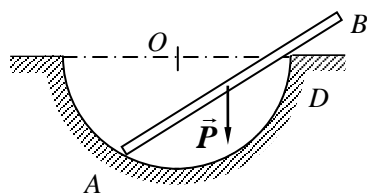


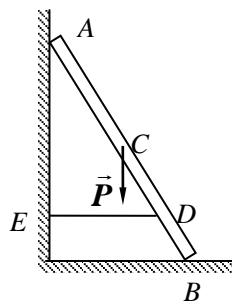
第一篇 静力学

一、静力学公理和物体的受力分析

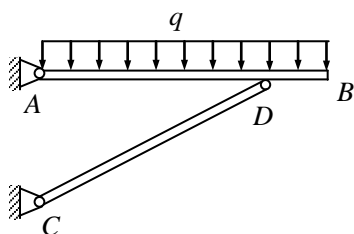
1-1. 下列习题中假定接触处都是光滑的，物体的重量除图上注明者外均略去不计。画出下列指定物体的受力图。



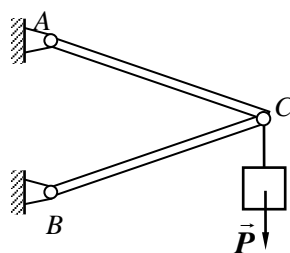
(a) 杆 AB



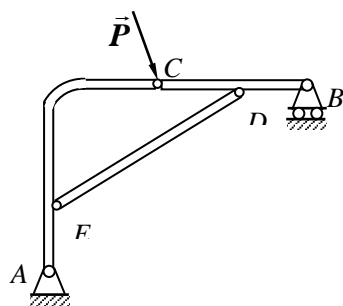
(b) 杆 AB



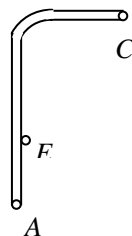
(c) 杆 AB



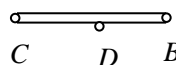
(d) 杆 AC, 杆 BC, 销 C



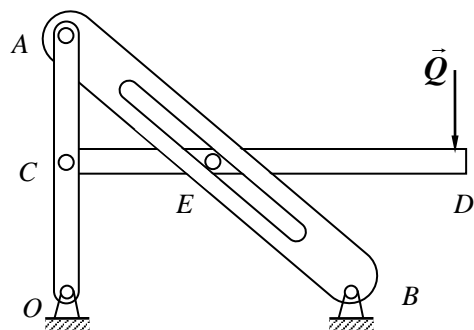
(e) 杆 AC, 杆 BC, 销 C



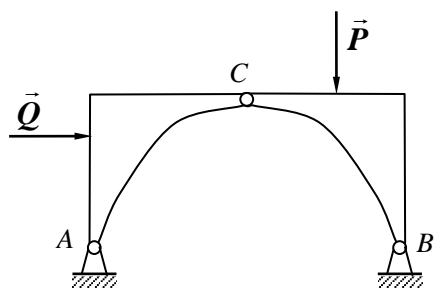
C°



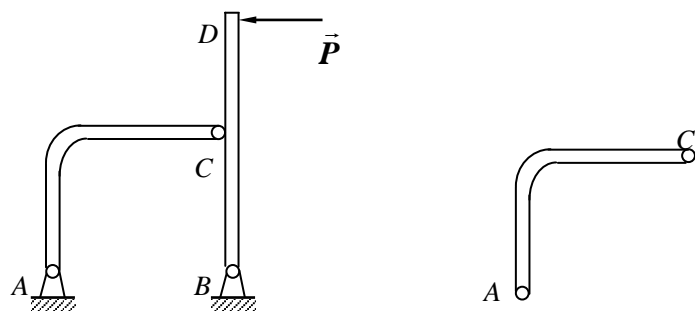
1-2. 画出下列各物系中指定物体的受力图和整个系统的受力图。物体自重均不计。



(a) AB, CD

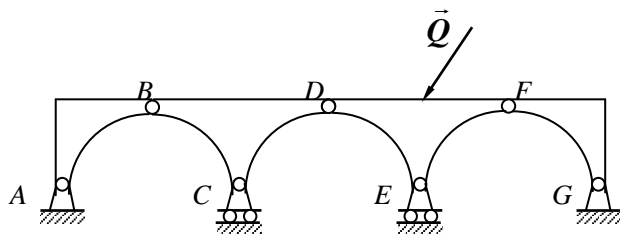


(b) AC, BC

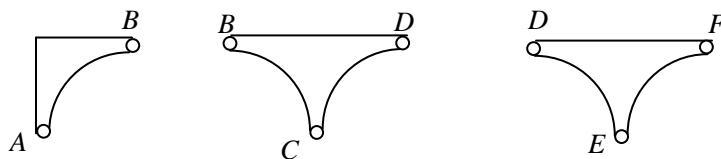


(c) AC, BD

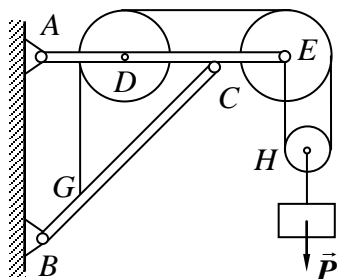




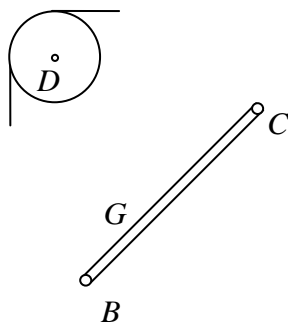
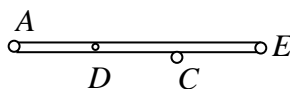
(d) AB, BCD, DEF

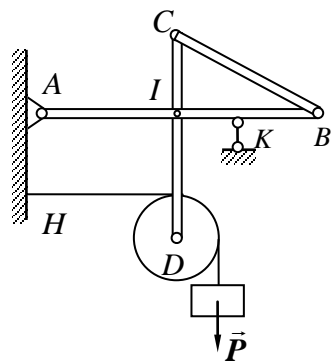


1-3. 如图所示各构架中，除标识重物外，各构件自重均不计，画出下列各物系中指定物体的受力图 and 整个物系的受力图。。

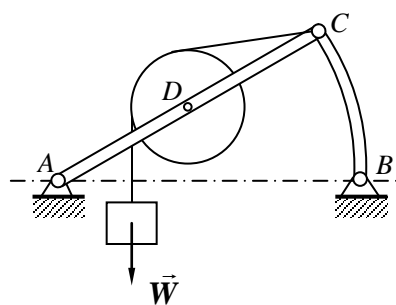
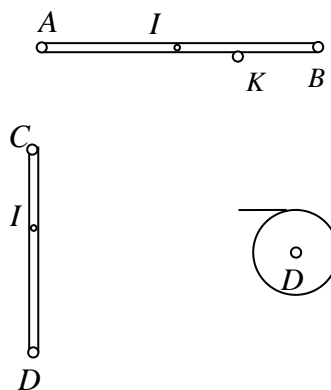


(a) 杆 AE, BC 和轮 D

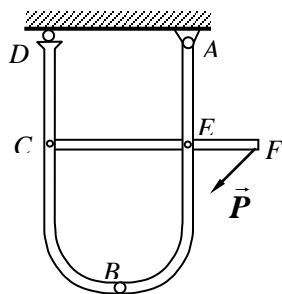




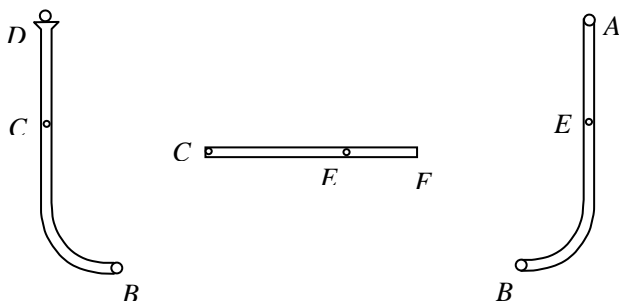
(b) 杆 AB, CD 和轮 D



(c) 杆 AC, BC 和轮 D

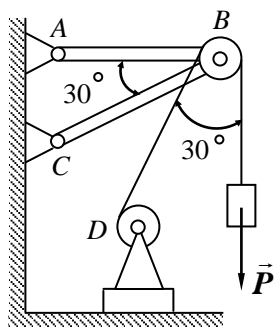


(d) 杆 AB, BD 和 CF

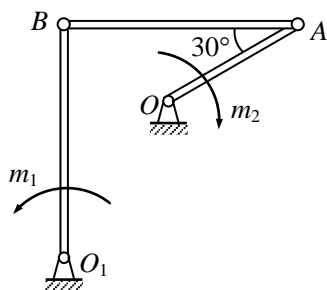


二、平面力系

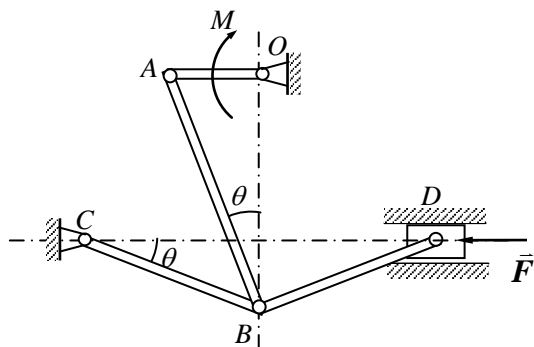
- 2-1. 物体重 $P=20\text{kN}$ ，用绳子挂在支架的滑轮 B 上，绳子的另一端接在绞车 D 上，如图所示，转动绞车物体便能升起。设滑轮的大小及其中的摩擦略去不计， A 、 B 、 C 三处均为铰链连接。当物体处于平衡状态时，试求拉杆 AB 和支杆 CB 所受的力。



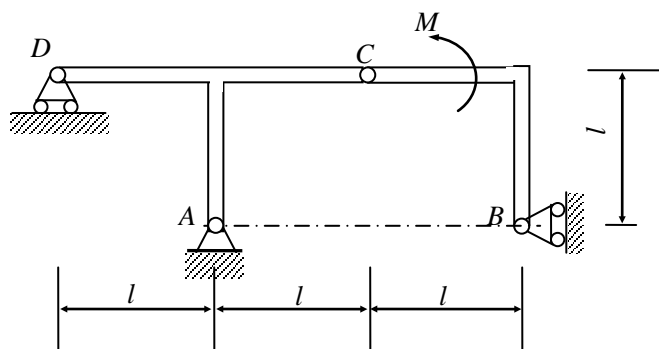
- 2-2. 四连杆机构 $OABO_1$ ，在图示位置平衡。已知 $OA=40\text{cm}$ ， $O_1B=60\text{cm}$ ，作用在曲柄 OA 上的力偶矩大小为 $m_2=1\text{N}\cdot\text{m}$ ，不计杆重，求作用在 O_1B 上的力偶矩 m_1 的大小及连杆 AB 所受的力。



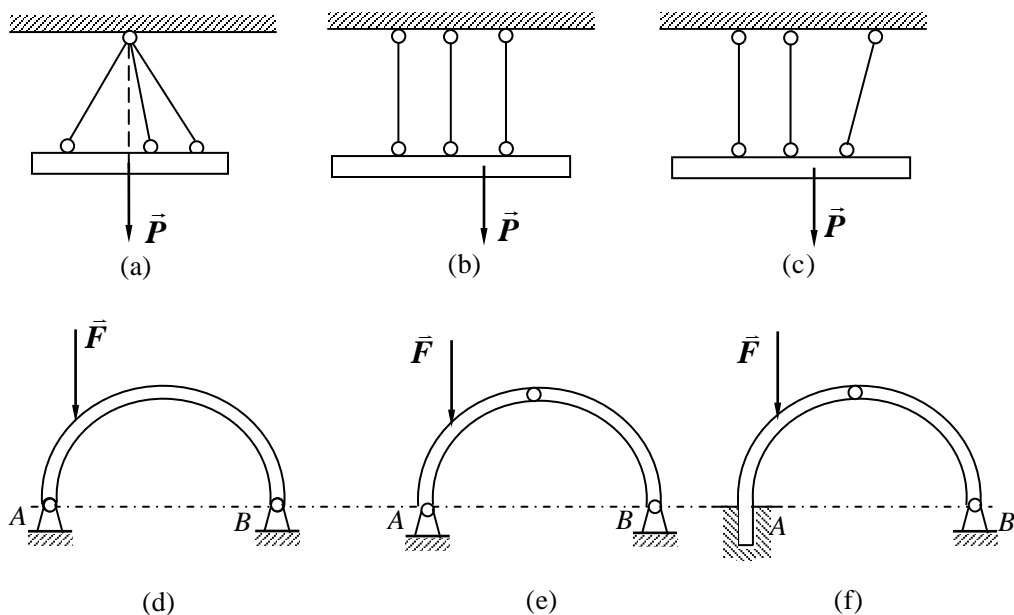
- 2-3. 图示机构中，曲柄 OA 上作用一力偶，其矩为 M ，滑块 D 上作用水平力 F 。已知 $OA = a$ ， $BC = BD = l$ 。求当机构在图示位置平衡时，力 F 与力偶矩 M 的关系。



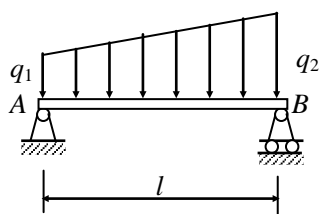
- 2-4. 在图示结构中，各构件的自重略去不计，在构件 BC 上作用一力偶矩为 M 的力偶，各尺寸如图，求支座 A 的约束力。



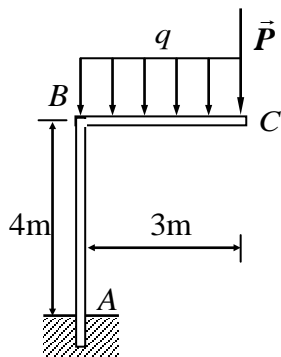
2-5. 简明回答下列问题：怎样判定静定和静不定问题？图中所示的六种情况哪些是静定问题，哪些是静不定问题？为什么？



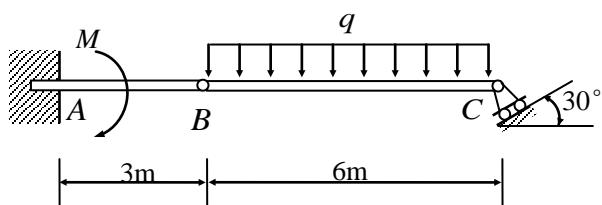
2-6. 简支梁如图，梯形载荷的集度分别为 q_1 、 q_2 ，求支座 A 、 B 处的反力。



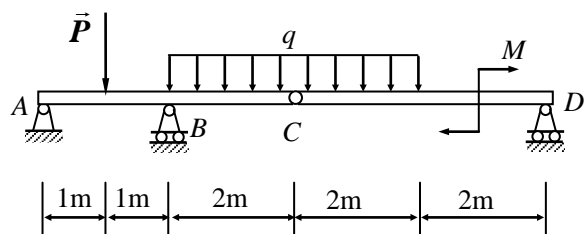
2-7. 刚架尺寸如图，已知 $q=4\text{kN/m}$ 、 $P=5\text{kN}$ ，求固定端 A 处的约束力。



2-8. 求下列各梁的支座反力和中间铰处的约束反力。

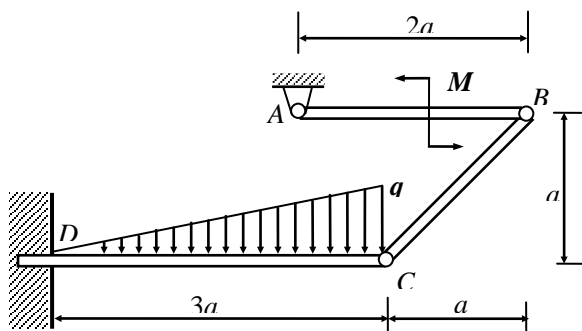


(a) 已知 $q=20\text{kN/m}$, $M=40\text{kN}\cdot\text{m}$

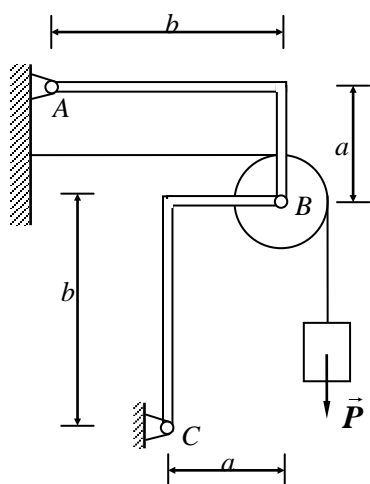


(b) 已知 $P=5\text{kN}$, $q=2.5\text{kN/m}$, $M=5\text{kN}\cdot\text{m}$

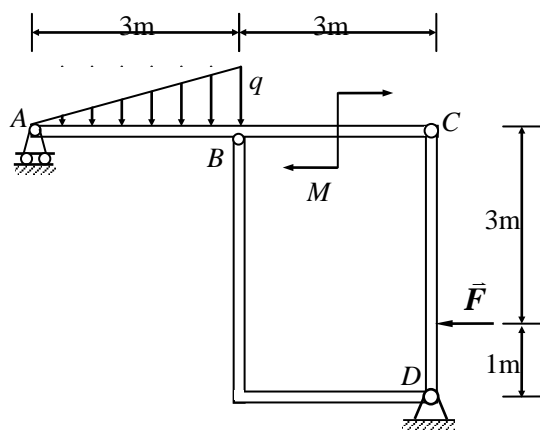
2-9. 图示平面构架，构件 AB 上作用一个矩为 M 的力偶，梁 DC 上作用一最大集度为 q 的线性分布载荷，各构件重量均不计，试求支座 A 、 D 处的约束力。



2-10. 图示机架上挂一重 P 的物体，各构件的尺寸如图示。不计滑轮及杆的自重与摩擦，求支座 A 、 C 的约束力。

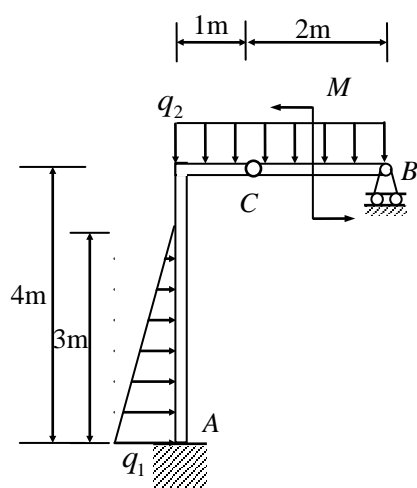


- 2-11. 平面构架的尺寸及支座如图所示，三角形分布载荷的最大集度 $q = 2\text{kN/m}$ ， $M = 10\text{kNm}$ ， $F = 2\text{kN}$ ，各杆自重不计。求铰支座 D 处的销钉对杆 CD 的作用力。

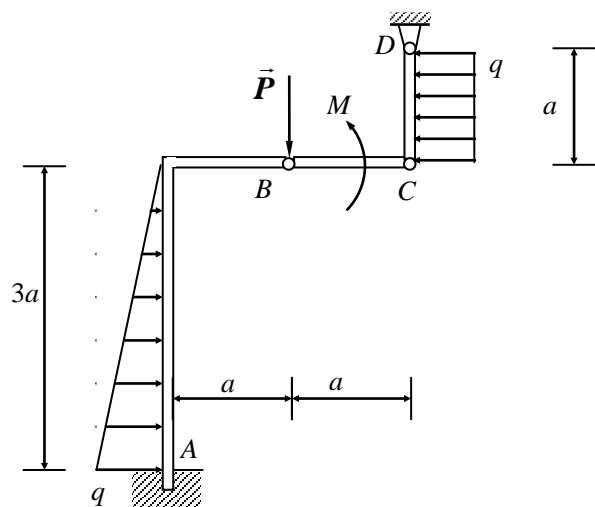


- 2-12. 图示结构由 AC 和 CB 组成。已知线性分布载荷 $q_1 = 3\text{kN/m}$ ，均布载荷 $q_2 = 0.5\text{kN/m}$ ，

$M = 2\text{kN} \cdot \text{m}$ ，尺寸如图。不计杆重，求固定端 A 与支座 B 的约束力和铰链 C 的内力。



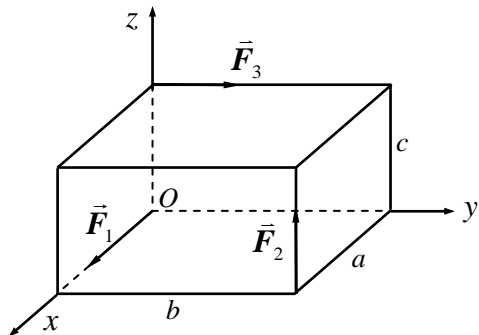
- 2-13. 图示构架由直杆 BC 、 CD 及直角弯杆 AB 组成，各杆自重不计，载荷分布及尺寸如图。销钉 B 穿透 AB 及 BC 两构件，在销钉 B 上作用集中力 F 。已知 q ， a ， M ，且 $M = qa^2$ 。求 (1) 固定端 A 的约束力及销钉 B 对 BC 、 AB 杆的作用力。



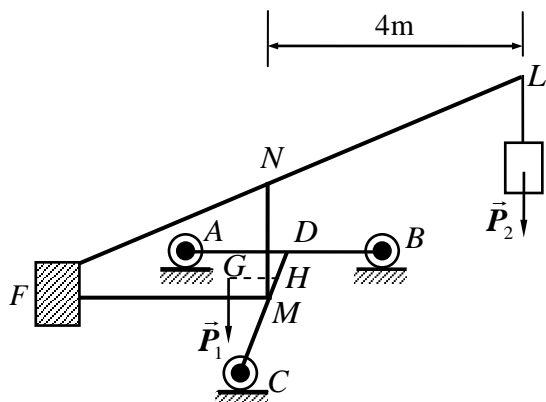
三、空间力系

3-1. 边长为 $a \times b \times c$ 的长方体受力如图, $F_1 = F_2 = F_3 = F$, ①试求力系向 O 点简化的结果。②

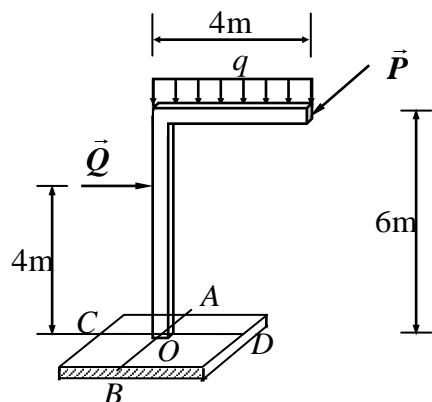
求该力系简化为一个合力需要满足的条件。



3-2. 已知 起重机装在三轮小车 ABC 上, 尺寸为: $AD=DB=1\text{m}$, $CD=1.5\text{m}$, $CM=1\text{m}$, $KL=4\text{m}$ 。机身连同平衡锤 F 共重 $P_1=100\text{kN}$, 作用在 G 点, G 点在平面 $LMNF$ 之内, $GH=0.5\text{m}$ 。所举重物 $P_2=30\text{kN}$ 。求当起重机的平面 LMN 平行于 AB 时车轮对轨道的压力。

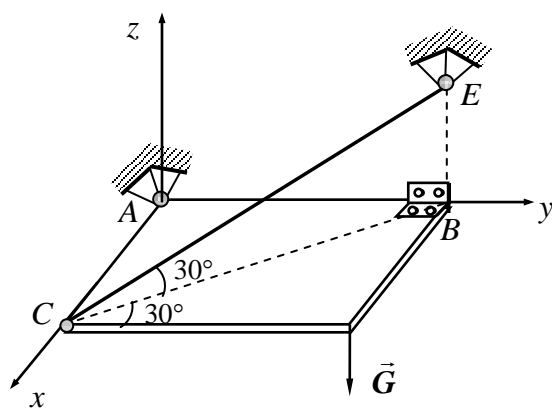


- 3-3. 已知 $q=2\text{kN/m}$; $P=5\text{kN}$, $Q=4\text{kN}$, 作用线分别平行于 AB 、 CD 。求固定端 O 处的约束反力。

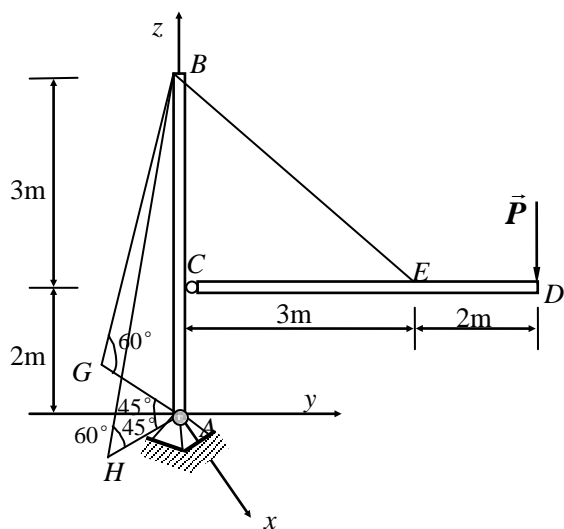


- 3-4. 板 $ABCD$ 重量不计, 用球铰链 A 和蝶铰链 B 固定在墙上, 细绳 CE 维持于水平位置, BE 铅直。

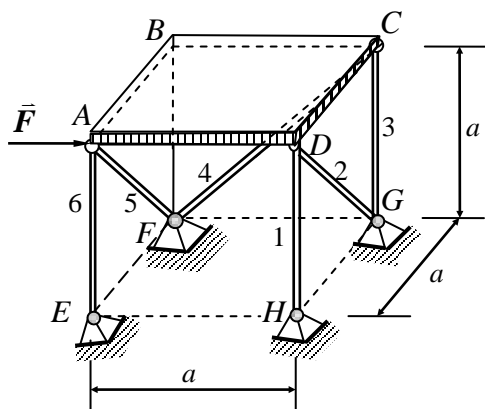
D 点受到一个平行于铅直轴 z 的力 $G=500\text{N}$ 。 $\angle BCD = 30^\circ$, $\angle BCE = 30^\circ$ 。设蝶铰链不产生 y 方向的约束反力。求细绳拉力和铰链反力。



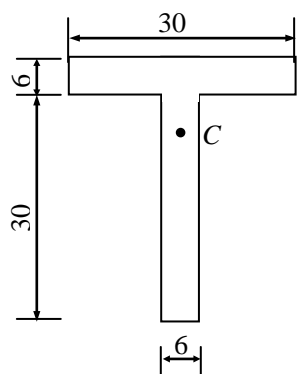
3-5. 已知扒杆如图所示，竖杆 AB 用两绳拉住，并在 A 点用球铰约束， $P=20\text{kN}$ 。求两绳中的拉力和 A 处的约束力。



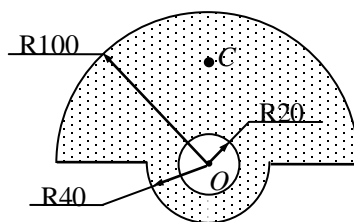
3-6. 图示六杆支撑一正方形板 $ABCD$ ，在板角 A 处作用水平力 F 。设板和杆自重不计，求各杆内力。



3-7. 平面图形及尺寸如图，单位为 cm。求形心 C 的位置。

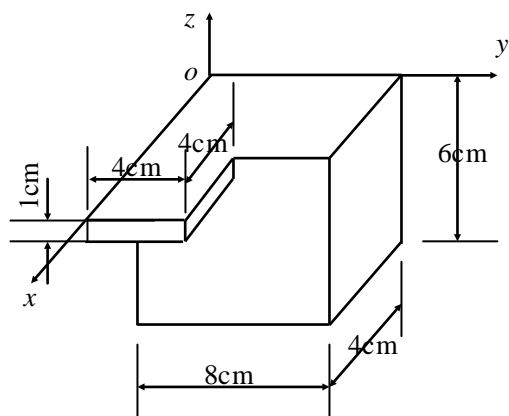


(1)



(2)

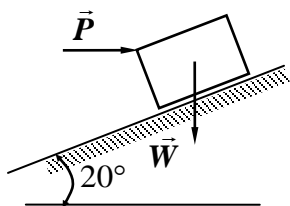
3-8. 已知机器基础由均质物体组成，均质块尺寸如图所示。求均质块重心的位置。



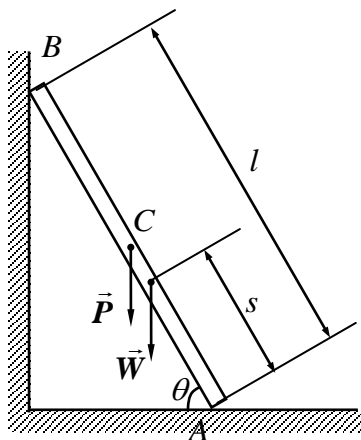
四、摩擦

4-1. 已知物块重 $W=980\text{N}$ ，物块与斜面间的静摩擦系数 $f = 0.20$ ，动摩擦系数 $f' = 0.17$ 。当水平主动力分别为 $P=500\text{N}$ 和 $P=100\text{N}$ 两种情况时，

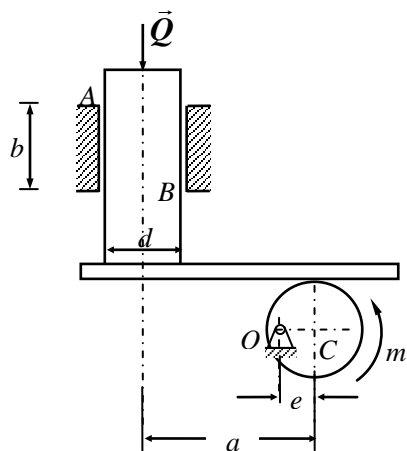
- (1) 物块是否滑动；
- (2) 求实际的摩擦力的大小和方向。



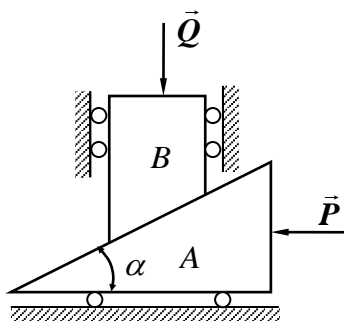
4-2. 已知 梯子 AB 重为 $P=200\text{N}$ ，梯长 l ，与水平夹角 $\theta = 60^\circ$ 。接触面间的摩擦系数均为 0.25 。人重 $G=650\text{N}$ 。求人所能达到的最高点 C 到 A 点的距离 s 应为多少？



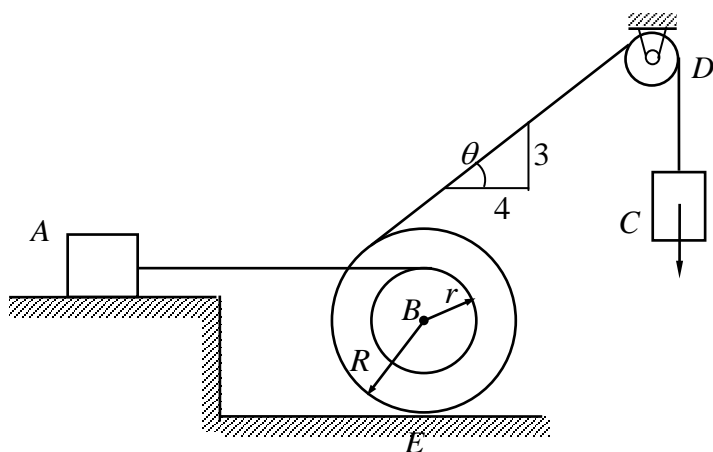
- 4-3. 已知推杆 AB 与滑道间的摩擦系数为 f ，滑道宽为 b ；偏心轮上作用一力偶 m ；推杆轴受铅直力 Q 。偏心轮与推杆间的摩擦忽略不计。求 b 的尺寸为多少时，推杆才不致被卡住。



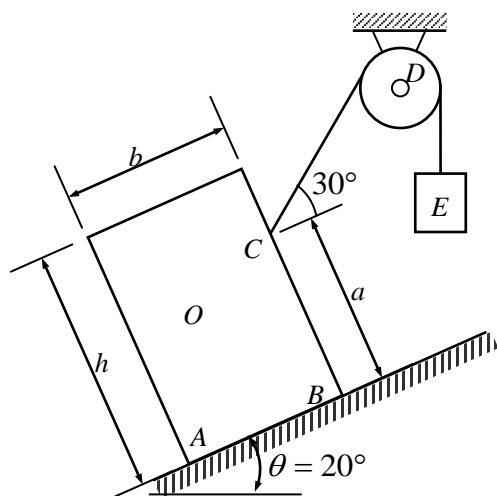
- 4-4. 已知尖劈 A 的顶角为 α ，在 B 块上受重物 Q 的作用。 A 与 B 块间的摩擦系数为 f （其它有滚珠处表示光滑）。不计 A 和 B 块的重量，求（1）顶住物块所需的力 P 的值；（2）使物块不向上移动所需的力 P 的值。



- 4-5. 物块 A 重 500N ，轮轴 B 重 1000N ，物 A 与轮轴以水平绳连接。轮轴半径 $r=5\text{cm}$ ， $R=10\text{cm}$ ，在轮轴上绕以细绳，此绳跨过光滑的滑轮 D ，在端点系一重物 C 。已知物块 A 与水平面间的静摩擦因数为 0.5 ，轮轴与水平面间的静摩擦因数为 0.2 。求使物体系平衡时物体 C 重量的最大值。



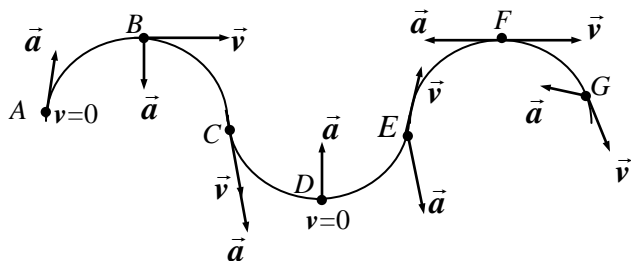
- 4-6. 均质箱体 A 的宽度 $b = 1\text{m}$, 高 $h = 2\text{m}$, 重 $P = 200\text{kN}$, 放在倾角为 $\theta = 20^\circ$ 的斜面上。箱体与斜面之间的静摩擦因数 $f_s = 0.2$ 。今在箱体的 C 点系一无重软绳, 方向如图所示, 绳的另一端绕过滑轮 D 挂一重物 E 。已知 $BC = a = 1.8\text{m}$ 。求箱体处于平衡状态的重物 E 的重量。



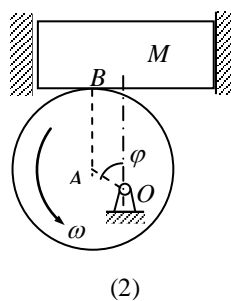
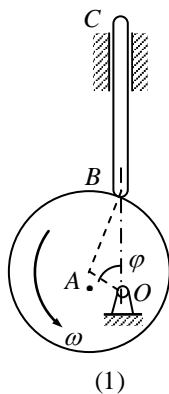
第二篇 运动学

五、点的运动学

5-1. 已知动点各瞬时的速度 \vec{v} 和加速度 \vec{a} 的方向如图所示, C 、 E 为拐点。问: 哪些情况是可能的, 哪些是不可能的, 并说明理由。

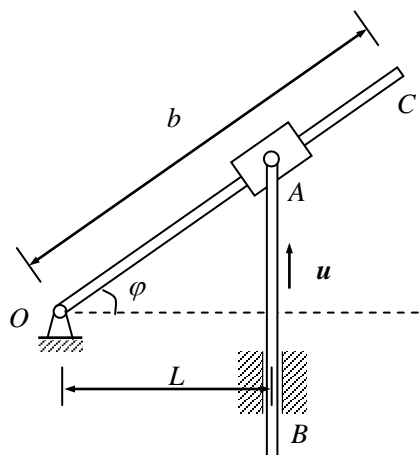


5-2. 已知 (1) 圆形凸轮半径为 R , 绕 O 轴转动, 带动顶杆 BC 作铅直直线平动。凸轮圆心在 A 点, $OA = e$, $\varphi = \omega t$ (ω 为常量)。求顶杆 BC 端点 B 的运动方程、速度。(2) 如把顶杆换成平底物块 M 。求物块 M 上 B 点的运动方程、速度和加速度。



5-3. 已知摇杆机构的滑杆 AB 以匀速 u 向上运动，初瞬时 $\varphi = 0$ ，摇杆长 $OC=b$ 。

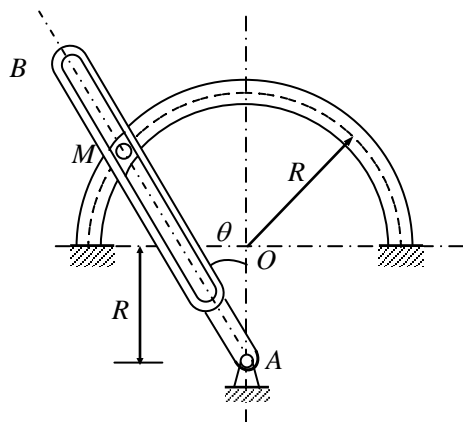
(1) 用直角坐标法建立摇杆上 C 点的运动方程和在 $\varphi = \pi/4$ 时该点的速度。



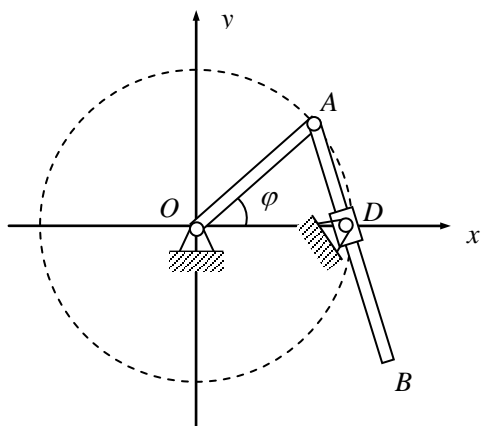
(2) 用自然法建立摇杆上 C 点的运动方程和在 $\varphi = \pi/4$ 时该点的速度。

5-4. 已知点的运动方程: $x=50t$, $y=500-5t^2$, 单位为米, 秒。求 $t=0$ 时, 点的切向加速度、法向加速度及轨迹的曲率半径。

5-5. 已知摇杆 AB 在一定范围内以匀角速度绕 A 轴转动, 摇杆的角速度 $\omega = \frac{\pi}{10} \text{ rad/s}$, $\theta = \omega t$, $OA = R = 10\text{cm}$ 。试分别用直角坐标系法和自然法给出动点 M 的运动方程, 并求其速度和加速度。

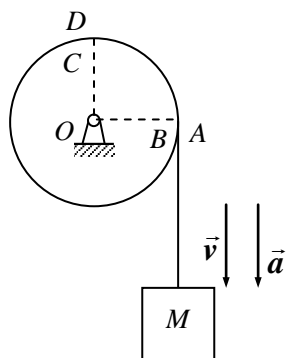


5-6. 曲柄 OA 长 r , 在平面内绕 O 轴转动, 如图所示, 杆 AB 通过固定于点 D 的套筒与曲柄 OA 铰接于 A 点。设 $\varphi = \omega t$, 杆 AB 长 $l = 2r$, 求点 B 的运动方程、速度和加速度。

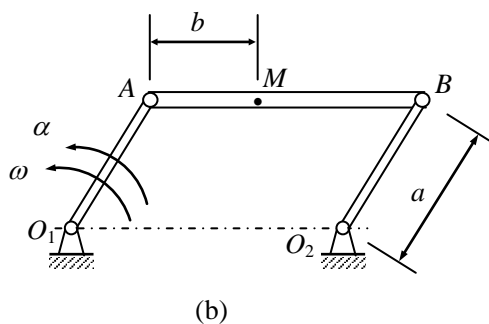
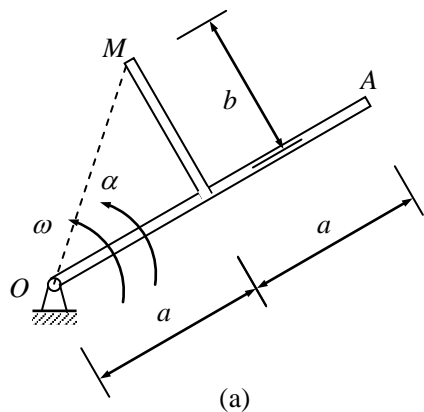


六、刚体的简单运动

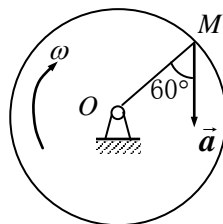
- 6-1. 一细绳绕在鼓轮上，绳端系一重物 M ， M 以速度 v 和加速度 a 向下运动。绳与鼓轮间无相对滑动。问绳上两点 A、D 和轮缘上两点 B、C 的加速度是否相同？



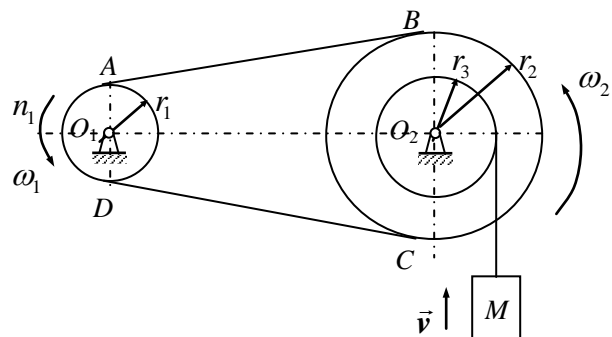
- 6-2. 已知刚体的角速度为 ω ，角加速度为 α ，求 A、M 两点的速度、切向和法向加速度的大小，并画出方向。



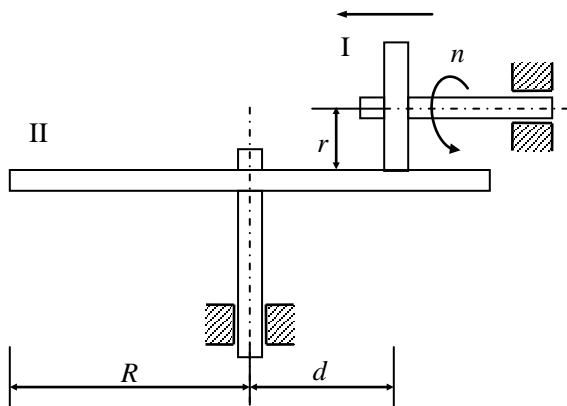
- 6-3. 如图所示，一飞轮绕固定轴 O 转动，其轮缘上任一点 M 的全加速度在某运动过程中与轮半径的交角恒为 60° 。当运动开始时，其转角 $\varphi_0 = 0$ ，角速度为 ω_0 。求飞轮的转动方程以及角速度与转角的关系。



6-4. 已知轮 I、II、III 的半径分别为 $r_1=30\text{cm}$, $r_2=75\text{cm}$, $r_3=40\text{cm}$, 轮 I 的转速 $n_1=100\text{rpm}$ 。求物块 M 的上升速度, 胶带 AB 、 BC 、 CD 、 DA 各段上点的加速度的大小。

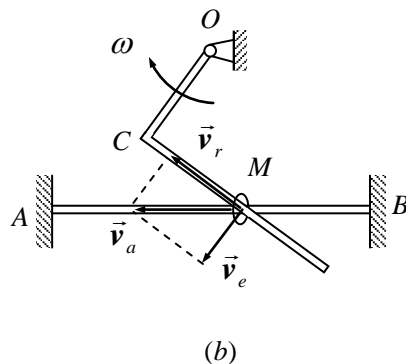
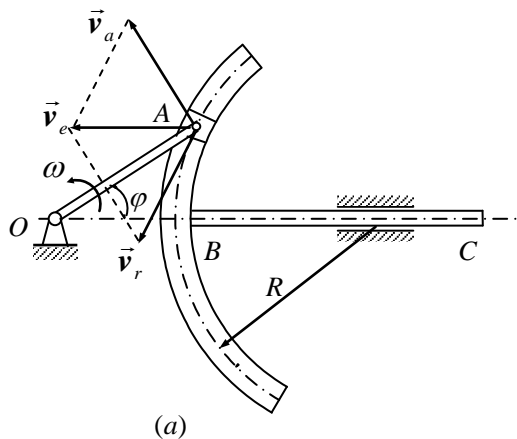


- 6-5. 摩擦传动机构的主动轮 I 的转速为 $n=600\text{rpm}$ ，它与轮 II 的接触点按箭头所示方向移动，距离 d 按规律 $d=10-0.5t$ 变化，单位为厘米、秒。摩擦轮的半径 $r=5\text{cm}$ ， $R=15\text{cm}$ 。求 (1) 以距离 d 表示的轮 II 的角加速度，(2) 当 $d=r$ 时，轮 II 边缘上的一点的全加速度的大小。



七、点的合成运动

7-1. 图中的速度平行四边形有无错误？错在哪里？

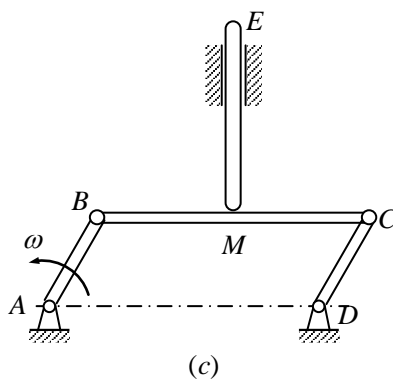
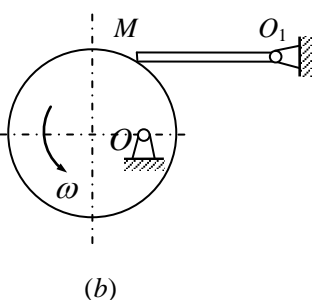
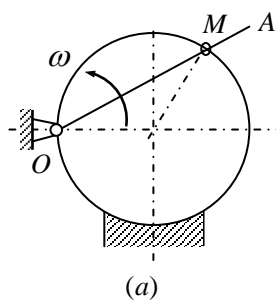


7-2. 在下列各题中，试根据所给的条件选动点、动系，判别绝对运动、相对运动和牵连运动的形式，并画出速度矢量图。

(a) 图示 M 为一小圆环，套在杆 OA 和固定的大圆环上，已知杆 OA 的角速度为 ω 。求环 M 沿大环滑动的速度。

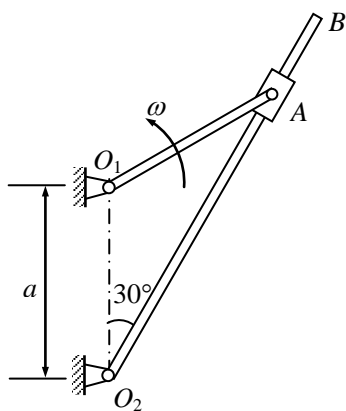
(b) 图示偏心轮以角速度 ω 绕 O 轴转动，求从动杆 O_1M 的角速度。

(c) 图示机构中， $AB=CD$ ， $AD=BC$ ，杆 AB 以角速度 ω 转动，求杆 ME 的速度。

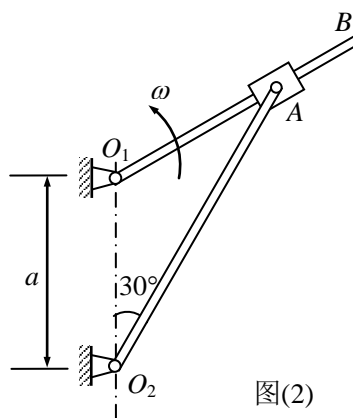


7-3. 图(1)所示机构中, $O_1O_2 = O_1A = a = 20\text{cm}$, $\omega_1 = 3\text{rad/s}$ 。求图示瞬时杆 O_2B 的角速度。

图(2)所示机构中, $O_1O_2 = a = 20\text{cm}$, $O_2A = \sqrt{3}a$, $\omega_1 = 3\text{rad/s}$ 。求图示瞬时杆 O_2A 的角速度。

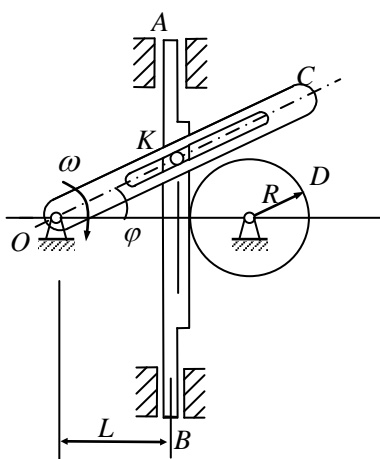


图(1)

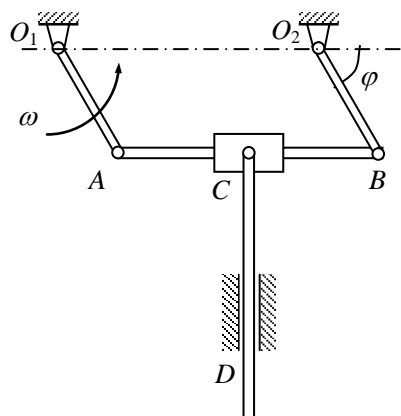


图(2)

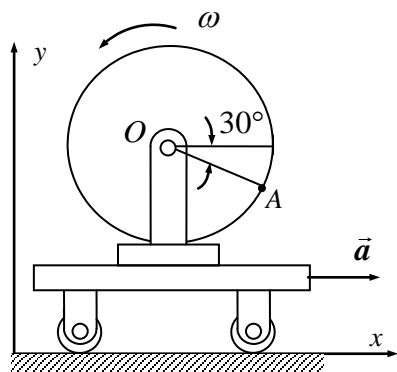
7-4. 已知 $L=40\text{cm}$, 摇杆 OC 的角速度 $\omega=0.5\text{rad/s}$, 齿轮 D 的节圆半径 $R=10\text{cm}$ 。试求 $\varphi = 30^\circ$ 时, 齿轮 D 的角速度。



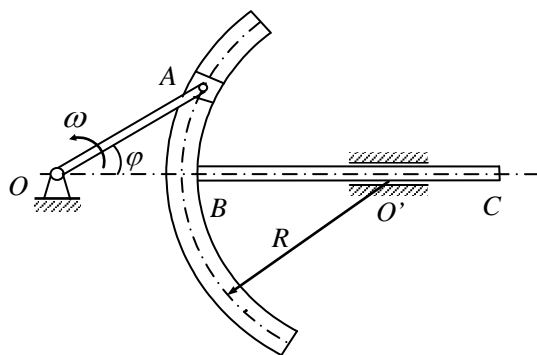
7-5. 已知 $O_1A = O_2B = 10\text{cm}$, $O_1O_2 = AB$, O_1A 以匀角速度 $\omega = 2\text{rad/s}$ 绕 O_1 轴转动。求 $\varphi = 60^\circ$, CD 杆的速度及加速度。



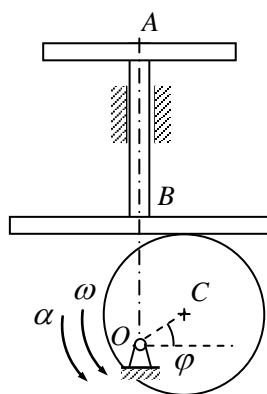
7-6. 已知小车以匀加速度 $a = 49.2\text{cm/s}^2$ 水平向右运动, 圆轮半径 $r = 20\text{cm}$, 绕 O 轴按 $\varphi = t^2$ 规律转动。求在 $t = 1\text{s}$ 时, 此时 A 点的绝对加速度。



7-7. 圆弧形滑槽半径 $R=10\text{cm}$ ，圆心在导杆上 O' 点。曲柄长 $OA=10\text{cm}$ ， $\omega = 4\pi \text{ rad/s}$ 求当 $\varphi = 30^\circ$ 时，导杆 CB 的速度及加速度。

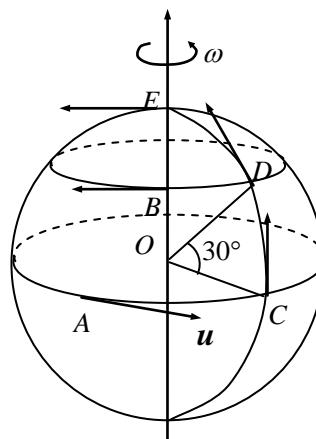


7-8. 凸轮半径为 R ，偏心距 $OC=e$ ，图示瞬时 OC 与水平线成夹角 φ ，凸轮绕轴 O 转动的角速度为 ω ，角加速度为 α ，顶杆的平底始终接触凸轮表面。求该瞬时顶杆 AB 的速度及加速度。

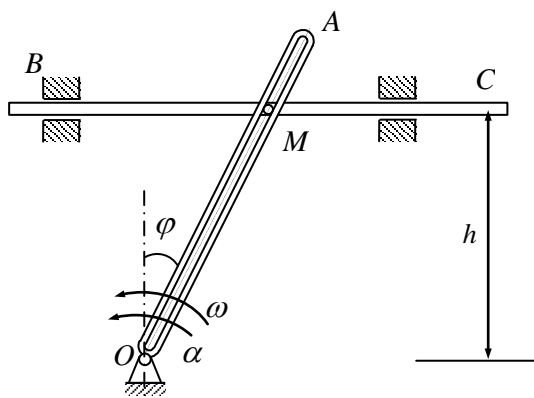


7-9. 物体对地面的速度为 u ，沿下列轨道运动至图示位置时，试求出科氏加速度的大小和方向，设地球的自转角速度为 ω 。

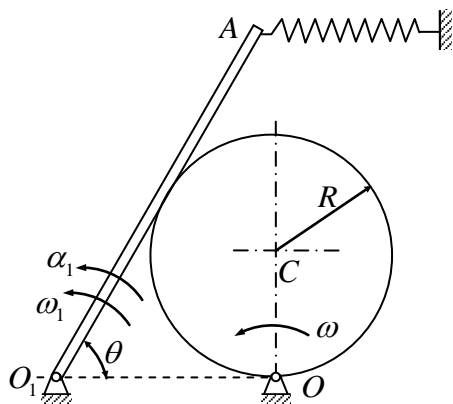
- (1) 赤道 A 点；
- (2) 北纬 30° B 点；
- (3) 沿经线 C 点；
- (4) 沿经线 D 点；
- (5) 沿经线 E 点。



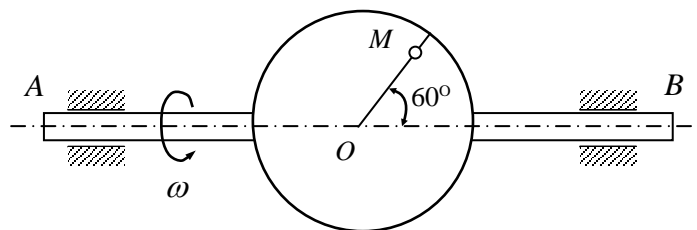
7-10. 摇杆 OA 绕 O 轴摆动，通过固定在滑枕 BC 上的销子带动滑枕运动。已知 $h=2\text{m}$ ，当 $\varphi=30^\circ$ 时，摇杆的角速度和角加速度分别为 $\omega = 1\text{rad/s}$, $\alpha = 1\text{rad/s}^2$ ，求此时滑枕 BC 的速度和加速度。



- 7-11. * 图示偏心轮摇杆机构中，摇杆 O_1A 借助弹簧压在半径为 R 的偏心轮 C 上。偏心轮 C 绕轴 O 往复摆动，从而带动摇杆绕轴 O_1 摆动。图示瞬时，轮 C 的角速度为 ω ，角加速度为零， $OC \perp OO_1$ ， $\theta = 60^\circ$ ，求该瞬时摇杆 O_1A 的角速度 ω_1 和角加速度 α_1 。

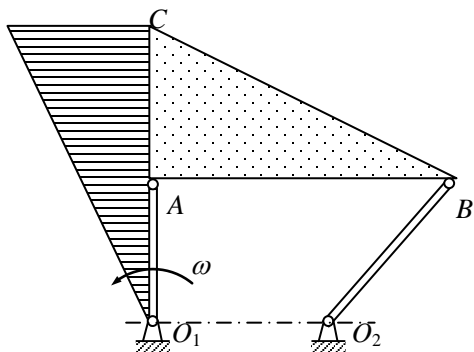


7-12. * 图示圆盘绕 AB 轴转动，角速度 $\omega = 2t \text{ rad/s}$ ，点 M 沿圆盘直径离开中心向外移动的方程： $r = OM = 4t^2 \text{ cm}$ 。半径 OM 与 AB 轴成 60° 角。求当 $t = 1 \text{ s}$ 时，点 M 的绝对加速度的大小。

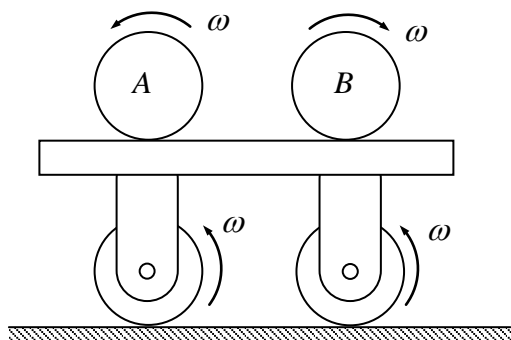


八、刚体的平面运动

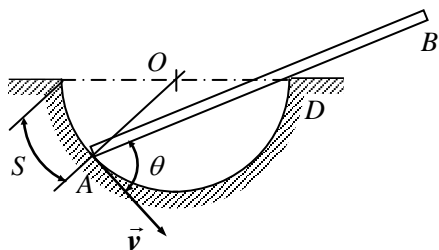
- 8-1. 如图所示， O_1A 的角速度为 ω_1 ，板 ABC 和杆 O_1A 铰接。问图中 O_1A 和 AC 上各点的速度分布规律对不对？



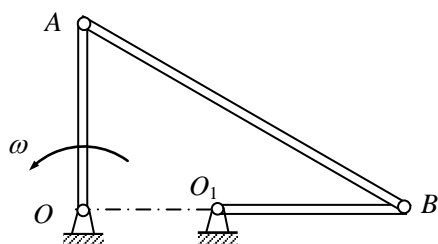
- 8-2. 如图所示，板车车轮半径为 r ，以角速度 ω 沿地面只滚动不滑动，另有半径同为 r 的轮 A 和 B 在板车上只滚动不滑动，其转向如图，角速度的大小均为 ω ，试分别确定 A 轮和 B 轮的速度瞬心位置。



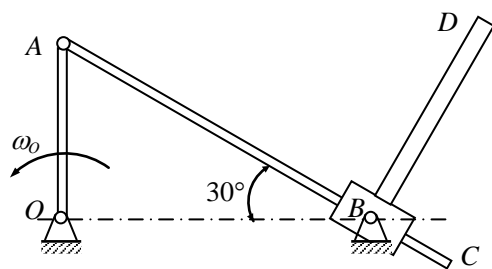
- 8-3. 直杆 AB 的 A 端以匀速度 v 沿半径为 R 的半圆弧轨道运动，而杆身保持与轨道右尖角接触。问杆 AB 作什么运动？你能用几种方法求出杆 AB 的角速度？



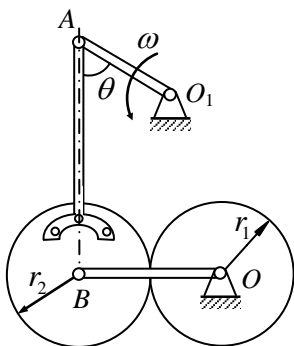
- 8-4. 如图所示四连杆机构 $OABO_1$ 中, $OA=O_1B=AB/2$, 曲柄 OA 的角速度 $\omega=3\text{rad/s}$ 。当 OA 转到与 OO_1 垂直时, O_1B 正好在 OO_1 的延长线上, 求该瞬时 AB 杆的角速度 ω_{AB} 和曲柄 O_1B 的角速度 ω_1 。



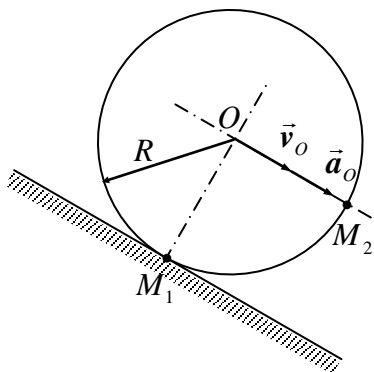
- 8-5. 图示曲柄摇机构中, 曲柄 OA 以角速度 ω_0 绕 O 轴转动, 带动连杆 AC 在摇块 B 内滑动, 摇块及与其固结的 BD 杆绕 B 铰转动, 杆 BD 长 l ; 求在图示位置时摇块的角速度及 D 点的速度。



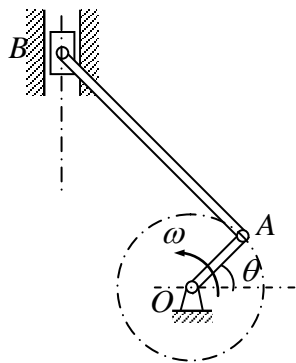
- 8-6. 在瓦特行星传动机构中，平衡杆 O_1A 绕 O_1 轴转动，并藉连杆 AB 带动曲柄 OB ，而曲柄 OB 活动地装置在 O 轴上。在 O 轴上装有齿轮 I，齿轮 II 的轴安装在杆 AB 的 B 端。已知 $r_1 = r_2 = 30\sqrt{3}\text{cm}$ ， $O_1A = 75\text{cm}$ ， $AB = 150\text{cm}$ ，又 $\omega = 6\text{rad/s}$ ；求当 $\theta = 60^\circ$ 及 $AB \perp OB$ 时，曲柄 OB 及齿轮 I 的角速度。



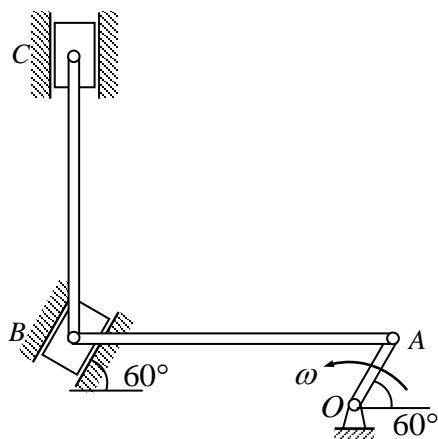
- 8-7. 车轮在铅垂平面内沿倾斜直线轨道滚动而不滑动。轮的半径 $R=0.5\text{m}$ ，轮心 O 在某瞬时的速度 $v_0=1\text{m/s}$ ，加速度 $a_0=3\text{m/s}^2$ 。试分别求轮缘上的两点 M_1 和 M_2 的加速度。



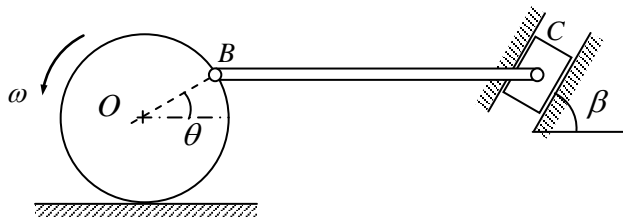
- 8-8. 曲柄长 $OA=0.2\text{m}$, 绕 O 轴以匀角速度 $\omega=10\text{rad/s}$ 转动, 通过长 $AB=1\text{m}$ 的连杆带动滑块 B 沿铅直导槽运动。在图示位置, 曲柄与水平线成角 $\theta=45^\circ$ 且与连杆 AB 垂直。试求该瞬时连杆 AB 的角速度、角加速度以及滑块 B 的速度、加速度。



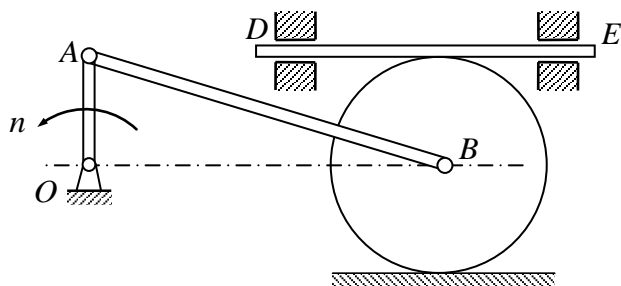
8-9. 在图示机构中，曲柄 OA 长为 r ，绕 O 轴以等角速度 ω 转动， $AB=6r$ ， $BC=3\sqrt{3}r$ ，求图示位置时，滑块 C 的速度和加速度。



- 8-10. 直径为 $6\sqrt{3}$ cm 的滚子在水平面作匀速滚动而无滑动，并通过连杆 BC 带动滑块 C 。已知滚子的角速度 $\omega=12\text{rad/s}$, $\theta=30^\circ$, $\beta=60^\circ$, $BC=27\text{cm}$ 。求 BC 杆与地面平行时的角速度、角加速度和 C 点的速度、加速度。

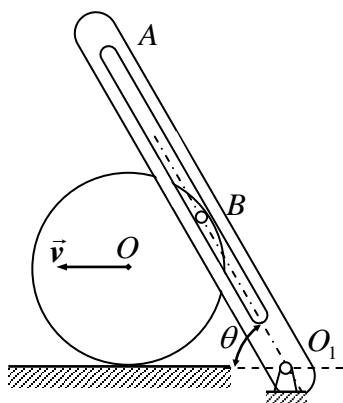


- 8-11. 曲柄 OA 以匀转速 $n=60\text{rpm}$ 绕 O 轴转动, 通过连杆带动圆柱沿水平地面作无滑动的滚动, 圆柱借摩擦带动物体 DE 沿水平方向平行移动, 设圆柱与 DE 间也没有滑动。已知 $OA=100\text{mm}$, $AB=300\text{mm}$, 圆柱半径 $R=100\text{mm}$ 。求该曲柄 OA 处于铅直位置瞬时, 物体 DE 的速度和加速度。

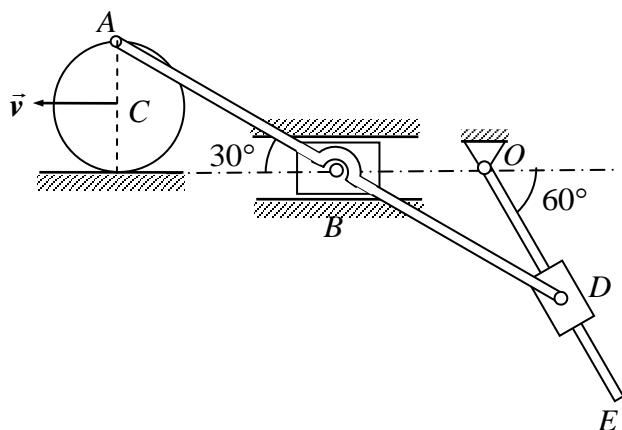


8-12. 如图，轮 O 在水平面内匀速纯滚动，轮心的速度为 v ，轮缘上固定销钉 B ，此销钉在摇杆 O_1A 的槽内滑动，并带动摇杆绕 O_1 轴转动。已知轮的半径为 R ，在图示位置时 O_1A 是轮的切线，摇杆与水平线的夹角 $\theta = 60^\circ$ 。求

- ① 销钉 B 点的速度和摇杆 O_1A 的角速度；
- ② 销钉 B 点的加速度和摇杆 O_1A 的角加速度。



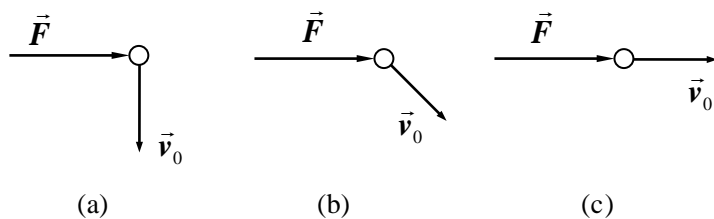
- 8-13 * 图示圆轮半径为 r ，在水平面上作纯滚动，轮心 C 以匀速度 \mathbf{v} 向左运动。图示瞬时，摇杆 OE 与水平线夹角为 60° ，连杆 ABD 与水平线夹角为 60° ， $AB = BD = 4r$ ，试求该瞬时，
- (1) 滑块 D 销的速度；(2) 摇杆 OE 的角速度；(3) 摇杆 OE 的角加速度。



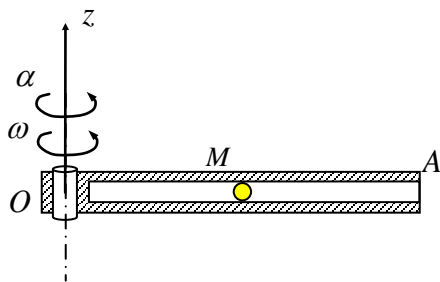
第三篇 动力学

九、质点的运动微分方程

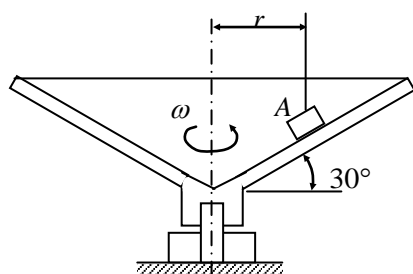
9-1. 三个质量相同的质点, 在某瞬时的速度分别如图所示, 若对他们作用了大小、方向相同的力 F , 问质点的运动情况是否相同?



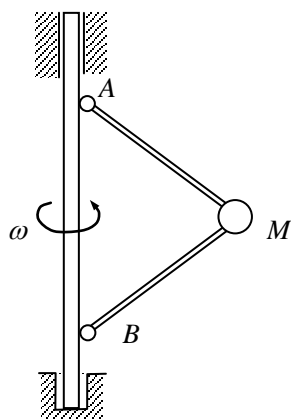
9-2. 如图所示, 管 OA 内有一小球 M , 管壁光滑。当管 OA 在水平面内绕铅直轴 O 转动时, 小球为什么向管口运动?



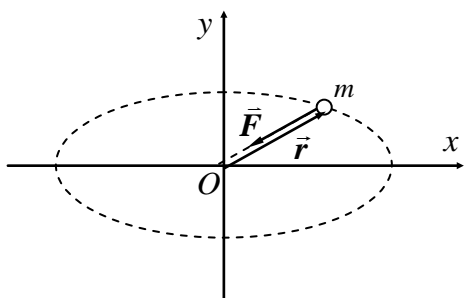
- 9-3. 如图所示物块 A 置于锥形圆盘上，离转动轴的距离为 $r=20\text{cm}$ ，如物块与锥面间的摩擦系数为 $f=0.3$ ，问圆盘的每分钟转速应在什么范围内，方能使物块在锥面上保持平衡，假定角速度改变很慢，角加速度可忽略不计。



- 9-4. 图示质量为 m 的球 M ，为两根各长 l 的杆所支持，此机构以不变的角速度 ω 绕铅直轴 AB 转动。如 $AB=2a$ ，两杆的各端均为铰接，且杆重忽略不计，求杆 AM 、 BM 的内力。

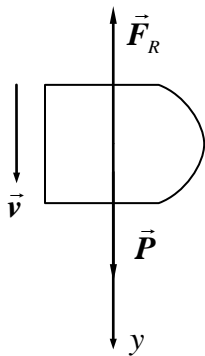


- 9-5. 图示质点的质量为 m ，受指向原点 O 的力 $\vec{F} = -k\vec{r}$ 作用，力与质点到点 O 的距离成正比。如初瞬时质点的坐标为 $x = x_0$ ， $y = 0$ ，而速度的分量为 $v_x = 0, v_y = v_0$ 。试求质点的轨迹。



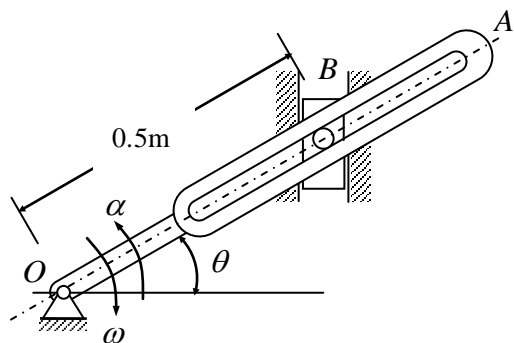
o

- 9-6. 不前进的潜水艇重 Q ，受到较小的沉力 P (重力与浮力的合力) 向水底下沉。在沉力不大时，水的阻力 $\vec{F}_R = -kA\vec{v}$ ，其中 k 为比例常数， A 为潜水艇的水平投影面积， v 为下沉速度。如当 $t=0$ 时， $v=0$ 。求下沉速度和在时间 T 内潜水艇下潜路程 s 。



9-7. 图示机构处于铅直平面内, 滑块 B 重 $G = 9.8\text{N}$, 在摇杆与水平线成 $\theta = 30^\circ$ 时, $\omega = 2\text{rad/s}$,

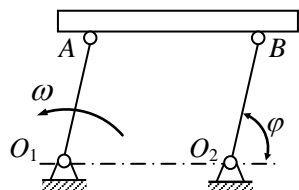
$\alpha = 2\text{rad/s}^2$, 转向如图。求导槽的约束反力及销钉与摇杆间的压力。摇杆质量不计。所有摩擦忽略不计。



十、动量定理

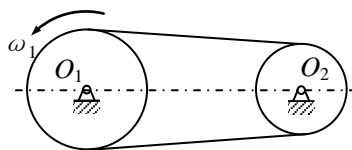
10-1. 计算下列各图中系统的动量。

- (a) 均质摆杆 $O_1A = O_2B = l$ ，质量均为 m ，角速度为 ω ， $O_1O_2 = AB$ ，均质矩形板 AB 质量为 M 。求图示瞬时系统的动量。



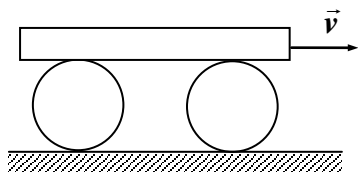
(a)

- (b) 带传动机构中，带轮 O_1 和 O_2 以及胶带都是均质的，重量分别为 P_1 ， P_2 和 P_3 ，带轮 O_1 的角速度为 ω_1 。求系统的动量。



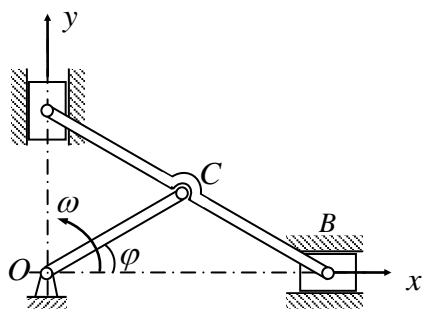
(b)

- (c) 重 P_1 的平板放在重量均为 P_2 且半径相等的两个轮子上，平板速度为 v ，各接触处没有相对滑动。求系统的动量。



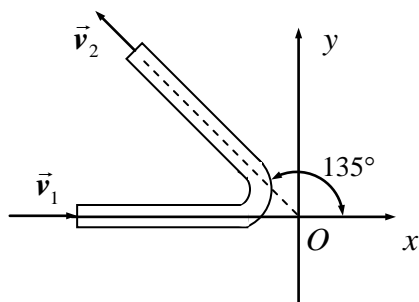
(c)

- (d) 椭圆规尺 AB 重 $2P_1$ ，曲柄 OC 重 P_1 ，滑块 A 、 B 重量均为 P_2 ， $OC=AC=CB=l$ ；曲柄绕 O 轴转动的角速度 ω 为常量；当开始时，曲柄水平向右。求图示瞬时系统的动量。

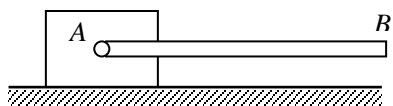


(d)

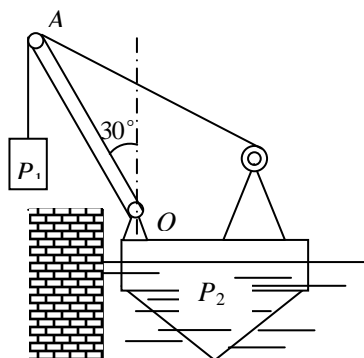
- 10-2. 直径 $d=200\text{mm}$ 的管道有一个 135° 的弯头，流经管道的水的密度 $\rho=1000\text{kg/m}^3$ ，若流量 $Q=0.6\text{m}^3/\text{s}$ 。求弯头处因水流的动量变化所引起的附加动压力。



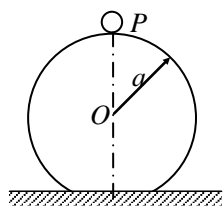
10-3. 图示物块 A 质量为 M ，放在光滑水平面上；其上铰接的 AB 杆质量为 m 、长为 l 。求当杆 AB 从水平静止释放后至铅直时， A 块的水平位移。



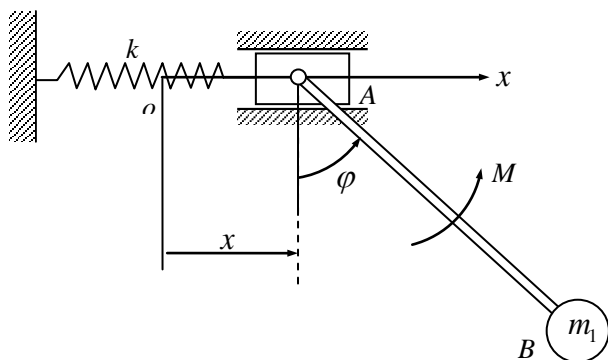
- 10-4. 已知重物 $P_1 = 20\text{kN}$ ，起重机 $P_2 = 200\text{kN}$ ，起重杆 $OA = 8\text{m}$ 。开始时，系统静止，杆与铅直位置成 60° 角；水的阻力和杆重不计。求 OA 转到与铅直位置成 30° 角时起重机的位移。



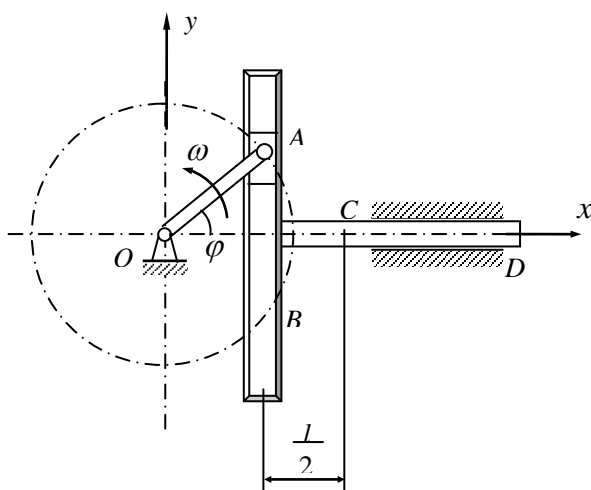
- 10-5. 图示小球 P 沿光滑大半圆柱体表面滑下。小球质量为 m ；大半圆体质量为 M ，半径为 a ，放在光滑水平面上。求小球在未离开半圆柱之前的运动轨迹。



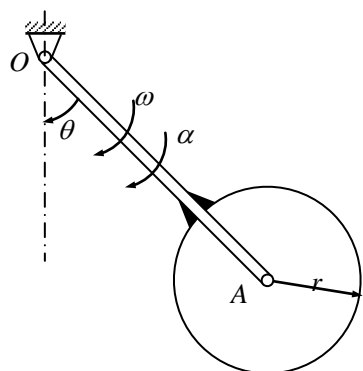
- 10-6. 如图所示，质量为 m 的滑块 A ，可以在水平光滑槽内运动，具有刚度系数为 k 自重不计的弹簧一端与滑块相连接，另一端固定。杆 $AB = l$ ，质量不计， A 端与滑块铰接， B 端固结质量为 m_1 的质点，在铅垂面内可绕水平轴 A 。设杆在力偶 M 作用下转角 $\varphi = \omega t$ ， ω 为常数。初瞬时 $\varphi = 0$ ，弹簧为原长，滑块静止，求滑块 A 的运动微分方程。



- 10-7. 图机构, 已知曲柄 OA 质量为 m_1 , $OA=l$, 角速度 ω 为常数, $\varphi = \omega t$; 滑块 A 质量为 m_2 , 滑杆质量为 m_3 , 质心在 C 点, 不计各处摩擦; 求(1)机构质量中心的运动方程; (2)作用在轴 O 处的最大水平力。



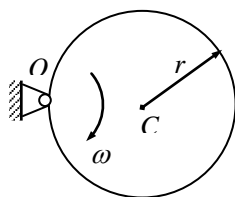
- 10-8. 质量为 m , 长为 l 的均质杆杆端与质量为 m 、半径为 r 的均质圆盘中心固结, 绕水平轴 O 的作定轴转动, 图示瞬时杆与铅垂线夹角为 θ , 角速度为 ω , 角加速度为 α , 试求该瞬时轴承 O 处的约束力。



十一、动量矩定理

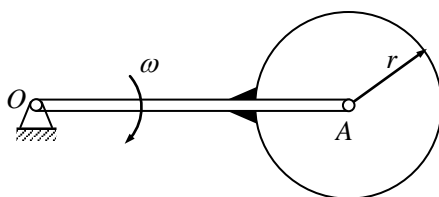
11-1. 试求下列刚体或系统对水平轴 O 的动量矩。

(a) 质量为 m ，半径为 r 的均质圆盘绕水平轴 O 作定轴转动，角速度为 ω 。



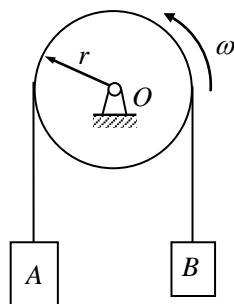
(a)

(b) 质量为 m ，长为 l 的均质杆杆端与质量为 m 、半径为 r 的均质圆盘中心固结，绕水平轴 O 的作定轴转动，角速度为 ω 。



(b)

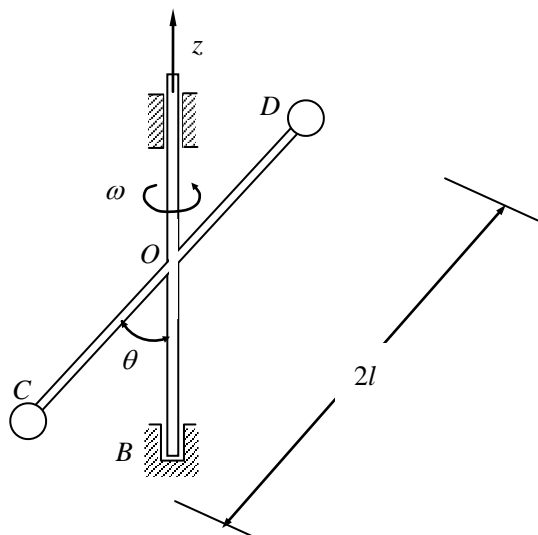
(c) 图示滑轮组，重物 A 和 B 质量分别为 m_1 和 m_2 ；滑轮 O 的质量为 m_3 ，半径为 r ，可视为均质圆盘。滑轮绕水平轴 O 的作定轴转动，角速度为 ω 。（绳子不计质量和弹性。）



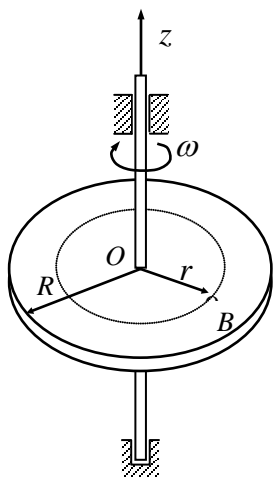
(c)

11-2. 如图图示，杆 CD 与 z 轴的夹角为 θ ，杆长 $CO = OD = l$ ，杆端固结的小球 C 、 D 质量均为 m ，大小不计；系统绕铅直轴 z 转动的角速度为 ω ，求

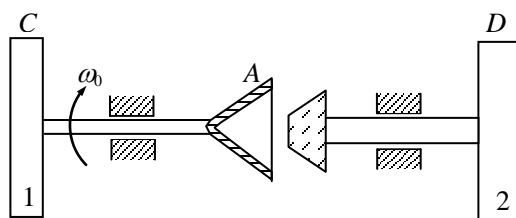
- (1) 杆 CD 不计质量时，系统对 z 轴的动量矩；
- (2) 均质杆 CD 质量为 $2m$ 时，系统对 z 轴的动量矩。



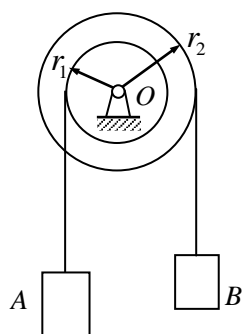
11-3. 已知半径为 R ，重量为 P 的均质圆盘，可绕 z 轴无摩擦地转动。一重量为 Q 的人在盘上由 B 点按规律 $s = \frac{1}{2}at^2$ 沿半径为 r 的圆周行走。开始时，圆盘和人静止。求圆盘的角速度和角加速度。



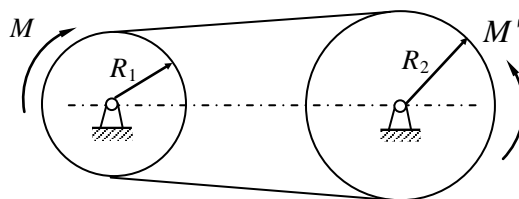
- 11-4. 图示离合器，轮 1 和 2 的转动惯量分别为 J_1 和 J_2 ，初始时，轮 2 静止，轮 1 具有角速度 ω_0 。求(1)当离合器接合后，两轮共同转动的角速度；(2)若经过 t 秒后两轮的转速才相同，离合器应有的摩擦力矩。



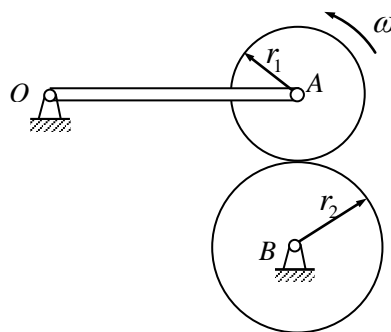
- 11-5. 重物 A 和 B 质量分别为 m_1 和 m_2 ；塔轮的质量为 m_3 ，对水平轴 O 的回转半径为 ρ ，且质心位于转轴 O 处。求鼓轮的角加速度 α 。（绳子不计质量和弹性。）



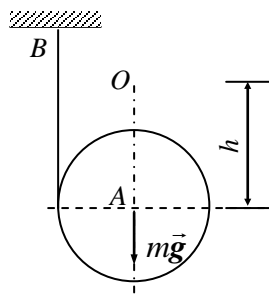
- 11-6. 图示两均质带轮的半径各为 R_1 和 R_2 ，其重量分别为 P_1 和 P_2 ，分别受矩为 M 的主动力偶和矩为 M' 的阻力偶作用，胶带与轮之间无滑动，胶带质量略去不计。求第一个带轮的角加速度。



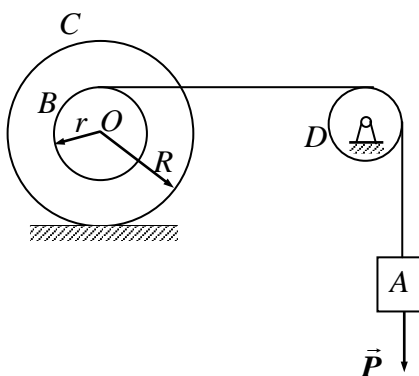
- 11-7. 均质圆轮 A 重量为 P_1 ，半径为 r_1 ，以角速度 ω 绕杆 OA 的 A 端转动，此时将轮放置在均质轮 B 上；杆 OA 重量不计；均质轮 B 重量为 P_2 、半径为 r_2 ，初始静止，但可绕其中心自由转动。放置后轮 A 的重量由轮 B 支持。设两轮间的摩擦系数为 f' ；求自轮 A 放在轮 B 上到两轮间没有相对滑动时的时间。



- 11-8. 均质圆柱体 A 的质量为 m ，在外圆上绕以细绳，绳的一端 B 固定不动，如图所示。圆柱体因解开绳子而下降，其初速为零。求当圆柱体的轴心降落了高度 h 时轴心的速度和绳子的张力。

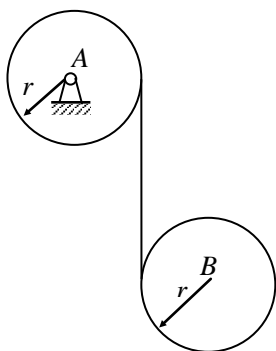


- 11-9. 重物 A 重 P ，系在跨过固定滑轮 D 并绕在鼓轮 B 上的绳子上，鼓轮 B 半径为 r ，轮 C 的半径为 R ，两者固连在一起，沿水平面纯滚动。两者总重为 Q ，关于水平轴 O 的回转半径为 ρ ，不计 D 轮质量。求重物 A 的加速度。

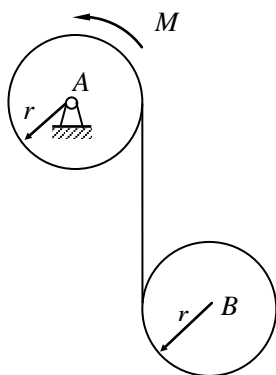


11-10. 均质圆柱 A 和 B 的重量均为 P , 半径均为 r , 一绳缠绕在绕固定轴 O 转动的圆柱 A 上, 绳的另一端绕在圆柱 B 上, 如图所示。摩擦不计。求

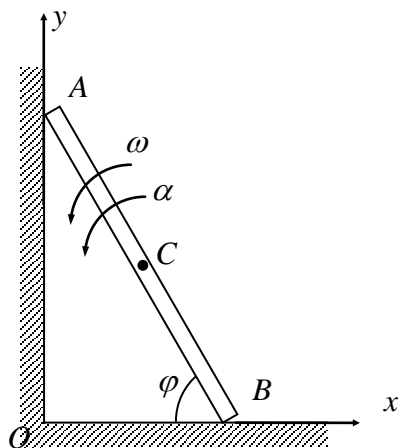
(1) 圆柱体 B 下落时质心的加速度;



(2) 若在圆柱体 A 上作用一矩为 M 的逆时针转向的力偶, 试问在什么条件下圆柱体 B 的质心将上升。



- 11-11. 质量为 m 、长为 l 的均质杆 AB 放在铅直平面内，在 $\varphi = \varphi_0$ 角时由静止状态倒下，墙与地面均光滑。求（1）杆在任意位置 φ 时的角速度和角加速度；（2）杆脱离墙时与水平面所夹的角。



11-12* 质量为 m 、半径为 r 的均质圆盘，在距盘心 $\frac{r}{2}$ 处焊接一个质量为 m 的质点。

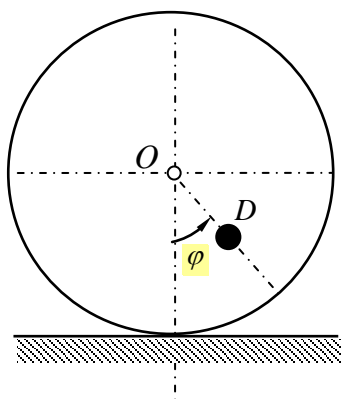
圆盘经干扰后可在水平面上往复纯滚动，试求：

- (1) 系统对速度瞬心的绝对动量矩。
- (2) 系统的运动微分方程。
- (3) 若系统的运动微分方程具有以下形式：

$$A(\varphi)\ddot{\varphi} + B(\varphi)\dot{\varphi}^2 + C(\varphi) = 0$$

试说明改变均质圆盘的质量，对 $A(\varphi)$ 、 $B(\varphi)$ 和 $C(\varphi)$ 分别有何影响？

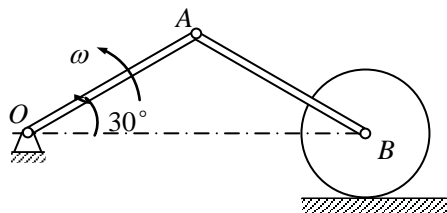
(提示：余弦定理 $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos\varphi$)



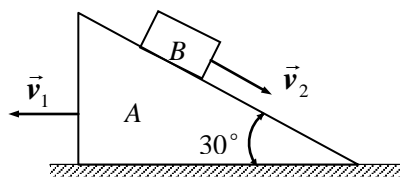
十二、动能定理

12-1. 计算下列各系统的动能:

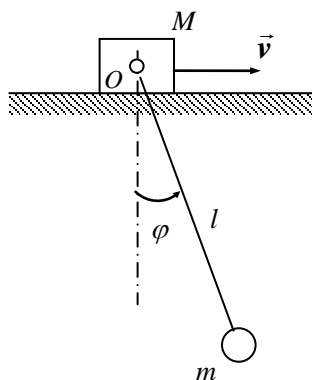
- (1) 图示平面机构中, 均质杆 $OA = AB = l$, 均质轮 B 半径为 r , 杆与轮质量均为 m , OA 杆以角速度 ω 绕水平轴 O 作定轴转动, 通过杆 AB 带动轮 B 在水平面纯滚动, 试求图示瞬时系统的动能。



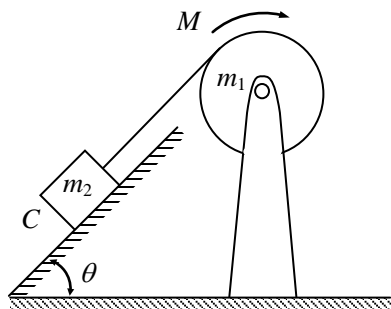
- (2) 滑块 A 沿水平面以速度 v_1 移动, 重物块 B 沿滑块以相对速度 v_2 滑下, 已知滑块 A 的质量为 m_1 , 物块 B 的质量为 m_2 。



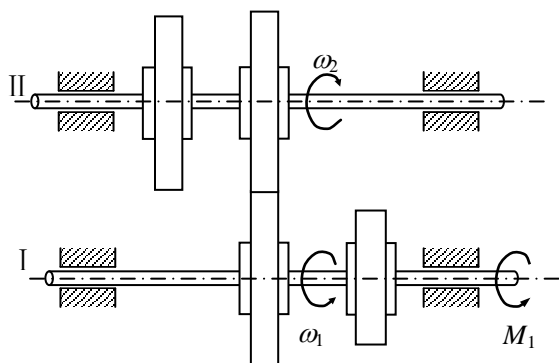
- 12-2. 已知滑块质量为 M , 以匀速 v 沿水平直线运动, O 点悬挂一单摆, 摆长为 l , 摆锤质量为 m , 转动方程为 $\varphi = \varphi(t)$ 。求滑块与单摆所组成的系统的动能表达式。



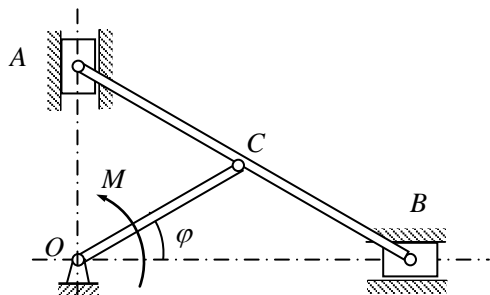
- 12-3. 已知均质圆轮半径为 r ，质量为 m_1 ，重物质量为 m_2 ，力偶 M 的矩为常量，斜面倾角为 θ 。重物与斜面间的动滑动摩擦系数为 f' 。初始时，系统静止。求圆轮转过 φ 角时的角速度和角加速度。



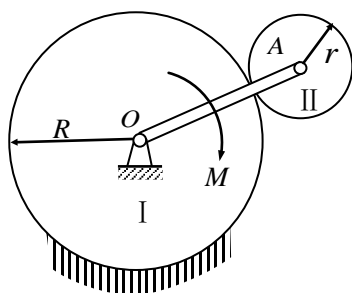
- 12-4. 图示轴 I 和轴 II（连同安装在轴上的齿轮和带轮等）的转动惯量分别为 $J_1 = 5\text{kg} \cdot \text{m}^2$ 和 $J_2 = 4\text{kg} \cdot \text{m}^2$ ，且 $\frac{\omega_2}{\omega_1} = \frac{3}{2}$ ，作用于轴 I 上的力偶矩 $M_1 = 50\text{N} \cdot \text{m}$ ，系统由静止而运动。求(1) 轴 II 转速达到 $n_2 = 120\text{r/min}$ 时，轴 II 转过的圈数。(2) 在这过程中轴 II 的角加速度。



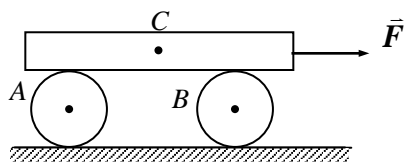
- 12-5. 椭圆规位于水平面内，均质杆 OC 和 AB 重量分别为 P 和 $2P$ ，且 $OC = AC = BC = l$ 。滑块 A 、 B 的重量均为 Q 。曲柄上的力偶矩 M 为常数，系统于 $\varphi = 0$ 由静止开始运动，忽略各处摩擦。求曲柄的角速度（以转角 φ 的函数表示）和角加速度。



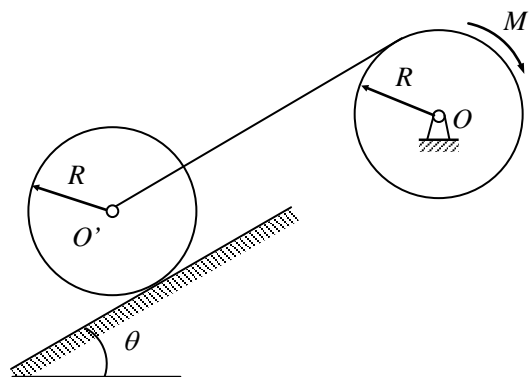
- 12-6. 周转齿轮传动机构放在水平面内，动齿轮半径 r ，重 P ，可看成为均质圆盘；曲柄 OA 重 Q ，可看成均质杆；定齿轮半径为 R 。曲柄上作用一矩为 M 的不变力偶，使此机构由静止开始运动。求曲柄转过 φ 角后的角速度和角加速度。



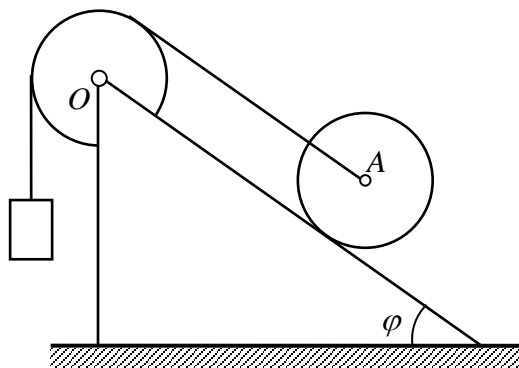
- 12-7. 图示均质板质量为 m ，搁在两个均质圆柱滚子上，滚子质量均为 $\frac{m}{2}$ ，半径均为 r 。如在板上作用水平力 F ，滚子与水平面和平板间都没有滑动，求板的加速度。



- 12-8. 图示机构中，圆柱体 O' 和鼓轮 O 为均质物体，质量均为 m ，半径均为 R 。圆柱体 O' 沿倾角为 θ 的斜面纯滚动，在鼓轮上作用一常力矩为 M ，不计绳子的质量及弹性。求 (1) 鼓轮的角加速度；(2) 轴承 O 的约束反力。

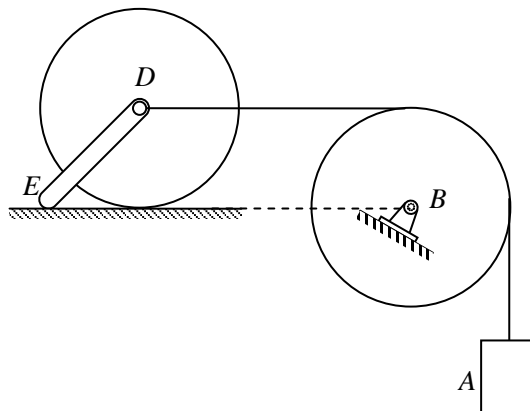


- 12-9. 均质碾子 A 与滑轮 B 质量均为 m_1 ，半径相等，碾子沿倾角为 φ 的斜面向下作纯滚动，借一不计质量的绳子提升质量为 m_2 的物体 C 。若绳子不可伸长，轴承摩擦不计，求 (1) 碾子质心的加速度；(2) 碾子与滑轮间绳子的张力。

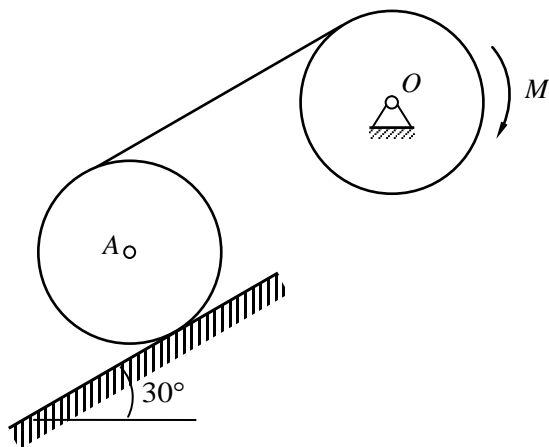


12-10. 质量为 m 的物块 A 借不可伸长的绳子经滑轮 B 拖动礮子 D 在水平面上纯滚，礮子和滑轮均可视为质量为 m 、半径为 r 的均质圆盘。质量为 $1.5m$ 、长 $l = \sqrt{2}r$ 均质细长杆 DE 在端与礮子中心铰接， E 端与地面接触。若绳和滑轮 B 间没有相对运动， E 端与地面的摩擦不计，试求：

- (1) 礮心中心 D 的加速度；
- (2) 地面对杆端 E 的约束反力。

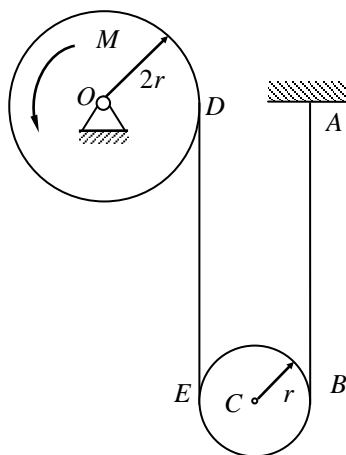


- 12-11. 均质碾子 A 与滑轮 O 质量均为 m , 半径均为 r , 轮 O 上作用矩为 $M=mgr$ 的力偶, 通过与斜面平行的绳子带动碾子沿倾角为 θ 的斜面作纯滚动。若绳子不计质量且不可伸长, 轴承摩擦不计, 求 (1) 碾子 A 质心的加速度; (2) 碾子与滑轮间绳子的张力; (3) 斜面与碾子之间的摩擦力。

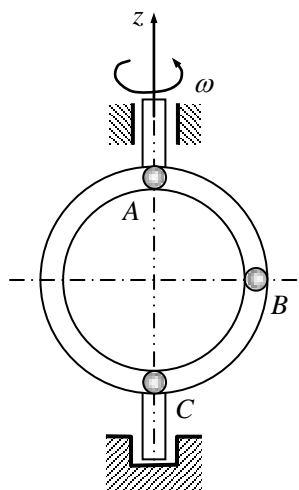


- 12-12. 滑轮组如图, 定滑轮 O 半径为 $2r$, 动滑轮 C 半径为 r , 两滑轮间及 AB 段绳子方向铅直。两轮均可视为质量为 m 的均质圆盘。绳子与滑轮间无相对滑动, 轴承 O 处的摩擦和绳子的质量均忽略不计。若在轮 O 上作用一矩为 $M=2mgr$ 的常值力偶, 试求:

- (1) 动滑轮心 C 的加速度;
- (2) DE 段绳子的拉力;
- (3) AB 段绳子的拉力。



- 12-13. 图示圆环半径为 R ，对 z 轴的转动惯量为 J ，绕 z 轴以角速度 ω 转动。质量为 m 的小球初始位于圆环内的 A 点处静止，由于微小干扰小球离开点 A 下滑，不计摩擦；求当小球分别到达点 B 和点 C 时，圆环的角速度和质点的速度。

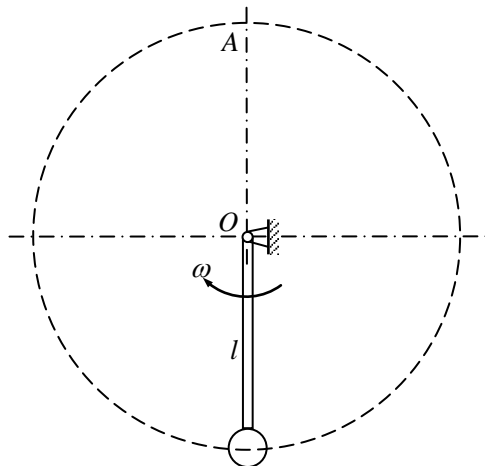


12-14. 均质细杆质量为 $2m$ ，长为 l ，其一端固连质量为 m 的小球，此系统可绕水平轴 O 转动。

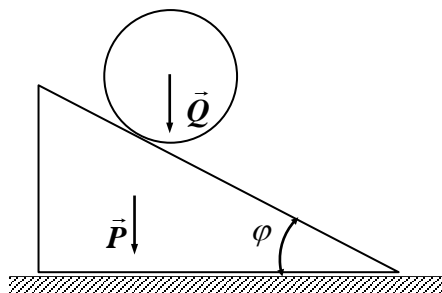
开始时杆与小球位于最低位置，并获得初角速度 ω_0 。

试就以下两种情况求初角速度 ω_0 应有的值：

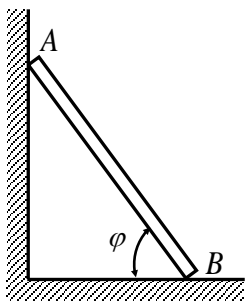
- (1) 杆与小球到达铅直最高位置 OA 时，角速度为零；
- (2) 杆与小球通过位置 OA 时，支点 O 的反力为零。



12-15. 图示均质圆柱体重 Q ，半径为 r ，沿倾角为 φ 、重 P 的三棱柱体作无滑动滚动，三棱柱体置于光滑的水平面上。求三棱柱体的加速度。



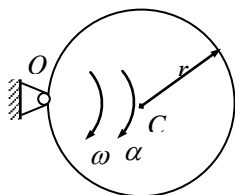
12-16. 如图所示，均质杆 AB 长为 l ，质量为 m ，沿光滑的铅直墙和水平地板于直立位置静止倒下。求杆在任意位置 φ 时的角速度 ω 和角加速度 α 以及 A 、 B 处的约束力。



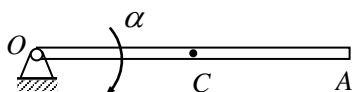
十三、达朗贝尔原理

13-1. 求下列刚体惯性力系简化结果。

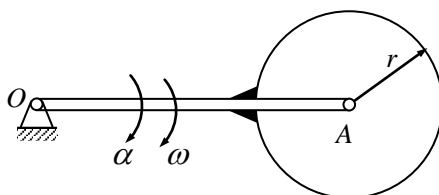
(a) 质量为 m ，半径为 r 的均质圆盘绕水平轴 O 作定轴转动，角速度为 ω ，角加速度为 α ，试求圆盘的惯性力系向转轴 O 简化的结果。(在图中画出主矢主矩的方向)



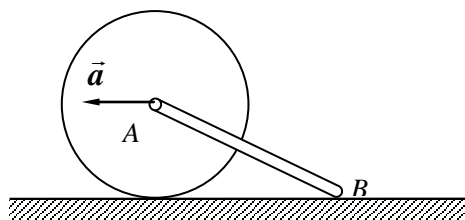
(b) 均质杆 OA 质量为 m ，长为 l ，可绕 O 轴转动。图示瞬时，角速度为零，角加速度为 α ，试分别求该瞬时杆的惯性力系简化的结果 (1) 向转轴 O 简化；(2) 向质心 C 简化。(在图中画出主矢主矩的方向)



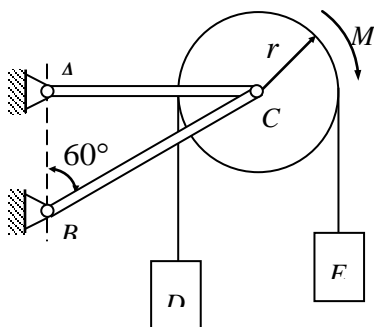
(c) 质量为 m ，长为 l 的均质杆杆端与质量为 m 、半径为 r 的均质圆盘中心固结，绕水平轴 O 的作定轴转动，角速度为 ω ，角加速度为 α ，试求系统惯性力系简化的结果 (在图中画出主矢、主矩的方向)



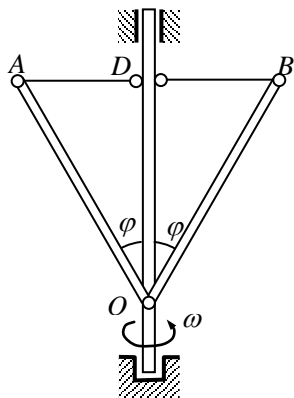
(d) 图示均质圆轮质量为 m_1 ，半径为 r ；均质细长杆长 $l = 2r$ ，质量为 m_2 ，杆端 A 与轮心光滑铰接，沿水平面作纯滚动，带动杆 AB 作平移。若已知轮心 A 的加速度为 a ，试求系统惯性力系简化的结果，并画出惯性力系主矢和主矩的方向。



- 13-2. 已知重物 D 和 E 质量分别为 $m_D = 250\text{kg}$, $m_E = 60\text{kg}$; 力偶矩 $M = 400\text{Nm}$ 。滑轮半径 $r = 20\text{cm}$, 不计滑轮、杆 AC 、杆 BC 以及钢丝绳的质量且钢丝绳不可伸长; 求重物的加速度和支座 A 和 B 的约束反力。

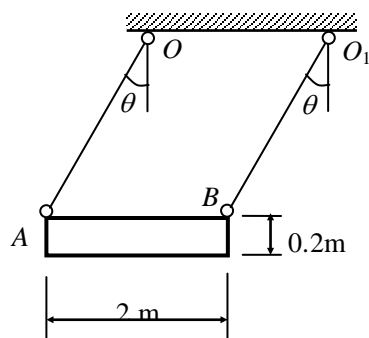


- 13-3. 已知均质杆 OA 与 OB 各长为 l , 重均为 P , 一端用铰链固定在铅垂轴上的 O 点, 另一端用水平绳连在轴上的 D 处, 杆与轴的夹角为 φ , 令 $\triangle AOB$ 随轴 OD 以匀角速度 ω 转动。求绳的拉力及铰链 O 对杆 OB 的约束反力。

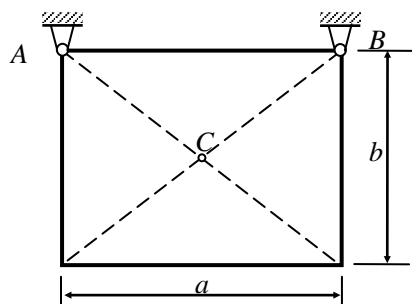


13-4. 均质长方体浪木重为 P ，悬挂在两根等长的软绳上， $OO_1=AB$ ，从 $\theta = 30^\circ$ 的位置无初速释放开始摆动；求在下面两个瞬时浪木的加速度和两绳的拉力：

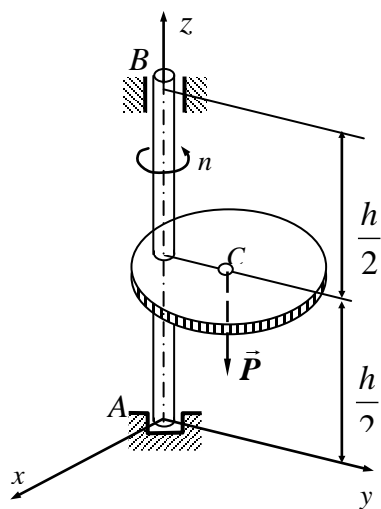
(1)开始运动瞬时；(2)浪木通过最低位置瞬时。



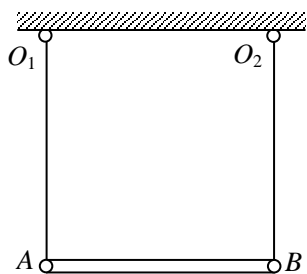
13-5. 图示长 $a = 20\text{cm}$ ，宽 $b = 15\text{cm}$ 的均质矩形板质量为 27kg ，由销 A 、销 B 悬挂，如果突然撤去销 B ，求该瞬时平板的角加速度和销 A 的约束反力。



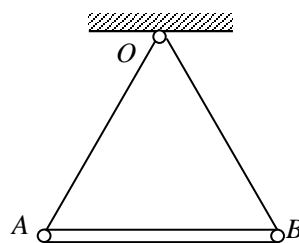
- 13-6. 图示涡轮机的转盘重 $P=2\text{kN}$ ，重心 C 到转轴 z 的距离 $e=0.5\text{mm}$ （图中已夸大），转轴 z 垂直于转盘的对称面，盘匀速转动，转速 $n=6000\text{ rpm}$ ， $AB=h=1000\text{mm}$ ；求当转盘转到重心 C 位于 yz 平面的瞬时，止推轴承 A 和向心轴承 B 的静反力和附加动反力。



- 13-7. 已知均质杆 AB 重为 P ，以两根与之等长的绳子悬挂在水平位置；求在一根绳断开时另一根绳子的拉力。

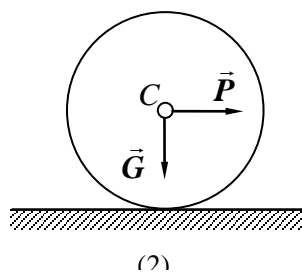
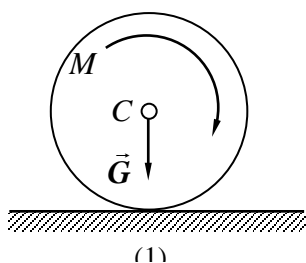


(a)

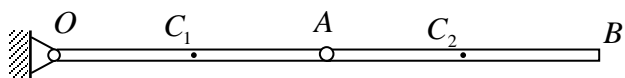


(b)

- 13-8. 已知圆轮重 G 、半径为 R ，沿水平面纯滚。若不计滚阻：试问在下列两种情况下，轮心的加速度及接触面的摩擦力是否相等：(1)在轮上作用一矩为 M 的顺时针力偶；(2)在轮心上作用一水平向右、大小为 M/R 的力 P 。

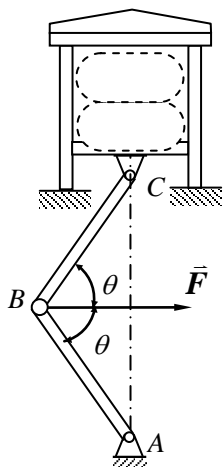


- 13-9* 均质细杆 OA 、 AB 的质量均为 m 、长均为 l ，用光滑铰链 O 、 A 连接如图。初始时两杆均处于水平位置，求系统由静止释放瞬时，两杆的角加速度。

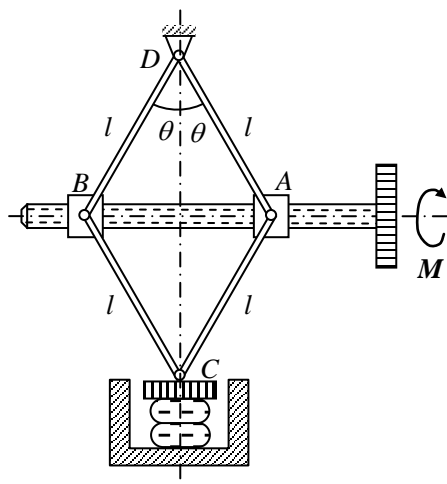


十四、虚位移原理

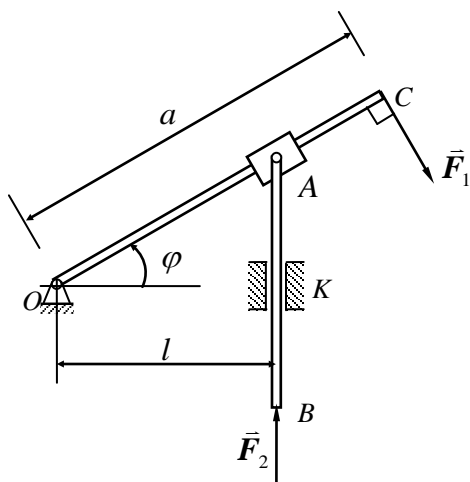
- 14-1. 图示曲柄压榨机的销钉 B 上作用水平力 F , 此力位于 ABC 平面内。设 $AB=BC$, $\angle ABC=2\theta$, 求压榨机对物体的压力。



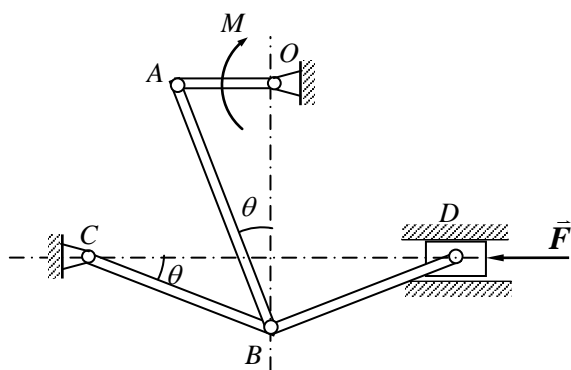
- 14-2. 在压榨机的手轮上作用一力偶, 其矩为 M 。手轮轴的两端各有螺距同为 h , 但方向相反的螺纹。螺纹上各有一个螺母 A 和 B , 这两螺母各与长度相同的四杆相铰接, 形成菱形框, 其中 D 点不动, 而 C 点连接在压榨机的水平压板上。求当菱形框的顶角为 2θ 瞬时, 压缩机对被压物体的压力。



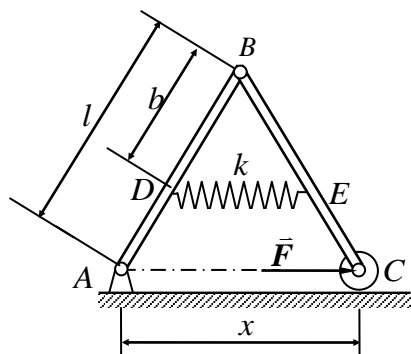
- 14-3. 图示机构中, 当曲柄 OC 绕 O 轴摆动时, 滑块 A 沿曲柄滑动, 从而带动杆 AB 在铅直槽 K 内移动。已知 $OC = a$, $OK = l$, 力 $\vec{F}_1 \perp OC$; 力 \vec{F}_2 沿铅直方向。求机构平衡时 F_1 与 F_2 的关系。



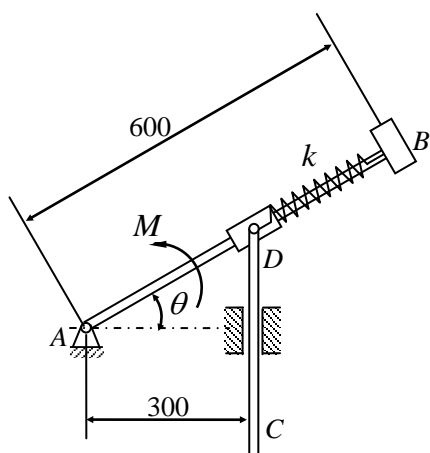
- 14-4. 图示机构中, 曲柄 OA 上作用一力偶, 其矩为 M , 滑块 D 上作用水平力 F 。已知 $OA = a$, $BC = BD = l$ 。求当机构在图示位置平衡时, 力 P 与力偶矩 M 的关系。



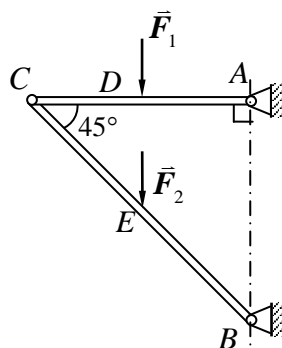
- 14-5. 如图所示，两等长杆 AB 与 BC 用铰链连接，且在 D 、 E 两点连一弹簧。弹簧刚性系数为 k ，当 $AC=a$ 时，弹簧拉力为零；设 $BC=BA=l$ ， $BE=BD=b$ ，系统在 F 作用下平衡，杆重不计；求平衡时， AC 长 x = ?



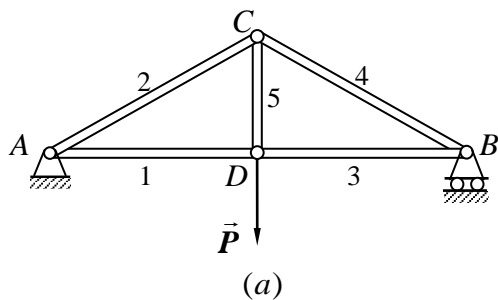
- 14-6. 图示滑套 D 套在直杆 AB 上，并带动杆 CD 在铅直滑道上滑动。已知弹簧刚度系数 $k=5\text{kN/m}$ ， $\theta=0^\circ$ 时，弹簧为原长 300 mm ；杆重不计，系统在图示位置平衡；求平衡时，力偶矩 M 。



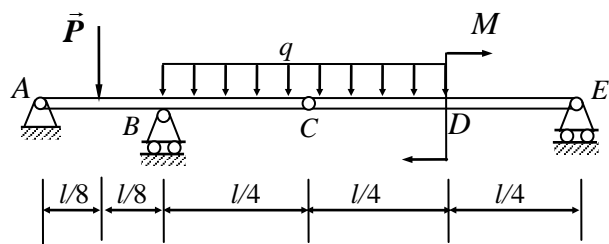
- 14-7. 图示构架由均质杆 AC 和 BC 在 C 处铰接而成。已知杆重 $F_1 = 2\text{kN}$, $F_2 = 4\text{kN}$, 杆 $AC=2\text{m}$;
用虚位移原理求支座 B 处的约束反力。



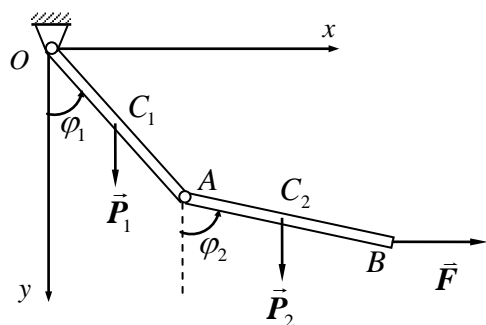
- 14-8. 平面桁架如图, $AD=DB=6\text{m}$, $CD=3\text{m}$, 节点 D 处作用载荷 P 。试用虚位移原理求图示桁架中杆 3 的内力。



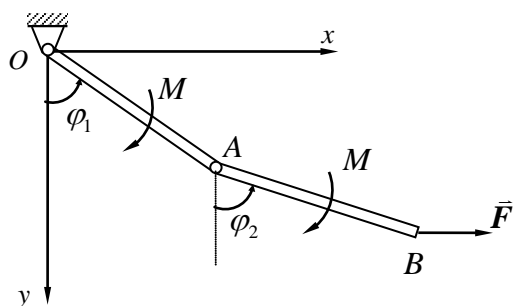
14-9. 组合梁如图，已知 $l=8\text{m}$ ， $P=4900\text{N}$ ， $q=2450\text{N/m}$ ， $M=4900\text{N}\cdot\text{m}$ ；用虚位移原理求各支座反力。



- 14-10. 均质杆 $OA = 2l_1$, $AB = 2l_2$, OA 重 P_1 , AB 重 P_2 , 两杆在 A 处铰接, OA 杆可绕水平轴 O 转动。在 B 端作用一水平力 F , 系统平衡; 求平衡时的角 φ_1, φ_2 。



- 14-11. 图示二联杆机构中, $OA=AB=l$, 自重不计, 在杆件平面内作用有矩为 M 的力偶及水平力 F ; 试确定机构平衡时 φ_1 、 φ_2 角。



- 14-12. 重物 A 和重物 B 分别连接在细绳的两端, 重物 A 放在粗糙的水平面上, 重物 B 绕过滑轮 E 悬挂, 动滑轮 H 中心挂重物 C 。 A 重 $2P$, B 重 P , 滑轮重不计; 试求图示机构平衡时, 重物 C 的重量 W ; 物 A 与水平面的摩擦系数 f 。

