

Logică pentru Informatică - Subiectul 8 (28.01.2019)

Se va completa de către student
Nume, prenume:
An, grupă:

Începeți rezolvarea pe această pagină. Numerotați toate paginile.

Se va completa de profesorul corector	
Subiect	Punctaj
1	
2	
3	
4	
5	
Total	

Reguli de inferență pentru deducția naturală:

$$\begin{array}{l}
 \wedge i \frac{\Gamma \vdash \varphi \quad \Gamma \vdash \varphi'}{\Gamma \vdash (\varphi \wedge \varphi')}, \quad \wedge e_1 \frac{\Gamma \vdash (\varphi \wedge \varphi')}{\Gamma \vdash \varphi}, \quad \wedge e_2 \frac{\Gamma \vdash (\varphi \wedge \varphi')}{\Gamma \vdash \varphi'}, \quad \rightarrow e \frac{\Gamma \vdash (\varphi \rightarrow \varphi') \quad \Gamma \vdash \varphi}{\Gamma \vdash \varphi'}, \quad \rightarrow i \frac{\Gamma, \varphi \vdash \varphi'}{\Gamma \vdash (\varphi \rightarrow \varphi')}, \quad \vee i_1 \frac{\Gamma \vdash \varphi_1}{\Gamma \vdash (\varphi_1 \vee \varphi_2)}, \quad \vee i_2 \frac{\Gamma \vdash \varphi_2}{\Gamma \vdash (\varphi_1 \vee \varphi_2)}, \\
 \vee e \frac{\Gamma \vdash (\varphi_1 \vee \varphi_2) \quad \Gamma, \varphi_1 \vdash \varphi' \quad \Gamma, \varphi_2 \vdash \varphi'}{\Gamma \vdash \varphi'}, \quad \neg e \frac{\Gamma \vdash \varphi \quad \Gamma \vdash \neg \varphi}{\Gamma \vdash \perp}, \quad \neg i \frac{\Gamma, \varphi \vdash \perp}{\Gamma \vdash \neg \varphi}, \quad \perp e \frac{\Gamma \vdash \perp}{\Gamma \vdash \varphi}, \quad \text{IPOTEZĂ} \frac{}{\Gamma \vdash \varphi} \varphi \in \Gamma, \quad \text{EXTINDERE} \frac{\Gamma \vdash \varphi}{\Gamma, \varphi' \vdash \varphi}, \\
 \neg \neg e \frac{\Gamma \vdash \neg \neg \varphi}{\Gamma \vdash \varphi}, \quad \forall e \frac{\Gamma \vdash \forall x. \varphi}{\Gamma \vdash \varphi[x \mapsto t]}, \quad \exists e \frac{\Gamma \vdash \exists x. \varphi \quad \Gamma \cup \{\varphi[x \mapsto x_0]\} \vdash \psi}{\Gamma \vdash \psi} x_0 \notin \text{vars}(\Gamma, \varphi, \psi), \quad \forall i \frac{\Gamma \vdash \varphi[x \mapsto x_0]}{\Gamma \vdash \forall x. \varphi} x_0 \notin \text{vars}(\Gamma, \varphi), \quad \exists i \frac{\Gamma \vdash \varphi[x \mapsto t]}{\Gamma \vdash \exists x. \varphi}
 \end{array}$$

- (5p). Enunțați definiția următoarei noțiuni: formă normală Skolem clauzală (FNSC).
- (10p). Scrieți o formulă din LP1 care modelează următoarea afirmație: *niciun număr par nu este prim*.
- (10p). Fie $\varphi_1 = \forall x.(P(x) \wedge Q(x))$ și $\varphi_2 = \neg \exists x.(\neg P(x) \vee \neg Q(x))$ două formule din LP1. Folosind definiția noțiunii de echivalență, demonstrați că $\varphi_1 \equiv \varphi_2$.
- (10p). Demonstrați folosind *rezoluția de bază* că formula de mai jos este nesatisfiabilă:

$$\varphi = \forall x. \exists y. (P(x, y) \wedge \exists x. \forall y. \neg P(x, y)).$$

- (10p). Dați o demonstrație formală pentru secvența $\{\neg(\exists x. P(x))\} \vdash \forall x. \neg P(x)$, folosind deducția naturală.