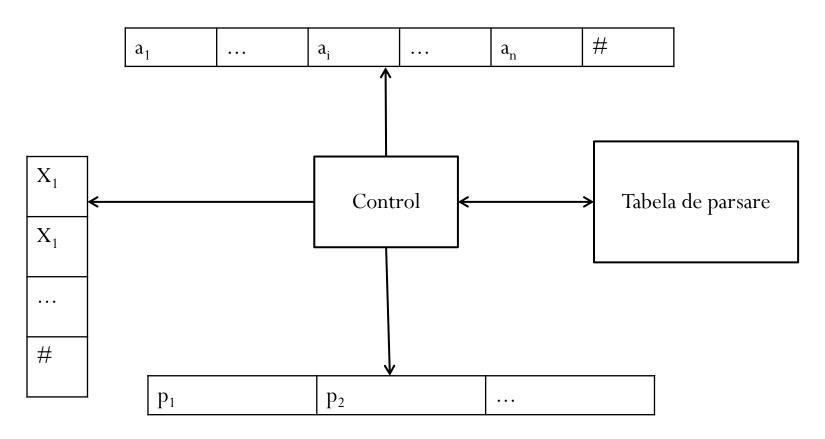
# Limbaje formale, automate şi compilatoare

Curs 9

### Recapitulare

- Gramatici LR(0)
  - Teorema de caracterizare LR(0)
  - Automatul LR(0)
  - Parserul LR(0)
- FIRST, FOLLOW
- Gramatici SLR(1)

# Parser ascendent general



# Mulțimile FIRST și FOLLOW

• FIRST( $\alpha$ ) = {a|a  $\in$  T,  $\alpha_{st} \Rightarrow *$  au }  $\cup$  if ( $\alpha_{st} \Rightarrow *$   $\epsilon$ ) then { $\epsilon$ } else  $\emptyset$ .

• FOLLOW(A) = {a|a ∈ T ∪ { $\varepsilon$ }, S  $_{st}$  ⇒\* uA $\gamma$ , a ∈ FIRST ( $\gamma$ ) }

### **Determinare FIRST**

```
• 1.for (X \in \Sigma)
    • 2.if(X \in T)FIRST(X)={X} else FIRST(X)=\emptyset;
   3.for (A\rightarrowa\beta \in P)
    • 4.FIRST(A)=FIRST(A)∪{a};
  5.FLAG=true;
  6.while(FLAG){
    • 7.FLAG=false;
    • 8.for (A \rightarrow X<sub>1</sub>X<sub>2</sub>...X<sub>n</sub> \in P) {
        • 9.i=1;
        • 10.if((FIRST(X1) ⊈ FIRST(A)){
            • 11.FIRST(A)=FIRST(A) U(FIRST(X1)-\{\epsilon\});
            • 12.FLAG=true;
        • 13.}//endif
        • 14.while (i<n && X_{i,st} \Rightarrow * \varepsilon)
            • 15.if((FIRST(X<sub>i+1</sub>) ⊈ FIRST(A)){
                o 16.FIRST (A) = FIRST (A) U FIRST (X_{i+1});
                0 17.FLAG=true; i++;
            }//endif
        • }//endwhile
    • }//endfor
   }//endwhile
   for (A \in N)
    • if (A_{st} \Rightarrow * \varepsilon) FIRST (A) = FIRST(A) \cup {\varepsilon};
```

### Determinare FIRST

```
Intrare: Gramatica G=(N,T,S,P).
                  Mulţimile FIRST(X),X \in \Sigma.
                  \alpha = X_1 X_2 ... X_n, X_i \in \Sigma, 1 \le i \le n.
   Ieşire: FIRST (\alpha).
• 1.FIRST (\alpha) =FIRST (X_1) -{\varepsilon}; i=1;
• 2.while (i<n && X_i \Rightarrow^+ \varepsilon) {
    • 3.FIRST(\alpha) =FIRST(\alpha) \cup (FIRST(X_{i+1}) -{\epsilon});
    • 4.i=i+1;
• }//endwhile
• 5.if (i==n && X_n \Rightarrow^+ \varepsilon)
    • 6.FIRST (\alpha) =FIRST (\alpha) U {\epsilon};
```

### Exemplu

- Fie gramatica:
- $S \rightarrow E \mid B, E \rightarrow \varepsilon, B \rightarrow a \mid begin SC end, C \rightarrow \varepsilon \mid ; SC$
- FIRST(S) =  $\{a, begin, \epsilon\}$  FIRST(E) =  $\{\epsilon\}$
- FIRST(B) =  $\{a, begin\}\ FIRST(C) = \{;, \epsilon\}.$
- FIRST(SEC) =  $\{a, begin, ;, \epsilon\},\$
- FIRST(SB)=  $\{a, begin\},\$
- $FIRST(;SC) = \{;\}.$

### Determinarea FOLLOW

- $\varepsilon \in FOLLOW(S)$ .
- Dacă  $A \rightarrow \alpha B\beta X\gamma \in P$  și  $\beta \Rightarrow^+ \epsilon$ , atunci FIRST(X) -{ $\epsilon$ }  $\subseteq$  FOLLOW (B).
  - $S \Rightarrow^* \alpha_1 A \beta_1 \Rightarrow \alpha_1 \alpha B \beta X \gamma \beta_1 \Rightarrow^* \alpha_1 \alpha B X \gamma \beta_1$  și atunci rezultă FIRST(X)- $\{\epsilon\} \subseteq FOLLOW(B)$ .
- Dacă  $A \rightarrow \alpha B\beta \in P$  atunci  $FIRST(\beta)$ - $\{\epsilon\} \subseteq FOLLOW$  (B).
- Dacă  $A \rightarrow \alpha B\beta \in P$  și  $\beta \Rightarrow^+ \epsilon$ , atunci FOLLOW(A)  $\subseteq$  FOLLOW(B).

### Determinarea FOLLOW

```
• 1. for (A \in \Sigma) FOLLOW (A) = \emptyset;
• 2.FOLLOW(S) = \{\varepsilon\};
• 3.for (A \rightarrow X_1X_2...X_n) {
• 4.i=1;
   • 5.while(i<n){
     • 6.while (X_i \notin N) + +i;
     • 7.if(i<n){
        • 8. FOLLOW(Xi) = FOLLOW(X_i) \cup
                               (FIRST (X_{i+1}X_{i+2}...X_n) - \{\epsilon\});
        • 9.++i;
     }//endif
   }//endwhile
}//endfor
```

### Determinarea FOLLOW

```
• 10.FLAG=true;
• 11.while (FLAG) {
   • 12.FLAG=false;
   • 13. for (A \rightarrow X_1X_2...X_n) {
      • 14.i=n;
      • 15.while(i>0 && X_i \in N) {
        • 16.if (FOLLOW(A) ⊄ FOLLOW(X;)){
           o 17. FOLLOW(Xi) = FOLLOW(X_i) U FOLLOW(A);
           o 18.FLAG=true;
        • 19.}//endif
        • 20.if (X_i \Rightarrow^+ \varepsilon) --i;
        • 21.else continue;
      • 22.}//endwhile
   • 23.}//endfor
• 24.}//endwhile
```

### Exemplu

- Fie gramatica:
- FOLLOW(S)=FOLLOW(E)=FOLLOW(B) =  $\{\varepsilon, ;, end\}$
- $FOLLOW(C) = \{end\}.$

# Gramatici SLR(1)

### Definiție

- Fie G o gramatică pentru care automatul LR(0) conţine stări inconsistente (deci G nu este LR(0)). Gramatica G este gramatică SLR(1) dacă oricare ar fi starea t a automatului LR(0) sunt îndeplinite condiţiile:
- –Dacă A→α•, B → β• ∈ t, atunci FOLLOW(A)∩FOLLOW(B) =  $\emptyset$ ;
- –Dacă A $\rightarrow \alpha$ •, B  $\rightarrow \beta$ •a $\gamma$  ∈ t atunci a  $\notin$  FOLLOW(A).

# Gramatici SLR(1)

- Analiza sintactică SLR(1) este similară cu cea LR(0); tabela de analiză sintactică are două componente:
  - —Prima, numită ACŢIUNE, determină dacă parserul va face deplasare respectiv reducere, în funcție de starea ce se află în vârful stivei și de simbolul următor din intrare
  - —Cea de a doua, numită GOTO, determină starea ce se va adăuga în stivă în urma unei reduceri.

### Construcția tabelei de parsare SLR(1)

- Intrare:
  - Gramatica G = (N, T, S, P) augmentată cu  $S' \rightarrow S$ ;
  - Automatul  $M = (Q, \Sigma, g, t_0, Q)$ ;
  - Mulţimile FOLLOW(A), AEN
- Ieşire:
  - Tabela de analiză SLR(1) compusă din două părți:
  - ACŢIUNE(t, a),  $t \in Q$ ,  $a \in T \cup \{ \# \}$ ,
  - GOTO(t, A),  $t \in Q$ ,  $A \in N$ .

### Construcția tabelei de parsare SLR(1)

```
• for (t \in \emptyset)
  • for (a \in T) ACTIUNE(t, a) = "eroare";
  • for (A \in V) GOTO(t, A) = "eroare";
for(t ∈ Q){
  • for (A \rightarrow \alpha \cdot a\beta \in t)
     ACTIUNE(t,a)="D g(t, a)";//deplasare in g(t, a)
  • for (B \rightarrow \gamma \cdot \in t) {// acceptare sau reducere
     • if(B == 'S') ACTIUNE(t, #) = "acceptare";
     • else
       • for (a \in FOLLOW(B)) ACTIUNE(t,a)="R \rightarrow \gamma'';
  • }// endfor
  • for (A \in N) GOTO(t, A) = q(t, A);
• }//endfor
```

### Parsarea SLR(1)

- **Deplasare**:  $(\sigma t, au\#, \pi) \vdash (\sigma tt', u\#, \pi) dacă ACTIUNE(t, a)=Dt';$
- **Reducere**:  $(\sigma t \sigma' t', u \#, \pi) \vdash (\sigma t t'', u \#, \pi r) ACTIUNE(t, a) = R_p unde$  $<math>p = A \rightarrow \beta$ ,  $|\sigma' t'| = |\beta|$  şi t'' = GOTO(t, A);
- Acceptare:  $(t_0t, \#, \pi)$  dacă ACTIUNE(t,a) = "acceptare"; Analizorul se oprește cu acceptarea cuvântului de analizat iar  $\pi$  este parsarea acestuia (șirul de reguli care s-a aplicat, în ordine inversă, în derivarea extrem dreaptă a lui w).
- **Eroare**:  $(\sigma t, au\#, \pi) \vdash$  eroare dacă ACTIUNE(t,a) = "eroare"; Analizorul se oprește cu respingerea cuvântului de analizat.

### Parsarea SLR(1)

- Intrare:
  - Gramatica G = (N, T, S, P) care este SLR(1);
  - Tabela de parsare SLR(1) (ACTIUNE, GOTO);
  - Cuvântul de intrare  $w \in T^*$ .
- Ieşire:
  - Analiza sintactică (parsarea) ascendentă a lui w dacă w∈L(G);
  - eroare, în caz contrar.
- Se folosește stiva St pentru a implementa tranzițiile deplasare/reducere

### Parsarea SLR(1)

- char ps[] = "w#"; //ps este cuvantul de intrare w
- int i = 0; // pozitia curenta in cuvantul de intrare
- St.push(t0); // se initializeaza stiva cu t0
- while(true) { // se repeta pana la succes sau eroare
  - t = St.top();
  - a = ps[i] // a este simbolul curent din intrare
  - if(ACTIUNE(t,a) == "acceptare") exit("acceptare");
  - $if(ACTIUNE(t,a) == "Dt""){$ 
    - St.push(t");
    - i++; // se inainteaza in w
  - }//endif
  - else {
    - if(ACTIUNE(t,a) == "R A  $\rightarrow$  X<sub>1</sub>X<sub>2</sub>...X<sub>m</sub>"){
      - for( i = 1;  $i \le m$ ; i++) St.pop();
      - St.push(GOTO(St.top, A));
    - } //endif
    - else exit("eroare");
  - }//endelse
- }//endwhile

### Exemplu

• 0.S  $\rightarrow$  E, 1.E  $\rightarrow$  E+T, 2.E  $\rightarrow$  T, 3.T  $\rightarrow$  T\*F, 4.T  $\rightarrow$  F, 5.F  $\rightarrow$ (E), 6.F  $\rightarrow$  a

 $S \rightarrow \bullet E$   $E \rightarrow \bullet E + T$   $E \rightarrow \bullet T$   $T \rightarrow \bullet T * F$   $T \rightarrow \bullet F$   $F \rightarrow \bullet (E)$   $F \rightarrow \bullet a$ 

 $\begin{array}{c|c}
 S \to E \bullet \\
 E \to E \bullet + T
\end{array}$ 

 $\begin{array}{c|c}
E \to T \bullet \\
T \to T \bullet *F
\end{array}$ 

 $E \rightarrow E + \bullet T$   $T \rightarrow \bullet T * F$   $T \rightarrow \bullet F$   $F \rightarrow \bullet (E)$   $F \rightarrow \bullet a$ 

 $\begin{array}{c|c}
 7 \\
 \hline
 T \to T^* \bullet F \\
 F \to \bullet (E) \\
 F \to \bullet a
\end{array}$ 

 $T \rightarrow F \bullet$ 

5 F → a•

 $\begin{array}{|c|c|}
\hline
F \rightarrow (E \bullet) \\
E \rightarrow E \bullet + T
\end{array}$ 

 $\begin{array}{c|c}
 \hline
 E \rightarrow E+T \bullet \\
 T \rightarrow T \bullet *F
\end{array}$ 

 $F \rightarrow (\bullet E)$   $E \rightarrow \bullet E + T$   $E \rightarrow \bullet T$   $T \rightarrow \bullet T * F$   $T \rightarrow \bullet F$   $F \rightarrow \bullet (E)$   $F \rightarrow \bullet a$ 

10 T → T\*F•

11 F → (E)•

### Tabela de tranziție a automatului LR(0)

	a	+	*	(	)	E	T	F
0	5			4		1	2	3
1		6						
2			7					
3								
4	5			4		8	2	3
5								
6	5			4			9	3
7	5			4				10
8		6			11			
9			7					
10								
11								

### Test SLR(1)

- G nu este LR(0) stările 1, 2, 9 conțin conflict de deplasare/reducere
- FOLLOW(S)={#}, FOLLOW(E)={#,+,)}
- Gramatica este SLR(1) pentru că:
  - în starea 1:  $+ \notin FOLLOW(S)$ ;
  - în starea 2: \* ∉ FOLLOW(E);
  - în starea 9: \* ∉ FOLLOW(E).

# Tabela de analiză SLR(1)

C4			ACT	IUNE			GOTO			
Stare	a	+	*	(	)	#	Е	Т	F	
0	D5			D4			1	2	3	
1		D6				accept				
2		R2	D7		R2	R2				
3		R4	R4		R4	R4				
4	D5			D4			8	2	3	
5		R6	R6		R6	R6				
6	D5			D4				9	3	
7	D5			D4					10	
8		D6			D11					
9		R1	D7		R1	R1				
10		R3	R3		R3	R3				
11		R5	R5		R5	R5				

Stiva	Intrare	Actiune	Iesire
0	a*(a+a)#	deplasare	
05	*(a+a)#	reducere	6.F → a
03	*(a+a)#	reducere	4.T → F
02	*(a+a)#	deplasare	
027	(a+a)#	deplasare	
0274	a+a)#	deplasare	
02745	+a)#	reducere	$6.F \rightarrow a$
02743	+a)#	reducere	4.T → F
02742	+a)#	reducere	$2.E \rightarrow T$
02748	+a)#	deplasare	-

Stiva	Intrare	Actiune	lesire
027486	a)#	deplasare	
0274865	)#	reducere	6.F → a
0274863	)#	reducere	4.T → F
0274869	)#	reducere	1.E → E+T
02748	)#	deplasare	
02748(11)	#	reducere	5.F →(E)
027(10)	#	reducere	3.T → T*F
02	#	reducere	2.E → T
01	#	acceptare	

# Gramatici LR(1)

#### • Definiție

• Fie G = (V, T, S, P) o gramatică redusă. Un articol LR(1) pentru gramatica G este o pereche (A  $\rightarrow \alpha \cdot \beta$ , a), unde A  $\rightarrow \alpha \beta$  este un articol LR(0), iar a  $\in$ FOLLOW(A) (se pune # în loc de  $\epsilon$ ).

#### Definiţie

- Articolul (A  $\rightarrow \beta_1 \cdot \beta_2$ , a) este valid pentru prefixul viabil  $\alpha \beta_1$ dacă are loc derivarea
  - $S dr \Rightarrow *\alpha Au \Rightarrow \alpha \beta_1 \beta_2 u$
  - iar a = 1:u (a = # dacă  $u = \varepsilon$ ).

#### Teorema

• O gramatică G = (V, T, S, P) este gramatică LR(1) dacă și numai dacă oricare ar fi prefixul viabil  $\varphi$ , nu există două articole distincte, valide pentru  $\varphi$ , de forma $(A \rightarrow \alpha \cdot, a)$ ,  $(B \rightarrow \beta \cdot \gamma, b)$  unde  $a \in FIRST(\gamma b)$ .

### Gramatici LR(1)

- Nu există conflict deplasare/reducere. Un astfel de conflict înseamnă două articole ( $A \rightarrow \alpha$ •, a) și ( $B \rightarrow \beta$ •a $\beta$ ', b) valide pentru același prefix.
- Nu există conflict reducere/reducere. Un astfel de conflict înseamnă două articole complete( $A \rightarrow \alpha$ •, a) și ( $B \rightarrow \beta$ •, a) valide pentru același prefix
- Pentru a verifica dacă o gramatică este LR(1) se construiește automatul LR(1) în mod asemănător ca la LR(0):
  - Automatul are ca stări mulțimi de articole LR(1)
  - Tranzițiile se fac cu simboluri ce apar după punct
  - Închiderea unei mulțimi de articole se bazează pe faptul că dacă articolul ( $B \to \beta \cdot A\beta'$ , b) este valid pentru un prefix viabil atunci toate articolele de forma ( $A \to \cdot \alpha$ , a), unde a  $\in$ FIRTS( $\beta'$ b) sunt valide pentru același prefix.

### Procedura de închidere LR(1)

```
flag= true;
• while( flag) {
   flag= false;
   • for ( (A\rightarrow \alpha•B\beta, a) \in I) {
     • for B \rightarrow Y \in P)
        • for ( b \in FIRST(\betaa)){
           \circ if((B \rightarrow Y, b) \notin I) 
              • I = IU{ (B \rightarrow \forall , b) };
              • flag= true;
           o }//endif
        }//endforb
     • }//endforB
   • }//endforA
 }//endwhile
  return I;
```

```
Automatul LR(1)
• t0 = închidere((S' \rightarrow *S,#)); T = \{t_0\}; marcat(t_0) = false;
while(∃ t∈T&& !marcat(t)){ // marcat(t) = false
   • for (X \in \Sigma)
   • t' = \Phi;
      • for (A \rightarrow \alpha^{\bullet}X\beta, a) \in t
         • t' = t' \cup \{ (B \rightarrow \alpha X \cdot \beta, a) \mid (B B \rightarrow \alpha \cdot X \beta, a) \in t \};
         • if (t' \neq \Phi) {
            o t' = închidere( t' );
            o if( t'T) {
               • T= T U{ t' };
               marcat( t' ) = false;
            o }//endif
            o q(t, X) = t';
         } //endif
   • } //endfor
   marcat( t ) = true;
```

} // endwhile

### Automatul LR(1)

#### Teorema

- Automatul M construit în algoritmul 2 este determinist şi L(M) coincide cu mulțimea prefixelor viabile ale lui G. Mai mult, pentru orice prefix viabil  $\gamma$ ,  $g(t_0,\gamma)$  reprezintă mulțimea articolelor LR(1) valide pentru  $\gamma$ .
- Automatul LR(1) pentru o gramatică G, se folosește pentru a verifica dacă G este LR(1)
  - Conflict reducere/reducere: Dacă în T există o stare ce conține articole de forma (A  $\rightarrow \alpha$ , a), (B  $\rightarrow \beta$ , a) atunci gramatica nu este LR(1);
  - Conflict deplasare/reducere: Dacă în Texistă o stare ce conține articole de forma (A  $\rightarrow \alpha$ , a) și (B  $\rightarrow \beta_1$ , a $\beta_2$ , b), atunci G nu este LR(1).
  - O gramatică este LR(1) dacă orice stare t ∈Teste liberă de conflicte

### Exemplu

•  $S \rightarrow L=R \mid R, L \rightarrow *R \mid a, R \rightarrow L$ 

 $\begin{array}{c|c}
\hline
(S' \to \bullet S, \#) \\
(S \to \bullet L = R, \#) \\
(S \to \bullet R, \#) \\
(L \to \bullet * R, \{=, \#\}) \\
(L \to \bullet a, \{=, \#\}) \\
(R \to \bullet L, \#)
\end{array}$ 

 $(S \rightarrow L = \bullet R, \#)$   $(R \rightarrow \bullet L, \#)$   $(L \rightarrow \bullet * R, \#)$   $(L \rightarrow \bullet a, \#)$ 

1

(S'  $\rightarrow$  S•, #)

2

(S  $\rightarrow$  L•=R, #)

(R  $\rightarrow$  L•, #)

7

(L  $\rightarrow$  \*R•, {=,#})

 $\begin{array}{c}
8 \\
(R \rightarrow L^{\bullet}, \{=,\#\}) \\
\hline
\end{array}$ 

 $(L \rightarrow a \bullet, \#)$ 

 $(S \rightarrow R^{\bullet}, \#)$   $(L \rightarrow a^{\bullet}, \{=,\#\})$   $(S \rightarrow L = R^{\bullet}, \#)$  10

3

 $(R \rightarrow L^{\bullet}, \#)$  13  $(L \rightarrow *R^{\bullet}, \#)$ 

4  $(L \to *\bullet R, \{=, \#\})$   $(R \to \bullet L, \{=, \#\})$   $(L \to \bullet *R, \{=, \#\})$   $(L \to \bullet a, \{=, \#\})$ 

 $(L \rightarrow *\bullet R, \#)$   $(R \rightarrow \bullet L, \#)$   $(L \rightarrow \bullet *R, \#)$   $(L \rightarrow \bullet a, \#)$ 

# Tabela de tranziție

g	a	=	*	S	L	R
0	5		4	1	2	3
1						
2		6				
3						
4	5		4		8	7
5						
6	12		11		10	9
7						
8						
9						
10						
11	12		11		10	13
12						
13						

### Construcția tabelei de analiză LR(1)

```
• for (t \in T)
  • for (a ∈ T) ACTIUNE(t, a) = "eroare";
  • for (A \in V) GOTO(t, A) = "eroare";
• for(t ∈ T){
   • for ((A \rightarrow \alpha \cdot a\beta, L) \in t)
     ACTIUNE(t,a)="D g(t, a)";//deplasare in g(t,
       a)
   • for ((B \rightarrow \gamma \cdot, L) \in t) \{// \text{ acceptare sau reducere}\}
     • for(c ∈ L) {
        • if(B == 'S') ACTIUNE(t, #) = "acceptare";
        • else ACTIUNE(t,c)="R B\rightarrow \gamma'';//reducere cu B\rightarrow \gamma
        • }//endfor
   • }// endfor
  • for (A \in N) GOTO(t, A) = q(t, A);
• }//endfor
```

•  $0:S' \rightarrow S$ ,  $1:S \rightarrow L=R$ ,  $2:S \rightarrow R$ ,  $3:L \rightarrow R$ ,  $4:L \rightarrow A$ ,  $5:R \rightarrow L$ 

Stare		ACT	IUNE		GOTO			
	a	=	*	#	S	L	R	
0	D5		D4		1	2	3	
1				Acc				
2		D6		R5				
3				R2				
4	D5		D4			8	7	
5		R4		R4				
6	D12		S11			10	9	
7		R3		R3				
8		R5		R5				
9				R1				
10				R5				
11	D12		D11			10	13	
12				R4				
13				R3				

# Exemplu

- Fie cuvintele
  - \*\*\*a
  - a=\*\*a
  - \*a=\*\*a
- Analiza LR(1)?

### Gramatici LALR(1)

### Definiţie

• Fie t o stare în automatul LR(1) pentru G. Nucleul acestei stări este mulțimea articolelor LR(0) care apar ca prime componente în articolele LR(1) din t.

### • Defininiție

• Două stări t<sub>1</sub> și t<sub>2</sub> ale automatului LR(1) pentru gramatica G sunt echivalente dacă au același nucleu.

### Gramatici LALR(1)

- Fiecare stare a automatului LR(1) este o mulțime de articole LR(1). Pornind de la două stări t<sub>1</sub> și t<sub>2</sub> putem vorbi de starea t1 U t2.
  - Fie  $t_1 = \{(L \to *R_*, \{=, \#\})\}, t_2 = \{(L \to *R_*, \#)\}, \text{ atunci } t_1 \cup t_2 = t_1 \text{ pentru că } t_2 \subset t_1 \text{ .}$

### Definiție

• Fie G gramatică LR(1) şi  $M = (Q, \Sigma, g, t0, Q)$  automatul LR(1) corespunzător. Spunem că gramatica G este LALR(1) (Look Ahead LR(1)) dacă oricare ar fi perechea de stări echivalente  $t_1$ ,  $t_2$  din automatul LR(1), starea  $t_1 \cup t_2$  este liberă de conflicte.

# Tabela de analiză LALR(1)

- Intrare: Gramatica G = (N, T, S, P) augmentată cu  $S' \rightarrow S$ ;
- **Ieșire**: Tabela de analiză LALR(1) ( ACȚIUNE și GOTO ).
- Algoritm:
  - 1. Se construiește automatul LR(1),  $M = (Q, \Sigma, g, t_0, Q)$  Fie  $Q = \{t_0, t_1, ..., t_n\}$ . Dacă toate stările din Q sunt libere de conflict, urmează 2, altfel algoritmul se oprește deoarece gramatica nu este LR(1).
  - 2. Se determină stările echivalente din Q și, prin reuniunea acestora, se obține o nouă mulțime de stări Q' = {t'<sub>0</sub>, t'<sub>1</sub>,..., t'<sub>m</sub>}
  - 3. Dacă în Q' există stări ce conțin conflicte, algoritmul se oprește deoarece gramatica G nu este LALR(1).

# Tabela de analiză LALR(1)

- 4. Se construiește automatul M' =  $(Q', \Sigma, g', t'0, Q')$ , unde  $\forall t' \in Q'$ :
  - 5. Dacă t'  $\in$  Q atunci g'(t', X) = g(t, X),  $\forall$ X $\in$  $\Sigma$ ;
  - 6. Dacă t' =  $t_1 \cup t_2 \cup ..., t_1, t_2, ... \in Q$ , atunci
    - 7. g'(t', X) = g(t1, X)Ug(t2, X)U...
- 8. Se aplică algoritmul pentru construirea tabelei de parsare LR(1) pornind de la automatul M'. Tabela obținută se numește tabela LALR(1) pentru gramatica G.

### Exemplu

• Pentru gramatica discutată anterior avem 4U11 = 4, 5U12 = 5, 7U13 = 7, 8U10 = 8

	ACŢIUNE					GOTO	)
STAR	a	=	*	#	S	L	R
E							
0	<b>D5</b>		<b>D</b> 4		1	2	3
1				acceptare			
2		<b>D</b> 6		R5			
3				R2			
4	<b>D5</b>		<b>D</b> 4			8	7
5		R4		R4			
6	<b>D5</b>		<b>D</b> 4			8	9
7		R3		R3			
8		R5		R5			
9				R1			

### Exemplu

- Există gramatici LR(1) care nu sunt LALR(1).
  - $S \rightarrow aAb \mid bAd \mid aBd \mid bBb$
  - $\bullet$  A  $\rightarrow$ e
  - B →e

### Bibliografie

- A. V. Aho, M. S. Lam, R. Sethi, and J. D. Ullman, Compilers: Principles, Techniques, and Tools, Second Edition. Addison-Wesley, 2007
- G. Grigoraș, *Construcția compilatoarelor. Algoritmi fundamentali*, Editura Universității "Alexandru Ioan Cuza", Iași, 2005