Logică pentru Informatică - Subiectul 2 (28.01.2019)

Se va completa de către student	
Nume, prenume:	
An, grupă:	
^	

Începeți rezolvarea pe această pagină. Numerotați toate paginile.

Se va completa de		
profesorul corector		
Subject	Punctaj	
1		
2		
3		
4		
5		
Total		

Reguli de inferență pentru deducția naturală:

$$\wedge i \frac{\Gamma \vdash \varphi \quad \Gamma \vdash \varphi'}{\Gamma \vdash (\varphi \land \varphi')}, \qquad \wedge e_1 \frac{\Gamma \vdash (\varphi \land \varphi')}{\Gamma \vdash \varphi}, \qquad \wedge e_2 \frac{\Gamma \vdash (\varphi \land \varphi')}{\Gamma \vdash \varphi'}, \qquad \rightarrow e \frac{\Gamma \vdash (\varphi \rightarrow \varphi') \quad \Gamma \vdash \varphi}{\Gamma \vdash \varphi'}, \qquad \rightarrow i \frac{\Gamma, \varphi \vdash \varphi'}{\Gamma \vdash (\varphi \rightarrow \varphi')}, \qquad \vee i_1 \frac{\Gamma \vdash \varphi_1}{\Gamma \vdash (\varphi_1 \lor \varphi_2)}, \qquad \vee i_2 \frac{\Gamma \vdash \varphi_2}{\Gamma \vdash (\varphi_1 \lor \varphi_2)}, \qquad \vee e^2 \frac{\Gamma \vdash \varphi_2}{\Gamma \vdash (\varphi_1 \lor \varphi_2)}, \qquad \vee e^2 \frac{\Gamma \vdash \varphi'}{\Gamma \vdash \varphi'}, \qquad e^2$$

- 1. (5p). Enunțați definiția următoarei noțiuni: structură.
- 2. (10p). Scrieți o formulă din LP1 care modelează următoarea afirmație: orice număr natural are un succesor.
- 3. (10p). Fie $\Sigma = (\{P\}, \{f, i, e\})$, unde: P este un simbol predicativ de aritate 2, f este simbol funcțional de aritate 2; i este simbol funcțional de aritate 1; și e este simbol funcțional de aritate 0. Formula P(f(i(x), x), y) este satisfiabilă? Dar validă? Este obligatorie justificarea răspunsului.
- 4. (10p). Demonstrați folosind rezoluția de ordinul I că formula de mai jos este validă:

$$\varphi = (\forall x. Q(x)) \rightarrow \neg \exists x. \neg Q(x).$$

5. (10p). Dați o demonstrație formală pentru secvența $\{\exists x.(P(x) \to Q(x)), \forall x.P(x)\} \vdash \exists x.Q(x)$, folosind deducția naturală.