Test de seminar – 1

Timp de lucru: 45 min

Punctaj Maxim: 10 puncte

Puncte din oficiu: 0 puncte

Numar exercitii: 3

1. (3 puncte) Construiti un algoritm eficient care sa determine toate perechile de numere naturale *a, b* cu a < = b, avand proprietatea ca nu au nici o cifra comuna si suma lor este egala cu *S.* Valoare *S* este numar natural citit de la tastatura (S < 100.000.000). Fiecare pereche se va scrie pe un rand al ecranului, cu un spatiu intre elementele ce compun perechea.

De exemplu, pentru S=14 se vor afisa (nu neaparat in aceasta ordine) perechile:

- 3 11
- 68
- 4 10
- 59
- 0 14
- 2. (4 puncte) Recursivitate:
 - a. (1 punct) Se considera urmatoarea definitie recursiva:

$$f: N \to N; f(n) = \begin{cases} 0, & daca \ n \le 1 \\ f(n+1), & daca \ n \ par \\ f(n-1), & daca \ n \ impar \end{cases}$$

Este aceasta definitie corecta? Justificati raspunsul.

- b. (3 puncte) Fie x, y doua siruri de maxim 100 de caractere. Scrieti un program recursiv care sa testeze daca sirul y este o *anagrama* a sirului x.
- 3. (3 puncte) Sa se analizeze eficienta unui algoritm care verifica daca un tablou este ordonat crescator sau nu, in cazurile extreme (cel mai favorabil, cel mai defavorabil).

Algoritmul vizat este urmatorul:

$$\begin{array}{c} \operatorname{ordonat}(a[1..n]) \\ 1: \ r \leftarrow \mathbf{true} \\ 2: \ i \leftarrow 0 \\ 3: \ \mathbf{while} \ (i < n-1) \ \mathbf{and} \ (r = \mathbf{true}) \\ \mathbf{do} \\ 4: \quad i \leftarrow i+1 \\ 5: \quad \mathbf{if} \ a[i] > a[i+1] \ \mathbf{then} \\ 6: \quad r \leftarrow \mathbf{false} \\ 7: \quad \mathbf{end} \ \mathbf{if} \\ 8: \ \mathbf{end} \ \mathbf{while} \\ 9: \ \mathbf{return} \ \ r \end{array}$$

Realizati tabelul de costuri si analizati complexitatea conform enuntului.

Hint: Explicitati **unele** costuri ca o variabila pe care sa o puteti discuta in fiecare din cele 2 cazuri.