



Tarea 3

Modelación ARIMA

Modelos de series de Tiempo y Supervivencia

Profesor: Naranjo Albarrán Lizbeth

Adjuntos: Reyes González Belén

Rivas Godoy Yadira

Integrantes: Cuéllar Chávez Eduardo de Jesús

García Tapia Jesús Eduardo

Miranda Meraz Areli Gissell

Ramírez Maciel José Antonio

Saldaña Morales Ricardo

Grupo: 9249

Fecha: 10/NOV/2021

Analizar los datos Quarterly U.S. new plant/equip. expenditures 64 76 billions de la liberia tsdl de R.

1. Análisis descriptivo.

Grafique los datos, describa lo que observe (varianza constante o no constante, descomposición clásica, tendencia, ciclos estacionales, periodicidad de los ciclos).

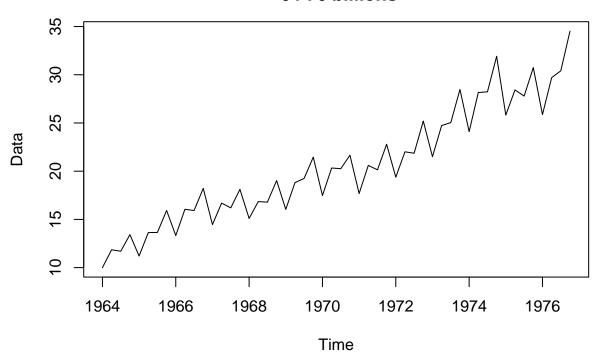
Primero carguemos la librería tsdl, ya que los datos necesarios se encuentran en dicha librería; así como otras necesarias para esta tarea.

```
library(tsdl); library(ggplot2); library(itsmr); library(forecast); library(TSA); library(lmtest)
library(timeSeries); library(timeSeries); library(astsa); library(dygraphs);
library(tseries); library(forecast); library(nortest); library(dplyr); library(imputeTS)
```

Cargamos la base de datos, nos aseguramos de que es la deseada.

```
Data <- tsdl[[12]]</pre>
attributes(Data)
## $tsp
## [1] 1964.00 1976.75
                           4.00
##
## $class
## [1] "ts"
##
## $source
## [1] "Abraham & Ledolter (1983)"
##
## $description
## [1] "Quarterly U.S. new plant/equip. expenditures -64 - -76 billions"
##
## $subject
## [1] "Microeconomic"
Ahora que noa aseguramos de que es la base que queriamos, procedemos a graficar:
plot(Data, main = "Quarterly U.S. new plant/equip. expenditures \n 64 76 billions")
```

Quarterly U.S. new plant/equip. expenditures 64 76 billions



Varianza Al menos de manera gráfica, la intuición nos dice que no hay varianza constante, pero probémoslo con un test de homocedasticidad:

```
#Los pasamos a series de tiempo
Serie<-ts(data=Data,start=c(1964,01),end=c(1976,4),frequency=4)
tiempo<-seq(1964+0/4, 1976+3/4, by = 1/4)
bptest(Serie~tiempo)

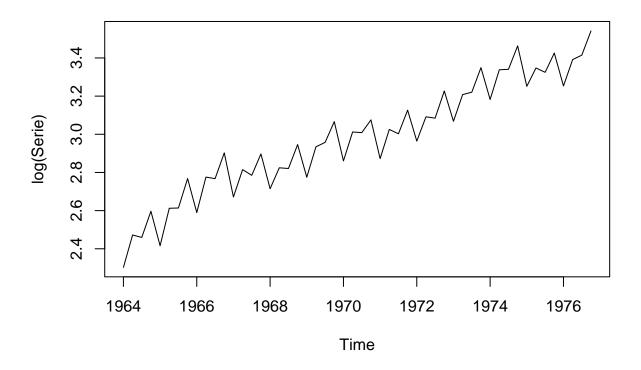
##
## studentized Breusch-Pagan test
##
## data: Serie ~ tiempo
## BP = 5.3713, df = 1, p-value = 0.02047</pre>
```

Efectivamente, no pasa el test de homocedasticidad.

Veamos qué pasa si aplicamos la transformación logaritmo:

```
bptest(log(Serie)~tiempo)
```

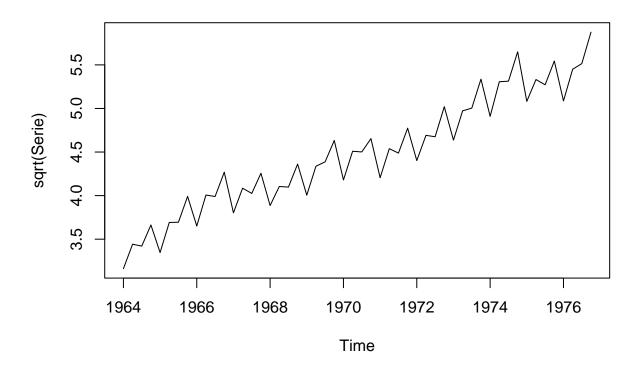
```
##
## studentized Breusch-Pagan test
##
## data: log(Serie) ~ tiempo
## BP = 1.965, df = 1, p-value = 0.161
```



Tampoco ayudó, aunque mejoró un poco. Intentemos con la raíz cuadrada

```
bptest(sqrt(Serie)~tiempo)
```

```
##
## studentized Breusch-Pagan test
##
## data: sqrt(Serie) ~ tiempo
## BP = 0.8651, df = 1, p-value = 0.3523
plot(sqrt(Serie))
```



¡Logramos estabilizarla!

Veamos si es estacionaria.

```
adf.test(sqrt(Serie))
##
##
    Augmented Dickey-Fuller Test
##
## data: sqrt(Serie)
## Dickey-Fuller = -1.415, Lag order = 3, p-value = 0.8097
## alternative hypothesis: stationary
kpss.test(sqrt(Serie))
## Warning in kpss.test(sqrt(Serie)): p-value smaller than printed p-value
##
    KPSS Test for Level Stationarity
##
##
## data: sqrt(Serie)
## KPSS Level = 1.389, Truncation lag parameter = 3, p-value = 0.01
```

Tendencia

Podemos observar una tendencia creciente que se presenta de manera lineal (al parecer), de manera general a lo largo de la serie

Ciclos estacionales

Los ciclos están bastante marcados , y tiene sentido puesto que son los datos de gastos de una empresa en maquinaria por trimestre, y en ese contexto es lógico que se presenten ciclos: Generalmente decae del último trimestre del año anterior al primero del año siguiente, para después crecer en el segundo semestre, en el tercero se mantiene casi al mismo nivel que el segundo, pero en el último aumenta; y es un comportamiento que se repite año con año

Periodicidad de los ciclos

Como comentamos en el apartado anterior, parece (al menos de manera gráfica) que se tienen ciclos anuales.

Descomposición clásica

Descomponeremos la serie por medio de filtros lineales:

Estabilización de la varianza

Aplicamos la transformación raíz cuadrada

```
Serie_sq<-sqrt(Serie)
bptest(Serie_sq~tiempo)</pre>
```

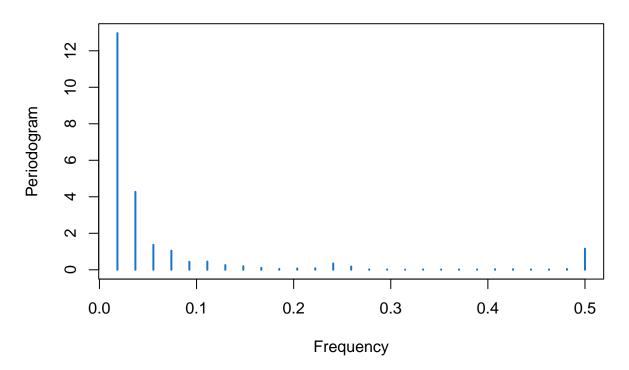
```
##
## studentized Breusch-Pagan test
##
## data: Serie_sq ~ tiempo
## BP = 0.8651, df = 1, p-value = 0.3523
```

Podemos asumir varianza constante

Periodicidad de ciclos

```
#Veamos la tendencia y los ciclos
Xt = Serie_sq
p = periodogram(Xt, main="Periodograma", col=4) # Obtenemos el periodograma
```

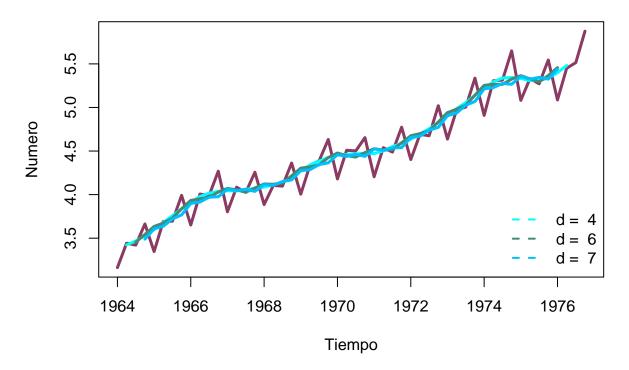
Periodograma



```
names(p)
                                                                    "df"
    [1] "freq"
                    "spec"
                                "coh"
                                            "phase"
                                                        "kernel"
   [7] "bandwidth" "n.used"
                                "orig.n"
                                            "series"
                                                        "snames"
                                                                    "method"
## [13] "taper"
                    "pad"
                                "detrend"
                                            "demean"
# Ordenamos de mayor a menor las estimaciones del periodograma.
spec = sort(p$spec, decreasing = TRUE)
(spec = spec[1:10]) # Nos quedamos con los 8 coeficientes de mayor frecuencia.
  [1] 12.9646281 4.2701894 1.3676068 1.1581310 1.0460373 0.4486585
   [7] 0.4395386 0.3466661 0.2593484 0.1970454
i = match(spec, p$spec) # Buscamos sus indices en el periodograma.
d = p$freq # Vemos las frecuencias del periodograma.
d = d[i] # Nos quedamos con las frecuencias que nos interesan.
cbind(spec,d,i)#
##
                               i
               spec
##
   [1,] 12.9646281 0.01851852
   [2,] 4.2701894 0.03703704
   [3,] 1.3676068 0.05555556
   [4,] 1.1581310 0.50000000 27
##
        1.0460373 0.07407407
##
   [5,]
   [6,] 0.4486585 0.11111111
##
  [7,] 0.4395386 0.09259259 5
##
  [8,] 0.3466661 0.24074074 13
```

```
## [9,] 0.2593484 0.12962963 7
## [10,] 0.1970454 0.14814815 8
d = 1 / d # Obtenemos los parametros para utilizar en promedios moviles.
d = floor(d) #
(d = sort(d))
## [1] 2 4 6 7 9 10 13 18 27 54
# Quitamos los periodos mas grandes
d = d[-length(d)]
d = d[-length(d)]
# Quitamos el más pequeño
d = d[-1]
d #Posibles periodos del ciclo
## [1] 4 6 7 9 10 13 18
#Realizamos la grafica:
col = c("cyan1", "aquamarine4", "deepskyblue1")
plot(Serie_sq, lwd = 3, xlab = "Tiempo", col = "hotpink4",
     main = "Serie con varianza Homocedastica",
    ylab = "Numero", col.main = "burlywood")
for (i in 1:3) {
 lines(tiempo, stats::filter(Serie_sq, rep(1 / d[i], d[i])), col = col[i],
legend("bottomright", col = col, lty = 2, lwd = 2, bty = "n",
       legend = c(paste("d = ", d[1]), paste("d = ", d[2]),
                 paste("d = ", d[3])), cex = 1)
```

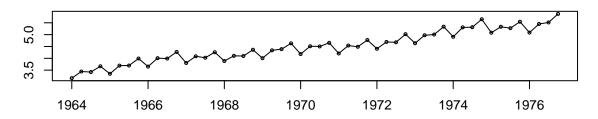
Serie con varianza Homocedastica

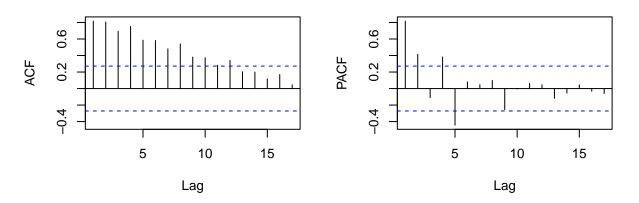


Notemos que d=2 parece sobreajustar un poco nuestra gráfica, de hecho, bastante. Sin embargo, con d=4 podemos obtener un buen suavizamiento sin pagar el costo de otros 2 datos al elegir d=6. Veamos el ACF y PACF:

tsdisplay(Serie_sq)

Serie_sq



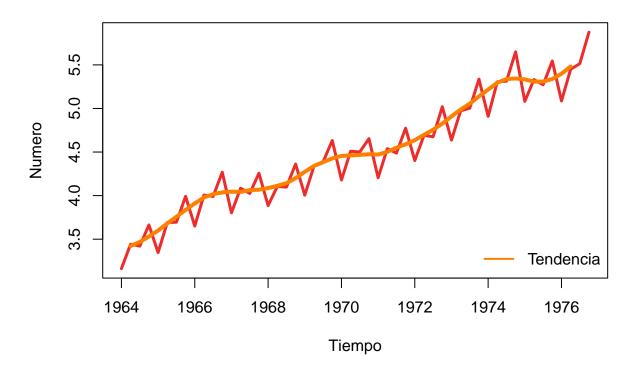


Y, junto con este último resultado, nos parece ideal concluir que el ciclo es d=4

Tendencia

Ahora, aislemos la tendencia:

Tendencia

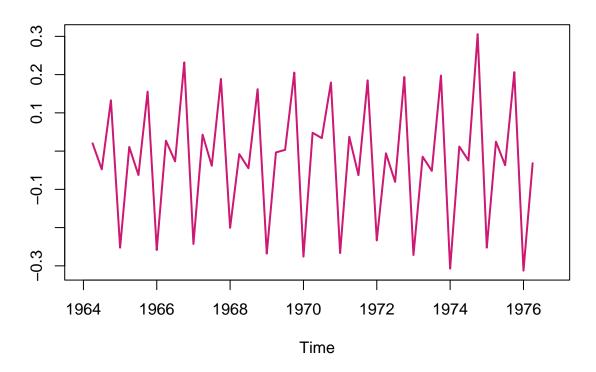


Lo que refuerza lo que creíamos: Tiene tendencia creciente casi de manera general.

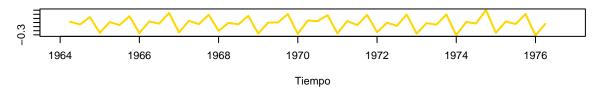
```
# Quitamos la tendencia
# Solo trabajamos con la serie cuya varianza es cte.

datosSinTendencia = Serie_sq - tendencia # Serie sin tendencia
plot(datosSinTendencia, main="Serie sin tendencia", lwd=2, ylab="", col=14)
```

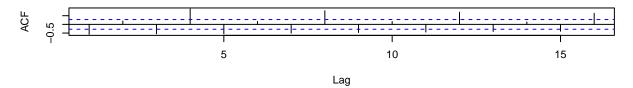
Serie sin tendencia



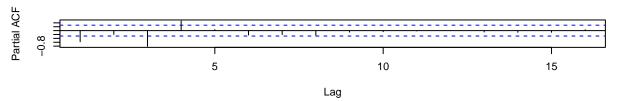
Serie de tiempo sin tendencia



Series datos.ts4[2:50]

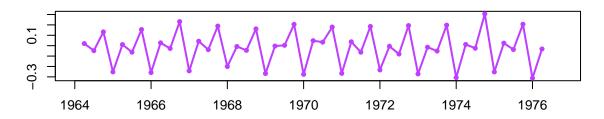


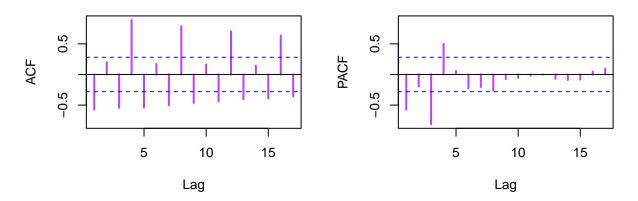
Series datos.ts4[2:50]



```
par(mfrow = c(1,1))
tsdisplay(datos.ts4, col="darkorchid1", lwd=2)
```

datos.ts4



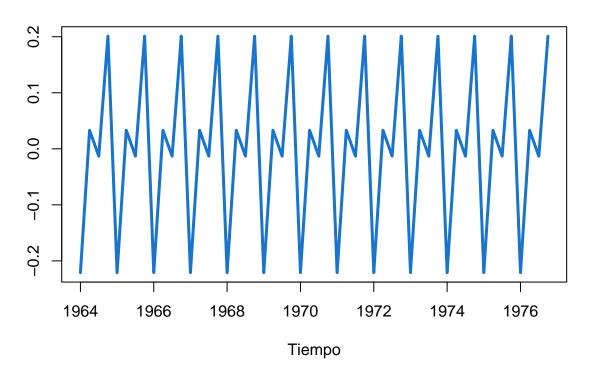


Parece que eliminamos la tendencia, ahora tratemos de verificar los ciclos

Ciclos o parte estacional

Ahora, estimaremos la parte estacional. Tenemos que d=4. Originalmente contábamos con 52 datos, pero ahora tenemos 48 (por los NA), entonces $\frac{48}{4} = 12$ ciclos.

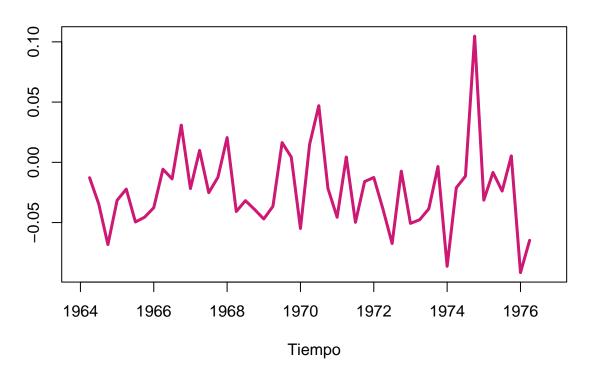
Ciclos de la serie



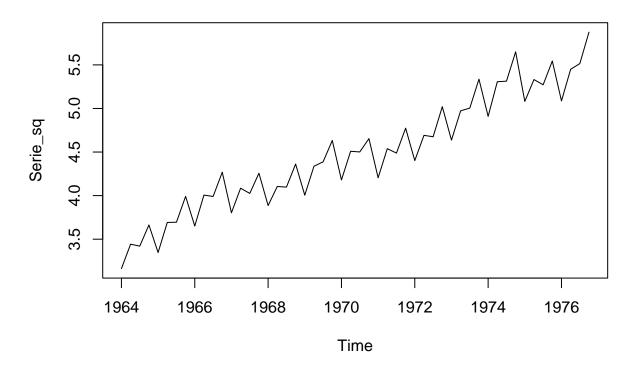
Ciclos anuales

Ahora verifiquemos de manera gráfica

Parte aleatoria



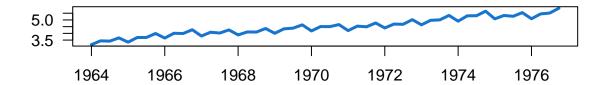
plot(Serie_sq)



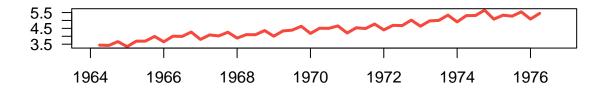
```
# Con esto, ya tenemos nuestras series

componentes = tendencia + ciclo+parte_aleatoria
componentes = ts(componentes, start = start(Serie_sq), frequency = 4)
par(mfrow = c(2,1))
plot(Serie_sq, col=28, las=1, main="Serie con varianza constante", lwd=3, xlab="",ylab="")
plot(componentes, col = 18, lwd = 3, las=1, main="Yt=tendencia+ciclos+aleatoria", xlab="",ylab="")
```

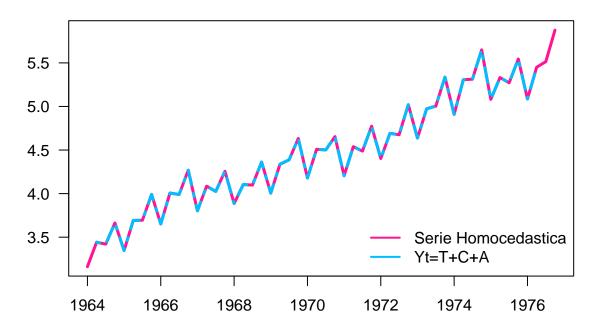
Serie con varianza constante



Yt=tendencia+ciclos+aleatoria



Serie_In



¡Logramos identificar los componentes de la serie!

2. Missing data

Suponga que las observaciones de 1971 Qtr1, 1973 Qtr2 y 1973 Qtr3, son datos faltantes NA, es decir, sustituya estas observaciones por NA.

Use al menos dos métodos de imputación de la paquetería imputeTS. ¿Cuál método es adecuado para estos datos? (Note que el valor imputado debe aproximarse al valor omitido).

Vamos a poner los datos que se piden, como NA:

```
Original=Serie[29]
Original[2]=Serie[38]
Original[3]=Serie[39]
Serie_2=Serie
Serie_2[29]=NA
Serie_2[38:39]=NA
Serie_2
## Qtr1 Qtr2 Qtr3 Qtr4
## 1964 10.00 11.85 11.70 13.42
## 1965 11.20 13.63 13.65 15.93
## 1966 13.33 16.05 15.92 18.22
## 1967 14.46 16.69 16.20 18.12
## 1968 15.10 16.85 16.79 19.03
## 1969 16.04 18.81 19.25 21.46
```

```
## 1970 17.47 20.33 20.26 21.66
          NA 20.60 20.14 22.79
## 1971
## 1972 19.38 22.01 21.86 25.20
## 1973 21.50
               NA
                       NA 28.48
## 1974 24.10 28.16 28.23 31.92
## 1975 25.82 28.43 27.79 30.74
## 1976 25.87 29.70 30.41 34.52
Ahora, veamos método por método:
Un vistazo a la documentación de la paquetería mencionada nos menciona los siguientes métodos:
na interpolation:
Missing Value Imputation by Interpolation. Acepta 3 tipos:
"linear" - for linear interpolation using approx (default choice)
Comparaciones=data.frame(Original)
na_interpolation(Serie_2,option='linear')[29] #Primer dato imputado
## [1] 21.13
na_interpolation(Serie_2,option='linear')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 23.82667
na_interpolation(Serie_2,option='linear')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 26.15333
na_interpolation_lineal=na_interpolation(Serie_2, option='linear')[29]-Original[1]
na_interpolation_lineal[2:3]=na_interpolation(Serie_2,option='linear')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_interpolation_lineal']=na_interpolation_lineal
"spline" - for spline interpolation using spline
na_interpolation(Serie_2,option='spline')[29] #Primer dato imputado
## [1] 21.91352
na_interpolation(Serie_2,option='spline')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 22.89979
na_interpolation(Serie_2,option='spline')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 27.71251
na_interpolation_spline=na_interpolation(Serie_2,option='spline')[29]-Original[1]
na_interpolation_spline[2:3]=na_interpolation(Serie_2,option='spline')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_interpolation_spline'] = na_interpolation_spline
"stine" - for Stineman interpolation using stinterp
na_interpolation(Serie_2,option='stine')[29] #Primer dato imputado
## [1] 21.13
na_interpolation(Serie_2, option='stine')[38] #Sequndo dato imputado
```

[1] 23.10575

```
na_interpolation(Serie_2,option='stine')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 26.86069
na_interpolation_stine=na_interpolation(Serie_2,option='stine')[29]-Original[1]
na_interpolation_stine[2:3]=na_interpolation(Serie_2,option='stine')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_interpolation_stine']=na_interpolation_stine
na kalman:
Missing Value Imputation by Kalman Smoothing and State Space Models. Acepta los siguientes modelos:
\begin{enumerate} "auto.arima" - For using the state space representation of arima model (using auto.arima)
(default choice)
na kalman(Serie 2, model='auto.arima')[29] #Primer dato imputado
## [1] 17.88402
na_kalman(Serie_2, model='auto.arima')[38] #Sequndo dato imputado
## [1] 24.99381
na_kalman(Serie_2,model='auto.arima')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 25.24268
na_kalman_auto.arima=na_kalman(Serie_2, model = 'auto.arima')[29]-Original[1]
na_kalman_auto.arima[2:3]=na_kalman(Serie_2,model='auto.arima')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_kalman_auto.arima']=na_kalman_auto.arima
"StructTS" - For using a structural model fitted by maximum likelihood (using StructTS)
na_kalman(Serie_2,model='StructTS')[29] #Primer dato imputado
## [1] 17.98114
na_kalman(Serie_2,model='StructTS')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 24.82428
na_kalman(Serie_2,model='StructTS')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 24.92793
na_kalman_StructTS=na_kalman(Serie_2, model='StructTS')[29]-Original[1]
na_kalman_StructTS[2:3]=na_kalman(Serie_2,model='StructTS')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_StructTS']=na_kalman_StructTS
na locf:
Missing Value Imputation by Last Observation Carried Forward. Acepta los siguientes métodos:
"locf" - for Last Observation Carried Forward (default choice)
na_locf(Serie_2, option = 'locf')[29] #Primer dato imputado
## [1] 21.66
na_locf(Serie_2,option = 'locf')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 21.5
na_locf(Serie_2, option = 'locf')[39] #Tercer dato imputado
```

```
## [1] 21.5
na_locf=na_locf(Serie_2, option='locf')[29]-Original[1]
na_locf[2:3]=na_locf(Serie_2,option='locf')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_locf']=na_locf
"noch" - for Next Observation Carried Backward
na_locf(Serie_2,option = 'nocb')[29] #Primer dato imputado
## [1] 20.6
na_locf(Serie_2,option = 'nocb')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 28.48
na_locf(Serie_2,option = 'nocb')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 28.48
na_locf_nocb=na_locf(Serie_2,option='nocb')[29]-Original[1]
na_locf_nocb[2:3]=na_locf(Serie_2,option='nocb')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_locf_nocb']=na_locf_nocb
na ma Missing:
Value Imputation by Weighted Moving Average. Acepta los siguientes métodos:
"simple" - Simple Moving Average (SMA)
na_ma(Serie_2, weighting = 'simple')[29] #Primer dato imputado
## [1] 20.32875
na_ma(Serie_2, weighting = 'simple')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 24.47286
na_ma(Serie_2, weighting = 'simple')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 25.36143
na_ma_simple=na_ma(Serie_2, weighting='simple')[29]-Original[1]
na_ma_simple[2:3] = na_ma(Serie_2, weighting='simple')[38:39] - Original[2:3]
Comparaciones['na_ma_simple']=na_ma_simple
"linear" - Linear Weighted Moving Average (LWMA)
na_ma(Serie_2, weighting = 'linear')[29] #Primer dato imputado
## [1] 20.55065
na_ma(Serie_2, weighting = 'linear')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 24.27452
na_ma(Serie_2,weighting = 'linear')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 25.54742
na_ma_linear=na_interpolation(Serie_2,option='linear')[29]-Original[1]
na_ma_linear[2:3] = na_interpolation(Serie_2, option='linear')[38:39] - Original[2:3]
Comparaciones['na ma linear'] = na ma linear
```

```
"exponential" - Exponential Weighted Moving Average (EWMA) (default choice)
na_ma(Serie_2, weighting = 'exponential')[29] #Primer Dato imputado
## [1] 20.759
na_ma(Serie_2, weighting = 'exponential')[38] #Sequndo dato imputado
## [1] 24.03682
na_ma(Serie_2, weighting = 'exponential')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 25.775
na_ma_exponential=na_ma(Serie_2, weighting='exponential')[29]-Original[1]
na_ma_exponential[2:3]=na_ma(Serie_2,weighting='exponential')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_exponential']=na_ma_exponential
na_mean Missing:
Value Imputation by Mean Value. Acepta los siguientes métodos:
"mean" - take the mean for imputation (default choice)
na_mean(Serie_2,option = 'mean')[29] #Primer dato imputado
## [1] 20.43
na_mean(Serie_2,option = 'mean')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 20.43
na_mean(Serie_2,option = 'mean')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 20.43
na_mean=na_mean(Serie_2,option='mean')[29]-Original[1]
na_mean[2:3]=na_mean(Serie_2,option='mean')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_mean']=na_mean
"median" - take the median for imputation
na_mean(Serie_2,option = 'median')[29] #Primer dato imputado
## [1] 19.38
na_mean(Serie_2,option = 'median')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 19.38
na_mean(Serie_2,option = 'median')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 19.38
na_mean_median=na_mean(Serie_2,option='median')[29]-Original[1]
na_mean_median[2:3]=na_mean(Serie_2,option='median')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_mean_median']=na_interpolation_lineal
"mode" - take the mode for imputation
na_mean(Serie_2,option = 'mode')[29] #Primer dato imputado
```

[1] 10

```
na_mean(Serie_2,option = 'mode')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 10
na_mean(Serie_2,option = 'mode')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 10
na_mean_mode=na_mean(Serie_2, option='mode')[29]-Original[1]
na_mean_mode[2:3]=na_mean(Serie_2,option='mode')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_mean_mode']=na_mean_mode
"harmonic" - take the harmonic mean
na_mean(Serie_2,option = 'harmonic')[29] #Primer dato imputado
## [1] 18.67181
na_mean(Serie_2,option = 'harmonic')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 18.67181
na_mean(Serie_2,option = 'harmonic')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 18.67181
na_mean_harmonic=na_mean(Serie_2,option='harmonic')[29]-Original[1]
na_mean_harmonic[2:3]=na_mean(Serie_2,option='harmonic')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_mean_harmonic']=na_mean_harmonic
"geometric" - take the geometric mean
na_mean(Serie_2,option = 'geometric')[29] #Primer dato imputado
## [1] 19.54094
na_mean(Serie_2,option = 'geometric')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 19.54094
na_mean(Serie_2,option = 'geometric')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 19.54094
na_mean_geometric=na_mean(Serie_2,option='geometric')[29]-Original[1]
na_mean_geometric[2:3]=na_mean(Serie_2,option='geometric')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_mean_geometric']=na_mean_geometric
na random:
Missing Value Imputation by Random Sample
na_random(Serie_2)[29] #Primer dato imputado
## [1] 29.10215
na_random(Serie_2)[38] #Segundo dato imputado
## [1] 10.76687
na_random(Serie_2)[39] #Tercer dato imputado
## [1] 27.74797
```

```
na_random=na_random(Serie_2)[29]-Original[1]
na_random[2:3]=na_random(Serie_2)[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_random']=na_random
na\_seadec:
Seasonally Decomposed Missing Value Imputation. Admite los siguiente métodos:
"interpolation" - Imputation by Interpolation (default choice)
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'interpolation')[29] #Primer dato imputado
## [1] 18.02499
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'interpolation')[38] #Sequndo dato imputado
## [1] 24.90596
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'interpolation')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 25.5488
na_seadec_interpolation=na_seadec(Serie_2, algorithm='interpolation')[29]-Original[1]
na_seadec_interpolation[2:3]=na_seadec(Serie_2, algorithm='interpolation')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_seadec_interpolation']=na_seadec_interpolation
"locf" - Imputation by Last Observation Carried Forward
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'locf')[29] #Primer dato imputado
## [1] 17.78802
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'locf')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 23.93409
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'locf')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 23.60507
na_seadec_locf=na_seadec(Serie_2,algorithm='locf')[29]-Original[1]
na_seadec_locf[2:3]=na_seadec(Serie_2,algorithm='locf')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_seadec_locf']=na_seadec_locf
"mean" - Imputation by Mean Value
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'mean')[29] #Primer dato imputado
## [1] 18.33885
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'mean')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 20.67408
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'mean')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 20.34506
na_seadec_mean=na_seadec(Serie_2,algorithm = 'mean')[29]-Original[1]
na_seadec_mean[2:3] = na_seadec(Serie_2, algorithm = 'mean')[38:39] - Original[2:3]
Comparaciones['na_seadec_mean']=na_seadec_mean
```

[&]quot;random" - Imputation by Random Sample

```
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'random')[29] #Primer dato imputado
## [1] 13.69008
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'random')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 17.97218
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'random')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 20.27817
na_seadec_random=na_seadec(Serie_2, algorithm = 'random')[29]-Original[1]
na_seadec_random[2:3]=na_seadec(Serie_2, algorithm = 'random')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_seadec_random']=na_seadec_random
"kalman" - Imputation by Kalman Smoothing and State Space Models
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'kalman')[29] #Primer dato imputado
## [1] 17.86519
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'kalman')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 24.88983
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'kalman')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 24.98804
na_seadec_kalman=na_seadec(Serie_2,algorithm = 'kalman')[29]-Original[1]
na_seadec_kalman[2:3]=na_seadec(Serie_2,algorithm = 'kalman')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_seadec_kalman']=na_seadec_kalman
"ma" - Imputation by Weighted Moving Average
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'ma')[29] #Primer dato imputado
## [1] 18.16021
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'ma')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 24.5854
na_seadec(Serie_2,algorithm = 'ma')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 25.62559
na_seadec_ma=na_seadec(Serie_2,algorithm = 'ma')[29]-Original[1]
na_seadec_ma[2:3] = na_seadec(Serie_2, algorithm = 'ma')[38:39] - Original[2:3]
Comparaciones['na_seadec_ma']=na_seadec_ma
na seasplit:
Seasonally Splitted Missing Value Imputation. Admite los siguiente métodos:
"interpolation" - Imputation by Interpolation (default choice)
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'interpolation')[29] #Primer dato imputado
## [1] 18.425
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'interpolation')[38] #Segundo dato imputado
```

```
## [1] 25.085
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'interpolation')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 25.045
na_seasplit_interpolation=na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'interpolation')[29]-Original[1]
na_seasplit_interpolation[2:3]=na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'interpolation')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_seadec_interpolation']=na_seasplit_interpolation
"locf" - Imputation by Last Observation Carried Forward
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'locf')[29] #Primer dato imputado
## [1] 17.47
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'locf')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 22.01
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'locf')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 21.86
na_seadec_locf=na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'locf')[29]-Original[1]
na_seadec_locf[2:3]=na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'locf')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_seadec_locf']=na_seadec_locf
"mean" - Imputation by Mean Value
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'mean')[29] #Primer dato imputado
## [1] 17.85583
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'mean')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 20.25917
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'mean')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 20.18333
na_seadec_mean=na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'mean')[29]-Original[1]
na_seadec_mean[2:3]=na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'mean')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_seadec_mean']=na_seadec_mean
"random" - Imputation by Random Sample
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'random')[29] #Primer dato imputado
## [1] 11.8614
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'random')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 26.10521
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'random')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 20.05702
na_seadec_random=na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'random')[29]-Original[1]
na_seadec_random[2:3] = na_seasplit(Serie_2, algorithm = 'random') [38:39] - Original [2:3]
Comparaciones['na_seadec_random'] = na_seadec_random
```

```
"kalman" - Imputation by Kalman Smoothing and State Space Models
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'kalman')[29] #Primer dato imputado
## [1] 18.37287
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'kalman')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 25.07742
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'kalman')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 24.68497
na_seadec_kalman=na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'kalman')[29]-Original[1]
na_seadec_kalman[2:3]=na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'kalman')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_seadec_kalman']=na_seadec_kalman
"ma" - Imputation by Weighted Moving Average
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'ma')[29] #Primer dato imputado
## [1] 18.788
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'ma')[38] #Segundo dato imputado
## [1] 24.70172
na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'ma')[39] #Tercer dato imputado
## [1] 24.58724
na_seadec_ma=na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'ma')[29]-Original[1]
na_seadec_ma[2:3]=na_seasplit(Serie_2,algorithm = 'ma')[38:39]-Original[2:3]
Comparaciones['na_seadec_ma']=na_seadec_ma
En el dataframe Comparaciones, lo que hacemos es guardar las diferencias respecto a la observación original,
acorde al método respectivo de ajuste.
Veamos cuál es el que minimiza dicho error:
Qr1_1971<-Comparaciones[1,]</pre>
Qr2_1973<-Comparaciones[2,]</pre>
Qr3_1973<-Comparaciones[3,]
#Para el primer trimiestre de 1971
dif_minima_Qr1_1971 \leftarrow min(abs(Qr1_1971))
dif_minima_Qr1_1971
## [1] 0.1758333
metodo_minimiza_Qr1_1971<-which.min(abs(Qr1_1971))
metodo minimiza Qr1 1971
## na_seadec_mean
##
#Los 5 mejores
aux_indices1<-(sort.list(abs(Qr1_1971)))[1:5]</pre>
```

Warning in xtfrm.data.frame(x): cannot xtfrm data frames

```
for (indice in aux_indices1){
  print(Qr1_1971[indice])
  i=i+1
}
##
    na_seadec_mean
## 1
         0.1758333
##
    na_kalman_auto.arima
## 1
               0.2040217
##
   na_seadec_locf
## 1
          -0.21
##
   na_StructTS
## 1
        0.301137
##
   na_seadec_kalman
            0.6928704
## 1
#Para el segundo trimiestre de 1973
dif_minima_Qr2_1973<-min(abs(Qr2_1973))
dif_minima_Qr2_1973
## [1] 0.02827586
metodo_minimiza_Qr2_1973<-which.min(abs(Qr2_1973))</pre>
metodo_minimiza_Qr2_1973
## na_seadec_ma
##
#Los 5 mejores
aux\_indices2 < -(sort.list(abs(Qr2\_1973)))[1:5]
## Warning in xtfrm.data.frame(x): cannot xtfrm data frames
i=1
for (indice in aux_indices2){
  print(Qr2_1973[indice])
  i=i+1
}
##
   na_seadec_ma
## 2 -0.02827586
## na StructTS
## 2 0.09427935
## na ma simple
## 2 -0.2571429
   na_kalman_auto.arima
## 2
               0.2638126
##
   na_seadec_kalman
## 2
            0.3474205
#Para el tercer trimiestre de 1973
dif_minima_Qr3_1973<-min(abs(Qr3_1973))</pre>
dif_minima_Qr3_1973
## [1] 0.005
metodo_minimiza_Qr3_1973<-which.min(abs(Qr3_1973))</pre>
metodo_minimiza_Qr3_1973
```

```
## na_seadec_interpolation
##
#Los 5 mejores
aux_indices3<-(sort.list(abs(Qr3_1973)))[1:5]</pre>
## Warning in xtfrm.data.frame(x): cannot xtfrm data frames
i=1
for (indice in aux indices3){
  print(Qr3_1973[indice])
  i=i+1
}
##
     na_seadec_interpolation
## 3
                        0.005
##
     na StructTS
## 3 -0.1120706
##
     na_kalman_auto.arima
## 3
                0.2026761
##
     na_ma_simple
        0.3214286
## 3
##
     na_seadec_kalman
## 3
           -0.3550296
```

En promedio, el método de kalman con el modelo StructTS y el de Kalman con el auto.arima logran tener las mejores estimaciones al aparecer siempre entre los 5 primeros y casi juntos en los 3 casos, por lo que podríamos decir que estas son las dos mejores opciones para imputar datos, en nuestro caso. Ambas son con el método de Kalman pero a través de distintos modelos (StructTS y auto.arima)

Aunque de manera individual, para el trimestre 1 de 1971; el mejor es el seadec usando la media. Para el segundo trimestre de 1973 es el seadec por medias móviles ponderadas (ma) y para el tercer trimestre de 1972 fue el seadec por interpolación. Los 3 coinciden en que usan el Seasonally Decomposed Value Imputation, pero hacen la imputación a través de distintos métodos (media, medias móviles y medias móviles ponderadas (ma))

3. Ajuste

Con los datos observados completos, ajuste un modelo ARIMA o SARIMA adecuado.

Obtenga correlogramas, revise si los parámetros son significativos, compruebe los supuestos (que los residuales sean ruido blanco con distribución normal). Obtenga dos o más posibles modelos, realice análisis de residuales y calcule medidas de bondad de ajuste. Haga la comparación para decidir cuál modelo sería el más adecuado.

Estacionariedad

En la primera parte vimos que si le aplicamos la transformación raíz cuadrada a la serie original, pasa la prueba para varianza constnte:

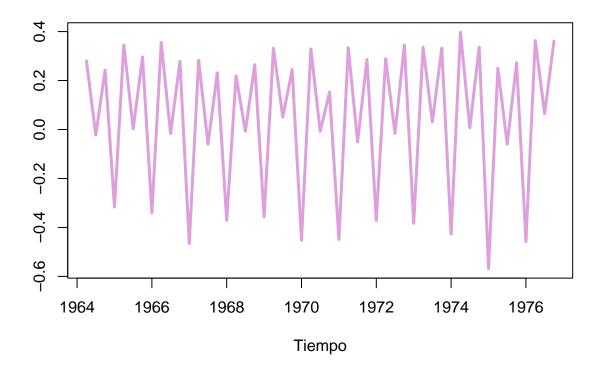
```
bptest(Serie_sq~tiempo)
```

```
##
## studentized Breusch-Pagan test
##
## data: Serie_sq ~ tiempo
## BP = 0.8651, df = 1, p-value = 0.3523
```

Ahora, las pruebas para estacionariedad:

```
adf.test(Serie_sq)
##
    Augmented Dickey-Fuller Test
##
##
## data: Serie_sq
## Dickey-Fuller = -1.415, Lag order = 3, p-value = 0.8097
## alternative hypothesis: stationary
kpss.test(Serie_sq)
## Warning in kpss.test(Serie_sq): p-value smaller than printed p-value
##
##
   KPSS Test for Level Stationarity
##
## data: Serie_sq
## KPSS Level = 1.389, Truncation lag parameter = 3, p-value = 0.01
No las pasa.
Aplicamos una diferencia
plot(diff(Serie_sq), col = "plum", lwd = 3, xlab = "Tiempo", ylab = " ",
    main = "Serie homoscedastica con una diferencia" )
```

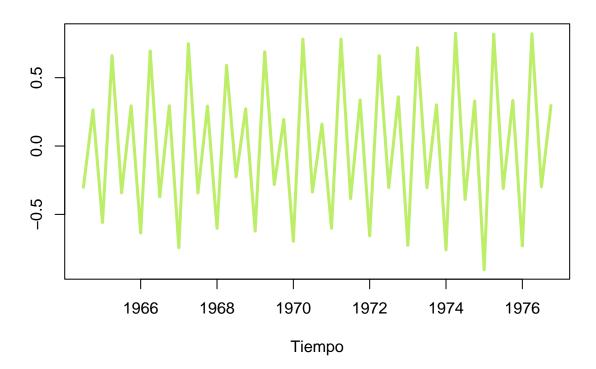
Serie homoscedastica con una diferencia



```
adf.test(diff(Serie_sq))
```

```
##
##
   Augmented Dickey-Fuller Test
##
## data: diff(Serie_sq)
## Dickey-Fuller = -1.6911, Lag order = 3, p-value = 0.6986
## alternative hypothesis: stationary
kpss.test(diff(Serie_sq))
## Warning in kpss.test(diff(Serie_sq)): p-value greater than printed p-value
##
##
   KPSS Test for Level Stationarity
##
## data: diff(Serie_sq)
## KPSS Level = 0.1743, Truncation lag parameter = 3, p-value = 0.1
Se contradicen. Apliquemos otra diferencia
plot(diff(Serie_sq)), col = "darkolivegreen2", lwd = 3, xlab = "Tiempo", ylab = " ",
    main = "Serie homoscedastica con dos diferencias" )
```

Serie homoscedastica con dos diferencias



```
adf.test(diff(diff(Serie_sq)))
## Warning in adf.test(diff(diff(Serie_sq))): p-value smaller than printed p-value
##
## Augmented Dickey-Fuller Test
##
## data: diff(diff(Serie_sq))
```

```
## Dickey-Fuller = -4.222, Lag order = 3, p-value = 0.01
## alternative hypothesis: stationary
kpss.test(diff(diff(Serie_sq)))
##
## KPSS Test for Level Stationarity
##
## data: diff(diff(Serie_sq))
## KPSS Level = 0.44788, Truncation lag parameter = 3, p-value = 0.05652
Pasa las dos pruebas si aplicamos dos diferencias; trabajaremos con esa.
```

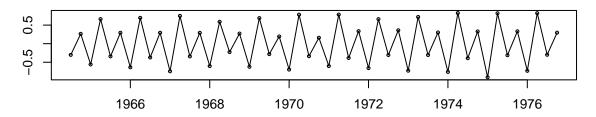
Correlogramas

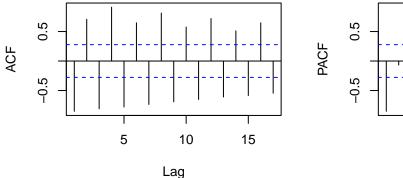
```
Serie_est<-diff(diff(Serie_sq))
```

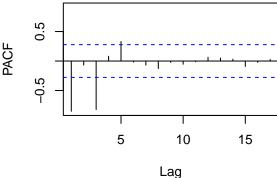
Visualizamos ACF y PACF

tsdisplay(Serie_est)

Serie_est







```
k=length(Serie_est)
banda<-qnorm(0.95)/(sqrt(k))
auxacf=acf(Serie_est,plot = F)#MA(6)
ACF_superior<-sum(auxacf$acf>banda)
ACF_inferior<-sum(auxacf$acf< -banda)
superan_banda_acf<-ACF_superior+ACF_inferior
superan_banda_acf</pre>
```

```
## [1] 16
```

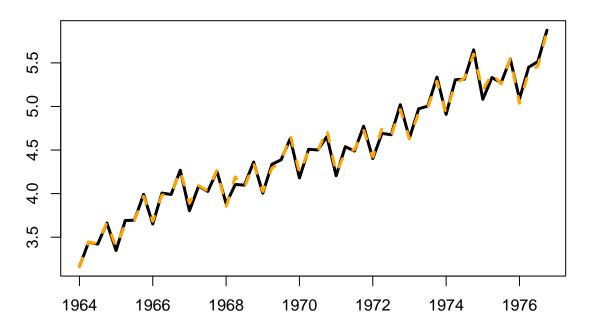
```
pauxacf=pacf(Serie_est,plot = F)#AR(6)
PACF_superior<-sum(pauxacf$acf>banda)
PACF_inferior<-sum(pauxacf$acf< -banda)
superan_banda_pacf<-PACF_superior+PACF_inferior
superan_banda_pacf</pre>
```

[1] 3

Parece, a simple vista, que puede que tengamos un ARIMA(3,2,16). Sin embargo, no hemos considerado la parte de los ciclos aún.

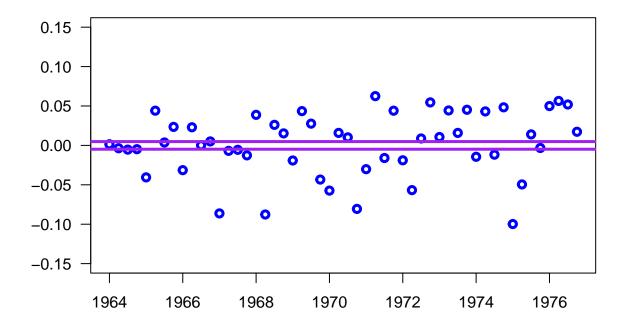
```
Veamos el ARIMA(3,2,16)...
ARIMA<-arima(Serie_sq,order=c(3,2,16))
## Warning in stats::arima(x = x, order = order, seasonal = seasonal, xreg =
## xreg, : possible convergence problem: optim gave code = 1
ARIMA
##
## Call:
## arima(x = Serie_sq, order = c(3, 2, 16))
##
## Coefficients:
##
             ar1
                      ar2
                               ar3
                                       ma1
                                               ma2
                                                        ma3
                                                                 ma4
                                                                          ma5
##
         -0.9944
                 -0.9932
                           -0.9987
                                    0.0916 0.3508 0.1531
                                                             -0.5243
                                                                      -0.3060
         0.0072
                   0.0074
                            0.0017
                                    0.1824 0.2205 0.2262
                                                              0.2668
                                                                       0.2554
## s.e.
##
             ma6
                      ma7
                               ma8
                                        ma9
                                                ma10
                                                         ma11
                                                                 ma12
                                                                         ma13
##
         -0.2524
                 -0.2833
                          -0.6654
                                    -0.1581 -0.1254 0.0519 0.5361 0.3603
                   0.2009
                            0.2805
                                    0.3226  0.2876  0.2392  0.2432  0.2316
## s.e.
         0.1789
                    ma15
                            ma 16
##
           ma14
##
         0.1052 -0.0599 0.0633
## s.e. 0.2092
                  0.2192 0.2458
##
## sigma^2 estimated as 0.001648: log likelihood = 75.1, aic = -112.19
Ahora veamos la gráfica
ARIMA_ajuste <- (Serie_sq - residuals(ARIMA))</pre>
ts.plot(Serie_sq, lwd=3, main="Comparación ", ylab="", xlab="")
points(ARIMA_ajuste, type = "1", col ="orange", lty = 2, lwd=3)
```

Comparación



```
###Y ahora los residuales
plot(ARIMA$residuals, type="p", col="blue", ylim=c(-0.15,0.15), ylab="", xlab="", main="Datos discrepant
abline(h=3*(var(ARIMA$residuals)), col="purple", lwd=3)
abline(h=-3*(var(ARIMA$residuals)), col="purple",lwd=3)
```

Datos discrepantes



Ahora atacaremos el problema con un SARIMA(p,d,q)x(P,D,Q), usando la estrategia definida en la página 180 de Introduction to Time Series and Forecasting de Peter Brockwell y Richard Davis.

Por el análisis hecho en la primera parte, sabemos que:

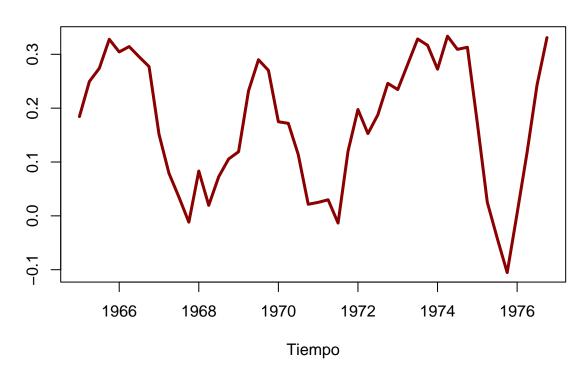
$$s=4$$

Podemos estimar d y D como aquellos que hacen que

$$Y_t = (1 - B)^d (1 - B^s)^D$$

Sea estacionaria. Probemos con d=0 y D=1

Serie homoscedastica con una diferencia de lag=4

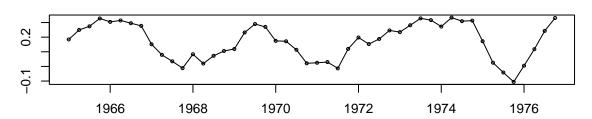


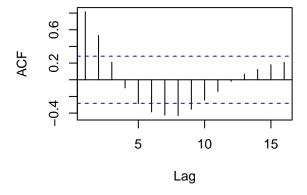
```
adf.test(diff(Serie_sq,lag=4))
## Warning in adf.test(diff(Serie_sq, lag = 4)): p-value smaller than printed p-
## value
##
   Augmented Dickey-Fuller Test
##
## data: diff(Serie_sq, lag = 4)
## Dickey-Fuller = -4.3985, Lag order = 3, p-value = 0.01
## alternative hypothesis: stationary
kpss.test(diff(Serie_sq,lag=4))
## Warning in kpss.test(diff(Serie_sq, lag = 4)): p-value greater than printed p-
## value
##
   KPSS Test for Level Stationarity
##
##
## data: diff(Serie_sq, lag = 4)
## KPSS Level = 0.076816, Truncation lag parameter = 3, p-value = 0.1
¡Las pasa! Entonces:
                                        d = 0, D = 1
```

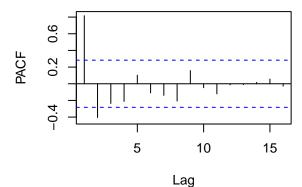
Trabajaremos con esta serie. Veamos su ACF y PACF

Serie_est<-diff(Serie_sq,lag=4)
tsdisplay(Serie_est)</pre>

Serie_est







¡Se ve mucho mejor que el anterior!

¿Cómo elegimos P y Q? La metodología seguida nos dice que veamos los lags que son múltiplos del ciclo (de s=4), y ver aquellos que se ajustan a un ARMA(P,Q). Es decir, en los lags ks $s=4,k\in\mathbb{N}\setminus\{0\}$

 $\c i$ Cómo elegimos p
 y q? Debemos fijarnos en aquellos lags entre 1 y s-1, es decir: Nos fijar
emos en los lags 1,2,3 y los ajustaremos a un ARMA(p,q)

Veamos el ACF

```
k=length(diff(Serie_sq,lag=4))
banda<-qnorm(0.95)/(sqrt(k))
auxacf=acf(diff(Serie_sq,lag=4),plot = F)#MA(6)
ACF_superior<-sum(auxacf$acf>banda)
ACF_inferior<-sum(auxacf$acf< -banda)
superan_banda_acf<-ACF_superior+ACF_inferior
superan_banda_acf</pre>
```

[1] 8

```
#Los que superan las bandas del acf son:
which(abs(auxacf$acf) > banda)
```

[1] 1 2 5 6 7 8 9 10

Por lo que:

$$q = 2, Q = 1$$

Para el PACF:

```
pauxacf=pacf(diff(Serie_sq,lag=4),plot = F)
PACF_superior<-sum(pauxacf$acf>banda)
PACF_inferior<-sum(pauxacf$acf< -banda)
superan_banda_pacf<-PACF_superior+PACF_inferior
superan_banda_pacf</pre>
```

[1] 2

```
#Los que superan las bandas del pacf son:
which(abs(pauxacf$acf) > banda)
```

[1] 1 2

Por lo que:

$$p = 2, P = 0$$

Entonces tenemos un modelo

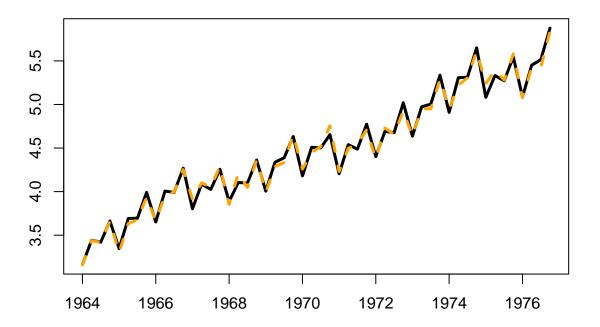
$$SARIMA(2,0,2) \times (0,1,1)_{[4]}$$

Ajustémoslo:

```
SARIMA<-arima(Serie_sq,order=c(2,0,2),seasonal=list(order=c(0,1,1),period=4), include.mean=F) SARIMA
```

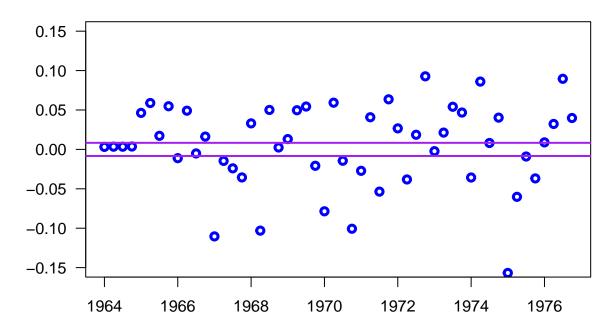
```
##
## Call:
## arima(x = Serie_sq, order = c(2, 0, 2), seasonal = list(order = c(0, 1, 1),
##
      period = 4), include.mean = F)
##
## Coefficients:
           ar1
##
                   ar2
                           ma1
                                    ma2
                                            sma1
##
        0.0779 0.9168 1.1411 0.2977 -0.8051
## s.e. 0.5505 0.5574 0.4604 0.2173 0.1948
##
## sigma^2 estimated as 0.002979: log likelihood = 68.54, aic = -127.08
SARIMA_ajuste <- Serie_sq - residuals(SARIMA)</pre>
ts.plot(Serie_sq, lwd=3, main="Comparación ", ylab="", xlab="")
points(SARIMA_ajuste, type = "1", col ="orange", lty = 2, lwd=3)
```

Comparación



```
###Y ahora los residuales
plot(SARIMA$residuals, type="p", col="blue", ylim=c(-.15,.15), ylab="", xlab="", main="Datos discrepant
abline(h=3*(var(SARIMA$residuals)), col="purple", lwd=2)
abline(h=-3*(var(SARIMA$residuals)), col="purple", lwd=2)
```

Datos discrepantes



Comparemos con el que ajusta R:

```
modelo_automatico<-auto.arima((diff(Serie_sq,lag=4)))</pre>
modelo_automatico
## Series: (diff(Serie_sq, lag = 4))
## ARIMA(2,0,1)(0,0,2)[4] with non-zero mean
##
## Coefficients:
##
                     ar2
                               ma1
                                       sma1
                                                sma2
                                                         mean
##
         1.6142
                -0.7911
                           -0.5142
                                    -0.3092
                                             -0.3808
                                                      0.1685
                                     0.2012
## s.e. 0.1300
                  0.1123
                           0.1760
                                              0.2298
## sigma^2 estimated as 0.002567: log likelihood=75.7
## AIC=-137.41
                 AICc=-134.61
                                BIC=-124.31
Probemos con otra diferencia:
adf.test(diff(diff(Serie_sq,lag=4)))
##
    Augmented Dickey-Fuller Test
##
## data: diff(diff(Serie_sq, lag = 4))
## Dickey-Fuller = -3.5973, Lag order = 3, p-value = 0.0434
## alternative hypothesis: stationary
```

```
kpss.test((diff(diff(Serie_sq,lag=4))))

## Warning in kpss.test((diff(diff(Serie_sq, lag = 4)))): p-value greater than
## printed p-value

##

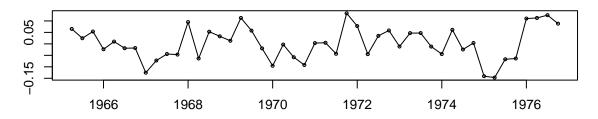
## KPSS Test for Level Stationarity

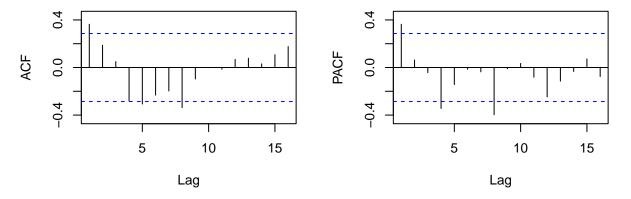
##
## data: (diff(diff(Serie_sq, lag = 4)))

## KPSS Level = 0.06211, Truncation lag parameter = 3, p-value = 0.1

tsdisplay(diff(diff(Serie_sq,lag=4)))
```

diff(diff(Serie_sq, lag = 4))





Sí pasa la prueba; ahora intentemos ajustar con dichas diferencias

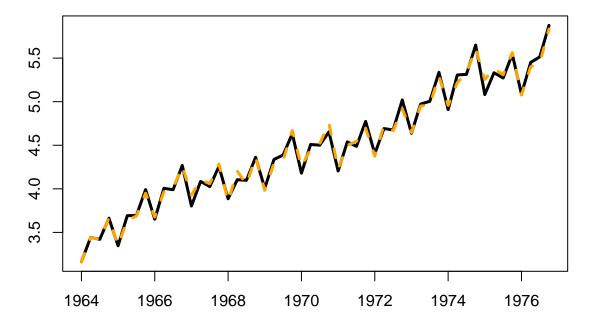
```
modelo_automatico<-auto.arima((diff(diff(Serie_sq,lag=4))))
modelo_automatico</pre>
```

```
## Series: (diff(diff(Serie_sq, lag = 4)))
## ARIMA(1,0,0)(0,0,1)[4] with zero mean
##
## Coefficients:
##
            ar1
                    sma1
                -0.6739
##
         0.2682
## s.e. 0.1468
                  0.1292
##
## sigma^2 estimated as 0.003262: log likelihood=67.64
## AIC=-129.27
                 AICc=-128.72
                               BIC=-123.72
```

```
Entonces es un SARIMA(1,1,0)x(0,1,1)[4]
```

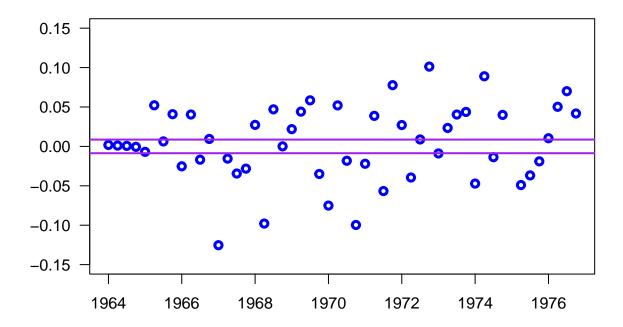
```
modelo_automatico<-arima(Serie_sq,order=c(1,1,0),seasonal=list(order=c(0,1,1),period=4))</pre>
modelo_automatico
##
## Call:
## arima(x = Serie_sq, order = c(1, 1, 0), seasonal = list(order = c(0, 1, 1),
       period = 4))
##
##
## Coefficients:
            ar1
                    sma1
##
         0.2682 -0.6739
## s.e. 0.1468
                  0.1292
##
## sigma^2 estimated as 0.003123: log likelihood = 67.64, aic = -131.27
AUTOMATICO_ajuste <- Serie_sq - residuals(modelo_automatico)</pre>
ts.plot(Serie sq, lwd=3, main="Comparación ", ylab="", xlab="")
points(AUTOMATICO_ajuste, type = "1", col ="orange", lty = 2, lwd=3)
```

Comparación



```
###Y ahora los residuales
plot(modelo_automatico$residuals, type="p", col="blue", ylim=c(-.15,.15), ylab="", xlab="", main="Datos
abline(h=3*(var(modelo_automatico$residuals)), col="purple", lwd=2)
abline(h=-3*(var(modelo_automatico$residuals)), col="purple",lwd=2)
```

Datos discrepantes



Tratemos de ajustar otro SARIMA manualmente; con el enfoque antes mencionado:

Veamos el ACF

```
k=length(diff(diff(Serie_sq,lag=4)))
banda<-qnorm(0.95)/(sqrt(k))
auxacf=acf(diff(diff(Serie_sq,lag=4)),plot = F)#MA(6)
ACF_superior<-sum(auxacf$acf>banda)
ACF_inferior<-sum(auxacf$acf< -banda)
superan_banda_acf<-ACF_superior+ACF_inferior
superan_banda_acf</pre>
```

[1] 4

#Los que superan las bandas del acf son:
which(abs(auxacf\$acf) > banda)

[1] 1 4 5 8

Por lo que:

$$q = 1, Q = 2$$

Para el PACF:

```
pauxacf=pacf(diff(diff(Serie_sq,lag=4)),plot = F)
PACF_superior<-sum(pauxacf$acf>banda)
PACF_inferior<-sum(pauxacf$acf< -banda)
superan_banda_pacf<-PACF_superior+PACF_inferior
superan_banda_pacf</pre>
```

```
## [1] 4
```

```
#Los que superan las bandas del pacf son:
which(abs(pauxacf$acf) > banda)
```

```
## [1] 1 4 8 12
```

Por lo que:

$$p=1, P=3$$

Entonces tenemos un modelo

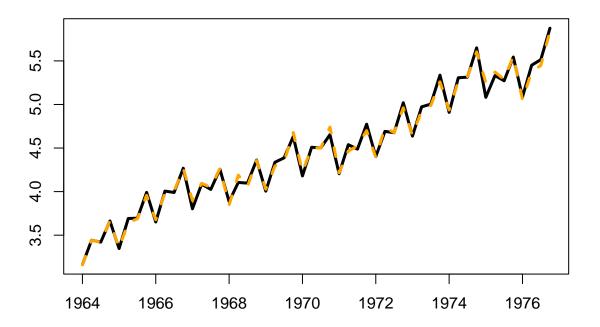
$$SARIMA(1,1,1) \times (3,1,2)_{[4]}$$

Ajustémoslo:

```
SARIMA2<-arima(Serie_sq,order=c(1,1,1),seasonal=list(order=c(3,1,2),period=4), include.mean=F)
SARIMA2
##
## Call:
## arima(x = Serie_sq, order = c(1, 1, 1), seasonal = list(order = c(3, 1, 2),
      period = 4), include.mean = F)
##
## Coefficients:
##
           ar1
                    ma1
                            sar1
                                     sar2
                                              sar3
                                                      sma1
                                                               sma2
        0.5047 -0.2597 -0.9560 -0.5185 -0.3367 0.5136 -0.4861
## s.e. 0.3125 0.3233
                         0.2893
                                  0.3190 0.2335 0.4041
                                                             0.2919
## sigma^2 estimated as 0.002429: log likelihood = 71.29, aic = -128.59
SARIMA_ajuste2 <- Serie_sq - residuals(SARIMA2)</pre>
```

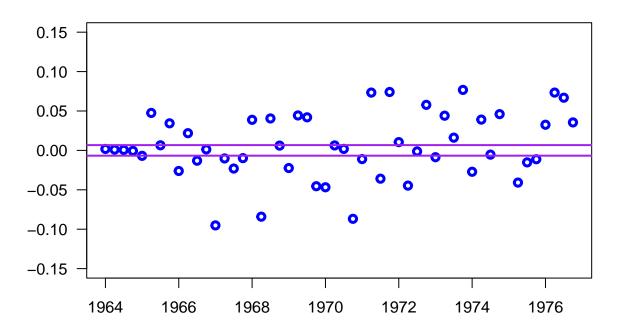
ts.plot(Serie_sq, lwd=3, main="Comparación ", ylab="", xlab="")
points(SARIMA_ajuste2, type = "l", col ="orange", lty = 2, lwd=3)

Comparación



```
###Y ahora los residuales
plot(SARIMA2$residuals, type="p", col="blue", ylim=c(-.15,.15), ylab="", xlab="", main="Datos discrepant
abline(h=3*(var(SARIMA2$residuals)), col="purple", lwd=2)
abline(h=-3*(var(SARIMA2$residuals)), col="purple",lwd=2)
```

Datos discrepantes



Por el AIC y BIC

```
AIC <- c (SARIMA$aic, ARIMA$aic, modelo_automatico$aic, SARIMA2$aic)
BIC<-c(BIC(SARIMA),BIC(ARIMA),BIC(modelo_automatico), BIC(SARIMA2))
loglik<-c(SARIMA$loglik,ARIMA$loglik,modelo_automatico$loglik, SARIMA2$loglik)
Comparar<-data.frame('AIC'=AIC,'BIC'=BIC,'Loglik'=loglik,row.names = c('SARIMA','ARIMA','Automatico', '
Comparar
```

```
##
                    AIC
                               BIC
                                     Loglik
## SARIMA
              -127.0795 -113.85233 68.53977
## ARIMA
              -112.1905 -71.95005 75.09525
## Automatico -131.2738 -123.72339 67.63692
## SARIMA2
              -128.5861 -111.78489 71.29303
```

Comparemos los errores:

```
comparar_=cbind("ARIMA",ARIMA$aic,BIC(ARIMA), mean(ARIMA$residuals),
                mean(abs(ARIMA$residuals)),sqrt(mean((ARIMA$residuals)^2)),
                length(ARIMA$coef))
comparar_2=cbind("SARIMA",SARIMA$aic,BIC(SARIMA), mean(SARIMA$residuals),
                 mean(abs(SARIMA$residuals)),sqrt(mean((SARIMA$residuals)^2)),
                 length(SARIMA$coef))
comparar_3=cbind("SARIMA AUTOMÁTICO", modelo_automatico$aic,BIC(modelo_automatico), mean(modelo_automati
                 mean(abs(modelo_automatico$residuals)),sqrt(mean((modelo_automatico$residuals)^2)),
                 length(modelo_automatico$coef))
comparar_4=cbind("SARIMA2",SARIMA2$aic,BIC(SARIMA2), mean(SARIMA2$residuals),
```

```
AJUSTE
                     AIC
##
                                       BIC
                                                         ME
##
  ARIMA
                     -112.190505919999 -71.950045811436 0.00113404901103327
## SARIMA
                     -127.079539350415 -113.852333284968 0.00480342160710416
## SARIMA AUTOMÁTICO -131.273837494611 -123.723394689481 0.000394350469091238
## SARIMA2
                     -128.586067490355 -111.784886676675 0.00191986834666404
## MAE
                      RMSE
                                         #Parametros
## 0.0313590810867887 0.0398103705554394 19
## 0.0408775073139969 0.0524452560585087 5
## 0.0406078930009833 0.0531376953726595 2
## 0.0342715205550597 0.0468668451395007 7
```

Parece que el SARIMA ajustado de manera automática es quien mejores indicadores tiene, después sería el segundo SARIMA que ajustamos nosotros, después el primer SARIMA y finalmente, el ARIMA

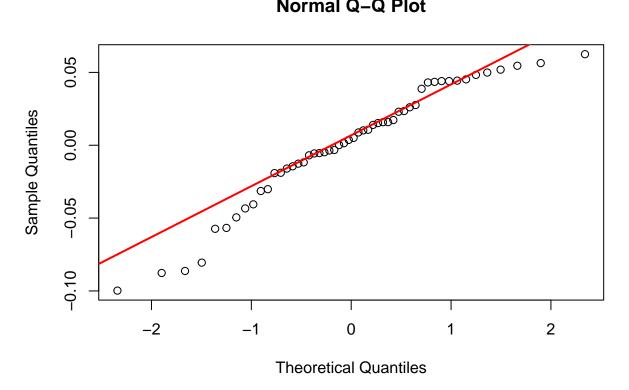
Hagamos la comprobación de supuestos:

Normalidad

ARIMA

```
#ARIMA
qqnorm(ARIMA$residuals)
qqline(ARIMA$residuals, col="red", lwd=2)
```

Normal Q-Q Plot



```
#Prueba Anderson-Darling
ad.test(ARIMA$residuals)
##
    Anderson-Darling normality test
##
##
## data: ARIMA$residuals
## A = 0.74525, p-value = 0.04904
#Prueba de Shapiro
shapiro.test(ARIMA$residuals)
##
    Shapiro-Wilk normality test
##
##
## data: ARIMA$residuals
## W = 0.94576, p-value = 0.01933
#Jarque-Bera Test
jarque.bera.test(ARIMA$residuals)
##
##
    Jarque Bera Test
##
## data: ARIMA$residuals
## X-squared = 3.9831, df = 2, p-value = 0.1365
```

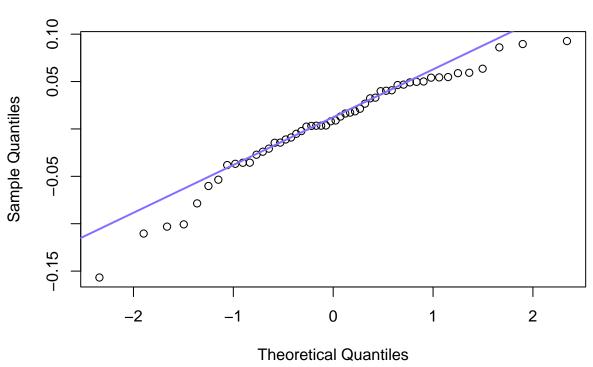
Solo pasa Jarque-Bera

SARIMA

Jarque Bera Test

```
#SARIMA
qqnorm(SARIMA$residuals)
qqline(SARIMA$residuals, col="lightslateblue", lwd=2)
```

Normal Q-Q Plot



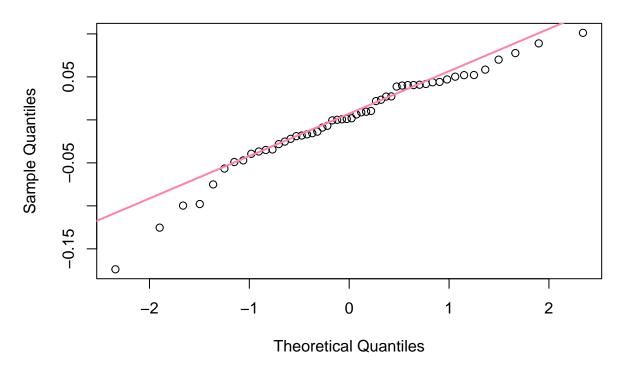
```
#Prueba Anderson-Darling
ad.test(SARIMA$residuals)
##
##
    Anderson-Darling normality test
##
## data: SARIMA$residuals
## A = 0.74048, p-value = 0.0504
#Prueba de Shapiro
shapiro.test(SARIMA$residuals)
##
##
    Shapiro-Wilk normality test
##
## data: SARIMA$residuals
## W = 0.94837, p-value = 0.02487
#Jarque-Bera Test. tseries
jarque.bera.test(SARIMA$residuals)
##
```

```
##
## data: SARIMA$residuals
## X-squared = 7.3243, df = 2, p-value = 0.02568
Solo pasa Anderson-Darling
```

Apenas pasamos Anderson-Darling ### SARIMA AUTOMÁTICO

```
#SARIMA AUTOMÁTICO
qqnorm(modelo_automatico$residuals)
qqline(modelo_automatico$residuals, col="palevioletred1", lwd=2)
```

Normal Q-Q Plot



```
#Prueba Anderson-Darling
ad.test(modelo_automatico$residuals)

##
## Anderson-Darling normality test
##
## data: modelo_automatico$residuals
## A = 0.61243, p-value = 0.1055

#Prueba de Shapiro
shapiro.test(modelo_automatico$residuals)

##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: modelo_automatico$residuals
##
## action = 0.95524, p-value = 0.04873
```

```
#Jarque-Bera Test. tseries
jarque.bera.test(modelo_automatico$residuals)

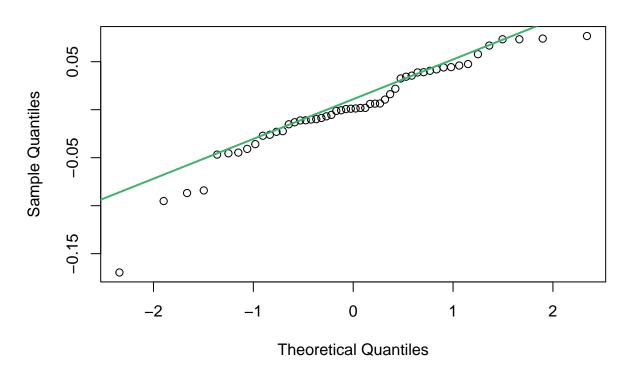
##
## Jarque Bera Test
##
## data: modelo_automatico$residuals
## X-squared = 8.8165, df = 2, p-value = 0.01218
```

Pasa Anderson-Darling con un p-value no tan cerca de 00.05, pero las demás pruebas las rechaza

SARIMA2

```
#SARIMA2
qqnorm(SARIMA2$residuals)
qqline(SARIMA2$residuals, col="mediumseagreen", lwd=2)
```

Normal Q-Q Plot



```
#Prueba Anderson-Darling
ad.test(SARIMA2$residuals)
```

```
##
## Anderson-Darling normality test
##
## data: SARIMA2$residuals
## A = 0.76981, p-value = 0.04256
```

```
#Prueba de Shapiro
shapiro.test(SARIMA2$residuals)
##
##
   Shapiro-Wilk normality test
##
## data: SARIMA2$residuals
## W = 0.93269, p-value = 0.005712
#Jarque-Bera Test. tseries
jarque.bera.test(SARIMA2$residuals)
##
##
    Jarque Bera Test
##
## data: SARIMA2$residuals
## X-squared = 17.165, df = 2, p-value = 0.0001874
No pasa ningún test.
El modelo ajustado por auto.arima tiene el mejor ajuste acorde a las pruebas
Varianza constante
ARIMA
#ARIMA
Y <- as.numeric(ARIMA$residuals)
X <- 1:length(ARIMA$residuals)</pre>
bptest(Y ~ X)
## studentized Breusch-Pagan test
##
## data: Y ~ X
## BP = 1.2041, df = 1, p-value = 0.2725
Lo pasa
SARIMA
#SARIMA
Y <- as.numeric(SARIMA$residuals)</pre>
X <- 1:length(SARIMA$residuals)</pre>
bptest(Y ~ X)
##
## studentized Breusch-Pagan test
## data: Y ~ X
## BP = 1.6613, df = 1, p-value = 0.1974
```

SARIMA AUTOMÁTICO

Lo pasa

```
#SARIMA AUTOMÁTICO
Y <- as.numeric(modelo_automatico$residuals)</pre>
X <- 1:length(modelo_automatico$residuals)</pre>
bptest(Y ~ X)
##
##
    studentized Breusch-Pagan test
##
## data: Y ~ X
## BP = 1.8803, df = 1, p-value = 0.1703
Lo pasa
SARIMA2
#SARIMA2
Y <- as.numeric(SARIMA2$residuals)
X <- 1:length(SARIMA2$residuals)</pre>
bptest(Y ~ X)
##
  studentized Breusch-Pagan test
##
##
## data: Y ~ X
## BP = 2.3289, df = 1, p-value = 0.127
Lo pasa
Todos pasan las pruebas; el mayor p-value lo obtuvo el ARIMA
Media cero
ARIMA
t.test(ARIMA$residuals,mu=0)
##
##
    One Sample t-test
##
## data: ARIMA$residuals
## t = 0.20352, df = 51, p-value = 0.8395
\#\# alternative hypothesis: true mean is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.01005282 0.01232092
## sample estimates:
## mean of x
## 0.001134049
Lo pasa
SARIMA
t.test(SARIMA$residuals,mu=0)
##
```

One Sample t-test

```
##
## data: SARIMA$residuals
## t = 0.65684, df = 51, p-value = 0.5142
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.009877914 0.019484757
## sample estimates:
## mean of x
## 0.004803422
Lo pasa
```

SARIMA AUTOMÁTICO

```
t.test(modelo_automatico$residuals,mu=0)

##

## One Sample t-test

##

## data: modelo_automatico$residuals

## t = 0.053, df = 51, p-value = 0.9579

## alternative hypothesis: true mean is not equal to 0

## 95 percent confidence interval:

## -0.0145432 0.0153319

## sample estimates:

## mean of x

## 0.0003943505
Lo pasa
```

SARIMA2

```
t.test(SARIMA2$residuals,mu=0)
```

```
##
## One Sample t-test
##
## data: SARIMA2$residuals
## t = 0.29279, df = 51, p-value = 0.7709
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.01124418    0.01508392
## sample estimates:
## mean of x
## 0.001919868
Lo pasa
```

Todos pasan esta prueba

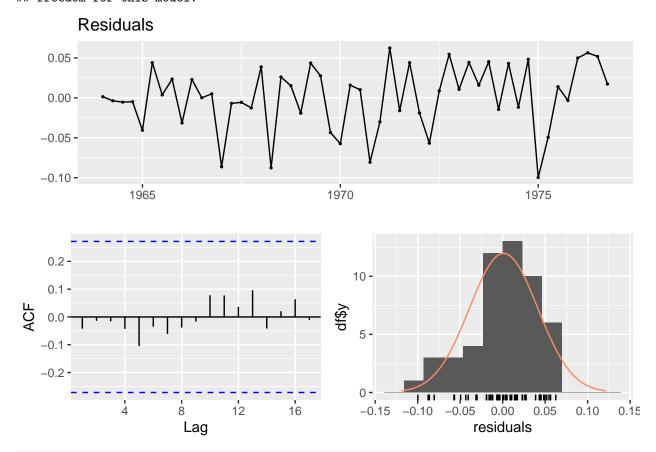
Residuales no correlacionados

ARIMA

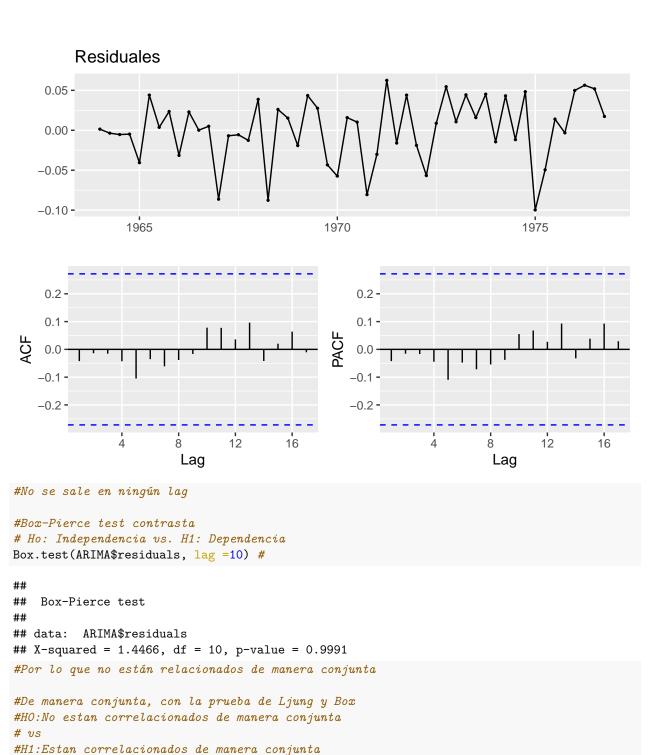
```
checkresiduals(ARIMA$residuals)
```

```
## Warning in modeldf.default(object): Could not find appropriate degrees of
```

freedom for this model.

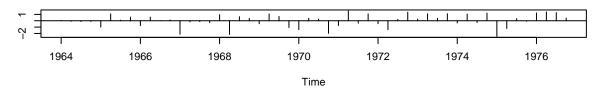


ggtsdisplay(ARIMA\$residuals,main="Residuales")

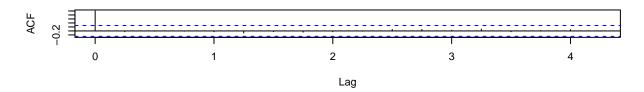


tsdiag(ARIMA)

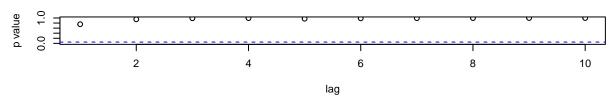
Standardized Residuals



ACF of Residuals



p values for Ljung-Box statistic

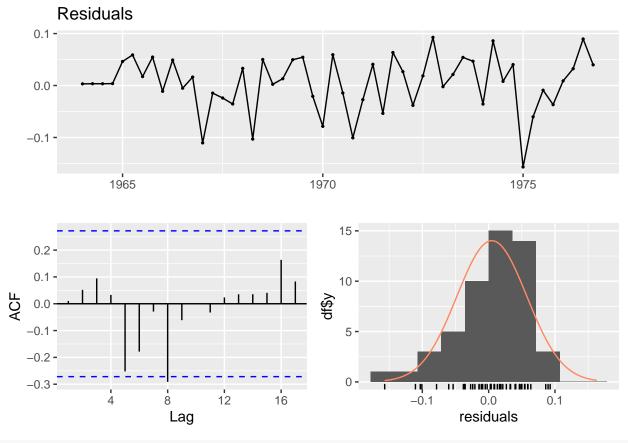


Pasa las pruebas

SARIMA

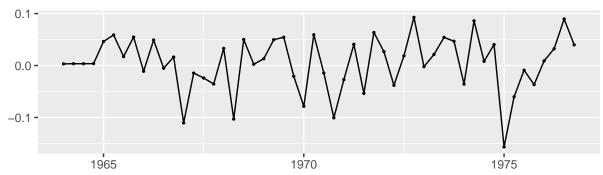
checkresiduals(SARIMA\$residuals)

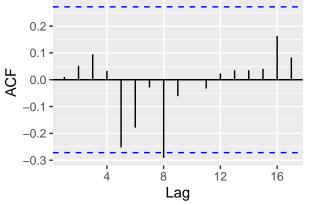
Warning in modeldf.default(object): Could not find appropriate degrees of
freedom for this model.

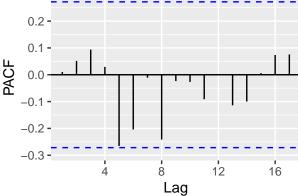


ggtsdisplay(SARIMA\$residuals,main="Residuales")







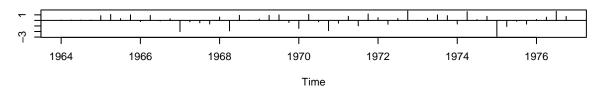


```
#Se sale en un lag cerca de 8, por poco.
#Box-Pierce test contrasta
# Ho: Independencia vs. H1: Dependencia
Box.test(SARIMA$residuals, lag =10)
```

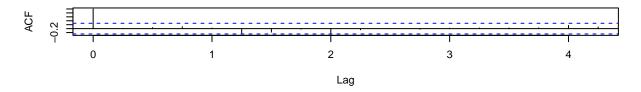
```
##
## Box-Pierce test
##
## data: SARIMA$residuals
## X-squared = 10.287, df = 10, p-value = 0.4157
#De manera conjunta, con la prueba de Ljung y Box
```

#HO:No estan correlacionados de manera conjunta
vs
#H1:Estan correlacionados de manera conjunta
tsdiag(SARIMA)

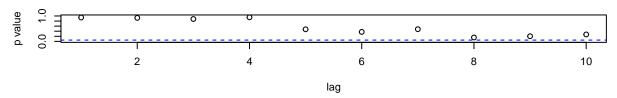
Standardized Residuals



ACF of Residuals



p values for Ljung-Box statistic

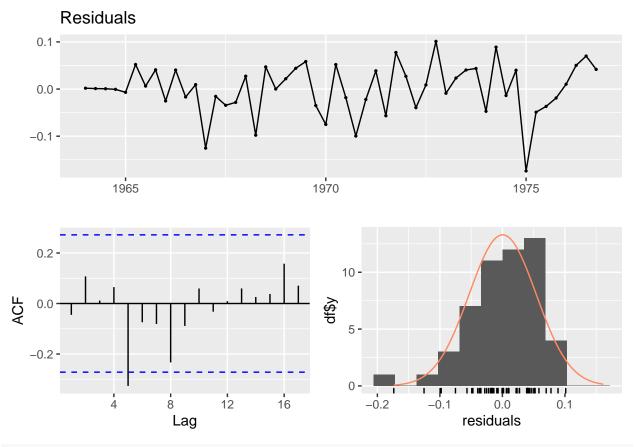


Pasa las pruebas

SARIMA AUTOMÁTICO

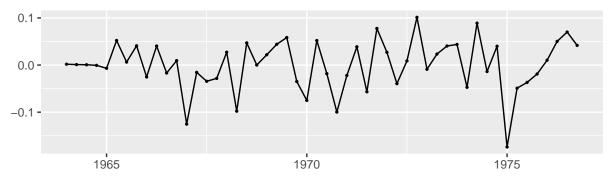
checkresiduals(modelo_automatico\$residuals)

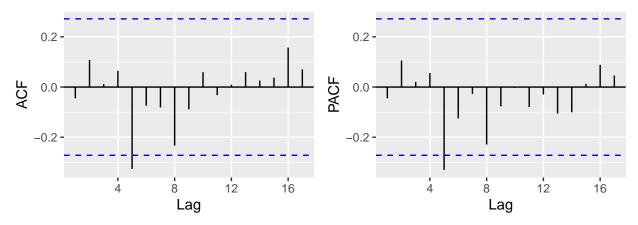
Warning in modeldf.default(object): Could not find appropriate degrees of ## freedom for this model.



ggtsdisplay(modelo_automatico\$residuals,main="Residuales")



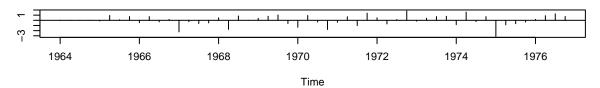




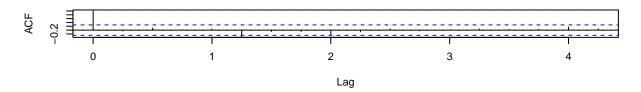
```
#Se sale cerca del lag 5
#Box-Pierce test contrasta
# Ho: Independencia vs. H1: Dependencia
Box.test(modelo_automatico$residuals, lag =10)
```

```
##
## Box-Pierce test
##
## data: modelo_automatico$residuals
## X-squared = 10.52, df = 10, p-value = 0.3962
#De manera conjunta, con la prueba de Ljung y Box
#HO:No estan correlacionados de manera conjunta
# vs
#H1:Estan correlacionados de manera conjunta
tsdiag(modelo_automatico)
```

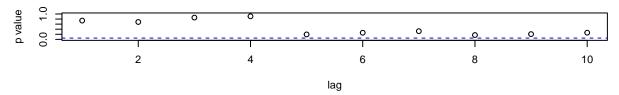
Standardized Residuals



ACF of Residuals



p values for Ljung-Box statistic

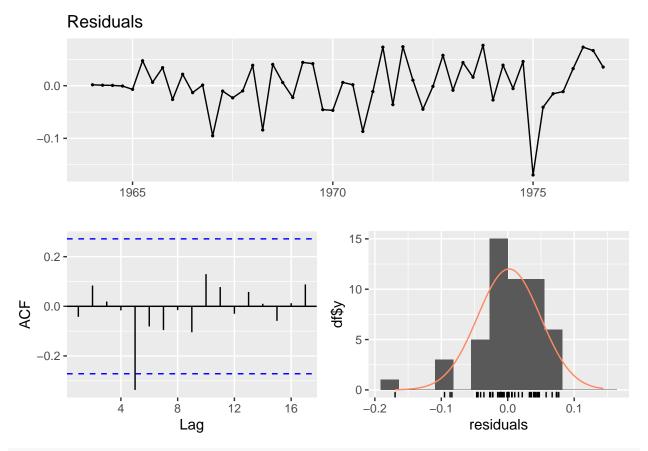


Pasa las pruebas

SARIMA2

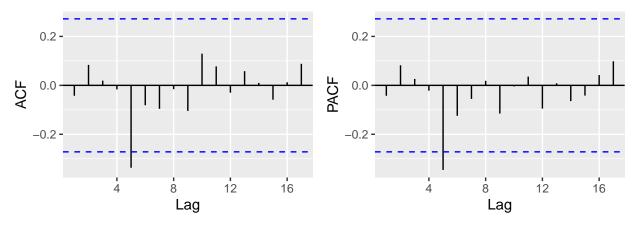
checkresiduals(SARIMA2\$residuals)

Warning in modeldf.default(object): Could not find appropriate degrees of
freedom for this model.



Residuales

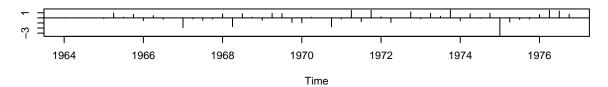




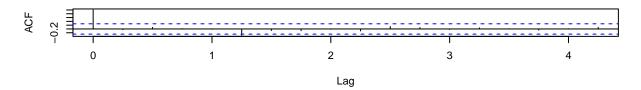
```
#Se sale en el lag 5;
#Box-Pierce test contrasta
# Ho: Independencia vs. H1: Dependencia
Box.test(SARIMA2$residuals, lag =10)
```

```
##
## Box-Pierce test
##
## data: SARIMA2$residuals
## X-squared = 8.6676, df = 10, p-value = 0.5639
#De manera conjunta, con la prueba de Ljung y Box
#HO:No estan correlacionados de manera conjunta
# vs
#H1:Estan correlacionados de manera conjunta
tsdiag(SARIMA2)
```

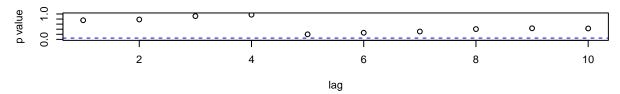
Standardized Residuals



ACF of Residuals



p values for Ljung-Box statistic



Pasa los test

Significancia de los coeficientes

ARIMA

ARIMA_int<-confint(ARIMA)
ARIMA_int

```
##
              2.5 %
                           97.5 %
## ar1
        -1.00862641 -0.980272709
        -1.00769140 -0.978709545
        -1.00209914 -0.995346337
##
  ar3
## ma1
        -0.26602909
                     0.449156386
## ma2
        -0.08125679
                     0.782926858
        -0.29018023
## ma3
                     0.596448780
##
  ma4
        -1.04713433 -0.001366895
        -0.80658372
                     0.194540758
##
  ma5
## ma6
        -0.60300938
                     0.098162739
        -0.67709203
                     0.110569510
## ma7
## ma8
        -1.21515818 -0.115601890
## ma9
        -0.79038082
                     0.474220236
## ma10 -0.68907677
                     0.438275283
  ma11 -0.41681849
                     0.520709182
  ma12 0.05951077
                     1.012705480
## ma13 -0.09375056
                     0.814269836
## ma14 -0.30496484
                     0.515268122
```

```
## ma15 -0.48960995 0.369774301
## ma16 -0.41846529 0.544986781
k=length(confint(ARIMA))/2
no_sign<-c()
for(i in 1:k){
  no_sign[i] <- (ARIMA_int[i] <0 & ARIMA_int[i+k] >0)
#No significatives
sum(no_sign)
## [1] 13
#Porcentaje no significativos
sum(no_sign)/k
## [1] 0.6842105
SARIMA
SARIMA_int<-confint(SARIMA)</pre>
SARIMA_int
##
             2.5 %
                       97.5 %
## ar1 -1.0011218 1.1569074
## ar2 -0.1756916 2.0093433
        0.2387241 2.0433917
## ma1
## ma2 -0.1281688 0.7236648
## sma1 -1.1870104 -0.4232753
k=length(confint(SARIMA))/2
no_sign<-c()
for(i in 1:k){
  no_sign[i]<-(SARIMA_int[i]<0 & SARIMA_int[i+k]>0)
#No significativos
sum(no_sign)
## [1] 3
#Porcentaje no significativos
sum(no_sign)/k
## [1] 0.6
SARIMA AUTOMÁTICO
SARIMA_DRIFT_int<-confint(modelo_automatico)</pre>
SARIMA_DRIFT_int
##
             2.5 %
                       97.5 %
## ar1 -0.0195618 0.5560452
## sma1 -0.9272078 -0.4205821
k=length(confint(modelo_automatico))/2
no_sign<-c()</pre>
for(i in 1:k){
  no_sign[i]<-(SARIMA_DRIFT_int[i]<0 & SARIMA_DRIFT_int[i+k]>0)
```

```
}
#No significativos
sum(no_sign)
## [1] 1
#Porcentaje no significativos
sum(no_sign)/k
## [1] 0.5
SARIMA2
SARIMA2_int<-confint(SARIMA2)
SARIMA2 int
##
             2.5 %
                        97.5 %
## ar1 -0.1077112 1.11718746
## ma1 -0.8933044 0.37395118
## sar1 -1.5230961 -0.38888560
## sar2 -1.1437314 0.10671376
## sar3 -0.7943175 0.12091960
## sma1 -0.2783978 1.30557906
## sma2 -1.0582232 0.08599028
k=length(confint(SARIMA2))/2
no_sign<-c()
for(i in 1:k){
  no_sign[i] <- (SARIMA2_int[i] <0 & SARIMA2_int[i+k] >0)
}
#No significativos
sum(no_sign)
## [1] 6
#Porcentaje no significativos
sum(no_sign)/k
```

[1] 0.8571429

Por la simplicidad del modelo (Al tener solo 2 coeficientes), ser el que posee el menor porcentaje de coeficientes no significativos y además, pasar todos los tests (En normalidad pasó al menos Anderson-Darling) y tener los mejores índices, el ajustado por auto.arima parece ser el mejor candidato. Aunque podemos ver otro acercamiento:

```
adf.test(diff(diff(Serie_sq,lag=4),lag=4))

## Warning in adf.test(diff(diff(Serie_sq, lag = 4), lag = 4)): p-value smaller

## than printed p-value

##

## Augmented Dickey-Fuller Test

##

## data: diff(diff(Serie_sq, lag = 4), lag = 4)

## Dickey-Fuller = -4.7255, Lag order = 3, p-value = 0.01

## alternative hypothesis: stationary
```

```
kpss.test(diff(diff(Serie_sq,lag=4),lag=4))

## Warning in kpss.test(diff(diff(Serie_sq, lag = 4), lag = 4)): p-value greater

## than printed p-value

##

## KPSS Test for Level Stationarity

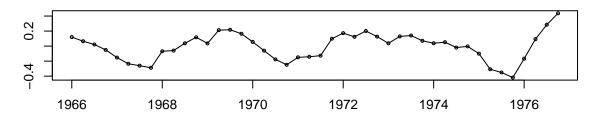
##

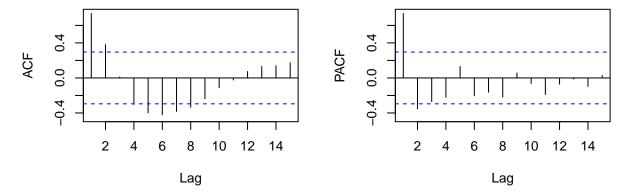
## data: diff(diff(Serie_sq, lag = 4), lag = 4)

## KPSS Level = 0.061061, Truncation lag parameter = 3, p-value = 0.1

tsdisplay(diff(diff(Serie_sq,lag=4),lag=4))
```

diff(diff(Serie_sq, lag = 4), lag = 4)





¡Dos diferencias con lag de 4 es estacionario!

Tratemos de ajustar otro SARIMA manualmente; con el enfoque antes mencionado:

Veamos el ACF

```
k=length(diff(Serie_sq,lag=4),lag=4))
banda<-qnorm(0.95)/(sqrt(k))
auxacf=acf(diff(Serie_sq,lag=4),lag=4),plot = F)#MA(6)
ACF_superior<-sum(auxacf$acf>banda)
ACF_inferior<-sum(auxacf$acf< -banda)
superan_banda_acf<-ACF_superior+ACF_inferior
superan_banda_acf</pre>
```

[1] 7

```
#Los que superan las bandas del acf son:
which(abs(auxacf$acf) > banda)
```

[1] 1 2 4 5 6 7 8

Por lo que:

$$q = 2, Q = 2$$

Para el PACF:

```
pauxacf=pacf(diff(diff(Serie_sq,lag=4),lag=4),plot = F)
PACF_superior<-sum(pauxacf$acf>banda)
PACF_inferior<-sum(pauxacf$acf< -banda)
superan_banda_pacf<-PACF_superior+PACF_inferior
superan_banda_pacf</pre>
```

[1] 3

```
#Los que superan las bandas del pacf son:
which(abs(pauxacf$acf) > banda)
```

[1] 1 2 3

Por lo que:

$$p = 3, P = 0$$

Aunque, en el ACF y PACF del SARIMA(1,1,1)x(3,1,2)[4], en el lag=4 en el ACF parece que es por muy poco que pasa la banda, y en el lag=12 en el PACF se queda un poco por debajo de la banda, así que trataremos de reducir en un grado P y Q en dicho modelo para ver si de esa manera mejorra un poco el ajuste; haciendo un modelo SARIMA(1,1,1)x(2,1,1)[4]

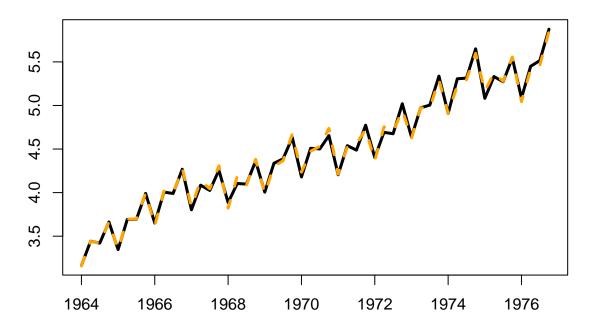
```
modelo_automatico2<-arima(Serie_sq,order=c(3,0,2),seasonal=list(order=c(0,2,2),period=4))
modelo_automatico2</pre>
```

```
##
## Call:
## arima(x = Serie_sq, order = c(3, 0, 2), seasonal = list(order = c(0, 2, 2),
##
      period = 4))
##
## Coefficients:
##
                             ar3
            ar1
                    ar2
                                              ma2
                                                      sma1
                                                              sma2
                                     ma1
##
         0.7757 0.6517 -0.6161 0.3044
                                         -0.3810
                                                   -1.9867
                                                            0.9916
## s.e. 0.5586 0.8630
                          0.3938 0.5477
                                           0.3435
                                                    1.6034 1.6010
##
## sigma^2 estimated as 0.001871: log likelihood = 60.11, aic = -106.22
```

Gráfica

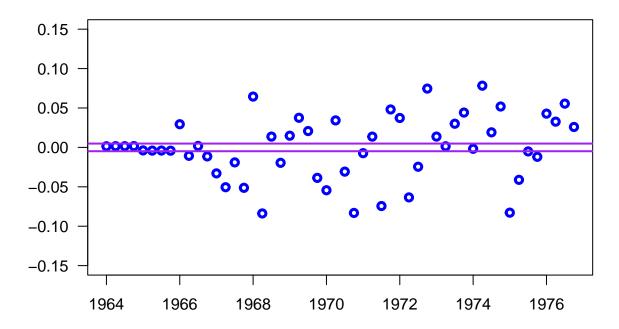
```
AUTOMATICO2_ajuste <- Serie_sq - residuals(modelo_automatico2)
ts.plot(Serie_sq, lwd=3, main="Comparación ", ylab="", xlab="")
points(AUTOMATICO2_ajuste, type = "l", col ="orange", lty = 2, lwd=3)
```

Comparación



```
###Y ahora los residuales
plot(modelo_automatico2$residuals, type="p", col="blue", ylim=c(-.15,.15), ylab="", xlab="", main="Dato
abline(h=3*(var(modelo_automatico2$residuals)), col="purple", lwd=2)
abline(h=-3*(var(modelo_automatico2$residuals)), col="purple",lwd=2)
```

Datos discrepantes

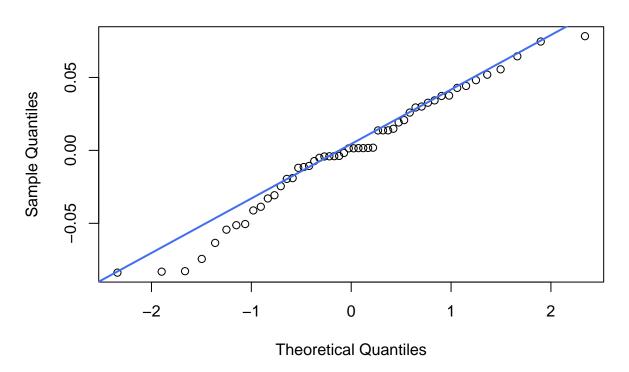


Normalidad

#SARIMA AUTOMÁTICO

qqnorm(modelo_automatico2\$residuals)
qqline(modelo_automatico2\$residuals, col="royalblue2", lwd=2)

Normal Q-Q Plot



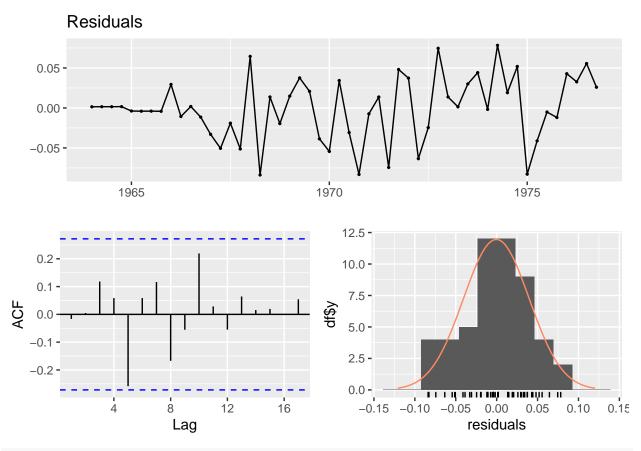
```
#Prueba Anderson-Darling
ad.test(modelo_automatico2$residuals)
##
##
    Anderson-Darling normality test
##
## data: modelo_automatico2$residuals
## A = 0.38368, p-value = 0.3835
#Prueba de Shapiro
shapiro.test(modelo_automatico2$residuals)
##
##
    Shapiro-Wilk normality test
## data: modelo_automatico2$residuals
## W = 0.97502, p-value = 0.3408
#Jarque-Bera Test. tseries
jarque.bera.test(modelo_automatico2$residuals)
##
    Jarque Bera Test
##
##
## data: modelo_automatico2$residuals
## X-squared = 0.97049, df = 2, p-value = 0.6155
```

Varianza constante

freedom for this model.

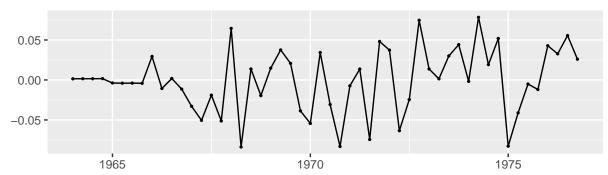
```
#SARIMA AUTOMÁTICO
Y <- as.numeric(modelo_automatico2$residuals)
X <- 1:length(modelo_automatico2$residuals)</pre>
bptest(Y ~ X)
##
## studentized Breusch-Pagan test
## data: Y ~ X
## BP = 2.5653, df = 1, p-value = 0.1092
Media 0
t.test(modelo_automatico2$residuals,mu=0)
##
## One Sample t-test
## data: modelo_automatico2$residuals
## t = -0.077718, df = 51, p-value = 0.9384
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.01162344 0.01075704
## sample estimates:
##
       mean of x
## -0.0004331975
Residuales no correlacionados
checkresiduals(modelo_automatico2$residuals)
```

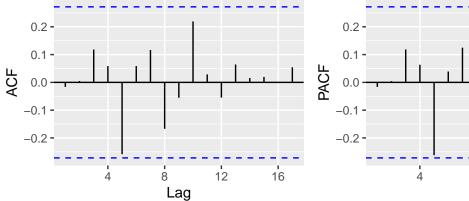
```
## Warning in modeldf.default(object): Could not find appropriate degrees of
```

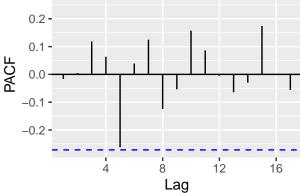


ggtsdisplay(modelo_automatico2\$residuals,main="Residuales")





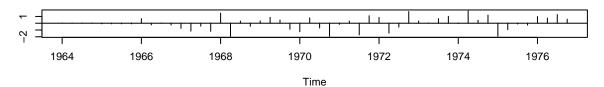




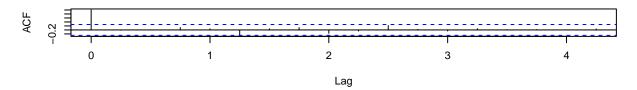
```
#Se sale cerca del lag 5
#Box-Pierce test contrasta
# Ho: Independencia vs. H1: Dependencia
Box.test(modelo_automatico2$residuals, lag =10)
```

```
##
##
   Box-Pierce test
##
## data: modelo_automatico2$residuals
## X-squared = 9.3902, df = 10, p-value = 0.4955
#De manera conjunta, con la prueba de Ljung y Box
\#HO:No estan correlacionados de manera conjunta
# vs
#H1:Estan correlacionados de manera conjunta
tsdiag(modelo_automatico2)
```

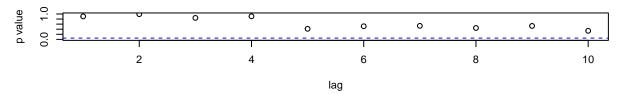
Standardized Residuals



ACF of Residuals



p values for Ljung-Box statistic



Coeficiente Significativo

```
SARIMA_DRIFT_int<-confint(modelo_automatico2)
SARIMA_DRIFT_int

## 2.5 % 97.5 %
## ar1 -0.3191885 1.8705921
```

```
## ar1
## ar2
        -1.0396814 2.3431319
        -1.3879846 0.1557102
## ar3
        -0.7689546 1.3778506
## ma1
## ma2 -1.0543531 0.2923228
## sma1 -5.1293360 1.1558411
## sma2 -2.1464373 4.1295383
k=length(confint(modelo_automatico2))/2
no_sign<-c()</pre>
for(i in 1:k){
  no_sign[i] <- (SARIMA_DRIFT_int[i] <0 & SARIMA_DRIFT_int[i+k] >0)
#No significativos
sum(no_sign)
```

[1] 7

```
#Porcentaje no significativos
sum(no_sign)/k
```

[1] 1

¡Pasa todos los tests de buena manera! Pero... Tenemos problemas en la significancia de los parámetros.

Tratemos de modificar un poco: Dado que en el PACF, en el lag=3, tenemos (de manera gráfica), que se queda debajo de la banda de confianza (aunque las consideramos en el test que hicimos para ver si superaban o no las bandas), disminuimos p de 3 a 2 y ajustamos:

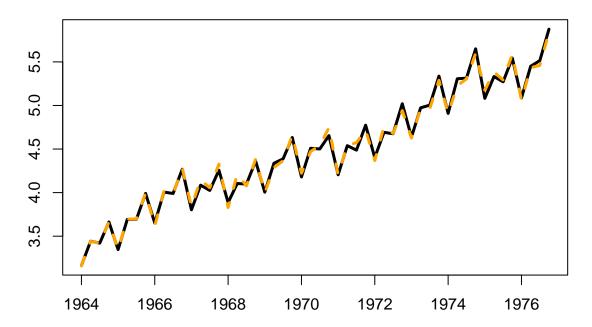
```
modelo_automatico2<-arima(Serie_sq,order=c(2,0,2),seasonal=list(order=c(0,2,2),period=4))
modelo_automatico2</pre>
```

```
##
## Call:
##
  arima(x = Serie_sq, order = c(2, 0, 2), seasonal = list(order = c(0, 2, 2),
##
       period = 4))
##
##
  Coefficients:
##
            ar1
                    ar2
                             ma1
                                     ma2
                                              sma1
                                                      sma2
##
         0.1190
                 0.6560
                          1.0440
                                  0.3494
                                           -1.9585
                                                    0.9999
## s.e.
                 0.2855
                          0.2714
                                  0.1759
                                            0.2873
                                                    0.2881
##
## sigma^2 estimated as 0.002249: log likelihood = 59.09,
```

Gráfica

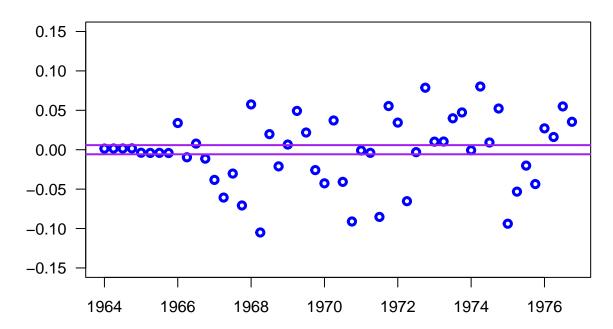
```
AUTOMATICO2_ajuste <- Serie_sq - residuals(modelo_automatico2)
ts.plot(Serie_sq, lwd=3, main="Comparación ", ylab="", xlab="")
points(AUTOMATICO2_ajuste, type = "l", col ="orange", lty = 2, lwd=3)
```

Comparación



```
###Y ahora los residuales
plot(modelo_automatico2$residuals, type="p", col="blue", ylim=c(-.15,.15), ylab="", xlab="", main="Dato
abline(h=3*(var(modelo_automatico2$residuals)), col="purple", lwd=2)
abline(h=-3*(var(modelo_automatico2$residuals)), col="purple",lwd=2)
```

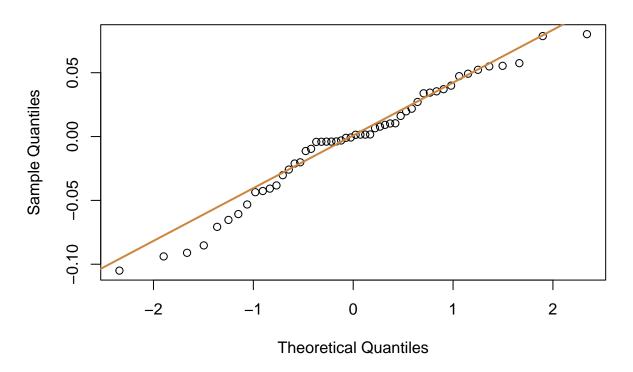
Datos discrepantes



Normalidad

```
#SARIMA AUTOMÁTICO
qqnorm(modelo_automatico2$residuals)
qqline(modelo_automatico2$residuals, col="tan3", lwd=2)
```

Normal Q-Q Plot

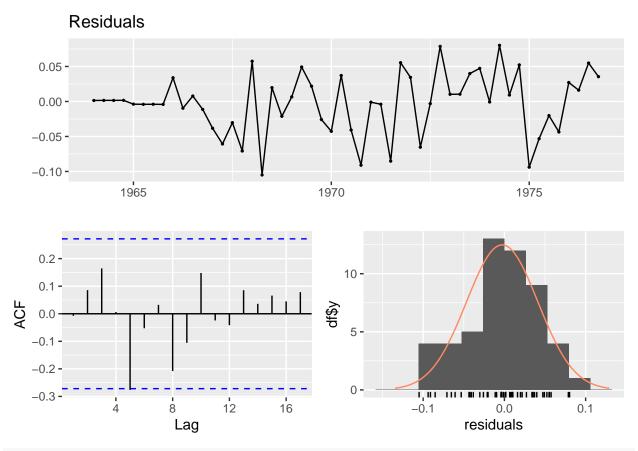


```
#Prueba Anderson-Darling
ad.test(modelo_automatico2$residuals)
##
##
    Anderson-Darling normality test
##
## data: modelo_automatico2$residuals
## A = 0.54742, p-value = 0.1516
#Prueba de Shapiro
shapiro.test(modelo_automatico2$residuals)
##
##
    Shapiro-Wilk normality test
## data: modelo_automatico2$residuals
## W = 0.97013, p-value = 0.214
#Jarque-Bera Test. tseries
jarque.bera.test(modelo_automatico2$residuals)
##
    Jarque Bera Test
##
##
## data: modelo_automatico2$residuals
## X-squared = 1.54, df = 2, p-value = 0.463
```

Varianza constante

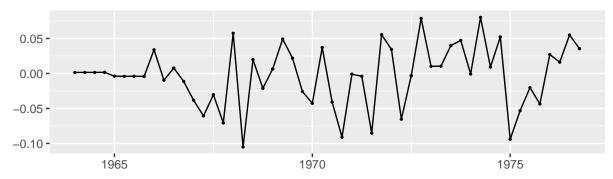
```
#SARIMA AUTOMÁTICO
Y <- as.numeric(modelo_automatico2$residuals)
X <- 1:length(modelo_automatico2$residuals)</pre>
bptest(Y ~ X)
##
## studentized Breusch-Pagan test
## data: Y ~ X
## BP = 2.4911, df = 1, p-value = 0.1145
Media 0
t.test(modelo_automatico2$residuals,mu=0)
##
## One Sample t-test
## data: modelo_automatico2$residuals
## t = -0.44908, df = 51, p-value = 0.6553
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.014982132 0.009504633
## sample estimates:
     mean of x
## -0.002738749
Residuales no correlacionados
checkresiduals(modelo_automatico2$residuals)
```

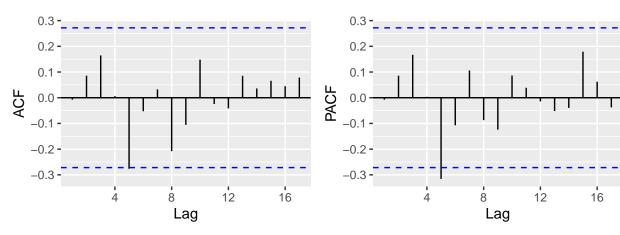
```
## Warning in modeldf.default(object): Could not find appropriate degrees of
## freedom for this model.
```



ggtsdisplay(modelo_automatico2\$residuals,main="Residuales")





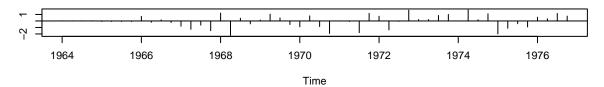


```
#Se sale cerca del lag 5
#Box-Pierce test contrasta
# Ho: Independencia vs. H1: Dependencia
Box.test(modelo_automatico2$residuals, lag =10)
```

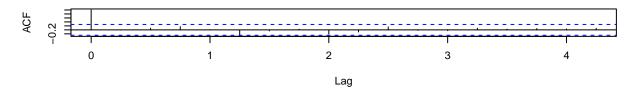
```
##
## Box-Pierce test
##
## data: modelo_automatico2$residuals
## X-squared = 9.927, df = 10, p-value = 0.4469

#De manera conjunta, con la prueba de Ljung y Box
#HO:No estan correlacionados de manera conjunta
# vs
#H1:Estan correlacionados de manera conjunta
tsdiag(modelo_automatico2)
```

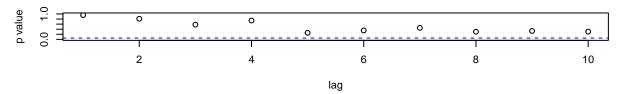
Standardized Residuals



ACF of Residuals



p values for Ljung-Box statistic



Coeficiente Significativo

```
SARIMA_DRIFT_int<-confint(modelo_automatico2)</pre>
SARIMA_DRIFT_int
##
               2.5 %
                          97.5 %
## ar1
        -0.471661626 0.7097530
## ar2
                      1.2155252
         0.096493791
         0.512027430 1.5760469
## ma1
         0.004573382 0.6942111
## ma2
## sma1 -2.521632224 -1.3953907
## sma2 0.435144448 1.5646377
k=length(confint(modelo_automatico2))/2
no_sign<-c()</pre>
for(i in 1:k){
  no_sign[i] <- (SARIMA_DRIFT_int[i] <0 & SARIMA_DRIFT_int[i+k] >0)
}
#No significativos
sum(no_sign)
```

[1] 0.1666667

sum(no_sign)/k

 ${\it \#Porcentaje \ no \ significativos}$

[1] 1

¡Solo uno de los parámetros no es significativo!

 \cite{Y} si disminuimos Q en una unidad, dado que en el ACF, en en lag=4 se ve (gráficamente) que está muy pegado a la banda? Veamos:

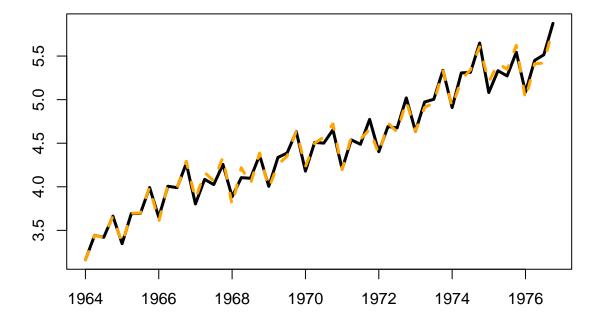
```
modelo_automatico3<-arima(Serie_sq,order=c(2,0,2),seasonal=list(order=c(0,2,1),period=4))
modelo_automatico3</pre>
```

```
##
## Call:
## arima(x = Serie_sq, order = c(2, 0, 2), seasonal = list(order = c(0, 2, 1),
      period = 4))
##
##
##
  Coefficients:
##
             ar1
                     ar2
                             ma1
                                     ma2
                                             sma1
##
         -0.0473
                 0.6296
                         1.3085
                                 0.3086
                                          -1.0000
## s.e.
         0.1952 0.1452 0.2349
                                 0.1877
                                           0.1279
## sigma^2 estimated as 0.003645: log likelihood = 53.86, aic = -97.72
```

Gráfica

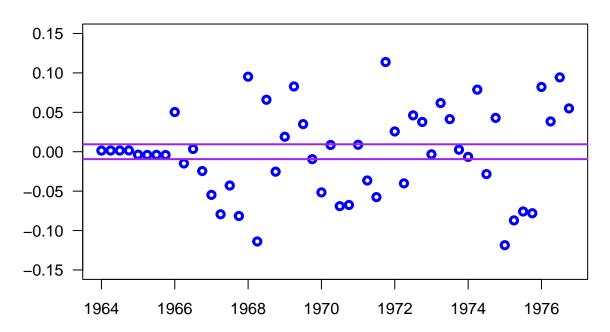
```
AUTOMATICO3_ajuste <- Serie_sq - residuals(modelo_automatico3)
ts.plot(Serie_sq, lwd=3, main="Comparación ", ylab="", xlab="")
points(AUTOMATICO3_ajuste, type = "l", col ="orange", lty = 2, lwd=3)
```

Comparación



```
###Y ahora los residuales
plot(modelo_automatico3$residuals, type="p", col="blue", ylim=c(-.15,.15), ylab="", xlab="", main="Dato
abline(h=3*(var(modelo_automatico3$residuals)), col="purple", lwd=2)
abline(h=-3*(var(modelo_automatico3$residuals)), col="purple",lwd=2)
```

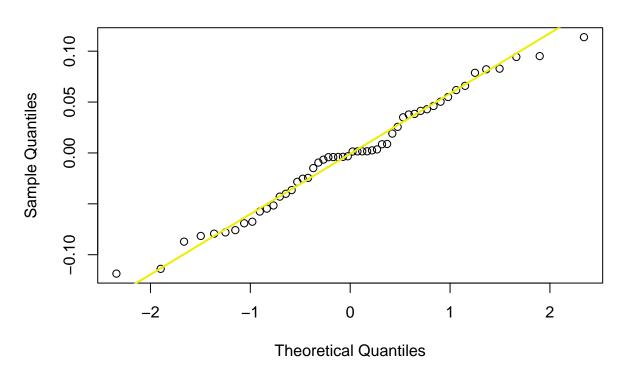
Datos discrepantes



Normalidad

```
#SARIMA AUTOMÁTICO
qqnorm(modelo_automatico3$residuals)
qqline(modelo_automatico3$residuals, col="yellow2", lwd=2)
```

Normal Q-Q Plot

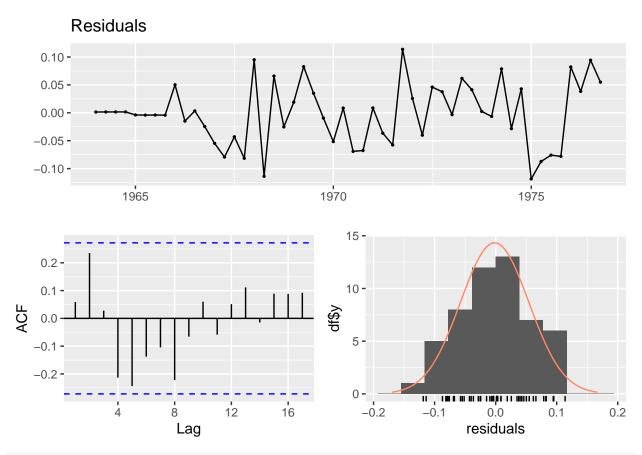


```
#Prueba Anderson-Darling
ad.test(modelo_automatico3$residuals)
##
##
    Anderson-Darling normality test
##
## data: modelo_automatico3$residuals
## A = 0.31313, p-value = 0.5372
#Prueba de Shapiro
shapiro.test(modelo_automatico3$residuals)
##
##
    Shapiro-Wilk normality test
## data: modelo_automatico3$residuals
## W = 0.98197, p-value = 0.6129
#Jarque-Bera Test. tseries
jarque.bera.test(modelo_automatico3$residuals)
##
##
    Jarque Bera Test
##
## data: modelo_automatico3$residuals
## X-squared = 0.82734, df = 2, p-value = 0.6612
```

Varianza constante

```
#SARIMA AUTOMÁTICO
Y <- as.numeric(modelo_automatico3$residuals)
X <- 1:length(modelo_automatico3$residuals)</pre>
bptest(Y ~ X)
##
## studentized Breusch-Pagan test
## data: Y ~ X
## BP = 5.3574, df = 1, p-value = 0.02063
Media 0
t.test(modelo_automatico3$residuals,mu=0)
##
## One Sample t-test
## data: modelo_automatico3$residuals
## t = -0.21604, df = 51, p-value = 0.8298
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.01728814 0.01392878
## sample estimates:
     mean of x
## -0.001679679
Residuales no correlacionados
checkresiduals(modelo_automatico3$residuals)
```

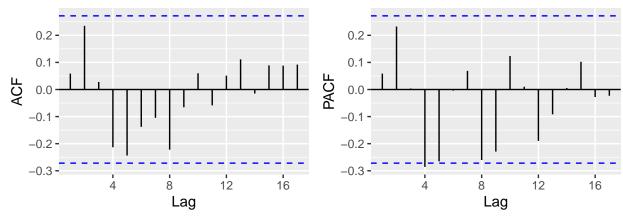
```
## Warning in modeldf.default(object): Could not find appropriate degrees of
## freedom for this model.
```



ggtsdisplay(modelo_automatico3\$residuals,main="Residuales")





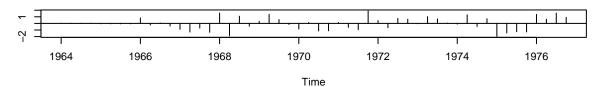


```
#Se sale cerca del lag 5
#Box-Pierce test contrasta
# Ho: Independencia vs. H1: Dependencia
Box.test(modelo_automatico3$residuals, lag =10)
```

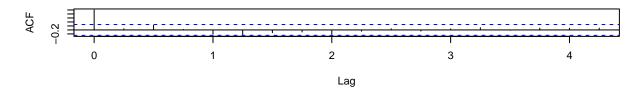
```
##
## Box-Pierce test
##
## data: modelo_automatico3$residuals
## X-squared = 13.07, df = 10, p-value = 0.2198

#De manera conjunta, con la prueba de Ljung y Box
#HO:No estan correlacionados de manera conjunta
# vs
#H1:Estan correlacionados de manera conjunta
tsdiag(modelo_automatico3)
```

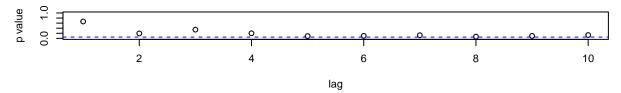
Standardized Residuals



ACF of Residuals



p values for Ljung-Box statistic



Coeficiente Significativo

```
SARIMA_DRIFT_int<-confint(modelo_automatico3)</pre>
SARIMA_DRIFT_int
                         97.5 %
##
              2.5 %
## ar1
        -0.42990954
                      0.3352924
## ar2
         0.34503651
                      0.9141569
         0.84821964
                      1.7688151
## ma1
## ma2 -0.05933491 0.6764681
## sma1 -1.25058539 -0.7493262
k=length(confint(modelo_automatico3))/2
no_sign<-c()</pre>
for(i in 1:k){
  no_sign[i] <- (SARIMA_DRIFT_int[i] <0 & SARIMA_DRIFT_int[i+k] >0)
#No significativos
sum(no_sign)
## [1] 2
```

[1] 0.4

sum(no_sign)/k

#Porcentaje no significativos

Esto empeoró los resultados... Nos quedamos con el ajuste anterior

Solo queda ver los indicadores:

```
BIC<-c(BIC(SARIMA),BIC(ARIMA),BIC(modelo_automatico), BIC(SARIMA2), BIC(modelo_automatico2))
loglik <- c(SARIMA$loglik, ARIMA$loglik, modelo_automatico$loglik, SARIMA2$loglik, modelo_automatico2$logli
Comparar<-data.frame('AIC'=AIC,'BIC'=BIC,'Loglik'=loglik,row.names = c('SARIMA','ARIMA','Automatico', '
Comparar
##
                      AIC
                                 BIC
                                       Loglik
## SARIMA
                -127.0795 -113.85233 68.53977
## ARIMA
                -112.1905 -71.95005 75.09525
## Automatico
                -131.2738 -123.72339 67.63692
## SARIMA2
                -128.5861 -111.78489 71.29303
## Automático 2 -106.1705 -91.68118 59.08525
Tiene el mayor AIC y menor LogLik, pero no tiene el mayor BIC.
Comparemos los errores:
comparar_=cbind("ARIMA", ARIMA$aic, BIC(ARIMA), mean(ARIMA$residuals),
                mean(abs(ARIMA$residuals)),sqrt(mean((ARIMA$residuals)^2)),
                length(ARIMA$coef))
comparar_2=cbind("SARIMA",SARIMA$aic,BIC(SARIMA), mean(SARIMA$residuals),
                 mean(abs(SARIMA$residuals)),sqrt(mean((SARIMA$residuals)^2)),
                 length(SARIMA$coef))
comparar_3=cbind("SARIMA AUTOMÁTICO", modelo_automatico$aic,BIC(modelo_automatico),
                 mean(modelo_automatico$residuals),
                 mean(abs(modelo_automatico$residuals)),sqrt(mean((modelo_automatico$residuals)^2)),
                 length(modelo automatico$coef))
comparar_4=cbind("SARIMA2",SARIMA2$aic,BIC(SARIMA2), mean(SARIMA2$residuals),
                 mean(abs(SARIMA2$residuals)),sqrt(mean((SARIMA2$residuals)^2)),
                 length(SARIMA2$coef))
comparar_5=cbind("SARIMA AUTOMÁTICO2", modelo_automatico2$aic,BIC(modelo_automatico2),
                 mean(modelo automatico2$residuals),
                 mean(abs(modelo automatico2$residuals)),sqrt(mean((modelo automatico2$residuals)^2)),
                 length(modelo_automatico2$coef))
nombres=cbind("AJUSTE", "AIC", "BIC", "ME", "MAE", "RMSE", "#Paramatros")
resultados<-rbind(comparar_,comparar_2,comparar_3, comparar_4, comparar_5)
resultados <- as.table (resultados)
colnames(resultados)=c("AJUSTE", "AIC", "BIC", "ME", "MAE", "RMSE", "#Parametros")
rownames(resultados)=c("","", "","","")
(resultados)
## AJUSTE
## ARIMA
                       -112.190505919999 \ -71.950045811436 \ \ 0.00113404901103327
## SARIMA
                       -127.079539350415 -113.852333284968 0.00480342160710416
## SARIMA AUTOMÁTICO -131.273837494611 -123.723394689481 0.000394350469091238
                       -128.586067490355 -111.784886676675 0.00191986834666404
## SARIMA2
## SARIMA AUTOMÁTICO2 -106.17050828296 -91.6811808455322 -0.00273874942477282
## MAE
                       RMSE
                                           #Parametros
## 0.0313590810867887 0.0398103705554394 19
## 0.0408775073139969 0.0524452560585087 5
```

AIC<-c(SARIMA\$aic,ARIMA\$aic,modelo_automatico\$aic, SARIMA2\$aic, modelo_automatico2\$aic)

```
## 0.0406078930009833 0.0531376953726595 2
## 0.0342715205550597 0.0468668451395007 7
## 0.0331727500548405 0.0436384997823399 6
```

Tiene menos parámetros que el promedio, su ME es menor al promedio en valor absoluto, así como el menor MAE y RMSE. Su AIC no es el mejor, ni su BIC, pero aunado a que es el que mayor coeficientes significativos tiene (solo 1 no lo es) y que pasa todos los supuestos, elegimos este modelo

 \therefore Elegimos el SARIMA $(2,0,2) \times (0,2,2)_{[4]}$

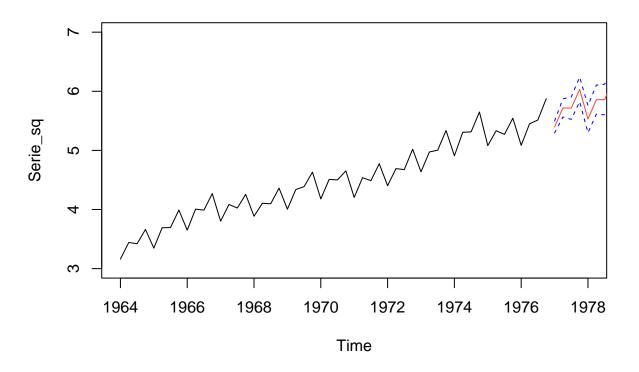
4. Forecasting

Con el modelo estimado, pronostique $n_{new} = 8$ (2 años) valores futuros (obtenga intervalos de predicción).

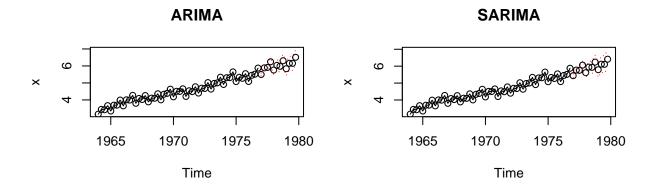
Usando el modelo mencionado anteiormente hacemos los pronosticos con la serie a la que le aplicamos la raíz cuadrada.

```
inicio<-start(Serie_sq)[1]
final<-end(Serie_sq)[1]
SARIMA_forecast <- predict(modelo_automatico2, n.ahead =8)$pred
SARIMA_forecast_se <- predict(modelo_automatico2, n.ahead = 8)$se
lower<-SARIMA_forecast - qnorm(0.975)*SARIMA_forecast_se
upper<-SARIMA_forecast + qnorm(0.975)*SARIMA_forecast_se
ts.plot(Serie_sq, xlim=c(inicio,final+2),ylim=c(3,7), main="Prediccion")
points(SARIMA_forecast, type = "l", col = 2)
points(lower, type = "l", col = "blue", lty = 2)
points(upper, type = "l", col = "blue", lty = 2)</pre>
```

Prediccion

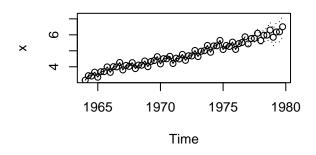


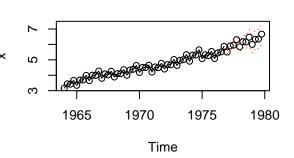
```
par(mfrow=c(2,2))
plot(ARIMA, col="red", main="ARIMA")
plot(SARIMA, col="red", main="SARIMA")
plot(modelo_automatico, main="SARIMA AUTOMÁTICO")
plot(SARIMA2, col="red", main="SARIMA2")
```



SARIMA AUTOMÁTICO

SARIMA2





```
par(mfrow=c(1,1))
```

Entonces, usando la transformación inversa que es elevar al cuadrado, tenemos:

```
##
     Puntual Banda_inf Banda_sup
## 1 5.396725 5.295715 5.497735
## 2 5.718318
              5.564645
                        5.871992
## 3 5.714904 5.525019 5.904788
## 4 6.032409 5.824511
                        6.240307
## 5 5.529161
              5.298567
                        5.759754
## 6 5.857914 5.611686
                        6.104143
## 7 5.859944 5.601559
                        6.118328
## 8 6.189510 5.924443
                        6.454578
```

Predicciones_normales<-Predicciones_raiz**2
Predicciones_normales</pre>

```
##
      Puntual Banda_inf Banda_sup
               28.04460
                         30.22509
## 1 29.12464
## 2 32.69917
               30.96528
                         34.48029
## 3 32.66012
               30.52584
                         34.86653
## 4 36.38996
               33.92493
                         38.94143
## 5 30.57162
               28.07482
                         33.17477
## 6 34.31516 31.49102 37.26056
```

```
## 7 34.33894 31.37747 37.43394
## 8 38.31004 35.09902 41.66157

ts.plot(Serie, xlim=c(inicio[1],final[1]+2.5),ylim=c(9,50), main="Predicción normal")
points(SARIMA_forecast**2, type = "l", col = 3)
points(lower**2, type = "l", col = "blue", lty = 2)
points(upper**2, type = "l", col = "blue", lty = 2)
```

Predicción normal

