

Exercice 1.— Montrer que le numéro de consensus d'un objet *pile* est 2.

Exercice 2.— On propose d'implémenter une pile d'objets de capacité M_SIZE avec un tableau partagé *Stack* de M_SIZE éléments, chaque élément est un couple : valeur, compteur. Le haut de la pile (la variable partagée *Top*) est un triple index, valeur, compteur.

On utilise des `compare_and_swap` ($V.C\&S(b,c)$ signifie si la valeur qui est dans V est égale à b alors on affecte c à V et on retourne vrai sinon on retourne faux)

Initialement *Top* est (0, Null, 0) et tous les éléments de *Stack* sont initialisés à (Null,0) le pseudo code suivant.

```
push(v){
  {while (true){
    (index, value, counter)<--Top
    stackTop<--Stack[index].value
    Stack[index],C&S( (stackTop, counter-1), (value,counter))
    if (index=M_SIZE-1 ) then return Full
    aboveTop<-- Stack[index+1].counter
    if Top.C&S((index, value, counter), (index+1, v, aboveTop+1)) then return ok
  }}
```

```
pop(){
  {while (true){
    (index, value, counter)<--Top
    stackTop<--Stack[index].value
    Stack[index].C&S( stackTop,counter-1), ( value, counter))
    if (index=0) then return Empty
    belowTop<-- Stack[index-1]
    if Top.C&S( (index, value, counter), (index-1, belowTop.value,belowTop.counter+1)) then return value
  }}
```

1. A-t-on besoin d'utiliser des `compare_and_swap` pour implémenter une pile?
2. L'implémentation réalise-t-elle une pile atomique? (Où sont les points de linéarisation?)
3. L'implémentation proposée est-elle non blocking? wait-free?
4. Implémenter cette pile en java à l'aide du package `concurrent`.

Exercice 3.— On a un objet *snappfaible* muni de 2 opérations *write* et *scan*. Sa spécification séquentielle est la même que celle du *snapshot*. Une thread qui l'utilise fait un *write* suivi d'un *scan* une seule fois.

Pour l'implémenter pour n threads, on utilise un tableau partagé *tab* de n éléments.

Le pseudo code d'une thread T_i est le suivant

```

void write (v){
variables locales :
    b=un booléen initialisé à vrai ;
    L=un ensemble initialisé à {(v, i)};

while (b)
    {for (i=0; i<n; i++){
        tab[i]=L;
        lire le tableau tab:
        ajoute les valeurs jamais vues à L
        si tous les éléments de tab sont égaux à L alors b=faux
    }}}
T[] scan() {
variables locales :
    b=un booléen initialisé à vrai ;
    L=un ensemble initialisé à vide;

for (i=0; i<n; i++){
    L=L union {tab[i]\};
while (b)
    {for (i=0; i<n; i++){
        tab[i]=L;
        lire le tableau tab:
        ajoute les valeurs jamais vues à L
        si tous les éléments de tab sont égaux à L alors b=faux
    }}}

    mettre dans un tableau à l'indice $i$ la valeur de $v$ si $(v, i)$ est présent dans L;
    retourner ce tableau ;}

```

1. Si n threads exécutent *write*, puis *scan*, est-il possible qu'une thread ne termine pas?
2. On exécute 2 threads T1 et T2, T1 exécute *write*(v_1) et T2 *write*(v_2). Est-il possible que T2 ne mette jamais v_1 dans son ensemble L? Dans ce cas quelle valeur T1 a-t-elle dans son ensemble L?
3. On exécute 3 threads T1, T2 et T3 ou T1 exécute *write*(v_1), T2 *write*(v_2) et T3 *write*(v_3). Est-il possible que ni T1 ni T2 ne mettent jamais la valeur de v_3 dans leur ensemble L? Dans ce cas quelles valeurs T1 et T2 peuvent-elles avoir dans leur ensemble L?
4. Si une thread qui exécute *write*(v) termine à l'instant t , est-ce que toutes les threads qui commencent après t (qu'elles terminent ou pas) auront dans leur ensemble L la valeur v ?
5. Si on exécute n threads quelle sont les valeurs possibles des ensembles L?
6. L'implémentation du *snappfaible* proposée est-elle linéarisable ? est-elle wait free?
7. Implémenter cet objet en java.
8. Répondre à nouveau à la question 6, si le tableau *tab* contient $n/2$ éléments ($n > 6$) et que l'objet est utilisé par n threads.