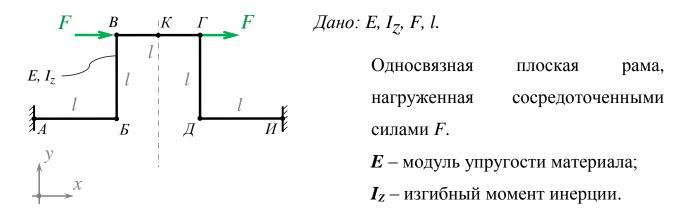
M-03 (ANSYS)

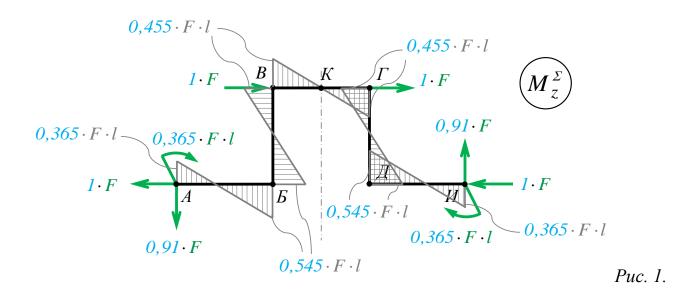
Формулировка задачи:



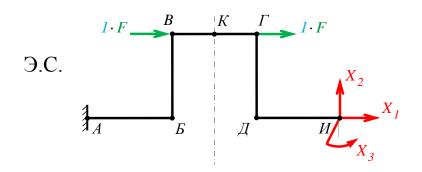
Hайти: Эпюру внутреннего изгибающего момента M_{Z_i} Коэффициенты канонических уравнений δ_{ij} и неизвестные X_i при раскрытии статической неопределимости путём назначения избыточными внешних связей в точке V.

Аналитический расчёт (см. М-03) даёт следующие решения:

Суммарная эпюра внутреннего изгибающего момента:



При решении задачи избыточными назначались внешние связи в точке U:



$$\begin{cases} X_{1} \cdot \delta_{11} + X_{2} \cdot \delta_{12} + X_{3} \cdot \delta_{13} + \delta_{1F} = 0 & X_{1} = -F; \\ X_{1} \cdot \delta_{21} + X_{2} \cdot \delta_{22} + X_{3} \cdot \delta_{23} + \delta_{2F} = 0 & X_{2} = 0,91 \cdot F; \\ X_{1} \cdot \delta_{31} + X_{2} \cdot \delta_{32} + X_{3} \cdot \delta_{33} + \delta_{3F} = 0 & X_{3} = -0,365 \cdot F \cdot l. \end{cases}$$

$$\delta_{IF} = -\frac{1}{3} \cdot \frac{F \cdot l^{3}}{E \cdot I_{x}} = -0,3333 \cdot \frac{F \cdot l^{3}}{E \cdot I_{x}};$$

$$\delta_{2F} = -7 \cdot \frac{F \cdot l^{3}}{E \cdot I_{x}};$$

$$\delta_{3F} = -3 \cdot \frac{F \cdot l^{2}}{E \cdot I_{x}};$$

$$\delta_{II} = \frac{5}{3} \cdot \frac{l^{3}}{E \cdot I_{x}} = 1,667 \cdot \frac{l^{3}}{E \cdot I_{x}};$$

$$\delta_{2I} = \delta_{I2} = 3 \cdot \frac{l^{3}}{E \cdot I_{x}};$$

$$\delta_{3I} = \delta_{I3} = 2 \cdot \frac{l^{2}}{E \cdot I_{x}};$$

$$\delta_{22} = 14 \cdot \frac{l^{3}}{E \cdot I_{x}};$$

$$\delta_{32} = \delta_{23} = 7,5 \cdot \frac{l^{2}}{E \cdot I_{x}};$$

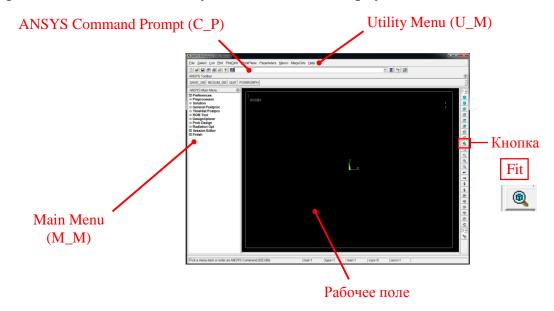
$$\delta_{33} = 5 \cdot \frac{l}{E \cdot I_{x}}.$$

Puc. 2.

Задача данного примера: при помощи ANSYS Multyphisics получить эти же результаты методом конечных элементов.

Предварительные настройки:

Для решения задачи используется ANSYS Multiphysics 14.0:



С меню M_M и U_M работают мышью, выбирая нужные опции.

В окно С_Р вручную вводят текстовые команды, после чего следует нажать на клавиатуре Enter.

Меняем чёрный цвет фона на белый следующими действиями:

 $U_M > PlotCtrls > Style > Colors > Reverse Video$

B меню оставить только пункты, относящиеся к прочностным расчётам:

M_M > Preferences > Отметить "Structural" > ОК

При построениях полезно видеть номера точек и линий твердотельной модели:

```
U_M > PlotCtrls > Numbering >
Отметить KP, LINE ;
Установить Elem на "No numbering";
Установить [/NUM] на "Colors & numbers"> ОК
```

Для большей наглядности увеличим размер шрифта:

```
U_M > PlotCtrls > Font Controls > Legend Font > Установить «Размер» на «22»> ОК
U_M > PlotCtrls > Font Controls > Entity Font > Установить «Размер» на «22»> ОК
```

Предварительные настройки выполнены, можно приступать к решению задачи.

http://www.tychina.pro/библиотека-задач-1/

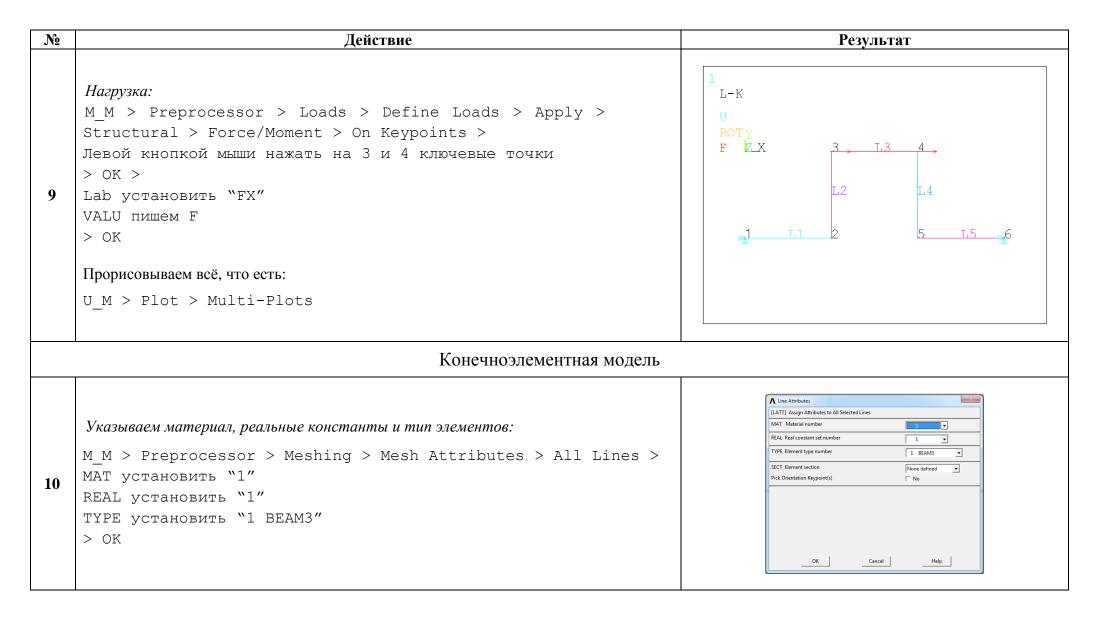
Решение задачи:

Приравняв E, I_z , F и l к единице, результаты получим в виде чисел, обозначенных на puc. l. синим цветом.

№	Действие	Результат
1	Задаём параметры расчёта — базовые величины задачи: U_M > Parameters > Scalar Parameters > E=1	Scalar Parameters
2	Первая строчка в таблице конечных элементов — плоский балочный тип BEAM3: M_M > Preprocessor C_P > ET,1,BEAM3 > Enter Посмотрим таблицу конечных элементов: M_M > Preprocessor > Element Type > Add/Edit/Delete > Close	Add. Options Delete Close Help
3	Первая строчка в таблице параметров («реальных констант») выбранного типа конечного элемента: площадь поперечного сечения = A ; момент инерции = Iz ; высота = $l/100$. С_P> R,1,A,Iz,L/100 > Enter Посмотрим таблицу реальных констант: M_M > Preprocessor > Real Constants > Add/Edit/Delete > Close	Defined Real Constant Sets Set 1 Add Edit Delete Close Help

№	Действие		Резул	ьтат	
	Свойства материала стержня – модуль упругости и коэффициент Пуассона:		Cefine Material Model Behavior Material Edit Favorite Help		
	M M > Preprocessor > Material Props > Material Models >		Material Models Defined Material No.	mber 1	
4	Structural > Linear > Elastic > Isotropic >		Temperatures 0	es for Material Number 1	
	В окошке EX пишем "E", в окошке PRXY пишем "nu" > ОК		EX PRXY		
	Закрываем окно «Deine Material Model Behavior».		Add Temperature Delete Temp	rature Graph C Carcel Help	
	Твердотельное моделирование				
	Координаты узлов рамы:	<i>y x</i>	B (1;0)	Γ (2·1;0)	
5	Определяемся с положением рамы относительно глобальнй декартовой системы координат.	A (0;-l)	Б (l;-l) Д	$(2 \cdot l ; -l)$	$H(3\cdot l;-l)$
	Ключевые точки — границы участков: $A \to 1$, $E \to 2$, $B \to 3$, $\Gamma \to 4$, $\Pi \to 5$, $M \to 6$:				
	M M> Preprocessor> Modeling> Create> Keypoints> In Active CS>				
	_ NPT пишем 1	1 POINTS			
	X,Y,Z пишем 0,-l,0 > Apply >	POINTS POIN NUM			
	NPT пишем 2	Z_X	.3	.4	
	X,Y,Z пишем l , \cdot - l , 0 > Apply >	VX	.5	.4	
	NPT пишем 3				
6	X,Y,Z пишем l ,0,0 > Apply >				
	NPT пишем 4				
	X,Y,Z пишем $2\cdot l$,0,0 > Apply >	.1	2	.5	.6
	NPT пишем 5				
	X,Y,Z пишем $2 \cdot l$, $-l$, $0 > OK$				
	NPT пишем б				
	X,Y,Z пишем $3\cdot l$, $-l$, $0 > OK$				
	Прорисовываем всё, что есть: U_M > Plot > Multi-Plots				

№	Действие	Результат
7	Пять участков — пять линии: M_M > Preprocessor > Modeling > Create > Lines > Lines > Straight Line > Левой кнопкой мыши последовательно нажать на ключевые точки: 1 и 2 2 и 3 3 и 4 4 и 5 5 и 6 > ОК Прорисовываем всё, что есть:	1 L-K 1 L-K L2 L4 1 T.1 2 5 T.5 6
8	J_M > Plot > Multi-Plots 3aделки: M_M > Preprocessor > Loads > Define Loads > Apply > Structural > Displacement > On Keypoints > Левой кнопкой мыши нажать на 1 и 6 ключевые точки > OK > Lab2 установить "All DOF" > OK Прорисовываем всё, что есть: U_M > Plot > Multi-Plots	1 L-K U ROTY L2 L4 L2 L5 L5 6

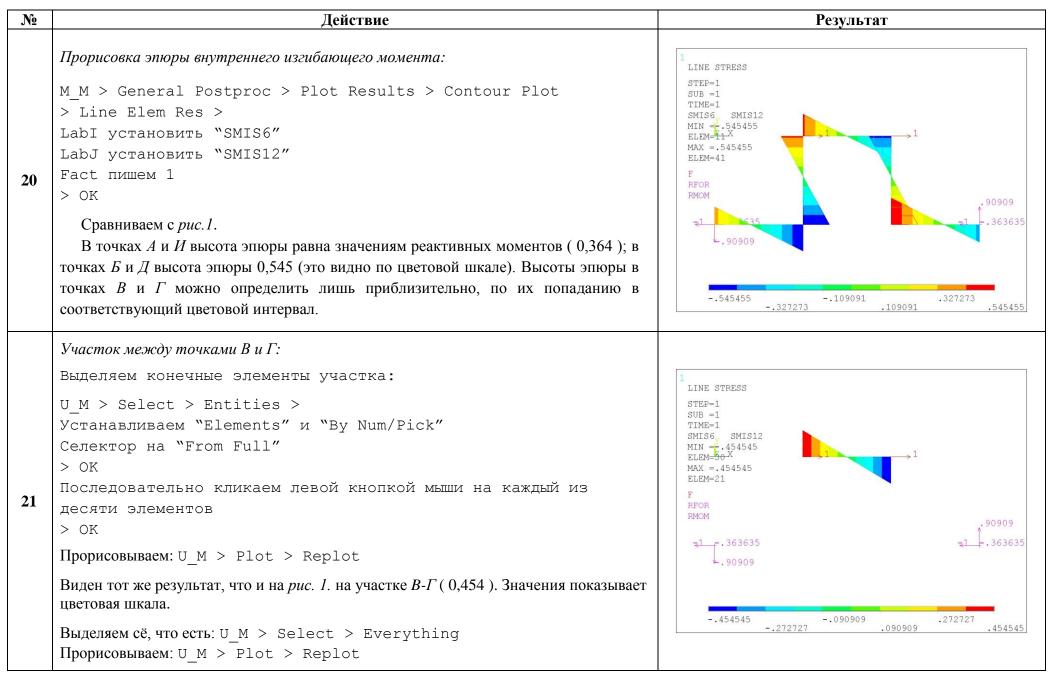


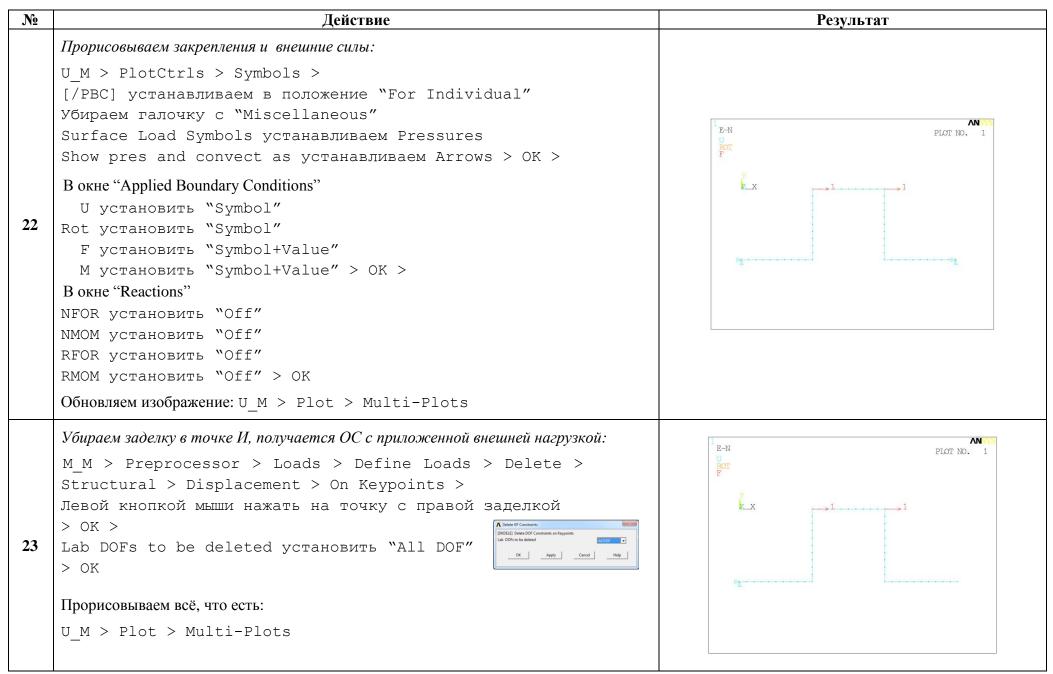
№	Действие	Результат
	Стержень без распределённой нагрузки можно бить одним конечным элементом, но при вычислении коэффициентов канонических уравнений для наглядности будет прорисовываться форма деформированной оси рамы, поэтому каждый участок лучше разбить несколькими балочными конечными элементами:	1 L-K U ROTY F Z X 3 L3 4
11	M_M > Preprocessor > Meshing > Size Cntrls > ManualSize > Lines > All Lines > NDIV пишем 10 > OK	L2 L4
	Обновляем изображение: U_M > Plot > Multi-Plots	
12	Указываем, что именно нужно теперь прорисовывать по команде Multi-Plots: U_M > PlotCtrls > Multi-Plot Controls > Появляется первое окно Multi-Plotting > OK > Появляется второе окно Multi-Plotting > Оставляем в нём отметки только напротив Nodes и Elements > OK	Multi-Pletting Edit Window Window 2 Window 3 Window 4 Window 5 Display Type © Entity Plots Graph Plots OK Cancel Help

№	Действие	Результат
13	Рабиваем линии на элементы:M_M > Preprocessor > Meshing > Mesh > Lines > Pick AllОбновляем изображение:U_M > Plot > Multi-PlotsБирюзовым цветом изображены балочные элементы. Чёрные точки - это их узлы.	E-N Y X
14	Переносим на конечноэлементную модель нагрузки и закрепления с модели твердотельной: M_M > Loads > Define Loads > Operate > Transfer to FE > All Solid Lds > OK	E-N U ROTY F X
	Расчёт	
15	Запускаем расчёт: М_M > Solution > Solve > Current LS Синхронно появляются два окна: белое информационное и серое исполнительное. Белое закрываем, на сером нажимаем ОК. Расчёт пошёл. Ждём. Появится окно «Solution is done!». Закройте это окно. Расчёт окончен.	

No	Действие	Результат
	Просмотр результатов	
16	Силовая схема: U_M > PlotCtrls > Symbols > [/PBC] устанавливаем в положение "For Individual" Убираем галочку с "Miscellaneous" Surface Load Symbols устанавливаем Pressures Show pres and convect as устанавливаем Arrows > OK > B окне "Applied Boundary Conditions" U установить "Off" Rot установить "Off" F установить "Symbol+Value" M установить "Symbol+Value" > OK > B окне "Reactions" NFOR установить "Off" RFOR установить "Off" RFOR установить "Symbol+Value" > OK Oбновляем изображение: U_M > Plot > Elements Oбновляем изображение: U_M > Plot > Elements Oбновляем изображение силовой схемы с рис. 1 .(числа, выделенные синим цветом) за исключением реактивных моментов: \$\Delta = (0.365-0.364)/0.365*100%=0.3%. В рабочем поле видим следующее: - Красным цветом начерчены внешние силы; - Фиолетовым цветом - вектора реактивных моментов;	E-N PLOT NO. 1 PROOR NO. 1 -363635 -90909 -363635

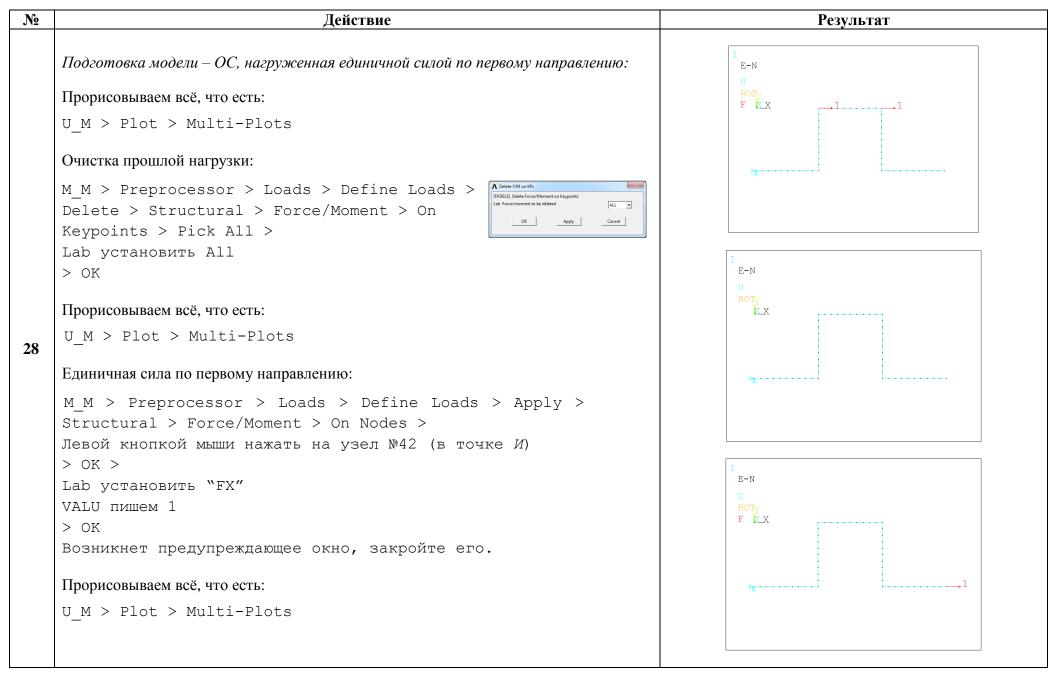
№	Действие	Результат
17	Возвращаемся к фронтальному виду: вид спереди; автоформат (размер изображения по размеру окна рабочего поля).	E-N PLOT NO. 1 FROR RYOM -363635363635 -90909
18	<pre>U_M > PlotCtrls > Style > Contours > Uniform Contours > NCONT пишем 10 > OK</pre>	
19	Cocmaвление эпюры внутреннего изгибающего момента: M_M > General Postproc > Element Table > Define Table > Add > "By sequence num", "SMISC,", "6" > Apply > "By sequence num", "SMISC,", "12" > OK > > Close Смотрим таблицу результатов: M_M > General Postproc > Element Table > Define Table > Close	A Control Additional Sheeres Table Sheere [ADDITION OF The Additional Sheeres Table Sheeres [ADDITION OF The Additional Sheer





No	Действие	Результат
24	Pacчёт: M_M > Solution > Solve > Current LS > OK > Close	
25	Деформированная форма: M_M > General Postproc > Plot Results > Deformed Shape > KUND установить Def + undeformed > ОК Ни сил ни заделок не видно, поэтому повторяем также действие №23. Видим недеформированную форму упругой оси рамы (чёрная) и деформированную форму (синяя) в некотором масштабе.	DISPLACEMENT STEP=1 SUB =1 TIME=1 DMX =7.00793 PCT F L X 1
26	Выделяем узел в точке И: U_M > Select > Entities > Устанавливаем "Nodes", "By Num/Pick" и "From Full" > ОК Кликаем на крайнюю правую точку деформированной формы В окошке Select nodes припишется номер узла «Node No. = 42» > ОК	Select nodes Pick C Unpick Single C Box Polygon C Circle C Loop Count = 1 Maximum = 51 Minimum = 1 Node No. = 42 C List of Items C Min, Max, Inc OK Apply Reset Cancel Pick All Help DISPLACEMENT STEP=1 SUBy = 1 TIME=1 DMX = 7.00793 U ROT F

№	Действие	Результат
745	деиствие	гезультат
	Податливости δ_{1F} , δ_{2F} , и δ_{3F} : Линейные перемещения узла №42: М_M > General Postproc > List Results > Nodal Solution > Nodal Solution > Dof Solution > Displacement vector sum> > OK Видим: $UX = -0.3333 \implies \delta_{1F} = -0.3333 \cdot \frac{F \cdot l^3}{E \cdot I_x}$; $UY = -7 \implies \delta_{2F} = -7 \cdot \frac{F \cdot l^3}{E \cdot I_x}$.	File PRINT U NODAL SOLUTION PER NODE ****** POST1 NODAL DEGREE OF FREEDOH LISTING ***** LOAD STEP= 1 SUBSTEP= 1 TIME= 1.0000 LOAD CASE= 0 THE FOLLOHING DEGREE OF FREEDOH RESULTS ARE IN THE GLOBAL COORDINATE SYSTEH NODE UX UY UZ USUH 42 -0.33333 -7.0000 0.0000 7.0079 HAXIHUH ABSOLUTE VALUES NODE 42 42 0 42 VALUE -0.33333 -7.0000 0.0000 7.0079
27	Что полностью совпадает с результатами, представленными на рис. 2.	
	Угловое перемещение узла №42: $ \begin{array}{l} \texttt{M_M} > \texttt{General Postproc} > \texttt{List Results} > \texttt{Nodal Solution} > \\ \texttt{Nodal Solution} > \texttt{DOF Solution} > \texttt{Z-Component of rotation} > \\ \texttt{> OK} \\ \texttt{Видим:} \\ \hline {ROTZ} = -3 \implies \delta_{3F} = -3 \cdot \frac{F \cdot l^2}{E \cdot I_\chi} . \\ \texttt{И тут совпадение с } \textit{puc.2.} \; \texttt{налицо.} \\ \hline \\ \textbf{Выделяем сё, что есть: U_M} > \texttt{Select} > \texttt{Everything} \\ \end{array} $	File PRINT ROT NODAL SOLUTION PER NODE ****** POST1 NODAL DEGREE OF FREEDOH LISTING ***** LOAD STEP= 1 SUBSTEP= 1 TIME= 1.0000 LOAD CASE= 0 THE FOLLOHING DEGREE OF FREEDOH RESULTS ARE IN THE GLOBAL COORD INATE SYSTEH NODE ROTZ 42 -3.0000 HAXIHUH ABSOLUTE VALUES NODE 42 VALUE -3.0000



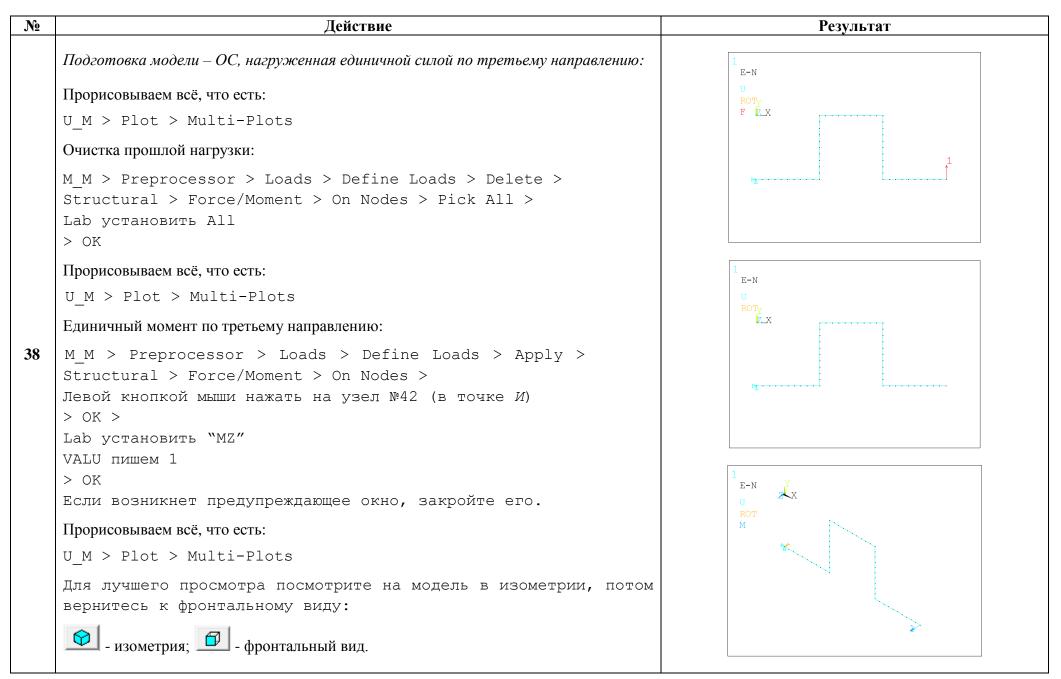
N₂	Действие	Результат
30	Pacчёт: M_M > Solution > Solve > Current LS > OK > Close Деформированная форма: M_M > General Postproc > Plot Results > Deformed Shape > KUND установить Def + undeformed > OK Ни сил ни заделок не видно, поэтому повторяем также действие №23. Видим недеформированную форму упругой оси рамы (чёрная) и деформированную форму (синяя) в некотором масштабе.	1 DISPLACEMENT STEP=1 SUBy=1 TIME⇒1 DMX =3.43188 U ROT F
31	Выделяем узел в точке И: U_M > Select > Entities > Устанавливаем "Nodes", "By Num/Pick" и "From Full" > ОК Кликаем на крайнюю правую точку деформированной формы > ОК	

N₂	Действие	Результат
	$Hodamливости \ \delta_{II}, \ \delta_{2I}$, $u \ \delta_{3I}$: Линейные перемещения узла N 2: M_M > General Postproc > List Results > Nodal Solution > Nodal Solution > DOF Solution > Displacement vector sum> > OK Видим: $UX = 1,667 \ \Rightarrow \ \delta_{II} = 1,667 \cdot \frac{l^3}{E \cdot I_x}$; $UY = 3 \ \Rightarrow \ \delta_{2I} = 3 \cdot \frac{l^3}{E \cdot I_x}$.	PRINT U NODAL SOLUTION PER NODE ***********************************
32	Полное совпадение с рис.2.	
	Угловое перемещение узла №42: $ \underbrace{\text{M_M} > \text{General Postproc} > \text{List Results} > \text{Nodal Solution} > \\ \text{Nodal Solution} > \text{DOF Solution} > \text{Z-Component of rotation} > \\ \text{> OK} $ $ \underbrace{\text{Видим:}} $ $ \underbrace{ROTZ = 2} \implies \delta_{3I} = 2 \cdot \frac{l^2}{E \cdot I_{_X}} . $ $ \underbrace{\text{Полное совпадение c } \textit{puc.2.} } $ $ \underbrace{\text{Выделяем cë, что есть: U_M} > \text{Select} > \text{Everything} } $	PRINT ROT NODAL SOLUTION PER NODE ******* POST1 NODAL DEGREE OF FREEDOM LISTING ****** LOAD STEP= 1 SUBSTEP= 1 TIME= 1.0000 LOAD CASE= 0 THE FOLLOHING DEGREE OF FREEDOM RESULTS ARE IN THE GLOBAL COORDINATE SYSTEM NODE ROTZ 42 2.0000 HAXIMUM ABSOLUTE VALUES NODE 42 VALUE 2.0000

№	Действие	Результат
33	Подготовка модели — OC, нагруженная единичной силой по второму направлению: Прорисовываем всё, что ссть: U_M > Plot > Multi-Plots Oчистка прошлой нагрузки: M_M > Preprocessor > Loads > Define Loads > Delete > Structural > Force/Moment > On Nodes > Pick All > Lab установить All > OK Прорисовываем всё, что ссть: U_M > Plot > Multi-Plots Eдиничная сила по второму направлению: M_M > Preprocessor > Loads > Define Loads > Apply > Structural > Force/Moment > On Nodes > Левой кнопкой мыши нажать на узел №42 (в точке И) > ОК > Lab установить "FY" VALU пишем 1 > ОК Если возникнет предупреждающее окно, закройте его. Прорисовываем всё, что есть: U_M > Plot > Multi-Plots	I E-N U ROTY F E X 1 E-N U ROTY E X 1 E-N U ROTY E X

No	Действие	Результат
34 35	Действие Pacvёm: M_M > Solution > Solve > Current LS > OK > Close Деформированная форма: M_M > General Postproc > Plot Results > Deformed Shape > KUND установить Def + undeformed > OK Ни сил ни заделок не видно, поэтому повторяем также действие №23.	Pesyjbtat 1 DISPLACEMENT STEP=1 SUBy=1 TIME=X1 DMX =14.3178 U ROT F
36	Видим недеформированную форму упругой оси рамы (чёрная) и деформированную форму (синяя) в некотором масштабе. Выделяем узел в точке И: U_M > Select > Entities > Устанавливаем "Nodes", "By Num/Pick" и "From Full" > OK Кликаем на крайнюю правую точку деформированной формы > OK	

№	Действие	Результат
		PRNSOL Command File
	$ \Pi$ одатливости δ_{22} и δ_{32} :	PRINT U NODAL SOLUTION PER NODE
	Линейные перемещения узла №42:	****** POST1 NODAL DEGREE OF FREEDOM LISTING ******
	<pre>M_M > General Postproc > List Results > Nodal Solution > Nodal Solution > DOF Solution > Displacement vector sum> > OK</pre>	LOAD STEP= 1 SUBSTEP= 1 TIME= 1.0000 LOAD CASE= 0 THE FOLLOHING DEGREE OF FREEDOM RESULTS ARE IN THE GLOBAL COORDINATE SYSTEM
	Видим: $UY = 14 \Rightarrow \delta_{22} = 14 \cdot \frac{l^3}{E \cdot I_{\chi}} .$	NODE UX UY UZ USUM 42 3.0000 14.000 0.0000 14.318 MAXIMUM ABSOLUTE VALUES NODE 42 42 0 42 VALUE 3.0000 14.000 0.0000 14.318
	Полное совпадение с рис.2.	
37		A DRNSOL Command
	Угловое перемещение узла №42:	A PRIVISOE COmmand
	<pre>M_M > General Postproc > List Results > Nodal Solution > Nodal Solution > DOF Solution > Z-Component of rotation > > OK</pre>	PRINT ROT NODAL SOLUTION PER NODE ******** POST1 NODAL DEGREE OF FREEDOM LISTING ********
	Видим:	LOAD STEP= 1 SUBSTEP= 1 TIME= 1.0000 LOAD CASE= 0
	$ROTZ = 7.5 \Rightarrow \delta_{32} = 7.5 \cdot \frac{l^2}{E \cdot I_x}$	THE FOLLOHING DEGREE OF FREEDOM RESULTS ARE IN THE GLOBAL COORDINATE SYSTEM
	Полное совпадение с рис.2.	NODE ROTZ 42 7.5000
	Выделяем сё, что есть: U_M > Select > Everything	HAXIHUH ABSOLUTE VALUES NODE 42 VALUE 7.5000



№	Действие	Результат
39	Pacчёт: M_M > Solution > Solve > Current LS > OK > Close Деформированная форма: M_M > General Postproc > Plot Results >	1 DISPLACEMENT STEP=1 SUBy=1
40	Deformed Shape > KUND установить Def + undeformed > OK Ни сил ни заделок не видно, поэтому повторяем также действие №23. Видим недеформированную форму упругой оси рамы (чёрная) и деформированную форму (синяя) в некотором масштабе.	TIME⇒1 DMX =7.76209 U ROT M
41	Выделяем узел в точке И: U_M > Select > Entities > Устанавливаем "Nodes", "By Num/Pick" и "From Full" > OK Кликаем на крайнюю правую точку деформированной формы > OK	

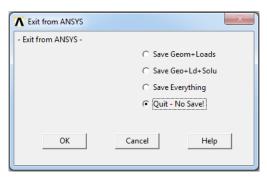
№	Действие	Результат
42	$Hodam$ ливость δ_{33} : Угловое перемещение узла $M42$: $M_M > General Postproc > List Results > Nodal Solution > Nodal Solution > DOF Solution > Z-Component of rotation > OK Видим: ROTZ = 5 \implies \delta_{33} = 5 \cdot \frac{l}{E \cdot I_x}. Полное совпадение с puc.2. Выделяем сё, что есть: U_M > Select > Everything$	PRINT ROT NODAL SOLUTION PER NODE ********* POST1 NODAL DEGREE OF FREEDOH LISTING ******* LOAD STEP= 1 SUBSTEP= 1 TIHE= 1.0000 LOAD CASE= 0 THE FOLLOHING DEGREE OF FREEDOH RESULTS ARE IN THE GLOBAL COORD INATE SYSTEH NODE ROTZ 42 5.0000 HAXIHUM ABSOLUTE VALUES NODE 42 VALUE 5.0000

Сохраняем проделанную работу:

U M > File > Save as Jobname.db

Закройте ANSYS:

 $U_M > File > Exit > Quit - No Save! > OK$



После выполнения указанных действий в рабочем каталоге остаются файлы с расширениями ".BCS", ".db", ".emat", ".err", ".esav", ".full", ".log", ".mntr", ".rst" и ".stat".

Интерес представляют ".db" (файл модели) и ".rst" (файл результатов расчёта), остальные файлы промежуточные, их можно удалить.