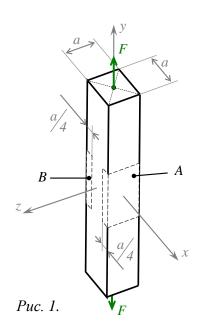
I-08 (ANSYS)

Формулировка задачи:

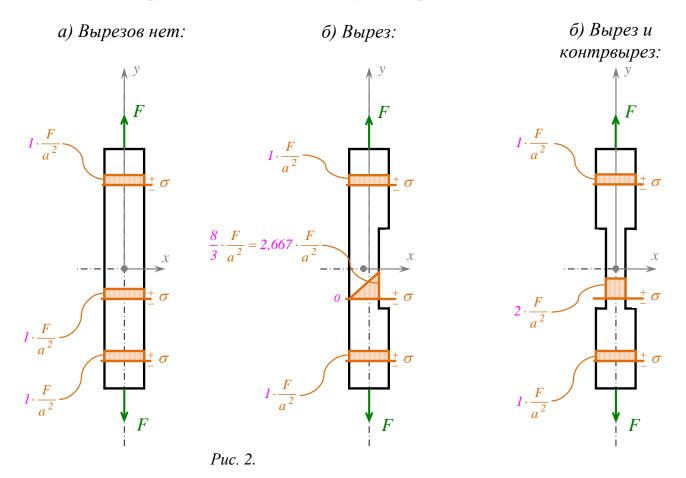


Дано: В растянутом стержне квадратного поперечного сечения слесарь по неосторожности сделал вырез (выбрал объём материала A).

Найти:1) Изменение максимального значения осевых напряжений σ_{max} в полоске при появлении выреза?

2) Дальнейшее изменение максимального значения осевых напряжений σ_{max} при появлении контрвыреза (объём материала В)?

Аналитический расчёт (см. <u>I-08</u>) даёт следующие решения:

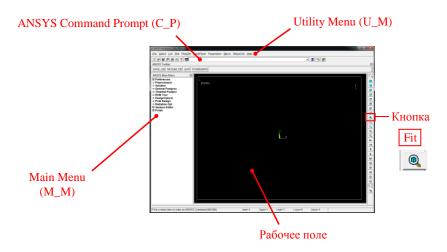


Задача данного примера: при помощи ANSYS Multyphisics получить эти же результаты методом конечных элементов.

http://www.tychina.pro

Предварительные настройки:

Для решения задачи используется ANSYS Multiphysics 14.0:



С меню M_M и U_M работают мышью, выбирая нужные опции.

В окно С_Р вручную вводят текстовые команды, потом Enter.

Меняем чёрный цвет фона на белый следующими действиями:

U M > PlotCtrls > Style > Colors > Reverse Video

Оставить в меню пункты, относящиеся только к прочностным расчётам:

 ${\tt M_M}$ > Preferences > Отметить "Structural" > OK

Нумеровать поверхности твердотельной модели:

```
U_M > PlotCtrls > Numbering >
OTMETUTЬ AREA
[/NUM]установить "Colors only"
> OK
```

Для большей наглядности увеличим размер шрифта:

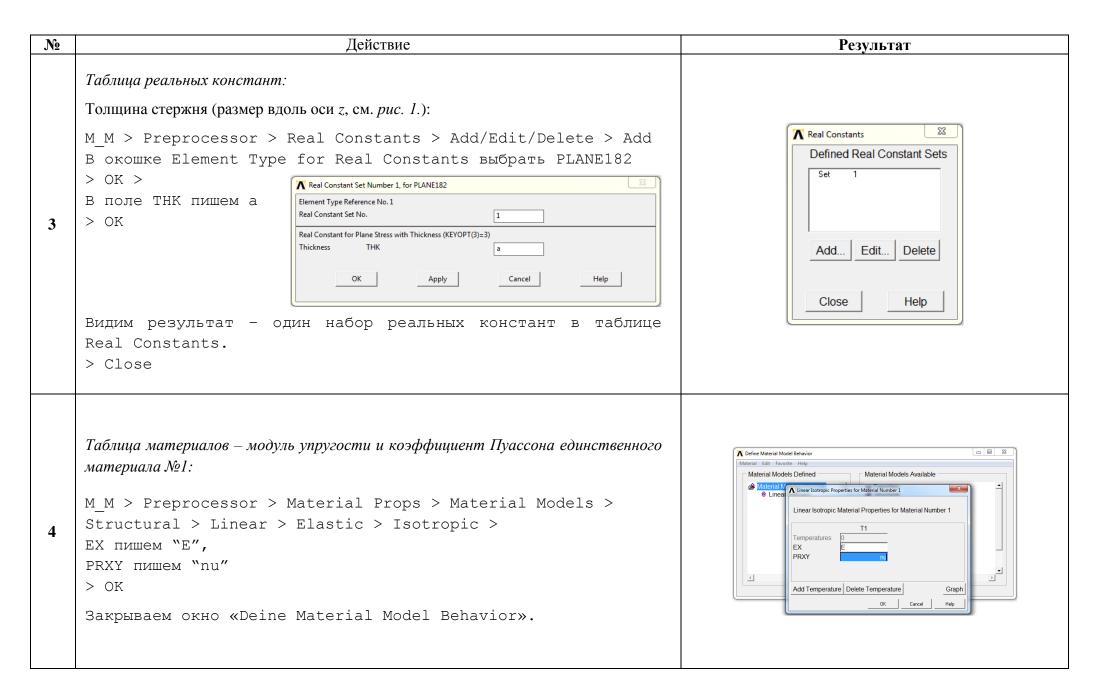
```
U_M > PlotCtrls > Font Controls > Legend Font > «Размер» на «22» > OK
U_M > PlotCtrls > Font Controls > Entity Font > «Размер» на «22» > OK
```

Предварительные настройки выполнены, можно приступать к решению задачи.

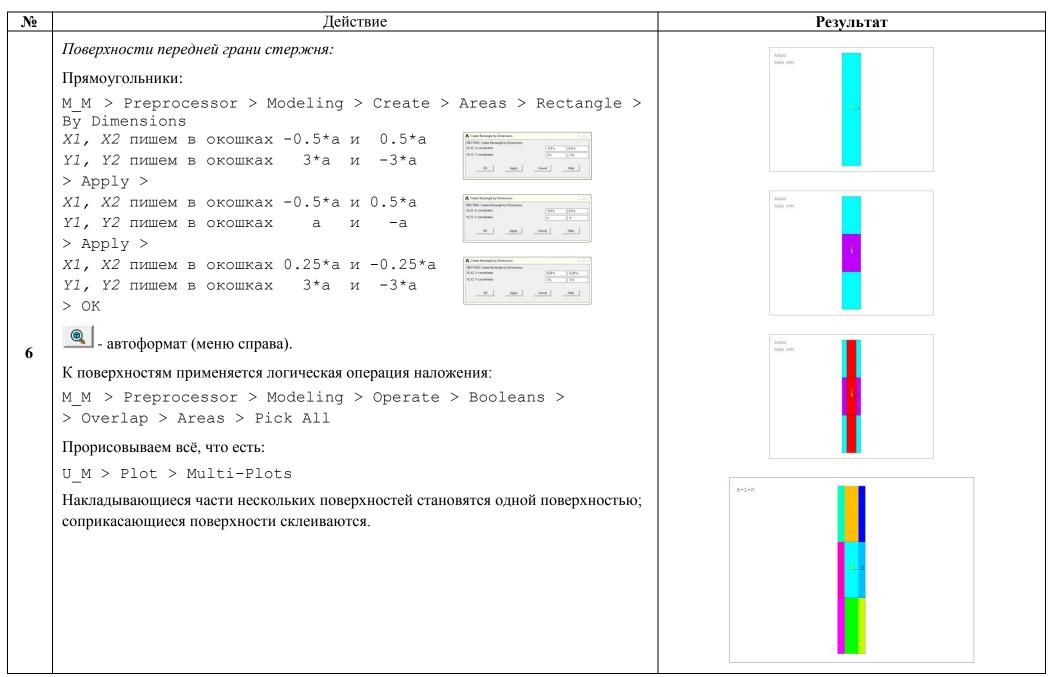
<u>Решение задачи:</u> Приравняв F и a к единице, результаты получим в виде чисел, обозначенных на $puc.\ 1$. малиновым цветом.

No	Действие	Результат
	Задаём параметры расчёта — базовые величины задачи: Задача статически определима, значит модуль упругости E материала на напряжения не влияет; зададим его единицей; коэффициент Пуассона v во избежание поперечных деформаций приравняем к нулю (как у пробки).	Scalar Parameters
1	<pre>U_M > Parameters > Scalar Parameters > F=1 > Accept > a=1 > Accept > E=1 > Accept > nu=0 > Accept > > Close</pre>	Selection Accept Delete Close Help
2	Taблица конечных элементов — плоский с толициной и жёсткая балка: M_M > Preprocessor > Element Type > Add/Edit/Delete > Add B левом окошке выбираем "Solid" B правом окошке "Quad 4 node 182" > OK > B окошке Element Types выбираем строчку PLANE182 > Options > K3 установить "Plane strs w/thk" > OK > > Add > B левом окошке выбираем "Constraint" B правом окошке выбираем "Constraint" B правом окошке "Nonlinear MPC184" > OK > B окошке Element types выбираем строчку MPC184 > Options > K1 установить "Rigid Beam" > OK > OK > OK > > Close	Defined Element Types: Type 1 PLANE182 Type 2 MPC184 Add Options Delete Close Help

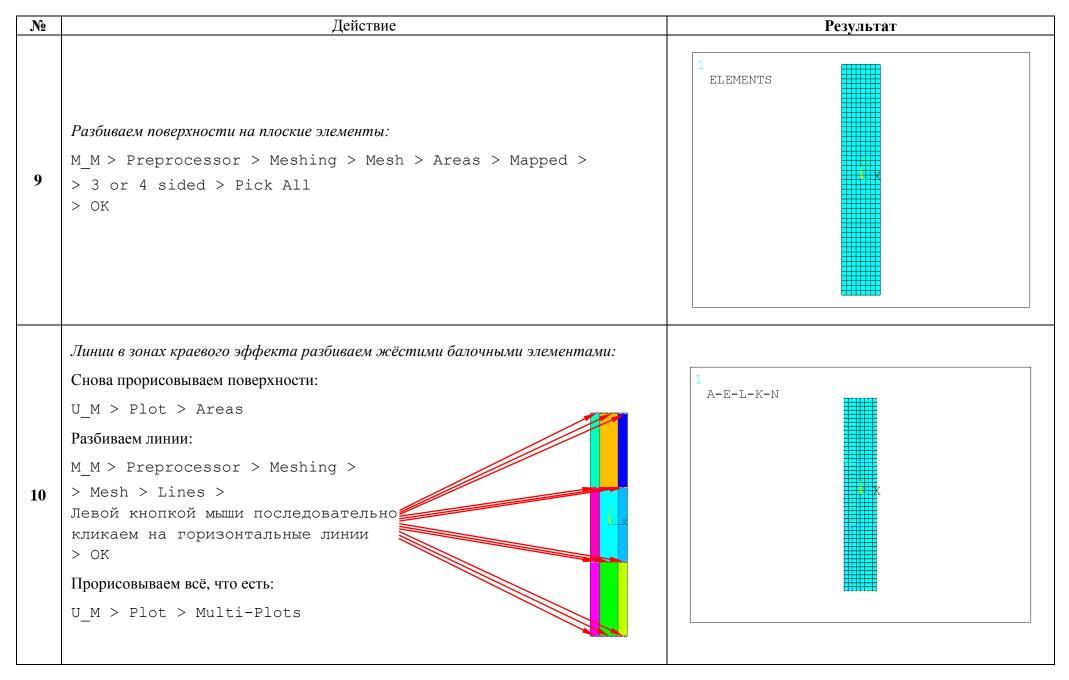
http://www.tychina.pro

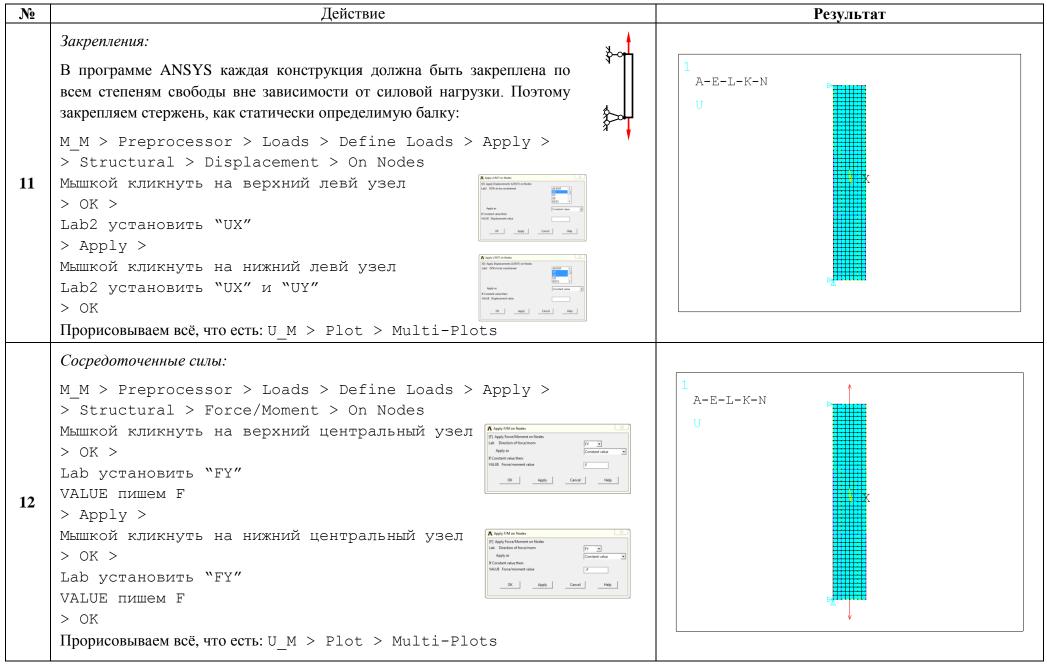


No	Действие	Результат	
	Твердотельная модель		
5	Координаты точек контура стержня: Длины верхнего, нижнего участков и участка с вырезами при использовании гипотезы плоских сечений на результаты расчёта никак не влияют. Зададим их все по 2-а. Формально задача трёхмерная. Фактически — плоская. Начертим только переднюю грань, а при расчёте зададим толщину. Для построения передней грани достаточно комбинации прямоугольников. Чтобы построить прямоугольник нужно знать координаты двух его противоположных углов в декартовой системе координат XYZ. Как именно по отношению к началу координат будет располагаться контур стержня, абсолютно не важно. Например, так, как показано на рис.3. Тогда координаты углов прямоугольников будут следующими:	$(-0,5 \cdot a; 3 \cdot a)$ $(0,25 \cdot a; 3 \cdot a)$ $(0,5 \cdot a; -a)$ $(0,5 \cdot a; -a)$ $(0,5 \cdot a; -3 \cdot a)$ $(0,5 \cdot a; -3 \cdot a)$ $Puc. 3.$	



No	Действие	Результат
	Конечноэлементная модель	
7	Ampuбymы pasбueния: Для поверхностей: M_M > Preprocessor > Meshing > Mesh Attributes > All Areas > MAT установить "1" REAL установить "1" TYPE установить "1 PLANE182" > ОК Для линий: M_M > Preprocessor > Meshing > Mesh Attributes > All Lines > TYPE установить "2 MPC184" > ОК	Area Attributes [AATT] Assign Attributes to All Selected Areas MAT Material number REAL Real constant set number 1
8	Pasмep стороны элемента для разбиения: M_M > Preprocessor > Meshing > Size Cntrls > ManualSize > Global > Size Size пишем, например a/8 > OK	Cancel C





No	Действие	Результат			
	Стержень без вырезов (рис.2а.)				
13	Запускаем расчёт: M_M > Solution > Solve > Current LS Синхронно появляются два окна: белое информационное и серое исполнительное. Белое закрываем, на сером нажимаем ОК. Если появится окно Verify, отвечаем YES. Расчёт пошёл. Когда он закончится, появится окно «Solution is done!». Закройте это окно. Расчёт окончен.	A CRANIC Command The STATUS Command The STATUS COMMAND STATUS 15 THE STATUS COMMAND STATUS 15			
14	Сравнение деформированной и недеформированной форм: М_М > General Postproc > Plot Results > Deformed Shape > KUND установить Def + undeformed > OK Некоторые символы пропадают. Восстановим их: U_M > PlotCtrls > Symbols > Boundary condition устанавливаем "All Applied BCs" > OK Форма стержня до нагружения (недеформированная) изображена сеткой чёрным цветом, форма после нагружения (деформированная) изображена синим цветом. Видно, что под действием внешних осевых сил стержень растягивается (становится длиннее), но не изгибается (везде Мизг=0, рис 2a.).	DISPLACEMENT STEP-1 SUB =1 TIME-1 DMX =6 U F			

N₂	Действие	Результат
15	Цветовая шкала будет состоять из восьми цветов: U_M > PlotCtrls > Style > Contours > Uniform Contours > NCONT пишем 8 > OK	CONT] Uniform Contours WN Window number Window 1
16	Oceвые напряжения (цветовая шкала): M_M > General Postproc > Plot Results > Contour Plot >	ELEMENT SOLUTION STUB = 1 TIME=1 SY (NOAVG) RSYS=0 SMN = 1 SMX = 1 U F

№	Действие	Результат
	Создаём три нулевые отметки (пути) на которых позже будут прорисовываться эпюры напряжений (рис.2а., изображены оранжевым цветом):	
	Прорисовываем узлы и элементы: U_M > Plot > Elements	
17	Верхний путь (First): М_M> General Postproc> Path Operations> Define Path> By Nodes> Кликаем мышкой на левый и правый узлы любого поперечного сечения верхнего участка стержня > OK > В графе Name пишем First > OK > Средний путь (Second): М_M> General Postproc> Path Operations> Define Path> By Nodes> Кликаем на левый и правый узлы среднего участка (на котором будет вырез); например, в центральном поперечном сечении > OK > В графе Name пишем Second > OK > Нижний путь (Third): М_M> General Postproc> Path Operations> Define Path> By Nodes> Кликаем на левый и правый узлы любого поперечного сечения нижнего участка > OK > В графе Name пишем Third > OK > В графе Name пишем Third > OK > Прорисовываем все три пути:	FIRST
	M_M > General Postproc > Path Operations > Plot Path	



№	Действие	Результат
№	Этпора на втором путы: M_M > General Postproc > Path Operations > Recall Path Из списка выбираем вариант "SECOND" > ОК Чертить будем эпюру нормального напряжения о вдоль оси Y: M_M > General Postproc > Path Operations > Map onto Path > В графе Lab пишем название, например SYY В левом окошке выбираем Stress В правом окошке выбираем Y-direction SY > ОК Чертим эпюру осевых напряжений: M_M > General Postproc > Path Operations > Plot Path Item > > On Geometry Из списка мышкой выбрать SYY Селектор поставить на "With nodes"	Pesymbtat Path= second Value= syy
	> OK Видим прямоугольник высотой I , как и должно быть (средняя эпюра, $puc.2a$.).	

№	Действие	Результат
20	Эпюра на третьем пути: Aктивируем третий путь: M_M > General Postproc > Path Operations > Recall Path Из списка выбираем вариант "THIRD" > ОК Чертить будем эпюру нормального напряжения о вдоль оси Y: M_M > General Postproc > Path Operations > Map onto Path > В графе Lab пишем название, например SYY В левом окошке выбираем Stress В правом окошке выбираем Y-direction SY > ОК	PATH= THIRD VALUE= SYY
	Чертим эпюру осевых напряжений:	
	M_M > General Postproc > Path Operations > Plot Path Item > > On Geometry Из списка мышкой выбрать SYY Селектор поставить на "With nodes" > OK	1 1
	Видим прямоугольник высотой 1 , как и должно быть (нижняя эпюра, $puc.2a$.).	

№	Действие	Результат
	Стержень с вырезом (рис.2б.)	
21	Удаляем из модели конечные элементы по площади выреза: U_M > Plot > Elements M_M > Preprocessor > Meshing > Clear > Areas Мышкой кликните на левую среднюю поверхность из слагающих контур стержня. Сама поверхность не видна, но нетрудно вспомнить, где она располагается > ОК Обновляем изображение: U_M > Plot > Replot	ELEMENTS U F
22	Запускаем расчёт: M_M > Solution > Solve > Current LS	
23	Сравнение деформированной и недеформированной форм: M_M > General Postproc > Plot Results > Deformed Shape > KUND установить Def + undeformed > OK Hекоторые символы пропадают. Восстановим их: U_M > PlotCtrls > Symbols > Boundary condition устанавливаем "All Applied BCs" > OK Видно, что под действием внешних осевых сил стержень растягивается (становится длиннее), и изгибается (везде Мизг ≠ 0, рис 26.).	DISPLACEMENT STEP=1 SUB =1 TIME=1 DMX =9.06296 U F

№	Действие	Результат
	Oceвые напряжения (цветовая шкала): M_M > General Postproc > Plot Results > Contour Plot > > Element Solu > Element Solution > Stress > > Y-Component of stress > OK	1 ELEMENT SOLUTION STEP=1 SUB =1 TIME=1 SY (NOAVG) RSYS=0 DMX =9.06296 SMN =.018265 SMX =2.6484 U
24	Во всех точках стержня осевые напряжения растяжения складываются с осевыми	F
	напряжениями изгиба. Последние особенно велики в участке с вырезом:	
	$\sigma_{min} = +0.01827$ (аналитический расчёт показывает 0, рис. 2б.)	
	$\sigma_{max} = +2,648$ (аналитический расчёт показывает 2,667, рис. 26, погрешность	
	<i>∆</i> =0,7%)	.018265 .675799 1.33333 1.99087 2.6484 .347032 1.00457 1.6621 2.31963

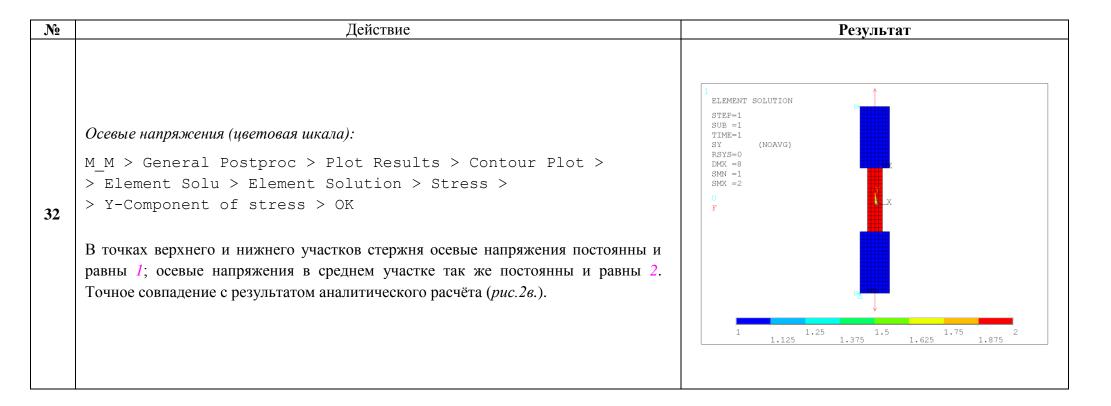
№	Действие	Результат
	Создаём три нулевые отметки (пути) на которых позже будут прорисовываться эпюры напряжений (рис.2б., изображены оранжевым цветом):	
	Прорисовываем узлы и элементы: U_M > Plot > Elements	↑
25	Верхний путь (First): M_M> General Postproc> Path Operations> Define Path> By Nodes> Кликаем мышкой на левый и правый узлы любого поперечного сечения верхнего участка стержня > OK > В графе Name пишем First > OK > Средний путь (Second): M_M> General Postproc> Path Operations> Define Path> By Nodes> Кликаем на левый и правый узлы любого поперечного сечения среднего участка > OK > В графе Name пишем Second > OK > Нижний путь (Third): M_M> General Postproc> Path Operations> Define Path> By Nodes> Кликаем на левый и правый узлы любого поперечного сечения нижнего участка > OK > В графе Name пишем Second > OK > В графе Name пишем Тhird > OK > В графе Name пишем Third > OK > OK >	SKCOND
	Прорисовываем все три пути:	
	M_M > General Postproc > Path Operations > Plot Path	

No	Действие	Результат
№2	Действие Этпора на первом пути: Активируем первый путь: М_M > General Postproc > Path Operations >	Pesynatat Path= first Value= syy
		1 1

№	Действие	Результат
	Эпюра на втором пути:	
	Активируем второй путь:	
	M_M > General Postproc > Path Operations > Recall Path Из списка выбираем вариант "SECOND" > OK	
	Чертить будем эпюру нормального напряжения σ вдоль оси Υ:	
	M_M > General Postproc > Path Operations > Map onto Path > В графе Lab пишем название, например SYY В левом окошке выбираем Stress В правом окошке выбираем Y-direction SY > OK	PATH= SECOND VALUE= SYY SCAL=10
27	Чертим эпюру осевых напряжений:	1. x
27	M_M > General Postproc > Path Operations > Plot Path Item > > On Geometry Из списка мышкой выбрать SYY Масштаб Gscale установить 10 Селектор поставить на "With nodes" > OK Macuta	.018265 .675799 1.33333 1.99087 2.6484 .347032 1.00457 1.6621 2.31963
	Видим треугольник высотой 20,648, с погрешностью расчёта 0,7% эта эпюра совпадает с результатом аналитического расчёта (средняя эпюра, <i>puc.26.</i>). Начинается треугольник не с нуля, а с маленького числа 0,01827, что так же следует считать небольшой погрешностью (относительно нуля погрешность не считается).	

No	Действие	Результат
№	Действие Эпюра на третьем пути: Активируем третий путь: М_М > General Postproc > Path Operations > Recall Path Из списка выбираем вариант "THIRD" > ОК Чертить будем эпюру нормального напряжения о вдоль оси Y: М_М > General Postproc > Path Operations > Map onto Path > В графе Lab пишем название, например SYY В левом окошке выбираем Stress В правом окошке выбираем Y-direction SY > ОК Чертим эпюру осевых напряжений: М М > General Postproc > Path Operations > Plot Path Item >	Perynetat Path= Third Value= syy
	M_M > General Fostproc > Facti Operations > Frot Facti Item > > On Geometry Из списка мышкой выбрать SYY Селектор поставить на "With nodes" > OK	1 1
	Видим прямоугольник высотой I , как и должно быть (нижняя эпюра, $puc.26$.).	

№	Действие	Результат	
	Стержень с двумя вырезами (рис. 2в.)		
29	Удаляем из модели конечные элементы по площади выреза:U_M > Plot > ElementsM_M > Preprocessor > Meshing > Clear > AreasМышкой кликните на левую среднюю поверхность изслагающих контур стержня. Сама поверхность не видна,но нетрудно вспомнить, где она располагается> ОКОбновляем изображение:U_M > Plot > Replot	ELEMENTS U F	
30	Запускаем расчёт: M_M > Solution > Solve > Current LS		
31	Сравнение деформированной и недеформированной форм: M_M > General Postproc > Plot Results > Deformed Shape > KUND установить Def + undeformed > OK Hекоторые символы пропадают. Восстановим их: U_M > PlotCtrls > Symbols > Boundary condition устанавливаем "All Applied BCs" > ОК Видно, что под действием внешних осевых сил стержень растягивается (становится длиннее), но не изгибается (Мизг = 0, рис 2в.).	DISPLACEMENT STEP=1 SUB =1 TIME=1 DMX =8 U F	



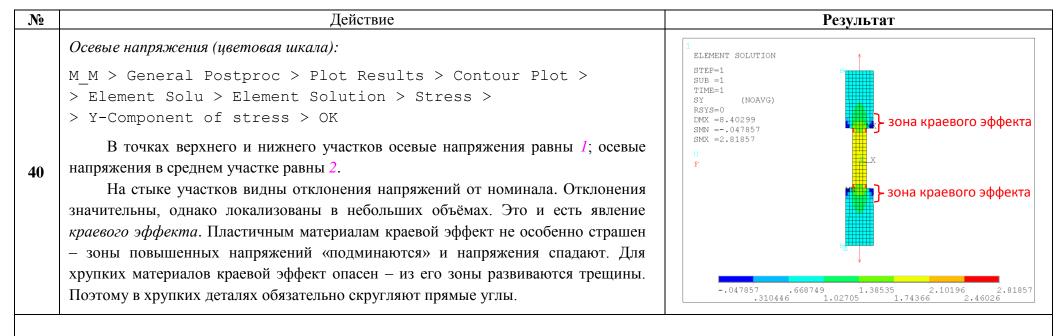
№	Действие	Результат
	Создаём три нулевые отметки (пути) на которых позже будут прорисовываться эпюры напряжений (рис.2б., изображены оранжевым цветом):	
	Прорисовываем узлы и элементы: U_M > Plot > Elements	↑
	Bepxний путь (First): M_M> General Postproc> Path Operations> Define Path> By Nodes> Кликаем мышкой на левый и правый узлы любого поперечного сечения верхнего участка стержня > OK > B графе Name пишем First > OK >	FIRST
33	Средний путь (Second):M_M> General Postproc> Path Operations> Define Path> By Nodes>Кликаем на левый и правый узлы любого поперечного сечениясреднего участка> OK >В графе Name пишем Second> OK >	SECOND
	<pre>Hижний путь (Third): M_M> General Postproc> Path Operations> Define Path> By Nodes> Кликаем на левый и правый узлы любого поперечного сечения нижнего участка</pre>	THIRD
	Прорисовываем все три пути: M_M > General Postproc > Path Operations > Plot Path	

No	Действие	Результат
№ 34	Элюра на первом пути: Aктивируем первый путь: M_M > General Postproc > Path Operations >	Pesymetat PATH= FIRST VALUE= SYY Y L X
	<pre>M_M > General Postproc > Path Operations > Plot Path Item ></pre>	1
	> On Geometry Из списка мышкой выбрать SYY Селектор поставить на "With nodes" > OK	
	Видим прямоугольник высотой 1 , как и должно быть (верхняя эпюра, $puc.2s.$).	

№	Действие	Результат
35	Действие Элюра на втором пути: Активируем второй путь: М_М > General Postproc > Path Operations > Recall Path Из списка выбираем вариант "SECOND" > ОК Чертить будем эткору нормального напряжения о вдоль оси Y: М_М > General Postproc > Path Operations > Map onto Path > В графе Lab пишем название, например SYY В левом окошке выбираем Stress В правом окошке выбираем Y-direction SY > ОК Чертим эткору осевых напряжений: М_М > General Postproc > Path Operations > Plot Path Item > > Оп Geometry Из списка мышкой выбрать SYY Селектор поставить на "With nodes" > ОК	Pesyjibtat Path= second Value= syy
	Видим прямоугольник высотой 2, как и должно быть (средняя эпюра, рис. 2в.).	

No	Действие	Результат
36	Эпюра на третьем пути: Активируем третий путь: M_M > General Postproc > Path Operations > Recall Path Из списка выбираем вариант "THIRD" > ОК Чертить будем эпюру нормального напряжения о вдоль оси Y: M_M > General Postproc > Path Operations > Map onto Path > В графе Lab пишем название, например SYY В левом окошке выбираем Stress В правом окошке выбираем Y-direction SY > ОК	PATH= THIRD VALUE= SYY
	Чертим эпюру осевых напряжений:	
	M_M > General Postproc > Path Operations > Plot Path Item > > On Geometry Из списка мышкой выбрать SYY Селектор поставить на "With nodes" > OK	1 1
	Видим прямоугольник высотой 1 , как и должно быть (нижняя эпюра, $puc.2e.$).	

№	Действие	Результат	
	Краевой эффект в зоне выреза. При использовании гипотезы плоских сечений ним пренебрегают.		
37	Удаляем из модели жёсткие балочные конечные элементы по границам выреза: U_M > Plot > Lines M_M > Preprocessor > Meshing > Clear > Lines Мышкой кликните на линии поперечных сечений верхнего и нижнего участков стержня, ограничивающих вырез. > ОК Элементы и их узлы: U_M > Plot > Elements	1 ELEMENTS U F	
38	Запускаем расчёт: M_M > Solution > Solve > Current LS		
39	Сравнение деформированной и недеформированной форм: M_M > General Postproc > Plot Results > Deformed Shape > KUND установить Def + undeformed > OK Hекоторые символы пропадают. Восстановим их: U_M > PlotCtrls > Symbols > Boundary condition устанавливаем "All Applied BCs" > OK Видно, что поперечные сечения на переходном участке уже не остаются плоскими. Значит, напряжённое состояние точек этого небольшого участка становится неоднородным.	DISPLACEMENT STEP=1 SUB =1 TIME=1 DMX =8.40299 U F	



Условность сосредоточенных внешних сил.

Удаляем из модели жёсткие балочные конечные элементы с поперечных сечений, к которым приложены внешние сосредоточенные силы:

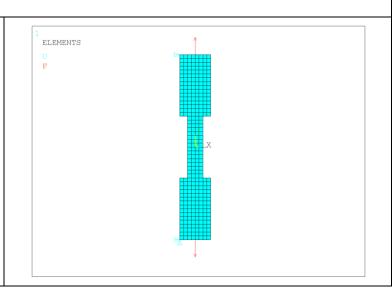
U_M > Plot > Lines

M_M > Preprocessor > Meshing > Clear > Lines

Мышкой кликните на линии поперечных сечений верхнего и нижнего концов стержня.

> ОК

Элементы и их узлы:



U M > Plot > Elements

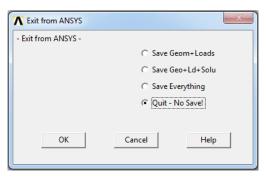
№	Действие	Результат
42	Запускаем расчёт: M_M > Solution > Solve > Current LS	
43	Сравнение деформированной и недеформированной форм: M_M > General Postproc > Plot Results > Deformed Shape > KUND установить Def + undeformed > OK Hекоторые символы пропадают. Восстановим их: U_M > PlotCtrls > Symbols > Boundary condition устанавливаем "All Applied BCs" > OK	DISPLACEMENT STEP-1 SUB =1 TIME-1 DMX =9.24229 U F
44	Осевые напряжения (цветовая шкала): М_M > General Postproc > Plot Results > Contour Plot > > Element Solu > Element Solution > Stress > > Y-Component of stress > OK В точках приложения сосредоточенных внешних сил видны локальные всплески напряжений. И чем меньше размер конечного элемента, тем выше будет амплитуда всплеска. Для устранения краевых эффектов и всплесков напряжений в точках приложения внешних сосредоточенных сил (то есть, для того, чтобы конечноэлементная модель соответствовала аналитическому расчёту с его гипотезой плоских поперечных сечений) и использовались жёсткие балочные конечные элементы MPC184. Пример так же хорошо демонстрирует принцип Сен-Венана — уже на расстоянии а от точки приложения сосредоточенной силы напряжения «успокаиваются» и становятся равномерными, равными 1.	ELEMENT SOLUTION STEP=1 SUB =1 TIME=1 SY (NOAVG) RSYS=0 DMX =9.24229 SMN =172959 SMX =7.7582 U F 172959 1.80924 3.79143 5.77362 7.75582 172959 1.80924 3.79143 6.76472

Сохраняем проделанную работу:

U M > File > Save as Jobname.db

Закройте ANSYS:

 $U_M > File > Exit > Quit - No Save! > OK$



После выполнения указанных действий в рабочем каталоге остаются файлы с расширениями ".BCS", ".db", ".emat", ".err", ".esav", ".full", ".log", ".mntr", ".rst", ".stat" и "SECT".

Интерес представляют ".db" (файлы модели), ".rst" (файл результатов расчёта) и файл ".SECT" (поперечное сечение), остальные файлы промежуточные, их можно удалить.