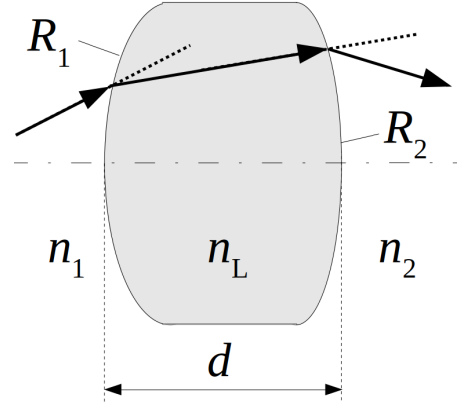


## МАТРИЦА ТОЛСТОЙ ЛИНЗЫ

Найти матрицу  $M$  толстой двояковыпуклой линзы. Показатель преломления линзы  $n_L$ , толщина  $d$ , радиусы кривизны границ  $R_1$  и  $R_2$ . Линза погружена в среду с показателями преломления  $n_1$  с одной стороны и  $n_2$  с другой.

### Решение

Искомая матрица равна произведению трех матриц:  $M = M_2 T M_1$ , где  $M_{1,2}$  - матрицы преломления на соответствующих сферических границах раздела,  $T$  - матрица пустого промежутка (внутри линзы). Будем выполнять вычисления последовательно:



$$T M_1 = \begin{pmatrix} 1 & \frac{d}{n_L} \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -\frac{n_L - n_1}{R_1} & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 - \frac{n_L - n_1}{n_L} \cdot \frac{d}{R_1} & \frac{d}{n_L} \\ -\frac{n_L - n_1}{R_1} & 1 \end{pmatrix}$$

$$M = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ \frac{n_2 - n_L}{R_2} & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 - \frac{n_L - n_1}{n_L} \cdot \frac{d}{R_1} & \frac{d}{n_L} \\ -\frac{n_L - n_1}{R_1} & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} m_{11} & m_{12} \\ m_{21} & m_{22} \end{pmatrix},$$

где

$$m_{11} = 1 - \frac{n_L - n_1}{n_L} \cdot \frac{d}{R_1}$$

$$m_{12} = \frac{d}{n_L}$$

$$m_{21} = \frac{n_2 - n_L}{R_2} - \frac{n_2 - n_L}{R_2} \frac{n_L - n_1}{n_L} \cdot \frac{d}{R_1} - \frac{n_L - n_1}{R_1} = -\frac{(n_L - n_1)(n_L - n_2)}{R_1 R_2} \left( \frac{R_2}{n_L - n_2} + \frac{R_1}{n_L - n_1} - \frac{d}{n_L} \right)$$

$$m_{22} = \frac{n_2 - n_L}{n_L} \cdot \frac{d}{R_2} + 1$$

Замена какой-нибудь из выпуклых поверхностей на вогнутую сводится к изменению знака при соответствующем радиусе:  $R_i = -|R_i|$ .

В случае сферической линзы в воздухе  $R_1 = R_2 = R$ ,  $d = 2R$ ,  $n = 1$ :

$$m_{11} = 1 - \frac{n_L - 1}{n_L} \cdot \frac{2R}{R} = \frac{2}{n_L} - 1$$

$$m_{12} = \frac{2R}{n_L}$$

$$m_{21} = -2 \frac{n_L - 1}{n_L R}$$

$$m_{22} = \frac{1 - n_L}{n_L} \cdot \frac{2R}{R} + 1 = \frac{2}{n_L} - 1$$