



기초 수학

소인수분해

약수 구하기

```
# 일반적인 방법
def get_divisor(n):
    divisor = []
    for i in range(1, n + 1):
        if n % i == 0:
            divisor.append(i)
    return divisor

print(get_divisor(8)) # [1, 2, 4, 8]
```

```
# 범위를 좁혀서 구하기
import math

def get_divisor_square(n):
    divisor = set() # 제곱수의 경우 두 번 들어갈 수 있으므로 중복 제거!
    for i in range(1, int(math.sqrt(n) + 1)):
        if n % i == 0:
            divisor.update((i, n//i))
    return sorted(list(divisor))

print(get_divisor(8)) # [1, 2, 4, 8]
```

```
# list comprehension
def divisor(n):
    return [x for x in range(1, n + 1) if n % x == 0]
```

최대공약수 (Greatest Common Divisor)

```
for i in range(min(A,B), 0, -1):
    if A % i == 0 and B % i == 0:
        print(i)
        break
```

```
# 파이썬 라이브러리를 활용한 최대공약수 구하기
import math
math.gcd(A, B)
```

유클리드 호제법

- x와 y의 최대 공약수 == y와 r의 최대 공약수 ($r = x \% y$)

$$\begin{array}{l}
 106 / 16 = 6, \text{ remainder } 10 \\
 16 / 10 = 1, \text{ remainder } 6 \\
 10 / 6 = 1, \text{ remainder } 4 \\
 6 / 4 = 1, \text{ remainder } 2 \\
 4 / 2 = 2, \text{ remainder } 0 \\
 \text{GCD}
 \end{array}$$

```
# 파이썬으로 구현한 유클리드 호제법
def euclid_gcd(a, b): # a > b
    res = 0
    while b:
        res = a % b
        a = b
        b = res
    return a

print(euclid_gcd(106, 6)) # 2

# 재귀로 구현
def euclid_recursion(a, b): # a > b
    return a if b == 0 else euclid_recursion(b, a % b)

print(euclid_recursion(106, 6)) # 2
```

최소공배수 (Least Common Multiple)

```
for i in range(max(A,B), (A*B) + 1):
    if i % A == 0 and i % B == 0:
        print(i)
        break
```

```
# 파이썬 라이브러리 활용
```

```
import math  
math.lcm(A, B)
```

```
# 최대공약수 함수를 사용  
def lcm(a, b):  
    return (a * b) // euclid_gcd(a, b)
```

조합, 순열

순열 조합

$$n! = n \times (n-1) \times \cdots \times 1$$

$${}_nPr = \frac{n!}{(n-r)!}$$

$${}_nCr = \frac{n!}{(n-r)!r!}$$

```
# 파이썬 라이브러리 활용하기!
```

```
from itertools import permutations, combinations
```

```
num_list = [1, 2, 3, 4]
```

```
combi = list(combinations(num_list, 2))
```

```
print(len(combi)) # 6
```

```
print(combi) # [(1, 2), (1, 3), (1, 4), (2, 3), (2, 4), (3, 4)]
```

```
perm = list(permutations(num_list, 2))
```

```
print(len(perm)) # 12
```

```
print(perm) # [(1, 2), (1, 3), (1, 4), (2, 1), (2, 3), (2, 4), (3, 1), (3, 2), (3, 4),  
(4, 1), (4, 2), (4, 3)]
```

소수

- 소수 판별하기

```
# 가장 기본적인 접근
def primenumber(x):
    for i in range(2, x): # 2부터 x-1까지의 모든 숫자
        if x % i == 0:    # 나뉘떨어지는게 하나라도 있으면 False
            return False
    return True

print(primenumber(8191)) # True

# 범위를 좁혀서
import math
def primenumber_square(x):
    for i in range(2, int(math.sqrt(x) + 1)): # 2부터 x의 제곱근까지의 숫자
        if x % i == 0:    # 나뉘떨어지는 숫자가 있으면 소수가 아님
            return False
    return True

print(primenumber_square(8191)) # True
```

• 소수 출력하기

```
# m부터 n 사이의 소수 구하기 (백준 1929)

import math
m, n = map(int, input().split())

for i in range(m, n + 1):
    for j in range(2, int(math.sqrt(i)) + 1):
        if i % j == 0:
            break
    else:
        print(i)
```

에라토스테네스의 체

• 소수를 구하는 가장 기본적인 알고리즘

| | | | | | | | | | |
|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|---------------|----------------|
| | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
| 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | 20 |
| 21 | 22 | 23 | 24 | 25 | 26 | 27 | 28 | 29 | 30 |
| 31 | 32 | 33 | 34 | 35 | 36 | 37 | 38 | 39 | 40 |
| 41 | 42 | 43 | 44 | 45 | 46 | 47 | 48 | 49 | 50 |
| 51 | 52 | 53 | 54 | 55 | 56 | 57 | 58 | 59 | 60 |
| 61 | 62 | 63 | 64 | 65 | 66 | 67 | 68 | 69 | 70 |
| 71 | 72 | 73 | 74 | 75 | 76 | 77 | 78 | 79 | 80 |
| 81 | 82 | 83 | 84 | 85 | 86 | 87 | 88 | 89 | 90 |
| 91 | 92 | 93 | 94 | 95 | 96 | 97 | 98 | 99 | 100 |

```

import math

def sieve(n):
    # 0, 1은 소수가 아니므로 False, 나머지는 True를 넣어줌
    prime = [0, 0] + ([1] * (n - 1))
    # 2부터 n의 제곱근까지 loop
    for i in range(2, int(math.sqrt(n) + 1)):
        # 해당 인덱스가 소수일 때(True)
        if prime[i]:
            # 소수의 배수들을 모두 False로 변환
            for j in range(i * 2, len(prime), i):
                prime[j] = 0
    # enumerate를 통해 소수를 담은 리스트를 반환
    return [idx for idx, val in enumerate(prime) if val]

print(sieve(20)) [2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19]

```

백준

9020 - 골드바흐 추측

2824 - 최대공약수

2981 - 검문

17087 - 숨바꼭질6

1182 - 부분수열의 합

4948 - 베르트랑 공준