

Autrement dit:
$$\begin{aligned} n &= a(2n+1) + b n^2 \\ &= -2n^2 + n(2n+1) \\ &= -\cancel{2n^2} + \cancel{2n^2} + n \\ n &= n \end{aligned}$$

2) $d \mid 2n+1$ et $d \mid n^2$

$d \mid 2n+1-2n$ et $d \mid 1$

Donc les uniques diviseurs communs de n^2 et $2n+1$ sont: $\{-1, 1\}$

n^2 et $2n+1$: $\forall n \in \mathbb{N}$ sont donc premiers entre eux.

Exercice 4:

1). $z = 4 + 4i\sqrt{3}$ $|z| = \sqrt{4^2 + (4\sqrt{3})^2}$
 $= 8$

$$\left. \begin{aligned} \cos \theta &= \frac{\operatorname{Re}(z)}{|z|} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2} \\ \sin \theta &= \frac{\operatorname{Im}(z)}{|z|} = \frac{4\sqrt{3}}{8} = \frac{\sqrt{3}}{2} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \theta = \frac{\pi}{3}$$

$z = 8e^{i\frac{\pi}{3}}$