

**Міністерство освіти і науки України  
Національному університеті "Львівська  
Політехніка"**

**Кафедра систем штучного інтелекту**

**Розрахункова робота**

з дисципліни

« Дискретна математика »

**Виконав:**

студент групи КН-114

Павлик Богдан

**Викладач:**

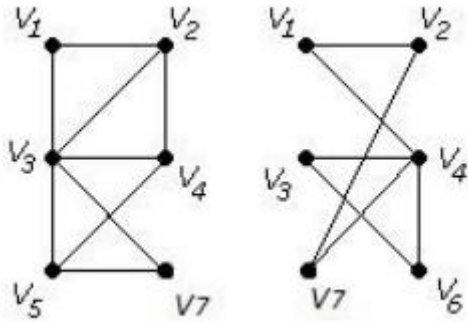
Мельникова Н.І.

Львів - 2019р.

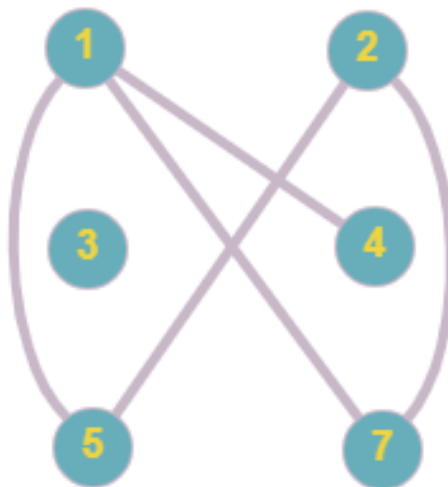
# Варіант 6

## Завдання № 1

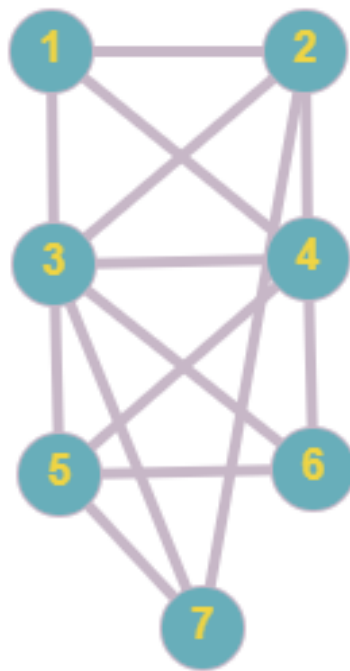
Виконати наступні операції над графами: 1) знайти доповнення до першого графу, 2) об'єднання графів, 3) кільцеву сумму  $G_1$  та  $G_2$  ( $G_1+G_2$ ), 4) розмножити вершину у другому графі, 5) виділити підграф  $A$  - що складається з 3-х вершин в  $G_1$  6) добуток графів.



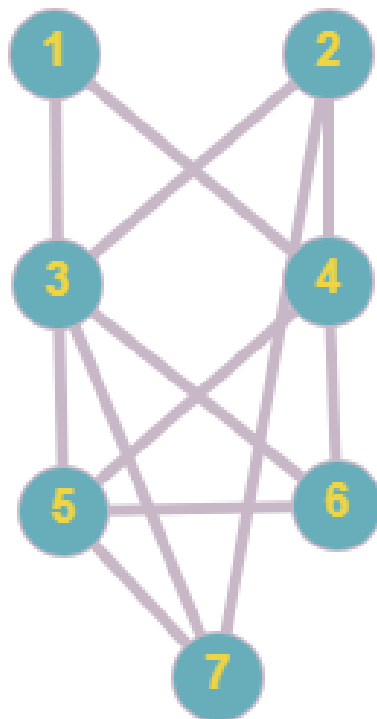
1) Доповнення до першого графа



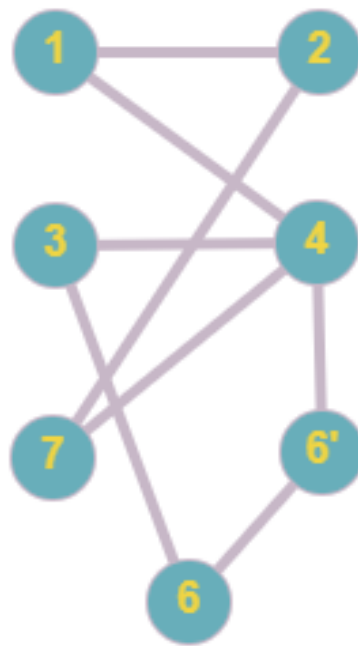
2) Об'єднання графів



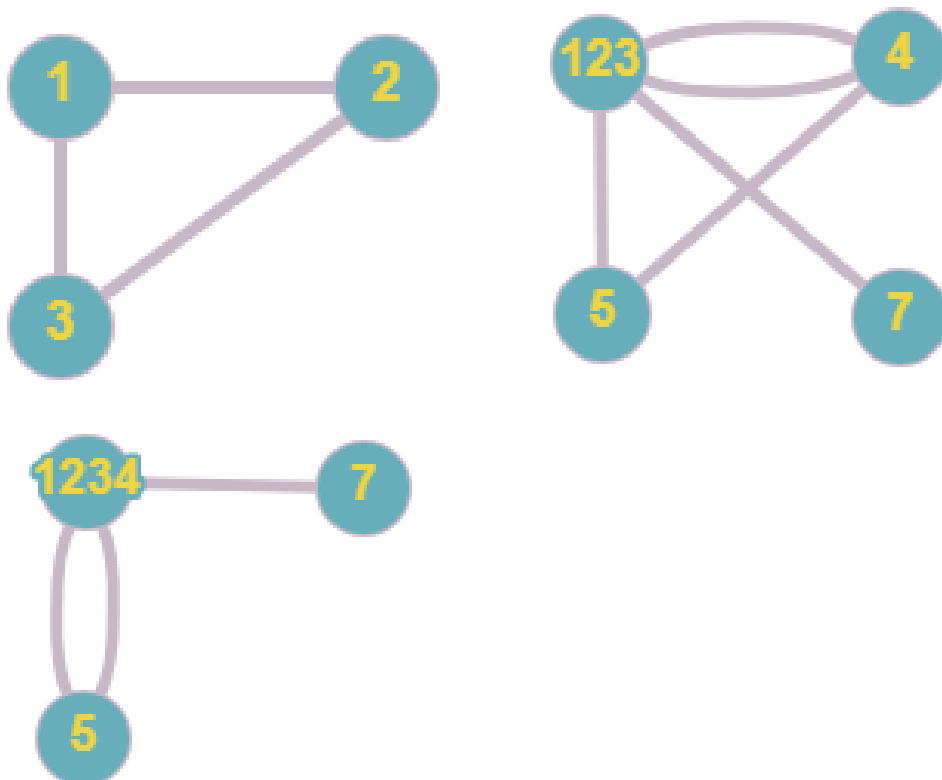
3) Кільцева сума  $G1$  і  $G2$



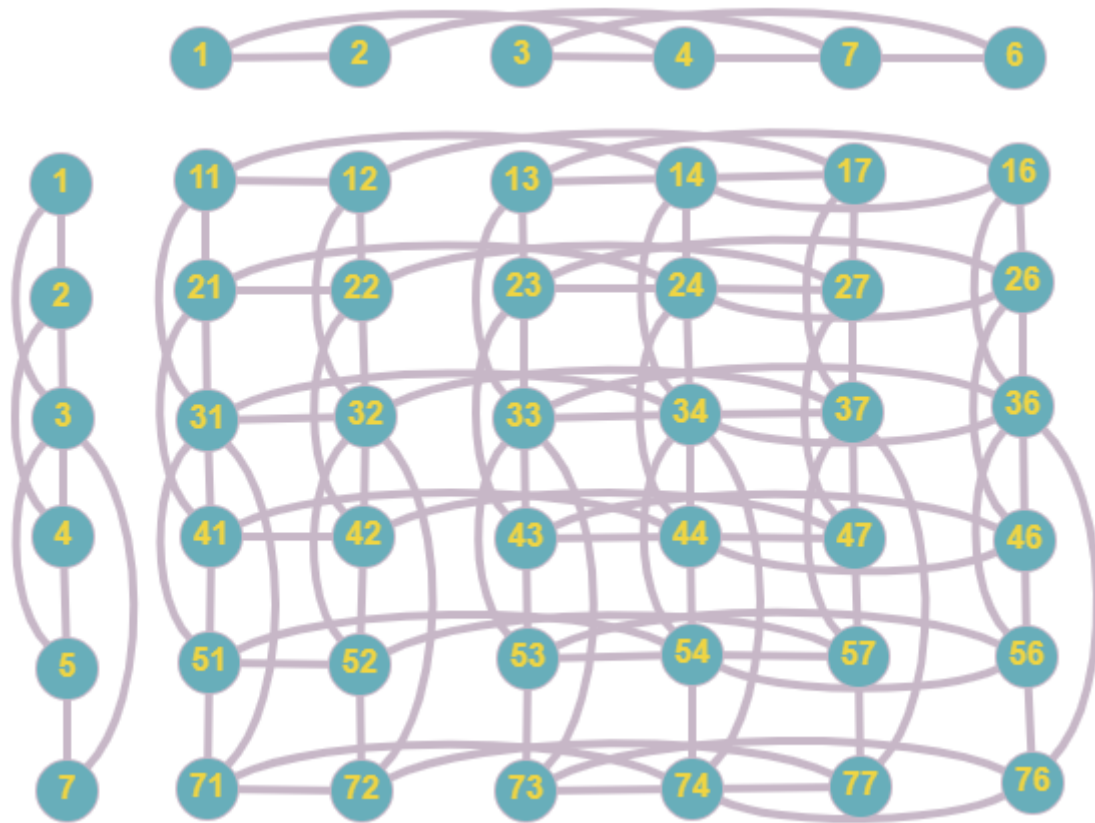
4) Розщеплюємо вершину V6



5) Виділяємо підграф  $V_1V_2V_3$

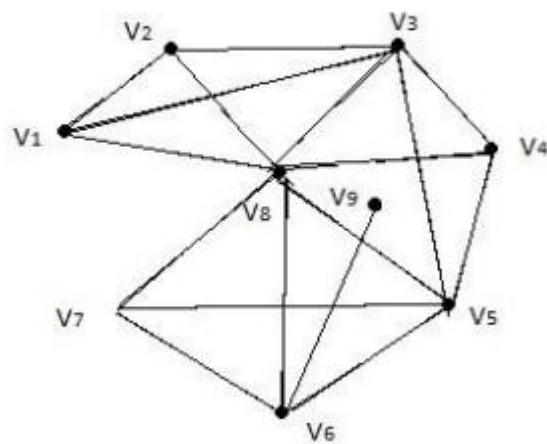


## 6) добуток графів



### Завдання № 2

Скласти таблицю суміжності для орграфа.



## Таблиця суміжності

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	0	1	1	0	0	0	0	1	0
2	1	0	1	0	0	0	0	1	0
3	1	1	0	1	1	0	0	1	0
4	0	0	1	0	1	0	0	1	0
5	0	0	1	1	0	1	1	1	0
6	0	0	0	0	1	0	1	1	1
7	0	0	0	0	1	1	0	1	0
8	1	1	1	1	1	1	1	0	0
9	0	0	0	0	0	1	0	0	0

### Завдання № 3

Для графа з другого завдання знайти діаметр.

Діаметр графа - 3, оскільки це максимальний ексцентриситет вершини, тобто відстань від однієї вершини до найвіддаленішої від неї вершини.

### Завдання № 4

Для графа з другого завдання виконати обхід дерева вглиб (варіант закінчується на непарне число) або вшир (закінчується на парне число).

Вершина	BFS вершини	Вміст черги
v1	1	v1
v2	2	v1 v2
v3	3	v1 v2 v3
-	-	v2 v3
v8	4	v2 v3 v8
-	-	v3 v8
v4	5	v3 v8 v4
v5	6	v3 v8 v4 v5
-	-	v8 v4 v5
v6	7	v8 v4 v5 v6
v7	8	v8 v4 v5 v6 v7
-	-	v4 v5 v6 v7
-	-	v5 v6 v7
-	-	v6 v7
v9	9	v6 v7 v9
-	-	v7 v9
-	-	v9
-	-	∅

```

1  #include <iostream>
2  #include <queue>
3  using namespace std;
4  int main()
5  {
6      queue<int> queue_bfs;
7      int mas[9][9] = {
8          { 0,1,1,0,0,0,0,1,0 },
9          { 1,0,1,0,0,0,0,1,0 },
10         { 1,1,0,1,1,0,0,1,0 },
11         { 0,0,1,0,1,0,0,1,0 },
12         { 0,0,1,1,0,1,1,1,0 },
13         { 0,0,0,0,1,0,1,1,1 },
14         { 0,0,0,0,1,1,0,1,0 },
15         { 1,1,1,1,1,1,1,0,0 },
16         { 0,0,0,0,0,1,0,0,0 } };
17     int vertices[9];
18     for (int i = 0; i < 9; i++)
19         vertices[i] = 0;
20     queue_bfs.push(0);
21     cout << "So, BFS: " << endl;
22     while (!queue_bfs.empty())
23     {
24         int node = queue_bfs.front();
25         queue_bfs.pop();
26         vertices[node] = 2;
27         for (int j = 0; j < 9; j++)
28         {
29             if (mas[node][j] == 1 && vertices[j] == 0)
30             {
31                 queue_bfs.push(j);
32                 vertices[j] = 1;
33             }
34         }
35         cout << node + 1 << " ";
36     }

```

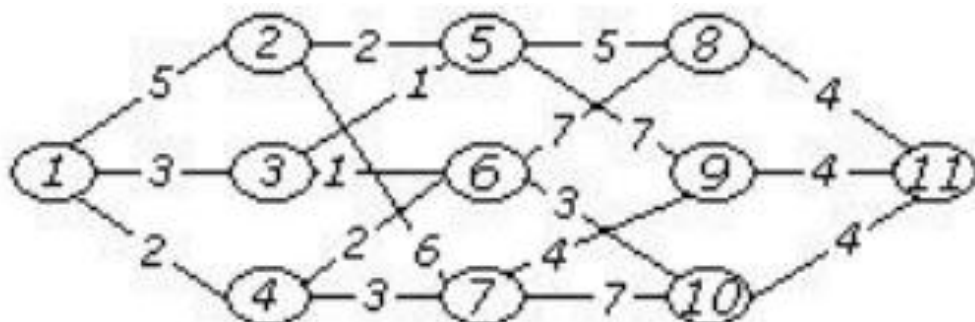
```

So, BFS:
1 2 3 8 4 5 6 7 9 _

```

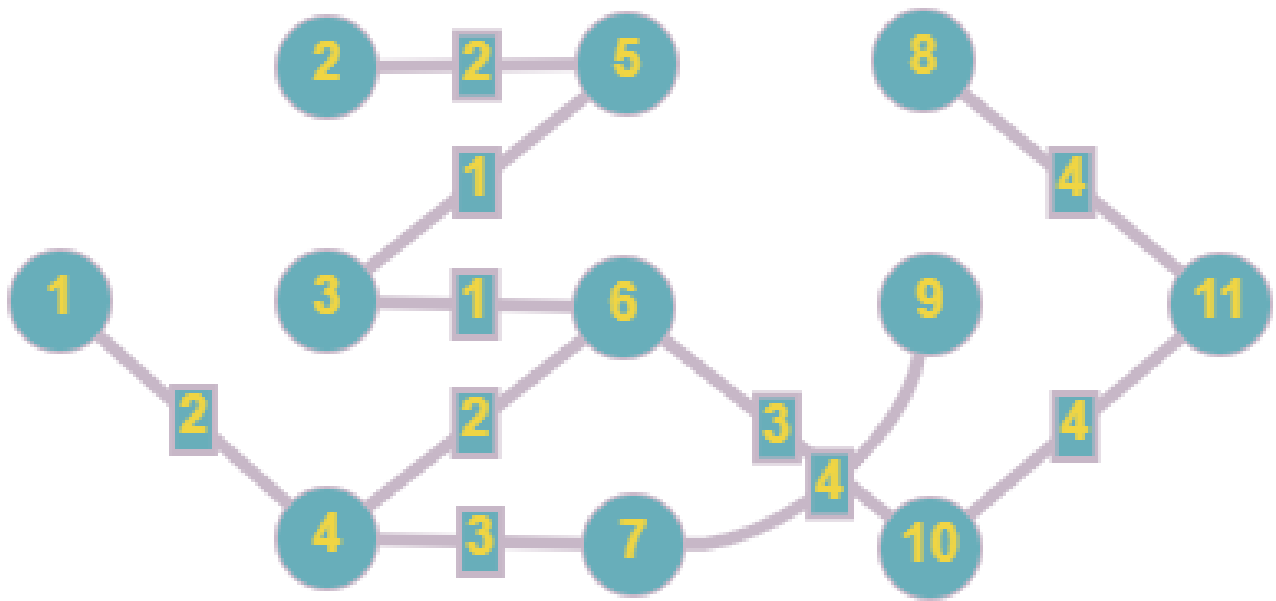
## Завдання № 5

Знайти двома методами (Краскала і Прима) мінімальне остове дерево графа.





## 1) Алгоритм Краскала



Пройдені вершини по порядку:

{3,5,6,1,4,2,7,10,11,9,8}

Пройдені ребра по порядку:

{(3,5),(3,6),(1,4),(4,6),(4,7),(6,10),(7,9),(10,11),(11,8) }

Вага дерева - 26.

```

1  #include<iostream>
2  #include<vector>
3  #include<algorithm>
4  using namespace std;
5  int main() {
6      int m=18,n=11;
7      vector < pair < int, pair<int,int> > > g (m); // пара - пара 1 - пара 2
8      cout<<"Input your graph(1 & 2 are vertexes, 3 is weight):\n";
9      for(int i=0;i<m;i++)
10         cin>> g[i].second.first >> g[i].second.second >> g[i].first;
11
12     int cost = 0,l=0;
13     vector < pair<int,int> > res;
14     sort (g.begin(), g.end());
15     vector<int> tree (n);
16     for (int i=0; i<n-1; ++i)
17         tree[i] = i;
18     for (int i=0; i<m; ++i)
19     {
20         int a = g[i].second.first, b = g[i].second.second; l = g[i].first;
21         if (tree[a] != tree[b])
22         {
23             cost += l;
24             res.push_back (make_pair (a, b));
25             int old_id = tree[a], new_id = tree[b];
26             for (int j=0; j<n; ++j)
27                 if (tree[j] == old_id)
28                     tree[j] = new_id;
29         }
30     }
31     cout<<"Vertexes of graph are\n";
32     for (int i = 0; i < n - 1 ; i++)
33         cout << res[i].first << " " << res[i].second<<endl;
34     cout<<"Sum of graph is="<<cost;
35 }
36

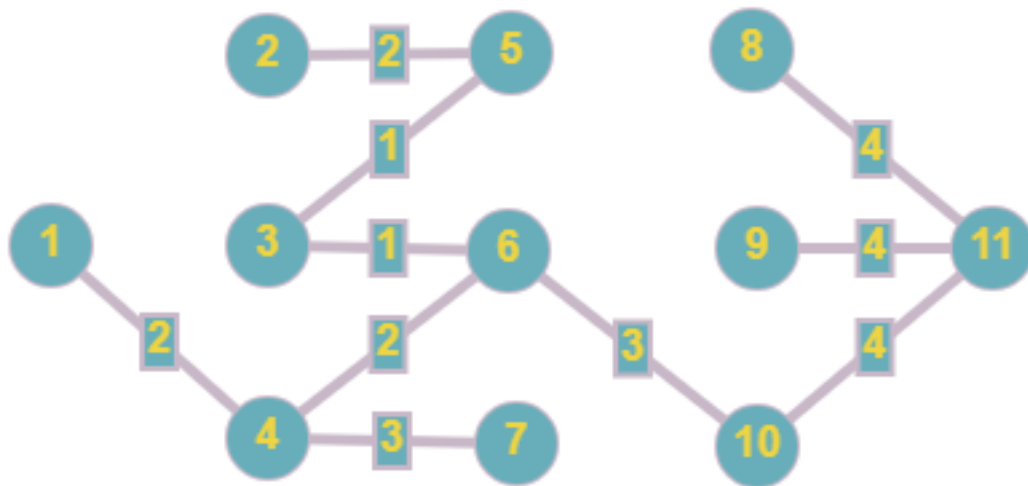
```

```

3 6 1
4 6 2
4 7 3
5 8 5
5 9 7
6 8 7
6 10 3
7 9 4
7 10 7
8 11 4
9 11 4
10 11 4
Vertexes of graph are
3 5
3 6
1 4
2 5
4 6
4 7
6 10
7 9
8 11
9 11
Sum of graph is=26

```

## 2)Алгоритм Прима



Пройдені вершини по порядку:

{1,4,6,3,5,2,7,10,11,9,8}

Пройдені ребра по

порядку: {(1,4),(4,6),(3,6),(3,5),(5,2),(4,7),(6,10),(10,11),(11,9),(11,8)}

Вага дерева - 26.

```

1  #include <iostream>
2  #include <cstring>
3  using namespace std;
4  #define INF 999999
5  #define V 11
6
7  int G[V][V] = {
8      {0,5,3,2,0,0,0,0,0,0,0},
9      {5,0,0,0,2,0,6,0,0,0,0},
10     {3,0,0,0,1,1,0,0,0,0,0},
11     {2,0,0,0,0,2,3,0,0,0,0},
12     {0,2,1,0,0,0,0,5,7,0,0},
13     {0,0,1,2,0,0,0,7,0,3,0},
14     {0,6,0,3,0,0,0,0,4,7,0},
15     {0,0,0,0,5,7,0,0,0,0,4},
16     {0,0,0,0,7,0,4,0,0,0,4},
17     {0,0,0,0,0,3,7,0,0,0,4},
18     {0,0,0,0,0,0,0,4,4,4,0}
19 };
20
21 int main () {
22
23     int number_of_edge;
24     int sum = 0;
25     int selected[V];
26     memset (selected, false, sizeof (selected));
27     number_of_edge = 0;
28
29     selected[0] = true;
30
31     int x;
32     int y;
33
34     cout << "Edge" << " : " << "Weight";
35     cout << endl;
36     while (number_of_edge < V - 1) {
37
38         int min = INF;
39         x = 0;
40         y = 0;
41
42         for (int i = 0; i < V; i++) {
43             if (selected[i]) {
44                 for (int j = 0; j < V; j++) {
45                     if (!selected[j] && G[i][j]) {
46                         if (min > G[i][j]) {
47                             min = G[i][j];
48                             x = i;
49                             y = j;
50                         }
51                     }
52                 }
53             }
54         }
55
56         cout << x+1 << " - " << y+1 << " : " << G[x][y];
57         sum += G[x][y];
58         cout << endl;
59         selected[y] = true;
60         number_of_edge++;
61     }
62     cout << "The weight of the way: " << sum;
63     return 0;
64 }

```

```

Edge : Weight
1 - 4 : 2
4 - 6 : 2
6 - 3 : 1
3 - 5 : 1
5 - 2 : 2
4 - 7 : 3
6 - 10 : 3
7 - 9 : 4
9 - 11 : 4
11 - 8 : 4
The weight of the wsy: 26

```

### Завдання № 6

Розв'язати задачу комівояжера для повного 8-ми вершинного графа методом «іди у найближчий», матриця вагів якого має вигляд:

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	$\infty$	1	6	7	3	5	4	6
2	1	$\infty$	6	5	4	2	3	5
3	6	6	$\infty$	1	7	6	1	5
4	7	5	1	$\infty$	6	7	5	1
5	3	4	7	6	$\infty$	5	6	5
6	5	2	6	7	5	$\infty$	5	4
7	4	3	1	5	6	5	$\infty$	7
8	6	5	5	1	5	4	7	$\infty$

Розглянемо 8 випадків

# 1) Почнімо з вершини 1

Жовтим кольором позначаю стовбець і рядок, які я видаляю

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	-	1	6	7	3	5	4	6
2	1	-	6	5	4	2	3	5
3	6	6	-	1	7	6	1	5
4	7	5	1	-	6	7	5	1
5	3	4	7	6	-	5	6	5
6	5	2	6	7	5	-	5	4
7	4	3	1	5	6	5	-	7
8	6	5	5	1	5	4	7	-

	12	3	4	5	6	7	8
12	-	6	5	4	2	3	5
3	6	-	1	7	6	1	5
4	5	1	-	6	7	5	1
5	4	7	6	-	5	6	5
6	2	6	7	5	-	5	4
7	3	1	5	6	5	-	7
8	5	5	1	5	4	7	-

	3	4	5	126	7	8
3	-	1	7	6	1	5
4	1	-	6	7	5	1
5	7	6	-	5	6	5
126	6	7	5	-	5	4
7	1	5	6	5	-	7
8	5	1	5	4	7	-

	3	4	5	7	1268
3	-	1	7	1	5
4	1	-	6	5	1
5	7	6	-	6	5
7	1	5	6	-	7
1268	5	1	5	7	-

	3	12684	5	7
3	-	1	7	1
12684	1	-	6	5
5	7	6	-	6
7	1	5	6	-

	126843	5	7
126843	-	7	1
5	7	-	6
7	1	6	-

	5	1268437
5	-	6
1268437	6	-

Отже, вага циклу (1 2 6 8 4 3 7 5) дорівнює 16

2) Почнімо з вершини 2

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	-	1	6	7	3	5	4	6
2	1	-	6	5	4	2	3	5
3	6	6	-	1	7	6	1	5
4	7	5	1	-	6	7	5	1
5	3	4	7	6	-	5	6	5
6	5	2	6	7	5	-	5	4
7	4	3	1	5	6	5	-	7
8	6	5	5	1	5	4	7	-

	21	3	4	5	6	7	8
21	-	6	7	3	5	4	6
3	6	-	1	7	6	1	5
4	7	1	-	6	7	5	1
5	3	7	6	-	5	6	5
6	5	6	7	5	-	5	4
7	4	1	5	6	5	-	7
8	6	5	1	5	4	7	-

	3	4	215	6	7	8
3	-	1	7	6	1	5
4	1	-	6	7	5	1
215	7	6	-	5	6	5
6	6	7	5	-	5	4
7	1	5	6	5	-	7
8	5	1	5	4	7	-



	3	4	2156	7	8
3	-	1	6	1	5
4	1	-	7	5	1
2156	6	7	-	5	4
7	1	5	5	-	7
8	5	1	4	7	-

	3	4	7	21568
3	-	1	1	5
4	1	-	5	1
7	1	5	-	7
21568	5	1	7	-

	3	215684	7
3	-	1	1
215684	1	-	5
7	1	5	-

	2156843	7
2156843	-	1
7	1	-

Отже, вага циклу (2 1 5 6 8 4 3 7) дорівнює 16

### 3) Почнімо з вершини 3

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	-	1	6	7	3	5	4	6
2	1	-	6	5	4	2	3	5
3	6	6	-	1	7	6	1	5
4	7	5	1	-	6	7	5	1
5	3	4	7	6	-	5	6	5
6	5	2	6	7	5	-	5	4
7	4	3	1	5	6	5	-	7
8	6	5	5	1	5	4	7	-

	1	2	34	5	6	7	8
1	-	1	7	3	5	4	6
2	1	-	5	4	2	3	5
34	7	5	-	6	7	5	1
5	3	4	6	-	5	6	5
6	5	2	7	5	-	5	4
7	4	3	5	6	5	-	7
8	6	5	1	5	4	7	-

	1	2	5	6	7	348
1	-	1	3	5	4	6
2	1	-	4	2	3	5
5	3	4	-	5	6	5
6	5	2	5	-	5	4
7	4	3	6	5	-	7
348	6	5	5	4	7	-

	1	2	5	3486	7
1	-	1	3	5	4
2	1	-	4	2	3
5	3	4	-	5	6
3486	5	2	5	-	5
7	4	3	6	5	-

	1	34862	5	7
1	-	1	3	4
34862	1	-	4	3
5	3	4	-	6
7	4	3	6	-

	348621	5	7
348621	-	3	4
5	3	-	6
7	4	6	-

	3486215	7
3486215	-	6
7	6	-

Отже, вага циклу (3 4 8 6 2 1 5 7) дорівнює 18

#### 4) Почнімо з вершини 4

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	-	1	6	7	3	5	4	6
2	1	-	6	5	4	2	3	5
3	6	6	-	1	7	6	1	5
4	7	5	1	-	6	7	5	1
5	3	4	7	6	-	5	6	5
6	5	2	6	7	5	-	5	4
7	4	3	1	5	6	5	-	7
8	6	5	5	1	5	4	7	-

	1	2	3	5	6	7	48
1	-	1	6	3	5	4	6
2	1	-	6	4	2	3	5
3	6	6	-	7	6	1	5
5	3	4	7	-	5	6	5
6	5	2	6	5	-	5	4
7	4	3	1	6	5	-	7
48	6	5	5	5	4	7	-

	1	2	3	5	486	7
1	-	1	6	3	5	4
2	1	-	6	4	2	3
3	6	6	-	7	6	1
5	3	4	7	-	5	6
486	5	2	6	5	-	5
7	4	3	1	6	5	-

	1	4862	3	5	7
1	-	1	6	3	4
4862	1	-	6	4	3
3	6	6	-	7	1
5	3	4	7	-	6
7	4	3	1	6	-

	48621	3	5	7
48621	-	6	3	4
3	6	-	7	1
5	3	7	-	6
7	4	1	6	-

	486213	5	7
486213	-	7	1
5	7	-	6
7	1	6	-

	5	4862137
5	-	6
4862137	6	-

Отже, вага циклу (4 8 6 2 1 3 7 5) дорівнює 18

## 5) Почнімо з вершини 5

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	-	1	6	7	3	5	4	6
2	1	-	6	5	4	2	3	5
3	6	6	-	1	7	6	1	5
4	7	5	1	-	6	7	5	1
5	3	4	7	6	-	5	6	5
6	5	2	6	7	5	-	5	4
7	4	3	1	5	6	5	-	7
8	6	5	5	1	5	4	7	-

	51	2	3	4	6	7	8
51	-	1	6	7	5	4	6
2	1	-	6	5	2	3	5
3	6	6	-	1	6	1	5
4	7	5	1	-	7	5	1
6	5	2	6	7	-	5	4
7	4	3	1	5	5	-	7
8	6	5	5	1	4	7	-

	512	3	4	6	7	8
512	-	6	5	2	3	5
3	6	-	1	6	1	5
4	5	1	-	7	5	1
6	2	6	7	-	5	4
7	3	1	5	5	-	7
8	5	5	1	4	7	-

	3	4	5126	7	8
3	-	1	6	1	5
4	1	-	7	5	1
5126	6	7	-	5	4
7	1	5	5	-	7
8	5	1	4	7	-

	3	4	7	51268
3	-	1	1	5
4	1	-	5	1
7	1	5	-	7
51268	5	1	7	-

	3	512684	7
3	-	1	1
512684	1	-	5
7	1	5	-

	5126843	7
5126843	-	1
7	1	-

Отже, вага циклу (5 1 2 6 8 4 7) дорівнює 13

## 6) Почнімо з вершини 6

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	-	1	6	7	3	5	4	6
2	1	-	6	5	4	2	3	5
3	6	6	-	1	7	6	1	5
4	7	5	1	-	6	7	5	1
5	3	4	7	6	-	5	6	5
6	5	2	6	7	5	-	5	4
7	4	3	1	5	6	5	-	7
8	6	5	5	1	5	4	7	-

	1	62	3	4	5	7	8
1	-	1	6	7	3	4	6
62	1	-	6	5	4	3	5
3	6	6	-	1	7	1	5
4	7	5	1	-	6	5	1
5	3	4	7	6	-	6	5
7	4	3	1	5	6	-	7
8	6	5	5	1	5	7	-

	621	3	4	5	7	8
621	-	6	7	3	4	6
3	6	-	1	7	1	5
4	7	1	-	6	5	1
5	3	7	6	-	6	5
7	4	1	5	6	-	7
8	6	5	1	5	7	-



	3	4	6215	7	8
3	-	1	7	1	5
4	1	-	6	5	1
6215	7	6	-	6	5
7	1	5	6	-	7
8	5	1	5	7	-

	3	4	62157	8
3	-	1	1	5
4	1	-	5	1
62157	1	5	-	7
8	5	1	7	-

	621573	4	8
621573	-	1	5
4	1	-	1
8	5	1	-

	6215734	8
6215734	-	1
8	1	-

Отже, вага циклу (6 2 1 5 7 3 4 8) дорівнює 14

## 7) Почнімо з вершини 7

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	-	1	6	7	3	5	4	6
2	1	-	6	5	4	2	3	5
3	6	6	-	1	7	6	1	5
4	7	5	1	-	6	7	5	1
5	3	4	7	6	-	5	6	5
6	5	2	6	7	5	-	5	4
7	4	3	1	5	6	5	-	7
8	6	5	5	1	5	4	7	-

	1	2	73	4	5	6	8
1	-	1	6	7	3	5	6
2	1	-	6	5	4	2	5
73	6	6	-	1	7	6	5
4	7	5	1	-	6	7	1
5	3	4	7	6	-	5	5
6	5	2	6	7	5	-	4
8	6	5	5	1	5	4	-

	1	2	734	5	6	8
1	-	1	7	3	5	6
2	1	-	5	4	2	5
734	7	5	-	6	7	1
5	3	4	6	-	5	5
6	5	2	7	5	-	4
8	6	5	1	5	4	-

	1	2	5	6	7348
1	-	1	3	5	6
2	1	-	4	2	5
5	3	4	-	5	5
6	5	2	5	-	4
7348	6	5	5	4	-

	1	2	5	73486
1	-	1	3	5
2	1	-	4	2
5	3	4	-	5
73486	5	2	5	-

	1	734862	5
1	-	1	3
734862	1	-	4
5	3	4	-

	7348621	5
7348621	-	3
5	3	-

Отже, вага циклу (7 3 4 8 6 2 1 5) дорівнює 13

## 8) Почнімо з вершини 8

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	-	1	6	7	3	5	4	6
2	1	-	6	5	4	2	3	5
3	6	6	-	1	7	6	1	5
4	7	5	1	-	6	7	5	1
5	3	4	7	6	-	5	6	5
6	5	2	6	7	5	-	5	4
7	4	3	1	5	6	5	-	7
8	6	5	5	1	5	4	7	-

	1	2	3	84	5	6	7
1	-	1	6	7	3	5	4
2	1	-	6	5	4	2	3
3	6	6	-	1	7	6	1
84	7	5	1	-	6	7	5
5	3	4	7	6	-	5	6
6	5	2	6	7	5	-	5
7	4	3	1	5	6	5	-

	1	2	843	5	6	7
1	-	1	6	3	5	4
2	1	-	6	4	2	3
843	6	6	-	7	6	1
5	3	4	7	-	5	6
6	5	2	6	5	-	5
7	4	3	1	6	5	-

	1	2	5	6	8437
1	-	1	3	5	4
2	1	-	4	2	3
5	3	4	-	5	6
6	5	2	5	-	5
8437	4	3	6	5	-

	1	84372	5	6
1	-	1	3	5
84372	1	-	4	2
5	3	4	-	5
6	5	2	5	-

	843721	5	6
843721	-	3	5
5	3	-	5
6	5	5	-

	5	6
8437215	-	5
6	5	-

Отже, вага циклу (8 4 3 7 2 1 5) дорівнює 15

```
1  #include <iostream>
2  #include <cstring>
3
4  using namespace std;
5
6  string hid(int a) {
7      string one = " ", two = "V";
8      int b;
9      do {
10         b = a % 10;
11         switch (b) {
12             case 0:
13                 one = "0" + one; break;
14             case 1:
15                 one = "1" + one; break;
16             case 2:
17                 one = "2" + one; break;
18             case 3:
19                 one = "3" + one; break;
20             case 4:
21                 one = "4" + one; break;
22             case 5:
23                 one = "5" + one; break;
24             case 6:
25                 one = "6" + one; break;
26             case 7:
27                 one = "7" + one; break;
28             case 8:
29                 one = "8" + one; break;
30             case 9:
31                 one = "9" + one; break;
32             default: cout << "error";
33         }
34         a /= 10;
35     } while (a != 0);
36     two += one;
```

```

36     two += one;
37     return two;
38 }
39
40
41
42 int main()
43 {
44     int** A, n, a, ** B, * C;
45     string* vuvid;
46     cout << "Enter number of vertexes : ";
47     cin >> n;
48     cout << "Enter weight of edges :\n";
49     A = new int* [n];
50     B = new int* [n];
51     C = new int[n];
52     vuvid = new string[n];
53     for (int i = 0; i < n; i++) {
54         A[i] = new int[n];
55         B[i] = new int[n];
56         vuvid[i] = "From " + hid(i + 1) + " :\n\t" + hid(i + 1);
57     }
58     for (int i = 0; i < n; i++) {
59         for (int j = 0; j < n; j++) {
60             cin >> a;
61             A[i][j] = a;
62         }
63     }
64
65     int t = 0, minw = 0, minn = 0, W = 0;
66     for (int Q = 0; Q < n; Q++) {
67
68         for (int i = 0; i < n; i++) {
69             for (int j = 0; j < n; j++) {
70                 B[i][j] = A[i][j];
71             }

```

```

71     }
72 }
73
74 t = Q;
75 W = 0;
76 for (int L = 0; L < n-1; L++) {
77     minw = 0;
78     minn = 0;
79     for (int i = 0; i < n; i++) {
80         if (B[t][i] != 0) {
81             if (minw == 0) {
82                 minw = B[t][i];
83                 minn = i;
84             }
85             else if (B[t][i] < minw) {
86                 minn = i;
87                 minw = B[t][i];
88             }
89         }
90     }
91
92     W += minw;
93     for (int i = 0; i < n; i++) {
94         B[t][i] = 0;
95         B[i][t] = 0;
96     }
97     t = minn;
98     vuvid[Q] += hid(t + 1);
99
100 }
101
102 vuvid[Q] += "\n\tweight : ";
103 C[Q] = W;
104
105 }
106
107 cout << "\n\n";
108 for (int i = 0; i < n; i++) {
109     cout << vuvid[i] << C[i] << endl<<endl;
110 }
111
112 return 0;
113 }

```



Enter number of vertexes : 8

Enter weight of edges :

```
0 1 6 7 3 5 4 6
1 0 6 5 4 2 3 5
6 6 0 1 7 6 1 5
7 5 1 0 6 7 5 1
3 4 7 6 0 5 6 5
5 2 6 7 5 0 5 4
4 3 1 5 6 5 0 7
6 5 5 1 5 4 7 0
```

From 01 :  
01 02 06 08 04 03 07 05  
weight : 16

From 02 :  
02 01 05 06 08 04 03 07  
weight : 16

From 03 :  
03 04 08 06 02 01 05 07  
weight : 18

From 04 :  
04 03 07 02 01 05 06 08  
weight : 18

From 05 :  
05 01 02 06 08 04 03 07  
weight : 13

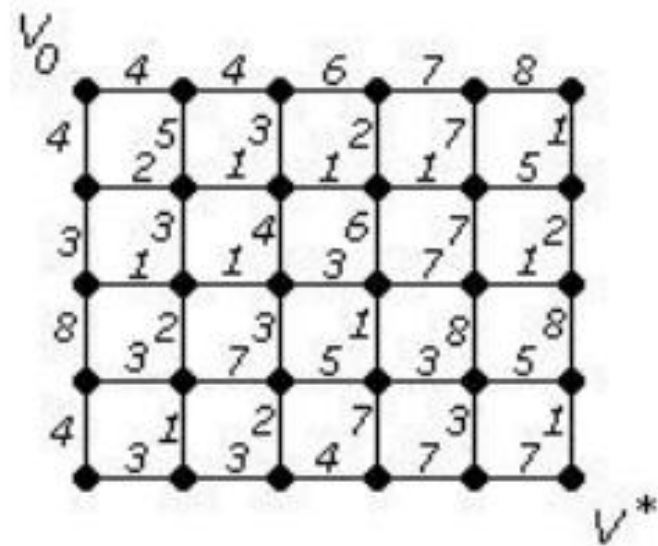
From 06 :  
06 02 01 05 08 04 03 07  
weight : 14

From 07 :  
07 03 04 08 06 02 01 05  
weight : 13

From 08 :  
08 04 03 07 02 01 05 06  
weight : 15

## Завдання № 7

За допомогою алгоритму Дейкстри знайти найкоротший шлях у графі між парою вершин  $V_0$  і  $V^*$ .



$$l(v_1) = 4$$

$$l(v_2) = 4$$

$$l(v_3) = 6$$

$$l(v_4) = 7$$

$$l(v_5) = 7$$

$$l(v_6) = 8$$

$$l(v_7) = 8$$

$$l(v_8) = 8$$

$$l(v_9) = 9$$

$$l(v_{10}) = 9$$

$$l(v_{11}) = 10$$

$$l(v_{12}) = 10$$

$$l(v_{13}) = 11$$

$$l(v_{14}) = 12$$

$$l(v_{15}) = 12$$

$$l(v_{16}) = 13$$

$$l(v_{17}) = 13$$

$$l(v_{18}) = 14$$

$$l(v_{19}) = 14$$

$$l(v_{20}) = 14$$

$$l(v_{21}) = 15$$

$$l(v_{22}) = 16$$

$$l(v_{23}) = 16$$

$$l(v_{24}) = 17$$

$$l(v_{25}) = 17$$

$$l(v_{26}) = 18$$

$$l(v_{27}) = 19$$

$$l(v_{28}) = 21$$

$$l(v^*) = 22$$

Найкоротша відстань від вершини  $V_0$  до  $V^*$  дорівнює 22 і проходить через вершини:

**$v_0 \rightarrow v_2 \rightarrow v_4 \rightarrow v_8 \rightarrow v_{10} \rightarrow v_{14} \rightarrow v_{17} \rightarrow v_{22} \rightarrow v_{28} \rightarrow v^*$**

```

1  #include<iostream>
2  using namespace std;
3  int n;
4  int i, j, q;
5  int dist[40];
6  bool visited[40];
7  int pred[40];
8  void createGraph(int c[40][40])
9  {
10     int g1, g2;
11     cout << "Enter the number of vertices: ";
12     cin >> n;
13     for (int i = 0; i < n; i++) {
14         for (int j = 0; j < n; j++)
15         {
16             c[i][j] = 0;
17         }
18     }
19     cout << "Enter size of (n*m) : ";
20     cin >> g1 >> g2;
21     for (i = 0; i < n; i++) {
22         for (j = i + 1; j < n; j++)
23         {
24             if (j == i + 1 || j == i + g1) {
25                 cout << "Enter the length from x" << i+1 << " to x" << j+1 << ": ";
26                 cin >> c[i][j];
27             }
28             else {
29                 c[i][j] = 0;
30             }
31         }
32     }
33 }
34
35 int minDistance()
36 {
37     int minimum = 10000, minDist;
38     for (int v = 0; v < n; v++)
39         if (visited[v] == false && dist[v] <= minimum)
40         {
41             minimum = dist[v];
42             minDist = v;
43         }
44     return minDist;
45 }
46
47 void printPath(int j)
48 {
49     if (pred[j] == -1)
50         return;
51     printPath(pred[j]);
52     cout << "X" << j+1 << " -> ";
53 }
54
55 void dijkstra(int c[40][40])
56 {
57     int start;
58     cout << "Enter the first node : ";
59     cin >> start;
60     for (int i = 0; i < n; i++)
61     {
62         pred[i] = -1;
63         dist[i] = 10000;

```

```

63         visited[i] = false;
64     }
65     dist[start-1] = 0;
66     for (int count = 0; count < n - 1; count++)
67     {
68         int u = minDistance();
69         visited[u] = true;
70         for (int v = 0; v < n; v++)
71             if (!visited[v] && c[u][v] &&
72                 dist[u] + c[u][v] < dist[v])
73             {
74                 pred[v] = u;
75                 dist[v] = dist[u] + c[u][v];
76             }
77     }
78     cout << "The least way is: ";
79     cout << dist[29] << endl;
80     cout << "The way is: ";
81     cout << "X1 -> ";
82     printPath(29);
83     cout << "The end!" << endl;
84     //}
85 }
86 int main()
87 {
88     int c[40][40];
89     createGraph(c);
90     dijkstra(c);
91     return 0;
92 }

```

```

Enter the number of vertices: 30
Enter size of (n*m) : 6 5
Enter the length from x1 to x2: 4
Enter the length from x1 to x7: 4
Enter the length from x2 to x3: 4
Enter the length from x2 to x8: 5
Enter the length from x3 to x4: 6
Enter the length from x3 to x9: 3
Enter the length from x4 to x5: 7
Enter the length from x4 to x10: 2
Enter the length from x5 to x6: 8
Enter the length from x5 to x11: 7
Enter the length from x6 to x7: 0
Enter the length from x6 to x12: 1
Enter the length from x7 to x8: 2
Enter the length from x7 to x13: 3
Enter the length from x8 to x9: 1
Enter the length from x8 to x14: 3
Enter the length from x9 to x10: 1
Enter the length from x9 to x15: 4
Enter the length from x10 to x11: 1
Enter the length from x10 to x16: 6
Enter the length from x11 to x12: 5
Enter the length from x11 to x17: 7
Enter the length from x12 to x13: 0
Enter the length from x12 to x18: 2
Enter the length from x13 to x14: 1
Enter the length from x13 to x19: 8
Enter the length from x14 to x15: 1
Enter the length from x14 to x20: 2
Enter the length from x15 to x16: 3
Enter the length from x15 to x21: 3
Enter the length from x16 to x17: 7
Enter the length from x16 to x22: 1
Enter the length from x17 to x18: 1
Enter the length from x17 to x23: 8
Enter the length from x18 to x19: 0
Enter the length from x18 to x24: 8
Enter the length from x19 to x20: 3
Enter the length from x19 to x25: 4
Enter the length from x20 to x21: 7
Enter the length from x20 to x26: 1
Enter the length from x21 to x22: 5
Enter the length from x21 to x27: 2
Enter the length from x22 to x23: 3
Enter the length from x22 to x28: 7
Enter the length from x23 to x24: 5
Enter the length from x23 to x29: 3
Enter the length from x24 to x25: 0
Enter the length from x24 to x30: 1
Enter the length from x25 to x26: 3
Enter the length from x26 to x27: 3
Enter the length from x27 to x28: 4
Enter the length from x28 to x29: 7
Enter the length from x29 to x30: 7

```

```

Enter the length from x29 to x30: 7
Enter the first node : 1
The least way is: 22
The way is: x1 -> x7 -> x13 -> x14 -> x15 -> x16 -> x22 -> x23 -> x24 -> x30 ->
The end!>

```

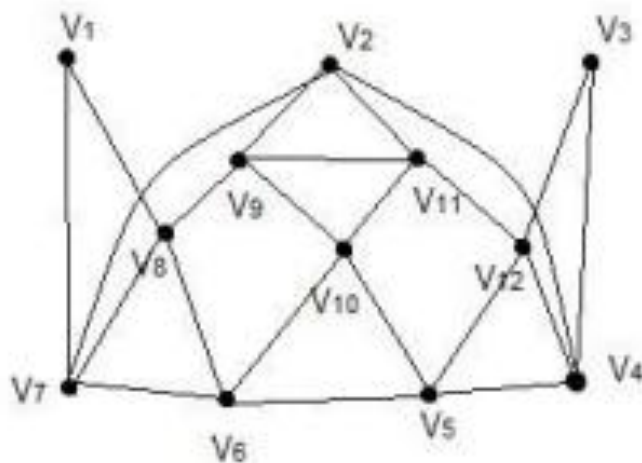
```

Process returned 0 (0x0)   execution time : 2.02 s

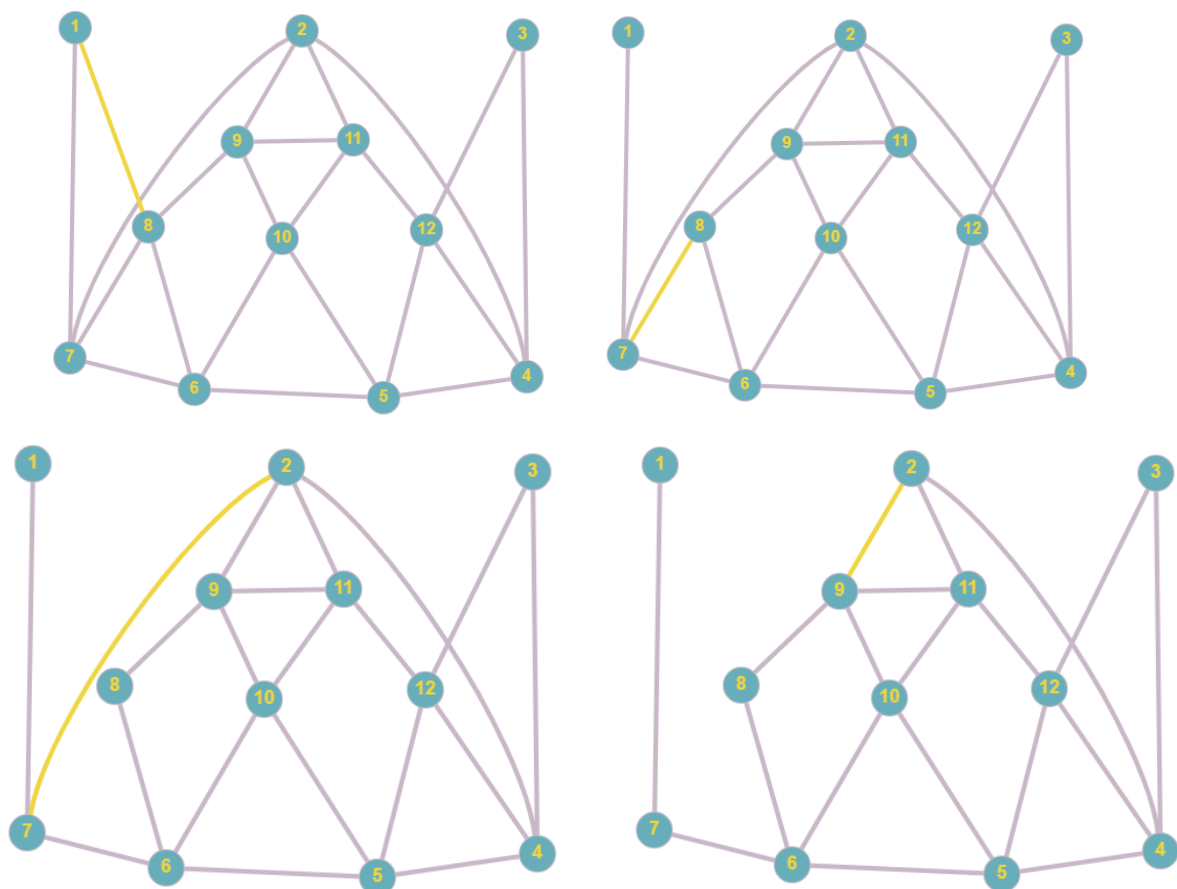
```

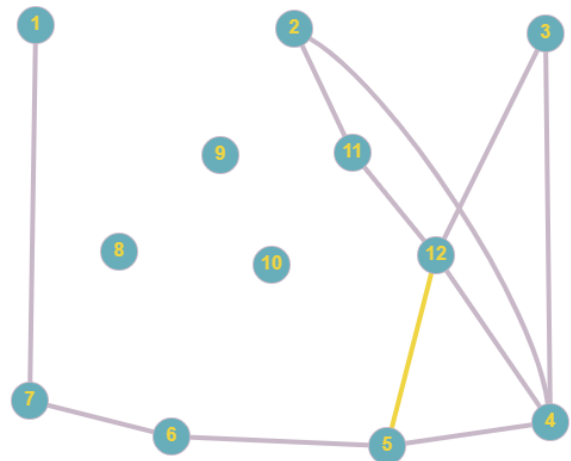
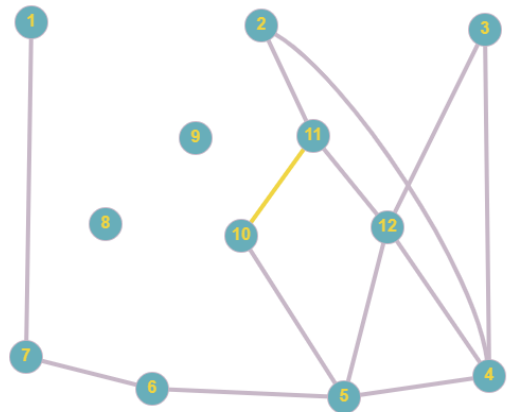
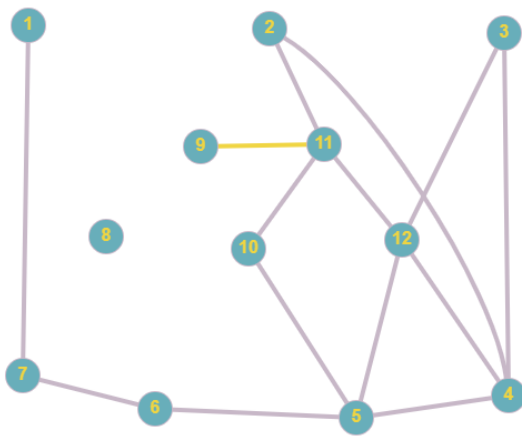
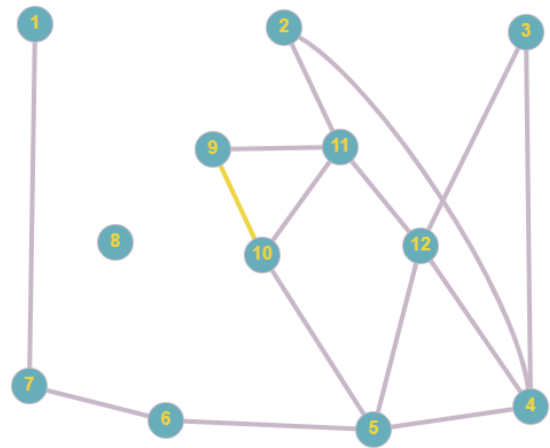
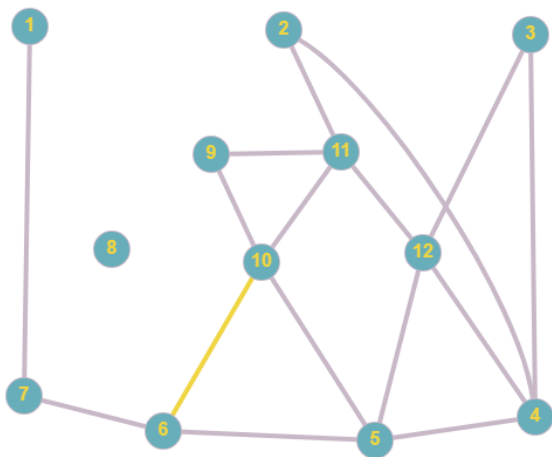
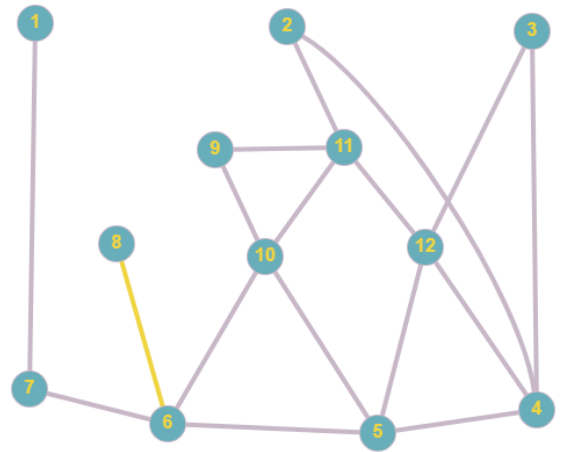
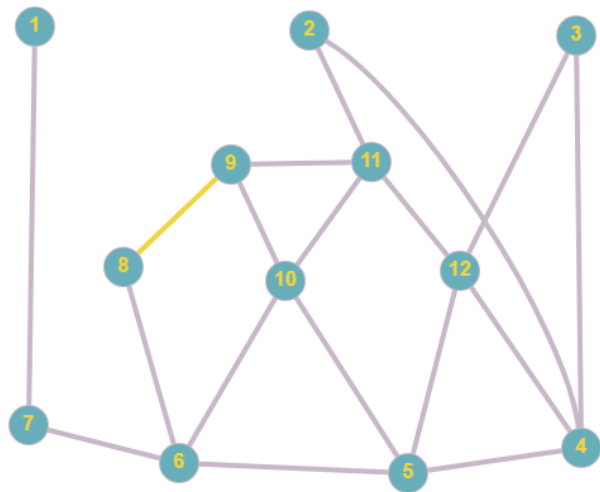
## Завдання № 8

Знайти ейлеровий цикл в ейлеровому графі двома методами: а) Флері; б) елементарних циклів.

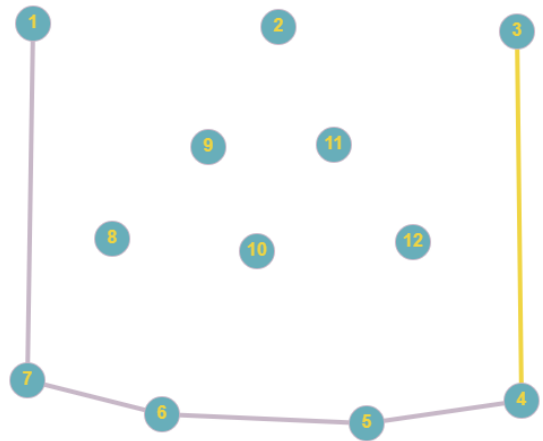
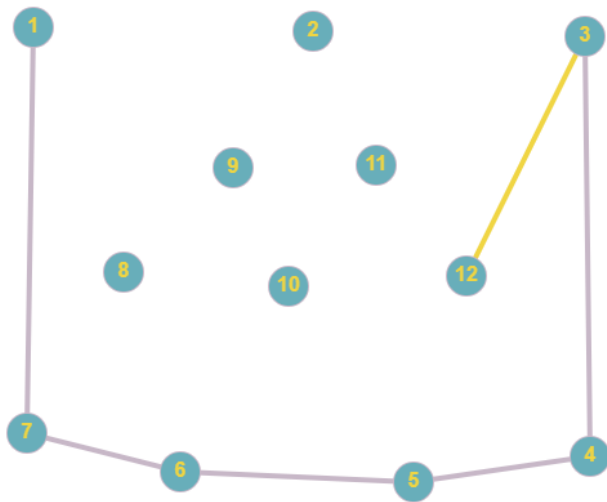
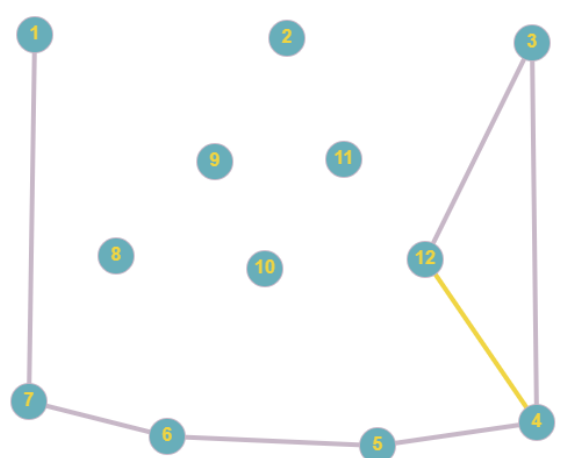
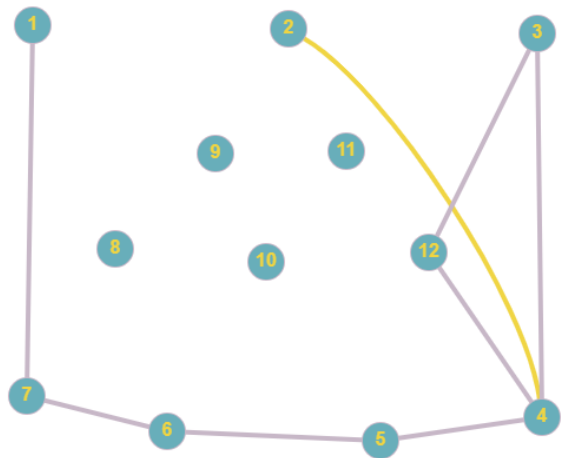
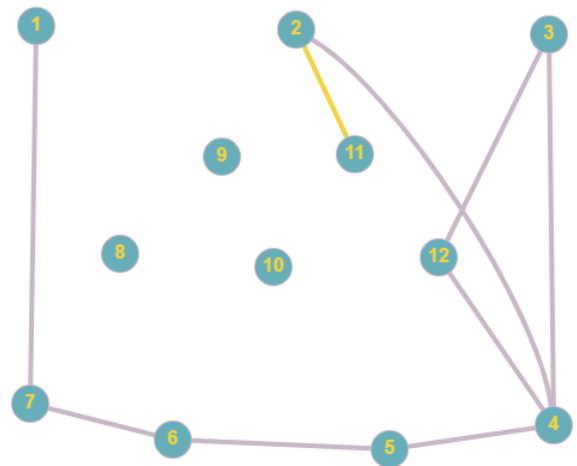
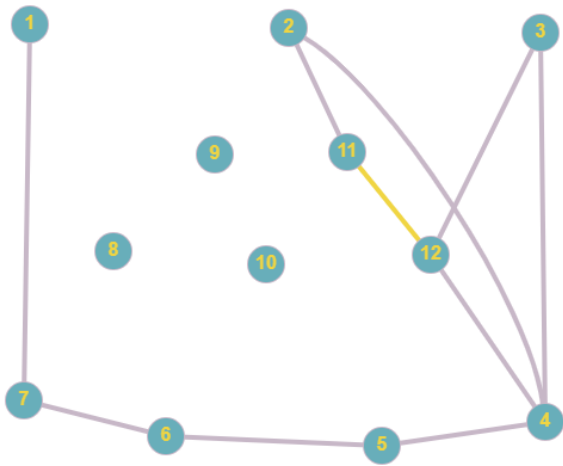


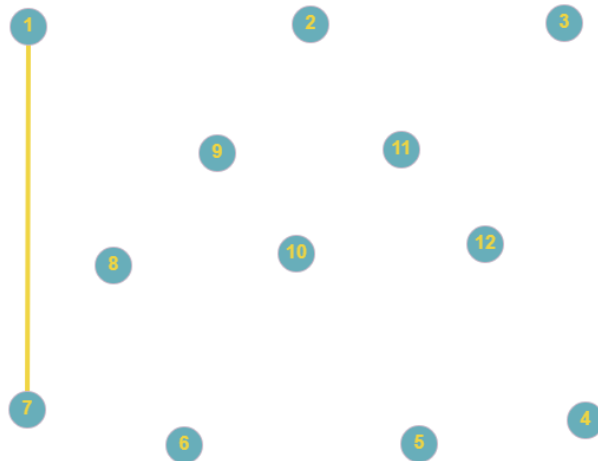
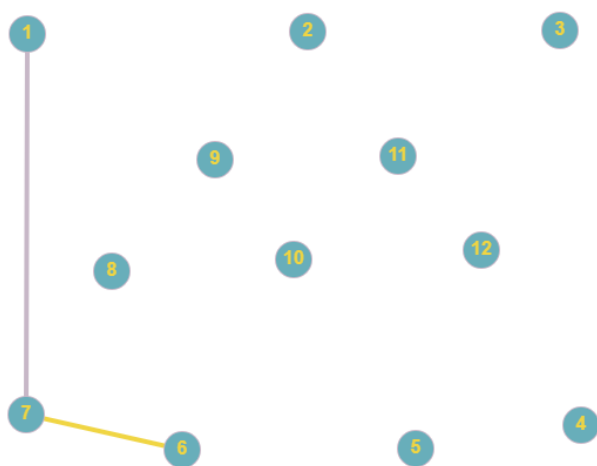
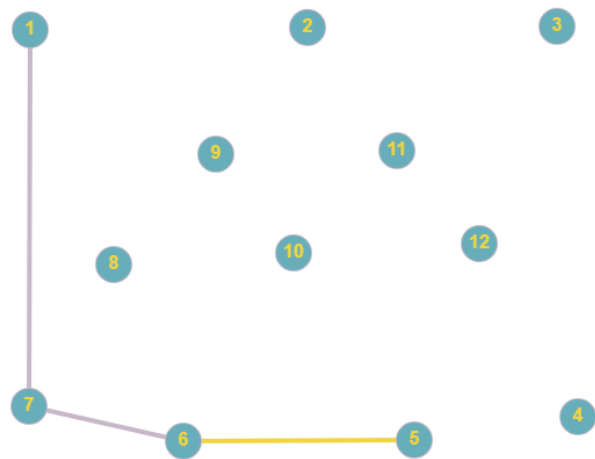
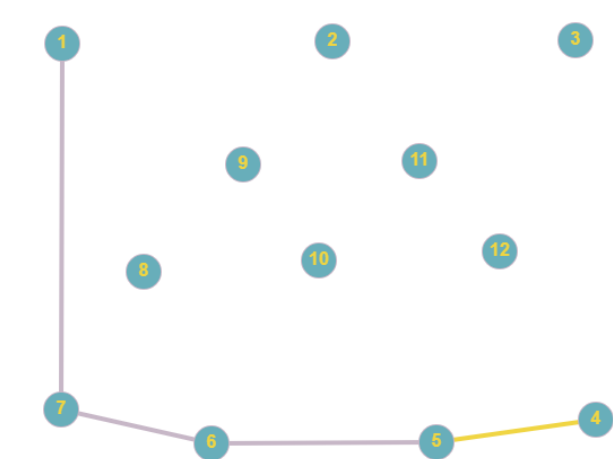
### 1) Алгоритм Флері











```

1  #include <iostream>
2  #include <cstdio>
3
4  #define N 12
5  #define STACK_SIZE 100
6  using namespace std;
7
8  int G[N][N] {
9      {0,0,0,0,0,0,1,1,0,0,0,0},
10     {0,0,0,1,0,0,1,0,1,0,1,0},
11     {0,0,0,1,0,0,0,0,0,0,0,1},
12     {0,1,1,0,1,0,0,0,0,0,0,1},
13     {0,0,0,1,0,1,0,0,0,1,0,1},
14     {0,0,0,0,1,0,1,1,0,1,0,0},
15     {1,1,0,0,0,1,0,1,0,0,0,0},
16     {1,0,0,0,0,1,1,0,1,0,0,0},
17     {0,1,0,0,0,0,0,1,0,1,1,0},
18     {0,0,0,0,1,1,0,0,1,0,1,0},
19     {0,1,0,0,0,0,0,0,1,1,0,1},
20     {0,0,1,1,1,0,0,0,0,0,1,0},
21 };
22
23 int k;
24 int Stack[STACK_SIZE];
25
26 void Search(int v)
27 {
28     int i;
29     for(i = 0; i < N; i++)
30         if(G[v][i])
31         {
32             G[v][i] = G[i][v] = 0;
33             Search(i);
34         }
35     Stack[++k] = v+1;
36 }

```

```

36     }
37
38
39
40     int main()
41     {
42         int T, p, q, s;
43         int j, vv;
44
45         T = 1;
46         for(p = 0; p < N; p++)
47         {
48             s = 0;
49             for(q = 0; q < N; q++)
50             {
51                 s += G[p][q];
52             }
53             if(s%2) T = 0;
54         }
55         k = -1;
56         cout << "Start vertex: ";
57         cin >> vv;
58         vv--;
59         if(T)
60         {
61             Search (vv);
62             for(j = 0; j <= k; j++)
63                 cout << Stack[j] << " ";
64         }
65         else
66             cout << "it is not Eulerian graph\n";
67         return 0;

```

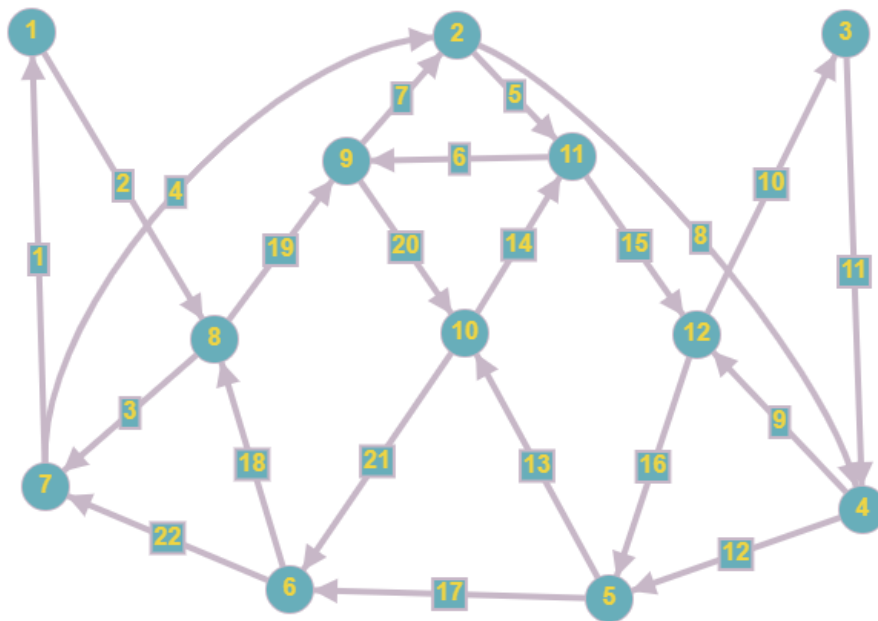
```

Start vertex: 7
7 8 9 11 10 9 2 11 12 4 3 12 5 10 6 7 2 4 5 6 8 1 7
Process returned 0 (0x0)   execution time : 1.777 s
Press any key to continue.

```

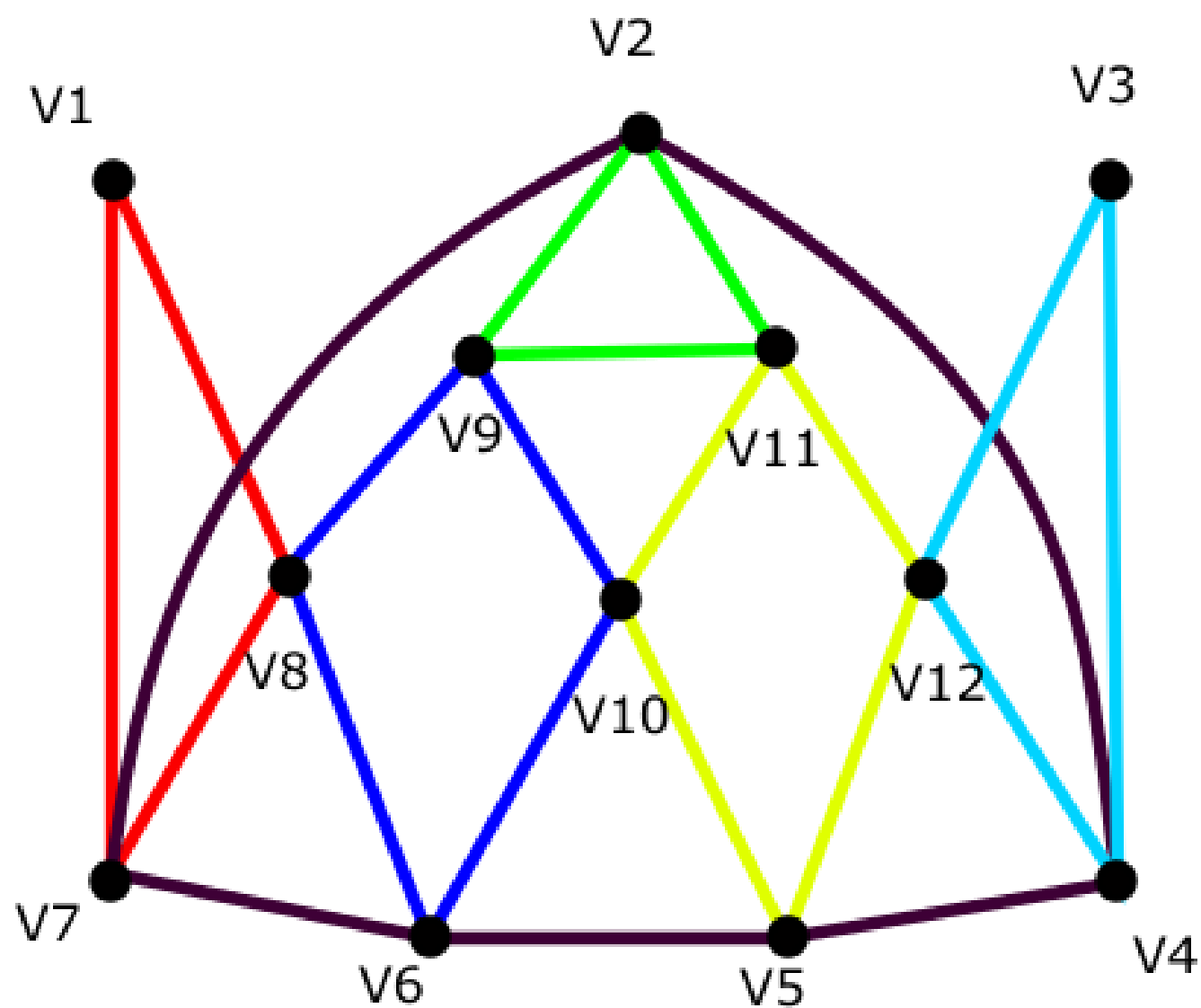
## 2) Алгоритм на основі циклів

Починаємо з вершини 7



**Ось цикли, які утворюють наш ейлеровий цикл:**

- 1)  $V_7 - V_2 - V_4 - V_5 - V_6$
- 2)  $V_1 - V_8 - V_7$
- 3)  $V_6 - V_8 - V_9 - V_{10}$
- 4)  $V_5 - V_{10} - V_{11} - V_{12}$
- 5)  $V_3 - V_4 - V_{12}$



```

1  #include <iostream>
2  #include <iostream>
3  #include <vector>
4  using namespace std;
5  vector<int> graph;
6  int inf = 99;
7
8  bool check(vector<int> V, int vertex) {
9      for (auto i = V.begin(); i != V.end(); i++) {
10         if (*i == vertex) return false;
11     }
12     return true;
13 }
14 void Find(vector<int> * V, int** B, int n, int position, int f_vertex) {
15     for (int i = position, k = 0; k < 1; i++, k++) {
16         for (int j = 0; j < n; j++)
17             if (B[i][j] == 1 && check(*V, j)) {
18                 if (j == f_vertex && (*V).size() > 2) {
19                     if (inf > V->size()) {
20                         graph.clear();
21                         graph.push_back(f_vertex + 1);
22                         for (auto it = (*V).begin(); it != (*V).end();
23                             it++)
24                             graph.push_back(*it + 1);
25                         graph.push_back(f_vertex + 1);
26                         inf = V->size();
27                         break;
28                     }
29                 }
30                 else {
31                     (*V).push_back(j);
32                     Find(V, B, n, j, f_vertex);
33                 }
34             }
35     }
36     if (V->size() != 0)
37         V->pop_back();
38 }

```

```

37     V->pop_back();
38 }
39 int main() {
40     int n;
41     cout << "Enter number of vertices: ";
42     cin >> n;
43     int** A = new int* [n];
44     for (int i = 0; i < n; i++) {
45         A[i] = new int[n];
46     }
47     for (int i = 0; i < n; i++) {
48         for (int j = 0; j < n; j++) {
49             cin >> A[i][j];
50         }
51     }
52     vector<int> C;
53     vector<int> B;
54     cout << endl;
55     int counted, p, j, sum;
56     counted = 1;
57     for (p = 0; p < n; p++)
58     {
59         sum = 0;
60         for (j = 0; j < n; j++)
61         {
62             sum += A[p][j];
63         }
64         if (sum % 2) counted = 0;
65     }
66     cout << endl;
67     cout << "So, the cycles are: " << endl;
68     if (counted) {
69         for (int j = 0; j < n; j++) {
70             inf = 99;
71             Find(&C, A, n, j, j);
72             for (int i = 1; i <= graph.size(); i++) {
73                 cout << graph[i - 1] << " ";
74             }
75             cout << endl;
76             graph.clear();
77         }
78     }
79     else
80         cout << "It is not correct \n";
81     cout << endl;
82     return 0;
83 }

```



```
Enter number of vertices: 12
```

```
0 0 0 0 0 0 1 1 0 0 0 0
0 0 0 1 0 0 1 0 1 0 1 0
0 0 0 1 0 0 0 0 0 0 0 1
0 1 1 0 1 0 0 0 0 0 0 1
0 0 0 1 0 1 0 0 0 1 0 1
0 0 0 0 1 0 1 1 0 1 0 0
1 1 0 0 0 1 0 1 0 0 0 0
1 0 0 0 0 1 1 0 1 0 0 0
0 1 0 0 0 0 0 1 0 1 1 0
0 0 0 0 1 1 0 0 1 0 1 0
0 1 0 0 0 0 0 0 1 1 0 1
0 0 1 1 1 0 0 0 0 0 1 0
```

```
So, the cycles are:
```

```
1 7 6 8 1
2 4 12 11 2
3 4 5 12 3
4 2 11 12 4
5 4 3 12 5
6 7 1 8 6
7 1 8 6 7
8 1 7 6 8
9 2 7 8 9
10 5 12 11 10
11 2 4 12 11
12 3 4 5 12
```

### Завдання №9

Спростити формули (привести їх до скороченої ДНФ).

$$6. \quad (x \vee \bar{y} \rightarrow (z \rightarrow y \vee \bar{y} \vee x))$$

$$\begin{aligned} (x \vee \bar{y} \rightarrow (z \rightarrow T \vee x)) &= (x \vee \bar{y} \rightarrow (z \rightarrow T)) = \\ &= (x \vee \bar{y} \rightarrow T) = \bar{x}y \vee T = T \end{aligned}$$