Многомерни масиви и алгоритми

УП практикум, 2ра група Богомил Стоянов Виолета Кастрева

Многомерни масиви - основна концепция

Спомняте ли си аналогията, че масивите приличат на рафт, на който нареждаме еднотипни неща?

Сега нека си представим, че имаме нещо такова ->

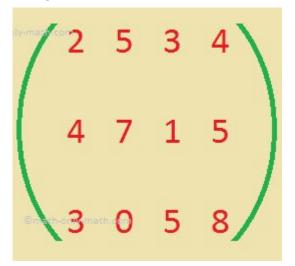
Имаме нещо като рафт от рафтове.



Многомерни масиви - основна концепция

Именно това са двумерните масиви - масив от масиви.

Можем също така да направим аналогия с алгебрата, тъй като структурата им е като на матрици (или таблици). Всъщност точно така ще ги наричаме и тук, матрици.



0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	1	1
0	0	0	0	1	1	1
0	0	0	0	1	1	1
0	0	0	0	1	1	1

Матрици в С++

```
1 int main() {
      //деклариране, първият индекс е брой редове
3
      //вторият - по колко елементи има на ред (стълбове)
      int matrix[3][3];
5
6
      //деклариране и инициализация (един начин)
      int secondMatrix[3][3] = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\};
8
      //това ще ни отговаря на
     // 123
10 // 4 5 6
11 // 789
12
      return 0;
13
14 }
```

Достъп до елементите в матрица

Всеки елемент достъпваме с два индекса - за реда и за стълба. Например, ако имаме x[3][4], то достъпът до елементите ще бъде съответно:

	Col 1	Col 2	Col 3	Col 4
Row 1	x[0][0]	x[0][1]	x[0][2]	x[0][3]
Row 2	x[1][0]	x[1][1]	x[1][2]	x[1][3]
Row 3	x[2][0]	x[2][1]	x[2][2]	x[2][3]

Достъп до елементите в матрица - пример

```
1 #include <iostream>
 3 int main() {
       int matrix[3][3] = \{\{1, 2, 3\}, \{4, 5, 6\}, \{7, 8, 9\}\};
 6
      //достъп до елемента
       std::cout << "Accessed Element: " << matrix[0][1] << std::endl; // изход: 2
 8
       //промяна на стойността на елемент
10
       matrix[0][1] = 10; // променяме я от 2 на 10
11
       std::cout << "Modified Element: " << matrix[0][1] << std::endl; // изход: 10
12
13
       return 0;
14
15 }
16
```

Обхождане на елементите на матрица

Използваме вложени цикли, за да обходим всички елементи, обикновено външният цикъл е за редове, вътрешният - за стълбове.

```
Изход:
123
456
789
```

```
1 #include <iostream>
 3 int main() {
       int matrix[3][3] = \{\{1, 2, 3\}, \{4, 5, 6\}, \{7, 8, 9\}\};
      // Iterating over the matrix with nested loops
       for(int i = 0; i < 3; i++) { // Outer loop for rows
           for(int j = 0; j < 3; j++) { // Inner loop for columns
               std::cout << matrix[i][j] << " "; // Access and print each element</pre>
10
           std::cout << std::endl; // Newline at the end of each row</pre>
11
12
13
14
       return 0;
15 }
16
```

```
Въвеждане
на матрица
конзолата
```

```
1 #include <iostream>
 2 using namespace std;
 4 const int MAX ROWS = 100; // Maximum number of rows
 5 const int MAX COLS = 100; // Maximum number of columns
 7 int main() {
       int matrix[MAX ROWS][MAX COLS];
       int rows, cols;
10
       cout << "Enter the number of rows: ";</pre>
11
       cin >> rows;
12
       cout << "Enter the number of columns: ";</pre>
13
14
       cin >> cols;
15
16
       cout << "Enter matrix elements:" << endl;</pre>
17
       for(int i = 0; i < rows; i++) {
           for(int j = 0; j < cols; j++) {
18
               cout << "Enter element [" << i << "][" << j << "]: ";</pre>
19
               cin >> matrix[i][j];
20
21
22
      }
23
24
       return 0;
25 }
26
```

Основни операции с матрици

Ще разгледаме няколко основни задачи, за да придобием интуиция за обхождането и работата с матрици, а именно:

- сума на елементите
- сума на елементите по редове, и по стълбове
- транспониране (на квадратни матрици) (не е много основно, но пък е забавно)

Сума на всички елементи в матрица

```
1 #include <iostream>
 3 int main() {
       int matrix[3][3] = \{\{1, 2, 3\}, \{4, 5, 6\}, \{7, 8, 9\}\};
       int sum = 0;
 6
       for(int i = 0; i < 3; i++) {
           for(int j = 0; j < 3; j++) {
 8
               sum += matrix[i][j];
10
      }
11
12
       std::cout << "Sum of all elements: " << sum << std::endl;</pre>
13
14
       return 0;
15
16 }
17
```

Суми по редове

```
1 #include <iostream>
 2 using namespace std;
 3
 4 int main() {
       int matrix[3][3] = \{\{1, 2, 3\}, \{4, 5, 6\}, \{7, 8, 9\}\};
 6
       for(int i = 0; i < 3; i++) {
           int rowSum = 0;
           for(int j = 0; j < 3; j++) {
               rowSum += matrix[i][j];
10
11
12
           cout << "Sum of row " << i << ": " << rowSum << endl;</pre>
13
       }
14
15
16
       return 0;
17 }
18
```

Суми по стълбове (нека по принцип избягваме std)

```
1 #include <iostream>
 2 using namespace std;
 4 int main() {
       int matrix[3][3] = \{\{1, 2, 3\}, \{4, 5, 6\}, \{7, 8, 9\}\};
 6
       for(int j = 0; j < 3; j++) {
           int colSum = 0;
           for(int i = 0; i < 3; i++) {
               colSum += matrix[i][j];
10
11
           cout << "Sum of column " << j << ": " << colSum << endl;</pre>
12
13
14
       return 0;
15
16 }
```

Транспониране

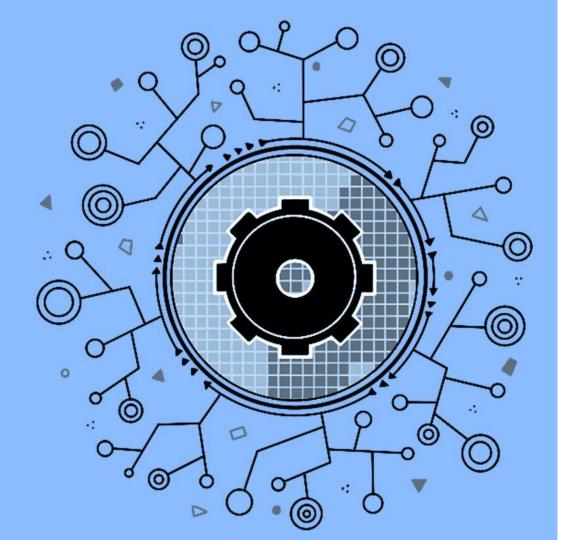
```
1 #include <iostream>
 2 using namespace std;
 3
 4 int main() {
       int matrix[3][3] = \{\{1, 2, 3\}, \{4, 5, 6\}, \{7, 8, 9\}\};
       int transpose[3][3];
 6
 8
       for(int i = 0; i < 3; i++) {
           for(int j = 0; j < 3; j++) {
 9
               transpose[j][i] = matrix[i][j];
10
11
12
13
14
       return 0;
15 }
16
```

Ами за тримерни масиви?

По индукция, всички следващи размерности третираме по аналогичен начин.

Например за тримерен масив ще имаме int 3D[3][3][3] и обхождането ще бъде с 3 вложени цикъла.

Повече от тримерни масиви рядко се ползват в практиката.



Алгоритъм?

A set of instructions for solving a problem

Алгоритми - увод

Ще разгледаме основни алгоритми за търсене на елементи в масиви, сортиране на елементи и т.н.

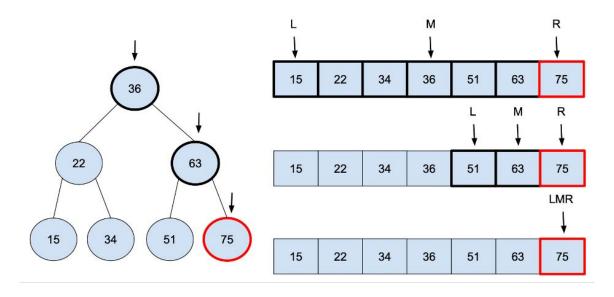
Линейно търсене

Вече е интуитивно ясно, как най-лесно да намерим някакъв елемент в масив:

```
. .
 1 #include <iostream>
 3 int linearSearch(int arr[], int n, int x) {
       for(int i = 0; i < n; i++) {
           if(arr[i] == x)
               return i; // Found x, return the index
       return -1; // x not found
 9 }
10 int main() {
       int arr[] = \{2, 3, 4, 10, 40\};
12
       int x = 10;
       int n = 5; // Manually specifying the number of elements in arr
13
       int result = linearSearch(arr, n, x);
14
15
      if (result == -1)
           std::cout << "Element is not present in array";</pre>
16
       else
17
18
           std::cout << "Element is present at index " << result;</pre>
       std::cout << std::endl;</pre>
19
20
       return 0;
21 }
22
```

Двоично търсене

Сега да разгледаме нещо, работещо доста по-бързо, алгоритъм, с който търсим елемент X в масив, който обаче трябва да е сортиран

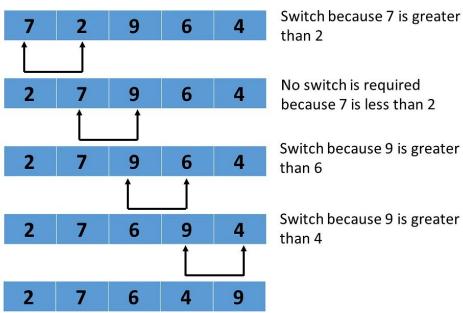


Двоично търсене - имплементация

```
1 #include <iostream>
 3 int binarySearch(const int arr[], int size, int target) {
       int left = 0, right = size - 1;
       while (left <= right) {</pre>
 6
           int mid = left + (right - left) / 2;
 8
           if (arr[mid] == target) {
 9
10
               return mid; // Target value found
           } else if (arr[mid] < target) {</pre>
11
12
               left = mid + 1; // Target is in the right half
           } else {
13
               right = mid - 1; // Target is in the left half
14
15
16
       }
17
       return -1; // Target not found
18
19 }
```

Coртиране - Bubble Sort

Ще видим един стандартен, сравнително прост, метод за сортиране на масив от елементи



Bubble Sort - имплементация

```
1 void bubbleSort(int arr[], int n) {
      for (int i = 0; i < n-1; i++) {
          for (int j = 0; j < n-i-1; j++) {
               if (arr[j] > arr[j+1]) {
                   // Swap arr[j] and arr[j+1]
                   int temp = arr[j];
                   arr[j] = arr[j+1];
                   arr[j+1] = temp;
10
12 }
```

