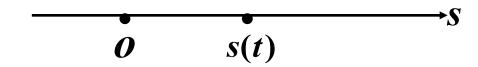
9.2 牛顿-莱布尼兹公式

引例: 如图,质点作直线运动



位置函数:s = s(t)

速度函数:v = v(t) = s'(t)

质点在 $[T_1,T_2]$ 时间段经过的路程为:

$$\int_{T_1}^{T_2} v(t)dt = \int_{T_1}^{T_2} s'(t)dt = s(T_2) - s(T_1).$$

定理: 若函数 f(x) 在[a,b]上连续,其原函数为 F(x),则 f(x) 在[a,b]上可积,且

$$\int_a^b f(x)dx = F(b) - F(a).$$

注:上述公式称为牛顿-莱布尼兹公式,记为

$$\int_a^b f(x)dx = F(x)\Big|_a^b.$$

例1、求下列定积分

$$(1)\int_a^b x^n dx;$$

$$(2)\int_0^{1/2}\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}dx;$$

$$(3)\int_0^2 x\sqrt{4-x^2}dx.$$

例2、求下列极限

$$\lim_{n\to\infty}\left(\frac{1}{n+1}+\frac{1}{n+2}+\cdots+\frac{1}{2n}\right).$$

作 业

习题9-2: 1(2)(5)(7)、2(3)(4)