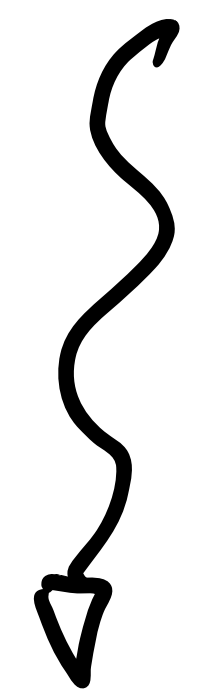


Programmation dynamique:

```
def fiboNaïf(n):  
    if n == 0: return 0  
    if n == 1: return 1  
    else: return fiboNaïf(n-1) + fiboNaïf(n-2)
```

// on calcul +e fois m chose
mauvais.

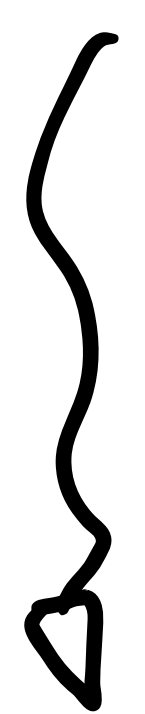
// améliorer cet algo \Leftrightarrow enregistrer
les ^{calculs} dans
un array.



```
def fibo(n):  
    T = [0, 1]  
    for i in range(2, n+1):  
        T.append(T[i-1] + T[i-2])  
    return T[n]
```

// temp. linéaire C.

// marche python car \rightarrow x2 array
 \hookrightarrow ~~au mieux~~ dans idéal avoir la bonne val
dès le début
 \hookrightarrow stratégie tableau dynamique (tableau)
 \hookrightarrow complexité amortie (analyse amortie)



```
def fibo(n):  
    if n == 0: return 0  
    elif n == 1: return 1  
    a = 0  
    b = 1  
    for i in range(2, n):  
        a, b = b, a+b  
    return a+b
```

// améliorer, stocker que les 2 dern
termes calculé.

// temp linéaire + sans utiliser mémoire

1) bottom-up

2) on stock le minimum d'inho, mais suffisant pour être efficace

} programmation dynamique

"subset sum problem"

Sub (V, E) :

on se pose la question: $\{x_1, \dots, x_n\}$ de taille $(n+1) \times (v+1)$

Ex: $\{2, 8, 3, 14\}$

$\{3, 5, 9\}$

$V \in [0, 8] \Rightarrow \perp$

$v = 6 \quad \times$

Pour $i = 0 \dots n$

// back-tracking (brute force)

$K[i, 0] = T$
BT(v, i, s)

(2^n)

Pour $i = 0$ à Alors

Pour $i = 1$ à V:

Si $i = 1$ à V: Alors $K[i, s] = K[i-1, s] \cup K[i-1, s-x_i]$

Si non $K[i, s] = K[i-1, s]$

Retourner $K[0, V+1, s]$

Pour car: $K[1, 3] = K[0, 3] \cup K[0, 0]$

Si essai = \perp et $v \geq x_i$ Alors

K : retourner BT(v, i, s) 9 10 11 12

Si non retourner essai $\perp \perp \perp \perp \perp \perp \perp$

"3" $\rightarrow 1$ T $\perp \perp$ T $\perp \perp \perp \perp \perp \perp$ programmation dynamique array

"1" $\rightarrow 2$ T T \perp T T $\perp \perp \perp \perp$ résultat à renvoyer

$K[i, s] = T$ si \exists un ss-ensemble

$C: O(n \cdot V)$ en temps et espace

Prop: Après la 1^{ère} itération, $K[i, s] = T$ si \exists un ss-ensemble de $\{x_1, \dots, x_i\}$ de poids s .

[invariant]

Amélioration: utiliser un tableau unidimensionnel

Subsets(V, E),

$K =$ tableau booléens de taille $V+1$

Pour $s = 1 \dots V$

| $K[s] = \perp$

$K[0] = T$

Pour $i = 1$ à n :

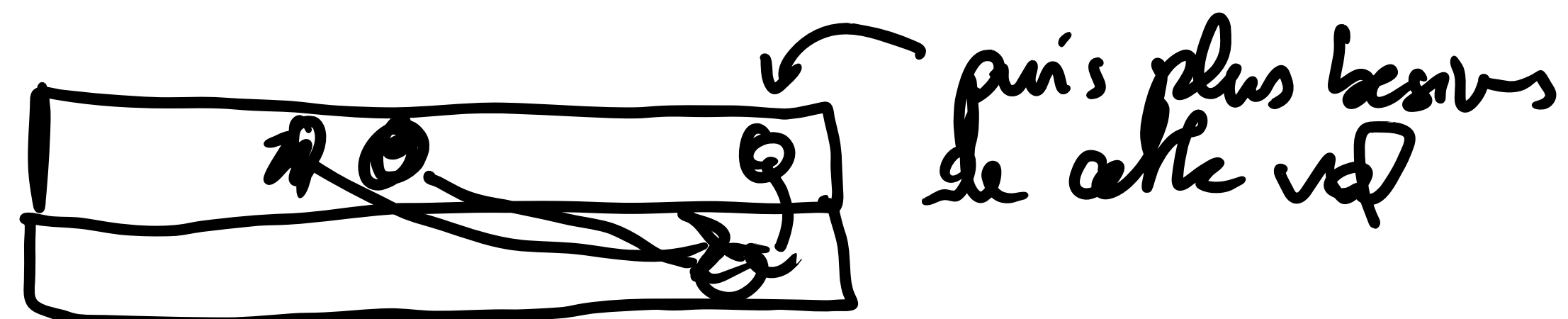
| Pour $s = V$ à 1 :

| | Si $x_i \leq s$ Alors $K[s] = K[s] \vee K[s - x_i]$

Retourner $K[V]$

Par un lien de l'axe de D-26

on fait la m^{aj} de gauche
droite



ex:

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
T	+	+	*	+	+	*	+	+	*	+	+	*
			T			T			T			T

Il peut complexifier
pas prouver correct

juste faire attention à la
façon de parcourir

Prop: —

Construire une solution à partir de $K[i, s]$

$s = V$

$res = \emptyset$

Pour $i = n$ à 1

| Si $s \geq x_i \wedge K[i-1, s - x_i]$ Alors

$res = res \cup \{x_i\}$

$s = s - x_i$

Si $s = 0$ Alors retourner res

return \perp

Subsets (V, E):

• K = tableau booléens de taille $V+1$

• Sol = tableau d'ens de taille $V+1$

• Pour $s = 1 \dots V$

$K[s] = \perp$, $Sol[s] = \text{undef}$

• $K[0] = \top$, $Sol[0] = \emptyset$

• Pour $i = 1$ à n :

 Pour $s = V$ à x_i :

 Si $K[s - x_i]$ Alors $Sol[s] = Sol[s - x_i] \cup \{x_i\}$

$K[s] = \top$

• retourner $K[n, V]$

~

DM: Le couple est bon.

~