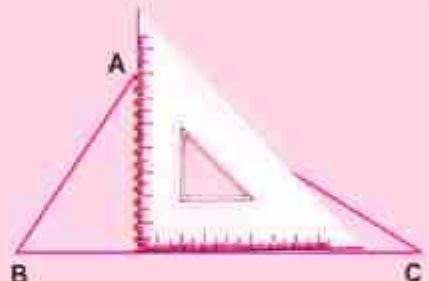
- ଏକ ତ୍ରିଭୁଜର ମଧ୍ୟାଟିଏ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣଭାବରେ ତ୍ରିଭୁଜର ଅତିର୍ଦେଶରେ ରହିଥାଏ କି ? ନିକର ଉଚରର ଯଥାର୍ଥତା ଦେଖାଅ ।
- ତିତ୍ରୁଟିଏ ଅଙ୍କନ କରି ଦେଖାଅ ।
 - $\triangle ABC$ ଅଙ୍କନ କର ଯେପରି $AB=AC$ (ଯେ କୌଣସି ମାପ ଦିଆ) ।
 \overline{AD} ମଧ୍ୟମା ଅଙ୍କନ କର । ପ୍ରୋଟ୍ରାକ୍ଟର ସାହାଯ୍ୟରେ $\angle ADB$ ର ପରିମାଣ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
 - $AB = AC$ ନେଇ ଅନ୍ୟ ଏକ ତ୍ରିଭୁଜ ଅଙ୍କନ କର । \overline{BE} ଓ \overline{CF} ମଧ୍ୟମା ଅଙ୍କନ କର । ଅଙ୍କିତ ମଧ୍ୟମା ଦୂରତ୍ତର ଦେଖ୍ୟ ମାପରେ କ'ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛ ?

9.1.4. ତ୍ରିଭୁଜର ଉଚତା



ନିଜେ କରି ଦେଖ

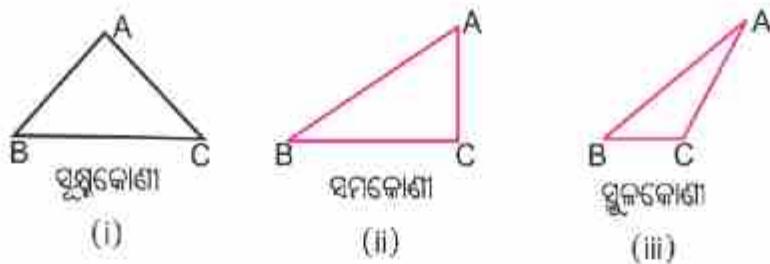
- କାର୍ଡିବୋର୍ଡରେ ଏକ $\triangle ABC$ ତିଆରି କର ।
- ତାଳୁ ଏକ ଚେବୁଲ ଉପରେ ଲମ୍ବାବରେ ଧରି ରଖ ଯେପରି \overline{BC} ଧାର ଚେବୁଲ ସହ ଲାଗିରିଛବ ।
- ତ୍ରିଭୁଜଟିର ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟ ଚେବୁଲ ଉପରୁ କେତେ ଉଚତାରେ ରହିଛି, ଏକ ସେଲ୍ ସାହାଯ୍ୟରେ ମାପି କର ।
- ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟ A ରୁ ଭୂମି \overline{BC} ର ସର୍ବକିମ୍ବ ଦୂରତା ବା ଲମ୍ବ ଦୂରତାକୁ ତ୍ରିଭୁଜର ଉଚତା କୁହାଯାଏ ।
- ଏକ ସେଲ୍ ସେଲ୍ ସାହାଯ୍ୟରେ ଏହି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କର ଓ ଲମ୍ବ ଦେଖ୍ୟକୁ ମାପ । ଏହି ଦେଖ୍ୟ ହେଉଛି ତ୍ରିଭୁଜର A ଶାର୍ଷରୁ \overline{BC} ଭୂମି ପ୍ରତି ଉଚତା । \overline{AL} ର ଦେଖ୍ୟ ତ୍ରିଭୁଜର ଏକ ଉଚତା ।



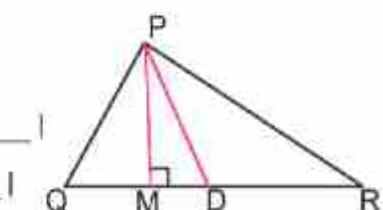
କୌଣସି ତ୍ରିଭୁଜର ଏକ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟରୁ ଏହାର ବିପରୀତ ବାହୁ ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଭାବରେ ଅଙ୍କିତ ରେଖାଖଣ୍ଡର ଦେଖ୍ୟକୁ ଉଚ୍ଚ ବାହୁପ୍ରତି ଉଚତା କୁହାଯାଏ ଓ ଏହି ରେଖାଖଣ୍ଡକୁ ପୂର୍ବୋତ୍ତମ କାହୁ ପ୍ରତି ଲମ୍ବ କୁହାଯାଏ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟରୁ ଏହାର ବିପରୀତ ବାହୁ ପ୍ରତି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଉଚତା ଥାଏ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 9.3

- ଏକ ତ୍ରିଭୁଜର କେତୋଟି ଉଚତା ଥାଏ ?
- (କ) ପରମ୍ପରାରେ ଥୁବା ଚିତ୍ର 9.3ରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଭଲି ଚିମୋଟି ତ୍ରିଭୁଜ ଅଙ୍କନ କର । ସେଲ୍ ସେଲ୍ ସାହାଯ୍ୟରେ ବ୍ୟବହାର କରି ଉଚ୍ଚ ତିତ୍ରୁଟିକରେ A ବିଦ୍ୟରୁ \overline{BC} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କର ଏବଂ ତା'ର ନାମଦିଅ \overline{AD} ।



- (ଖ) ସମକୋଣା $\triangle ABC$ ରେ D ବିଦୁର ଅବସ୍ଥାତି କେବଳୀଁ ହେବାର ଦେଖୁଛ ?
- (ଗ) ସ୍ଫୁଲକୋଣା ତ୍ରିଭୁଜରେ A ବିଦୁରୁ ବିପରୀତ ବାହୁ \overline{BC} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ ସମବ ହେଲା କି ?
(ସୂଚନା : \overleftrightarrow{BC} ରେଣୁ ଅଙ୍କନ କର ଓ ତା'ପରେ \overline{AD} ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କର ।)
3. ପ୍ରଶ୍ନ ନଂ. 26ରେ ଅଙ୍କନ କରିଥିବା ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖୁ ଉପର ଦିଆ ।
- (କ) କେଉଁ ପ୍ରକାର ତ୍ରିଭୁଜରେ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟୁ A ରୁ \overline{BC} ପ୍ରତି ଅଙ୍କିତ ଲମ୍ବ ପ୍ରାତବିଦ୍ୟୁ ଦୟ ଭିନ୍ନ ଅବଶିଷ୍ଟାଙ୍ଗ $\triangle ABC$ ର ଅଭିର୍ଦ୍ଦେଶରେ ରହିଲା ?
- (ଖ) କେଉଁ ପ୍ରକାର ତ୍ରିଭୁଜରେ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟୁ A ରୁ \overline{BC} ପ୍ରତି ଲମ୍ବର ପ୍ରାତବିଦ୍ୟୁ A ଭିନ୍ନ ଅବଶିଷ୍ଟାଙ୍ଗ $\triangle ABC$ ର ବହିର୍ଦ୍ଦେଶରେ ରହିଲା ?
- (ଗ) କେଉଁ ପ୍ରକାର ତ୍ରିଭୁଜରେ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟୁ A ରୁ \overline{BC} ପ୍ରତି ଅଙ୍କିତ ଲମ୍ବ $\triangle ABC$ ର ଗୋଟିଏ ବାହୁ ସହ ସମ୍ମୂହ ଭାବେ ମିଳିଗଲା ?
4. କେଉଁ ପ୍ରକାର ତ୍ରିଭୁଜର ଦୁଇଟି ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟୁରୁ ବିପରୀତ ବାହୁ ପ୍ରତି ଅଙ୍କିତ ଉଚ୍ଚତା, ସେହି ତ୍ରିଭୁଜର ଦୁଇଟି ବାହୁର ଦେଖ୍ୟ ସଙ୍ଗେ ସମାନ ?
5. କେଉଁ ପ୍ରକାର ତ୍ରିଭୁଜରେ ଗୋଟିଏ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟୁରୁ ଏହାର ବିପରୀତ ବାହୁପ୍ରତି ଅଙ୍କିତ ଲମ୍ବ ଓ ମଧ୍ୟମା ଅଭିନ୍ନ ?
6. $\triangle PQR$ ରେ D ହେଉଛି \overline{QR} ର ମଧ୍ୟବିଦ୍ୟୁ ।
- $\angle PMR$ ର ପରିମାଣ 90° ହେଲେ,
- (କ) \overline{PM} , ତ୍ରିଭୁଜର _____ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟୁରୁ _____ ବାହୁପ୍ରତି _____ ।
- (ଖ) \overline{PD} , ତ୍ରିଭୁଜର _____ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟୁରୁ _____ ବାହୁପ୍ରତି _____ ।
- (ଗ) \overline{QM} ଓ \overline{MR} ର ମାପ ସମାନ କି ?
7. ନିମ୍ନରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ପରିସ୍ଥିତିରୁକୁ ଦର୍ଶାଇ ଗୋଟିଏ ଲେଖାର୍ଥ ତ୍ରିଭୁଜର ଅଙ୍କନ କର ।
- (କ) $\triangle ABC$ ର, \overline{BE} ମଧ୍ୟମା ।
- (ଖ) $\triangle PQR$ ରେ, ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟୁ P ରୁ \overline{QR} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ \overline{PM} ଓ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟୁ Q ରୁ \overline{PR} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ \overline{QN} ।



(ଗ) ΔXYZ ରେ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା ଯୁ ବିପରୀତ ବାହୁ ପ୍ରତି ଅନ୍ତିମ ଲମ୍ବ ଯ ବିଦ୍ୟ କିମ୍ବା ଅବଶିଷ୍ଟ ଆଖା ତ୍ରିଭୁଜର ବହିଦେଶରେ ଅବସ୍ଥିତ ।

(ଘ) ΔPQR ରେ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା P ରୁ ଏହାର ବିପରୀତ ବାହୁ ପ୍ରତି ଲମ୍ବ PM ଏବଂ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା R ରୁ ଏହାର ବିପରୀତ ବାହୁ ପ୍ରତି ଲମ୍ବ RN ଏବଂ $PM = RN$



ତୁମ ପାଇଁ କିଛି କାର୍ଯ୍ୟ :

ଜାଗରଣେ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାର ତ୍ରିଭୁଜର ଆନ୍ତିମ (ସମବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ, ସମଦ୍ୱିବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ, ବିଷମବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ) ଅଙ୍କନ କରି ଓ ସେମାନଙ୍କର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା ବିପରୀତ ବାହୁ ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଏବଂ ମଧ୍ୟମାତ୍ର ଦେଖି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରି । ସେଥିରେ ଥିବା ମୃତ୍ୟୁତା ସମ୍ବନ୍ଧରେ ତୁମ ସାମାନ୍ୟର ସହିତ ଆଲୋଚନା କର ।

9.2 ଚତୁର୍ଭୁଜ

9.2.1. ଆମେ ଯାହା ଜାଣିଛୁ

ଆମେମାନେ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାର ଜ୍ୟାମିତିକ ଚତୁର୍ଭୁଜ ବିଷୟରେ ଜାଣିଛୁ । ଏହା ପୂର୍ବରୁ ଆମେ ତ୍ରିଭୁଜ ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରିଛୁ । ଏକ ତ୍ରିଭୁଜ, ତିନୋଟି ରେଖାଖଣ୍ଡ ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ଚତୁର୍ଭୁଜ । ମାତ୍ର ଏଠାରେ ଆମେ ଉଗୋଟି ରେଖାଖଣ୍ଡ ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜ ବିଷୟରେ ଜାଣିବା ।

ତୁମ ଖାତାରେ ଉଗୋଟି ବିଦ୍ୟା A, B, C ଓ D ଏପରି ନିଆ, ଯେପରି ଏମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ କୌଣସି ତିନୋଟି ଏକ ରେଖାରେ ନଥୁବେ । ବର୍ତ୍ତମାନ AB , BC , CD , DA ରେଖାଖଣ୍ଡ ଗୁଡ଼ିକ ଅଙ୍କନ କର । ତୁମେ ଗୋଟିଏ ଚତୁର୍ଭୁଜ ପାଇବା ।

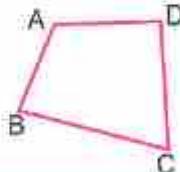
ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ଥ ତ୍ରିଭୁଜ ଦେଖ । ଏହା ଉଗୋଟି ରେଖାଖଣ୍ଡର ସମାହାରରେ ଗଠିତ ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜ ।

ଏହି ନୃତ୍ୟ ପ୍ରକାର ଚତୁର୍ଭୁଜ ।



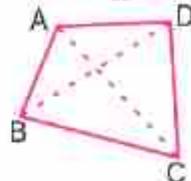
ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ଦୁଇଟି କାଠି ନିଆ । ସେ କାଠି ଦୂସର ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ମୁଣ୍ଡକୁ ଯୋଡ଼ି ରଖି ଅନ୍ୟ ଦୁଇଟି ମୁଣ୍ଡକୁ ପଚବରଠାରୁ ଦୂରେଇ ରହିବେ, ଯେପରିକି କାଠି ଦୂସର ସରଳରେଖାରେ ରହିବେ ନାହିଁ ।
- ଅନ୍ୟ ଦୁଇଟି କାଠି ନେଇ ସେ ଦୁଇଟିର ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ମୁଣ୍ଡକୁ ଆଗରୁ ରଖିଥିବା କାଠି ଦୁଇଟିର ପାଖାପାଖ ନଥୁବା ମୁଣ୍ଡରଙ୍କ ଲଗାଇ ରଖ ।
- ବର୍ତ୍ତମାନ କାଠି ଦୁଇଟିର ଅନ୍ୟମୁଣ୍ଡ ଦୁଇଟିକୁ ଯୋଡ଼ିରଖ । ପାଖାପାଖ (ଅର୍ଥାତ୍ ମୁଣ୍ଡକୁ ମୁଣ୍ଡ ଲାଗିଥିବା) କାଠି ଦୁଇଟି ଯେପରି ଗୋଟିଏ ସରଳରେଖାରେ ନ ରହେ, ସେଥିପ୍ରତି ଧ୍ୟାନ ଦେବା ଆବଶ୍ୟକ ।



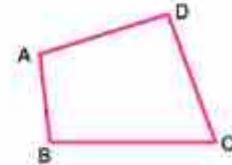
ପୂର୍ବବର୍ଗୀ କାର୍ଯ୍ୟରୁ ଭସନ୍ତ ଚିତ୍ରଣ ଉପରେ କିମ୍ବା ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା କାର୍ଯ୍ୟ କରିବାର ଗଠିତ । ପ୍ରତ୍ୟେକ କାଠି ଗୋଟିଏ ରେଖାଖଣ୍ଡର ମୂଳ ଅବସ୍ଥା । ଏହି ଆକୃତି ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜକୁ ସୂଚିତ କରିଛା ।

ଏହି ଚତୁର୍ଭୁଜର ଛରୋଟି ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା, ଛରୋଟି ବାହୁ ଓ ଛରୋଟି କୋଣ ରହିଛି । ଦୁଇ ବିପରୀତ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟାକୁ ଯୋଗ କରୁଥିବା ରେଖାଖଣ୍ଡକୁ ଚତୁର୍ଭୁଜର କର୍ଷ କୃତ୍ୟାଏ । ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ABCD ଚତୁର୍ଭୁଜରେ \overline{AC} ଓ \overline{BD} ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ କର୍ଷ ।



ଉପର ଆଲୋଚନାରୁ ଆମେ ଜାଣିଲୁ ଯେ ଏକ ସମଚଳ (କାରଙ୍ଗପୁଷ୍ଟ କା କଳାପରା) ଉପରେ ଛରୋଟି ବିନ୍ଦୁ A, B, C, D ଅଭିଷିତ ଥିଲେ ଓ ସେ ବିନ୍ଦୁ ଛରୋଟି ମଧ୍ୟରୁ ଯେ କୌଣସି ଚିନୋଟି ଏକ ସମଳ ରେଖାରେ ନ ଥିଲେ \overline{AB} , \overline{BC} , \overline{CD} ଓ \overline{DA} ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ଚିତ୍ରକୁ ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜ କୃତ୍ୟାଏ ।

ଯେ କୌଣସି ଚତୁର୍ଭୁଜର ଛରୋଟି ବାହୁ ବା ଦୁଇ, ଛରୋଟି ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା ଓ ଛରୋଟି କୋଣ ଥାଏ । ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ଚତୁର୍ଭୁଜର ନାମ କ'ଣ ?



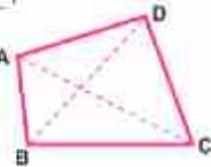
- ◆ ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜର ଯେଉଁ ବାହୁ ଦୁଇଟିର ଗୋଟିଏ ସାଧାରଣ ପ୍ରାନ୍ତ ବିନ୍ଦୁ ଥାଏ, ସେ ବାହୁ ଦୂରେ ଦୂରେ ଥିଲୁ ବାହୁ କୃତ୍ୟାଏ । \overline{AB} ଓ \overline{BC} ଏକ ଯୋଡ଼ା ବିପରୀତ ବାହୁ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ଚତୁର୍ଭୁଜର ଦୁଇ ଯୋଡ଼ା ବିପରୀତ ବାହୁ ଥାଏ ।
- ☞ ଉପର ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ଟରି ଯୋଡ଼ା ସଂଲଗ୍ନ ବାହୁର ନାମ ଲେଖ ।
- ◆ ଯେଉଁ ବାହୁ ଦୁଇଟିର କୌଣସି ସାଧାରଣ ପ୍ରାନ୍ତ ବିନ୍ଦୁ ନ ଥାଏ, ସେ ବାହୁ ଦୁଇଟିକୁ ବିପରୀତ ବାହୁ କୃତ୍ୟାଏ । \overline{AB} ଓ \overline{CD} ଏକ ଯୋଡ଼ା ବିପରୀତ ବାହୁ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ଚତୁର୍ଭୁଜର ଦୁଇ ଯୋଡ଼ା ବିପରୀତ ବାହୁ ଥାଏ ।
- ☞ ଉପର ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ଚତୁର୍ଭୁଜର ଦୁଇ ଯୋଡ଼ା ବିପରୀତ ବାହୁର ନାମ ଲେଖ ।
- ◆ କୌଣସି ଚତୁର୍ଭୁଜର ଗୋଟିଏ ବାହୁର ଦୁଇ ପ୍ରାନ୍ତ ବିନ୍ଦୁକୁ ଉଚ୍ଚ ଚତୁର୍ଭୁଜର ଏକ ଯୋଡ଼ା କ୍ରମିକ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା କୃତ୍ୟାଏ । ଯେଉଁ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା ଦୂର କ୍ରମିକ ନହାନ୍ତି, ସେ ଦୂରଟିକୁ ବିପରୀତ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା କୃତ୍ୟାଏ । A ଓ B ଏକ ଯୋଡ଼ା କ୍ରମିକ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା, A ଓ C ଏକ ଯୋଡ଼ା ବିପରୀତ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା ।
- ☞ ଅନ୍ୟ କେହିଁ ଯୋଡ଼ା ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା କ୍ରମିକ ଓ କେହିଁ ଯୋଡ଼ା ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା ବିପରୀତ, ତାହା ଚିତ୍ରରୁ ବାହି ଲେଖ ।
- ◆ କ୍ରମିକ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟାରେ ଥିବା କୋଣ ଦୂରଟିକୁ କ୍ରମିକ କୋଣ ଏବଂ ବିପରୀତ ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟାରେ ଥିବା କୋଣ ଦୂରଟିକୁ ବିପରୀତ କୋଣ କୃତ୍ୟାଏ ।
- ☞ ଉପର ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ଚତୁର୍ଭୁଜର କ୍ରମିକ କୋଣ ଓ ବିପରୀତ କୋଣର ନାମ ଲେଖ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 9.4

- ଗୋଟିଏ ଚତୁର୍ଭୁଜର ଚିତ୍ର ଅଙ୍କନକରି ତାହାର ନାମ PQRS ଦିଅ । ଏହାର ସମସ୍ତ ବାହୁ, କୋଣ, ଶାର୍ଷବିଦ୍ୟା ଓ କର୍ଷ ନାମ ଲେଖ ।

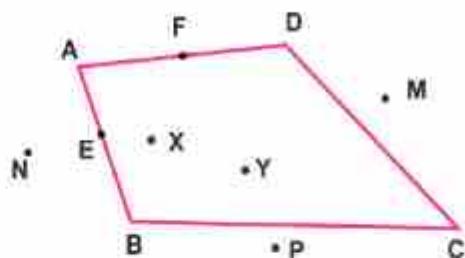
2. ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ର ଦେଖି ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନକ ଉଭର ଦିଆ ।

- $\angle B$ ର ବିପରୀତ କୋଣ _____ ଓ $\angle A$ ର ବିପରୀତ କୋଣ _____ ।
- DA ବାହୁର ସଂଲଗ୍ନ କୋଣ ଦୂଳଟି ହେଲେ _____ ଓ _____ ।
- ଚତୁର୍ଭୁଜଟିରେ ଗୋଟିଏ ବାହୁର _____ ଗୋଟି ସଂଲଗ୍ନ କୋଣ ଥାଏ ।
- B ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁର ବିପରୀତ ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ ହେଉଛି _____ ।
- _____ କର୍ଣ୍ଣର ଦେଇଁ, _____ କର୍ଣ୍ଣର ଦୈର୍ଘ୍ୟଠାରୁ ଅଧିଳ ।



9.2.2. ଚତୁର୍ଭୁଜର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ଓ ବହିର୍ଦେଶ

ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖି ଉଭର ଦିଆ ।



- କେଉଁ ବିଦ୍ୟୁଗୁଡ଼ିକ ଚତୁର୍ଭୁଜ ଉପରିସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ?
- କେଉଁ ବିଦ୍ୟୁଗୁଡ଼ିକ ଚତୁର୍ଭୁଜର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ବିନ୍ଦୁ ?
- କେଉଁ ବିଦ୍ୟୁଗୁଡ଼ିକ ଚତୁର୍ଭୁଜର ବହିସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ?

ABCD ଚତୁର୍ଭୁଜରେ X , Y ବିନ୍ଦୁ ଛଲି ଅସଂଖ୍ୟ ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ବିନ୍ଦୁ ଅଛନ୍ତି । ସେହି ସମସ୍ତ ବିନ୍ଦୁର ସମାହାରରେ ଗଠିତ ଅଞ୍ଚଳକୁ ABCD ଚତୁର୍ଭୁଜର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ କୁହାଯାଏ । ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜର ସମସ୍ତ ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ବିନ୍ଦୁର ସମାହାରରେ ଗଠିତ ଅଞ୍ଚଳକୁ ଚତୁର୍ଭୁଜର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ କୁହାଯାଏ ।

କାଗଜପୃଷ୍ଠା (ସମତଳ)ର ଯେଉଁ ଅଞ୍ଚଳ ABCD ଚତୁର୍ଭୁଜର ବାହାରେ ଥାଏ ତାକୁ ABCD ଚତୁର୍ଭୁଜର ବହିର୍ଦେଶ କୁହାଯାଏ । ଚତୁର୍ଭୁଜଟିର ଛାର ବାହୁ ହେଉଛନ୍ତି ତାର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ଓ ବହିର୍ଦେଶ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ସାମାରେଖା । ଚତୁର୍ଭୁଜ ଓ ଏହାର ଅନ୍ତର୍ଦେଶକୁ ବାନ୍ଦଦେଲେ, ଚତୁର୍ଭୁଜକୁ ଧାରଣ କରୁଥିବା ସମତଳର ଅବଶିଷ୍ଟ ଅଞ୍ଚଳକୁ ଚତୁର୍ଭୁଜର ବର୍ଣ୍ଣଦେଶ କୁହାଯାଏ । ତେଣୁ ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ସାମିତ ଅଞ୍ଚଳ ହୋଇଥିଲା ବେଳେ ବହିର୍ଦେଶ ଅସାମୀ ।

ଜାଣିଛ କି ?

କୋଣସି ଚତୁର୍ଭୁଜ ଓ ଏହାର ଅନ୍ତର୍ଦେଶକୁ ଏକତ୍ର ନେବେ ଗୋଟିଏ ଚତୁର୍ଭୁଜକାର ଶୈଳେ ଗଠିତ ହୁଏ ।

9.2.3. କେତେକ ବିଶେଷ ପ୍ରକାରର ଚତୁର୍ଭୁଜ



ନିଜେ କରି ଦେଖ ।

- ତୁମ ଜ୍ୟାମିତି ବାକୁରେ ଦୂଳଟି ସେତେସ୍ଥେୟାର ଅଛି । ଗୋଟିକୁ $60^\circ - 30^\circ$ ସେତେସ୍ଥେୟାର ଓ ଅନ୍ୟଟିକୁ $45^\circ - 45^\circ$ ସେତେସ୍ଥେୟାର କୁହାଯାଏ ।
- ତୁମର ଓ ତୁମ ବନ୍ଦୁ 30° ସେତେସ୍ଥେୟାର ଦୟକୁ ଚିତ୍ରରେ ପ୍ରଦର୍ଶିତ ହେଲା ଭଲି ଯୋହି ରଖ ।
- ବର୍ତ୍ତମାନ କହ, ଉପନ୍ଦୁ ଚତୁର୍ଭୁଜର ପ୍ରତ୍ୟେକ କୋଣର ପରିମାଣ କେତେ ?
- ଉପନ୍ଦୁ ଚତୁର୍ଭୁଜର ବିପରୀତ ବାହୁମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ କି ପ୍ରକାର ସମର୍କ ଅଛି ?

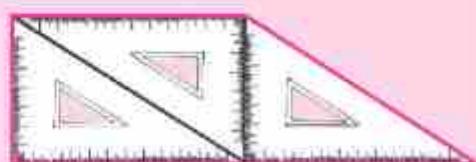
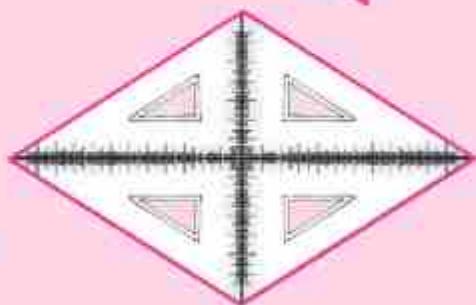
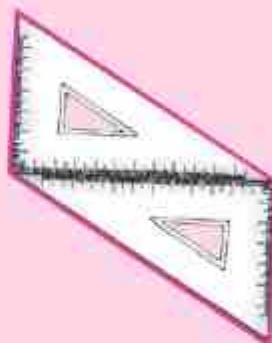


ଏ ପ୍ରକାର ଚିତ୍ରକୁ ଆୟଚିତ୍ର କୁହାଯାଏ । ଏଥରୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ, ଯେଉଁ ଚତୁର୍ଭୁଜର ପ୍ରତ୍ୟେକ କୋଣର ପରିମାଣ 90° , ତାହାକୁ ଆୟଚିତ୍ର କୁହାଯାଏ ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ $45^\circ - 45^\circ$ ସେଟ୍‌ଷ୍ଟେୟାର ଦୂରଚିକୁ ଚିତ୍ରରେ ପ୍ରଦର୍ଶିତ ହେଲା ପରି ଯୋଡ଼ି କରି ରଖିଲେ, ଆମେ ଏକ ପ୍ରକାର ଚତୁର୍ଭୁଜ ପାଇବା । ଏହି ଆକୃତିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକଳେ ଦେଖୁବା ଯେ, ଏହି ପ୍ରକାର ଚତୁର୍ଭୁଜର ପ୍ରତ୍ୟେକ କୋଣର ପରିମାଣ 90° ଓ ସମସ୍ତ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ସମାନ । ଏହି ପ୍ରକାର ଚତୁର୍ଭୁଜକୁ **ଗର୍ଭିତ** କୁହାଯାଏ ।
- ◆ ଏବେ ତୁମେ ଦୂରଚିତ୍ର $60^\circ - 30^\circ$ ସେଟ୍‌ଷ୍ଟେୟାରକୁ ଚିତ୍ରରେ ପ୍ରଦର୍ଶିତ ହେଲା ଭଲି ଯୋଡ଼ି ରଖ । ତୁମେ ଏଥର ଆଉ ଏକ ପ୍ରକାରର ଚତୁର୍ଭୁଜ ଚିତ୍ର ପାଇବା । ଲକ୍ଷ୍ୟ କର, ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ଏହି ଚତୁର୍ଭୁଜର ବିପରୀତ ବାହୁମାନ ପରିଷର ସମାନ ଓ ସମସ୍ତ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ସମାନ । ଏପରି ଚତୁର୍ଭୁଜକୁ **ସାମାନ୍ୟରିକ** କିମ୍ବା କୁହାଯାଏ ।
- ◆ ତାରୋଟି $60^\circ - 30^\circ$ ସେଟ୍‌ଷ୍ଟେୟାରକୁ ଚିତ୍ରରେ ପ୍ରଦର୍ଶିତ ହେଲା ପରି ଯୋଡ଼ି ରଖିଲେ ତାହା ଏକ ଭିନ୍ନ ପ୍ରକାର ଚତୁର୍ଭୁଜର ଆକୃତି ଗଠନ କରିବ । ଏହି ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ଚତୁର୍ଭୁଜର ବିପରୀତ ବାହୁମାନ ପରିଷର ସମାନ ଓ ସମସ୍ତ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ସମାନ । ଏହି ଚତୁର୍ଭୁଜକୁ **ଗମ୍ଭୀର** କୁହାଯାଏ ।
- ◆ ତିନୋଟି $60^\circ - 30^\circ$ ସେଟ୍‌ଷ୍ଟେୟାରକୁ ଚିତ୍ରରେ ପ୍ରଦର୍ଶିତ ହେଲା ଭଲି ଯୋଡ଼ି ରଖ । ଏହା ଏକ ପ୍ରକାର ଚତୁର୍ଭୁଜର ଆକୃତି ଗଠନ କରିବ । ଏହି ଚତୁର୍ଭୁଜକୁ **ଶାପିକିଯମି** କୁହାଯାଏ । ଏହାର ଗୋଟିଏ ଯୋଡ଼ା ବିପରୀତ ବାହୁ ସମାନ ।



9.2.4. ଭିନ୍ନଭିନ୍ନ ପ୍ରକାର ଚତୁର୍ଭୁଜର କୋଣମାନଙ୍କର ପରିମାଣ ମଧ୍ୟରେ ସର୍ବକ୍ଷ

ପ୍ରତ୍ୟେକ ପ୍ରକାର ଚତୁର୍ଭୁଜର ଯେଉଁ ଚିତ୍ରଗୁଡ଼ିକ ଆଗରୁ ଦିଆଯାଇଛି, ସେହି ଚିତ୍ରରୁ କୋଣମାନଙ୍କର ପରିମାଣ ତୁମ ପ୍ରୋଟାକୁର ସାହାଯ୍ୟରେ ମାପ । ସାରଣୀରେ ଖାଲିଥିବା ଘରେ ‘ଠିକ୍’ ବା ‘ଭୁଲ୍’ ଲେଖ ।

ଚତୁର୍ଭୁକ୍ଷର ନାମ	ବିପରାତ କୋଣ ମାନଙ୍କର ପରିମାଣ ସମାନ	ଛାତ୍ରଶିଳ୍ପିକ କୋଣର ପରିମାଣ ସମାନ
ଆୟତଚିତ୍ର		
ବର୍ଗଚିତ୍ର		
ସାମାନ୍ୟରିକଚିତ୍ର		
ରମ୍ୟ		
ଗ୍ରାଫିକିଯମ୍		

ଦୂରେ ନିଷୟ ଦେଖୁଥିଲୁ ଯେ, ଆୟତଚିତ୍ର ଓ ବର୍ଗଚିତ୍ର ଜଳୟ କ୍ଷେତ୍ରରେ, ସମସ୍ତ କୋଣର ପରିମାଣ ସମାନ ଓ ପ୍ରତ୍ୟେକ 90° । ଆୟତଚିତ୍ର, ବର୍ଗଚିତ୍ର, ସାମାନ୍ୟରିକ ଚିତ୍ର ଓ ରମ୍ୟ କ୍ଷେତ୍ରରେ, ବିପରୀତ କୋଣମାନଙ୍କର ପରିମାଣ ସମାନ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 9.5

1. ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ସାରଣୀକୁ ପୂରଣ କର, ଯେପରି ସାମାନ୍ୟରିକ ଚିତ୍ର ସମ୍ବନ୍ଧରେ ‘ହଁ’ ବା ‘ନାହିଁ’ ପୂରଣ କରାଯାଇଛି ।

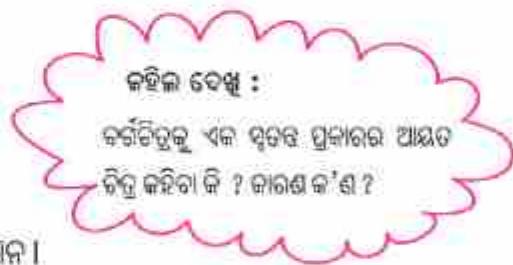
ଚତୁର୍ଭୁକ୍ଷ	ବିପରାତ ବାହୁ		ସମସ୍ତବାହୁ		ବିପରୀତ କୋଣ		କର୍ଣ୍ଣଦୟ		
	ସମାପତ୍ର	ସମାନ	ସମାନ	ଦୈର୍ଘ୍ୟ ବିଶିଷ୍ଟ	ଦୈର୍ଘ୍ୟ ବିଶିଷ୍ଟ	ସମାନ	ଦୈର୍ଘ୍ୟ ବିଶିଷ୍ଟ	ସମାନ	ପରିଷର
ସାମାନ୍ୟରିକ ଚିତ୍ର	ହଁ	ହଁ	ନାହିଁ			ହଁ	ନାହିଁ	ନାହିଁ	
ଆୟତଚିତ୍ର									
ବର୍ଗଚିତ୍ର									
ରମ୍ୟ									
ଗ୍ରାଫିକିଯମ୍									

2. ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉକ୍ତିର ତଳେ ଥିବା ବନ୍ଦନା ମଧ୍ୟରୁ ଉପଯୁକ୍ତ ଉଥ୍ୟ ବାଛି ଶୂନ୍ୟପ୍ଲାନ ପୂରଣ କର ।

କ) ଏକ ସାମାନ୍ୟରିକ ଚିତ୍ରର..... ସମାନ ହେଲେ ଚିତ୍ରଟି ରମ୍ୟ ହୁଏ ।

[କୋଣର ପରିମାଣ , ସମସ୍ତ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ , କର୍ଣ୍ଣଦୟର ଦୈର୍ଘ୍ୟ]

- ଖ) ଏକ _____ ର କୋଣମାନ ସମକୋଣ ହେଲେ, ଚିତ୍ରଟି ଆୟତଚିତ୍ର ହେବ ।
 [ବର୍ଗ ଚିତ୍ର, ସମାପରିକ ଚିତ୍ର, ରମୟ]
- ଘ) ଏକ ଆୟତଚିତ୍ରର _____ ସମାନ ହେଲେ ଚିତ୍ରଟି ବର୍ଗଚିତ୍ର ହେବ ।
 [ସମସ୍ତ ବାହୁର ଦେଖ୍ୟ, ସମସ୍ତ କୋଣର ପରିମାଣ]
- ଘ) କୌଣସି ଚତୁର୍ଭୁଜର ଏକ ଯୋଡ଼ା ବିପରୀତ ବାହୁ ସମାନର ହେଲେ ଚିତ୍ରଟି _____ ହେବ ।
 [ରମୟ, ବର୍ଗଚିତ୍ର, ଶ୍ରାପିକ୍ୟମ]
- ଙ) କୌଣସି ଚତୁର୍ଭୁଜର ଦୁଇଯୋଡ଼ା ବିପରୀତ ବାହୁ ସମାନର ହେଲେ ଚିତ୍ରଟି _____ ହେବ ।
 [ବର୍ଗ ଚିତ୍ର, ଆୟତ ଚିତ୍ର, ସମାପରିକ ଚିତ୍ର]
- ଘ) ABCD ଚତୁର୍ଭୁଜର \overline{AB} ସମାନର \overline{CD} , \overline{AD} ସମାନର \overline{BC} ଏବଂ $\angle ABC$ ର ପରିମାଣ 90° ହେଲେ, ଚତୁର୍ଭୁଜଟି ଏକ _____ ହେବ ।
 [ରମୟ, ଆୟତଚିତ୍ର, ବର୍ଗଚିତ୍ର]
3. ନିମ୍ନେ ଉଚିତାନଳ ମଧ୍ୟରୁ ଠିକ୍ ଭାବରେ ଶେଷରେ ଠିକ୍ ଚିତ୍ର () ଓ ଗୁରୁ ଭାବରେ ଶେଷରେ ଛକ୍ତି ଚିତ୍ର (X) ବସାଅ ।
- କ) ଆୟତଚିତ୍ରର ପ୍ରତ୍ୟେକ କୋଣ ଏକ ସମକୋଣ ।
- ଖ) ଆୟତଚିତ୍ରର ବିପରୀତ ବାହୁର ଦେଖ୍ୟ ସମାନ ।
- ଘ) ଏକ ବର୍ଗଚିତ୍ରର କର୍ଣ୍ଣଦୟ ପରସ୍ପର ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ।
- ଘ) ଏକ ରମୟର ସମସ୍ତ ବାହୁର ଦେଖ୍ୟ ସମାନ ।
- ଘ) ଏକ ସମାନରିକ ଚିତ୍ରର ସମସ୍ତ ବାହୁର ଦେଖ୍ୟ ସମାନ ।
- ଘ) ଶ୍ରାପିକ୍ୟମର ବିପରୀତ ବାହୁ ସମାନ ।
4. ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜର ସମସ୍ତ ବାହୁ ସମଦେଖ୍ୟ ବିଶିଷ୍ଟ ଓ ସମସ୍ତ କୋଣ ସମପରିମାଣ ବିଶିଷ୍ଟ ହେଲେ, ଆମେ ତାକୁ ସୁଷମ ଚତୁର୍ଭୁଜ କହୁ । ତେବେ ସୁଷମ ଚତୁର୍ଭୁଜଟି କିଏ ଲେଖ ।



9.3 ବୃତ୍ତ

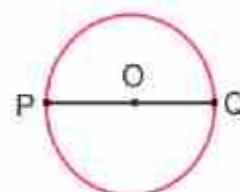
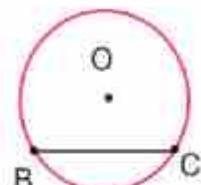
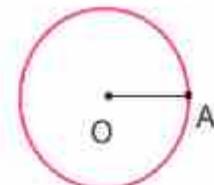
ପୂର୍ବଶ୍ରେଣୀରେ ତୁମେମାନେ ମୁହଁ ହସ୍ତରେ ଏବଂ କମ୍ପ୍ସ୍ ଦ୍ୱାରା କିପରି କୃତ ଅଙ୍କନ କରାଯାଏ ତାହା ଜାଣିଛ । ଏହି ପାଠରେ ଆମେମାନେ ବୃତ୍ତ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ କେତେକ ବିଶେଷ ତଥ୍ୟ ଜାଣିବା ।

9.3.1. ବୃତ୍ତ ଓ ବୃତ୍ତ ସମ୍ପଦ କେତେକ ଶକ୍ତି

ତୁମ ଖାତାର ଗୋଟିଏ ପୁଷ୍ଟାରେ ବିଦୁଟିଏ ନିଆ । ସେହି ବିଦୁରେ କମ୍ପ୍ସର କଣ୍ଠାମୁନକୁ ରଖି ଏକ ବୃତ୍ତ ଅଙ୍କନ କର । ବିଦୁଟିର ନାମ 'O' ଦିଆ । ଏହି 'O' ବିଦୁକୁ ଅଳିତ ବୃତ୍ତର ଲେନ୍ କୁହାଯାଏ । ବୃତ୍ତ ଜପରିମ୍ବ ଅନ୍ୟ ଏକ ବିଦୁ A ନିଆ ।

ଦେଲ ସାହାୟ୍ୟରେ \overline{OA} ଅଳନ କର। \overline{OA} କୁ ବୃତ୍ତର ଗୋଟିଏ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ କୁହାଯାଏ। ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ର ଓ ବୃତ୍ତ ଉପରିସ୍ଥ ଯେ କୌଣସି ବିନ୍ଦୁକୁ ଯୋଗ କରୁଥିବା ରେଖାଖଣ୍ଡର ଦେର୍ଘ୍ୟକୁ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ କୁହାଯାଏ। ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ଏକ ଦେର୍ଘ୍ୟମାପକୁ ସୂଚନା।

ବୃତ୍ତ ଉପରିସ୍ଥ ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁ B ଓ C ନିଆ। \overline{BC} ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଳନ କର। ବର୍ତ୍ତମାନ \overline{BC} କୁ ବୃତ୍ତର ଏକ ଜ୍ୟା କୁହାଯାଏ। ଅର୍ଥାତ୍, ବୃତ୍ତ ଉପରିସ୍ଥ ଯେ କୌଣସି ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁକୁ ଯୋଗ କରୁଥିବା ରେଖାଖଣ୍ଡକୁ ବୃତ୍ତର ଜ୍ୟା କୁହାଯାଏ।



ବୃତ୍ତ ଉପରିସ୍ଥ ଦୁଇଟି ବିନ୍ଦୁ P ଓ Q ଏପରି ନିଆ, ଯେପରି \overline{PQ} ଜ୍ୟା ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ର 'O' କୁ ଧାରଣ କରିଯିବ। \overline{PQ} କୁ ବୃତ୍ତର ଏକ ବ୍ୟାସ କୁହାଯାଏ। ଅର୍ଥାତ୍, କେନ୍ଦ୍ରବିନ୍ଦୁଗାମୀ ଜ୍ୟାକୁ ବୃତ୍ତର ଗୋଟିଏ ବ୍ୟାସ କୁହାଯାଏ। ବିନ୍ଦୁରେ ଏହି ବ୍ୟାସ ହେଉଛି ବୃତ୍ତର ବୃତ୍ତମାତ୍ରା ଜ୍ୟା। ବୃତ୍ତର ଯେ କୌଣସି ବ୍ୟାସର ଦେର୍ଘ୍ୟକୁ ଉତ୍ତର କୁରର ବ୍ୟାସ କୁହାଯାଏ। ଏଣୁ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସ ଏକ ଦେର୍ଘ୍ୟମାପକୁ ସୂଚନା।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- 3ସେ.ମି., 4ସେ.ମି. ଓ 5ସେ.ମି. ପରିମାଣ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ବିଶିଷ୍ଟ ତିନୋଟି ଅଳଗା ଅଳଗା ବୃତ୍ତ ଅଳନ କର (କମାସ ସାହାୟ୍ୟରେ)। ସେଗୁଡ଼ିକୁ ପ୍ରଥମ, ଦ୍ୱିତୀୟ ଓ ତୃତୀୟ ବୃତ୍ତ ତାବେ ନାମିତ କର।
- ପ୍ରତ୍ୟେକ ବୃତ୍ତରେ ଗୋଟିଏ ଲେଖାର୍ଥ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ଓ ଗୋଟିଏ ଲେଖାର୍ଥ ବ୍ୟାସ ଅଳନ କର।
- ପ୍ରତ୍ୟେକ ବୃତ୍ତରେ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ଓ ବ୍ୟାସକୁ ମାପି ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ କ'ଣ ସମ୍ପର୍କ ଅଛି ଟ୍ରୁର କର।

ଆମେ ଜାଣିଲେ, ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସ = $2 \times$ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ

ଯଦି କୌଣସି ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ 3.5 ସେ.ମି. ହୁଏ,

ତେବେ ଏହାର ବ୍ୟାସ = $3.5 \times 2 = 7$ ସେ.ମି. ହେବ।

ଜହିଲ ଦେଖ :

ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସ ଜଣାଇଲେ ଏହାର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ କିପରି ବାହାରିବ?

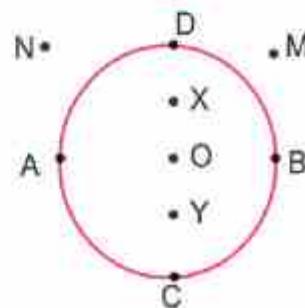
9.3.2. ବୃତ୍ତର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ଓ ବହିଦେଶ

ବିନ୍ଦୁ ଦେଖୁ ଉଚିତ ଦିଅ ।

(କ) C,D,A ଓ _____ ବିନ୍ଦୁ ଗୁଡ଼ିକ ବୃତ୍ତ ଉପରେ ଅକ୍ଷୟୁତ ।

(ଖ) M ଓ _____ ବୃତ୍ତର ବହିଶ୍ରେଣୀ ବିନ୍ଦୁ ଅଟେ ।

(ଗ) X,O ଓ _____ ବୃତ୍ତର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ବିନ୍ଦୁ ଅଟେ ।



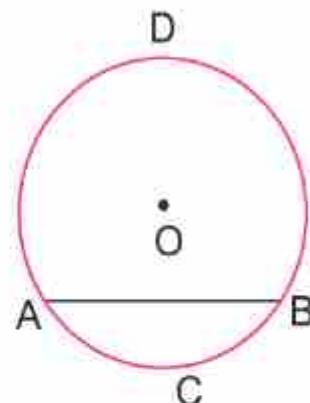
ବୃତ୍ତର ଅନ୍ତର୍ମୁଖ ବିଦ୍ୟୁମାନଙ୍କର ସମାହାରରେ ବୃତ୍ତର **ଅନ୍ତର୍ଦେଶ** ଗଠିଛା । ଏହା ବୃତ୍ତଦ୍ୱାରା ସାମାବଦ୍ଧ ଅନ୍ତର୍ମଳକୁ ସୂଚିତ ଥାଏ । ଏହା ଏକ ସାମିତ ଅନ୍ତର୍ମଳ । ବୃତ୍ତ ଓ ବୃତ୍ତର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ଏକତ୍ର ବୃତ୍ତଆକୃତିର କ୍ଷେତ୍ର ଗଠନ କରେ । ବୃତ୍ତର ବିଦ୍ୟୁମାନଙ୍କର ସମାହାରରେ ବୃତ୍ତର **ବିଦ୍ୟୁତ୍ତର୍ଫେଲ୍** ଗଠିଛା । ଏହା ଅସାମିଆ ଭାଷାରେ ବିଦ୍ୟୁତ୍ତର୍ଫେଲ୍

ଜୀବିରଖ

ଯେଉଁ ସମତବରେ ବୃତ୍ତରେ ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ଅଛି, ସେହି ସମତବରେ ବୃତ୍ତ, ବୃତ୍ତର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ଓ ବୃତ୍ତର କ୍ଷେତ୍ରରେ ଏପରି ଉନ୍ନେତି ଭାଗରେ ବିଜ୍ଞାନ ହୋଇଥାଏ ।

9.3.3 ବୃତ୍ତର ଉପ

ପାର୍ଶ୍ଵ ବିତ୍ତଥିବା ବୃତ୍ତର \overline{AB} ଏକ ଜ୍ୟା । A ଓ B ବିଦ୍ୟୁତ୍ତରେ ବୃତ୍ତ ଉପରେ 'C' ଅନ୍ୟ ଏକ ବିଦ୍ୟୁତ ନିଅ । ବୃତ୍ତର \widehat{ACB} ଅଂଶକୁ ବୃତ୍ତର ଏକ ଛ୍ରେଣୀ କୁହାଯାଏ । ଏହାକୁ \widehat{ACB} ସଂକେତ ଦ୍ୱାରା ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ । \overline{AB} ଜ୍ୟାର ଯେଇଁ ପାର୍ଶ୍ଵରେ C ବିଦ୍ୟୁତ୍ତ ଅଛି ତା'ର ବିପରୀତ ପାର୍ଶ୍ଵରେ ବୃତ୍ତ ଉପରେ ଏକ ବିଦ୍ୟୁତ୍ D ନିଅ । \widehat{ADB} ଅନ୍ୟ ଏକ ଛ୍ରେଣୀ ଅଟେ । \widehat{ACB} ଓ \widehat{ADB} ଛ୍ରେଣୀର ପରିଷର ବିପରୀତ ଛ୍ରେଣୀ । ଚିତ୍ରରେ \widehat{ACB} ଏକ କ୍ଷୁଦ୍ରଛ୍ରେଣୀ ଓ \widehat{ADB} ଏକ ବହୁଛ୍ରେଣୀ । \widehat{ACB} ଓ \widehat{ADB} ଛ୍ରେଣୀର A ଓ B ଦ୍ୱାରା ସାଧାରଣ ପ୍ରାକ୍ତ ବିଦ୍ୟୁତ୍ । ଚିତ୍ରରେ ଥିବା ବୃତ୍ତକୁ A C B ବା CBD ବା BCD ନାମ ଦିଆଯାଏ । ଅର୍ଥାତ୍ ବୃତ୍ତ ଉପରିଷ୍ଠା ଉନ୍ନେତି ବିଦ୍ୟୁମାନା ବୃତ୍ତର ନାମକରଣ କରାଯାଏ ।



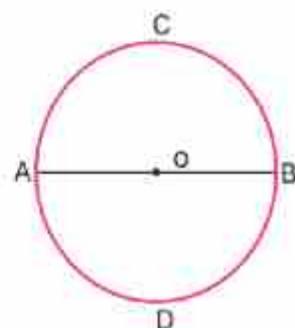
୪. ଉପର ଲେଖ

- $\widehat{DAC}, \widehat{DBC}, \dots$ ଓ \dots କିମ୍ବା ବୃତ୍ତର ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଛ୍ରେଣୀ ।
- \widehat{DBC} ଚାପର \dots ଓ \dots ଦୂରତ୍ତି ପ୍ରାକ୍ତ ବିଦ୍ୟୁତ୍ ।
- \widehat{ADB} ଚାପ ଓ \dots ଚାପର ସଂଯୋଗରେ ସମୁଦ୍ରାୟ ବୃତ୍ତଟି ଗଠିବାକୁ ହୁଏ ।
- \widehat{ACB} ଚାପର A ବିଦ୍ୟୁତ୍ ଓ \dots ବିଦ୍ୟୁତ୍ ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ ସମ୍ପତ୍ତି ବିଦ୍ୟୁତ୍ ଉପର ଅନ୍ତର୍ମୁଖ ବିଦ୍ୟୁତ୍ ।

ଅର୍ଦ୍ଧବୃତ୍ତ

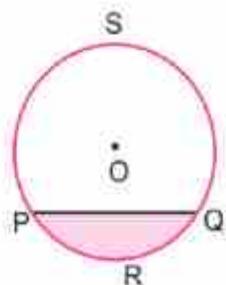
ବୃତ୍ତର ଗୋଟିଏ ବ୍ୟାସ ବୃତ୍ତକୁ ଦେଇଁ ଦୁଇଟି ଅଂଶରେ ବିଭିନ୍ନ କରେ, ତତ୍ତ୍ଵ ଅଂଶଦ୍ୱୟମୁକ୍ତ ମଧ୍ୟରୁ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଅଂଶକୁ **ଅର୍ଦ୍ଧବୃତ୍ତ କୁହାଯାଏ ।**

\overline{AB} ବୃତ୍ତର ଏକ ବ୍ୟାସ । \widehat{ACB} ଓ \widehat{ADB} ଦୂରତ୍ତି ଅର୍ଦ୍ଧବୃତ୍ତ । ଅର୍ଥାତ୍ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସ ବୃତ୍ତକୁ ଦୁଇଟି ଅର୍ଦ୍ଧବୃତ୍ତରେ ପରିଶିଳ୍ପ କରେ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ଛ୍ରେଣୀ ଏକ ଦେଇଁ ଥାଏ । ଏଠାରେ, \widehat{ACB} ଓ \widehat{ADB} ଚାପଦ୍ୱୟର ଦେଇଁ ସମାନ । \widehat{ACB} ଓ \widehat{ADB} ଚାପ ଦ୍ୱାରା ଦେଇଁ ସମାନ ବ୍ୟାସ ABC ବୃତ୍ତର ଦେଇଁ ସମାନ । ସମୁଦ୍ରାୟ ବୃତ୍ତର ଦେଇଁ କୁହାଯାଏ ।



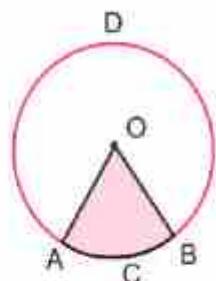
ବୃତ୍ତଖଣ୍ଡ

ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରରେ ଜ୍ୟା \overarc{PQ} ଓ ଝପ \widehat{PRQ} ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ଚିତ୍ରକୁ ଏକ ବୃତ୍ତଖଣ୍ଡ କୁହାଯାଏ । ସେହିପରି \overarc{PQ} ଜ୍ୟା ଓ \overarc{PSQ} ଝପ ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ଚିତ୍ର ହେଉଛି ଅନ୍ୟ ଏକ ବୃତ୍ତଖଣ୍ଡ । ଏଣୁ କୌଣସି ବୃତ୍ତର ଏକ ଝପ ଓ ଏହା ସହିତ ସମ୍ମତ ଜ୍ୟା ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ଚିତ୍ରକୁ ଉଚ୍ଚ ବୃତ୍ତର ଏକ ବୃତ୍ତଖଣ୍ଡ କୁହାଯାଏ ।



ବୃତ୍ତକଳା

ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରରେ \overline{OA} ଓ \overline{OB} ଦୁଇଟି ବ୍ୟାସର୍ତ୍ତ । A ଓ B ଚିତ୍ର ଦ୍ୱାରା \widehat{ACB} ଓ \widehat{ADB} ଦୁଇଟି ଝପ ସ୍ଥିତ ହୋଇଛି । \widehat{ACB} ଝପ, \overline{OA} ବ୍ୟାସର୍ତ୍ତ ଓ \overline{OB} ବ୍ୟାସର୍ତ୍ତ ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ଚିତ୍ରକୁ ଏକ ବୃତ୍ତକଳା କୁହାଯାଏ । $\angle AOB$ ହେଉଛି ଏହାର କେନ୍ଦ୍ରୀୟ କୋଣ । ସେହିପରି \widehat{ADB} ଝପ, \overline{OA} ବ୍ୟାସର୍ତ୍ତ \overline{OB} ବ୍ୟାସର୍ତ୍ତ ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ଚିତ୍ର ମଧ୍ୟ ଏକ ବୃତ୍ତକଳା ।



ଏକ ଝପ ଓ ତାହାର ପ୍ରାତିବିନ୍ଦୁ ଦୟ ଦେଇ ଅଳ୍ପିତ ବ୍ୟାସର୍ତ୍ତଦୟ ଦ୍ୱାରା ଗଠିତ ଚିତ୍ରକୁ ଏକ ବୃତ୍ତକଳା କୁହାଯାଏ ।



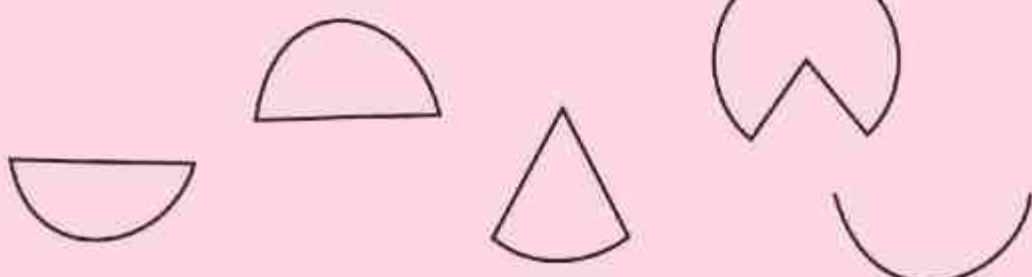
ବୃତ୍ତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଷେତ୍ର

ତୁରୁତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଷେତ୍ର ଓ ଚବୁର୍ଜୁଲାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଷେତ୍ର ପରି ବୃତ୍ତ ଏବଂ ବୃତ୍ତର ଅନ୍ତର୍ଦେଶ ଏକହା ବୃତ୍ତାକୃତି ଷେତ୍ର ଗଠନ କରେ । ନର ଚିତ୍ରକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ତଥେ ବିଆୟାରଥିବା ଚିତ୍ର ପରି କାଗଜରେ ସେଲା ଓ କମାୟ ଦ୍ୱାରା ବିଭିନ୍ନ ଚିତ୍ର ପ୍ରସ୍ତୁତ କରି ବୃତ୍ତଖଣ୍ଡ, ବୃତ୍ତକଳା ଓ ଅର୍କରୁପ ଚିତ୍ରର କର ।



ଅତ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 9.6

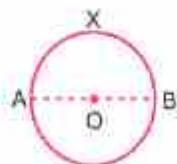
1. C କୁ କେନ୍ଦ୍ର ବିନ୍ଦୁ ନେଇ 4.5 ସେ.ମି. ବ୍ୟାସାର୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ଏକ ବୃତ୍ତ ଅଙ୍କନ କର। P, Q, R ବିନ୍ଦୁକୁ ଚିହ୍ନଟ କର ଯେପରି P ବିନ୍ଦୁ ବୃତ୍ତର ଅନ୍ତର୍ଦେଶରେ, 'Q' ବିନ୍ଦୁ ବୃତ୍ତ ଉପରେ ଓ 'R' ବିନ୍ଦୁ ବୃତ୍ତର ବହିର୍ଦେଶରେ ରହିବ।
3. 'O' କୁ କେନ୍ଦ୍ରବିନ୍ଦୁ ରୂପେ ନେଇ 4 ସେ.ମି. ବ୍ୟାସାର୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ଏକ ବୃତ୍ତ ଅଙ୍କନ କର। ଗୋଟିଏ ଜ୍ୟା ଅଙ୍କନ କର ଏବଂ 'O' ର ନାମ ଦିଆ \overline{AB} । ଉପରୁ ଶୁଦ୍ଧରୂପ ଉପରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁ 'X' ଚିହ୍ନଟ କର।
4. ନିମ୍ନଲୀଖିତ ଉପରେ ମଧ୍ୟରୁ ଠିକ୍ ଜାଣିବାକୁ ପାଖରେ ଠିକ୍ ଚିହ୍ନ (✓) ଓ ଭୁଲ ଜାଣିବାକୁ ପାଖରେ ଛକ୍ ଚିହ୍ନ (✗) ଦିଆ।
 - ବୃତ୍ତର ପ୍ରତ୍ୟେକ ବ୍ୟାସାର୍କ ଏକ ଜ୍ୟା ଅଟେ।
 - ବୃତ୍ତର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଜ୍ୟା କେନ୍ଦ୍ରରେ ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡିତ ହୁଏ।
 - ବୃତ୍ତର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଜ୍ୟା ଏକ ରେଖାଶଷ୍ଟ ଯାହାର ପ୍ରାଚ ବିନ୍ଦୁଦୟ ବୃତ୍ତ ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ।
 - ଏକ ବୃତ୍ତର ପ୍ରତ୍ୟେକ ବ୍ୟାସର ମଧ୍ୟବିନ୍ଦୁ ହେଉଛି ଉଚ୍ଚ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ର।
5. 'O' କୁ କେନ୍ଦ୍ର ରୂପେ ନେଇ 3.7 ସେ.ମି. ବ୍ୟାସାର୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ଏକ ବୃତ୍ତ ଅଙ୍କନ କର। ପ୍ରୋତ୍ରାକୃତ ବ୍ୟବହାର କରି ଏକ ବୃତ୍ତକଳା ଅଙ୍କନ କର, ଯାହାର କେନ୍ଦ୍ରୀୟ କୋଣର ପରିମାଣ 72° ।
6. ଶୁନ୍ୟପୂରଣ କର। ($<$, $=$ ତିହୁମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ଉପର୍ଯ୍ୟୁକ୍ତ ଚିହ୍ନ କୁ ବ୍ୟବହାର କରି)
 - ଏକ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ର ବିନ୍ଦୁ O, ବୃତ୍ତ ଉପରିଷ୍ଠ ଏକ ବିନ୍ଦୁ 'P' ଓ ବୃତ୍ତର ଅନ୍ତର୍ଦେଶରେ ଥିବା ଏକ ବିନ୍ଦୁ 'Q' । ଏଠାରେ $OP \underline{\hspace{2cm}} OQ$
 - ଏକ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ର ବିନ୍ଦୁ O, ବୃତ୍ତ ଉପରିଷ୍ଠ ଏକ ବିନ୍ଦୁ 'P' ଓ ବୃତ୍ତର ବହିର୍ଦେଶରେ ଏକ ବିନ୍ଦୁ 'R' । ଏଠାରେ, $OP \underline{\hspace{2cm}} QR$
 - \widehat{AXB} ର ଦେର୍ଘ୍ୟ $\underline{\hspace{2cm}}$ ଅର୍ଦ୍ଦବୃତ୍ତ ର ଦେର୍ଘ୍ୟ ।

9.4. ତ୍ର୍ମାତ୍ରିକ ଆକୃତିର ପବାର୍ଥ

ଦୁମେ ଦୈନିକିନ ଜୀବନରେ ଦେଖୁଥିବା କେତେକ ପବାର୍ଥ ଆକୃତି ସମ୍ପର୍କରେ ନିମ୍ନରେ ଆଲୋଚନା କରାଯାଉଛି ।

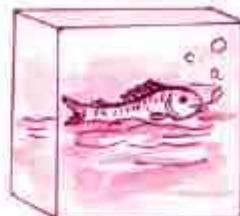


ବାକୁଟିଏ ବା ରଗଟିଏ ଦୁମେ ଦେଖୁଛା । ଏହା ବାମରୁ ଡାହାଣକୁ ବିସ୍ତୁତ, ତଳୁ ଉପରକୁ ବିସ୍ତୁତ ଏବଂ ସାମନା ପାଖରୁ ପଛ ଆଜକୁ ବିସ୍ତୁତ । ଅନ୍ୟ ଯେଉଁ ସବୁ ବସ୍ତୁର ଚିତ୍ର ଦିଆଯାଇଛି, ବାକୁଟିଏ ପରି ସେବୁଟିକର ବାମ-ଡାହାଣ, ଉପର-ଡଳ ଓ ଆଗ-ପଳ ବିସ୍ତୁତ ରହିଛି । ଏଥୁ ଯୋଗୁ ଏକାକୀ ତ୍ର୍ମାତ୍ରିକ ବସ୍ତୁ ବା ଘନ ବସ୍ତୁ କୁହାଯାଏ ।



9.4.1. ଆୟତ୍ୟନ

ଘନ ପଦାର୍ଥକୁ ଦୂର ଭାଗରେ ବିଜ୍ଞାନ କରାଯାଇଛି, ସଥା - ସମତଳ ପୃଷ୍ଠା ବିଶିଷ୍ଟ ଘନ ଓ ବକ୍ରତଳ ପୃଷ୍ଠା ବିଶିଷ୍ଟ ଘନ । କାଠବାକୁ, ଦିଆସିଲି ବାକୁ, ବହି, ଆଳମିଗା, ଲୁହୁଗୋଟି ଆଦି ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ସମତଳ ପୃଷ୍ଠା ବିଶିଷ୍ଟ ଘନ । ଉପରୋକ୍ତ ବସ୍ତୁଗୁଡ଼ିକୁ **ଆୟତ୍ୟନ** କୁହାଯାଏ ।



ଏଗ୍ରଭିକର ଦୈର୍ଘ୍ୟ, ପ୍ରସ୍ଥ ଓ ଉଚ୍ଚତା ଅଛି । ଗୋଟିଏ ଆୟତ୍ୟନର ଲେବେଳ ଅଂଶ ନିମ୍ନରେ ଦିଆଯାଇଛି ।

କ) ପାର୍ଶ୍ଵ

ଏକ ଆୟତ୍ୟନର ଛାନ୍ତି ଆୟତଟିର ଆକୃତିର ପାର୍ଶ୍ଵ ଥାଏ । ବିପରୀତ ପାର୍ଶ୍ଵଗୁଡ଼ିକ ଏକ ପ୍ରକାଶର ଏବଂ ସମାନ ମାପ ବିଶିଷ୍ଟ ।

ଖ) ଧାର

ଚିତ୍ରବେଶ । ଦୂରଟି ପାଖର ମିଳନ ସ୍ଥାନକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକର । ଏହାକୁ ଆୟତ୍ୟନର ଏକ ଧାର କୁହାଯାଏ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ଧାରର ଆକୃତି ରେଖାଶଙ୍କେ ସବୁଟା । ଏକ ଆୟତ୍ୟନର 12ଟି ଧାର ଥାଏ ।

ଘ) ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ

ବାକୁର ଚିତ୍ରର ଉପର ପାଖକୁ ଦେଖ । ଏହାର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ (ଗା କୌଣିକ ବିନ୍ଦୁ)କୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର, ଦେଖିବ ଯେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁରେ ବାକୁର ତିନୋଟି ଧାର ମିଳିତ ହୋଇଇଛି । ଏହି ଶାର୍ଷ ବିନ୍ଦୁକୁ ଆୟତ୍ୟନର ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ କୁହାଯାଏ । ଏହିପରି ଏକ ଆୟତ୍ୟନର 8 ଟି ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ ଥାଏ ।



ଲୁହୁଗୋଟିର ଚିତ୍ରକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର । ଚିତ୍ରଟି ଏକ ଆୟତ୍ୟନ ଯାହାର ଦୈର୍ଘ୍ୟ, ପ୍ରସ୍ଥ ଓ ଉଚ୍ଚତା ସମାନ । ଏହା ଏକ ସ୍ଥତତ୍ତ୍ଵ ପ୍ରକାର ଆୟତ୍ୟନ । ତେଣୁ ଏହାକୁ ଆୟତ୍ୟନକୁ ଏକ ସମୟନ କୁହାଯାଏ । ଆୟତ୍ୟନ ରକ୍ତ ଏହାର ଛାନ୍ତି ପୃଷ୍ଠ, 12ଟି ଧାର ଏ 8ଟି ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ ଥାଏ । ଏହାର ପୃଷ୍ଠଗୁଡ଼ିକ ବର୍ଣ୍ଣାବ୍ରତି ବିଶିଷ୍ଟ ।

ଯେଉଁ ଆୟତ୍ୟନର ଦୈର୍ଘ୍ୟ, ପ୍ରସ୍ଥ ଓ ଉଚ୍ଚତା ପରିଷର ସମାନ, ତାହା ହେଉଛି ଏକ ସମୟନ ।

9.4.2. ସିଲିଣ୍ଡର

ଚିତ୍ରଗୁଡ଼ିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର । ନଳାକୃତି ପାଇସ, ଗ୍ୟାସ ସିଲିଣ୍ଡର ଓ ତେଲଟିଣ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ସିଲିଣ୍ଡର ଆକୃତିର ।

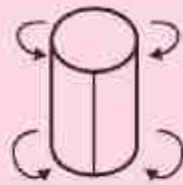


ସିଲିଣ୍ଡରର ଗୋଟିଏ ବକୁ ପୃଷ୍ଠା ଓ ଦୂରତ୍ତି ବୃତ୍ତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ପୃଷ୍ଠା ଥାଏ । ସିଲିଣ୍ଡରର ଦୂର ମୁଖ୍ୟରେ ଦୂରତ୍ତି ବୃତ୍ତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଧାର ଥାଏ । ସିଲିଣ୍ଡରର କୌଣସି ଶାର୍ଫବିହୁ ନ ଥାଏ ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ଆସଦଶେତ୍ର ଆକୃତିର ଖଣ୍ଡ କାଗଜପଟଟି ନିଆ ।
- ◆ ଚିତ୍ରରେ ଦେଖାଯାଇଥିବା ଭଳି କାଗଜପଟଟିକୁ ମୋଡ଼ି ଦୂରମୁଖକୁ ଏକାଠି କରି ଦିଆ ।
- ◆ ଦୂର ମୁଖକୁ ଏକ ପିନକଣ୍ଠା ବା ଅଠା ଲଗାଇ ଯୋଡ଼ି ଦିଆ ।
- ◆ ବର୍ଣ୍ଣମାନ କାଗଜର ପେରଁ ଆକୃତିଟି ପ୍ରସ୍ତୁତ ହେଲା ତାହା କି' ପ୍ରକାର ଆକୃତି ?



9.4.3. ଗୋଲକ

ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ତୁ ବଲର ଚିତ୍ରକୁ ଲାଗ୍ୟ କରା । ଏହି ପ୍ରକାର ଆକୃତିକୁ **ଗୋଲକ** କୁହାଯାଏ । ଏହାର ଗୋଟିଏ ବକୁ ପାର୍ଶ୍ଵତଳ ଥାଏ । ଗୋଲକର ଶାର୍ଫବିହୁ ବା ଧାର ନ ଥାଏ ।



9.4.4. କୋନ୍

ପାର୍ଶ୍ଵସ୍ତୁ ଚିତ୍ରଟି ଏକ କୋନ୍ ଅଛେ । ଏହାର ଗୋଟିଏ ବୃତ୍ତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ପାର୍ଶ୍ଵ (ଭୂମି) ଥାଏ ଓ ଗୋଟିଏ ବକୁପୃଷ୍ଠା ଥାଏ । ଗୋଟିଏ ବୃତ୍ତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଧାର ଥାଏ । ଗୋଟିଏ ମାତ୍ର ଶାର୍ଫବିହୁ ଥାଏ । ଧାନ, ମୁଗ ଆଦି ଶସ୍ତ୍ର ଅଥବା କିଛି ଶୁଖଲା ବାଲିକୁ ରହା କରି ଦେଲେ ତାହା ସ୍ଵର୍ଗ କୋନ୍ ଆକୃତି ଗଠନ କରେ, ନିଜେ ପଚାଶା କରି ଦେଖ ।

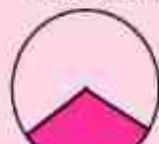


☞ ତୁମର ପରିବେଶରେ କେଉଁ କେଉଁ ଠାରେ କୋନ୍ ଆକୃତିର ଘନବସ୍ତୁ ଦେଖୁଛ ଲେଖ ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ଖଣ୍ଡ କାଗଜ ଭପରେ କମାସ୍ତ ସାହାଯ୍ୟରେ ବୃତ୍ତଟି ଅଳନକର (ଚିତ୍ର (କ) ପରି) ।



କ



ଖ



ଗ

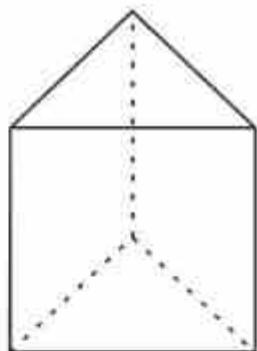


ଘ

- ◆ ସେହି ବୃତ୍ତରେ ଦୂରତ୍ତି ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ ଅଳନ କର (ଚିତ୍ର (ଖ) ପରି) ଏବଂ ସେହି ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ କଢ଼େ କଢ଼େ କରିବିରେ କାଟିଦିଆ । ଚିତ୍ର (ଖ) ଭଳି ଗୋଟିଏ ବୃତ୍ତକଳା ପାଇବ ।
- ◆ ବୃତ୍ତକଳାକୁ ଧାରେ ଧାରେ ମୋଡ଼ି ଯେପରି ସଲଖ ଧାର ଦୂରତ୍ତି ପାଖାପାଖ ହେବେ (ଚିତ୍ର (ଗ) ପରି) ଓ ପରଦର ସହ ମିଶିଯିବେ (ଚିତ୍ର (ଘ) ଭଳି) ।
- ◆ ଦୂରତ୍ତିଯାକ ଧାରକୁ ଅଠା ଲଗାଇ ଯୋଡ଼ିଦିଆ । କିପରି ଆକୃତିଟିଏ ପାଇଲା ଦେଖ ।

9.4.5. ତ୍ରିଭୁଜାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ପ୍ରିଜିମ

ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର । ଏହା ଏକ ପ୍ରିଜିମର ଚିତ୍ର । ଏହାର ଦୁଇଟି ପୃଷ୍ଠା ଆକୃତି ତ୍ରିଭୁଜ ଭଳି । ତେଣୁ ଏହାକୁ **ତ୍ରିଭୁଜାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ପ୍ରିଜିମ** କୁହାଯାଏ । ତ୍ରିଭୁଜ ପରି ଆକୃତି ଥିବା ପୃଷ୍ଠା ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରୁ ଯେଉଁଠି ଲେକୁ ରହିଥିବାର ଦେଖୁଛି, ସେଇଟିକୁ ପ୍ରିଜିମର ଛୁଟି ବା ଆଧାର କୁହାଯାଏ । ପ୍ରିଜିମର ଦୁଇଟିଯାଇ ତ୍ରିଭୁଜ ଆକୃତିର ପୃଷ୍ଠା ସମ ଆକାର ବିଶିଷ୍ଟ । ଅନ୍ୟ ପୃଷ୍ଠାଗୁଡ଼ିକ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ଆକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ । ଏହାର ଉନ୍ନେଟ ଆୟତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ପୃଷ୍ଠା ରହିଛି ।

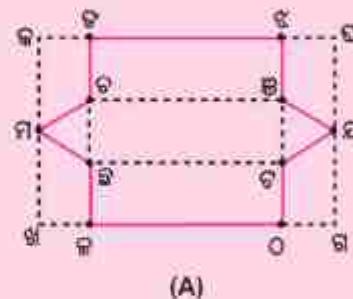


ଏକ ତ୍ରିଭୁଜାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ପ୍ରିଜିମର 6 ଟି ଶାର୍କବିତ୍ରୁ, 3 ଟି ଆୟତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ପୃଷ୍ଠା, 2ଟି ତ୍ରିଭୁଜାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ପୃଷ୍ଠା ରୁ ଓ 1 ଟି ଧାର ଆଏ ।

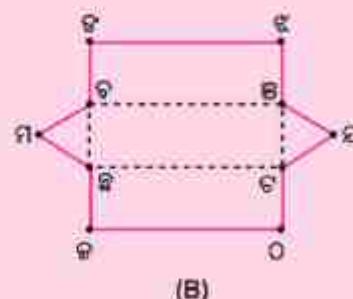


ନିଜେ କରି ଦେଖ

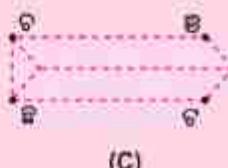
- ◆ ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରକୁ ଦେଖ । କଞ୍ଚକଟି ଭଳି ଆୟତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ପଢ଼ି କାଗଜ ଖଣ୍ଡେ ନିଆ ।
- ◆ କଞ୍ଚ ମୁଣ୍ଡରୁ ଓ ଗୟ ମୁଣ୍ଡରୁ ସମାନ ଦୂରତାରେ ତଳ ଓ ୫୦ ସରଳରେଣ୍ଟା ଖଣ୍ଡ ଚାଣ । ତଳ ଓ ୫୦ ରେଣ୍ଟାଖଣ୍ଡ ଦୁଇଟିକୁ ସମାନ ତିନି ଭାଗ କର । କଞ୍ଚ ଧାର ଉପରେ ‘ମ’ ବିଦୁ ଓ ଗୟ ଧାର ଉପରେ ‘ୟ’ ବିଦୁ ଏପରି ଚିହ୍ନଟ କର, ଯେପରି
- ◆ $ମତ = ମଛ = ଚଛ = ଅଟ = ଅୟ = ଚଯ$ ହେବ ।
- ◆ ବର୍ତ୍ତମାନ ତଳ ଓ ଚମ ଗାରରେ କାଟି ଦିଆ ; ମଛ, ଚଛ ଗାରରେ କାଟି ଦିଆ । ଅଟ ଓ ଅୟ ଗାରରେ କାଟି ଦିଆ ଏବଂ ୧୦ ଟଙ୍କ ଓ ଗୟ ଗାରରେ କାଟି ଦିଆ । ବର୍ତ୍ତମାନ ଚିତ୍ର (A)ରେ ଥିବା ଆକୃତିର ବାଗଜ ଖଣ୍ଡେ ମିଳିବ ।
- ◆ ତା’ପରେ ଚଷ ଓ ଛଟ ଗାର ପାଖରେ କାଗଜକୁ ଭାଙ୍ଗି ଦିଆ, ଯେପରି ତଣ ଓ ତଳ ଧାର ଦୁଇଟି ପରିବର ସହ ଲାଗି ଯିବ । ସେ ଧାର ଦୁଇଟିକୁ ଅଠା ଦେଇ ଯୋଡ଼ିଦିଆ ।
- ◆ ତା’ପରେ ମରଙ୍ଗ ଆଂଶକୁ ଚଛ ଗାର ପାଖରେ ଭାଙ୍ଗି ଦିଆ ଏବଂ ଅଟଯ ଆଂଶକୁ ଅଟ ଗାର ପାଖରେ ଭାଙ୍ଗି ଦିଆ ।
- ◆ ଚିତ୍ର (C) ଭଳି ଆକୃତିଟିଏ ପାଇବ । କି’ ପ୍ରକାର ଆକୃତିଟିଏ ପାଇଲା



(A)



(B)



(C)

9.4.6. ପିରାମିଡ଼

ପାର୍ଶ୍ଵ ତିତୁଳି ଏକ ପିରାମିଡ଼ । ଏହାର ଭୂମି ଏକ ତ୍ରିଭୁଜ । ତେଣୁ ଏହାକୁ ତ୍ରିଭୁଜାକୁ ବିଶିଷ୍ଟ ପିରାମିଡ଼ କୁହାଯାଏ । ଏହାକୁ ମଧ୍ୟ ଚେତ୍ରାହେତ୍ରନ କୁହାଯାଏ କଞ୍ଚକ ପୃଷ୍ଠକୁ ଏହି ପିରାମିଡ଼ର ଭୂମି କୁହାଯାଏ । ତିତୁଳି ଦେଖି କୁହ ।

କ) ତ୍ରିଭୁଜାକୁ ବିଶିଷ୍ଟ ପିରାମିଡ଼ର ପୃଷ୍ଠାଙ୍କୁ କେତେ ?

ଖ) ତ୍ରିଭୁଜାକୁ ବିଶିଷ୍ଟ ପିରାମିଡ଼ର ଧାର ସଂଖ୍ୟା କେତେ ?

ଘ) ଏହାର ଶାର୍ଷ ସଂଖ୍ୟା କେତେ ?

ପାର୍ଶ୍ଵ ତିତୁଳିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର । ଏହା ଏକ ଚନ୍ଦ୍ରଭୂଜାକୁ ବିଶିଷ୍ଟ ପିରାମିଡ଼ । ଏହାର ଭୂମି ଏକ ବର୍ଗଶତ୍ରୁ । କଞ୍ଚକପଥ ପୃଷ୍ଠକୁ ଏହି ପିରାମିଡ଼ର ଭୂମି କୁହାଯାଏ । ଏଥରେ 5 ଟି ପୃଷ୍ଠ, 8 ଟି ଧାର ଓ ଗୋଟିଏ ଶାର୍ଷ ବିଦ୍ୟୁ ଥାଏ ।

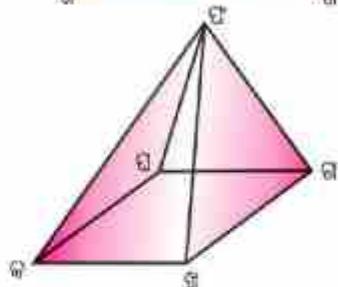
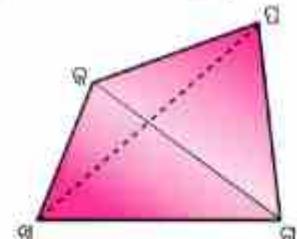
 ତଳେ ବିଆୟାଇଥୁବା ଭଳି ଏକ ସାରଣୀ ଡିଆରି କରି ଖାଲିଘରେ ଉପର ଲେଖ ।

ଆକୃତିର ନାମ	ପୃଷ୍ଠ ସଂଖ୍ୟା	ଧାର ସଂଖ୍ୟା	ଶାର୍ଷ ସଂଖ୍ୟା
ଆୟତଘନ			
ସମଘନ			
ସିଲିଣ୍ଡର			
ଗୋଲକ			
କୋନ୍			
ପ୍ରିଜିମ୍			

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 9.7

- ପ୍ରଫେକ୍ଚର ଦୂରତ୍ତ ଲେଖାର୍ଥ ଉପାଦରଣ ଦିଆ ।
ଆୟତଘନ, ସମଘନ, ଗୋଲକ, ପ୍ରିଜିମ୍, ସିଲିଣ୍ଡର, କୋନ୍
- କେଉଁ ପ୍ରକାର ଆକୃତି ଲେଖ ।

- | | |
|------------------------|--------------------|
| (କ) ଭୂମର ଜ୍ୟାମିତି ବାକୁ | (ଖ) ଗୋଟିଏ ଲଚା |
| (ଘ) ବିଆୟାଇ ବାକୁ | (ଘ) ଗୋଟିଏ ବୁଲ ବାଢି |
| (ଟ) ଗୋଟିଏ ଲୁଭୁଗୋଟି | (ଟ) ଛିକେଟ ବକ୍ |





ବୀଜଗଣିତ ସହିତ ପରିଚିତ

10.1 ବୀଜଗଣିତର ସ୍ଵରୂପ

ଆମେ ଏ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ବିଭିନ୍ନ ଗଣିତ ଅଧ୍ୟାତ୍ମ କରିଛୁ । ସଂଖ୍ୟା ଗଠନର ମୂଳପିଣ୍ଡ ହେଉଛି ଆଜ । ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକ୍ରିୟାର ବ୍ୟବହାର ଦ୍ୱାରା ସଂଖ୍ୟାକୁ କିପରି ଆମ କାର୍ଯ୍ୟରେ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା ତାହା ଶିଖିଛୁ ।

ସଂଖ୍ୟା ପରିବର୍ତ୍ତ ସଙ୍କେତକୁ ବ୍ୟବହାର କରି କିପରି ସଂଖ୍ୟା ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକ୍ରିୟା ସମ୍ବନ୍ଧରେ କରାଯାଇପାରେ ତାହା ବର୍ତ୍ତମାନ ଆମେ ଶିଖିବା । a, b, c..... ଆଦି ଅନ୍ତରକୁ ଆମେ ସଂଖ୍ୟାର ସଙ୍କେତ ରୂପେ ବ୍ୟବହାର କରିବା । ସଂଖ୍ୟା ପରିବର୍ତ୍ତ ସଙ୍କେତକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ବିଭିନ୍ନ ଗାଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟା ପ୍ରୟୋଗ କରିବା ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ବିଷୟ ବିଷୟରେ ବିଶ୍ୱାସ କରାଯାଏ ।

10.1.1 ବୀଜଗଣିତ କ'ଣ ?

$$\text{ଆମେ ଜ୍ଞାନ, } 5 + 5 = 5 \times 2 = 2 \times 5$$

$$3 + 3 = 3 \times 2 = 2 \times 3$$

$$\text{ସେହିପରି, } a + a = a \times 2 = 2 \times a$$

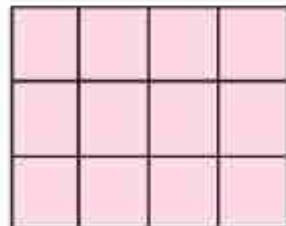
$$3(4+5) = 3 \times 4 + 3 \times 5$$

$$2(6+4) = 2 \times 6 + 2 \times 4$$

$$\text{ସେହିପରି, } a(b+c) = a \times b + a \times c$$

- ଏକ ଆୟତ କ୍ଷେତ୍ରର ଦେଇଁ 4 ଏକକ ଓ ପ୍ରସ୍ତ୍ରୀ 3 ଏକକ ହେଲେ, ଏହାର କ୍ଷେତ୍ରପାଳ = (4×3) ବର୍ଗ ଏକକ ।

ସେହିପରି, ଏକ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ଦେଇଁ p ଏକକ ଓ ପ୍ରସ୍ତ୍ରୀ q ଏକକ ହେଲେ, ଏହାର କ୍ଷେତ୍ରପାଳ = $(p \times q)$ ବର୍ଗ ଏକକ

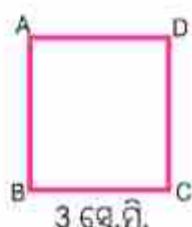


ଜୟାହରଣ - 1

(କ) ପାର୍ଶ୍ଵ ବିଭିନ୍ନ ଏକ ବର୍ଗରେ ABCD ଏକ ବର୍ଗରିତ୍ତ, ଯାହାର ଏକ କାହୁର ଦେଇଁ 3 ସେ.ମି.

ଏହାର ପରିସୀମା = $AB+BC+CD+DA = (3+3+3+3)$ ସେ.ମି.

$$= (4 \times 3) \text{ ସେ.ମି.} = 12 \text{ ସେ.ମି.}$$

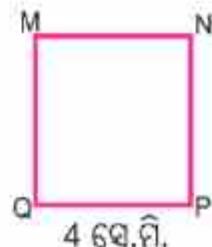


(ଖ) ସେହିପରି ଗୋଟିଏ ବର୍ଗଚିତ୍ରର ଗୋଟିଏ କାହୁର ଦେଇଁ 4 ସେ.ମି. ହେଲେ,

$$MNPQ \text{ ବର୍ଗଚିତ୍ରର ପରିସୀମା} = MN + NP + PQ + QM$$

$$= (4+4+4+4) \text{ ସେ.ମି.}$$

$$= (4 \times 4) \text{ ସେ.ମି.} = 16 \text{ ସେ.ମି.}$$



(ଗ) ଏକ ବର୍ଗଚିତ୍ର ଯାହାର ବାହୁର ଦେଇଁ 6 ସେ.ମି., ତା'ର ପରିସୀମା = $(6+6+6+6)$ ସେ.ମି.

$$= (4 \times 6) \text{ ସେ.ମି.} = 24 \text{ ସେ.ମି.}$$

ଆଲୋଚିତ ତିନୋଟି ଉଦାହରଣରୁ ପାଇଥବା ଫଳାଫଳକୁ ସାରଣୀରେ ଲେଖିବା।

ବର୍ଗଚିତ୍ରର ବାହୁର ଦେଇଁ	ପରିସୀମା
3 ସେ.ମି.	12 ସେ.ମି.
4 ସେ.ମି.	16 ସେ.ମି.
6 ସେ.ମି.	24 ସେ.ମି.

କଷ୍ଟ୍ୟକର

ଉନ୍ନ ଉନ୍ନ ଅକୁଡ଼ି ଚିଶିଷ୍ଟ ବର୍ଗଚିତ୍ରର ପରିସୀମା,
ତା'ର ବାହୁର ଦେଇଁର 4 ଗୁଣ।

ଅର୍ଥାତ୍, $\text{ବର୍ଗଚିତ୍ରର ପରିସୀମା} = 4 \times \text{ବାହୁର ଦେଇଁ}$ ।

ସବି ଗୋଟିଏ ବର୍ଗଚିତ୍ରର ପ୍ରତ୍ୟେକ ବାହୁର ଦେଇଁ 4 ସେ.ମି. ହେଉଥାଏ ଏବଂ ପରିସୀମାକୁ P ସେ.ମି. ବୋଲି ନିଆଯାଏ, ତେବେ $P = 4 \times a$ ସେ.ମି. ରୂପେ ଲେଖାଯାଇପାରେ।

ଏହି ଉନ୍ନିଟି ଏକ ବର୍ଗ ଚିତ୍ରର ବାହୁର ଦେଇଁ 4 ଓ ଏହାର ପରିସୀମା ମଧ୍ୟରେ ସଂପର୍କ ।

• ବର୍ଗମାନ $a = 3$ ନେଲେ, ପରିସୀମା $P = 4 \times a$ ସେ.ମି.

$$= 4 \times 3 = 12 \text{ ସେ.ମି. ହେବା}$$

• ବର୍ଗଚିତ୍ରର ବାହୁ $a = 4$ ନେଲେ, ପରିସୀମା $P = 4 \times a$

$$= 4 \times 4$$

$$= 16 \text{ ସେ.ମି.}$$

ଏଣୁ ଉପରିଷ୍ଠ ଉଚ୍ଚତା $P = 4 \times a$ ମାଧ୍ୟମରେ ଏକ ଗ୍ରାମିକ ନିୟମକୁ ସାଧାରଣ ଭାବରେ ବା ବ୍ୟାପକ ଭାବରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇଛି ।

ସଂଖ୍ୟା ଗଣିତର ସାଧାରଣ ବା ବ୍ୟାପକ ପରିପ୍ରକାଶ ଧାରାକୁ ହେଲେ ବୀକଗଣିତ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

10.2. ଚକରାଶି

ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ଆଲୋଚନାରେ ଆମେ ଦେଖୁଥିଲେ ଯେ $P = 4 \times a$

ଏହି ଉନ୍ନିଟରେ 'a' ଓ 'P' ଉଚ୍ଚତା ମାନ ପରିବର୍ତ୍ତନଶାଳା । ଅର୍ଥାତ୍ 'a' ଲାଗି ଉନ୍ନ ଉନ୍ନ ମାନ ନେଲେ, ତବନୁୟାୟି 'P' ଲାଗି ଉନ୍ନ ଉନ୍ନ ମାନ ମିଳିବ । ଏଣୁ ଆମେ କହିଥିଲେ, 'a' ଓ 'P' ଉଚ୍ଚତେ ପରିବର୍ତ୍ତନଶାଳା ।

ଯେଉଁ ସଙ୍କେତଗୁଡ଼ିକ ପରିବର୍ତ୍ତନଶାଳ ସେମୁହିକୁ ‘ଚଳ ଗାଣ୍ଡି’ ବା ‘ଚଳ’ ବୁଝାଯାଏ ।

ଏଠାରେ ‘a’ ଓ ‘P’ ଭଲମେ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଚଳଗାଣ୍ଡି ବା ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଚଳ ।

ସେହିପରି ଆଉ ଗୋଟିଏ ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ ନିମ୍ନରେ ବିଆଯାଇଛି ।

ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ - 2

ଜଣେ ଲୋକ ଘଣ୍ଟା ପ୍ରତି 30 କି.ମି. ବେଗରେ ସ୍ଥିତ ଚକାଇଲେ, ସେ 4 ଘଣ୍ଟାରେ କେତେ ଦୂରତା ଅତିକ୍ରମ କରିବେ ?

ଲୋକଟି 1 ଘଣ୍ଟାରେ 30 କି.ମି. ଦୂରତା ଅତିକ୍ରମ କରନ୍ତି ।

4 ଘଣ୍ଟାରେ ସେ ଅତିକ୍ରମ କରିଥିବା ଦୂରତା = 30 କି.ମି. \times 4 = 120 କି.ମି.

ଏଥରୁ ଆମେ ଦେଖିଲେ ଅତିକ୍ରମ କରିଥିବା ଦୂରତା = 30 କି.ମି. ଘଣ୍ଟା ପ୍ରତି \times 4 ଘଣ୍ଟା

ଅନ୍ୟ କଥାରେ, **ଅତିକ୍ରମ ଦୂରତା = ବେଗ \times ସମୟ**



ବେଗ ଲାଗି ‘s’, ସମୟ ଲାଗି ‘t’ ଓ ଦୂରତା ଲାଗି ‘d’ ସଙ୍କେତକୁ ବ୍ୟବହାର କଲେ, ଉପରିସ୍ଥିତ ଉଚ୍ଚି ବା ସମ୍ରକ୍ଷକୁ ଆମେ କିପରି ଲେଖିପାରିବା ?

$$d = s \times t$$

ଏହା ମଧ୍ୟ ଏକ ଗାଣିତିକ ସମ୍ରକ୍ଷର ସାଧାରଣ ବା ବ୍ୟାପକ ରୂପ । ଏଠାରେ ‘s’, ‘t’ ଓ ‘d’ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଚଳ ।

ଉପରୋକ୍ତ ଦୁଇଟି ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟରେ ଆମେ ଦୁଇଟି ଉଚ୍ଚି ଉଚ୍ଚି ପ୍ରତି ପାଇଲେ ।

$$P \text{ (ବର୍ଗ ଚିତ୍ରର ପରିସମା)} = 4 \times a \text{ (ବାହୁ ଦେଖିଯାଇଲେ)}$$

$$d \text{ (ଦୂରତା)} = s \text{ (ବେଗ)} \times t \text{ (ସମୟ)}$$

ଆସ, ଚଳଗାଣ୍ଡିକୁ ବୁଝିବା

ଜାଣିଛ କି ?

ବଳ ଗାଣ୍ଡିର ଲୋକେ ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାନ ନାହାଏ । ଜଳ ଗାଣ୍ଡି ଲାଗି 1, 2, 3, 4 ଆଦି ଯେ ଲୋକେ ମାନ ଦିଆଯାଇପାରେ ।
ବଳ ଗାଣ୍ଡି ସୁଚାଇବା ପାଇଁ ଯେବେଳେବେ ଅନ୍ତର ଯଥା m, n, l,
p, q, r ଜଳାବି ହିଅସାଇ ପାରେ ।

ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ - 3

ଅମିନା ଓ ସରିତା ଗୋଟିଏ ଧାରାରେ ଦିଆଯିଲି କାଠି ସଜାଇ ‘L’ ଆକୃତି ଗଠନ କରିବାକୁ ଲାଗିଲେ । ‘L’ ଆକୃତି ରହିବା ପାଇଁ ଦୁଇଟି ଦିଆଯିଲି କାଠିର ଆବଶ୍ୟକତା ପଡ଼ିଲା ।

ପ୍ରଥମେ ଅମିନା ଦୁଇଟି କାଠି ବ୍ୟବହାର କରି ଗୋଟିଏ ‘L’ ଆକୃତି ଗଠନ କଲା । (ପ୍ରଥମ ଚିତ୍ର)



ସେହିପରି ସରିତା ଆଉ ଦୁଇଟି କାଠି ନେଇ ଅନ୍ୟ ଗୋଟିଏ 'L' ପ୍ରଥମ ଚିତ୍ର ସହ ଯୋଡ଼ି ରଖିଲା (ଦୂରୀୟ ଚିତ୍ର)

ପରେ ସତିତାର ଏକ ସାଇ ଆପୁ ପୁନଃ ଆଉ ଦୁଇଟି କାଠି ନେଇ ଦୂରୀୟ ଚିତ୍ର ସହ 'L' ଟିଏ ଯୋଡ଼ିଲା (ଦୂରୀୟ ଚିତ୍ର)

 **ବର୍ତ୍ତମାନ ଭୁମେ କହିପାରିବ କି, ସାତଟି 'L' ଚିତ୍ର ଗଠନ କରିବା ପାଇଁ କେତୋଟି ଦିଆସିଲି କାଠି ଦରକାର ହେବ ?**

ଅମିନା, ସରିତା ଓ ଆପୁ ମିଶି ଦୁଇ ଦୁଇଟି କାଠି ନେଇ ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟକ 'L' ଚିତ୍ର ଗଡ଼ିବାକୁ ଲାଗିଲେ । ଆସ, ଗୋଟିଏ ସାରଣୀ ପ୍ରସ୍ତୁତ କରି ତହିଁରେ ଗଠନ କରିଥିବା 'L' ସଂଖ୍ୟା ଓ ସେଥୁରେ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଥିବା ଦିଆସିଲି କାଠି ସଂଖ୍ୟା ପୂରଣ କରିବା ।

'L' ସଂଖ୍ୟା	1	2	3	4	5	6	7			
ବ୍ୟବହୃତ ଦିଆସିଲି										
କାଠି ସଂଖ୍ୟା	2	4	6	8	10	12	14			

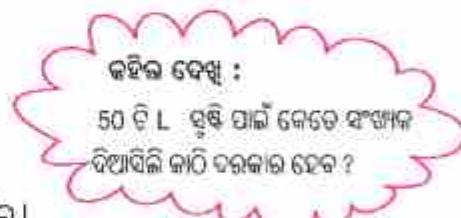
- ◆ ଉପର ସାରଣୀରୁ 'L' ସଂଖ୍ୟା ଓ ତାହା ଡିଆରି ହେବାପାଇଁ ଆବଶ୍ୟକ କାଠି ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରେ କ'ଣ ସଂପର୍କ ଥିବାର ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛି ?

ଯଦି ବ୍ୟବହୃତ କାଠି ସଂଖ୍ୟାକୁ S ଏବଂ ପ୍ରସ୍ତୁତ L ସଂଖ୍ୟାକୁ n ସଙ୍କେତ ଦ୍ୱାରା ସୂଚିତ କରାଯାଏ । ତେବେ ଏହି ସଂପର୍କକୁ ସୂଚିତ କରାଯାଇବା ପାଇଁ କେବେଁ ଗୋଟିଏ ଉପରେ ବ୍ୟବହାର କରାଯିବ ?

ଭୁମେ ନିଶ୍ଚିତ ଭାବେ $S = 2n$ ଉପରି ପାଇବ ।

' n ' ର ମାନ ଲାଗି $1, 2, 3, 4, \dots$ ଆଦି ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ମଧ୍ୟରୁ

ଯେ କୌଣସିକୁ ନେଇ 'S' ର ମାନ ଅନୁରୂପ ଭାବେ ସ୍ଥିର କରିପାରିବ ।



ଏଠାରେ n ର କୌଣସି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାନ ନାହିଁ କିମା S ର ମଧ୍ୟ କୌଣସି ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାନ ନାହିଁ । n ଲାଗି ଯେ କୌଣସି ଏକ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ନିଆଯାଇପାରେ ଓ ତଦନୁଯାୟୀ S ର ମାନ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ କରାଯାଇପାରେ । ଏଣୁ ଏଠାରେ ' n ' ଓ ' S ' ପ୍ରତ୍ୟେକ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଚଳନାରୀ ବା ଚଳ ।

ଏବେ ଆମେ ପୂର୍ବବର୍ତ୍ତୀ ଉଦାହରଣମାନଙ୍କରେ କୁହାଯାଇଥିବା ସମ୍ପର୍କକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରିବା :

ଉଦାହରଣ - 1	$P = 4 \times a$	[$4 \times a$ କୁ $4a$ ଲେଖାଯାଏ]
ଉଦାହରଣ - 2	$d = s \times t$	[$s \times t$ କୁ st ଲେଖାଯାଏ]
ଉଦାହରଣ - 3	$S = 2 \times n$	[$2 \times n$ କୁ $2n$ ଲେଖାଯାଏ]

ଏବୁଡ଼ିକୁ ମଧ୍ୟ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ସୂଚି କୁହାଯାଏ ।

ଲକ୍ଷ୍ୟକର, ପ୍ରତ୍ୟେକ ଉଦାହରଣରେ ଥିବା ଚଳ ରାଶିକୁ ଏକ ସଂଖ୍ୟା ସହ ଗୁଣନ କରାଯାଇଛି, ଯଥା- $4 \times a$ ।

❖ ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନମାନଙ୍କର ଉଭର ଲେଖ -

- (କ) ଗୋଟିଏ ବର୍ଗକିତ୍ରର ଗୋଟିଏ ବାହୁର ଦେର୍ଘ୍ୟ 5 ସେ.ମି. ହେଲେ, $P = 4 \times a$ ସୂଚ୍ର ବ୍ୟବହାର କରି ଉଚ୍ଚ ବର୍ଗକିତ୍ରର ପରିସାମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
- (ଖ) ଜଣେ ସାଇକେଳ ରାଜକ ମିନିଟ୍ ପ୍ରତି 220 ମିଟର ସାଇକେଳ ଚଳାଇ ପାରନ୍ତି । ତେବେ 8 ମିନିଟ୍ ସମୟରେ କେତେ ଦୂରତା ଅତିକ୍ରମ କରିପାରିବେ ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ◆ ଆକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଗୋଟିଏ ଚିତ୍ର ପାଇଁ ଆବଶ୍ୟକ ଦିଆଯିଲି କାଠି ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଚାରକୁ ନେଇ ଏକ ସୂଚ୍ର ଗଠନ କର, ଯାହା ଦ୍ୱାରା ଯେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟକ ଚିତ୍ର ସୃଷ୍ଟିପାଇଁ କେତେ ସଂଖ୍ୟକ କାଠି ବିବାର ସ୍ଥିର କରିଛେ । (ଚିତ୍ର ସଂଖ୍ୟା ଲାଗି 'ଗ' ଓ ଦିଆଯିଲି କାଠି ସଂଖ୍ୟା ଲାଗି 'ଏ' ସଙ୍କେତ ବ୍ୟବହାର କର ।)
- ◆ ଆକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଗୋଟିଏ ଚିତ୍ର ଗଠନ ପାଇଁ ଆବଶ୍ୟକ ଦିଆଯିଲି କାଠି ସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଚାରକୁ ନେଇ ଏକ ସୂଚ୍ର ଗଠନ କର, ଯାହାକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଯେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟକ ଚିତ୍ର ଗଠନ ପାଇଁ ଆବଶ୍ୟକ ଦିଆଯିଲି କାଠି ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିଛେ ?

ପୂର୍ବବର୍ଗୀ କେତେକ ଉଦ୍ବାଧରଣରେ ଚଳ ରାଶିଟି ଏକ ସଂଖ୍ୟା ସହ ଗୁଣି ହୋଇ ରହିଛି । ଯଥା : - $4 \times a$, $2 \times n$ ଗ୍ରାମ୍‌ଟି । ବର୍ତ୍ତମାନ ଏହା ବ୍ୟତୀତ, ଅନ୍ୟ ଏକ ଭିନ୍ନ ପରିସ୍ଥିତି କୁ ନେଇ 'ଚଳ ରାଶି' କୁ ବୁଝିବା ।

ଉଦ୍ବାଧରଣ - 4

ସରିତା କହିଲା, ଅମିନା ପାଖରେ ଥିବା ଟଙ୍କା 10ରୁ ଟା' ପାଖରେ ଅଧିକ 10 ଟଙ୍କା ଅଛି ।

ଅର୍ଥାତ୍ ଅମିନା ପାଖରେ ଯଦି 5 ଟଙ୍କା ଥାଏ, ତେବେ ସରିତା ପାଖରେ 15 ଟଙ୍କା ରହିଥିବା ।

ସେହିପରି ଅମିନା ପାଖରେ ଯଦି 20 ଟଙ୍କା ରହିଥାଏ, ତେବେ ସରିତା ପାଖରେ କେତେଟଙ୍କା ରହିବ ?

ପ୍ରକାରରେ ଅମିନା ପାଖରେ କେତେ ଟଙ୍କା ରହିଛି ଆମେ ଜାଣିନାହୁଁ । ଯଦି ଅମିନା ପାଖରେ 'x' ଟଙ୍କା ଅଛି ବୋଲି ଧରିନେବା, ତେବେ ସରିତା ପାଖରେ ଥିବା ଚଳାର ପରିମାଣ ହେବ 'x + 10' ।

ଏଠାରେ 'x' ଏକ ଚଳାରାଶି । 'x' ର ମାନ 1, 2, 3..... ଆଦି ମଧ୍ୟରୁ ଯେ କୌଣସି ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟା ।

ଏଠାରେ 'x + 10' ଏକ ପରିପ୍ରକାଶ ଯେଉଁଥିରେ 'x' ଏକ ଚଳ ରାଶି ।

'x + 10' କୁ କିପରି ପଜାୟିବ ?

ଜାଣିଛ କି ?

- ◆ 'x + 10' ଅଧିକ ସରକାକୁ ଅବସ୍ଥାକୁ ଆସି ପାରିବ ନାହିଁ । ଯଦି 'x' ର ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାନ ଥାଏ, ତେବେ ଉଚ୍ଚ ପରିପ୍ରକାଶ ଲାଗି ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାନ ମିଳିବା ।
- ◆ 'x + 10' $\in 10 \times x$ ରିକ୍ତ ଭିନ୍ନ ପରିପ୍ରକାଶ । ନାହାନ୍ତିରୁ ଯାଏ 10 ମିଳିଲେ $x + 10$ ହୁଏ, କିନ୍ତୁ x କୁ 10 ହାଲା ଭୁଲିଲେ $10 \times x$ ବା $10x$ ହେବ ।

ଭାବର ଲେଖ -

କୌଣସି ଏକ ବିଦ୍ୟାଳୟରେ ଛାତ୍ରୀ ସଂଖ୍ୟା, ଛାତ୍ର ସଂଖ୍ୟା ଠାରୁ 35 ଅଧିକ । ଛାତ୍ର ସଂଖ୍ୟା ଯଦି 'x' (ଚକରାଶି) ହୁଏ, ତେବେ ବିଦ୍ୟାଳୟରେ ଛାତ୍ରୀ ସଂଖ୍ୟା କେତେ ହେବ ?

- ◆ ଛାତ୍ରୀ ସଂଖ୍ୟା ଜାଣିବା ପାଇଁ ପରିପ୍ରକାଶକୁ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
- ◆ ଯଦି ଛାତ୍ରସଂଖ୍ୟା 75 ହୋଇଥାଏ, ତେବେ ପରିପ୍ରକାଶକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଛାତ୍ରୀ ସଂଖ୍ୟା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

10.3. ସାଧାରଣ ସୂଚ୍ର ଗଠନ କରିବାରେ ଚଳ ରାଶିର ବ୍ୟବହାର

ଦେଖ୍ ।

(କ) ଜ୍ୟାମିତି :

$$\text{ଆୟତଚିତ୍ରର ପରିସୀମା} = 2 \times \text{ଦେର୍ଘ୍ୟ} + 2 \times \text{ପ୍ରଚ୍ଛେତ୍ର}$$

ଯଦି ପରିସୀମା ଲାଗି P, ଦେର୍ଘ୍ୟ ଓ ପ୍ରଚ୍ଛେତ୍ର ଲାଗି ଯଥାକୁମେ I ଓ b ନିଆଯାଏ, ତେବେ ସାଧାରଣ ସୂଚ୍ରଟି କ'ଣ ହେବ ?

$$P = 2I + 2b$$

ଏଠାରେ I, b ଓ P ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଚଳରାଶି, ଯେଉଁଗୁଡ଼ିକୁ ବ୍ୟବହାର କରି ଏକ ସାଧାରଣ ସୂଚ୍ର ଲିଖନ ସମ୍ଭବ ହେଲା ।

(ଖ) ପାଠୀ ଗଣିତ

- ◆ ଦୁଇମାନେ ପୂର୍ବରୁ ଯୋଗର କୃତ ବିନିମୟ ନିଯମ ସଂପର୍କରେ ଲାଭିଛି ।

ଏହି ଧର୍ମ ଯେ କୌଣସି ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟା ଲାଗି ସତ୍ୟ, ଅର୍ଥାତ୍ $8 + 12 = 12 + 8, 25 + 27 = 27 + 25$ ଇତ୍ୟାଦି ।

ଉଚ୍ଚ ଧର୍ମକୁ ସାଧାରଣ ଜାବରେ ପ୍ରକାଶ କରିବାକୁ ହେଲେ, ଦୁଇଟି ଚଳରାଶି a ଓ b ର ବ୍ୟବହାର କରିବାକୁ ହେବ । ବର୍ତ୍ତମାନ ଉଚ୍ଚ ସାଧାରଣ ଧର୍ମଟି ହେଲା ।

$$a + b = b + a$$

ଯେଉଁଠି a ଓ b ଯେ କୌଣସି ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା । ସୁଚ୍ରଟିକୁ ଏହିରଳି ଲେଖନା ଦ୍ୱାରା ଏହା ଯେ ସମସ୍ତ ଗଣନ ସଂଖ୍ୟା ଯୋଡ଼ା ଲାଗି ସତ୍ୟ ତାହା ସୁଚିତ ହୋଇ ପାରିଲା ।

- ◆ ସେହିପରି ଗୁଣନ କ୍ଷେତ୍ରରେ ଜ୍ଞାନ ବିନିମୟ ନିଯମକୁ $a \times b = b \times a$ ଭାବରେ ପ୍ରକାଶ କରିପାରିବା ।
- ◆ ଦୁଇ ପୂର୍ବରୁ ଗୁଣନ ସଂଖ୍ୟାରେ ଗୁଣନର ସହଯୋଗୀ ନିଯମ ଜାଣିଛି, ତାଙ୍କ ଏହାର ଏକ ଉତ୍ତାହରଣ ଦିଆଯାଇଛି -

$$3 \times (4 \times 5) = (3 \times 4) \times 5 = 4 \times (3 \times 5),$$

 ଏଠାରେ 3 ପାଇଁ a, 4 ପାଇଁ b ଓ 5 ପାଇଁ c ବ୍ୟବହାର କରି ସହଯୋଗୀ ନିଯମକୁ ନିମ୍ନ ଭାବେ ଲେଖିପାରିବା ।

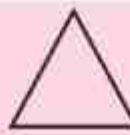
$$a \times (b \times c) = (a \times b) \times c = b \times (a \times c)$$

- ◆ $a + b = b + a$ ଏବଂ $a \times b = b \times a$ ନିଯମଦୟକୁ ସାଧାରଣ ଓ ବ୍ୟାପକ ଅର୍ଥରେ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ଗୋଟିଏ ସମବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜର ବାହୁର ଦେର୍ଘ୍ୟ ଲାଗି ଚଳରାଶି ।/ ନେଇ ଏହାର ପରିସାମାକୁ ଚଳରାଶି ।/ ମାଧ୍ୟମରେ ପ୍ରକାଶ କର ।
- ଗୋଟିଏ ସୁନ୍ଦର ଷତଭୁଜର ବାହୁର ଦେର୍ଘ୍ୟକୁ ଲାଗି ଚଳରାଶି ।/ ନେଇ ଏହାର ପରିସାମାକୁ ।/ ମାଧ୍ୟମରେ ପ୍ରକାଶ କର ।



ବାଜଗଣିତର ଇତିହାସ

ଆମ ଭାରତବର୍ଷର ପଣ୍ଡିତ ବୃଦ୍ଧଗୁପ୍ତ (ତାଙ୍କର ଜନ୍ମ 5୯୫ ଖ୍ରୀଆବରେ) ‘ବୃଦ୍ଧଗୁପ୍ତ ସିଦ୍ଧାନ୍ତ’ ନାମକ ପୁସ୍ତକ ରଚନା କରିଥିଲେ । ଏହାକୁ ପୃଥିବୀର ପ୍ରଥମ ବାଜଗଣିତ ପୁସ୍ତକ ବୋଲି କୁହାଯାଇପାରେ । ଏହି ପୁସ୍ତକରେ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କ ଲାଗି ଅଞ୍ଚାତ ସଙ୍କେତର ବ୍ୟବହାର କରାଯାଇଥିଲା ।

ବୃଦ୍ଧଗୁପ୍ତଙ୍କ ପୂର୍ବରୁ ମଧ୍ୟ ଭାରତୀୟ ପଣ୍ଡିତମାନେ ସଂଖ୍ୟା ଲାଗି ସଙ୍କେତର ବ୍ୟବହାର କରିଥିଲେ । ସେମାନେ ସଂଖ୍ୟା ପରିବର୍ତ୍ତେ ‘ବର୍ଷ’ ବା ‘ବାଜ’ ବ୍ୟବହାର କରି ଶାଶ୍ଵିତିକ ତଥ୍ୟମାନ ପ୍ରକାଶ କରିଥିଲେ ।

ଉଜ୍ଜ୍ଵଳାର ‘କାଙ୍କ’ ନାମକ ଜଣେ ବ୍ୟକ୍ତି, ପଣ୍ଡିତ ବୃଦ୍ଧଗୁପ୍ତଙ୍କ ପୁସ୍ତକଟିକୁ ଆରବ ଦେଶର ବାରଦାଦର ରାଜାଙ୍କ ରେଟ୍ ଦେଇଥିଲେ ।

ଏହାପରେ ବାରଦାଦର ଆରବୀୟ ଗଣିତଜ୍ଞ ମହାନ୍ତ ଇବନ୍ ଆଲଖୋପ୍ତରିକୁ ‘ଆଲଜେବାର, ଉଅଲ ଆଲମୁଗାବାଲା’ ନାମକ ଗୋଟିଏ ଗଣିତ ପୁସ୍ତକ ରଚନା କରିଥିଲେ । ସେଥିରେ ସେ ସଂଖ୍ୟା ସହିତ ଅକ୍ଷର ସଙ୍କେତ ବା ବାଜର ବ୍ୟବହାର କରିଥିଲେ । ଉପରୋକ୍ତ ନାମରୁ Algebra ଶବ୍ଦର ଉତ୍ସର୍ହ ହୋଇଛି । ବାଜର ବ୍ୟବହାରରେ ଗଣିତିକ ଉତ୍ସର୍ହ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇଥିବାରୁ ଏହି ବିଶ୍ୱଯର ନାମକରଣ ହୋଇଛି ବାଜଗଣିତ ।

ପରବର୍ତ୍ତୀ ସମୟରେ ସୁଗୋପାୟମାନେ ଆରବୀୟମାନଙ୍କ ଠାରୁ ବାଜଗଣିତ ଶିକ୍ଷା କଲେ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 10.1

- ଗୋଟିଏ ବୃତ୍ତର ବ୍ୟାସ, ତା’ର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧର ଦୁଇ ଗୁଣ । ବ୍ୟାସ ପାଇଁ d ଓ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ପାଇଁ r ନେଇ ସୂଚିତ କେଣ୍ଠ ।

ଉଭୟଟି ହେଲା,

$$\text{ବ୍ୟାସ} = 2 \times \text{ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ}$$

$$\therefore d = 2r$$

ଏଠାରେ ଚଳଗୁଡ଼ିକ କ’ଣ ?

2. ବୀଜ ବା ସଙ୍କେତ ବ୍ୟବହାର କରି ନିମ୍ନଲିଖିତ ଉଚ୍ଚିଷ୍ଟିକୁ ପ୍ରକାଶ କର । କେଉଁଥାରେ କେଉଁ ବୀଜ ବ୍ୟବହାର କଲ ଲେଖ ।
- ସମ୍ବାଦୁ ଉଚ୍ଚିଷ୍ଟର ପରିସାମା ତା'ର ପ୍ରତ୍ୟେକ ବାହୁଦିଶ ତିବିଗୁଣ ।
 - ତୁମ ଶ୍ରେଣୀର ପିଲା ସଂଖ୍ୟା, ପ୍ରତ୍ୟେକ ଧାତ୍ରିରେ ବସିଥିବା ପିଲାସଂଖ୍ୟା ଓ ଧାତ୍ରିସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣଫଳ ସଙ୍ଗେ ସମାନ ।
 - ଗୋଟିଏ ଆୟତଘନାଳାର କୋଠରିର ଘନଫଳ ତା'ର ଦେଖ୍, ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭଜତାର ଗୁଣଫଳ ସହିତ ସମାନ ।

10.4. ବୀଜଶିଳ୍ପରେ ମୌଳିକ ଗାଣିତିକ ପ୍ରକ୍ରିୟା

ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ନେଇ ଯେପରି ଯୋଗ, ବିଯୋଗ, ଗୁଣନ ଓ ହରଣ ପ୍ରକ୍ରିୟା କରାଯାଏ, ତିକ୍ ସେହିପରି ବୀଜ ଓ ସଂଖ୍ୟା ଉଚ୍ଚିଷ୍ଟକୁ ନେଇ ଏହି ପଳିଯାଗୁଡ଼ିକ କରାଯାଇଥାଏ । ଏହି ପଳିଯାଗୁଡ଼ିକର ସମସ୍ତ ଧର୍ମ ଓ ନିୟମ ବୀଜଗାଣିତିକ କ୍ଷେତ୍ରରେ ମଧ୍ୟ ସତ୍ୟ ହୁଏ ।

10.4.1 ଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା

୩ ୬ ୨ ର ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କଲା ବେଳେ $3+2=5$ ବୋଲି ଲେଖୁ । କିମ୍ବୁ $a+5$ ର ଯୋଗଫଳ କେବେ ?

ସବି a ର ମାନ ୪ ହୁଏ, ତେବେ $a+5$ ର ଯୋଗଫଳ $a+5=4+5=9$ ହେବ ।

ସବି a ର ମାନ ୬ ହୁଏ, ତେବେ $a+5$ ର ଯୋଗଫଳ $a+5=6+5=11$ ହେବ ।

ତେଣୁ a ର ମାନ କେତେ କାଣିଲେ a ଓ ୫ ର ଯୋଗଫଳ କେତେ ହେବ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରାଯାଇପାରେ ।

ସବି a ର ମାନ ଜଣା ନ ଥାଏ, ତେବେ a ଓ ୫ ର ଯୋଗଫଳ $a+5$ ର ଅର୍ଥ ହେଲା “ a ଠାରୁ ୫ ଅଧିକ” । ଥେହିପରି “ a ଠାରୁ b ଅଧିକ” କୁ $a+b$ ଲେଖାଯାଏ ।

ଥେହିପରି ‘ $(a+b)$ ଠାରୁ c ଅଧିକ’ କୁ କିପରି ଲେଖାଯିବ କହ ।

ଯେପରି ଯେ କୌଣସି ସଂଖ୍ୟା ସହ ୦ କୁ ଯୋଗକଲେ ଯୋଗଫଳ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ହୁଏ,

$3+0=3$, $7+0=7$, ସେହିପରି $a+0=a$

ୱ ନିମ୍ନଲିଖିତ ଉଚ୍ଚିଷ୍ଟକୁ କିପରି ଲେଖାଯିବ ?

- ◆ a ଓ ୪ ର ଯୋଗଫଳ
- ◆ ୫ ଅଧେଷା x ଅଧିକ
- ◆ x ଠାରୁ y ଅଧିକ
- ◆ $(x+y)$ ଠାରୁ ୬ ଅଧିକ

10.4.2 ବିଯୋଗ ପ୍ରକ୍ରିୟା

୬ ରୁ ୪ ବିଯୋଗ କଲାବେଳେ ଆମେ $6-4=2$ ଲେଖୁ । ବିଯୋଗ ଫଳ ୨ ହୁଏ ।

କାଣିଲୁ କି ?

ଆମେ କାଣିଲୁ $3+4=4+3$ ଏହାକୁ ଯୋଗର ତୁମ ନିର୍ମିତା ନିର୍ମାନ କରାଯାଏ ।



ସବି $a+b$ ଦୁଇଟି କଳାଶି ହୁଏ, ତେବେ $a+b=b+a$

କିନ୍ତୁ x ରୁ 4 ବିଯୋଗ କରି ବିଯୋଗ ଫଳକୁ ଆମେ $x - 4$ ଲେଖିବା ।

x ର ମାନ ଜଣିଲେ ଆମେ $x - 4$ କେତେ ହେବ ତାହା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିପାରିବା । କିନ୍ତୁ x ର ମାନ ଦିଆଯାଇ ନ ଥିଲେ “ x ବିଯୋଗ 4” ପାଇଁ $x - 4$ ଲେଖାଯାଏ । $x - 4$ ର ଅର୍ଥ “ x ଠାରୁ 4 ଜଣା ବା କମ୍” ।

ସେହିପରି a ରୁ b ବିଯୋଗ କଲେ, ବିଯୋଗ ଫଳକୁ $a - b$ ବୋଲି ଲେଖାଯାଏ ।

$(a - b) - c$ ଲେଖିଲେ ଜଣାଯାଏ ଯେ a ରୁ b ବିଯୋଗ କରି, ବିଯୋଗ ଫଳରୁ c ବିଯୋଗ କରାହୋଇଛି ।

କହିଲ ଦେଖୁ :

$a - b - c - d$ ସମାନ ହେବି ?

କହିବି ?

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 10.2

1. ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ ଚିହ୍ନ ବ୍ୟବହାର କରି ନିମ୍ନଲିଖିତ ରକ୍ତଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖ ।

- (କ) $10 - 10 + t$ ଜଣା
- (ଖ) $m - n$ ର ଅନ୍ତର ଫଳ ($m > n$)
- (ଗ) z ଅପେକ୍ଷା w କମ୍
- (ଘ) p ଠାରୁ q ଅଧିକ ଓ q ‘ଠା’ଠାରୁ r ଅଧିକ
- (ଡ) b ଠାରୁ 3 ଜଣା ଓ q ‘ଠା’ଠାରୁ c ଅଧିକ
- (ବ) m ଠାରୁ l କମ୍ ଓ q ‘ଠା’ଠାରୁ k ବେଶି
- (ଝ) x ଅପେକ୍ଷା y ଜଣା ଓ q ‘ଠା’ଠାରୁ z କମ୍ ।

2. ବାବୁ ପାଖରେ m ଚଙ୍ଗା ଅଛି । ବେବି ପାଖରେ q ‘ଅପେକ୍ଷା

10 ଚଙ୍ଗା ଅଧିକ ଅଛି । ତେବେ ବେବି ପାଖରେ କେତେ ଚଙ୍ଗା ଅଛି ?

$m = 7$ ହେଲେ, ବେବି ପାଖରେ ଥିବା ଚଙ୍ଗାର ପରିମାଣ କେବେ ?

3. ସାତାର ବୟସ 15 ବର୍ଷ । ଗାତା ତା’ଠାରୁ y ବର୍ଷ ବଡ଼ ।

ଗାତାର ବୟସ, ସେ ଦୂରୀଙ୍କ ମୋଟ ବୟସ ଅପେକ୍ଷା z ବର୍ଷ କମ୍ ।

ତେବେ ଗାତାର ବୟସ ଲାଗି ପରିପ୍ରକାଶି ଲେଖ ।

y ର ମାନ 5 ଓ z ର ମାନ 2 ହେଲେ, ଗାତାର ବୟସ କେତେ ହେବ ?



10.4.3 ଗୁଣନ ପ୍ରକିଯା

ତୁମେ ଜଣା, ଗୁଣନ ହେଉଛି କୁମିକ ଯୋଗକ୍ରିୟା । $3+3+3+3$ ବା 4 ଟି 3 ର ଯୋଗଫଳ $= 4 \times 3$

ସେହିପରି, $a+a+a+a$ ବା $4 \times a$ ର ଯୋଗଫଳ $= 4 \times a$ ।

କିନ୍ତୁ “ $4 \times a$ ” ଲେଖିଲେ ଗୁଣନ ଚିହ୍ନ ବାଜୀ ‘ x ’ ସହିତ ଭ୍ରମ ହେବାର ସମ୍ଭାବନା ଥିବାରୁ “ $4 \times a$ ” କୁ $4a$ ବୋଲି ଲେଖାଯାଏ ।

ଠିକ୍ ସେହିପରି - $b+b+b+b = 4b$

$$c+c+c = 3c$$

$$x+x+x+x+x = 5x$$

ଯୋଗ ଓ ବିଯୋଗ କ୍ରିୟାରେ ଦେପରି ବାଜର ମାନ ଜାଣିଲେ ଯୋଗଫଳ ବା ବିଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିଛୁଏ, ସେହିପରି ଏଠାରେ ମଧ୍ୟ ବାଜର ମାନ ଜାଣିଲେ ଗୁଣଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିପାରିବା ।

$$\text{ସଥା :- } a = 5 \text{ ହେଲେ, } 4a = 4 \times 5 = 20$$

$$y = 2 \text{ ହେଲେ, } 11y = 11 \times 2 = 22$$

$$p = 10 \text{ ହେଲେ, } 8p = 8 \times 10 = 80$$

ବର୍ତ୍ତମାନ ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟା ଓ ଗୋଟିଏ ବାଜର ଗୁଣଫଳ କିପରି ପ୍ରକାଶ କରାଯାଏ ତାହା ଆମେ ଆଲୋଚନା କଲେ । ଗୁଣ୍ୟ ଓ ଗୁଣକ ଉଭୟ ବାଜ ହୋଇଥିଲେ ସେମାନଙ୍କର ଗୁଣଫଳ କିପରି ପ୍ରକାଶ କରାଯିବ ?

x ଓ y ର ଗୁଣଫଳ କେତେ ?

x ଓ y ର ଗୁଣଫଳକୁ xy ବା yx ଭାବେ ଲେଖାଯାଏ ।

xy ରେ ଉଚ୍ଚୟତା x ଓ y ହେଉଛନ୍ତି xy ର ଉଚ୍ଚୟତା ବା ଗୁଣନାଇକ ।

x ଓ y ର ଗୁଣଫଳକୁ xy ବା yx ରୂପରେ ଲେଖାଯାଉଥିଲେ ହେଁ

a ଓ 4 ର ଗୁଣଫଳକୁ କେବଳ $4a$ ରୂପରେ ଲେଖାଯାଏ ।

ଜାଣିଛ କି ?

୪ା କୁ ୧୫ ରୂପରେ ଲେଖିବାର ଚକରି ନାହିଁ ।
ସେହିପରି $1 \times x$ କୁ $1x$ ବୋଲି ଲେଖିବା
ପ୍ରକଳିତ ନାହିଁ । ତଥାକୁ ଖାଲି x ବୋଲି
ଲେଖାଯାଏ । x କିମ୍ବା $1x$ ହିଁ ବୁଝାଯାଏ ।

10.4.4. ଭାଗ ପ୍ରକିଯା

ଭାଗକ୍ରିୟା, ଗୁଣନର ବିପରୀତ ପ୍ରକିଯା ଅଟେ ।

ସେହେତୁ $6 = 2 \times 3$, ବିପରୀତ ଭାବରେ ଆମେ ଲେଖିପାରିବା, $6 \div 2 = 3$ ଓ $6 \div 3 = 2$

ସେହିପରି $2xx = 2x$ କୁ ବିପରୀତ ଭାବରେ ଲେଖିପାରିବା $2x \div 2 = x$ ଏବଂ $2x \div x = 2$

$$xy \div x = y \text{ ଏବଂ } xy \div y = x$$

ଆମେ $2 \div 3$ କୁ $\frac{2}{3}$ ବୋଲି ଲେଖୁ ଓ “ 2 ବିଭତ୍ତି 3 ” ବୋଲି ପଢ଼ୁ । ସେହିପରି $a \div 3$ କୁ ମଧ୍ୟ $\frac{a}{3}$ ବୋଲି
ଲେଖାଯାଏ । $\frac{a}{3}$ କୁ “ a ବିଭତ୍ତି 3 ” ବା “ a ର ଏକ ଦୃଢାଯାଙ୍କ” ବୋଲି ପଢ଼ାଯାଏ । ତେଣୁ $\frac{x}{4}$ କୁ x ର ଏକ
ଚର୍ବୀଙ୍କ, $\frac{b}{9}$ କୁ b ର ଏକ ନବମାଙ୍କ ଓ $\frac{2}{3}a$ କୁ a ର ଦ୍ୱାରା ଦୃଢାଯାଙ୍କ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

ସେହିପରି $x \div y$ କୁ $\frac{x}{y}$ ରୂପେ ଲେଖାଯାଏ ଏବଂ “ x ବିଭତ୍ତି y ” ବୋଲି ପଢ଼ାଯାଏ ।

10.4.5. ଜରି ପ୍ରକ୍ରିୟା ସମ୍ଭାୟ କେତେକ ସମାହିତ ପ୍ରସ୍ତର :

ଉଦ୍ବାଧରଣ - 1

ବୁମ ପାଖରେ m ଟଙ୍କା ଅଛି । ବୁମ ଭାଇଙ୍କ ପାଖରେ a' 'ର 5 ଗୁଣଠାରୁ n ଟଙ୍କା ଅଧିକ ଅଛି । ତେବେ ବୁମ ଭାଇଙ୍କ ପାଖରେ କେତେ ଟଙ୍କା ଅଛି ? ସେଥୁରୁ ସେ p ଟଙ୍କା ଖର୍ଚ୍ଚ କରିଦେଲେ ତାଙ୍କ ପାଖରେ ଆଉ କେତେ ଟଙ୍କା ବଳକା ରହିବ ?

ସମାଧାନ - ବୁମ ପାଖରେ m ଟଙ୍କା ଅଛି ।

$$a' \text{ ର } 5 \text{ ଗୁଣ} = m \times 5 \text{ ଟଙ୍କା} = 5m \text{ ଟଙ୍କା ।}$$

ବୁମ ଭାଇଙ୍କ ପାଖରେ a' 'ର 5 ଗୁଣଠାରୁ n ଟଙ୍କା ଅଧିକ ଅଛି ।

ତେବେ ଭାଇଙ୍କ ପାଖରେ $(5m + n)$ ଟଙ୍କା ଅଛି ।

ସେଥୁରୁ ସେ p ଟଙ୍କା ଖର୍ଚ୍ଚ କରିଦେଲେ,

ତାଙ୍କ ପାଖରେ ବଳକା ରହିବ $(5m + n - p)$ ଟଙ୍କା ।



ଉଦ୍ବାଧରଣ - 2

ସଂଶୋଧରେ ପ୍ରକାଶ କର, ଏ ର ଚିନି-ପଞ୍ଚମାଶୀରୁ ଟ ର ଦୁଇ ଦୃଢ଼ାଯାଂଶ ଉଣା ।

ସମାଧାନ -

$$a \text{ ର } \text{ଚିନି-ପଞ୍ଚମାଶ} = \frac{3a}{5}$$

$$b \text{ ର } \text{ଦୁଇ-ଦୃଢ଼ାଯାଂଶ} = \frac{2b}{3}$$

$$a \text{ ର } \text{ଚିନି-ପଞ୍ଚମାଶୀରୁ } \text{ ଟ } \text{ ର } \text{ଦୁଇ-ଦୃଢ଼ାଯାଂଶ } \text{ ଉଣା } = \frac{3a}{5} - \frac{2b}{3}$$

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 10. 3

- ବୀଜ ଜରିଆରେ ପ୍ରକାଶ କର । କେଉଁଥୁ ପାଇଁ କି ବୀଜ ବ୍ୟବହାର କଲା ଲେଖ ।
 - ଗୋଟିଏ ଜିନିଷର ବିକ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ a' 'ର କ୍ରୟ ମୂଲ୍ୟ ଓ ଲାଭର ସମନ୍ତି ସହ ସମାନ ।
 - ଗୋଟିଏ ଆୟତ କ୍ଷେତ୍ରର ପରିସାମା a' 'ର ଦେର୍ଘର ଦୁଇ ଗୁଣ ଓ ପ୍ରସ୍ତୁତ ଦୁଇ ଗୁଣର ସମନ୍ତି ସହ ସମାନ ।
 - ଏକ ଆୟତ ଘନର ଘନପକ୍ଷ a' 'ର ଦେର୍ଘ, ପ୍ରସ୍ତୁତ ଓ ଭକ୍ତାର ଗୁଣପକ୍ଷ ସହ ସମାନ । ସ୍ଵର୍ଗାଚାରୀ ଲେଖ । ଏହି ସ୍ଵର୍ଗ ସାହାଯ୍ୟରେ 4 ମି. ଦେର୍ଘ, 3 ମି. ପ୍ରସ୍ତୁତ ଓ 2 ମି. ଭକ୍ତାବିଶିଷ୍ଟ ଆୟତ ଘନର ଘନପକ୍ଷ ସ୍ଵର୍ଗ କର ।
- ବୀଜ ଓ ସଂଖ୍ୟା ବ୍ୟବହାର କରି ନିମ୍ନ ପରିପ୍ରକାଶ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
 - ଟ ର ଦୁଇ ଗୁଣଠାରୁ c ର ପରି ଗୁଣ ଅଧିକ ହୋଇଥିବା ପରିପ୍ରକାଶଟି କେତେ ?
 - x ର ଚିନି ଗୁଣଠାରୁ p ର ଏକ-ଚତୁର୍ଥାଂଶ ଉଣା ହୋଇଥିବା ପରିପ୍ରକାଶଟି କେତେ ?
 - p ର ପାଞ୍ଚ-ଷଷ୍ଠାଂଶ ଅଫେକ୍ଷା 7 ବେଶି ହୋଇଥିବା ପରିପ୍ରକାଶଟି କେତେ ?

- (ঘ) $a^3 \cdot a$ র যোগফলটা কী? তিনি গুণ করে হোলখুবা পরিপ্রকাশ কেতে?
- (ঙ) $b^3 \cdot 4$ র ভাগফলটা কী? তিনি চতুর্থাংশ করে হোলখুবা পরিপ্রকাশ কেতে?
৩. বাই মাধুমেরে লিখুত নিম্ন পরিপ্রকাশগুଡ়িকু ভাষারে প্রকাশ কর।
 (ক) $3x + 2y$ (খ) $2a - 7$ (গ) $2p + 3q - r$ (ঘ) $\frac{3c}{5} + d$
৪. গোটি আয়ত কিছি আকৃতির চতুর্ভুজের প্রযুক্তি মিটর ও দৈর্ঘ্য প্রযুক্তি দুটি গুণ। তেবে তা'র ক্ষেত্রফল কেতে? এহি সূত্র ব্যবহার করি ৪ মিটর প্রযুক্তি শিখ চতুর্ভুজ ক্ষেত্রফল সূত্র কর।



নিজে করি দেখ

চিনুও মিনু গোটি খেল খেলিলো।

- দেমানে গোটি চল x ও গোটি পঞ্জীয়া ৩ নেল পরিপ্রকাশ (যেতোটি সমস্যা) তিআরি করিবাকু দিবা কলো। খেলুন নিয়ম হোলা খেলি গাণিতিক প্রক্রিয়া মধ্যে প্রতিথর কেবল গোটিকর ব্যবহার করায়িব ও প্রত্যেক পরিপ্রকাশেরে নিষ্ঠিত রূপে x রহিব।

তুমে দেমানকু সাহায্য করিপারিব কি?

চিনু চিনাকলা $(x+3)$, মিনু পঞ্জীয়া $(x-3)$ কহিলা।

চিনু পুঁজি কহিলা $3x$, মিনু কহিলা $\frac{x}{3}$

এইভাবে কেবল খেলোটি পরিপ্রকাশ সম্ভব কি?



- এহাপরে দেমানে $x, 3$ ও 5 কু নেল খেলিলো। এথর নিয়ম করাগলা যে, প্রতিথর দেমানে মিশাশ ও পেতাশ প্রক্রিয়া মধ্যে গোটি কিমা গুণন ও হরণ প্রক্রিয়া মধ্যে গোটি কু নেবে এবং প্রত্যেক পরিপ্রকাশেরে নিষ্ঠিত রূপে x রহিব, যথা- $x+5$, $3x+5$ ইত্যাদি।

এই নিয়মের আগ কেতোটি পরিপ্রকাশ সম্ভব লেখ।

১০.৫. বীজমানকল ঘাত

তুমে জাণ ৩ \times ৩ = 3^2 ও $4 \times 4 \times 4 = 4^3$ । 3^2 কু “৩ র কর্তা” বা “৩ র দ্বিতীয় ঘাত” এবং 4^3 কু “৪ র তৃতীয় ঘাত” কুহায়া। এহিপৰি,

$$axa=a^2$$

$$axaxa=a^3$$

$$axaxaxa=a^4$$

$$axaxaxaxaxaxa=a^8$$

$$axaxax \dots (20 \text{ অৱ}) = a^{20}$$

জাণিৰঞ্জ

a^2, a^3, a^4 , আৰিকু গোটি গোটি ঘাতাদিত চল কুহায়া।

a^2 রে a কু আধাৰ ২ কু ঘাতাল বা পূচক

a^3 রে a কু আধাৰ ৩ কু ঘাতাল বা পূচক

এবং a^{20} রে a কু আধাৰ ২০ কু ঘাতাল বা পূচক ইহাটি।

ଲକ୍ଷ୍ୟକର

- ♦ x^k ରେ x ହେଉଛି ଆଧ୍ୟାତ୍ମିକ ଏବଂ a ହେଲୁଛି ଗ୍ରାହକ ବା ସୂଚକ ।
 - ♦ $a^1 = a$, କୌଣସି ବାଜର ଯାତ୍ରାରେ 1 ହେଲାଥିଲେ ସେହି 1 ଟିକୁ ଲେଖାଯାଏ ନାହିଁ ।

ବଦାମିରଣ - ୧

କେଉଁଟି ଆଧାର ଓ କେଉଁଟି ଘାତାଙ୍କ ଲେଖ ।

$$(क) y^7 \quad (ख) 2x^3 \quad (ग) \frac{3}{5}b^m$$

ସମାଧାନ :

- (କ) y^7 ରେ ଆଧାର y ଓ ଘାତକ 7
 (ଖ) $2x^3$ ରେ ଆଧାର x ଓ ଘାତକ 3
 (ଗ) $\frac{3}{5}b^m$ ରେ ଆଧାର b ଓ ଘାତକ m

କହିଲ ଦେଖ :

ଆଧୁନିକ ଓ ସାହଚାର୍ଯ୍ୟ ୫ ବିଶ୍ଵିଷ୍ଟ

ଯାହାକୁ ବୀଳଟି ଲେବେ ?

ପରୀକ୍ଷା-୨

ମାତ୍ରାକିନ୍ଦ ହୀନରେ ମଳାଶ ଲାଗି ।

(8) $x \times r \times x \times z \times z$

(6) $4x^m x^m x \dots \dots 15$ അക്ക് $x^n x^n x \dots \dots a$ അക്ക്

ପ୍ରମାଣାନ୍ତ :

(କୁ) ଆମେ ଜାଣ ଯେ $x \times x \times x \times x = x^4$

$$48^{\circ} 7 \times 7 = 7^2$$

$$x \times x \times x \times x \times z \times z = x^3 \times z^2 = x^3 z^2$$

(ଖ) ଆମେ ଲାଗୁ କରିବାକୁ ପାଇଁ

$$D \times D \times D = D^3$$

$$\forall \theta^{\circ} \mathbf{q} \times \mathbf{q} = \mathbf{q}^2$$

$$\therefore 7xaxaxaxaxpxpxpxq x q = 7x^4 \times p^3 \times q^2 = 7a^4 p^3 q^2$$

$$(g) \text{ আমে কাণ্ড যে } m \times m \times \dots 15 \text{ অর } = m^{15}$$

एक नियम $a^n = n^a$

$\therefore 4x \times mx \times \dots \times 15 \text{ അക്കു } \times nx \times nx \times \dots \times a \text{ അക്കു }$

$$= 4 \times m^{15} \times n^3 = 4m^{15}n^3$$

କାନ୍ତିଳ ଚନ୍ଦ୍ର :

x^3z^2 ଓ z^2x^3 ସମାନ କି ?

ପ୍ରକାଶକ

ଉଦ୍ବାହରଣ - 3

ମୌଳିକ ଉପାଦକମାନଙ୍କ ଗୁଣଫଳ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କର ।

(କ) $3x^4$ (ଖ) $7a^6$ (ଗ) $5p^3q^3$

ସମାଧାନ :

(କ) $3x^4 = 3 \times x \times x \times x \times x$

(ଖ) $7a^6 = 7a \times a \times a \times a \times a \times a$

(ଗ) $5p^3q^3 = 5p \times p \times p \times q \times q \times q$

ଉଦ୍ବାହରଣ - 4

ଆୟତଘନର ଘନଫଳ ତାର ଦୈର୍ଘ୍ୟ, ପ୍ରସ୍ଥ ଓ ଉଚ୍ଚତାର ଗୁଣଫଳ ସଙ୍ଗେ ସମାନ । ଯେଉଁ ଆୟତଘନର ପ୍ରସ୍ଥ x ସେ.ମି., ଦୈର୍ଘ୍ୟ ପ୍ରସ୍ଥର 3 ଗୁଣ ଓ ଉଚ୍ଚତା ପ୍ରସ୍ଥର ଅଧା ତାର ଘନଫଳ କେତେ ?

ସମାଧାନ :

ଦର ଆୟତଘନର ପ୍ରସ୍ଥ = x ସେ.ମି.

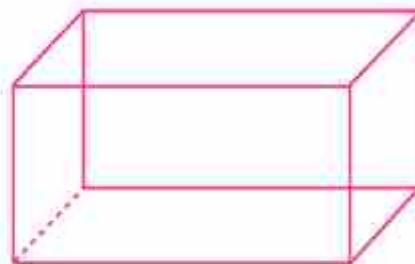
$$\text{ଦୈର୍ଘ୍ୟ} = 3 \times \text{ପ୍ରସ୍ଥ} = 3 \times x \text{ ସେ.ମି.} = 3x \text{ ସେ.ମି.}$$

$$\text{ଉଚ୍ଚତା} = \frac{1}{2} \times \text{ପ୍ରସ୍ଥ} = \frac{1}{2} \times x \text{ ସେ.ମି.} = \frac{x}{2} \text{ ସେ.ମି.}$$

$$\therefore \text{ତା'ର ଘନଫଳ} = \text{ଦୈର୍ଘ୍ୟ} \times \text{ପ୍ରସ୍ଥ} \times \text{ଉଚ୍ଚତା}$$

$$= (3x \times x \times \frac{x}{2}) \text{ ଘନ ସେ.ମି.}$$

$$= \frac{3x^3}{2} \text{ ଘନ ସେ.ମି.}$$



ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 10. 4

1. ଶୂନ୍ୟ ସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

(କ) x^4 ରେ ଆଧାର _____ ଓ ଘାତକ _____ ।

(ଖ) $3y^{10}$ ରେ ଆଧାର _____ ଓ ଘାତକ _____ ।

(ଗ) m^n ରେ ଆଧାର _____ ଓ ଘାତକ _____ ।

(ଘ) $\frac{2}{5}p^4q^3$ ରେ ଆଧାର _____ ଓ ଘାତକ _____

ଏବଂ ଆଧାର _____ ର ଘାତକ _____ ।

2. ମୌଳିକ ଉପାଦକମାନଙ୍କ ଗୁଣଫଳ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କର ।

(କ) $8a^3$ (ଖ) a^5x^3 (ଗ) $9xy^3$ (ଘ) $25a^2x^4y^2$

ଜହିଲ ଦେଖୁ :

x^3 ଗୋଟିଏ ଘାତନ୍ତର ରାଶି ହେଲେ
ଏହାର ଆଧାର କେତେ ଓ
ଘାତକ କେତେ ?

3. ପ୍ରାଚୀନ୍ତିକ ଗଣିରେ ପ୍ରକାଶ କରା ।
- $x \times x \times x \times x$
 - $a \times a \times a \times b \times b \times b$
 - $p \times p \times p \times \dots \times 10$ ଥର
 - $20 \times (m \times m \times \dots \times 7$ ଥର $) \times (n \times n \times \dots \times 25$ ଥର $)$
 - $32 \times (x \times x \times \dots \times 5$ ଥର $) \times (y \times y \times \dots \times 8$ ଥର $) \times z$

4. $4a^3$ ଓ $3a^4$ ମଧ୍ୟରେ ପାର୍ଥ୍ରକ୍ୟ ଦର୍ଶାଅ ।

5. ବର୍ତ୍ତମାନ ଏକ ପ୍ରକାର କାଟଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା x । ସପ୍ରାହକ ପରେ ସେମାନଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା y ଗୁଣ ହୋଇଯାଏ । ସେହି ହାରରେ ସେମାନଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା ବୃଦ୍ଧି ପାଇଲେ, ତିନି ସପ୍ରାହ ଶେଷବେଳକୁ କାଟଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା କେତେ ହେବ ?



10.6. ବୀଜଗଣିତିକ ରାଶି ଓ ତା'ର ପଦ

ଛଷ୍ଠ ଶ୍ରେଣୀର ପିଲାମାନେ ନିଜ ବିଦ୍ୟାଳୟରୁ ବାହରି ଦିଲ୍ଲୀ ପରିଭ୍ରମଣରେ ଗଲେ । ସେମାନେ 4 କି.ମି. ଛଳିଲେ; $3y$ କି.ମି. ବସରେ ଓ $2x$ କି.ମି. ରେଳଗାଡ଼ିରେ ଗଲେ । ସେମାନଙ୍କ ମୋଟ କେତେ ବାଟ ଯାତ୍ରା କରିବାକୁ ପଡ଼ିଲା ?

$$\text{ଛଳିବା ବାଟ} = 4 \text{ କି. ମି.}$$



$$\text{ବସରେ ଯିବା ବାଟ} = 3y \text{ କି. ମି.}$$



$$\text{ରେଳଗାଡ଼ିରେ ଯିବା ବାଟ} = 2x \text{ କି. ମି.}$$

$$\text{ମୋଟ ବାଟ} = (4 + 3y + 2x) \text{ କି. ମି.}$$

ଏଠାରେ $4 + 3y + 2x$ କୁଗୋଟିଏ ବୀଜଗଣିତିକ ରାଶି ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

4, $3y$, $2x$ ଏପ୍ରତ୍ୟେକକୁ ସେହି ରାଶିର ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ଘନ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

ଏହୁ $4 + 3y + 2x$ ଏକ ରାଶି । ଏଥରେ ଚିନୋଟି ପଦ ଅଛି ।

$3a + b$ ଏକ ରାଶି । ଏଥରେ ଦୁଇଟି ପଦ ଅଛି ।

c ଏହା ମଧ୍ୟ ଏକ ରାଶି । ଏଥରେ ଗୋଟିଏ ପଦ ଅଛି । ଏହାକୁ ଏକପଦ ବିଶିଷ୍ଟ ରାଶି ବୋଲି କୁହାଯାଏ ।

ନିମ୍ନ ସାରଣୀରୁ ଏକପଦ ବିଶିଷ୍ଟ ରାଶି, ଦୁଇପଦ ବିଶିଷ୍ଟ ରାଶି ଓ ବହୁପଦ ବିଶିଷ୍ଟ ରାଶିଗୁଡ଼ିକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକର :

ଏକପଦ ବିଶିଷ୍ଟ ରାଶି	ଦୁଇପଦ ବିଶିଷ୍ଟ ରାଶି	ବହୁପଦ ବିଶିଷ୍ଟ ରାଶି
a	$a + b$	$a + b + c$
$4x$	$4 + 3x$	$4 + 3x + 7y$
$3m$	$3m + p$	$3m + p - q$

➤ ତୁମେ ସେହିପରି ଏକପଦ ବିଶିଷ୍ଟ ରାଶି, ଦୁଇପଦ ବିଶିଷ୍ଟ ରାଶି, ବହୁପଦ ବିଶିଷ୍ଟ ରାଶିର ଦୁଇଟି ଲେଖାଏଁ ଉଦାହରଣ ଦିଅ ।

ବୀଜଗାଣିତିକ ରାଶି ଏ ତା'ର ସମ୍ବନ୍ଧରେ କେତୋଟି ଜାଣିବା ଜଥା

- ◆ ଗୋଟିଏ ରାଶିରେ ଗୋଟିଏ ମାତ୍ର ପଦ ରହିପାରେ । ଏହି ପଦଟି ଗୋଟିଏ ସଂଖ୍ୟା (ଧୂଳ ସଂଖ୍ୟା) ବା ଏକ ବୀଜ ହୋଇପାରେ । 1, 2, 3, 4 ଇତ୍ୟାଦି ସଂଖ୍ୟାରୁଡ଼ିକ ଧୂଳ ସଂଖ୍ୟା । କାରଣ ଏମାନଙ୍କର ମୂଳ୍ୟ ନିର୍ଦ୍ଦେଖ ।
- ◆ ଗୋଟିଏ ରାଶିରେ ଏକାଧିକ ପଦ ଥିଲେ ସେଗୁଡ଼ିକ କେବଳ ‘+’ ବା ‘-’ ଚିହ୍ନ ଦାରୀ ପରିପରାରୁ ବିକ୍ରି ହୋଇପାରି ।
- ◆ ଗୋଟିଏ ରାଶି କେବଳ ଧୂଳ ସଂଖ୍ୟାକୁ ନେଇ ଗଠିତ ହୋଇପାରେ ।
- ◆ ଗୋଟିଏ ରାଶି କେବଳ ବାଜମାନଙ୍କୁ ନେଇ ଗଠିତ ହୋଇପାରେ ।
- ◆ ଗୋଟିଏ ରାଶି ଉଭୟ ଧୂଳ ସଂଖ୍ୟା ଏବଂ ବାଜମାନଙ୍କୁ ନେଇ ଗଠିତ ହୋଇପାରେ ।
- ◆ $3, a, a^2, \frac{a}{2}$ (ବା $a \div 2$), ab (ବା $a \times b$), $\frac{1}{a}$ (ବା $1 \div a$) ଆଦି ପ୍ରତ୍ୟେକ ରାଶି ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ପଦ ବିଶିଷ୍ଟ ଅଛେ । $a \times b$ ବା $a \div 2$ କୁ ଦୁଇଟି ପଦ ବିଶିଷ୍ଟ ବୋଲି କୁହାଯାଏ ନାହିଁ ।
- ◆ ପଦ ସଂଖ୍ୟା ଦୂର୍ଭିରୁ ରାଶିମାନଙ୍କୁ ଏକପଦୀ ରାଶି, ଦିପଦୀ ରାଶି, ତ୍ରିପଦୀ ରାଶି, ଚତୁର୍ବଦୀ ରାଶି ଆଦି ନାମରେ ବାମିତ କରାଯାଏ ।
- ◆ $a-b$ ରେ a ହେଉଛି ପ୍ରଥମ ପଦ ଓ $-b$ ହେଉଛି ଦ୍ୱିତୀୟ ପଦ । ଅର୍ଥାତ୍ ପଦ ସହିତ ତା'ର ଚିହ୍ନ (+ ବା -) କୁ ନିଆଯାଏ । $a+c$ ରେ ପ୍ରଥମ ପଦ a ଓ ଦ୍ୱିତୀୟ ପଦ $+c$ ତା c କୁହାଯାଏ । ଅର୍ଥାତ୍ ପଦର ଚିହ୍ନ + ଥିଲେ + ଚିହ୍ନ ଛାଡ଼ି ପଦକୁ କୁହାଯାଇ ପାରେ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 10. 5

1. କେଉଁ ଉଚ୍ଚିତ ଠିକ୍ ଓ କେଉଁଟି ଭୁଲ ବନ୍ଦନା ମଧ୍ୟରେ ଲେଖ ।

(କ) $axb+c$ ରେ

- ◆ axb ଗୋଟିଏ ପଦ []
- ◆ b ଗୋଟିଏ ପଦ []
- ◆ c ଗୋଟିଏ ପଦ []
- ◆ $axb+c$ ଗୋଟିଏ ପଦ []

(ଖ) $a \div b-p$ ରେ

- ◆ $a \div b$ ଗୋଟିଏ ପଦ []
- ◆ $b-p$ ଗୋଟିଏ ପଦ []
- ◆ a ଗୋଟିଏ ପଦ $a-p$ ଅନ୍ୟ ପଦ []
- ◆ $a \div b$ ଗୋଟିଏ ପଦ $a-p$ ଅନ୍ୟ ପଦ []
- ◆ $a \div b$ ପ୍ରଥମ ପଦ $a-p$ ଦ୍ୱିତୀୟ ପଦ []

2. ପ୍ରତ୍ୟେକ ରାଶିର ପଦଗୁଡ଼ିକୁ ପୃଥକ୍ କରି ଲେଖ ।

(କ) $p+q$

(ଖ) $-p+r$

(ଘ) $px \times b$

(ଙ୍ଗ) $p+q \div r$

(ଘ) $a \div x \times b - c \times d \div y$

(ଘ) $a^2b + 2xy - bc^2$

10.7. ପଦର ସହଗ

- ଆମେ $2ab$ ପଦଟି କଥା ବିଷ୍ଣୁ କରିବା ।

$$2ab = 2 \times a \times b$$

$2ab$ ପଦରେ

2, ab ର ସହଗ [$2ab = 2 \times ab$]

a, $2b$ ର ସହଗ [କାରଣ $2ab = a \times 2b$]

b, $2a$ ର ସହଗ [କାରଣ $2ab = b \times 2a$]

$2a$, b ର ସହଗ [କାରଣ $2ab = 2axb$]

$2b$, a ର ସହଗ [କାରଣ $2ab = 2bxa$]

- ସେହିପରି, $-8xy$ ପଦଟିରେ $-8x, y$ ର ସହଗ

$-8, xy$ ର ସହଗ

$-8x, y$ ର ସହଗ

ଆମେକ ସମୟରେ ପଦଟିରେ ଥିବା ସଂଖ୍ୟାତଳକ ଭୟାଦକଟିକୁ ପଦର ସଂଖ୍ୟାତଳ ସହଗ କା ସହଗ ବୋଲି ଧରାଯାଏ । ଏହି ଦୃଷ୍ଟିରୁ $2ab$ ପଦର ସହଗ 2 ଏବଂ $-8xy$ ପଦର ସହଗ -8 ବୋଲି ଜୁହାଯାଇଥାଏ ।

କାଣିଛ କି ?

କୌଣସି ପଦର ସହଗ ଯଦି 1ବା -1ହୋଇଥାଏ, ତେବେ 1କୁ ପଦ ସାଙ୍ଗରେ ଲେଖାଯାଏ ନାହିଁ ଯଥା, 1କୁ a ଭାବରେ $a-1b$ କୁ $-b$ ଭାବରେ ଲେଖାଯାଏ ।

ଗୋଟିଏ ପଦକୁ ଦୂରଟି ଭୟାଦକର ଗୁଣପଦକ ରୂପେ ପ୍ରଭାଗ ଜଳେ, ଗୋଟିକୁ ଅନ୍ୟରିର ସହଗ ଜୁହାଯାଏ ।

ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟ - 1

$$8x^5y - 7x^3yz + \frac{4}{3}x^2yz^2 - 5xyz$$

ଏହି ରାଶିରେ ଥିବା $\frac{4}{3}x^2yz^2$ ପଦଟିର ସହଗ କେତେ ?

ପୁଣି $\frac{4}{3}x^2yz^2$ ପଦରେ x^2 ର ସହଗ କେତେ ?

ସମାଧାନ :ଆମେ ଜାଣ୍ଣୁ $\frac{4}{3}x^2yz^2$ ପଦର ସହଗ $\frac{4}{3}$ । (ସଂଖ୍ୟାତଳ ଭୟାଦକ)

$\frac{4}{3}x^2yz^2$ ପଦରେ x^2 ର ସହଗ $\frac{4}{3}yz^2$ । କାରଣ $\frac{4}{3}x^2yz^2$ କୁ $\frac{4}{3}yz^2 \times x^2$ ରୂପେ ଲେଖାଯାଇପାରେ ।

୩x-y+5b ରେ ଥିବା ଜିନ୍ନ ରିନ୍ନ ପଦମାନକର ସହଗ ଲେଖ ।

10.8 ସଦୃଶ ଓ ଅସଦୃଶ ପଦ

ବାଇଗଣିତିରେ ସଦୃଶ ଓ ଅସଦୃଶ ପଦ ଚିହ୍ନିବା ଅଛି ଗୁରୁତ୍ୱପୂର୍ଣ୍ଣ । ତଳ ଉଦ୍‌ଦେଶ୍ୟରୁ ଦେଖ -

- (କ) $2a, 5a, \frac{2}{7}a$ ପଦଗୁଡ଼ିକରେ ଏକପ୍ରକାର ବାଜ ଅଛି ଓ ପ୍ରତ୍ୟେକ ପଦରେ ଘାତ 1 ଅଟେ । ଏପରି ପଦଗୁଡ଼ିକୁ ସଦୃଶ ପଦ ଜୁହାଯାଏ ।

(৬) xy , $10xy$, $\frac{5}{11}xy$ এ পদগুচ্ছিক ঘূর্ণ, কারণ প্রত্যেকটির একা প্রকারণ বাই x ও y , প্রত্যেকটির ঘূর্ণ ঘূর্ণ পদটির ১ অংশ।

(৭) $3a^3b$, $\frac{2}{3}a^3b$, a^3b এ পদগুচ্ছিক ঘূর্ণ, কারণ প্রত্যেকটির একা প্রকারণ বাই a ও b অঙ্গ। ঘূর্ণ পদটির a র ঘূর্ণ $2 \frac{2}{3}b$ র ঘূর্ণ ১ অংশ।

পদমানকরণে দুটি বা তা'র অন্ধক সংখ্যাক বাই আছে ষেমানকরণ ক্রম ভিন্ন ভিন্ন হেলে মধ্য ষেগুচ্ছিক ঘূর্ণ পদ অংশ।

(ক) ab , $-3ba$, $\frac{1}{5}ba$ ঘূর্ণ পদ অংশ।

(খ) $2pqr$, $15qrp$, $\frac{5}{3}rpq$ ঘূর্ণ পদ অংশ।

(গ) x^3yz , $3yxz^3$, $-5yx^3z$ ঘূর্ণ পদ অংশ।

জাণিরক্ষ

যেকোন পদগুচ্ছিকটির একা প্রকারণ বাই বা একা বাইর একা ঘূর্ণ রহিষ্য, বেশি পদগুচ্ছিক ঘূর্ণ পদ কর্তৃপক্ষ। ষেমানকরণ সংখ্যামূলক ঘূর্ণ কর্তৃপক্ষ ভিন্ন ভিন্ন হোতাবে।

১. নিম্নলিখিত অসবৃশ পদগুচ্ছিক লক্ষ্যকর।

অসবৃশ পদ

x , $2a$, $\frac{3}{5}p$, $-4m$ পদগুচ্ছিকরণে একা প্রকারণ বাই নাহান্তি

ab , bc , ca পদগুচ্ছিকরণে একা প্রকারণ বাই নাহান্তি

xyz , $2axy$, $5ayz$ পদগুচ্ছিকরণে একা প্রকারণ বাই নাহান্তি

x^2 , x^3 , x^4 পদগুচ্ছিকরণে একা প্রকারণ বাই থেকে মধ্য ষেমানকরণ ঘূর্ণ কর্তৃপক্ষ ভিন্ন

কারণ

যেকোন পদগুচ্ছিকটির বিভিন্ন প্রকারণ বাই বা একা বাইর বিভিন্ন ঘূর্ণ আছে, ষেগুচ্ছিক অসবৃশ পদ কৃত্যায়।

আস, ঘূর্ণ ও অসবৃশ পদ চিহ্নিত পাই কেতেক প্রশ্নের উপাধান করিবা।

উদাহরণ - 1

নিম্ন বাইরগাণিতিক রাশিটিরে থেকে ঘূর্ণ পদগুচ্ছিক বাছি প্রত্যেকটির সংখ্যামূলক ঘূর্ণ লেখ।

$$2x - xy + 3yx + 8x - 3x + xyz$$

উপাধান : দুটি বাইরগাণিতিক রাশিটিরে

$2x$, $8x$, $-3x$ ঘূর্ণ পদ, ষেমানকরণ সংখ্যামূলক ঘূর্ণ যথাক্রমে 2 , 8 ও -3 ।

পুরুষ $-xy$, $3yx$ ঘূর্ণ পদ। ষেমানকরণ সংখ্যামূলক ঘূর্ণ যথাক্রমে -1 ও 3 ।

এই রাশিটিরে $2x$, $-xy$ অসবৃশ এবং xyz অন্য উপস্থি পদ ঘূর্ণ অসবৃশ।

ଉଦ୍ବାହଣ - 2 : ବୀଜଗଣିତିକ ରାଶିଟିର ସହୃଦୟ ପଦଗୁଡ଼ିକୁ ଏକତ୍ର କରି ସଙ୍କଳନ ଲେଖ ।

$$a + 2b - ab - \frac{1}{2}a + 3ba + 5a - b$$

ସମାଧାନ : ଦରି ବୀଜଗଣିତିକ ରାଶିଟିରେ

$$a, -\frac{1}{2}a, 5a \text{ ପଦଗୁଡ଼ିକ ସହୃଦୟ}$$

$$2b, -b \text{ ପଦ ଦ୍ୱୟ ସହୃଦୟ}$$

$$ab^2 - ab, 3ba \text{ ପଦ ଦ୍ୱୟ ସହୃଦୟ}$$

$$\text{ସହୃଦୟ ପଦଗୁଡ଼ିକୁ ଏକତ୍ର କରି ସଙ୍କଳନ ଲେଖିଲେ, ରାଶିଟି ହେବ } a + 5a - \frac{1}{2}a + 2b - b - ab + 3ba$$

କାଣିଷ୍ଠ କି ?

ab ଓ ba ପଦଦ୍ୱୟ ସହୃଦୟ ।

abc, bca ଓ cab ପଦ ଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟ ସହୃଦୟ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 10. 6

1. ନିମ୍ନଲିଖିତ ପଦଗୁଡ଼ିକର ସଂଖ୍ୟାମୂଳକ ସହଗ ଲେଖ ।

$$3y, \frac{5}{7}p, -4ab, y^2, -abc, 23x^3y^2$$

2. ନିମ୍ନଲିଖିତ ବୀଜଗଣିତିକ ରାଶିଗୁଡ଼ିକରେ ଥିବା ଭିନ୍ନ ଭିନ୍ନ ପଦମାନଙ୍କର ସଂଖ୍ୟା ସହଗ ଲେଖ ।

$$(କ) ab - 2bc + 7ca \quad (ଖ) x - \frac{xy}{3} + \frac{3yz}{4}$$

3. କାରଣ ସହ କେଉଁ ଯୋଡ଼ା ପଦ ସହୃଦୟ ବା ଅସହୃଦୟ ଲେଖ ।

$$(କ) 3x, 7x \quad (ଖ) 5y, 5z \quad (ଗ) 2ab, \frac{2}{3}ba$$

$$(ଘ) 6pq, 6q \quad (ଙ୍ଘ) \frac{1}{2}a^3, a^3$$

4. ସହୃଦୟ ପଦଗୁଡ଼ିକୁ ଏକତ୍ର କରି ନିମ୍ନଲିଖିତ ରାଶିକୁ ସଙ୍କଳନ ଲେଖ ।

$$(କ) a-3b-4a+2b+7a$$

$$(ଖ) 5p+2pq-4p+7qr-3pq+5rq-\frac{1}{2}qp$$

$$(ଗ) xyz-xy+yz+zxy-35yzx-3zy$$

10.9 ବୀଜଗଣିତିକ ରାଶିର ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ

ଗୋଟିଏ ବୀଜଗଣିତିକ ରାଶିରେ ଏକ ବା ଏକାଧିକ ବାଜ ରହିଥାଏ । ତେଣୁ ରାଶିଟିର ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାନ ବା ମୂଳ୍ୟ ପାଇବାକୁ ହେଲେ, ସେଥିରେ ବ୍ୟବ୍ହତ ପ୍ରତ୍ୟେକ ବାଜର ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମୂଳ୍ୟ ଜାଣିବା ଆବଶ୍ୟକ । ତା'ପରେ ରାଶିଟିରେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ବାଜ ବଦଳରେ ସେହି ବାକର ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମୂଳ୍ୟ ପ୍ରାପନ କଲେ ରାଶିଟି କେବଳ ଧୂର ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ନେଇ ଗଠିବାକୁ ହୁଏ । ଏହି ରାଶିଟିକୁ ସରଳ କରିଦେଲେ ତା'ର ମାନ ମିଳିଯାଏ ।

ବୀଜଗୁଡ଼ିକ ବଦଳରେ ସେମାନଙ୍କ ସ୍ଥାନରେ ତାଙ୍କର ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମୂଲ୍ୟ ସ୍ଥାପନ କରିବା ପ୍ରଶାନ୍ତିକୁ ବିଶ୍ୱାସନ ପ୍ରଶାନ୍ତି ବା କେବଳ ବିଶ୍ୱାସନ କୁହାଯାଏ ।

ଉଦାହରଣ - 1

$x = 4, y = 2, z = 5$ ହେଲେ ନିମ୍ନ ରାଶିଗୁଡ଼ିକର ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$(a) 2x + 5y - 3z \quad (b) x^2 - 3xy + z^2$$

ସେମାଧାନ :

$$(a) 2x + 5y - 3z$$

$$= 2 \times 4 + 5 \times 2 - 3 \times 5 \quad (\text{ପ୍ରତ୍ୟେକ ବୀଜର ମାନ ବସାଇ})$$

$$= 8 + 10 - 15$$

$$= 18 - 15 = 3$$

$$(b) x^2 - 3xy + z^2$$

$$= 4^2 - 3 \times 4 \times 2 + 5^2 \quad (\text{ପ୍ରତ୍ୟେକ ବୀଜର ମାନ ବସାଇ})$$

$$= 16 - 24 + 25$$

$$= 16 + 25 - 24 \quad (\text{ଏକା ଚିହ୍ନ ବିଶ୍ଵିଷ ରାଶିଗୁଡ଼ିକୁ ଏକାଠି କରି})$$

$$= 41 - 24 = 17$$

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 10. 7

1. $a = 3$ ଓ $b = 5$ ହେଲେ ନିମ୍ନ ରାଶିଗୁଡ଼ିକର ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$(i) 2a + b \quad (ii) 2b - 3a \quad (iii) 1 + ab \quad (iv) \frac{a + 3b}{6}$$

2. $x = 8, y = 3$ ଓ $z = 4$ ହେଲେ ନିମ୍ନ ରାଶିଗୁଡ଼ିକର ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$(i) x + 2y + 3z \quad (ii) 2x + 3y - 5z \quad (iv) 7z - 4y - 2x$$

3. $x = 2$ ଓ $y = 3$

ଜଣେ ପିଲାକୁ xy ର ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବାକୁ କୁହାଗଲା ।

ସେ xy ର ମାନ 23 ଲେଖିଲା । ସେ ଠିକ୍ କରି ଲେଖୁଥିଲା କି ? କାହିଁକି ?



$$4. a = 4, b = 3 \text{ ଓ } c = 5$$

$2a + 3b + 6c$ ର ମାନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବାକୁ ଯାଇ ଗୀତା $24 + 33 + 45$ ଲେଖିଲା । ତାର ଉତ୍ତର ଠିକ୍ କି ? କାରଣ ଲେଖ ।





ପରିମିତି

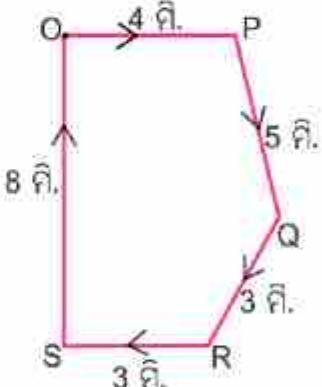
11.1. ଆମେ ଯାହା ଜାଣିବୁ :

ଇଷ୍ଟକାମ ହେଉଥିବା ଜମି ସଂପର୍କରେ ଆଲୋଚନା କରିବା ବେଳେ ସାଧାରଣତଃ ଏହାର ଇଷ୍ଟ ହେଉଥିବା ଅଞ୍ଚଳ ଓ ଏହାର ସାମା (ହିଡ଼ି) ବିଷୟ ଆମ ମନକୁ ଆସିଥାଏ । ଇଷ୍ଟ ଉପଯୋଗୀ ଅଞ୍ଚଳକୁ ହିଡ଼ି ଘେରି ରହିଥାଏ । ଇଷ୍ଟ ଉପଯୋଗୀ ଅଞ୍ଚଳ ଓ ଏହାର ହିଡ଼କୁ ଏକତ୍ର ଗୋଟିଏ କ୍ଷେତ୍ର କୁହାଯାଏ । ଅବଶ୍ୟ ଏହି କ୍ଷେତ୍ରର ହିଡ଼ର କିଛି ପ୍ରସ୍ତୁତ ଅଛି । ମାତ୍ର ଆମେ ଜ୍ୟାମିତିରେ ଯେଉଁ କ୍ଷେତ୍ର ବିଷୟରେ ଆଲୋଚନା କରୁ ତା'ର ସୀମା ନିରୂପକ ରେଖାଖଣ୍ଡଗୁଡ଼ିକର ପ୍ରସ୍ତୁତ ନଥାଏ । ସେହି ରେଖାଖଣ୍ଡଗୁଡ଼ିକର ଦୈର୍ଘ୍ୟର ସମର୍ଥିକୁ କ୍ଷେତ୍ରର ପରିସୀମା କୁହାଯାଏ । ସାମାଜିକ ଖଣ୍ଡଗୁଡ଼ିକ ଦ୍ୱାରା ଆବଶ୍ୟକ ଅଞ୍ଚଳର ପରିମାଣକୁ ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ କ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ କୁହାଯାଏ । ଏହା ଦୁମେ ଆଗରୁ ଜାଣିଛି ।

11.2. ପରିସୀମା ଓ ଏହାର ଏକ ବାସ୍ତବ ଉଦାହରଣ :

ଜଣେ ଇଷ୍ଟା ତାଙ୍କ ଜମିର ଗୁରୁତବୀ ବୁଝିବାକୁ ବାହାରିଲେ । ସେ ପ୍ରଥମେ O ଠାରୁ ଆଗର କରି P ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ, P ଠାରୁ Q ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ, Q ରୁ R ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ, R ଠାରୁ S ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଓ S ଠାରୁ O ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ କ୍ରମାନ୍ୟରେ ବାଢ଼ି ବୁଝିଲେ । ସେ ବୁଝିଥିବା ବାଢ଼ର ଦୈର୍ଘ୍ୟ କେତେ ?

ସେହି ଇଷ୍ଟ ଜମିର O ବିନ୍ଦୁରୁ ଆରମ୍ଭ କରି P, Q, R ଓ S ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ପୁଣିଥିରେ 'O' ବିନ୍ଦୁରେ ପହଞ୍ଚାଇ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ଗଲିଲେ, ଯେତେ ଦୂରତା ଅତିକ୍ରମ କରିବାକୁ ହେବ, ତାହା ହେଉଛି ସେହି ଜମିର ପରିସୀମା । ଆମେ ଜାଣିଲେ,



ଏକ ଆବଶ୍ୟକ କ୍ଷେତ୍ରର ପରିସୀମା ହେଉଛି ଏହାର ସୀମା ନିରୂପକ ରେଖାଖଣ୍ଡଗୁଡ଼ିକର ଦୈର୍ଘ୍ୟର ସମର୍ଥ ।

ଆମେ ଆମର ଦୈନିକ ଜୀବନରେ ପରିସୀମାର ଧାରଣାକୁ ବହୁକୁ ଜାବରେ ବ୍ୟବହାର କରୁ । ନିମ୍ନରେ ସେଥିରୁ କେତେବେଳେ ଉଦାହରଣ ଦିଆଯାଇଛି ।

- ବିଦ୍ୟାକୟ ହତାର ଗୁରୁତବୀ ପାବେଗା ତିଆରି କରିବା ।
- କୌଣସି ଏକ ସ୍ଥାନର ଗୁରୁତବୀ ତାରଜାଳି ଲଗାଇବା ।
- ଗୋଟିଏ ପଣ୍ଡାକୁ ବନ୍ଦାଇବା ପାଇଁ ତା'ର ଗୁରୁତବୀର ମାପ ନେଇ କାଠ ଠିକ୍ କରିବା ।

ସେହିପରି ଦୁଇଟି ଉଦାହରଣ ଲେଖ, ଯେଉଁରେ ପରିସୀମା ସଂପର୍କରେ ଜାଣିବା ଆବଶ୍ୟକ ହେଉଥିବ ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ୩ ସେ.ମି., ୪ ସେ.ମି., ୫ ସେ.ମି., ୭ ସେ.ମି. ମାପର ଛଗୋଟି ବିଧା ଜାଣି ନାହା।
- ସାଇକେଲରେ ବ୍ୟବହାର ଭାଇବୁ ଗୁୟବକୁ ବ୍ୟବହାର କରି କାଠିଗୁଡ଼ିକୁ ଯୋଡ଼ି ଏକ ଚତୁର୍ଭୁଜ ଆକୃତି ତିଆରି କରି ।
- ଏବେ ଏହି ଚତୁର୍ଭୁଜର ଯେକୋଣେ ଗୋଟିଏ ଶାର୍ଷଠାରେ ଥିବା ଗୁୟବକୁ ଖୋଲି ଦିଅ ଓ କାଠିଗୁଡ଼ିକ ନିମ୍ନରେ ବିଆୟାରଥିବା ଚିତ୍ର ରଳି ଗୋଟିଏ ସରଳରେଖାରେ ସଜାତି ରଖା ।
- ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ବ୍ୟବହାର କରିଥିବା ଗରିଷ୍ଠ କାଠିକୁ ଯୋଡ଼ି ଦେବାରୁ ଗୋଟିଏ ରେଖାଖଣ୍ଡ ଆକୃତି ମିଳିଲା । ଏହି ରେଖାଖଣ୍ଡର ଦେର୍ଘ୍ୟ ହେଉଛି ପୂର୍ବରୁ ପ୍ରତ୍ୱତ ହୋଇଥିବା ଚତୁର୍ଭୁଜର ପରିସୀମା ।

11.2.1. ପରିସୀମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ବ୍ୟକ୍ତି :

(କ) ଆୟତ କ୍ଷେତ୍ର ପରିସୀମା -

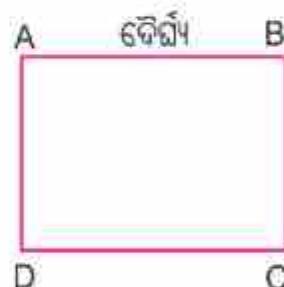
$$\text{ଆୟତ କ୍ଷେତ୍ର } ABCD \text{ ର ପରିସୀମା} = AB + BC + CD + DA$$

$$= \text{ଦେର୍ଘ୍ୟ} + \text{ପ୍ରସ୍ଥ} + \text{ଦେର୍ଘ୍ୟ} + \text{ପ୍ରସ୍ଥ}$$

$$= \text{ଦେର୍ଘ୍ୟ} + \text{ଦେର୍ଘ୍ୟ} + \text{ପ୍ରସ୍ଥ} + \text{ପ୍ରସ୍ଥ}$$

$$= 2 \times \text{ଦେର୍ଘ୍ୟ} + 2 \times \text{ପ୍ରସ୍ଥ}$$

$$= 2 \times (\text{ଦେର୍ଘ୍ୟ} + \text{ପ୍ରସ୍ଥ})$$

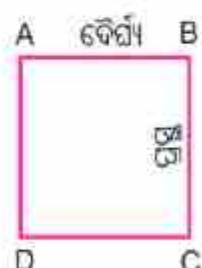


(ଖ) ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ର ପରିସୀମା -

$$\text{ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ର } ABCD \text{ ର ପରିସୀମା} = AB + BC + CD + DA$$

$$= \text{ଦେର୍ଘ୍ୟ} + \text{ଦେର୍ଘ୍ୟ} + \text{ଦେର୍ଘ୍ୟ} + \text{ଦେର୍ଘ୍ୟ}$$

$$= 4 \times \text{ଦେର୍ଘ୍ୟ}$$



$$\text{ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ପରିସୀମା} = 2 \times (\text{ଦେର୍ଘ୍ୟ} + \text{ପ୍ରସ୍ଥ})$$

$$\text{ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ର ପରିସୀମା} = 4 \times (\text{ଦେର୍ଘ୍ୟ})$$

ଜହିଳ ଦେଖୁ :

ଗୋଟିଏ ବନବାରୁ ଡିଗ୍ରୀର ପରିସୀମା କିମ୍ବା ଲାହାତିବ ?

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 11.1

1. ତୁମ ଶ୍ରେଣୀରେ ପଡ଼ିଥିବା ଚେବୁଲର ଉପରି ଭାଗର ଛାଗିଯାକ ଧାରର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ମାପ ଓ ତୁମେ ପାଇଥିବା ମାପଗୁଡ଼ିକୁ ତଳେ ବିଆୟାଇଥିବା ଭଳି ଲେଖ ।

ସ୍ଵାମୀ ଧାରର ଦୈର୍ଘ୍ୟ = _____ ସେ.ମି.

ଦ୍ଵିତୀୟ ଧାରର ଦୈର୍ଘ୍ୟ = _____ ସେ.ମି.

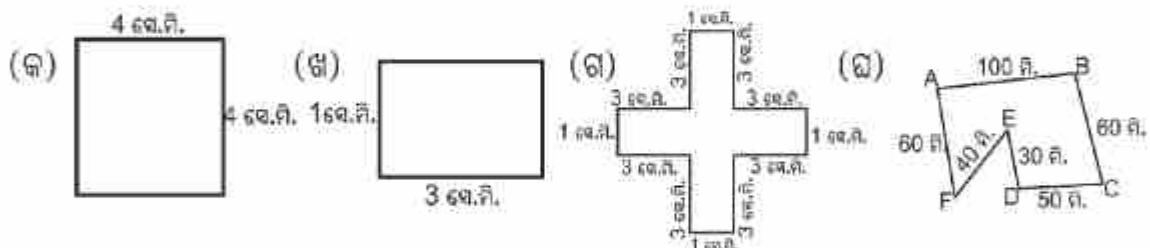
ତୃତୀୟ ଧାରର ଦୈର୍ଘ୍ୟ = _____ ସେ.ମି.

ଚର୍ବୀ ଧାରର ଦୈର୍ଘ୍ୟ = _____ ସେ.ମି.

ଏହାର ଛାଗି ଧାରର ସମ୍ପତ୍ତି = _____ ସେ.ମି.+ _____ ସେ.ମି.+ _____ ସେ.ମି.+ _____ ସେ.ମି.

ଚେବୁଲ ଉପରିଭାଗର ପରିସାମା କେତେ ?

2. ତଳେ ବିଆୟାଇଥିବା ଚିତ୍ର ମାନଙ୍କର ପରିସାମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।



3. ଗୋଟିଏ ଆୟତକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ପାର୍କର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 50 ମିଟର ଓ ପ୍ରମ୍ବୁ 35 ମିଟର । ଜଣେ ଖେଳାଳି ଏହି ପାର୍କର ଝରିପାଖରେ 10 ଥର ବର୍ତ୍ତିଲେ, ସେ ମୋଟ କେତେ ବାଟ ଘୋଡ଼ିବେ ?
4. ଗୋଟିଏ ଚତୁର୍ଭୁକ୍ତକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଜମିର ଛାଗିଯାକ ପାଖର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ଯଥାକୁମେ 15 ମିଟର, 12 ମିଟର, 17 ମିଟର ଓ 11 ମିଟର । ଏହାର ଝରିପଟେ ବାହୁବୁକ୍ତବା ପାଇଁ ମିଟର ପିଛା 6 ଟଙ୍କା ହିସାବରେ କେତେ ଶର୍କ୍ ହେବ ?
5. 3 ମିଟର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ବିଶିଷ୍ଟ ଗୋଟିଏ ଆୟତକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଚେବୁଲର ଉପରିଭାଗର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ଓ ପ୍ରମ୍ବୁ ଯଥାକୁମେ 3ମି. ଓ 1ମି. 50 ସେ.ମି. । ଏହାର ଛାଗିଧାରରେ ସବୁ ରାଗାନ ଖାଲେରି ଲଗାଯିବ । କେତେ ମିଟର ଦୈର୍ଘ୍ୟର ରାଗାନ ଖାଲେରି ଆବଶ୍ୟକ ?
6. ଗୋଟିଏ ବର୍ଗକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଚେବୁଲର ପରିସାମା ହେଉଛି 3ମି. 20ସେ.ମି. । ଏହାର ପ୍ରତ୍ୟେକ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ କେତେ ?

ଜାଣିଲୁ କି ?
ବର୍ଗକୃତର ସମସ୍ତ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ସମାନ ।

7. නිමුණු කෙරී කෙරී සේවුරේ පරිභාෂා බාහාර කරිබා ආකෘතික පදනම් ?

(උ) ගොටිය ගැස නිමිර ගැස කරායා තුන් පරිභාෂා නිර්ශෝ කරිබා ।

(ඇ) ගොටිය ජ්‍යෙෂ්ඨ පදනම් අර ගැටුප්පේ මාලු කෙළ ගැටු බුල් ආසිබා ।

(ඉ) ගොටිය කොටඳු ත්‍යාග ගැටු මාර්බ්ල බිජා ගැටු බාහාර කරිබා ।

(ඊ) ගොටිය එගෙකු බිජා ගැටු පාල් ආකෘතික ප්‍රතිතුන් තාවර දේශීය ගාසිබා ।



8. ଯदି 30 ମିନ୍‌ଟ ଦାର୍ଘ୍ୟ ସବୁ ଲୁହା ତାର ଖଣ୍ଡେ ଆଣି ତାକୁ ଆବଶ୍ୟକ ମତେ ବଜାଲ ନିମ୍ନଲିଖିତ ଆକୃତି ତିଆରି କରାଯାଏ, ତେବେ ସେହି ଆକୃତିର ପ୍ରତ୍ୟେକ ବାହୁର ଦେର୍ଘ୍ୟ କେତେ ହେବ ?

(କ) ବର୍ଗଷେତ୍ର  (ଖ) ସୁଷ୍ଠମ ଷତଭିତ୍ର  (ଗ) ସମବାହୁ ତ୍ରିଭୁଜ 



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ତୁମେ ଖଣ୍ଡିଏ ମୋରା କାଗଜ ନିଆ ।
 - ଏଥରୁ 1 ସେ.ମି ଦେର୍ଘ୍ୟା ଓ 1 ସେ.ମି ପ୍ରସ୍ତୁ ଦିଶିଷ୍ଟ 16 ଟି ଦର୍ଶଚିତ୍ର ତିଆରି କର ।
 - 16 ଟି ଯାକ ଖଣ୍ଡକୁ ପାଖକୁପାଖ ଲଗାଇ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରର ଆକୃତି ପ୍ରସ୍ତୁତ କର, ଯେପରି ସେମାନଙ୍କ ମଣିରେ କୌଣସି ପାଇଁ ନ ରହେ । ଯେପରି -

 - ଯେଉଁ ଆକୃତି ସବୁ ତିଆରି କଲ, ସେମାନଙ୍କର ପଚିସାମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।
 - ତମ ଖାଦ୍ୟରେ ଆକାଶିଗଢ଼ିକ ତିନ୍ତୁ ଆଛି ପଥୋକ ଚିତ୍ରର ଭାବରେ ପଟେ ତା'ର ପରିସୀମାର ଲେଖ ।



ତମ ପାଇଁ କିଛି କାର୍ଯ୍ୟ - 1

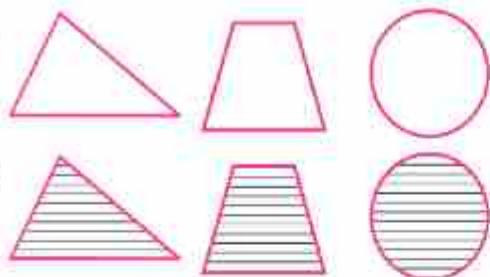
ତୁମେ ଭରିପଟେ ଦେଖୁଥିଗା ଆସିବାକୁଠି ବିଶିଷ୍ଟ ଓ ବର୍ଣ୍ଣାକୁଠି ବିଶିଷ୍ଟ ଜନିଷମାନଙ୍କର ଏକ ତାଳିକା ପ୍ରସ୍ତୁତ କର । ପ୍ରତ୍ୟେକର ପରିସୀମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରି ଗୋଟିଏ ସାରଣୀ ପ୍ରସ୍ତୁତ କର । ସେ ସାରଣୀଟିକ ଶ୍ରେଣୀରେ ଅନ୍ୟମାନଙ୍କ ହେଲ୍ପାଥ ।

11.3 ଶ୍ରେଣ୍ଡାଳ

ପର ପୃଷ୍ଠାରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଆବଶ୍ୟକ ଚିତ୍ରଗୁଡ଼ିକୁ ଲଙ୍ଘାଇବା। ପ୍ରତ୍ୟେକ ଚିତ୍ର ଦାରା ଏହି ପୃଷ୍ଠାର କିଛି ଅଂଶ ଆବଶ୍ୟକ ହୋଇଛି । ଚିତ୍ର ଓ ଏହା ଦାରା ଆବଶ୍ୟକ ଅଞ୍ଚଳର ସମାହାରକୁ କ୍ଷେତ୍ର କୁହାଯାଏ । ଏହି କ୍ଷେତ୍ରର ପରିମାଣକୁ ଉଚ୍ଚ କ୍ଷେତ୍ର କ୍ଷେତ୍ରପାଇଁ କୁହାଯାଏ ।

ନିମ୍ନରେ ଚିତ୍ର ଓ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଶୈତା ଗୁଡ଼ିକୁ ଦେଖା ।

ଚିତ୍ର :

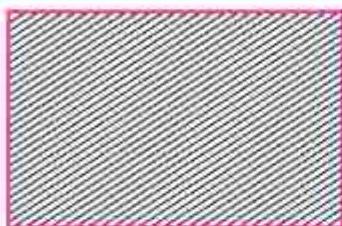


ଶୈତା :

ଜାଣିଛ କି ?

କୌଣସି ଆବଶ ଚିତ୍ର ଦ୍ୱାରା ଆବଶ ଶୈତାର ପରିମାଣକୁ ସେହି ଶୈତାର ଶୈତାପଳ କୁହାଯାଏ ।

ତଳେ ବିଆୟାଇଥିବା ଚିତ୍ର ଦ୍ୱାରା ଲକ୍ଷ୍ୟ କରା । ପ୍ରଥମ ଚିତ୍ର ଓ ଦ୍ୱିତୀୟ ଚିତ୍ର ଦ୍ୱାରା ଆବଶ ଶୈତାକୁ ରେଖାଙ୍କନ ଦ୍ୱାରା ସୁଚିତ କରାଯାଇଛି ।



ପ୍ରଥମ ଚିତ୍ର



ଦ୍ୱିତୀୟ ଚିତ୍ର

ଗୋଟିଏ ରଙ୍ଗଜମିରେ ରଷ କରାଯାଇଥିବା ଅଞ୍ଚଳରେ ପରିମାଣ ହେଉଛି ସେ ଜମିର ଶୈତାପଳ । ରହିକାକୁ ଦ୍ୱାରା ସାମାବଶ ଗୋଟିଏ ଚଟାଣର ପରିମାଣ ହେଉଛି ଚଟାଣର ଶୈତାପଳ ।

ଶୈତାପଳକୁ ବର୍ଗ.ସେମି, ବର୍ଗ ମି : ଆବଶ ମାପ ଏକକ ସାହାଯ୍ୟରେ ମାପ କରାଯାଏ ।

☞ ବୁନ୍ଦ ଦୈନିକିନ ଜୀବନରେ ଯେଉଁ ପରିସ୍ଥିତିମାନଙ୍କରେ ଶୈତାପଳ ମାପିବାର ଆବଶ୍ୟକତା ପଡ଼ିଥାଏ, ସେହିଜଳି ତିନୋଟି ପରିସ୍ଥିତିର ଉଦାହରଣ ଦିଆ ।

11.3.1 କେତେକ ଜ୍ୟାମିତିକ ଆକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଶୈତାର ଶୈତାପଳ

(କ) ଆୟତ ଶୈତାର ଶୈତାପଳ

ଭୂମେ ପୂର୍ବ ଶ୍ରେଣାରେ ଆୟତଶୈତାର ଶୈତାପଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କିପରି କରାଯାଏ ତାହା ଜାଣିଛାଶୈତାପଳ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ହିସାବ ପ୍ରଣାଳୀକୁ ସୂଚିରୂପେ ଲେଖିବା-

$$\text{◆ } \text{ଆୟତଶୈତାର ଶୈତାପଳ} = (\text{ଦେଇଁୟ} \times \text{ପ୍ରସ୍ତୁତ}) \text{ ବର୍ଗ ଏକକ ।}$$

$$\text{ଦେଇଁୟ} = (\text{ଶୈତାପଳ} + \text{ପ୍ରସ୍ତୁତ}) \text{ ଏକକ}$$

$$\text{ପ୍ରସ୍ତୁତ} = (\text{ଶୈତାପଳ} \div \text{ଦେଇଁୟ}) \text{ ଏକକ}$$

$$\text{◆ } \text{ବର୍ଗଶୈତାର ଶୈତାପଳ} = (\text{ବାହୁର ଦେଇଁୟ} \times \text{ବାହୁର ଦେଇଁୟ})^2 \text{ ବର୍ଗ ଏକକ}$$

$$\text{ଗୋଟିଏ ବାହୁର ଦେଇଁୟ} = \text{ଶୈତାପଳର ବର୍ଗମୂଳ}$$



ନିଜେ ଲାଗି ଦେଖ

ତକେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଆବଶ୍ୟକ ଚିତ୍ର ଦୁଇଟିକୁ ଲଙ୍ଘନ କର । କାହାର ଷେତ୍ରପଳକ ଅଧିକ ଆସ ତାହା ଦେଖନ ।

ପ୍ରଥମ ଚିତ୍ର

ଦ୍ୱିତୀୟ ଚିତ୍ର

- ମୋଟା କାଗଜକୁ କଟି 1ସେ.ମି. ଦୈର୍ଘ୍ୟ ବିଶିଷ୍ଟ କେତେବୁଡ଼ିଏ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ର ଡିଆରି କର (ପ୍ରାୟ 30 ଟି ।)
- ପ୍ରଥମ ଚିତ୍ରର ସାମା ଉପରେ ସେହି ଖଣ୍ଡ ଗୁଡ଼ିକୁ ସଜାଇ, ଯେପରି ଖଣ୍ଡଗୁଡ଼ିକ ଧାରକୁ ଧାର ଲାଗି ରହିବ ।
- ସେହିଠର ଦ୍ୱିତୀୟ ଚିତ୍ର ଉପରେ ବର୍ଣ୍ଣକୁ କାଗଜ ଖଣ୍ଡଗୁଡ଼ିକୁ ପୂର୍ବପରି ସଜାଇ ରଖ ।
- କେଉଁ ଚିତ୍ର ଉପରେ ଅଧିକ ସଂଖ୍ୟକ କାଗଜଖଣ୍ଡ ରହିଲା ?
- କେଉଁ ଷେତ୍ରର ଷେତ୍ରପଳକ ଅଧିକ ବୋଲି ଜାଣିଲ ?

ଜଦାହରଣ -1

ଗୋଟିଏ ଆୟତଷେତ୍ରର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 8 ସେ.ମି. ଓ ପ୍ରଥମ 6 ସେ.ମି. ତା'ର ଷେତ୍ରପଳ କେତେ ?

ସମାଧାନ :

$$\text{ଆୟତଷେତ୍ରର ଦୈର୍ଘ୍ୟ} = 8 \text{ ସେ.ମି}$$

$$\text{ପ୍ରଥମ } = 6 \text{ ସେ.ମି}$$

$$\begin{aligned}\text{ଆୟତ ଷେତ୍ରର ଷେତ୍ରପଳ} &= (\text{ଦୈର୍ଘ୍ୟ} \times \text{ପ୍ରଥମ}) \text{ବର୍ଗ ଏକକ} \\ &= 8 \times 6 \text{ ବର୍ଗ ସେ.ମି} \\ &= 48 \text{ ବର୍ଗ ସେ.ମି.}\end{aligned}$$

\therefore ଆୟତ ଷେତ୍ରଟିର ଷେତ୍ରପଳ 48 ବର୍ଗସେ.ମି.

☞ ତଳ ସାରଣୀରେ ଥିବା ଖାଲି ଘ୍ୟାନ ପୂରଣ କର ।

ଜାଣିଛ କି ?

ଆୟତଷେତ୍ରର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ସେ.ମି. ଏକକ ଓ ପ୍ରଥମ ସେ.ମି. ଏକକରେ ଥିଲେ, ଏହାର ଷେତ୍ରପଳର ବର୍ଗ ସେ.ମି. ଏକକରେ ପ୍ରକାଶ କରାଥାଏ ।

କ୍ରମିକ ନମ୍ବର	ଆୟତଷେତ୍ରର ଦୈର୍ଘ୍ୟ	ଆୟତଷେତ୍ରର ପ୍ରଥମ	ପରିସାମା	ଷେତ୍ରପଳ
1	5 ସେ.ମି	4 ସେ.ମି		
2		7 ସେ.ମି	30 ସେ.ମି	
3	7 ସେ.ମି.			28 ବର୍ଗ ସେ.ମି
4	12 ସେ.ମି		42 ସେ.ମି	



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ଗୋଟିଏ ଗ୍ରାଫ କାଗଜ ନିଆ (ସାଧା କାଗଜରେ ଗ୍ରାଫ କାଗଜ ତିଆରି କରାଯାଇପାରିବ)।
- ମୋଟା କାଗଜ କାଟି ଗୋଟିଏ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ର ତିଆରି କର।
- ଦୁମେ ତିଆରି କରିଥିବା ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ରଟିକୁ ଗ୍ରାଫ କାଗଜ ଉପରେ ଲଙ୍ଘ ଯେପରି ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ରର ପ୍ରତ୍ୟେକଧାର ଗ୍ରାଫକାଗଜର କୌଣସି ଗାର ସହ ଲାଗିରିବ।
- ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ରରେ ଧାର ଘରିପତେ ଗାର ପକାଅ। ଗ୍ରାଫ କାଗଜ ଉପରେ ଦୁମେ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ରଟିଏ ପାଇବ।
- ଗ୍ରାଫ କାଗଜ ଉପରେ ଅଳାଯାଇଥିବା ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ରର ସାମା ମଧ୍ୟରେ ଗ୍ରାଫ କାଗଜର ଲେଟେଟି ଏକ ସେ.ମି. ବାହୁ ବିଶିଷ୍ଟ ବର୍ଗ ରହିଛି ତାହା ଗଣି ଦେଖ।
- ଏକ ସେ.ମି. ବାହୁ ବିଶିଷ୍ଟ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ର ବଂଶ୍ୟା (ଯହା ଗଣି ପାଇଲୁ) ଜାଣିଲେ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ରଟି ବିଶିଷ୍ଟ କାଗଜ ଉପର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିପାରିବ।

ଉଦାହରଣ - 2

ଗୋଟିଏ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ରଟି ବିଶିଷ୍ଟ କ୍ଷେତ୍ରର ପ୍ରତ୍ୟେକ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ = 6 ସେ.ମି. | ଏହି କ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ କେତେ ?

ସମାଧାନ :

ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ରଟି ବିଶିଷ୍ଟ କ୍ଷେତ୍ରର ପ୍ରତ୍ୟେକ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ = 6 ସେ.ମି

$$\begin{aligned} \text{ଏହାର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ} &= (\text{ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ} \times \text{ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ}) \text{ ବର୍ଗସେ.ମି.} \\ &= 6 \times 6 \text{ ବର୍ଗସେ.ମି.} \\ &= 36 \text{ ବର୍ଗସେ.ମି.} \end{aligned}$$

ଜହିଲ ଦେଖୁ :

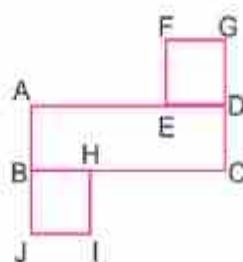
6 \times 6 କୁ 6² ରୁପେ ଲେଖାଯାଏ ଓ
6 ର ବର୍ଗ ବୋଲି କୁହାଯାଏ।
ଦୁମେ 8 ଓ 10 ର ବର୍ଗ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରି
ପାଇବ କି ?

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 11.2

- ଗୋଟିଏ ବର୍ଗ କ୍ଷେତ୍ରର ପ୍ରତ୍ୟେକ ବାହୁର ଦୈର୍ଘ୍ୟ = 7 ସେ.ମି. | ଏହାର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ କେତେ ?
- ପାର୍ଶ୍ଵ ଚିତ୍ରରେ ABCD ଏକ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ର ଏବଂ EDGF ଓ BJIH ପ୍ରତ୍ୟେକ ଗୋଟିଏ ଗୋଟିଏ ବର୍ଗକ୍ଷେତ୍ର ।

$AD = 20$ ସେ.ମି., $AB = 9$ ସେ.ମି., $ED = 7$ ସେ.ମି. ଓ $BJ = 8$ ସେ.ମି. ହେଲେ,

ସମ୍ମଗ୍ର କ୍ଷେତ୍ରର ପରିସାମା ଓ କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।



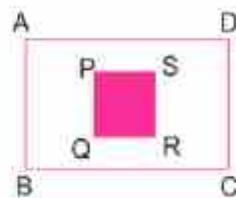
3. ଗୋଟିଏ ବର୍ଗକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ କ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ 64 ବର୍ଗ.ମି.। ଏହାର ପ୍ରତ୍ୟେକ ବାହୁର ଦେଇଁୟ କେତେ ?

(ସୁଚନା : ଏଠାରେ 64କୁ ମୌଲିକ ଗୁଣନୀୟକ ମାନଙ୍କର ଗୁଣଫଳ ରୂପେ ପ୍ରକାଶ କରି 64କୁ ଦୁଇଟି ସମାନ ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣଫଳରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇ ପାରିବ । ସେହି ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟି ମଧ୍ୟରେ ଗୋଟିଏ ହେବ 64 ର ବର୍ଗମୂଳ ।)

4. ABCD ଗୋଟିଏ ଆୟତକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ବରିଷକୁ ସୁଝାଉଛି । ଏହି ଜମିରେ A ଖୋଲାଯାଇଥିବା ଏକ ବର୍ଗକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ପୋଖରାର ଚିତ୍ର ହେଉଛି PQRS ।

$AB = 40$ ମି., $AD = 50$ ମି. ଓ $PQ = 22$ ମି. ହେଲେ,

ବରିଷ ଭିତରେ ଥିବା ବଳକା ଜମିର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ କେତେ ?



5. ଗୋଟିଏ ଆୟତକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଜମିର ଦେଇଁୟ 30 ମିଟର ଓ ପ୍ରସ୍ତୁ 28 ମିଟର । ଏକ ବର୍ଗମିଟର ଜମିର ଦାମ 275 ଟଙ୍କା ହେଲେ, ସେହି ଜମିକୁ ବିକ୍ରି କରି ଜମି ମାଲିକ କେତେ ଟଙ୍କା ପାଇବେ ?

6. ଗୋଟିଏ ଟେବୁଲର ଉପରିଭାଗ ବର୍ଗକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ । ଏହାର ପ୍ରତ୍ୟେକ ଧାରର ଦେଇଁୟ 1 ମିଟର 20ସେ.ମି., ଏହାର ଉପରିଭାଗର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ କେତେ ?

7. ଡଳେ ଟିକୋଡ଼ି ଆୟତ କ୍ଷେତ୍ରର ଦେଇଁୟ ଓ ପ୍ରସ୍ତୁ ଦିଆଯାଇଛି ।

(କ) 9 ମି. ଓ 6 ମି. (ଖ) 17 ମି. ଓ 3 ମି. (ଗ) 15 ମି. ଓ 4 ମି.

- କେଉଁ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ସର୍ବଧିକ ?

- କେଉଁ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର ପରିସୀମା ସର୍ବଧିକ ?

8. ଗୋଟିଏ ଆୟତକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ କାର୍ଡିବୋର୍ଡର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ 36 ବର୍ଗ ସେ.ମି.। ଏହାର ଦେଇଁୟ 9 ସେ.ମି. ହେଲେ ଏହାର ପ୍ରସ୍ତୁ କେବେ ?

ଉପରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ପ୍ରଶ୍ନକୁ ଉଲାବାବେ ପଡ଼ି ଓ ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉଭର ଦିଆ -



9 ସେ.ମି.

- ଆୟତକୃତି କାର୍ଡିବୋର୍ଡର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ କେତେ ?

- ଏହାର ଦେଇଁୟ କେତେ ?

- କୌଣସି ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ଓ ଦେଇଁୟ ଲାଗୁଥିଲେ ତା'ର ପ୍ରସ୍ତୁ କିମ୍ବା ବାହାରେ ?

- ଏଠାରେ ଆୟତକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ କାର୍ଡିବୋର୍ଡର ପ୍ରସ୍ତୁ କେତେ ହେବ ?

9. 16 ମିଟର ଦେଇଁୟ ଓ 12 ମିଟର ପ୍ରସ୍ତୁ ବିଶିଷ୍ଟ ଗୋଟିଏ କୋଠରି ଚାଲାଣରେ ବାଇଲ ବିହାଗଲା । ଏହି କାର୍ଯ୍ୟ ଲାଗି କେତୋଟି 2 ମି. ଦାର୍ଘ ବାହୁବିଶିଷ୍ଟ ବର୍ଗକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଚାଲନ ଦରକାର ହେବ ?

10. ଗୋଟିଏ ବର୍ଗକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଜମିର ପରିସୀମା ହେଉଛି 124 ମିଟର । ଏହି ଜମିକୁ ରସ କରିବା ପାଇଁ ପ୍ରତି ବର୍ଗମିଟରକୁ 4 ଟଙ୍କା ହିସାବରେ ମୋଟ କେତେ ଟଙ୍କା ଦରକାର ?

11. 12 ମିଟର ଦୀର୍ଘ ଗୋଟିଏ ଆୟତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ଜମିର କ୍ଷେତ୍ରପଳ 120 ବର୍ଗମିଟର। ଏହାର ଉଚ୍ଚିପାଖରେ ବାଢ଼ିଦେବାଯାଇଁ 1 ମିଟରକୁ ଯଦି 10 ଫଟକା ଆବଶ୍ୟକ ପଡ଼େ, ତେବେ ଜମିଟିର ଉଚ୍ଚିପାଖକୁ ବାଢ଼ିଦେବା ପାଇଁ ମୋଟ କେତେ ଟଙ୍କା ଦରବାର ହେବ ?
 12. 20 ସେ.ମି. ଦୀର୍ଘ ତାରଟିଏ ନେଇ ତାକୁ ବଜାଇ ବିରିନ୍ଦୁ ମାପ ବିଶିଷ୍ଟ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରରେ ପରିଣତ କରାଯିବ (ଯେପରି ପ୍ରତ୍ୟେକର ଦେର୍ଘ୍ୟା ଓ ପ୍ରାସୂର ମାପ ପୂର୍ଣ୍ଣ ସଂଖ୍ୟକ ସେ.ମି. ହେବ)। ତାରଟିକୁ କେତୋଟି ଭିନ୍ନ ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରରେ ପରିଣତ କରିବା ସମ୍ଭବ ? ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ କେତୋଟି ବର୍ଗାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ ହେବ ? ପ୍ରତ୍ୟେକ କ୍ଷେତ୍ରରେ ପରିସାମା ଏବେଳେ ନିର୍ଦ୍ଦେଶ କର ।

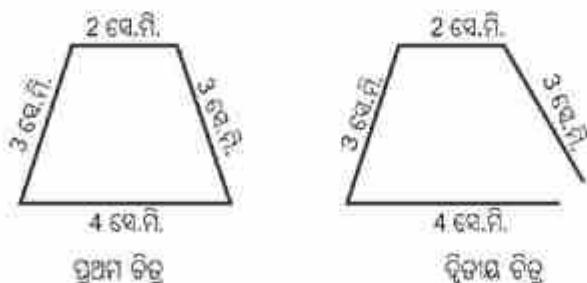


ତମ ପାଇଁ କାମ :

ବାଜଳ ଲାହି ପୁଅଗେ ଉଦ୍‌ବେଚ୍ଛି ଆସନ୍ତ ଦିକ୍ଷ ବିଆରି କର, ସେହାମଙ୍କର ତେଣ୍ଟୀ ଏ ପୁଷ୍ପ ତଥା ବିଆଯାହକୀ-
୫ ସେ.ମି. ୩ ୩ ସେ.ମି., ୫ ସେ.ମି ଓ ୨ ସେ.ମି., ୪ ସେ.ମି. ଓ ୨ ସେ.ମି.। ଖେଳୁଛି ଅଠାରେ ଯେଡ଼ି
ତମ୍ଭୁ ଭିନ୍ନ ଆହୁତିର କ୍ଷେତ୍ରମାନ ବିଆରି କର ଏ ସେହି କ୍ଷେତ୍ରମାନଙ୍କ କ୍ଷେତ୍ରପଦନ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।

11.4 ପରିସୀମା ଓ କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ସଂଖ୍ୟାଯ ଲେଖନ ଭାବର ଆଲୋଚନା

ଆମଙ୍କୁ ଚିଶିଷ୍ଟ ଓ ଚର୍ଚାକୁ ଚିଶିଷ୍ଟ ଶେତ୍ରମାନଙ୍କର ପରିସାମା ଓ ଶେତ୍ରପଳ ସମ୍ବନ୍ଧୀୟ ସମସ୍ୟମାନଙ୍କର ସମାଧାନ କରିବା ସମୟରେ ବେଳେବେଳେ ଆମେ ସଯେହରେ ପଡ଼ିଥାଉ । ଏଠାରେ ତା'ର ଏକ ଉଦ୍ଦାହରଣ ଦିଆଯାଇଛି । ଲକ୍ଷ୍ୟକର - ପରିସାମା କହିବା ବେଳେ କୌଣସି ଆବଶ୍ୟକତାର ପରିସାମାକୁ ହଁ ବୁଝ୍ୟାଏ, କିନ୍ତୁ ବେଳେବେଳେ ଆବଶ୍ୟକ ହିତ୍ତୁ ନ ନେଇ ତାର ବାହୁମାନଙ୍କର ସମ୍ପତ୍ତି ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରି ପରିସାମା ବାହାରିବା ଦେଲି ଆମେ ଜହିଥାଉ । ପକ୍ଷତରେ ଏହଳି ଚିତ୍ତର ପରିସାମା ନ ଥାଏ ।



ଏଠାରେ ପୁଅମ ଚିତ୍ରକଟି ହେଉଛି ଆବଶ୍ୟକ ଚିତ୍ର । ଏହାର ଲୁଗୋଟି ବାହୁଗ ଦୈର୍ଘ୍ୟ 2ସେ.ମି., 3ସେ.ମି., 4ସେ.ମି. ଓ 5ସେ.ମି. ।

$$\text{ଏହି ବିଭିନ୍ନ ପରିସାମା ହେଉଛି} = 2 \text{ ସେ.ମି.} + 3 \text{ ସେ.ମି.} + 4 \text{ ସେ.ମି.} + 3 \text{ ସେ.ମି.} = 12 \text{ ସେ.ମି.}$$

ଦିତ୍ୟାକୁ ଚିହ୍ନି ଆବଶ୍ୟକ ନାହିଁ । ତେଣୁ ଏହାର ପରିସାମ୍ନା ଶବ୍ଦର କିଛି ଅର୍ଥ ନାହିଁ ।

ଅନ୍ୟ ଏକ ଉଦ୍ଦାହରଣ

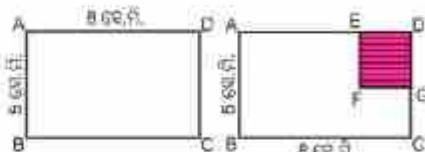
ABCD ଏକ ଆୟତକୁ ବିଶିଷ୍ଟ କାଗଜ ଖଣ୍ଡ । ଏହାର ଦେଇଁ 8 ସେ.ମି. ଓ ପ୍ରସ୍ତୁ 5 ସେ.ମି. । ଏହାର D କଣରୁ 2 ସେ.ମି. ବାହୁଥିବା ବର୍ଗକୁ ବିଶିଷ୍ଟ କାଗଜଖଣ୍ଡ କାଟି ନିଆଗଲା । ବଳକା ଅଂଶର ପରିସୀମା କେତେ ?

ବଳକା କାଗଜର ପରିସୀମା = ମୂଳ ଆୟତକେତୁର ପରିସୀମା - କାଟିନିଆଯାଇଥିବା ବର୍ଗ କେତୁର ପରିସୀମା

$$= 2(8+5) \text{ ସେ.ମି.} - 4 \times 2 \text{ ସେ.ମି.}$$

$$= 26 \text{ ସେ.ମି.} - 8 \text{ ସେ.ମି.} = 18 \text{ ସେ.ମି.}$$

କିନ୍ତୁ ଠିକ୍ ଭରର ହେଉଛି -



$$\text{ମାତ୍ର } CG = CD - DG = 5 \text{ ସେ.ମି.} - 2 \text{ ସେ.ମି.} = 3 \text{ ସେ.ମି.},$$

$$AE = AD - DE = 8 - 2 = 6 \text{ ସେ.ମି.}$$

$$\text{ଏଣୁ ବଳକା କାଗଜ ଖଣ୍ଡର ପରିସୀମା} = AB + BC + CG + GF + FE + EA$$

$$= 5 + 8 + 3 + 2 + 2 + 6 = 26 \text{ ସେ.ମି.}$$

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 11.3

ନିମ୍ନରେ କେବେଳ ପ୍ରଶ୍ନ ଦିଆଯାଇଛି । ସେହି ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକୁ କେତେକ ପିଲା ଯେପରି ସମାଧାନ କରିଛନ୍ତି, ତାହା ଲେଖାଯାଇଛି । ସେହି ସମାଧାନରେ କ'ଣ ଭୁଲ ଅଛି ଚିହ୍ନାଥ । ଏପରି ଭୁଲ କରିବାର କାରଣ କ'ଣ ଲେଖ ।

- ଗୋଟିଏ ଆୟତକୁ ବିଶିଷ୍ଟ ବର୍ଗଙ୍କ ବିଭାଗ କିନ୍ତୁ ଆଜି ତାହାର ପରିସୀମାକୁ ଚିହ୍ନାଥ ।

ରାଜିତା ଚିତ୍ରରେ କିପରି ରଙ୍ଗ ଦେଇ ପରିସୀମାକୁ ଚିହ୍ନାଇଲା ତାହା ତଳେ ଦେଖାଇ ଦିଆଯାଇଛି ।



- ଗୋଟିଏ ଆୟତକୁ ବିଶିଷ୍ଟ ଭୁମାଳର ଦେଇଁ 24 ସେ.ମି. ଓ ପ୍ରସ୍ତୁ 18 ସେ.ମି. ଏହାର ପରିସୀମା କେତେ ?



$$\text{ଏହାର ପରିସୀମା} = 24 \text{ ସେ.ମି.} + 18 \text{ ସେ.ମି.} = 42 \text{ ସେ.ମି.}$$

- ଗୋଟିଏ ବର୍ଗକେତୁର ବାହୁର ଦେଇଁ 3 ମିଟର । ଏହାର କେତୁପାଳ କେତେ ହେବ ?

$$\begin{aligned}\text{ବର୍ଗକେତୁର କେତୁପାଳ} &= \text{ବାହୁ} \times \text{ବାହୁ} \\&= 3 \text{ ମିଟର} \times 3 \text{ ମିଟର} \\&= 9 \text{ ମିଟର}\end{aligned}$$



3. ପାର୍ଶ୍ଵରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଚିତ୍ରର ପରିସୀମା କେତେ ହେବ ?

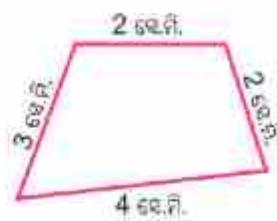
$$\text{ଏହାର ଦୈର୍ଘ୍ୟ} = 2 \text{ ସେ.ମି.}$$

$$\text{ଏହାର ପ୍ରସ୍ଥ} = 3 \text{ ସେ.ମି.}$$

ପରିସୀମା = ଦୈର୍ଘ୍ୟ + ପ୍ରସ୍ଥର ଯୋଗପଳକର ଦୁଇ ଗୁଣ

$$= (2 \text{ ସେ.ମି.} + 3 \text{ ସେ.ମି.}) \times 2$$

$$= 5 \text{ ସେ.ମି.} \times 2 = 10 \text{ ସେ.ମି.}$$



4. ଥରେ ମଧୁମିଳା କହିଲା - ମୁଁମୋ ଖାତାରେ ଗୋଟିଏ ଚିତ୍ର ଆଜିଛି ଓ ତାର ପରିସୀମା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିଛି ।

$$\text{ପରିସୀମା} = 2 \text{ ସେ.ମି.} + 3 \text{ ସେ.ମି.} + 3 \text{ ସେ.ମି.} + 4 \text{ ସେ.ମି.} = 12 \text{ ସେ.ମି.}$$



5. ଗୋଟିଏ ଆୟତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ କାଗଜର ଦୈର୍ଘ୍ୟ 1 ମିଟର ଓ ପ୍ରସ୍ଥ 80 ସେ.ମି. । ଏହାର ପରିସୀମା କେତେ ହେବ ?

ଗାଢ଼କା ପ୍ରଶ୍ନଟିର ସମାଧାନ ମିମ୍ବ ମନେ କଲା ।

$$\text{ଦୈର୍ଘ୍ୟ} = 1 \text{ ମିଟର}, \text{ ପ୍ରସ୍ଥ} = 80 \text{ ସେ.ମି.}$$

$$\begin{aligned}\text{ପରିସୀମା} &= 2 \times (\text{ଦୈର୍ଘ୍ୟ} + \text{ପ୍ରସ୍ଥ}) \\&= 2 \times (1 \text{ ମିଟର} + 80 \text{ ସେ.ମି.}) \\&= 2 \times 81 \text{ ମିଟର} \\&= 162 \text{ ମିଟର}\end{aligned}$$



6. ଗୋଟିଏ ଆୟତ କ୍ଷେତ୍ର ଚିତ୍ର ଆଜି ତାହାର କ୍ଷେତ୍ରଫଳକୁ ଲାଲ ରଙ୍ଗରେ ସୁଇଜିବା ପାଇଁ ଚିନି ଜଣ ପିଲାକୁ କୁହାଗଲା । ସେମାନେ କିପରି ଦେଖାଇଛନ୍ତି ଆସ ଦେଖିବା ।



ରାକୁ



ମଞ୍ଜୁ



ସଞ୍ଜୁ

7. ଗୋଟିଏ ଆୟତକୁ ବିଶିଷ୍ଟ ଚିତ୍ର ଆଜି ତା'ର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

ରମେଶ କିପରି ଚିତ୍ର ଆଜି ତା'ର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିଥିଲା ଦେଖ ।



$$\text{ଦେର୍ଘ} = 4 \text{ ସେ.ମି., ପ୍ରସ୍ତୁତ} = 2 \text{ ସେ.ମି}$$

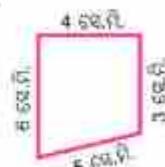
$$\text{କ୍ଷେତ୍ରଫଳ} = 4 \text{ ସେ.ମି.} \times 2 \text{ ସେ.ମି.} = 8 \text{ ବର୍ଗ ସେ.ମି.}$$



8. ତଳେ ଗୋଟିଏ ଆବଜ ଚିତ୍ର ଦେଖାଯାଇଛି । ଏହାର ପରିସୀମା କେତେ ହେବ ?

$$\text{ଏହି କ୍ଷେତ୍ରର ପରିସୀମା} = 4 \times 3 \times 6 \times 5 \text{ ବର୍ଗ ସେ.ମି.}$$

$$= 360 \text{ ବର୍ଗ ସେ.ମି.}$$



9. ଗୋଟିଏ ଆୟତକୁ ବିଶିଷ୍ଟ କ୍ଷେତ୍ରର ଦେର୍ଘ 1 ମିଟର ଓ ପ୍ରସ୍ତୁତ 40 ସେ.ମି. । ଏହାର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ କେତେ ?

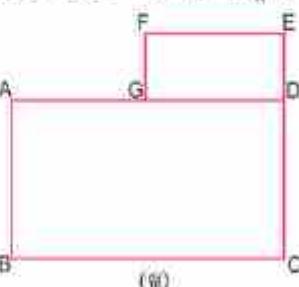
$$\text{ଆୟତକ୍ଷେତ୍ରର କ୍ଷେତ୍ରଫଳ} = \text{ଦେର୍ଘ} \times \text{ପ୍ରସ୍ତୁତ}$$

$$= 1 \text{ ମିଟର} \times 40 \text{ ସେ.ମି.}$$

$$= 40 \text{ ବର୍ଗ ମିଟର}$$



10. 12 ସେ.ମି. ଦୀର୍ଘ ଓ 8 ସେ.ମି. ପ୍ରସ୍ତୁତ ହୋଇଥିବା ଗୋଟିଏ ଆୟତଚିତ୍ର ABCD ଅଙ୍କନ କରାଯାଇଥିଲା (ଚିତ୍ର-କ) । ତା' ସହିତ ଲଗାଇ 6 ସେ.ମି. ଦୀର୍ଘ ଓ 3 ସେ.ମି. ପ୍ରସ୍ତୁତ ଅଚ୍ୟ ଏକ ଆୟତଚିତ୍ର ଅଙ୍କନ କରାଗଲା (ଚିତ୍ର-ଖ) । (ଚିତ୍ର-ଖ) ରେ ଥିବା କ୍ଷେତ୍ରର ପରିସୀମା କେତେ ? ଭାବନା ନିମ୍ନ ମତେ ଏହି ପ୍ରଶ୍ନର ସମାଧାନ କଲା ।



$$\text{ABCD ର ପରିସୀମା} = 2 (\text{ଦେର୍ଘ} + \text{ପ୍ରସ୍ତୁତ}) = 2(12 + 8) \text{ ସେ.ମି.}$$

$$= 2 \times 20 \text{ ସେ.ମି.} = 40 \text{ ସେ.ମି.}$$

$$\text{DEFG ର ପରିସୀମା} = 2 (\text{ଦେର୍ଘ} + \text{ପ୍ରସ୍ତୁତ}) = 2(6 + 3) \text{ ସେ.ମି.}$$

$$= 2 \times 9 \text{ ସେ.ମି.} = 18 \text{ ସେ.ମି.}$$

$$\text{ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ କ୍ଷେତ୍ରର ପରିସୀମା} = \text{ABCD ର ପରିସୀମା} + \text{DEFG ର ପରିସୀମା}$$





ତଥ୍ୟ ପରିଷ୍କଳନା ଓ ସଂରଚନା

12.1. ଆମେ ଯାହା ଜାଣିଛୁ

ଆମର ଦେଖିବିନ ଜୀବନରେ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାର ତଥ୍ୟର ବ୍ୟବହାର କରିଥାଏ । ଏହି ତଥ୍ୟ ସବୁ ଜିନ୍ହେ ଉପାୟରେ ଉପସ୍ଥିତ କରାଯିବାର ଦୂରେ ଜାଣିଛି । ଦେଖିବି ଖବରକାଳି, ଦୂରଦୂରରେ ମଧ୍ୟ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରର ତଥ୍ୟକୁ ବିତ୍ତଲେଖ, ପ୍ରକାଶକୁ ବିତ୍ତଲେଖ କଥା ସାରଣୀରେ ଉପସ୍ଥିତ କରାଯାଇଥାଏ । ଏହାର ଗୋଟିଏ ଉବାହରଣ ଦିଆଯାଇଛି, ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।

ଉଦାହରଣ - 1

ଗୋଟିଏ ବିଦ୍ୟାକୟରେ ବିଭିନ୍ନ ଶ୍ରେଣୀରେ ପଢୁଥିବା ପିଲାସଂଖ୍ୟାକୁ ତଳ ସାରଣୀରେ ଦିଆଯାଇଛି । ସେହି ତଥ୍ୟକୁ ବିତ୍ତଲେଖରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

ପ୍ରଥମ ଶ୍ରେଣୀ	ଦ୍ୱିତୀୟ ଶ୍ରେଣୀ	ତୃତୀୟ ଶ୍ରେଣୀ	ଚତୁର୍ଥ ଶ୍ରେଣୀ	ପଞ୍ଚମ ଶ୍ରେଣୀ	ସଞ୍ଚାର ଶ୍ରେଣୀ	ସପ୍ତମ ଶ୍ରେଣୀ
35	30	30	25	25	40	35

ସମାଧାନ

ଯଦି 5 ଜଣ ପିଲାଙ୍କ ପାଇଁ ବିତ୍ତଲେଖରେ ଏହିଭଳିତ ପାଇଁ ବିଦ୍ୟାକୟର ବିଭିନ୍ନ ଶ୍ରେଣୀର ପିଲାସଂଖ୍ୟାକୁ ବିତ୍ତଲେଖରେ ଏହିଭଳିତ ପାଇଁ କରାଯିବ ।

ପ୍ରଥମ ଶ୍ରେଣୀ -

ଦ୍ୱିତୀୟ ଶ୍ରେଣୀ -

ତୃତୀୟ ଶ୍ରେଣୀ -

ଚତୁର୍ଥ ଶ୍ରେଣୀ -

ପଞ୍ଚମ ଶ୍ରେଣୀ -

ସଞ୍ଚାର ଶ୍ରେଣୀ -

ସପ୍ତମ ଶ୍ରେଣୀ -

 ଗୋଟିଏ ଦୋକାନୀ ପାଞ୍ଚଦିନରେ ଯଥାକ୍ରମେ 12, 16, 14, 18 ଓ 10 ଟି ଗୁଡ଼ି ବିକ୍ରିକଲେ । ଯଦି ଦୂଇଟି ଗୁଡ଼ି ପାଇଁ  ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ । ତେବେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦିନ ବିକ୍ରି କରିଥିବା ଗୁଡ଼ିସଂଖ୍ୟାକୁ ବିଭିନ୍ନରେ ଓ ପ୍ରମଳେଖରେ ବିପରି ସୂଚିତ କରିବ ।

12.2. ଉଥ୍ୟ

20 ଓରା ବିଶିଷ୍ଟ କ୍ଲିକେଟ ମ୍ୟାଚର ଗୋଟିଏ ଦଳର ରନ ବୋର୍ଡକୁ ନିମ୍ନରେ ଦର୍ଶାଯାଇଛି । ତାହାକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।

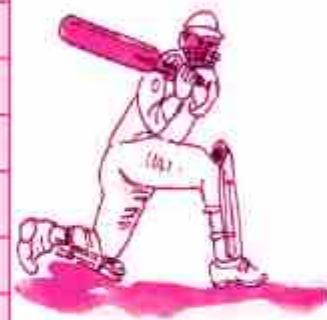
ବ୍ୟାଚିଂ ବିବରଣୀ

ପୁରୁଣିଆଁ ଦଳ

ବ୍ୟାଚିଂମାନଙ୍କ ନାମ	ଖେଳିଥିବା ବଳ ସଂଖ୍ୟା	ସଂଗ୍ରହାତ ରନ	ଚୌକା ସଂଖ୍ୟା	ଛଜା ସଂଖ୍ୟା
ଧରକ	24	30	2	2
ବିରୁଡ଼ି	35	21	3	0
ହରପ୍ରସାଦ	28	27	3	1
ସଞ୍ଜୟ	3	2	0	0
ସତ୍ୟପୁରୁଷ	12	24	2	2
ଉମେଶ	18	17	2	0

ଅଭିଭିକ୍ଷ ରନ 2

ମୋଟ - 123 (4 ଉଲକେଟରେ)



ବୋଲିଂ ବିବରଣୀ

ମହାଦେବବନ୍ଦ ଦଳ

ବୋଲିକା ନାମ	ଓରା	ମୋଡେମ ଓରା	ରନ	ଉଲକେଟ
ଜିତିନ୍	4	0	22	1
ସୁଲେମାନ	4	0	31	0
ଜକବାଲ	4	1	16	2
ମହେଶ	4	0	29	0
ଚନ୍ଦନ	4	0	25	1



କ୍ଲିକେଟ ଖେଳରେ କେଉଁ ଦଳ ଜିତିଲା ବା ହାରିଲା ଜାଣିବା ଗୁରୁତ୍ବପୂର୍ଣ୍ଣ ନୁହେଁ । ଚରା, ଯେତା ବୋର୍ଡକୁ ଦେଖୁ ସେଥିରୁ ମ୍ୟାଚ ସଂପର୍କରେ ଅନେକ ଉଥ୍ୟ ହାସଳ କରିଛୁ । କିଏ ବେଶା ରନ ସଂଗ୍ରହ କରିଛି, କିଏ ଅଧିକ ବଳ ଖେଳିଛି, କିଏ ଅଧିକ ଉଲକେଟ ଅଭିଆର କରିଛି ଇତ୍ୟାଦି ।

 ଉପରୋକ୍ତ ବ୍ୟାଚିଂ ଓ ବୋଲିଂ ବିବରଣୀ ଦେଖୁ ତୁମେ ସେଥିରୁ କି'କି ଉଥ୍ୟ ପାଉଛ ଲେଖ ।

ଆମର ଦେବନନ୍ଦିନ ଜୀବନରେ ସେହିପରି ଆମେ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରର ସାରଣୀରୁ ସଂଖ୍ୟା, ଚିତ୍ର ଓ ନାମ ସଂପର୍କରେ ଧାରଣା ପାଇଥାଉ ।

ତଥ୍ୟ ହେବାକି ବେଳେ ସଂଗ୍ରହିତ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ସମାଧାର ଯେତେଥିରୁ ଆମେ କୌଣସି ପରିସ୍ଥିତି ସଂଗର୍କରେ ସୂଚନା ପାଇଥାଉ ।

ଉଦ୍ଦାହରଣ - 2

ବାର୍ଷିକ ପରୀକ୍ଷା କଥା ବୁନିକୁ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ବୁନି ତା ନିଜ ନମର ସହିତ ଚିକୁର ନମରକୁ ମଧ୍ୟ ଲାଗିଲା ।



ବୁନି ପାଇଥିବା ନମର

ଗଣିତ -	85
ସାହିତ୍ୟ -	65
ବିଜ୍ଞାନ -	75
ଇଂଗ୍ରାଜୀ -	84
କୁଗୋକ -	42
ଇତିହାସ -	38

ବୁନି ପାଇଥିବା ନମର

ଗଣିତ -	97
ସାହିତ୍ୟ -	75
ବିଜ୍ଞାନ -	75
ଇଂଗ୍ରାଜୀ -	91
କୁଗୋକ -	40
ଇତିହାସ -	27



ଦୂର କଣକ ମଧ୍ୟରୁ କିଏ ଅଧିକ ନମର ପାଇଛି ଓ କେତେ ଅଧିକ ନମର ପାଇଛି ? ଏହି ଜଳି ଅନେକ ତଥ୍ୟ ଏହି ସାରଣୀରୁ ମିଳିଥାଏ । ସେହି ଜଳି, ଆମେ ଫୋନ ନମର, ଗାଡ଼ି ନମର ଓ ଅନେକ ଲୋକଙ୍କ ନାମ ମନେ ରଖୁଥାଉ । ବେଳେ ବେଳେ ଆମେ ସବୁ ତଥ୍ୟକୁ ଅନେକ ଦିନ ପର୍ଯ୍ୟନ୍ତ ମନେ ରଖିପାରୁନଥିବାରୁ ଅନେକ ଅସୁବିଧା ହୋଇଥାଏ ।

☞ ତଥ୍ୟକୁ ମନେରସ୍ତ ନ ପାରି ତୁମେ କେବେ ଅସୁବିଧାର ସମ୍ଭାବନା ହୋଇଛି କି ? ଏହିଜଳି ପରିସ୍ଥିତିର ଗୋଟିଏ ଉଦ୍ଦାହରଣ ଦିଅ ।

12.3. ତଥ୍ୟ ଓ ଏହାର ବିଶ୍ୱାସଣୀ

ଗୋପବନ୍ଧୁ ଭକ୍ତ ପ୍ରାଥମିକ ବିଦ୍ୟାଳୟର ଓସ ଶ୍ରେଣୀ ପିଲାମାନେ ବାର୍ଷିକ ପରୀକ୍ଷାର ଗଣିତରେ ପାଇଥିବା ନମର ସମନ୍ଧୀୟ ବିବରଣୀ ଡଳ ସାରଣୀରେ ଦିଆଯାଇଛି ।

ନାମ	ନମର	ନାମ	ନମର
1 ସଂଗ୍ରାମ ଘେରାପାତ୍ର	95	6 ଅର୍ପିତ ଅର୍ପଥାଳ	59
2 ନିର୍ମଳା ବେହେରା	75	7 ସାଇନ୍ ଦୁଧାଳ	90
3 ରଣବୀର କାମୁତ	97	8 ପ୍ରେମ ଅକ୍ଷୁମ	55
4 ବହିତା ମହାନ୍ତି	98	9 ମନତା କରା	60
5 ଏଯଦ ଅଲ୍ଲୁ	65	10 ମହିଳା ପୋତାମା	49

ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ତର ଲେଖ -

- (କ) କେତେଜଣ ପିଲା ଗଣିତରେ 90ରୁ ଅଧିକ ନମର ରଖିଛନ୍ତି ?
- (ଖ) କେତେଜଣ ପିଲା ଗଣିତରେ 60ରୁ କମ୍ ନମର ରଖିଛନ୍ତି ?

(ଗ) ଯେଉଁ ପିଲାମାନେ ୨୦ରୁ ଅଧିକ ନମର ରଖାଇଛି, ଅଧିକ ନମର ରଖିବା ପାଇଁ ସେମାନେ କ’ଣ କରିଥିବେ ବୋଲି ଜାବୁଛ ?

(ଘ) ୩୦ରୁ କମ୍ ନମର ରଖିଥିବା ପିଲାମାନେ କେଉଁ କାରଣରୁ କମ୍ ନମର ରଖାଇଛି ବୋଲି ବୁମେ ଜାବୁଛ ?

ପ୍ରଶ୍ନ (ଗ) ଓ (ଘ) ରେ ବୁମେ ଯେଉଁ ଉତ୍ତର ଲେଖିବ ତାହା କେତେବୁର ଠିକ୍ ଜାଣିବା ପାଇଁ ନିମ୍ନ ସାରଣୀକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକରି । ଏହି ସାରଣୀରେ ପିଲାମାନେ ଗଣିତ ବହି ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ କେବେବୁ ବହି ପଢୁଥିଲେ ଓ ଯରେ କେତେ ସମୟ ଗଣିତ ପଢୁଥିଲେ ତା’ର ବିବରଣୀ ଦିଆଯାଇଛି ।

କ୍ର.ନଂ	ପିଲାକ ନାମ	ପାଇଥିବା ନମର	ପାଇଥିବା କହି	ଉରେ ପଡ଼ା ସମୟ (ଶଫାରେ)	
				ବକାଳେ	ସଂଧାରେ
1	ସଂଗ୍ରାମ ଦେମାପତ୍ର	95	ଚେଷ୍ଟ ପେପର, ଗଣିତ ବିଚିତ୍ରା	2	1
2	ନିମ୍ନିକା ବେହେରା	75	ପ୍ରସ୍ତୁ ବ୍ୟାଙ୍କ	1	1
3	ଉରାବାର କାୟୁର	97	ଚେଷ୍ଟ ପେପର, ଗଣିତ ବିଚିତ୍ରା , ପ୍ରସ୍ତୁ ବ୍ୟାଙ୍କ	2	1 $\frac{1}{2}$
4	ବନିତା ମହାନ୍ତି	98	ଚେଷ୍ଟ ପେପର, ପ୍ରସ୍ତୁ ବ୍ୟାଙ୍କ	2	1
5	ସମ୍ମଦ ଅନ୍ଧା	65	—	1	-
6	ଅସିତ ଅନ୍ଧାଲା	59	—	1	-
7	ସାଇନା ପ୍ରଧାନ	90	ଚେଷ୍ଟ ପେପର, ଗଣିତ ବିଚିତ୍ରା	2	1
8	ତୃତୀୟ ଆକୁମ	55	—	-	1
9	ମନତା କରା	60	—	1	-
10	ମଦମ ଗୋଟାନା	49	—	1	-

ଏହି ସାରଣୀକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରି ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନଗୁଡ଼ିକର ଉତ୍ତର ଦିଅ -

- (କ) ଯେଉଁ ମାନେ ଗଣିତରେ ୨୦ରୁ ଅଧିକ ନମର ରଖାଇଛି, ସେମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ କିଏ ଦେନିବ କେତେ ସମୟ ଗଣିତ ପଡ଼ି ?
- (ଖ) ଗଣିତରେ ୨୦ ରୁ ଅଧିକ ନମର ରଖିଥିବା ପିଲାମାନେ ଅନ୍ୟ କେଉଁ କେଉଁ କହି ପଢୁଥିଲେ ?
- (ଗ) ଯେଉଁ ମାନେ ଗଣିତରେ ୨୦ ରୁ କମ୍ ନମର ରଖାଇଛି, ସେମାନେ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଦେନିବ କେତେ ସମୟ ଲେଖାଏଁ ଗଣିତ ପଡ଼ି ?
- (ଘ) ଯେଉଁ ମାନେ ଗଣିତରେ ୨୦ ରୁ କମ୍ ନମର ରଖାଇଛି ସେମାନେ ଗଣିତ ପାଠ୍ୟମୁଦ୍ରନ ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ କେଉଁ ସବୁ ନହିଁ ପଢୁଥିଲେ ?



ଏଥର ଆହେ କ'ଣ ଜାଣିଲେ ?

ଏହି ବିଦ୍ୟାଳୟରେ ଜାଣିବାରେ ଅଧିକ ନିଷଫ୍ତି ରଖୁଥିବା ପିଲାମାନେ ଯାଇଁ ଦେଇନିକ ଅଧିକ ସମୟ ଜାଣିବ ପଢାଇବା
ବିନିଯୋଗ କରୁଥିଲେ ଓ ଗଣିବ ପାଠ୍ୟପ୍ରକଳ୍ପକ ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ ବ୍ୟକ୍ତି ସବୁ ପଢ଼ୁଥିଲେ ।

ଏ ସମୟାବ୍ଦୀ କଥ୍ୟ ସାରଣୀରେ ଥିବାରୁ ଆମେ ବହଳରେ ସିଙ୍ଗାନ୍ତରେ ପହଞ୍ଚାଇଲେ । ଏଣୁ କଥ୍ୟ ସଂଗ୍ରହ ପୂର୍ବକୁ ଏହାର ବ୍ୟବହାରକୁ ବିଷଟ କରି କଥ୍ୟ ସଂଗ୍ରହ କରିବା ପାଇରେ, ସମସ୍ୟାର ସାମାଜିକ ସମାଧାନଗୁଡ଼ିକର ବିଭାବତ୍ୟ ପରାମର୍ଶ ସହଜ ହୋଇଥାଏ ।



କିଳେ ଜରି ଦେଖ

- #### ◆ ତଳେ ଦିଆଯାଇଥିବା ପରିବିହିତିକୁ ପବ୍ଲିକ୍ :

କିନ୍ତୁ ଏହା ମହିଳା ସଜଗାରୀ କଲିପି ଭବତି, କିନ୍ତୁ ମହିଳା ଦିନ ମାଜୁଗା କାମ କରିବୁ, ଆଗ କିନ୍ତୁ ଯଶ କାମ କରିବାକୁ ପାଇଁ ଦିଆରି କାର୍ଯ୍ୟକରି କିନ୍ତି ଅର୍ଥ ଉପାର୍ଜନ କରିବି । ଆଉ କେବେଳ ମହିଳା କଞ୍ଚକରୁ ଶୁଖିଲାକାଠ ବା ପରୁ ଦୀର୍ଘବ୍ୟାଧ କରି ଦିନ୍ତି କରିବି । କିନ୍ତୁ ମହିଳା ମଧ୍ୟ ଅନ୍ୟମାନଙ୍କ ଘରେ କାମ କରିବାକାର ଦୂରତ୍ତ ।

ବିହେ ସେହି ଗୀ'ର ଅନ୍ତାଦେବା ସମ୍ପ୍ର ମହିଳାମାନଙ୍କୁ ଡାକି ଏକ କଥାର ଆଯୋଜନ କରେ ଓ ସନ୍ଧାରେ ଏକ ବାହିରା ବିବାହୀୟ କରିବା ପାଇଁ ପ୍ରସ୍ତୁତ ଦେଲେ । ସମ୍ପ୍ରେ ଏହିରେ ଖୁସି ହେଲେ । ବିଦ୍ୟାବିଦ୍ୟ ପାଇଁ ଅର୍ଥ ସଂକୃତ କରିବାକୁ ସମ୍ପ୍ରେ ରାଖି ହେଲେ । ପାତ୍ରେବିଦ୍ୟାର କାମ ଅନ୍ତର୍ଯ୍ୟାନୀ ଦେଇ ପାଇଁ ମିଶ୍ରି ସହା କରାଯାବା ।

- ◆ ଏହିପାଇଁ ସାମାଦେବକା ଗୁଣମହିଳାମାନଙ୍କ ନାମ, ଲାଗୁ ଓ ସେମାନଙ୍କ ସମ୍ବନ୍ଧରେ ତଥେ ଘାଜିବା ପାଇଁ ଲିଙ୍ଗକି ସାରଣୀ ସ୍ଵରୂପ ବର୍ଣ୍ଣିତ କରିଥିଲେ ? ଡମେ ସ୍ଵରୂପ ଲିଙ୍ଗଟିଥିବା ସାରଣୀର ଭୟ ସାମାନ୍ୟକ ସାରଣୀ ସହ୍ୟ ତଥାବତ୍ ଲାଗିଥିଲା ।

ଜାଣିଛ କି ?

ଆମ ଦେବତିର ଜ୍ଞାନରେ ଅନେକମୁଣ୍ଡିଏ ପଟକ ଯତିଥାଏ ପେଣ୍ଟରୁଣ୍ଡିବ ଆମ ପାଇଁ ମୁହଁରମୁହଁ । ଏହି ପଟକମୁଣ୍ଡିକ ସମୀଖେ ଉଚ୍ଚତି ତଥାରୁଦ୍ଧିକ ପୃଷ୍ଠାମେ ଲିପିକଥି ଓ ତରେ ସେବନ୍ତିକି ଅଳ୍ପାଳା କରିବା ଦୂର ଆମର ଅନେକ ସବ୍ଧିଆ ଯୋଗିଥାଏ ।

12.4. ଉଥ୍ୟକ୍ରମିତ ପିବାଦ୍ୱାରା ଉପରେ -

ବିଦ୍ୟାକୟରେ ସ୍ଥାନଟା ବିବସ ପାଳନ ପାଇଁ ପୁଷ୍ଟ ଶିକ୍ଷକ ବୈଠକ ଉଚାଇଲେ । ସ୍ଥାନଟା ବିବସ ପାଇଁ ବିଜିନ୍‌ମାତ୍ରା କରିବା ପାଇଁ ପିଲାମାନଙ୍କ ବହିର ଦିଆଗଲା ।

ପୁଅମେ ଆଲୋଚନା କରାଯାଉ କାମଶୁଦ୍ଧିକ ସ୍ଥିର କରାଗଲା । ଯଥା - ବିଦ୍ୟାଳୟ ହତା ସଫେର, ପ୍ରଭାତଫେରି ପରିଷ୍କଳନା, ଜାତୀ ପରିଯୋଗିତା, ମିଷ୍ଠାନବିଷ୍ଣୁ । କେହିପିଲା କେହିଁ କାମ କରିବ, ତାହା କଲ ସାରଣୀରେ ଦିଆଯାଇଛି ।

ଅନ୍ତରୀ	ପ୍ରଭାତଫେରି	ଅର୍ପଣ	ସଫେର	ଶୋଭଦେବ	କୁଠା
ଆହୁକ	ସଫେର	ଛାବନ	ସଫେର	ଅମିତା	ମିଥ୍ରାନୂବାଳ
ଜଳା	କୁଠା	ଖୁଲ୍ଲସା	ପ୍ରଭାତଫେରି	ଅନ୍ତରୀ	ପ୍ରଭାତଫେରି
ଲର୍ମିକା	ସଫେର	ଅଶୋକ	ସଫେର	ଘୁରୁଟ	ମିଥ୍ରାନୂବାଳ
କମଳ	ମିଥ୍ରାନୂବାଳ	ଶେଷାକ୍ଷି	ପ୍ରଭାତଫେରି	ଚର୍ଚା	କୁଠା
ସୀର୍ଷତ୍ୟ	ସଫେର	ଆପ୍ରିଲ	ସଫେର	ଗରନ	କୁଠା
ମାତିକା	କୁଠା	ମାତିଆ	ସଫେର	କାହାନ	କୁଠା

ଶିକ୍ଷକ ପରାମିରିଲେ— “କେଉଁ ଦାଯିତ୍ୱରେ କେତେ ଜଣ ପିଲା ରହିଲେ ?”

- ପମି ଚାଲିକା ପଢ଼ି ଦିଶାବ କରି କହିଲା -

କୁଠା ପ୍ରତିଯୋଗିତା	6
ମିଥାନ୍ତୁବଣ୍ଣନ	3
ପ୍ରଭାତପେରି ପରିଜନନା	4
ସଫେର	8

ପ୍ରତ୍ୟେକ କାମର ପିଲା ସଂଖ୍ୟା ଜାଣିବା ପାଇଁ ପମି ନଥର ଗଣ ପିଲା ସଂଖ୍ୟା କହିଲା ।

- ସାରଳା ଚଣଣରେ 4 ଗୋଟି ଘର କାଟି ଦେଲା ଓ ସେଥୁରେ କାମଗୁଡ଼ିକର ନାମ ଲେଖିଲା ଓ ପ୍ରତ୍ୟେକ କାମ ଘରେ ସେହି ନାମ ପାଇଁ ନିମ୍ନୀଁ ପ୍ରତ୍ୟେକ ପିଲା ପାଇଁ ଗୋଟିଏ ଲେଖାଏଁ ଗୋଡ଼ି ରଖିଲା ।

ପ୍ରଭାତପେରି



ମିଥାନ୍ତୁବଣ୍ଣନ



କୁଠା ପ୍ରତିଯୋଗିତା



ସଫେର



ଶିକ୍ଷକ ଉଚାଚିକାରୁ ସାରଳା ବେବକ ପ୍ରତି କାମ ପାଇଁ ଉଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଘରେ ଥିବା ଗୋଡ଼ିକୁ ଗଣ ସଂଗେ ସଂଗେ କାମ ଅନୁଯାୟୀ ପିଲାଙ୍କ ସଂଖ୍ୟା କହିପାରିଲା, ଆଜ ଚାଲିକାରୁ ଜୋକିବା ରଳି ଦେଇ ହେଲାନାହିଁ ।

- ମାରିଆ ହଠାତ୍ ତିଆ ହୋଇ କହିଲା - ‘ମୁଁ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉପାୟରେ ଏହା ଜାଣିପାରିଲି ।’ ସେ ତିଆରି କରିଥିବା ସାରଣାଟିକୁ ସମସ୍ତଙ୍କୁ ଦେଖାଇଲା ।

ସଫେରକାମ



8

ପ୍ରଭାତପେରି



4

କୁଠା ପ୍ରତିଯୋଗିତା



6

ମିଥାନ୍ତୁବଣ୍ଣନ



3

ମାରିଆ ତିଆରି କରିଥିବା ସାରଣାକୁ ତୁମେ ବୁଝି ପାରୁଛ କି ?

ଏହି ସାରଣାରେ ଥିବା ✓ ଚିହ୍ନ କାହାକୁ ସୂଚାରୁ ?

ଭରିଛି ପିଲାଙ୍କୁ ପ୍ରଭାତପେରି କର୍ମ୍ୟର ଦାୟିତ୍ୱ ଦିଆଯାଇଥିଲା । ତେଣୁ, ପ୍ରଭାତପେରିର ଭାବନାପତ୍ର ଛରୋଡ଼i ✓ ଚିହ୍ନ ଦିଆଯାଇଛି ।

କହିଲ ଦେଖୁ :

ପମି, ସାରଳା ଓ ମାରିଆ ଚିତ୍ତକୁ ଉପସ୍ଥିତ କରେ, କାହାର ଉପାୟ ଦୂରକୁ ରଖା ଲାଗୁଛି ଓ କାହିଁକି ?



ମିତ୍ର କରି ଦେଖ

- ◆ ଦୂମ ଶ୍ରେଣୀର ପିଲାମାନଙ୍କର ନାମ ଚାଲିକା ତିଆରି କର ।
- ◆ ପ୍ରତ୍ୟେକଙ୍କର ଅଭିଭାବକ କେହିଁ କାର୍ଯ୍ୟ କରି ଅର୍ଥ ଉପାର୍ଜନ କରନ୍ତି ତାହା ବୁଝ ।
- ◆ ଗୋଟିଏ ସାରଣୀ ପ୍ରସ୍ତୁତ କରି ତାହାକୁ ଦେଖାଯ ।

ଆସ, ଆଉ ଗୋଟିଏ ପରିଷ୍ଠିତିର ଆଲୋଚନା କରିବା -

ଶିକ୍ଷକ ମିତାକୁ ବହିଲେ -

ଦୂମ ଶ୍ରେଣୀର ପିଲାମାନେ ସକାଳୁ କ'ଣ କ'ଣ ଖାଆନ୍ତି, ତା'ର ଏକ ଚାଲିକା କର -

- ❖ ମିତା କିପରି ତାହାକୁ ସାରଣୀରେ ଦେଖାଇଲା ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।

ଖାଦ୍ୟର ନାମ	ପିଲା ସଂଖ୍ୟା
ଭାତ	
ଜଳଖାଆ	
ଫଳ	

ସେ ଖାଦ୍ୟ ପଦାର୍ଥର ନାମ ତଳକୁ ତଳ ଲେଖୁ ପ୍ରତ୍ୟେକ ଖାଦ୍ୟ ପଦାର୍ଥର ତାହାର ପାଖରେ ଚିହ୍ନ ଦେଲା । ଜଣେ ପିଲା ପାଇଁ (1) ଚିହ୍ନ ଦେଇ ଦେଖାଇଲା ।

ଏହି ସାରଣୀକୁ ଦେଖୁ ନିୟମ ପ୍ରତିମାନଙ୍କର ଭବର ଦିଆ -

- ◆ କେତେ ଜଣ ପିଲା ସକାଳୁ ଭାତ ଖାଇ ଆସିଛନ୍ତି ?
- ◆ କେତେ ଜଣ ପିଲା ସକାଳୁ ଜଳଖାଆ ଖାଇ ଆସିଛନ୍ତି ?
- ◆ କେତେ ଜଣ ପିଲା ସକାଳୁ ଫଳ ଖାଇ ଆସିଛନ୍ତି ?
- ❖ ମିତାର ସାରଣୀକୁ ଦେଖୁ କିମ୍ବା ଅନ୍ୟ ପ୍ରକାରେ ସଜେଇଲା, ତାହାକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।

ଖାଦ୍ୟର ନାମ	ଚିହ୍ନ	ପିଲା ସଂଖ୍ୟା
ଭାତ		23
ଜଳଖାଆ		16
ଫଳ		6

ଜିରୁ ଦରଚି ଲେଖାଏଁ (1) ଚିହ୍ନରେ ଗୋଟିଏ ଲେଖାଏଁ ମୁଣ୍ଡଳି ବୁଲେଇଲା ।

❖ ମିତା ଓ ଜିରୁ ର ସଜାଇବା ପ୍ରଶାନ୍ତୀ ମଧ୍ୟରୁ କାହାର ପ୍ରଶାନ୍ତୀ ତୁମକୁ ଭଲ ଲାଗୁଛି ଓ କାହିଁକି ?

- ❖ ଦିନ୍ଦୁପ ଏହାକୁ ଅଧିକ ସରଳ କରିବାକୁ ଯାଇ ପ୍ରତି 5ଟି (।) ଚିତ୍ରରେ ଗୋଟିଏ ଲେଖାଏଁ ମୁଣ୍ଡୁଳା ବୁଲାଇଲା ।

ଆବ୍ୟର ନାମ	ଚିତ୍ର	ପିଲା ସଂଖ୍ୟା
ଭାତ	(।।।।)(।।।।)(।।।।)(।।।।)(।।)	23
ଜଳଖ୍ୟା	(।।।।)(।।।।)(।।।।)	16
ପଳ	(।।।।)	6

- ❖ ଦିନ୍ଦୁପର ସାରଣୀ ଦେଖୁ ଶିକ୍ଷକ କହିଲେ, ପ୍ରତି ମୁଣ୍ଡୁଳା ରିତରେ ଥିବା ପାଞ୍ଚଟି (।) ଚିତ୍ରକୁ ମୁ ଏହିରଳି ଭାବେ ଲେଖାଲେ ହିସାବ କରିବାକୁ ସୁବିଧା ହେବା । ଏଗୁଡ଼ିକ ହେଉଛି ଟାଲି ଚିତ୍ର । ତେଣୁ ମୁ ॥ କୁ ପାଞ୍ଚ ମୁଣ୍ଡ ତିନି ଅର୍ଥାତ୍ ଆଠ ବୋଲି ଗଣାଯାଏ । ସେହିପରି ମୁ ମୁ କୁ ଦଶ ଭାବେ ଗଣାଯାଏ ।
- ଏହାପରେ, ସାରଣୀଟି ନିମ୍ନ ଭାବି ଦେଖାଯିବ ।

ଆବ୍ୟର ନାମ	ଚିତ୍ର	ପିଲା ସଂଖ୍ୟା
ଭାତ	ମୁ ମୁ ମୁ ମୁ ମୁ	23
ଜଳଖ୍ୟା	ମୁ ମୁ ମୁ	16
ପଳ	ମୁ	6

ଭାବିଲ ଦେଖୁ :

କେବଳ ବଢ଼ିଥିବା ପ୍ରାଣକାରେ ସାରଣୀ ପ୍ରସ୍ତୁତ କରେ ବି'କି' ମୁଣ୍ଡିଧା ହେବ ?

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 12.1

- ଗୋଟିଏ ବିଦ୍ୟାକୟର ଷ୍ଷଷ ଶ୍ରେଣୀ ପିଲାମାନଙ୍କର ଉଚ୍ଚତା ଡଳ କୋଠିରେ ସେ.ମି.ରେ ଦିଆଯାଇଛି ।

120	135	125	120	145	125	135
125	120	135	145	120	135	145
135	145	120	135	125	135	125
145	120	145	120	135	145	145
145	135	125	120	135	125	135

- ଉପର ଉଥ୍ୟକୁ ଦେଇ ଟାଲି ଚିତ୍ର ବ୍ୟବହାର କରି ଏକ ସାରଣୀ ପ୍ରସ୍ତୁତ କର ।
- କେତେ ସେ.ମି. ଉଚ୍ଚତା ବିଶିଷ୍ଟ ପିଲା ଶ୍ରେଣୀରେ ସର୍ବଧିକ ?
- କେତେ ସେ.ମି. ଉଚ୍ଚତା ବିଶିଷ୍ଟ ପିଲା ଶ୍ରେଣୀରେ ସବୁଠାରୁ କମ ?

2. ତୁମ ଶ୍ରେଣୀର ପ୍ରତ୍ୟେକ ପିଲାଙ୍କ ଭାଇଭାଇଣା ସଂଖ୍ୟା (ନିଜକୁ ବାଦ ଦେଇ) ପଚାରି ଦୁଇ । ଏହାକୁ ନେବା ଟାଲି ଚିହ୍ନ ବ୍ୟବହାର କରି ଏକ ସାରଣୀ ତୁମ ଖାତରେ ପ୍ରସ୍ତୁତ କର ।

ବିଭିନ୍ନ ସଂଖ୍ୟକ ଭାଇଭାଇଣା ଥିବା ପିଲା	ଟାଲି ଚିହ୍ନ	ସଂଖ୍ୟା
ଆଦୋ ଭାଇଭାଇଣା ନ ଥିବା ପିଲା		
1 ଜଣ ଭାଇଭାଇଣା		
2 ଜଣ ଭାଇଭାଇଣା		
3 ଜଣ ଭାଇଭାଇଣା		
4 ଜଣ ଭାଇଭାଇଣା		
4 ଜଣରୁ ଅଧିକ ଭାଇଭାଇଣା		

ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନାନଙ୍କର ଭରତ ଲେଖ -

- କେତେ ଜଣ ପିଲାଙ୍କର ଆଦୋ ଭାଇଭାଇଣା ନାହାନ୍ତି ?
 - କେତେ ଜଣ ପିଲାଙ୍କର 4ରୁ ଅଧିକ ଭାଇଭାଇଣା ଅଛନ୍ତି ?
 - ସେହିପରି ତୁମେ ଏହି ସାରଣୀ ଦେଖି ସେଥିରୁ କେଡ଼ୋଟି ପ୍ରସ୍ତୁତ କରି ତ ତୁମ ସାଜମାନଙ୍କୁ ଦେଖାଅ ।
3. ଅଞ୍ଜଳି ବିଦ୍ୟାଳୟ ଆଗରେ ଛିଡ଼ା ହୋଇ ବିଦ୍ୟାଳୟର ସାଧାରଣ ସଜାକୁ ବିଭିନ୍ନ ପ୍ରକାରର ପୋଷାକ ପିଛି ଆସିଥିବା ପୁରୁଷ ଅଭିଭାବକଙ୍କୁ ସେମାନଙ୍କର ପୋଷାକ ଅନୁୟାୟୀ ଗଣି ସାରଣୀଟି ପ୍ରସ୍ତୁତ କରିଛି ।

ପୋଷାକ ପ୍ରକାର	ଟାଲି ଚିହ୍ନ	ଲୋକ ସଂଖ୍ୟା
ଲୁଣ୍ଡି ଓ ସାର୍ଟ ପିଛିଥିବା ଲୋକ	ମୁ ମୁ	
ଧୋତି ଗାମ୍ଭୀର ପିଛିଥିବା ଲୋକ	ମୁ ମୁ ମୁ	
ଧୋତି କମିଜ ପିଛିଥିବା ଲୋକ	ମୁ ମୁ ମୁ ମୁ	
ପ୍ରାଣୀ ସାର୍ଟ ପିଛିଥିବା ଲୋକ	ମୁ ମୁ ମୁ ମୁ ମୁ	

ନିମ୍ନ ପ୍ରଶ୍ନାନଙ୍କର ଭରତ ଲେଖ -

- କେଉଁ ପ୍ରକାର ପୋଷାକ ପିଛି କେତେ ଲୋକ ଆସିଥିଲେ ?
- ଅଧିକ ପୁରୁଷ ଲୋକ କେଉଁ ପ୍ରକାର ପୋଷାକ ପିଛିଥିଲେ ?
- ମୋଟ କେତେଜଣ ଅଭିଭାବକ ବିଦ୍ୟାଳୟରୁ ଆସିଥିଲେ ?
- ପ୍ରାଣୀ ସାର୍ଟ ପିଛିଥିବା ଅଭିଭାବକ ସଂଖ୍ୟା ଲୁଣ୍ଡି ଓ ସାର୍ଟ ପିଛିଥିବା ଅଭିଭାବକ ସଂଖ୍ୟାଠାରୁ କେତେ ଅଧିକ ?
- ଏହିଭାବି କେତେବୁଦ୍ଧିଏ ପ୍ରଶ୍ନ ତିଆରି କରି ତ ତୁମ ସାଜକୁ ପଚାର ।

12.5. ଅୟୁଗ୍ର ସଂଖ୍ୟାରେ ମଜା

- ପ୍ରଥମ ଅୟୁଗ୍ର ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟି ନିଆ ।
- ସେହି ଦୁଇଟିକୁ ମିଶାଅ । ଯୋଗଫଳ କେତେ ପାଇଲା ?

ପ୍ରଥମ ଅୟୁଗ୍ର ସଂଖ୍ୟା ଦୁଇଟି ହେଲେ 1 ଓ 3 । 1 ଓ 3 ର ଯୋଗଫଳ ହେଉଛି 4 ।

$$1 + 3 = 4 = 2 \times 2$$

ଲକ୍ଷ୍ୟ କର, ପ୍ରଥମ ଦୁଇଟି ଅୟୁଗ୍ର ସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗଫଳ ଏକ ଯୁଗ୍ର ସଂଖ୍ୟା ଓ ଏହା ଏକ ପୂର୍ଣ୍ଣବର୍ଗ ସଂଖ୍ୟା ।

ଏବେ ପ୍ରଥମ ତିନୋଟି ଅୟୁଗ୍ର ସଂଖ୍ୟା ନେଇ ସେମାନଙ୍କର ସମସ୍ତ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର । କ'ଣ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛ ? ଏହା କାହାର ବର୍ଗ ?

$$1 + 3 + 5 = 9 = 3 \times 3$$

ଏହିପରି ପରବର୍ତ୍ତୀ ଧାର୍ତ୍ତିମାନଙ୍କରେ ଆର ଗୋଟିଏ ଲେଖାଏ ଅୟୁଗ୍ର ସଂଖ୍ୟାରେ ତୁମେ କ'ଣ ପାଇଛ ଦେଖ ।

$$\begin{array}{ccccccccc} 1 & + & 3 & = & 4 & = & 2 & \times & 2 \\ 1 & + & 3 & + & 5 & = & 9 & = & 3 \times 3 \\ 1 & + & 3 & + & 5 & + & 7 & = & 16 = 4 \times 4 \\ 1 & + & 3 & + & 5 & + & 7 & + & 9 = \dots = \dots \times \dots \\ 1 & + & 3 & + & 5 & + & 7 & + & 9 + 11 = \dots = \dots \times \dots \end{array}$$

☞ ତୁମେ ଏହିପରି କେତେ ଆଗକୁ ଯାଇ ପାରିବ ଯାଅ ।

12.6. ପୂର୍ଣ୍ଣବର୍ଗ ସଂଖ୍ୟାର ମଜା

ଆମେ ପୂର୍ବରୁ ଜାଣିଛୁ ଯେ 1, 4, 9, 16,..... ଭଲି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ପୂର୍ଣ୍ଣବର୍ଗ ସଂଖ୍ୟା ।

ଆସ ଏହି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ଚିତ୍ରରେ ପ୍ରକାଶ କରିବା ।

■ ଚିତ୍ର ଏକ ଏକକକୁ ସୂଚାଏ, ତେଣୁ ସଂଖ୍ୟା 1 କୁ ସୂଚାଇବା ପାଇଁ ■ ବ୍ୟବହାର କରାଯିବ

ସେହିପରି, ସଂଖ୍ୟା 2 କୁ ସୂଚାଇବା ପାଇଁ ■ ■ ବ୍ୟବହାର କରାଯିବ ।

ସଂଖ୍ୟା 3 କୁ ସୂଚାଇବା ପାଇଁ ତିନୋଟି ଏକ ଏକକ ■ ଆବଶ୍ୟକ । ଏହାକୁ ତିନ୍ଦୁ ତିନ୍ଦୁ ପ୍ରକାରରେ ଦର୍ଶାଯାଇ ପାରିବ ।

କାଣିଛ କି ?

$$2 \times 2 = 4$$

$$3 \times 3 = 9$$

$$4 \times 4 = 16$$

4, 9, 16,..... ଭଲି ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ପୂର୍ଣ୍ଣବର୍ଗ ସଂଖ୍ୟା କୁହାଯାଏ । କୌଣସି ସଂଖ୍ୟାକୁ ସେହି ସଂଖ୍ୟା ସହ କୁଣିଲେ ଗୁଣଫଳ ସଂଖ୍ୟାଟି ପୂର୍ଣ୍ଣବର୍ଗ ସଂଖ୍ୟା ।



- ସେହିପରି 4 କୁ ଚିତ୍ର ମାଧ୍ୟମରେ କିନ୍ତୁ କିନ୍ତୁ ଉପାୟରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇ ପାରିବା ।



☞ ତୁମେ ସେହିଭଳି 5, 6, 7, 8 ଓ 9 କୁ କିନ୍ତୁ କିନ୍ତୁ ଉପାୟରେ ଚିତ୍ରରେ ପ୍ରକାଶ କର ।

ଲକ୍ଷ୍ୟକର, 4 ଓ 9 ଭଳି ପୂର୍ଣ୍ଣବର୍ଗ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ବର୍ଗଚିତ୍ରରେ ପ୍ରକାଶ କରିଛେବା । କିନ୍ତୁ ଅନ୍ୟ ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକୁ ବର୍ଗଚିତ୍ରରେ ପ୍ରକାଶ କରି ହେଉନାହିଁ ।

କୁଣିକ ସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ବର୍ଗକୁ ବର୍ଗ ଚିତ୍ରରେ ପ୍ରକାଶକୁ ଦେଖ-

$$(1)^2 = \boxed{\square} = 0 + 1 = 1$$

$$(2)^2 = \begin{array}{|c|c|}\hline & \textcolor{pink}{\square} \\ \hline \textcolor{pink}{\square} & \textcolor{pink}{\square} \\ \hline \end{array} = 1 + 3 = 4$$

$$(3)^2 = \begin{array}{|c|c|c|c|}\hline & & & \textcolor{pink}{\square} \\ \hline & & & \textcolor{pink}{\square} \\ \hline & & & \textcolor{pink}{\square} \\ \hline \textcolor{pink}{\square} & \textcolor{pink}{\square} & \textcolor{pink}{\square} & \textcolor{pink}{\square} \\ \hline \end{array} = 4 + 5 = 9$$

$$(4)^2 = \begin{array}{|c|c|c|c|c|c|c|c|}\hline & & & & & & & \textcolor{pink}{\square} \\ \hline & & & & & & & \textcolor{pink}{\square} \\ \hline & & & & & & & \textcolor{pink}{\square} \\ \hline & & & & & & & \textcolor{pink}{\square} \\ \hline \textcolor{pink}{\square} & \textcolor{pink}{\square} \\ \hline \end{array} = 9 + 7 = 16$$

ଲକ୍ଷ୍ୟକର, ପ୍ରତ୍ୟେକ ପୂର୍ଣ୍ଣବର୍ଗ ସଂଖ୍ୟାକୁ ଦୁଇଟି ସଂଖ୍ୟାର ସମନ୍ତରେ ପ୍ରକାଶ କରାଯାଇଛି ।

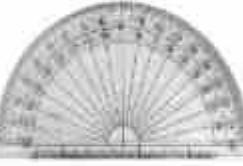
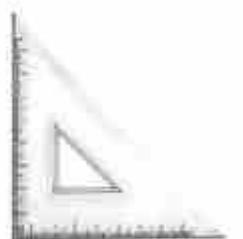
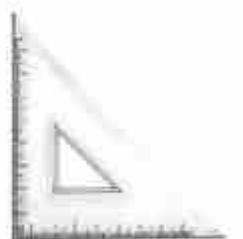
☞ ଏହି କ୍ରମରେ $(5)^2$ ଓ $(6)^2$ କୁ ବର୍ଗଚିତ୍ରରେ ଦେଖାଇ ଗୋଟିଏ ପୂର୍ଣ୍ଣବର୍ଗ ସଂଖ୍ୟା ଓ ଅୟୁଗ୍ର ସଂଖ୍ୟାର ସମନ୍ତରେ ପ୍ରକାଶ କର :



ଜ୍ୟାମିତିକ ଅଳ୍ପାତା

13.1. ଆମେ ଯାହା ଜାଣିଲୁ

ତୁମ ଜ୍ୟାମିତି ବାକୁରେ ଥିବା ସବୁ ଯତ୍ନମାନଙ୍କର ନାମ ଜାଣିଛୁ । ଆସ, ସେଗୁଡ଼ିକର କେତେକ ବ୍ୟବହାର ସଂପର୍କରେ ଜାଣିବା :

ଯେଉଁର ନାମ	ବ୍ୟବହାର
 ଦେଇ	<ul style="list-style-type: none"> ସରଳରେଖା ଓ ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଳ୍ପାତା ରେଖାଖଣ୍ଡର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ମାପନ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାପର ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଳ୍ପାତା
 ପ୍ରୋଟ୍ରାକ୍ଟର	<ul style="list-style-type: none"> ବଢ଼ି କୋଣର ମାପ ଜାଣିବା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାପ ବିଶିଷ୍ଟ କୋଣ ଅଳ୍ପାତା
 ସେଟ୍ସ୍‌କୋଣାର	<ul style="list-style-type: none"> ରେଖାଖଣ୍ଡ ଉପରିସ୍ଥିତ କୋଣର ବିଦ୍ୟୁତ ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଳ୍ପାତା କରିବା
 କମାସ୍	<ul style="list-style-type: none"> କୃତ ଅଳ୍ପାତା ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାପର ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଳ୍ପାତା

କହିଲ ଦେଖୁ :

ବିଭାଗଭାକୁ କେଳୁ କେଣ୍ଟ କାମରେ ବ୍ୟବହାର କରାଯାଏ ?

ପୁର୍ବ ଶ୍ରେଣୀରେ ତୁମେ ସେଇ ବ୍ୟବହାର କରି ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ମାପର ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଳ୍ପାତା କରିବା ଶିଖିଛୁ । କମାସ୍ ବ୍ୟବହାର କରି ଏକ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ଦୈର୍ଘ୍ୟର ରେଖାଖଣ୍ଡର କିପରି ଅଳ୍ପାତା କରାଯାଏ, ଆସ ଆଲୋଚନା କରିବା ।

ଉଦ୍‌ବାହିଗୀ - 1

କମ୍ପାସ ବ୍ୟବହାର କରି 5 ସେ.ମି. ଦେଖ୍ୟର ଏକ ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କର।

ସୁଥମ ସୋପାନ :

ସୁଥମେ ଗୋଟିଏ ସରଳ ରେଖା ଅଙ୍କନ କର।



ଦ୍ୱିତୀୟ ସୋପାନ :

ଏହି ସରଳରେଖା ଉପରେ ଗୋଟିଏ ବିନ୍ଦୁ ଚିହ୍ନଟ କର,
ତାହାର ନାମ 'C' ଦିଆ।



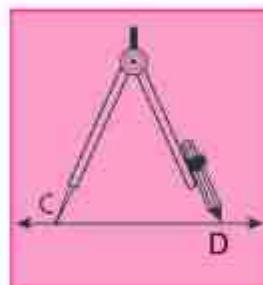
ତୃତୀୟ ସୋପାନ :

ଗୋଟିଏ ସେଲ୍ ନିଅ। ସେଲର 'D' ଚିହ୍ନ ଉପରେ
କମ୍ପାସର କଣ୍ଠାମୂଳ ରଖି କମ୍ପାସ ଖୋଲି ଫେନ୍ସିଲର ମୁନକୁ
5 ଉପରେ ରଖ।



ଚତୁର୍ଥ ସୋପାନ :

ଏବେ କମ୍ପାସଟିକୁ ସେଲ ଉପରୁ ଉଠାଇଅଣା। ତୁମେ ପୂର୍ବରୁ
ଆଜିଥିବା ସରଳରେଖା ଉପରିସ୍ଥି 'C' ବିନ୍ଦୁ ଉପରେ କମ୍ପାସର
କଣ୍ଠାମୂଳକୁ ରଖ। ଫେନ୍ସିଲର ମୁନଟି ସରଳରେଖାର ଯେଉଁଠାରେ
ରହିଲା । ତାହାର ନାମ 'D' ଦିଆ । ଏବେ \overline{CD} ରେଖାଖଣ୍ଡର ଦେଖ୍ୟ
ହେଉଛି 5 ସେ.ମି. ।



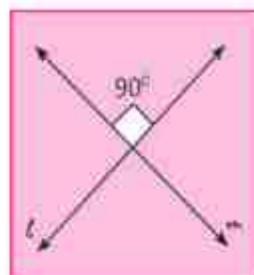
ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 13.1

- କେବଳ ସେଲ ବ୍ୟବହାର କରି 4.2 ସେ.ମି. ଓ 6 ସେ.ମି ମାପର ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କର।
- ସେଲ ଓ କମ୍ପାସ ବ୍ୟବହାର କରି 6.8 ସେ.ମି. ଦେଖ୍ୟର ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କର।
- ସେଲ ବ୍ୟବହାର କରି 8 ସେ.ମି. ଦେଖ୍ୟର \overline{AB} ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କର । ସେହି \overline{AB} ରେଖାଖଣ୍ଡରୁ 4.5 ସେ.ମି
ଦେଖ୍ୟର \overline{AC} ରେଖାଖଣ୍ଡ କାଟିଦିଆ । \overline{BC} ର ଦେଖ୍ୟ କେତେ ହେଉଛି ମାପ ।
- କେବଳ ତ୍ୱରି ବ୍ୟବହାର କରି 5 ସେ.ମି. ଦେଖ୍ୟର ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କରିବା କେଳେ କେଉଁ କେଉଁ ସୋପାନ
ଦେଇ କାର୍ଯ୍ୟ କରିବ ଲେଖ ।

13.2. ଲମ୍ବ ଓ ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡଳ ଲମ୍ବ

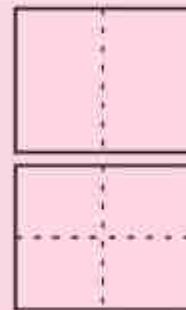
ଦୁଇଟି ରେଖାଖଣ୍ଡ କେତେବେଳେ ପରସ୍ପର ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ହେବେ ?

ଯଦି ରେଖାଖଣ୍ଡ ଦୁଇଟି ପରସ୍ପରକୁ ଛେଦ କଲେ ଛେଦବିନ୍ଦୁଠାରେ 90° ର କୋଣ ସୃଷ୍ଟି ହୁଏ । ତେବେ ରେଖାଖଣ୍ଡ ଦୁଇଟି ପରସ୍ପର ପ୍ରତି ଲମ୍ବ । ଏହି ଚିତ୍ରରେ $10m$ ସରଳ ରେଖା ଦ୍ୱୟ ପରସ୍ପର ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ଗୋଟିଏ କାଗଜ ଖଣ୍ଡ ନିଆ ।
- ଏହାକୁ ପ୍ରଥମେ ଦୁଇ ଭାଗ କରି ଭାଙ୍ଗିଦିଅ ଓ ଝପି ଦାଗ ଦିଆ ।
- ଏହାର ଠିକ୍ ମଣିରେ ଅନ୍ୟ ବିଚର୍ଯ୍ୟ ଭାଗ ଯେପରି ପ୍ରଥମ ଭାଗ ଦାଗର ଉପରେ ଆଶ ପରସ୍ପର ସହ ମିଳିଯାଏ ଓ ଝପି ଦାଗ ଦିଆ ।
- ଏବେ କାଗଜକିକୁ ଖୋଲି ଦିଆ ।
- କାଗଜରେ ହୋଇଥିବା ଦାଗ ଦୁଇଟି ପରସ୍ପର ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ।



☞ ବୁନ ନିକଟ ପରିବେଶରେ କେଉଁ କେଉଁଠାରେ ଲମ୍ବ ସୃଷ୍ଟି ହେଉଥିବାର ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛି ଲେଖ ।

13.2.1. ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡଳ ଲମ୍ବ

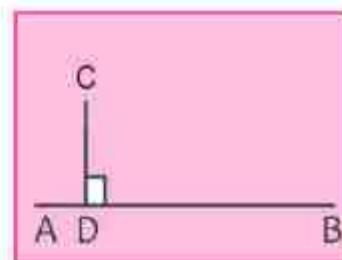


ଉପରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଚିତ୍ର ଚିନ୍ମେତିକୁ ଦେଖ । ପ୍ରତ୍ୟେକ ଚିତ୍ରରେ \overline{AB} ଓ \overline{CD} କୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକର । \overline{AB} ଉପରେ \overline{CD} ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ ହେବା ଦାରା 'O' ବିନ୍ଦୁ \overline{AB} କୁ \overline{AO} ଓ \overline{OB} ଭାବେ ଦୁଇ ଖଣ୍ଡରେ ଭାଗ କରୁଛି । ପ୍ରଥମ ଓ ଦୂରୀୟ ଚିତ୍ରରେ \overline{AO} ଓ \overline{OB} ର ଦୌର୍ଯ୍ୟ ସମାନ ନୁହେଁ (ମାପି ଦେଖ) । କିନ୍ତୁ, ଦୂରୀୟ ଚିତ୍ରରେ \overline{AO} ଓ \overline{OB} ର ମାପ ସମାନ । ଦୂରୀୟ ଚିତ୍ରରେ \overline{CD} ହେଉଛି \overline{AB} ର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡଳ ଲମ୍ବ । ଆସ ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡଳ ଲମ୍ବ କିପରି ଅଙ୍କନ ବଗାୟାଏ ଶିଖିବା ।

13.2.2. ରେଖାଖଣ୍ଡର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡଳ ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ

ଦିଆଯାଇଥିବା ଚିତ୍ରକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କର ।

ଏଠାରେ \overline{AB} ଏକ ରେଖାଖଣ୍ଡ । \overline{AB} ରେଖାଖଣ୍ଡ ଉପରେ D ଏକ ବିନ୍ଦୁ । D ବିନ୍ଦୁଠାରେ $\angle CDB$ ସୃଷ୍ଟି ହୋଇଛି । $\angle CDB$ ର ମାପ 90° , ଏଠାରେ \overline{CD} ହେଉଛି \overline{AB} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ । ଏହାକୁ ଏପରି ଲେଖାୟାଏ $\overline{CD} \perp \overline{AB}$



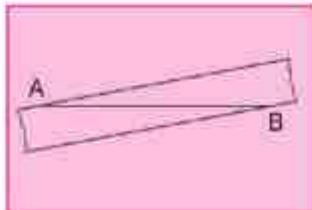
ପ୍ରଥମ ସୋପାନ :

\overline{AB} ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଳନ କର ।



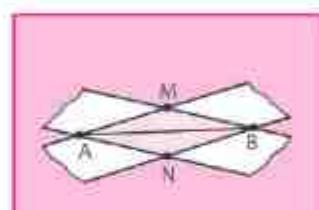
ଦୂତୀୟ ସୋପାନ :

ଏକ ସ୍ଵର୍ଗ ଆୟତାକୃତି ଟେପକୁ ଏପରି ପକାଏ, ଯେପରି ରେଖାଖଣ୍ଡର ଦୁଇ ପ୍ରାତି ବିଦ୍ୟୁତ A ଓ B ଟେପର ଦୁଇ ଧାରକୁ ଛୁଲ୍ଲିବ (ଟେପ ବଢଳିବେ ତେଣୁ କାଗଜ ମଧ୍ୟ ବ୍ୟବହାର କରିପାରିବା) ।



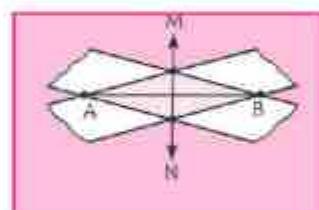
ତୃତୀୟ ସୋପାନ :

ଆଉ ଗୋଟିଏ ଆୟତାକୃତି ଟେପ ନିଆ । ଦୂତୀୟ ସୋପାନ ଭଳି ଟେପଟିକୁ ଏପରି ରଖ ଯେପରି A ଓ B ବିଦ୍ୟୁତ ଟେପର ଧାରକୁ ଛୁଲ୍ଲିବ ଓ ଚିତ୍ରରେ ଦେଖାଯାଇଥିବା ଭଳି ଟେପ ଦୁଇଟି ପରିଷରକୁ M ଓ N ବିଦ୍ୟୁତେ ଛେଦ କରିବେ ।



ଚତୁର୍ଥ ସୋପାନ :

MN ଅଳନ କର । \overline{AB} ଓ \overline{MN} ଯେବେ ବିଦ୍ୟୁତେ ପରିଷରକୁ ଛେଦ କରୁଛନ୍ତି ତାର ନାମ 'P' ଦିଆ । P ବିଦ୍ୟୁତରେ ସ୍ଥିତ ହେଉଥିବା ଗରୋଟିଯାକ କୋଣର ପରିମାଣ ସ୍ଥିର କର । \overline{AP} ଓ \overline{BP} ର ଦୈର୍ଘ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର । କ'ଣ ପାଇଲ ?



ଏଠାରେ MN , AB ର ସମଦିଖଣ୍ଡକ ଲମ୍ବ ।

13.2.3. ଦେଲ ଓ ଲମ୍ବାସ ବ୍ୟବହାର କରି ସମଦିଖଣ୍ଡକ ଲମ୍ବ ଅଳନ

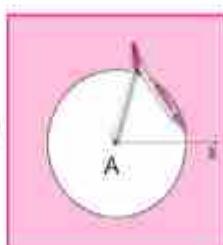
ପ୍ରଥମ ସୋପାନ :

ଯେ କୌଣସି ଦୈର୍ଘ୍ୟ ବିଶିଷ୍ଟ ଏକ ରେଖାଖଣ୍ଡ \overline{AB} ଅଳନ କର ।



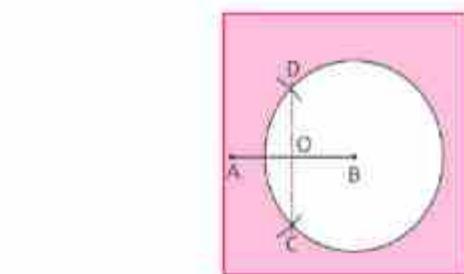
ଦୂତୀୟ ସୋପାନ :

A କୁ କେନ୍ଦ୍ର ବିଦ୍ୟୁତ ଓ \overline{AB} ର ଦୈର୍ଘ୍ୟର ଅଧାରୁ ଅଧ୍ୟକ ମାପ ବିଶିଷ୍ଟ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ ନେଇ ବୁଝା ଅଳନ କର ।



ତୃତୀୟ ସୋପାନ :

ପୂର୍ବ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦକୁ ପରିବର୍ତ୍ତନ ନ କରି B ବିଦ୍ୟୁତ୍କୁ କେନ୍ଦ୍ର ନେଇ ଆଉ ଗୋଟିଏ ବୁଝା ଅଳନ କର । ପୂର୍ବରୁ ଅଙ୍କା ଯାଇଥିବା ବୁଝକୁ ଏହା C ଓ D ବିଦ୍ୟୁତେ ଛେଦ କରୁ ।



ଚତୁର୍ଥ ସୋପାନ :

\overline{CD} ଅଙ୍କନ କର। ଏହା \overline{AB} କୁ O ବିଦୂରେ ଛେଦ କର। O ବିଦୂ \overline{AB} କୁ ଦୂର ସମାନ ଭାଗରେ ବିଭାଗ କରୁଛି କି ନାହିଁ ପରିମାଣ କରି ଦେଖ। O ବିଦୂଠାରେ ସୃଷ୍ଟି ହୋଇଥିବା କୋଣମାନଙ୍କର ପରିମାଣ ପୁର କର। \overline{CD} କୁ \overline{AB} ର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ଲମ୍ବ କହିବା କି ? କାହିଁକି ?

ପରାମା କରି ଦେଖ
 \overline{AB} ର ବୈର୍ଯ୍ୟ ଅଧିକ କମ ମାପ ବିଶିଷ୍ଟ
 ବ୍ୟାସର୍ ନେଇ ବିଚାର ଓ ତୁଳାଯ
 ସେପାନରେ ବ୍ୟାସରୀଥିବା କାହିଁ କର।
 କ'ଣ ଲମ୍ବ କରୁଛ ?

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 13.2

- 7.6 ସେ.ମି ବୈର୍ଯ୍ୟ ବିଶିଷ୍ଟ ଗୋଟିଏ ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କରି ଏହାର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କର।
- 8.4 ସେ.ମି. ବୈର୍ଯ୍ୟ ବିଶିଷ୍ଟ ଏକ ରେଖାଖଣ୍ଡ \overline{AB} ଅଙ୍କନ କର। ଏହାକୁ ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡ କରି ମଧ୍ୟବିଦୂରୁ C ନାମ ଦିଆ। ବର୍ତ୍ତମାନ \overline{AC} ଓ \overline{BC} ପ୍ରତ୍ୟେକକୁ ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡ କର। ରେଖାଖଣ୍ଡଟି କେତୋଟି ସମାନ ବୈର୍ଯ୍ୟ ବିଶିଷ୍ଟ ଖଣ୍ଡରେ ପରିଣତ ହେଲା। ପ୍ରତ୍ୟେକ ଖଣ୍ଡର ମାପ କେତେ ହେଉଛି ମାପି ଦେଖ।
- (କ) 4 ସେ. ମି. ବ୍ୟାସର୍ ବିଶିଷ୍ଟ ଗୋଟିଏ ବୃତ୍ତ ଅଙ୍କନ କର। ସେହି ବୃତ୍ତରେ ଏକ ଜ୍ୟା ଅଙ୍କନ କର। ଏହି ଜ୍ୟାର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କର। ଏହା ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ର ବିଦୂ ଦେଇ ଯାଉଛି କି ?
- (ଘ) ଯେ କୌଣସି ମାପିବିଶିଷ୍ଟ ବ୍ୟାସର୍ ନେଇ ଗୋଟିଏ ବୃତ୍ତ ଅଙ୍କନ କର। ଏହାର ଗୋଟିଏ ଜ୍ୟା ଅଙ୍କନ କରି ତା'ର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କର। ଏହି ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ଲମ୍ବ ବୃତ୍ତର କେନ୍ଦ୍ର ଦେଇ ଯାଉଛି କି ?

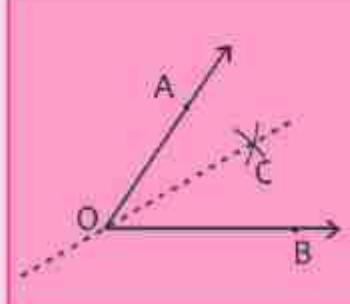
13.3 କର କୋଣର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ

କାଗଜ ଭାଙ୍ଗି, ଦେଇ ଓ କମାୟ ବ୍ୟବହାର କରି ଆମେ ଯେ କୌଣସି କୋଣର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ନିର୍ଣ୍ୟ କରି ପାରିବା।



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ଗୋଟିଏ ଆୟତାକୃତି ବିଶିଷ୍ଟ କାଣଙ୍କ ପୃଷ୍ଠା ନିଆ।
- ଚିତ୍ରରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଭଲି ସେଥିରେ 'O' ନାମକ ବିଦୂଟିଏ ଚିହ୍ନିତ କର।
- 'O' କୁ ମୂଳ ବିଦୂ ନେଇ, ଦୁଇଟି ରସ୍ତୀ \overrightarrow{OA} ଓ \overrightarrow{OB} ଅଙ୍କନ କର।
- 'O' ବିଦୂ ଦେଇ କାଗଜଟିକୁ ଭାଙ୍ଗ ଯେପରି \overrightarrow{OA} ଓ \overrightarrow{OB} ପରମର ଉପରେ ରହିବେ।
- କାଗଜଟିକୁ ଭାଙ୍ଗ ସ୍ଥାନରେ ଝାପିଦିଆ ଓ ତା'ର ନାମ 'OC' ରଖ।
- ଏବେ ଦେଖ $\angle AOC$ ଓ $\angle BOC$ ର ପରିମାଣ ସମାନ ହେଉଛି କି ?
ଅର୍ଥାତ୍, \overrightarrow{OC} ହେଉଛି $\angle AOB$ ର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ।



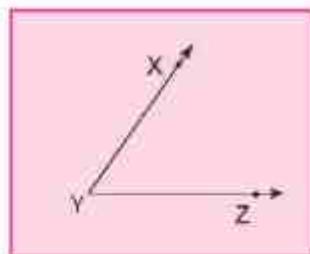
ପାର୍ଶ୍ଵର ବିତ୍ତରେ $\angle Y$ କୁ ଦର୍ଶାଯାଇଛି ।

ଏବେ ଜହ, $\angle Y$ ର ଶାର୍ଷବିନ୍ଦୁ ଓ ସମ୍ମିଳିତ ବାହୁ ଦୟର ନାମ କ'ଣ ?

ଆସ, ଏବେ ଷେଲ ଓ କମାସ୍ ବ୍ୟବହାର କରି କୋଣର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ଅଙ୍କନ କରିବା ।

ପ୍ରଥମ ସୋପାନ :

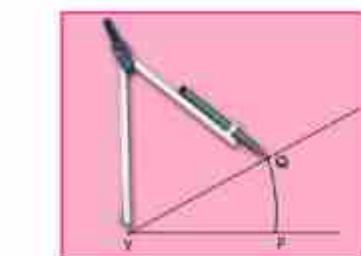
Y ବିନ୍ଦୁକୁ କେନ୍ଦ୍ର ନେଇ କମାସ୍ ସାହାଯ୍ୟରେ ଏକ ଛୟ ଅଙ୍କନ କର ଯାହା Y ର ଦୂର ସମ୍ମିଳିତ ରଶ୍ମିକୁ ଛେଦ କରିବ । ଏହି ବିନ୍ଦୁ ଦୟର ନାମ P ଓ Q ଦିଅ ।



ଦ୍ୱାସ୍ତୀୟ ସୋପାନ :

ଏବେ P କୁ କେନ୍ଦ୍ର ନେଇ $\angle Y$ ର ଅନ୍ତର୍ଦେଶରେ ଗୋଟିଏ ଛୟ ଅଙ୍କନ କର । (ମନେରଖ - ଏହି ଛୟର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ PQ ର ବୈଚାରିତ ଅଧାରୁ ଅଧିକ ହେଉଥିବ)

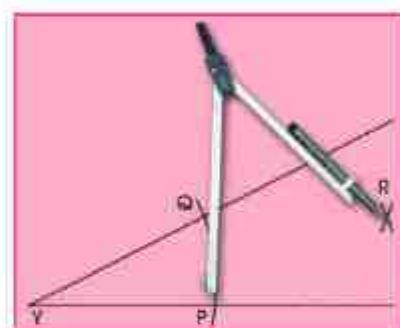
ସେହିପରି Q କୁ କେନ୍ଦ୍ର ନେଇ $\angle Y$ ର ଅନ୍ତର୍ଦେଶରେ ସମାନ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦର ଆଛ ଏକ ଛୟ ଅଙ୍କନ କର, ଯେପରି ଦ୍ୱାସ୍ତୀୟ ସୋପାନରେ ଅଙ୍କିତ ଛ୍ଯକୁ ଏହା ଛେଦ କରିବ ।



ତୃତୀୟ ସୋପାନ :

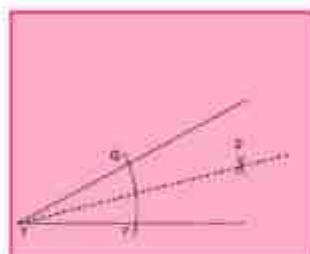
ଛେଦ ବିନ୍ଦୁର ନାମ R ଦିଅ । Y ଓ R କୁ ଯୋଗକର ।

(ପରୀକ୍ଷା କରି ଦେଖ: YR ହେଉଛି $\angle Y$ ର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ।)



ପରୀକ୍ଷା କରି ଦେଖ

P ଓ Q ବିନ୍ଦୁରୁ $\angle Y$ ର ଅନ୍ତର୍ଦେଶରେ ଛୟ ଅଙ୍କନ କଲାବିକେ ଜାଗା ଥର ସମାନ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ ବିଶିଷ୍ଟ ଛୟ ନେଇ କୋଣର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ପାଇଁ କି ନାହିଁ ପରୀକ୍ଷା କରି ଦେଖ ।



ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 13.3

- ପ୍ରୋଟାକୁର ସାହାଯ୍ୟରେ 50° ମାପର ଏକ କୋଣ ଅଙ୍କନ କର । ଏହାର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ଅଙ୍କନ କର ।
- ଗୋଟିଏ ସମକୋଣର ସମଦ୍ଵିଖଣ୍ଡକ ଅଙ୍କନ କର ।
- 80° ପରିମାଣର ଏକ କୋଣ ଅଙ୍କନ କରି ତାହାକୁ ଛାନ୍ତି ସମାନ ଭାଗରେ ବିଭକ୍ତ କର ।

13.4 କମ୍ପାସ ସାହାଯ୍ୟରେ କୋଣ ଅଙ୍କନ

ପ୍ରୋଟ୍ରାକ୍ଟୁର ସାହାଯ୍ୟରେ କୋଣ ଅଙ୍କନ କରିବା ଆମେ ଆଗରୁ ଶିଖିଛୁ ।

 ପ୍ରୋଟ୍ରାକ୍ଟୁର ବ୍ୟବହାର କରି 60° ପରିମାଣର କୋଣ ଅଙ୍କନ କରିବାର ସୋପାନ ଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖ ।

13.4.1 କମ୍ପାସ ସାହାଯ୍ୟରେ 60° ପରିମାଣର କୋଣ ଅଙ୍କନ

ପ୍ରଥମ ସୋପାନ :

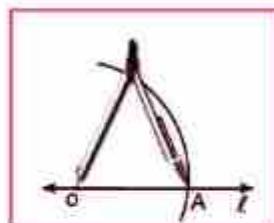
ଗୋଟିଏ ସରଳରେଖା ଟାଙ୍କା । ତା'ର ନାମ 'I' ଦିଆ ।

'I' ସରଳରେଖା ଉପରେ 'O' ବିନ୍ଦୁକୁ ଚିହ୍ନାଇ ।



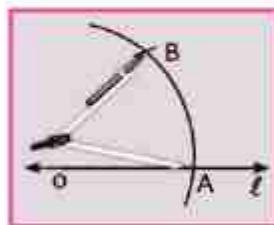
ଦୂରୀୟ ସୋପାନ :

କମ୍ପାସର କଣ୍ଠମୁନକୁ 'O' ଉପରେ ରଖ । ଯେ କୌଣସି ବ୍ୟାସାର୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ଏକ ଛପ ଅଙ୍କନକର, ଯାହା 'I' ସରଳରେଖାକୁ 'A' ବିନ୍ଦୁରେ ଛୁଲ୍ଲିବ ।



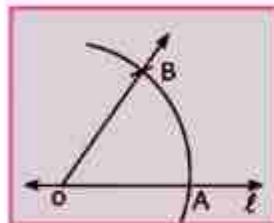
ଦୃଢାୟ ସୋପାନ :

ଏବେ କମ୍ପାସର କଣ୍ଠମୁନକୁ 'A' ଉପରେ ରଖ ପୂର୍ବ ବ୍ୟାସାର୍କ ବିଶିଷ୍ଟ ଏକ ଛପ ଅଙ୍କନ କର ଯାହା A ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ପୂର୍ବକୁ ଅଙ୍କାଯାଇଥିବା ଛପକୁ 'B' ବିନ୍ଦୁରେ ଛେଦ କରିବ ।



ବର୍ତ୍ତୁର୍ଥ ସୋପାନ :

O ଓ B ବିନ୍ଦୁକୁ ଯୋଗକର । ତୁମେ $\angle AOB$ ପାଇବ, ଯାହାର ମାପ ହେଉଛି 60° । ପ୍ରୋଟ୍ରାକ୍ଟୁର ସାହାଯ୍ୟରେ ମାପି ଦେଖ ।



ଜାଣିଛ କି ?

ଦୂରୀୟ ସୋପାନରେ ଅଙ୍କନ କରିଥିବା ଚାପ ଓ ଦୃଢାୟ ସୋପାନରେ ଅଙ୍କନ କରିଥିବା ଚାପ ଉତ୍ତମ ସମାନ ବ୍ୟାସାର୍କ ରହିବ ।

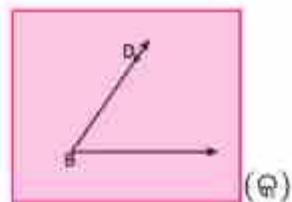
13.4.2. 120° ମାପ ବିଶିଷ୍ଟ କୋଣ ଅଙ୍କନ

ଆମେ ଜାଣୁ ଯେ, 120° ହେଉଛି 60° ର ଦୁଇଗୁଣ । ତେଣୁ ଗୋଟିଏ 60° ମାପର କୋଣ ଅଙ୍କନ କରି ତା ସହିତ ଆର ଗୋଟିଏ 60° ମାପର କୋଣ ଅଙ୍କନ କଲେ, ଦୁଇଟି ଯାଜ କୋଣ ମିଶି 120° ମାପର କୋଣ ହେବ ।

- ପ୍ରଥମେ 60° ମାପର କୋଣ ଅଙ୍କନ କର । ଯେପରି ଚିତ୍ର (କ)ରେ $\angle CBD$ 60° ପରିମାଣ ବିଶିଷ୍ଟ କୋଣ ।

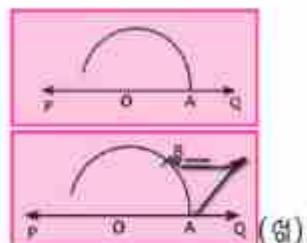
- ବର୍ତ୍ତମାନ \overrightarrow{BQ} ରୁପରେ B ବିଦ୍ୟୁରେ ଆଉ ଗୋଟିଏ 60° ପରିମାଣର କୋଣ ଅଙ୍କନ କଲେ ତୁମେ 120° ମାପର କୋଣଟିଏ ପାଇବ ।

ଆସ ସେଇ ଓ କମାସ ବ୍ୟବହାର କରି ଅଙ୍କନ କରିବା ।



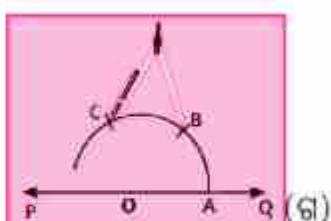
ପ୍ରଥମ ସୋପାନ :

\overleftrightarrow{PQ} ଅଙ୍କନ କର, ଏହା ଉପରେ O ବିଦ୍ୟୁ ନିଅ । O ବିଦ୍ୟୁକୁ କେନ୍ଦ୍ରକରି ଯେକୋଣସି ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ ନେଇ ଗୋଟିଏ ଉପଅଙ୍କନ କର । ତାହା \overleftrightarrow{PQ} କୁ A ବିଦ୍ୟୁରେ ଛେଦ କର । A କୁ କେନ୍ଦ୍ରକରି ପୂର୍ବ ପରିମିତ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ ନେଇ ଅନ୍ୟ ଏକ ଉପଅଙ୍କନ କର, ଯେପରିବି ଏହା ପ୍ରଥମ ଉପକୁ ଛେଦ କରିବ । ଏହି ଛେଦ ବିଦ୍ୟୁର ନାମ B ଦିଅ ।



ଦୂରୀୟ ସୋପାନ :

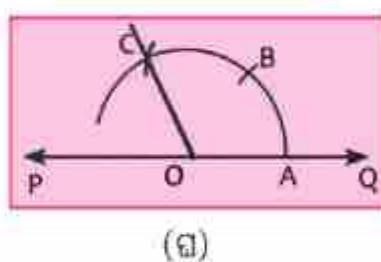
ପୁଣି B କୁ କେନ୍ଦ୍ରକରି ପୂର୍ବ ପରିମାଣର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ ନେଇ ଆଉ ଗୋଟିଏ ଉପଅଙ୍କନ କର ଯାହା ପ୍ରଥମ ଉପକୁ ଛେଦ କରିବ । ଏହି ଛେଦ ବିଦ୍ୟୁର ନାମ C ଦିଅ ।



ଦୂରୀୟ ସୋପାନ :

C ଓ O କୁ ଯୋଗକରି \overrightarrow{OC} ଅଙ୍କନ କର । $\angle COA$ ର ପରିମାଣ ହେଉଛି 120° । (ପ୍ରୋଟାକ୍ୟୁର ବ୍ୟବହାର କରି ପରାମା କରି ଦେଖ)

→ 150° ପରିମାଣର କୋଣ କିପରି ଅଙ୍କନ କରିବ ?



13.4.3. 90° ପରିମାଣର କୋଣ ଅଙ୍କନ

ପ୍ରଥମ ସୋପାନ : \overrightarrow{BY} ରୁକ୍ଷ ତାଣ (ବିଦ୍ୟୁ - C) ।

ଦୂରୀୟ ସୋପାନ :

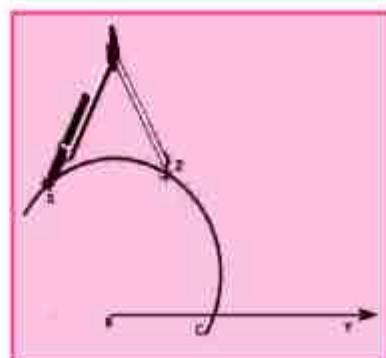
B କେନ୍ଦ୍ରକରି ସୁବିଧାଜନକ ପରିମାଣର ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ ନେଇ ରକ୍ଷିତ ଉପର ପାଖରେ ଗୋଟିଏ ଦୀର୍ଘ ଉପଅଙ୍କନ କର ଯେପରି ତାହା \overrightarrow{BY} କୁ ଛେଦ କରିବ । ଛେଦ ବିଦ୍ୟୁର ନାମ ଦିଅ C ।



ଦୂରୀୟ ସୋପାନ :

ଏହାପରେ C ବିଦ୍ୟୁକୁ କେନ୍ଦ୍ରକରି ପୂର୍ବ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ ନେଇ ଆଉ ଏକ ଉପଅଙ୍କନ କର ଓ ତାହା ପ୍ରଥମ ଉପକୁ ଛେଦ କର । ଏହି ଛେଦ ବିଦ୍ୟୁର ନାମ Z ଦିଅ ।

Z ବିଦ୍ୟୁକୁ କେନ୍ଦ୍ରକରି ଓ ପୂର୍ବ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ ନେଇ ଆଉ ଗୋଟିଏ ଉପଅଙ୍କନ କର, ଯାହା ଦୀର୍ଘ ଉପକୁ ଛେଦ କରିବ । ଛେଦ ବିଦ୍ୟୁର ନାମ ଦିଅ X ।



ବନ୍ଦୁର୍ଥ ସୋପାନ :

ଏବେ Z ବିନ୍ଦୁକୁ କେନ୍ତ୍ର କରି ଓ ପୂର୍ବ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ ନେଇ ଗୋଟିଏ ରୂପ ଅଳନକର ।

X ବିନ୍ଦୁକୁ କେନ୍ତ୍ର କରି ଓ ପୂର୍ବ ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦ ନେଇ ଆଉ ଗୋଟିଏ ରୂପ ଅଳନ କର, ଯେପରି ଏହା ପୂର୍ବ ଚାପକୁ ଛେଦ କରିବ । ଛେଦ ବିନ୍ଦୁର ନାମ ଦିଅ K ।

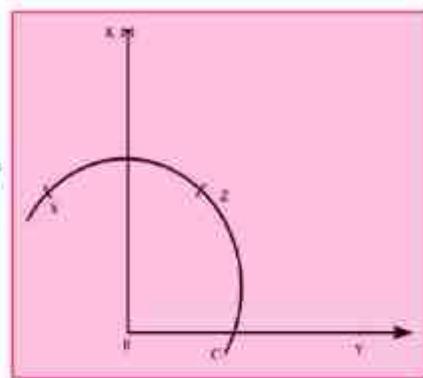
ପ୍ରଥମ ସୋପାନ :

ବର୍ତ୍ତମାନ KB $\vec{}$ ଅଳନକରାଯାଉ, $\angle KBY$ ର ମାପ ହେଉଛି 90° ।

$\angle KBY$ ର ପରିମାଣ 90° କି ନାହିଁ ପ୍ରୋତ୍ସ୍ରାକୃତ ସାହାୟ୍ୟରେ ମାପି ଦେଖ ।

କହିଲ ଦେଖୁ :

$\angle KBY$ ର ପରିମାଣ 90° କି ନାହିଁ ଜାଣିବା ପାଇଁ ପ୍ରୋତ୍ସ୍ରାକୃତ ବ୍ୟତୀତ ଅନ୍ୟ କେହିଁ ସମ୍ଭାବନା କରାଯାଇ ପାରିବ ?



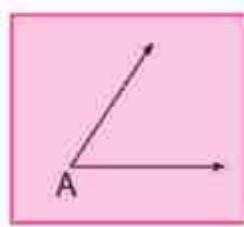
ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 13.4

- ତଳେ କେତେବୁଡ଼ିଏ କୋଣର ପରିମାଣ ଲେଖାଯାଇଛି । କେବଳ ଦେଲୁ ଓ କମ୍ପ୍ୟୁଟର ସାହାୟ୍ୟରେ କେହିଁ ମାପର କୋଣ ଅଳନ ହୋଇପାରିବ ବାହି ଲେଖ ।
 $60^\circ, 35^\circ, 40^\circ, 90^\circ, 30^\circ, 110^\circ, 45^\circ, 20^\circ, 15^\circ, 75^\circ, 100^\circ, 150^\circ$
- (କ) ଦେଲୁ ଓ କମ୍ପ୍ୟୁଟର ସାହାୟ୍ୟରେ 60° ଓ 120° ପରିମାଣର କୋଣ ଅଳନ କର ।
(ଖ) 60° ପରିମାଣର କୋଣ କିପରି ଅଳନ କଲ, ତା'ର ସୋପାନଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖ ।
- ଦେଲୁ ଓ ପ୍ରୋତ୍ସ୍ରାକୃତ ବ୍ୟବହାର କରି 90° ପରିମାଣର ଗୋଟିଏ କୋଣ ଅଳନ କର । କମ୍ପ୍ୟୁଟର ସାହାୟ୍ୟରେ ଏହାକୁ ସମ୍ବିଧିତ କର ।

13.5 କୌଣସି କୋଣର ସମପରିମାଣ ବିଶିଷ୍ଟ ଅନ୍ୟ ଏକ କୋଣ ଅଳନ : (ଦେଲୁ ଓ କମ୍ପ୍ୟୁଟର ସାହାୟ୍ୟରେ)

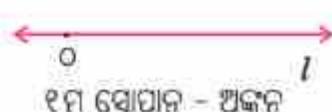
ମନେବରାଯାଉ ଗୋଟିଏ କୋଣ ଦିଆଯାଇଛି (ସାହାର ପରିମାଣ ଆମକୁ ଜଣାନାହିଁ) । ସେହି କୋଣର ସମ ପରିମାଣର ଗୋଟିଏ କୋଣ ଆଙ୍କିବା । କିପରି ଅଳନ କରାଯିବ ?

ଚିତ୍ରରେ $\angle A$ ଦିଆଯାଇଛି, ସାହାର ପରିମାଣ ଜଣାଦିଲାହିଁ ।



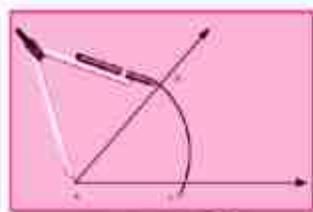
ପ୍ରଥମ ସୋପାନ :

ଗୋଟିଏ ସରଳ ରେଖା / ଅଳନ କରିବା । / ସରଳ ରେଖା ଉପରେ O ବିନ୍ଦୁ ନେବା । O ବିନ୍ଦୁରେ $\angle A$ ର ସମ ପରିମାଣର କୋଣ ଅଳନ କରିବା ।



ଦ୍ୱିତୀୟ ସୋପାନ :

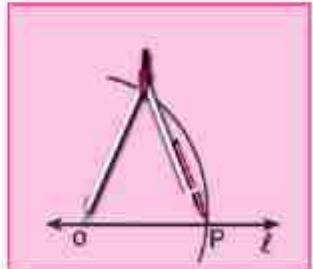
ଏବେ $\angle A$ ର ଶାଖାବିନ୍ଦୁକୁ କେନ୍ଦ୍ର ନେଇ ଏକ ଛପ ଅଙ୍କନ କରିବା ଯାହା $\angle A$ ର ଦୂର ବାହୁକୁ ଛେଦ କରିବ । ଛେଦ ବିନ୍ଦୁକୁ ନାମ ଦିଅ P ଓ C ।



୧ଥ ସୋପାନ ଚିତ୍ର

ତୃତୀୟ ସୋପାନ :

କମାସରୁ ସେହିଭାବି ରଖ । (ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଦରେ ପରିବର୍ତ୍ତନ ନ କରି) O କୁ କେନ୍ଦ୍ର ଭାବେ ନେଇ ଗୋଟିଏ ଛପ ଅଙ୍କନ କର, ଯାହା I କୁ ଛେଦ କରିବ । ଛେଦ ବିନ୍ଦୁର ନାମ ଦିଅ P ।



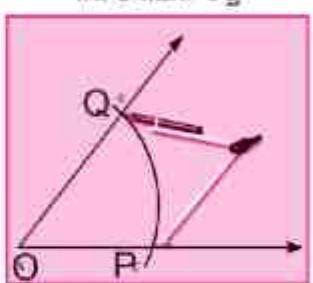
୨ଥ ସୋପାନ ଚିତ୍ର

ତ୍ରୈତୀୟ ସୋପାନ :

ଏବେ କମାସର କଣ୍ଠମୂଳ ଓ ପେନସିଲର ମୂଳକୁ ଏପରି ରଖ, ଯେପରି କଣ୍ଠମୂଳ B ଓ ପେନସିଲର ମୂଳ C ଉପରେ ରଖିବ ।

ପଞ୍ଚମ ସୋପାନ :

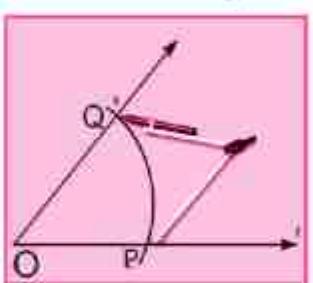
ତ୍ରୈତୀୟ ସୋପାନରେ କମାସର କଣ୍ଠମୂଳ ଓ ପେନସିଲ ମୂଳ ମଧ୍ୟବର୍ତ୍ତୀ ଦୂରତାକୁ ଅପରିବର୍ତ୍ତତ ରଖ । ବର୍ତ୍ତମାନ P ବିନ୍ଦୁକୁ କେନ୍ଦ୍ର ନେଇ ଗୋଟିଏ ଚାପ ଅଙ୍କନ କର ଯେପରି ଏହା ନାୟ ସୋପାନରେ ଅଙ୍କିତ ହୋଇଥିବା ଛପକୁ ଛେଦ କରିବ । ଛେଦ ବିନ୍ଦୁର ନାମ ଦିଅ Q ।



୩ଥ ସୋପାନ ଚିତ୍ର

ଷଷ୍ଠ ସୋପାନ :

\overrightarrow{OQ} ଅଙ୍କନ କର । ଏବେ $\angle POQ$ ର ପରିମାଣ $\angle BAC$ ର ପରିମାଣ ସହ ସମାନ ।



୪ଥ ସୋପାନ ଚିତ୍ର



ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ଶାଖା ଧଳା କାଗଜ ନେଇ ତା ଉପରେ ଗୋଟିଏ କୋଣ ଅଙ୍କନ କର ।
- ଆଉ ଖଣ୍ଡିଏ ଚେଲବୋଲା କାଗଜ ନେଇ ତାହାକୁ ସେହି କୋଣ ଉପରେ ପକାଅ ।
- ବର୍ତ୍ତମାନ ତୁମେ ଆଙ୍କିଥିବା କୋଣଟି ଚେଲବୋଲା କାଗଜ ଉପରେ ଆକ । (ଷ୍ଟେଲ୍ ବ୍ୟବହାର କରି)
- ଏବେ ତୁମେ ଆଙ୍କିଥିବା କୋଣକୁ ଚେଲବୋଲା କାଗଜ ଉପରେ ଆକ ।
- ବର୍ତ୍ତମାନ ଧଳା କାଗଜ ଓ ଚେଲବୋଲା କାଗଜ ଉପରେ ସମାନ ପରିମାଣର କୋଣ ପାଇଲ ।

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 13.5

- (କ) ଦୂମ ଖାତାରେ ଗୋଟିଏ ସୁନ୍ଦରକୋଣ ଓ ଗୋଟିଏ ସୁନ୍ଦରକୋଣ ତିଆରି କର। କମାସ୍ ସାହାଯ୍ୟରେ ସେହି କୋଣ ଦୁଇଟିର ସମ ପରିମାଣର କୋଣ ଅଳନ କର।
(ଖ) ଏବେ ଦୂମେ ପାଇଥାର କୋଣ ଦୁଇଟିକୁ ସମୟିକ୍ଷଣ କର।
- କାଗଜ କାଟି ଗୋଟିଏ ତ୍ରିଭୁଜ ତିଆରି କର। ଏହାର ନାମ ABC ଦିଆ। ଏହି ତ୍ରିଭୁଜର ତିନେତିଯାକ କୋଣର ସମ ପରିମାଣର କୋଣ ଅଳନା ଅଳନା କରି ଦୂମ ଖାତାରେ ଅଳନ କର।

13.6. କମାସ୍ ବ୍ୟବହାର କରି ଏକ ଦର ରେଖା ପ୍ରତି ଲମ୍ବରେଖା ଅଳନ :

ସେଇକୋଯାର ବ୍ୟବହାର କରି (କ) ଏକ ରେଖା ଉପରିସ୍ଥ ଏକ ବିନ୍ଦୁରେ ଡକ୍ଟ ରେଖାପ୍ରତି (ଖ) ଏକ ରେଖାବହିସ୍ଥ ଏକ ବିନ୍ଦୁରୁ ଡକ୍ଟ ରେଖାପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଳନ କରି ଶିଖିଛା। ବର୍ତ୍ତମାନ ସେଇ କମାସ୍ ବ୍ୟବହାର କରି ସେହି ଦୁଇଟି କାର୍ଯ୍ୟ କରିବା ଉପାୟ ଜାଣିବ।

13.6.1 ରେଖାଖଣ୍ଡ ଉପରିସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁଦେଇ ଲମ୍ବରେଖା ଅଳନ :

(କ) କାଗଜ ଭଙ୍ଗା କାମ :



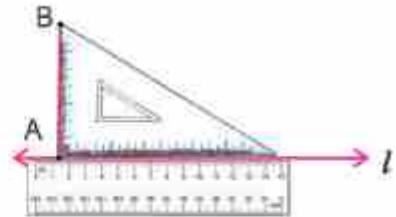
ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ଶତ୍ରୀଖ ଧଳା କାଗଜ (ତେଲ କାଗଜ) ନିଆ।
- ଏହା ଉପରେ ଏକ ରେଖାଖଣ୍ଡ ଆଙ୍କ। ଏହି ରେଖାଖଣ୍ଡର ନାମ 'A' ଦିଆ।
- ଇହାରିସ୍ଥ ଏକ ବିନ୍ଦୁ A ନିଆ।
- ଏବେ 'A' ବିନ୍ଦୁ ଉପରେ କାଗଜଟିକୁ ଭାଙ୍ଗିଦିଅ ଯେପରି ଭାଙ୍ଗର ଦୁଇପରେ ଥିବା ରେଖାଖଣ୍ଡର ଆଂଶ ପରିଷର ଉପରେ ରହିବେ।
- ଏବେ କାଗଜଟିକୁ ଝୋଲିଦିଅ।
- କାଗଜରେ ପଡ଼ିଥିବା ଭାଙ୍ଗ ହେଉଛି ରେଖାଖଣ୍ଡ ଉପରେ ଲମ୍ବରେଖା।
- ଏହା ଲମ୍ବରେଖା କି ନାହିଁ ପଢାଇବା କରି ଦେଖ।

(ଖ) ସେଇକୋଯାର ବ୍ୟବହାର କରି ଲମ୍ବ ଅଳନ :

- ଆସ, ଏବେ ସେଇ ଓ ସେଇକୋଯାର ସାହାଯ୍ୟରେ ରେଖାଖଣ୍ଡ ଉପରିସ୍ଥ ବିନ୍ଦୁ ଦେଇ ରେଖାଖଣ୍ଡ ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଳନ କରିବା।
- ଏହି କାମ ପାଇଁ ଶତ୍ରୀଖ ଧଳା କାଗଜ, ସେଇ ଓ ସେଇକୋଯାର ଓ ଫେନସିଲ ଯୋଗାବୁ କର।
- ପ୍ରଥମେ ଧଳାକାଗଜ ଉପରେ 'ନାମକ ସରକରେଖା ଅଳନ କର। ଏହା ଉପରେ 'A' ବିନ୍ଦୁ ନିଆ।

- ଗୋଟିଏ ସେଲର ଧାର / କୁଳଗାଇ ଜୋରରେ ଛପି ଧର ।
- ଚିତ୍ରରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଉକ୍ତ ସେଚ୍ସକୋଯାରକୁ ସେଲର ଧାର ସହିତ ଲଗାଇ ରଖ, ଯେପରି ସେଚ୍ସକୋଯାରର ସମକୋଣ ସଂଲଗ୍ନ ଗୋଟିଏ ଧାର ସେଲ୍ ସହିତ ଲାଗି ରହିବ ।
- ଏବେ ସେଚ୍ସକୋଯାରକୁ ସେଲ୍ ଧାର ସହ ଲଗାଇ ଏପରି ରଖ, ଯେପରି ସେଚ୍ସକୋଯାରର ସମକୋଣ ଥିବା ଶାର୍ଷ A ବିଦ୍ୟୁତରେ ରହିବ ।
- ଏବେ ସେଚ୍ସକୋଯାରକୁ ଉପରେ ରଖି ଧରି 'A' ବିଦ୍ୟୁତ ଦେଇ, ସେବେଥେଯାରର ସେଲଧାରକୁ ଲାଗି ନ ଥିବା ଧାରକୁ ଲଗାଇ ରଖି ଅଙ୍କନ କରି ତା'ର ନାମ ଦିଆ \overleftrightarrow{AB} ।
- \overleftrightarrow{AB} ହେଉଛି ଆବଶ୍ୟକ ଲମ୍ବରେଖା ।



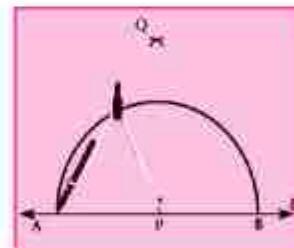
(ଗ) ସେଲ୍ ଓ କ୍ଷେତ୍ର ଘାହାୟରେ ନିର୍ଦ୍ଦିଷ୍ଟ ବିଦ୍ୟୁତରେ ରେଖାଖଣ୍ଡ ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ :

ପ୍ରଥମ ସୋପାନ :

'P' ସରଳ ରେଖା ଉପରେ 'P' ବିଦ୍ୟୁତ ନିଅ ।

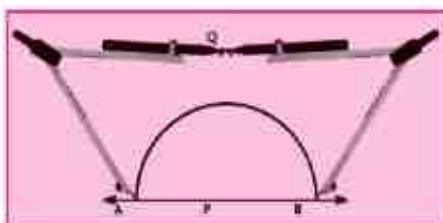
ଦ୍ୱାସ୍ତ୍ରୀୟ ସୋପାନ :

'P' କୁ କେନ୍ଦ୍ରବିନ୍ଦୁ ଲାବେ ନେଇ ଯେକୌଣସି ବ୍ୟାସାର୍ଦ୍ଧ ବିଶିଷ୍ଟ ରୂପ ଅଙ୍କନ କର । ଯେପରି ତାହା 'P' କୁ ଦୁଇଟି ବିଦ୍ୟୁତେ ଛେଦ କରିବ । ଛେଦବିନ୍ଦୁ ଦୟର ନାମ A ଓ B ଦିଆ ।



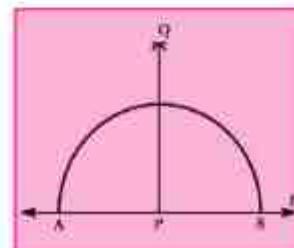
ଦ୍ୱାସ୍ତ୍ରୀୟ ସୋପାନ :

ଏବେ A ଓ B କୁ କେନ୍ଦ୍ରବିନ୍ଦୁ ନେଇ ଚିତ୍ରରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଉକ୍ତ ଦୁଇଟି ରୂପ ଅଙ୍କନ କର ଯେପରି ସେମାନେ ପରିଷରକୁ 'Q' ବିଦ୍ୟୁତେ ଛେଦ କରିବେ ।



ଚତୁର୍ଥ ସୋପାନ :

ଏବେ P ଓ Q କୁ ଯୋଗକରି \overleftrightarrow{PQ} ଅଙ୍କନ କର । \overleftrightarrow{PQ} ହେଉଛି ଆବଶ୍ୟକ ଲମ୍ବରେଖା ।



13.6.2 ସରଳରେଖା ବାହାରେ ଥୁବା ବିଦ୍ୟୁତ୍ ସରଳରେଖା ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ

(କ) କାଗଜ ଭାଙ୍ଗା କାମ :



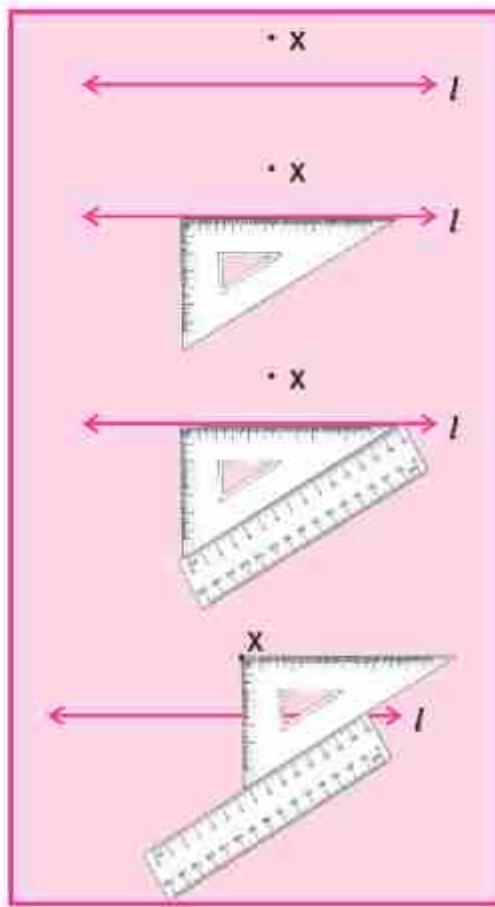
ନିଜେ କରି ଦେଖ

- ଖଣ୍ଡିଏ ଧଳା କାଗଜ ନିଆ । ଏଥରେ ଏକ ସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ କର, ତାହାର ନାମ 'I' ଦିଆ ।
- ସରଳରେଖା ବାହାରେ ଏକ ବିଦ୍ୟୁତ୍ 'X' ନିଆ ।
- ଏବେ କାଗଜଟିକୁ 'X' ବିଦ୍ୟୁତ୍ ଦେଇ ଏପରି ଭାଙ୍ଗ, ଯେପରି ଭାଙ୍ଗର ଦୂର୍ଯ୍ୟାଙ୍କରେ ଥୁବା ସରଳରେଖାର ଅଂଶ ଦୟ ପରିଷର ସହ ମିଳିଯିବ ।
- ଯେଉଁଠାରେ କାଗଜଟିକୁ ଭାଙ୍ଗିଲ ସେଠାରେ ଛପିଦିଆ ।
- ଏବେ କାଗଜଟିକୁ ଖୋଲିଦିଆ ।
- ଏବେ କାଗଜରେ ସୃଷ୍ଟି ହୋଇଥୁବା ଭାଙ୍ଗର ବାରଟି 'I' ସରଳରେଖା ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ।

(ଘ) ସେଚ୍ସକୋଯାର ବ୍ୟବହାର କରି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ

ଏବେ ସେଚ୍ସକୋଯାର ଓ ଦେଳି ବ୍ୟବହାର କରି ସରଳରେଖା ବାହାରେ ଥୁବା ଏକ ବିଦ୍ୟୁତ୍ ସରଳ ରେଖା ପ୍ରତି କିପରି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କରାଯାଏ ଜାଣିବା-

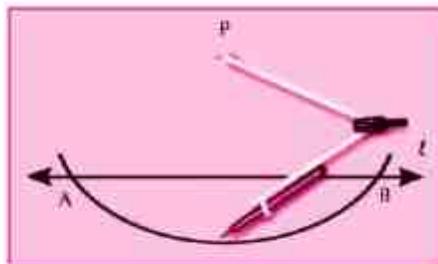
- I ନାମକ ଏକ ସରଳରେଖା ଅଙ୍କନ କର । ଏହାର ବାହାରେ X ନାମକ ବିଦ୍ୟୁତ୍ ଏନିଆ ।
- I ଉପରେ ସେଚ୍ସକୋଯାର ଏପରି ଭାବେ ରଖ, ଯେପରି ଏହାର ସମକୋଣ ସଂକଳ୍ପ ଗୋଟିଏ ଧାର / କୁଳାରିରିବିବା ଅନ୍ୟ ଧାରଟି I ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ହେବ ।
- ସେଚ୍ସକୋଯାର ସମକୋଣର ବିପରୀତ ଧାରକୁ ଲଗାଇ ଦେଲକୁ ରଖ ।
- ଦେଳଟିକୁ ପ୍ରିର ରଖ ସେଚ୍ସକୋଯାରକୁ ଦେଳର ଧାରରେ ଏପରି ଭାବରେ ଚଳାଇ ନିଆ, ଯେପରି ସେଚ୍ସକୋଯାରର I ରେଖା ସହ ଲମ୍ବ ଭାବରେ ଥୁବା ଧାର 'X' ବିଦ୍ୟୁତ୍ ଛୁର୍ବୁ ।
- ଏବେ 'X' ବିଦ୍ୟୁତ୍ ଦେଇ ସେଚ୍ସକୋଯାରର ପୂର୍ବୋତ୍ତ ଧାରକୁ ଲଗାଇ ଏକ ରେଖା ଅଙ୍କନ କରିବ, ଏହି ରେଖା ଯେଉଁଠାରେ କୁଣ୍ଡବ କରିବ ତା'ର ନାମ ଦିଆ ।



(ଗ) ସେଲ୍ ଓ କଟାସ ବ୍ୟବହାର କରି ସରଳରେଖା ବାହାରେ ଥିବା ବିନ୍ଦୁରୁ ସରଳରେଖା ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ

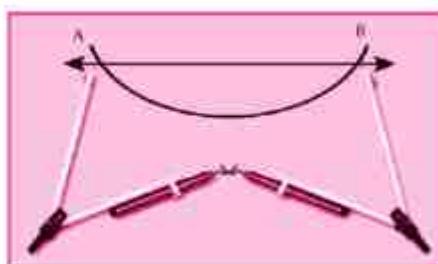
ପ୍ରଥମ ସୋପାନ :

'P' ନାମକ ସରଳରେଖା ନିଆ । P ବିନ୍ଦୁ ନିଅ, ଯାହା 'I' ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ ହୋଇ ନ ଥିବ ।



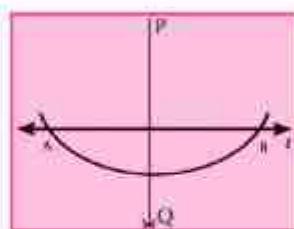
ଦୂରୀୟ ସୋପାନ :

'P' କୁ କେନ୍ଦ୍ରବିନ୍ଦୁ ଭାବେ ନେଇ ଏପରି ଏକ ଛପ ଅଙ୍କନ କର, ଯାହା 'I' କୁ ଛେଦ କରିବ । ଛେଦ ବିନ୍ଦୁର ନାମ ଦିଅ A ଓ B ।



ତୃତୀୟ ସୋପାନ :

ବ୍ୟାସାର୍କ ନ ବଦଳାଇ A ଓ B ବିନ୍ଦୁକୁ କେନ୍ଦ୍ରଭାବେ ନେଇ ଦୁଇଟି ଛପ ଅଙ୍କନ କର ଯେପରି ତପ ଦୂଇଟି ପରମ୍ପରକୁ ଛେଦ କରିବୋ । ଛେଦ ବିନ୍ଦୁର ନାମ ଦିଅ Q ।



ଚତୁର୍ଥ ସୋପାନ :

ଏବେ \overleftrightarrow{PQ} ଅଙ୍କନ କର । $\overleftrightarrow{PQ} \perp l$

ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ 13.6

- \overline{AB} ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କର । ଏହାର ଉପରେ X ନାମକ ବିନ୍ଦୁ ନିଅ । X ବିନ୍ଦୁଠାରେ \overline{AB} ରେଖାଖଣ୍ଡ ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କର (କେବଳ କଟାସ ଓ ସେଲ୍ ବ୍ୟବହାର କର ।)
- \overline{XY} ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କର । ଏହାର ଉପରେ ନ ଥିବା A ବିନ୍ଦୁ ନିଅ । A ବିନ୍ଦୁରୁ \overline{XY} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କରିବାର ସୋପାନଗୁଡ଼ିକୁ ଲେଖ ।
- \overline{PQ} ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କର । ଏହା ଉପରେ S ବିନ୍ଦୁ ନିଅ । S ବିନ୍ଦୁଠାରେ \overline{PQ} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କର । ଏବେ \overline{PS} ଓ \overline{QS} ର ବୈଶ୍ୟ ମାପ ।
- ୨ ସେ.ମି. ଦେର୍ଘ୍ୟର ଏକ ରେଖାଖଣ୍ଡ ଅଙ୍କନ କର । ଏହାର ନାମ \overline{AB} ଦିଅ । \overline{AB} ଉପରେ ଅବସ୍ଥିତ ନ ଥିବା S ବିନ୍ଦୁରେ S ବିନ୍ଦୁରୁ \overline{AB} ପ୍ରତି ଲମ୍ବ ଅଙ୍କନ କର ।

ଚତୁର୍ଥ ଅଧ୍ୟାୟ (କ)

51 (A) ଧାରା : ମୌଳିକ ବର୍ଜନ୍ୟ

ଭାରତର ପ୍ରତ୍ୟେକ ନାଗରିକର ନିମ୍ନଲିଖିତ କର୍ତ୍ତାଙ୍କ୍ୟ ହେବ-

- (କ) ସମ୍ବିଧାନ ମାନ୍ଦିର ଓ ଏହାର ଆଦର୍ଶ ଏବଂ ଜାତୀୟ ପତାକା, ଜାତୀୟ ସଞ୍ଚାର ଓ ଅନୁସାନମାନଙ୍କୁ ସମ୍ମାନ ପ୍ରଦର୍ଶନ କରିବା;
- (ଖ) ଯେଉଁବୁ ମହନୀୟ ଆଦର୍ଶ ଆମ ଜାତୀୟ ସ୍ଵାଧୀନଙ୍କ ସଂଗ୍ରାମଙ୍କୁ ଅନୁପ୍ରାଣିତ କରିଥିଲା, ତାହାକୁ ସୁରକ୍ଷା ଓ ଅନୁସରଣ କରିବା;
- (ଗ) ଭାରତର ସାର୍ବଜ୍ଞମ, ଏକତା ଓ ସଂହଚିର ସୁରକ୍ଷା କରିବା;
- (ଘ) ଦେଶର ପ୍ରତିକଷା କରିବା ଓ ଆଭଶ୍ୟକ ପଡ଼ିଲେ ଜାତୀୟ ସେବା ପ୍ରଦାନ କରିବା;
- (ଙ) ଧର୍ମନେତିକ, ରାଜାଶାଶ୍ଵର, ଆଞ୍ଚଳିକ କିମ୍ବା ଗୋଷ୍ଠୀଗତ ଭିନ୍ନତାକୁ ଅତିକ୍ରମ କରି ଭାରତର ସବୁ ଅଧ୍ୟବାସୀମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରେ ସହମତିଭାବ ଓ ଭ୍ରାତୃଭାବ ପ୍ରତିଷ୍ଠା କରିବା ଏବଂ ନାରୀମାନଙ୍କର ସମ୍ମାନରେ ଅନ୍ତ ଆସିବା ଉପି କାର୍ଯ୍ୟରୁ ନିର୍ମୂଳ ରହିବା;
- (ଘ୍ୟ) ଆମର ବିବିଧ ସଂସ୍କୃତିର ମୂଲ୍ୟବାନ ଏତିହ୍ୟକୁ ଯଥାର୍ଥ ମୂଲ୍ୟ ଦେବା ଓ ସାଇତି ରଖିବା;
- (ଛ) ଅଭିଯୋଗ, ହ୍ରଦ, ନଦୀ, ପର୍ମାପକ୍ଷୀ ସମଜିତ ପ୍ରାକୃତିକ ପରିବେଷନାର ସୁରକ୍ଷା ଏବଂ ଭାନୁତି କରିବା ଓ ଜୀବମାନଙ୍କ ପ୍ରତି ସଦୟ ହେବା;
- (କ) ବୈଜ୍ଞାନିକ ମୂଲ୍ୟବୋଧ, ମାନବିଜ୍ଞାନ ଓ ଅନୁସରିତିକ ବିଦ୍ୟା ସଂଦର୍ଭ ମନୋକାର ଧାରଣ କରିବା;
- (ଖ) ସର୍ବସାଧାରଣ ସମ୍ପର୍କର ସୁରକ୍ଷା କରିବା ଓ ହିଂସା ତ୍ୟାଗ କରିବା;
- (ଙ୍ଗ) ପ୍ରତ୍ୟେକ ଜୀବନରେ ବ୍ୟକ୍ତିଗତ ଓ ସମାଜିକ ଭକ୍ତିଗତ ପାଇଁ ଦେବା କରିବା ଯାହା ଫଳରେ ଦେଖ ସର୍ବଦା ଜୀଜଚର ଦେବା ଓ କୃତିକୁ ଦିଗରେ ଆଗେଇ ଯିବ ।
- (ଘ) ମାତ୍ର ପିତା ହୁଅନ୍ତୁ ବା ଅବିଭାବକ, ସେ ଜାକର ଛାନ୍ତ ବର୍ଷରୁ ଜଜଦ ବର୍ଷ ବଯସ ମଧ୍ୟରେ ଥିବା ସଜାନ ବା ପ୍ରତିପାଳିତଙ୍କୁ ଶିକ୍ଷାଲାଭର ସୁଯୋଗ ଯୋଗାଇଦେବେ ।