

Manual de algoritmos para maratones de programación

Just Code It. Bodhert

16 de noviembre de 2017

Índice

1. Plantillas	2	4.2. Divisores de un número	14
2. Cosas para tener en cuenta	3	4.3. Máximo común divisor y mínimo común múltiplo	14
3. Grafos	3	4.4. Criba de Eratóstenes	14
3.1. BFS	3	4.5. Factorización prima de un número	15
3.2. DFS	4	4.6. Exponenciación logarítmica	15
3.3. Ordenamiento topológico	4	4.6.1. Propiedades de la operación módulo	15
3.4. Componentes fuertemente conexas	4	4.6.2. Big mod	15
3.4.1. Kosaraju's algorithm	4	4.7. Combinatoria	15
3.4.2. Tarjan's algorithm	5	4.7.1. Coeficientes binomiales	15
3.5. Algoritmo de Dijkstra	6	4.7.2. Propiedades de combinatoria	16
3.6. Algoritmo de Bellman-Ford	6	5. Programación Dinámica	16
3.7. Algoritmo de Floyd-Warshall	7	5.1. Longest increasing subsequence	16
3.7.1. Clausura transitiva	7	5.1.1. Orden cuadrático	16
3.7.2. Minimax	7	5.1.2. Orden logarítmico imprimiendo sólo longitud	16
3.7.3. Maximin	8	5.1.3. Orden logarítmico imprimiendo la secuencia	17
3.8. Algoritmo de Prim	8	5.2. Problema de la mochila	18
3.9. Algoritmo de Kruskal	8	5.3. Edit distance	18
3.9.1. Union-Find	8	5.4. Formas de sumar un número	19
3.9.2. Algoritmo de Kruskal	9	5.5. Longest Common Substring	19
3.9.3. Algoritmo de Kruskal CP3	9	5.6. Longest Common Subsequence	20
3.10. Algoritmo de máximo flujo	10	5.7. Shortest Common Supersequence	20
3.11. Teorema de Konig	12	5.8. Maximum subarray (non-adjacent) sum (1D)	20
3.11.1. Ejemplo, aplicación Max Flow - Minimum Vertex Cover		5.9. Maximum subarray sum (1D) - Kadane's Algorithm	21
- Maximum Matching Size	12	5.9.1. Maximum circular subarray sum	21
4. Teoría de números	13	5.10. Maximum subrectangle sum (2D)	21
4.1. Números romanos	13	5.10.1. Naïve solution - $O(n^4)$	21
4.1.1. Árabe a Romano	13	5.10.2. Using Kadane's - $O(n^3)$	21
4.1.2. Romano a Árabe	14	5.11. Maximum subrectangle sum (3D)	22
		5.12. Partition problem	22
		5.13. Longest Palindromic Substring	23
		5.14. Longest Palindromic Subsequence	25
		5.15. Text Justification	25

5.16. Burst Balloons	27
5.17. Wildcard Matching	27
5.18. Maximum profit - Best time to buy and sell stock	27
6. Geometría	28
6.1. Closest pair of points in a plane	28
7. Strings	30
7.1. Algoritmo de KMP	30
7.2. Algoritmo de Booth - Lexicographically minimal string rotation .	30
7.3. Formatos de impresión	31
7.3.1. Números	31
7.3.2. Strings	31
7.3.3. Formato en Java	31
8. Otros	32
8.1. Binary Search	32
8.1.1. Traditional algorithm	32
8.1.2. Lower bound	32
8.1.3. Upper bound	32
8.2. Binary Search Tree (BST)	33
8.2.1. Largest BST in a Binary Tree	33
8.3. Build Binary Tree from PreOrder and InOrder	34
8.4. Build Binary Tree from PosOrder and InOrder	34
8.5. BitSet	35
8.6. Máximo orden dado un n	35
8.7. Suma de grandes números en C++	35
8.8. Largest Rectangle in a Histogram	35
9. Struct	36
9.1. Función de comparación	36
9.2. Radix sort	36
10.C++	37
10.1. Strings con arreglo de caracteres	37
10.2. miselanea	37
11.Java	37
11.1. File Reader	37
11.2. Base converter	38
12.Varios	38

1. Plantillas

```
#include <algorithm>
#include <iostream>
#include <iterator>
#include <numeric>
#include <sstream>
#include <fstream>
#include <cassert>
#include <climits>
#include <cstdlib>
#include <cstring>
#include <string>
#include <cstdio>
#include <vector>
#include <cmath>
#include <queue>
#include <deque>
#include <stack>
#include <list>
#include <map>
#include <set>
#include <bitset>

#define D(x) cout << "DEBUG: " << #x " = " << x << endl

using namespace std;

const double EPS = 1e-9;
const double PI = acos(-1.0);

template <class T> string toStr(const T &x)
{ stringstream s; s << x; return s.str(); }

template <class T> int toInt(const T &x)
{ stringstream s; s << x; int r; s >> r; return r; }

int
main() {

    return 0;
}
```

```

.....
/*
la mayoría de los jueces, no requieren de estas líneas
debido a que leen de consola, NO OLVIDAR comentar
las líneas para abrir y escribir en archivos,
y evitar WA cuando se envíe el ejercicio, debido a que
esta hecho con el propósito de ahorrarnos tiempo al ingresar
los datos de prueba.

PROG: el programa lee dos enteros de un archivo llamado in.in y
los escribe en un archivo out.out
*/

#include <bits/stdc++.h> // si no compila, hacer
                        //includes necesarios
#define D(x) cout << "DEBUG: " << #x " = " << x << endl;
using namespace std;
typedef pair<int, int> ii;
typedef vector<ii> vii;
typedef vector<int> vi;

int main()
{
    //ofstream fout ("out.out");
    //ifstream fin ("in.in");
    freopen("in.in","r",stdin); // directamente cin y cout,
    freopen("out.out","w",stdout); // y scanf.

    int a, b;
    //fin >> a >> b;
    //fout << a << " " << b << endl;
    cin >> a >> b;
    cout << a << " " << b << endl;

    return 0;
}
/*
es importante resaltar que el archivo "in.in" debe de estar en
la misma carpeta del programa
*/
.....

```

2. Cosas para tener en cuenta

- Si la respuesta de un problema es un número de punto flotante redondeado y está dando *Wrong Answer*, ensayar sumarle un épsilon a la respuesta, es decir, sumarle EPS (siendo EPS por lo general $1e-9$).
- Recordar que para redondear un número de punto flotante se debe usar el parámetro `%.xf` (donde `x` es la cantidad de cifras) en la función `printf`.
- En problemas que se trabajen números de punto flotante y enteros a la vez, es recomendable multiplicar por 1.0 cuando se estén haciendo operaciones con ambos tipos de datos. Con esto se evitarán problemas de conversión.

3. Grafos

3.1. BFS

Algoritmo de recorrido de grafos en anchura que empieza desde una fuente s y visita todos los nodos alcanzables desde s .

El BFS también halla la distancia más corta entre s y los demás nodos si las aristas tienen todas peso 1.

Complejidad: $O(n + m)$ donde n es el número de nodos y m es el número de aristas.

```

vector<int> g[MAXN]; // La lista de adyacencia
int d[MAXN];         // Distancia de la fuente a cada nodo

void bfs(int s, int n){ // s = fuente, n = número de nodos
    for (int i = 0; i <= n; ++i) d[i] = -1;

    queue<int> q;
    q.push(s);
    d[s] = 0;
    while (q.size() > 0){
        int cur = q.front();
        q.pop();
        for (int i = 0; i < g[cur].size(); ++i){
            int next = g[cur][i];
            if (d[next] == -1){
                d[next] = d[cur] + 1;
                q.push(next);
            }
        }
    }
}

```

```

    }
}

.....

```

3.2. DFS

Algoritmo de recorrido de grafos en profundidad que empieza visita todos los nodos del grafo.

El algoritmo puede ser modificado para que retorne información de los nodos según la necesidad del problema.

El grafo tiene un ciclo \leftrightarrow si en algún momento se llega a un nodo marcado como gris.

Complejidad: $O(n + m)$ donde n es el número de nodos y m es el número de aristas.

```

vector <int> g[MAXN];      // La lista de adyacencia
int color[MAXN];          // El arreglo de visitados
enum {WHITE, GRAY, BLACK}; // WHITE = 1, GRAY = 2, BLACK = 3

```

```

// Visita el nodo u y todos sus vecinos empezando por
// los más profundos

```

```

void dfs(int u){
    color[u] = GRAY;    // Marcar el nodo como semi-visitado
    for (int i = 0; i < g[u].size(); ++i){
        int v = g[u][i];
        if (color[v] == WHITE) dfs(v); // Visitar los vecinos
    }
    color[u] = BLACK;   // Marcar el nodo como visitado
}

```

```

// Llama la función dfs para los nodos 0 a n-1
void call_dfs(int n){
    for (int u = 0; u < n; ++u) color[u] = WHITE;
    for (int u = 0; u < n; ++u)
        if (color[u] == WHITE) dfs(u);
}

```

3.3. Ordenamiento topológico

Dado un grafo no cíclico y dirigido (DAG), ordena los nodos linealmente de tal forma que si existe una arista entre los nodos u y v entonces u aparece antes

que v en el ordenamiento.

Este ordenamiento se puede ver como una forma de poner todos los nodos en una línea recta y que las aristas vayan todas de izquierda a derecha.

Complejidad: $O(n + m)$ donde n es el número de nodos y m es el número de aristas.

```

vector <int> g[MAXN];      // La lista de adyacencia
bool seen[MAXN];          // El arreglo de visitados para el dfs
vector <int> topo_sort;    // El vector del ordenamiento

```

```

void dfs(int u){
    seen[u] = true;
    for (int i = 0; i < g[u].size(); ++i){
        int v = g[u][i];
        if (!seen[v]) dfs(v);
    }
    topo_sort.push_back(u); // Agregar el nodo al ordenamiento
}

void topological(int n){    // n = número de nodos
    topo_sort.clear();
    for (int i = 0; i < n; ++i) seen[i] = false;
    for (int i = 0; i < n; ++i) if (!seen[i]) dfs(i);
    reverse(topo_sort.begin(), topo_sort.end());
}

```

3.4. Componentes fuertemente conexas

Dado un grafo dirigido, calcula la componente fuertemente conexa (SCC) a la que pertenece cada nodo.

Para cada pareja de nodos u, v que pertenecen a una misma SCC se cumple que hay un camino de u a v y de v a u .

Si se comprime el grafo dejando como nodos cada una de las componentes se quedará con un DAG.

3.4.1. Kosaraju's algorithm

Complejidad: $O(n + m)$ donde n es el número de nodos y m es el número de aristas.

```

vector <int> g[MAXN];      // El grafo

```

```

vector <int> grev[MAXN]; // El grafo con las aristas reversadas
vector <int> topo_sort; // El "ordenamiento topologico" del grafo
int scc[MAXN]; // La componente a la que pertenece cada nodo
bool seen[MAXN]; // El arreglo de visitado para el primer DFS

// DFS donde se halla el ordenamiento topológico
void dfs1(int u){
    seen[u] = true;
    for (int i = 0; i < g[u].size(); ++i){
        int v = g[u][i];
        if (!seen[v]) dfs1(v);
    }
    topo_sort.push_back(u);
}

// DFS donde se hallan las componentes
void dfs2(int u, int comp){
    scc[u] = comp;
    for (int i = 0; i < grev[u].size(); ++i){
        int v = grev[u][i];
        if (scc[v] == -1) dfs2(v, comp);
    }
}

// Halla las componentes fuertemente conexas del grafo usando
// el algoritmo de Kosaraju. Retorna la cantidad de componentes
int find_scc(int n){ // n = número de nodos
    // Crear el grafo reversado
    for (int u = 0; u < n; ++u){
        for (int i = 0; i < g[u].size(); ++i){
            int v = g[u][i];
            grev[v].push_back(u);
        }
    }

    // Llamar el primer dfs
    for (int i = 0; i < n; ++i){
        if (!seen[i]) dfs1(i);
    }
    reverse(topo_sort.begin(), topo_sort.end());

    // Llamar el segundo dfs
    int comp = 0;
    for (int i = 0; i < n; ++i){

```

```

        int u = topo_sort[i];
        if (scc[u] == -1) dfs2(u, comp++);
    }
    return comp;
}

.....

```

3.4.2. Tarjan's algorithm

- $d[i]$ = Tiempo de descubrimiento del nodo i. (Inicializar con -1)
- $low[i]$ = Menor tiempo de descubrimiento alcanzable desde el nodo i. (No inicializar)
- $scc[i]$ = Componente a la que pertenece el nodo i. (No inicializar)
- s = Pila usada por el algoritmo (Inicializar vacía)
- $stacked[i]$ = true si el nodo i está en la pila. (Inicializar con falso)
- $ticks$ = Reloj usado para los tiempos de descubrimiento (Inicializar en 0)
- $current_scc$ = id de la componente actual siendo descubierta. (Inicializar en 0)

```

vector <int> g[MAXN];
int d[MAXN], low[MAXN], scc[MAXN];
bool stacked[MAXN];
stack <int> s;
int ticks, current_scc;

// Check initializations.
void tarjan(int u) {
    d[u] = low[u] = ticks++;
    s.push(u);
    stacked[u] = true;
    for (int k = 0; k < g[u].size(); ++k) {
        int v = g[u][k];
        if (d[v] == -1) {
            tarjan(v);
            low[u] = min(low[u], low[v]);
        }
        else if (stacked[v]) low[u] = min(low[u], low[v]);
    }
    if (d[u] == low[u]) {

```

```

int v;
do {
    v = s.top();
    s.pop();
    stacked[v] = false;
    scc[v] = current_scc;
}
while (u != v);
current_scc++;
}
}

```

.....

3.5. Algoritmo de Dijkstra

Dado un grafo con pesos **no negativos** en las aristas, halla la mínima distancia entre una fuente s y los demás nodos.

Al heap se inserta primero la distancia y luego en nodo al que se llega. Si se quieren modificar los pesos por long long o por double se debe cambiar en los tipos de dato `dist_node` y `edge`.

Complejidad: $O((n+m) \log n)$ donde n es el número de nodos y m es el número de aristas.

```

const int MAXN = 100005;
const int INF = 1 << 30;          // Usar 1LL << 60 para long long
typedef pair <int, int> dist_node; // Datos del heap (dist, nodo)
typedef pair <int, int> edge;      // Dato de las arista (nodo, peso)
vector <edge> g[MAXN];             // g[u] = (v = nodo, w = peso)
int d[MAXN];                     // d[u] La distancia más corta de s a u
int p[MAXN];                     // p[u] El predecesor de u en el camino más corto

```

```

// La función recibe la fuente s y el número total de nodos n
void dijkstra(int s, int n){
    for (int i = 0; i <= n; ++i){
        d[i] = INF; p[i] = -1;
    }
    priority_queue < dist_node, vector <dist_node>,
                    greater<dist_node> > q;

    d[s] = 0;
    q.push(dist_node(0, s));
    while (!q.empty()){

```

```

int dist = q.top().first;
int cur = q.top().second;
q.pop();
if (dist > d[cur]) continue;
for (int i = 0; i < g[cur].size(); ++i){
    int next = g[cur][i].first;
    int w_extra = g[cur][i].second;
    if (d[cur] + w_extra < d[next]){
        d[next] = d[cur] + w_extra;
        p[next] = cur;
        q.push(dist_node(d[next], next));
    }
}
}
}
}

```

```

// La función que retorna los nodos del camino más corto de s a t
// Primero hay que correr dijkstra desde s.
// Eliminar si no se necesita hallar el camino.

```

```

vector <int> find_path (int t){
    vector <int> path;
    int cur = t;
    while(cur != -1){
        path.push_back(cur);
        cur = p[cur];
    }
    reverse(path.begin(), path.end());
    return path;
}

```

.....

3.6. Algoritmo de Bellman-Ford

Dado un grafo con pesos cualquiera, halla la mínima distancia entre una fuente s y los demás nodos.

Si hay un ciclo de peso negativo en el grafo, el algoritmo lo indica.

Complejidad: $O(n \times m)$ donde n es el número de nodos y m es el número de aristas.

Tener en cuenta que si el nodo es inalcanzable la distancia que resulta en dicho nodo siempre será infinito.

Si el problema es como *Haunted Graveyard*, donde los niños querían salir del cementerio lo más rápido posible (no querían quedarse dando vueltas así

fueran ciclos negativos) entonces no debería poner aristas en el nodo de salida.

```
const int MAXN = 105;
const int INF = 1 << 30; // Para long long INF = 1LL << 60
typedef pair <int, int> edge; // Modificar según el problema
vector <edge> g[MAXN]; // g[u] = (v = nodo, w = peso)
int d[MAXN]; // d[u] = distancia más corta de s a u

// Retorna verdadero si el grafo tiene un ciclo de peso negativo
// alcanzable desde s y falso si no es así.
// Al finalizar el algoritmo, si no hubo ciclo de peso negativo,
// la distancia más corta entre s y u está almacenada en d[u]
bool bellman_ford(int s, int n){ // s = fuente, n = número nodos
    for (int u = 0; u <= n; ++u) d[u] = INF;
    d[s] = 0;

    for (int i = 1; i <= n - 1; ++i){
        for (int u = 0; u < n; ++u){
            for (int k = 0; k < g[u].size(); ++k){
                int v = g[u][k].first;
                int w = g[u][k].second;
                d[v] = min(d[v], d[u] + w);
            }
        }
    }

    for (int u = 0; u < n; ++u){
        for (int k = 0; k < g[u].size(); ++k){
            int v = g[u][k].first;
            int w = g[u][k].second;
            if (d[v] > d[u] + w) return true;
        }
    }
    return false;
}
```

3.7. Algoritmo de Floyd-Warshall

Dado un grafo con pesos cualquiera, halla la mínima distancia entre cualquier para de nodos.
Si este algoritmo es muy lento para el problema ejecutar n veces el algoritmo

de Dijkstra o de Bellman-Ford según el caso.

Complejidad: $O(n^3)$ donde n es el número de nodos.

$$\text{Casos base: } d[i][j] = \begin{cases} 0 & \text{si } i = j \\ w_{i,j} & \text{si existe una arista entre } i \text{ y } j \\ +\infty & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Nota: Utilizar el tipo de dato apropiado (int, long long, double) para d y para $+\infty$ según el problema.

```
// Los nodos están numerados de 0 a n-1
for (int k = 0; k < n; ++k){
    for (int i = 0; i < n; ++i){
        for (int j = 0; j < n; ++j){
            d[i][j] = min(d[i][j], d[i][k] + d[k][j]);
        }
    }
}
```

// Acá $d[i][j]$ es la mínima distancia entre el nodo i y el j

3.7.1. Clausura transitiva

Dado un grafo cualquiera, hallar si existe un camino desde i hasta j para cualquier pareja de nodos i, j

$$\text{Casos base: } d[i][j] = \begin{cases} \text{true} & \text{si } i = j \\ \text{true} & \text{si existe una arista entre } i \text{ y } j \\ \text{false} & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Caso recursivo: $d[i][j] = d[i][j] \text{ or } (d[i][k] \text{ and } d[k][j]);$

3.7.2. Minimax

Dado un grafo con pesos, hallar el camino de i hasta j donde la arista más grande del camino sea lo más pequeña posible.

Ejemplos: Que el peaje más caro sea lo más barato posible, que la autopista más larga sea lo más corta posible.

$$\text{Casos base: } d[i][j] = \begin{cases} 0 & \text{si } i = j \\ w_{i,j} & \text{si existe una arista entre } i \text{ y } j \\ +\infty & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Caso recursivo: $d[i][j] = \min(d[i][j], \max(d[i][k], d[k][j]))$;

3.7.3. Maximin

Dado un grafo con pesos, hallar el camino de i hasta j donde la arista más pequeña del camino sea lo más grande posible.

Ejemplos: Que el trayecto menos seguro sea lo más seguro posible, que la autopista de menos carriles tenga la mayor cantidad de carriles.

$$\text{Casos base: } d[i][j] = \begin{cases} +\infty & \text{si } i = j \\ w_{i,j} & \text{si existe una arista entre } i \text{ y } j \\ -\infty & \text{en otro caso} \end{cases}$$

Caso recursivo: $d[i][j] = \max(d[i][j], \min(d[i][k], d[k][j]))$

3.8. Algoritmo de Prim

Dado un grafo no dirigido y conexo, retorna el costo del árbol de mínima expansión de ese grafo.

El costo del árbol de mínima expansión también se puede ver como el mínimo costo de las aristas de manera que haya un camino entre cualquier par de nodos.

Complejidad: $O(m \log n)$ donde n es el número de nodos y m es el número de aristas.

```
const int MAXN = 10005;
typedef pair<int, int> edge;          // Pareja (nodo, peso)
typedef pair<int, int> weight_node; // Pareja (peso, nodo)
vector<edge> g[MAXN];                // Lista de adyacencia
bool visited[MAXN];

// Retorna el costo total del MST
int prim(int n){ // n = número de nodos
    for (int i = 0; i <= n; ++i) visited[i] = false;
    int total = 0;

    priority_queue<weight_node, vector<weight_node>,
                  greater<weight_node> > q;

    // Empezar el MST desde 0 (cambiar si el nodo 0 no existe)
    q.push(weight_node(0, 0));
    while (!q.empty()){
```

```
        int u = q.top().second;
        int w = q.top().first;
        q.pop();
        if (visited[u]) continue;

        visited[u] = true;
        total += w;
        for (int i = 0; i < g[u].size(); ++i){
            int v = g[u][i].first;
            int next_w = g[u][i].second;
            if (!visited[v]){
                q.push(weight_node(next_w, v));
            }
        }
    }
    return total;
}
```

3.9. Algoritmo de Kruskal

3.9.1. Union-Find

Union-Find es una estructura de datos para almacenar una colección conjuntos disjuntos (no tienen elementos en común) que cambian dinámicamente. Identifica en cada conjunto un “padre” que es un elemento al azar de ese conjunto y hace que todos los elementos del conjunto “apunten” hacia ese padre.

Inicialmente se tiene una colección donde cada elemento es un conjunto unitario.

Complejidad aproximada: $O(m)$ donde m el número total de operaciones de initialize, union y join realizadas.

```
const int MAXN = 100005;
int p[MAXN]; // El padre del conjunto al que pertenece cada nodo

// Inicializar cada conjunto como unitario
void initialize(int n){
    for (int i = 0; i <= n; ++i) p[i] = i;
}

// Encontrar el padre del conjunto al que pertenece u
```



```

int find(int u){
    if (p[u] == u) return u;
    return p[u] = find(p[u]);
}

// Unir los conjunto a los que pertenecen u y v
void join(int u, int v){
    int a = find(u);
    int b = find(v);
    if (a == b) return;
    p[a] = b;
}

```

.....

3.9.2. Algoritmo de Kruskal

Dado un grafo no dirigido y conexo, retorna el costo del árbol de mínima expansión de ese grafo.

El costo del árbol de mínima expansión también se puede ver como el mínimo costo de las aristas de manera que haya un camino entre cualquier par de nodos.

Utiliza Union-Find para ver rápidamente qué aristas generan ciclos.

Complejidad: $O(m \log n)$ donde n es el número de nodos y m es el número de aristas.

```

struct edge{
    int start, end, weight;

    edge(int u, int v, int w){
        start = u; end = v; weight = w;
    }
    bool operator < (const edge &other) const{
        return weight < other.weight;
    }
};

const int MAXN = 100005;
vector <edge> edges; // Lista de aristas y no lista de adyacencia
int p[MAXN];        // El padre de cada conjunto (union-find)

// Incluir las operaciones de Union-Find (initialize, find, join)

```

```

int kruskal(int n){
    initialize(n);
    sort(edges.begin(), edges.end());

    int total = 0;
    for (int i = 0; i < edges.size(); ++i){
        int u = edges[i].start;
        int v = edges[i].end;
        int w = edges[i].weight;
        if (find(u) != find(v)){
            total += w;
            join(u, v);
        }
    }
    return total;
}

```

.....

3.9.3. Algoritmo de Kruskal CP3

```

#include <algorithm>
#include <cstdio>
#include <vector>
#include <queue>
using namespace std;

typedef pair<int, int> ii;
typedef vector<int> vi;
typedef vector<ii> vii;

// Union-Find Disjoint Sets Library written in OOP manner,
// using both path compression and union by rank heuristics

class UnionFind
// OOP style
{
private:
    vi p, rank, setSize; // remember: vi is vector<int>
    int numSets;
public:
    UnionFind(int N)
    {
        setSize.assign(N, 1); numSets = N; rank.assign(N, 0);
    }
}

```

```

    p.assign(N, 0); for (int i = 0; i < N; i++) p[i] = i;
}
int findSet(int i) { return (p[i] == i) ?
    i : (p[i] = findSet(p[i])); }

bool isSameSet(int i, int j) {return findSet(i) == findSet(j);}

void unionSet(int i, int j)
{
    if (!isSameSet(i, j))
    {
        numSets--;
        int x = findSet(i), y = findSet(j);
        // rank is used to keep the tree short
        if (rank[x] > rank[y])
            { p[y] = x; setSize[x] += setSize[y]; }

        else
        {
            p[x] = y; setSize[y] += setSize[x];
            if (rank[x] == rank[y]) rank[y]++;
        }
    }
}

int numDisjointSets() { return numSets; }
int sizeOfSet(int i) { return setSize[findSet(i)]; }
};

vector<vii> AdjList;
vi taken;
// global boolean flag to avoid cycle
priority_queue<ii> pq;
// priority queue to help choose shorter edges
// sort by (inc) weight then by (inc) id

int main() {
    int V, E, u, v, w;

    scanf("%d %d", &V, &E);
    // Kruskal's algorithm merged with Prim's algorithm
    AdjList.assign(V, vii());
    vector< pair<int, ii> > EdgeList;

```

```

    // (weight, two vertices) of the edge

    for (int i = 0; i < E; i++)
    {
        scanf("%d %d %d", &u, &v, &w); // read the triple: (u, v, w)
        EdgeList.push_back(make_pair(w, ii(u, v))); // (w, u, v)
    }
    sort(EdgeList.begin(), EdgeList.end());
    // sort by edge weight  $O(E \log E)$ 
    // note: pair object has built-in comparison function

    int mst_cost = 0;
    UnionFind UF(V); // all V are disjoint sets initially
    for (int i = 0; i < E; i++)
    { // for each edge,  $O(E)$ 
        pair<int, ii> front = EdgeList[i];
        if (!UF.isSameSet(front.second.first, front.second.second))
        { // check
            mst_cost += front.first; // add the weight of e to MST
            UF.unionSet(front.second.first, front.second.second); // link them
        }
    }

    // note: the runtime cost of UFDS is very light
    // note: the number of disjoint sets must eventually
    // be 1 for a valid MST
    printf("MST cost = %d (Kruskal's)\n", mst_cost);
    return 0;
}

```

3.10. Algoritmo de máximo flujo

Dado un grafo con capacidades enteras, halla el máximo flujo entre una fuente s y un sumidero t .
 Como el máximo flujo es igual al mínimo corte, halla también el mínimo costo de cortar aristas de manera que s y t queden desconectados.
 Si hay varias fuentes o varios sumideros poner una súper-fuente / súper-sumidero que se conecte a las fuentes / sumideros con capacidad infinita.
 Si los nodos también tienen capacidad, dividir cada nodo en dos nodos: uno al que lleguen todas las aristas y otro del que salgan todas las aristas y

conectarlos con una arista que tenga la capacidad del nodo.
Complejidad: $O(n \cdot m^2)$ donde n es el número de nodos y m es el número de aristas.

```
const int MAXN = 105;
// Lista de adyacencia de la red residual
vector<int> g [MAXN];
// Capacidad de aristas de la red de flujos
int c [MAXN][MAXN];
// El flujo de cada arista
int f [MAXN][MAXN];
//El predecesor de cada nodo en el camino de aumentación de s a t
int prev [MAXN];

void connect (int i, int j, int cap){
    // Agregar SIEMPRE las dos aristas a g (red residual) así el
    // grafo sea dirigido. Esto es porque g representa la red
    // residual que tiene aristas en los dos sentidos.
    g[i].push_back(j);
    g[j].push_back(i);
    c[i][j] += cap;
    // Omitir esta línea si el grafo es dirigido
    c[j][i] += cap;
}

// s = fuente, t = sumidero, n = número de nodos
int maxflow(int s, int t, int n){
    for (int i = 0; i <= n; i++){
        for (int j = 0; j <= n; j++){
            f[i][j] = 0;
        }
    }

    int flow = 0;
    while (true){
        for (int i = 0; i <= n; i++) prev[i] = -1;

        queue<int> q;
        q.push(s);
        prev[s] = -2;

        while (q.size() > 0){
```

```
            int u = q.front(); q.pop();
            if (u == t) break;
            for (int i = 0; i < g[u].size(); ++i){
                int v = g[u][i];
                if (prev[v] == -1 and c[u][v] - f[u][v] > 0){
                    q.push(v);
                    prev[v] = u;
                }
            }
        }
        if (prev[t] == -1) break;

        int extra = 1 << 30;
        int end = t;
        while (end != s){
            int start = prev[end];
            extra = min(extra, c[start][end] - f[start][end]);
            end = start;
        }

        end = t;
        while (end != s){
            int start = prev[end];
            f[start][end] += extra;
            f[end][start] = -f[start][end];
            end = start;
        }

        flow += extra;
    }

    return flow;
}
```

.....

3.11. Teorema de Konig

3.11.1. Ejemplo, aplicación Max Flow - Minimum Vertex Cover - Maximum Matching Size

El algoritmo de máximo flujo es equivalente al problema de *MinimumVertexCover* en un grafo bipartito, pero como el Vertex Cover es NP-hard, entonces el teorema de *Konig* nos dice que el *MinimumVertexCover*

es igual al *MaximumMatchingSize*, el cual puede ser encontrado por un máximo flujo estándar.

A continuación se presenta un problema para esta aplicación.

As an example, one year there were six interns: Stephen Cook, Vinton Cerf, Edmund Clarke, Judea Pearl, Shafi Goldwasser, and Silvio Micali. They were able to self-organize into three teams:

- Stephen Cook, Vinton Cerf, and Edmund Clarke (whose last names all begin with C)
- Shafi Goldwasser and Silvio Micali (whose first names begin with S)
- Judea Pearl (not an interesting group, but everyone's first name in this group starts with J)

As a historical note, the company was eventually shut down due to a rather strange (and illegal) hiring practice—they refused to hire any interns whose last names began with the letter S, T, U, V, W, X, Y, or Z. (First names were not subject to such a whim, which was fortunate for our friend Vinton Cerf.)

Input: Each year's group of interns is considered as a separate trial. A trial begins with a line containing a single integer N , such that $1 \leq N \leq 300$, designating the number of interns that year. Following that are N lines—one for each intern—with a line having a first and last name separated by one space. Names will not have any punctuation, and both the first name and last name will begin with an uppercase letter. In the case of last names, that letter will have an additional constraint that it be in the range from 'A' to 'R' inclusive. The end of the input is designated by a line containing the value 0. There will be at most 20 trials.

Output: For each trial, output a single integer, k , designating the minimum number of teams that were necessary.

La entrada y salida ejemplo es:

Example Input:	Example Output:
6 Stephen Cook Vinton Cerf Edmund Clarke Judea Pearl Shafi Goldwasser Silvio Micali 9 Richard Hamming Marvin Minsky John McCarthy Edsger Dijkstra Donald Knuth Michael Rabin John Backus Robert Floyd Tony Hoare 0	3 6

Entonces la solución sería, utilizando *MaxFlow*:

```
const int MAXN = 55; //26 letras nombres +
                      //26 letras apellidos + 3

int n;
vector<int> g[MAXN];
int c[MAXN][MAXN];
int f[MAXN][MAXN];
int prev[MAXN];

void
connect (int i, int j) {
    g[i].push_back(j);
    g[j].push_back(i);
    c[i][j] = 1;
}

int
maxflow(int s, int t) {
    for (int i = 0; i < MAXN; i++) {
```

```

        for (int j = 0; j < MAXN; j++) {
            f[i][j] = 0;
        }
    }

    int flow = 0;
    while (true) {
        for (int i = 0; i < MAXN; i++) prev[i] = -1;
        queue <int> q;
        q.push(s);
        prev[s] = -2;

        while (!q.empty()) {
            int u = q.front(); q.pop();
            if (u == t) break;
            for (int i = 0; i < g[u].size(); i++) {
                int v = g[u][i];
                if (prev[v] == -1 and c[u][v] - f[u][v] > 0) {
                    q.push(v);
                    prev[v] = u;
                }
            }
        }
        if (prev[t] == -1) break;

        int extra = 1 << 30;
        int end = t;
        while (end != s) {
            int start = prev[end];
            extra = min(extra, c[start][end] - f[start][end]);
            end = start;
        }
        end = t;
        while (end != s) {
            int start = prev[end];
            f[start][end] += extra;
            f[end][start] = -f[start][end];
            end = start;
        }
        flow += extra;
    }
    return flow;
}

```

```

void
limpiar() {
    for (int i = 0; i < MAXN; i++) {
        g[i].clear();
    }
}

int
main() {
    while (cin >> n && n) {
        limpiar();
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            string nombre, apellido;
            cin >> nombre >> apellido;
            if (apellido[0] == 'S' || apellido[0] == 'T' ||
                apellido[0] == 'U' || apellido[0] == 'V' ||
                apellido[0] == 'W' || apellido[0] == 'X' ||
                apellido[0] == 'Y' || apellido[0] == 'Z') continue;
            int nodoNombre, nodoApellido;
            nodoNombre = nombre[0] - 'A' + 1; //A = 1
            nodoApellido = apellido[0] - 'A' + 27; //Z = 52
            connect(nodoNombre, nodoApellido);
            connect(0, nodoNombre);
            connect(nodoApellido, 53);
        }
        cout << maxflow(0, 53) << endl;
    }
    return 0;
}

```

4. Teoría de números

4.1. Números romanos

A continuación están las funciones para pasar del sistema romano a árabe. Valores: I = 1, V = 5, X = 10, L = 50, C = 100, D = 500 y M = 1000;

4.1.1. Árabe a Romano

OJO: Tener en cuenta que el rango de conversión es 1 - 3999

```

string
arabicToRoman(int num) {
    string uni[10] = {"", "I", "II", "III", "IV", "V",
                     "VI", "VII", "VIII", "IX"};
    string deci[10]={"", "X", "XX", "XXX", "XL", "L",
                     "LX", "LXX", "LXXX", "XC"};
    string cen[10]={"", "C", "CC", "CCC", "CD", "D",
                    "DC", "DCC", "DCCC", "CM"};
    string mil[4]={"", "M", "MM", "MMM"};
    int nUni = num % 10;
    int nDec = (num / 10) % 10;
    int nCen = ((num / 10) / 10) % 10;
    int nMil = (((num / 10) / 10) / 10) % 10;
    string ans = mil[nMil];
    ans += cen[nCen];
    ans += deci[nDec];
    ans += uni[nUni];
    return ans;
}

```

4.1.2. Romano a Árabe

OJO: Tener en cuenta que el rango de conversión es 1 - 3999

```

int
romanToArabic(string num) {
    map<char, int> RtoA;
    RtoA['I'] = 1; RtoA['V'] = 5; RtoA['X'] = 10; RtoA['L'] = 50;
    RtoA['C'] = 100; RtoA['D'] = 500; RtoA['M'] = 1000;

    int value = 0;
    for (int i = 0; num[i]; i++) {
        if (num[i+1] && RtoA[num[i]] < RtoA[num[i+1]]) {
            value += RtoA[num[i+1]] - RtoA[num[i]];
            i++;
        }
        else value += RtoA[num[i]];
    }
    return value;
}

```

4.2. Divisores de un número

Imprime los divisores de un número (cuidado que no lo hace en orden).
Complejidad: $O(\sqrt{n})$ donde n es el número.

```

void divisors(int n){
    int i;
    for (i = 1; i * i < n; ++i){
        if (n % i == 0) printf("%d\n%d\n", i, n/i);
    }
    // Si existe, imprimir su raiz cuadrada una sola vez
    if (i * i == n) printf("%d\n", i);
}

```

4.3. Máximo común divisor y mínimo común múltiplo

Para hallar el máximo común divisor entre dos números a y b ejecutar el comando `__gcd(a, b)`.

Para hallar el mínimo común múltiplo: $\text{lcm}(a, b) = \frac{|a \cdot b|}{\text{gcd}(a, b)}$

4.4. Criba de Eratóstenes

Encuentra los primos desde 1 hasta un límite n .
`sieve[i]` es falso sí y solo sí i es un número primo.
Complejidad: $O(n)$ donde n es el límite superior.

```

const int MAXN = 1000000;
bool sieve[MAXN + 5];
vector<int> primes;

void build_sieve(){
    memset(sieve, false, sizeof(sieve));
    sieve[0] = sieve[1] = true;

    for (int i = 2; i * i <= MAXN; ++i){
        if (!sieve[i]){
            for (int j = i * i; j <= MAXN; j += i){
                sieve[j] = true;
            }
        }
    }
}

```

```

    }
    for (int i = 2; i <= MAXN; ++i){
        if (!sieve[i]) primes.push_back(i);
    }
}

```

.....

4.5. Factorización prima de un número

Halla la factorización prima de un número a positivo. Si a es negativo llamar el algoritmo con $|a|$ y agregarle -1 a la factorización.

Se asume que ya se ha ejecutado el algoritmo para generar los primos hasta al menos \sqrt{a} .

El algoritmo genera la lista de primos en orden de menor a mayor.

Utiliza el hecho de que en la factorización prima de a aparece máximo un primo mayor a \sqrt{a} .

Complejidad aproximada: $O(\sqrt{a})$

```

const int MAXN = 1000000; // MAXN > sqrt(a)
bool sieve[MAXN + 5];
vector<int> primes;

vector<long long> factorization(long long a){
    // Se asume que se tiene y se llamó la función build_sieve()
    vector<long long> ans;
    long long b = a;
    for (int i = 0; 1LL * primes[i] * primes[i] <= a; ++i){
        int p = primes[i];
        while (b % p == 0){
            ans.push_back(p);
            b /= p;
        }
    }
    if (b != 1) ans.push_back(b);
    return ans;
}

```

.....

4.6. Exponenciación logarítmica

4.6.1. Propiedades de la operación módulo

- $(a \bmod n) \bmod n = a \bmod n$
- $(a + b) \bmod n = ((a \bmod n) + (b \bmod n)) \bmod n$
- $(a \cdot b) \bmod n = ((a \bmod n) \cdot (b \bmod n)) \bmod n$
- $\left(\frac{a}{b}\right) \bmod n \neq \left(\frac{a \bmod n}{b \bmod n}\right) \bmod n$

4.6.2. Big mod

Halla rápidamente el valor de $b^p \bmod m$ para $0 \leq b, p, m \leq 2147483647$. Si se cambian los valores por `long long` los límites se cambian por $0 \leq b, p \leq 9223372036854775807$ y $1 \leq m \leq 3037000499$.

Complejidad: $O(\log p)$

```

int bigmod(int b, int p, int m){
    if (p == 0) return 1;
    if (p % 2 == 0){
        int mid = bigmod(b, p/2, m);
        return (1LL * mid * mid) % m;
    }else{
        int mid = bigmod(b, p-1, m);
        return (1LL * mid * b) % m;
    }
}

```

.....

4.7. Combinatoria

4.7.1. Coeficientes binomiales

Halla el valor de $\binom{n}{k}$ para $0 \leq k \leq n \leq 66$. Para $n > 66$ los valores comienzan a ser muy grandes y no caben en un `long long`.

Complejidad: $O(n^2)$

```

const int MAXN = 66;
unsigned long long choose[MAXN+5][MAXN+5];

void binomial(int N){

```

```

for (int n = 0; n <= N; ++n) choose[n][0] = choose[n][n] = 1;

for (int n = 1; n <= N; ++n){
    for (int k = 1; k < n; ++k){
        choose[n][k] = choose[n-1][k-1] + choose[n-1][k];
    }
}
}

```

4.7.2. Propiedades de combinatoria

- El número de permutaciones de n elementos diferentes es $n!$
- El número de permutaciones de n elementos donde hay m_1 elementos repetidos de tipo 1, m_2 elementos repetidos de tipo 2, ..., m_k elementos repetidos de tipo k es

$$\frac{n!}{m_1!m_2!\cdots m_k!}$$

- El número de permutaciones de k elementos diferentes tomados de un conjunto de n elementos es

$$\frac{n!}{(n-k)!} = k! \binom{n}{k}$$

5. Programación Dinámica

5.1. Longest increasing subsequence

Halla la longitud de la subsecuencia creciente más larga que hay en un arreglo (también se puede usar con strings).

5.1.1. Orden cuadrático

Retorna un **vector con los elementos** que componen la subsecuencia creciente más larga del arreglo *arr*.

Si se necesita sólo la longitud de la subsecuencia ignorar las líneas que tienen comentado un * y retornar lo que se requiera.

Complejidad: $O(n^2)$ donde n es la longitud de *arr*.

```

const int MAXN = 1005;
int dp[MAXN];
int prev[MAXN]; /*

```

```

int arr[MAXN];

vector<int>
lis(int n) {
    int maxi = 1;
    int indexMaxi = 0; /*
    dp[0] = 1;
    prev[0] = -1; /*
    for (int i = 1; i < n; i++) {
        dp[i] = 1;
        prev[i] = -1; /*
        for (int j = i - 1; j >= 0; j--) {
            //> estrictamente creciente
            //>= dos elementos iguales son ambos incluidos
            if (arr[i] > arr[j] && dp[j] + 1 > dp[i]) {
                dp[i] = dp[j] + 1;
                prev[i] = j; /*
                if (dp[i] > maxi) {
                    maxi = dp[i];
                    indexMaxi = i; /*
            }
        }
    }
}

//Si se necesita sólo el tamaño retornar maxi aquí
vector<int> seq;
for (int i = indexMaxi; i >= 0; i = prev[i]) {
    seq.push_back(arr[i]);
}
reverse(seq.begin(), seq.end());
return seq;
}

```

5.1.2. Orden logarítmico imprimiendo sólo longitud

Retorna el **tamaño** de la longitud de la subsecuencia creciente más larga del arreglo *arr*.

Complejidad: $O(n \log_2 n)$ donde n es la longitud de *arr*.

```

const int MAXN = 100005;
int arr[MAXN]; //Almacena los elementos
int dp[MAXN]; //Almacena la secuencia creciente más larga

```



```

int
binarySearch(int low, int high, int key) {
    while (high - low + 1 > 1) {
        int mid = low + (high-low) / 2;
        (arr[mid] >= key ? high : low) = mid;
    }
    return high;
}

int
lis(int n) {
    int pointer = 1; //Siempre apunta un lugar vacío
    memset(dp, 0, sizeof(dp[0]) * n);
    dp[0] = arr[0];
    pointer = 1;
    for (int i = 1; i < n; i++) {
        if (arr[i] < dp[0])
            dp[0] = arr[i]; //Nuevo valor más pequeño
        else if (arr[i] > dp[pointer - 1])
            //Quiere extender la secuencia
            dp[pointer++] = arr[i];
        else {
            //Quiere ser el actual candidate de una secuencia
            //existente, reemplazará un valor piso de la tabla dp
            int index = binarySearch(0, pointer - 1, arr[i]);
            dp[index] = arr[i];
        }
    }
    return pointer;
}

```

5.1.3. Orden logarítmico imprimiendo la secuencia

Retorna un **vector con los elementos** que componen la subsecuencia creciente más larga del arreglo *arr*.

Complejidad: $O(n \log_2 n)$ donde n es la longitud de *arr*.

```

const int MAXN = 100005;
int arr[MAXN]; //Almacena los números
int dp[MAXN]; //Almacena índices de los números
int prev[MAXN]; //Almacena índices de los antecesores

```

```

//OJO: Este binarySearch cambia con respecto al anterior
int
binarySearch(int low, int high, int key) {
    while (high - low + 1 > 1) {
        int mid = low + (high-low) / 2;
        if (arr[dp[mid]] > key) high = mid;
        else low = mid + 1;
    }
    return high;
}

vector<int>
lis(int n) {
    memset(dp, 0, sizeof(dp[0]) * n);
    //memset(prev, 0xFF, sizeof(prev[0]) * n);
    dp[0] = 0;
    prev[0] = -1;
    int pointer = 1; //Siempre apunta a una posición vacía
    for (int i = 1; i < n; i++) {
        if (arr[i] < arr[dp[0]]) {
            //Nuevo valor más pequeño
            dp[0] = i; //Almaceno el index
            prev[i] = -1; //El 0xFF del memset ya tiene un -1
        }
        else if (arr[i] > arr[dp[pointer - 1]]) {
            //Quiere extender la secuencia
            prev[i] = dp[pointer - 1];
            dp[pointer++] = i;
        }
        else {
            //Quiere ser un candidato potencial de una secuencia futura
            //Va a reemplazar un valor piso en la tabla dp
            int index = binarySearch(0, pointer - 1, arr[i]);
            prev[i] = dp[index - 1];
            dp[index] = i;
        }
    }

    vector<int> sec;
    for (int i = dp[pointer - 1]; i >= 0; i = prev[i]) {
        sec.push_back(arr[i]);
    }
}

```

```

reverse(sec.begin(), sec.end());
return sec;
}

```

5.2. Problema de la mochila

Halla el valor máximo que se puede obtener al empacar un subconjunto de n objetos en una mochila de tamaño W cuando se conoce el valor y el tamaño de cada objeto.

Complejidad: $O(n \times W)$ donde n es el número de objetos y W es la capacidad de la mochila.

```

// Máximo número de objetos
const int MAXN = 2005;
// Máximo tamaño de la mochila
const int MAXW = 2005;
// w[i] = peso del objeto i (i comienza en 1)
int w[MAXN];
// v[i] = valor del objeto i (i comienza en 1)
int v[MAXN];
// dp[i][j] máxima ganancia si se toman un subconjunto de los
// objetos 1 .. i y se tiene una capacidad de j
int dp[MAXN][MAXW];

int knapsack(int n, int W){
    for (int j = 0; j <= W; ++j) dp[0][j] = 0;

    for (int i = 1; i <= n; ++i){
        for (int j = 0; j <= W; ++j){
            dp[i][j] = dp[i-1][j];
            if (j - w[i] >= 0){
                dp[i][j] = max(dp[i][j], dp[i-1][j-w[i]] + v[i]);
            }
        }
    }
    return dp[n][W];
}

```

5.3. Edit distance

Calcula cual es el mínimo costo de convertir de un string s al string t , utilizando las operaciones de *reemplazar*, *insertar* y *borrar*.

Complejidad: $O(n \times m)$ donde n y m son los tamaños de los string.

```

const int MAXN = 5005;
int dp[MAXN][MAXN];
// dp[i][j] = Min cost of turning s[0..i) into t[0..j)
// Allowed operations are deletion, insertion and
// substitution (in the string s) .Note that the same
// result can be achieved deleting from s or inserting in t
// and viceversa

int
solve(string s, string t, int n, int m) {
    // Turn the empty string into t[0..j), add to s all
    // of the characters in t
    for (int j = 0; j <= m; j++) dp[0][j] = j;

    // Turn s[0..i) into the empty string, delete all
    // of the characters in s
    for (int i = 0; i <= n; i++) dp[i][0] = i;

    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        for (int j = 1; j <= m; j++) {
            // Turn s[0..i) into t[0..j)

            // If the characters match, keep going
            if (s[i-1] == t[j-1]) dp[i][j] = dp[i-1][j-1];
            else {
                int substituteCost, insertCost, deleteCost;
                substituteCost = insertCost = deleteCost = 1;
                // Try substituting s[i-1] for t[j-1] and turn
                // s[0..i-1) into t[0..j-1)
                dp[i][j] = dp[i-1][j-1] + substituteCost;
                // Try deleting character s[i-1] and turn
                // s[0..i-1) into t[0..j)
                dp[i][j] = min(dp[i][j], dp[i-1][j] + deleteCost);
                // Try inserting character t[j-1] and turn
                // s[0..i) into t[0..j-1)
                dp[i][j] = min(dp[i][j], dp[i][j-1] + insertCost);
            }
        }
    }
}

```

```

    }
}
return dp[n][m];
}

```

5.4. Formas de sumar un número

Calcula la cantidad de formas en la que puedo obtener un número n con k sumandos.

Complejidad $O(MAXN^2)$ asumiendo, que la n y la k tienen el mismo límite máximo.

Notar que al inicio del main estamos construyendo la matriz, si no es necesario construirla toda, sino hasta la n y k que me den, entonces lo hago.

```

const int MAXN = 105;
//El número puede ser demasiado grande
const int MOD = 1000000;
// n: número que quiero hallar
// k: con cuántos sumandos
int n, k;
// Filas: k, Columnas: n
int dp[MAXN][MAXN];

void
build() {
    //Para cualquier n, si tengo 1 sumando, sólo tengo una opción
    //Para cualquier j, si tengo que sumar 0, sólo tengo una opción
    for (int j = 1; j < MAXN; j++) dp[1][j] = 1, dp[j][0] = 1;

    for (int i = 2; i < MAXN; i++) {
        for (int j = 1; j < MAXN; j++) {
            dp[i][j] = (dp[i-1][j] + dp[i][j-1]) % MOD;
        }
    }
}

int
main() {
    build();
    while (cin >> n >> k && n && k) {
        //Al final, la respuesta está en dp[k][n]
    }
}

```

```

        cout << dp[k][n] << endl;
    }
    return 0;
}

```

5.5. Longest Common Substring

Permite hallar la subcadena común más larga, estrictamente continua, entre dos strings s y t .

El ejemplo actual también tiene el método *backtrack* que permite reconstruir la solución. Complejidad $O(n \times m)$ donde n y m son los tamaños del string.

```

const int MAXN = 1005;
int dp[MAXN][MAXN];

string
backtrack(const string &s, int i, int j, string p) {
    if (dp[i][j] == 0) {
        reverse(p.begin(), p.end());
        return p;
    }
    else {
        p += s[i-1];
        return backtrack(s, i-1, j-1, p);
    }
}

string
lcs substr(const string &s, const string &t, int n, int m) {
    for (int i = 0; i <= n; i++) dp[i][0] = 0;
    for (int j = 0; j <= m; j++) dp[0][j] = 0;

    string ret = "";
    int maxi = 0;
    int maxI = -1, maxJ = -1;
    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        for (int j = 1; j <= m; j++) {
            if (s[i-1] == t[j-1]) {
                dp[i][j] = dp[i-1][j-1] + 1;
                if (dp[i-1][j-1] + 1 > maxi) {
                    maxI = i;
                    maxJ = j;
                }
            }
        }
    }
    return ret;
}

```

```

        maxi = dp[i-1][j-1] + 1;
    }
}
else dp[i][j] = 0;
}
}
if (maxI != -1 && maxJ != -1) {
    //Reconstruimos el longest common substring
    ret = backtrack(s, maxI, maxJ, "");
}
return ret;
}

int
main() {
    string s, t;
    cin >> s >> t;
    string lcsstring = lcs substr(s, t, s.size(), t.size());
    if (lcsstring == "") printf("No common sequence.\n");
    else cout << lcsstring << endl;
    return 0;
}
.....

```

5.6. Longest Common Subsequence

Halla la longitud de la máxima subsecuencia (no substring) de dos cadenas s y t .

Una subsecuencia de una secuencia s es una secuencia que se puede obtener de s al borrarle algunos de sus elementos (probablemente todos) sin cambiar el orden de los elementos restantes.

El algoritmo también se puede aplicar para vectores de elementos, no sólo para strings.

Complejidad: $O(n \times m)$ donde n es la longitud de s y m es la longitud de t .

```

const int MAXN = 1005;
int dp[MAXN][MAXN];

int
lcs(const string &s, const string &t) {
    int n = s.size(), m = t.size();

```

```

    for (int j = 0; j <= m; j++) dp[0][j] = 0;
    for (int i = 0; i <= n; i++) dp[i][0] = 0;

    for (int i = 1; i <= n; i++) {
        for (int j = 1; j <= m; j++) {
            if (s[i-1] == t[j-1]) dp[i][j] = dp[i-1][j-1] + 1;
            else dp[i][j] = max(dp[i-1][j], dp[i][j-1]);
        }
    }
    return dp[n][m];
}

```

5.7. Shortest Common Supersequence

El *Shortest Common Supersequence* es el string más corto z tal que los strings s y t sean subsecuencias de z .

Para hallar esto, simplemente es ejecutar el *Longest Common Subsequence* entre los strings s y t , y el tamaño de la supersecuencia más corta será $(n + m) - lcs(s, t)$, donde n y m son los tamaños de los strings s y t respectivamente.

5.8. Maximum subarray (non-adjacent) sum (1D)

Dado un arreglo con números positivos, encontrar la máxima suma de una subsecuencia, teniendo en cuenta que los números de dicha secuencia no pueden ser adyacentes.

Por ejemplo 3 2 7 10 debería retornar 13 (suma de 3 y 10), 3 2 5 10 7 debería retornar 15 (suma de 3, 5 y 7).

Complejidad: $O(n)$ donde n es el tamaño del arreglo.

```

vector <int> arr;

int
findMaxSum(int n) {
    int incl = arr[0];
    int excl = 0;
    int excl_new;
    for (int i = 1; i < n; i++) {
        // Current max excluding i.
        excl_new = (incl > excl) ? incl : excl;
        // Current max including i.
        incl = excl + arr[i];
        excl = excl_new;
    }

```

```

}
// Return max of incl and excl
return ((incl > excl) ? incl : excl);
}
.....

```

5.9. Maximum subarray sum (1D) - Kadane's Algorithm

Encuentra el subarreglo continuo (que contiene al menos un entero positivo) con la suma más grande.

Complejidad: $O(n)$ donde n es el tamaño del arreglo.

```

int
kadane(vector<int> a, int n) {
    int max_so_far = 0, max_ending_here = 0;
    for(int i = 0; i < n; i++) {
        max_ending_here = max_ending_here + a[i];
        if(max_ending_here < 0) max_ending_here = 0;
        if(max_so_far < max_ending_here) max_so_far = max_ending_here;
    }
    return max_so_far;
}
.....

```

5.9.1. Maximum circular subarray sum

Si el arreglo es circular y queremos hallar la suma más grande se hace el siguiente procedimiento:

- Aplicamos *Kadane's* al arreglo sin modificar, y se almacena como máximo: `maxi`.
- Se itera sobre el arreglo para calcular la suma acumulada `acc` e invertir los valores del arreglo: `a_inv[i] = -a[i]`.
- La respuesta es el máximo entre el valor del punto 1 y la suma acumulada más el resultado de un nuevo llamado al algoritmo con el arreglo invertido: `max(maxi, acc + kadane(a_inv))`

5.10. Maximum subrectangle sum (2D)

Permite hallar el sub-rectángulo de una matriz con la mayor suma, la suma de un rectángulo es la suma de todos sus elementos. Un sub-rectángulo es cualquier sub-arreglo continuo de tamaño 1×1 o mayor, localizado dentro del toda la matriz.

5.10.1. Naïve solution - $O(n^4)$

Complejidad: $O(n^4)$ donde n es el tamaño de un lado de la matriz (asumiendo que son iguales).

Cuidado que puede no pasar con 100. Lo idea sería $MAXN = \sqrt[4]{10^6}$

```

const int MAXN = 105;
const int INF = 1 << 30;
int n;
int arr[MAXN][MAXN];

int
main() {
    cin >> n;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = 0; j < n; j++) {
            cin >> arr[i][j];
            if (i > 0) arr[i][j] += arr[i-1][j];
            if (j > 0) arr[i][j] += arr[i][j-1];
            if (i > 0 && j > 0) arr[i][j] -= arr[i-1][j-1];
        }
    }
    int maxi = -1*INF;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        for (int j = 0; j < n; j++) {
            for (int k = i; k < n; k++) {
                for (int l = j; l < n; l++) {
                    int sub = arr[k][l];
                    if (i > 0) sub -= arr[i-1][l];
                    if (j > 0) sub -= arr[k][j-1];
                    if (i > 0 && j > 0) sub += arr[i-1][j-1];
                    maxi = max(maxi, sub);
                }
            }
        }
    }
    cout << maxi << endl;
    return 0;
}
.....

```

5.10.2. Using Kadane's - $O(n^3)$

```

const int ROW = 105;

```

```

const int COL = 105;
int M[ROW][COL];
int arr[ROW];
int start, finish;
int n;

int
kadane() {
    int sum = 0, maxSum = INT_MIN, i;
    finish = -1;
    int local_start = 0;
    for (i = 0; i < n; ++i) {
        sum += arr[i];
        if (sum < 0) {
            sum = 0;
            local_start = i + 1;
        }
        else if (sum > maxSum) {
            maxSum = sum;
            start = local_start;
            finish = i;
        }
    }
    if (finish != -1) return maxSum;
    // Special Case: When all numbers in arr are negative
    maxSum = arr[0];
    start = finish = 0;
    // Find the maximum element in array
    for (i = 1; i < n; i++) {
        if (arr[i] > maxSum) {
            maxSum = arr[i];
            start = finish = i;
        }
    }
    return maxSum;
}

void
findMaxSum() {
    // Variables to store the final output
    int maxSum = INT_MIN, finalLeft, finalRight, finalTop, finalBottom;
    int left, right, i;
    int sum;

```

```

    for (left = 0; left < COL; ++left) {
        memset(arr, 0, sizeof(arr));
        for (right = left; right < COL; ++right) {
            for (i = 0; i < ROW; ++i) arr[i] += M[i][right];
            sum = kadane();
            if (sum > maxSum) {
                maxSum = sum;
                finalLeft = left;
                finalRight = right;
                finalTop = start;
                finalBottom = finish;
            }
        }
    }
    printf("(Top, Left) (%d, %d)\n", finalTop, finalLeft);
    printf("(Bottom, Right) (%d, %d)\n", finalBottom, finalRight);
    printf("Max sum is: %d\n", maxSum);
}

```

5.11. Maximum subrectangle sum (3D)

Permite hallar la mayor suma en un arreglo 3D. Complejidad $O(n^6)$ donde n es el tamaño de uno de los lados del cubo.

5.12. Partition problem

Determina si un arreglo de números puede ser particionado en dos conjuntos tal que la suma de ambos sea la misma.

Complejidad: $O(sum * n)$, donde n es el tamaño del arreglo y sum es la suma de cada conjunto. (notar que este algoritmo no es eficiente para arreglos con grandes sumas, para ese caso intentar una solución recursiva $O(2^n)$)

```
vector <int> arr;
```

```
/* part[i][j] = true if a subset of {arr[0], arr[1], ..arr[j-1]}
    has sum equal to i, otherwise false */
```

```
bool findPartiion (int n) {
    int sum = 0;
    int i, j;
    for (i = 0; i < n; i++) sum += arr[i];
    if (sum % 2 != 0) return false;

```

```

bool part[sum / 2 + 1][n + 1];
// Initialize top row as true
for (i = 0; i <= n; i++) part[0][i] = true;
// Initialize leftmost column, except part[0][0], as 0
for (i = 1; i <= sum / 2; i++) part[i][0] = false;
// Fill the partition table in bottom up manner
for (i = 1; i <= sum/2; i++) {
    for (j = 1; j <= n; j++) {
        part[i][j] = part[i][j-1];
        if (i >= arr[j-1])
            part[i][j] = part[i][j] || part[i - arr[j-1]][j-1];
    }
}
/* Uncomment this part to print table.
for (i = 0; i <= sum/2; i++)
{
    for (j = 0; j <= n; j++)
        printf ("%4d", part[i][j]);
    printf("\n");
} */
return part[sum/2][n];
}

```

5.13. Longest Palindromic Substring

Dado un string, encontrar el substring (estrictamente continuo) más largo que sea palíndromo. Por ejemplo si tenemos "forgeeksskeegfor" la salida debería ser: "geeksskeeg"

Complejidad: Creo que el primer método $O(n^3)$, el segundo $O(n)$ y el tercero $O(n^2)$.

```

/**
 * Date 07/29/2015
 * @author Tushar Roy
 * Given a string find longest palindromic substring in this string.
 */
public class LongestPalindromeSubstring {
    // I think this takes  $O(n^3)$ 
    public int longestPalindromeSubstringEasy(char arr[]) {
        int longest_substring = 1;
        for (int i = 0; i < arr.length; i++) {
            int x, y;

```

```

int palindrome;
x = i;
y = i + 1;
palindrome = 0;
while (x >= 0 && y < arr.length && arr[x] == arr[y]) {
    x--;
    y++;
    palindrome += 2;
}
longest_substring = Math.max(longest_substring, palindrome);
x = i - 1;
y = i + 1;
palindrome = 1;
while (x >= 0 && y < arr.length && arr[x] == arr[y]) {
    x--;
    y++;
    palindrome += 2;
}
longest_substring = Math.max(longest_substring, palindrome);
}
return longest_substring;
}

```

```

/**
 * Linear time Manacher's algorithm to find longest palindromic
 * substring.
 * There are 4 cases to handle
 * Case 1 : Right side palindrome is totally contained under
 * current palindrome. In this case do not consider this as
 * center.
 * Case 2 : Current palindrome is proper suffix of input.
 * Terminate the loop in this case.
 * No better palindrom will be found on right.
 * Case 3 : Right side palindrome is proper suffix and its
 * corresponding left side
 * palindrome is proper prefix of current palindrome.
 * Make largest such point as
 * next center.
 * Case 4 : Right side palindrome is proper suffix but its
 * left corresponding palindrome is beyond current
 * palindrome. Do not consider this as center because
 * it will not extend at all.
 *

```

```

* To handle even size palindromes replace input string with
  one containing $ between every
  input character and in start and end.
*/
public int longestPalindromicSubstringLinear(char input[]) {
    int index = 0;
    // preprocess the input to convert it into type abc -> $a$b$c$
    // to handle even length case.
    // Total size will be 2*n + 1 of this new array.
    char newInput[] = new char[2*input.length + 1];
    for(int i=0; i < newInput.length; i++) {
        if(i % 2 != 0) {
            newInput[i] = input[index++];
        } else {
            newInput[i] = '$';
        }
    }
    // create temporary array for holding largest palindrome at
    // every point.
    // There are 2*n + 1 such points.
    int T[] = new int[newInput.length];
    int start = 0;
    int end = 0;
    //here i is the center.
    for(int i=0; i < newInput.length; ) {
        //expand around i. See how far we can go.
        while(start > 0 && end < newInput.length-1 &&
            newInput[start-1] == newInput[end+1]) {
            start--;
            end++;
        }
        //set the longest value of palindrome around center i at T[i]
        T[i] = end - start + 1;

        // this is case 2. Current palindrome is proper suffix of input.
        // No need to proceed. Just break out of loop.
        if(end == T.length - 1) {
            break;
        }
    }
    // Mark newCenter to be either end or end + 1 depending on if we
    // dealing with even or odd number input.
    int newCenter = end + (i%2 == 0 ? 1 : 0);

```

```

for(int j = i + 1; j <= end; j++) {
    // i - (j - i) is left mirror. Its possible left mirror might
    // go beyond current center palindrome. So take minimum of
    // either left side palindrome or distance of j to end.
    T[j] = Math.min(T[i - (j - i)], 2 * (end - j) + 1);
    // Only proceed if we get case 3. This check is to make sure
    // we do not pick j as new center for case 1 or case 4.
    // As soon as we find a center lets break out of this inner
    // while loop.
    if(j + T[i - (j - i)]/2 == end) {
        newCenter = j;
        break;
    }
}
// make i as newCenter. Set right and left to atleast the value
// we already know should be matching based of left side
// palindrome.
i = newCenter;
end = i + T[i]/2;
start = i - T[i]/2;
}

//find the max palindrome in T and return it.
int max = Integer.MIN_VALUE;
for(int i = 0; i < T.length; i++) {
    int val;
    /*if(i%2 == 0) {
        val = (T[i] - 1)/2;
    } else {
        val = T[i]/2;
    }*/
    val = T[i]/2;
    if(max < val) {
        max = val;
    }
}
return max;
}

// I think this takes O(n^2)
public int longestPalindromeDynamic(char []str){
    boolean T[][] = new boolean[str.length][str.length];
    for(int i=0; i < T.length; i++){

```



```

        T[i][i] = true;
    }
    int max = 1;
    for(int l = 2; l <= str.length; l++){
        int len = 0;
        for(int i=0; i < str.length-l+1; i++){
            int j = i + l-1;
            len = 0;
            if(l == 2){
                if(str[i] == str[j]){
                    T[i][j] = true;
                    len = 2;
                }
            }
            else{
                if(str[i] == str[j] && T[i+1][j-1]){
                    T[i][j] = true;
                    len = j -i + 1;
                }
            }
            if(len > max) {
                max = len;
            }
        }
    }
    return max;
}

public static void main(String args[]) {
    LongestPalindromeSubstring lps = new LongestPalindromeSubstring();
    System.out.println(lps
        .longestPalindromicSubstringLinear("abba"
            .toCharArray()));

    System.out.println(lps
        .longestPalindromicSubstringLinear("abbababba"
            .toCharArray()));

    System.out.println(lps
        .longestPalindromicSubstringLinear("babcbbaabcbaccba"
            .toCharArray()));

    System.out.println(lps
        .longestPalindromicSubstringLinear("cdbabcbabdbab"
            .toCharArray()));
}

```

```

}
.....

```

5.14. Longest Palindromic Subsequence

Dado un string, encontrar el tamaño de la subsecuencia (no necesariamente continua). Por ejemplo para BBABCBAB la respuesta es 7, porque BABCBAB es la subsecuencia palindrómica más larga.

```

int lps(const string &str) {
    int n = str.size();
    int i, j, cl;
    int L[n][n];
    for (i = 0; i < n; i++) L[i][i] = 1;
    for (cl = 2; cl <= n; cl++) {
        for (i = 0; i < n - cl + 1; i++) {
            j = i + cl - 1;
            if (str[i] == str[j] && cl == 2) L[i][j] = 2;
            else if (str[i] == str[j]) L[i][j] = L[i+1][j-1] + 2;
            else L[i][j] = max(L[i][j-1], L[i+1][j]);
        }
    }
    return L[0][n-1];
}

```

5.15. Text Justification

Dada una secuencia de palabras y un número límite de caracteres que pueden escribirse en una línea, poner los fin de líneas en la secuencia dada tal que las líneas queden impresas equitativamente (En cuanto espacios en blanco) Complejidad: $O(n^2)$.

```

/**
 * Date 05/07/2015
 * @author tusroy
 *
 * Video link - https://youtu.be/RORuwHib1Pc
 *
 * Given a sequence of words, and a limit on the number of
 * characters that can be put in one line (line width). Put line
 * breaks in the given sequence such that the lines are printed

```

```

* neatly
*
* Solution:
* Badness - We define badness has square of empty spaces in
* every line. So 2 empty space on one line gets penalized as 4
* ( $2^2$ ) while 1 each empty space on 2 lines gets penalized as
*  $2(1 + 1)$ . So we prefer 1 empty space on different lines over 2
* empty space on one line.
*
* For every range i,j(words from i to j) find the cost of
* putting them on one line. If words * from i to j cannot fit
* in one line cost will be infinite. Cost is calculated as square
* of empty space left in line after fitting words from i to j.
*
* Then apply this formula to get places where words need to be
* going on new line.  $minCost[i] = minCost[j] + cost[i][j-1]$ 
* Above formula will try every value of j from i to len and see
* which one gives minimum cost to split words from i to len.
*
* Space complexity is  $O(n^2)$ 
* Time complexity is  $O(n^2)$ 
*
* References:
* http://www.geeksforgeeks.org/dynamic-programming-set-18-word-wrap/
*/
public class TextJustification {

    public String justify(String words[], int width) {

        int cost[][] = new int[words.length][words.length];

        // next 2 for loop is used to calculate cost of putting
        // words from i to j in one line. If words don't fit in
        // one line then we put Integer.MAX_VALUE there.
        for(int i=0 ; i < words.length; i++){
            cost[i][i] = width - words[i].length();
            for(int j=i+1; j < words.length; j++){
                cost[i][j] = cost[i][j-1] - words[j].length() - 1;
            }
        }

        for(int i=0; i < words.length; i++){

```

```

            for(int j=i; j < words.length; j++){
                if(cost[i][j] < 0){
                    cost[i][j] = Integer.MAX_VALUE;
                }else{
                    cost[i][j] = (int)Math.pow(cost[i][j], 2);
                }
            }
        }

        //minCost from i to len is found by trying
        //j between i to len and checking which
        //one has min value
        int minCost[] = new int[words.length];
        int result[] = new int[words.length];
        for(int i = words.length-1; i >= 0 ; i--){
            minCost[i] = cost[i][words.length-1];
            result[i] = words.length;
            for(int j=words.length-1; j > i; j--){
                if(cost[i][j-1] == Integer.MAX_VALUE){
                    continue;
                }
                if(minCost[i] > minCost[j] + cost[i][j-1]){
                    minCost[i] = minCost[j] + cost[i][j-1];
                    result[i] = j;
                }
            }
        }

        int i = 0;
        int j;

        System.out.println("Minimum cost is " + minCost[0]);
        System.out.println("\n");
        //finally put all words with new line added in
        //string buffer and print it.
        StringBuilder builder = new StringBuilder();
        do{
            j = result[i];
            for(int k=i; k < j; k++){
                builder.append(words[k] + " ");
            }
            builder.append("\n");
            i = j;
        }while(j < words.length);

```

```

        return builder.toString();
    }

    public static void main(String args[]){
        String words1[] = {"Tushar","likes","to","write","code",
                           "at", "free", "time"};
        TextJustification awl = new TextJustification();
        System.out.println(awl.justify(words1, 12));
    }
}

```

5.16. Burst Balloons

Dados n globos, numerados de 0 a $n - 1$, cada globo tiene un número. Si se explota el globo i , se obtiene puntaje de $nums[i - 1] * nums[i] * nums[i + 1]$. Cuando se explota el globo i , los globos $i - 1$ y $i + 1$ pasan a ser adyacentes. Encontrar el máximo puntaje que se puede obtener explotando los globos en un determinado orden.

Complejidad: Tiempo - $O(n^3)$, espacio - $O(n^2)$.

```

int max_score(vector<int>& nums) {
    int n = nums.size();
    int dp[n][n];
    for (int l = 0; l < n; ++l) {
        for (int i = 0, j = l; j < n; ++i, ++j) {
            dp[i][j] = -1;
            for (int k = i; k <= j; ++k) {
                int cur_ans = k - 1 < i ? 0 : dp[i][k - 1];
                cur_ans += k + 1 > j ? 0 : dp[k + 1][j];
                cur_ans += burst(nums, k, i - 1, j + 1);
                dp[i][j] = max(dp[i][j], cur_ans);
            }
        }
    }
    return n == 0 ? 0 : dp[0][n - 1];
}

int burst(const vector<int> &nums, int ind, int left, int right) {
    int score = nums[ind];
    score *= left < 0 ? 1 : nums[left];
    score *= right >= nums.size() ? 1 : nums[right];
}

```

```

    return score;
}

```

5.17. Wildcard Matching

Determina si un texto cumple con un patrón que puede contener $?$ y $*$, donde:

- $?$ *matchea* cualquier caracter (exactamente uno).
- $*$ *matchea* cualquier secuencia de caracteres. (Incluyendo vacío)

Complejidad: Tiempo - $O(n \times m)$, espacio - $O(n)$. Donde n es el tamaño del texto y m el tamaño del patrón.

NOTA: Se puede aplicar un preprocesamiento para quitar $*$ consecutivos.

```

bool is_match(const string &s, const string &p) {
    int n = s.size(), m = p.size();
    bool dp[2][m + 1];
    dp[0][0] = true;
    for (int j = 1; j <= m; ++j)
        dp[0][j] = p[j - 1] == '*' ? dp[0][j - 1] : false;
    for (int i = 1; i <= n; ++i) {
        dp[i % 2][0] = false;
        for (int j = 1; j <= m; ++j) {
            if (s[i - 1] == p[j - 1] || p[j - 1] == '?')
                dp[i % 2][j] = dp[1 - (i % 2)][j - 1];
            else if (p[j - 1] == '*')
                dp[i % 2][j] = dp[1 - (i % 2)][j] || dp[i % 2][j - 1];
            else dp[i % 2][j] = false;
        }
    }
    return dp[n % 2][m];
}

```

5.18. Maximum profit - Best time to buy and sell stock

Se tiene un arreglo donde el i_{th} elemento es el precio de un stock en el día i . Determina la ganancia máxima cuando se pueden completar a lo sumo k transacciones.

NOTA: Antes de comprar un stock se tiene que vender lo que se ha comprado. Es decir, si el número máximo de transacciones es 1, la ganancia es 0 (solo se podría comprar sin vender, entonces mejor no compro ni mierda). Complejidad: Tiempo - $O(days^2)$, espacio - $O(days)$. **Hint:** si k es mayor a los días, no va a mejorar la respuesta, por eso se toma k como máximo el número de días.

```
int maxProfit(int k, const vector<int> &prices) {
    int n = prices.size();
    if (n == 0) return 0;
    int dp[2][n];
    k = min(k, n);
    for (int j = 0; j < n; ++j) dp[0][j] = 0;
    for (int i = 1; i <= k; ++i) {
        dp[i % 2][0] = 0;
        int max_diff = -prices[1 - (i % 2)];
        for (int j = 1; j < n; ++j) {
            max_diff = max(max_diff, dp[1 - (i % 2)][j - 1] - prices[j - 1]);
            dp[i % 2][j] = max(dp[i % 2][j - 1], max_diff + prices[j]);
        }
    }
    return dp[k % 2][n - 1];
}
```

6. Geometría

6.1. Closest pair of points in a plane

Finds the smallest distance from a given set of points.

// A divide and conquer program in C++ to find the smallest
// distance from a given set of points.

```
#include <iostream>
#include <float.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>
using namespace std;
```

```
// A structure to represent a Point in 2D plane
struct Point
{
```

```
    int x, y;
};

// Following two functions are needed for library function qsort().
// Refer: http://www.cplusplus.com/reference/cstdlib/qsort/

// Needed to sort array of points according to X coordinate
int compareX(const void* a, const void* b)
{
    Point *p1 = (Point *)a, *p2 = (Point *)b;
    return (p1->x - p2->x);
}

// Needed to sort array of points according to Y coordinate
int compareY(const void* a, const void* b)
{
    Point *p1 = (Point *)a, *p2 = (Point *)b;
    return (p1->y - p2->y);
}

// A utility function to find the distance between two points
float dist(Point p1, Point p2)
{
    return sqrt( (p1.x - p2.x)*(p1.x - p2.x) +
                (p1.y - p2.y)*(p1.y - p2.y)
                );
}

// A Brute Force method to return the smallest distance between
// two points in P[] of size n
float bruteForce(Point P[], int n)
{
    float min = FLT_MAX;
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        for (int j = i+1; j < n; ++j)
            if (dist(P[i], P[j]) < min)
                min = dist(P[i], P[j]);
    return min;
}

// A utility function to find minimum of two float values
float min(float x, float y)
{
```

```

    return (x < y)? x : y;
}

// A utility function to find the distance between the closest
// points of strip of given size. All points in strip[] are sorted
// according to y coordinate. They all have an upper bound on
// minimum distance as d. Note that this method seems to be a
//  $O(n^2)$  method, but it's a  $O(n)$  method as the inner loop runs
// at most 6 times
float stripClosest(Point strip[], int size, float d)
{
    float min = d; // Initialize the minimum distance as d

    // Pick all points one by one and try the next points till
    // the difference between y coordinates is smaller than d.
    // This is a proven fact that this loop runs at most 6 times
    for (int i = 0; i < size; ++i)
        for (int j = i+1; j < size &&
             (strip[j].y - strip[i].y) < min; ++j)
            if (dist(strip[i], strip[j]) < min)
                min = dist(strip[i], strip[j]);

    return min;
}

// A recursive function to find the smallest distance. The array
// Px contains all points sorted according to x coordinates and
// Py contains all points sorted according to y coordinates
float closestUtil(Point Px[], Point Py[], int n)
{
    // If there are 2 or 3 points, then use brute force
    if (n <= 3)
        return bruteForce(Px, n);

    // Find the middle point
    int mid = n/2;
    Point midPoint = Px[mid];

    // Divide points in y sorted array around the vertical line.
    // Assumption: All x coordinates are distinct.
    Point Pyl[mid+1]; // y sorted points on left of vertical line

```

```

    Point Pyr[n-mid-1]; // y sorted points on right of vertical line
    int li = 0, ri = 0; // indexes of left and right subarrays
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        if (Py[i].x <= midPoint.x)
            Pyl[li++] = Py[i];
        else
            Pyr[ri++] = Py[i];
    }

    // Consider the vertical line passing through the middle point
    // calculate the smallest distance dl on left of middle point
    // and dr on right side
    float dl = closestUtil(Px, Pyl, mid);
    float dr = closestUtil(Px + mid, Pyr, n-mid);

    // Find the smaller of two distances
    float d = min(dl, dr);

    // Build an array strip[] that contains points close (closer
    // than d) to the line passing through the middle point
    Point strip[n];
    int j = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++)
        if (abs(Py[i].x - midPoint.x) < d)
            strip[j] = Py[i], j++;

    // Find the closest points in strip. Return the minimum of
    // d and closest distance is strip[]
    return min(d, stripClosest(strip, j, d));
}

// The main function that finds the smallest distance
// This method mainly uses closestUtil()
float closest(Point P[], int n)
{
    Point Px[n];
    Point Py[n];
    for (int i = 0; i < n; i++)
    {
        Px[i] = P[i];
        Py[i] = P[i];
    }
}

```

```

qsort(Px, n, sizeof(Point), compareX);
qsort(Py, n, sizeof(Point), compareY);

// Use recursive function closestUtil() to find the smallest
// distance
return closestUtil(Px, Py, n);
}

// Driver program to test above functions
int main()
{
    Point P[] = {{2, 3}, {12, 30}, {40, 50}, {5, 1}, {12, 10},
                 {3, 4}};
    int n = sizeof(P) / sizeof(P[0]);
    cout << "The smallest distance is " << closest(P, n);
    return 0;
}

```

7. Strings

7.1. Algoritmo de KMP

Encuentra si el string **needle** aparece en el string **haystack**. Si no se retorna directamente **true** cuando se halla la primera ocurrencia, el algoritmo encuentra todas las ocurrencias de **needle** en **haystack**. La primera parte del algoritmo llena el arreglo **border** donde **border[i]** es la longitud del borde del prefijo de **needle** que termina en la posición **i**. Un borde de una cadena **s** es la cadena más larga que es a la vez prefijo y sufijo de **s** pero que es diferente de **s**. Complejidad: $O(n)$ donde n es el tamaño de **haystack**.

```

bool kmp(const string &needle, const string &haystack){
    int m = needle.size();
    vector<int> border(m);
    border[0] = 0;

    for (int i = 1; i < m; ++i) {
        border[i] = border[i - 1];
        while (border[i] > 0 and needle[i] != needle[border[i]])

```

```

        border[i] = border[border[i] - 1];
        if (needle[i] == needle[border[i]]) border[i]++;
    }

    int n = haystack.size();
    int seen = 0;
    for (int i = 0; i < n; ++i){
        while (seen > 0 and haystack[i] != needle[seen])
            seen = border[seen - 1];
        if (haystack[i] == needle[seen]) seen++;
        if (seen == m) return true; // Ocurre entre [i - m + 1, i]
    }
    return false;
}

```

7.2. Algoritmo de Booth - Lexicographically minimal string rotation

Encuentra la rotación de un string que contiene el menor orden lexicográfico de todas las rotaciones posibles. Por ejemplo, la menor rotación lexicográfica de **bbaaccaadd** sería **aaccaaddbb**, y de **abcdeabcdea** sería **aabcdeabcde**. El algoritmo concatena el string a sí mismo y computa una tabla basándose en el algoritmo de KMP. El método devuelve el **índice en base 0 a primera letra correspondiente a la mejor rotación**, si se necesita el string completo se deberá utilizar **substr** para reconstruirlo: **str.substr(ind, str.size()) + str.substr(0, ind)**. Complejidad: $O(n)$ donde n es el tamaño del string.

```

int
booth(const string &str) {
    string s = str + str;
    int n = s.size();
    vector<int> f(n, -1);
    int k = 0;
    for (int j = 1; j < n; ++j) {
        int i = f[j - k - 1];
        while (i != -1 && s[j] != s[k + i + 1]) {
            if (s[j] < s[k + i + 1]) k = j - i - 1;
            i = f[i];
        }
        if (i == -1 && s[j] != s[k + i + 1]) {
            if (s[j] < s[k + i + 1]) k = j;

```

```

        f[j - k] = -1;
    }
    else f[j - k] = i + 1;
}
return k;
}

```

7.3. Formatos de impresión

7.3.1. Números

Con la función *printf* podemos dar distintos formatos de impresión, por ejemplo justificar, ceros o espacios iniciales, etc.

```

int
main() {
    //Width 3
    printf("%3d\n", 45);
    //Width 3 leading 0's
    printf("%03d\n", 45);
    //Width 6, after point precision 2
    printf("%6.2f\n", 4.123);
    //Width 6 leading 0's, after point precision 2
    printf("%06.2f\n", 4.123);
    printf("%x\n", 255); //Prints in hexa lowercase
    printf("%X\n", 255); //Prints in hexa uppercase
    printf("%o\n", 16); //Prints in octal
    return 0;
}

```

7.3.2. Strings

- The `printf("%s", "Hello, world!");` statement prints the string (nothing special happens.)
- The `printf("%15s", "Hello, world!");` statement prints the string, but print 15 characters. If the string is smaller the “empty” positions will be filled with “whitespace.”
- The `printf("%.10s", "Hello, world!");` statement prints the string, but print only 10 characters of the string.

- The `printf("%-10s", "Hello, world!");` statement prints the string, but prints at least 10 characters. If the string is smaller “whitespace” is added at the end. (See next example.)
- The `printf("%-15s", "Hello, world!");` statement prints the string, but prints at least 15 characters. The string in this case is shorter than the defined 15 character, thus “whitespace” is added at the end (defined by the minus sign.)
- The `printf("%.15s", "Hello, world!");` statement prints the string, but print only 15 characters of the string. In this case the string is shorter than 15, thus the whole string is printed.
- The `printf("%15.10s", "Hello, world!");` statement prints the string, but print 15 characters. If the string is smaller the “empty” positions will be filled with “whitespace.” But it will only print a maximum of 10 characters, thus only part of new string (old string plus the whitespace positions) is printed.
- The `printf("%-15.10s", "Hello, world!");` statement prints the string, but it does the exact same thing as the previous statement, accept the “whitespace” is added at the end.

7.3.3. Formato en Java

Para utilizar formatos de impresión en Java se debe usar *System.out.format* y darle formatos muy parecidos a los de C++, acá podemos ver varios ejemplos. Se pueden dar incluso formatos para impresión de *Calendar*.

```

import java.util.Calendar;
import java.util.Locale;

public class Main {

    public static void main(String[] args) {
        long n = 461012;
        System.out.format("%d\n", n);           // --> "461012"
        System.out.format("%08d\n", n);         // --> "00461012"
        System.out.format("%+8d\n", n);         // --> " +461012"
        System.out.format("%,8d\n", n);         // --> " 461,012"
        System.out.format("%+,8d%n\n", n);      // --> "+461,012"

        double pi = Math.PI;

        System.out.format("%f\n", pi);          // --> "3.141593"
    }
}

```

```

System.out.format("%.3f%n", pi);    // -->  "3.142"
System.out.format("%10.3f%n", pi); // -->  "      3.142"
System.out.format("%-10.3f%n", pi); // -->  "3.142"
System.out.format(Locale.ENGLISH,
                  "%-10.4f%n%n", pi); // -->  "3.1416"

Calendar c = Calendar.getInstance();
// -->  "September 3, 2014"
System.out.format("%tB %te, %tY%n", c, c, c);
// -->  "3:21 am"
System.out.format("%tL:%tM %tp%n", c, c, c);
// -->  "09/03/14"
System.out.format("%tD%n", c);
}
}

```

8. Otros

8.1. Binary Search

Permite buscar un elemento (*key*) en un arreglo **ordenado** (*arr*). Complejidad: $O(n \log_2 n)$ donde n es la cantidad de elementos del arreglo.

8.1.1. Traditional algorithm

Returns the index of some element that is equal to the given value (if there are multiple elements, it returns some arbitrary one).

```

// invariants: value > arr[i] for all i < low
//              value < arr[i] for all i > high
//              or <= and => if mutiple elements of
//              the same value are allowed.
int binary_search(vector<int> arr, int value) {
    int n = arr.size();
    int low = 0;
    int high = n - 1;
    while (low <= high) {
        int mid = (low + high) / 2;
        if (arr[mid] > value) high = mid - 1;
        else if (arr[mid] < value) low = mid + 1;
        else return mid;
    }
}

```

```

}
return low; // I didn't find the value.
            // so it would be inserted at low index.
}

```

8.1.2. Lower bound

Returns the leftmost place where the given element can be correctly inserted.

```

// invariants: value > arr[i] for all i < low
//              value <= arr[i] for all i > high
int lower_bound(vector<int> arr, int value) {
    int n = arr.size();
    int low = 0;
    int high = n - 1;
    while (low <= high) {
        int mid = (low + high) / 2;
        if (arr[mid] >= value) high = mid - 1;
        else low = mid + 1;
    }
    return low;
}

```

8.1.3. Upper bound

Returns the rightmost place where the given element can be correctly inserted.

```

// invariants: value >= arr[i] for all i < low
//              value < arr[i] for all i > high
int upper_bound(vector<int> arr, int value) {
    int n = arr.size();
    int low = 0;
    int high = n - 1;
    while (low <= high) {
        int mid = (low + high) / 2;
        // Comparing with > instead of >=
        if (arr[mid] > value) high = mid - 1;
        else low = mid + 1;
    }
    return low;
}

```


8.2. Binary Search Tree (BST)

8.2.1. Largest BST in a Binary Tree

Dado un árbol binario, encontrar el tamaño del BST más grande en ese árbol.

```
/**
 * Date 07/20/2014
 * @author tusroy
 *
 * Video link - https://youtu.be/4fiDs7CCxkc
 *
 * Given a binary tree, find size of largest binary search
 * subtree in this binary tree.
 *
 * Traverse tree in post order fashion. Left and right nodes
 * return 4 piece of information to root which isBST, size of max
 * BST, min and max in those subtree.
 * If both left and right subtree are BST and this node data is
 * greater than max of left and less than min of right then it
 * returns to above level left size + right size + 1 and new min
 * will be min of left side and new max will be max of right side.
 *
 * References:
 * http://www.geeksforgeeks.org/find-the-largest-subtree-in-a-
 * tree-that-is-also-a-bst/
 */
public class LargestBSTInBinaryTree {

    public int largestBST(Node root){
        MinMax m = largest(root);
        return m.size;
    }

    private MinMax largest(Node root){
        // if root is null return min as Integer.MAX and max as
        // Integer.MIN
        if(root == null){
            return new MinMax();
        }

        //postorder traversal of tree. First visit left and right
```

```
//then use information of left and right to calculate
//largest BST.
MinMax leftMinMax = largest(root.left);
MinMax rightMinMax = largest(root.right);
```

```
MinMax m = new MinMax();
```

```
// if either of left or right subtree says its not BST or
// the data of this node is not greater/equal than max of
// left and less than min of right then subtree with this
// node as root will not be BST. Return false and max
// size of left and right subtree to parent
if (leftMinMax.isBST == false ||
    rightMinMax.isBST == false ||
    (leftMinMax.max > root.data ||
     rightMinMax.min <= root.data)) {
    m.isBST = false;
    m.size = Math.max(leftMinMax.size,
                      rightMinMax.size);

    return m;
}
```

```
// if we reach this point means subtree with this node as
// root is BST. Set isBST as true. Then set size as size
// of left + size of right + 1. Set min and max to be
// returned to parent
m.isBST = true;
m.size = leftMinMax.size + rightMinMax.size + 1;
```

```
//if root.left is null then set root.data as min else
//take min of left side as min
m.min = root.left != null ? leftMinMax.min : root.data;
```

```
//if root.right is null then set root.data as max else
//take max of right side as max.
m.max = root.right != null ? rightMinMax.max : root.data;
```

```
return m;
}
```

```
public static void main(String args[]){
    LargestBSTInBinaryTree lbi = new LargestBSTInBinaryTree();
    ConstructTreeFromInOrderPreOrder ctf =
```

```

        new ConstructTreeFromInOrderPreOrder();
//this is just to create a binary tree.
int inorder[]={-7,-6,-5,-4,-3,-2,1,2,3,16,6,10,11,12,14};
int preorder[]={3,-2,-3,-4,-5,-6,-7,1,2,16,10,6,12,11,14};
Node root = ctf.createTree(inorder, preorder);
int largestBSTSize = lbi.largestBST(root);
System.out.println("Size of largest BST is " +
                    largestBSTSize);
assert largestBSTSize == 8;
    }
}

/**
 * Object of this class holds information which child passes back
 * to parent node.
 */
class MinMax{
    int min;
    int max;
    boolean isBST;
    int size ;

    MinMax(){
        min = Integer.MAX_VALUE;
        max = Integer.MIN_VALUE;
        isBST = true;
        size = 0;
    }
}

```

8.3. Build Binary Tree from PreOrder and InOrder

Permite crear un Binary Tree partiendo de los valores de PreOrden e InOrder del BT, el resultado sera un String con el posOrder del BT.

```

string pre, in;

string reconstruct(int stpre, int epre, int stin, int ein) {
    if(stpre > epre || stin > ein) return "";
    char currRoot = pre[stpre];
    int pos = 0;
    for(int i = 0; i < in.size(); ++i) {

```

```

        if(currRoot == in[i]) {
            pos = i;
            break;
        }
    }
    string left = reconstruct(stpre + 1, stpre + (pos - stin),
                              stin, pos - 1);
    string right = reconstruct(stpre + (pos - stin) + 1, epre,
                               pos + 1, ein);
    return (left + right) + currRoot;
}

```

8.4. Build Binary Tree from PosOrder and InOrder

Permite crear un Binary Tree partiendo de los valores de PosOrden e InOrder del BT, el resultado sera un String con el inOrder del BT.

```

string buildTree(int inStart, int inEnd, int postStart, int postEnd) {
    if (inStart > inEnd || postStart > postEnd) return "";
    char rootValue = postorder[postEnd];
    int k = 0;
    for (int i = 0; i < inorder.size(); i++) {
        if (inorder[i] == rootValue) {
            k = i;
            break;
        }
    }
    string left = buildTree(inorder, inStart, k - 1, postorder,
                            postStart, postStart + k - (inStart + 1));
    // Becuase k is not the length, it it need to -(inStart+1)
    // to get the length
    string right = buildTree(inorder, k + 1, inEnd, postorder,
                             postStart + k - inStart, postEnd - 1);
    // postStart+k-inStart = postStart+k-(inStart+1) +1

    return left + root + right;
}

```

8.5. BitSet

Almacena bits, simula un array de booleanos, optimizando el espacio, cada elemento puede ser accedido por el operador []

```
int
main() {
    bitset<16> set1; //Inicializa todo en 0
    bitset<16> set2(0xFA2); //Inicializa con valor hex
    bitset<16> set3(string("0101101")); //Inicializa a partir
                                        //del string

    cout << set3.count() << endl; //Imprime 4
    cout << set3.test(0) << endl; //Imprime true
    cout << set3.test(1) << endl; //Imprime false
    cout << set1.any() << endl; //False porque set1 no tiene
                                //bits en 1

    cout << set1.none() << endl; //True
    //cout << set2.all() << endl; //False, almenos hay
                                //un bit apagado

    cout << set1.set() << endl; //Poner todos en 1
    cout << set1.set(2) << endl; //Poner pos 2 en 1
    cout << set1.reset(1) << endl; //Apaga el pos 1
    cout << set1.flip(2) << endl; //Hacer flip al pos 2
    string s = set1.to_string<char, string::traits_type,
                                string::allocator_type>();

    cout << s << endl;
    cout << set1.to_ulong() << endl;
    return 0;
}
```

8.6. Máximo orden dado un n

En la siguiente tabla se encuentran los límites de orden máximo respecto a un número de elementos n del problema.

n	Worst AC Algorithm	Comment
≤ 10	$O(n!), O(n^6)$	e.g. Enumerating a Permutation
≤ 20	$O(2^n), O(n^5)$	e.g. DP + Bitmask Technique
≤ 50	$O(n^4)$	e.g. DP with 3 dimensions + $O(n)$ loop, choosing $nC_{k=4}$
≤ 100	$O(n^3)$	e.g. Floyd Warshall's
$\leq 1K$	$O(n^2)$	e.g. Bubble/Selection/Insertion Sort
$\leq 100K$	$O(n \log_2 n)$	e.g. Merge Sort, building Segment Tree
$\leq 1M$	$O(n), O(\log_2 n), O(1)$	Usually, contest problem has $n \leq 1M$ (e.g. to read input)

8.7. Suma de grandes números en C++

Como sabemos, en C++ los enteros (*int*) tienen un rango de $(2^{31}) - 1$, y los *longlong* tienen un rango de $(2^{64}) - 1$, por esto no podemos almacenar números de más de 18 19 números, para esto se debe usar la clase *BigInteger* en *Java*, o si no hay que preocuparse por tiempo, podemos representar los números como *string* y utilizar la siguiente funciones como la siguiente:

```
string
sumar(const string &a, const string &b) {
    int ia = a.size() - 1, ib = b.size() - 1;
    int llevo = 0;
    string ans = "";
    while (ia >= 0 || ib >= 0) {
        int sum = (ia >= 0 ? toInt(a[ia--]) : 0)
                + (ib >= 0 ? toInt(b[ib--]) : 0);
        sum += llevo;
        llevo = sum / 10;
        ans += toStr(sum % 10);
    }
    if (llevo) ans += toStr(llevo);
    reverse(ans.begin(), ans.end());
    return ans;
}
```

8.8. Largest Rectangle in a Histogram

Encuentra el área rectangular más grande posible en un histograma, donde el rectángulo es determinado por un número de barras continuas. Se asume que todas las barras tienen el mismo ancho de 1 unidad.

Complejidad: $O(n)$ donde n es la cantidad de barras en el histograma.

```
const int MAXN = 100005;
typedef long long ll;
int n;
ll h[MAXN];
stack<int> s;

/* DO NOT call this. Call largest_rectangle */
ll
calc(int i) {
    int smallest = s.top(); s.pop();
    ll cur = h[smallest] * (s.empty() ? i : i - s.top() - 1);
```

```

    return cur;
}

/* h[i] = height of the bar i.
   n = total number of bars in the histogram.
   s = an empty stack. */
ll
largest_rectangle() {
    ll ans = 0LL;
    int i = 0;
    while (i < n) {
        if (s.empty() || h[s.top()] <= h[i]) s.push(i++);
        else ans = max(ans, calc(i));
    }
    while (!s.empty()) ans = max(ans, calc(i));
    return ans;
}

.....

```

9. Struct

Las estructuras en C++ son muy útiles a la hora de hacer algún tipo de dato muy específico o usar funciones de comparación personalizadas

9.1. Función de comparación

En este caso tenemos una función de comparación que involucra los dos atributos x y y de la estructura *dato*

```

struct dato {
    //x tiene más prioridad que y, (Ver abajo la funcion <)
    int x, y;
    dato (int X, int Y) : x(X), y(Y) {}

    //Función que reemplaza el operador < entre dos 'dato'
    //retorna true si this es menor, false de lo contrario.
    bool operator < (const dato &otro) const {
        if (x < otro.x) return true;
        else if (x == otro.x) {
            //Como las x son iguales, entro a preguntar por las y
            if (y < otro.y) return true;
            else return false;
        }
    }
};

```

```

    }
    else { //x > otro.x
        return false;
    }
}
};

int
main() {
    int x, y;
    vector <dato> v;
    while (cin >> x >> y && x) {
        v.push_back(dato(x, y));
    }
    sort(v.begin(), v.end());
    cout << "Ordenados: " << endl;
    for (int i = 0; i < v.size(); i++) {
        cout << v[i].x << " " << v[i].y << endl;
    }
    return 0;
}

.....

```

9.2. Radix sort

Complejidad: $O(w \times n)$ donde n es la cantidad de elementos del arreglo y w la longitud del mayor número.

```

int getMax(int arr[], int n) {
    int max = arr[0];
    for (int i = 1; i < n; i++)
        if (arr[i] > max) max = arr[i];
    return max;
}

/*
 * count sort of arr[]
 */
void countSort(int arr[], int n, int exp) {
    int output[n];
    int i, count[10] = {0};
    for (i = 0; i < n; i++) count[(arr[i] / exp) % 10]++;
    for (i = 1; i < 10; i++) count[i] += count[i - 1];
}

```

```

    for (i = n - 1; i >= 0; i--) {
        output[count[(arr[i] / exp) % 10] - 1] = arr[i];
        count[(arr[i] / exp) % 10]--;
    }
    for (i = 0; i < n; i++) arr[i] = output[i];
}
/*
 * sorts arr[] of size n using Radix Sort
 */
void radixsort(int arr[], int n) {
    int m = getMax(arr, n);
    for (int exp = 1; m / exp > 0; exp *= 10)
        countSort(arr, n, exp);
}

.....

```

10. C++

10.1. Strings con arreglo de caracteres

Para lograr una implementación eficiente, se pueden trabajar los strings como arreglo de caracteres, es decir, como en C, existen varias funciones que pueden ser útiles, NOTA: no todas las funciones se encuentran en el ejemplo.

```

#include <iostream>
#include <stdio.h>
#include <string>

using namespace std;

const int MAXN = 1005;
char s[MAXN];
string cs;

int
main() {
    while (true) {
        scanf("%s", s); //Only a token stored in char array
        cout << "scanf: |" << s << "|" << endl;
        gets(s); //Until end of line or EOF stored in char array
        cout << "gets: |" << s << "|" << endl;
        getline(cin, cs); //Until end of line or EOF stored in string
    }
}

```

```

cout << "getline: |" << cs << "|" << endl;
// -----
for (int i = 0; i < strlen(s); i++) cout << s[i] << " - ";
cout << endl;
char dest[MAXN];
strncpy(dest, s, 5); //Dest, source, length (size_t)
dest[5] = '\0'; //ALWAYS ADD NULL CHARACTER AT END POSITION
cout << "cpyDest: |" << dest << "|" << endl;
strncat(dest, s, 3); //Dest, source, length (size_t)
cout << "catDest: |" << dest << "|" << endl;
dest[4] = '\0'; //Cut string, result length 5
if (strncmp(s, dest, 5) == 0) cout << "equals 5" << endl;
if (strncmp(s, dest, 4) == 0) cout << "equals 4" << endl;
}
return 0;
}

.....

```

10.2. miselanea

Las siguientes dos lineas son dos artimañas para cuando queremos optimizar tiempos en ejecucion. mas informacion sobre que hacen las siguientes lineas en <https://stackoverflow.com/questions/31162367/significance-of-ios-basesync-with-stdiofalse-cin-tienull>

```

int main()
{
    std::ios::sync_with_stdio(false);
    cin.tie(NULL)

    /*
programa ...
*/
}

.....

```

11. Java

11.1. File Reader

Forma de leer e imprimir en un archivo

```

import java.io.*;
import java.util.*;

class Reader
{
    public static void main(String[] args) throws FileNotFoundException
    {
        System.setIn(new FileInputStream("in.in"));
        System.setOut(new PrintStream("out.out"));
        Scanner sc = new Scanner(System.in);
        int n = sc.nextInt();
        System.out.println(n);
    }
}

```

11.2. Base converter

Dado en un numero en una base convertir ese numero a otra base, el siguiente ejemplo convierte los numeros del 1 al 300 dada una base b, leida desde un archivo

```

import java.io.*;
import java.util.StringTokenizer;

class palsquare
{
    public static void main(String[] args) throws IOException
    {
        BufferedReader f =
            new BufferedReader(new FileReader("palsquare.in"));

        PrintWriter out =
            new PrintWriter
                (new BufferedWriter(new FileWriter("palsquare.out")));

        StringTokenizer st =

```

```

        new StringTokenizer(f.readLine());

        int base = Integer.parseInt(st.nextToken());
        for(int i = 1; i <= 300; ++i)
        {
            //Integer.toString
            //(Integer.parseInt(number, base1), base2);
            String numBaseChanger =
                Integer.toString
                    (Integer.parseInt
                        (Integer.toString(i),10),base);

            out.println(numBaseChanger.toUpperCase());
        }
        out.close();
    }
}

```

12. Varios